

# Giullio Emmanuel da Cruz Di Gerolamo

RA: 790965

Prova 1

Questão 1-

O conjunto das matrizes reais  $m \times n$ , denotado  $IM_{m \times n}(\mathbb{R})$ , com a operação de adição entre matrizes e multiplicação por escalar usuais é um espaço vetorial real. Por exemplo, as matrizes  $2 \times 2$ . Além disso, não é possível gerar uma base de 5 elementos a partir de uma matriz  $3 \times 2$ .

Questão 2 –

$$(3,4) = 3(1,0) + 4(0,1)$$

$$(3,4) = (3,0) + (0,4)$$

$$(3,4) = (3,4)$$

Um vetor pode ser escrito como combinação linear dos outros 2, portanto o conjunto é Linearmente Dependente.

Questão 3 –

$$\vec{0} \in W \quad (0,0,0,0) \in W \quad \begin{array}{l} 2x - y - w = 0 \mid z = 0 \\ 2(0) - 0 - 0 = 0 \mid 0 = 0 \end{array}$$

$$v_1 = (x_1, y_1, z_1, w_1) \quad v_2 = (x_2, y_2, z_2, w_2) \quad v_1 + v_2 \in W$$

$$(x_1 + x_2, y_1 + y_2, z_1 + z_2, w_1 + w_2)$$

$$\begin{array}{cccc|l} x & y & z & w & \\ 2(x_1 + x_2) - (y_1 + y_2) - (w_1 + w_2) = 0 & & & & (z_1 + z_2) = 0 \\ (2x_1 - y_1 - w_1) + (2x_2 - y_2 - w_2) = 0 & & & & z_1 + z_2 = 0 \\ 0 & + & 0 & = 0 & 0 + 0 = 0 \end{array}$$

$$av_1 \in W \quad v_1 = (x_1, y_1, z_1, w_1)$$

$$2(ax_1) - ay_1 - aw_1 = 0 \quad \mid \quad az_1 = 0$$

$$a(2x_1 - y_1 - w_1) = 0 \quad \mid \quad a(0) = 0$$

$$a(2(0) - 0 - 0) = 0$$

Questão 4 –

-Vetor nulo precisa ser igual a 0, portanto  $T_1$ ,  $T_5$  e  $T_6$  não são lineares.

- $T_3$  é claramente linear

Então por eliminação a alternativa correta é:

$T_2, T_3, T_4$  são lineares mas  $T_1, T_5$  e  $T_6$  não são lineares.