## Linguaggi di Programmazione

Nome e Cognome	
Corso di laurea	
Telefono	
Email	

1. Specificare la grammatica EBNF di un linguaggio logico *Prolog*-like, come nel seguente esempio di frase:

```
\label{eq:alfa(lio2,3).} $$ beta(teo,rio(X,Y)).$ $$ gamma(\_,Z,[1,2,meo(25,X,beta(Y,rio(a,b))),legge(rino,libro),10]).$ $$ zeta(X,Y) :- beta(X,Z1), alfa(Y,Z1).$ $$ omega([a,b,X|Y]) :- tilde([X|[alfa(X,Y),beta(Z,W)]]), beta(\_,W).$ $$ epsilon(geo(neo(X,Y),Z,[])) :- omega(X), alfa(Y,Z).$ $$
```

Una frase è costituita da una lista (non vuota) di fatti e/o regole. Gli argomenti di ogni predicato nei fatti e nelle regole possono essere semplici o complessi. Nel primo caso si tratta di atomi (stringhe alfanumeriche), numeri, variabili con nome o variabili anonime (rappresentate dal simbolo underscore '\_'). Nel secondo caso, si tratta di strutture o liste. I costruttori struttura e lista sono perfettamente ortogonali fra loro. Inoltre, una lista può essere espressa mediante il pattern [ prefisso | coda ] (come nell'esempio). Nella EBNF, si richiede l'uso (fra gli altri) dei seguenti terminali:

- **atom**: stringa alfanumerica (con lettera iniziale minuscola)
- **num**: numero (stringa di cifre decimali)
- var: nome di variabile (con lettera iniziale maiuscola)
- **underscore**: simbolo di underscore (variabile anonima)
- **id**: nome di predicato.

La parte destra di ogni regola è rappresentata da una lista di predicati separati da una virgola e terminata da un punto. Tutti i predicati, strutture e fatti hanno almeno un argomento.

2. Specificare la semantica denotazionale di una espressione relazionale di selezione definita dalla seguente BNF:

```
relexpr \rightarrow \mathbf{select} \ [ \ pred \ ] \ relexpr \mid \mathbf{id}
```

in cui *relexpr* rappresenta una operazione di selezione, *pred* un predicato di selezione, ed **id** il nome di una tabella. Si assume che l'istanza (anche vuota) della tabella sia rappresentata da una lista (anche vuota) di tuple. Il risultato della selezione è cositituito dalla sottolista di tuple della tabella per le quali il predicato di selezione risulta vero.

In particolare, si chiede di specificare la funzione semantica  $\mathbf{Mr}(relexpr, s)$ , in cui s rappresenta lo stato del programma, assumendo di avere a disposizione le seguenti funzioni ausiliarie (di cui non è richiesta la specifica):

- μ(id, s): computa la lista di tuple della tabella di nome id (se è definita) oppure error (se non è definita).
- $\sigma(p, t)$ : computa il valore booleano del predicato p applicato alla tupla t.
- empty(lista): stabilisce se lista è vuota.
- head(lista): restituisce la testa di lista.
- tail(lista): restituisce la coda di lista.
- cons(testa, coda): restituisce la lista (testa: coda), in cui testa è una tupla e coda una lista.

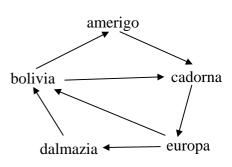
**3.** Definire nel linguaggio *Scheme* la funzione **iniziale**, la quale, ricevendo in ingresso una **lista**, computa la lista ottenuta eliminando l'ultimo elemento di **lista**, come nei seguenti esempi:

lista	(iniziale lista)
(a b c)	(a b)
(() 1 (2 3 4) (3 a))	(() 1 (2 3 4))
(())	( )

4. Definire nel linguaggio *Haskell* la funzione **coppie** (protocollo incluso) che, avente in ingresso una **lista** (senza duplicati) ed una funzione booleana **f** applicabile a due elementi di **lista**, computa la lista delle coppie di elementi di **lista** per le quali la funzione **f** risulta vera, come nei seguenti esempi:

lista	f	coppie lista f
[110]	(==)	[(1,1),(2,2),(3,3),(4,4),(5,5),(6,6),(7,7),(8,8),(9,9),(10,10)]
"tre"	( /= )	[('t','r'),('t','e'),('r','t'),('r','e'),('e','t'),('e','r')]

**5.** E' data una base di fatti *Prolog* relativa ad una rete stradale urbana che specifica il collegamento tra piazze mediante strade a senso unico, come nel seguente esempio:



Si chiede di specificare il predicato **percorso(Piazza)**, che risulta vero qualora **Piazza** sia una piazza dalla quale sia possibile percorrere in sequenza tutte le strade (ognuna nella rispettiva direzione) una sola volta.

**6.** Illustrare la politica di gestione dell'overloading delle funzioni nel linguaggio funzionale *Haskell*.