# Formalización de un lenguaje imperativo con procedimientos, arreglos y apuntadores en Isabelle/HOL

Gabriela Limonta

Universidad Simón Bolívar

08/12/2015

El lenguaje de programación C

El lenguaje de programación C

Lenguaje C:

El lenguaje de programación C

## Lenguaje C:

• Cercanía a la máquina y bajo overhead permiten eficiencia.

El lenguaje de programación C

## Lenguaje C:

- Cercanía a la máquina y bajo overhead permiten eficiencia.
- Utilizado para sistemas operativos, aplicaciones de sistemas embebidos, compiladores, librerías e interpretadores.

El lenguaje de programación C

## Lenguaje C:

- Cercanía a la máquina y bajo overhead permiten eficiencia.
- Utilizado para sistemas operativos, aplicaciones de sistemas embebidos, compiladores, librerías e interpretadores.

## Desventaja?

El lenguaje de programación C

## Lenguaje C:

- Cercanía a la máquina y bajo overhead permiten eficiencia.
- Utilizado para sistemas operativos, aplicaciones de sistemas embebidos, compiladores, librerías e interpretadores.

## Desventaja?

 Parte de la semántica se define en lenguaje natural, lo cual la hace vulnerable a ambigüedades.

Objetivos del trabajo

• Formalizar la semántica de un lenguaje imperativo que represente un subconjunto determinístico de la semántica de C.

- Formalizar la semántica de un lenguaje imperativo que represente un subconjunto determinístico de la semántica de C.
- Escribir un interpretador dentro del ambiente de Isabelle/HOL y demostrar su correctitud.

- Formalizar la semántica de un lenguaje imperativo que represente un subconjunto determinístico de la semántica de C.
- Escribir un interpretador dentro del ambiente de Isabelle/HOL y demostrar su correctitud.
- Generar código C a partir de programas escritos en la semántica formal.

- Formalizar la semántica de un lenguaje imperativo que represente un subconjunto determinístico de la semántica de C.
- Escribir un interpretador dentro del ambiente de Isabelle/HOL y demostrar su correctitud.
- Generar código C a partir de programas escritos en la semántica formal.
- Crear un ambiente de pruebas y una batería de pruebas que incrementen la confianza en el proceso de generación de código.

Un lenguaje imperativo, subconjunto de C



Un lenguaje imperativo, subconjunto de C



Un lenguaje imperativo, subconjunto de C

- Variables
- Arreglos

Un lenguaje imperativo, subconjunto de C

- Variables
- Arreglos
- Aritmética de apuntadores

Un lenguaje imperativo, subconjunto de C

- Variables
- Arreglos
- Aritmética de apuntadores
- Ciclos

Un lenguaje imperativo, subconjunto de C

- Variables
- Arreglos
- Aritmética de apuntadores
- Ciclos
- Condicionales

Un lenguaje imperativo, subconjunto de C

- Variables
- Arreglos
- Aritmética de apuntadores
- Ciclos
- Condicionales
- Funciones

Un lenguaje imperativo, subconjunto de C

- Variables
- Arreglos
- Aritmética de apuntadores
- Ciclos
- Condicionales
- Funciones
- Memoria dinámica

Un lenguaje imperativo, subconjunto de C

#### Características:

- Variables
- Arreglos
- Aritmética de apuntadores
- Ciclos
- Condicionales
- Funciones
- Memoria dinámica

Un lenguaje imperativo, subconjunto de C

#### Características:

- Variables
- Arreglos
- Aritmética de apuntadores
- Ciclos
- Condicionales
- Funciones
- Memoria dinámica

## Limitaciones:

 Sistema de tipos estático correcto y completo

Un lenguaje imperativo, subconjunto de C

#### Características:

- Variables
- Arreglos
- Aritmética de apuntadores
- Ciclos
- Condicionales
- Funciones
- Memoria dinámica

- Sistema de tipos estático correcto y completo
- Concurrencia

Un lenguaje imperativo, subconjunto de C

#### Características:

- Variables
- Arreglos
- Aritmética de apuntadores
- Ciclos
- Condicionales
- Funciones
- Memoria dinámica

- Sistema de tipos estático correcto y completo
- Concurrencia
- Operaciones I/O

Un lenguaje imperativo, subconjunto de C

#### Características:

- Variables
- Arreglos
- Aritmética de apuntadores
- Ciclos
- Condicionales
- Funciones
- Memoria dinámica

- Sistema de tipos estático correcto y completo
- Concurrencia
- Operaciones I/O
- Goto

Un lenguaje imperativo, subconjunto de C

#### Características:

- Variables
- Arreglos
- Aritmética de apuntadores
- Ciclos
- Condicionales
- Funciones
- Memoria dinámica

- Sistema de tipos estático correcto y completo
- Concurrencia
- Operaciones I/O
- Goto
- Etiquetas

Un lenguaje imperativo, subconjunto de C

#### Características:

- Variables
- Arreglos
- Aritmética de apuntadores
- Ciclos
- Condicionales
- Funciones
- Memoria dinámica

- Sistema de tipos estático correcto y completo
- Concurrencia
- Operaciones I/O
- Goto
- Etiquetas
- Instrucciones break y continue

Un lenguaje imperativo, subconjunto de C

#### Características:

- Variables
- Arreglos
- Aritmética de apuntadores
- Ciclos
- Condicionales
- Funciones
- Memoria dinámica

- Sistema de tipos estático correcto y completo
- Concurrencia
- Operaciones I/O
- Goto
- Etiquetas
- Instrucciones break y continue



## Existen tres enfoques principales:

Operacional

- Operacional
  - Pasos largos
  - Pasos cortos

- Operacional
  - Pasos largos
  - Pasos cortos
- Denotacional

- Operacional
  - Pasos largos
  - Pasos cortos
- Denotacional
- Axiomática

- Operacional
  - Pasos largos
  - Pasos cortos
- Denotacional
- Axiomática

## Isabelle/HOL



 Isabelle/HOL es un demostrador interactivo de teoremas escrito en ML.



- Isabelle/HOL es un demostrador interactivo de teoremas escrito en ML.
- Desarrollado por Larry Paulson y Tobias Nipkow.



- Isabelle/HOL es un demostrador interactivo de teoremas escrito en ML.
- Desarrollado por Larry Paulson y Tobias Nipkow.
- Utiliza el lenguaje HOL para realizar las pruebas.



- Isabelle/HOL es un demostrador interactivo de teoremas escrito en ML.
- Desarrollado por Larry Paulson y Tobias Nipkow.
- Utiliza el lenguaje HOL para realizar las pruebas.
- Permite hacer definiciones y demostrar propiedades acerca de las mismas.



- Isabelle/HOL es un demostrador interactivo de teoremas escrito en ML.
- Desarrollado por Larry Paulson y Tobias Nipkow.
- Utiliza el lenguaje HOL para realizar las pruebas.
- Permite hacer definiciones y demostrar propiedades acerca de las mismas.
- Se usa la máquina para asistir en las demostraciones





- Isabelle/HOL es un demostrador interactivo de teoremas escrito en ML.
- Desarrollado por Larry Paulson y Tobias Nipkow.
- Utiliza el lenguaje HOL para realizar las pruebas.
- Permite hacer definiciones y demostrar propiedades acerca de las mismas.
- Se usa la máquina para asistir en las demostraciones



```
datatype nat = 0 | Suc nat
fun add :: ''nat => nat => nat'' where
''add 0 n = n'' |
''add (Suc m) n = Suc (add m n)''
```

```
lemma add_02:
    ''add m 0 = m''
proof(induction)
```

#### Output de Isabelle

1. add  $0 \ 0 = 0$ 

2.  $\bigwedge$  m. add m 0 = m  $\Longrightarrow$  add (Suc m) 0 = Suc m

```
datatype nat = 0 | Suc nat

fun add :: ''nat => nat => nat'' where
''add 0 n = n'' |
''add (Suc m) n = Suc (add m n)''
```

```
lemma add_02:
    ''add m 0 = m''
proof(induction)
apply simp
```

### Output de Isabelle

```
1. add 0 \ 0 = 0
```

2.  $\bigwedge$  m. add m 0 = m  $\Longrightarrow$  add (Suc m) 0 = Suc m

Usando la primera regla de add

```
datatype nat = 0 | Suc nat

fun add :: ''nat => nat => nat'' where
''add 0 n = n'' |
''add (Suc m) n = Suc (add m n)''
```

```
lemma add_02:
    ''add m 0 = m''
proof(induction)
apply simp
```

### Output de Isabelle

```
2. \bigwedge m. add m 0 = m \Longrightarrow add (Suc m) 0 = Suc m
```

```
datatype nat = 0 | Suc nat

fun add :: ''nat => nat => nat'' where
''add 0 n = n'' |
''add (Suc m) n = Suc (add m n)''
```

```
lemma add_02:
    ''add m 0 = m''
proof(induction)
apply simp
apply simp
done
```

### Output de Isabelle

```
2. \bigwedge m. add m 0 = m \Longrightarrow add (Suc m) 0 = Suc m
```

Usando la segunda regla de add y luego la hipotesis inductiva

```
datatype nat = 0 | Suc nat

fun add :: ''nat => nat => nat'' where
''add 0 n = n'' |
''add (Suc m) n = Suc (add m n)''
```

```
lemma add_02:
    ''add m 0 = m''
proof(induction)
apply simp
apply simp
done
```

### Output de Isabelle

No subgoals!

#### **Antecedentes**

Michael Norrish: Semántica de C formalizada en HOL

- Semántica operacional de pasos largos para el subconjunto Cholera de C en HOL.
- Considera todo posible orden de evaluación para efectos de borde.
- Deriva una lógica de Hoare para programas en C.
- Sistema para analizar cuerpos de ciclos y generar postcondiciones correctas.

#### **Antecedentes**

#### Proyecto CompCert

- Compilador moderadamente optimizador
- Traduce código del subconjunto Clight de C a código ensamblador para PowerPC.
- Modelo de memoria interesante para lenguajes imperativos.
- Formalización y demostración de propiedades en operaciones de memoria usando Coq.

### **Antecedentes**

#### Proyecto AutoCorres

- Enfoque bottom-up
- Reconoce lexicográficamente código C y genera una representación monádica de más alto nivel.
- Esta representación generada facilita el razonamiento sobre programas.
- Se utiliza en varios proyectos de verificación de C:
  - Verificación de una libería de grafos a gran escala
  - Verificación de un sistema de archivos
  - Verificación de un sistema operativo de tiempo real

# ¿Qué es un programa?

Un programa es una secuencia de una o mas instrucciones que realizan una tarea en una computadora:

```
Example

x = 21;
y = 21;
z = x + y;
```

#### **Sintaxis**

#### Expresiones en Chloe

```
type_synonym vname = string
                                  And
                                         exp
                                             exp
                                  0r
                                         exp
                                             exp
                                  Eq
datatype exp = Const int
                                         exp exp
    Null
                                  New
                                         exp
           vname
                                  Deref
                                        exp
    Plus
                                  Ref
                                         lexp
          exp exp
    Subst
                                  Index exp exp
          exp exp
    Minus
                              and
          exp
    Div
                              datatype lexp = Deref exp
              exp
          exp
   Mod
          exp
                                  Indexl exp exp
              exp
   Mult
          exp
              exp
   Less
          exp exp
    Not
          exp
```

### **Sintaxis**

Expresiones en Chloe

### ¿Por qué diferenciamos entre exp y lexp?

```
Example
foo = *bar;
*baz = 1;
```

### **Tipos**

#### Enteros y apuntadores

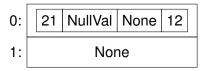
Los enteros son palabras de precisión 64.

```
type_synonym int_width = 64
type_synonym int_val = int_width word
```

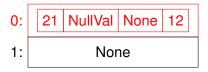
Y tienen los siguientes límites:

```
INT_MIN == - (2^(int_width - 1))
INT_MAX == ((2^(int_width - 1)) - 1)
```

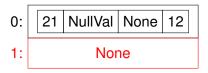
Un apuntador es un par que representa un identificador de un bloque y un desplazamiento.



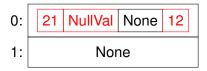
- Bloque asignado
- Bloque Libre
- Celdas inicializadas
- Celda no inicializada



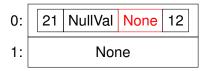
- Bloque asignado
- Bloque Libre
- Celdas inicializadas
- Celda no inicializada



- Bloque asignado
- Bloque Libre
- Celdas inicializadas
- Celda no inicializada



- Bloque asignado
- Bloque Libre
- Celdas inicializadas
- Celda no inicializada



- Bloque asignado
- Bloque Libre
- Celdas inicializadas
- Celda no inicializada

#### Problema de la memoria ilimitada

Soluciones posibles

La asignación de memoria no puede fallar porque se supone una cantidad ilimitada de memoria.

Sin embargo, se tienen recursos limitados en una computadora. Hay dos soluciones posibles:

- Modelar un comportamiento no-determinístico en la función que asigna memoria.
- Suponer una cantidad fija de memoria.

#### Problema de la memoria ilimitada

Nuestra solución

Se mantiene la suposición de memoria ilimitada.

Luego en el proceso de traducción se envuelve la función malloc de C en una definida por nosotros.

Esta función verifica si la llamada a malloc falla.

Si falla, entonces el programa se aborta.

¿Cuál es el significado de una expresión?

La semántica de una expresión es su valor y efecto en el estado del programa.

¿Cuál es el significado de una expresión?

La semántica de una expresión es su valor y efecto en el estado del programa.

### Example

$$21 + 21 = 42$$

¿Cuál es el significado de una expresión?

La semántica de una expresión es su valor y efecto en el estado del programa.

### Example

$$21 + 21 = 42$$

$$foo + 42 = ?$$

¿Cuál es el significado de una expresión?

La semántica de una expresión es su valor y efecto en el estado del programa.

### Example

$$21 + 21 = 42$$

$$foo + 42 = ?$$

$$bar = new(12)$$

¿Cuál es el significado de una expresión?

La semántica de una expresión es su valor y efecto en el estado del programa.

### Example

$$21 + 21 = 42$$

$$foo + 42 = ?$$

$$bar = new(12)$$

Se debe saber el valor de una variable a tiempo de ejecución.

**Valuaciones** 

Una valuación es una función que mapea un nombre de variable a un valor.

**Valuaciones** 

Una valuación es una función que mapea un nombre de variable a un valor.

**type**\_**synonym** valuation = vname ⇒ val option option

**Valuaciones** 

Una valuación es una función que mapea un nombre de variable a un valor.

**type**\_**synonym** valuation = vname ⇒ val option option

Dado un nombre de variable puede producir tres resultados diferentes:

**Valuaciones** 

Una valuación es una función que mapea un nombre de variable a un valor.

**type**\_**synonym** valuation = vname ⇒ val option option

Dado un nombre de variable puede producir tres resultados diferentes:

None: valor sin definir.

**Valuaciones** 

Una valuación es una función que mapea un nombre de variable a un valor.

**type**\_**synonym** valuation = vname ⇒ val option option

Dado un nombre de variable puede producir tres resultados diferentes:

- None: valor sin definir.
- Some None: valor sin inizializar.

**Valuaciones** 

Una valuación es una función que mapea un nombre de variable a un valor.

**type**\_**synonym** valuation = vname ⇒ val option option

Dado un nombre de variable puede producir tres resultados diferentes:

- None: valor sin definir.
- Some None: valor sin inizializar.
- Some *v*: variable inicializada que tiene valor *v*.

Estado visible

Cuando se ejecuta un comando, el mismo solo puede *ver* cierta parte del estado:

Estado visible

Cuando se ejecuta un comando, el mismo solo puede *ver* cierta parte del estado:

Variables locales a la función actual

Estado visible

Cuando se ejecuta un comando, el mismo solo puede *ver* cierta parte del estado:

- Variables locales a la función actual
- Variables globales

Estado visible

Cuando se ejecuta un comando, el mismo solo puede *ver* cierta parte del estado:

- Variables locales a la función actual
- Variables globales
- Memoria

Funcioness eval y eval\_l

Se definen dos funciones para calcular el valor de una expresión.

Funcioness eval y eval\_l

Se definen dos funciones para calcular el valor de una expresión.

La evaluación de estas funciones puede fallar:

Variables sin definir

Funcioness eval y eval\_l

Se definen dos funciones para calcular el valor de una expresión.

- Variables sin definir
- Operandos ilegales dados a la función

Funcioness eval y eval\_l

Se definen dos funciones para calcular el valor de una expresión.

- Variables sin definir
- Operandos ilegales dados a la función
- Acceso a memoria inválida

Funcioness eval y eval\_l

Se definen dos funciones para calcular el valor de una expresión.

- Variables sin definir
- Operandos ilegales dados a la función
- Acceso a memoria inválida
- Overflow de enteros

Funcioness eval y eval\_l

Se definen dos funciones para calcular el valor de una expresión.

- Variables sin definir
- Operandos ilegales dados a la función
- Acceso a memoria inválida
- Overflow de enteros
- División por cero

Aspectos destacados de la evaluación de expresiones

- Se detecta overflow de enteros y lleva a un estado erróneo
- Evaluación de corto circuito
- División y módulo con truncamiento a cero
- Alcance estático de las variables

#### Sintaxis de los comandos

#### Sintaxis Abstracta

```
datatype com = SKIP
             | Assignl lexp exp
              Assign vname exp
             | Seq com com
              If exp com com
             | While exp com
             | Free lexp
              Return exp
              Returny
             | Callfunl lexp fname " exp list"
             | Callfun vname fname " exp list"
             | Callfunv fname " exp list"
```

#### **Funciones**

Se tienen funciones que retornan un valor y aquellas que no.

```
record fun_decl =
  name :: fname
  params :: vname list
  locals :: vname list
  body :: com
```

Una función es válida  $\iff$  los parámetros y variables locales tienen nombres diferentes.

Cuando una función retorna un valor, este valor es:

- Asignado a una ubicación en memoria
- Asignado a una variable
- Ignorado



```
record program =
  name :: fname
  globals :: vname list
  procs :: fun_decl list
```

```
record program =
  name :: fname
  globals :: vname list
  procs :: fun_decl list
```

### Un programa se considera válido si:

• Las variables globales tienen nombres diferentes entre sí.

```
record program =
  name :: fname
  globals :: vname list
  procs :: fun_decl list
```

- Las variables globales tienen nombres diferentes entre sí.
- Los nombres de funciones son dieferentes entre sí.

```
record program =
  name :: fname
  globals :: vname list
  procs :: fun_decl list
```

- Las variables globales tienen nombres diferentes entre sí.
- Los nombres de funciones son dieferentes entre sí.
- Todas las declaraciones de funciones son válidas.

```
record program =
  name :: fname
  globals :: vname list
  procs :: fun_decl list
```

- Las variables globales tienen nombres diferentes entre sí.
- Los nombres de funciones son dieferentes entre sí.
- Todas las declaraciones de funciones son válidas.
- La función main está definida.

```
record program =
  name :: fname
  globals :: vname list
  procs :: fun_decl list
```

- Las variables globales tienen nombres diferentes entre sí.
- Los nombres de funciones son dieferentes entre sí.
- Todas las declaraciones de funciones son válidas.
- La función main está definida.
- Ninguno de los nombres de variables o funciones en el programa es una palabra reservada.

```
record program =
  name :: fname
  globals :: vname list
  procs :: fun_decl list
```

- Las variables globales tienen nombres diferentes entre sí.
- Los nombres de funciones son dieferentes entre sí.
- Todas las declaraciones de funciones son válidas.
- La función main está definida.
- Ninguno de los nombres de variables o funciones en el programa es una palabra reservada.
- Los nombres de variables globales y funciones son diferentes entre sí.

Ubicaciones de retorno y marcos de pila

datatype return\_loc = Ar addr | Vr vname | Invalid

Ubicaciones de retorno y marcos de pila

```
datatype return_loc = Ar addr | Vr vname | Invalid
```

Un valor de retorno de una función puede ser:

Ubicaciones de retorno y marcos de pila

```
datatype return_loc = Ar addr | Vr vname | Invalid
```

Un valor de retorno de una función puede ser:

Asignado a una ubicación en memoria

Ubicaciones de retorno y marcos de pila

```
datatype return_loc = Ar addr | Vr vname | Invalid
```

Un valor de retorno de una función puede ser:

- Asignado a una ubicación en memoria
- Asignado a una variable

Ubicaciones de retorno y marcos de pila

```
datatype return_loc = Ar addr | Vr vname | Invalid
```

Un valor de retorno de una función puede ser:

- Asignado a una ubicación en memoria
- Asignado a una variable
- Ignorado

Ubicaciones de retorno y marcos de pila

datatype return\_loc = Ar addr | Vr vname | Invalid

Un valor de retorno de una función puede ser:

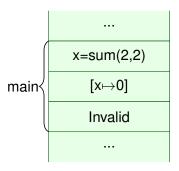
- Asignado a una ubicación en memoria
- Asignado a una variable
- Ignorado

**datatype** stack\_frame =  $com \times valuation \times return\_loc$ 

La pila de ejecución es una lista de marcos de pila.

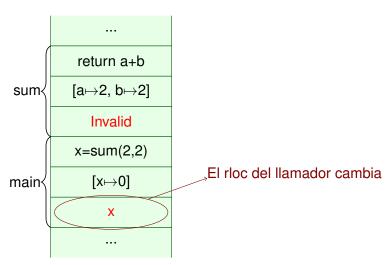
```
int sum(int a; int b)
  return a+b;

int main()
  int x = 0;
  x = sum(2,2);
```



```
int sum(int a; int b)
  return a+b;

int main()
  int x = 0;
  x = sum(2,2);
```



La tabla de procedimientos mapea nombres de funciones a sus declaraciones:

type\_synonym proc\_table = fname → fun\_decl

La tabla de procedimientos mapea nombres de funciones a sus declaraciones:

type\_synonym proc\_table = fname → fun\_decl

Se construye juntando cada declaración de función con su nombre.

La tabla de procedimientos mapea nombres de funciones a sus declaraciones:

type\_synonym proc\_table = fname → fun\_decl

Se construye juntando cada declaración de función con su nombre.

Un estado se define como:

La tabla de procedimientos mapea nombres de funciones a sus declaraciones:

type\_synonym proc\_table = fname → fun\_decl

Se construye juntando cada declaración de función con su nombre.

Un estado se define como:

**type\_synonym** state = stack\_frame list  $\times$  valuation  $\times$  mem

La tabla de procedimientos mapea nombres de funciones a sus declaraciones:

type\_synonym proc\_table = fname → fun\_decl

Se construye juntando cada declaración de función con su nombre.

Un estado se define como:

**type\_synonym** state = stack\_frame list  $\times$  valuation  $\times$  mem

- Pila de ejecución
- Variables globales
- Memoria

#### **Estados**

Estado inicial

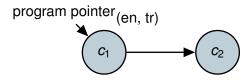
#### Un estado inicial es la tupla que contiene:

- Pila inicial: Pila de ejecución con el marco de pila de la función main
- Variables globales iniciales: todos los nombres de variables se mapean a indefinido y las varaibles globales a no-inicializado
- Memoria inicial: Memoria vacía

## Grafo de flujo de control

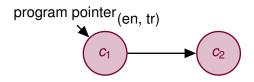
#### ¿Qué es un CFG?

Una representación en forma de grafo que cubre los diferentes caminos que un programa puede tomar durante su ejecución.



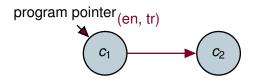
#### ¿Qué es un CFG?

Una representación en forma de grafo que cubre los diferentes caminos que un programa puede tomar durante su ejecución.



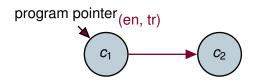
Los nodos del CFG son comandos

#### ¿Qué es un CFG?



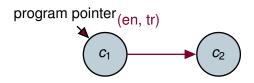
- Los nodos del CFG son comandos
- Las aristas del CFG están anotadas con dos funciones que dependen del estado del programa

#### ¿Qué es un CFG?



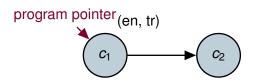
- Los nodos del CFG son comandos
- Las aristas del CFG están anotadas con dos funciones que dependen del estado del programa
  - La primera indica si una arista puede ser seguida o no

#### ¿Qué es un CFG?



- Los nodos del CFG son comandos
- Las aristas del CFG están anotadas con dos funciones que dependen del estado del programa
  - La primera indica si una arista puede ser seguida o no
  - La segunda indica como se transforma el estado al seguir una arista

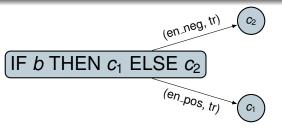
#### ¿Qué es un CFG?



- Los nodos del CFG son comandos
- Las aristas del CFG están anotadas con dos funciones que dependen del estado del programa
  - La primera indica si una arista puede ser seguida o no
  - La segunda indica como se transforma el estado al seguir una arista
- Se tiene una ubicación actual, la cual es un program pointer al nodo actual

Funciones enabled

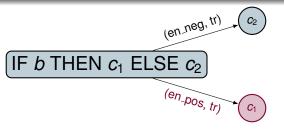
type\_synonym enabled = state → bool



Esta función indica si un estado puede continuar su ejecución. Es una función parcial, por lo que puede fallar.

Funciones enabled

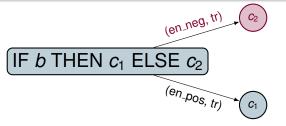
type\_synonym enabled = state → bool



Cuando la evaluación de la condición b produce un valor true, se sigue la arista que lleva a  $c_1$ .

Funciones enabled

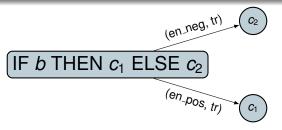
type\_synonym enabled = state → bool



Cuando la evaluación de la condición b produce un valor false, se sigue la arista que lleva a  $c_2$ .

Funciones enabled

type\_synonym enabled = state → bool



Dependiendo del resultado de la función *enabled* se decide que arista tomar.

Funciones enabled

type\_synonym enabled = state 
$$\rightarrow$$
 bool

IF  $b$  THEN  $c_1$  ELSE  $c_2$ 
 $(e_n, p_{OS, tr})$ 
 $(c_1)$ 

Siempre habrá una arista que pueda ser seguida.

Funciones transformer

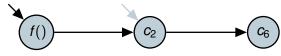
**type**\_**synonym** transformer = state → state

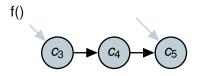
Esta función transforma un estado en uno nuevo dependiendo de la arista que se siga.

Es una función parcial, falla cuando se encuentra un error en la transformación.

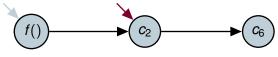
Esta función actualiza el estado con el estado resultante cada vez que se sigue una arista.

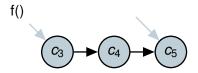
... con una pila.





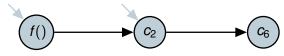
... con una pila.

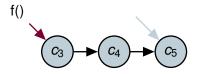






... con una pila.

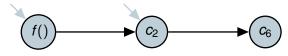


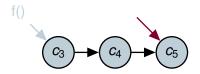






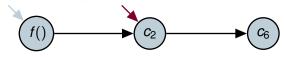
... con una pila.

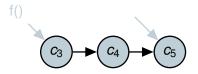






... con una pila.







# Grafo de flujo de control Reglas

**type\_synonym** cfg\_label = enabled  $\times$  transformer

```
inductive cfg :: com \Rightarrow cfg_label \Rightarrow com \Rightarrow bool
```

- Assign: cfg (x ::= a) (en\_always,tr\_assign x a) SKIP
- Assignl: cfg (x ::== a) (en\_always,tr\_assignl x a) SKIP
- Seq1: **cfg** (SKIP;;  $c_2$ ) (en\_always, tr\_id)  $c_2$
- Seq2:  $\llbracket \mathbf{cfg} \ c_1 \ a \ c'_1 \ \rrbracket \Longrightarrow \mathbf{cfg} \ (c_1;; c_2) \ a \ (c'_1;; c_2)$
- IfTrue: cfg (IF b THEN c<sub>1</sub> ELSE c<sub>2</sub>) (en\_pos b, tr\_eval b) c<sub>1</sub>
- IfFalse: cfg (IF b THEN c<sub>1</sub> ELSE c<sub>2</sub>) (en\_neg b, tr\_eval b) c<sub>2</sub>
- While: cfg (WHILE b DO c) (en\_always, tr\_id) (IF b THEN c;;
   WHILE b DO c ELSE SKIP)
- Free: cfg (FREE x) (en\_always, tr\_free x) SKIP



# Grafo de flujo de control Reglas

- Return: cfg (Return a) (en\_always, tr\_return a) SKIP
- Returnv: cfg Returnv (en\_always, tr\_return\_void) SKIP
- Callfunl: cfg (Callfunl e f params) (en\_always, tr\_callfunl proc\_table e f params) SKIP
- Callfun: cfg (Callfun x f params) (en\_always, tr\_callfun proc\_table x f params) SKIP
- Callfunv: cfg (Callfunv f params) (en\_always, tr\_callfunv proc\_table f params) SKIP

¿Por qué una semántica de pasos cortos?

¿Por qué una semántica de pasos cortos?

Se quiere poder hablar de estados intermedios y diferenciar entre programas que no terminen y programas erróneos.

¿Por qué una semántica de pasos cortos?

Se quiere poder hablar de estados intermedios y diferenciar entre programas que no terminen y programas erróneos.

## La semántica de pasos cortos se define sobre estados:

 $\textbf{inductive} \ \text{small\_step} :: state \Rightarrow state \ \text{option} \Rightarrow bool$ 

$$s \rightarrow s_2$$



"Se toma un paso corto desde s hasta s<sub>2</sub>"

¿Cuándo se puede dar un paso?

## Un paso desde s hasta $s_2$ se puede dar cuando:

- Paso regular:
  - Pila no vacía
  - Hay una arista en el CFG entre c<sub>1</sub> y c<sub>2</sub>
  - El comando en el tope de la pila es c<sub>1</sub>
  - Aplicar la función enabled produce True
  - Aplicar la función transformer sobre s produce s<sub>2</sub>
- Paso de retorno desde una función sin valor de retorno:
  - Pila no vacía
  - El comando en el tope de la pila es SKIP
  - Aplicar la función transformer tr\_return\_void sobre s produce s<sub>2</sub>

¿Cuándo falla el dar un paso?

## Cuando hay una ejecución errónea, se da un paso desde s a None:

- Paso regular:
  - Pila no vacía
  - Hay una arista en el CFG entre c<sub>1</sub> y c<sub>2</sub>
  - El comando en el tope de la pila es c<sub>1</sub>
  - Aplicar la función enabled o transformer produce None
- Paso de retorno desde una función sin valor de retorno:
  - Pila no vacía
  - El comando en el tope de la pila es SKIP
  - Aplicar la función transformer tr\_return\_void sobre s produce None

¿Cómo dar varios pasos cortos?

Se lleva la definicón de small\_step a trabajar sobre state option:

inductive small\_step' :: state option ⇒ state option ⇒ bool

¿Cómo dar varios pasos cortos?

Se lleva la definicón de small\_step a trabajar sobre state option:

**inductive** small\_step' :: state option  $\Rightarrow$  state option  $\Rightarrow$  bool

Para tomar varios pasos se utiliza la clausura reflexivo-transitiva sobre small\_step':

**inductive** small\_step' :: state option  $\Rightarrow$  state option  $\Rightarrow$  bool

$$s \rightarrow * s_2$$

 $\equiv$ 

"Se toma uno o mas pasos cortos desde s hasta s<sub>2</sub>"

#### Ejecución de un programa

Un paso se ejecuta al aplicar la función *transformer* correspondiente al estado y actualizar el comando en el tope de la pila.

### Ejecución de un programa

Un paso se ejecuta al aplicar la función *transformer* correspondiente al estado y actualizar el comando en el tope de la pila.

La semántica es determinística, lo que permite escribir un interpretador para la misma.

### Ejecución de un programa

Un paso se ejecuta al aplicar la función *transformer* correspondiente al estado y actualizar el comando en el tope de la pila.

La semántica es determinística, lo que permite escribir un interpretador para la misma.

## Interpretar un programa:

Mientras no se alcance un estado final, se ejecuta un paso.

### Ejecución de un programa

Un paso se ejecuta al aplicar la función *transformer* correspondiente al estado y actualizar el comando en el tope de la pila.

La semántica es determinística, lo que permite escribir un interpretador para la misma.

## Interpretar un programa:

Mientras no se alcance un estado final, se ejecuta un paso.

## Ejecutar un programa:

Verificar que el programa es válido.

Si lo es, se interpreta.

El interpretador retorna un estado final o None, que indica una ejecución errónea.

## Correctitud

Se demuestran varias propiedades con respecto a la semántica y el interpretador con asistencia de Isabelle/HOL. Tomemos como ejemplo la prueba del siguiente teorema:

```
lemma cfg_has_enabled_action:
  assumes " c \notequal SKIP"
  shows "\exists c' en tr. cfg c (en,tr) c'
    \and (en s = None \or en s = Some True)"
  using assms
proof (induction c)
  case (Seg c1 c2)
  show ?case
 proof (cases ç1 = SKIP")
    case True
   thus ?thesis by (auto intro: cfg.intros)
 next
    case False
    from Seq. IH(1) [OF this]
      show ?thesis by (auto intro: cfg.intros)
  aed
next
```

```
case (If b c1 c2)
show ?case
proof (cases .en_pos b s")
  case None[simp]
 thus ?thesis
    by (fastforce intro: cfg.intros)
next.
  case (Some a)[simp]
    show ?thesis
    proof (cases a)
      case True
      thus ?thesis
        by (fastforce intro: cfg.intros)
    next
      case False[simp]
      have .en pos b s = Some False" by simp
      hence .en_neg b s = Some True"
        unfolding en_pos_def en_neg_def
        by (auto split: Option.bind splits)
      thus ?thesis
        by (fastforce intro: cfg.intros)
    ged
qed
```

qed (auto intro: cfg.intros)

## Correctitud

Se demuestran dos principales teoremas.

## Theorem (La semántica es determinística)

$$s \to s' \land s \to s'' \Longrightarrow s' = s''$$
  
 $s \to s' \land s \to s' \Leftrightarrow s'' \Longrightarrow s' = s''$ 

Para demostrar estos dos lemas fue necesario demostrar 9 lemas previos.

# Theorem (El interpretador es correcto con respecto a la semántica)

terminates 
$$CS \implies \text{yields } CS CS' \longleftrightarrow (CS' = \text{interp proc_table } CS)$$

Para demostrar este lema fue necesario demostrar 6 lemas previos.

#### Generación de código para factorial

Se toma el siguiente programa en la semántica:

```
definition factorial decl :: fun decl
                                                       definition p :: program
 where "factorial decl ==
                                                          where "p ==
    ( fun decl.name = fact.
                                                            ( program.name = fact,
      fun_decl.params = [n],
                                                              program.globals = [n, r],
      fun decl.locals = [r. i].
                                                             program.procs = [factorial decl. main decl]
      fun_decl.body =
        r ::= (Const 1)::
        i ::= (Const 1);;
                                                        y se exporta código para el mismo.
        (WHILE (Less (V i) (Plus (V n) (Const 1))) DO
          (r ::= (Mult (V r) (V i))::
          i ::= (Plus (V i) (Const 1)))
        )::
        RETURN (V r)
    ) "
definition main_decl :: fun_decl
  where "main decl ==
    ( fun_decl.name = main,
      fun decl.params = [].
      fun_decl.locals = [],
      fun decl.bodv =
        n ::= Const 5;;
        r ::= fact ([V n])
    ) "
```

#### Generación de código para factorial

```
#include <stdlib.h>
                                                                         intptr t fact(intptr t n)
#include <stdio.h>
                                                                           intptr_t r;
#include inits h>
                                                                           intptr_t i;
#include <stdint.h>
                                                                           r = (1):
#include "../test harness.h"
                                                                           i = (1):
#include "../malloc lib.h"
                                                                           while ((i) < ((n) + (1)))
#ifndef INTPTR MIN
                                                                             r = ((r) * (i)):
                                                                             i = ((i) + (1)):
 #error ("Macro INTPTR MIN undefined")
#endif
#ifndef INTPTR MAX
                                                                           return(r):
 #error ("Macro INTPTR MAX undefined")
#endif
#if ( INTPTR MIN + 1 != -9223372036854775807 )
                                                                         intptr t main()
 #error (" Assertion INTPTR_MIN + 1 == -9223372036854775807 failed")
                                                                           n = (5);
#endif
                                                                           (r) = (fact(n)):
#if ( INTPTR_MAX != 9223372036854775807 )
 #error (" Assertion INTPTR MAX == 9223372036854775807 failed")
#endif
intptr_t n;
intptr_t r;
```

#### Generación de código para factorial

```
#include <stdlib.h>
                                                                         intptr t fact(intptr t n)
#include <stdio.h>
                                                                           intptr_t r;
#include inits.h>
                                                                           intptr_t i;
#include <stdint.h>
                                                                           r = (1):
#include "../test_harness.h"
                                                                           i = (1):
#include "../malloc lib.h"
                                                                           while ((i) < ((n) + (1)))
#ifndef INTPTR MIN
                                                                             r = ((r) * (i)):
                                                                             i = ((i) + (1)):
 #error ("Macro INTPTR MIN undefined")
#endif
#ifndef INTPTR MAX
                                                                           return(r):
 #error ("Macro INTPTR MAX undefined")
#endif
#if ( INTPTR MIN + 1 != -9223372036854775807 )
                                                                         intptr t main()
 #error (" Assertion INTPTR_MIN + 1 == -9223372036854775807 failed")
                                                                           n = (5);
#endif
                                                                           (r) = (fact(n)):
#if ( INTPTR_MAX != 9223372036854775807 )
 #error (" Assertion INTPTR MAX == 9223372036854775807 failed")
#endif
intptr_t n;
intptr_t r;
```

#### Generación de código para factorial

```
#include <stdlib.h>
                                                                         intptr_t fact(intptr_t n)
#include <stdio.h>
                                                                           intptr_t r;
#include inits h>
                                                                           intptr_t i;
#include <stdint.h>
                                                                           r = (1):
#include "../test_harness.h"
                                                                           i = (1):
#include "../malloc lib.h"
                                                                           while ((i) < ((n) + (1)))
#ifndef INTPTR MIN
                                                                             r = ((r) * (i)):
                                                                             i = ((i) + (1)):
 #error ("Macro INTPTR MIN undefined")
#endif
#ifndef INTPTR MAX
                                                                           return(r):
 #error ("Macro INTPTR MAX undefined")
#endif
#if ( INTPTR MIN + 1 != -9223372036854775807 )
                                                                         intptr t main()
 #error (" Assertion INTPTR_MIN + 1 == -9223372036854775807 failed")
                                                                           n = (5);
#endif
                                                                           (r) = (fact(n)):
#if ( INTPTR_MAX != 9223372036854775807 )
 #error (" Assertion INTPTR MAX == 9223372036854775807 failed")
#endif
intptr_t n;
intptr_t r;
```

#### Generación de código para factorial

```
#include <stdlib.h>
                                                                         intptr t fact(intptr t n)
#include <stdio.h>
                                                                           intptr_t r;
#include inits h>
                                                                           intptr_t i;
#include <stdint.h>
                                                                           r = (1):
#include "../test harness.h"
                                                                           i = (1):
#include "../malloc lib.h"
                                                                           while ((i) < ((n) + (1)))
#ifndef INTPTR MIN
                                                                             r = ((r) * (i)):
                                                                             i = ((i) + (1)):
 #error ("Macro INTPTR MIN undefined")
#endif
#ifndef INTPTR MAX
                                                                           return(r):
 #error ("Macro INTPTR MAX undefined")
#endif
#if ( INTPTR MIN + 1 != -9223372036854775807 )
                                                                         intptr t main()
 #error (" Assertion INTPTR_MIN + 1 == -9223372036854775807 failed")
                                                                           n = (5);
#endif
                                                                           (r) = (fact(n)):
#if ( INTPTR_MAX != 9223372036854775807 )
 #error (" Assertion INTPTR MAX == 9223372036854775807 failed")
#endif
intptr_t n;
intptr_t r;
```

#### Generación de código para factorial

Se obtiene el siguiente código:

```
#include <stdlib.h>
                                                                         intptr t fact(intptr t n)
#include <stdio.h>
                                                                           intptr_t r;
#include inits h>
                                                                           intptr_t i;
#include <stdint.h>
                                                                           r = (1):
#include "../test harness.h"
                                                                           i = (1):
#include "../malloc lib.h"
                                                                           while ((i) < ((n) + (1)))
#ifndef INTPTR MIN
                                                                             r = ((r) * (i)):
                                                                             i = ((i) + (1)):
 #error ("Macro INTPTR MIN undefined")
#endif
#ifndef INTPTR MAX
                                                                           return(r):
 #error ("Macro INTPTR MAX undefined")
#endif
#if ( INTPTR MIN + 1 != -9223372036854775807 )
                                                                         intptr t main()
 #error (" Assertion INTPTR_MIN + 1 == -9223372036854775807 failed")
                                                                           n = (5);
#endif
                                                                           (r) = (fact(n)):
#if ( INTPTR_MAX != 9223372036854775807 )
 #error (" Assertion INTPTR MAX == 9223372036854775807 failed")
#endif
intptr_t n;
intptr_t r;
```

#### Generación de código para factorial

Se obtiene el siguiente código:

```
#include <stdlib.h>
                                                                         intptr t fact(intptr t n)
#include <stdio.h>
                                                                           intptr_t r;
#include inits h>
                                                                           intptr_t i;
#include <stdint.h>
                                                                           r = (1):
#include "../test harness.h"
                                                                           i = (1):
#include "../malloc lib.h"
                                                                           while ((i) < ((n) + (1)))
#ifndef INTPTR MIN
                                                                             r = ((r) * (i)):
                                                                             i = ((i) + (1)):
 #error ("Macro INTPTR MIN undefined")
#endif
#ifndef INTPTR MAX
                                                                           return(r):
 #error ("Macro INTPTR MAX undefined")
#endif
#if ( INTPTR MIN + 1 != -9223372036854775807 )
                                                                         intptr t main()
 #error (" Assertion INTPTR_MIN + 1 == -9223372036854775807 failed")
                                                                           n = (5):
#endif
                                                                           (r) = (fact(n)):
#if ( INTPTR_MAX != 9223372036854775807 )
 #error (" Assertion INTPTR MAX == 9223372036854775807 failed")
#endif
intptr_t n;
intptr_t r;
```

#### Casting

Se traducen los programas usando el tipo intptr\_t de C.

Este tipo permite que tanto un apuntador como un entero se guarde en el.

Todas las variables se definen con el tipo "intptr\_t".

Se debe poder imprimir un *cast* desde y hacia apuntadores para indicar a C como interpretar los valores

#### Casting

Se traducen los programas usando el tipo intptr\_t de C.

Este tipo permite que tanto un apuntador como un entero se guarde en el.

Todas las variables se definen con el tipo "intptr\_t".

Se debe poder imprimir un *cast* desde y hacia apuntadores para indicar a C como interpretar los valores

```
Casteo a apuntador
```

```
(intptr_t *) < expression>
*((intptr_t *) foo);
```

## Casteo desde apuntador

```
(intptr_t) <expression>
(intptr_t) __MALLOC(sizeof(intptr_t) * 5);
```

¿Cómo se traduce malloc bajo la suposición de memoria ilimitada?

Se traduce malloc envolviendola en otra función.

Generación de código para malloc

New (Const 9)  $\equiv$  \_\_MALLOC(sizeof(intptr\_t) \* 9)

Esta función abortará la ejecución del programa si encuentra un error de memoria.

## Exportando Código C

Exportar a un archivo

Se provee con un mecanismo que permite exportar el programa generado en código C a un archivo en un directorio determinado.

¿Por qué hacemos pruebas?

El propósito de las pruebas es incrementar la confianza en el proceso de traducción.

El código generado a partir de la semántica se comporta como sigue:

- Abortará su ejecución si encuentra un error de memoria (no se hace promesa alguna acerca de estos programas)
- Producirá un resultado equivalente al del mismo programa interpretado en Isabelle

Tipos de pruebas

Se definen tres tipos de pruebas en la batería de pruebas:

- Programas de ejemplo en Chloe
- Pruebas intencionalmente incorrectas
- Programas con pruebas generadas automáticamente que verifican la igualdad de estados finales

Igualdad de estados finales

Se provee la opción de generar código para probar los programas. Se quiere verificar que el estado final producido por el programa en C es el mismo que al interpretar el programa.

Igualdad entre el contenido de las variables globales y la memoria alcanzable.

- Valores enteros
- Apuntadores a Null
- Apuntadores diferentes de Null

Siguiendo apuntadores

Cuando el contenido de una variable global es un apuntador a memoria, se verifica el contenido completo del bloque de memoria ya que es alcanzable.

Siguiendo apuntadores

Cuando el contenido de una variable global es un apuntador a memoria, se verifica el contenido completo del bloque de memoria ya que es alcanzable.

Cuando se encuentra un apuntador a memoria se sigue el mismo hasta que:

- Se encuentra un entero o un apuntador a null
- Se encuentra un apuntador que ya fue seguido

Siguiendo los apuntadores en orden DFS

#### Para hacer esto se debe:

- Seguir los apuntadores en el orden de busqueda en profundidad
- Mantener un conjunto de bloques visitados

Para evitar seguir apuntadores indefinidamente cuando existen referencias cíclicas:

Si se encuentra un apuntador a un bloque de memoria que ya fue visitado, se deja de seguir el apuntador y se comparan los valores de los apuntadores.

Automatización del proceso de pruebas

Para automatizar el proceso de pruebas se definieron dos ambientes de pruebas (uno en Isabelle y otro en C) que ayudaran en el proceso de generación y corrida de pruebas.

Automatización del proceso de pruebas

Para automatizar el proceso de pruebas se definieron dos ambientes de pruebas (uno en Isabelle y otro en C) que ayudaran en el proceso de generación y corrida de pruebas.

Además de la generación de pruebas se necesita una manera de ejecutar todas las pruebas en la batería.

#### Automatización del proceso de pruebas

Para automatizar el proceso de pruebas se definieron dos ambientes de pruebas (uno en Isabelle y otro en C) que ayudaran en el proceso de generación y corrida de pruebas.

Además de la generación de pruebas se necesita una manera de ejecutar todas las pruebas en la batería.

- Se define un archivo en Isabelle que importa cada prueba en la batería.
- Se define un Makefile y un bash script que automatizará el proceso de compilación y corrida del código generado.

#### Conclusiones

#### Resultados de este trabajo

- Semántica formalizada para Chloe
- Interpretador correcto para Chloe dentro del ambiente Isabelle/HOL
- Traducción desde Chloe a código C
- Desarrollo de una batería de pruebas y un ambiente de pruebas
  - No se puede dar una métrica exacta para el proceso de pruebas

## Trabajos futuros

¿Qué direcciones tomar a partir de acá?

- Mejorar la batería de pruebas. Reconocer lexicográficamente pruebas de fuentes externas y traducirlas a Chloe
- Formalización de una semántica axiomática con una lógica de separación para razonar acerca de programas en Chloe
- Agregar un sistema de tipos estático para demostrar que los programas son type safe
- Enlazar Chloe al Isabelle Refinement Framework de modo que programas del framework se puedan refinar a Chloe
- Aumentar el conjunto de características soportadas por Chloe
  - Agregar más expresiones o instrucciones
  - Agregar operaciones de I/O
  - Agregar concurrencia



¡Gracias!