

# Glaucio 23\_jan\_2026 - Redes Neurais Recorrentes

January 23, 2026

**Universidade de São Paulo**

**Programa de Educação Continuada - Escola Politécnica**

**Gláucio Soares da Silva - Nº USP: 15031246**

**Monografia Especialização em Inteligência Artificial**

**TEMA: Aplicação de Redes Neurais Recorrentes em Séries Temporais para Gestão de Recursos Hídricos na Região Metropolitana de São Paulo**

O objetivo deste trabalho é desenvolver e avaliar um modelo preditivo para o volume útil dos reservatórios do Sistema Cantareira, com foco na Represa Jaguari/Jacareí. O modelo utiliza redes neurais recorrentes LSTM (Long Short-Term Memory), muito utilizada para modelar séries temporais.

## 1 - IMPORTAÇÃO DAS BIBLIOTECAS

Esse código carrega as bibliotecas para manipulação de dados (pandas, numpy), pré-processamento (MinMaxScaler), redes neurais (tensorflow e keras), e visualização (matplotlib).

```
[2]: import numpy as np
import pandas as pd
import matplotlib.pyplot as plt

from pathlib import Path
from dataclasses import dataclass

from sklearn.preprocessing import MinMaxScaler
from sklearn.metrics import mean_squared_error, mean_absolute_error, r2_score

import tensorflow as tf
from tensorflow.keras.models import Sequential
from tensorflow.keras.layers import LSTM, Dense, Dropout
from tensorflow.keras.optimizers import Adam
from tensorflow.keras.callbacks import EarlyStopping
from tensorflow.keras.regularizers import l2
```

## 2 - CONFIGURAÇÃO DO EXPERIMENTO

Esta célula centraliza todos os hiperparâmetros do experimento em uma estrutura única. Essa abordagem facilita ajustes, garante rastreabilidade das configurações e favorece a reproduzibilidade

científica.

```
[3]: # Definir semente para garantir reproduzibilidade  
SEED = 42  
tf.keras.utils.set_random_seed(SEED)
```

```
[4]: @dataclass  
class Config:  
    csv_path: Path = Path("bd_sistema_cantareira.csv")  
    represa: str = "Represa Jaguari/Jacareí"  
  
    target_col: str = "Volume (%)*"  
    feature_cols: list[str] = None  
  
    window_size: int = 180  
    model_horizon: int = 90  
    total_horizon: int = 720  
    test_ratio: float = 0.2  
  
    batch_size: int = 64  
    max_epochs: int = 300  
    dropout: float = 0.3  
    l2: float = 1e-4  
    learning_rate: float = 1e-3  
    early_stop: int = 20  
  
    cfg = Config()  
    cfg.n_blocks = cfg.total_horizon // cfg.model_horizon
```

### 3 - LEITURA E ORGANIZAÇÃO DOS DADOS

Esta célula realiza a leitura do arquivo CSV contendo os dados históricos do Sistema Cantareira. Em seguida, os dados são filtrados para o reservatório de interesse e ordenados cronologicamente.

```
[5]: df = pd.read_csv(cfg.csv_path, sep=";", decimal=",", encoding="utf-8-sig")  
df = df[df["Represa"] == cfg.represa].copy()  
  
df["Data"] = pd.to_datetime(df["Data"])  
df = df.sort_values("Data").reset_index(drop=True)
```

```
/tmp/ipython-input-1672429748.py:4: UserWarning: Parsing dates in %d/%m/%Y  
format when dayfirst=False (the default) was specified. Pass `dayfirst=True` or  
specify a format to silence this warning.  
    df["Data"] = pd.to_datetime(df["Data"])
```

### 4 - SELEÇÃO DAS VARIÁVEIS

Nesta etapa, define-se a variável de entrada e a variável alvo do modelo. O experimento é conduzido de forma univariada, utilizando apenas o volume percentual do reservatório, permitindo avaliar a capacidade do modelo em aprender padrões temporais a partir do histórico disponível.

```
[6]: feature_cols = [cfg.target_col] if cfg.feature_cols is None else cfg.
       ↪feature_cols

X = df[feature_cols].values
y = df[[cfg.target_col]].values
```

## 5 - NORMALIZAÇÃO DOS DADOS

Os dados são normalizados para o intervalo [-1, 1], prática recomendada para redes neurais recorrentes. A normalização contribui para maior estabilidade numérica durante o treinamento e acelera a convergência do modelo.

```
[7]: scaler_X = MinMaxScaler(feature_range=(-1, 1))
scaler_y = MinMaxScaler(feature_range=(-1, 1))

X_scaled = scaler_X.fit_transform(X)
y_scaled = scaler_y.fit_transform(y)
```

## 5 - CRIAÇÃO DO DATASET COM JANELAS TEMPORAIS

Esta célula transforma a série temporal em um conjunto supervisionado, utilizando janelas deslizantes. Cada amostra contém 180 dias de histórico como entrada e 90 dias futuros como saída, viabilizando a previsão multi-step.

```
[8]: def create_windowed_dataset(X, y, window_size, horizon):
    Xs, ys = [], []
    for i in range(len(X) - window_size - horizon + 1):
        Xs.append(X[i:i+window_size])
        ys.append(y[i+window_size:i+window_size+horizon].flatten())
    return np.array(Xs), np.array(ys)

X_seq, y_seq = create_windowed_dataset(
    X_scaled, y_scaled, cfg.window_size, cfg.model_horizon
)
```

## 6 - DIVISÃO TREINO / TESTE

A divisão entre treino e teste respeita a ordem temporal da série, garantindo que o modelo seja avaliado apenas em dados futuros. Não há embaralhamento das amostras, preservando a causalidade temporal.

```
[9]: split_idx = int(len(X_seq) * (1 - cfg.test_ratio))

X_train, X_test = X_seq[:split_idx], X_seq[split_idx:]
y_train, y_test = y_seq[:split_idx], y_seq[split_idx:]
```

## 7 - DEFINIÇÃO DO MODELO LSTM

Aqui é definida a arquitetura da rede neural recorrente. Duas camadas LSTM empilhadas permitem capturar dependências temporais de médio prazo. As camadas Dropout e a regularização

L2 reduzem o risco de overfitting. A camada de saída prevê 90 dias futuros.

```
[10]: model = Sequential([
    LSTM(128, return_sequences=True, kernel_regularizer=l2(cfg.l2),
         input_shape=(cfg.window_size, X_train.shape[2])),
    Dropout(cfg.dropout),

    LSTM(64, return_sequences=False, kernel_regularizer=l2(cfg.l2)),
    Dropout(cfg.dropout),

    Dense(64, activation="relu"),
    Dense(cfg.model_horizon)
])

model.compile(
    optimizer=Adam(cfg.learning_rate),
    loss="mse"
)

print("Estrutura do Modelo LSTM:")
model.summary()
```

```
/usr/local/lib/python3.12/dist-packages/keras/src/layers/rnn/rnn.py:199:
UserWarning: Do not pass an `input_shape`/`input_dim` argument to a layer. When
using Sequential models, prefer using an `Input(shape)` object as the first
layer in the model instead.
    super().__init__(**kwargs)
```

Estrutura do Modelo LSTM:

Model: "sequential"

Layer (type)	Output Shape	Param #
lstm (LSTM)	(None, 180, 128)	66,560
dropout (Dropout)	(None, 180, 128)	0
lstm_1 (LSTM)	(None, 64)	49,408
dropout_1 (Dropout)	(None, 64)	0
dense (Dense)	(None, 64)	4,160
dense_1 (Dense)	(None, 90)	5,850

```
Total params: 125,978 (492.10 KB)
```

```
Trainable params: 125,978 (492.10 KB)
```

```
Non-trainable params: 0 (0.00 B)
```

## 8 - TREINAMENTO DO MODELO

Esta célula executa o treinamento do modelo. O Early Stopping interrompe o treinamento quando não há melhoria na perda de validação, evitando sobreajuste e reduzindo o custo computacional.

```
[11]: early_stop = EarlyStopping(  
    monitor="val_loss",  
    patience=cfg.early_stop,  
    restore_best_weights=True  
)  
  
history = model.fit(  
    X_train, y_train,  
    validation_split=0.2,  
    epochs=cfg.max_epochs,  
    batch_size=cfg.batch_size,  
    callbacks=[early_stop],  
    verbose=2  
)
```

```
Epoch 1/300  
92/92 - 50s - 543ms/step - loss: 0.0973 - val_loss: 0.0202  
Epoch 2/300  
92/92 - 45s - 493ms/step - loss: 0.0334 - val_loss: 0.0149  
Epoch 3/300  
92/92 - 81s - 884ms/step - loss: 0.0292 - val_loss: 0.0157  
Epoch 4/300  
92/92 - 83s - 904ms/step - loss: 0.0263 - val_loss: 0.0157  
Epoch 5/300  
92/92 - 82s - 892ms/step - loss: 0.0252 - val_loss: 0.0135  
Epoch 6/300  
92/92 - 45s - 490ms/step - loss: 0.0237 - val_loss: 0.0151  
Epoch 7/300  
92/92 - 46s - 504ms/step - loss: 0.0229 - val_loss: 0.0127  
Epoch 8/300  
92/92 - 47s - 510ms/step - loss: 0.0216 - val_loss: 0.0132  
Epoch 9/300  
92/92 - 45s - 493ms/step - loss: 0.0217 - val_loss: 0.0120  
Epoch 10/300  
92/92 - 82s - 891ms/step - loss: 0.0206 - val_loss: 0.0122  
Epoch 11/300
```

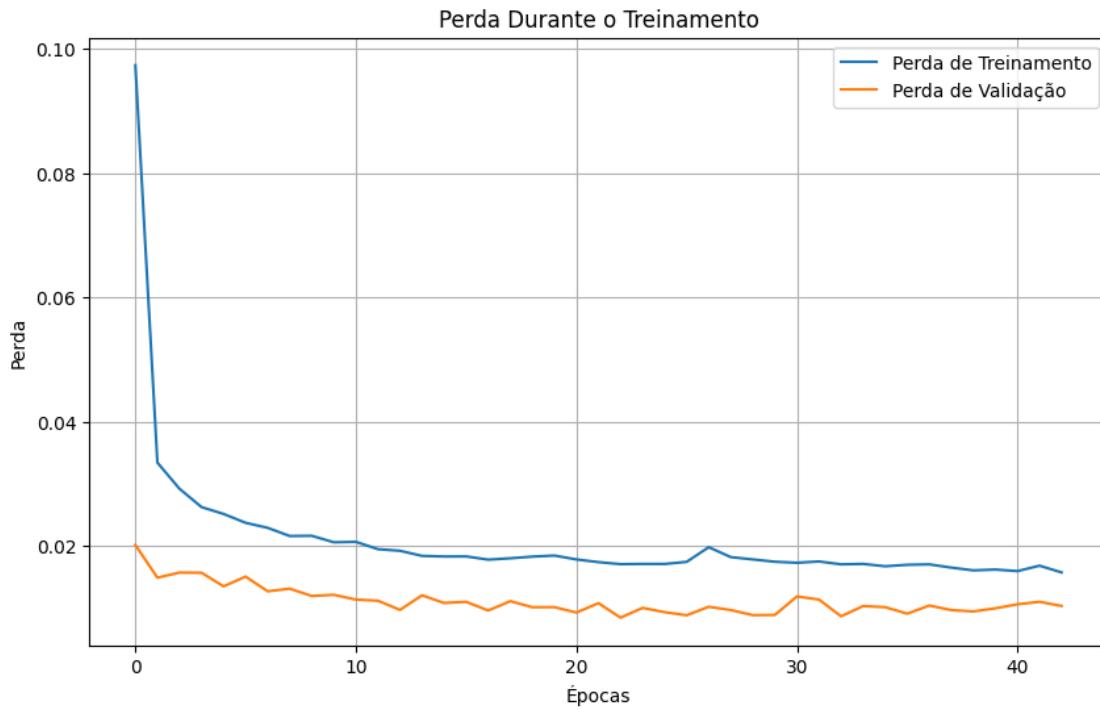
```
92/92 - 46s - 501ms/step - loss: 0.0207 - val_loss: 0.0114
Epoch 12/300
92/92 - 81s - 878ms/step - loss: 0.0195 - val_loss: 0.0112
Epoch 13/300
92/92 - 46s - 500ms/step - loss: 0.0193 - val_loss: 0.0097
Epoch 14/300
92/92 - 46s - 504ms/step - loss: 0.0184 - val_loss: 0.0121
Epoch 15/300
92/92 - 45s - 492ms/step - loss: 0.0183 - val_loss: 0.0109
Epoch 16/300
92/92 - 46s - 504ms/step - loss: 0.0183 - val_loss: 0.0110
Epoch 17/300
92/92 - 46s - 495ms/step - loss: 0.0178 - val_loss: 0.0096
Epoch 18/300
92/92 - 81s - 880ms/step - loss: 0.0180 - val_loss: 0.0112
Epoch 19/300
92/92 - 46s - 498ms/step - loss: 0.0183 - val_loss: 0.0102
Epoch 20/300
92/92 - 45s - 491ms/step - loss: 0.0185 - val_loss: 0.0102
Epoch 21/300
92/92 - 82s - 892ms/step - loss: 0.0179 - val_loss: 0.0093
Epoch 22/300
92/92 - 85s - 919ms/step - loss: 0.0174 - val_loss: 0.0108
Epoch 23/300
92/92 - 46s - 502ms/step - loss: 0.0171 - val_loss: 0.0085
Epoch 24/300
92/92 - 45s - 488ms/step - loss: 0.0171 - val_loss: 0.0101
Epoch 25/300
92/92 - 48s - 520ms/step - loss: 0.0171 - val_loss: 0.0094
Epoch 26/300
92/92 - 46s - 505ms/step - loss: 0.0175 - val_loss: 0.0089
Epoch 27/300
92/92 - 45s - 492ms/step - loss: 0.0198 - val_loss: 0.0103
Epoch 28/300
92/92 - 82s - 886ms/step - loss: 0.0182 - val_loss: 0.0097
Epoch 29/300
92/92 - 46s - 498ms/step - loss: 0.0179 - val_loss: 0.0089
Epoch 30/300
92/92 - 47s - 511ms/step - loss: 0.0175 - val_loss: 0.0089
Epoch 31/300
92/92 - 80s - 866ms/step - loss: 0.0173 - val_loss: 0.0119
Epoch 32/300
92/92 - 83s - 901ms/step - loss: 0.0175 - val_loss: 0.0114
Epoch 33/300
92/92 - 46s - 500ms/step - loss: 0.0171 - val_loss: 0.0087
Epoch 34/300
92/92 - 45s - 485ms/step - loss: 0.0171 - val_loss: 0.0104
Epoch 35/300
```

```
92/92 - 84s - 909ms/step - loss: 0.0168 - val_loss: 0.0102
Epoch 36/300
92/92 - 82s - 894ms/step - loss: 0.0170 - val_loss: 0.0091
Epoch 37/300
92/92 - 47s - 512ms/step - loss: 0.0171 - val_loss: 0.0105
Epoch 38/300
92/92 - 47s - 508ms/step - loss: 0.0165 - val_loss: 0.0097
Epoch 39/300
92/92 - 84s - 914ms/step - loss: 0.0161 - val_loss: 0.0095
Epoch 40/300
92/92 - 47s - 514ms/step - loss: 0.0162 - val_loss: 0.0100
Epoch 41/300
92/92 - 47s - 514ms/step - loss: 0.0160 - val_loss: 0.0107
Epoch 42/300
92/92 - 48s - 517ms/step - loss: 0.0169 - val_loss: 0.0110
Epoch 43/300
92/92 - 81s - 882ms/step - loss: 0.0158 - val_loss: 0.0104
```

## 9 - GRÁFICO DA FUNÇÃO DE PERDA

Esse código apresenta a função de perda durante o treinamento e conforme o erro vai diminuindo conforme o número de épocas.

```
[12]: # Plotando o gráfico de perda durante o treinamento
plt.figure(figsize=(10, 6))
plt.plot(history.history['loss'], label='Perda de Treinamento')
plt.plot(history.history['val_loss'], label='Perda de Validação')
plt.title('Perda Durante o Treinamento')
plt.xlabel('Épocas')
plt.ylabel('Perda')
plt.legend()
plt.grid(True)
plt.show()
```



## 10 - PREVISÃO EM BLOCOS (720 DIAS)

Esta função implementa a estratégia de previsão em blocos. O modelo gera previsões de 90 dias, que são utilizadas iterativamente como entrada para os blocos seguintes, até atingir o horizonte total de 720 dias.

```
[13]: def forecast_in_blocks(model, last_window, n_blocks, block_size):
    forecasts = []
    current_window = last_window.copy()

    for _ in range(n_blocks):
        pred_block = model.predict(
            current_window.reshape(1, *current_window.shape),
            verbose=0
        )[0]

        forecasts.append(pred_block)

        for p in pred_block:
            new_row = current_window[-1].copy()
            new_row[0] = p
            current_window = np.vstack([current_window[1:], new_row])

    return np.array(forecasts)
```

## 11 - AVALIAÇÃO NO CONJUNTO DE TESTE

Os valores previstos e reais são retornados à escala original, possibilitando interpretação direta das métricas e comparação visual com os dados observados.

```
[14]: y_test_pred_scaled = model.predict(X_test)

y_test_pred = scaler_y.inverse_transform(
    y_test_pred_scaled.reshape(-1, 1)
).reshape(y_test.shape)

y_test_real = scaler_y.inverse_transform(
    y_test.reshape(-1, 1)
).reshape(y_test.shape)
```

58/58 7s 111ms/step

## 12 - MÉTRICAS DE AVALIAÇÃO

```
[15]: y_test_pred_scaled = model.predict(X_test)

y_test_pred = scaler_y.inverse_transform(
    y_test_pred_scaled.reshape(-1, 1)
).reshape(y_test.shape)

y_test_real = scaler_y.inverse_transform(
    y_test.reshape(-1, 1)
).reshape(y_test.shape)
```

58/58 5s 85ms/step

```
[16]: rmse_30 = np.sqrt(
    mean_squared_error(
        y_test_real[:, :30].flatten(),
        y_test_pred[:, :30].flatten()
    )
)

rmse_90 = np.sqrt(
    mean_squared_error(
        y_test_real.flatten(),
        y_test_pred.flatten()
    )
)

print(f"RMSE (30 dias): {rmse_30:.2f}")
print(f"RMSE (90 dias): {rmse_90:.2f}")
```

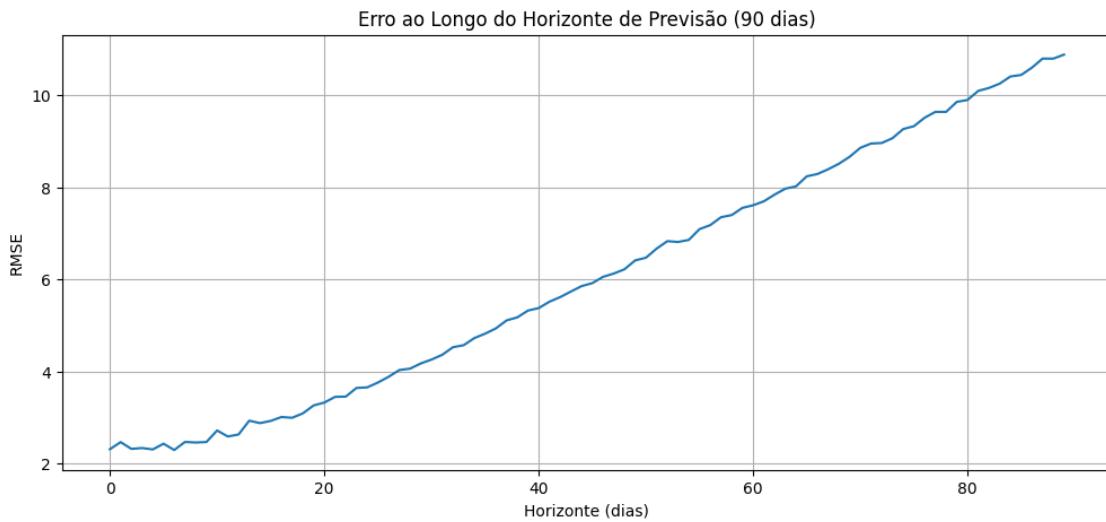
RMSE (30 dias): 3.07

RMSE (90 dias): 6.64

### 13 - GRÁFICO DO MSE POR HORIZONTE

```
[17]: rmse_per_horizon = [
    np.sqrt(mean_squared_error(y_test_real[:, h], y_test_pred[:, h]))
    for h in range(cfg.model_horizon)
]

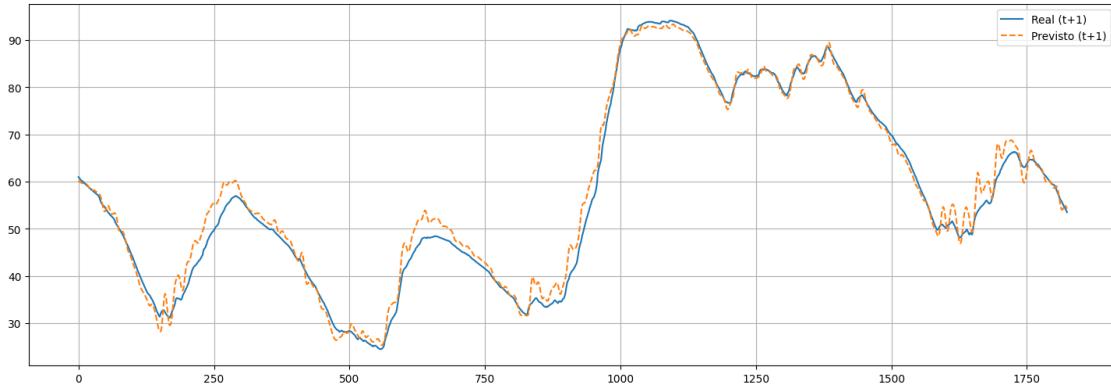
plt.figure(figsize=(12,5))
plt.plot(rmse_per_horizon)
plt.xlabel("Horizonte (dias)")
plt.ylabel("RMSE")
plt.title("Erro ao Longo do Horizonte de Previsão (90 dias)")
plt.grid(True)
plt.show()
```



### 14 - GRÁFICO REAL × PREVISTO (CURTO PRAZO)

O gráfico compara os valores reais e previstos para o horizonte de um dia à frente, validando visualmente o desempenho do modelo em curto prazo.

```
[18]: plt.figure(figsize=(18,6))
plt.plot(y_test_real[:, 0], label="Real (t+1)")
plt.plot(y_test_pred[:, 0], '--', label="Previsto (t+1)")
plt.legend()
plt.grid(True)
plt.show()
```

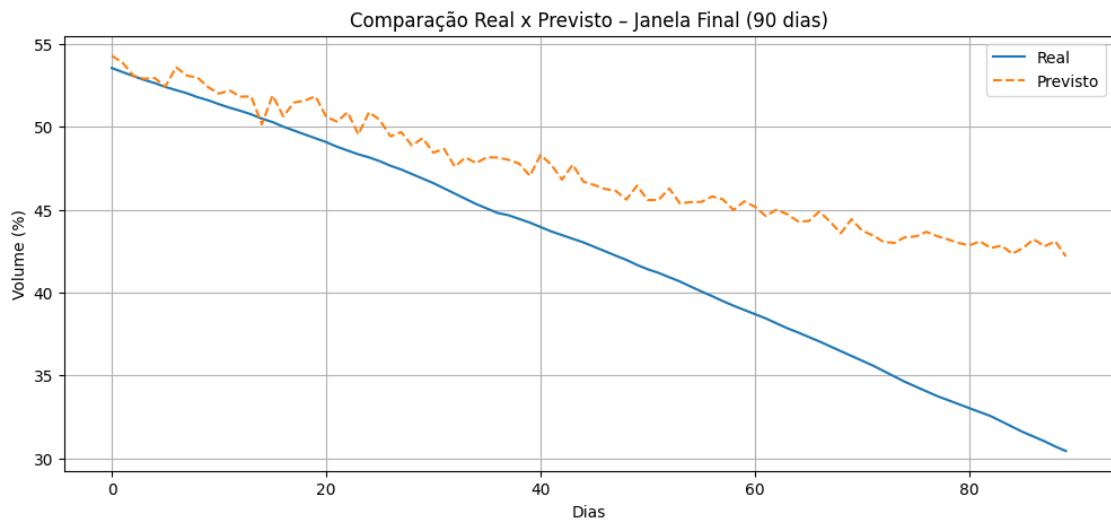


[19]: # Última janela do conjunto de teste

```
last_idx = -1
h = 90 # horizonte máximo previsto pelo modelo

real_last_window = y_test_real[last_idx, :h]
pred_last_window = y_test_pred[last_idx, :h]

plt.figure(figsize=(12,5))
plt.plot(real_last_window, label="Real")
plt.plot(pred_last_window, '--', label="Previsto")
plt.xlabel("Dias")
plt.ylabel("Volume (%)")
plt.title("Comparação Real x Previsto - Janela Final (90 dias)")
plt.legend()
plt.grid(True)
plt.show()
```



```
[25]: # Ajustando para a janela de 180 dias de dados reais e previsão para essa mesma janela
real_window = y_test_real[last_idx - window_size:last_idx, 0] # Últimos 180 dias reais
pred_window = y_test_pred[last_idx - window_size:last_idx, 0] # Previsão para os 180 dias (final da janela)

# Verificando as formas dos dados
print("Real window shape:", real_window.shape)
print("Pred window shape:", pred_window.shape)

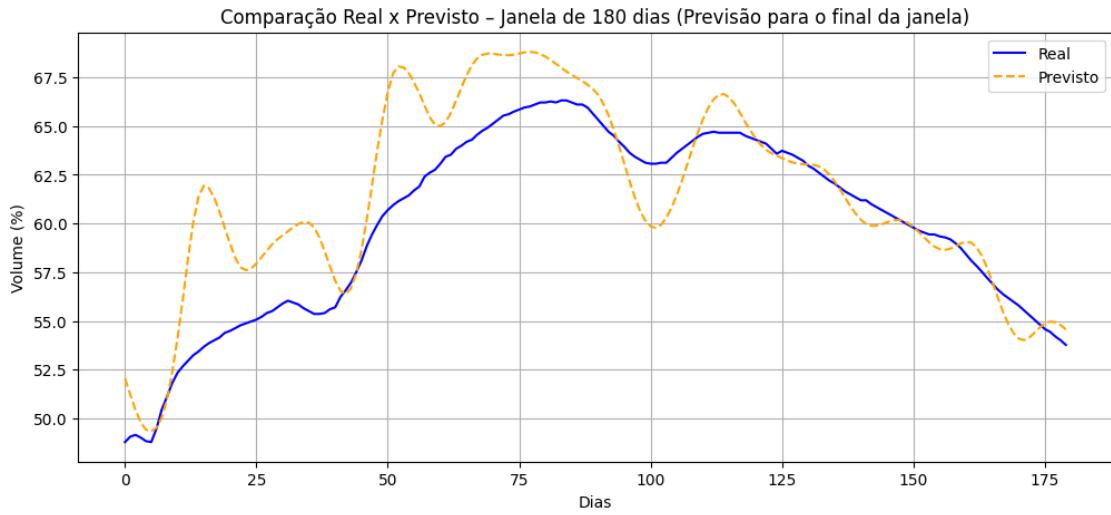
# Plotando a comparação Real x Previsto para a mesma janela
plt.figure(figsize=(12, 5))

# Plotando os dados reais (últimos 180 dias observados)
plt.plot(range(window_size), real_window, label="Real", color='blue')

# Plotando a previsão (para os 180 dias seguintes)
plt.plot(range(window_size), pred_window, '--', label="Previsto", color='orange')

plt.xlabel("Dias")
plt.ylabel("Volume (%)")
plt.title("Comparação Real x Previsto - Janela de 180 dias (Previsão para o final da janela)")
plt.legend()
plt.grid(True)
plt.show()
```

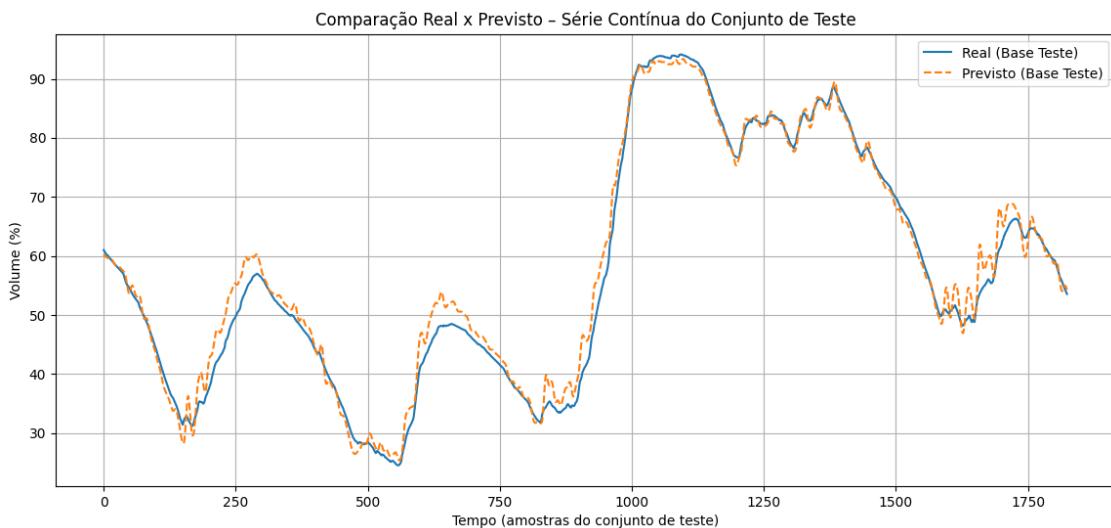
```
Real window shape: (180,)
Pred window shape: (180,)
```



```
[26]: # Real x Previsto Base Teste
```

```
real_series_test = y_test_real[:, 0]
pred_series_test = y_test_pred[:, 0]

plt.figure(figsize=(14,6))
plt.plot(real_series_test, label="Real (Base Teste)")
plt.plot(pred_series_test, '--', label="Previsto (Base Teste)")
plt.xlabel("Tempo (amostras do conjunto de teste)")
plt.ylabel("Volume (%)")
plt.title("Comparação Real x Previsto - Série Contínua do Conjunto de Teste")
plt.legend()
plt.grid(True)
plt.show()
```



## 15 - SÉRIE HISTÓRICA × PREVISÃO (720 DIAS)

Este gráfico apresenta a série histórica completa e a projeção de longo prazo gerada pelo modelo, permitindo análise visual da tendência prevista e da suavização inerente ao horizonte estendido.

```
[27]: def forecast_in_blocks(model, last_window, n_blocks, block_size):
    forecasts = []
    current_window = last_window.copy()

    for _ in range(n_blocks):
        pred_block = model.predict(
            current_window.reshape(
                1,
                current_window.shape[0],
                current_window.shape[1]
            ),
            verbose=0
        )[0]

        forecasts.extend(pred_block)

        for p in pred_block:
            new_row = current_window[-1].copy()
            new_row[0] = p
            current_window = np.vstack([current_window[1:], new_row])

    return np.array(forecasts)
```

```
[28]: last_window = X_scaled[-cfg.window_size:]

forecast_scaled = forecast_in_blocks(
    model,
    last_window,
    cfg.n_blocks,
    cfg.model_horizon
)

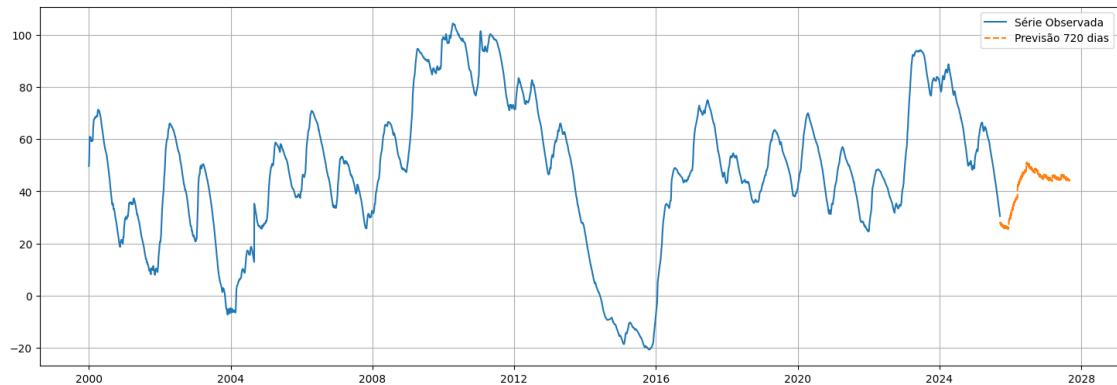
forecast = scaler_y.inverse_transform(
    forecast_scaled.reshape(-1, 1)
).flatten()
```

```
[29]: future_dates = pd.date_range(
    start=df["Data"].iloc[-1] + pd.Timedelta(days=1),
    periods=cfg.total_horizon
)
```

```

plt.figure(figsize=(18,6))
plt.plot(df["Data"], df[cfg.target_col], label="Série Observada")
plt.plot(future_dates, forecast, '--', label="Previsão 720 dias")
plt.legend()
plt.grid(True)
plt.show()

```



## Conclusão

Redes LSTM previram com sucesso o volume do reservatório Jaguari/Jacareí, com alta aderência em horizontes imediatos. A estratégia multi-step (blocos de 90 dias) para projeções de até 720 dias superou a previsão direta, garantindo maior estabilidade e menor propagação de erros.