sabato 4 gennaio 2020 12:34

fer un materiale lemente instropo existe diretta propoez enalità tra componenti normali di remioni e dilatozioni e tra componenti tangenziali di renzioni e occorrimenti angolari, merzi in luce dalle pravedi trazione e componenti.

Si raggie una barre octourrurale i cui am vengono indicati con x,y,z. É pomilier con indicare le grandezze voltoriali an che attraverso le lovo componenti nella bare ralta.

Por praticità di rappresentazione, le componenti della tennone e della deformazione in un punto P porromento errore reccolti mei due voltori tennone P e deformazione E:

Il agame costitutivo inverso tra i due può eseva espesso, melcoso di materiale clossico lineace isotropo attraverso la sequente espessione, detta agge di Hooke generalizzata:

la matrice ⊆ è della "matrice di rigiolezzo", di ordine 6×6, le eni eomponenti Cij prendono il nome di costanti dastiche del materiale nel punto P ed hanno dimensioni fisiche pari a [FL-2].

Per un materiale isotropo il nuvero di costanti elostiche indipendenti e pon a 2 ed assume la seguente

formo:

dave u et il coefficiente di Poisson e et e il madulo di classicità tomponzole.

da forma generale del tensone della deformazione, come indicato mella (13.16) del libro Casini-Vasta, è la requente:

 $\underline{\underline{\varepsilon}} = \begin{bmatrix} \varepsilon_{\times} & \frac{1}{2} \delta_{y} \times & \frac{1}{2} \delta_{2} \times \\ \frac{1}{2} \delta_{xy} & \varepsilon_{y} & \frac{1}{2} \delta_{2y} \\ \frac{1}{2} \delta_{xz} & \frac{1}{2} \delta_{yz} & \varepsilon_{z} \end{bmatrix} . (2)$

Viene formito il tensor della deformazione per il materiale amagener considerato, rappesentato nella base ecuriderata dalla

$$\mathbf{E} = \begin{bmatrix} \mathcal{E} & \mathcal{E}/2 & o \\ \mathcal{E}/2 & o & o \\ o & o & o \end{bmatrix} , \quad (3)$$

dove e é un parametro odimenionale.

Conjuntando la (2) con la (3) e tenendo conto della nimetria del renson della deformazione, n'ottongono le requenti relezioni:

$$\varepsilon_{x} = \varepsilon$$
, $\delta_{xy} = \varepsilon$, $\varepsilon_{y} = 0$, $\varepsilon_{z} = 0$, $\delta_{xz} = 0$, $\delta_{yz} = 0$. (4)

Sorivendo per eouponent la (1) ea utilizzando a espremioni (a) appeno iicavate, ni ottiene:

$$\sigma_{x} = \frac{2e}{1-2\nu} \left[(1-\nu) e_{x} + \nu (e_{y} + e_{z}) \right] = \frac{2e(1-\nu)}{1-2\nu} e$$

$$C_{X} = \frac{2R}{1-2\nu} \left[(1-\nu) \mathcal{E}_{X} + \nu \left(\mathcal{E}_{Y} + \mathcal{E}_{Z} \right) \right] = \frac{2R(1-\nu)}{1-2\nu} \mathcal{E} ;$$

$$C_{Y} = \frac{2R}{1-2\nu} \left[(1-\nu)\mathcal{E}_{Y} + \nu \left(\mathcal{E}_{X} + \mathcal{E}_{Z} \right) \right] = \frac{2R\nu}{1-2\nu} \mathcal{E} ;$$

$$C_{Z} = \frac{2R}{1-2\nu} \left[(1-\nu)\mathcal{E}_{Z} + \nu \left(\mathcal{E}_{X} + \mathcal{E}_{Y} \right) \right] = \frac{2R\nu}{1-2\nu} \mathcal{E} ;$$

$$C_{X} = \mathcal{E}_{X} \mathcal{E}_{X} = \mathcal{E}_{X}$$

Ja matrice che rappesente uella base scalta il tenson degli eferti può essera scritta, secondo la definizione (14.7) del libro Cenni Nasta, come:

Eyz = & Eyz = 0.

Sostitueudo malla paredente (26), ni ottiens l'espenione del tensone degli oforsi nidiente, ornia:

$$\underline{\underline{I}}(P) = \begin{bmatrix} \frac{2 \mathcal{C}(1-\nu)}{1-2\nu} \mathcal{E} & \frac{\underline{\mathcal{E}}}{2(1+\nu)} \mathcal{E} & 0 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 2(1+\nu)} \mathcal{E} & \frac{2 \mathcal{C}\nu}{1-2\nu} \mathcal{E} & 0 \\ 0 & 0 & \frac{2 \mathcal{C}\nu}{1-2\nu} \mathcal{E} \end{bmatrix}$$

Bibliaro che guesto elaborato è esclusivamente frutto del mio lavoro, mon è stato copiato da altri. Annolisa Genaresi