

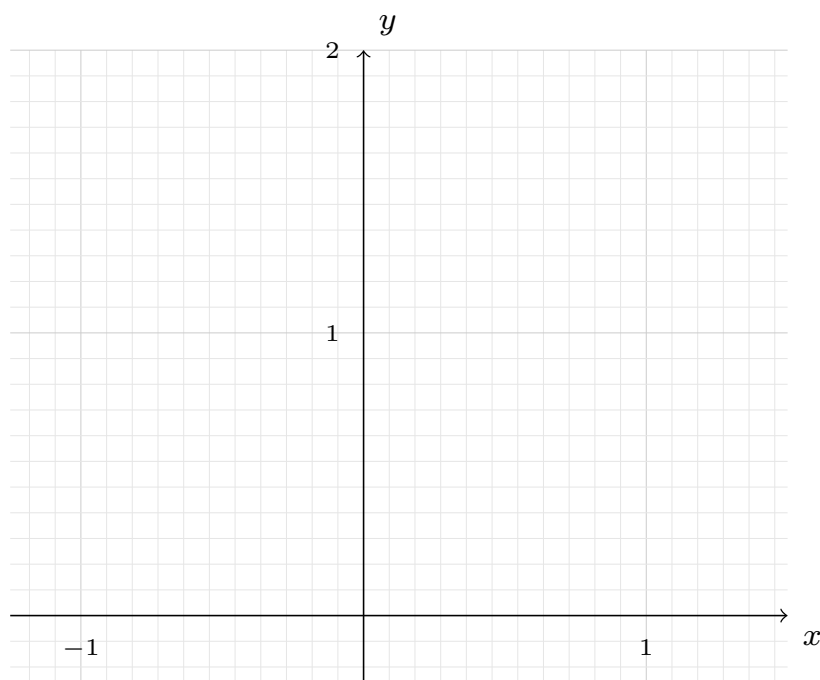
Fonction exponentielle

1^{ère}spé

On souhaite construire de façon approchée la courbe représentative d'une fonction dérivable f qui vérifie

$$f'(a) = f(a) \text{ pour tout réel } a \text{ et } f(0) = 1.$$

Nous allons utiliser la méthode d'Euler qui repose sur l'utilisation d'une approximation affine d'une fonction en un point et donc construire point par point \mathcal{C}_f , la courbe représentative de f .



Étape 1 : $f(0) = 1$

On a donc $f'(0) = \dots\dots\dots$

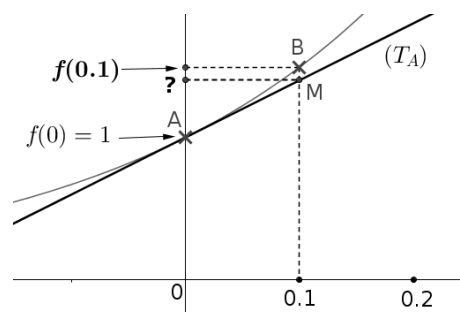
Placer A le premier point de \mathcal{C}_f et tracer T_A la tangente à \mathcal{C}_f en ce point.

Étape 2 : Approximation de $f(0,1)$

Sur la figure ci-contre, B est le point de \mathcal{C}_f d'abscisse 0,1.

Comme B est proche de A , la droite (AB) est proche de la tangente à \mathcal{C}_f en A . Donc le coefficient directeur de la droite (AB) , $\frac{f(0,1) - f(0)}{0,1 - 0}$ est proche du coefficient directeur de (T_A) égal à $f'(0)$.

$$\text{Donc } \frac{f(0,1) - f(0)}{0,1 - 0} \approx f'(0).$$

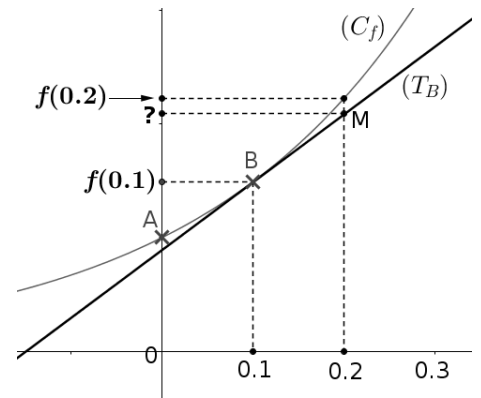


En utilisant cette approximation, donner une approximation de $f(0,1)$ et placer le point B correspondant.

Étape 3 : Approximation de $f(0,2)$

Comme précédemment $\frac{f(0,2) - f(0,1)}{0,2 - 0,1} \approx f'(0,1)$.

En déduire une approximation de $f(0,2)$ et placer le point C correspondant.



Étape 4

Compléter le tableau suivant. Si besoin, effectuer au brouillon les calculs pour les trois dernières colonnes ou mettre en évidence un moyen rapide de calculer les approximations demandées.

x	0	0,1	0,2	0,3	0,4	0,5
Approximation de $f(x)$	1					