9. (1 valor) Considere, no espaço euclidiano complexo \mathbb{C}^3 munido do produto escalar usual, o operador S(x,y,z)=(x+iy-z,2iy+3z,iz). Determine o operador S^* e a composição S^*S .

$$S = \begin{bmatrix} 1 & i & -1 \\ 0 & 2i & 3 \\ 0 & 0 & i \end{bmatrix}$$

$$\bar{S} = \begin{bmatrix} 1 & -i & -1 \\ 0 & -2i & 3 \\ 0 & 0 & -i \end{bmatrix}$$

$$S^* = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ -i & -2i & 0 \\ -1 & 3 & -i \end{bmatrix}$$

$$S^*S = \begin{bmatrix} 1 & i & -1 \\ -i & 5 & -5i \\ -1 & 5i & 11 \end{bmatrix}$$

10. (1 valor) Considere, no espaço euclidiano complexo \mathbb{C}^2 munido do produto escalar usual, o operador $T: \mathbb{C}^2 \to \mathbb{C}^2$ definido por T(x,y) = (2x-iy,ix+y). Determine uns operadores auto-adjuntos X e Y tais que T = X + iY.

$$T = \begin{bmatrix} 2 & -i \\ i & 1 \end{bmatrix}$$

$$\bar{T} = \begin{bmatrix} 2 & i \\ -i & 1 \end{bmatrix}$$

$$T^* = \begin{bmatrix} 2 & -i \\ i & 1 \end{bmatrix}$$

$$X = \frac{T + T^*}{2}$$

$$Y = \frac{T - T^*}{2i}$$