- 1. Запишите уравнение:
  - (a) Прямой  $\mathbf{r}=\mathbf{r_0}+\mathbf{a}t$  в виде  $[\mathbf{r},\mathbf{a}]=\mathbf{b}$  (выразите  $\mathbf{b}$  через известные  $\mathbf{r_0}$  и  $\mathbf{a}$ )
  - (b) Плоскости  ${\bf r}={\bf r_0}+{\bf a}u+{\bf b}v$  в виде  $({\bf r},{\bf n})=D$  (выразите D и  ${\bf n}$  через известные  ${\bf r_0}$  и  ${\bf a}$  и  ${\bf b})$
- 2. Запишите уравнение прямой пересечения плоскостей  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_1}) = D_1$  и  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_2}) = D_2$ .
- 3. Даны скрещивающиеся прямые  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a_1}t$  и  $\mathbf{r} = \mathbf{r_2} + \mathbf{a_2}t$ . Выберите верные утверждения:

a) 
$$[a_1, a_2] = 0$$

b) 
$$[\mathbf{a_1}, \mathbf{a_2}] \neq 0$$

c) 
$$(\mathbf{r_2} - \mathbf{r_1}, \mathbf{a_1}, \mathbf{a_2}) = 0$$

d) 
$$(\mathbf{r_2} - \mathbf{r_1}, \mathbf{a_1}, \mathbf{a_2}) \neq 0$$

- 4. Найдите расстояние
  - (а) между двумя скрещивающимися прямыми  $[\mathbf{r},\mathbf{a_1}]=\mathbf{b_1}$  и  $[\mathbf{r},\mathbf{a_2}]=\mathbf{b_2}$
  - (b) от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до прямой  $\mathbf{r} = \mathbf{r_0} + \mathbf{a}t$
  - (c) от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до плоскости  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D$

4 октября 2018 г.

Алесь Бінкевіч

4 октября 2018 г. Алесь Бінкевіч

## Задания к воркшопу по аналитической геометрии

- 1. В правом ОНБ на векторах  $\mathbf{a}(0, -2, 2), \mathbf{b}(-2, -2, 3), \mathbf{c}(-4, 3, 1)$  построен тетраэдр. Найдите объем тетраэдра и его высоту, проведенную к основанию (за основание считайте треугольник, построенный на векторах  $\mathbf{a}$  и  $\mathbf{b}$ ).
- 2. Точка M определяется радиус-вектором  ${\bf r_0}$ . Запишите уравнение:
  - (a) прямой, проходящей через точку M перпендикулярно плоскости  $({\bf r},{\bf n})=D$
  - (b) плоскости, проходящей через точку M перпендикулярно прямой  $[{f r},{f a}]={f b}$
- 3. Найдите необходимое и достаточное условие, при котором плоскости  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_1}) = D_1$  и  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_2}) = D_2$ :
  - (а) пересекаются
  - (b) параллельны, но не совпадают
  - (с) совпадают
- 4. Найдите необходимое и достаточное условие, при котором плоскость  $(\mathbf{r}, \mathbf{n}) = D$  и прямая  $\mathbf{r} = \mathbf{r}_0 + \mathbf{a}t$ :
  - (а) имеют единственную общую точку
  - (b) не имеют общих точек
  - (с) имеют бесконечное число общих точек
- 5. Составить уравнение прямой, пересекающей прямую  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a}t$  под прямым углом и проходящей через точку  $M_0(\mathbf{r_0})$ , не лежащую на данной прямой (перпендикуляра, опущенного из точки на прямую).
- 6. Найти расстояние между параллельными прямыми  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b_1}$  и  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b_2}$ .
- 7. Найти уравнение прямой, пересекающей скрещивающиеся прямые  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a_1}t$  и  $\mathbf{r} = \mathbf{r_2} + \mathbf{a_2}t$  под прямым углом (общий перпендикуляр).

- 1. Даны прямая  $\mathbf{r} = \mathbf{r_0} + \mathbf{a}t$  и плоскость  $(\mathbf{r}, \mathbf{n}) = D$ , не параллельные между собой. Точка M лежит на прямой и удалена от плоскости на расстояние  $\rho$ . Найти радиус-вектор точки M.
- 2. Найдите радиус-вектор точки пересечения прямой  $[{\bf r},{\bf a}]={\bf b}$  и плоскости  $({\bf r},{\bf n})=D,$  если  $({\bf a},{\bf n})\neq 0$
- 3. Найдите расстояние от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до прямой  $[\mathbf{r},\mathbf{a}]=\mathbf{b}$
- 4. Найдите расстояние между параллельными плоскостями  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D_1$  и  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D_2.$

- 1. Запишите уравнение:
  - (a) Прямой  $\mathbf{r} = \mathbf{r_0} + \mathbf{a}t$  в виде  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b}$  (выразите  $\mathbf{b}$  через известные  $\mathbf{r_0}$  и  $\mathbf{a}$ )
  - (b) Плоскости  ${\bf r}={\bf r_0}+{\bf a}u+{\bf b}v$  в виде  $({\bf r},{\bf n})=D$  (выразите D и  ${\bf n}$  через известные  ${\bf r_0}$  и  ${\bf a}$  и  ${\bf b})$
- 2. Запишите уравнение прямой пересечения плоскостей  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_1}) = D_1$  и  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_2}) = D_2$ .
- 3. Даны скрещивающиеся прямые  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a_1}t$  и  $\mathbf{r} = \mathbf{r_2} + \mathbf{a_2}t$ . Выберите верные утверждения:

a) 
$$[a_1, a_2] = 0$$

b) 
$$[a_1, a_2] \neq 0$$

c) 
$$(\mathbf{r_2} - \mathbf{r_1}, \mathbf{a_1}, \mathbf{a_2}) = 0$$

d) 
$$(\mathbf{r_2} - \mathbf{r_1}, \mathbf{a_1}, \mathbf{a_2}) \neq 0$$

- 4. Найдите расстояние
  - (а) между двумя скрещивающимися прямыми  $[\mathbf{r},\mathbf{a_1}]=\mathbf{b_1}$  и  $[\mathbf{r},\mathbf{a_2}]=\mathbf{b_2}$
  - (b) от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до прямой  $\mathbf{r} = \mathbf{r_0} + \mathbf{a}t$
  - (c) от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до плоскости  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D$

- 1. В правом ОНБ на векторах  $\mathbf{a}(0, -2, 2), \mathbf{b}(-2, -2, 3), \mathbf{c}(-4, 3, 1)$  построен тетраэдр. Найдите объем тетраэдра и его высоту, проведенную к основанию (за основание считайте треугольник, построенный на векторах  $\mathbf{a}$  и  $\mathbf{b}$ ).
- 2. Точка M определяется радиус-вектором  ${\bf r_0}$ . Запишите уравнение:
  - (a) прямой, проходящей через точку M перпендикулярно плоскости  $({\bf r},{\bf n})=D$
  - (b) плоскости, проходящей через точку М перпендикулярно прямой  $[{f r},{f a}]={f b}$
- 3. Найдите необходимое и достаточное условие, при котором плоскости  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_1}) = D_1$  и  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_2}) = D_2$ :
  - (а) пересекаются
  - (b) параллельны, но не совпадают
  - (с) совпадают
- 4. Найдите необходимое и достаточное условие, при котором плоскость  $(\mathbf{r}, \mathbf{n}) = D$  и прямая  $\mathbf{r} = \mathbf{r}_0 + \mathbf{a}t$ :
  - (а) имеют единственную общую точку
  - (b) не имеют общих точек
  - (с) имеют бесконечное число общих точек
- 5. Составить уравнение прямой, пересекающей прямую  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a}t$  под прямым углом и проходящей через точку  $M_0(\mathbf{r_0})$ , не лежащую на данной прямой (перпендикуляра, опущенного из точки на прямую).
- 6. Найти расстояние между параллельными прямыми  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b_1}$  и  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b_2}$ .
- 7. Найти уравнение прямой, пересекающей скрещивающиеся прямые  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a_1}t$  и  $\mathbf{r} = \mathbf{r_2} + \mathbf{a_2}t$  под прямым углом (общий перпендикуляр).

- 1. Даны прямая  $\mathbf{r} = \mathbf{r_0} + \mathbf{a}t$  и плоскость  $(\mathbf{r}, \mathbf{n}) = D$ , не параллельные между собой. Точка M лежит на прямой и удалена от плоскости на расстояние  $\rho$ . Найти радиус-вектор точки M.
- 2. Найдите радиус-вектор точки пересечения прямой  $[{\bf r},{\bf a}]={\bf b}$  и плоскости  $({\bf r},{\bf n})=D,$  если  $({\bf a},{\bf n})\neq 0$
- 3. Найдите расстояние от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до прямой  $[\mathbf{r},\mathbf{a}]=\mathbf{b}$
- 4. Найдите расстояние между параллельными плоскостями  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D_1$  и  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D_2.$

- 1. Запишите уравнение:
  - (a) Прямой  $\mathbf{r} = \mathbf{r_0} + \mathbf{a}t$  в виде  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b}$  (выразите  $\mathbf{b}$  через известные  $\mathbf{r_0}$  и  $\mathbf{a}$ )
  - (b) Плоскости  ${\bf r}={\bf r_0}+{\bf a}u+{\bf b}v$  в виде  $({\bf r},{\bf n})=D$  (выразите D и  ${\bf n}$  через известные  ${\bf r_0}$  и  ${\bf a}$  и  ${\bf b}$ )
- 2. Запишите уравнение прямой пересечения плоскостей  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_1}) = D_1$  и  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_2}) = D_2$ .
- 3. Даны скрещивающиеся прямые  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a_1}t$  и  $\mathbf{r} = \mathbf{r_2} + \mathbf{a_2}t$ . Выберите верные утверждения:

a) 
$$[a_1, a_2] = 0$$

b) 
$$[a_1, a_2] \neq 0$$

c) 
$$(\mathbf{r_2} - \mathbf{r_1}, \mathbf{a_1}, \mathbf{a_2}) = 0$$

d) 
$$(\mathbf{r_2} - \mathbf{r_1}, \mathbf{a_1}, \mathbf{a_2}) \neq 0$$

- 4. Найдите расстояние
  - (а) между двумя скрещивающимися прямыми  $[\mathbf{r},\mathbf{a_1}]=\mathbf{b_1}$  и  $[\mathbf{r},\mathbf{a_2}]=\mathbf{b_2}$
  - (b) от точки  $M_0({f r_0})$  до прямой  ${f r}={f r_0}+{f a}t$
  - (c) от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до плоскости  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D$

- 1. В правом ОНБ на векторах  $\mathbf{a}(0, -2, 2), \mathbf{b}(-2, -2, 3), \mathbf{c}(-4, 3, 1)$  построен тетраэдр. Найдите объем тетраэдра и его высоту, проведенную к основанию (за основание считайте треугольник, построенный на векторах  $\mathbf{a}$  и  $\mathbf{b}$ ).
- 2. Точка M определяется радиус-вектором  ${\bf r_0}$ . Запишите уравнение:
  - (a) прямой, проходящей через точку M перпендикулярно плоскости  $({\bf r},{\bf n})=D$
  - (b) плоскости, проходящей через точку М перпендикулярно прямой  $[{f r},{f a}]={f b}$
- 3. Найдите необходимое и достаточное условие, при котором плоскости  $(\mathbf{r},\mathbf{n_1})=D_1$  и  $(\mathbf{r},\mathbf{n_2})=D_2$ :
  - (а) пересекаются
  - (b) параллельны, но не совпадают
  - (с) совпадают
- 4. Найдите необходимое и достаточное условие, при котором плоскость  $(\mathbf{r}, \mathbf{n}) = D$  и прямая  $\mathbf{r} = \mathbf{r_0} + \mathbf{a}t$ :
  - (а) имеют единственную общую точку
  - (b) не имеют общих точек
  - (с) имеют бесконечное число общих точек
- 5. Составить уравнение прямой, пересекающей прямую  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a}t$  под прямым углом и проходящей через точку  $M_0(\mathbf{r_0})$ , не лежащую на данной прямой (перпендикуляра, опущенного из точки на прямую).
- 6. Найти расстояние между параллельными прямыми  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b_1}$  и  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b_2}$ .
- 7. Найти уравнение прямой, пересекающей скрещивающиеся прямые  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a_1}t$  и  $\mathbf{r} = \mathbf{r_2} + \mathbf{a_2}t$  под прямым углом (общий перпендикуляр).

- 1. Даны прямая  $\mathbf{r} = \mathbf{r_0} + \mathbf{a}t$  и плоскость  $(\mathbf{r}, \mathbf{n}) = D$ , не параллельные между собой. Точка M лежит на прямой и удалена от плоскости на расстояние  $\rho$ . Найти радиус-вектор точки M.
- 2. Найдите радиус-вектор точки пересечения прямой  $[{\bf r},{\bf a}]={\bf b}$  и плоскости  $({\bf r},{\bf n})=D,$  если  $({\bf a},{\bf n})\neq 0$
- 3. Найдите расстояние от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до прямой  $[\mathbf{r},\mathbf{a}]=\mathbf{b}$
- 4. Найдите расстояние между параллельными плоскостями  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D_1$  и  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D_2.$

- 1. Запишите уравнение:
  - (a) Прямой  $\mathbf{r} = \mathbf{r_0} + \mathbf{a}t$  в виде  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b}$  (выразите  $\mathbf{b}$  через известные  $\mathbf{r_0}$  и  $\mathbf{a}$ )
  - (b) Плоскости  ${\bf r}={\bf r_0}+{\bf a}u+{\bf b}v$  в виде  $({\bf r},{\bf n})=D$  (выразите D и  ${\bf n}$  через известные  ${\bf r_0}$  и  ${\bf a}$  и  ${\bf b})$
- 2. Запишите уравнение прямой пересечения плоскостей  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_1}) = D_1$  и  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_2}) = D_2$ .
- 3. Даны скрещивающиеся прямые  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a_1}t$  и  $\mathbf{r} = \mathbf{r_2} + \mathbf{a_2}t$ . Выберите верные утверждения:

a) 
$$[a_1, a_2] = 0$$

b) 
$$[a_1, a_2] \neq 0$$

c) 
$$(\mathbf{r_2} - \mathbf{r_1}, \mathbf{a_1}, \mathbf{a_2}) = 0$$

d) 
$$(\mathbf{r_2} - \mathbf{r_1}, \mathbf{a_1}, \mathbf{a_2}) \neq 0$$

- 4. Найдите расстояние
  - (а) между двумя скрещивающимися прямыми  $[\mathbf{r},\mathbf{a_1}]=\mathbf{b_1}$  и  $[\mathbf{r},\mathbf{a_2}]=\mathbf{b_2}$
  - (b) от точки  $M_0({f r_0})$  до прямой  ${f r}={f r_0}+{f a}t$
  - (c) от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до плоскости  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D$

- 1. В правом ОНБ на векторах  $\mathbf{a}(0, -2, 2), \mathbf{b}(-2, -2, 3), \mathbf{c}(-4, 3, 1)$  построен тетраэдр. Найдите объем тетраэдра и его высоту, проведенную к основанию (за основание считайте треугольник, построенный на векторах  $\mathbf{a}$  и  $\mathbf{b}$ ).
- 2. Точка M определяется радиус-вектором  ${\bf r_0}$ . Запишите уравнение:
  - (a) прямой, проходящей через точку M перпендикулярно плоскости  $(\mathbf{r}, \mathbf{n}) = D$
  - (b) плоскости, проходящей через точку M перпендикулярно прямой  $[{f r},{f a}]={f b}$
- 3. Найдите необходимое и достаточное условие, при котором плоскости  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_1}) = D_1$  и  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_2}) = D_2$ :
  - (а) пересекаются
  - (b) параллельны, но не совпадают
  - (с) совпадают
- 4. Найдите необходимое и достаточное условие, при котором плоскость  $(\mathbf{r}, \mathbf{n}) = D$  и прямая  $\mathbf{r} = \mathbf{r}_0 + \mathbf{a}t$ :
  - (а) имеют единственную общую точку
  - (b) не имеют общих точек
  - (с) имеют бесконечное число общих точек
- 5. Составить уравнение прямой, пересекающей прямую  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a}t$  под прямым углом и проходящей через точку  $M_0(\mathbf{r_0})$ , не лежащую на данной прямой (перпендикуляра, опущенного из точки на прямую).
- 6. Найти расстояние между параллельными прямыми  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b_1}$  и  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b_2}$ .
- 7. Найти уравнение прямой, пересекающей скрещивающиеся прямые  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a_1}t$  и  $\mathbf{r} = \mathbf{r_2} + \mathbf{a_2}t$  под прямым углом (общий перпендикуляр).

- 1. Даны прямая  $\mathbf{r} = \mathbf{r_0} + \mathbf{a}t$  и плоскость  $(\mathbf{r}, \mathbf{n}) = D$ , не параллельные между собой. Точка M лежит на прямой и удалена от плоскости на расстояние  $\rho$ . Найти радиус-вектор точки M.
- 2. Найдите радиус-вектор точки пересечения прямой  $[{\bf r},{\bf a}]={\bf b}$  и плоскости  $({\bf r},{\bf n})=D,$  если  $({\bf a},{\bf n})\neq 0$
- 3. Найдите расстояние от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до прямой  $[\mathbf{r},\mathbf{a}]=\mathbf{b}$
- 4. Найдите расстояние между параллельными плоскостями  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D_1$  и  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D_2.$

- 1. Запишите уравнение:
  - (a) Прямой  $\mathbf{r} = \mathbf{r_0} + \mathbf{a}t$  в виде  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b}$  (выразите  $\mathbf{b}$  через известные  $\mathbf{r_0}$  и  $\mathbf{a}$ )
  - (b) Плоскости  ${\bf r}={\bf r_0}+{\bf a}u+{\bf b}v$  в виде  $({\bf r},{\bf n})=D$  (выразите D и  ${\bf n}$  через известные  ${\bf r_0}$  и  ${\bf a}$  и  ${\bf b})$
- 2. Запишите уравнение прямой пересечения плоскостей  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_1}) = D_1$  и  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_2}) = D_2$ .
- 3. Даны скрещивающиеся прямые  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a_1}t$  и  $\mathbf{r} = \mathbf{r_2} + \mathbf{a_2}t$ . Выберите верные утверждения:

a) 
$$[a_1, a_2] = 0$$

b) 
$$[\mathbf{a_1}, \mathbf{a_2}] \neq 0$$

c) 
$$(\mathbf{r_2} - \mathbf{r_1}, \mathbf{a_1}, \mathbf{a_2}) = 0$$

d) 
$$(\mathbf{r_2} - \mathbf{r_1}, \mathbf{a_1}, \mathbf{a_2}) \neq 0$$

- 4. Найдите расстояние
  - (а) между двумя скрещивающимися прямыми  $[{f r},{f a_1}]={f b_1}$  и  $[{f r},{f a_2}]={f b_2}$
  - (b) от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до прямой  $\mathbf{r} = \mathbf{r_0} + \mathbf{a}t$
  - (c) от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до плоскости  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D$

- 1. В правом ОНБ на векторах  $\mathbf{a}(0, -2, 2), \mathbf{b}(-2, -2, 3), \mathbf{c}(-4, 3, 1)$  построен тетраэдр. Найдите объем тетраэдра и его высоту, проведенную к основанию (за основание считайте треугольник, построенный на векторах  $\mathbf{a}$  и  $\mathbf{b}$ ).
- 2. Точка M определяется радиус-вектором  ${\bf r_0}$ . Запишите уравнение:
  - (a) прямой, проходящей через точку M перпендикулярно плоскости  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D$
  - (b) плоскости, проходящей через точку M перпендикулярно прямой  $[{f r},{f a}]={f b}$
- 3. Найдите необходимое и достаточное условие, при котором плоскости  $(\mathbf{r},\mathbf{n_1})=D_1$  и  $(\mathbf{r},\mathbf{n_2})=D_2$ :
  - (а) пересекаются
  - (b) параллельны, но не совпадают
  - (с) совпадают
- 4. Найдите необходимое и достаточное условие, при котором плоскость  $(\mathbf{r}, \mathbf{n}) = D$  и прямая  $\mathbf{r} = \mathbf{r}_0 + \mathbf{a}t$ :
  - (а) имеют единственную общую точку
  - (b) не имеют общих точек
  - (с) имеют бесконечное число общих точек
- 5. Составить уравнение прямой, пересекающей прямую  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a}t$  под прямым углом и проходящей через точку  $M_0(\mathbf{r_0})$ , не лежащую на данной прямой (перпендикуляра, опущенного из точки на прямую).
- 6. Найти расстояние между параллельными прямыми  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b_1}$  и  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b_2}$ .
- 7. Найти уравнение прямой, пересекающей скрещивающиеся прямые  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a_1}t$  и  $\mathbf{r} = \mathbf{r_2} + \mathbf{a_2}t$  под прямым углом (общий перпендикуляр).

- 1. Даны прямая  $\mathbf{r} = \mathbf{r_0} + \mathbf{a}t$  и плоскость  $(\mathbf{r}, \mathbf{n}) = D$ , не параллельные между собой. Точка M лежит на прямой и удалена от плоскости на расстояние  $\rho$ . Найти радиус-вектор точки M.
- 2. Найдите радиус-вектор точки пересечения прямой  $[{\bf r},{\bf a}]={\bf b}$  и плоскости  $({\bf r},{\bf n})=D,$  если  $({\bf a},{\bf n})\neq 0$
- 3. Найдите расстояние от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до прямой  $[\mathbf{r},\mathbf{a}]=\mathbf{b}$
- 4. Найдите расстояние между параллельными плоскостями  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D_1$  и  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D_2.$

- 1. Запишите уравнение:
  - (а) Прямой  $\mathbf{r}=\mathbf{r_0}+\mathbf{a}t$  в виде  $[\mathbf{r},\mathbf{a}]=\mathbf{b}$  (выразите  $\mathbf{b}$  через известные  $\mathbf{r_0}$  и  $\mathbf{a}$ )
  - (b) Плоскости  ${\bf r}={\bf r_0}+{\bf a}u+{\bf b}v$  в виде  $({\bf r},{\bf n})=D$  (выразите D и  ${\bf n}$  через известные  ${\bf r_0}$  и  ${\bf a}$  и  ${\bf b}$ )
- 2. Запишите уравнение прямой пересечения плоскостей  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_1}) = D_1$  и  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_2}) = D_2$ .
- 3. Даны скрещивающиеся прямые  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a_1}t$  и  $\mathbf{r} = \mathbf{r_2} + \mathbf{a_2}t$ . Выберите верные утверждения:

a) 
$$[a_1, a_2] = 0$$

b) 
$$[a_1, a_2] \neq 0$$

c) 
$$(\mathbf{r_2} - \mathbf{r_1}, \mathbf{a_1}, \mathbf{a_2}) = 0$$

d) 
$$(\mathbf{r_2} - \mathbf{r_1}, \mathbf{a_1}, \mathbf{a_2}) \neq 0$$

- 4. Найдите расстояние
  - (а) между двумя скрещивающимися прямыми  $[{f r},{f a_1}]={f b_1}$  и  $[{f r},{f a_2}]={f b_2}$
  - (b) от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до прямой  $\mathbf{r} = \mathbf{r_0} + \mathbf{a}t$
  - (c) от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до плоскости  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D$

- 1. В правом ОНБ на векторах  $\mathbf{a}(0, -2, 2), \mathbf{b}(-2, -2, 3), \mathbf{c}(-4, 3, 1)$  построен тетраэдр. Найдите объем тетраэдра и его высоту, проведенную к основанию (за основание считайте треугольник, построенный на векторах  $\mathbf{a}$  и  $\mathbf{b}$ ).
- 2. Точка M определяется радиус-вектором  ${\bf r_0}$ . Запишите уравнение:
  - (a) прямой, проходящей через точку M перпендикулярно плоскости  $({\bf r},{\bf n})=D$
  - (b) плоскости, проходящей через точку M перпендикулярно прямой  $[{f r},{f a}]={f b}$
- 3. Найдите необходимое и достаточное условие, при котором плоскости  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_1}) = D_1$  и  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_2}) = D_2$ :
  - (а) пересекаются
  - (b) параллельны, но не совпадают
  - (с) совпадают
- 4. Найдите необходимое и достаточное условие, при котором плоскость  $(\mathbf{r}, \mathbf{n}) = D$  и прямая  $\mathbf{r} = \mathbf{r}_0 + \mathbf{a}t$ :
  - (а) имеют единственную общую точку
  - (b) не имеют общих точек
  - (с) имеют бесконечное число общих точек
- 5. Составить уравнение прямой, пересекающей прямую  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a}t$  под прямым углом и проходящей через точку  $M_0(\mathbf{r_0})$ , не лежащую на данной прямой (перпендикуляра, опущенного из точки на прямую).
- 6. Найти расстояние между параллельными прямыми  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b_1}$  и  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b_2}$ .
- 7. Найти уравнение прямой, пересекающей скрещивающиеся прямые  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a_1}t$  и  $\mathbf{r} = \mathbf{r_2} + \mathbf{a_2}t$  под прямым углом (общий перпендикуляр).

- 1. Даны прямая  $\mathbf{r} = \mathbf{r_0} + \mathbf{a}t$  и плоскость  $(\mathbf{r}, \mathbf{n}) = D$ , не параллельные между собой. Точка M лежит на прямой и удалена от плоскости на расстояние  $\rho$ . Найти радиус-вектор точки M.
- 2. Найдите радиус-вектор точки пересечения прямой  $[{\bf r},{\bf a}]={\bf b}$  и плоскости  $({\bf r},{\bf n})=D,$  если  $({\bf a},{\bf n})\neq 0$
- 3. Найдите расстояние от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до прямой  $[\mathbf{r},\mathbf{a}]=\mathbf{b}$
- 4. Найдите расстояние между параллельными плоскостями  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D_1$  и  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D_2.$

- 1. Запишите уравнение:
  - (a) Прямой  $\mathbf{r} = \mathbf{r_0} + \mathbf{a}t$  в виде  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b}$  (выразите  $\mathbf{b}$  через известные  $\mathbf{r_0}$  и  $\mathbf{a}$ )
  - (b) Плоскости  ${\bf r}={\bf r_0}+{\bf a}u+{\bf b}v$  в виде  $({\bf r},{\bf n})=D$  (выразите D и  ${\bf n}$  через известные  ${\bf r_0}$  и  ${\bf a}$  и  ${\bf b})$
- 2. Запишите уравнение прямой пересечения плоскостей  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_1}) = D_1$  и  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_2}) = D_2$ .
- 3. Даны скрещивающиеся прямые  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a_1}t$  и  $\mathbf{r} = \mathbf{r_2} + \mathbf{a_2}t$ . Выберите верные утверждения:

a) 
$$[a_1, a_2] = 0$$

b) 
$$[{\bf a_1}, {\bf a_2}] \neq 0$$

c) 
$$(\mathbf{r_2} - \mathbf{r_1}, \mathbf{a_1}, \mathbf{a_2}) = 0$$

d) 
$$(\mathbf{r_2} - \mathbf{r_1}, \mathbf{a_1}, \mathbf{a_2}) \neq 0$$

- 4. Найдите расстояние
  - (а) между двумя скрещивающимися прямыми  $[\mathbf{r},\mathbf{a_1}]=\mathbf{b_1}$  и  $[\mathbf{r},\mathbf{a_2}]=\mathbf{b_2}$
  - (b) от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до прямой  $\mathbf{r} = \mathbf{r_0} + \mathbf{a}t$
  - (c) от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до плоскости  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D$

- 1. В правом ОНБ на векторах  $\mathbf{a}(0, -2, 2), \mathbf{b}(-2, -2, 3), \mathbf{c}(-4, 3, 1)$  построен тетраэдр. Найдите объем тетраэдра и его высоту, проведенную к основанию (за основание считайте треугольник, построенный на векторах  $\mathbf{a}$  и  $\mathbf{b}$ ).
- 2. Точка M определяется радиус-вектором  ${\bf r_0}$ . Запишите уравнение:
  - (a) прямой, проходящей через точку M перпендикулярно плоскости  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D$
  - (b) плоскости, проходящей через точку M перпендикулярно прямой  $[{f r},{f a}]={f b}$
- 3. Найдите необходимое и достаточное условие, при котором плоскости  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_1}) = D_1$  и  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_2}) = D_2$ :
  - (а) пересекаются
  - (b) параллельны, но не совпадают
  - (с) совпадают
- 4. Найдите необходимое и достаточное условие, при котором плоскость  $(\mathbf{r}, \mathbf{n}) = D$  и прямая  $\mathbf{r} = \mathbf{r}_0 + \mathbf{a}t$ :
  - (а) имеют единственную общую точку
  - (b) не имеют общих точек
  - (с) имеют бесконечное число общих точек
- 5. Составить уравнение прямой, пересекающей прямую  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a}t$  под прямым углом и проходящей через точку  $M_0(\mathbf{r_0})$ , не лежащую на данной прямой (перпендикуляра, опущенного из точки на прямую).
- 6. Найти расстояние между параллельными прямыми  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b_1}$  и  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b_2}$ .
- 7. Найти уравнение прямой, пересекающей скрещивающиеся прямые  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a_1}t$  и  $\mathbf{r} = \mathbf{r_2} + \mathbf{a_2}t$  под прямым углом (общий перпендикуляр).

- 1. Даны прямая  $\mathbf{r} = \mathbf{r_0} + \mathbf{a}t$  и плоскость  $(\mathbf{r}, \mathbf{n}) = D$ , не параллельные между собой. Точка M лежит на прямой и удалена от плоскости на расстояние  $\rho$ . Найти радиус-вектор точки M.
- 2. Найдите радиус-вектор точки пересечения прямой  $[{\bf r},{\bf a}]={\bf b}$  и плоскости  $({\bf r},{\bf n})=D,$  если  $({\bf a},{\bf n})\neq 0$
- 3. Найдите расстояние от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до прямой  $[\mathbf{r},\mathbf{a}]=\mathbf{b}$
- 4. Найдите расстояние между параллельными плоскостями  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D_1$  и  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D_2.$

- 1. Запишите уравнение:
  - (a) Прямой  $\mathbf{r} = \mathbf{r_0} + \mathbf{a}t$  в виде  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b}$  (выразите  $\mathbf{b}$  через известные  $\mathbf{r_0}$  и  $\mathbf{a}$ )
  - (b) Плоскости  ${\bf r}={\bf r_0}+{\bf a}u+{\bf b}v$  в виде  $({\bf r},{\bf n})=D$  (выразите D и  ${\bf n}$  через известные  ${\bf r_0}$  и  ${\bf a}$  и  ${\bf b})$
- 2. Запишите уравнение прямой пересечения плоскостей  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_1}) = D_1$  и  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_2}) = D_2$ .
- 3. Даны скрещивающиеся прямые  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a_1}t$  и  $\mathbf{r} = \mathbf{r_2} + \mathbf{a_2}t$ . Выберите верные утверждения:

a) 
$$[a_1, a_2] = 0$$

b) 
$$[a_1, a_2] \neq 0$$

c) 
$$(\mathbf{r_2} - \mathbf{r_1}, \mathbf{a_1}, \mathbf{a_2}) = 0$$

d) 
$$(\mathbf{r_2} - \mathbf{r_1}, \mathbf{a_1}, \mathbf{a_2}) \neq 0$$

- 4. Найдите расстояние
  - (а) между двумя скрещивающимися прямыми  $[\mathbf{r},\mathbf{a_1}]=\mathbf{b_1}$  и  $[\mathbf{r},\mathbf{a_2}]=\mathbf{b_2}$
  - (b) от точки  $M_0({f r_0})$  до прямой  ${f r}={f r_0}+{f a}t$
  - (c) от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до плоскости  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D$

- 1. В правом ОНБ на векторах  $\mathbf{a}(0, -2, 2), \mathbf{b}(-2, -2, 3), \mathbf{c}(-4, 3, 1)$  построен тетраэдр. Найдите объем тетраэдра и его высоту, проведенную к основанию (за основание считайте треугольник, построенный на векторах  $\mathbf{a}$  и  $\mathbf{b}$ ).
- 2. Точка M определяется радиус-вектором  ${\bf r_0}$ . Запишите уравнение:
  - (a) прямой, проходящей через точку M перпендикулярно плоскости  $(\mathbf{r}, \mathbf{n}) = D$
  - (b) плоскости, проходящей через точку M перпендикулярно прямой  $[{f r},{f a}]={f b}$
- 3. Найдите необходимое и достаточное условие, при котором плоскости  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_1}) = D_1$  и  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_2}) = D_2$ :
  - (а) пересекаются
  - (b) параллельны, но не совпадают
  - (с) совпадают
- 4. Найдите необходимое и достаточное условие, при котором плоскость  $(\mathbf{r}, \mathbf{n}) = D$  и прямая  $\mathbf{r} = \mathbf{r}_0 + \mathbf{a}t$ :
  - (а) имеют единственную общую точку
  - (b) не имеют общих точек
  - (с) имеют бесконечное число общих точек
- 5. Составить уравнение прямой, пересекающей прямую  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a}t$  под прямым углом и проходящей через точку  $M_0(\mathbf{r_0})$ , не лежащую на данной прямой (перпендикуляра, опущенного из точки на прямую).
- 6. Найти расстояние между параллельными прямыми  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b_1}$  и  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b_2}$ .
- 7. Найти уравнение прямой, пересекающей скрещивающиеся прямые  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a_1}t$  и  $\mathbf{r} = \mathbf{r_2} + \mathbf{a_2}t$  под прямым углом (общий перпендикуляр).

- 1. Даны прямая  $\mathbf{r} = \mathbf{r_0} + \mathbf{a}t$  и плоскость  $(\mathbf{r}, \mathbf{n}) = D$ , не параллельные между собой. Точка M лежит на прямой и удалена от плоскости на расстояние  $\rho$ . Найти радиус-вектор точки M.
- 2. Найдите радиус-вектор точки пересечения прямой  $[{\bf r},{\bf a}]={\bf b}$  и плоскости  $({\bf r},{\bf n})=D,$  если  $({\bf a},{\bf n})\neq 0$
- 3. Найдите расстояние от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до прямой  $[\mathbf{r},\mathbf{a}]=\mathbf{b}$
- 4. Найдите расстояние между параллельными плоскостями  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D_1$  и  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D_2.$

- 1. Запишите уравнение:
  - (a) Прямой  $\mathbf{r} = \mathbf{r_0} + \mathbf{a}t$  в виде  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b}$  (выразите  $\mathbf{b}$  через известные  $\mathbf{r_0}$  и  $\mathbf{a}$ )
  - (b) Плоскости  ${\bf r}={\bf r_0}+{\bf a}u+{\bf b}v$  в виде  $({\bf r},{\bf n})=D$  (выразите D и  ${\bf n}$  через известные  ${\bf r_0}$  и  ${\bf a}$  и  ${\bf b}$ )
- 2. Запишите уравнение прямой пересечения плоскостей  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_1}) = D_1$  и  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_2}) = D_2$ .
- 3. Даны скрещивающиеся прямые  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a_1}t$  и  $\mathbf{r} = \mathbf{r_2} + \mathbf{a_2}t$ . Выберите верные утверждения:

a) 
$$[a_1, a_2] = 0$$

b) 
$$[{\bf a_1}, {\bf a_2}] \neq 0$$

c) 
$$(\mathbf{r_2} - \mathbf{r_1}, \mathbf{a_1}, \mathbf{a_2}) = 0$$

d) 
$$(\mathbf{r_2} - \mathbf{r_1}, \mathbf{a_1}, \mathbf{a_2}) \neq 0$$

- 4. Найдите расстояние
  - (а) между двумя скрещивающимися прямыми  $[\mathbf{r},\mathbf{a_1}]=\mathbf{b_1}$  и  $[\mathbf{r},\mathbf{a_2}]=\mathbf{b_2}$
  - (b) от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до прямой  $\mathbf{r} = \mathbf{r_0} + \mathbf{a}t$
  - (c) от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до плоскости  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D$

4 октября 2018 г. Клюкин Михаил

4 октября 2018 г. Клюкин Михаил

## Задания к воркшопу по аналитической геометрии

- 1. В правом ОНБ на векторах  $\mathbf{a}(0, -2, 2), \mathbf{b}(-2, -2, 3), \mathbf{c}(-4, 3, 1)$  построен тетраэдр. Найдите объем тетраэдра и его высоту, проведенную к основанию (за основание считайте треугольник, построенный на векторах  $\mathbf{a}$  и  $\mathbf{b}$ ).
- 2. Точка M определяется радиус-вектором  ${\bf r_0}$ . Запишите уравнение:
  - (a) прямой, проходящей через точку M перпендикулярно плоскости  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D$
  - (b) плоскости, проходящей через точку M перпендикулярно прямой  $[{f r},{f a}]={f b}$
- 3. Найдите необходимое и достаточное условие, при котором плоскости  $(\mathbf{r},\mathbf{n_1})=D_1$  и  $(\mathbf{r},\mathbf{n_2})=D_2$ :
  - (а) пересекаются
  - (b) параллельны, но не совпадают
  - (с) совпадают
- 4. Найдите необходимое и достаточное условие, при котором плоскость  $(\mathbf{r}, \mathbf{n}) = D$  и прямая  $\mathbf{r} = \mathbf{r}_0 + \mathbf{a}t$ :
  - (а) имеют единственную общую точку
  - (b) не имеют общих точек
  - (с) имеют бесконечное число общих точек
- 5. Составить уравнение прямой, пересекающей прямую  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a}t$  под прямым углом и проходящей через точку  $M_0(\mathbf{r_0})$ , не лежащую на данной прямой (перпендикуляра, опущенного из точки на прямую).
- 6. Найти расстояние между параллельными прямыми  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b_1}$  и  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b_2}$ .
- 7. Найти уравнение прямой, пересекающей скрещивающиеся прямые  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a_1}t$  и  $\mathbf{r} = \mathbf{r_2} + \mathbf{a_2}t$  под прямым углом (общий перпендикуляр).

4 октября 2018 г. Клюкин Михаил

### Дополнительные индивидуальные задания

1. Даны прямая  $\mathbf{r} = \mathbf{r_0} + \mathbf{a}t$  и плоскость  $(\mathbf{r}, \mathbf{n}) = D$ , не параллельные между собой. Точка M лежит на прямой и удалена от плоскости на расстояние  $\rho$ . Найти радиус-вектор точки M.

- 2. Найдите радиус-вектор точки пересечения прямой  $[{\bf r},{\bf a}]={\bf b}$  и плоскости  $({\bf r},{\bf n})=D,$  если  $({\bf a},{\bf n})\neq 0$
- 3. Найдите расстояние от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до прямой  $[\mathbf{r},\mathbf{a}]=\mathbf{b}$
- 4. Найдите расстояние между параллельными плоскостями  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D_1$  и  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D_2.$

- 1. Запишите уравнение:
  - (а) Прямой  $\mathbf{r}=\mathbf{r_0}+\mathbf{a}t$  в виде  $[\mathbf{r},\mathbf{a}]=\mathbf{b}$  (выразите  $\mathbf{b}$  через известные  $\mathbf{r_0}$  и  $\mathbf{a}$ )
  - (b) Плоскости  ${\bf r}={\bf r_0}+{\bf a}u+{\bf b}v$  в виде  $({\bf r},{\bf n})=D$  (выразите D и  ${\bf n}$  через известные  ${\bf r_0}$  и  ${\bf a}$  и  ${\bf b})$
- 2. Запишите уравнение прямой пересечения плоскостей  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_1}) = D_1$  и  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_2}) = D_2$ .
- 3. Даны скрещивающиеся прямые  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a_1}t$  и  $\mathbf{r} = \mathbf{r_2} + \mathbf{a_2}t$ . Выберите верные утверждения:

a) 
$$[a_1, a_2] = 0$$

b) 
$$[\mathbf{a_1}, \mathbf{a_2}] \neq 0$$

c) 
$$(\mathbf{r_2} - \mathbf{r_1}, \mathbf{a_1}, \mathbf{a_2}) = 0$$

d) 
$$(\mathbf{r_2} - \mathbf{r_1}, \mathbf{a_1}, \mathbf{a_2}) \neq 0$$

- 4. Найдите расстояние
  - (а) между двумя скрещивающимися прямыми  $[\mathbf{r},\mathbf{a_1}]=\mathbf{b_1}$  и  $[\mathbf{r},\mathbf{a_2}]=\mathbf{b_2}$
  - (b) от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до прямой  $\mathbf{r}=\mathbf{r_0}+\mathbf{a}t$
  - (c) от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до плоскости  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D$

- 1. В правом ОНБ на векторах  $\mathbf{a}(0, -2, 2), \mathbf{b}(-2, -2, 3), \mathbf{c}(-4, 3, 1)$  построен тетраэдр. Найдите объем тетраэдра и его высоту, проведенную к основанию (за основание считайте треугольник, построенный на векторах  $\mathbf{a}$  и  $\mathbf{b}$ ).
- 2. Точка M определяется радиус-вектором  ${\bf r_0}$ . Запишите уравнение:
  - (a) прямой, проходящей через точку M перпендикулярно плоскости  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D$
  - (b) плоскости, проходящей через точку M перпендикулярно прямой  $[{f r},{f a}]={f b}$
- 3. Найдите необходимое и достаточное условие, при котором плоскости  $(\mathbf{r},\mathbf{n_1})=D_1$  и  $(\mathbf{r},\mathbf{n_2})=D_2$ :
  - (а) пересекаются
  - (b) параллельны, но не совпадают
  - (с) совпадают
- 4. Найдите необходимое и достаточное условие, при котором плоскость  $(\mathbf{r}, \mathbf{n}) = D$  и прямая  $\mathbf{r} = \mathbf{r}_0 + \mathbf{a}t$ :
  - (а) имеют единственную общую точку
  - (b) не имеют общих точек
  - (с) имеют бесконечное число общих точек
- 5. Составить уравнение прямой, пересекающей прямую  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a}t$  под прямым углом и проходящей через точку  $M_0(\mathbf{r_0})$ , не лежащую на данной прямой (перпендикуляра, опущенного из точки на прямую).
- 6. Найти расстояние между параллельными прямыми  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b_1}$  и  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b_2}$ .
- 7. Найти уравнение прямой, пересекающей скрещивающиеся прямые  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a_1}t$  и  $\mathbf{r} = \mathbf{r_2} + \mathbf{a_2}t$  под прямым углом (общий перпендикуляр).

- 1. Даны прямая  $\mathbf{r} = \mathbf{r_0} + \mathbf{a}t$  и плоскость  $(\mathbf{r}, \mathbf{n}) = D$ , не параллельные между собой. Точка M лежит на прямой и удалена от плоскости на расстояние  $\rho$ . Найти радиус-вектор точки M.
- 2. Найдите радиус-вектор точки пересечения прямой  $[{\bf r},{\bf a}]={\bf b}$  и плоскости  $({\bf r},{\bf n})=D,$  если  $({\bf a},{\bf n})\neq 0$
- 3. Найдите расстояние от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до прямой  $[\mathbf{r},\mathbf{a}]=\mathbf{b}$
- 4. Найдите расстояние между параллельными плоскостями  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D_1$  и  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D_2.$

- 1. Запишите уравнение:
  - (a) Прямой  $\mathbf{r} = \mathbf{r_0} + \mathbf{a}t$  в виде  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b}$  (выразите  $\mathbf{b}$  через известные  $\mathbf{r_0}$  и  $\mathbf{a}$ )
  - (b) Плоскости  ${\bf r}={\bf r_0}+{\bf a}u+{\bf b}v$  в виде  $({\bf r},{\bf n})=D$  (выразите D и  ${\bf n}$  через известные  ${\bf r_0}$  и  ${\bf a}$  и  ${\bf b}$ )
- 2. Запишите уравнение прямой пересечения плоскостей  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_1}) = D_1$  и  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_2}) = D_2$ .
- 3. Даны скрещивающиеся прямые  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a_1}t$  и  $\mathbf{r} = \mathbf{r_2} + \mathbf{a_2}t$ . Выберите верные утверждения:

a) 
$$[a_1, a_2] = 0$$

b) 
$$[\mathbf{a_1}, \mathbf{a_2}] \neq 0$$

c) 
$$(\mathbf{r_2} - \mathbf{r_1}, \mathbf{a_1}, \mathbf{a_2}) = 0$$

d) 
$$(\mathbf{r_2} - \mathbf{r_1}, \mathbf{a_1}, \mathbf{a_2}) \neq 0$$

- 4. Найдите расстояние
  - (а) между двумя скрещивающимися прямыми  $[\mathbf{r},\mathbf{a_1}]=\mathbf{b_1}$  и  $[\mathbf{r},\mathbf{a_2}]=\mathbf{b_2}$
  - (b) от точки  $M_0({f r_0})$  до прямой  ${f r}={f r_0}+{f a}t$
  - (c) от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до плоскости  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D$

- 1. В правом ОНБ на векторах  $\mathbf{a}(0, -2, 2), \mathbf{b}(-2, -2, 3), \mathbf{c}(-4, 3, 1)$  построен тетраэдр. Найдите объем тетраэдра и его высоту, проведенную к основанию (за основание считайте треугольник, построенный на векторах  $\mathbf{a}$  и  $\mathbf{b}$ ).
- 2. Точка M определяется радиус-вектором  ${\bf r_0}$ . Запишите уравнение:
  - (a) прямой, проходящей через точку M перпендикулярно плоскости  $({\bf r},{\bf n})=D$
  - (b) плоскости, проходящей через точку M перпендикулярно прямой  $[{f r},{f a}]={f b}$
- 3. Найдите необходимое и достаточное условие, при котором плоскости  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_1}) = D_1$  и  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_2}) = D_2$ :
  - (а) пересекаются
  - (b) параллельны, но не совпадают
  - (с) совпадают
- 4. Найдите необходимое и достаточное условие, при котором плоскость  $(\mathbf{r}, \mathbf{n}) = D$  и прямая  $\mathbf{r} = \mathbf{r}_0 + \mathbf{a}t$ :
  - (а) имеют единственную общую точку
  - (b) не имеют общих точек
  - (с) имеют бесконечное число общих точек
- 5. Составить уравнение прямой, пересекающей прямую  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a}t$  под прямым углом и проходящей через точку  $M_0(\mathbf{r_0})$ , не лежащую на данной прямой (перпендикуляра, опущенного из точки на прямую).
- 6. Найти расстояние между параллельными прямыми  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b_1}$  и  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b_2}$ .
- 7. Найти уравнение прямой, пересекающей скрещивающиеся прямые  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a_1}t$  и  $\mathbf{r} = \mathbf{r_2} + \mathbf{a_2}t$  под прямым углом (общий перпендикуляр).

- 1. Даны прямая  $\mathbf{r} = \mathbf{r_0} + \mathbf{a}t$  и плоскость  $(\mathbf{r}, \mathbf{n}) = D$ , не параллельные между собой. Точка M лежит на прямой и удалена от плоскости на расстояние  $\rho$ . Найти радиус-вектор точки M.
- 2. Найдите радиус-вектор точки пересечения прямой  $[{\bf r},{\bf a}]={\bf b}$  и плоскости  $({\bf r},{\bf n})=D,$  если  $({\bf a},{\bf n})\neq 0$
- 3. Найдите расстояние от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до прямой  $[\mathbf{r},\mathbf{a}]=\mathbf{b}$
- 4. Найдите расстояние между параллельными плоскостями  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D_1$  и  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D_2.$

- 1. Запишите уравнение:
  - (a) Прямой  $\mathbf{r} = \mathbf{r_0} + \mathbf{a}t$  в виде  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b}$  (выразите  $\mathbf{b}$  через известные  $\mathbf{r_0}$  и  $\mathbf{a}$ )
  - (b) Плоскости  ${\bf r}={\bf r_0}+{\bf a}u+{\bf b}v$  в виде  $({\bf r},{\bf n})=D$  (выразите D и  ${\bf n}$  через известные  ${\bf r_0}$  и  ${\bf a}$  и  ${\bf b}$ )
- 2. Запишите уравнение прямой пересечения плоскостей  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_1}) = D_1$  и  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_2}) = D_2$ .
- 3. Даны скрещивающиеся прямые  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a_1}t$  и  $\mathbf{r} = \mathbf{r_2} + \mathbf{a_2}t$ . Выберите верные утверждения:

a) 
$$[a_1, a_2] = 0$$

b) 
$$[a_1, a_2] \neq 0$$

c) 
$$(\mathbf{r_2} - \mathbf{r_1}, \mathbf{a_1}, \mathbf{a_2}) = 0$$

d) 
$$(\mathbf{r_2} - \mathbf{r_1}, \mathbf{a_1}, \mathbf{a_2}) \neq 0$$

- 4. Найдите расстояние
  - (а) между двумя скрещивающимися прямыми  $[\mathbf{r},\mathbf{a_1}]=\mathbf{b_1}$  и  $[\mathbf{r},\mathbf{a_2}]=\mathbf{b_2}$
  - (b) от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до прямой  $\mathbf{r} = \mathbf{r_0} + \mathbf{a}t$
  - (c) от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до плоскости  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D$

4 октября 2018 г. Кузь Глеб

# Задания к воркшопу по аналитической геометрии

- 1. В правом ОНБ на векторах  $\mathbf{a}(0, -2, 2), \mathbf{b}(-2, -2, 3), \mathbf{c}(-4, 3, 1)$  построен тетраэдр. Найдите объем тетраэдра и его высоту, проведенную к основанию (за основание считайте треугольник, построенный на векторах  $\mathbf{a}$  и  $\mathbf{b}$ ).
- 2. Точка M определяется радиус-вектором  ${\bf r_0}$ . Запишите уравнение:
  - (a) прямой, проходящей через точку M перпендикулярно плоскости  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D$
  - (b) плоскости, проходящей через точку M перпендикулярно прямой  $[{f r},{f a}]={f b}$
- 3. Найдите необходимое и достаточное условие, при котором плоскости  $(\mathbf{r},\mathbf{n_1})=D_1$  и  $(\mathbf{r},\mathbf{n_2})=D_2$ :
  - (а) пересекаются
  - (b) параллельны, но не совпадают
  - (с) совпадают
- 4. Найдите необходимое и достаточное условие, при котором плоскость  $(\mathbf{r}, \mathbf{n}) = D$  и прямая  $\mathbf{r} = \mathbf{r}_0 + \mathbf{a}t$ :
  - (а) имеют единственную общую точку
  - (b) не имеют общих точек
  - (с) имеют бесконечное число общих точек
- 5. Составить уравнение прямой, пересекающей прямую  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a}t$  под прямым углом и проходящей через точку  $M_0(\mathbf{r_0})$ , не лежащую на данной прямой (перпендикуляра, опущенного из точки на прямую).
- 6. Найти расстояние между параллельными прямыми  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b_1}$  и  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b_2}$ .
- 7. Найти уравнение прямой, пересекающей скрещивающиеся прямые  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a_1}t$  и  $\mathbf{r} = \mathbf{r_2} + \mathbf{a_2}t$  под прямым углом (общий перпендикуляр).

4 октября 2018 г. Кузь Глеб

### Дополнительные индивидуальные задания

1. Даны прямая  $\mathbf{r} = \mathbf{r_0} + \mathbf{a}t$  и плоскость  $(\mathbf{r}, \mathbf{n}) = D$ , не параллельные между собой. Точка M лежит на прямой и удалена от плоскости на расстояние  $\rho$ . Найти радиус-вектор точки M.

- 2. Найдите радиус-вектор точки пересечения прямой  $[{\bf r},{\bf a}]={\bf b}$  и плоскости  $({\bf r},{\bf n})=D,$  если  $({\bf a},{\bf n})\neq 0$
- 3. Найдите расстояние от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до прямой  $[\mathbf{r},\mathbf{a}]=\mathbf{b}$
- 4. Найдите расстояние между параллельными плоскостями  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D_1$  и  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D_2.$

- 1. Запишите уравнение:
  - (a) Прямой  $\mathbf{r} = \mathbf{r_0} + \mathbf{a}t$  в виде  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b}$  (выразите  $\mathbf{b}$  через известные  $\mathbf{r_0}$  и  $\mathbf{a}$ )
  - (b) Плоскости  ${\bf r}={\bf r_0}+{\bf a}u+{\bf b}v$  в виде  $({\bf r},{\bf n})=D$  (выразите D и  ${\bf n}$  через известные  ${\bf r_0}$  и  ${\bf a}$  и  ${\bf b}$ )
- 2. Запишите уравнение прямой пересечения плоскостей  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_1}) = D_1$  и  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_2}) = D_2$ .
- 3. Даны скрещивающиеся прямые  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a_1}t$  и  $\mathbf{r} = \mathbf{r_2} + \mathbf{a_2}t$ . Выберите верные утверждения:

a) 
$$[a_1, a_2] = 0$$

b) 
$$[a_1, a_2] \neq 0$$

c) 
$$(\mathbf{r_2} - \mathbf{r_1}, \mathbf{a_1}, \mathbf{a_2}) = 0$$

d) 
$$(\mathbf{r_2} - \mathbf{r_1}, \mathbf{a_1}, \mathbf{a_2}) \neq 0$$

- 4. Найдите расстояние
  - (а) между двумя скрещивающимися прямыми  $[\mathbf{r},\mathbf{a_1}]=\mathbf{b_1}$  и  $[\mathbf{r},\mathbf{a_2}]=\mathbf{b_2}$
  - (b) от точки  $M_0({f r_0})$  до прямой  ${f r}={f r_0}+{f a}t$
  - (c) от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до плоскости  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D$

- 1. В правом ОНБ на векторах  $\mathbf{a}(0, -2, 2), \mathbf{b}(-2, -2, 3), \mathbf{c}(-4, 3, 1)$  построен тетраэдр. Найдите объем тетраэдра и его высоту, проведенную к основанию (за основание считайте треугольник, построенный на векторах  $\mathbf{a}$  и  $\mathbf{b}$ ).
- 2. Точка M определяется радиус-вектором  ${\bf r_0}$ . Запишите уравнение:
  - (a) прямой, проходящей через точку M перпендикулярно плоскости  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D$
  - (b) плоскости, проходящей через точку M перпендикулярно прямой  $[{f r},{f a}]={f b}$
- 3. Найдите необходимое и достаточное условие, при котором плоскости  $(\mathbf{r},\mathbf{n_1})=D_1$  и  $(\mathbf{r},\mathbf{n_2})=D_2$ :
  - (а) пересекаются
  - (b) параллельны, но не совпадают
  - (с) совпадают
- 4. Найдите необходимое и достаточное условие, при котором плоскость  $(\mathbf{r}, \mathbf{n}) = D$  и прямая  $\mathbf{r} = \mathbf{r}_0 + \mathbf{a}t$ :
  - (а) имеют единственную общую точку
  - (b) не имеют общих точек
  - (с) имеют бесконечное число общих точек
- 5. Составить уравнение прямой, пересекающей прямую  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a}t$  под прямым углом и проходящей через точку  $M_0(\mathbf{r_0})$ , не лежащую на данной прямой (перпендикуляра, опущенного из точки на прямую).
- 6. Найти расстояние между параллельными прямыми  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b_1}$  и  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b_2}$ .
- 7. Найти уравнение прямой, пересекающей скрещивающиеся прямые  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a_1}t$  и  $\mathbf{r} = \mathbf{r_2} + \mathbf{a_2}t$  под прямым углом (общий перпендикуляр).

- 1. Даны прямая  $\mathbf{r} = \mathbf{r_0} + \mathbf{a}t$  и плоскость  $(\mathbf{r}, \mathbf{n}) = D$ , не параллельные между собой. Точка M лежит на прямой и удалена от плоскости на расстояние  $\rho$ . Найти радиус-вектор точки M.
- 2. Найдите радиус-вектор точки пересечения прямой  $[{\bf r},{\bf a}]={\bf b}$  и плоскости  $({\bf r},{\bf n})=D,$  если  $({\bf a},{\bf n})\neq 0$
- 3. Найдите расстояние от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до прямой  $[\mathbf{r},\mathbf{a}]=\mathbf{b}$
- 4. Найдите расстояние между параллельными плоскостями  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D_1$  и  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D_2.$

- 1. Запишите уравнение:
  - (a) Прямой  $\mathbf{r} = \mathbf{r_0} + \mathbf{a}t$  в виде  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b}$  (выразите  $\mathbf{b}$  через известные  $\mathbf{r_0}$  и  $\mathbf{a}$ )
  - (b) Плоскости  ${\bf r}={\bf r_0}+{\bf a}u+{\bf b}v$  в виде  $({\bf r},{\bf n})=D$  (выразите D и  ${\bf n}$  через известные  ${\bf r_0}$  и  ${\bf a}$  и  ${\bf b}$ )
- 2. Запишите уравнение прямой пересечения плоскостей  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_1}) = D_1$  и  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_2}) = D_2$ .
- 3. Даны скрещивающиеся прямые  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a_1}t$  и  $\mathbf{r} = \mathbf{r_2} + \mathbf{a_2}t$ . Выберите верные утверждения:

a) 
$$[a_1, a_2] = 0$$

b) 
$$[a_1, a_2] \neq 0$$

c) 
$$(\mathbf{r_2} - \mathbf{r_1}, \mathbf{a_1}, \mathbf{a_2}) = 0$$

d) 
$$(\mathbf{r_2} - \mathbf{r_1}, \mathbf{a_1}, \mathbf{a_2}) \neq 0$$

- 4. Найдите расстояние
  - (а) между двумя скрещивающимися прямыми  $[\mathbf{r},\mathbf{a_1}]=\mathbf{b_1}$  и  $[\mathbf{r},\mathbf{a_2}]=\mathbf{b_2}$
  - (b) от точки  $M_0({f r_0})$  до прямой  ${f r}={f r_0}+{f a}t$
  - (c) от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до плоскости  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D$

- 1. В правом ОНБ на векторах  $\mathbf{a}(0, -2, 2), \mathbf{b}(-2, -2, 3), \mathbf{c}(-4, 3, 1)$  построен тетраэдр. Найдите объем тетраэдра и его высоту, проведенную к основанию (за основание считайте треугольник, построенный на векторах  $\mathbf{a}$  и  $\mathbf{b}$ ).
- 2. Точка M определяется радиус-вектором  ${\bf r_0}$ . Запишите уравнение:
  - (a) прямой, проходящей через точку M перпендикулярно плоскости  $(\mathbf{r}, \mathbf{n}) = D$
  - (b) плоскости, проходящей через точку M перпендикулярно прямой  $[{f r},{f a}]={f b}$
- 3. Найдите необходимое и достаточное условие, при котором плоскости  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_1}) = D_1$  и  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_2}) = D_2$ :
  - (а) пересекаются
  - (b) параллельны, но не совпадают
  - (с) совпадают
- 4. Найдите необходимое и достаточное условие, при котором плоскость  $(\mathbf{r}, \mathbf{n}) = D$  и прямая  $\mathbf{r} = \mathbf{r}_0 + \mathbf{a}t$ :
  - (а) имеют единственную общую точку
  - (b) не имеют общих точек
  - (с) имеют бесконечное число общих точек
- 5. Составить уравнение прямой, пересекающей прямую  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a}t$  под прямым углом и проходящей через точку  $M_0(\mathbf{r_0})$ , не лежащую на данной прямой (перпендикуляра, опущенного из точки на прямую).
- 6. Найти расстояние между параллельными прямыми  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b_1}$  и  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b_2}$ .
- 7. Найти уравнение прямой, пересекающей скрещивающиеся прямые  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a_1}t$  и  $\mathbf{r} = \mathbf{r_2} + \mathbf{a_2}t$  под прямым углом (общий перпендикуляр).

- 1. Даны прямая  $\mathbf{r} = \mathbf{r_0} + \mathbf{a}t$  и плоскость  $(\mathbf{r}, \mathbf{n}) = D$ , не параллельные между собой. Точка M лежит на прямой и удалена от плоскости на расстояние  $\rho$ . Найти радиус-вектор точки M.
- 2. Найдите радиус-вектор точки пересечения прямой  $[{\bf r},{\bf a}]={\bf b}$  и плоскости  $({\bf r},{\bf n})=D,$  если  $({\bf a},{\bf n})\neq 0$
- 3. Найдите расстояние от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до прямой  $[\mathbf{r},\mathbf{a}]=\mathbf{b}$
- 4. Найдите расстояние между параллельными плоскостями  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D_1$  и  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D_2.$

- 1. Запишите уравнение:
  - (a) Прямой  $\mathbf{r} = \mathbf{r_0} + \mathbf{a}t$  в виде  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b}$  (выразите  $\mathbf{b}$  через известные  $\mathbf{r_0}$  и  $\mathbf{a}$ )
  - (b) Плоскости  ${\bf r}={\bf r_0}+{\bf a}u+{\bf b}v$  в виде  $({\bf r},{\bf n})=D$  (выразите D и  ${\bf n}$  через известные  ${\bf r_0}$  и  ${\bf a}$  и  ${\bf b}$ )
- 2. Запишите уравнение прямой пересечения плоскостей  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_1}) = D_1$  и  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_2}) = D_2$ .
- 3. Даны скрещивающиеся прямые  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a_1}t$  и  $\mathbf{r} = \mathbf{r_2} + \mathbf{a_2}t$ . Выберите верные утверждения:

a) 
$$[a_1, a_2] = 0$$

b) 
$$[a_1, a_2] \neq 0$$

c) 
$$(\mathbf{r_2} - \mathbf{r_1}, \mathbf{a_1}, \mathbf{a_2}) = 0$$

d) 
$$(\mathbf{r_2} - \mathbf{r_1}, \mathbf{a_1}, \mathbf{a_2}) \neq 0$$

- 4. Найдите расстояние
  - (а) между двумя скрещивающимися прямыми  $[\mathbf{r},\mathbf{a_1}]=\mathbf{b_1}$  и  $[\mathbf{r},\mathbf{a_2}]=\mathbf{b_2}$
  - (b) от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до прямой  $\mathbf{r} = \mathbf{r_0} + \mathbf{a}t$
  - (c) от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до плоскости  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D$

- 1. В правом ОНБ на векторах  $\mathbf{a}(0, -2, 2), \mathbf{b}(-2, -2, 3), \mathbf{c}(-4, 3, 1)$  построен тетраэдр. Найдите объем тетраэдра и его высоту, проведенную к основанию (за основание считайте треугольник, построенный на векторах  $\mathbf{a}$  и  $\mathbf{b}$ ).
- 2. Точка M определяется радиус-вектором  ${\bf r_0}$ . Запишите уравнение:
  - (a) прямой, проходящей через точку M перпендикулярно плоскости  $(\mathbf{r}, \mathbf{n}) = D$
  - (b) плоскости, проходящей через точку M перпендикулярно прямой  $[{f r},{f a}]={f b}$
- 3. Найдите необходимое и достаточное условие, при котором плоскости  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_1}) = D_1$  и  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_2}) = D_2$ :
  - (а) пересекаются
  - (b) параллельны, но не совпадают
  - (с) совпадают
- 4. Найдите необходимое и достаточное условие, при котором плоскость  $(\mathbf{r}, \mathbf{n}) = D$  и прямая  $\mathbf{r} = \mathbf{r}_0 + \mathbf{a}t$ :
  - (а) имеют единственную общую точку
  - (b) не имеют общих точек
  - (с) имеют бесконечное число общих точек
- 5. Составить уравнение прямой, пересекающей прямую  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a}t$  под прямым углом и проходящей через точку  $M_0(\mathbf{r_0})$ , не лежащую на данной прямой (перпендикуляра, опущенного из точки на прямую).
- 6. Найти расстояние между параллельными прямыми  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b_1}$  и  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b_2}$ .
- 7. Найти уравнение прямой, пересекающей скрещивающиеся прямые  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a_1}t$  и  $\mathbf{r} = \mathbf{r_2} + \mathbf{a_2}t$  под прямым углом (общий перпендикуляр).

- 1. Даны прямая  $\mathbf{r} = \mathbf{r_0} + \mathbf{a}t$  и плоскость  $(\mathbf{r}, \mathbf{n}) = D$ , не параллельные между собой. Точка M лежит на прямой и удалена от плоскости на расстояние  $\rho$ . Найти радиус-вектор точки M.
- 2. Найдите радиус-вектор точки пересечения прямой  $[{\bf r},{\bf a}]={\bf b}$  и плоскости  $({\bf r},{\bf n})=D,$  если  $({\bf a},{\bf n})\neq 0$
- 3. Найдите расстояние от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до прямой  $[\mathbf{r},\mathbf{a}]=\mathbf{b}$
- 4. Найдите расстояние между параллельными плоскостями  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D_1$  и  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D_2.$

- 1. Запишите уравнение:
  - (a) Прямой  $\mathbf{r} = \mathbf{r_0} + \mathbf{a}t$  в виде  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b}$  (выразите  $\mathbf{b}$  через известные  $\mathbf{r_0}$  и  $\mathbf{a}$ )
  - (b) Плоскости  ${\bf r}={\bf r_0}+{\bf a}u+{\bf b}v$  в виде  $({\bf r},{\bf n})=D$  (выразите D и  ${\bf n}$  через известные  ${\bf r_0}$  и  ${\bf a}$  и  ${\bf b})$
- 2. Запишите уравнение прямой пересечения плоскостей  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_1}) = D_1$  и  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_2}) = D_2$ .
- 3. Даны скрещивающиеся прямые  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a_1}t$  и  $\mathbf{r} = \mathbf{r_2} + \mathbf{a_2}t$ . Выберите верные утверждения:

a) 
$$[a_1, a_2] = 0$$

b) 
$$[a_1, a_2] \neq 0$$

c) 
$$(\mathbf{r_2} - \mathbf{r_1}, \mathbf{a_1}, \mathbf{a_2}) = 0$$

d) 
$$(\mathbf{r_2} - \mathbf{r_1}, \mathbf{a_1}, \mathbf{a_2}) \neq 0$$

- 4. Найдите расстояние
  - (а) между двумя скрещивающимися прямыми  $[\mathbf{r},\mathbf{a_1}]=\mathbf{b_1}$  и  $[\mathbf{r},\mathbf{a_2}]=\mathbf{b_2}$
  - (b) от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до прямой  $\mathbf{r} = \mathbf{r_0} + \mathbf{a}t$
  - (c) от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до плоскости  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D$

- 1. В правом ОНБ на векторах  $\mathbf{a}(0, -2, 2), \mathbf{b}(-2, -2, 3), \mathbf{c}(-4, 3, 1)$  построен тетраэдр. Найдите объем тетраэдра и его высоту, проведенную к основанию (за основание считайте треугольник, построенный на векторах  $\mathbf{a}$  и  $\mathbf{b}$ ).
- 2. Точка M определяется радиус-вектором  ${\bf r_0}$ . Запишите уравнение:
  - (a) прямой, проходящей через точку M перпендикулярно плоскости  $({\bf r},{\bf n})=D$
  - (b) плоскости, проходящей через точку M перпендикулярно прямой  $[{f r},{f a}]={f b}$
- 3. Найдите необходимое и достаточное условие, при котором плоскости  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_1}) = D_1$  и  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_2}) = D_2$ :
  - (а) пересекаются
  - (b) параллельны, но не совпадают
  - (с) совпадают
- 4. Найдите необходимое и достаточное условие, при котором плоскость  $(\mathbf{r}, \mathbf{n}) = D$  и прямая  $\mathbf{r} = \mathbf{r}_0 + \mathbf{a}t$ :
  - (а) имеют единственную общую точку
  - (b) не имеют общих точек
  - (с) имеют бесконечное число общих точек
- 5. Составить уравнение прямой, пересекающей прямую  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a}t$  под прямым углом и проходящей через точку  $M_0(\mathbf{r_0})$ , не лежащую на данной прямой (перпендикуляра, опущенного из точки на прямую).
- 6. Найти расстояние между параллельными прямыми  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b_1}$  и  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b_2}$ .
- 7. Найти уравнение прямой, пересекающей скрещивающиеся прямые  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a_1}t$  и  $\mathbf{r} = \mathbf{r_2} + \mathbf{a_2}t$  под прямым углом (общий перпендикуляр).

- 1. Даны прямая  $\mathbf{r} = \mathbf{r_0} + \mathbf{a}t$  и плоскость  $(\mathbf{r}, \mathbf{n}) = D$ , не параллельные между собой. Точка M лежит на прямой и удалена от плоскости на расстояние  $\rho$ . Найти радиус-вектор точки M.
- 2. Найдите радиус-вектор точки пересечения прямой  $[{\bf r},{\bf a}]={\bf b}$  и плоскости  $({\bf r},{\bf n})=D,$  если  $({\bf a},{\bf n})\neq 0$
- 3. Найдите расстояние от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до прямой  $[\mathbf{r},\mathbf{a}]=\mathbf{b}$
- 4. Найдите расстояние между параллельными плоскостями  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D_1$  и  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D_2.$

- 1. Запишите уравнение:
  - (a) Прямой  $\mathbf{r} = \mathbf{r_0} + \mathbf{a}t$  в виде  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b}$  (выразите  $\mathbf{b}$  через известные  $\mathbf{r_0}$  и  $\mathbf{a}$ )
  - (b) Плоскости  ${\bf r}={\bf r_0}+{\bf a}u+{\bf b}v$  в виде  $({\bf r},{\bf n})=D$  (выразите D и  ${\bf n}$  через известные  ${\bf r_0}$  и  ${\bf a}$  и  ${\bf b})$
- 2. Запишите уравнение прямой пересечения плоскостей  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_1}) = D_1$  и  $(\mathbf{r}, \mathbf{n_2}) = D_2$ .
- 3. Даны скрещивающиеся прямые  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a_1}t$  и  $\mathbf{r} = \mathbf{r_2} + \mathbf{a_2}t$ . Выберите верные утверждения:

a) 
$$[a_1, a_2] = 0$$

b) 
$$[{\bf a_1}, {\bf a_2}] \neq 0$$

c) 
$$(\mathbf{r_2} - \mathbf{r_1}, \mathbf{a_1}, \mathbf{a_2}) = 0$$

d) 
$$(\mathbf{r_2} - \mathbf{r_1}, \mathbf{a_1}, \mathbf{a_2}) \neq 0$$

- 4. Найдите расстояние
  - (а) между двумя скрещивающимися прямыми  $[\mathbf{r},\mathbf{a_1}]=\mathbf{b_1}$  и  $[\mathbf{r},\mathbf{a_2}]=\mathbf{b_2}$
  - (b) от точки  $M_0({f r_0})$  до прямой  ${f r}={f r_0}+{f a}t$
  - (c) от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до плоскости  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D$

- 1. В правом ОНБ на векторах  $\mathbf{a}(0, -2, 2), \mathbf{b}(-2, -2, 3), \mathbf{c}(-4, 3, 1)$  построен тетраэдр. Найдите объем тетраэдра и его высоту, проведенную к основанию (за основание считайте треугольник, построенный на векторах  $\mathbf{a}$  и  $\mathbf{b}$ ).
- 2. Точка M определяется радиус-вектором  ${\bf r_0}$ . Запишите уравнение:
  - (a) прямой, проходящей через точку M перпендикулярно плоскости  $({\bf r},{\bf n})=D$
  - (b) плоскости, проходящей через точку M перпендикулярно прямой  $[{f r},{f a}]={f b}$
- 3. Найдите необходимое и достаточное условие, при котором плоскости  $(\mathbf{r},\mathbf{n_1})=D_1$  и  $(\mathbf{r},\mathbf{n_2})=D_2$ :
  - (а) пересекаются
  - (b) параллельны, но не совпадают
  - (с) совпадают
- 4. Найдите необходимое и достаточное условие, при котором плоскость  $(\mathbf{r}, \mathbf{n}) = D$  и прямая  $\mathbf{r} = \mathbf{r}_0 + \mathbf{a}t$ :
  - (а) имеют единственную общую точку
  - (b) не имеют общих точек
  - (с) имеют бесконечное число общих точек
- 5. Составить уравнение прямой, пересекающей прямую  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a}t$  под прямым углом и проходящей через точку  $M_0(\mathbf{r_0})$ , не лежащую на данной прямой (перпендикуляра, опущенного из точки на прямую).
- 6. Найти расстояние между параллельными прямыми  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b_1}$  и  $[\mathbf{r}, \mathbf{a}] = \mathbf{b_2}$ .
- 7. Найти уравнение прямой, пересекающей скрещивающиеся прямые  $\mathbf{r} = \mathbf{r_1} + \mathbf{a_1}t$  и  $\mathbf{r} = \mathbf{r_2} + \mathbf{a_2}t$  под прямым углом (общий перпендикуляр).

- 1. Даны прямая  $\mathbf{r} = \mathbf{r_0} + \mathbf{a}t$  и плоскость  $(\mathbf{r}, \mathbf{n}) = D$ , не параллельные между собой. Точка M лежит на прямой и удалена от плоскости на расстояние  $\rho$ . Найти радиус-вектор точки M.
- 2. Найдите радиус-вектор точки пересечения прямой  $[{\bf r},{\bf a}]={\bf b}$  и плоскости  $({\bf r},{\bf n})=D,$  если  $({\bf a},{\bf n})\neq 0$
- 3. Найдите расстояние от точки  $M_0(\mathbf{r_0})$  до прямой  $[\mathbf{r},\mathbf{a}]=\mathbf{b}$
- 4. Найдите расстояние между параллельными плоскостями  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D_1$  и  $(\mathbf{r},\mathbf{n})=D_2.$