Forward-backward asymmetry of Drell-Yan events in pp collisions at 13 TeV, using CMS Open Data

Giulia Belotti

1 Introduzione

Il repositorio CMEPDA_Exam_DrellYanEvents-13TeV contiene l'analisi dell'asimmetria forward-backward degli eventi di Drell Yan, in collisione pp, usando i CMS Open Data a 13 TeV con una luminosità integrata $\mathcal{L} = 41.6 fb^{-1}$, sulla base dei risultati presentati dalla collaborazione CMS ¹.

Sono state effettuate tre diverse analisi: distribuzione in massa invariante, distribuzione in $\cos \theta^*$ e asimmetria forward-backward, sia per il canale di-muon che per quello di-electron, a seconda del decadimento del bosone Z. Tramite parametri opzionali, l'utente può scegliere da riga di comando quale analisi effettuare, mentre con un parametro posizionale specifica per quale particella.

2 Analisi

2.1 Import e selezione degli eventi

Per prima cosa i dataset e la simulazione Monte-Carlo utilizzati sono stati importati come RDataFrame dal CMS Open Data Portal e sono stati filtrati al fine di selezionare i due leptoni provenienti dal decadimento della Z. In Tabella 1, sono riportate le condizioni imposte

Muons (μ)	Electrons (e)
$\frac{1}{\text{Muon}_p_T > 25, 15 \text{ GeV}}$	Electron_ $p_T > 30, 20 \text{ GeV}$
$ \mathrm{Muon}_{-}\eta < 2.4$	$ \mathrm{Electron}_{-}\eta < 2.4$
Opposite-sign electric charges	Opposite-sign electric charges
${\rm Muon_pfRelIso03_all} < 0.1$	${\rm Electron_pfRelIso03_all} < 0.15$
$Muon_mediumId0 > 0$	$Electron_cutBased >= 3$
$Muon_dxy < 0.2 cm$	

Tabella 1: Tabella delle condizione imposte

I tagli comuni ad entrambi i leptoni di decadimento sono passati come stringa da riga di comando, in modo tale che l'utente può scegliere se cambiarne i valori o lasciare quelli di default, elencati in tabella. Tramite la funzione Snapshot, gli eventi così selezionati vengono salvati in un due file ".root", uno per i dati e uno per il MC, all'interno di una cartella "data", per poter essere analizzati successivamente. Ciascuno dei due file contiene un TTree i cui branches corrispondono al p_T , η , ϕ , massa e numero delle particelle che hanno superato la selezione.

Per ottimizzare l'analisi e rendere il programma più leggibile, è stata scritta in C++ una libreria, chiamata Vector_Library.h, nella quale sono state definite tutte le funzioni necessarie per operare sugli RDataFrame,

¹L'articolo di riferimento scelto è: Measurement of the weak mixing angle using the forward-backward asymmetry of Drell-Yan events in pp collisions at 8 TeV arXiv:1806.00863v2 [hep-ex]

considerando gli eventi come PtEtaPhiMVector di ROOT. Questa libreria viene interpretata da Python tramite il comando ROOT.gInterpreter.ProcessLine('#include "src/Vector Library.h"').

2.2 Distribuzione in massa invariante

Dopo aver calcolato il valore della massa invariante e della rapidità del sistema dei due leptoni, gli eventi vengono filtrati, tramite il comando Filter, in tre diversi range di rapidità: 0 < |y| < 0.4, 0.8 < |y| < 1.2, 1.6 < |y| < 2.0. Il risultato di questa analisi sono quindi tre istogrammi 1D, uno per ogni range considerato. (Figura 1)

2.3 Distribuzione in angolo

Nel sistema di riferimento Collins-Soper² della coppia di leptoni, θ^* è l'angolo del leptone negativo ℓ^- rispetto all'asse che divide a metà l'angolo tra la direzione di un quark e quella inversa dell'antiquark. In collisioni pp, è più probabile che la direzione del quark sia quella del boost di Lorentz del sistema dei di-leptoni, quindi vale che, nel sistema del laboratorio:

$$\cos \theta^* = \frac{2(P_1^+ P_2^- - P_1^- P_2^+)}{\sqrt{m_{\ell\ell}^2(m_{\ell\ell}^2 + p_{T,\ell\ell}^2)}} \frac{p_{z,\ell\ell}}{|p_{z,\ell\ell}|}$$

in cui $m_{\ell\ell}$, $p_{T,\ell\ell}$ e $p_{z,\ell\ell}$ sono rispettivamente la massa, l'impulso trasverso e l'impulso longitudinale del sistema dei di-leptoni e $P_i^{\pm} = (E_i \pm p_{z,i})/\sqrt{2}$.

Calcolando il valore del $\cos \theta^*$ in questo modo, filtrando i dati per i range in rapidità sopra citati e riempiendo tre diversi istogrammi 1D, si ottiene la distribuzione in angolo per entrambi i canali. (Figura 2)

2.4 Plotting delle due distribuzioni

Per sovrapporre i dati e le simulazioni Monte-Carlo, al fine di verificarne l'accordo, gli eventi Monte-Carlo vengono scalati opportunamente in fase di plotting, dividendo l'istogramma per il numero di eventi MC e moltiplicandolo per il numero di eventi provenienti dai dati. Nella distribuzione in massa invariante c'è un ottimo accordo dati-MC e il rapporto tra i due istogrammi tende ad 1. Nella distribuzione in angolo, invece, il rapporto tra i due è >1 quando $|\cos\theta^*| \rightarrow 1$; questo comportamento è dovuto al fatto che in queste zone si ha maggior contributo degli eventi di fondo, che però non sono stati considerati in questa analisi.

2.5 Asimmetria Forward-backward A_{FB}

La asimmetria forward-backward è direttamente connessa al valore di $\cos \theta^*$. Il valore di A_{FB} in ogni bin $(m_{\ell\ell}, y_{\ell\ell})$ è calcolata usando il metodo "angular event weighting", secondo il quale ogni evento con un valore di $\cos \theta^*$ (indicato con la lettera c), si riflette nel numeratore e nel denominatore di alcuni pesi attraverso le relazioni:

$$w_D = \frac{1}{2} \frac{c^2}{(1+c^2+h)^3}$$
 $w_N = \frac{1}{2} \frac{|c|}{(1+c^2+h)^2}$

dove $h = 0.5A_0(1 - 3c^2)$ con $A_0 = 0.1$ in ogni bin $(m_{\ell\ell}, y_{\ell\ell})$. Usando le somme pesate N e D per gli eventi forward $(\cos \theta^* > 0)$ e backward $(\cos \theta^* < 0)$, si ottiene:

$$D_F = \sum_{c>0} w_D$$

$$D_B = \sum_{c<0} w_D$$

$$N_F = \sum_{c>0} w_N$$

$$N_B = \sum_{c<0} w_N$$

 $^{^2}$ Angular distribution of dileptons in high-energy hadron collisions - John C. Collins and Davison E. Soper Phys. Rev. D 16, 2219 – Published 1 October 1977 DOI: https://doi.org/10.1103/PhysRevD.16.2219

grazie ai quali, l'asimmetria diventa:

$$A_{FB} = \frac{3}{8} \frac{N_F - N_B}{D_F + D_B}$$

Dopo aver calcolato il valore del $\cos\theta^*$, i dataframe dei soli dati vengono filtrati in modo da separare gli eventi forward da quelli backward. D_F, D_B, N_F e N_B sono definiti come istogrammi 2D, così da ottenere il valore di A_{FB} per ogni bin $(m_{\ell\ell}, y_{\ell\ell})$. Grazie alla funzione di ROOT, ProjectionX, che proietta lungo l'asse X un istogramma 2D in uno 1D, si ottiene A_{FB} in sei diversi range in rapidità 0 < |y| < 0.4, 0.4 < |y| < 0.8, 0.8 < |y| < 1.2, 1.2 < |y| < 1.6, 1.6 < |y| < 2.0, 2.0 < |y| < 2.4. (Figura 3) Quello che si nota è una asimmetria in avanti al crescere della rapidità.

Il programma costruisce una cartella chiamata "Plot" e due sottocartelle chiamate "Muon" ed "Electron" dove vengono salvati automaticamente, in formato png, tutti i plot ottenuti nelle tre analisi per entrambe le particelle.

3 Test

Gli unittest sono stati scritti per testare la selezione delle particelle, la distribuzione in massa invariante e in angolo, la asimmetria forward-backward e la libreria Vector_Library.h e si trovano all'interno di una cartella "Test".

La selezione delle particelle viene testata su un campione di 1000 eventi; vengono generati due file ".root" salvati automaticamente nella stessa cartella di test, e quello che viene verificato è che le particelle selezionate abbiano il corretto taglio in p_T e η .

Per testare le distribuzioni in massa invariante e in angolo, si controlla che gli istogrammi restituiti dalle rispettive analisi, abbiano le giuste proprietà di plotting, mentre per quanto riguarda la asimmetria forward-backward si verifica solamente il tipo dell'istogramma restituito.

Infine per testare la libreria Vector_Library.h, vengono definiti arbitrariamente due PtEtaPhiMVector e si controlla che il risultato delle funzioni definite nella libreria sia coerente con quanto atteso.

4 Documentazione

La documentazione è stata realizzata tramite Sphinx e può essere trovata qui.

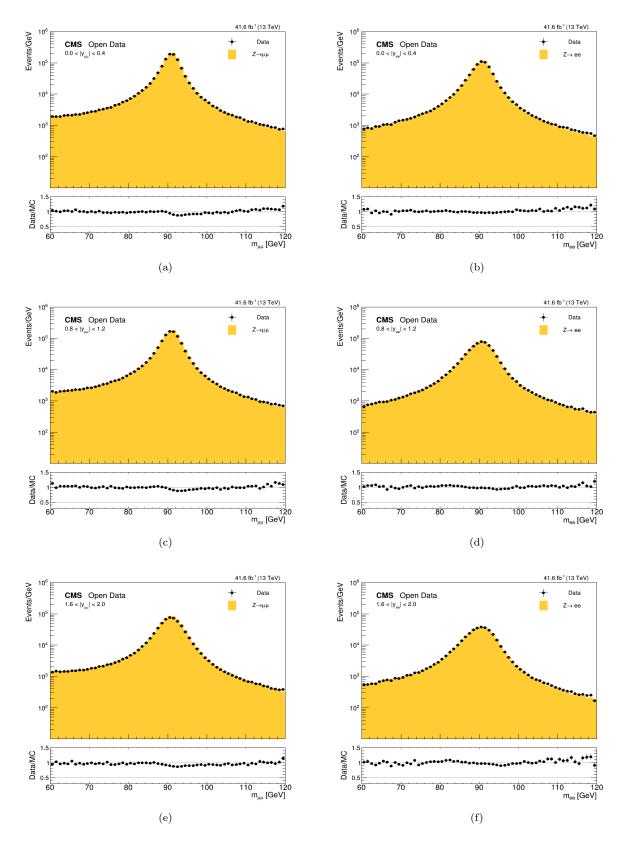


Figura 1: Distribuzione in massa invariante per il canale di-muon (a sinistra) e di-electron (a destra) in tre bin di rapidità

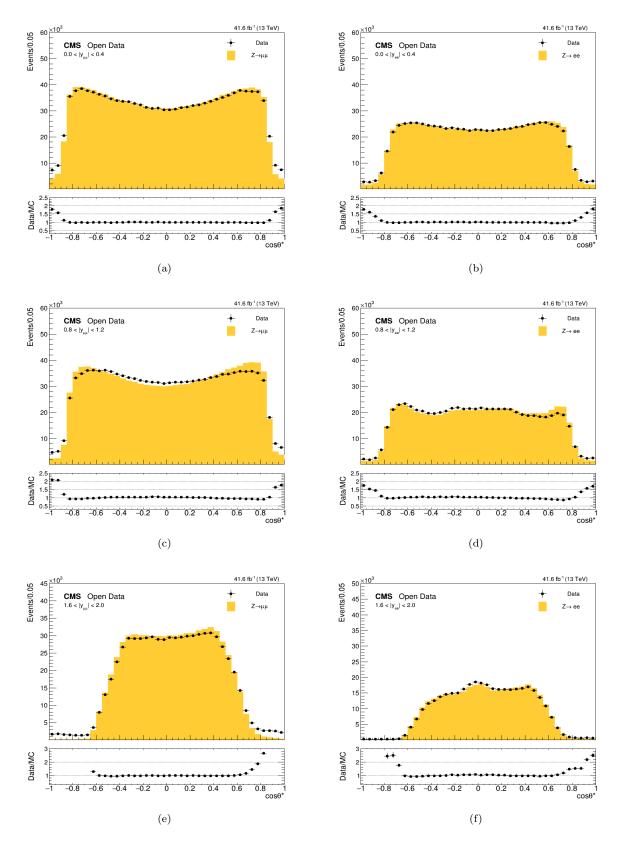
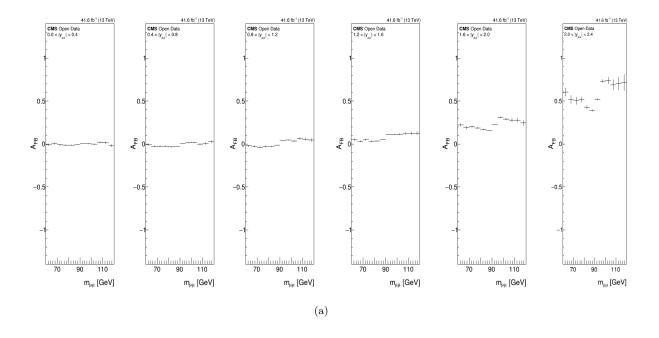


Figura 2: Distribuzione in $\cos\theta^*$ per il canale di-muon (a sinistra) e per il canale di-electron (a destra) in tre bin di rapidità



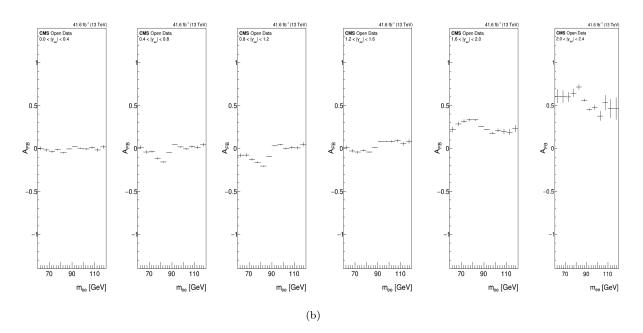


Figura 3: Grafico comparativo in sei bin di rapidità dell'asimmetria forward-backward per il canale di-muon (a) e per il canale di-electron (b)