

Problema 1: Un punto materiale P di massa $m = 462\text{ g}$ si muove su un piano orizzontale non ideale, con coefficiente di attrito pari a $\mu=0.268$.

- i) Calcolare la forza massima che si può applicare a P prima che inizi a muoversi partendo da fermo. (1 pt)
- ii) Se si applica a P , inizialmente in quiete, una forza pari a $F=9.37\text{ N}$, trovare l'accelerazione di P . (1.5 pt)
- iii) Nelle stesse condizioni del punto (ii), calcolare la velocità di P dopo $t=13\text{ s}$. (1 pt)
- iv) Nelle stesse condizioni del punto (ii), calcolare in quanto tempo (in secondi) P percorre una distanza pari a $s=55\text{ cm}$. (1.5 pt)
- v) Nelle stesse condizioni del punto (iv), calcolare il lavoro della forza di attrito quando P percorre quella stessa distanza. (2 pt)

Soluzione:

- i) La forza massima che si può applicare a P prima che inizi a muoversi partendo da fermo è pari al valore massimo della forza di attrito, cioè $F_{max} = \mu mg = 1.21\text{ N}$.
- ii) Il punto P è soggetto alla forza $F_{tot} = F - \mu mg = 8.16\text{ N}$, quindi subirà un'accelerazione $a = F_{tot}/m \sim 17.7\text{ m/s}^2$.
- iii) Essendo un moto uniformemente accelerato, si ha $v = at \sim 229\text{ m/s}$.
- iv) Visto che $s = \frac{1}{2}at^2$, si ottiene $t = \sqrt{2s/a} \sim 0.25\text{ s}$.
- v) Il lavoro della forza di attrito è pari a $L_a = F_a s = \mu mgs = 0.67\text{ J}$.

Problema 2: Un cilindro con pistone contiene $m_v = 500\text{ g}$ di vapore d'acqua alla temperatura $T_i = 130^\circ\text{C}$ ed è tenuto a pressione costante pari alla pressione atmosferica ($P_{atm} = 1.013 \times 10^5\text{ Pa}$).

- i) Calcolare quanto calore deve essere sottratto al vapore per portarlo alla temperatura $T_1 = 100^\circ\text{C}$. (Assumere che l'acqua sia ancora in forma di vapore dopo questa trasformazione). (1 pt)
- ii) Si continua a sottrarre calore al sistema fino a che esso non arriva alla temperatura di $T_2 = 30^\circ\text{C}$. Quanto calore è stato sottratto al sistema in questa trasformazione? In che fase è l'acqua dopo la trasformazione? (Si noti che il sistema va prima incontro ad una transizione di fase e poi ad un raffreddamento.) (2 pt)
- iii) A questo punto un cubetto di acciaio di massa $m_a = 300\text{ g}$ alla temperatura $T_a = 90^\circ\text{C}$ viene immerso nell'acqua. Dopo un po' di tempo il sistema raggiunge l'equilibrio termico. Calcolare la temperatura di equilibrio. (Il calore specifico dell'acciaio è $c_a = 448\text{ J/kg}\cdot^\circ\text{C}$.) (2 pt)
- iv) Quanto calore è ceduto dall'acciaio all'acqua nella trasformazione considerata al punto iii)? (0.5 pt)
- v) Nelle condizioni iniziali del sistema (temperatura T_i e pressione P_{atm}) quale è il volume occupato dal vapore d'acqua. (Si usi il fatto che una mole di vapore di acqua ha massa 18 g e si assuma che il vapore d'acqua si comporti come un gas perfetto.) (1.5 pt)

Soluzione:

- i) Durante la trasformazione avviene solamente un cambiamento di temperatura del vapore, quindi il calore sottratto può essere calcolato con la formula dei calori specifici

$$Q = c_{vapore} m_v (T_i - T_1) = (2010\text{ J/kg}\cdot^\circ\text{C})(0.5\text{ kg})(130^\circ\text{C} - 100^\circ\text{C}) = 30150\text{ J}.$$

- ii) La trasformazione avviene in due stadi, nel primo il vapore condensa in acqua liquida (transizione di fase) e la temperatura rimane fissa a $T_1 = 100^\circ\text{C}$, successivamente l'acqua viene raffreddata sino a raggiungere la temperatura $T_2 = 30^\circ\text{C}$. Il calore sottratto è dato dalla somma del calore sottratto durante la transizione di fase e di quello sottratto durante il raffreddamento

$$\begin{aligned} Q &= L_v m_v + c_{acqua} m_v (T_1 - T_2) \\ &= (2.26 \times 10^6\text{ J/kg})(0.5\text{ kg}) + (4186\text{ J/kg}\cdot^\circ\text{C})(0.5\text{ kg})(100^\circ\text{C} - 30^\circ\text{C}) = 1.277 \times 10^6\text{ J}. \end{aligned}$$

- iii) La temperatura di equilibrio T_{fin} può essere calcolata osservando che il calore ceduto dal cubetto di acciaio è pari al calore assorbito dall'acqua. Quindi otteniamo

$$c_a m_a (T_a - T_{fin}) = -c_{acqua} m_v (T_2 - T_{fin}) \quad \Rightarrow \quad T_{fin} = \frac{c_a m_a T_a + c_{acqua} m_v T_2}{c_a m_a + c_{acqua} m_v}.$$

Si noti il segno meno al secondo membro della prima equazione, che deriva dal fatto che il calore è *ceduto* dal cubetto di acciaio e *assorbito* dall'acqua. Sostituendo i valori numerici otteniamo

$$T_{fin} = \frac{(448 \text{ J/kg} \cdot ^\circ \text{C})(0.3 \text{ kg})(90^\circ \text{C}) + (4186 \text{ J/kg} \cdot ^\circ \text{C})(0.5 \text{ kg})(30^\circ \text{C})}{(448 \text{ J/kg} \cdot ^\circ \text{C})(0.3 \text{ kg}) + (4186 \text{ J/kg} \cdot ^\circ \text{C})(0.5 \text{ kg})} = 33.62^\circ \text{C}.$$

- iv) Il calore ceduto dall'acciaio è

$$Q = c_a m_a (T_a - T_{fin}) = (448 \text{ J/kg} \cdot ^\circ \text{C})(0.3 \text{ kg})(90^\circ \text{C} - 33.62^\circ \text{C}) = 7577 \text{ J}.$$

- v) Il numero di moli di vapore è dato da $n = m_v / (18 \text{ g/mol}) = 22.78 \text{ mol}$. Usando l'equazione di stato dei gas perfetti $PV = nRT$ otteniamo che il volume occupato dal vapore è

$$V = \frac{nRT_i}{P_{atm}} = \frac{(22.78 \text{ mol})(8.314 \text{ J/mol} \cdot \text{K})((273.15 + 130) \text{ K})}{1.013 \times 10^5 \text{ Pa}} = 0.9191 \text{ m}^3.$$

Si noti che la temperatura deve essere espressa in kelvin.

Domande a risposta multipla (risposta corretta 1.5 pt, nessuna risposta 0 pt, risposta errata -0.25 pt)

1. Un'auto di massa $m = 1995 \text{ kg}$ si muove di moto uniformemente accelerato con accelerazione $a = 1.87 \text{ m/s}^2$. Quanto spazio (in metri) percorre in un tempo di $t = 5 \text{ s}$.

a) 46.75 m b) 23.38 m c) 4.675 m d) 9.35 m

Soluzione: La soluzione corretta è la b) dato che $s = 1/2 at^2$ - notare che non dipende dalla massa.

2. Quale delle seguenti affermazioni non è corretta?

a) Un punto materiale non soggetto a forze sta sempre in quiete.
 b) Un punto materiale soggetto a forze si muove di moto accelerato.
 c) La massa di un punto materiale è una sua proprietà intrinseca.
 d) Un punto materiale soggetto a forze acquisisce un'accelerazione proporzionale alla forza applicata.

Soluzione: La soluzione corretta è la a) in quanto un punto materiale non soggetto a forze si può anche muovere di moto rettilineo uniforme (legge di inerzia o primo principio della dinamica di Newton).

3. Un'auto A si muove su una strada rettilinea a velocità $v_A = 77 \text{ km/h}$, mentre un'auto B in corsia di sorpasso si muove nella stessa direzione alla velocità $v_B = 85 \text{ km/h}$. Calcolare la velocità relativa di B rispetto ad A (senza segno).

a) 77 km/h b) 162 km/h c) 8 km/h d) 85 km/h

Soluzione: La soluzione corretta è la c). La velocità relativa di B rispetto ad A è $v_B - v_A$.

4. Calcolare l'energia cinetica (in Joule) di un punto materiale P di massa $m = 1322 \text{ g}$ e velocità di 30 km/h .

a) 5.508 J b) 45.9 J c) 91.81 J d) 594900 J

Soluzione: La soluzione corretta è la b). L'energia cinetica è $E_c = 1/2 mv^2$. Attenzione a convertire le unità di misura nel S.I., in particolare la massa in kg e la velocità in m/s (dividendo per 3.6 da km/h).

5. Un punto materiale P di massa $m = 3 \text{ kg}$ si muove di moto circolare uniforme su una circonferenza di raggio $R = 269 \text{ cm}$. Sapendo che compie un giro completo in $t = 7 \text{ s}$, trovare la forza centripeta a cui è soggetto P.

a) 724 N b) 6.495 N c) 649.5 N d) 7.24 N

Soluzione: La soluzione corretta è la b). Infatti $F_{centr} = m\omega^2 R$, dove $\omega = 2\pi/T$ e T è il tempo necessario a compiere un giro completo sulla circonferenza (convertire il raggio R da cm a m).

6. Trovare l'energia potenziale elastica di una molla ideale di costante elastica $k=37\text{ N/m}$, se questa viene compressa di 17.8 cm .

a) 3.293 J b) -0.5862 J c) 5862 J d) 0.5862 J

Soluzione: La soluzione corretta è la d). L'energia potenziale elastica di una molla ideale è pari a $E_{el} = 1/2 k \Delta x^2$, dove Δx è l'allungamento o la compressione della molla (il segno di Δx è irrilevante).

7. A quante calorie corrispondono $Q = 840\text{ J}$?

a) 3516 cal b) 200.7 cal c) 420 cal d) 840 cal

Soluzione: La soluzione corretta è la b). Una caloria corrisponde a 4.186 J otteniamo quindi che

$$Q = 840\text{ J} = \frac{840\text{ J}}{4.186\text{ J/cal}} = 200.7\text{ cal}.$$

8. Un blocco di cemento alla temperatura di $T_0 = -8^\circ\text{C}$ ha un volume di $V = 175\text{ m}^3$. Quanto varia il suo volume quando la temperatura raggiunge il valore $T_1 = 15^\circ\text{C}$? (Il coefficiente di dilatazione lineare del cemento è $\alpha = 14 \times 10^{-6} (^\circ\text{C})^{-1}$.)

a) -0.1127 m^3 b) 0.1691 m^3 c) 0.05635 m^3 d) 0 m^3

Soluzione: La soluzione corretta è la b). Poiché il blocco di cemento si espande in ogni direzione per un fattore $1 + \alpha \cdot (T_1 - T_0)$, otteniamo che il volume dopo l'espansione è pari a

$$V_{fin} = V \cdot (1 + \alpha \cdot (T_1 - T_0))^3,$$

ovvero la variazione di volume del blocco di cemento è pari a

$$\Delta V = V_{fin} - V = (1 + \alpha \cdot (T_1 - T_0))^3 \cdot V - V = (1 + 14 \times 10^{-6} (^\circ\text{C})^{-1} (15^\circ\text{C} - (-8^\circ\text{C}))) (175\text{ m}^3) - 175\text{ m}^3 = 0.1691\text{ m}^3.$$

Un metodo (approssimato) equivalente per ottenere il risultato è ricordare che il coefficiente di espansione cubica β è pari a tre volte il coefficiente di espansione lineare, $\beta = 3\alpha$. Quindi

$$\Delta V = \beta (T_1 - T_0) V = 3 \times (14 \times 10^{-6} (^\circ\text{C})^{-1}) (15^\circ\text{C} - (-8^\circ\text{C})) (175\text{ m}^3) = 0.1691\text{ m}^3.$$

9. Una vasca cilindrica aperta alta $h = 147\text{ cm}$ contiene $V = 3594\text{ L}$ di olio. Se l'olio riempie completamente la vasca, quale è la differenza tra la pressione sul fondo del recipiente stesso e la pressione atmosferica? (Si usi il valore $\rho_{olio} = 920\text{ kg/m}^3$ per la densità dell'olio.)

a) 1352 Pa b) $1.327 \times 10^6\text{ Pa}$ c) 13270 Pa d) 14420 Pa

Soluzione: La soluzione corretta è la a). La pressione esercitata da una colonna di fluido alta h è, secondo la legge di Stevino, data da

$$P = \rho g h = (920\text{ kg/m}^3) (9.81\text{ m/s}^2) (1.47\text{ m}) = 13270\text{ Pa}.$$

Si noti che il problema chiede la differenza di pressione rispetto alla pressione atmosferica, ovvero richiede solamente la pressione aggiuntiva esercitata dall'olio. La pressione *assoluta* sul fondo della vasca è invece data dalla somma della pressione calcolata prima e della pressione atmosferica.

10. Quale delle seguenti affermazioni collegate al principio dei vasi comunicanti è corretta? (Si consideri un liquido fermo e si trascurino gli effetti di capillarità.)

a) Il liquido raggiunge la stessa altezza in tutti i vasi comunicanti.
b) L'altezza del liquido nei diversi vasi è proporzionale alla densità del liquido.
c) L'altezza del liquido nei diversi vasi è inversamente proporzionale all'area della sezione di ciascun vaso.
d) L'altezza del liquido nei diversi vasi è direttamente proporzionale all'area della sezione di ciascun vaso.

Soluzione: La soluzione corretta è la a). Nel limite in cui si trascura la capillarità l'altezza del liquido nei vari vasi non dipende dalle caratteristiche dei vasi né dalle proprietà del liquido.

11. Tre resistori con resistenza $R_1 = 11.3\ \Omega$, $R_2 = 9.76\ \Omega$ e $R_3 = 19.1\ \Omega$ sono collegati in serie. Quanto vale la resistenza equivalente?

a) $0.2433\ \Omega$ b) $0.0249\ \Omega$ c) $4.11\ \Omega$ d) $40.16\ \Omega$

Soluzione: La soluzione corretta è la d). La resistenza equivalente di resistori in serie è pari alla somma delle resistenze

$$R_{eq} = R_1 + R_2 + R_3 = (11.3\ \Omega) + (9.76\ \Omega) + (19.1\ \Omega) = 40.16\ \Omega.$$

12. Un circuito è costituito da un generatore che produce una differenza di potenziale $\Delta V = 209 \text{ V}$ collegato ad un resistore. Sapendo che il resistore assorbe una potenza $P = 3.87 \text{ kW}$, determinare la sua resistenza.

a) 0.0886Ω b) 0.05401Ω c) 54.01Ω d) 11.29Ω

Soluzione: La soluzione corretta è la d). La potenza assorbita dal resistore può essere calcolata usando la formula $P = \Delta V^2/R$. Quindi otteniamo

$$R = \frac{\Delta V^2}{P} = \frac{(209 \text{ V})^2}{3870 \text{ W}} = 11.29 \Omega.$$

Costanti fisiche

gravità	
acc. gravità Terra	$g = 9.81 \text{ m/s}^2$
acc. gravità Luna	$g_L = 1.62 \text{ m/s}^2$
densità	
acqua	$\rho = 1000 \text{ kg/m}^3$
olio	$\rho = 920 \text{ kg/m}^3$
calori specifici	
acqua	$c = 4186 \text{ J/kg}\cdot^\circ\text{C}$
ghiaccio	$c = 2090 \text{ J/kg}\cdot^\circ\text{C}$
vapore (a pressione costante)	$c = 2010 \text{ J/kg}\cdot^\circ\text{C}$
acciaio	$c = 448 \text{ J/kg}\cdot^\circ\text{C}$
calori latenti	
fusione ghiaccio	$L_f = 3.33 \times 10^5 \text{ J/kg}$
vaporizzazione acqua	$L_v = 2.26 \times 10^6 \text{ J/kg}$
costanti termodinamiche	
costante universale dei gas	$R = 8.314 \text{ J/mol}\cdot\text{K}$
costante di Boltzmann	$k_B = 1.38 \times 10^{-23} \text{ J/K}$
numero di Avogadro	$N_A = 6.022 \times 10^{23} / \text{mol}$
equiv. meccanico del calore	$1 \text{ cal} = 4.186 \text{ J}$
zero assoluto	-273.15°C