

## 2º Teste Prático

Física Computacional — 2013/2014

24 de março de 2014 — Sala 11.2.8

Turma P4 — Duração: 2 horas

Justifique as suas respostas às perguntas.

Note que os símbolos a **negrito** representam vetores.

Deve ser criada uma pasta no desktop contendo os ficheiros .m e eventuais figuras.

1. Considere uma corda de massa não desprezável presa nas duas extremidades desde x = 0 a x = 5 m. A corda forma uma curva, u(x), que obedece à seguinte equação

$$\frac{\mathrm{d}^2 u}{\mathrm{d}x^2} - \frac{\rho g}{T_0} \sqrt{1 + \left(\frac{\mathrm{d}u}{\mathrm{d}x}\right)^2} = 0,$$

onde  $\rho$  é a densidade linear da corda, g a aceleração da gravidade e  $T_0$  a componente horizontal da tensão na corda que é constante em todo o seu comprimento. Considere  $\rho g/T_0=1~\text{m}^{-1}$ .

- a) Considere que a corda em x = 0 está presa a uma altura u(0) = 1 m e u'(0) = -0.1. Encontre a solução, usando a a rotina ode45. Faça o gráfico.
- b) Considere agora que a a corda está presa em x = 0 a uma altura u(0) = 1 m e em x = 5 a uma altura u(5) = 1.5 m e encontre a solução usando um método de shooting.
- **2.** Considere a função  $\cos(140t) + \cos(140.5t)$  Determine o passo de tempo e o tempo total de amostragem da função para que a transformada de Fourier discreta contenha as duas frequências bem resolvidas. Faça a amostragem correspondente, determine a transformada de Fourier e represente-a a graficamente.