

Algoritmi di Ottimizzazione Combinatoria e su Rete - 2024/2025

***Testing and comparing PLI and Genetic Algorithm
on a Google Hashcode problem***

Giuseppe Maglione - M63001777

Chapter 1

Introduzione del problema

1.1 Descrizione

Stai organizzando un hub di Hash Code e vuoi ordinare la pizza per i partecipanti. Fortunatamente, c'è una pizzeria nelle vicinanze con una pizza davvero buona. La pizzeria offre diversi tipi di pizza e, per rendere l'ordinazione del cibo interessante, possiamo ordinare al massimo una pizza di ogni tipo. Per fortuna, ci sono molti tipi di pizza tra cui scegliere! Ogni tipo di pizza ha una dimensione specificata: la dimensione è il numero di fette di pizza che contiene. In base al numero di partecipanti, hai stimato un numero massimo di fette che desideri ordinare – per ridurre gli sprechi, l'obiettivo è ordinare quante più fette di pizza possibile, ma non più del numero massimo.

1.2 Input

Ogni set di dati di input è fornito in un file di testo semplice contenente esclusivamente caratteri ASCII, con righe terminate da un singolo carattere `"\n"` (terminazioni di riga in stile UNIX). Quando una singola riga contiene più elementi, questi sono separati da singoli spazi.

La prima linea del dataset contiene le seguenti informazioni:

- Un intero M ($1 \leq M \leq 10^9$) – il numero massimo di fette di pizza da ordinare.
- Un intero N ($1 \leq N \leq 10^5$) – il numero di tipi di pizza diversi.

La seconda riga contiene N interi: il numero di fette per ciascun tipo di pizza, in ordine non decrescente:

- $S_0 \leq S_1 \leq \dots \leq S_{N-1} \leq M$

1.3 Output

L'output deve contenere due righe:

- La prima riga deve contenere un solo intero K ($0 \leq K \leq N$) – il numero di pizze diverse da ordinare.
- La seconda riga deve contenere K numeri – i tipi di pizza da ordinare (numerati da 0 a $N - 1$ nello stesso ordine in cui sono forniti in input).

Il numero totale di fette nelle pizze ordinate non deve superare il valore M .

1.4 Punteggio

Il punteggio viene calcolato aggiungendo 1 punto per ogni fetta presente nelle pizze ordinate.

Si nota la presenza di diversi dataset che rappresentano istanze separate del problema. Il punteggio finale sarà dato dalla somma dei punteggi per ciascun dataset individuale.

Chapter 2

Algoritmo Genetico

2.1 Richiami teorici

L'idea alla base degli Algoritmi Genetici, come accade per molti altri algoritmi euristici, si ispira a un principio della selezione naturale: l'evoluzione genetica. Il concetto è quello di far evolvere una popolazione iniziale di soluzioni attraverso specifici meccanismi di selezione, con l'obiettivo di ottenere soluzioni via via migliori in termini di funzione obiettivo.

L'evoluzione della popolazione avviene attraverso un processo di riproduzione: due individui si combinano per generare una nuova soluzione, che eredita alcune caratteristiche dai genitori, mentre altre vengono modificate in seguito all'influenza dell'ambiente. La scelta degli individui che contribuiranno alla generazione della nuova popolazione è guidata dal principio della selezione naturale, il quale stabilisce che hanno maggiori probabilità di sopravvivere e riprodursi gli individui con una fitness più elevata, ovvero quelli con una migliore capacità di adattamento. In generale, le fasi di un algoritmo genetico sono:

1. **Codifica:** Si stabilisce il formato di ciascuna soluzione del problema, stabilendone le variabili aleatorie, la loro disposizione e i valori che queste possono assumere.
2. **Inizializzazione e valutazione della fitness:** Si genera un insieme di soluzioni iniziale e si valuta, per ciascuna di esse, un valore di fitness.
3. **Selezione:** Si selezionano, secondo specifiche strategie, le coppie di soluzioni della popolazione a cui applicare gli operatori genetici.

4. **Generazione:** Si applicano gli operatori genetici alle coppie di soluzioni individuate al fine di generare nuovi individui.
5. **Sostituzione:** Le soluzioni esistenti della popolazione vengono sostituite con quelle appena generate.

Le fasi 3,4 e 5 vengono ripetute iterativamente fino al raggiungimento di una condizione di arresto prefissata.

2.2 Soluzione

Nel seguito sono descritti gli approcci utilizzati per la realizzazione dell'algoritmo. Per ciascuna delle fasi analizzate è presente uno pseudocodice, mentre il codice completo viene riportato nell'ultima sezione del capitolo [2.3].

2.2.1 Codifica degli individui

È stata adottata una codifica degli individui, e quindi delle soluzioni, che prevede di rappresentarli tramite stringhe binarie di lunghezza fissa N (il numero di tipi di pizze disponibili). Il bit i -esimo all'interno della stringa assume valore 1 se la pizza di tipo i viene ordinata, altrimenti 0.

2.2.2 Prima popolazione e Fitness

Per la generazione della prima popolazione è stato scelto di adottare una tecnica mista, che prevede l'uso di tre strategie:

- Ordinamento decrescente delle fette (greedy),
- Ordinamento crescente (greedy inverso),
- Ordinamento casuale.

Questo permette di generare uno spazio delle soluzioni iniziali quanto più vasto possibile, evitando che l'algoritmo lavori su una porzione dello spazio delle soluzioni troppo ristretta. Per ciascun individuo, le fette vengono aggiunte finché la somma parziale rimane sotto il limite M .

```

1 def genera_prima_popolazione
2     popolazione = lista vuota
3
4     for individuo da 1 a DIMENSIONE_POPOLAZIONE:
5         strategia = random(['decreciente', 'crescente', 'casuale'])
6         indici = [0, 1, 2, ..., N-1]
7
8         if strategia = 'decreciente':
9             ordina indici per valore decrescente delle fette (greedy)
10        else if strategia = 'crescente':
11            ordina indici per valore crescente delle fette (greedy inverso)
12        else if strategia = 'casuale':
13            mescola casualmente gli indici
14
15        totale = 0
16        bitstring = [0, 0, 0, ..., 0]
17
18        for indice i in indici:
19            if (totale + fette[i]) <= M:
20                aggiorna totale
21                bitstring[i] = 1
22
23        aggiungi bitstring a popolazione
24
25    return popolazione

```

La funzione di fitness valuta la qualità di una soluzione sommando i valori delle fette selezionate (quelle per cui il bit è 1). Se la somma non supera M, si restituisce il totale. In caso contrario, viene applicata una penalità lineare proporzionale all'eccesso, in modo da scoraggiare le soluzioni non valide senza escluderle completamente.

```

1 def calcola_fitness
2     totale = 0
3     for indice i in bitstring:
4         if bitstring[i] = 1:
5             aggiorna totale
6
7     if totale <= M:
8         # Soluzione ammissibile: fitness = valore totale
9         fitness = totale
10    else:
11        # Soluzione non ammissibile: applica penalita lineare
12        penalita = totale - M
13        fitness = M - penalita
14
15    return fitness

```

2.2.3 Generazione

La generazione dei nuovi individui consiste nel far riprodurre una coppia di soluzioni tramite un'operazione di crossover. Il crossover avviene con due punti di taglio scelti in maniera casuale: un figlio eredita una porzione intermedia del secondo genitore, mantenendo le estremità del primo. Questo consente un buon bilanciamento tra conservazione e innovazione genetica.

```

1 def crossover
2     punto1 = genera un punto casuale
3     punto2 = genera un punto casuale
4     figlio = lista vuota
5
6     # Segmento 1: da genitore1 (posizioni 0 fino a punto1)
7     for indice i da 0 a punto1:
8         copia genitore1[i] a figlio
9
10    # Segmento 2: da genitore2 (posizioni punto1 fino a punto2)
11    for indice i da punto1 a punto2:
12        copia genitore2[i] a figlio
13
14    # Segmento 3: da genitore1 (posizioni punto2 fino alla fine)
15    for indice i da punto2 a lunghezza_bitstream:
16        copia genitore1[i] a figlio
17
18    return figlio

```

La mutazione consiste nell'invertire ciascun bit (da 0 a 1 o viceversa) con una certa probabilità, permettendo di esplorare nuove soluzioni non presenti nei genitori. Notiamo anche come tale procedura sia applicata a soltanto uno dei due figli generati. Il motivo di una tale scelta è che permette di ottenere, per ciascuna riproduzione, una soluzione più conservativa che mantiene le caratteristiche dei genitori (quella senza mutazione), e una soluzione più esplorativa che subisce dei cambiamenti nei geni (quella con mutazione).

```

1 def muta_bitstring
2     bitstring_mutato = lista vuota
3
4     for bit in bitstring:
5         probabilita = genera_numero_casuale(0, 1)
6
7         if probabilita < TASSO_MUTAZIONE:
8             # MUTAZIONE: inverte il bit
9             bit_nuovo = NOT bit
10            aggiungi bit_nuovo a bitstring_mutato
11        else:
12            # NESSUNA MUTAZIONE: mantiene il bit originale
13            aggiungi bit a bitstring_mutato
14
15    return bitstring_mutato

```

2.2.4 Evoluzione e Arresto

La selezione degli individui avviene tramite torneo, in cui si scelgono casualmente k individui (di default 3) e viene selezionato quello con la fitness migliore.

```

1 def selezione_torneo
2     partecipanti = seleziona casualmente tra la popolazione
3
4     partecipanti_valutati = lista vuota
5     for ogni individuo in partecipanti:
6         fitness_individuo = calcola_fitness
7         aggiungi (individuo, fitness_individuo) a partecipanti_valutati
8
9     ordina partecipanti_valutati per fitness (dal migliore al peggiore)
10    vincitore = primo_elemento(partecipanti_valutati)
11
12    return vincitore

```

L'evoluzione della popolazione continua per un numero massimo di generazioni o fino a quando non si raggiunge un tempo limite. L'algoritmo tiene traccia del miglior individuo visto finora, aggiornandolo se viene trovata una soluzione con fitness superiore. Data la conoscenza della soluzione ottima per ogni istanza del problema, il processo può terminare anticipatamente anche nel caso in cui questa venga trovata, ovvero quando la fitness assume valore pari a M .

2.2.5 Versioni precedenti

Spiagare come è evoluta la soluzione finale.

2.3 Codice

Si riporta il codice completo dell'algoritmo implementato.

```

1 import random
2 import time
3
4 # parameters
5 POPULATION_SIZE = 50
6 NUM_GENERATIONS = 500
7 MUTATION_RATE = 0.05
8 TOURNAMENT_SIZE = 3
9 TIME_LIMIT = 60
10
11 def fitness(bitstring, slices, M):
12     total = sum(s for i, s in enumerate(slices) if bitstring[i])
13     if total <= M:
14         return total
15     else:

```



```

16         return M - (total - M) # penalita lineare
17
18 def tournament_selection(population, slices, M, k=TOURNAMENT_SIZE):
19     selected = random.sample(population, k)
20     selected.sort(key=lambda x: fitness(x, slices, M), reverse=True)
21     return selected[0]
22
23 def crossover_2point(parent1, parent2):
24     point1, point2 = sorted(random.sample(range(len(parent1)), 2))
25     return parent1[:point1] + parent2[point1:point2] + parent1[point2:]
26
27
28 def mutate(bitstring):
29     mutated_bitstring = []
30     for bit in bitstring:
31         if random.random() < MUTATION_RATE:
32             mutated_bitstring.append(bit ^ 1) # inverte il bit
33         else:
34             mutated_bitstring.append(bit) # lascia il bit inalterato
35     return mutated_bitstring
36
37 def generate_first_population(M, N, slices):
38     population = []
39
40     for _ in range(POPULATION_SIZE):
41         # scegliamo casualmente in che modo generare la prima popolazione
42         strategy = random.choice(['desc', 'asc', 'shuffle'])
43         indices = list(range(N))
44
45         if strategy == 'desc':
46             indices.sort(key=lambda i: -slices[i]) # greedy
47         elif strategy == 'asc':
48             indices.sort(key=lambda i: slices[i]) # greedy inverso
49         elif strategy == 'shuffle':
50             random.shuffle(indices) # casuale
51
52         total = 0
53         bitstring = [0] * N
54
55         for i in indices:
56             if total + slices[i] <= M:
57                 total += slices[i]
58                 bitstring[i] = 1
59
60         population.append(bitstring)
61
62     return population
63
64 def solve(M, N, slices):
65     start_time = time.perf_counter()
66     population = generate_first_population(M, N, slices)
67     best_individual = max(population, key=lambda x: fitness(x, slices, M))
68     best_score = fitness(best_individual, slices, M)
69
70     for gen in range(NUM_GENERATIONS):
71         elapsed = time.perf_counter() - start_time
72         if elapsed >= TIME_LIMIT:
73             print(f"\t\t[Generation_{gen+1}]_Early_stop,_time_limit_

```

```

        reached_({elapsed:.2f}s)")
    break

    new_population = []

    while len(new_population) < POPULATION_SIZE:
        parent1 = tournament_selection(population, slices, M)
        parent2 = tournament_selection(population, slices, M)

        child1 = crossover_2point(parent1, parent2)
        child2 = child1[:] # copia diretta

        child1 = mutate(child1) # solo il primo figlio mutato

        new_population.append(child1)
        if len(new_population) < POPULATION_SIZE:
            new_population.append(child2)

    population = new_population

    # salva il miglior individuo
    current_best = max(population, key=lambda x: fitness(x, slices, M))
    current_score = fitness(current_best, slices, M)
    if current_score > best_score:
        best_individual = current_best
        best_score = current_score

    if gen == 0 or (gen + 1) % 50 == 0:
        print(f"\t\t[Generation_{gen+1}]_Current_best_fitness_{best_score}")

    if best_score == M:
        print(f"\t\t[Generation_{gen+1}]_Early_stop_fitness_reached_max_score_{M}")
        break

    elapsed_time = time.perf_counter() - start_time
    return best_score, elapsed

"""
OLD FITNESS FUNC
def fitness(bitstring, slices, M):
    total = sum(s for i, s in enumerate(slices) if bitstring[i])
    return total if total <= M else 0 # penalizza se invalido

"""

"""
OLD REPAIR FUNC
def repair(bitstring, slices, M):
    total = sum(s for i, s in enumerate(slices) if bitstring[i])
    if total <= M:
        return bitstring

    # rimuove pizze finche rientra in M
    indices = [i for i, bit in enumerate(bitstring) if bit == 1]
    random.shuffle(indices)
    for i in indices:
        bitstring[i] = 0

```

```
129         total -= slices[i]
130         if total <= M:
131             break
132     return bitstring
133 """
```

Chapter 3

Programmazione Lineare Intera

3.1 Soluzione

Il problema proposto può essere facilmente modellato con le tecniche della Programmazione Lineare Intera (PLI). Come risolutore del problema è stato scelto Gurobi.

3.1.1 Variabili decisionali

Sono state introdotte le variabili decisionali binarie x_i , ciascuna delle quali assume valore 1 se la pizza i viene selezionata, altrimenti 0.

```
1 x = model.addVars(N, vtype=GRB.BINARY, name="x")
```

3.1.2 Funzione obiettivo

L'obiettivo del problema è avere a disposizione quante più fette possibili, e quindi massimizzare il numero di pizze da ordinare, senza però eccedere la quantità massima M . Poiché ad ogni pizza i viene associato un corrispondente numero di fette s_i , la funzione obiettivo può essere espressa nel seguente modo.

$$\max \sum_{i=1}^N s_i \cdot x_i$$

In Gurobi, l'espressione diventa.

```
1 model.setObjective(  
2     quicksum(slices[i] * x[i] for i in range(N)), GRB.MAXIMIZE  
3 )
```

3.1.3 Vincoli

Gli unici vincoli da aggiungere riguardano il numero massimo di fette da non eccedere e l'interezza della soluzione.

$$\sum_{i=1}^N s_i \cdot x_i \leq M$$

$$x_i \in \{0, 1\} \quad \forall i = 1, \dots, N$$

Poiché il vincolo di interezza è già stato espresso nella definizione delle variabili x_i , non resta che aggiungere a Gurobi quello sul numero di fette.

```

1 model.addConstr(
2     quicksum(slices[i] * x[i] for i in range(N)) <= M, name="max_slices"
3 )

```

3.2 Codice

Si riporta il codice completo della soluzione con Gurobi.

```

1 from gurobipy import Model, GRB, quicksum
2 import time
3 import sys
4 import os
5 from contextlib import contextmanager
6
7 @contextmanager
8 # per evitare che gurobi scriva sul terminale
9 def suppress_stdout():
10     with open(os.devnull, 'w') as devnull:
11         old_stdout = os.dup(1)
12         os.dup2(devnull.fileno(), 1)
13         try:
14             yield
15         finally:
16             os.dup2(old_stdout, 1)
17             os.close(old_stdout)
18
19 def solve(M, N, slices):
20     start_time = time.perf_counter()
21     with suppress_stdout():
22         model = Model("pizza")
23         model.Params.OutputFlag = 0 # silenzia l'output
24
25         # cerchiamo di rendere quanto piu confrontabile possibile la
26         # soluzione di gurobi
27         model.Params.Threads = 1
28         model.Params.MIPGap = 0.0
29         model.Params.Presolve = 0
30         model.Params.Heuristics = 0
31         model.Params.TimeLimit = 60

```

```
31
32 # variabili binarie: x[i] = 1 se prendo la pizza i, altrimenti 0
33 x = model.addVars(N, vtype=GRB.BINARY, name="x")
34
35 # vincolo: somma delle fette selezionate <= M
36 model.addConstr(quicksum(slices[i] * x[i] for i in range(N)) <= M,
37                  name="max_slices")
38
39 # funzione obiettivo: massimizzare il numero di fette
40 model.setObjective(quicksum(slices[i] * x[i] for i in range(N)),
41                   GRB.MAXIMIZE)
42
43 # risoluzione
44 model.optimize()
45
46 # recupera soluzione
47 if model.SolCount > 0:
48     total_slices = sum(slices[i] for i in range(N) if x[i].X > 0.5)
49     # somma delle fette selezionate
50     elapsed = time.perf_counter() - start_time
51     return total_slices, elapsed
52 else:
53     elapsed = time.perf_counter() - start_time
54     return 0, elapsed # nessuna soluzione trovata
```

Chapter 4

Confronto tra le soluzioni

Le due soluzioni proposte sono state confrontate sulle 4 istanze del problema a disposizione. La difficoltà, espressa in termini di dimensioni del dataset, aumenta al proseguire delle istanze. Ad entrambi i risolutori è stato assegnato un tempo massimo di esecuzione pari a 60 secondi e una modalità di esecuzione su singolo thread (differentemente da come lavora in genere Gurobi), in modo da ottenere dei risultati che fossero quanto più confrontabili possibile. Per ciascuna delle soluzioni riportate, viene anche mostrato il tempo che è stato richiesto per calcolarla-

4.1 Risultati

I valori di output per ciascuna soluzione vengono riportati di seguito.

```
1 -----
2 == RISOLUZIONE ==
3     Dataset: Datasets/small.in
4     Max fette: 100
5     Numero tipi di pizza: 10
6     Lista fette per pizza: [4, 14, 15, 18, 29, 32, 36, 82, 95, 95]
7     [] Risoluzione con PLI in corso...
8     [] Risoluzione con Algoritmo Genetico in corso...
9         [Geneneration 1] Current best fitness = 99
10        [Geneneration 50] Current best fitness = 99
11        [Geneneration 100] Current best fitness = 99
12        [Geneneration 150] Current best fitness = 99
13        [Geneneration 173] Early stop, fitness reached max score
14        (100)
15 == RISULTATI ==
16     PLI -> Score: 100, Tempo: 0.0085s
17     Genetico -> Score: 100, Tempo: 0.1321s
18 -----
```

```

18 == RISOLUZIONE ==
19     Dataset: Datasets/medium.in
20     Max fette: 4500
21     Numero tipi di pizza: 50
22     Lista fette per pizza: [...]
23     [] Risoluzione con PLI in corso...
24     [] Risoluzione con Algoritmo Genetico in corso...
25         [Geneneration 1] Current best fitness = 4498
26         [Geneneration 50] Current best fitness = 4499
27         [Geneneration 100] Current best fitness = 4499
28         [Geneneration 113] Early stop, fitness reached max score
                (4500)
29 == RISULTATI ==
30     PLI -> Score: 4500, Tempo: 0.0283s
31     Genetico -> Score: 4500, Tempo: 0.1928s
32 -----

33 == RISOLUZIONE ==
34     Dataset: Datasets/big.in
35     Max fette: 1000000000
36     Numero tipi di pizza: 2000
37     Lista fette per pizza: [...]
38     [] Risoluzione con PLI in corso...
39     [] Risoluzione con Algoritmo Genetico in corso...
40         [Geneneration 1] Current best fitness = 999999725
41         [Geneneration 50] Current best fitness = 999999725
42         [Geneneration 100] Current best fitness = 999999725
43         [Geneneration 150] Current best fitness = 999999725
44         [Geneneration 200] Current best fitness = 999999725
45         [Geneneration 250] Current best fitness = 999999725
46         [Geneneration 300] Current best fitness = 999999725
47         [Geneneration 350] Current best fitness = 999999725
48         [Geneneration 400] Current best fitness = 999999725
49         [Geneneration 450] Current best fitness = 999999725
50         [Geneneration 500] Current best fitness = 999999725
51 == RISULTATI ==
52     PLI -> Score: 1000000000, Tempo: 2.1111s
53     Genetico -> Score: 999999725, Tempo: 16.0980s
54 -----

55 == RISOLUZIONE ==
56     Dataset: Datasets/extra.in
57     Max fette: 505000000
58     Numero tipi di pizza: 10000
59     Lista fette per pizza: [...]
60     [] Risoluzione con PLI in corso...
61     [] Risoluzione con Algoritmo Genetico in corso...
62         [Geneneration 1] Current best fitness = 504999983
63         [Geneneration 50] Current best fitness = 504999983
64         [Geneneration 100] Current best fitness = 504999983
65         [Geneneration 150] Current best fitness = 504999983
66         [Geneneration 200] Current best fitness = 504999983
67         [Geneneration 250] Current best fitness = 504999983
68         [Geneneration 300] Current best fitness = 504999983
69         [Geneneration 350] Current best fitness = 504999999
70         [Geneneration 400] Current best fitness = 504999999
71         [Geneneration 450] Current best fitness = 504999999
72         [Geneneration 495] Early stop, time limit reached (60.07s)

```



```

73 == RISULTATI ==
74     PLI -> Score: 0, Tempo: 60.0578s
75     Genetico -> Score: 504999999, Tempo: 60.0680s
76 -----

```

4.2 Conclusioni

Riportiamo in una forma più compatta i risultati precedentemente ottenuti.

Dataset	Pizze (N)	Fette (M)	Score PLI	Tempo PLI (s)	Score Genetico	Tempo Genetico (s)
small	10	100	100	0.0085	100	0.1321
medium	50	4500	4500	0.0283	4500	0.1928
big	2000	10^9	10^9	2.1111	999,999,725	16.0980
extra	10,000	505M	0	60.0578	504,999,999	60.0680

Table 4.1: Confronto tra PLI e Algoritmo Genetico su diversi dataset.

Dai test eseguiti sulle istanze di dimensioni crescenti, è possibile trarre alcune considerazioni finali sulle soluzioni con Programmazione Lineare Interpolata (PLI) e Algoritmo Genetico proposte.

- **Per le istanze di dimensioni ridotte o medie**, entrambi gli approcci trovano rapidamente la soluzione ottima.
 - Nei dataset small e medium (10–50 pizze), la PLI risolve in pochi millisecondi.
 - L'algoritmo genetico converge altrettanto bene, seppur con un tempo leggermente maggiore.
- **Nel caso di istanze grandi (2000 pizze)**, la soluzione con PLI resta ancora efficace.
 - Trova una soluzione ottima in appena 2 secondi.
 - L'algoritmo genetico fornisce una soluzione quasi ottima (con un errore di 275 fette su un miliardo), in circa 16 secondi.
- **Invece, su dataset molto grandi (10.000+ pizze)**, la PLI fallisce completamente.
 - Non restituisce alcuna soluzione entro il tempo limite impostato (60 secondi).
 - L'algoritmo genetico, pur richiedendo anch'esso l'intero tempo disponibile, riesce a costruire una soluzione altamente soddisfacente e prossima al massimo teorico (con un errore di 1 sola fetta su 505 milioni).

Come c'era da aspettarsi dalla teoria, i risultati ottenuti evidenziano come l'approccio genetico sia più robusto e scalabile quando si affrontano problemi su larga scala, mentre la PLI tende addirittura a non convergere entro tempi utili. L'algoritmo genetico, pur essendo più lento su istanze semplici, si dimostra quindi più stabile e adattabile quando la dimensione del problema cresce. In conclusione, in ambienti con vincoli di tempo o risorse computazionali, la metaeuristica genetica si rivela una scelta più affidabile.