

# Universidad Simón Bolívar Decanato de Estudios Profesionales Coordinación de Ingeniería de la Computación

# Formalización de un lenguaje imperativo con arreglos y apuntadores en Isabelle/HOL

#### Por:

Gabriela Limonta Realizado con la asesoría de: Federico Flaviani

#### PROYECTO DE GRADO

Presentado ante la Ilustre Universidad Simón Bolívar como requisito parcial para optar al título de Ingeniero de Computación

Sartenejas, @mes de 2015



# UNIVERSIDAD SIMÓN BOLÍVAR DECANATO DE ESTUDIOS PROFESIONALES COORDINACIÓN DE INGENIERÍA DE LA COMPUTACIÓN

#### ACTA FINAL PROYECTO DE GRADO

Formalización de un lenguaje imperativo con arreglos y apuntadores  ${\rm en~Isabelle/HOL}$ 

Presentado por:

#### Gabriela Limonta

ste Froyecto de Gra	do ha sido aprobado por el siguie.	me jurado examinad
_	Federico Flaviani	
_	@iumada1	
	@jurado1	
_	@jurado2	

Sartenejas, @día de @mes de 2015

#### Resumen

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesent imperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet ante lobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectus tellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia lorem sit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesent imperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet ante lobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectus tellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia lorem sit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Palabras clave: @palabra1, @palabra2, @palabra3.

## Agradecimientos

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesent imperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet ante lobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectus tellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia lorem sit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesent imperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet ante lobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectus tellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia lorem sit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

## Índice general

Re	esum	en	
A	grade	ecimientos	I
Ín	dice	de Figuras	V
Li	sta d	le Tablas	VI
A	cróni	imos y Símbolos	VII
1.	Intr	roducción	1
	1.1.		
	1.2.	Marco Teórico	
		1.2.1. Semántica de un lenguaje de programción	
		Semántica de pasos largos	
		Semántica de pasos cortos	
		1.2.2. Isabelle/HOL	
	1.3.	1.2.3. Chloe	
2.	Ant	secedentes y trabajos relacionados	11
	2.1.	Formalización de C en HOL	. 11
	2.2.	CompCert Compiler's Memory Model	. 12
	2.3.	De código C a semántica	. 13
3.	Sint	taxis y Semántica	15
	3.1.	Expresiones	. 15
		3.1.1. Sintaxis	
		3.1.2. Semántica	
	3.2.	Comandos	
	0.0	3.2.1. Sintaxis	
	3.3.	Funciones	
	3/1	Programas	27

Índice General IV

	3.5.	Restricciones
	3.6.	Estados
		3.6.1. Valuación
		3.6.2. Pila de ejecución
		3.6.3. Tabla de procedimientos
		3.6.4. Estado
		3.6.5. Initial State
		3.6.6. Estado visible
	3.7.	Small Step Semantics
		3.7.1. CFG
		3.7.2. Small Step semantics rules
	3.8.	Interpreter
		3.8.1. Single step
		3.8.2. Execution and Interpretation
		3.8.3. Correctness
4.	Pre	tty Printer 51
	4.1.	Words
	4.2.	Values
		4.2.1. Val type
		4.2.2. Val option type
		4.2.3. Valuations
	4.3.	Memory
	4.4.	Expressions
		Unary and binary operations 54
		Casts
		Memory allocations
		Expressions
	4.5.	
	4.6.	Function declarations
	4.7.	States
	4.8.	Programs
		Header files and bound checks 60
		Global variables 61
		Program
	4.9.	Exporting C code
5	Test	ing 66
J.		Equality of final states
	0.1.	5.1.1. Generation of Tests
		5.1.1. Integer Values
		5.1.1.2. Pointers
	5.2.	Test Harness in Isabelle
	•	Test Harness in C
	J.J.	

<u>Índice General</u> V

	5.4.	Tests	73
		5.4.1. Generation of code with tests	73
		5.4.2. Incorrect tests	75
	5.5.	Example programs	76
	5.6.	Running Tests	77
		5.6.1. Running tests in Isabelle	77
		5.6.2. Running tests in C	77
	5.7.	Results	78
6.	Con	clusion and Future Work	80
		Conclusions	
		Future work	
Δ	(Onc	${ m ombre Apendice}$	85
л.		©sección	
	л.1.	A.1.1. @subsección	
		A.1.1. @subsection	85
В.	@no	ombreApendice	88

## Índice de figuras

3.1.	Chloe expressions
3.2.	Integer lower and upper bounds
3.3.	Memory Management operations
3.4.	Funciones auxiliares para eval y eval l
3.5.	Comandos en Chloe
3.6.	Definiciones de funciones
3.7.	Definiciones de un programa
3.8.	Stack definitions
3.9.	Construcción del estado inicial
3.10.	Enabled functions
3.11.	Transformer functions
3.12.	CFG rules
3.13.	Small-step rules
3.14.	Single step edges
3.15.	Definition of fstep
3.16.	Definition of an interpreter for Chloe
3.17.	Definition of an interpreter for Chloe
3.18.	Definitions about program execution
4.1.	Factorial definition in Isabelle
4.1.	
4.2.	Translated C program
5.1.	Definitions for the test harness
5.2.	DFS for test generation
5.3.	Header file test_harness.h
5.4.	Function that prepares a program for test export
5.5.	Generation of C code with tests
5.6.	Shell script for running tests
Λ 1	Grafo
	Grafo
$\Lambda . 4.$	Graio coloreado resto sale en la tabla de contenidos)

## Índice de Tablas

3.1.	Equivalencia entre sintaxis abstracta y concreta
4.1.	Translation of val type
4.2.	Translation of val option type
4.3.	Translation of Block content
4.4.	Examples of binary operators' pretty printing
4.5.	Examples of unary operators' pretty printing
4.6.	Examples of casts' pretty printing
4.7.	Examples of Expressions' pretty printing
4.8.	Examples of Commands' pretty printing
4.9.	Pretty printing of a factorial function declaration
4.10.	Translation of return location type
4.11.	Pretty printing example of a state

## Acrónimos y Símbolos

SIGLAS Siglas Isla Grafo Laos Ave SerpienteACM Association for Computing Machinery

 $\iff$  doble implicación, si y sólo si

 $\Rightarrow$  implicación lógica

[u := v] sustitución textual de u por v

## Dedicatoria

 $A @personas Importantes, \ por @razones Dedicatoria.$ 

## Capítulo 1

### Introducción

En este capítulo se discute la motivación para realizar este trabajo. Seguido de una breve descripción de los conceptos relacionados a semántica e Isabelle/HOL.

Luego, se describen las características del lenguaje utilizado en este trabajo.

Finalmente, se describe el contenido del resto del trabajo.

#### 1.1. Motivación

El objetivo de este trabajo es formalizar al semántica de un lenguaje imperativo (incluyendo apuntadores y arreglos) que representa un subconjunto del lenguaje C y luego, generar código ejecutable del mismo.

C es un lenguaje ampliamente utilizado. Es especialmente popular en la implementación de sistemas operativos y aplicaciones de sistemas embebidos. Dado que C es mas cercano a la máquina en comparación con otros lenguajes de alto nivel y presenta bajo *overhead*, permite la implementación eficiente de algoritmos y estructuras de datos. Debido a su eficiencia, a menudo es usado en el desarrollo de compiladores, librerías e interpretadores para otros lenguajes de programación.

Desafortunadamente, parte de la semántica para el lenguaje C descrita en el estándar [ISO07] es propensa a ambigüedades debido al uso del idioma inglés para describir el comportamiento de un programa. El uso de "formal mathematical constructs" eliminaría estas ambigüedades, aunque la formalización de la semántica para la totalidad del lenguaje C no es una tarea facil y de hecho es una que ha sido objeto de mucha investigación en el área de la semántica.

A pesar de que la semántica definida en el presente trabajo cubre un subconjunto limitado del lenguaje C, es lo suficientemente expresiva como para permitir la

implementación de algorítmos tales como algorítmos de ordenamiento, búsqueda en arboles, etc.

Otro de los objetivos de este trabajo es hacer que la semántica formal sea ejecutable en el ambiente de Isabelle/HOL. La semántica formalizada es determinística, lo que permite la definición de un interpretador que pueda, efectivamente, ejecutar la semántica. Este interpretador retornará el estado final resultante de la ejecución de la semántica.

La generación de código C que pueda ser ejecutable está entre los objetivos planteados en este trabajo. La semántica formal definida en este trabajo corresponde a la semántica del lenguaje C implementada por un compilador. Se proporciona un mecanismo mediante el cual se pueden traducir los programas escritos en la semántica formal a código C que puede ser compilado y ejecutado en una máquina. El código generado, al ser compilado y ejecutado en una máquina, presentará el mismo comportamiento que el programa interpretado dentro del ambiente de Isabelle/HOL. Esto permite la implementación de algunos algoritmos verificados utilizando la semántica y la generación de código C eficiente a partir de la misma que puede ser compilado y ejecutado en la máquina.

Finalmente, también es objetivo de este trabajo verificar que la semántica sea compatible con un compilador de C real. Para ello se define un arnés de pruebas y una suite de pruebas que tienen el propósito de aumentar la confianza en el proceso de traducción, es decir, la semántica del programa no es cambiada por el proceso de traducción a lenguaje C. El proceso de "testing" intenta comprobar que el estado final de un programa ejecutado en el ambiente de Isabelle/HOL y el estado final del programa generado, que es compilado y ejecutado fuera de este ambiente, serán iguales (excepto para el caso en el que se presente una falla al intentar asignar memoria dinámica). Para garantizar esto, se escribe una librería para el arnés de pruebas en C que se utiliza para realizar pruebas generadas automáticamente (para los programas escritos en la semántica) que se encargan de comparar el estado final de la semántica ejecutada en el ambiente Isabelle/HOL con aquel del programa compilado.

#### 1.2. Marco Teórico

#### 1.2.1. Semántica de un lenguaje de programción

En esta sección se da una breve introducción a los conceptos relacionados a semántica con los que el lector debe estar familiarizado para leer el contenido de este trabajo.

#### Definición

La semántica de un lenguaje de programación es el significado de programas en ese lenguaje. Según Tennent [Ten91], para poder definir y respaldar el significado de un programa en un lenguaje de programación, se necesita una teoría matemática de la semántica de los lenguajes de programación que sea rigurosa.

Como es señalado por Nielson y Nielson [NN07], el carácter riguroso de este estudio se debe al hecho de que puede revelar ambigüedades o complejidades subyacientes en los documentos definidos en lenguaje natural, y también que este rigor matemático es necesario para pruebas de correctitud. Para muchos lenguajes de programación grandes, por ejemplo el lenguaje C, su documento de referencia (donde la semántica del lenguaje se explica) se encuentra escrito en lenguaje natural. Dada la ambigüedad presente en el lenguaje natural, esto puede llevar a dificultades cuando se intenta razonar sobre los programas escritos en esos lenguajes de programación.

La falta de una semántica definida matemáticamente de una forma rigurosa hace que sea difícil para los desarrolladores escribir herramientas precisas y correctas para el lenguaje. Debido a las ambigüedades, parte del comportamiento del lenguaje está sujeto a la interpretación del lector. Mediante el uso de términos definidos matemáticamente podemos eliminar esta posible ambigüedad. Si cada término se describe matemáticamente, entonces podemos asegurar que el significado definido en la semántica de un lenguaje solo puede ser uno y no puede tener diferentes interpretaciones.

Con el fin de aclarar la definición y los diferentes tipos de semántica, se presenta un ejemplo considerado relevante de Nielson y Nielson [NN07]. Se toma el siguiente programa

$$z := x; x := y; y := z$$

donde ":=" es una asignación a una variable y ";" es la secuenciación de instrucciones. Sintácticamente este programa está compuesto por tres instrucciones

separadas por ";", donde cada instrucción está compuesta por una variable, el símbolo ":=" y una segunda variable.

La sem'antica de este programa es el significado del mismo. Semánticamente, este programa intercambia los valores de x e y (usando z como una variable temporal).

#### Tipos de semántica

En la sección anterior, se presento un programa ejemplo y una explicación aproximada de su significado en lenguaje natural. Esta explicación se podría haber hecho con mayor claridad y rigor al explicar formalmente el significado de las instrucciones, especialmente el significado de las instrucciones de asignación y secuenciación.

Existen muchos enfoques diferentes sobre cómo formalizar la semántica de un lenguaje de programación, dependiendo de la finalidad. A continuación se presentan los enfoques más utilizados:

#### Semántica operacional

Una semántica se define utilizando el enfoque operacional cuando el foco se pone en *cómo* se ejecuta un programa. Se puede considerar como una abstracción de la ejecución del programa en una máquina [NN07]. Dado un programa, su explicacion operacional representa cómo se ejecuta el mismo dado un estado inicial.

Tomando el ejemplo dado anteriormente, dar una interpretación de semántica operacional para ese programa se reduce a definir cómo las instrucciones de asignación y secuenciación se ejecutan. En un primer enfoque intuitivo se pueden distinguir dos reglas básicas:

- Para ejecutar una secuencia de instrucciones, cada instrucción se ejecuta en un orden de izquierda a derecha.
- Para ejecutar una instrucción de asignación entre dos variables, el valor de la variable del lado derecho se determina y se asigna a la variable del lado izquierdo.

Existen dos tipos diferentes de semánticas operacionales: semántica de pasos cortos (o semántica operacional estructurada) y semántica de pasos largos (o semántica natural). Se procederá a introducir ambos conceptos y a construir una

interpretación para el ejemplo dado anteriormente haciendo uso de ambas semánticas.

Semántica de pasos largos Este tipo de semántica representa la ejecución de un programa desde un estado inicial hasta un estado final en un solo paso, por lo tanto, no permite la inspección explícita de estados de ejecución intermedios [NK14].

Suponiendo que se tiene un estado donde la variable x tiene el valor 5, la variable y tiene el valor 7 y la variable z tiene el valor 0 y el programa del ejemplo presentado anteriormente, la ejecución del programa completo se verá de la siguiente manera:

$$\langle z := x; x := y; y := z, s_0 \rangle \rightarrow s_3$$

donde se utilizan las siguientes abreviaciones:

$$s_0 = [x \mapsto 5, y \mapsto 7, z \mapsto 0]$$
  
$$s_3 = [x \mapsto 7, y \mapsto 5, z \mapsto 5]$$

Sin embargo, podemos obtener la siguiente "secuencia de derivación" para el programa anterior:

$$\frac{\langle z := x, s_0 \rangle \to s_1 \qquad \langle x := y, s_1 \rangle \to s_2}{\langle z := x; x := y, s_0 \rangle \to s_2} \qquad \langle y := z, s_2 \rangle \to s_3}{\langle z := x; x := y; y := z, s_0 \rangle \to s_3}$$

donde se utilizan las siguientes abreviaciones:

$$s_0 = [x \mapsto 5, y \mapsto 7, z \mapsto 0]$$

$$s_1 = [x \mapsto 5, y \mapsto 7, z \mapsto 5]$$

$$s_2 = [x \mapsto 7, y \mapsto 7, z \mapsto 5]$$

$$s_3 = [x \mapsto 7, y \mapsto 5, z \mapsto 5]$$

La ejecución de z := x en el estado  $s_0$  producirá el estado  $s_1$  y la ejecución de x := y en el estado  $s_1$  producirá el estado  $s_2$ . Por lo tanto la ejecución de z := x; x := y en el estado  $s_0$  producirá el estado  $s_2$ . Además, la ejecución de y := z en el estado  $s_2$  producirá el estado  $s_3$ . Finalemnte, la ejecución de todo el programa z := x; x := y; y := z en el estado  $s_0$  producirá el estado  $s_3$ .

Semántica de pasos cortos A veces es deseable tener mayor información con respecto a los estados intermedios de un programa, es por eso que la semántica de pasos cortos existe.

Este tipo de semántica representa pequeños pasos de ejecución atómicos en un programa y permite razonar sobre qué tanto ha sido ejecutado de un programa y explicitamente inspeccionar ejecuciones parciales [NK14]

En este ejemplo se comienza desde el programa completo y se toman pequeños pasos (denotados por "\Rightarrow") que produce el resto del programa que queda por ejecutar luego de ejecutar un paso corto y el estado resultante luego de ejecutar el mismo, hasta que todo el programa es ejecutado.

Suponiendo que se tiene un estado donde la variable x tiene el valor 5, la variable y tiene el valor 7 y la variable z tiene el valor 0, y el programa del ejemplo, se obtiene la siguiente "secuencia de derivación":

$$\langle z := x; x := y; y := z, [x \mapsto 5, y \mapsto 7, z \mapsto 0] \rangle$$

$$\Rightarrow \qquad \langle x := y; y := z[x \mapsto 5, y \mapsto 7, z \mapsto 5] \rangle$$

$$\Rightarrow \qquad \langle y := z[x \mapsto 7, y \mapsto 7, z \mapsto 5] \rangle$$

$$\Rightarrow \qquad [x \mapsto 7, y \mapsto 5, z \mapsto 5]$$

Lo que sucede aquí es que en en primer paso, la instrucción z := x se ejecuta y el valor de la variable z cambia a 5, x e y permanecen sin cambios. Luego de la ejecución de la primera instrucción, queda el programa x := y; y := z. Se ejecuta la segunda instrucción x := y y el valor de x cambia a 7, y y z permanecen sin cambios. Entonces, queda el programa y := z, despues de ejecutar esta instrucción final, el valor de y cambia a 5, x y z permanecen sin cambios.

Por último, se tiene que el comportamiento de este programa es intercambiar los valores de x e y utilizando z como una variable temporal.

#### Semántica denotacional

La semántica denotacional deja de centrarse en *como* se ejecuta un programa y redirige su enfoce hacia el *efecto* de ejecutar el programa. Este enfoque sirve de ayuda pues da un *significado* a los programas en un lenguaje [NK14]. Este enfoque se modela mediante el uso de funciones matemáticas. Se tiene una función por cada "construcción" en el lenguaje, que define su significado, y estas funciones operan

sobre estados. Toman el estado inicial y produce el estado resultante de aplicar el efecto de la "construcción".

Si se toma el ejemplo anterior, se pueden definir los efectos de las diferentes "construcciones" que tenemos: instrucciones de secuenciación y asignación.

- El efecto de una secuencia de instrucciones se define como la composición funcional de cada instrucción individual.
- El efecto de una asignación entre dos variables se define como una función que toma un estado y produce el mismo estado, donde el valor actual de la variable del lado izquierdo es actualizada con el nuevo valor de la variable del lado derecho.

Para este ejemplo en particular se obtendrían funciones de la forma S[z := x], S[x := y] and S[y := z] para cada instrucción individual. Por otra parte, para la instrucción compuesta que es el programa completo, se obtendría la siguiente función:

$$S[z := x; x := y; y := z] = S[y := z] \circ S[x := y] \circ S[z := x]$$

La ejecución del programa completo z:=x; x:=y, y:=z tendría el efecto de aplicar la función S[z:=x; x:=y; y:=z] al estado inicial  $[x\mapsto 5, y\mapsto 7, z\mapsto 0]$ :

$$\begin{split} S[\![z := x ; x := y ; y := z]\!] ([x \mapsto 5, y \mapsto 7, z \mapsto 0]) \\ &= (S[\![y := z]\!] \circ S[\![x := y]\!] \circ S[\![z := x]\!]) ([x \mapsto 5, y \mapsto 7, z \mapsto 0]) \\ &= S[\![y := z]\!] (S[\![x := y]\!] (S[\![z := x]\!])) ([x \mapsto 5, y \mapsto 7, z \mapsto 0]) \\ &= S[\![x := y]\!] (S[\![z := x]\!]) ([x \mapsto 5, y \mapsto 7, z \mapsto 5]) \\ &= S[\![z := x]\!] ([x \mapsto 7, y \mapsto 7, z \mapsto 5]) \\ &= [x \mapsto 7, y \mapsto 5, z \mapsto 5] \end{split}$$

El enfoque está en el estado resultante que representa el efecto que el programa tuvo en un estado inicial. Es más sencillo razonar sobre los programas utilizando este enfoque ya que es similar a razonar sobre objetos matemáticos. Aunque es importante tomar en cuenta que el establecimiento de una base matemática firme para hacerlo no es una tarea trivial. El enfoque denotacional puede ser facilmente adaptado para representar algunas propiedades de los programas. Ejemplos de

esto son inicialización de variables, plegamiento de constantes (constant folding) y "accesabilidad" [NN07].

#### Semántica Axiomática

Tambien conocida como Lógica de Hoare, este enfoque final se utiliza cuando el interés recae en probar propiedades de los programas. Se puede hablar de *correctitud parcial* de un programa con respecto a una "construcción", una precondición y una postcondición siempre que la siguiente implicación se cumpla:

Si la precondición se cumple antes de que el programa se ejecute, y la ejecución del programa termina, entonces la postcondición se cumple para el estado final.

También se puede hablar de *correctitud total* de un programa con respecto a una "construcción", una precondición y una postcondición siempre que la siguiente implicación se cumpla:

Si la precondición se cumple antes de que el programa se ejecute y la ejecución del programa termina, entonces la postcondición se cumple para el estado final.

Por lo general es mas sencillo hablar sobre el concepto de correctitud parcial [NK14].

La siguiente propiedad de correctitud parcial se define para el programa del ejemplo:

$${x = n \land y = m}z := x; x := y; y := z{x = m \land y = n}$$

donde  $\{x = n \land y = m\}$  y  $\{x = m \land y = n\}$  son la precondición y postcondición respectivamente. n y m indican los valores iniciales de x e y. El estado  $[x \mapsto 5, y \mapsto 7, z \mapsto 0]$  cumple la precondición si se toman n = 5 y m = 7. Luego de que la propiedad de correctitud parcial es demostrada, entonces se puede deducir que si el programa termina entonces lo hará en un estado donde x es 7 e y es 5.

Este enfoque se basa en un sistema de demostración o reglas de inferencia para derivar y demostrar propiedades de correctitud parcial [NK14]. El siguiente "arbol de demostración" puede expresar una prueba de la propiedad de correctitud parcial anterior.

$$\frac{\{p_0\}z:=x\{p_1\}\qquad \{p_1\}x:=y\{p_2\}}{\{p_0\}z:=x;x:=y\{p_2\}}\qquad \{p_2\}y:=z\{p_3\}}{\{p_0\}z:=x;x:=y;y:=z\{p_3\}}$$

donde se utilizan las siguientes abreviaciones:

$$p_0 = x = n \land y = m$$

$$p_1 = y = m \land z = n$$

$$p_2 = x = m \land z = n$$

$$p_3 = x = m \land y = n$$

La ventaja de usar este enfoque es que se cuenta con una manera fácil de demostrar propiedades de un programa, dada por el sistema de demostración.

#### 1.2.2. Isabelle/HOL

Hoy en día se cuenta con la existencia de demostradores de teoremas automatizados que ayudan en la formalización y demostración de diferentes programas. Las pruebas escritas en papel y lápiz son propensas a errores y los seres humanos son mas fáciles de engañar que a una máquina. Por lo tanto se deben aprovechar los recursos ofrecidos por una máquina para permitir que realice el trabajo pesado. Razonar sobre la semántica de un lenguaje de programación sin el uso de herramientas automátizadas se convierte en una gran tarea y, como se dijo antes, propensa a errores, por no hablar de que la certeza sobre la correctitud de las demostraciones disminuye.

Mediante el uso de un demostrador de teoremas, en el caso de este trabajo Isabelle/HOL [NPW15], se puede estar seguro de que nos resultados demostrados son correctos. En el entorno de Isabelle/HOL se pueden hacer definiciones lógicas y demostrar lemmas y teoremas sobre esas definiciones de una manera sólida. La semántica para el lenguaje utilizado en este trabajo está formalizada en Isabelle/HOL, así como las pruebas que acompañan a estas definiciones. Las definiciones de la semántica formal y pruebas que lo acompañan están escritas en Isabelle/HOL. No se especificarán los detalles de Isabelle/HOL en esta sección sino que se remite al lector al libro Concrete Semantics with Isabelle/HOL [NK14] en el que se muestra una introducción a Isabelle/HOL y demotración de teoremas.

Por otra parte, Isabelle/HOL también cuenta con herramientas de generación de código [Haf15] que permiten la generación de código ejecutable en SML correspondiente a la especificación HOL de la semántica. Este código generado permitirá mas adelante la ejecución de la semántica definida. Tambien, Isabelle/HOL permite que código escrito en Isabelle/ML esté embebido en las teorías [Wen15], lo cual facilita el proceso de traducción a lenguaje C.

#### 1.2.3. Chloe

En el presente trabajo se formaliza la semántica de un pequeño lenguaje de programación llamado Chloe. Este lenguaje es un subconjunto del lenguaje de programación C. Aunque la sintaxis y semántica de este lenguaje se presentan en mayor detalle en el capítulo 3 es importante mencionar que se trata de una semántica operacional de pasos cortos.

Este lenguaje tiene las siguientes características: variables, arreglos, aritmética de apuntadores, ciclos, condicionales, funciones y memoria dinámica. El alcance de este proyecto se limitó a las características mencionadas anteriormente y hay varias características que actualmente no son soportadas por el lenguaje. Estas características son: un sistema estático de tipos que este probado que sea correcto y sólido, concurrencia, operaciones I/O, goto, etiquetas, break y continue.

Si bien será conveniente en el fururo tener las características que actualmente no cubre el alcance de este trabajo, el actual conjunto de características soportadas por Chloe son suficientes para mostrar ejemplos relevantes de programas y tiene suficiente poder expresivo como para ser Turing-completo.

#### 1.3. Estructura del documento

El resto de este documento se divide de la siguiente manera: el capítulo 2 abarca los trabajos previos y relacionados al presente, el capítulo 3 abarca los detalles de la sintaxis y la semántica de pasos cortos definida para Chloe, el capítulo 4 abarca el proceso de traducción de un programa en la semántica de Chloa a un programa en C, a este proceso se le llama pretty printing, el capítulo 5 abarca el conjunto de pruebas que verifican la correctitud del proceso de traducción y finalmente, el capítulo 6 encapsula el resultado del trabajo y las conclusiones finales del mismo, asi como también detalla la dirección a seguir para realizar trabajo a futuro a partir del presente.

## Capítulo 2

# Antecedentes y trabajos relacionados

Hay una amplia variedad de trabajos relacionados a la formalización de la semántica del lenguaje C. Limitaremos esta sección a aquellos trabajos que son directamente relevantes al nuestro.

En este capítulo se procederá a presentar la lista de trabajos previos relacionados a este trabajo.

Primero, se hablará de la formalización de C en HOL de Michael Norrish [Nor98]. Este trabajo está relacionado al presente porque formaliza la semántica de un subconjunto de C utilizando HOL y el subconjunto de C para el cual se formaliza la semántica es mas grande que el presentado en este trabajo.

Luego, se discutirá el modelo de memoria utilizado en la verificación formal del compilador CompCert [LB08] En el presente trabajo se adopta el modelo de memoria utilizado por el compilador verificado de C del proyecto CompCert.

Finalmente, se mencionará el proyecto Autocorres [GLAK14], el cual tiene como fin el abstraer la semántica de bajo nivel de C a una representación de más alto nivel. Este proyecto traduce código de lenguaje C a la lógica de un probador de teoremas con el fin de poder probar propiedades del código fuente en C.

#### 2.1. Formalización de C en HOL

El trabajo de Michael Norrish [Nor98] es uno muy importante y que es necesario tomar en cuenta cuando se habla de la semántica de C. En el mismo, Norrish, formaliza la semántica operacional para el subconjunto llamado Cholera del lenguaje

C. Esta semántica está formalizada en el probador de teoremas HOL [NS14].

Una de las características mas importantes de su formalización de la semántica de C es el hecho de que considera cada posible orden de evaluación para efectos de borde. Norrish prueba que expresiones  $puras^1$  en su lenguaje son determinísticas.

Por otra parte, define expresiones *libres de puntos de secuencia*<sup>2</sup>, las cuales están solapadas con el conjunto de expresiones puras pero ningún conjunto contiene al otro, y prueba que son determinísticas.

Norrish presenta una lógica de programación, la cual permite el razonamiento sobre programas a nivel de instrucciones. Para esto se presenta una derivación de una lógica de Hoare ara programas en C y luego se presenta un sistema para analizar los cuerpos de un ciclo y generar postcondiciones correctas a partir de ellos considerando la existencia de instrucciones break, continue y return en el cuerpo del ciclo.

Este trabajo es relevante al presente dado que también se formaliza la semántica de un subconjunto mas pequeño del lenguaje C. Sin embargo, el trabajo de Norrish tiene ciertas diferencias en comparación al presente trabajo. Una de ellas es que la semántica operacional definida por Norrish para las instrucciones es una semántica de pasos largos, mientras que la semántica definida en este trabajo es una semántica de pasos cortos. Por otra parte, el trabajo de Norrish se orienta a presentar la lógica de programación y al razonamiento sobre programas a nivel del probador de teoremas, mientras que este trabajo se enfoca en la generación de código y el proceso de traducción de la semántica a código ejecutable.

#### 2.2. CompCert Compiler's Memory Model

El compilador CompCert es un compilador optimizador formalmente verificado que traduce código del subconjunto Clight del lenguaje de programación C [BL09] a código ensamblador para PowerPC. Una descripción del compilador CompCert se encuentra disponible en el capítulo 4 de [BJLM13]. CompCert compila código fuenta de la semántica de Clight a código ensamblador preservando la semántica del lenguaje original. Para ralizar esta traducción se necesitan varios lenguajes,

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Las expresiones puras están definidas como expresiones que no contienen llamadas a funciones, asignaciones, incrementos o decrementos postfijos.

 $<sup>^2</sup>$ Las expresiones libres de puntos de secuencia están definidas como aquellas expresiones que no contienen la evaluación de alguno de los operadores lógicos &&, || o ? :, un operador coma o una llamada a funcion.

así como un modelo de memoria que permita el rrazonamiento sobre estados de memoria.

Los modelos de memoria son generalmente o demasiado concretos o demasiado abstractos. Cuando son demasiado abstractos pueden dejar de representar cosas tales como aliasing lo cual haría que la semántica estuviera incorrecta. Un modelo de memoria que sea demasiado concreto puede dificultar el proceso de prueba, por ejemplo, al no poder validar propiedades algebraicas que son, en efecto, válidas en el lenguaje. El modelo de memoria utilizado en el compilador CompCert [LB08] está en algún punto intermedio entre un modelo de bajo nivel y uno de alto nivel. La representación de la memoria tiene un conjunto de estados de memoria que están indexados por una referencia a un bloque. Cada bloque se comporta como un arreglo de bytes que puede ser indexado utilizando offsets en bytes. Leroy y Blazy presentan un resumen y una descripción concreta de su modelo de memoria y tienen propiedades sobre las operaciones de memoria formalizadas y demostradas en el asistente de pruebas Coq [dt15]. Una de esas propiedades es que se garantiza la separación entre dos bloques obtenidos a partir de dos llamadas diferentes a malloc.

La memoria de la semántica de este trabajo es modelada tomando este modelo de memoria como inspiración. El modelo de memoria de este trabajo difiere del presentado en esta sección por ser mas simple. Una de las diferencias entre ambos modelos es que el modelo de Leroy y Blazy soporta límites inferiores y superiores para accesar a bloques mientras que todos los bloques en el modelo de este trabajo son accesibles desde el índice 0 hasta la longitud del bloque. Además, cada celda de memoria en el modelo de Leroy y Blazy representa un byte, mientras que en el modelo de este trabajo cada celda de memoria contiene un valor entero o un apuntador. La idea fundamental detras de este modelo de memoria es tomada y adaptada a las necesidades de este trabajo.

### 2.3. De código C a semántica

El presente trabajo tienen un enfoque de arriba a abajo (top-down) donde se tiene la intención de generar códigio en C de una especificación formal. Existe otra dirección que es relevante mencionar. El proyecto AutoCorres [GLAK14] "parses" código C y genera una representación monádica de alto nivel que facilita el razonamiento sobre un programa. Este trabajo permite a los usuarios razonar sobre programas en C a un nivel más alto. Se genera una especificación en Isabelle/HOL

así como una demostración de correctitud en Isabelle/HOL para la traducción que se realiza. Cuenta con una abstracción del *heap* que permite el razonamiento sobre memoria para funciones *type-safe* así como una abstracción para palabras que permite que palabras de la máquina puedan ser abstraídas a números naturales y enteros, de modo que sea posible razonar acerca de los mismos a este nivel.

Es relevante considerar este enfoque de abajo a arriba (bottom-up) como un enfoque diferente en la verificación formal de programas. AutoCorres se utiliza en varios proyectos de verificación de C tales como la verificación de una compleja librería de grafos a gran escala, la verificación de un sistema de archivos y la verificación de un sistema operativo de tiempo real para sistemas de ala seguridad.

## Capítulo 3

## Sintaxis y Semántica

El lenguaje imperativo de este trabajo se llama Chloe y representa un subconjunto del lenguaje C. Un programa es una secuencia de una o más instrucciones (o comandos) escritos para llevar a cabo una tarea en una computadora. Cada una de estas instrucciones representa una instrucción que la máquina ejecutará. Estas instrucciones pueden contener componentes internos llamados expresiones. Una expresión es un termino que consta de valores, constantes, variables, operadores, etc. que puede ser evaluado en el contexto de un estado del programa para obtener un valor que puede ser luego utilizado en una instrucción. En las secciones siguientes se procederá a describir la sintaxis y la semántica de los programas en Chloe con más detalle.

### 3.1. Expresiones

#### 3.1.1. Sintaxis

En esta sección se describe la **sintaxis abstracta** de las expressiones en el lenguaje Chloe.

En la figura 3.1 se encuentra el tipo de datos creado en isabelle para las expresiones, donde int es el tipo predefinido para los enteros y vname significa nombre de la variable.

Se definen dos nuevos tipos de datos, uno para las expresiones y otro para las expresiones del lado izquierdo. Es importante diferenciar entre estos dos tipos en el caso en que se trabaja con expresiones que contienen apuntadores. Por ejemplo, suponiendo que se tienen las siguientes instrucciones en C:

foo = \*bar;

```
type_synonym vname = string
datatype exp = Const int
              | Null
                V
                        vname
              | Plus
                       exp exp
                Subt
                       exp exp
                Minus exp
                Div
                       exp
                Mod
                       exp
                           exp
                       exp
                           exp
                Mullt.
                Less
                       exp
                Not
                       exp
                And
                       exp
                       exp
                Εq
                       exp exp
                New
                       exp
                Deref exp
                Ref
                       lexp
                Index exp exp
datatype lexp = Deref exp
               | Index1 exp exp
```

FIGURA 3.1: Chloe expressions

```
*baz = 1;
```

donde foo y bar son variables, 1 es un valor constante, "=" indica una instrucción de asignación y "\*" corresponde al operador de desreferencia.

En la primera expresión \*bar se encuentra del lado derecho de la asignación, en este caso se quiere que \*bar produzca un valor que pueda ser luego asignado a foo. Por otra parte, en la segunda expresión \*baz se encuentra del lado izquierdo de la asignación, en este caso se quiere que \*baz produzca una dirección a la cual se le pueda asignar el valor 1.

Esto también ocurre con el acceso a arreglos. Para modelar correctamente la semántica de las expresiones en Chloe, es necesario contar con esta distinción entre expresiones del lado izquierdo (*l-values*) y expresioness del lado derecho (*r-values*). En las siguientes secciones al referirse a expresiones del lado derecho o *r-values* se utilizará simplemente el nombre expresiones y se utilizará expresión del LHS (por sus siglas en ingles *left-hand-side*) en lugar de *l-values* o expresiones del lado izquierdo al referirse a dichas expresiones.

Chloe soporta expresiones constantes, apuntadores a *null* y variables, así como las siguientes operaciones sobre expresiones: suma, resta, menos unario, división, módulo, multiplicación, menor que, negación, conjunción, disyunción e igualdad. También cuenta con una expresión New que corresponde a una llamada a malloc en C. Tiene operadores de desreferencia, referencia y acceso a arreglos. En C, estos

```
abbreviation INT_MIN :: int where INT_MIN \equiv - (2^(int_width - 1)) abbreviation INT_MAX :: int where INT_MAX \equiv ((2^(int_width - 1)) - 1)
```

FIGURA 3.2: Integer lower and upper bounds

son los operadores \*, & y [], respectivamente. Finalmente, como expresiones del LHS se tienen las operaciones de desreferencia y accesso a arreglos.

#### **Tipos**

En el lenguaje Chloe se tienen dos tipos; enteros y direcciones. Se diferencia entre los valores de tipo entero y las direcciones con el fin de definir correctamente la semántica. A continuación, se presentan los detalles de los dos tipos en el lenguaje Chloe.

**Enteros** Se establecen los siguientes sinónimos entre tipos en Isabelle:

```
type_synonym int_width = 64
type_synonym int_val = int_width word
```

El termino int\_width se refiere a la precisión del valor entero. En el caso de este trabajo se supone un valor de 64 ya que se trabaja con una arquitectura de 64 bits. Este parametro le indica a la semántica que debe suponer que se trabaja con una arquitectura de 64 bits donde los límites inferiores y superiores para un entero se definen en la figura 3.2.

Cuando se trabaja con una arquitectura diferente, este parametro puede ser cambiado con el fin de cumplir con los requerimientos de la arquitectura.

Tambien, los enteros se definen como palabras de longitud int\_width (en este caso 64). Debido a que no se utiliza el tipo predefinido int en Isabelle, para poder trabajar con palabras y soportar la generación de código para las mismas se utiliza la entrada Native Word en el Archive of Formal Proofs [Loc13].

De ahora en adelante se referirá a las palabras de longitud 64 que se utilizan para representar a los enteros en Chloe como simplemente enteros. Es importante notar que, a menos de que sea explícitamente mencionado en el texto, por simplicidad se utilizará la palabra 'entero' para referirse a las palabras de longitud 64 en lugar del tipo predefinido int en Isabelle.

**Direcciones** Se define el siguiente tipo de datos en Isabelle para representar direcciones:

```
datatype addr = nat \times int
```

Una dirección es entonces un par compuesto por un número natural y un entero (el cual es de tipo int predefinido en Isabelle), estos representan un par (block\_id, offset). En secciones futuras se procederá a explicar el diseño de la memoria.

#### Valores

Los valores para una expresión se definen de la siguiente forma:

```
datatype val = NullVal | I int\_val | A addr
```

donde NullVal corresponde a un apuntador a *null*, I *int\_val* corresponde a un valor entero y A *addr* corresponde al valor de una dirección. Al evaluar una expresión se puede obtener cualquiera de estos tres valores.

#### Memoria

Se modela la memoria dinámica de la siguiente manera:

```
type_synonym mem = val option list option list
```

La memoria se encuentra representada como una lista de bloques asignados y cada uno de estos bloques consta de una lista de celdas con los valores en memoria. Por cada bloque hay dos posibilidades: un bloque asignado o un bloque no asignado, esto es modelado por el uso del tipo option, donde Some l (donde l es de tipo val option list) denota un bloque asignado y None uno sin asignar. Cada bloque se compone de una lista de celdas que contienen los valores en memoria. Cada celda puede tener diferentes valores dependiendo de si se encuentra sin inicializar o si posee un valor. Una celda sin sin inicializar en memoria está representada por el valor None. Mientras que una celda que posee un valor está representada por el valor Some v (donde v es de tipo val). Este modelo de memoria está inspirado en el trabajo de Blazy y Leroy [LB08], es un modelo simplificado que fue ajustado para satisfacer las necesidades de este trabajo.

Existen cuatro operaciones principales para la gestión de memoria, estas son  $new_block$ , free, load y store y se encuentran especificadas en la figura 3.3. Cada una de estas operaciones puede fallar, por lo que su tipo de retorno es  $\tau$  option. Los valores de ese tipo son None cuando la operación falla y Some(v) cuando es exitosa (donde v es de tipo  $\tau$ ).

Figura 3.3: Memory Management operations

Las funcionalidades de las operaciones de gestión de memoria se describen a continuación:

- new\_block es la función que se encarga de asignar un nuevo bloque de memoria dinámica de un tamaño determinado. Esta función fallará en el caso donde el tamaño dado sea menor o oigual a cero, también puede fallar si un valor de un tipo diferente a entero es dado. Al ser ejecutada exitosamente, la función retorna la dirección de inicio del nuevo bloque junto con la memoria modificada.
- free es la función que se encarga de liberar un bloque de memoria dinámica. Esta función fallará en el caso donde la dirección dada no sea válida en memoria. Al ser ejecutada exitosamente, la función retorna un nuevo estado que incluye la memoria actualizada.
- load es la función que, dada una dirección, retorna el valor almacenado en la celda de memoria denotada por la dirección dada. Esta función fallará en el caso donde la dirección dada no sea válida en memoria. Al ser ejecutada exitosamente, la función retornará el valor almacenado en memoria.
- store es la función que, dada una dirección y un valor, almacena dicho valor en la celda de memoria denotada por la dirección dada. Esta función fallará en el caso donde la dirección dada no sea válida en memoria. Al ser ejecutada exitosamente, la función retorna un nuevo estado que incluye la memoria actualizada.

Es importante tener en cuenta que las únicas razones por las que la asignación de memoria dinámica puede fallar en la semántica son aquellas descritas anteriormente. Debido a que se supone que la memoria es ilimitada, no existirá un caso donde una llamada a new falle debido a falta de memoria.

Sin embargo, como los recursos de una máquina son limitados, no se puede utilizar una cantidad ilimitada de memoria. Aquí es donde se consigue una discrepancia con lo descrito por el estándar de C. Cuando se realiza una llamada a

malloc en un programa en C, existe una posibilidad de que la llamada retorne NULL. En tal caso esta semántica y la descrita por el estándar de C actúan de manera diferente.

Una opción para poder modelar una función de asignación de memoria que presente este tipo de comportamiento, es decidir de manera no determinística cuando esta función puede retornar null. El problema con esta opción es que complicaría el proceso de demostración de propiedades de un programa ya que cualquier llamada a la función de asignación de memoria dinámica podría fallar. Otra opción sería suponer que se cuenta con una cantidad fija de memoria está disponible. Sin embargo, modelar este tipo de función no es una tarea trivial y permanece fuera del alcance de este trabajo.

Por lo tanto, en este trabajo se supone que se cuenta con una cantidad ilimitada de memoria y luego, cuando el proceso de traducción se lleva a cabo, se envuelve la función malloc de C en una función definida por el usuario que verifica si la llamada a malloc fue exitosa o no. Lo que se puede garantizar sobre un programa generado es que o bien se generará y tanto la ejecución del mismo en el ambiente de Isabelle como la ejecución en la máquina producirán estados finales que son equivalentes o el programa abortará si un error por falta de memoria es encontrado.

#### 3.1.2. Semántica

La semántica de una expresión es su valor y el efecto que evaluar la misma tiene sobre el estado del programa. Para expresiones tales como 21+21, la evaluación de la misma es trivial (42). Por otra parte, cuando se tienen expresiones con variables, tales como foo+42, entonces se depende del valor de la variable. Por lo tanto se deben conocer el valor de una variable al momento de ejecución. Estos valores se almacenan en el estado del programa.

El estado de un programa es realmente un poco mas complicado que lo que se presenta a continuación. Aunque la sección 3.6 se dedica exclusivamente a discutir los estados, se procede a describir en esta sección las partes el estado que son necesarias para discutir la semántica de las expresiones en Chloe.

Valuaciones Se define el tipo para una valuación de la siguiente manera:

```
{\tt type\_synonym} \ \ {\tt valuation} \ = \ {\tt vname} \ \Rightarrow \ {\tt val} \ \ {\tt option}
```

Una valuación es una función que "mapea" un nombre de una variable a un valor. El tipo de retorno es val option option, lo que modela los siguientes

estados para el valor de una variable: no definida, no inicializada y posee un valor. Por lo tanto, dado un nombre de una variable, esta función puede producir uno de los siguientes resultados:

- None, que representa una variable que no está definida.
- Some None, que representa una variable que está definida pero no ha sido inicializada.
- lacksquare Some v, que representa una variable que está definida e inicializada y contiene el valor v.

Estados visibles Cuando se ejecuta un comando, el mismo solo puede ver cierta parte del estado. La parte de un estado que un comando puede ver es aquella que contiene las variables que son locales a la función que se está ejecutando, las variables globales y la memoria. Esta parte del estado es precisamente lo que se llama estado visible. Se puede definir un estado visible como la parte de un estado que un comando puede ver y modificar. El tipo definido para ellos es el siguiente:

```
type_synonym visible_state = valuation \times valuation \times mem
```

Un estado visible es una tupla que contiene una función de valuación para las variables locales, una función de valuación para las variables globales y la memoria dinámica del programa.

Ahora se puede introducir la semántica para las expresiones en Chloe. Como fue expresado antes, la semántica de una expresión es su valor y el efecto que tiene la misma sobre el estado de un programa, por lo tanto se definen dos funciónes de evaluación, una que calcula el valor de una expresión y una que calcula el valor de una expresión del LHS. Estas funciones se definen de la siguiente manera:

donde eval, dada una expresión y un estado visible, retornará el valor de esta expresión y el estado visible resultante de evaluar dicha expresión. La función eval\_1, dada una expresión del LHS y un estado visible, retornará el valor de esta expresión (el cual debe ser una dirección) y el estado resultante luego de evaluar dicha expresión. Es importante tener en cuenta que el tipo de retorno de las funciones de evaluación es el tipo option. Esto es debido a que estas funciones pueden fallar. Un fallo puede ocurrir en cualquier momento al evaluar una expresión y si

```
\verb|detect_overflow| :: int \Rightarrow \verb|val| option|
                         :: vname \Rightarrow visible_state \Rightarrow val option
read_var
                          :: val \Rightarrow val \Rightarrow val option
plus_val
                :: val \Rightarrow val \Rightarrow val option :: val \Rightarrow val option
subst_val
minus_val
{\tt div\_towards\_zero} \ :: \ {\tt int} \ \Rightarrow \ {\tt int} \ \Rightarrow \ {\tt int}
               :: val \Rightarrow val \Rightarrow val option
mod\_towards\_zero :: int \Rightarrow int \Rightarrow int
mod_val
                           :: val \Rightarrow val \Rightarrow val option
mult_val
                          :: val \Rightarrow val \Rightarrow val option
less val
                          :: val \Rightarrow val \Rightarrow val option
not_val
                          :: val \Rightarrow val option
to_bool
                          :: val \Rightarrow bool option
eq_val
                          :: val \Rightarrow val \Rightarrow val option
                           :: val \Rightarrow mem \Rightarrow (val \times mem) option
new_block
load
                           :: addr \Rightarrow mem \Rightarrow val option
```

FIGURA 3.4: Funciones auxiliares para eval y eval\_l

un fallo es encontrado entonces el mismo se propaga hasta que toda la evaluación de la expresión devuelva un valor None que indica un error en la evaluación.

La evaluación de una expresión puede fallar por diversas razones que incluyen, pero no están limitadas a, variables no definidas, operandos ilegales en operaciones, acceso a partes inválidas de memoria y "overflow". Por lo tanto, si hay un error temprano en la semántica de evaluación de expresiones, será detectado y propagado como un valor None que indica un estado erróneo.

Las funciones eval y eval\_l dependen de otras funciones definidas con el find e calcular correctamente los valores de las expresiones. La definición de todas las funciones auxiliares para eval y eval\_l se encuentra en la figura 3.4. A excepción de div\_towards\_zero y mod\_towards\_zero, cada una de estas operaciones pueden fallar, por lo que su tipo de retorno es  $\tau$  option. Los valores de este tipo son o None cuando la operación falla o Some(v) donde v es de tipo  $\tau$ .

Las funcionalidades de las funciones auxiliares son las siguientes:

- La función detect\_overflow detecta el "overflow" en enteros. Toma como parametro un valor del tipo entero predefinido por Isabelle y chequea si existe "overflow" con los límites mostrados en la figura 3.2. Esta función fallará cuando se detecte "overflow". Al ser ejecutada exitosamente, la función retorna el valor correspondiente al entero dado como parámetro.
- La función read\_var calcula el valor de una variable. Esta función falla cuando el nombre de la variable dado como parámetro corresponde a una variable no definida. Al ser ejecutada exitosamente, la función retorna el valor de la variable. Con el fin de calcular el valor de dicha variable, esta

función chequea la valuación de las variables locales en el estado visible y retorna el valor de la variable si se encuentra definida allí. En el caso en el que la variable no se encuentre definida en el alcance local, la función procederá a chequear el alcance global y retornará el valor de la variable.

- La función plus\_val calcula el valor de la suma entre dos valores. Esta función falla cuando se detecta "overflow" o cuando operandos distintos a dos enteros o una dirección y un entero (en ese orden específico) son dados como parametros a la función. Al ser ejecutada exitosamente con dos valores de tipo entero como parámetros, la función retorna un valor entero correspondiente a la suma de los operandos. Al ser ejecutada exitosamente con una dirección y un entero como parámetros, la función retorna una dirección correspondiente a la suma del "offset" entero al valor original de la dirección.
- La función subst\_val calcula el valor de una sustracción entre dos valores. Esta función falla cuando se detecta "overflow" o cuando operandos distintos a dos enteros o una dirección y un entero (en ese orden específico) son dados como parametros a la función. Al ser ejecutada exitosamente con dos valores de tipo entero como parámetros, la función retorna un valor correspondiente a la resta de los operandos. Al ser ejecutada exitosamente con una dirección y un entero como parámetros, la función retorna una dirección correspondiente a la resta del "offset" entero al valor original de la dirección.
- La función minus\_val calcula el valor de la operación de menos unario sobre un valor. Esta función falla cuando se detecta "overflow" o cuando un operando distinto a un entero es dado. Al ser ejecutada exitosamente, la función retorna un valor entero correspondiente al resultado de negar el valor dado como parámetro.
- La función div\_towards\_zero realiza la división entera con truncamiento hacia cero.
- La función div\_val calcula el valor de la división entre dos valores. La función falla cuando se detecta "overflow" o una división por cero o cuando operandos distintos a dos enteros son dados como parámetros a la función. Al ser ejecutada exitosamente, la función retorna un valor entero correspondiente al resultado de la división entera entre los dos operandos.
- La función mod\_towards\_zero realiza la operación de módulo con truncamiento hacia cero.

- La función mod\_val calcula el valor de la operación módulo entre dos valores. La función falla cuando se detecta "overflow" o una división por cero o cuando operandos distintos a dos enteros son dados como parámetros a la función. Al ser ejecutada exitosamente, la función retorna un valor entero correspondiente al resultado de la operación de módulo entre los dos operandos.
- La función mult\_val calcula el valor de la multipliación entre dos valores. La función falla cuando se detecta "overflow" o cuando operandos distintos a dos enteros son dados como parametros a la función. Al ser ejecutada exitosamente, la función retorna un valor entero correspondiente a la multiplicación de los operandos de la función.
- La función less\_val calcula el valor resultante de realizar la operación menor que entre dos valores. La función falla cuando operandos distintos a dos enteros son dados como parámetros a la función. Al ser ejecutada exitosamente, la función retorna un valor entero I 1 cuando el primer operando es menor que el segundo y un valor entero I 0 de lo contrario.
- La función not\_val calcula el valor resultante de realizar la negación lógica sobre un valor. La función falla cuando un operando distinto a un entero es dado como parámetro. Al ser ejecutada exitosamente, la función retorna un valor entero I 1 cuando el operando dado es un entero de valor I 0 y retorna un valor entero I 0 cuando el operando dado es un entero de valor diferente de I 0.
- La función to\_bool retorna un valor de tipo booleano predefinido en Isabelle dado un operando. La función se utiliza para calcular evaluación de corto circuito para las operaciones And y Or. La función falla cuando un operando distinto a un entero es dado como parámetro. Al ser ejecutada exitosamente, la función retorna False cuando el parámetro dado tiene un valor igual a I O y retorna True de lo contrario.
- La función eq\_val calcula el valor resultante de relizar la comparación de igualdad entre dos valores. La función falla cuando operandos diferentes a dos enteros o dos direcciones son dados como parámetros. Al ser ejecutada exitosamente con dos valores enteros como parámetros, la función retorna un valor entero I 1 si ambos operandos son iguales y un valor entero I 0 de lo contrario. Al ser ejecutada exitosamente con dos direcciones como

```
type_synonym fname = string
datatype
  com = SKIP
      | Assignl lexp exp
      | Assign vname exp
      | Seq
                com com
       Ιf
                exp com com
        While
                exp com
       Free
                lexp
        Return exp
        Returnv
        Callfunl lexp fname "exp list"
        Callfun vname fname "exp list"
        Callfunv fname "exp list'
```

FIGURA 3.5: Comandos en Chloe

parámetros, la función retorna un valor entero I 1 si ambas direcciones son iguales y un valor entero I 0 de lo contrario. Dos direcciones son consideradas como iguales cuando ambos componentes de la tupla son iguales.

■ Las funciones new\_block y load son aquellas explicadas anteriormente en la sección 3.1.1 que se encargan de asignar un nuevo bloque de memoria y cargar un valor desde memoria, respectivamente.

#### 3.2. Comandos

En la siguiente sección se discutirá la sintaxis y semántica de los comandos en Chloe, así como las funciones y los programas escritos en el lenguaje. Ademas, se discutirán algunas suposiciones que la semantica toma que causan restricciones en la misma.

#### 3.2.1. Sintaxis

Chloe contiene los siguientes constructores: asignación, secuenciación, condicionales, ciclos, SKIP<sup>1</sup>, liberación de memoria, instrucción return y funciones. Las expresiones son aquellas descritas en la sección anterior (3.1).

Aquí se procede a describir la *sintaxis abstracta* de loc omandos en el lenguaje Chloe.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>El comando SKIP es el equivalente a noop ya que no realiza operación algna. Se utiliza con el fin de poder expresar otros constructores sintácticos como lo es un condicional sin una rama ELSE

En la figura 3.5 se encuentra la definición del tipo de datos creado en Isabelle para los comandos, donde lexp y exp son las expresiones descritas en la sección anterior (3.1), vname representa los nombres de variables y fname representa los nombres de funciones.

Para la asignación se definen dos comandos diferentes, uno de ellos permite la asignación a una variable, mientras que el otro permite la asignación a una ubicación en memoria. Se necesitan ambos comandos dado que el dominio definidos para las direcciones y los valores enteros es disjunto, por lo tanto, una dirección no puede representar un valor entero y viceversa.

También se tienen dos comandos de retorno, uno de ellos permite retornar de una funcion que posee un valor de retorno, mientras que el otro es para retornar de una función que no lo posee.

Finalemnte, se tienen tres comandos diferentes para llamadas a funciones. Uno de ellos (Callfunv) es para funciones que no poseen un valor de retorno. Los otros dos dependen de lo que se haga con el valor de retorno de la función, si el valor de retorno debe ser asignado a una variable se utiliza el comando Callfun y si el retorno debe ser asignado a una celda en memoria se utiliza el comando Callfunl.

En Isabelle se define una sintaxis concreta, la cual facilita la escritura y lectura de comandos en Chloe. En la tabla 3.1 se introduce la sintaxis concreta suponiendo que se tiene x que representa nombres de variables, a que representa expresiones, c,  $c_1$  y  $c_2$  que representa comandos, y que representa expresiones del LHS y f que representa nombres de funciones. A lo largo del trabajo se continuará utilizando la sintaxis concreta para facilitar la legibilidad.

Abstract syntax	Concrete syntax
Assignl $y$ $a$	y ::== a
Assign $x$ $a$	x ::= a
If $a c_1 c_2$	IF $a$ THEN $c_1$ ELSE $c_2$
While a $c$	WHILE $a$ DO $c$
Free $y$	FREE $y$
Return $a$	RETURN $a$
Returnv	RETURNV
Callfunl $y f[a]$	y ::== f ([a])
Calllfun $x f[a]$	x ::= f ([a])
Calllfunv $f[a]$	CALL $f$ ( $\left[a ight]$ )

Cuadro 3.1: Equivalencia entre sintaxis abstracta y concreta

```
record fun_decl =
    name :: fname
    params :: vname list
    locals :: vname list
    body :: com

valid_fun_decl :: fun_decl \Rightarrow bool
```

FIGURA 3.6: Definiciones de funciones

## 3.3. Funciones

En Chloe se tienen funciones que devuelven valores y aquellas que no tienen valor de retorno. Para las funciones que devuelven un valor es necesario saber que ocurre con ese valor de retorno. Al retornar de una llamada a función, el valor de retorno o bien debe ser asignado a una variable o a una celda en memoria o debe ser ignorado. En esta sección no se entrará en detalles para explicar esta decisión de diseño sino que se retrasará hasta la sección 3.7.1 donde se podrá explcar el razonamiento detras de esta decisión de una manera mas adecuada.

Como es visible en la definición de la figura 3.6, una función consiste en un nombre, los parámetros formales, las variables locales y el cuerpo de la función, que es un comando, potencialmente grande, en el lenguaje Chloe. También se define un predicado que comprueba si una declaración de una función es válida o no. La declaración de una función se considera válida si y solo si los parámetros de la función y las variables locales tienen nombres distintos.

# 3.4. Programas

Un programa en Chloe consiste en un nombre, una lista de variables globales y una lista de funciones como se muestra en la figura 3.7. En esa misma figura se encuentra la definición de una condición que todo programa válido debe cumplir.

Un programa se considera válido si cumple con todas las siguientes condiciones:

- Los nombres de las variables globales son distintos entre si.
- Los nombres de las funciones en el programa son diferentes entre si.
- Cada declaración de función para cada función en el programa debe ser válida.
- La función main debe estar definida.

```
record program =
  name :: string
  globals :: vname list
  procs :: fun_decl list
reserved_keywords =
   [''auto'', ''break'', ''case'', ''char'', ''const'', ''continue'', ''default'', ''do'', ''double'', ''else'', ''enum'', ''extern'', ''float'', ''for'', ''goto'', ''if'', ''inline'', ''int'', ''long'', ''register'', ''restrict'', ''return'', ''short'', ''signed'',
    ''sizeof'', ''static'', ''struct'', ''switch'', ''typedef'', ''union'', ''unsigned'', ''void'', ''volatile'', ''while'',
    ''_Bool'', ''_Complex'', ''_Imaginary'']
test_keywords =
      '__test_harness_num_tests'', ''__test_harness_passed''
    ''__test_harness_failed'', ''__test_harness_discovered'' ]
definition valid_program :: program \Rightarrow bool where
valid_program p \equiv
     distinct (program.globals p)
   \land distinct (map fun_decl.name (program.procs p))
  \bigwedge (\forall fd \in set (progarm.procs p). valid_fun_decl fd)
  \land ( let
         pt = proc_table_of p
         ''main'' \in dom pt
         \land fun_decl.params (the (pt ''main'')) = [])
         prog_vars = set ((program.globals p) @
            collect_locals (program.procs p));
         proc_names = set (map (fun_decl.name) (program.procs p))
       in
         (\forall name \in prog_vars.
            name ∉ set (reserved_keywords @ test_keywords)) ∧
         (\forall name \in proc_names.
            name ∉ set (reserved_keywords @ test_keywords)) ∧
          (\forall fname \in proc_names.
            (\forall \text{ vname} \in \text{set (program.globals p). fname} \neq \text{vname)))
```

FIGURA 3.7: Definiciones de un programa

- Ninguno de los nombres de las variables o nombres de funcion en el programa debe ser una palabra clave reservada del lenguaje C o una palabra clave reservada para testing.<sup>2</sup>
- Las variables globales y los nombres de las funciones en un programa no pueden ser iguales.

 $<sup>^2</sup>$ Dado que se quiere generar código C de la semántica de Chloe, se debe garantizar que ni los nombres de las variables ni de las funciones son alguna de las palabras claves reservadas en C o alguna de las palabras claves reservadas que se utilizan como nombres de variables en el proceso de testing.

## 3.5. Restricciones

Esta semántica hace una suposición con respecto a la máquina en la que el código va a ser ejecutado. Esta restricción está parametrizada y corresponde a la arquitectura de la máquina en la que el código será ejecutado. Como se dijo anteriormente, la precisión de los valores enteros puede ser modificada con el fin de hacer que esta semántica sea compatible con diferentes arquitecturas, por ejemplo arquitecturas de 32 bits.

Las suposiciones hechas por esta semántica pueden ser cambiadas al cambiar el parámetro int\_width, el cual cambiará automáticamente los límites superior e inferior que se tienen para enteros (estos límites se describen en la figura 3.2).

Con el fin de garantizar las suposiciones hechas por la semántica, más adelante en el proceso de generación de código, se generan aserciones que aseguran que las condiciones que se suponen se cumplan.

Otra restricción en la semántica es que solo funciona para un subconjunto de C donde la semántica es determinística y cualquier comportamiento indefinido se considera como un error en la semántica. Se pasará a un estado erróneo si la semántica encuentra comportamiento que sea considerado como indefinido por el documento de referencia del lenguaje C [ISO07], un ejemplo de este tipo de comportamiento es "overflow" de enteros.

## 3.6. Estados

En lenguajes más simples, que solo admiten un conjunto limitado de características tales como asinación, secuenciación de instrucciones, condicionales, ciclos y valores enteros, la representación del estado consite simplemente en una función que mapea los nombres de variables a valores. En Chloe ese no es el caso, al incluir funciones, memoria dinámica y apuntadores al conjunto de características admitidas, la representación del estado del programa deja de ser una simple función que mapea nombres de variables a valores. En esta sección se detallan los componentes de la representación de un estado. Anteriormente, en la sección 3.1.2 se explico el concepto de un "estado visible", aquí se aclara la diferencia entre ese estado visible y un estado real, también se detallan los componentes del estado de un programa.

#### 3.6.1. Valuación

Como se menciono anteriormente, una valuación es simplemente una función que mapea nombres de variables a valores. El tipo de retorno para esta función es val option option que se encarga de modelar tres estados diferentes que puede tener una variable: no definida, no inicializada o posee un valor.

## 3.6.2. Pila de ejecución

Chloe admite llamadas a funciones, para poder hacerlo se debe mantener una pila de ejecución en el estado. Esta pila de ejecución (de ahora en adelante se referirá a la misma simplemente como la pila) consiste en una lista de marcos de pila. Cada uno de estos marcos de pila contiene información importante acerca de la llamada a la función actual.

En la figura 3.8 el tipo definido para un marco de pila es una tupla que contiene un comando en Chloe, una valuación y una ubicación de retorno. El comando de Chloe corresponde al cuerpo de la función a ejecutar. La valuación corresponde a las variables locales a la función que fue llamada. Finalmente, la ubicación de retorno puede ser una de las siguientes: una dirección, una variable o una ubicación de retorno inválida. Cuando una función retorna una variable pueden suceder varias cosas:

- El valor se asigna a una variable. Esto es indicado por la ubicación de retorno correspondiente a una variable.
- El valor se asigna a una celda en memoria. Esto es indicado por la ubicación de retorno correspondiente a una dirección.
- El valor es ignorado. Esto es indicado por la ubicación de retorno inválida.

También se utiliza la ubicación de retorno inválida para las funciones que no poseen un valor de retorno.

La ubicación de retorno se encuentra en el marco de pila del llamador, es decir, al retornar de una función el marco del llamador es el que debe ser revisado para saber a donde asignar el valor de retorno o si un valor de retorno es esperado. Para aclarar esto podemos tomar el ejemplo de código en la figura ??. Es un programa sencillo donde una función que suma el valor de sus dos parámetros se define y luego se llama desde la función main. Antes de la llamada a función, el marco de pila perteneciente a la función main tiene una ubicación de retorno Invalid y luego

```
datatype return_loc = Ar addr | Vr vname | Invalid

type_synonym stack_frame = com × valuation × return_loc
```

Figura 3.8: Stack definitions

de la llamada a función la ubicación de retorno cambia a la variable x. Observe que el marco de pila que cambia su ubicación de retorno es aquel correpondiente a main, esto es porque el llamador es el que debe guardar la ubicación de retorno donde espera guardar el valor de retorno de una función llamada. Una ubicación de retorno Invalid indica que el llamador no espera guardar resultado alguno, es decir, el llamador no ha llamado aun a alguna función o la función llamada no tiene valor de retorno.

#### 3.6.3. Tabla de procedimientos

Otra extensión que debemos agregar al tratar con funciones es una tabla de procedimientos. Una tabla de procedimientos se define como sigue:

```
type_synonym proc_table = fname - fun_decl
```

donde "→ fun\_decl" es equivalente a escribir "⇒ fun\_decl option". Esta función mapea nombres de funciones a sus declaraciones.

Esta función se construye tomando la definición del programa y emparejando cada declaración de función en la lista a su nombre. Cada programa tiene su propia tabla de procedimientos.

#### 3.6.4. Estado

Un estado se define como una tupla que contiene la pila, la valuación para las variables globales y la memoria dinámica.

```
\texttt{type\_synonym} \ \ \texttt{state} \ = \ \ \texttt{stack\_frame} \ \ \texttt{list} \ \times \ \ \texttt{valuation} \ \times \ \ \texttt{mem}
```

#### 3.6.5. Initial State

Con el fin de construir un estado inicial se deben definir ciertos componentes. En la figura 3.7 se encuentran definiciones para la configuración inicial de la pila, las variables globales y la memoria. La configuración inicial para la pila consiste en la pila que contiene únicamente el marco de pila para la función main del

```
context fixes program :: program begin

private definition proc_table = proc_table_of program

definition main_decl = the (proc_table ''main'')
 definition main_local_names = fun_decl.locals main_decl
 definition main_com = fun_decl.body main_decl

definition initial_stack :: stack_frame list where
   initial_stack = [(main_com,
        map_of (map (λ. (x,None)) main_local_names),Invalid)]
 definition initial_glob :: valuation where
   initial_glob = map_of (map (λ. (x,None)) (program.globals program))
  definition initial_mem :: mem where initial_mem = []

definition initial_state :: state where
   initial_state = (initial_stack, initial_glob, initial_mem)

end
```

FIGURA 3.9: Construcción del estado inicial

programa. La configuración inicial para la valuación global es una función donde cada posible nombre de variable se mapea al valor correspondiente a una variable no definida (None). La configuración inicial de la memoria dinámica es la memoria vacia, dado que nada ha sido asignado.

Luego de definir todos estso componentes, la configuración del estado inicial es dada por la tupla que contiene la configuración inicial de la pila, las variables globales y la memoria dinámica.

#### 3.6.6. Estado visible

Adicionalmente, se debe definir un estado visible (como se mencionó anteriormente en la sección 3.1.2). Al ejecutar una función transformadora<sup>3</sup> sobre un estado (exceptuando las funciones transformadoras para las llamadas o retornos de funciones) la misma no podrá modificar alguna otra parte de la pila que no sea la valuación de variables locales del marco de pila actual. Se definen las transformaciones reales en el contexto de estados visibles y luego se levanta esta definición a estados. Por lo tanto, una función transformadora sobre estados, con excepción de las llamadas o retornos de funciones, no puede manipular la pila.

El marco de pila en el tope de la pila corresponde a la función actual que está siendo ejecutada y el comando en ese marco de pila corresponde al comando (o programa) en Chloe que está siendo ejecutado. Cada vez que se ejecuta un comando o se toma un paso en la semántica de pasos cortos, este comando se actualiza para

 $<sup>^3 \</sup>mathrm{las}$  funciones transformadoras se cubrirán más adelante en la sección 3.7

contener el próximo comando a ejecutar. Con el fin de demostrar que la semántica de pasos cortos es determinística se debe demostrar que cada vez que se tiene una pila de ejecución no vacía, el orden en que se aplica el transformador de evaluación<sup>4</sup> y la función que actualiza el comando a ejecutar a continuación es irrelevante para el estado final resultante. Es por ello que se introduce una definición separada para un estado visible aparte de la de un estado regular, es una vista del mismo estado completo pero con informacion limitada.

# 3.7. Small Step Semantics

## 3.7.1. CFG

A Control Flow Graph is a graph representation that covers the different paths a program can take during its execution. We have the concept of a current location which is a program pointer to a node. A command can be executed by following edges from the node pointed to by the program pointer to a new node. The nodes in our CFG are commands. The edges in our CFG are annotated with two functions that depend on the current program state. The first one indicates whether an edge can be followed or not (for example, in the case of a conditional) and the second one indicates how the state is transformed by following the edge i.e. the effect that following the edge has on the state. We call these two functions enabled and transformer functions. We will now describe in detail the definitions for these functions.

**Enabled functions** An enabled function is a partial function as follows:

```
type_synonym enabled = state → bool
```

It indicates whether a state is enabled to continue its execution. This is a partial function, therefore its execution might fail. The execution of an enabled function will fail whenever an error is encountered when evaluating the function and it yields a None value indicating an erroneous state.

This function is useful for the execution of conditional constructs in our language.

Suppose we have the term "IF b THEN  $c_1$  ELSE  $c_2$ ". When the evaluation of the condition b yields a True value we will follow the edge that leads us to the node

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup>Este transformador es la función eval levantada para trabajar en estados en lugar de estados visibles, se discutirá con mayor detalle en la sección 3.7

```
fun truth_value_of :: val \Rightarrow bool where truth_value_of NullVal \longleftrightarrow False | truth_value_of (I i) \longleftrightarrow i \neq 0 | truth_value_of (A _) \longleftrightarrow True abbreviation en_always :: enabled where en_always \equiv \lambda_-. Some True definition en_pos :: exp \Rightarrow enabled definition en_neg :: exp \Rightarrow enabled
```

FIGURA 3.10: Enabled functions

that contains  $c_1$ . Whereas when the evaluation of b yields a False value we will follow the edge that leads us to the node that contains  $c_2$ . Depending on the result of the enabled function we will decide whether the term is enabled to follow one edge or the other. The only case where an execution would not be able to continue is when there is no enabled edge to follow. Fortunately, this cannot happen in our programs as there is always an enabled edge. Except for the conditional construct, for every command supported by Chloe the enabled function will always yield True. In the case of a conditional construct, the execution can either continue its execution by following the edge to the first command or by following the edge to the second command. There will always be an edge that can be followed after a node that contains a conditional

A list of the enabled functions we use is shown in figure 3.10. The function truth\_value\_of maps a value to a boolean value, namely True or False. We also find en\_always which always yields True, the en\_pos function which only yields True when the truth value of the expression given as a parameter evaluates to True and the en\_neg function which only yields True when the truth value of the expression given as a parameter evaluates to False. These functions will be used later in the CFG definition.

**Transformer functions** A transformer function is a partial function as follows:

```
type_synonym transformer = state -> state
```

It is a partial function that transforms a state into another. Since it is a partial function, its execution might fail. The execution of a transformer function will fail whenever an error is encountered at some point of its execution and yield a None value indicating an erroneous state.

We define functions that will return a transformer function for each command in Chloe. These functions will be used later in the CFG definition and are defined in figure 3.11 We define a transformer function tr\_id that will serve as the id function and simply yields the same state it is given as a parameter.

The definitions listed in figure 3.11 yield a transformer function which we will use when executing a command. We proceed to roughly describe the effect the transformer functions yielded will have when applied to a state.

First of all we have the transformer for an assignment yielded by tr\_assign, it will evaluate the expression we want to assign and then proceed to perform a write operation to the state and it yields the state resulting from this evaluation and write operation.

The transformer for an assignment to a cell in the dynamic memory yielded by tr\_assignl will first evaluate the LHS expression to obtain the location in memory where the value will be updated, then it will evaluate the expression to obtain the new value and proceed to store the value in memory, it yields the state resulting from the evaluations and the store operation.

The transformer for an evaluation yielded by tr\_eval will evaluate the expression and yield the state resulting from the evaluation.

The transformer for a free operation yielded by tr\_free will evaluate the LHS expression it receives as a parameter in order to obtain an address and the block for this address will be deallocated. The transformer will yield the state resulting from the evaluation and deallocation of memory.

When performing a function call one must check that the formal parameters and the actual parameters given to the function have the same type and that each formal parameter has a corresponding given parameter. Since we do not have a static type system we will only check the second condition mentioned. Furthermore, we fix the evaluation order for the parameters given to a function as left to right order. The parameters will always be evaluated following a left to right order. Finally when calling a function we must also map the formal parameters to the values of the given parameters and regard these as local variables in the scope of our function.

We have a call\_function which yields a transformer function for any function call, this transformer checks that the number of formal parameters and given parameters is the same, it evaluates the given parameters from left to right, it creates a new stack frame containing the body of the function, the local variables valuation (which includes the parameters mapped to their given values and the local variables mapped to an uninitialized value) and the return location Invalid, it yields the state resulting from performing these operations over the state.

When calling a function the caller has to change its stack frame in order to update the return location value in the current stack frame. We define different functions that perform that change depending on the type of function call and then proceed to yield a transformer by calling call\_function.

The different functions we define are tr\_callfunl, tr\_callfun and tr\_callfunv. We use tr\_callfunl when the return location of the function is a cell in memory. In this case the function first evaluates the LHS expression to obtain the return address and updates the return location of the stack frame with it before calling call\_function, the resulting transformer function will yield a state resulting from this evaluation, the update of the stack frame and the operations done by call\_function. It is important here that the evaluation of the LHS expression that yields an address value must be the first one done, this is in order to avoid unwanted behavior since the function could change the state.

We use tr\_callfun when the return location of the function is a variable. In this case the function updates the return location of the stack frame with the variable name before calling call\_function, the resulting transformer function will yield a state resulting from this update of the stack frame and the operations done by call\_function.

We use tr\_callfunl when the function is not expected to return a value. In this case the function updates the return location of the stack frame with Invalid before calling call\_function, the resulting transformer function will yield a state resulting from this update of the stack frame and the operations done by call\_function.

We have a tr\_return which yields a transformer function for a return call returning an expression in a function, this transformer will pop the last stack frame in the stack belonging to the returning function, evaluate the value corresponding to the expression returned by the function and if the stack is not empty then proceed to retrieve the return location and depending on if it is an address, a variable or an invalid location it will yield the state resulting from storing the value in memory, writing the value to a variable or yield the state as it is, respectively as well as popping the last stack frame of the stack. Note that if the function returns a value but its return location is expected to be invalid then the returned value is ignored instead of being considered an erroneous execution.

Finally we have a tr\_return\_void which yields a transformer function for a return call in a function which has no return value. This transformer will pop the last stack frame belonging to the returning function. Subsequently, if the stack

```
abbreviation (input) tr_id :: transformer where tr_id \equiv Some

tr_assign :: vname \Rightarrow \exp \Rightarrow transformer

tr_assignl :: lexp \Rightarrow exp \Rightarrow transformer

tr_eval :: \exp \Rightarrow transformer

tr_free :: lexp \Rightarrow transformer

call_function :: proc_table \Rightarrow fname \Rightarrow exp list \Rightarrow transformer

tr_callfunl :: proc_table \Rightarrow fname \Rightarrow exp list \Rightarrow transformer

tr_callfunv :: proc_table \Rightarrow fname \Rightarrow exp list \Rightarrow transformer

tr_return :: \exp \Rightarrow transformer

tr_return_void :: transformer
```

Figura 3.11: Transformer functions

is not empty it will obtain the return location. If the return location is anything different from an invalid return location it will return a None value which represents an error. However, if the return location is, in fact, an invalid one then it will yield the state resulting from the last frame of the stack being popped.

CFG In order to talk about executions by following edges in the CFG we must introduce yet another concept. Taking the definition given at the beginning of this section of what a CFG is we know that in order to talk about an execution of a command by following the edges of the CFG we must have a program pointer that indicates the current node. We also need to introduce the concept of a stack. We will have a stack of program pointers to accompany our CFG and we will pop a new program pointer from the stack once we have followed the current pointer up to a SKIP node. A program pointer to the command of a function will be pushed to the stack when there is a function call. A program pointer will be popped from the stack when there is a return command. This concept will become important when talking about function calls and return commands further ahead.

We can see an inductive definition in figure 3.12 for CFG, where we can see the rules to form edges between commands. We can follow an edge in the CFG from an assignment to a variable to SKIP. This edge is always enabled and has a transformer function to update the state which is given by the result of tr\_assign called with the parameters specific for the command.

Likewise, an edge in the CFG can be followed from an assignment to a cell in memory to SKIP, this edge is always enabled and the transformer function to update the state is given by the result of tr\_assignl called with the parameter specific for the command.

```
type_synonym cfg_label = enabled × transformer
inductive cfg :: com \Rightarrow cfg_label \Rightarrow com \Rightarrow bool where
  Assign: cfg (x := a) (en_always,tr_assign x \ a) SKIP
| Assign1: cfg (x ::== a) (en_always,tr_assign1 x a) SKIP
  Seq1: cfg (SKIP;; c_2) (en_always, tr_id) c_2
  Seq2: \llbracket \mathsf{cfg} \ c_1 \ a \ c_1' \ \rrbracket \implies \mathsf{cfg} \ (c_1;; \ c_2) \ a \ (c_1';; \ c_2) IfTrue: \mathsf{cfg} \ (\mathsf{IF} \ b \ \mathsf{THEN} \ c_1 \ \mathsf{ELSE} \ c_2) (en_pos b, tr_eval b) c_1
  IfFalse: cfg (IF b THEN c_1 ELSE c_2) (en_neg b, tr_eval b) c_2 While: cfg (WHILE b DO c) (en_always, tr_id)
     (IF b THEN c;; WHILE b DO c ELSE SKIP)
  Free: cfg (FREE x) (en_always, tr_free x) SKIP
  Return: cfg (Return a) (en_always, tr_return a) SKIP
| Returnv: cfg Returnv (en_always, tr_return_void) SKIP
\mid Callfunl: cfg (Callfunl e f params)
     (en_always, tr_callfunl proc_table e\ f params) SKIP
  {\tt Callfun: cfg \ (Callfun \ } x \ f \ {\tt params)}
     (en_always, tr_callfun proc_table x\ f params) SKIP
  Callfunv: cfg (Callfunv f params)
     (en_always, tr_callfunv proc_table f params) SKIP
```

FIGURA 3.12: CFG rules

The sequential composition has two different edges that can be followed. When the first command in the sequential composition is a SKIP command we can follow an edge that will lead us from the node with the whole command to a node with only the second command. This edge is always enabled and the transformer over the state is the  $tr_id$ . The second case occurs when we have a command of the form ( $c_1$ ;;  $c_2$ ) where  $c_1$  is not SKIP. If we follow an edge from  $c_1$  to some other node  $c'_1$  (where the edge is labelled a), which contains an enabled and a transformer function, then we can follow an edge (also labelled with a) from ( $c_1$ ;;  $c_2$ ) to ( $c'_1$ ;;  $c_2$ ).

We also have two cases when it comes to the case of the conditional. We will have the possibility to follow an edge to the first command or an edge to the second command, depending on the value of the guard. In the case where we follow the edge that leads us to the first command, we will go from IF b THEN  $c_1$  ELSE  $c_2$  to  $c_1$ . This edge will be labelled with an enabled function given by en\_pos which will be enabled only when the condition b evaluates to True and with a transformer function given by tr\_eval. In the case where we follow the edge that leads us to the second command, we will go from IF b THEN  $c_1$  ELSE  $c_2$  to  $c_2$ . This edge will be labelled with an enabled function given by en\_neg which will be enabled only when the condition b evaluates to False and with a transformer function given by tr\_eval.

In the case of a loop we can always follow an edge that takes us from WHILE b

DO c to IF b THEN c;; WHILE b DO c ELSE SKIP by unrolling the loop once. The edge will have an enabled function that is always enabled and the transformer over the state is the  $tr_i$ .

We can follow an edge from FREE x to SKIP. This edge is always enabled and a has transformer function given by the result of  $tr_free$  called with x.

We can follow an edge from any of the two existing return commands to SKIP. This edge is always enabled and has a transformer function given by the result of tr\_return or tr\_return\_void depending on which return command it is. Note that when executing this command in the CFG, following the edge from a return node to a SKIP node will pop the program pointer pointing to the SKIP node and we will continue our "execution" in the location pointed by the next program pointer in the stack.

Finally, we can follow an edge from any of the function call nodes to SKIP. This edge is always enabled and has a transformer function given by the result of either tr\_callfunl, tr\_callfun or tr\_callfunv depending on whether it is a function call that returns to a memory cell, a variable or returns no value. Note that, also in this case, when executing this command in the CFG, following the edge from a function call node to a SKIP node will push a new program pointer to the stack that points to the location of the node that contains the command of the function and we will continue our "execution" in the location pointed by this next program pointer.

#### 3.7.2. Small Step semantics rules

Finally, we introduce the rules for the small-step semantics for Chloe. A small-step semantics is chosen over a big-step definition for the semantics due to the fact that we want a finer grained semantics. The big-step semantics has a major drawback, which is that it cannot differentiate between a non-terminating execution and getting stuck in an erroneous configuration. This is why we prefer a more detailed semantics that allows us to differentiate between nontermination and getting stuck because it allows us to talk about intermediate states during evaluation.

Usually a configuration in a small step semantics is a pair consisting of a command and a state. Since we are working with functions and we have the command that is being executed in the stack frame our small-step definition is defined over states. A small, atomic step can be taken from one state to another.

The small-step rules for the semantics are detailed in figure 3.13. The infix syntax for the small step semantics is written as  $s \to s_2$  which means we take a small step from s to  $s_2$ . A step can be taken if the following conditions are met:

- The stack is not empty.
- There is a CFG edge between  $c_1$  and  $c_2$ .
- The command at the topmost stack frame in the initial state is  $c_1$ .
- Applying the enabled function over the state yields True.
- Applying the transformer function to the state with the command at the topmost stack frame updated from  $c_1$  to  $c_2$  yields a new state  $s_2$ .

Given that all the previous conditions are fulfilled then a small step can go from state s to  $s_2$ .

A small step can also be taken upon return from a function which returns no value. If the command at the top of the stack is SKIP, the stack is not empty and applying the transformer function on the initial state s yields a new state  $s_2$ , then we can take a small step from s to  $s_2$ 

The type for small\_step is from state to state option. The second configuration is enclosed in an option type because taking a small step can result in an erroneous state in which we will get stuck.

A small step can fail to be taken in any of the following cases:

- Either the enabled function or the transformer function yield None when evaluated over the initial state. This indicates an erroneous state was reached when evaluating one of those functions. We propagate the erroneous state by taking a small step from state s to None and then the execution will get stuck there.
- If applying the transformer function tr\_return\_void over the state yields a None value, the command at the top of the stack in the initial state is SKIP and the stack is not empty, then we also propagate this erroneous None state by taking a small step from s to None. This indicates there was an error returning from a function without a return value.

We have defined how to take a single step in our semantics. In order to take more than one step and define the execution of a program in our semantics we

```
inductive
  small_step :: state \Rightarrow state option \Rightarrow bool (infix \rightarrow 55)
where
  Base: [\neg is\_empty\_stack s; c_1=com\_of s; cfg c_1(en,tr)c_{2};
     en s = Some True; tr (upd_com c_2 s) = Some s_2 
ceil \implies s 
ightarrow Some s_2
| None: [ \neg is_empty_stack s; c_1=com_of s; cfg c_1(en,tr)c_{2};
     en s = None \lor tr (upd_com c_2 s) = None \implies s \rightarrow None
 Return_void: [\neg is\_empty\_stack s; com\_of s = SKIP;
     {\sf tr\_return\_void}\ s = Some s' {
eal} \Longrightarrow s 	o Some s'
  Return_void_None: [\neg is\_empty\_stack s; com\_of s = SKIP;
     tr\_return\_void s = None  \Longrightarrow s \rightarrow None
  small_step' :: (state) option \Rightarrow (state) option \Rightarrow bool (infix \rightarrow' 55)
  s \rightarrow s' \implies \mathtt{Some} \ s \rightarrow' \ s'
abbreviation
  small_steps :: (state) option \Rightarrow (state) option \Rightarrow bool (infix \rightarrow* 55)
where s_0 \, 	o * \, s_f == star small_step' s_0 \, s_f
```

FIGURA 3.13: Small-step rules

must lift the definition of small\_step to state option in both the initial and the final state.

We also define (in figure 3.13) a new small\_step' based on our previous definition of small\_step. This definition essentially says that if a small step can be taken from state s to state s' then a small step can be taken from Some s to s'. Note that s' can either be a None value or a Some  $s_i$ . The infix syntax for this new small\_step' is written as Some  $s \to s'$ , which means we take a small step from Some s to s'.

In this manner, we have lifted our small step definition to the type state option and we can define the execution of a program as the reflexive transitive closure of the newly defined small\_step', using Isabelle's star operator. The infix syntax for this is written as  $s_0 \to *s_f$ , which means we can go from state  $s_0$  to  $s_f$  in zero or more small steps.

#### Determinism

To be able to make our semantics executable inside of the Isabelle/HOL environment it must be deterministic. This is why we prove the determinism property for the semantics. In order to go through with that proof a set of lemmas must be first defined and proved. We will proceed to explain such defined lemmas for our semantics in this section.

Whenever we introduce a lemma, next to its number we will have a name in parenthesis. This corresponds to the name of the lemma in the Isabelle source files submitted with this work. In the case where the reader is interested in the exact proof for a particular lemma he or she can search for the corresponding lemma in the theory files and read the proof.

This first lemma indicates that whenever we have a command different from SKIP there is either always an enabled action to take in the CFG or an error occurs when trying to evaluate the enabled function.

```
Lema 3.1 (cfg_has_enabled_action). c \neq \text{SKIP} \Longrightarrow \exists \ c' \ en \ tr. \ \text{cfg} \ c \ (en, tr) \ c' \ \land \ (en \ s \ = \text{None} \ \lor en \ s \ = \text{Some} \ \text{True})
```

Demostración. The proof is by induction on the command. Except for two cases the proof is solved automatically. Those interesting cases are the Seq and the If cases. In the Seq case we need to make a further case distinction on the first command of the sequential composition in order to differentiate the cases where it is SKIP and when it is not. In both cases there is a CFG rule that ensures there is an enabled action and the case is solved automatically.

In the If case we need to make a case distinction over the value of  $en_pos\ b\ s$ . It can fail and return a None value, then the case is solved. If it does not fail then we must check the boolean value returned by the  $en_pos$  function. In the case where it is True then the case is solved. The challenging case comes when the evaluation of  $en_pos$  is False, semantically, this means the else branch should be taken instead. Therefore when  $en_pos\ b\ s$  is False,  $en_pos\ b\ s$  will always evaluate to True, this means that the command will have an enabled action, namely  $en_pos\ b\ s$  and the proof of this case is complete.

Next we want to prove that as long as the stack is not empty the small-step semantics can always take a step. We will make use of the previous lemma in the proof for this new lemma. This lemma states that the semantics can take a step.

```
Lema 3.2 (can_take_step). \neg is_empty_stack s \Longrightarrow \exists x. s \rightarrow x
```

Demostración. From the assumptions we know that the stack is not empty, therefore we can rewrite the state as follows:  $s = ((c, locals, rloc) \# \sigma, \gamma, \mu)$ . We can then do a proof by cases. We have the case where c = SKIP and the case where c = RKIP and the case where c = RKIP.

The case where c = SKIP is the case where we are returning from the execution of a function. We know that the stack is not empty, that c = SKIP and

that  $s = ((c, locals, rloc) \# \sigma, \gamma, \mu)$ . This case corresponds to the Return\_void and Return\_void\_None rules in the definition of small\_step. In both these cases the semantics can take a step, either to some new state s' or to None. This goal is solved automatically by Isabelle indicating the mentioned rules and assumptions.

The second case is where c

neq SKIP. This is the case when we are executing any other command and not returning from a function. In this case we use the previous lemma 3.1 and from that we know that  $cfg\ c\ (en,tr)\ c'$  and either the enabled function fails (en  $s\ =$  None) or it is enabled (en| $s\ =$  SomeTrue).

We prove this subgoal by splitting it into cases. In the first case we assume  $cfg\ c\ (en,tr)\ c'$  and  $en\ s\ =$  None. This is the case where the evaluation function fails, we know this case takes a step to None because of the None case of the small step definition. Then we have proved that it exists a state so that  $s\ \to$  None.

In the next case we assume cfg c (en, tr) c' and en s = SomeTrue. This is the case where we are enabled to take a step and we must still check two more cases. Applying the transformer function over the state updated with the command  $(tr (upd\_com c' s))$  can either fail or not. In the case it fails (it returns None) we can take a step to None and we will have proved that there is a state to which s can take a small step, namely None. In the case it does not fail, it will return Some  $s_2$ . In this case we can take a step to Some  $s_2$  and we will have proved that there is a state to which s can take a small step, namely Some  $s_2$ .

We define several lemmas that will come in handy later on.

The first lemma states that the CFG gets stuck at SKIP:

```
Lema 3.3 (cfg_SKIP_stuck). \neg cfg SKIP a\ c
```

Demostración. The property is proved automatically.

Lema 3.4 (ss\_empty\_stack\_stuck).

$$is\_empty\_stack s \Longrightarrow \neg (s \rightarrow cs')$$

Demostración. The property is proved automatically.

Lema 3.5 (ss'\_SKIP\_stuck).

$$\texttt{is\_empty\_stack} \ s \Longrightarrow \neg \ (Somes \ \rightarrow \ cs')$$

Demostración. The property is proved automatically.

Lemmas 3.4 and 3.5 define the final state in which the semantics will get stuck, the semantics will get stuck when there are no more stack frames in the stack.

```
Lema 3.6 (en_neg_by_pos). en_neg e \ s = \text{map_option} (HOL.Not) (en_pos e \ s)
```

Demostración. The property is proved automatically unfolding the definitions of  $en_neg$  and  $en_pos$ .

Lemma 3.6 states that every time the enabled function en\_neg has a value (different than None) over a state, en\_pos will have the same but opposite result. In the case where one of the functions fails the other one will too, and they will yield None. If they do not fail their results will be opposite, that is, if one has Some True as a result, the other one will have Some False as a result. This lemma will come in handy when proving determinism.

```
Lema 3.7 (cfg_determ).

cfg c a1 c' \wedge cfg c a2 c''

\implies a1 = a2 \wedge c' = c'' \vee

\exists b. a1 = (en_pos b, tr_eval b) \wedge a2 = (en_neg b, tr_eval b) \vee

\exists b. a1 = (en_pos b, tr_eval b) \wedge a2 = (en_pos b, tr_eval b)
```

Demostración. The proof is by induction on the command, with the cases of the cfg rules generated by Isabelle all cases are solved automatically.

Lemma 3.7 states that CFG is deterministic. The only case where it is not is in the conditional case, for which we add an extra alternative in the conclusion. It can happen that we have a CFG rule starting at an If command that has an edge to a  $c_1$  and also an edge to  $c_2$ . This is not really a problem since the enabled functions guarantee that whenever that happens only one of the branches can be taken.

```
Lema 3.8 (lift_upd_com). \neg \texttt{is\_empty\_stack} \ s \implies \\ \texttt{lift\_transformer\_nr} \ tr \ (\texttt{upd\_com} \ c \ s) \ = \\ \texttt{map\_option} \ (\texttt{upd\_com} \ c) \ (\texttt{lift\_transformer\_nr} \ tr \ s)
```

Demostración. It is proved automatically by unfolding the definition of lift\_transformer\_nr.

```
Lema 3.9 (tr_eval_upd_com).

¬ is_empty_stack s \Longrightarrow

tr_eval e (upd_com c s) =
```

 $\mathtt{map\_option}\ (\mathtt{upd\_com}\ c)\ (\mathtt{tr\_eval}\ e\ s)$ 

Demostración. It is proved automatically by unfolding the definition of tr\_eval.

The lift\_transformer\_nr function lifts to states the definition of a transformer function that operates in the visible state level. Lemmas 3.8 states that it does not matter in which order a transformer function is applied over a state and the command in the top of the stack frame is updated, since it will always yield the same result. This is because the update command function only modifies the command at the top of the stack and the transformer function cannot access and modify that part of the stack since it only modifies the visible state.

Lemma 3.9 is a more specific version of the previous lemma that states the same fact specifically for the evaluation transformer function.

All the previous lemmas and definitions have been building up to this next proof, the determinism of the small step semantics.

**Lema 3.10** (small\_step\_determ). 
$$s \rightarrow s' \land s \rightarrow s'' \implies s' = s''$$

Demostración. The proof is by cases on the small step semantics. We obtain 4 cases, each corresponding to each rule in the small step semantics. The goals generated by the Return\_void and Return\_void\_None rules are solved automatically. The goals generated by the Base and the None are solved automatically after adding lemmas 3.6 and 3.9.

Then we are only left to show that small\_step' is also deterministic.

**Lema 3.11** (small\_step'\_determ). 
$$s \rightarrow' s' \wedge s \rightarrow' s'' \implies s' = s''$$

Demostración. The proof is by cases on the small step semantics. It is proved automatically by using lemma 3.10.

```
datatype cfg_edge = Base transformer com
                   | Cond enabled transformer com com
context fixes proc_table :: proc_table begin
  fun cfg_step :: "com \Rightarrow cfg_edge" where
    "cfg_step SKIP = undefined"
    "cfg_step (x := a) = Base (tr_assign x a) SKIP"
    "cfg_step (x ::== a) = Base (tr_assignl x a) SKIP"
    "cfg_step (SKIP;; c_2) = Base tr_id c_2"
   "cfg_step (c_1;;c_2) = (case cfg_step c_1 of
      Base tr c \Rightarrow Base tr (c;;c2)
    | Cond en \ tr \ ca \ cb \Rightarrow Cond en \ tr \ (ca;;c2) \ (cb;;c2)
    "cfg_step (IF b THEN c_1 ELSE c_2) = Cond (en_pos b) (tr_eval b) c_1 c_2"
    "cfg_step (WHILE b DO c) =
      Base tr_id (IF b THEN c;; WHILE b DO c ELSE SKIP)"
    "cfg_step (FREE x) = Base (tr_free x) SKIP"
    "cfg_step (Return a) = Base (tr_return a) SKIP"
    "cfg_step Returnv = Base (tr_return_void) SKIP"
    "cfg_step (Callfunl e\ f params) =
      Base (tr_callfunl proc_table e\ f params) SKIP"
    "cfg_step (Callfun x f params) =
      Base (tr_callfun proc_table x\ f params) SKIP"
   "cfg_step (Callfunv f params) =
      Base (tr_callfunv proc_table f params) SKIP"
end
```

FIGURA 3.14: Single step edges

```
definition fstep :: proc_table \Rightarrow state \Rightarrow state option where fstep proc_table s \equiv if com_of s = \text{SKIP} then tr_return_void s else case cfg_step proc_table (com_of s) of Base tr \ c' \Rightarrow tr \ (\text{upd\_com} \ c' \ s) | Cond en \ tr \ c1 \ c2 \Rightarrow do \ \{ b \leftarrow \text{en } s; \\ \text{if } b \ \text{then} \\ \text{tr} \ (\text{upd\_com} \ c1 \ s) \\ \text{else} \\ \text{tr} \ (\text{upd\_com} \ c2 \ s) \}
```

FIGURA 3.15: Definition of fstep

# 3.8. Interpreter

# 3.8.1. Single step

There are two kinds of edges in the CFG. We create a new datatype for representing them.

A *Base* edge that has a transformer function and is always enabled and takes us to a new command and a *Cond* edge that, apart from the transformer function, also has an enabled function and two commands. This enabled function indicates

whether we take a step to the first or the second command. Also we define a cfg\_step function that given the starting command returns which kind of edge follows in the CFG.

The function fstep, defined in figure 3.15, is how we take a single step in the execution of the semantics. An execution of a step in the semantics will take us from an initial state to a new state which can be an erroneous state (None) or a valid one (Some s). To execute a SKIP command we call the transformer function for returning without a value from a function tr\_return\_void. Otherwise we will check which kind of step we should take by means of the cfg\_Step function and, based on that, decide what to do. If it is a Base step we will call the transformer function over the state with the updated command. If, on the other hand, it is a Cond step we will evaluate the condition and call the transformer function over the state with the updated command.

#### Equality between small-step semantics and single-step execution

We must now prove that the single step execution is semantically equivalent to taking a step in the small-step semantics. This is proving that  $\neg$  is\_empty\_stack  $\Longrightarrow$   $s \to s' \longleftrightarrow$  fstep  $s = s'^5$ . We prove both directions of the equivalence separately: for every step taken in the small-step semantics, there is an equivalent step that can be taken in the execution by fstep which will lead to the same final state and vice versa.

We start by showing that any step taken in the small-step semantics can be simulated by a step taken with fstep.

```
Lema 3.12 (fstep1). s \rightarrow s' \implies \texttt{fstep} \ s = s'
```

Demostración. This proof is done by induction over the small-step semantics.  $\Box$ 

Then we consider the other direction:

```
Lema 3.13 (fstep2). \neg is_empty_stack s \implies s \rightarrow (fstep s)
```

Demostración. This proof is done automatically by making a case distinction on the result of "tr\_return\_void s" and using the lemmas 3.2 and 3.12.

 $<sup>^5</sup>$ fstep has an extra parameter, namely the procedure table, which we will avoid writing here to make it simpler to read

```
fun is_term :: "state option \Rightarrow bool" where
   "is_term (Some s) = is_empty_stack s"

| "is_term None = True"

definition interp :: "proc_table \Rightarrow state \Rightarrow state option" where
   "interp proc_table cs \equiv (while
   (HOL.Not \circ is_term)
   (\lambdaSome cs \Rightarrow fstep proc_table cs)
   (Some cs)"
```

Figura 3.16: Definition of an interpreter for Chloe

Both directions together (Lemma 3.12 and lemma 3.13) let us then show the equivalence we were aiming for originally:

```
Lema 3.14 (ss_fstep_equiv). \neg \texttt{is\_empty\_stack} \implies s \rightarrow s' \longleftrightarrow \texttt{fstep} \ s = s'
```

### 3.8.2. Execution and Interpretation

In order to execute a program we will define an interpreter for it.

In figure 3.16 we find such definition. First we define the criteria on which a state is considered final. A state will be considered final when its execution stack is empty or when it is None.

The interpreter for our semantics works as follows: As long as a final state is not reached we execute fstep.

Finally, we show a lemma that states that if a state is final, then it is the result of the interpretation.

```
Lema 3.15 (interp_term). is_term (Some cs) \implies interp proc_table cs = Some cs
```

In order to show this we need a lemma that unfolds the loop in the definition of our interpreter:

```
Lema 3.16 (interp_unfold). interp proc_table cs = ( if is_term (Some cs) then Some cs else do{ cs \leftarrow fstep proc_table cs; interp proc_table cs})

Demostraci\'on. The proof is solved automatically.
```

With lemma 3.16 the proof for lemma 3.15 is solved automatically.

```
definition execute :: "program ⇒ state option" where
  "execute p ≡ do {
   assert (valid_program p);
   interp (proc_table_of p) (initial_state p)
}"
```

FIGURA 3.17: Definition of an interpreter for Chloe

```
definition "yields \equiv lambda\ cs\ cs'. Some cs \to *\ cs'\ /wedge is_term cs'" definition "terminates \equiv lambda\ cs. \exists\ cs'. yields cs\ cs'"
```

Figura 3.18: Definitions about program execution

Finally, only valid programs can be executed. In figure 3.17 we can see the definition for the function that executes a program. In order to execute a program we assert that it is valid with the previously defined valid\_program and then proceed to interpret the initial state of the program p.

#### 3.8.3. Correctness

Finally we must show our interpreter to be correct. In figure 3.18 we have two definitions regarding execution. The first one states that an execution of a state cs yields cs' if we can take small steps from cs to cs' and cs' is a final state. Secondly, we define an execution of a state to terminate if there exists a state cs' such that the execution of state cs yields it.

Before showing the correctness lemma for the correctness of the interpreter we must show that the small steps execution will preserve an erroneous None state if it is reached by the path of steps taken. Upon erroneous execution we will get stuck in a None state.

```
Lema 3.17 (None_star_preserved). None \rightarrow *z \longleftrightarrow z = None
```

Demostración. The proof is by induction on the reflexive transitive closure (star). The goals are solved automatically.  $\Box$ 

Finally we show the correctness property for our interpreter. Theorem 3.18 states that if the execution of cs terminates, then that execution yields cs' if and only if cs' is the result we obtain from executing the program in the interpreter.

Teorema 3.18 (interp\_correct).

$$\texttt{terminates} \ cs \implies (\texttt{yields} \ cs \ cs') \ \longleftrightarrow \ (cs' \ = \ \texttt{interp} \ \texttt{proc\_table} \ cs)$$

Demostración. The proof is done by assuming the premise and proving each direction of the equality separately.  $\hfill\Box$ 

# Capítulo 4

# **Pretty Printer**

In this chapter we will detail the *pretty printing* (translation) process that happens in the semantics and allows us to export C code. To assist us in this translation process we used Sternagel and Thiemann's implementation of Haskell's Show class in Isabelle/HOL[ST14]. Sternagel and Thiemann implement a type class for "to-string" functions as well as instantiations for Isabelle/HOL's standard types. Moreover they allow for deriving show functions for arbitrary user defined datatypes. We instantiate this class creating a "show" function for each of our defined datatypes progressively until we can print a program. The following sections will explain in detail the concrete strings we obtain as a result of our translation.

## 4.1. Words

The first instantiation of shows we must make is the one for words in order to be able to pretty print values of this type. For pretty printing a value of the type word we will simply cast that value to an Isabelle/HOL's predefined int type and use the show function for it. As a result our words will be pretty printed as signed integers.

## 4.2. Values

Although the datatype val and valuations are not used in the code generation process, we find it useful to have a mechanism to pretty print them for debugging purposes.

#### **4.2.1.** Val type

The type val is the first user defined type we provide an instantiation for. In table 4.1 we find the equivalence between the abstract syntax for the val type and the string representation. Note that w, base and of s range over words, nats and integers, therefore their show functions will be used to obtain their string representation e.g. the string representation for I 42 would be "42", the string representation for A (4, 2) would be "4[2]". A list of values is showed by showing each value in a list notation, i.e.  $[vname = value, ..., vname_n = value_n]$ .

We will enclose parameters in between brackets (" < >") to indicate that what's enclosed in them is a string representation which results from applying a shows function on the parameter and will continue to use this notation throughout the rest of the document.

Abstract syntax	String representation
NullVal	null
I $w$	< w >
A $(base, ofs)$	i base i [i of s i]

CUADRO 4.1: Translation of val type

## 4.2.2. Val option type

Now that we know how to represent a val type in the form of a string we must also know how to represent a val option. A val option holds the semantic meaning of an initialized and an uninitialized value. Table 4.2 shows the equivalence between the abstract syntax and the string representation. Here an initialized value will simply be the string resulting from showing that value, whereas the string representation of an uninitialized value will be a "?" to represent its value is not yet known.

Abstract syntax	String representation
Some v	įvį
None	?

CUADRO 4.2: Translation of val option type

#### 4.2.3. Valuations

It must also be possible to have a string representation of a valuation. In order to represent a valuation we need an extra parameter, namely a list of variable names, this list will have the names of the variables for which we want to print their value in the valuation. The valuation will be printed in the following format:

$$[\langle vname_0 \rangle = \langle value_0 \rangle, \langle vname_1 \rangle = \langle value_1 \rangle, \dots, \langle vname_n \rangle = \langle value_n \rangle]$$

For instance, if we take the valuation  $[foo \mapsto Some(I 15), bar \mapsto None, baz \mapsto Some(A(1,9))]$  and the list of variables [foo, bar, baz] then we would obtain the following as a string representation for the valuation:

$$[foo = 15, bar = ?, baz = 1[9]]$$

# 4.3. Memory

The memory, same as the values, is not a component we need in order to generate C programs. Nevertheless, having a method to pretty print the memory in a determined state is useful in the event of debugging. In order to show the memory we must first know how to show a string representation of the content of a block and a string representation of the whole block.

When we access a block in the memory we can obtain either the content of the block or a None value indicating a free block of memory. Table 4.3 shows the string representations for this. Notice that in the case of a None value we print the free string enclosed in brackets, being the brackets part of the string representation and posing an exception to the notation described previously. If the content of the block is a list of values then we show the list of values.

Abstract syntax	String representation
Some content	icontenti,
None	įfree <i>į</i>

CUADRO 4.3: Translation of Block content

A complete block will be printed as follows:

 $< base > : < block\_content >$ 

where base is the first component of an address value that indexes the blocks and  $block_content$  is the string representation of the content of block number base.

Finally, in order to show the whole memory, we only need to show each block existing in the memory. For instance, the string representation of memory state:

[Some [I 13, None], 
$$None$$
, Some [A(2,3),  $None$ , I 56]]

would be:

0: [13, ?]

1: < free >

2 : [2[3], ?, 56]

# 4.4. Expressions

In order to print expressions we must be able to print unary and binary operations. We must also be able to print casts from and to pointers. We use C's intptr\_t which is big enough to hold the value of an integer as well as the value of a pointer, we do so due to the fact that we only have integer values in our language and we separate address values from them in the semantics level.

At the C level we must be able to tell the compiler when some value is meant to be an address and cast it as such. We allow this casting between addresses and integers during the translation process because we know for sure when a value should be interpreted as an address and when it should be interpreted as an integer, whereas C does not.

Unary and binary operations When pretty printing binary operations we will use parenthesis around every expression pretty printed. This will naturally generate more parenthesis than needed but we are willing to make this choice to ensure the evaluation order remains the same as intended and we do not obtain different evaluation orders because of operator precedence.

A binary operator is pretty printed in an infix way:

$$(< operand_1 > < operator > < operand_2 >)$$

Examples of this are shown in table 4.4.

Abstract syntax	String representation
Plus (Const 11) (Const 11)	(11 + 11)
Subst (Const 9) (Const 5)	(9 - 5)
Mult (Const 2) (Const 3)	(2 * 3)

Cuadro 4.4: Examples of binary operators' pretty printing

An unary operator is pretty printed in a prefix way:

Notice we enclose the operand in parenthesis in order to guarantee correct precedence in the operations.

Examples of this are shown in table 4.5.

Abstract syntax	String representation
Minus (Const 11)	- (11)
Not (Const 0)	! (0)

Cuadro 4.5: Examples of unary operators' pretty printing

Casts Since the values we are working with must be interpreted in C sometimes as integers and sometimes as pointers we must be able to pretty print an explicit cast between those two types in our generated program. We include casts to pointers when dealing with referencing, dereferencing and indexing. We will want to cast to integers in the case of a memory allocation. A memory allocation returns a pointer but in order to assign that to a variable we must cast it to an integer. Due to the fact that all our variables are declared with the intptr\_t type and not intptr\_t \*, we can do this and we know that when working with addresses these will be interpreted the right way since we will add a cast back to pointer.

A cast to an address value will be pretty printed in the following way:

A cast to an integer value will be pretty printed in the following way:

In table 4.6 we can find examples of the pretty printing of casts.

Abstract syntax	String representation
Deref (V foo)	*((intptr_t *) foo)
Ref (V foo)	$((\mathtt{intptr}_{\mathtt{t}} *) \& (\mathtt{foo}))$
New (Const 9)	<pre>(intptr_t)MALLOC(sizeof(intptr_t) * (9))</pre>

CUADRO 4.6: Examples of casts' pretty printing

Memory allocations As we mentioned in chapter 3 the behavior of our allocation function and C's allocation function differ due to the fact that we assume that the memory is unlimited. Therefore we cannot simply translate our memory allocation function to a malloc call in C.

We must wrap C's malloc function in another function that will abort the program in the case a program runs out of memory. We define a function "\_\_MALLOC" that takes the size of the new block of memory to be allocated with malloc, does the malloc call and returns the pointer to the new block of memory in case it succeeds and upon failure of the malloc function it aborts the program with the exit code 3. We define exit code 3 as an erroneous exit code that means there was a failure when allocating memory in order to be able to catch this error later in the testing process.

**Expressions** Finally we present in table 4.7 the string representation for each of the expressions. We use simple expressions as operands such as variables or constant values for simplicity, but the expressions can be made up of more complicated expressions.

#### 4.5. Commands

First, we need a method for printing indented commands to facilitate the generated code. We define two auxiliary abbreviations that will pretty print white spaces for indentation at the beginning of a construct. The reason why two abbreviations are defined is because one of them will also pretty print a ";" terminator after the construct whereas the other will not.

We also define a way of pretty printing function calls. Function calls will be pretty printed according to the following format:

```
< function\_name > ([< argument_0, argument_1, ..., < argument_n >])
```

Abstract syntax	String representation
Const 42	42
Null	$(\mathtt{intptr\_t}\ ^*)\ 0$
V x	x
Plus (Const 2) (Const5)	(2 + 5)
Subst (Const 9 (Const5)	(9 - 5)
${\tt Minus}\;({\tt Const}\;9)$	(-9)
Div (Const 8) (Const 4)	(8 / 4)
Mod (Const 8) (Const 4)	(8%4)
Mult (Const 9) (Const 3)	(9 * 3)
Less (Const 7) (Const 9)	(7 < 9)
Not (Const $0$ )	! (0)
And (Const 1) (Const 1)	(1 && 1)
Or (Const 1) (Const $0$ )	(1    0)
Eq (Const $6$ ) (Const $4$ )	(6 == 4)
New (Const 9)	<pre>(intptr_t)MALLOC(sizeof(intptr_t) * (9))</pre>
$\mathtt{Deref}\ (\mathtt{V}\ foo)$	$*((\mathtt{intptr\_t}\ *)\ foo)$
$\mathtt{Ref}\ (\mathtt{V}\ foo)$	$((\mathtt{intptr}_{\mathtt{-}}\mathtt{t}\ *)\ \&(foo))$
Index (V $bar$ ) (Const 3)	$((intptr_t*) bar[3])$
$\mathtt{Derefl} \ (\mathtt{V} \ foo)$	$(*((intptr_t *) foo))$
Indexl (V bar) (Const 3)	$((intptr_t*) bar[3])$

Cuadro 4.7: Examples of Expressions' pretty printing

where the brackets ([]) indicate that the arguments are optional.

Finally the commands in Chloe are pretty printed as the examples in table 4.8 shows. We use " to indicate an empty string. The correct level of indentation is indicated in the function parameters that are responsible for the pretty printing, we will omit those here and instead list where the indentation will increase. Indentation will increase when printing commands that are within a block, e.g. the branches of a conditional, the body of a loop.

Abstract syntax	String representation
SKIP	"
$\texttt{Derefl} \ foo \ ::== \ \texttt{Const} \ 4$	*((intptr_t *) foo) = 4;
$foo ::= \texttt{Const} \ 4$	foo = 4;
$c_1;; c_2$	$\langle c_1 \rangle \langle c_2 \rangle$
IF (V b) THEN	$\mid$ if $(b)$ {
$foo ::= \mathtt{Const}\ 4$	foo = 4;
ELSE	}
SKIP	
If (V b) THEN	$ $ if $(b)$ ${}$
foo ::= Const 4)	foo = 4;
ELSE	} else {
bar ::= Const 3)	bar = 3;
	}
While $(V\ b)$ DO	while $(b)$ {
$foo ::= \mathtt{Const}\ 4$	foo = 4;
	}
FREE (Derefl $foo$ )	free (& (*((intptr_t *) $foo$ ));
RETURN (V foo)	return (foo));
RETURNV	return;
	$*((intptr_t *) foo) = bar(baz, 4);$
$foo ::= bar ([\mathtt{Const} \ 65])$	foo = bar(65);
CALL bar ([])	bar();

CUADRO 4.8: Examples of Commands' pretty printing

## 4.6. Function declarations

Now we must define how declarations are pretty printed. In order to do so, we will pretty print a function definition according to the following string format:

```
 \begin{array}{l} {\rm intptr\_t} \ < function\_name > ({\rm intptr\_t} \ < arg\_name_0 >, \ \dots, \ {\rm intptr\_t} \ < arg\_name_n) \ \{ \\ {\rm intptr\_t} \ < local\_var_0 > \\ \vdots \\ {\rm intptr\_t} \ < local\_var_n > \\ {\rm < body >} \\ \} \end{array}
```

The return, argument and local variable's type is intptr\_t since, as mentioned previously, we only have one type in our translation process and we cast to and from pointers when necessary.

An example of a function declaration translation for a factorial function is available in table 4.9. In this example we avoid the use of "" for string representations in Isabelle and simply write the string without the quotation marks.

```
Abstract syntax
                                                 String representation
                                                 intptr_t fact(intptr_t n) {
definition factorial_decl :: fun_decl
where "factorial_decl \equiv
                                                   intptr_t r;
  (fun_decl.name = fact,
                                                   intptr_t i;
    fun_decl.params = [n],
                                                   r = (1);
    fun_decl.locals = [r, i],
                                                   i = (1);
    fun_decl.body =
                                                   while ((i) < ((n) + (1))) {
      r ::= (Const 1);;
                                                     r = ((r) * (i));
                                                     i = ((i) + (1));
      i ::= (Const 1);;
                                                   }
      (WHILE
         (Less (V i) (Plus (V n) (Const 1)))
                                                   return(r);
                                                 }
      D0
        (r ::= (Mult (V r) (V i));;
        i ::= (Plus (V i) (Const 1)))
      );;
    RETURN (V r)
  ) "
```

Cuadro 4.9: Pretty printing of a factorial function declaration

#### 4.7. States

When executing a program inside the Isabelle/HOL environment we will often want to inspect the states. In this section we define an easy way to inspect the states by having a string representation for them. That is precisely what we define in this section.

First we describe how a return location is pretty printed. We instantiate the show class for the type return\_loc. In table 4.10 we find the equivalence between the abstract syntax for the return\_loc type and the string representation. Where  $\langle base \rangle$  and  $\langle ofs \rangle$  are the result of applying the show function over base and  $\langle ofs \rangle$  and  $\langle invalid \rangle$  is a literal string including the arrow heads.

Now we describe how the stack is pretty printed. A single stack frame is pretty printed by printing the command, the list of local variables and the return location expected with the following format:  $rloc = \langle rloc \rangle$  separated by a line break. In order to pretty print the whole stack, we will print each stack frame separated by "-----".

Abstract syntax	String representation
Ar $(base, ofs)$	basei[ ofsi ]
$\forall r \ w$	w
Invalid	jinvalid¿

CUADRO 4.10: Translation of return location type

In order to pretty print a state we must give the show function a list of variable names, which will be used to print the valuation for the globals and the locals in the stack frame. A state is pretty printed by printing the stack, the values of the global variables and finally the memory, separated by "============"

An example of pretty printing for a simple state is shown in table 4.11.

Abstract syntax	String representation
	x = (4);
$[z \mapsto \mathtt{Some} \ (\mathtt{I} \ 0)], \ \mathtt{Invalid}),$	y = (25);
$[(x ::= \mathtt{Const}\ 3;;\ y ::= \mathtt{Const}\ 43,$	
$[z \mapsto Some (I 6)], Vrfoo)],$	[z = 0]
$[x \mapsto \mathtt{Some} \ (\mathtt{I} \ 3), \ y \mapsto \mathtt{Some} \ (\mathtt{I} \ 8),$	
$foo \mapsto Some (I 0)],$	rloc = <invalid></invalid>
None, Some [Some (I $44$ ), Some (A $(2,0)$ )],	x = (5);
Some [Some (I 78)]	y = (43);
	[z = 6]
	rloc = foo
	[x = 3, y = 8, foo = 0]
	=========
	1: <free></free>
	2: [44, *2[0]]
	3: [78]

CUADRO 4.11: Pretty printing example of a state

# 4.8. Programs

In this section we can now talk about translating a complete program.

Header files and bound checks In the exported C code we will want to include the header files for the C standard libraries (stdlib.h and stdio.h). Also we include two more header files that allow the use of intptr\_t type and a header

where the macro definitions that specify limits of integer types are defined. These are limits.h and stdint.h, respectively. We also want to include the header file that defines some macros used by our test harness for testing purposes, this will be addressed in more detail in chapter 5. Finally we include the header file that contains the function for handling malloc calls. Before pretty printing any part of our program we will want to pretty print the directive to include the header files mentioned before.

Additionally, our translation process generates a program that will be compilable and executable. This is true for architectures that support at least the same range of integer types as our abstraction does. This means that, any architecture where the program will be compiled and executed must comply with the restrictions for integer values that we assume. Therefore, we use C's preprocessor to our advantage and pretty print an integer bounds check that will assert that the macros with the lower and upper bound definition are in fact defined. In our case we must check that the macros INTPTR\_MIN and INTPTR\_MAX are both defined. Next, we proceed to assert that the bounds defined in those macros are in fact the same as the bounds we assume (the bounds we assume are INT\_MIN and INT\_MAX and they are defined in figure 3.2).

The type we use for our translation as well as the precision of the integers can be changed. We define values and proceed to use them in the semantics and the pretty printing process. The definitions for the type used for translation are as follows:

```
definition "dflt_type = ''intptr_t''"
definition "dflt_type_bound_name = ''INTPTR''"

definition "dflt_type_min_bound_name = dflt_type_bound_name @ ''_MIN''"

definition "dflt_type_max_bound_name = dflt_type_bound_name @ ''_MAX''"
```

where @ stands for the append operation between strings. It is important to note that the precision of the type used as dflt\_type must match the precision of int\_width.

Global variables The only other thing we must know how to pretty print before defining the string representation of a program is a global variable definition. It is done the same way as the pretty printing of local variables, following this string format:

```
definition factorial_decl :: fun_decl
  where "factorial_decl \equiv
    ( fun_decl.name = fact
      fun_decl.params = [n],
      fun_decl.locals = [r, i],
      fun_decl.body =
        r ::= (Const 1);;
        i ::= (Const 1);;
        (WHILE (Less (V i) (Plus (V n) (Const 1))) DO
          (r ::= (Mult (V r) (V i));;
          i ::= (Plus (V i) (Const 1)))
        RETURN (V r)
definition main_decl :: fun_decl
  where "main_decl \equiv
    ( fun_decl.name = main,
      fun_decl.params = [],
      fun_decl.locals = [],
      fun_decl.body =
        n ::= Const 5;;
        r ::= fact ([V n])
definition p :: program
  where "p \equiv
    ( program.name = fact,
      program.globals = [n, r],
    program.procs = [factorial_decl, main_decl]
)"
```

FIGURA 4.1: Factorial definition in Isabelle

```
intptr_t < variable_name<sub>0</sub> >;
:
intptr_t < variable_name<sub>n</sub> >;
```

**Program** The pretty printing of a program is done by printing the include directives of the header files, then the integer bound checks, the global variable declarations and finally, we pretty print each function in the program separated by a line break character. In figures 4.1 we can find the Isabelle definition of a factorial program and in figure 4.2 we find the generated C code for it.

The integer bound check for the lower bound has a workaround because the absolute value of INTPTR\_MIN overflows the upper bound for integers of the preprocessor and causes a warning.<sup>1</sup> To eliminate that warning we instead compare the INTPTR\_MIN + 1 value to INT\_MIN + 1.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>It interprets the negative number as -(number) and yields a warning that it cannot represent the *number*.

```
#include <stdlib.h>
#include <stdio.h>
#include <limits.h>
#include <stdint.h>
#include "../test_harness.h"
#include "../malloc_lib.h"
#ifndef INTPTR_MIN
 #error ("Macro INTPTR_MIN undefined")
#endif
#ifndef INTPTR_MAX
  #error ("Macro INTPTR_MAX undefined")
#if ( INTPTR_MIN + 1 != -9223372036854775807 )
 #error ("Assertion INTPTR_MIN + 1 == -9223372036854775807 failed")
#if ( INTPTR_MAX != 9223372036854775807 )
  #error ("Assertion INTPTR_MAX == 9223372036854775807 failed")
#endif
intptr_t n;
intptr_t r;
intptr_t fact(intptr_t n) {
  intptr_t r;
  intptr_t i;
 r = (1);
  i = (1);
  while ((i) < ((n) + (1))) {
   r = ((r) * (i));
    i = ((i) + (1));
  return(r);
intptr_t main() {
 n = (5);
  (r) = (fact(n));
}
```

FIGURA 4.2: Translated C program

## 4.9. Exporting C code

Now that we know how to translate a complete program from the semantics to C code we are almost ready to export our generated C code.

We only export code for valid programs. To guarantee this we define a function that prepares a program for exporting:

```
definition prepare_export :: "program ⇒ string option" where
   "prepare_export prog ≡ do {
    assert (valid_program prog);
    Some (shows_prog prog ''')
}"
```

This function takes a program and asserts that it is valid, according to the definition of a valid program given in 3.4. If it is not valid we return a None value,

if it is valid we proceed to generate the string containing the C program with the function shows\_prog<sup>2</sup>.

We export C code to external files. The name of the files is given by the program name in its definitions. We define an ML function inside Isabelle that exports the C code of a program:

```
fun export_c_code (SOME code) rel_path name thy =
    val str = code |> String.implode;
 in
    if rel_path="" orelse name="" then
      (writeln str; thy)
    else let
      val base_path = Resources.master_directory thy
      val rel_path = Path.explode rel_path
      val name_path = Path.basic name |> Path.ext "c"
      val abs_path = Path.appends [base_path, rel_path, name_path]
      val abs_path = Path.implode abs_path
      val _ = writeln ("Writing to file " ^ abs_path)
      val os = TextIO.openOut abs_path;
      val _ = TextIO.output (os, str);
      val _ = TextIO.flushOut os;
      val _ = TextIO.closeOut os;
      in thy end
| export_c_code NONE _ _ thy =
    (error "Invalid program, no code is generated."; thy)
```

The first parameter of the function export\_c\_code is a string option this corresponds to the string representation of the program in C code. If it receives a None value this means the prepare\_export function failed and we do not want to generate a C program for it. The second parameter is the path to the directory where we want the program to be exported, this parameter is a relative path to the directory where the theory containing the pretty printing directives is. The third parameter is the name of the program. The last parameter is the theory context we are in.

If the path given is an empty string the generated C code will be pretty printed to Isabelle's output view. This function will create a new file with the name indicated in the parameters with an extra ".c"(i.e. < name >.c) added in the directory indicated by the path parameter. The user will then be able to find the generated code in the directory indicated.

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>We do not include the code for the show functions in this document but rather explain how they work. The Isabelle theories can be checked for implementation details

We also have defined a function in ML that we use when we write an erroneous program on purpose and we expect its execution and translation to C fail:

The function expect\_failed\_export will then generate an error in Isabelle if code is generated for the program when we expect it to fail and it will do nothing when no code is generated. Having this kind of function is useful later for testing purposes.

# Capítulo 5

# Testing

In chapters 3 and 4, we have formalized the semantics for Chloe and described the translation process to C code. Now we proceed to describe the testing process done to increase the trust in our translation process. We guarantee that the code generated from our semantics will either end with an out of memory error or it will yield the same result as the same program executed in our semantics. We say that the result of an execution of the semantics and the execution of the generated program in the machine is the same if the final states yielded by both are the same. This means that we compute the final state yielded by our semantics and verify that after executing the generated program the state is the same i.e. the contents of the reachable memory and the global variables are the same. When generating programs we can either simply generate the C code by itself or we can include a set of extra tests in the form of C macros that will guarantee what we mentioned before.

In the following sections we will proceed to describe the test harnesses used to generate tests for our code. We will also give a more detailed description of the describe the meaning of the two final states being the same. Finally, we will talk about a set of tests and example programs written in the semantics. We only generate code for valid programs. This means that we will go to an erroneous state if any undefined behavior arises. In this set of tests we include programs which we expect to reach an erroneous state because they present undefined behavior or border cases. For these *incorrect* programs C code will not be generated. We also present some example programs such as sorting algorithms to demonstrate how our semantics and code generation process work.

## 5.1. Equality of final states

We consider a final state yielded by the execution of our semantics equal to a final state of its generated C program, when, at the end of the execution, the values of the global variables are the same for both cases and every block of reachable memory has the same content. We will now proceed to describe how we check for this equality between final states by the use of tests.

### 5.1.1. Generation of Tests

We can generate tests for our programs. These will be executed at the end of the execution of the program and will test that the final state of the generated program is the same as the final state from the execution of the semantics. We compare these final states by checking the values of global variables at the end of an execution against the ones in the final state of the execution of the semantics.

The direction in which the testing is done is by taking the values from the final state of the execution of the semantics and checking whether the execution of the generated code has the same values we expect it to have according to the execution of the semantics.

We will now introduce which kind of tests are done depending on whether the content of a global variable is an integer value or a pointer value.

#### 5.1.1.1. Integer Values

When the content of a global variable we want to check is an integer value, we must simply generate a test that will check whether the integer value in the global variable at the end of the execution of the C code is the same value as the one we get from the global variables valuation in the final state of the execution of the semantics.

#### **5.1.1.2.** Pointers

With the checks for pointers we have two cases. We have the null pointer and the non-null pointer case.

For null values we will generate a test, similar to the one for integer values, where we check if the content of the global variable is NULL.

In the case of pointer values that are different from null, we will have a pointer to a block in the memory and we want to check if the content of that block in memory, at the end of the execution of the generated program, is the equal content of that same block in our final state in the semantics. That complete block qualifies as reachable memory which is why we must check the content of each cell in the block. For each cell in the block we will generate checks depending on what the expected content in the memory cell is, i.e an integer value, a null value or a pointer.

In the case of the pointer value checks, we will follow every pointer until we either reach an integer value or a pointer we already followed. Upon reaching an integer value, we will generate an integer kind of test and upon reaching a pointer we already followed, we know that the path does not contain any pointer to invalid memory. We check that the address for the beginning of the block is the same as the one we obtain from adjusting the pointer we followed to the beginning of the block. In order to do this, we must follow pointers in a certain order and maintain a set of already discovered blocks of memory. This way when we find a pointer to a block of memory we already checked (or discovered) we can stop and compare the pointer values instead of following the pointers in a cyclic manner indefinitely.

We present here the intuitive idea behind our tests generation and in the following sections we will describe the implementation details for the test harnesses, both in Isabelle and in C.

### 5.2. Test Harness in Isabelle

In this section we will introduce the Isabelle test harness that assists us in the generation of tests for our programs. First, we define a new datatype for every kind of test instruction we can generate. We can see this definition in figure 5.1.

We have four different test instructions we can generate:

• Discover represents an instruction that adds a block to the list of our discovered blocks. The string stands for the string representation of the expression in C and the nat stands for the identification number of the current memory block. The actual addresses for the allocated memory blocks will vary with every execution of the program in the machine. The discover instruction pairs the actual address of a beginning of a block with the base block number to which it corresponds in our abstract representation. For this purpose we generate local variables with the function base\_var\_name that are called \_\_test\_harness\_x\_n where n represents the identification

```
datatype test_instr =
  Discover string nat
| Assert_Eq string int_val
| Assert_Eq_Null string
| Assert_Eq_Ptr string nat

fun adjust_addr :: "int ⇒ string ⇒ string"
  where
  "adjust_addr ofs ca = shows_binop (shows ca) (''-'') (shows ofs) '''''

definition ofs_addr :: "int ⇒ string ⇒ string"
  where
  "ofs_addr ofs ca =
    (shows ''*'' o
        shows_paren (shows_binop (shows ca) (''+'') (shows ofs))) '''''

definition base_var_name :: "nat ⇒ string" where
  "base_var_name i ≡ '''__test_harness_x_'' @ show i"
```

FIGURA 5.1: Definitions for the test harness

number for the block and in those variables we will save the actual address for the beginning of the block for that particular execution.

- Assert\_Eq represents an instruction that will check that the value to which an expression evaluates is the same as the integer value we expect it to have. The string stands for the string representation in C of the expression and the int\_val stands for the value we expect that variable to have according to our final state in the semantics execution.
- Assert\_Eq\_Null represents an instruction that will check that the value to
  which an expression evaluates is the null pointer. The string stands for the
  string representation in C of the expression.
- Assert\_Eq\_Pointer represents an instruction that will check that the pointer value to which an expression evaluates points to the same block we expect it to point. The string stands for the string representation in C of the expression and the nat stands for the identification number for the block of memory.

We also have some auxiliary functions that aid us in the test generation process. The function adjust\_addr will take an offset and a string representation of a C expression (which evaluates to a pointer) and yield a string representation that adjusts the address to the beginning of the block by subtracting the offset from it. The function ofs\_addr will take an offset and a string representation of a C expression (which evaluates to a pointer) and yield a string representation that adjusts the address to point to the specific cell in the specified offset by adding

```
context fixes \mu :: mem begin
partial function (option) dfs
  :: "nat set \Rightarrow addr \Rightarrow string \Rightarrow (nat set 	imes test_instr list) option"
  where
  [code]: "dfs D a ca = do {
    let (base,ofs) = a;
    case \mu! base of
      None \Rightarrow Some (D,[])
    I Some b \Rightarrow do f
         let ca = adjust_addr ofs ca;
         if base \notin D then do {
           let D = insert base D:
            let emit = [Discover ca base];
            fold_option (\lambdai (D,emit). do {
              let i=int i;
              let cval = (ofs_addr i (base_var_name base));
              case b!!i of
                None \Rightarrow Some (D,emit)
               Some (I v) \Rightarrow Some (D,emit @ [Assert_Eq cval v])
                Some (NullVal) \Rightarrow Some (D,emit @ [Assert_Eq_Null cval] )
               Some (A addr) \Rightarrow do {
                   (D,emit') \leftarrow dfs D addr cval;
                   Some (D,emit@emit')
           })
              [0..<length b]
              (D,emit)
         } else do {
           Some (D,[Assert_Eq_Ptr ca base])
      }
  } "
end
```

FIGURA 5.2: DFS for test generation

it to the address. Finally, the function base\_var\_name given a natural number n yields a variable we use for testing which will save the address to the beginning of block n. This variable will always have the prefix \_\_test\_harness\_x\_ plus the number n. For example, for block number 2 the function will yield the string "\_\_test\_harness\_x\_2".

Previously we stated that pointers should be followed until we reach either an integer or null value or until we reach a pointer which we already followed. In order to do this we must follow pointers in a certain order and maintain a set of already discovered blocks of memory. This way when we find a pointer to a block of memory we already checked (or discovered) we can stop and compare the pointer values instead of following the pointers in a cyclic manner indefinitely re-checking parts of the memory which we already checked. We follow the pointers in depth-first search (DFS). In figure 5.2 we have the algorithm used for following a pointer. The algorithm takes a set of natural numbers which are the blocks we have already

discovered, an address (the one we are following) and a string representation of the expression in C (which should contain this same address). It yields a new set of discovered blocks and a list of test instructions we have to generate.

The algorithm operates as follows: First, we try to index the block, to see whether the memory is free or holds some content. If the memory is free we will return the same discovered set and will generate no extra instructions. Next, we will adjust the address to the start of the block, this is because when checking the memory we want to check the complete blocks since they are a part of the reachable memory. If the block we are currently checking is already in the discovered set we will simply return the same discovered set and an Assert\_Eq\_Ptr instruction to check the pointers. Howefer, if the block we are currently checking is a new block we have not seen yet, we proceed to insert it to the discovered set and add a Discover instruction to the list of instructions generated.

We will then proceed to check the contents of the block of memory, starting from the first cell up until the last cell of that block. When checking each cell we will check whether the content of the cell is an integer value, a null value or an address. If the cell contains an integer value, we return the same discovered set and we add an Assert\_Eq instruction to the list of test instructions to generate. If the cell contains a null value, we return the same discovered set and we add an Assert\_Eq\_Null instruction to the list of test instructions to generate. Finally, if the cell contains an address, we will proceed to follow that address and do a recursive call to dfs before continuing to check the current memory block. Upon return of this call, we will return the new discovered set from the recursive call and append the list of test instructions we had generated so far to the list of instructions that the recursive call returned.

### 5.3. Test Harness in C

In order to support the testing in C we need to have some macros that will correspond to the ones generated in Isabelle. We write a C header file where we define the macros necessary to do the tests as well as some useful variables.

This header file can be seen in figure 5.3. There we can find the definitions for the macros that correspond to the Discover, Assert\_Eq, Assert\_Eq\_Null and Assert\_Eq\_Ptr instructions. For maintaining the discovered set we use a hash set. The implementation of the hash set is done by Sergey Avseyev and it is

```
#include <stdlib.h>
#include <stdio.h>
#include <limits.h>
#include <inttypes.h>
#include "hashset.h'
hashset_t __test_harness_discovered;
int __test_harness_num_tests = 0;
int __test_harness_passed = 0;
int __test_harness_failed = 0;
#define __TEST_HARNESS_DISCOVER(addr, var)
  hashset_add(__test_harness_discovered, addr); var = addr;
#define __TEST_HARNESS_ASSERT_EQ(var, val)
  ++ test harness num tests:
  (var != val) ? ++__test_harness_failed : ++__test_harness_passed;
#define __TEST_HARNESS_ASSERT_EQ_NULL(var)
  ++__test_harness_num_tests;
  (var != NULL) ? ++__test_harness_failed : ++__test_harness_passed;
#define __TEST_HARNESS_ASSERT_EQ_PTR(var, val)
  ++ test harness num tests:
  (var != val) ? ++__test_harness_failed : ++__test_harness_passed;
```

FIGURA 5.3: Header file test\_harness.h

available online [Avs13]. We also define variables containing the total number of tests, number of passed and failed tests and the discovered hash set.

The test instructions are pretty printed to C macros by using the test\_instructions function:

```
definition tests_instructions :: "test_instr list \Rightarrow nat \Rightarrow shows" where
  "tests_instructions 1 ind \equiv foldr (\lambda
      (Discover ca i) ⇒
        indent_basic ind
           (shows ''__TEST_HARNESS_DISCOVER '' o
              ( shows ca o shows '', '' o shows (base_var_name i)))
    | (Assert_Eq ca v) \Rightarrow
         indent_basic ind
           (shows ''__TEST_HARNESS_ASSERT_EQ '' o
             shows_paren ( shows ca o shows '', '' o shows v))
    | (Assert_Eq_Null ca) \Rightarrow
         indent_basic ind
           (shows ''__TEST_HARNESS_ASSERT_EQ_NULL '' o
             shows_paren ( shows ca ))
    | (Assert_Eq_Ptr ca i) \Rightarrow
         indent_basic ind
           (shows ''__TEST_HARNESS_ASSERT_EQ_PTR '' o
             shows_paren
              ( shows ca o shows '', '', o shows (base_var_name i)))
    ) 1"
```

And for each block we generate a Discover instruction for, we must also pretty print a declaration for each of the variables we use for testing. This is done as follows:

```
definition tests_variables :: "test_instr list ⇒ nat ⇒ shows" where
  "tests_variables 1 ind ≡ foldr (λ
    (Discover _ i) ⇒
    indent_basic ind
        (shows dflt_type o shows '' *'' o shows (base_var_name i))
    | _ ⇒ id
        ) 1"
```

Finally, we can get the list of test instructions that must be generated by using emit\_global\_tests. Given a list of variables it will generate a list of test instructions which we will generate C code for. This function is defined as follows:

```
definition
  emit_globals_tests ::
     "vname list \Rightarrow state \rightarrow (nat set \times test_instr list)"
where "emit_globals_tests \equiv \lambda \text{vnames} (\sigma, \gamma, \mu).
  fold_option (\lambdax (D,emit). do {
     {\tt case}\ \gamma\ {\tt x}\ {\tt of}
       Some vo \Rightarrow do {
          let cai = x;
           case vo of
                None \Rightarrow Some (D,emit)
             | Some (I v) \Rightarrow Some (D,emit @ [Assert_Eq cai v])
             | Some (NullVal) \Rightarrow Some (D,emit @ [Assert_Eq_Null cai] )
             | Some (A addr) \Rightarrow do {
                   (D,emit \leftarrow dfs \mu D addr cai;
                   Some (D,emit@emit')
                }
       }
     | \_ \Rightarrow Some (D,emit)
  }
  ) vnames ({},[])"
```

### 5.4. Tests

#### 5.4.1. Generation of code with tests

In section 4.9 we described a way of exporting C programs. We have a second way to export C programs where we additionally generate C code for testing the equality of final states.

Previously, we defined the way in which every construct necessary for tests is pretty printed, now we proceed to describe how this test code is generated.

We have a function similar to prepare\_export that prepares a program for exporting code with tests, it is defined in figure 5.4 (where \$\psi\$ stands for the new line character). First, we obtain the code for the program without tests by using the

```
definition prepare_test_export :: "program ⇒ (string × string) option"
where "prepare_test_export prog ≡ do {
  code ← prepare_export prog;
  s ← execute prog;
  let vnames = program.globals prog;
  (_,tests) ← emit_globals_tests vnames s;
  let vars = tests_variables tests 1 '''';
  let instrs = tests_instructions tests 1 '''';
  let failed_check = failed_check prog;
  let init_hash = init_disc;
  let nl = ''\\\'';
  let test_code =
    nl @ vars @ nl @ init_hash @ nl @ instrs @ nl @ failed_check @ nl @ ''}'';
  Some (code,test_code)
}"
```

FIGURA 5.4: Function that prepares a program for test export

prepare\_export function. We only generate test code for valid programs whose execution yields a final state, therefore we must check that by executing the program. Then we create the list of tests for the global variables. Later we generate the string for the variable declarations, a string for initializing the hash set and the string for the actual calls to the macros defined in C. We have three variables in our test harness in C which keep count of how many tests were executed, how many tests were failed and how many tests were passed. We want to get some information about the result of running the tests we generated for the code. In order to do so we generate a piece of code which will print to the standard output (upon execution of the program) the results of testing, i.e. number of tests passed and failed. Finally, prepare\_test\_export will yield a tuple which contains the code for the program without tests, and the respective tests for it.

In order to export the code with the added tests, we define a new ML function called generate\_c\_test\_code, its definition is on figure 5.5. The first parameter of the function is a (string, string) option which corresponds to the tuple containing the string representation of the program in C code and the tests for that program, respectively. If the function receives a None value, this means the prepare\_test\_export function failed and we do not want to generate a C program for it. The second parameter is the path to the directory where we want the program to be exported. This parameter is a relative path to the directory where the theory containing the pretty printing directives is. The third parameter is the name of the program. The last parameter is the theory context we are in.

If the path given is an empty string the generated C code with tests will be pretty printed to Isabelle's output view. The generate\_C\_test\_code function will create a new file with the name indicated in the parameters with an extra

```
fun generate_c_test_code (SOME (code, test_code)) rel_path name thy =
 let
   val code = code |> String.implode
    val test_code = test_code |> String.implode
    if rel_path="" orelse name="" then
      (writeln (code ^ " <rem last line> " ^ test_code); thy)
    else let
      val base_path = Resources.master_directory thy
      val rel_path = Path.explode rel_path
      val name_path = Path.basic name |> Path.ext "c"
      val abs_path = Path.appends [base_path, rel_path, name_path]
      val abs_path = Path.implode abs_path
      val _ = writeln ("Writing to file " ^ abs_path)
      val os = TextIO.openOut abs_path;
      val _ = TextIO.output (os, code);
      val _ = TextIO.flushOut os;
      val _ = TextIO.closeOut os;
      val _ = Isabelle_System.bash ("sed -i '$d ' " ^ abs_path);
      val os = TextIO.openAppend abs_path;
      val _ = TextIO.output (os, test_code);
      val _ = TextIO.flushOut os;
      val _ = TextIO.closeOut os;
    in thy end
  end
| generate_c_test_code NONE _
    error "Invalid program or failed execution"
fun expect_failed_test (SOME _) = error "Expected Failed test"
 | expect_failed_test NONE = ()
```

FIGURA 5.5: Generation of C code with tests

".c" (i.e. < name > .c) added in the directory indicated by the path parameter. The user will then be able to find the generated code in the directory indicated. This function works by writing the C code for the program in a file and appending the tests we generate for the program at the end of the main function.

The function expect\_failed\_test is very similar to the expect\_failed\_export function presented in section 4.9 but with a different error message. This function will generate an error in Isabelle if code is generated for the program and the tests when we expect the translation process to fail. The function will do nothing when the code is not generated.

#### 5.4.2. Incorrect tests

Considering incorrect cases is important when developing a test suite. We wrote a set of programs for which we expect code generation to fail. By using the functions expect\_failed\_export and expect\_failed\_test defined in sections 4.9

and 5.4.1, respectively, we can write incorrect programs and when generating C code for them we can instruct Isabelle to expect those processes to fail and not to raise an error.

Having incorrect programs is very useful because they serve as regression tests. When adding new features to our semantics we can run all the tests in our test suite. If any of those programs is successfully executed in our semantics and C code is generated, we will detect an error in Isabelle that indicates code is being generated for a program we expect to fail. These tests will be useful for detecting errors if the changes we make change the semantics we had.

However, it is important to note that in order for a regression test suite to be useful it must cover as many cases as possible, which, when working with a bigger language than Chloe, requires a substantial amount of tests written.

## 5.5. Example programs

In addition to the tests described in this section, we present a set of example programs in Chloe. These are meant to show how programs are written in Chloe and how the execution and code generation work. The list of example programs included in the source code are:

- Bubblesort: implementation of the bubblesort sorting algorithm.
- Count: implementation of a function that counts the occurrences of an element in an array.
- Cyclic linked list: implementation of a cyclic single linked list.
- Factorial: implementation of the factorial function.
- Fibonacci: implementation of a function that computes the Fibonacci number of a given number.
- Linked list: implementation of a single linked list.
- Mergesort: implementation of the mergesort sorting algorithm.
- Minimum: implementation of a function that returns the minimum element of an array.
- Quicksort: implementation of the quicksort sorting algorithm.

- Selectionsort: implementation of the selection sort sorting algorithm.
- String length: implementation of a function that computes the length of a string ending in zero.

## 5.6. Running Tests

### 5.6.1. Running tests in Isabelle

In the source code submitted with this work we have a directory which includes all the tests and example programs written for Chloe. We require a way of running those tests in Isabelle automatically.

In the source code we have included an Isabelle theory called "All\_Tests.thy" which is simply an Isabelle theory that imports every test written for Isabelle, both incorrect and correct. When we open this file in Isabelle all the theory files corresponding to the tests and example programs will be loaded. We will then have two cases for every test.

For regular tests and example programs, code will be generated. For incorrect tests, no code will be generated. In the case where an error occurs, whether it is code being generated for an invalid tests, or code not being generated for a valid tests, we will have an error. It is possible to easily view those in the 'Theories' view of Isabelle's graphical user interface since theory files with an error are marked in red.

## 5.6.2. Running tests in C

When code is successfully generated we will want to compile and run the tests in an automated manner. We have a Makefile that will compile every test in the test suite as well as a bash shell script which will run every test in the test suite. The result of running the tests will be the number of tests passed and/or failed. When a test fails, the output is printed in red to make it more visible to the user. Additionally, other behaviors are caught by the script and shown to the user, such as out of memory errors, segmentation faults and programs that exited with any of the reserved exit codes[Coo14]. This script is presented in figure 5.6.

```
#!/bin/bash
TEST_NAMES=(bubblesort_test count_test fact_test fib_test
  mergesort_test min_test occurs_test quicksort_test selection_test
  strlen_test plus_test subst_test outer_scope_test local_scope_test
  global_scope_test global_scope2_test mod_test div_test mult_test
  less_test and_test or_test not_test eq_test new_test deref_test
  while_test returnv_test linked_list_test cyclic_linked_list_test)
for test_name in ${TEST_NAMES[@]}
  res=$(./${test_name});
  ret=$?
if [[ ${res} == Failed* ]];
  then
    echo -e "e[31mFAILED: e[39m${res}]"
else
  case ${ret} in
  1) echo -e "\e[31mError\e[39m (general error)
   occurred in the execution of ${test_name}";;
  2) echo -e "\e[31mError\e[39m (misuse of shell builtins)
   occurred in the execution of ${test_name}";;
  in execution of ${test_name}";;
  126) echo -e "\e[31mError\e[39m (command invoked cannot execute)
    occurred in the execution of ${test_name}";;
  127) echo -e "\e[31mError\e[39m (command not found)
    occurred in the execution of ${test_name}";;
  128) echo -e "\e[31mError\e[39m (invalid argument given to exit)
   occurred in the execution of ${test_name}";;
  130) echo -e "\e[31mError\e[39m (program terminated by Ctrl+C)
    occurred in the execution of ${test_name}";;
  139) echo -e "\e[31mSegmentation fault\e[39m ocurred
   in execution of ${test_name}";;
  *) echo ${res};;
 esac
fi
done
```

FIGURA 5.6: Shell script for running tests

### 5.7. Results

Having a test suite that enabled us to check whether our translation process was being done correctly was remarkably valuable during the execution of this work. Originally, we had simple programs written in the language which helped us to intuitively verify that the translation process was done correctly and the semantics of the program was not changed. Subsequently, we were required to automate the testing process and design more specific tests. We proceeded to add the test harness and to create the battery of tests. The results we obtained from the tests were positive. All the incorrect test cases failed as expected. For all the correct cases we generate code with tests and all the tests generated for these programs run successfully.

It is important to note that the test cases were written by us, so we cannot

state exact metrics about the results we obtained during the testing process. It is possible that some cases are not completely covered by our test suite since the tests were written by us. This is why new tests can, and should, be added to the test suite in order to keep increasing the trust in the translation process. New tests should also be added as new functionality is added to the semantics.

# Capítulo 6

# Conclusion and Future Work

### 6.1. Conclusions

In this work we have managed to successfully formalize the semantics for an imperative language called Chloe which covers a subset of the C language. Chloe has the following features: variables, arrays, pointer arithmetic, while loop construct, if-then-else conditional construct, functions and dynamic memory. We have formalized a small-step semantics in the Isabelle/HOL theorem prover for Chloe and proven the semantics to be deterministic. Additionally, we present an interpreter for the language, thus allowing for programs written in Chloe to be executed within the Isabelle/HOL environment. In order to do so we needed the determinism proofs for the semantics.

Another result of this work was to present a code generator for the Chloe language. This code generator will translate programs from the formal semantics to real C code which can be executed. We guarantee that the generated program can be compiled and executed in a machine given that it is a program without undefined behavior, which complies with the restrictions assumed in the formalization of our semantics (section 3.5) and does not run out of memory during execution. Moreover, we will only generate C code for programs that are valid and execute correctly in our interpreter.

We faced some problems when formalizing the semantics such as allowing only programs with defined behavior to be executed in our semantics. This means we had to detect undefined behavior, according to the C standard[ISO07], such as integer overflow and consider it an error in our semantics. We also faced a problem when formalizing the semantics for the memory allocation function because we assume an unlimited amount of memory, whereas the resources in a machine are

limited. In order to solve this problem we decided to change the way a memory allocation call would be translated to C code. We wrap C's malloc function in a new one defined by us that would abort the program if a call to malloc fails. We also had to assume architecture restrictions over the target machine where the generated code will be executed and generate code that verifies if the machine satisfies our assumptions.

Finally, we also present a test harness and a test suite for testing the translation process. The goal of this test suite is to increase the trust in the translation process and to make sure that the semantics of a Chloe program does not change when translated to C code. In this test suite we include incorrect cases that cover all the border cases or cases where no code should be generated due to the program facing an error. Furthermore, we include example programs to demonstrate how the language works and how the programs are translated to C code. Additionally, there is a set of correct tests written that are meant to generate code. The complete battery of tests can be found in the source code submitted with this work.

To guarantee that the semantics of a program is not changed by the translation process, we include a way of generating code with tests. These tests are meant to check that the final state of the program executed in the interpreters within Isabelle/HOL is the same as the state the program is in after being compiled and executed. Two states are equivalent when the global variables and the reachable dynamic memory, at the end of execution, have the same content. For this purpose we wrote a test harness in Isabelle which translates the tests to be made into a set of C macros that we define outside of Isabelle/HOL, and include in our compilation process, which test the equivalence between final states. In order to not run these tests manually we defined a bash script which runs all the existing tests automatically.

### 6.2. Future work

In this section we will point some directions in which this work can be taken in the future. The time frame available for doing this work made it impossible to include these features in the scope of our work.

First of all, we can upgrade the testing process by parsing C tests from an external test suite and translating them to Chloe. This would allow us to provide more precise metrics for the results of the testing process, e.g. how much of the test suite is successfully covered by our work. An example of this would be to take

a test suite made for C compilers such as gcc's C testsuites[StGDC15] and narrow the tests to ones that can be translated to our semantics, translate them from C to Chloe and generate the code with tests from them. After having the translation to Chloe we can generate code and tests for them in order to enhance the current test suite we have provided with this work.

Another interesting direction this work might take is to formalize an axiomatic semantics in order to reason about programs and their properties in Chloe. Since Chloe has pointers as a feature it would be necessary to formalize a separation logic[Rey02] in order to reason about pointers in programs. By extending the work in this direction it would be possible to show partial and total correctness properties proofs of our programs.

One of the features not included in the scope of our work is a proven sound and correct static type system. This would allow to reason about type safety for programs written in Chloe.

There is the Isabelle Refinement Framework [Lam12], which provides a way of formulating non-deterministic algorithms in a monadic style and refine them to obtain an executable algorithm. It provides tools for reasoning about these programs. Another source of future work would be to link our language to the Isabelle Refinement Framework, so that programs from the framework can be refined to programs in Chloe.

Finally, the set of features that are currently supported by Chloe is limited. Another way to improve the results from this work is to expand the set of features supported by Chloe. This might include expanding the set of expressions and instructions (e.g. adding support for structs and unions), adding I/O operations or support for concurrency.

# Bibliografía

- [Avs13] Sergey Avseyev. Hash set c implementation, 2013. https://github.com/avsej/hashset.c, [Accessed: 2015-08-07].
- [BJLM13] Sylvie Boldo, Jacques-Henri Jourdan, Xavier Leroy, and Guillaume Melquiond. A formally-verified C compiler supporting floating-point arithmetic. In ARITH, 21st IEEE International Symposium on Computer Arithmetic, pages 107–115. IEEE Computer Society Press, 2013.
  - [BL09] Sandrine Blazy and Xavier Leroy. Mechanized semantics for the Clight subset of the C language. *Journal of Automated Reasoning*, 43(3):263–288, 2009.
  - [Coo14] Mendel Cooper. Advanced Bash-Scripting Guide, 2014. http://www.tldp.org/LDP/abs/html/index.html.
    - [dt15] The Coq development team. The Coq proof assistant reference manual. TypiCal Project, April 2015.
- [GLAK14] David Greenaway, Japheth Lim, June Andronick, and Gerwin Klein. Don't sweat the small stuff: Formal verification of c code without the pain. In ACM SIGPLAN Conference on Programming Language Design and Implementation, pages 429–439, June 2014.
  - [Haf15] Florian Haftmann. Code generation from Isabelle/HOL theories, May 2015. http://isabelle.in.tum.de/dist/Isabelle2015/doc/codegen.pdf.
  - [ISO07] ISO/IEC. Programming Languages C. ISO/IEC 9899:TC3, 2007.
  - [Lam12] Peter Lammich. Refinement for monadic programs. Archive of Formal Proofs, January 2012. http://afp.sf.net/entries/Refine\_Monadic.shtml, Formal proof development.

Bibliografía 84

[LB08] Xavier Leroy and Sandrine Blazy. Formal verification of a C-like memory model and its uses for verifying program transformations. *Journal of Automated Reasoning*, 41(1):1–31, 2008.

- [Loc13] Andreas Lochbihler. Native word. Archive of Formal Proofs, September 2013. http://afp.sf.net/entries/Native\_Word.shtml, Formal proof development.
- [NK14] Tobias Nipkow and Gerwin Klein. Concrete Semantics with Isabelle/HOL. Springer, 2014.
- [NN07] Hanne Riis Nielson and Flemming Nielson. Semantics with Applications: An Appetizer. Springer, 2007.
- [Nor98] Michael Norrish. C formalized in HOL. PhD thesis, University of Cambridge, 1998.
- [NPW15] Tobias Nipkow, Lawrence C. Paulson, and Markus Wenzel. *Isabelle/HOL: A Proof Assistant for Higher-Order-Logic*, May 2015. http://isabelle.in.tum.de/dist/Isabelle2015/doc/tutorial.pdf.
  - [NS14] Michael Norrish and Konrad Slind. The HOL System Description, November 2014.
  - [Rey02] John C. Reynolds. Separation logic: A logic for shared mutable data structures. In 17th Annual IEEE Symposium on Logic in Computer Science, July 2002. http://www.cs.cmu.edu/~jcr/seplogic.pdf.
  - [ST14] Christian Sternagel and René Thiemann. Haskell's show class in isabelle/hol. Archive of Formal Proofs, July 2014. http://afp.sf.net/entries/Show.shtml, Formal proof development.
- [StGDC15] Richard M. Stallman and the GCC Developer Community. *GNU Compiler Collection Internals*. Free Software Foundation, Inc., 2015. https://gcc.gnu.org/onlinedocs/gccint.pdf.
  - [Ten91] R. D. Tennent. Semantics of Programming Languages. Series in Computer Science. Prentice Hall International, 1991.
  - [Wen15] Makarius Wenzel. The Isabelle/Isar Implementation, May 2015. http://isabelle.in.tum.de/dist/Isabelle2015/doc/implementation.pdf.

# Apéndice A

# @nombreApendice

### A.1. @sección

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesent imperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet ante lobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectus tellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia lorem sit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

#### A.1.1. @subsección

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesent imperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet ante lobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectus tellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia lorem sit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesent imperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet ante lobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectus tellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia lorem sit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesent imperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet ante lobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectus tellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia lorem sit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesent imperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet ante lobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectus tellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia lorem sit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesent imperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut

metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet ante lobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectus tellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia lorem sit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

"Saludo".

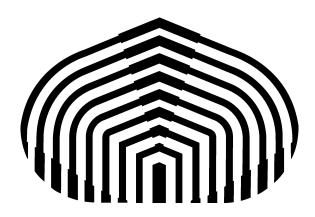


FIGURA A.1: Grafo gris.

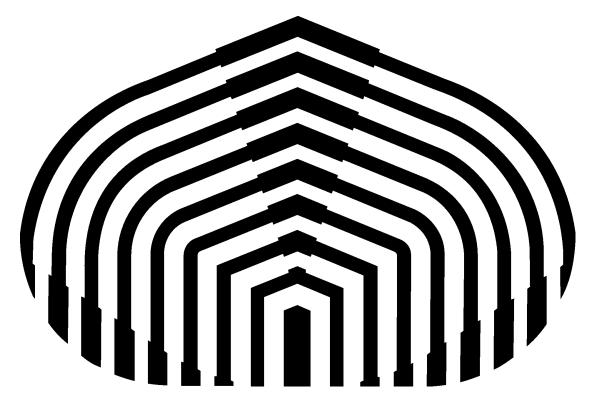


Figura A.2: Grafo con color.

# Apéndice B

# @nombreApendice

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesent imperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet ante lobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectus tellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia lorem sit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesent imperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet ante lobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectus tellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia lorem sit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesent imperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet,

consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet ante lobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectus tellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia lorem sit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesent imperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet ante lobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectus tellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia lorem sit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Etiam lobortis facilisis sem. Nullam nec mi et neque pharetra sollicitudin. Praesent imperdiet mi nec ante. Donec ullamcorper, felis non sodales commodo, lectus velit ultrices augue, a dignissim nibh lectus placerat pede. Vivamus nunc nunc, molestie ut, ultricies vel, semper in, velit. Ut porttitor. Praesent in sapien. Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Duis fringilla tristique neque. Sed interdum libero ut metus. Pellentesque placerat. Nam rutrum augue a leo. Morbi sed elit sit amet ante lobortis sollicitudin. Praesent blandit blandit mauris. Praesent lectus tellus, aliquet aliquam, luctus a, egestas a, turpis. Mauris lacinia lorem sit amet ipsum. Nunc quis urna dictum turpis accumsan semper.