Simulační úloha - Servo Amira

Matouš Vrba

16. dubna 2015

1 Linearizace modelu

Stabilní rovnovážná poloha kyvadla je v pracovním bodě $\mathbf{x_0} = [x_{1p}, x_{2p}, x_{3p}, x_{4p}] = [0, -\frac{\pi}{2}, 0, 0]$, $u_0 = 0$.
Matice linearizovaného systému v pracovním bodě $\mathbf{x_0}, u_0$:

$$A = \left.\begin{pmatrix} \frac{\partial x_1}{\partial x_1} & \frac{\partial x_1}{\partial x_2} & \frac{\partial x_1}{\partial x_3} & \frac{\partial x_1}{\partial x_4} \\ \frac{\partial x_2}{\partial x_1} & \frac{\partial x_2}{\partial x_2} & \frac{\partial x_2}{\partial x_3} & \frac{\partial x_2}{\partial x_4} \\ \frac{\partial x_3}{\partial x_1} & \frac{\partial x_3}{\partial x_2} & \frac{\partial x_3}{\partial x_3} & \frac{\partial x_3}{\partial x_4} \\ \frac{\partial x_4}{\partial x_1} & \frac{\partial x_4}{\partial x_2} & \frac{\partial x_4}{\partial x_3} & \frac{\partial x_4}{\partial x_4} \end{pmatrix}\right|_{\mathbf{x_0}} = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & \frac{\mathrm{k}_2\,\mathrm{k}_3}{\mathrm{J_p}\,\mathrm{k}_1 - {\mathrm{k}_2}^2} & -\frac{\mathrm{J_p}\,b}{\mathrm{J_p}\,\mathrm{k}_1 - {\mathrm{k}_2}^2} & \frac{2\,\delta\,\mathrm{k}_2}{\mathrm{J_p}\,\mathrm{k}_1 - {\mathrm{k}_2}^2} \\ 0 & -\frac{\mathrm{k}_3}{\mathrm{J_p} - \frac{{\mathrm{k}_2}^2}{\mathrm{k}_1}} & \frac{b\,\mathrm{k}_2}{\mathrm{k}_1\left(\mathrm{J_p} - \frac{{\mathrm{k}_2}^2}{\mathrm{k}_1}\right)} & -\frac{2\,\delta}{\mathrm{J_p} - \frac{{\mathrm{k}_2}^2}{\mathrm{k}_1}} \end{pmatrix}$$

$$B = \left.\begin{pmatrix} \frac{\partial x_1}{\partial u} \\ \frac{\partial x_2}{\partial u} \\ \frac{\partial x_3}{\partial u} \\ \frac{\partial x_4}{\partial u} \end{pmatrix}\right|_{u_0} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ \frac{\mathrm{J_p}}{\mathrm{J_p}\,\mathrm{k}_1 - {\mathrm{k}_2}^2} \\ -\frac{\mathrm{k}_2}{\mathrm{k}_1\left(\mathrm{J_p} - \frac{{\mathrm{k}_2}^2}{\mathrm{k}_1}\right)} \end{pmatrix}$$

$$C = \left.\begin{pmatrix} \frac{\partial y_1}{\partial x_1} & \frac{\partial y_1}{\partial x_2} & \frac{\partial y_1}{\partial x_3} & \frac{\partial y_1}{\partial x_4} \\ \frac{\partial y_2}{\partial x_1} & \frac{\partial y_2}{\partial x_2} & \frac{\partial y_2}{\partial x_3} & \frac{\partial y_2}{\partial x_4} \end{pmatrix}\right|_{\mathbf{x_0}} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

$$D = \left.\begin{pmatrix} \frac{\partial y_1}{\partial u} \\ \frac{\partial y_2}{\partial u} \end{pmatrix}\right|_{u_0} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$$

2 Saturace, pásma necitlivosti, apod.

Vstup systému v MATLABu je normalizován na interval $u_{norm} \in \langle -1; 1 \rangle$, což vymezuje saturaci vstupu. Pásmo necitlivosti jsme identifikovali v intervalu $\langle -0.007; 0.007 \rangle$.

Při výchylce kyvadla v rozmezí $\pm 12^\circ$ je vliv kyvadla na polohu kyvadla zanedbatelný a dá se považovat za pásmo necitlivosti. Toho jsme využili také při identifikaci dynamiky kyvadla z počátečních podmínek.

Další nelinearitu jsme identifikovali u ramene, které se na jednu stranu posouvalo snáze, než na druhou.

3 Identifikace dynamiky motoru (ramene)