

Sigmoid

- Back propagation 할때 변화량 계산때문에 AG 모델을 사용했다

$$\textcircled{\text{식}} \frac{1}{(1+e^{-x})} \quad \textcircled{\text{미분식}} \frac{e^{-x}}{(1+e^{-x})^2}$$

문제점 Vanishing Gradient



• 역전파를 진행 하면 그림처럼 뒤로 움직이면서 weight 뿐만 아니라 활성화 함수도 미분해야한다.

이때 업데이트 공식을 보면서 설명하겠다

예) w_3 업데이트

$$w_3 = w_3 - \alpha \frac{\partial y}{\partial w_3}$$

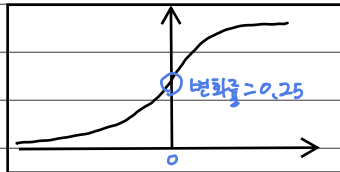
$$= w_3 - \alpha \left[\frac{\partial y}{\partial s_2} \cdot \frac{\partial s_2}{\partial x_4} \cdot w_3 \right]$$

이부분에서 시그마 함수를 x_4 의 변화에 따른 변화량을 계산한다.

근데 s_2 의 최대 변화는 '0' 인 부분에서 가장 크게 일어났다.

'0'인 부분의 변화량은 $(\frac{1}{4})$ 이 많이 deep한 모델로 가면 '0'으로 수렴하고

이렇게 되면 w_1 업데이트가 거의 이루어 지지 않는다.

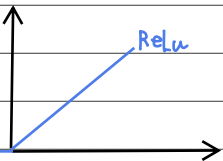


그래서 ReLU 함수 등장

Relu

- 기울기값 (1,0)

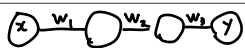
$$\textcircled{\text{식}} h(x) = \begin{cases} x & (x > 0) \\ 0 & (x \leq 0) \end{cases} \quad \textcircled{\text{미분식}} h'(x) = \begin{cases} 1 & (x > 0) \\ 0 & (x \leq 0) \end{cases}$$



- $y=x$ 라는 함수가 활성화 함수가 안되는 이유 \Rightarrow DNN의 은닉층이 짝지을 수 없다.

• $y=x$

(아래 그림에 나오는 것처럼 선형으로만 표현된다.)



$$y = x \cdot w_1 \cdot w_2 \cdot w_3$$

$= x \cdot w_1 \cdot w_2 \cdot w_3$ 처럼 그냥 hidden 값 하나로 표현이 가능하다.

\hookrightarrow 왜 굳이 비선형인가?

• 선형으로 비선형을 표현 할 수 있다.

그러면 엄청 많은 수식이 필요해서

과라리 적은 수식으로 표현 가능한 비선형을

처음부터 뽐내려고 한다.