In un continuo di Cauchy il tensore dello sforzo ammette la seguente rappresentazione (adoperando il riferimento usuale adottato nel testo), dove σ è una costante avente le dimensioni di una tensione.

♣ Circonferenza di Mohr

Circonferenza di Mohr (5 gennaio)

giovedì 26 dicembre 2019 11:56

Si sæglie una base di versori estonormali $(\hat{i},\hat{j},\hat{k})$ delle spazo e considera un reusore degli sforzi de ra in questa base la sequente rappresentezione matriciale:

da diresione é e una dizesione principale, associata all'autovolore mullo Infatti:

Il vettore della tennone si mantière sempre parallelo al piano identificato dai versoni j'e k, chiannato piano della tensione. S'è nel caso di stato di tensione piano.

for costruire la circonferenza di Hobre, si introduce un generico sersoce \underline{m} ortogonale a \underline{i} ed un versore \underline{m} sempre ortogonale a \underline{i} ma zuotato di $^{\text{Te}/2}$ in sempre orazio rispetto ad \underline{n} (visto da \underline{i}). Si indica con \overline{b} m la componente del vettore della tensione agente sul piano di mormole \underline{m} nella direzione \underline{m} (tangenziale). Scegliendo opporturamente \underline{m} ed \underline{m} si porrano identificare dai punti motevali del piano di Hobre (avente \overline{m} in ascissa e \overline{b} m in ordinata) su un basavosi per tracciare la circonferenza ridicata.

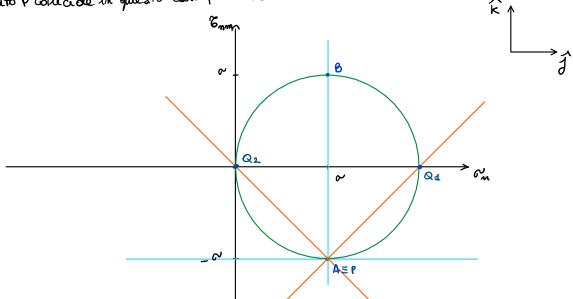
In partiendant, experiends $\hat{m} = \hat{j}$ ed $\hat{m} = -\hat{k}$, is ottiene, usando la formula di Cauchy:

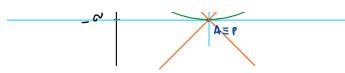
Si identifica cost il punto $A(\sigma, -\sigma)$.

aussignmente, soughieurs $\hat{m} = \hat{k}$ ed $\hat{m} = \hat{j}$ in ottieur:

da au il punto B(0,0).

Si rappresentano i due punti sul piano di Holor, avendo enca di orientare gli arri (M, 6 nm) parallelamente agli arri (y, z). Il punto medio del segmento AB ri trova sull'arre della assisse. Dai punti A e b ri tracciano le rette parallela alla normali coorispondenti, arri y e z rispettivamente. La low intersezione determina P, il polo della nappresentazione di Holor. Si traccia la circonferenza di Holor imponendo che questa parri per i punti A, B e P. Il suo centro coincide con il punto medio di AB. Il punto P coincide in questo caso particolare con A.





il polo della rappresentazione di Holve gode della proprietà grafica per eni qualniari ratta parante per P incontra il cercluio di Holve nel pento Q le ani coordinate (M_n, M_{mm}) forniscono le tensioni agenti sull'elemento piano del fascio di asse \times la eni normale è parallela a PQ. I penti $O_1(20,0)$ e $O_2(0,0)$ sono tali da avere ordinata nulla, ornia hanno in ascina le tensioni principali.

il direzoni principali rono dunque individuate dalla rette PQs e PQz. Pa considerazioni trigonometriche ri ormano che rono inclinate rispettivamente di $\frac{16}{4}$ e $\left(\frac{16}{4} + \frac{5}{2}\right)$ rispettivamente, l'orne \times , la retta PQs e la lodi canolo con $\frac{6}{3}$, $\frac{6}{2}$ e $\frac{6}{3}$ le tenroni principali lungo, rispettivamente, l'orne \times , la retta PQs e la letta PQz (quarte vehime acelte con varso tale da formare una terma destra in quest'ordine), classe precedenti caeri deraciani ri otticue: $\frac{6}{3} = 0$, $\frac{6}{3} = 0$. Il tensore degli aforzi, rappresentato

nella Gase principale la la seguente forma:

$$= \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 20 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} .$$

Bidriarco de guesto elaborato è esdurivamente frutto del mio lavoro, non è stato capiato da altri. Annalisa Genaresi