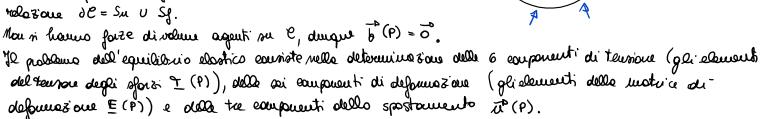
## Problema: formulazione del problema dell'equilibrio per una sfera elastica sotto pressione.

1. Si eaunidera un eastime de Cauley in regime di sportamenti infiniterimi, elastico lineares instropo e amagnes de accupa la eaufigurazione C di formo sferica. Fudicato con in la nomenza alla superficie in aqui punto, come ala figura, si indicana le forze di superficie de agiscara sulla superficie mae vincalata se eau:

 $J^{\circ}(P) = -p \hat{m}$ , dove  $P \in P$  generico punto della superficie e  $p \in P$  il valore della pravione uniforme dato. Il corpo C non E vin colato, par eni Su = p, dove can E indica la parsone di frontieza P vincolate. Vale la relazione  $P \in P$   $P \in P$ .

Mon in hanno faze di volume agenti su P, durant P P P



Déclue Su = 0, affinche il pobleme no risolubile è memorio du le rimetante delle forze sol il manento risultante riano uguali a soro. Si saglie un risteme di riperimento eveteriano la lui origine ecinciale eon il centro della sfera. Grazie alla rimento della sfera, gli ori realti rerommo di ristema di riperimento, e principali di remione. Individuato un ristema di riferimento, e principale esprimere la grandezza attrovero le loro ecupamenti mel sistemo realto.

$$e^{\int \underline{b} \, dV + \int \underline{f} \, dA} = \int_{\partial e} (-p \hat{m}) \, dA = \vec{O}.$$

d'expanione por le calcolo della forto risultante assure

le requeute fours:

Date la simuatio del eorp, si ornerva du i eoutributi della premione si elidano tretti, essendo a due a due agnali in direzione e madulo ma opposti in vorso.
Por il calcala del momento sisultante si oraglie eomo polo il eentro della spero o.

$$\int \vec{OP} \times \vec{f}(P) dA = \int (r\hat{r}) \times (-p\hat{m}) dA = \vec{O}.$$
se

Je

de direzione recliale n'ecuciale pauto per punto eau n', dunque il prodotto rettoriche restitueisce il rellore rullo.

(3) Data la nimetria della sigura, il tensore degli sforz assume la sequente some:

Leongra de conserte matesione de tensioni himinibeli sono quadra:

$$O_{\times} = -\rho$$
,  $O_{y} = -\rho$ ,  $O_{z} = -\rho$ .

Le component di taglio sono tutte etre mulle: Bxy = 6x2 = 6y2 = 0.

Utilizzando a equazioni costitutive combinate con i valori della econformati della tenniare appeniare calcalate, si ottengano le seguent esperioni:

$$\begin{aligned}
&\mathcal{E}_{\mathsf{X}} = \frac{1}{\mathsf{E}} \left( \mathcal{O}_{\mathsf{X}} - \mathcal{V} \left( \mathcal{O}_{\mathsf{Y}} + \mathcal{O}_{\mathsf{Z}}^{\mathsf{Z}} \right) \right) = -\frac{\mathsf{P}}{\mathsf{E}} \left( \mathcal{A} - \mathcal{V} \right) \\
&\mathcal{E}_{\mathsf{Y}} = \frac{1}{\mathsf{E}} \left( \mathcal{O}_{\mathsf{Y}} - \mathcal{V} \left( \mathcal{O}_{\mathsf{X}} + \mathcal{O}_{\mathsf{Z}}^{\mathsf{Z}} \right) \right) = -\frac{\mathsf{P}}{\mathsf{E}} \left( \mathcal{A} - \mathcal{Q} \mathcal{V} \right) \\
&\mathcal{E}_{\mathsf{Z}} = \frac{1}{\mathsf{E}} \left( \mathcal{O}_{\mathsf{Z}} - \mathcal{V} \left( \mathcal{O}_{\mathsf{X}} + \mathcal{V}_{\mathsf{Y}} \right) \right) = -\frac{\mathsf{P}}{\mathsf{E}} \left( \mathcal{A} - \mathcal{Q} \mathcal{V} \right) \\
&\mathcal{E}_{\mathsf{X}} = \frac{\mathsf{E}_{\mathsf{X}} \mathcal{Y}}{\mathsf{G}_{\mathsf{Y}}} = 0; \\
&\mathcal{E}_{\mathsf{X}} = \frac{\mathsf{E}_{\mathsf{Y}} \mathcal{Z}}{\mathsf{G}_{\mathsf{Y}}} = 0; \\
&\mathcal{E}_{\mathsf{Y}} = 0; \\
&\mathcal{E}_{\mathsf$$

Jutegrando le prime tre equozioni di conquenzo, ornie  $Ex = \frac{\partial u}{\partial x}$ ,  $Ey = \frac{\partial v}{\partial y}$ ,  $Ez = \frac{\partial w}{\partial z}$ ,

e combinandole car le (1) si ottengaro le seguenti espersiari por le componenti della spostamento:

$$M = -\frac{1}{E} \rho (1 - 2\nu) x + Mr ;$$

$$N = -\frac{1}{E} \rho (1 - 2\nu) y + Nr ;$$

$$W = -\frac{1}{E} \rho (1 - 2\nu) z + Wr .$$

le 3 costanti ur, vir e ur indicano che la soluzione è definito a meno di una spostamento nigido. Perendete tutte e 3 negnali a 0 si ottiene la seguente soluzione particolore:

$$M = -\frac{1}{E} \rho (1 - 2\nu) \times ;$$

$$N = -\frac{1}{E} \rho (1 - 2\nu) y ;$$

$$W = -\frac{1}{E} \rho (1 - 2\nu) z .$$

Diduiaro de guesto davorato è esdurivamente frutto de mio lavora, mon è rtato copiato da altri.

annalisa Genoveni