## Exercice 1 : Équations se ramenant au produit-nul

Résoudre les équations suivantes :

1. 
$$(-3x+6)(-9x+9)=0$$

**2.** 
$$(8x-9)^2 + (8x-9)(-7x+7) = 0$$

3. 
$$(-7x-7)(7x-5) = (-7x-7)(-2x+9)$$

1. On reconnaît une équation produit-nul, donc on applique la propriété :

Un produit est nul si et seulement si au moins un de ses facteurs est nul.

$$(-3x+6)(-9x+9) = 0$$

$$\iff$$
  $-3x+6=0$  ou  $-9x+9=0$ 

$$\iff$$
  $-3x = -6$  ou  $-9x = -9$ 

$$\iff -3x = -6 \quad \text{ou} \quad -9x = -9$$
 
$$\iff x = \frac{-6}{-3} \quad \text{ou} \quad x = \frac{-9}{-9}$$

$$\iff x = 2$$
 ou  $x = 1$ 

On en déduit :  $S = \{1; 2\}$ 

**2.** 
$$(8x-9)^2 + (8x-9)(-7x+7) = 0$$

$$\iff (8x-9)(8x-9) + (8x-9)(-7x+7) = 0$$

$$\iff (8x - 9)((8x - 9) + (-7x + 7)) = 0$$

$$\iff (8x-9)(8x-9-7x+7) = 0$$

$$\iff$$
  $(8x-9)(x-2)=0$ 

$$\iff 8x - 9 = 0 \quad \text{ou} \quad x - 2 = 0$$

$$\iff x = \frac{9}{8} \quad \text{ou} \quad x = 2$$

$$\iff x = \frac{9}{8} \quad \text{ou} \quad x = 2$$

On en déduit : 
$$S = \left\{ \frac{9}{8}; 2 \right\}$$

3. Deux nombres sont égaux si et seulement si leur différence est nulle.

$$(-7x - 7)(7x - 5) = (-7x - 7)(-2x + 9)$$

$$\iff (-7x-7)(7x-5) - (-7x-7)(-2x+9) = 0$$

$$\iff (\underline{-7x-7})\left((7x-5)-\overline{(-2x+9)}\right)=0$$

$$\iff (-7x-7)(7x-5+2x-9)=0$$

$$\iff (-7x - 7)(9x - 14) = 0$$

$$(-7x-7)(9x-14)=0$$

$$\iff$$
  $-7x - 7 = 0$  ou  $9x - 14 = 0$ 

$$\iff$$
  $-7x = 7$  ou  $9x = 14$ 

$$\iff -7x = 7 \quad \text{ou} \quad 9x = 14$$

$$\iff x = \frac{7}{-7} \quad \text{ou} \quad x = \frac{14}{9}$$

On en déduit : 
$$S = \left\{-1; \frac{14}{9}\right\}$$