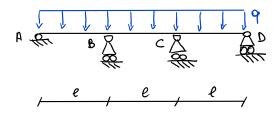
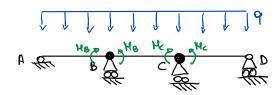
Equazione dei tre momenti per trave a 3 campate caricata uniformemente

sabato 14 dicembre 2019 18:30



ila trave pasenta m=q appoggi e grado di iperstatricitò m-2=2. Si assumano come incognite iperstatrice i momenti agli appoggi in B e in C, HB e Hc, offerute inserendo delle sconnemioni in corrispondenza dai suddetti punti.



Le equazioni di congruenza in corrispondenza della sconnuemioni, che devono imporre la eontinuita della rotazione (eq 12.10, capitolo 12), per il caso in esame sono le seguenti:

$$\rho_{BA} = \rho_{BC}$$
 ; $\rho_{CB} = \rho_{CD}$. (1)

Si indicano con l'apia (0) le rotezioni del modo deverte solo al corcico distribuito agente sulla eampote. Facendo riferimento al terzo schema motevole dell'appendice B2, si ottengono i segmenti valori per le notezioni devete al carcico destribuito:

$$\varphi_{BA}^{(0)} = \frac{q\ell^3}{2qEl} ; \varphi_{Bc}^{(0)} = -\frac{q\ell^3}{2qEl} ; \varphi_{CB}^{(0)} = \frac{q\ell^3}{2qEl} ; \varphi_{CB}^{(0)} = -\frac{q\ell^3}{2qEl} .$$
 (2)

I segui negativi pesenti sono doctuti alla ecuvenzione adottada per la votazione ello sezioni, ecusiolerata positiva se presa u verso antiviorio. Si indica con EI la rigiolezzo flessi onale, considerata costante. Per il principio di somo pposizione degli effetti, per ottenera la rotazione in cazzi spondenzo del modo è necosazio sommare alle (2) i contribre ti di agnuno dei momenti che costitizzi scono le incagnite isporstatiche, penati come agenti da soli sulla struttura. Haando riferimento al quardo schoma notevole dell'appendice B2, si ottengono i sequenti valori:

$$\varphi_{BA} = \varphi_{BA}^{(O)} + H_B \left(-\frac{\ell}{3E_I} \right) ;$$

$$\varphi_{BC} = \varphi_{BC}^{(O)} + H_B \left(\frac{\ell}{3E_I} \right) + H_C \left(\frac{\ell}{6E_I} \right) ;$$

$$\varphi_{CB} = \varphi_{CB}^{(O)} + H_C \left(-\frac{\ell}{3E_I} \right) + H_B \left(-\frac{\ell_2}{6E_I} \right) ;$$

$$\varphi_{CD} = \varphi_{CD}^{(O)} + H_C \left(\frac{\ell}{3E_I} \right) .$$
(3)

Sostituendo le (2) nelle (3) ed inserendo i valori nella (4), si ottiene il seguente sistema di due equazioni in due incognite:

$$\int \frac{q\ell^{3}}{2q \, EI} - H_{B} \frac{\ell}{3EI} = -\frac{q \, \ell^{3}}{2q \, EI} + H_{B} \frac{\ell}{3EI} + H_{C} \frac{\ell}{6EI}$$

$$\frac{q \, \ell^{3}}{2q \, EI} - H_{C} \frac{\ell}{3EI} - H_{B} \frac{\ell}{6EI} = -\frac{q \, \ell^{3}}{2q \, EI} + H_{C} \frac{\ell}{3EI}$$

che risolto fornisce come poluzione:

$$H_B = \frac{90^2}{10}$$
; $H_C = \frac{90^2}{10}$. (4)

I due momenti trovati mon corrispondono, data la ecuvenzione dei segni generalmente adottata, al momento prettente esorcitato dalla trase in quel punto ma al suo apposto. Yndico il valore del momento prettente in quei punti con H_2 , olungue $H_2 = -9 l^2$. Por il calcolo della reasoni esorcitate deri modi, si ricorce muovamente al princi pio di somapposis one dagli effetti. Facuato riforimento ai preadenti schemi moteriale est usomalo la stersa convenzione por gli apici, si ettengono:

$$R_{AB} = R_{AB}^{(0)} - H_{B} \frac{1}{e} ; \qquad R_{BA} = R_{BA}^{(0)} + H_{B} \frac{1}{e} ; \qquad R_{BC} = R_{BC}^{(0)} + H_{B} \frac{1}{e} - H_{C} \frac{1}{e} ;$$

$$R_{CB} = R_{CB}^{(0)} + H_{c} \frac{1}{2} - H_{B} \frac{1}{2}; \quad R_{CD} = R_{CD}^{(0)} + H_{c} \frac{1}{2}; \quad R_{DC} = R_{DC}^{(0)} - H_{c} \frac{1}{2}. \quad (5)$$

Essendo il carico distribuito costante ed reguale par agni tratto, tutte le reasoni con apice (0) volgono gl, come da schema motevole. A queste sono state sommable le reasoni che si avreassero se sul sistema agisse da solo prima HB e poi Hc. Sostituando poi le (G) in (S), si ottiene:

Da eni il valore delle reazioni esercitate dagli appaggi sempre per somapposisione:

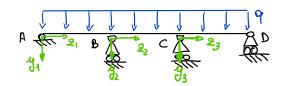
RA = RAB = 0.4 ql; RB = RBA + RBC = 1.1 ql; Rc = RCB + RCD = 1.1 ql; RD = RDC = 0.4 ql.

Emponendo l'equilibrio dei singoli tratti si attieno l'espessione analitica del momento, data, nispettivamente pue i tratti AB, BC e CD, da:

$$\begin{aligned} \text{Mab} &= q e^2 \left(\frac{2}{5} - \frac{1}{2} \frac{Z_1}{e} \right) \frac{Z_1}{e} \quad , \quad \text{con} \quad 0 < 2_1 \le e \quad ; \\ \text{Mbc} &= -\frac{q \cdot 2^2}{2} + \frac{1}{2} q e_2 - \frac{q \cdot e^2}{10} \quad , \quad \text{con} \quad 0 \le 2_2 \le e \quad ; \\ \text{Mcb} &= -\frac{q \cdot 2^3}{2} + \frac{3}{5} q e_2 - \frac{1}{10} q e^2 \quad , \quad \text{con} \quad 0 \le 2_3 < e \quad . \end{aligned}$$

Sono state utilizzate 21,22 e 23 por inolicare i sistemi di coordinate sapposentati nelle

Somo state utilizzate 21,22 e 23 per indicare i sistemi di coordinate sappresentati nelle seguente figure.



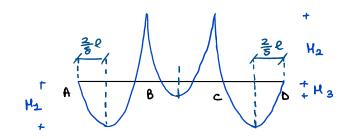
Si indica con Hz il massimo valore aspurto dal momento fattente in coocio pondenza dal vertice dalla paravola che ne na ppresente l'analamento nel primo tratto:

$$H_{\perp} = H_{AB} \left(2_{\perp} = \frac{1}{5} e \right) = \frac{2}{25} q e^{2}$$

les nimentais è uguale al valore argunto nel vertice in coorispondenze del tratto cs. Le valore del momento flettente in mezzerie e desto de:

$$H_3 = H_{BC} \left(2 = \ell | 2 \right) = \frac{1}{40} q \ell^2.$$

Il diagramma del monnento flattente è dunque il seguente.



Diduiareo de guesto davorato è esdurivamente frutto de mio lavoro, non è stato copiato da altri. Annolisa Geneveri