

# شبکه‌های عصبی مصنوعی

۱۳۹۱-۰۷-۱۱

## بخش پنجم



دانشگاه شهید بهشتی  
دانشکده‌ی مهندسی و علوم کامپیوتر  
زمستان ۱۳۹۱  
احمد محمودی ازناوه

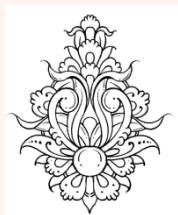
# فهرست مطالب

- شبکه‌های (قابلی)
  - شبکه‌ی همینگ
    - مقایسه گذرای شبکه‌ی همینگ و پرسپترون
    - لایه‌ی feedforward
    - لایه‌ی recurrent - (قابلی)
  - آموزش (قابلی)
  - مشکلات آموزش (قابلی)
- شبکه‌های خودسازمانده (SOM) • LVQ



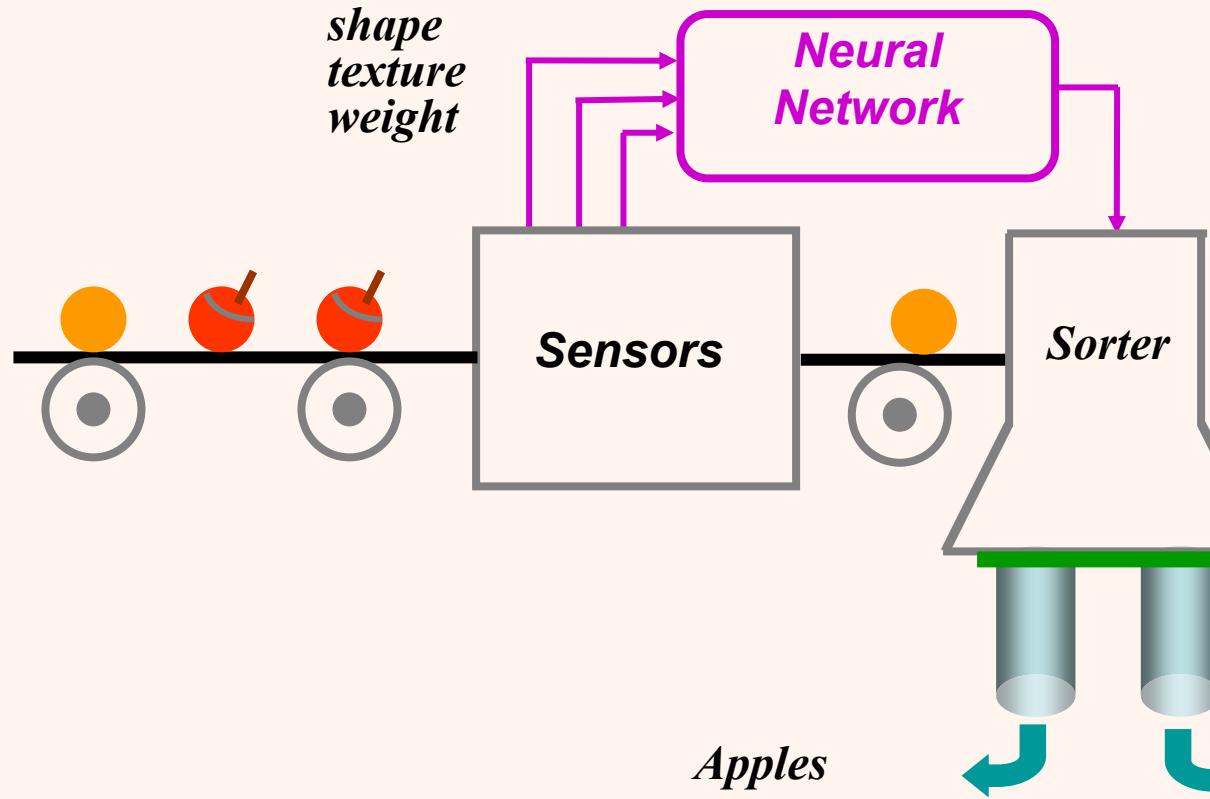
# پیش‌گفتار

- برای حل یک مسئله‌ی «بازشناسی الگو» از راه‌حل‌های متفاوتی می‌توان استفاده کرد:
  - Perceptron
  - Hamming network
  - Hopfield network
- تاکنون با برقی از روش‌ها آشنا شدیم. در این بخش با «**یادگیری (قابلی** آشنا خواهیم شد.



دانشکده  
سینمای  
بهشتی

مثال



$$\mathbf{p} = \begin{bmatrix} \text{shape} \\ \text{texture} \\ \text{weight} \end{bmatrix} \Rightarrow \mathbf{p}(\text{apple}) = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ -1 \end{bmatrix}, \quad \mathbf{p}(\text{orange}) = \begin{bmatrix} 1 \\ -1 \\ -1 \end{bmatrix}$$

**Shape sensor:** 1 -- round, -1 -- elliptical.

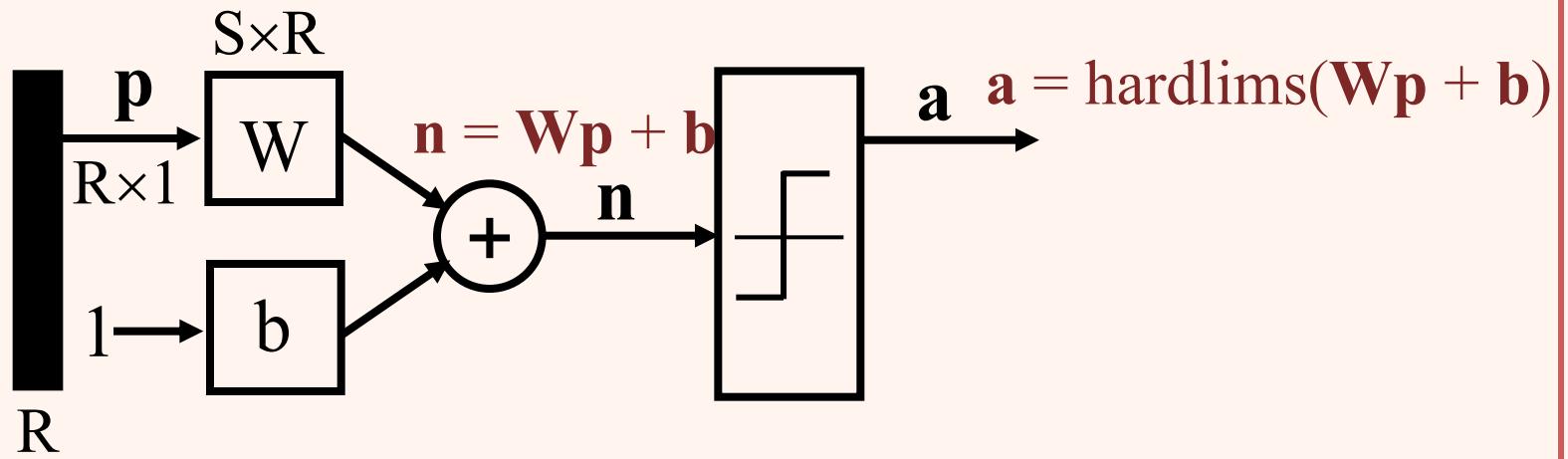
**Texture sensor:** 1 -- smooth, -1 -- rough.

**Weight sensor:** 1 -- > 1 pound, -1 -- < 1 pound.



دانشکده  
بیهقی

# Single-layer Perceptron/ Instar

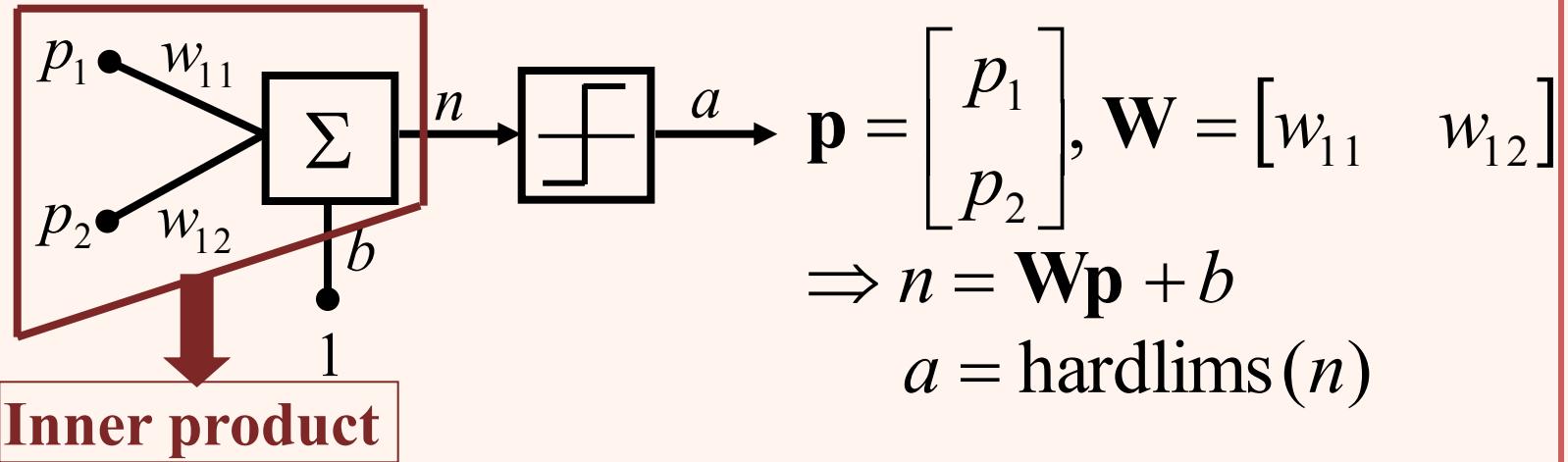


**Symmetrical Hard Limit**

- $a = -1$ , if  $n < 0$
- $a = +1$ , if  $n \geq 0$
- **MATLAB function: `hardlims`**



# Two-Input / Single-Neuron Perceptron



دیدیم یک نورون میتواند یک بزدار وظیفی را به داده  $\mathbf{Wp} \geq -b$ ,  
که دسته‌بندی کند.

then

$a = +1$ ;

otherwise,

$a = -1$ .

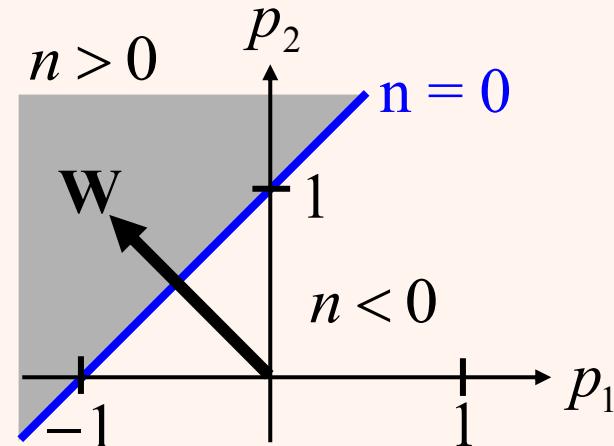


# Two-Input / Single-Neuron Perceptron

$$\mathbf{W} = \begin{bmatrix} w_{11} & w_{12} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 1 \end{bmatrix}, b = -1$$

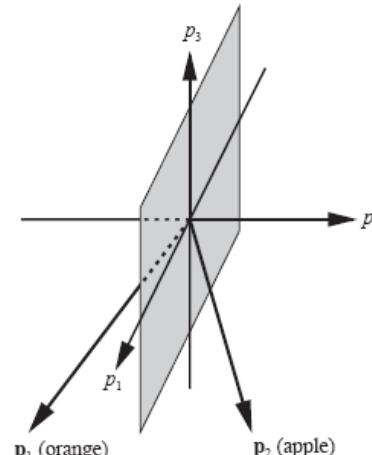
$$\Rightarrow n = \mathbf{W}\mathbf{p} + b = -p_1 + p_2 - 1$$

$$\Rightarrow a = \text{hardlims}(n)$$



$$\mathbf{p} = \begin{bmatrix} \text{shape} \\ \text{texture} \\ \text{weight} \end{bmatrix} \Rightarrow \text{three-dimensional input } (R = 3)$$

$$n = \mathbf{W}\mathbf{p} + b, \quad a = \text{hardlims}(n)$$



دانشکده  
سینمایی

# شناختی الگوها

$$\mathbf{p}(apple) = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ -1 \end{bmatrix} \quad \mathbf{p}(orange) = \begin{bmatrix} 1 \\ -1 \\ -1 \end{bmatrix} \Rightarrow \mathbf{W} = [0 \quad 1 \quad 0], b = 0$$

**Orange:**  $a = \text{hardlims}\left( [0 \quad 1 \quad 0] \begin{bmatrix} 1 \\ -1 \\ -1 \end{bmatrix} + 0 \right) = -1$

**Apple :**  $a = \text{hardlims}\left( [0 \quad 1 \quad 0] \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ -1 \end{bmatrix} + 0 \right) = 1$



دانشکده  
سینمای  
بهریتی

۸

# شناختی الگوها

- حال اگر وردی به صورتی باشد که تصمیم دقیق میسر نگردد راه حل چیست؟

$$\mathbf{p} = \begin{bmatrix} shape \\ texture \\ weight \end{bmatrix} \Rightarrow \mathbf{p}(orange) = \begin{bmatrix} 1 \\ -1 \\ -1 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{bmatrix} -1 \\ -1 \\ -1 \end{bmatrix}$$

$$a = \text{hardlims} \left( \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -1 \\ -1 \\ -1 \end{bmatrix} + 0 \right) = -1 \Rightarrow \mathbf{orange}$$



دانشکده  
سینما  
بهریتی

# Hamming Network



شبکه‌ی همینگ ساده‌ترین  
شبکه‌ی رقابتی است.

# Hamming Network

- شبکه‌ی Hamming برای دسته‌بندی داده‌های دودویی مطرح شد.
- در شبکه‌ی همینگ دو لایه وجود دارد:
  - لایه‌ی یک (FeedForward)
  - لایه‌ی دو (Recurrent)
- لایه‌ی یک
  - تصمیم می‌گیرد ورودی به کدام بردار شناسه نزدیک‌تر است.
- لایه‌ی دو
  - وقتی لایه‌ی دو یا recurrent پیان می‌پذیرد، تنها یک خروجی غیر صفر باقی می‌ماند، در واقع این لایه، لایه‌ی رقابتی است.



دانشگاه  
سینمایی  
بهشتی

## Recurrent Network:

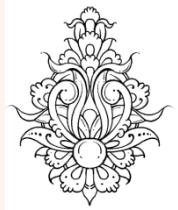
شبکه‌ای است که در آن **feedback** وجود دارد؛ در آن برعی خروجی‌ها به لایه‌ی ورودی متصل هستند. خروجی مرحله‌ی قبل به عنوان ورودی مرحله‌ی فعلی استفاده می‌شود.

# Hamming Network

- در طبقه‌بندی همینگ هدف دسته‌بندی ۹۰۵ دی‌ها در S کلاس هتفاوت است.
- در شبکه‌ی همینگ کلاس‌های S معلوم هستند (مرکز هر کلاس مشخص است).
- فرض می‌شود S بردار شناس (Prototype) وجود دارد.

$$P_{1(R \times 1)}, P_{2(R \times 1)}, \dots, P_{s(R \times 1)}$$

بردارهای شناس



- ۹۰۵ دی: برداری به اندازه‌ی  $R \times 1$  است.

$$X = [x_1, \dots, x_R]^T$$



# فاصله

- در خوشنندی و شبکه‌های (قابلی باید معیاری که بیان‌گر فاصله‌ی وحدت از بردار شناسه باشد، تعریف شود. سه معیار مترادول به ترتیب زیر می‌شوند:

$$d(\mathbf{X}, \mathbf{P}) = \sum_k [\mathbf{X}(k) - \mathbf{P}(k)]^2 \quad - \text{فاصله‌ی اقلیدسی:}$$

- **ضرب داخلی:** بزرگ‌تر بودن حاصل‌ضرب داخلی به معنای کم‌تر بودن زاویه‌ی دوبردار است.

- **فاصله‌ی همینگ:** برابر با تعداد مؤلفه‌هایی است که با هم تفاوت دارند.



دانشکده  
سینمای  
بهرستانی

# Hamming Network

## هدف

- دسته‌بندی نمودن ۹۰۰ دیگر در S کلاس مختلف با S بردار شناس
- بردارهای شناس هماندازه بردار ۹۰۰ دیگر است.

- در صورتی که هماندازه نباشد آنها را هماندازه می‌کنیم (Normalize).

$$X_i = \frac{X_i}{\|X_i\|} \|P_j\|$$

پس از نرمالایز کردن، می‌توان داده‌ها را به صورت نقاط روی ممیط یک دایره (ابزاره) در نظر گرفت.

$$Y_{S \times 1} = W_{S \times R} X_{R \times 1} + B_{S \times 1}^T$$

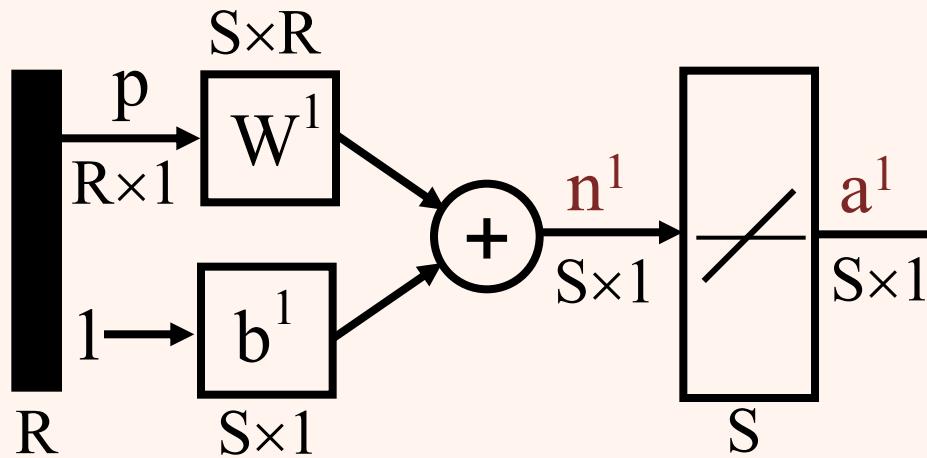
شبکه عصبی



دانشکده  
سینما و  
بیانی

# Hamming Network

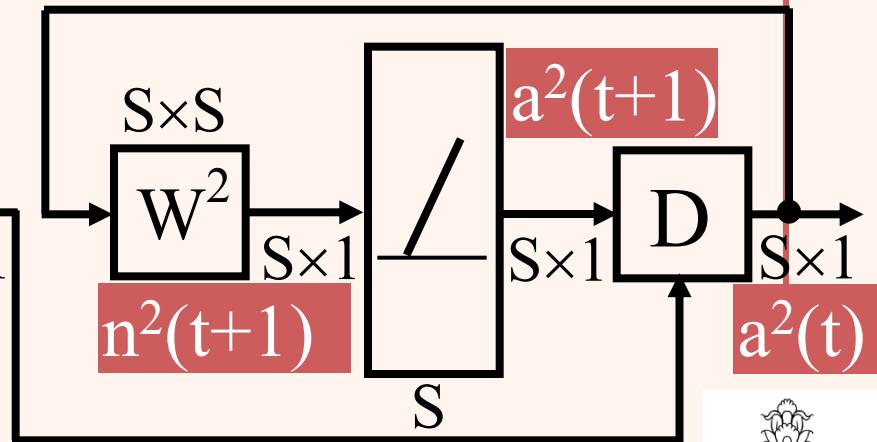
Feedforward Layer



$$n^1 = W^1 p + b^1$$

$$a^1 = \text{purelin}(n^1)$$

Recurrent Layer



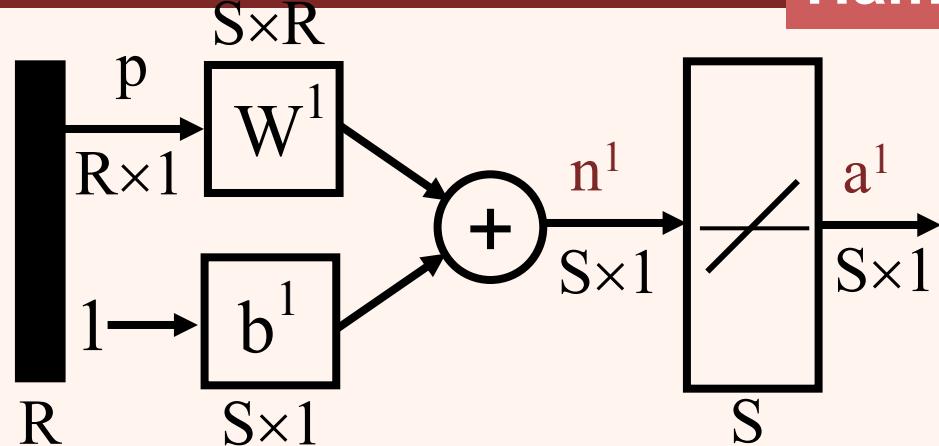
$$n^2(t+1) = W^2 a^2(t)$$

$$a^2(t+1) = \text{poslin}[n^2(t+1)]$$

$$a^2(0) = a^1$$

# Feedforward Layer

## Hamming Network



- لایه‌ی بک  $n^1 = W^1 p + b^1$   
 $a^1 = \text{purelin}(n^1)$

- همبستگی بین بردارهای شناسه و ورودی مماس به می‌شوند.

- ماتریس  $W^1$  با استفاده از بردارهای شناسه مقداردهی می‌شود.

- بایاس را به اندازه‌ی مثبت ( $R$ ) در نظر می‌گیریم که خروجی منفی نگردد.

در صورتی که ورودی‌ها همه دومقداری (+ و -) باشند، بین ضرب داخلی و فاصله‌ی همینگ چه ارتباطی وجود فواهد داشته؟



دانشگاه  
بهشتی

# Hamming Network

$$Y_{S \times 1} = W_{S \times R} X_{R \times 1} + B_{S \times 1}^T$$

$$Y = \begin{bmatrix} P_1^T \\ \vdots \\ P_S^T \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x_1 \\ \vdots \\ x_R \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} R \\ \vdots \\ R \end{bmatrix} \quad \theta_k = \not\in$$

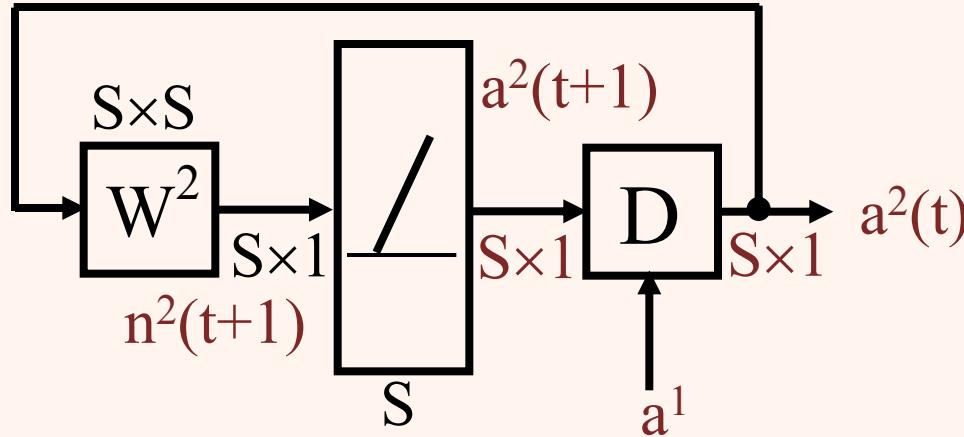
$$Y = \begin{bmatrix} P_1^T \cdot \mathbf{x} + R \\ \vdots \\ P_S^T \cdot \mathbf{x} + R \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \|P_1\| \cdot \|\mathbf{x}\| \cos \theta_0 + R \\ \vdots \\ \|P_s\| \cdot \|\mathbf{x}\| \cos \theta_s + R \end{bmatrix}$$



دانشکده  
بیهقی

# Recurrent Layer (MaxNet)

## Hamming Network



$$\begin{aligned} n^2(t+1) &= W^2 a^2(t) \\ a^2(t+1) &= \text{poslin}[n^2(t+1)] \\ a^2(0) &= a^1 \end{aligned}$$

- همان لایهی رقابتی "Competitive" است که در این لایه نورون‌ها برای تعیین برنده با هم به رقابت می‌پردازند.
- برنده نورونی است که بیشترین مقدار را دارد. تنها یک نورون برنده خواهد شد.



دانشگاه  
سینمایی  
بهشتی

فرض کنیم خروجی  $k$  از همه بزرگ‌تر است چون بقیه از  $k$  کمترند اثر تضادیفی بر بقیه بیشتر است و در آنها تنها همین عنصر  $k$  غیر صفر باقی خواهد ماند.

$$O_{s \times 1}(0) = y$$

$$O_{s \times 1}(n+1) = f(w_2 \cdot O(n))$$

$$W_{(i,j)}^2 = \begin{cases} 1 & i = j \\ -\varepsilon & i \neq j \end{cases} \quad \varepsilon < \frac{1}{s-1}$$

$$f(x) = \begin{cases} x & x \geq 0 \\ 0 & OW \end{cases}$$

$$W_{(i,i)}^2 = \begin{bmatrix} 1 & . & . & -\varepsilon \\ . & 1 & . & . \\ . & . & 1 & . \\ -\varepsilon & . & . & 1 \end{bmatrix}$$

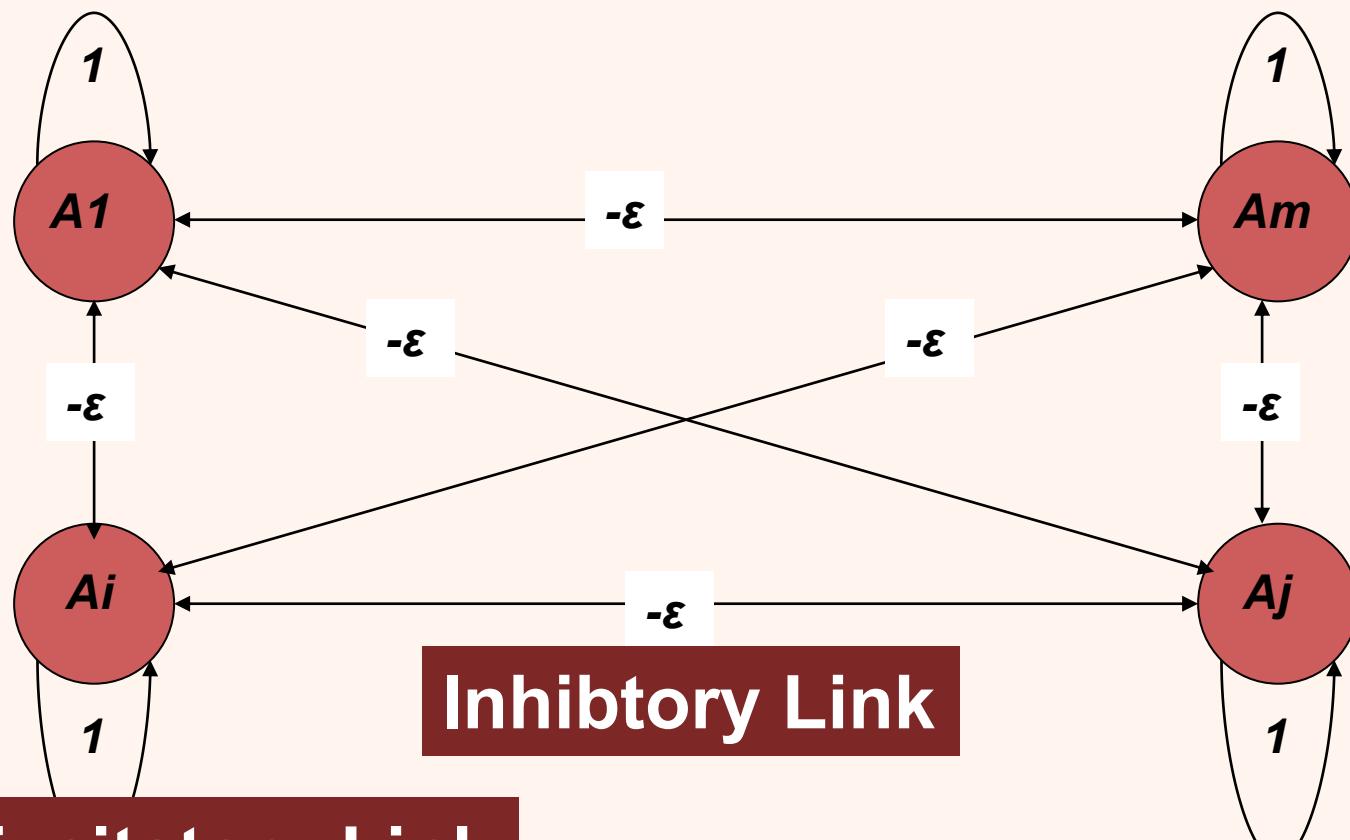
**Lateral Inhibition:** excites itself and inhibits all the other neurons

$$\begin{bmatrix} 1 & . & . & -\varepsilon \\ . & 1 & . & . \\ . & . & 1 & . \\ -\varepsilon & . & . & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} O_1(n) \\ O_2(n) \\ \vdots \\ O_s(n) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} O_1(n) - \varepsilon \sum_{i=2}^s O_i(n) \\ . \\ . \\ O_s(n) - \varepsilon \sum_{i=1}^{s-1} O_i(n) \end{bmatrix}$$



دانشکده  
سینما  
بهره‌بری

# MAXNET



Lippmann, R. P. (1987). "An introduction to computing with neural nets." *ASSP Magazine, IEEE* 4(2): 4-22.



# Recurrent Layer

## Hamming Network

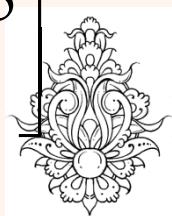
$$\mathbf{W}^2 = \begin{bmatrix} 1 & -\varepsilon \\ -\varepsilon & 1 \end{bmatrix}, \quad \mathbf{a}^2(t) = \begin{bmatrix} a_1^2(t) \\ a_2^2(t) \end{bmatrix}, \text{ and } \varepsilon < \frac{1}{S-1}$$

تعداد نوونها

$$\mathbf{a}^2(t+1) = \text{poslin}\left(\mathbf{W}^2 \mathbf{a}^2(t)\right) = \text{poslin}\left(\begin{bmatrix} a_1^2(t) - \varepsilon a_2^2(t) \\ a_2^2(t) - \varepsilon a_1^2(t) \end{bmatrix}\right)$$

- تفاوت میان دو عنصری که بزرگ و کوچک هستند در این صورت افزایش می‌یابد.

If  $\mathbf{p} = \begin{bmatrix} -1 \\ -1 \\ -1 \end{bmatrix} \Rightarrow \mathbf{a}^2(0) = \mathbf{a}^1 = \begin{bmatrix} 4 \\ 2 \end{bmatrix}$ , let  $\varepsilon = 0.5 \Rightarrow \mathbf{W}^2 = \begin{bmatrix} 1 & -0.5 \\ -0.5 & 1 \end{bmatrix}$



$$\mathbf{a}^2(1) = \text{poslin}\left(\begin{bmatrix} 1 & -\frac{1}{2} \\ -\frac{1}{2} & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 4 \\ 2 \end{bmatrix}\right) = \text{poslin}\left(\begin{bmatrix} 3 \\ 0 \end{bmatrix}\right) = \begin{bmatrix} 3 \\ 0 \end{bmatrix}$$



شبکه عصبی

$$\mathbf{a}^2(2) = \text{poslin}\left(\begin{bmatrix} 1 & -\frac{1}{2} \\ -\frac{1}{2} & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 3 \\ 0 \end{bmatrix}\right) = \text{poslin}\left(\begin{bmatrix} 3 \\ -1.5 \end{bmatrix}\right) = \boxed{\begin{bmatrix} 3 \\ 0 \end{bmatrix}}$$

# مثال

$$\mathbf{W}^1 = \begin{bmatrix} \mathbf{p}_1^T \\ \mathbf{p}_2^T \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & -1 & -1 \\ 1 & 1 & -1 \end{bmatrix}, \mathbf{b}^1 = \begin{bmatrix} 3 \\ 3 \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{a}^1 = \mathbf{W}^1 \mathbf{p} + \mathbf{b}^1 = \begin{bmatrix} \mathbf{p}_1^T \\ \mathbf{p}_2^T \end{bmatrix} \mathbf{p} + \begin{bmatrix} 3 \\ 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \mathbf{p}_1^T \mathbf{p} + 3 \\ \mathbf{p}_2^T \mathbf{p} + 3 \end{bmatrix}$$

ضرب داخلی دو بردار به علاوهی بیس

$$\mathbf{p} = \begin{bmatrix} -1 \\ -1 \\ -1 \end{bmatrix} \Rightarrow \mathbf{a}^1 = \mathbf{W}^1 \mathbf{p} + \mathbf{b}^1 = \begin{bmatrix} 1 & -1 & -1 \\ 1 & 1 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -1 \\ -1 \\ -1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 3 \\ 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 \\ 2 \end{bmatrix}$$

خاصیت همین میان دو بردار دو نوع برابر است که تعداد عنصری که در مقایسه با یکدیگر متفاوتند



**Output =  $2 \times (R - \text{Hamming distance})$**

$$a_1^1 = 2 \times (3 - 1) = 4, a_2^1 = 2 \times (3 - 2) = 2$$



هنگامی که نتیجه‌ی دو تکرار یکسان شود گوییم الگوریتم به همگرایی رسیده است.

# مثال

- در یک فضای سه بعدی بُردارهای شناسه مانند زیر است وروندی اگر  $x$  باشد:

$$p_1 = \begin{bmatrix} 1 & -1 & -1 \end{bmatrix}^T \quad p_2 = \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 \end{bmatrix}^T$$

$$x = \begin{bmatrix} 2 & 3 & -6 \end{bmatrix}^T$$

$$\mathbf{b}^1 = \begin{bmatrix} 3 \\ 3 \end{bmatrix}$$

- ابتدا بایاس را در نظر می‌گیریم:
- بُردار وروندی را نرمالیزه می‌کنیم:

$$\|p_1\|^2 = \|p_2\|^2 = 3 \quad \|x\|^2 = 49$$

$$\|x_{new}\|^2 = \frac{49}{a} = 3 \quad a \approx 16 \quad \|x_{new}\|^2 = \frac{4}{a} + \frac{9}{a} + \frac{36}{a}$$



دانشکده  
سینمایی

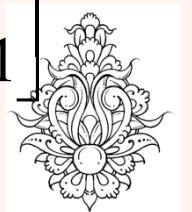
# ادامه مثال

$$\|x_{new}\|^2 = \frac{4}{a} + \frac{9}{a} + \frac{36}{a}$$

$$x_{new} = \left[ \frac{2}{\sqrt{a}}, \frac{3}{\sqrt{a}}, \frac{-6}{\sqrt{a}} \right]$$

$$x_{new} = [0.5, 0.71, -1.5]$$

$$x = \begin{bmatrix} 0.5 \\ 0.71 \\ -1.5 \end{bmatrix} \Rightarrow \mathbf{a}^1 = \mathbf{W}^1 x + \mathbf{b}^1 = \begin{bmatrix} 1 & -1 & -1 \\ 1 & 1 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0.5 \\ 0.71 \\ -1.5 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 3 \\ 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1.29 \\ 2.71 \end{bmatrix}$$



$$\mathbf{W}^2 = \begin{bmatrix} 1 & -\varepsilon \\ -\varepsilon & 1 \end{bmatrix}, \quad \varepsilon < \frac{1}{S-1}$$

$$O_{s \times 1}(0) = y$$

دانشکده  
سینمایی

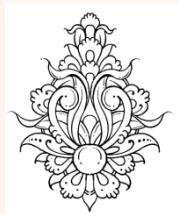
$$O_{s \times 1}(0) = y$$

$$O_{s \times 1}(n+1) = f(w_2 \cdot O(n))$$

$$O_{s \times 1}(1) = f(w_2 \cdot O(0)) = f\left(\begin{bmatrix} 1 & -0.5 \\ -0.5 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1.29 \\ 2.71 \end{bmatrix}\right) = f\left(\begin{bmatrix} < 0 \\ 2.07 \end{bmatrix}\right)$$

- اگر ε کوچک در نظر گرفته شود سرعت همگرایی پایین می‌آید.

$$\mathbf{W}^2 = \begin{bmatrix} 1 & -\varepsilon \\ -\varepsilon & 1 \end{bmatrix}, \quad \varepsilon < \frac{1}{S-1}$$



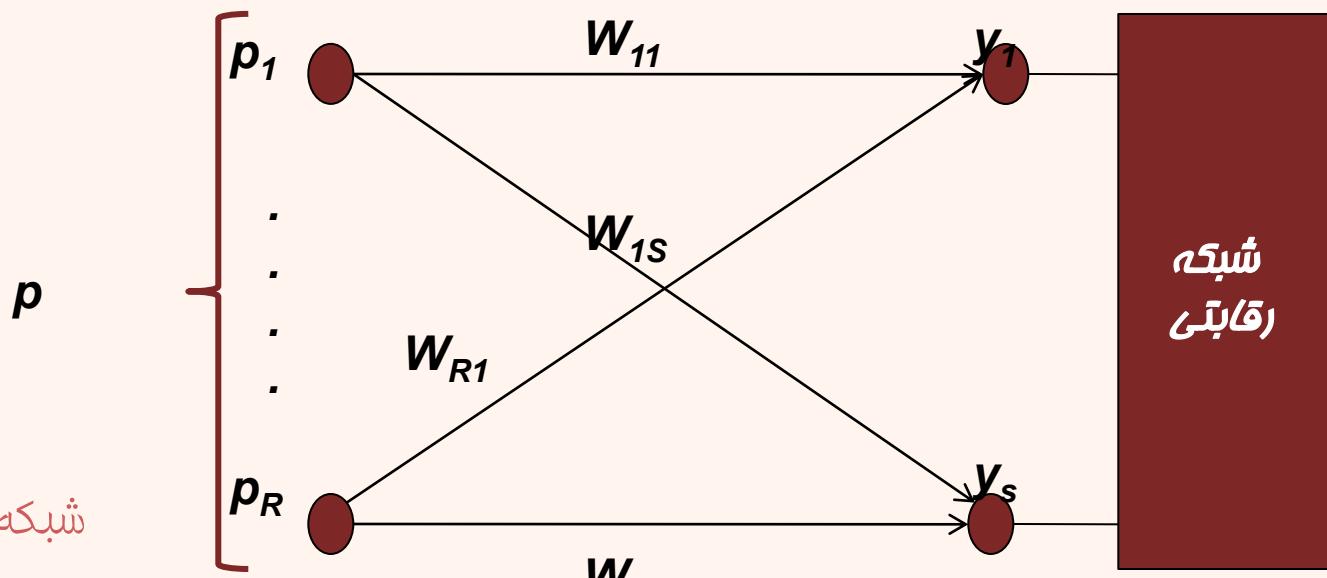
دانشکده  
سینمایی

# A recurrent competitive layer

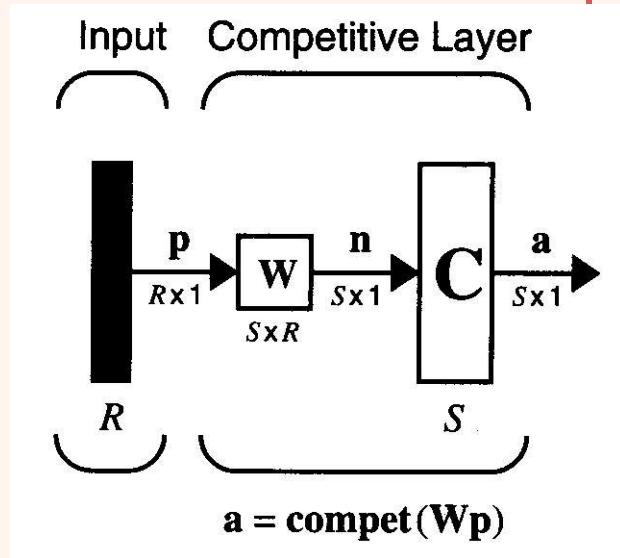
$$\mathbf{n} = \mathbf{W}\mathbf{p} = \begin{bmatrix} {}_1\mathbf{w}^T \\ {}_2\mathbf{w}^T \\ \vdots \\ {}_S\mathbf{w}^T \end{bmatrix} \mathbf{p} = \begin{bmatrix} L^2 \cos \theta_1 \\ L^2 \cos \theta_2 \\ \vdots \\ L^2 \cos \theta_S \end{bmatrix}$$

$$n_{i^*} = \max\{n_1, n_2, \dots, n_S\}$$

$$\mathbf{a} = \text{compet}(\mathbf{n}) \quad a_i = \begin{cases} 1, & i = i^* \\ 0, & i \neq i^* \end{cases}$$



# لایه رقابتی



دانشکده  
سینماسازی  
بهشتی

- تنها تعداد دسته‌ها مشخص است.
- بردارهای شناسه ناشناخته‌اند.
  - ماتریس وزن‌ها تصادفی انتخاب می‌شود.
- هدف:
  - یافتن ماتریس وزن (بردارهای شناسه) بهینه
- می‌توان هر سطر ماتریس  $W$  به صورت تصادفی انتخاب کرد.
  - ۹۰ دیگر با اندازه  $R \times 1$
  - تعداد گروه‌ها به اندازه  $S$



دانشکده  
سینما  
بعلبکی

# آموزش (قابی (ادامه...)

مراحل الگوریتم:

- ۱)  $W_i$  ها به طور تصادفی انتخاب می‌شوند.
- ۲) همگی به یک مقدار نرمالیزه می‌شوند.
- ۳) در هر تکرار یک ورودی به شبکه اعمال می‌شود.

$$P_{(n)} = [P_1, \dots, P_R]^T$$

۴) در فرآیند ابتدی زیر محاسبه می‌شود:

$$y_{i(n)} = P_{(n)}^T W_{i(n)} = \|P_{(n)}\| \|W_{i(n)}\| \cos \theta_{i(n)}$$
$$i = 1, 2, \dots, S$$



# آموزش (قابلی (ادامه...)

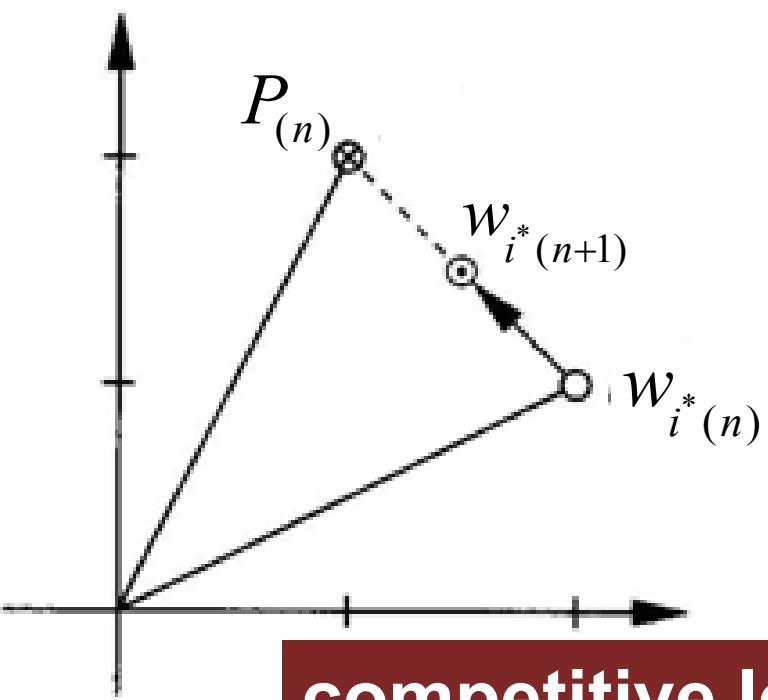
۵) واحدی که دارای بیشترین مقدار فروجی باشد به عنوان «برنده» انتخاب می‌شود و با نام واحد شماره‌ی  $i^*$  خوانده می‌شود.

$$y_{i^*} > y_i$$

۶) مرحله‌ی تطبیق وزن‌ها:

$$= w_{i^*(n)} + \eta [P_{(n)} - w_{i^*(n)}]$$

۷) اعمال و ودی بعده و تکر  
مرحله ۳ به بعد

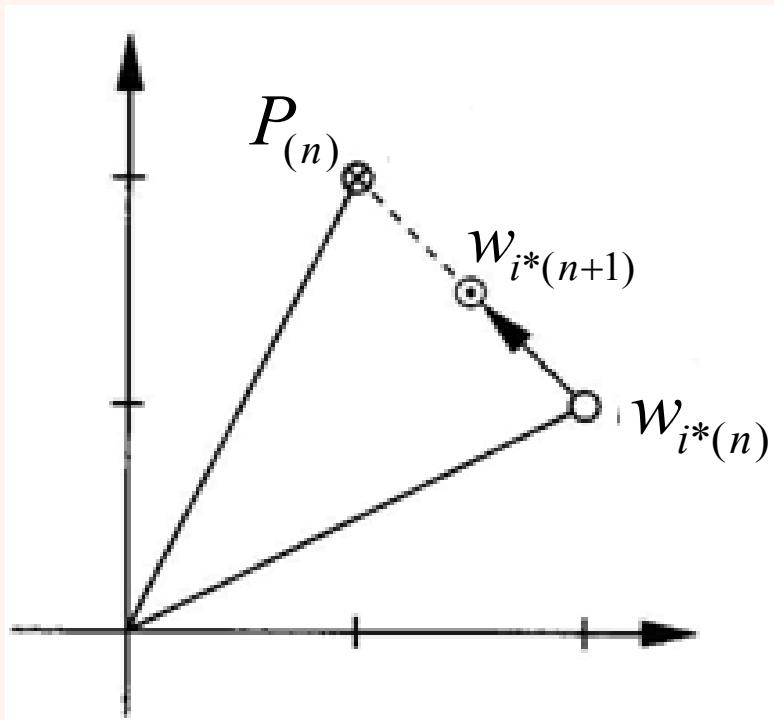


competitive learning rule(Kohonen rule)

# آموزش (قابی) (ادامه...)

$$w_{i^*(n+1)} = w_{i^*(n)} + \eta [P_{(n)} - w_{i^*(n)}]$$

$$w_{i^*(n+1)} = (1 - \eta) w_{i^*(n)} + \eta P_{(n)}$$



دانشکده  
سینمای  
بهرستانی

۳۰

مثال

$$P_1 = \begin{bmatrix} -0.19 \\ 0.98 \end{bmatrix}$$

$$P_3 = \begin{bmatrix} 0.98 \\ 0.19 \end{bmatrix}$$

$$P_5 = \begin{bmatrix} -0.58 \\ 0.81 \end{bmatrix}$$

$$P_2 = \begin{bmatrix} 0.19 \\ 0.98 \end{bmatrix}$$

$$P_4 = \begin{bmatrix} 0.98 \\ -0.19 \end{bmatrix}$$

$$P_6 = \begin{bmatrix} -0.81 \\ -0.58 \end{bmatrix}$$

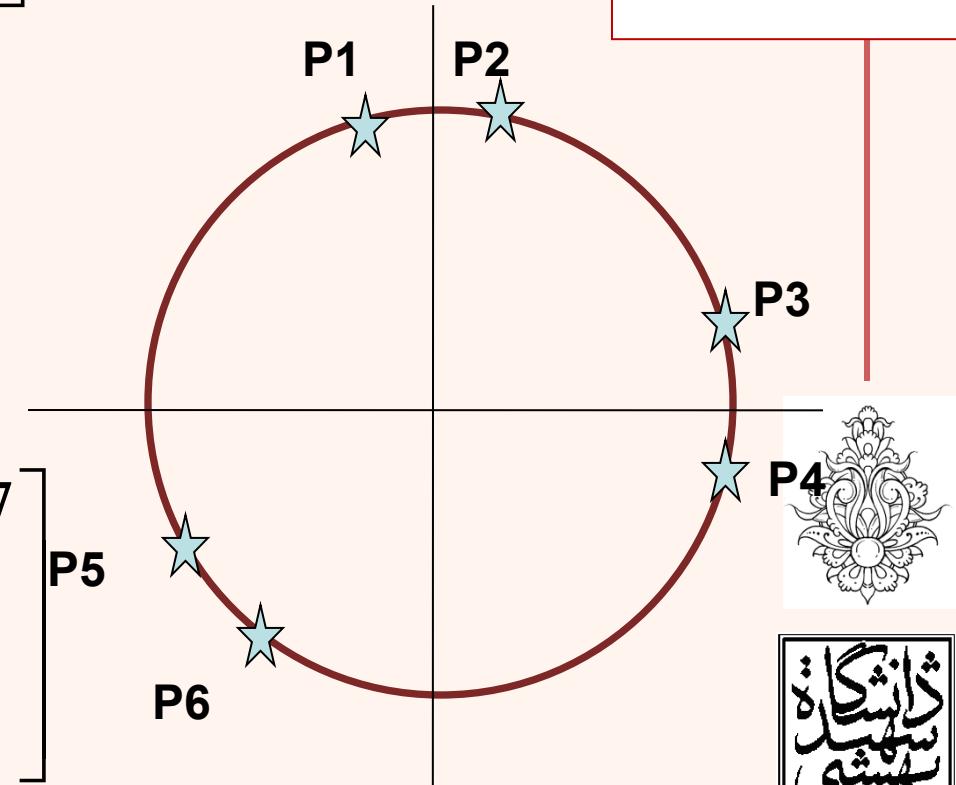
$$W_1 = \begin{bmatrix} 0.7 \\ -0.7 \end{bmatrix}$$

$$W = \begin{bmatrix} W_1^T \\ W_2^T \\ W_3^T \end{bmatrix}$$

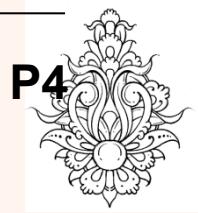
$$W_2 = \begin{bmatrix} 0.7 \\ 0.7 \end{bmatrix}$$

$$W_3 = \begin{bmatrix} -1 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$W = \begin{bmatrix} 0.7 & -0.7 \\ 0.7 & 0.7 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}$$



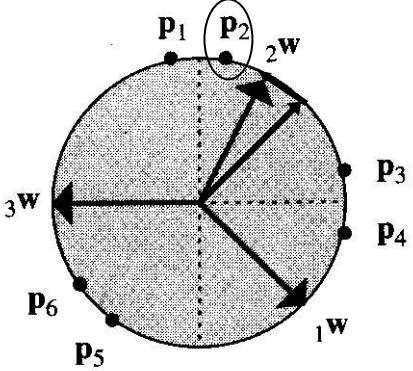
دانشکده  
پژوهشی



متخص اتئ کاره کروه داریم وزیر ها را تصویب انتخاب می نیم

طبعی

# ادامه مثال



- ۹۰ دری  $P_2$  را به شبکه اعمال می کنید.

$$W.P_2 = \begin{bmatrix} 0.7 & -0.7 \\ 0.7 & 0.7 \\ -1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0.19 \\ 0.98 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -0.55 \\ 0.8 \\ -0.1 \end{bmatrix}$$

واحد بردده شماره‌ی  $\mu$  است

- وزن واحد بردده را به (۹۰ می‌نمایید):

$$w_{2(n+1)} = w_{2(n)} + \eta [P_2 - w_{2(n)}]$$

$$= \begin{bmatrix} 0.7 \\ 0.7 \end{bmatrix} + 0.5 \left[ \begin{bmatrix} 0.19 \\ 0.98 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 0.7 \\ 0.7 \end{bmatrix} \right] = \begin{bmatrix} 0.45 \\ 0.84 \end{bmatrix}$$

شبکه عصبی



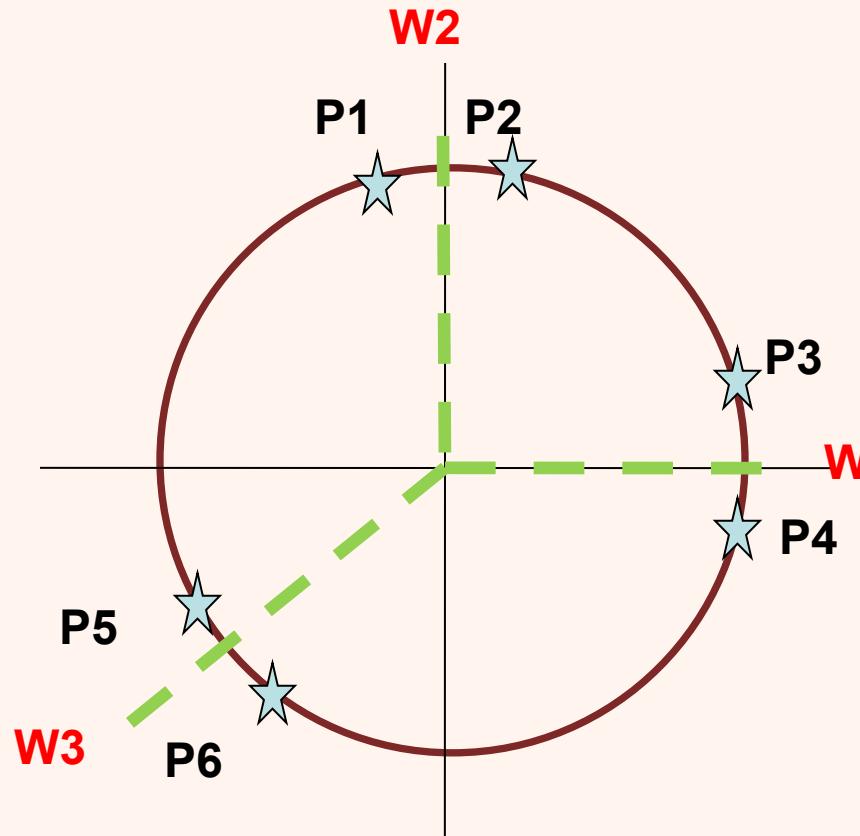
$$\begin{bmatrix} 0.7 & -0.7 \\ 0.45 & 0.84 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}$$

دانشگاه  
ماهrys وزن بروز شده

م

# ادامهی مثال

- ۹۰ درجه بعدی را اعمال کرده بر حسب واحد برنده وزنها را به وزن می‌کنیم.
- در نهایت بردارهای شناسه همانند شکل زیر خواهد شد:



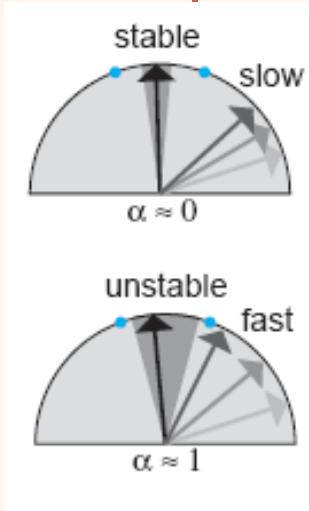
دانشگاه  
سینمایی  
بهشتی

۱۳

# مشکلات یادگیری (قابلی)

## • انتخاب ضریب آموزش $\eta$

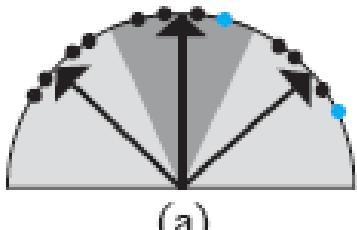
- $\eta \rightarrow 0$  روند همگرایی را گند می‌کند ولی پس از رسیدن به یک بردار شناسه، در آن حالت پایدار) می‌ماند.
- $\eta$  بزرگ انتخاب شود، همگرایی سریع ولی ناپایداری دارد.
- معمولاً برای رسیدن به حدود اولیه، ابتدا  $\eta$  را بزرگ در نظر می‌گیرند، ولی برای افزایش دقیق آن را کاهش می‌دهند.
- در صورتی که نیاز باشد، بردارهای ورودی همواره به روز شوند، این شیوه کارایی نفواید داشت.



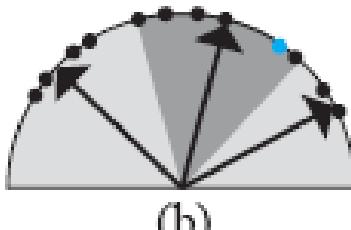
دانشکده  
سینمایی  
بهشتی

# مشکلات یادگیری (قابلی (ادامه...)

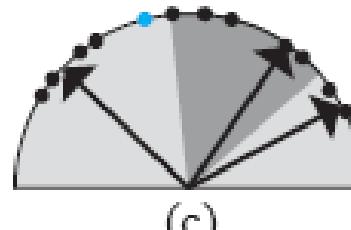
- در صورت نزدیک بودن بردارهای شناسه به یکدیگر،  
جداسازی امکان‌پذیر نخواهد بود.
  - ممکن است بردارهای شناسه به مریم یکدیگر وارد شوند.
  - در این حالت فرآیند آموختش **ناپایدار** خواهد بود.



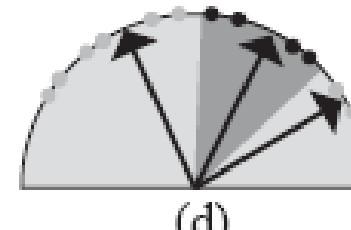
(a)



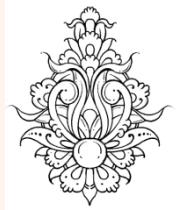
(b)



(c)



(d)



دانشکده  
سینمایی  
بهشتی

# نورون مردده

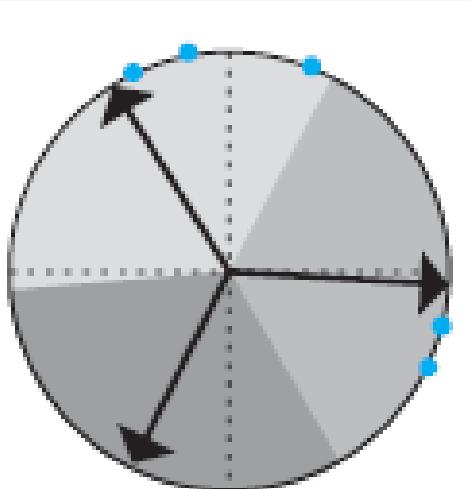
## Dead neuron

- نورون مردده

- اگر نورونی خیلی دور باشد هیچگاه برنده نفواده شد و در نتیجه آموزش نفواده دید. چنین نورونی را نورون مردده می‌گویند.

- یک راه برای غلبه بر این مشکل این است که سازوکاری در پیش گرفته شود که شناسنامه نورون‌های برنده برای برنده شدن دوباره کمتر شود.

- این کار با افزودن مقدار منفی به بایاس آن‌ها امکان‌پذیر است. این شیوه «**وجدان**» خوانده می‌شود.



*conscience*



دانشکده  
سینمای  
بهره‌بری

# مشکلات یادگیری (قابلی (ادامه...)

- در صورتی که تعداد کلاس‌ها مشخص نباشد، این شیوه به کار نخواهد آمد.
- این شیوه قابلیت جداسازی کلاس‌های **غیر ممدد** یا گسته (شامل نوامی گسته) را ندارد.



دانشکده  
سینما  
بهرستانی

# (،) (،) (،) (،) (،)

```
clear all;  
P=rand([2 100]);  
net=competlayer(3);  
% net = newc([0 1;0 1],3); obsoleted in R2010b NNET 7.0.
```

```
net.trainParam.epochs=500;
```

```
net = train(net,P);
```

```
Y = sim(net,P);
```

```
Yc = vec2ind(Y);
```

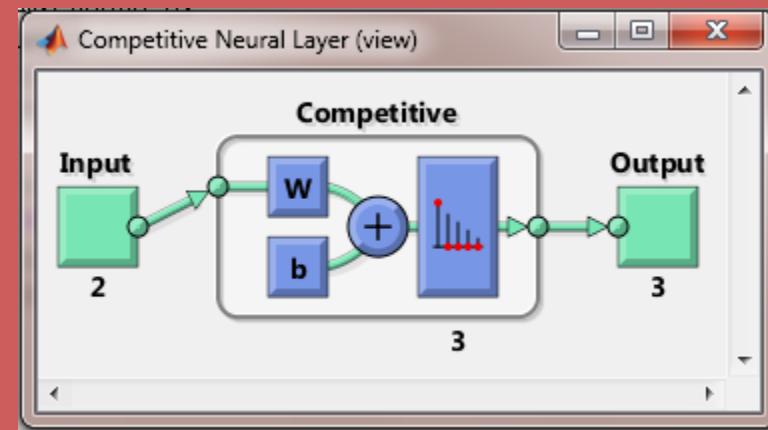
```
plotvec(P,Yc);
```

```
title('Input Vectors');
```

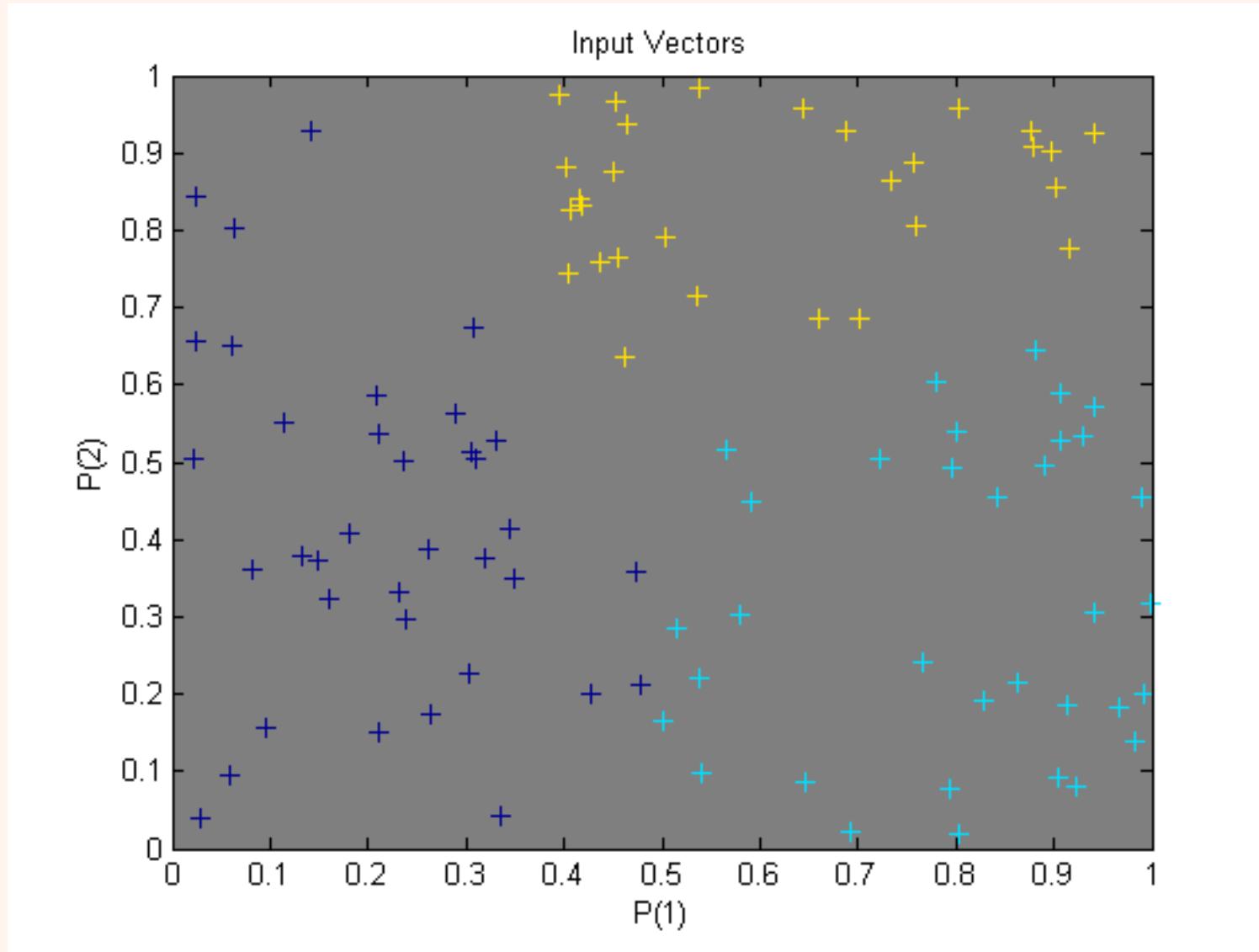
```
xlabel('P(1)');
```

```
ylabel('P(2)');
```

```
view(net);
```



# شبکه‌ی (قابوی) (ادامه‌ی مثال)



# شبکه‌ی قابوی (مثال)

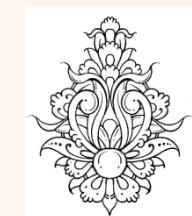
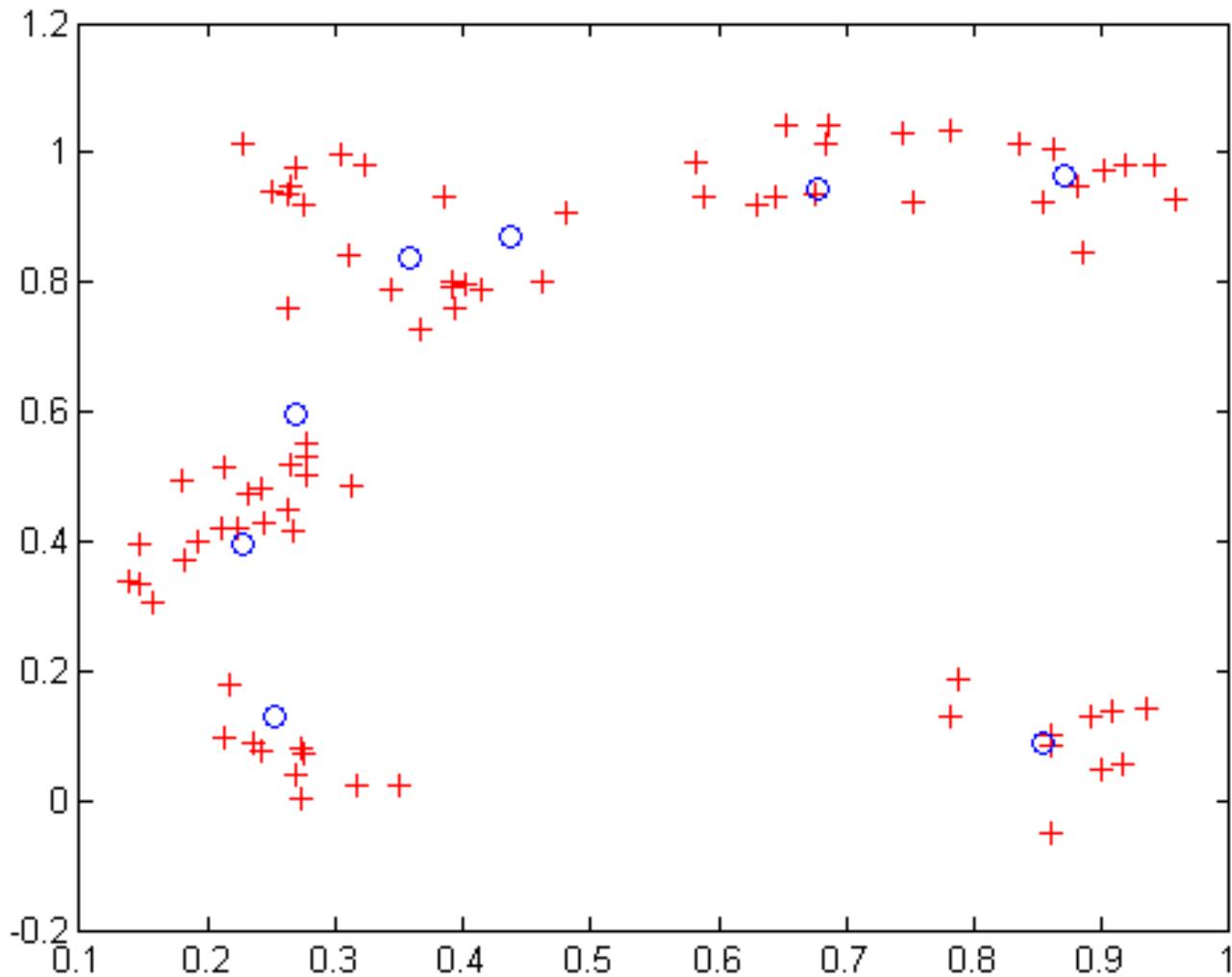
```
% Create P.  
X = [0 1; 0 1]; % Cluster centers to be in these bounds.  
clusters = 8; % This many clusters.  
points = 10; % Number of points in each cluster.  
std_dev = 0.05; % Standard deviation of each cluster.  
P = nngenc(X,clusters,points,std_dev);
```

```
% Plot P.  
plot(P(1,:),P(2,:),'+r');  
title('Input Vectors');  
xlabel('p(1)');  
ylabel('p(2)');  
net = newc([0 1;0 1],8,.1);  
w = net.IW{1};  
plot(P(1,:),P(2,:),'+r');  
hold on;  
circles = plot(w(:,1),w(:,2),'ob');
```

```
net.trainParam.epochs =10;  
net = train(net,P);  
w = net.IW{1};  
delete(circles);  
plot(w(:,1),w(:,2),'ob');  
  
p = [0; 0.2];  
a = sim(net,p)
```



# شبکه‌ی (قابوی) (ادامه‌ی مثال)



دانشکده  
بصیرتی

# SOM



# Compet. Layers in Biology

در مورد ساختار نورون‌ها صحتی نشده، وزن‌های لایه‌ی دوی شبکه‌ی

به صورت زیر است: hamming

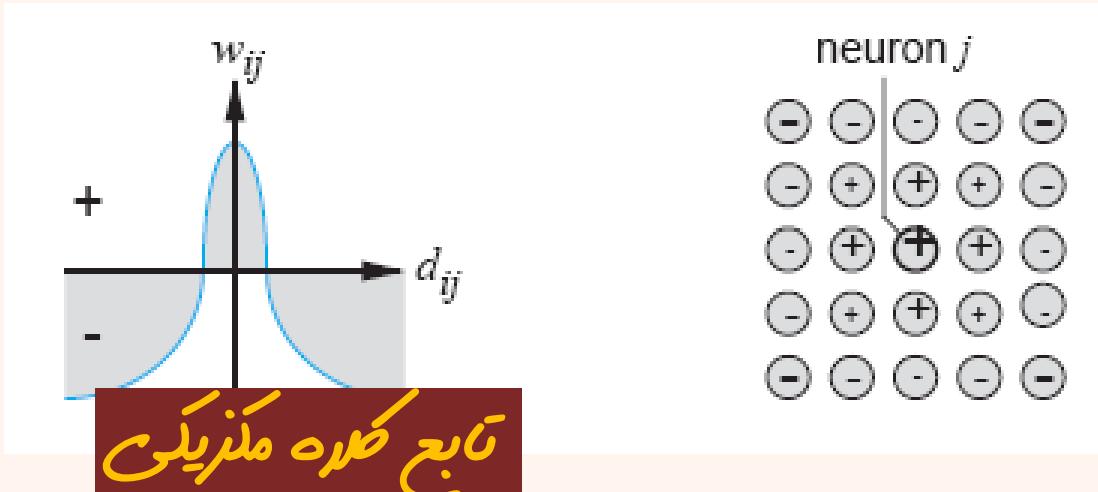
$$w_{ij} = \begin{cases} 1, & \text{if } i = j \\ -\varepsilon, & \text{if } i \neq j \end{cases}$$

$$w_{ij} = \begin{cases} 1, & \text{if } d_{ij} = 0 \\ -\varepsilon, & \text{if } d_{ij} \neq 0 \end{cases}$$

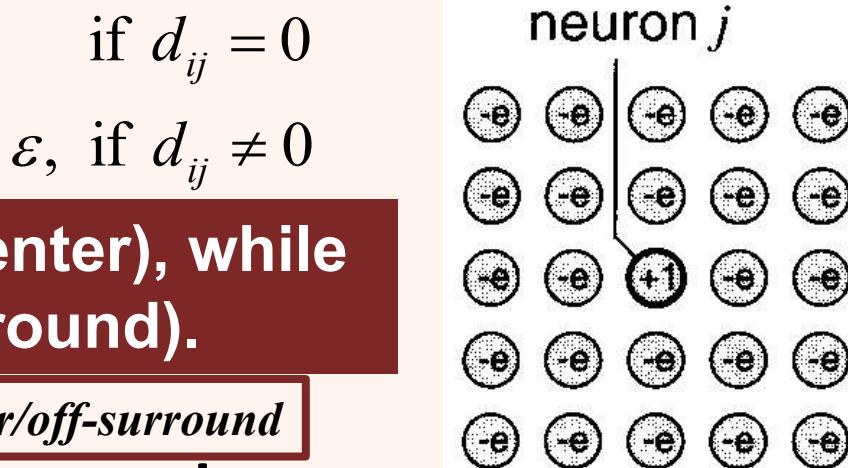
Each neuron reinforces itself (center), while inhibiting all other neurons (surround).

*On-center/off-surround*

در سیستم‌های بیولوژیکی، بین نامیه‌ی تمریک و تضخیف مرز دقیق وجود



شبکه عصبی



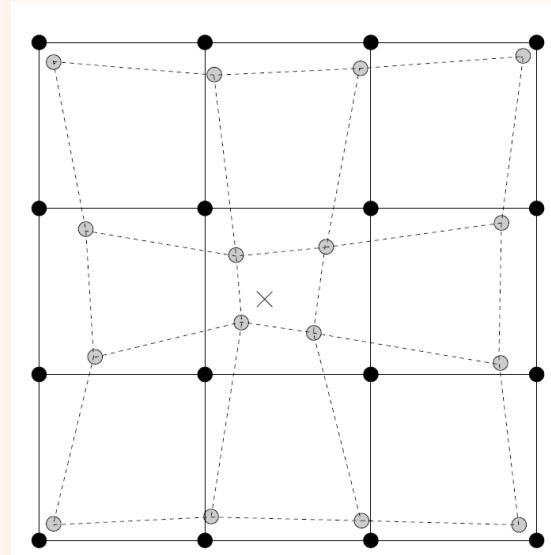
ندارد.



دانشگاه  
سینمایی  
بهرامی

# SOM (SOFM)

- به نوعی می‌توان گفت تقلید بهتر از شبکه‌ی عصبی kohonen، منجر به ارائه‌ی SOM توسط انسان شد.
- در این شبکه افزون بر نورون‌های همسایه‌ی آن هم آموخته می‌بینند.



Marc M. Van Hulle



# SOM (SOFM)

- تعریف همسایگی و به تبع آن توپولوژی شبکه به طرق مختلف امکان پذیر است.
  - یک بعدی
  - دو بعدی (شبکه دو بعدی)
  - سه بعدی
- این شبکه از انواع شبکه های بی نظارت است.

unsupervised



دانشکده  
سینما  
بهرستانی

# SOM (SOFM)

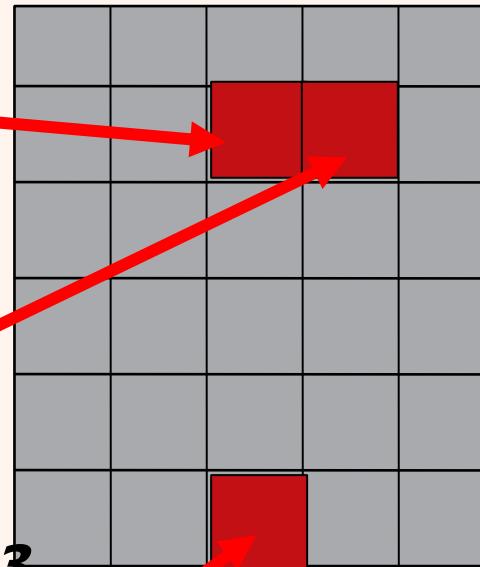
- به نوعی هدف، یافتن مفاهیم مشترک است.



***Input Pattern 2***



***Input Pattern 3***

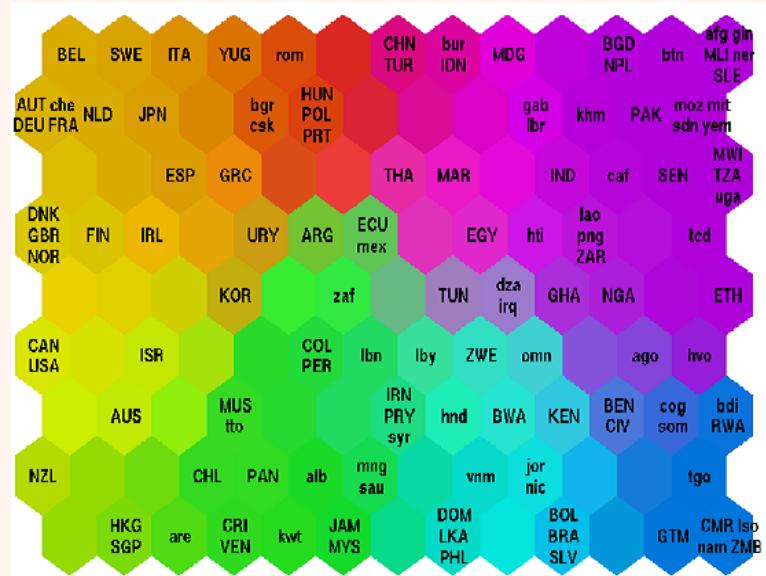


دانشکده  
سینمای  
بهره‌بری

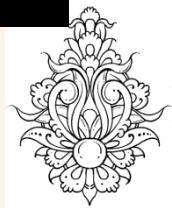
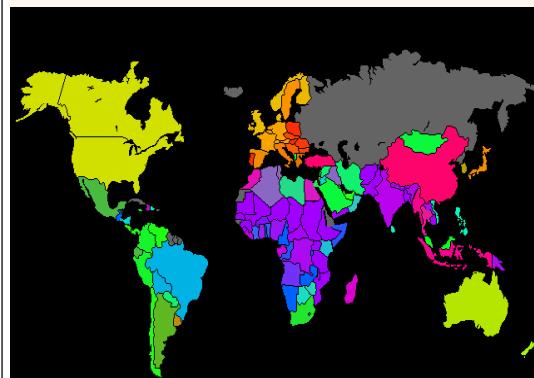
۱۴

Jing Li Mail: jing.li@lijing.de

# **SOM – Result Example**



### The Country Names



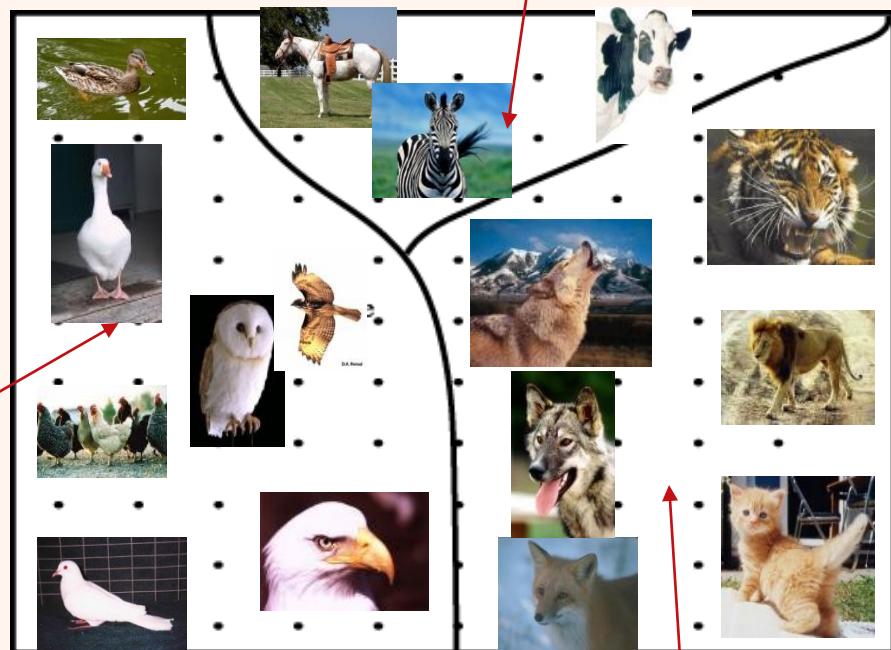
## **'Poverty map' based on 39 indicators from World Bank statistics (1992)**

# SOM – Result Example

## Animal names and their attributes

	Dove	Hen	Duck	Goose	Owl	Hawk	Eagle	Fox	Dog	Wolf	Cat	Tiger	Lion	Horse	Zebra	Cow
<b>is</b>	Small	1	1	1	1	1	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0
	Medium	0	0	0	0	0	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0
	Big	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	1	1	1	1
<b>has</b>	2 legs	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	4 legs	0	0	0	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1	1	1
	Hair	0	0	0	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1	1	1
	Hooves	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	1
	Mane	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	1	1	1	0
	Feathers	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0
<b>likes to</b>	Hunt	0	0	0	0	1	1	1	0	1	1	1	1	0	0	0
	Run	0	0	0	0	0	0	0	1	1	0	1	1	1	1	0
	Fly	1	0	0	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	Swim	0	0	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

peaceful



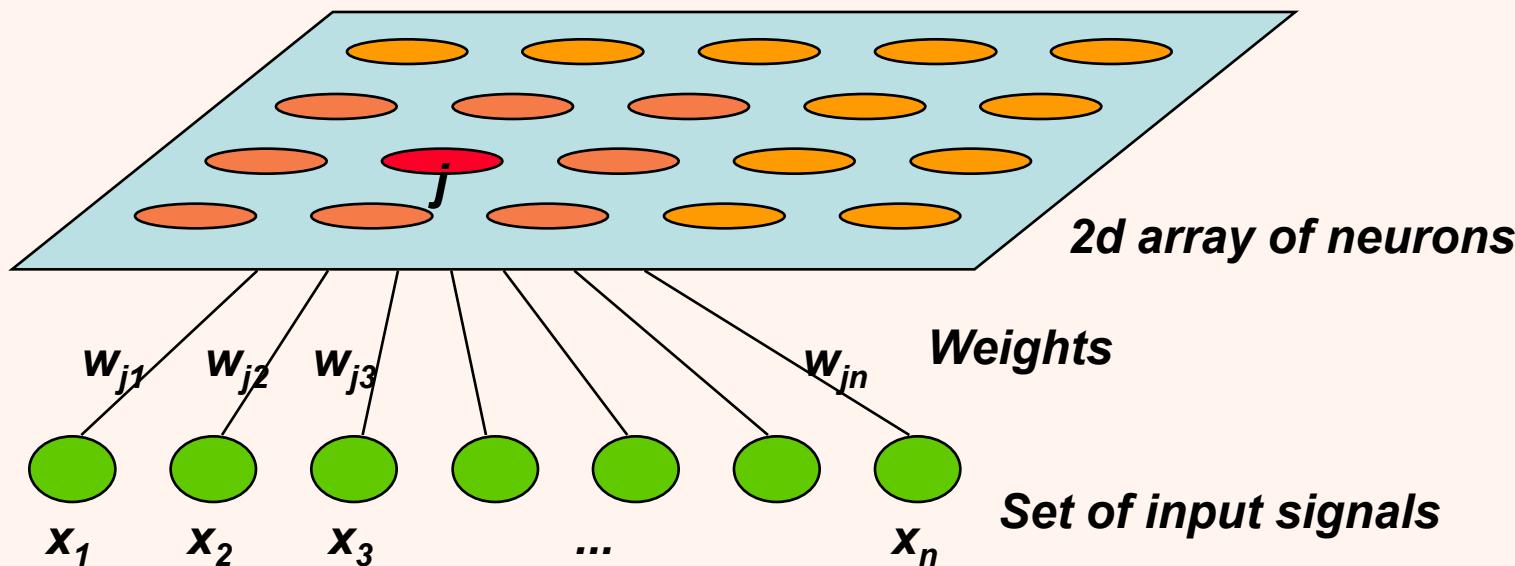
hunters



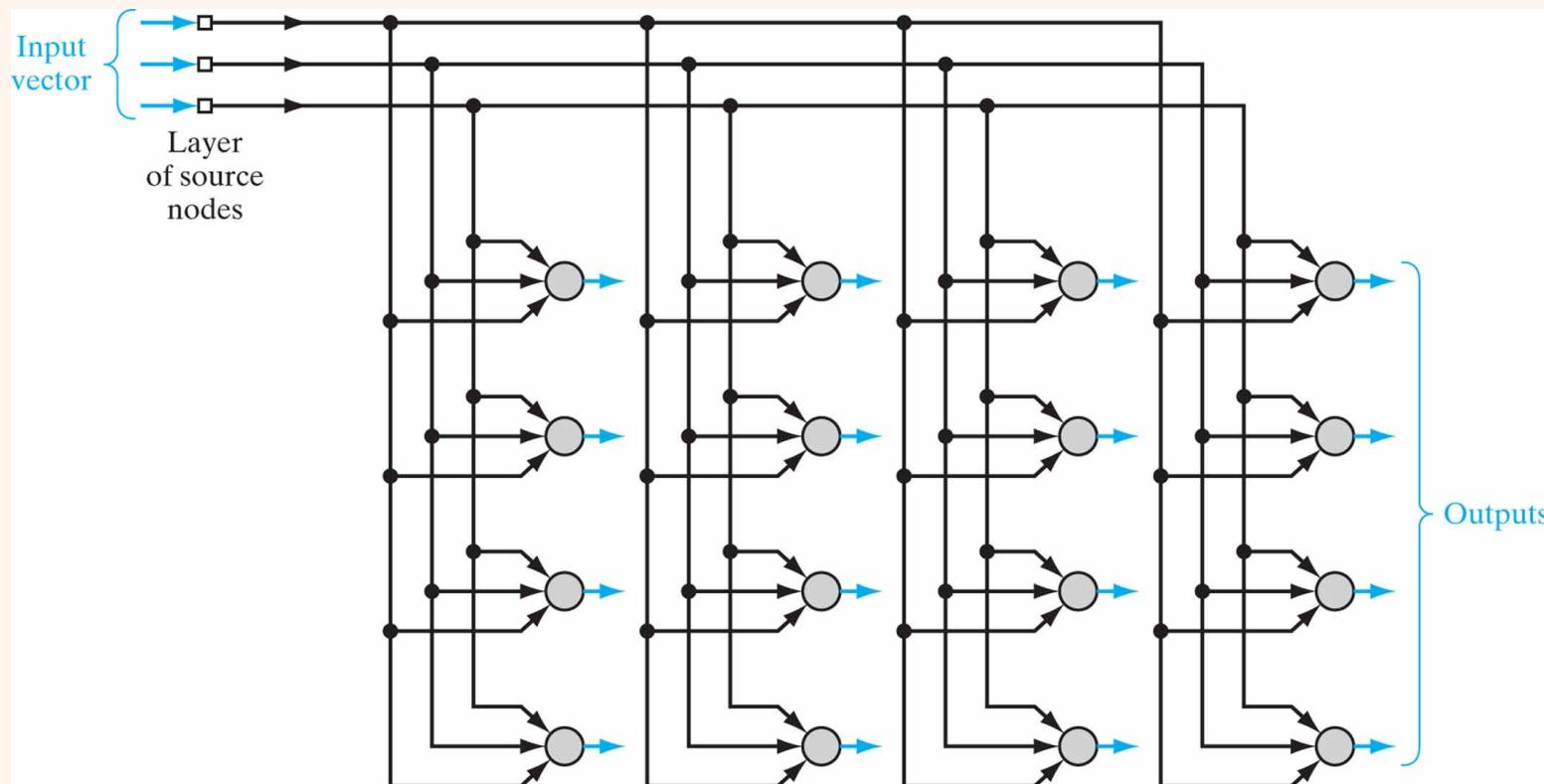
دانشکده  
بیهقی

# توپولوژی دوبعدی

- در شبکه SOM با توپولوژی دوبعدی فرض بر این است که شبکه (Lattice) از نورون‌ها به سیگنال‌های ورودی به شبکه پاسخ می‌دهند.



# توپولوژی دو بعدی (ادامه...)



دانشکده  
سینمای  
بهریتی

# گام‌های مورد استفاده در SOM

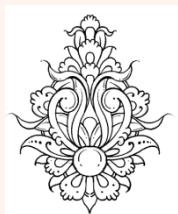
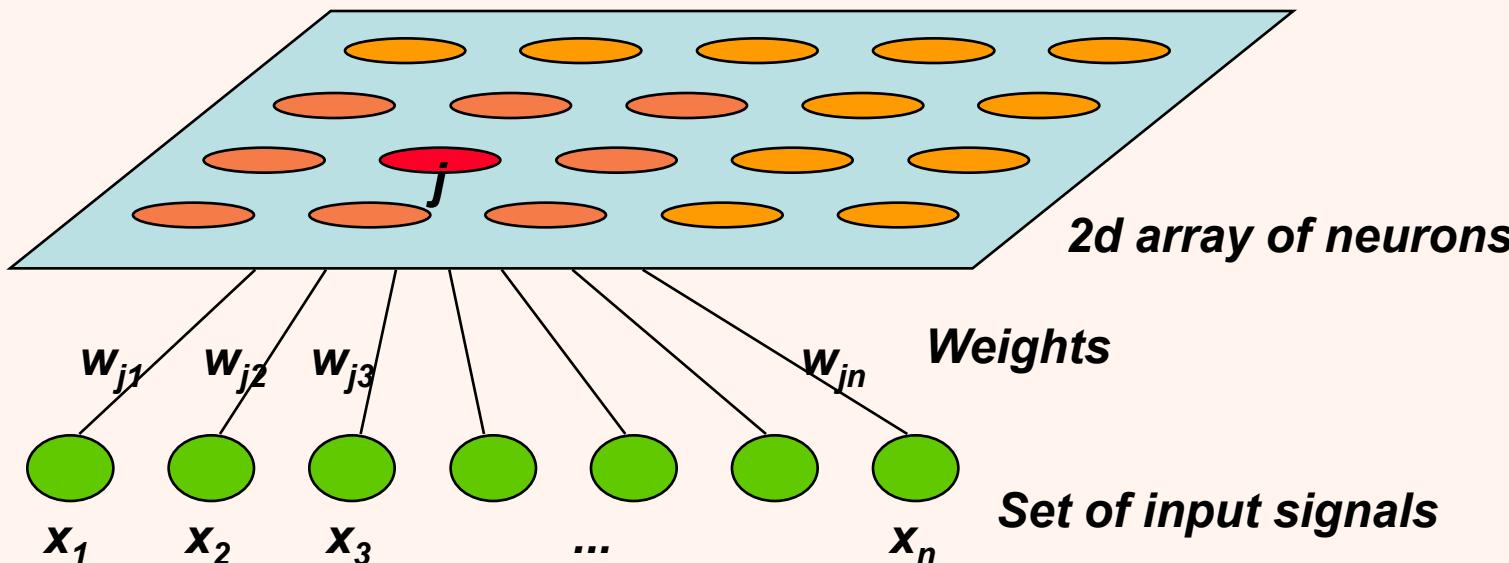
- پس از انتخاب اولیه وزن‌ها سه گام صورت می‌پذیرد:
  - رقابت (competition)
  - همکاری (cooperation)
  - به (وزرسانی وزن‌ها) (synaptic adaptation)



دانشکده  
بهشتی

# توبولوژی دو بعدی

- بردار برنده از شبکه انتخاب می شود.
- نورون انتخاب شده به همراه همسایگانش با ضریب معینی فعال می گردد.
- هر چه به نورون برنده نزدیک تر باشیم میزان ضریب آموختش بالاتر خواهد بود.



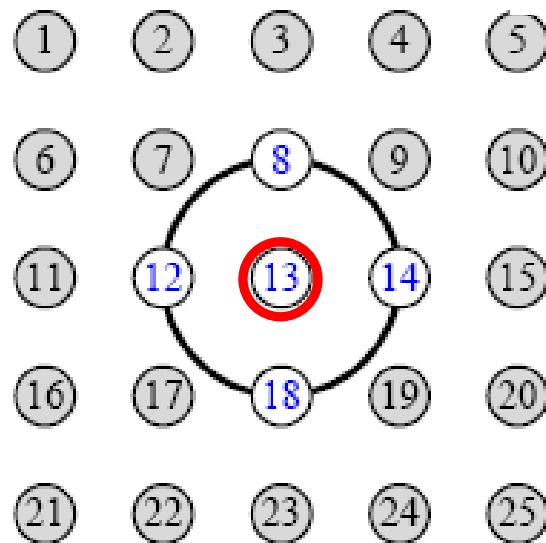
# همسایگی

- اگر همسایگی را به وسیله‌ی عبارت زیر نشان دهیم، تماشی همسایه‌های یک نوron در فاصله‌ای کمتر یا مساوی  $d$  در نظر گرفته می‌شوند.

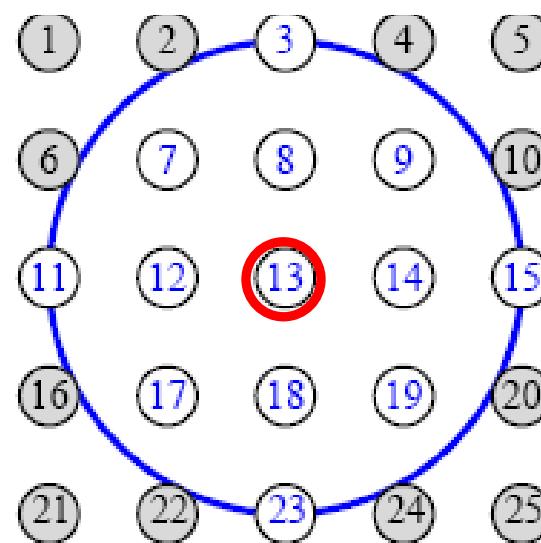
$$N_i(d) = \{j, d_{ij} \leq d\}$$

$$N_{13}(1) = \{8, 12, 13, 14, 18\} \text{ and}$$

$$N_{13}(2) = \{3, 7, 8, 9, 11, 12, 13, 14, 15, 17, 18, 19, 23\}$$



$$N_{13}(1)$$



$$N_{13}(2)$$



دانشکده  
سینمایی

# SOM (SOFM)

- در چندین شبکه‌ای دو لایه بیشتر نداریم:
  - لایه‌ی ورودی
  - لایه‌ی خروجی
- هر واحد خروجی خود را با توجه به وزن‌هایی که بدان متصل است نشان می‌دهد.
- می‌توان گفت شامص هر خروجی در این صورت وزن‌هایش است.
- ابتدا وزن‌ها را به صورت تصادفی انتخاب می‌کنیم.



دانشکده  
سینما  
بعلبکی

# الگوریتم یادگیری

## SOM (SOFM)

- وزن‌های شاخصها به صورت تصادفی انتخاب می‌شوند.

تعداد گروه‌ها

$$W_{i,j(n)} \quad 1 \leq i \leq R \quad 1 \leq j \leq S$$

وزن شاخصی ورودی از  $i$  به  $j$

- برای هر واحد فروجی یک شعاع همسایگی  $N$  در نظر گرفته می‌شود.

- معیار فاصله را می‌توان ضرب داخلی دو بردار و یا فاصله‌ی اقلیدسی در نظر گرفت.

$$d_j = \sum_{i=1}^R (X_{i(n)} - W_{i,j(n)})^2 \quad \text{Min}$$

- واحد برنده انتخاب می‌شود:  $j^*$



دانشکده  
سینمایی  
بهشتی

- به روز رسانی وزن‌های واحد برنده و همسایگانش

$$w_{ij(n+1)} = w_{ij(n)} + \eta [x_{i(n)} - w_{ij(n)}]$$

for  $j \in N_{j(n)}$

شعاع همسایگی معمولاً در هر دوره متغیر است

- نرخ آموزش  $\eta$  نیز در این حالت متغیر است برای همسایه‌های نزدیک‌ترها به برنده، مقدار بیشتری دارد.

- و البته نرخ آموزش به تدریج کاهش می‌یابد.

$$0 < \eta(n) \leq \eta(n-1) \leq 1$$



# SOM (SOFM)

## تابع همسایگی

- یکی از مهمترین توابع همسایگی گاوسی است.

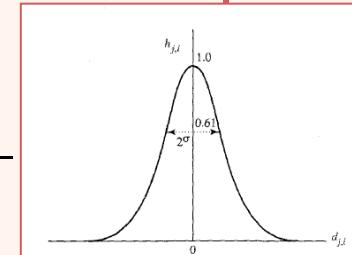
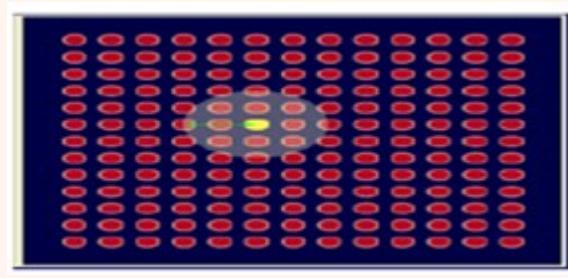
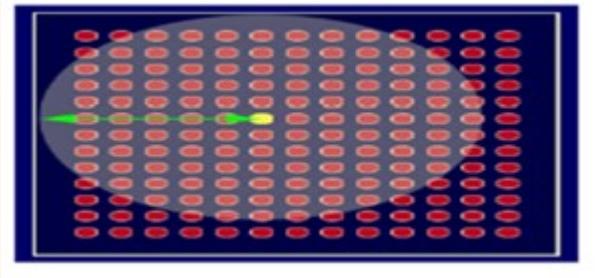
$$h_{j,i(x)} = \exp\left(-\frac{d_{j,i}^2}{2\sigma^2}\right)$$

لattice  $d_{i,j}$  فاصله‌ی دو نمونه نشان می‌دهد اگر بعدی باشد:

- $|j - i|$

اگر lattice دو بعدی باشد:

- $\|r_j - r_i\|$



effective width

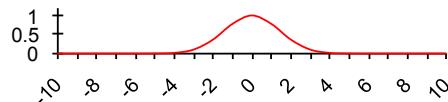


دانشکده  
سینمایی

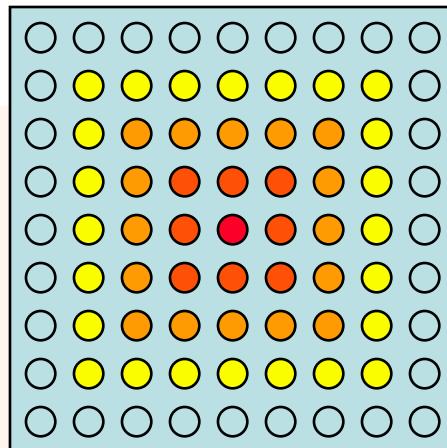
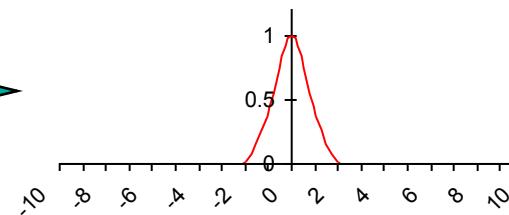
# تابع همسایگی

- تابع همسایگی از شعاع همسایگی بزرگ شروع کند و به تدریج تمرکز تنها روی واحد برآورده باقی می‌ماند.

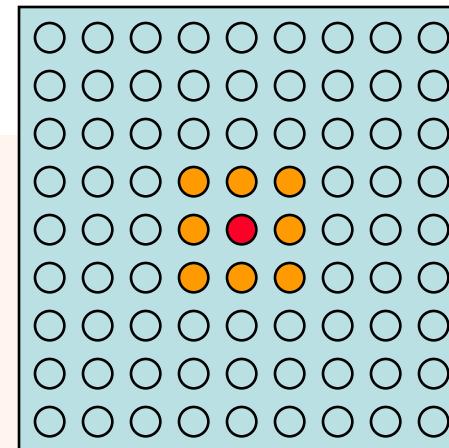
$$h_{j,i(x)} = \exp\left(-\frac{d_{j,i}^2}{2\sigma^2}\right)$$



Time →



Time →



# تابع همسایگی

- تعداد همسایگان هم‌روند با زمان تغییر می‌کند.
- اگر نوron  $i$  برزنه باشد  $d_{j,i}$  همان فاصله‌ی نوron  $j$  از نوron برزنه( $i$ ) است.
- برای این منظور، انحراف معیار تابع گاوسی را متغیر در نظر گرفته می‌شود.

$$\sigma(n) = \sigma_0 \exp\left(-\frac{n}{\tau_1}\right) \quad n=0,1,2,\dots$$

$$h_{j,i(x)}(n) = \exp\left(-\frac{d_{j,i}^2}{2\sigma^2(n)}\right) \quad n=0,1,2,\dots$$



دانشکده  
سینمایی

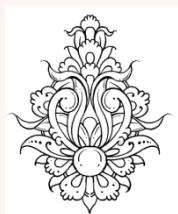
# به (وزرسانی وزن‌ها

- بر طبق روابط به دست آمده فواهیم داشت:

$$w_j(n+1) = w_j(n) + \eta(n) h_{ij(x)}(n) (x - w_j(n))$$

- نرخ یادگیری را نیز به صورت نمایی متغیر در نظر گرفته می‌شود.

$$\eta(n) = \eta_0 \exp\left(-\frac{n}{\tau_2}\right)$$



دانشکده  
سینما و  
بصیرتی

# ب) وزرسانی وزن‌ها (داده‌ها)

$$w_j(n+1) = w_j(n) + \eta(n) h_{ij(x)}(n) (x - w_j(n))$$

$$h_{j,i(x)}(n) = \exp\left(-\frac{d_{j,i}^2}{2\sigma^2(n)}\right) \quad n = 0, 1, 2, \dots$$

$$\sigma(n) = \sigma_0 \exp\left(-\frac{n}{\tau_1}\right) \quad n = 0, 1, 2, \dots$$

$$\eta(n) = \eta_0 \exp\left(-\frac{n}{\tau_2}\right) \quad n = 0, 1, 2, \dots$$



دانشکده  
سینمای  
بهریتی

# به (وزرسانی وزن‌ها (ادامه...)

مقادیر  $\eta_0$ ,  $\tau_1$ ,  $\sigma_0$  و  $\tau_2$  به صورت تجربی در بازده‌های زیر خواهند بود:

$$\eta_0 = 0.1 \quad \tau_2 = 1000$$

این مقدار تدریجی تا حد می‌باشد اما  
نهایتی بالاتر از ۱۰۰ خواهد بود

- مقداری که برای  $\sigma_0$  در نظر گرفته می‌شود برابر با شعاع شبک است.
- بنابراین این مقدار وابسته به پیدمان نوونهای است.
- برای  $\tau_1$  مقدار زیر را در نظر می‌گیرند:

$$\tau_1 = \frac{1000}{\log \sigma_0}$$



دانشکده  
سینمایی  
بهره‌برداری

- در SOM هر بردار که برنده باشد وزن‌های خود و همسایگانش به نسبت همسایگی، تنظیم می‌شوند.

- هدف

- مکان جغرافیایی و امدها مشخص می‌شود.
- شحاع همسایگی به اندازه‌ی تمامی و امدها شروع و سپس (و به کاهش می‌گذارد).
- تعداد تکرارها حدود ۱۰۰۰ در نظر گرفته می‌شود.
- در طی تکرارهای متوالی ۷ کوچک و کوچک‌تر می‌شود.



دانشکده  
سینما  
بعلبکی

وارد مجزیات نمی‌شود. به گونه‌ای فرم زمخت یا Coarse را نشان می‌دهد.

# فازهای یادگیری(ادامه...)

## Convergence(tuning)

- هدف

- جزییات تقسیم‌بندی گروه‌ها مشخص می‌شود.
- شعاع همسایگی به خود واحد بزرگه محدود خواهد شد.
- معمولاً تعداد تکرارها ۵۰۰ برابر تعداد واحدهای فروجی است.
- تعداد گروه‌ها اهمیت دارد.
- نرخ آموختش کم و در حد ۱۰٪ در نظر گرفته می‌شود.
- در این حالت جزییات هر واحد و نه همسایه‌ها اهمیت دارد.

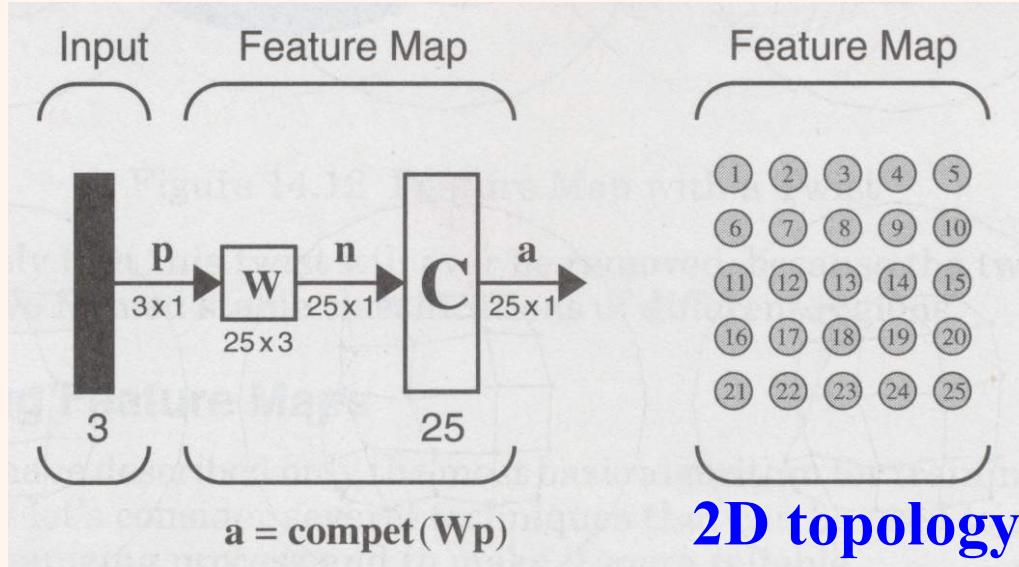
- نکته:

- بردارهای وزن اولیه مقادیر کوچکی انتخاب می‌شوند.
- اگر خیلی پراکنده باشند، مسئله‌ی واحد مردود پیش می‌آید.

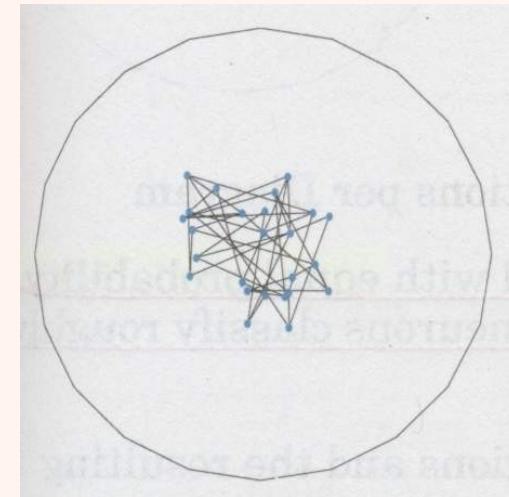


دانشکده  
سینمای  
بهرستانی

# SOM (SOFM)

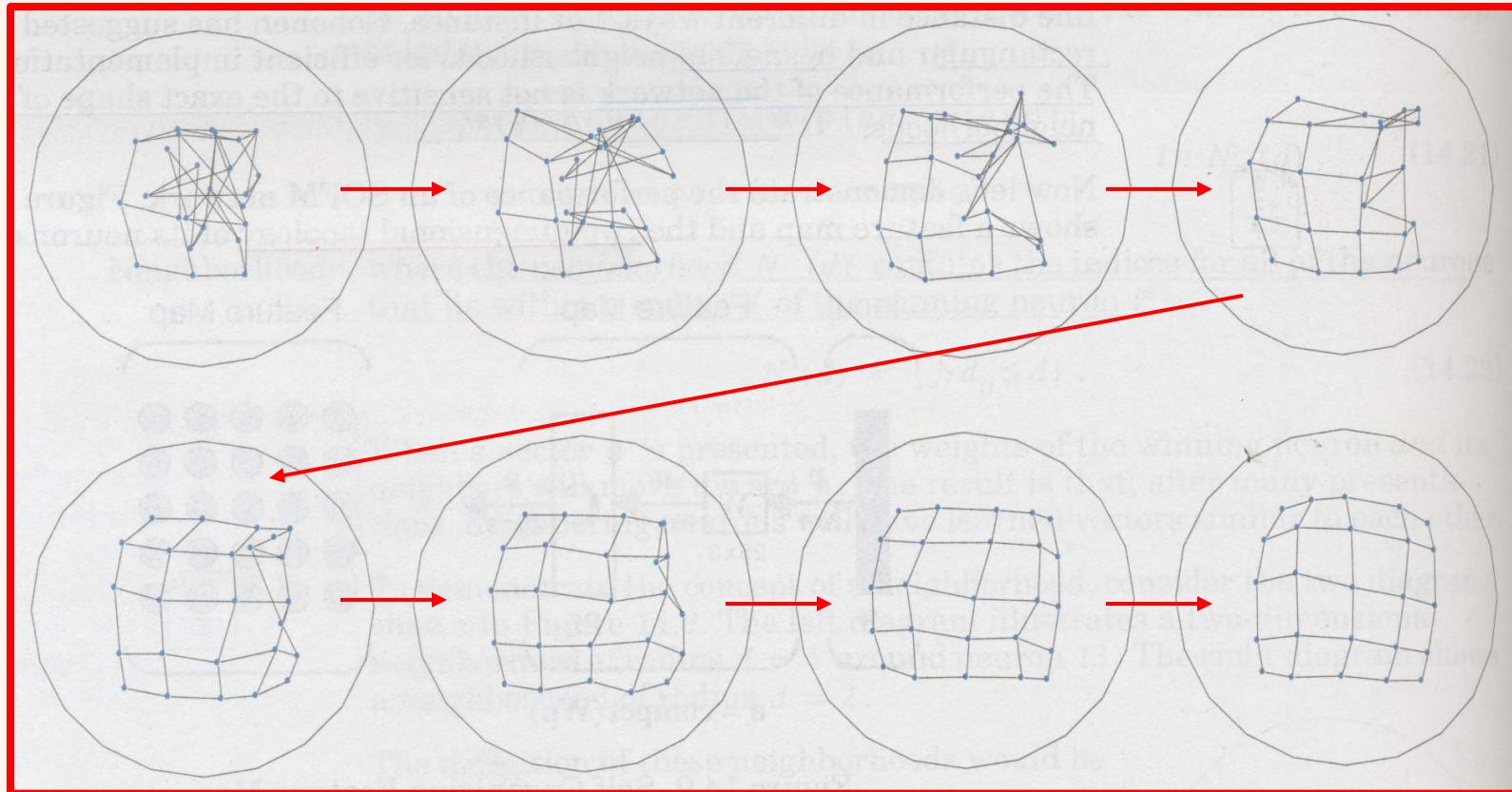


initial weight vectors



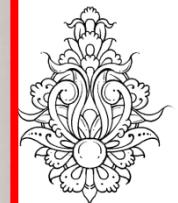
دانشکده  
پژوهشی

# SOM (SOFM)



250 iterations per diagram

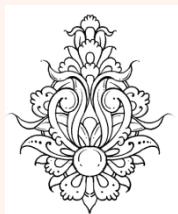
٤٤



دانشکده  
سینمایی

# Renormalized SOM

- گفته شد که در ابتدا شباع همسایگی بزرگ در نظر گرفته می‌شود. در این صورت با توجه به پارامترهای زیادی که درگیر هستند، آموزش کند خواهد شد.
- در این شیوه پیشنهاد می‌شود، شباع همسایگی ثابت در نظر گرفته شود، اما نوronها به تدریج در فرآیند آموزش دغیل شوند.



دانشکده  
سینمایی

Luttrell, S. (1989). "Hierarchical vector quantisation (image compression)." Communications, Speech and Vision, IEE Proceedings I 136(6): 405-413.

# پیمایش SOM

## • گام‌های زیر می‌باید انجام شود:

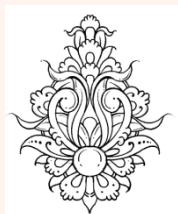
### (1) مقداردهی اولیه (initialization)

- وزن‌ها به صورت تصادفی انتخاب می‌شوند، تنها محدودیت این است که وزن‌ها باید متفاوت باشند. مناسب‌تر مقدارهای انتخاب شده اندازه‌ی کوچکی داشته باشند،

- همچنین می‌توان از ورودی‌ها به عنوان وزن اولیه بهره‌جست.

### (2) نمونه‌برداری (sampling)

- یک الگوی ورودی به شبکه اعمال می‌شود.



دانشکده  
سینما  
بهره‌برداری

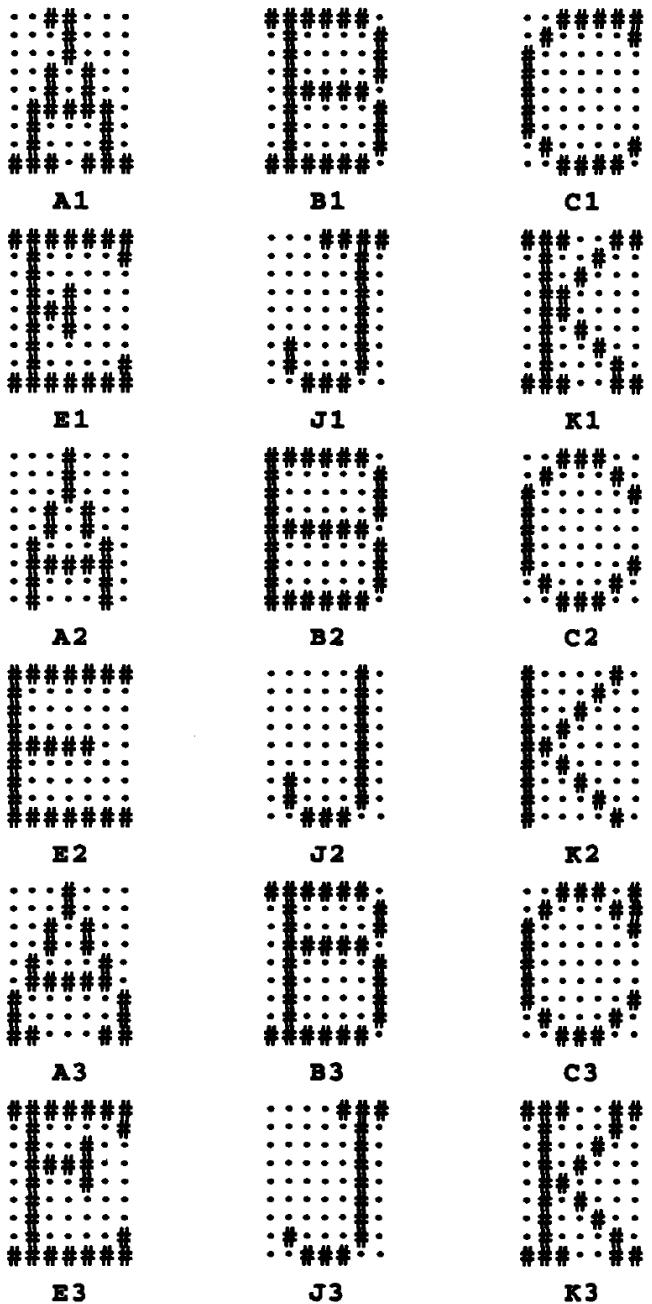
# چند جمله ای SOM (ادامه...)

- (۳) تطبیق شباهت (similarity matching) نوون برنده انتخاب شود.
- (۴) بهروزرسانی (updating) طبق قانون آموزش مطرح شده، نوون برنده و همسایه هایش آموزش می بینند.
- (۵) از کام دو مرامل از سر گرفته شوند، تا شبکه به پایداری برسد.



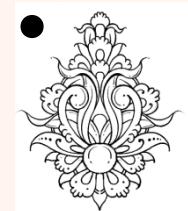
دانشکده  
سینما  
بهریتی

# خوشه‌بندی کاراکتر



- ۲۱ الگوی ۹۰۹ دی و
- ۲۵ خوشه در نظر گرفته شده است.
- کاهش نرخ یادگیری به صورت  
خطی (از ۰.۶ تا ۰.۰۵)

استفاده از سه تopolوژی مختلف



# خوشنندی بدون ساختار

no topological structure

UNIT	PATTERNS
3	C1, C2, C3
13	B1, B3, D1, D3, E1, K1, K3, E3
16	A1, A2, A3
18	J1, J2, J3
24	B2, D2, E2, K2

خوشنندی اختیار



دانشکده  
سینمای  
بهریتی

## linear structure ( $R=1$ )

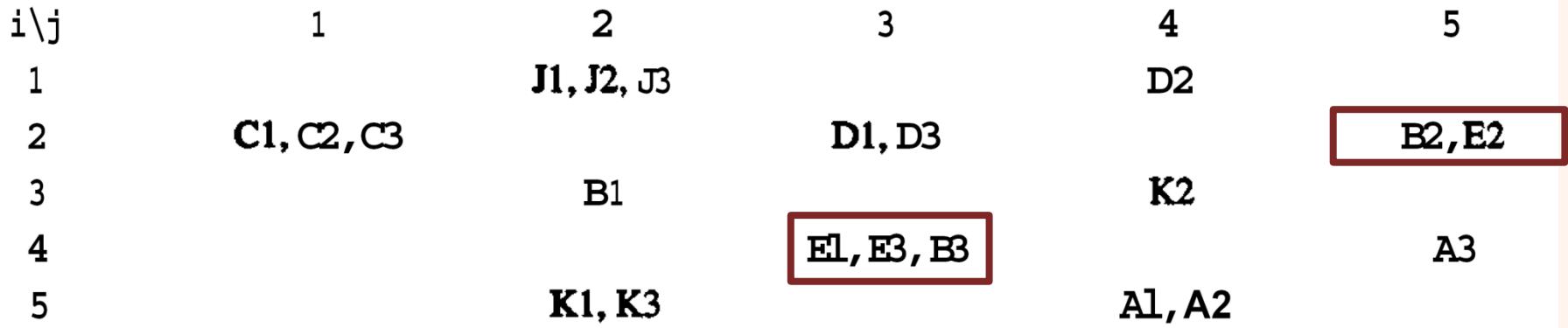
UNIT	PATTERNS	UNIT	PATTERNS
6	K2	20	C1, C2, C3
10	J1, J2, J3	22	D2
14	E1, E3	23	B2, E2
16	K1, K3	25	A1, A2, A3
18	B1, B3, D1, D3		

خوب‌بندی انتباہ



دانشکده  
بهشتی

## diamond structure



خوشنده اختیار



دانشکده  
سینمایی  
بهشتی

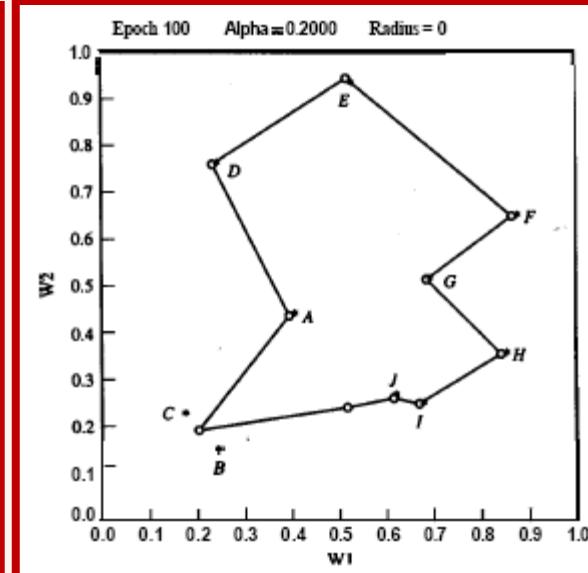
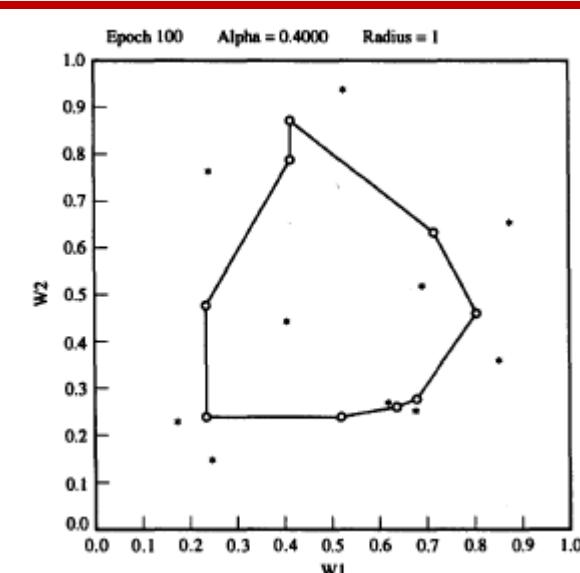
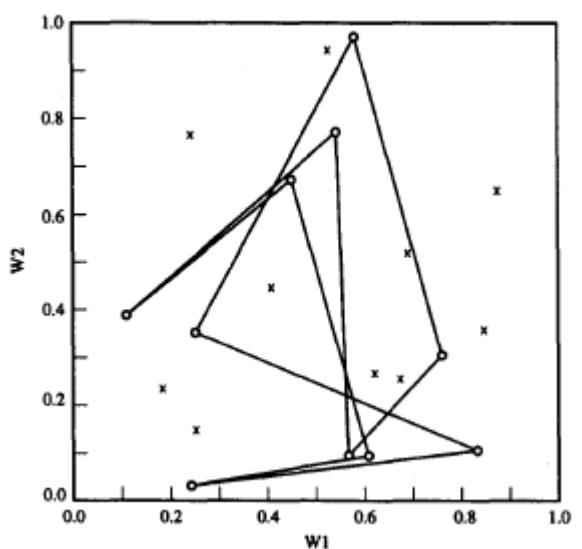
*ORIGINAL CONTRIBUTION*

## **Self-Organizing Feature Maps and the Travelling Salesman Problem**

BERNARD ANGÉNIOL, GAËL DE LA CROIX VAUBOIS AND JEAN-YVES LE TEXIER

Thomson CSF/DSE

(Received March 1988; revised and accepted May 1988)



# فروشنده‌ی دوره‌گرد

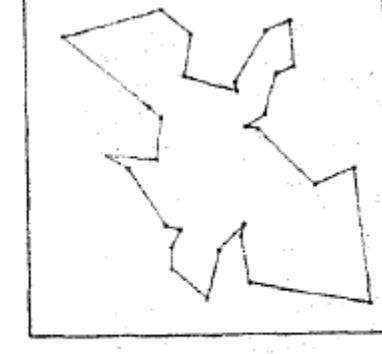
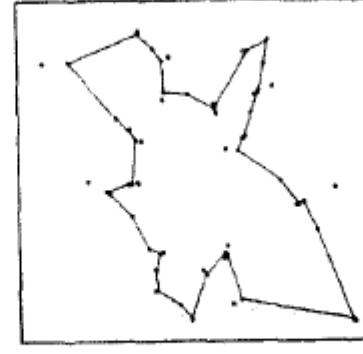
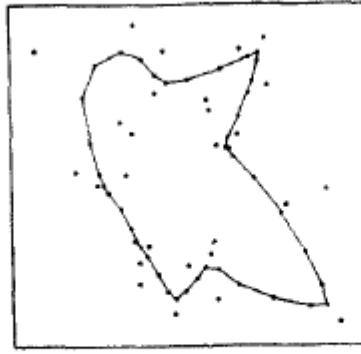
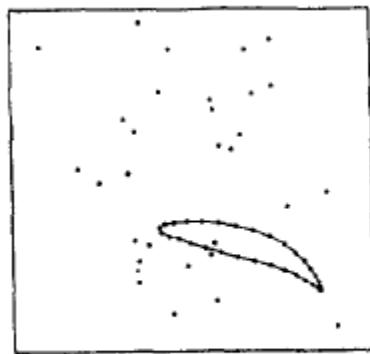


FIGURE 1. Evolution of the ring on a set of 30 cities used by Tank and Hopfield (1985). The solution shown here is the same as Lin-Kernighan's, and happens with probability  $1.5 \times 10^{-3}$  for  $\alpha = 0.2$ .

ring توبولوژی

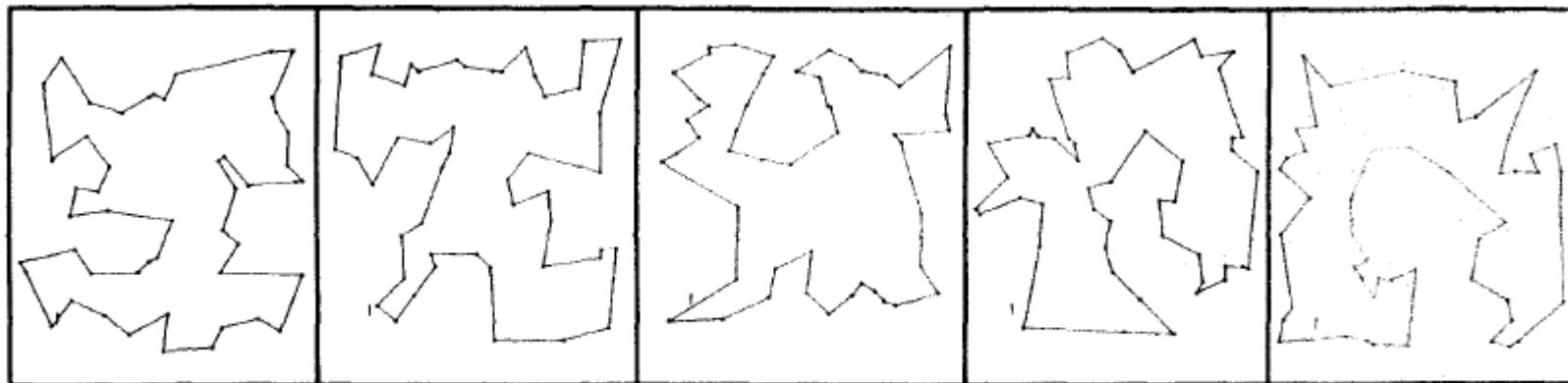


FIGURE 3. The best solution found on the five sets of 50 cities (Table 1c).

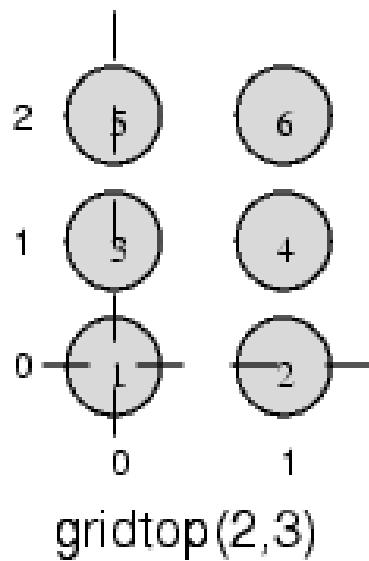


دانش  
سپاه  
بخت

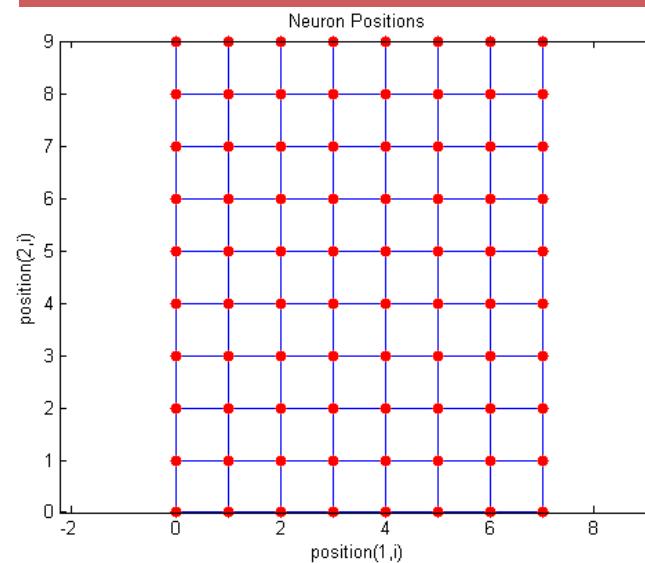
# Matlab در SOM

- تپیکلوزی‌های دو بعدی مورد استفاده عبارتند از:
  - مسطیلی (Gridtop)
  - هشت‌ضلعی (hextop)
  - تصادفی (randtop)

```
pos = gridtop(2,3) ;
```



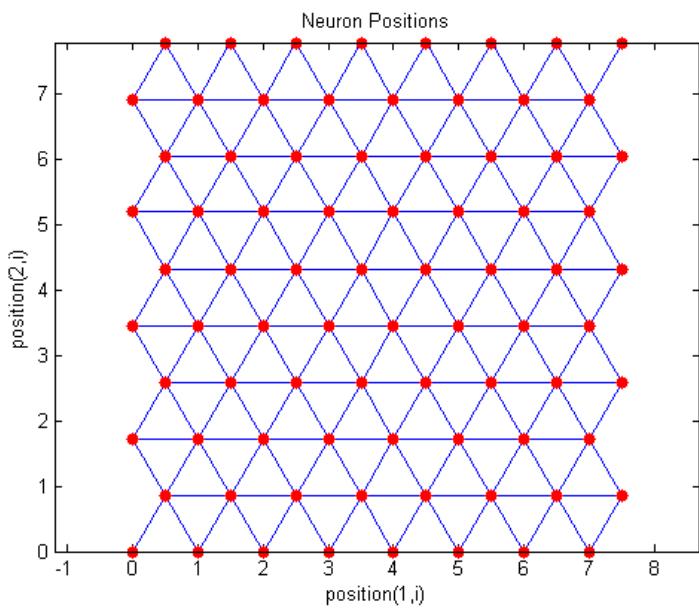
```
pos = gridtop(16,12) ;  
plotsom(pos) ;
```



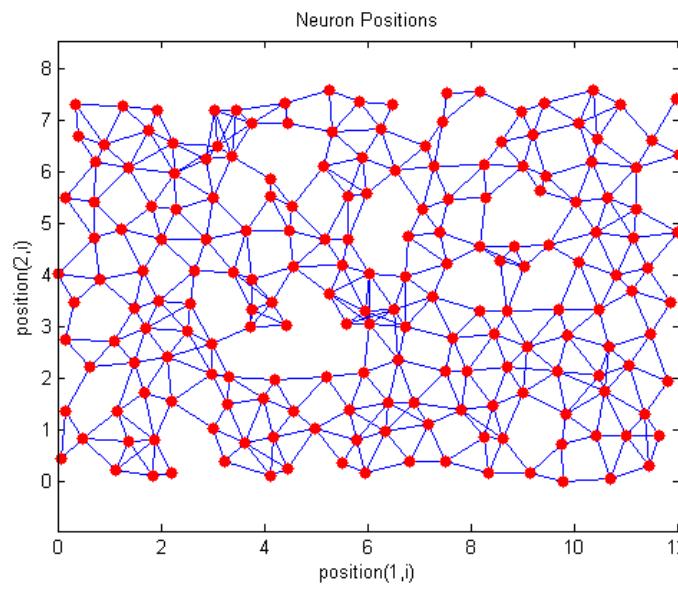
دانشگاه  
بهشتی

# تولید ریهای دو بعدی مورد استفاده

```
pos = hextop(8,10);  
plotsom(pos);
```

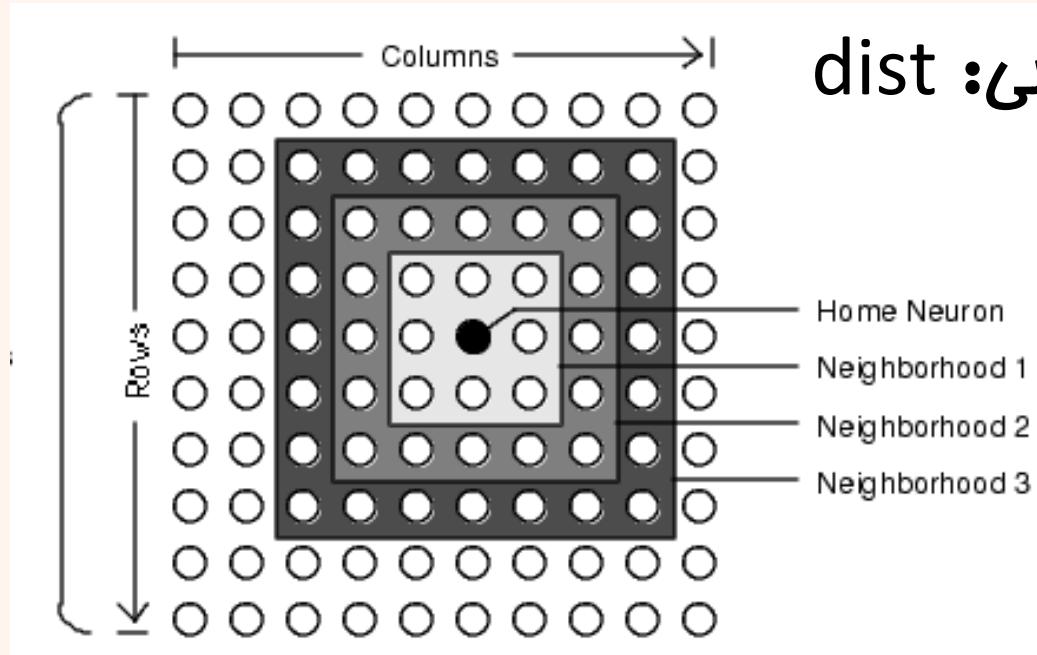


```
pos = randtop(16,12);  
plotsom(pos);
```



دانشکده  
بیهقی

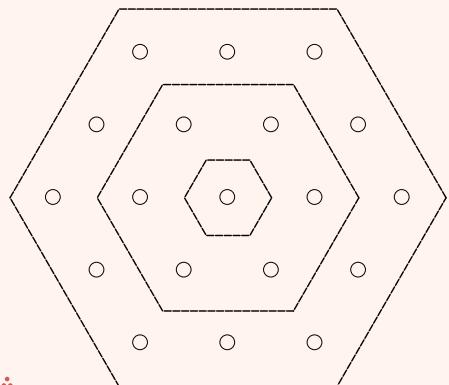
# توابع فاصله



- فاصله‌ی اقلیدسی:  $dist$

- Boxdist

- linkdist



- $\text{sum}(\text{abs}(x-y)) : \text{mandist}$



```

angles = 0:0.5*pi/99:0.5*pi;
P1 = [sin(angles); cos(angles)];
P2 = [-sin(angles); cos(angles)];
P=[P1,2.*P2]
plot(P(1,:),P(2,:),'+r')

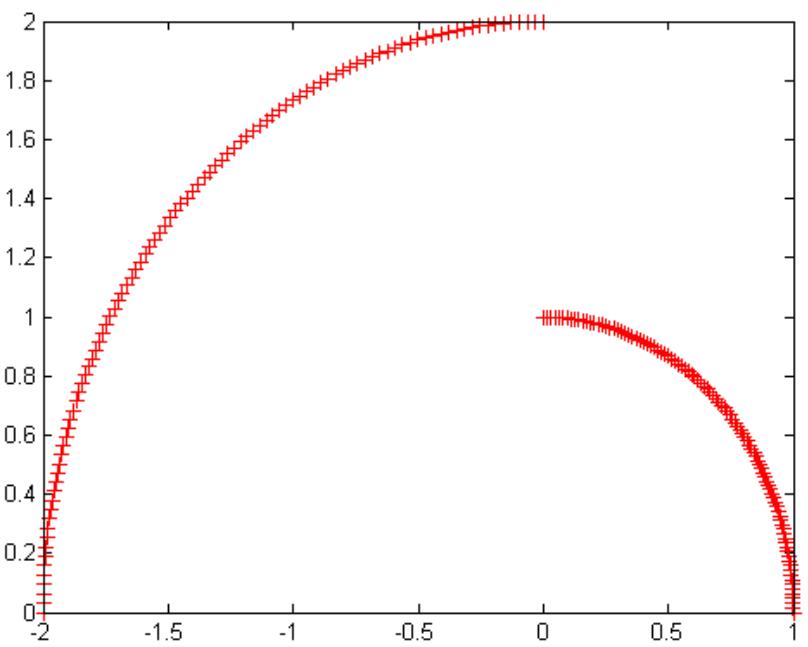
net=selforgmap([20]);
%net = newsom([0 1;0 1],[20]);
net.trainParam.epochs = 10;
net = train(net,P);
figure;
plotsom(net.iw{1,1},net.layers{1}.distances)
p = [1;0];
a = sim(net,p)

```

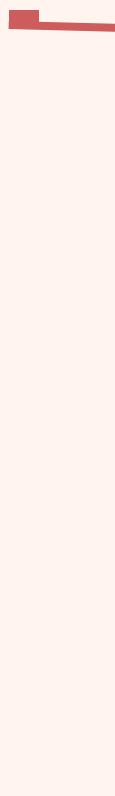
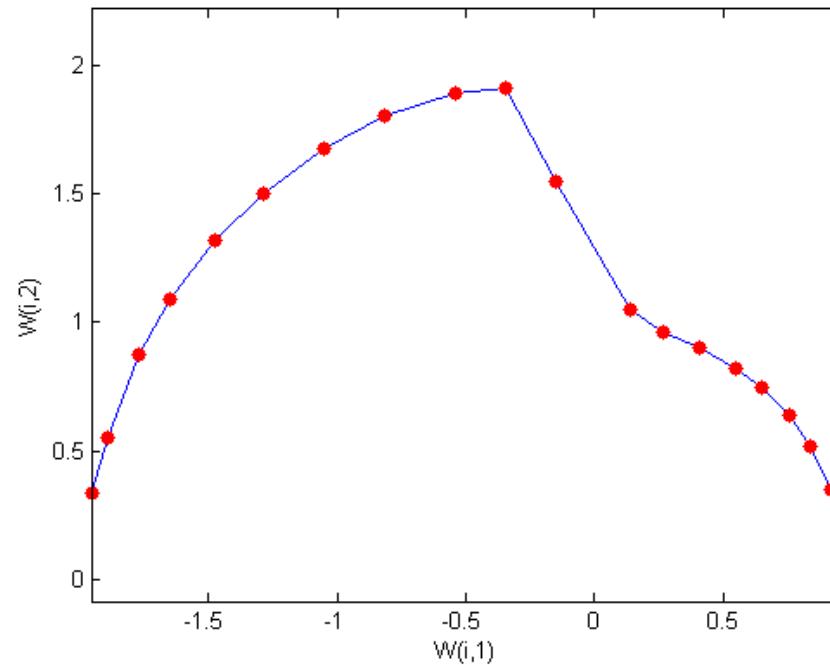


دانشکده  
پژوهشی

*selforgmap(dimensions,coverSteps,initNeighbor,topologyFcn,distanceFcn)*



Weight Vectors

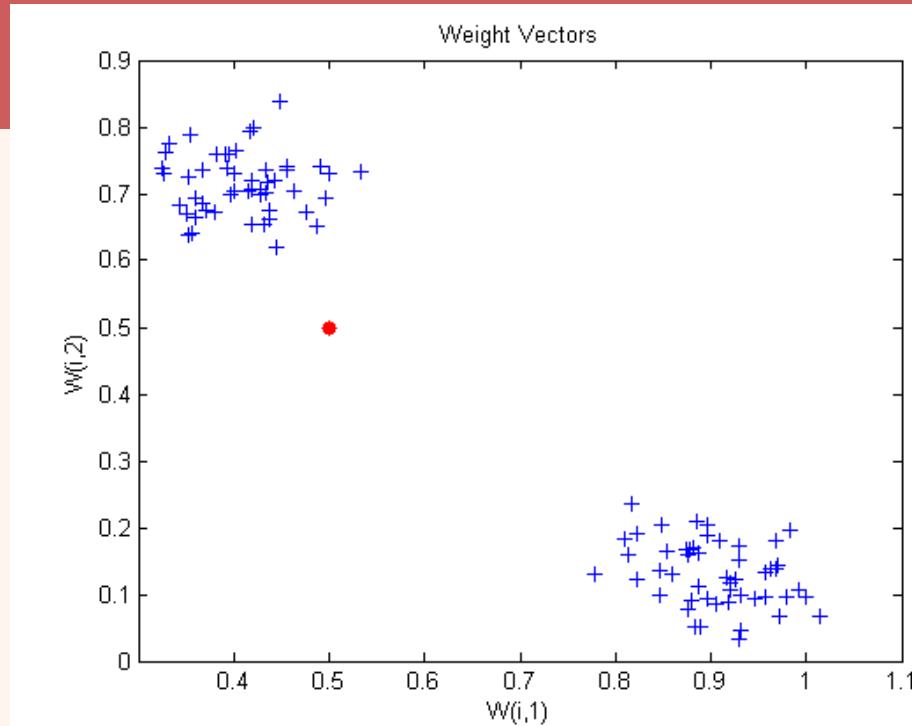


دانشکده  
بیهقی

```

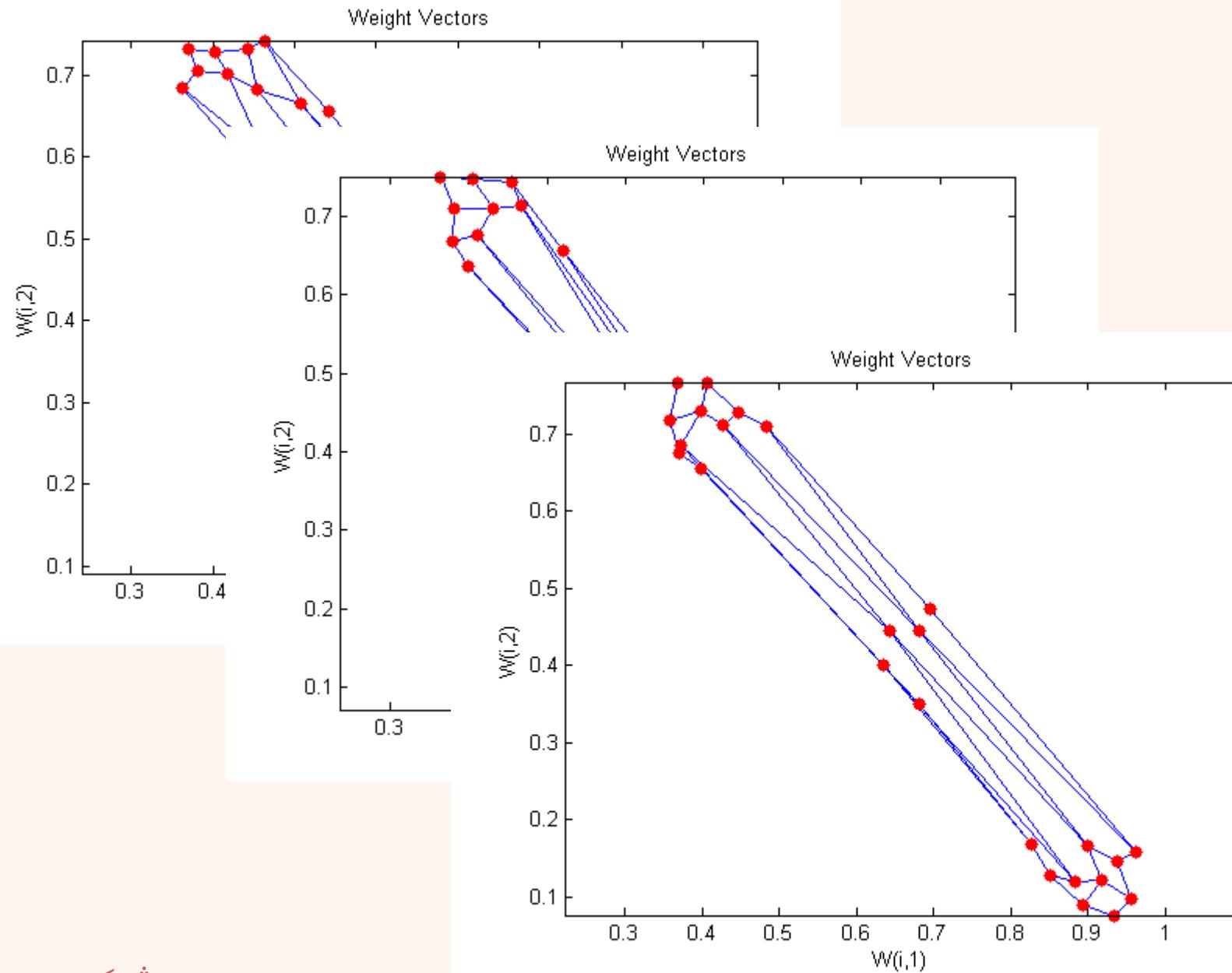
figure;
plot(P(1,:),P(2,:),'+b')
net = newsom([0 1; 0 1],[5 5],'gridtop');
hold on;
plotsom(net.iw{1,1},net.layers{1}.distances)
net.trainParam.epochs = 10;
net = train(net,P);
figure;
plotsom(net.iw{1,1},net.layers{1}.distances)
p = [0.5;0.3];
a = sim(net,p)

```

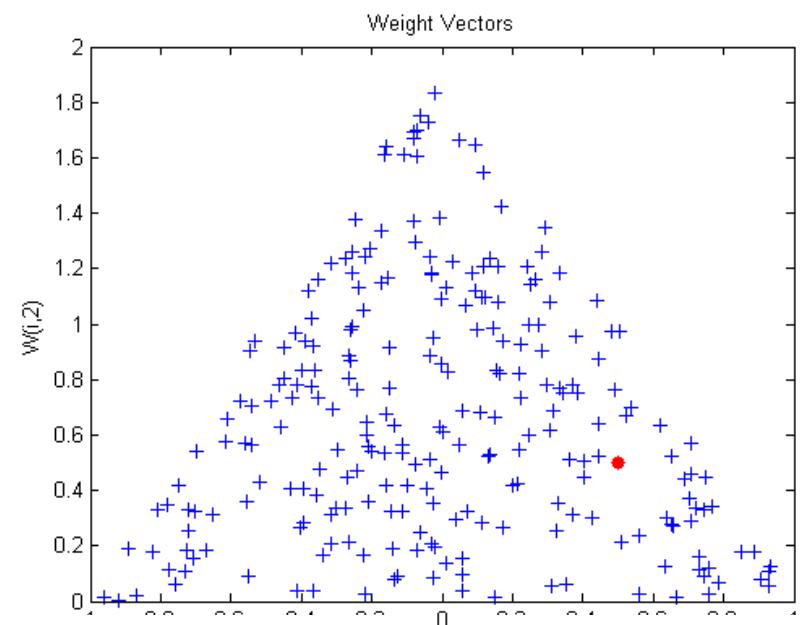


دانشکده  
پژوهشی

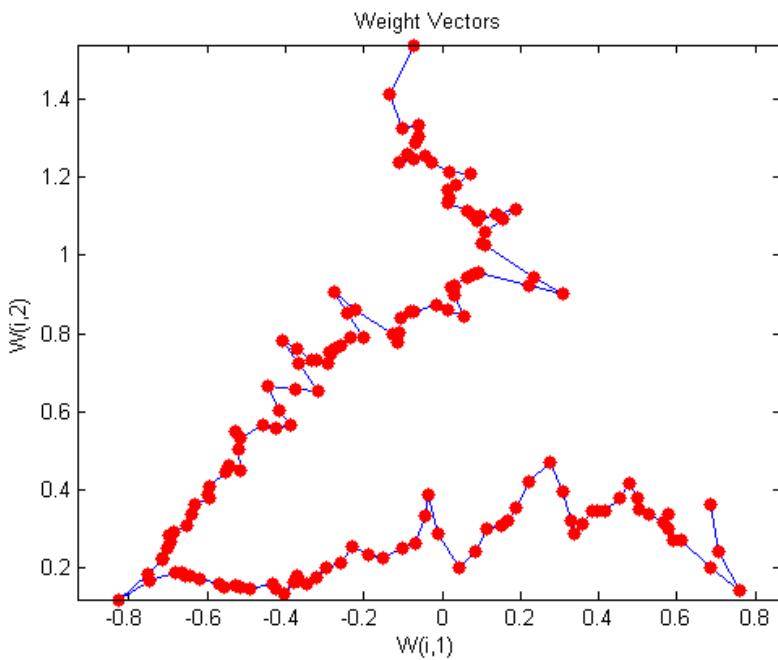
# ادامه مثال



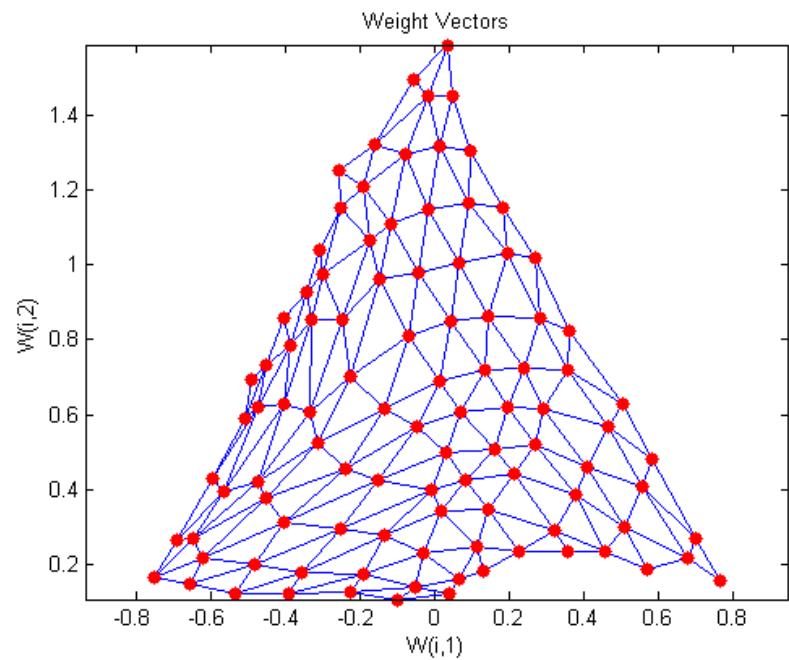
مثال



Weight Vectors



W(i,1)

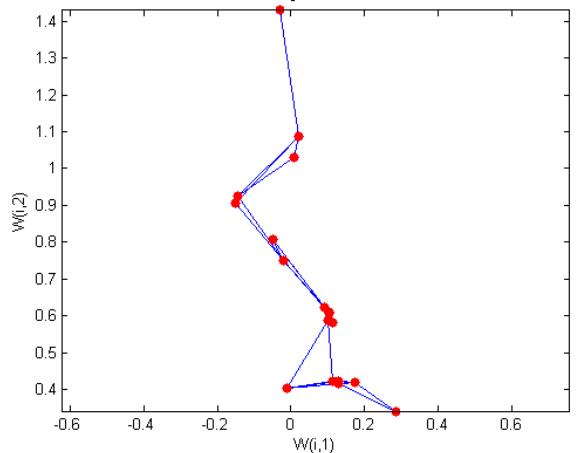


W(i,1)

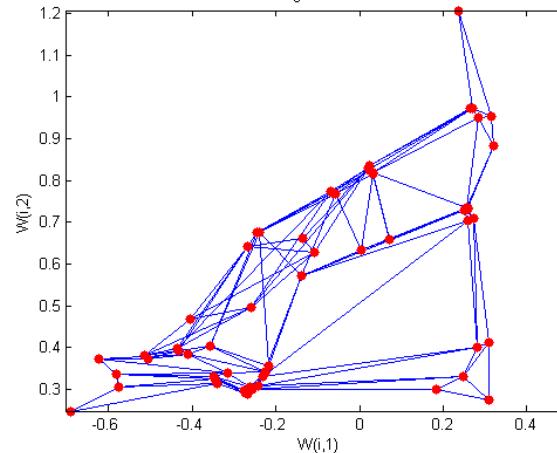
ام

شبکه عصبی

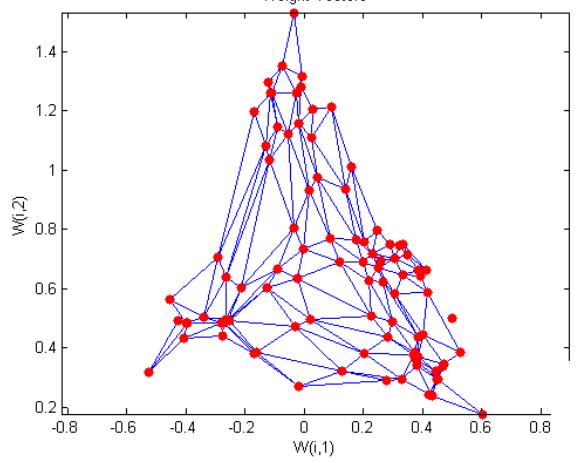
Weight Vectors



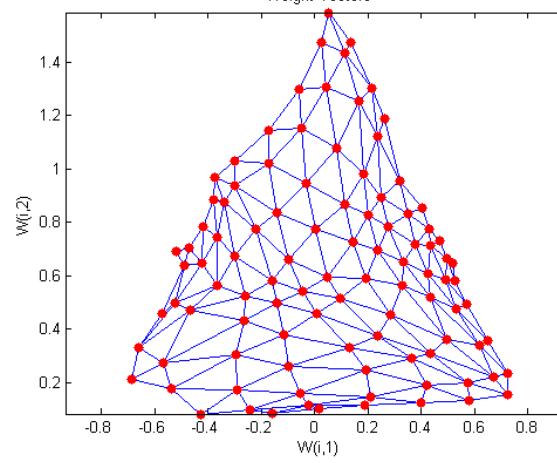
Weight Vectors



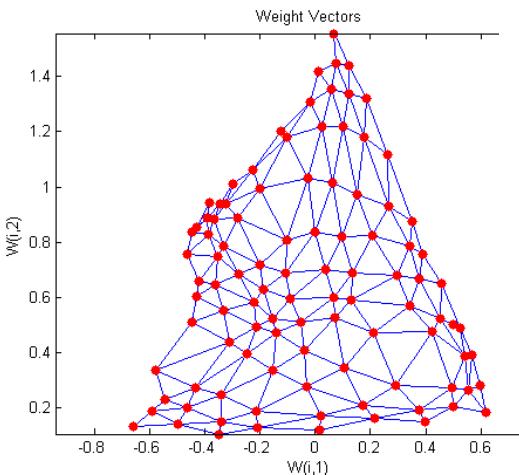
Weight Vectors



Weight Vectors



شبکه عصبی

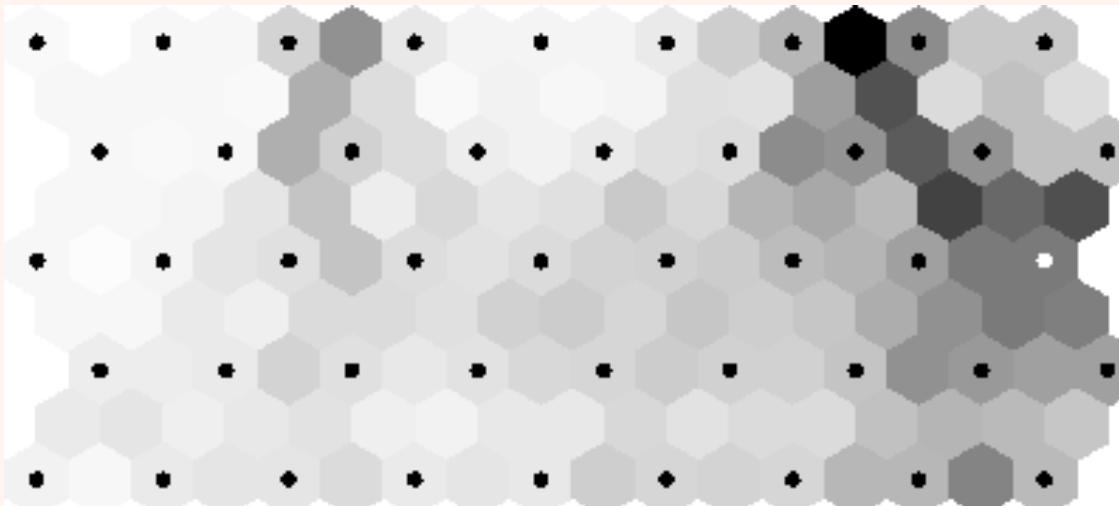


دانشکده  
سینمایی

۸۴

# ویژگی‌های SOM

- پس از این آموزش به پایان برسد، وزن‌های به دست آمده به نوعی حاوی خواص آماری داده‌های ۹۰۵ دی خواهند بود.
- به نوعی «پگالی توزیع» را نشان می‌دهد.



U-matrix representation of the Self-Organizing Map

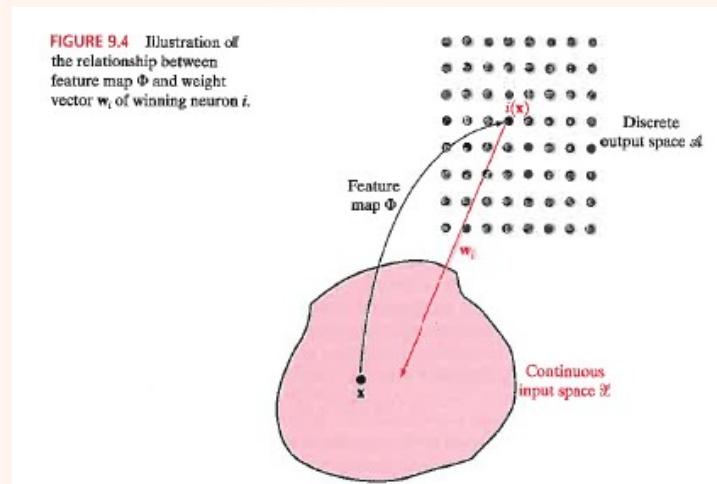


دانشکده  
سینماسازی  
به همتی

# ویژگی‌های SOM (ادامه...)

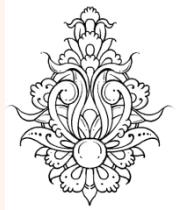
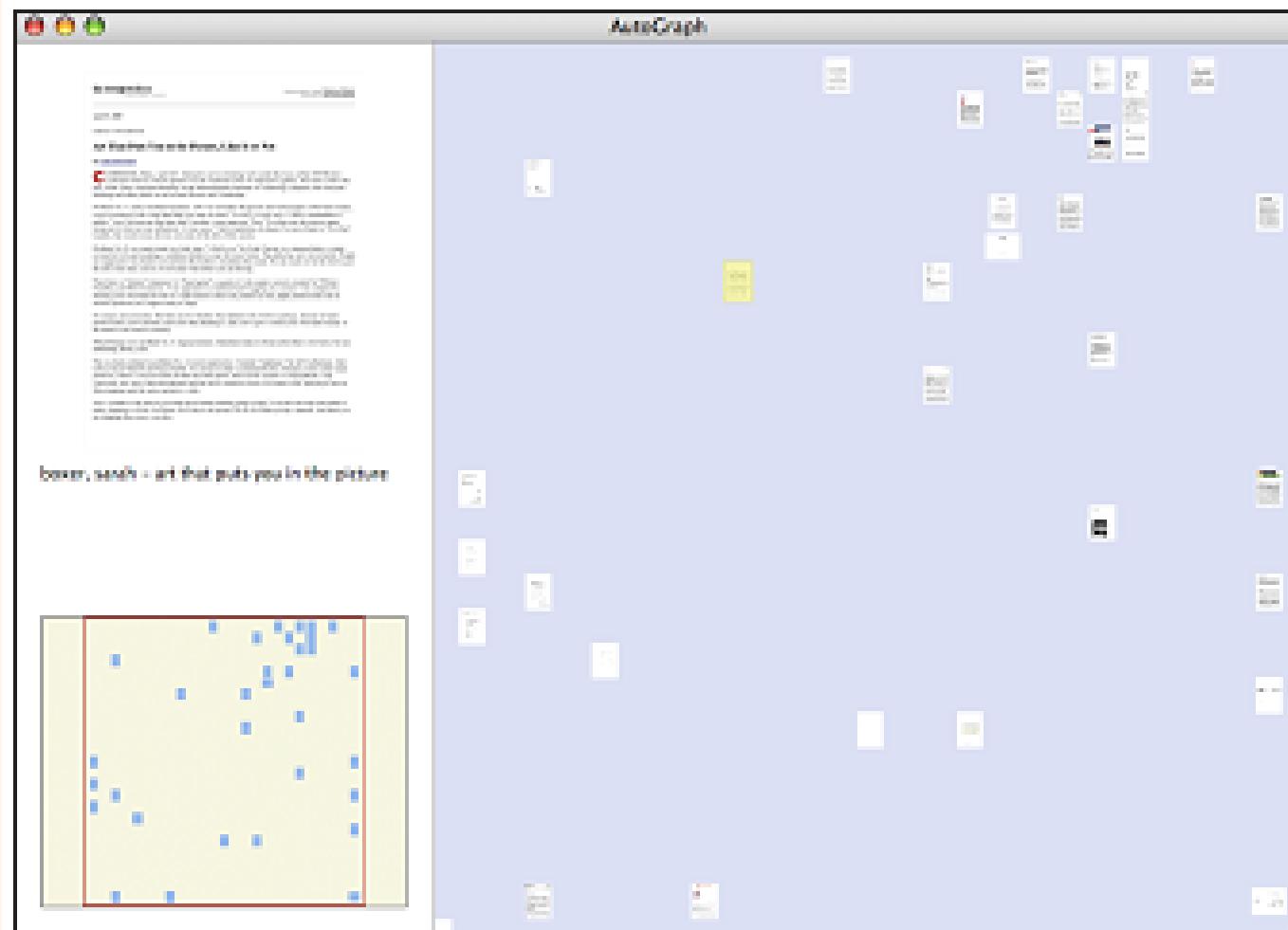
- برای انتخاب «بردار فضیم» نیز قابل استفاده خواهد بود.

$$\Phi : H \rightarrow A$$



دانشکده  
سینمایی  
بهشتی

# The Self-Organizing Desktop: An Unsupervised Content Classification System for Efficient Document Browsing



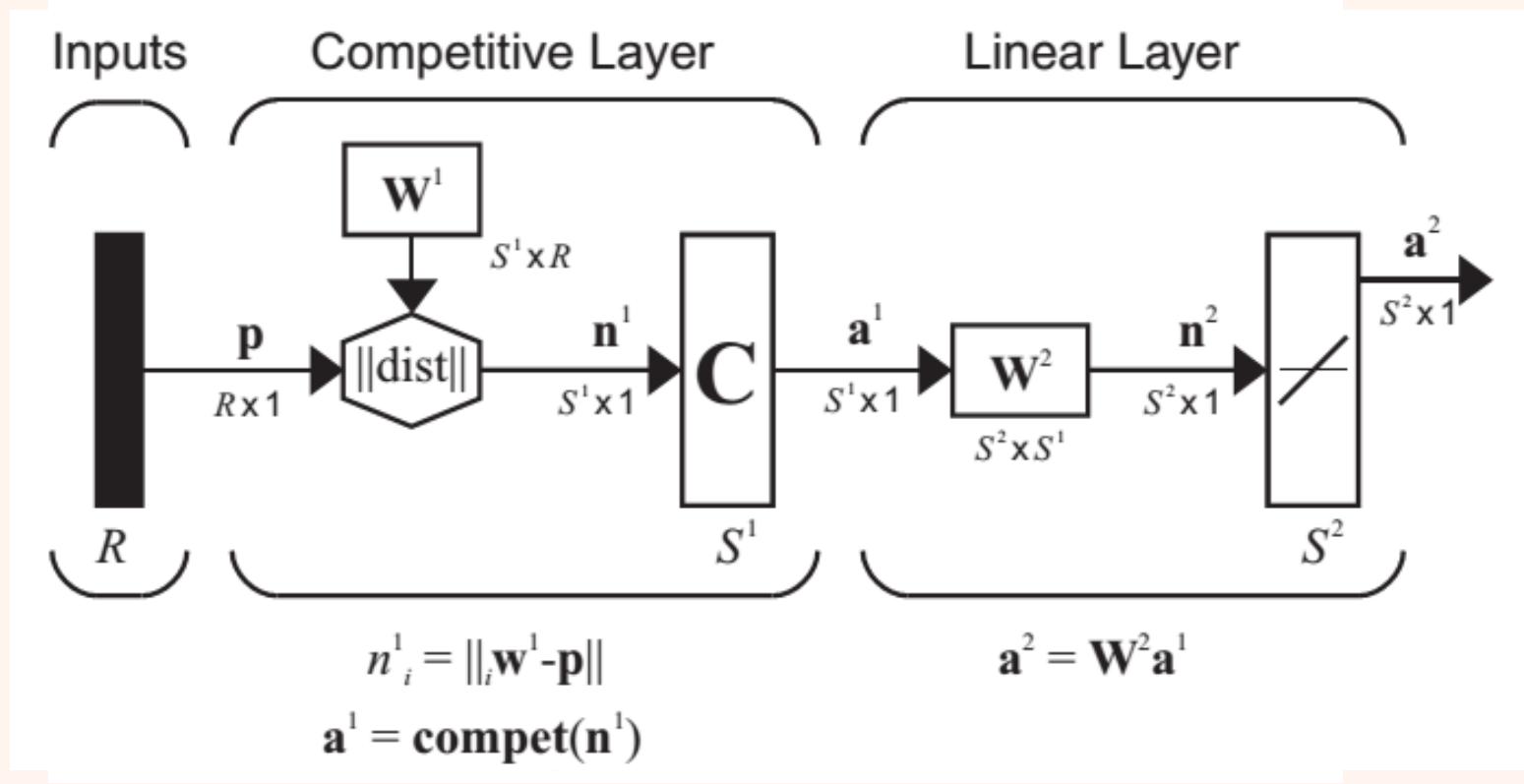
دانشکده  
سینمایی

# LVQ

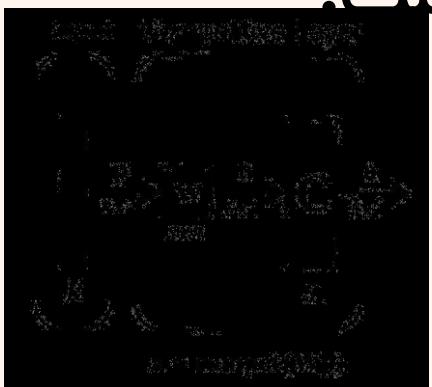


# Learning Vector Quantization

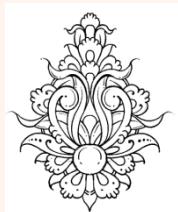
این شبکه یک شبکه ترکیبی است که هر دو شیوه‌ی آموزش **unsupervised** و **supervised** دارد.



- در نفستین لایه، هر کلاس به یک یا چند نورون واگذار می‌شود.
- تعداد نورون‌ها در این لایه باید مداخل به تعداد کلاس‌ها باشد.
- در لایه‌ی دوپ، به ازای هر کلاس، یک نورون وجود دارد.
- تعداد نورون‌ها با تعداد کلاس‌ها برابرست.



$$n_i^1 = -\|_i \mathbf{w}^1 - \mathbf{p}\| \Rightarrow \mathbf{n}^1 = -\begin{bmatrix} \left\|_1 \mathbf{w}^1 - \mathbf{p}\right\| \\ \left\|_2 \mathbf{w}^1 - \mathbf{p}\right\| \\ \vdots \\ \left\|_{S^1} \mathbf{w}^1 - \mathbf{p}\right\| \end{bmatrix} \Rightarrow \mathbf{a}^1 = \text{compet}(\mathbf{n}^1)$$

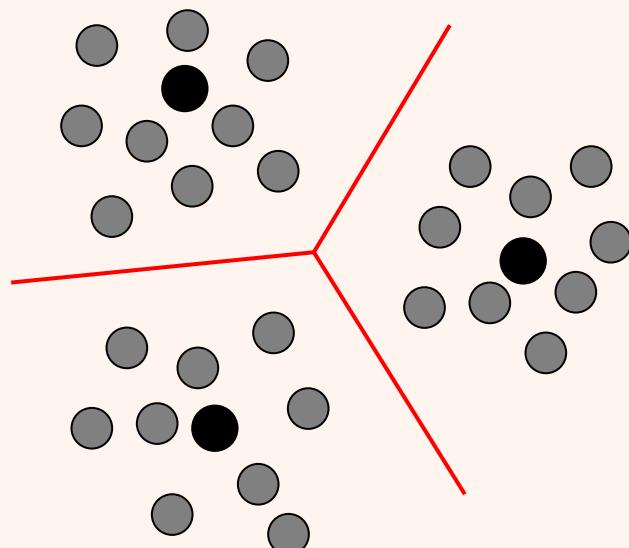


دانشکده  
سینمایی  
بهرمی

۹۰

# زیر کلاس‌ها

- بدین ترتیب در لایه‌ی اول هر کلاس به یک سری «زیرکلاس» تقسیم می‌شود.
- برنده‌ی لایه‌ی اول مشخص می‌کند که خروجی به کدام زیرکلاس تعلق دارد.



دانشگاه  
بهشتی

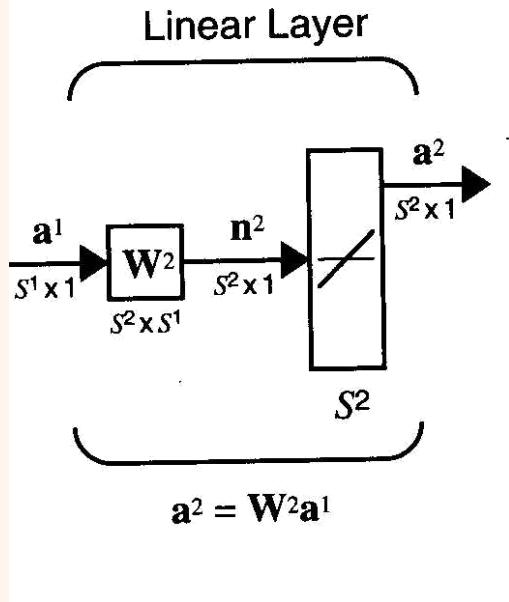
## زیر کلاس‌ها (ادامه...)

- در لایه‌ی بعدی این که زیر کلاس‌ها برآنده شده به کدام کلاس تعلق دارد، بررسی می‌شود.
- بدین ترتیب و بخلاف شبکه‌ی (قابلی در این حالت مزرهای کلاس‌ها پیچیده‌تر خواهند شد و قابلیت جداسازی کلاس‌های غیرمحدب را خواهد داشت.



دانشگاه  
سینمایی  
بهشتی

# لایه‌ی فطی

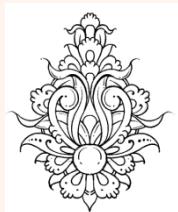


- سطرهای ماتریس بیانگر کلاس‌ها و ستون‌ها بیانگر زیرکلاس‌ها هستند.
- در هر ستون فقط یک عنصر یک خواهیم داشت.

$w_{ki}^2 = 1 \Rightarrow$  زیرکلاس‌ها بخشی از کلاس‌کا است.

$$W^2 = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

Subclasses 1 & 3 belong to class 1  
Subclasses 2 & 5 belong to class 2  
Subclass 4 belongs to class 3



دانشکده  
سینماسازی  
بهرامی

# شیوه‌ی آموزش

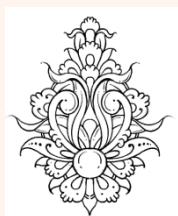
- آموزش (قابتی با ناظر همراه می‌شود.
- وزن‌های  $W^2$  مشخص می‌شوند، معمولاً به هر کلاس تعداد زیر کلاس یکسانی نسبت داده می‌شود.
- وزن‌های لایه‌ی اول به صورت زیر آموزش می‌بینند:
  - اگر نورون لایه‌ی اول به درستی برآنده شده باشد:
  - به سمت بردار وجودی ( $p$ ) حرکت داده می‌شود.

$${}_{i^*} \mathbf{w}^1(q) = {}_{i^*} \mathbf{w}^1(q-1) + \alpha (\mathbf{p}(q) - {}_{i^*} \mathbf{w}^1(q-1)) \quad \boxed{\text{if } a_{k^*}^2 = t_{k^*} = 1}$$

– وگرن:

- از بردار وجودی دور می‌شود.

$${}_{i^*} \mathbf{w}^1(q) = {}_{i^*} \mathbf{w}^1(q-1) - \alpha (\mathbf{p}(q) - {}_{i^*} \mathbf{w}^1(q-1)) \quad \boxed{\text{if } a_{k^*}^2 \neq t_{k^*}}$$



دانشکده  
سینمایی  
بهشتی

# شیوه‌ی آموزش (ادامه...)

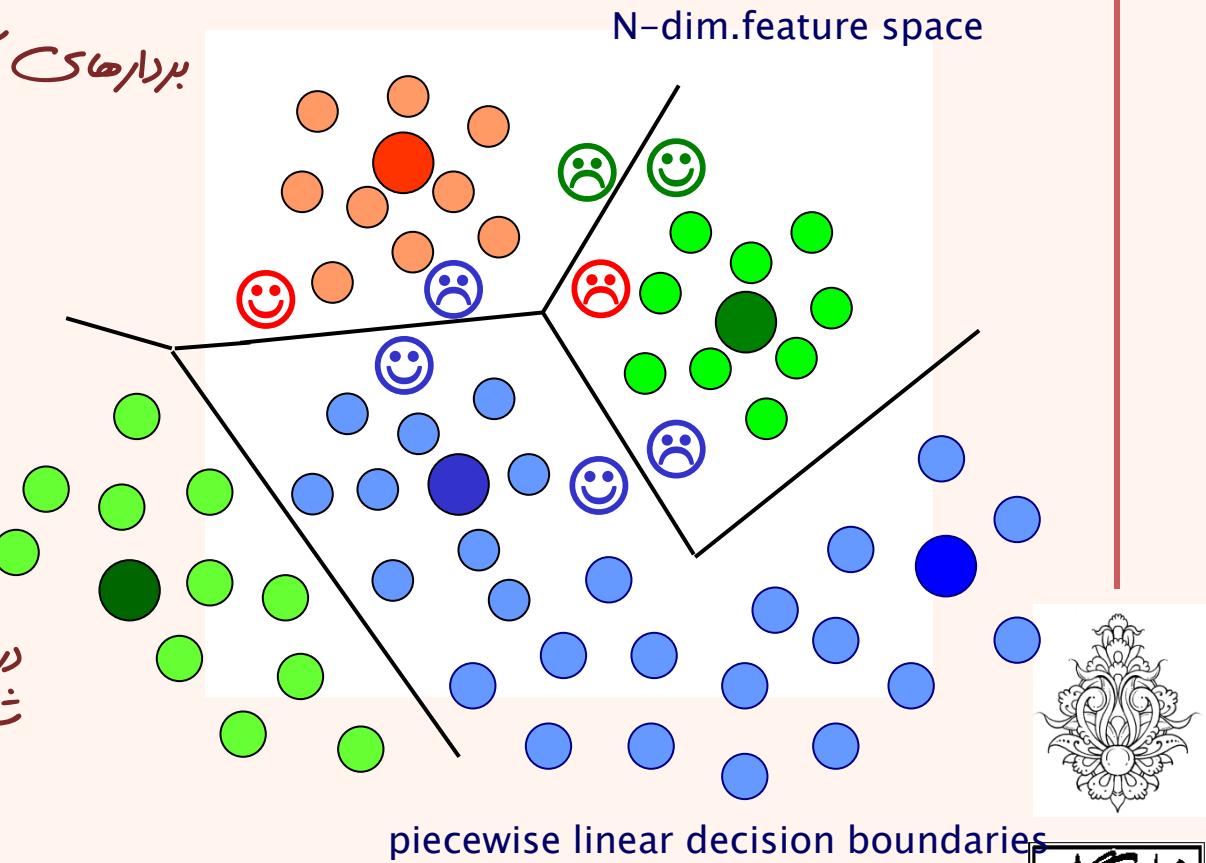
بردارهای  $\alpha$  مقدار دهنده اولیه من شوند

یک ورودی اعمال من شود

ترنیک ترین بردار  $\alpha$  انتخاب شود

در صورت درست بودن  $\alpha$  بروزه بردار ورودی ترین شود

در صورتی که درست نیست از ورودی دور شود



دانشگاه  
بهشتی

$$w^*(t+1) = w^*(t) \pm \eta_w (\xi^{(t)} - w^*(t))$$

مثال

$$\mathbf{t}_1 = \mathbf{t}_2 = [1 \ 0]^T$$

Class 1

$p_4$

$\circ p_2$

$$\begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$p_1$

$\circ p_3$

$$\begin{bmatrix} 1 \\ -1 \end{bmatrix}$$

Class 2

$$\mathbf{t}_3 = \mathbf{t}_4 = [0 \ 1]^T$$

$$\mathbf{W}^2 = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} -0.543 \\ 0.840 \end{bmatrix} \quad \begin{bmatrix} 0.456 \\ 0.954 \end{bmatrix}$$

$p_4$   $\bullet {}^1\mathbf{w}^1$   $\circ {}^4\mathbf{w}^1$   $\circ p_2$

$$\begin{bmatrix} -0.9 \\ -0.2 \end{bmatrix} \quad \begin{bmatrix} 0.997 \\ 0.094 \end{bmatrix}$$

$p_1$   $\circ {}_2\mathbf{w}^1$   $\bullet {}^3\mathbf{w}^1$   $\bullet p_3$



دانشکده  
سینمایی

# مثال-فرآیند آموزش

$$\mathbf{a}^1 = \mathbf{compet}(\mathbf{n}^1) = \mathbf{compet} \left( - \begin{bmatrix} \|\mathbf{w}^1 - \mathbf{p}\| \\ \|\mathbf{w}^1 - \mathbf{p}\| \\ \|\mathbf{w}^1 - \mathbf{p}\| \\ \|\mathbf{w}^1 - \mathbf{p}\| \end{bmatrix} \right) = \mathbf{compet} \begin{pmatrix} -2.40 \\ -2.11 \\ -1.09 \\ -2.03 \end{pmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}$$

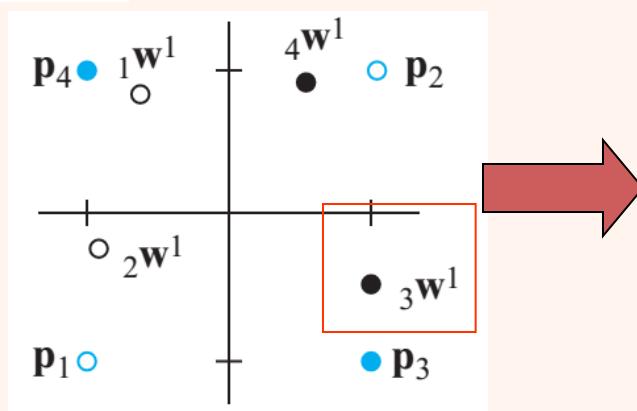
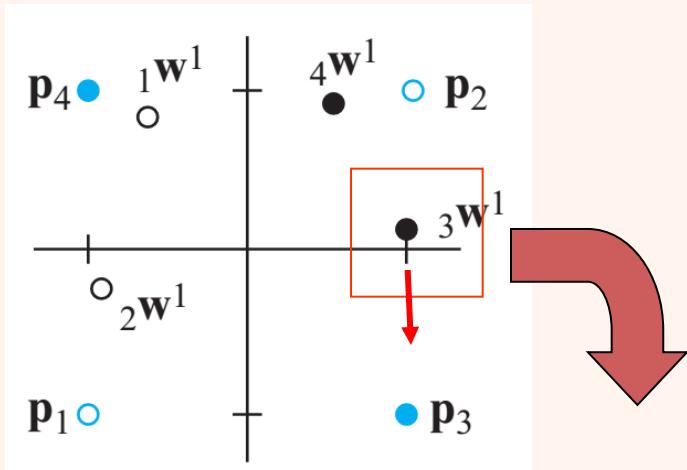
$$\mathbf{a}^2 = \mathbf{W}^2 \mathbf{a}^1 = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} = \mathbf{t}_3$$

$$_3\mathbf{w}^1(1) = _3\mathbf{w}^1(0) + 0.5(\mathbf{p}_3 - _3\mathbf{w}^1(0)) = \begin{bmatrix} 0.998 \\ -0.453 \end{bmatrix}$$

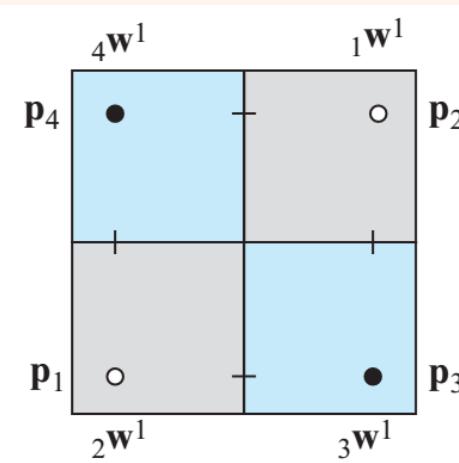


دانشکده  
سینمایی  
بهشتی

# مثال-فرآیند آموزش



بعد از یک تکرار



بعد از تکرار زیاد

دانشگاه  
سینمایی

# برفی مشکلات و موانع

- با این که LVQ در موارد بسیاری از عهده‌ی حل مسائل بر می‌آید، با محدودیت‌هایی مواجه خواهد بود:

- ممکن است در این حالت نیز «نوون مرده» داشته باشیم، در اینجا نیز می‌توان از «مکانیزم وجدان» استفاده نمود.

- در برفی موارد لازم است یک نوون به نامیه‌ای دیگر مرکت کند و در این بین ممکن است مجبور به گذر از نامیه‌ای باشد که به کلاس او تعلق ندارد. با توجه به دفع توسط آن کلاس امکان عبور نخواهد یافت و در نتیجه به درستی آموزش نخواهد دید.



دانشکده  
سینمایی  
بهشتی

- برای رفع این مشکل قانون آموزش kohonen به شیوه‌ی زیر بهبود می‌باید:
- در صورتی که کلاس‌بندی به درستی انجام شده باشد، آموزش مانند قبل انجام می‌شود.
- و گرنه، زیرکلاس انتخاب شده از نمونه‌ی آموزشی دور شده **و** نزدیک‌ترین کلاس به نمونه‌ی آموزشی به آن نزدیک فواهد شد. الگوریتم حاصل LVQ2 نام دارد.



دانشکده  
سینمایی  
بهشتی

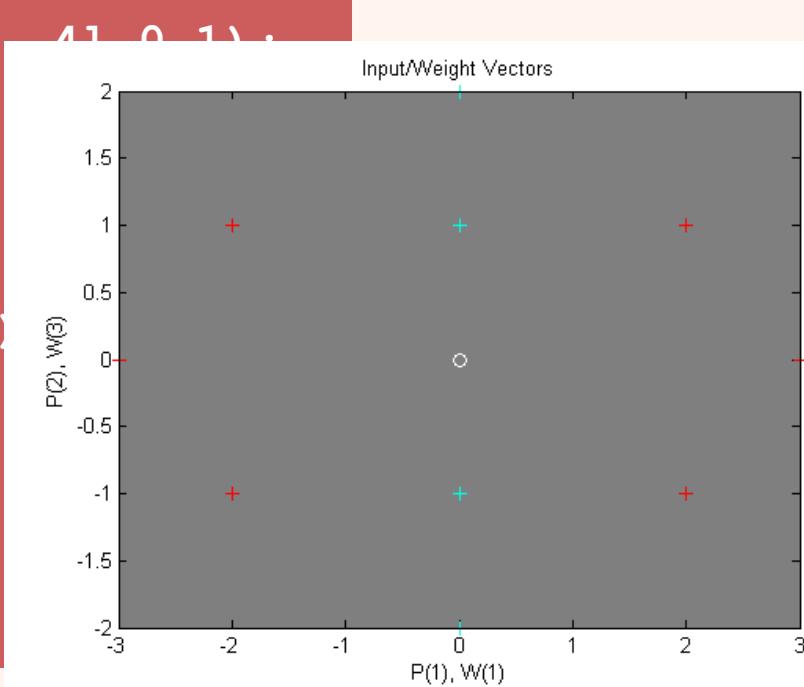
# مثال

```
P = [-3 -2 -2  0  0  0  0 +2 +2 +3;
      0 +1 -1 +2 +1 -1 -2 +1 -1  0];
C = [1 1 1 2 2 2 2 1 1 1];
T = ind2vec(C);
```

```
colormap(hsv);
plotvec(P,C)
title('Input Vectors');
xlabel('P(1)');
ylabel('P(2)');
```

```
lvqnet(hiddenSize,lvqLR,lvqLF)
```

```
net = newlvq(minmax(P),4,[.6
hold on
W1 = net.IW{1};
plot(W1(1,1),W1(1,2),'ow')
title('Input/Weight Vectors')
xlabel('P(1), W(1)');
ylabel('P(2), W(3)');
```



دانشگا  
رسانید  
بپیشاد



```

net.trainParam.epochs=150;
net=train(net,P,T);

cla;
plotvec(P,C);
hold on;
plotvec(net.IW{1}',vec2ind(net.LW{2}), 'o');
W1 = net.IW{1};
hold on;
voronoi(W1(:,1),W1(:,2))

```

```

p = [0.2; 1];
a = vec2ind(sim(net,

```

