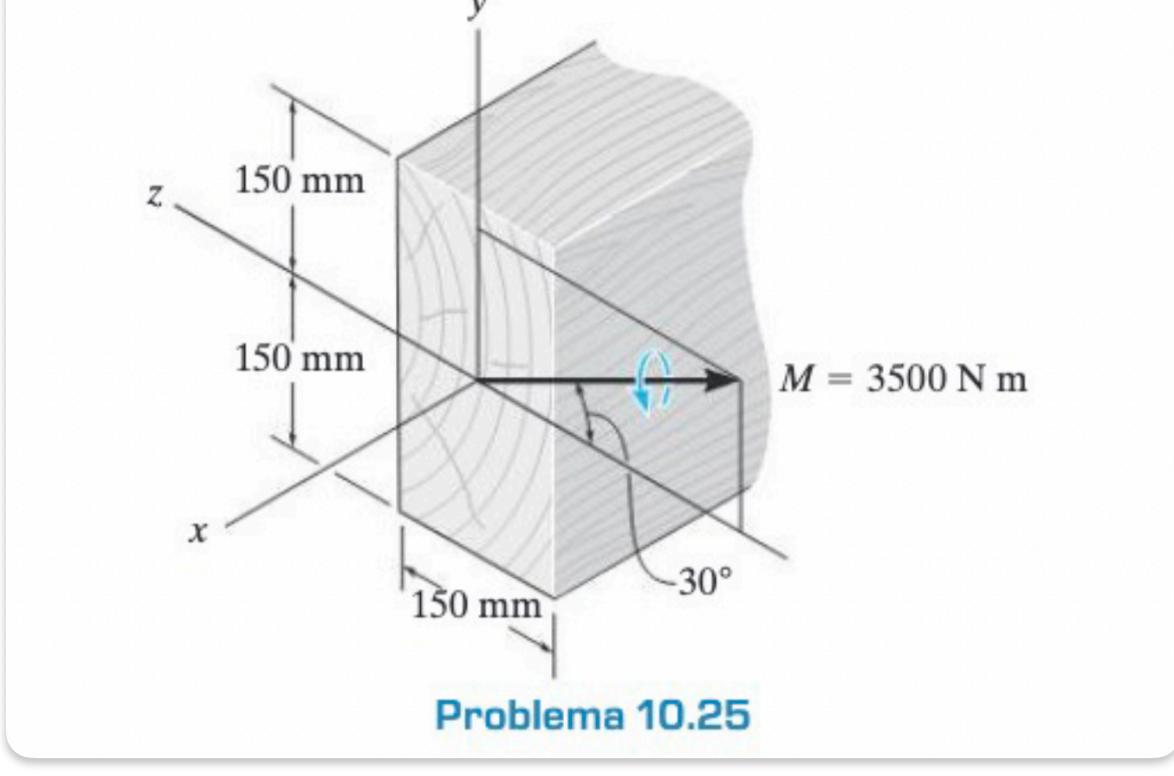


### TORI Umberto

**10.25.** La trave presenta la sezione trasversale rettangolare. Se è soggetto al momento flettente di  $M = 3500 \text{ N m}$  diretto come mostrato nella figura, si determini la massima tensione normale dovuta alla flessione e l'orientazione dell'asse neutro.



Problema 10.25

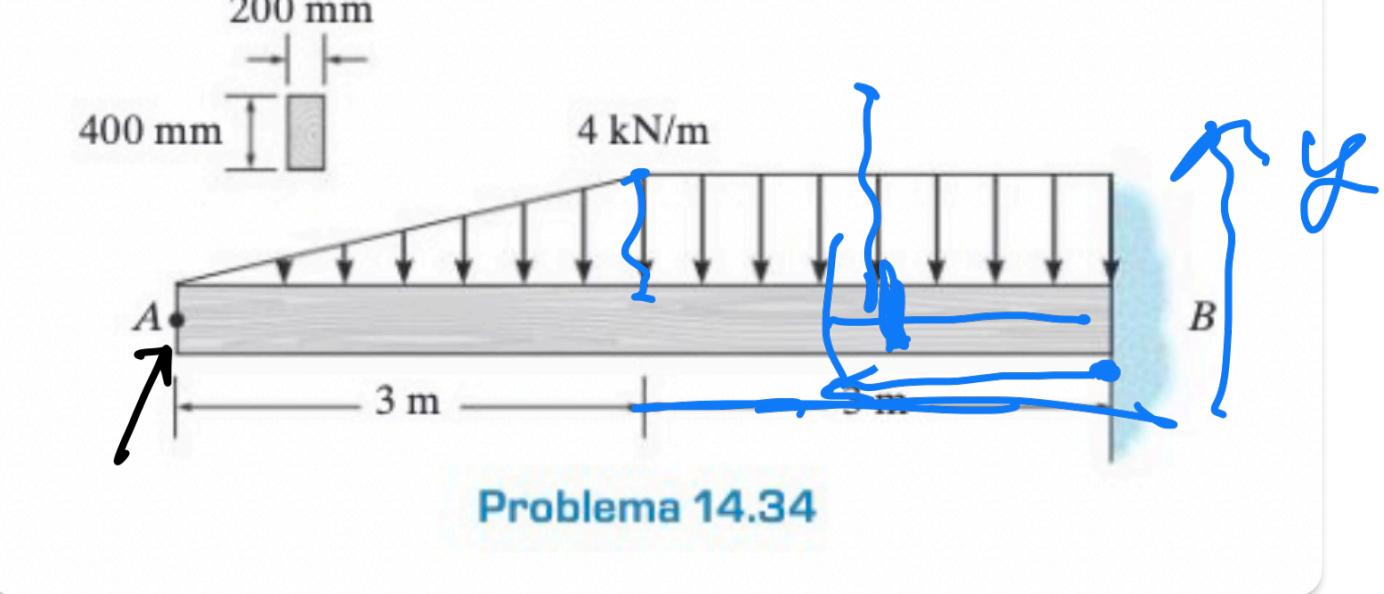
**10.32.** Il profilo a "C" di acciaio viene utilizzato per rinforzare la trave di legno. Si determini la massima tensione normale dovuta alla flessione che si sviluppa nel legno e nell'acciaio se la trave è soggetta all'azione di un momento flettente pari a  $M = 5 \text{ kN m}$ . Si consideri  $E_w = 11 \text{ GPa}$ ,  $E_u = 200 \text{ GPa}$ .



Problema 10.32

### Maronau

**14.34.** La trave nella figura è realizzata in legno di quercia, per il quale  $E_q = 11 \text{ GPa}$ . Si determini la rotazione e lo spostamento in  $A$ .



Problema 14.34

$$\frac{dV}{dx} = -P$$

$$4 \text{ kN} \cdot \text{m}$$

$$4 \text{ kN} \cdot \text{m}$$

$$2$$

$$-P\bar{x} - P\bar{z}$$

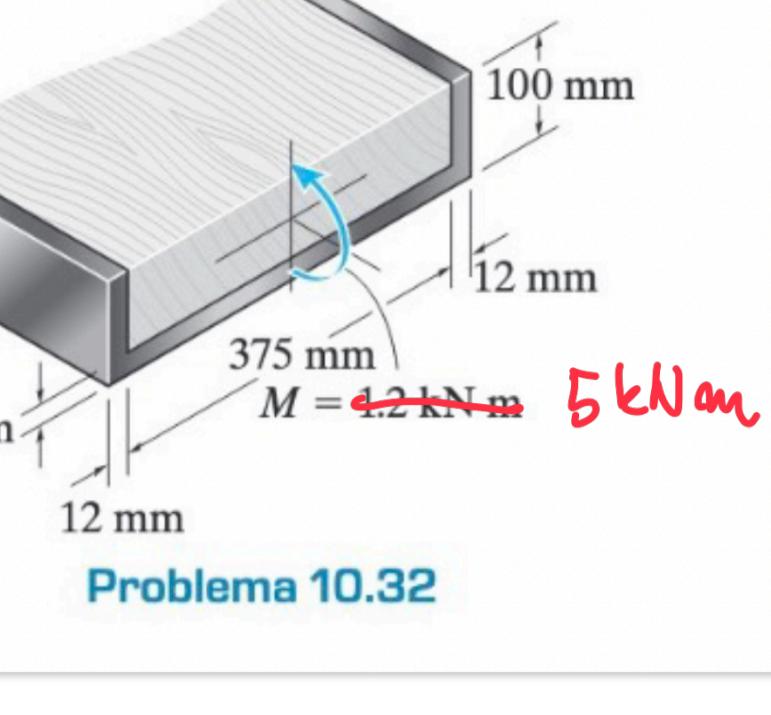
$$P(x) = + \text{kN/m}$$

$$P = 4 \text{ kN/m} \cdot \frac{\delta x}{L}$$

Tracce  
di diagonale  
delle  
c.d.s

### VASTOLA

**16.16.** La trave è vincolata in  $B$  in modo da non permettere rotazioni, ma solo traslazioni verticali. Si determini il carico critico,  $EI$  è costante.



Problema 16.16



$$M + Pv = 0$$

$$M = -Pv$$

$$EI \frac{d^2v}{dx^2} = M$$

$$v'' + \frac{P}{EI} v = 0$$

$$\lambda^2 + \frac{P}{EI} = 0$$

$$\lambda = \pm i \sqrt{\frac{P}{EI}}$$

$$v(x) = A \sin \left( \sqrt{\frac{P}{EI}} x \right) + B \cos \left( \sqrt{\frac{P}{EI}} x \right)$$

$$\begin{cases} v(0) = 0 \Rightarrow B = 0 \\ \theta(L) = 0 \end{cases}$$

$$\theta(x) = A \sqrt{\frac{P}{EI}} \cos \left( \sqrt{\frac{P}{EI}} x \right)$$

$$\theta(L) = 0 \Rightarrow A \sqrt{\frac{P}{EI}} \cos \left( \sqrt{\frac{P}{EI}} L \right) = 0$$

$$A \sqrt{\frac{P}{EI}} \neq 0$$

$$\cos \left( \sqrt{\frac{P}{EI}} L \right) = 0$$

$$\sqrt{\frac{P}{EI}} L = \frac{(2k+1)\pi}{2}$$

$$k=1$$

$$\sqrt{\frac{P}{EI}} L = \frac{\pi}{2}$$

$$P_c = \frac{EI \pi^2}{4L^2}$$

$$v(x) = A \sin \left( \sqrt{\frac{4EI}{P}} x \right)$$

$$v'' = A \sin \left( \frac{\pi}{L} x \right)$$

Se poniamo anche di lavorare in assi ortogonali della segnata struttura ( $EI = \text{cost}$ )

$P$

$L$

$M = -Pv$

$EI \frac{d^2v}{dx^2} = M$

I carri in  $x=0$  impediscono le rotazioni verticali, però si può assumere:

$v(x) = A \sin \left( \frac{P}{EI} x \right) + B \cos \left( \frac{P}{EI} x \right)$

$M = -Pv$

Imponendo che

$EI \frac{d^2v}{dx^2} = M$

Allora poniamo anche

$EI v''' + Pv'' = 0$

Quindi:

$v''' + \frac{P}{EI} v'' = 0$

Risolvendo l'equazione differenziale, otteniamo che  $v$  è una funzione complessa:

$v'' + \frac{P}{EI} v'' = 0$

$\lambda = \pm i \sqrt{\frac{P}{EI}}$

Quindi la forma della deforazione minima è una curva lineare di cui la curva:

$v(x) = A \sin \left( \frac{P}{EI} x \right) + B \cos \left( \frac{P}{EI} x \right)$

Iniziamo il carico critico, bisogna definire le condizioni al centro, cioè che lo spostamento verticale in  $x=0$  è nullo e la rotazione attuale in  $x=0$  è nulla, poniamo quindi che:

$\theta(x) = 0 \int v'(x) = 0$

$\theta(0) = 0$

Dalla prima imponiamo che:

$v'(x) = 0 \Rightarrow A \cdot 0 + B \cdot 1 = 0$

$B = 0$

La seconda è sotto al carico critico, abbiamo prima ricavare  $v'(x)$  rispetto a  $x=0$ :

$v'(x) = \frac{dv}{dx} = A \frac{P}{EI} \cos \left( \frac{P}{EI} x \right)$

In  $x=L \Rightarrow \theta(L) = 0$

$A \frac{P}{EI} \cos \left( \frac{P}{EI} L \right) = 0$

$A \frac{P}{EI} \neq 0$  poiché altrimenti la trave non è deformabile, inaccordo con i dati fatti, faccio dunque:

$\cos \left( \frac{P}{EI} L \right) = 0$

Quindi:

$\frac{P}{EI} L = \frac{(2k+1)\pi}{2}$

bisogna che il carico critico sia pari a:

$k=1$

Risolvendo il carico  $P$ , allora:

$P_c = \frac{EI \pi^2}{4L^2}$