

Linguaggi di Programmazione

Nome e Cognome	
Corso di laurea	
Telefono	
Email	

1. Specificare la grammatica BNF di un linguaggio per la specifica di definizioni di protocolli di funzioni *Haskell*-like. Ecco un esempio di frase:

```

alfa :: Int -> Int
beta :: [Int] -> Bool
gamma :: Char -> (Int, Bool)
zeta :: [[(Char, (Bool, Int))]] -> Int
f10 :: (Int, Bool) -> [Char]
g20 :: Int -> (Int -> Bool -> Char) -> Bool
omega :: (Int -> (Int -> Bool)) -> [[Int]] -> (Bool, Char)

```

I tipi atomici sono **Int**, **Bool** e **Char**. I costruttori di tupla e di lista (ortogonali tra loro) sono indicati rispettivamente dalle parentesi tonde e dalle parentesi quadre. Un parametro di tipo funzione è specificato dal relativo protocollo tra parentesi tonde. Ogni funzione ha almeno un parametro di ingresso. Ogni frase contiene almeno una definizione.

2. Specificare la semantica denotazionale della seguente istruzione (ciclo a conteggio):

for n do L

in cui n rappresenta una costante intera. La lista L di istruzioni viene ripetuta n volte (zero volte se $n \leq 0$). Specificatamente, si definisca la funzione $M_L(\text{for } n \text{ do } L, s)$, in cui s rappresenta lo stato del programma, assumendo di avere a disposizione la funzione semantica $M_L(L, s) : \text{lista di istruzioni} \rightarrow \text{nuovo stato o errore}$.

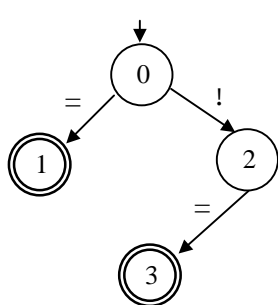
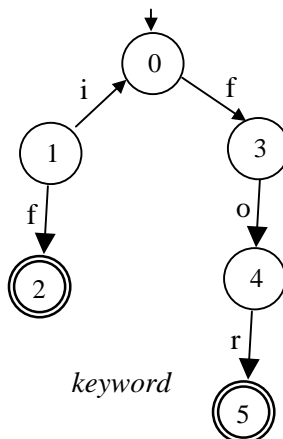
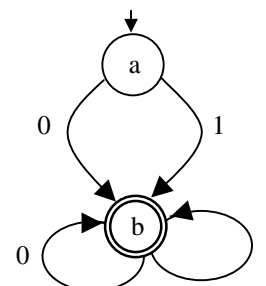
3. Definire nel linguaggio *Scheme* la funzione **domino** che, ricevendo una **lista** di coppie di numeri, stabilisce se tali coppie sono disposte come i tasselli nel gioco del domino (uguaglianza del secondo numero di ogni coppia con il primo numero della successiva coppia). Ecco alcuni esempi:

lista	(domino lista)
()	#t
((1 2))	#t
((1 2)(2 6))	#t
((1 2)(2 6)(6 34)(34 0))	#t
((1 3)(4 5)(5 7))	#f

4. Definire nel linguaggio *Haskell*, mediante la notazione di pattern-matching, la funzione **catena**, avente in ingresso una lista **funzioni** di funzioni unarie che mappano un intero in un intero, ed un **valore** intero, la quale computa la composizione di tutte le funzioni (nella lista) applicata a **valore**. Formalmente, se f_1, f_2, \dots, f_n sono le funzioni nella lista, **catena** computa $f_1(f_2(\dots(f_n(\text{valore})) \dots))$. Se **funzioni** è vuota, **catena** restituisce **valore**. Ecco alcuni esempi:

funzioni	valore	catena funzioni valore
<code>[]</code>	3	3
<code>[quad, cube, fact]</code>	3	<code>quad(cube(fact(3))) = 1296</code>
<code>[quad, fib, fib]</code>	6	<code>quad(fib(fib(6))) = 441</code>
<code>[fib, quad]</code>	5	<code>fib(quad(5)) = 75025</code>

5. Si assume di avere una base di fatti *Prolog* relativa alla specifica di una serie di automi. Ogni automa è rappresentato da un nome, uno stato iniziale, un insieme di stati finali e da un insieme di transizioni. Ogni cammino dallo stato iniziale ad uno stato finale genera una parola riconosciuta dall'automa. Ecco tre automi, rispettivamente di nome *comparison*, *keyword* e *binary*:

*comparison**keyword**binary*

ed ecco la corrispondente base dei fatti *Prolog*:

```

automa(comparison, 0, [1,3], [tr(0,'=',1),tr(0,'!',2),tr(2,'=',3)]).
automa(keyword, 0, [2,5], [tr(0,i,1),tr(1,f,2),tr(0,f,3),tr(3,o,4),tr(4,r,5)]).
automa(binary, a, [b], [tr(a,0,b),tr(a,1,b),tr(b,0,b),tr(b,1,b)]).
  
```

Si chiede di specificare il predicato **riconosce(A,P)** che risulta vero qualora l'automa di nome **A** riconosca la parola **P**.