

Université de Bourgogne
1ère année de Master Informatique STIC
Parcours Informatique
Algorithme et complexité

Le Jeu Othello

Ghislain Loaëc - Abdeldjalil Ramoul
2012-2013

Plan

- Introduction
- Le jeu Othello
- Algorithme du Minimax
- Elagage *Alpha-beta*
- *Démonstration de l'application*
- *Conclusion et Perspectives*

Plan

- Introduction
- Le jeu Othello
- Algorithme du Minimax
- Elagage *Alpha-beta*
- *Démonstration de l'application*
- *Conclusion et Perspectives*

Introduction

- développement d'un simulateur du jeu Othello
- Présentation de Othello
- Utilisation de la méthode Minimax pour jouer à Othello

Plan

- Introduction
- **Le jeu Othello**
- Algorithme du Minimax
- Elagage *Alpha-beta*
- *Démonstration de l'application*
- *Conclusion et Perspectives*

Le jeu Othello



Le jeu Othello

- jeu de société à deux joueurs à information parfaite avec un nombre fini de stratégies
- absence de l'incertitude => existence d'une solution optimale
- Utilisation des heuristiques pour donner une approximation du jeu optimal

Règles du jeu

- Othellier unicolore de 64 cases
- Début de partie: blancs => D4, E5 | noirs => E4 et D5.
- Capturer les jetons de l'adversaire
- A la fin de la partie compter les jetons

Plan

- Introduction
- Le jeu Othello
- **Algorithme du Minimax**
- Elagage *Alpha-beta*
- *Démonstration de l'application*
- *Conclusion et Perspectives*

Algorithme du minimax

- Basé sur le théorème du même nom (1928)
- Utilisé pour la découverte de la solution optimale dans un jeu à deux joueurs à information parfaite
- Principe: visiter l'arbre récursivement et faire remonter la valeur minimax à la racine.

Algorithme du minimax

- *Minimax(e) = h(e), si e est une feuille de l'arbre*
- *Minimax(e) = max (Minimax(e1), . . . , Minimax(en)), si e est un nœud Joueur*
- *Minimax(e) = min (Minimax(e1), . . . , Minimax(en)), si e est un nœud Adversaire*

Algorithme du minimax

Fonction Minimax (e, d)

complexité en temps = $O(b^m)$

complexité en espace = $O(bm)$

b = facteur de branchement

m = est la profondeur de l'arbre

Entrées : nœud e , **profondeur** d

Sorties : Valeur Minimax du nœud e

Si *final* ?(e) ou ($d == 0$) **alors**

Return $h(e)$

Sinon

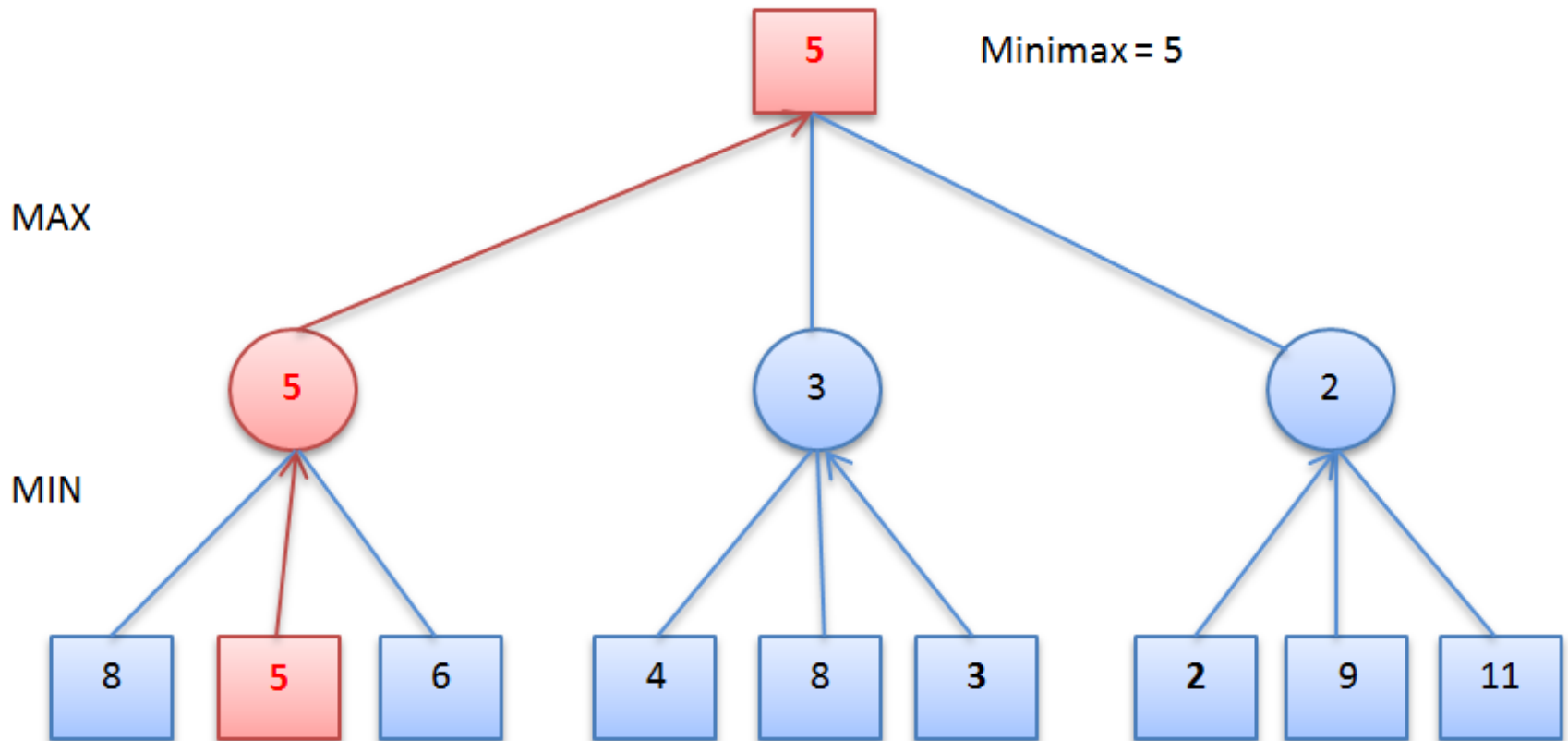
Si *joueur* ?(e) **alors**

Return $\max\{\text{Minimax}(e_i, d - 1) \mid e_i > f(e)\}$

Sinon

Return $\min\{\text{Minimax}(e_i, d - 1) \mid e_i > f(e)\}$

Algorithme du minimax



Algorithme du minimax

- Problème d'explosion combinatoire
- Profondeur limitée => pas très performant
- Elagage alpha-beta => augmenter la profondeur
- Réduire la taille de l'arbre de jeu en élaguant les parties dont l'évaluation ne contribue pas à celle de la racine

Plan

- Introduction
- Le jeu Othello
- Algorithme du Minimax
- Elagage *Alpha-beta*
- *Démonstration de l'application*
- *Conclusion et Perspectives*

Elagage alpha-beta

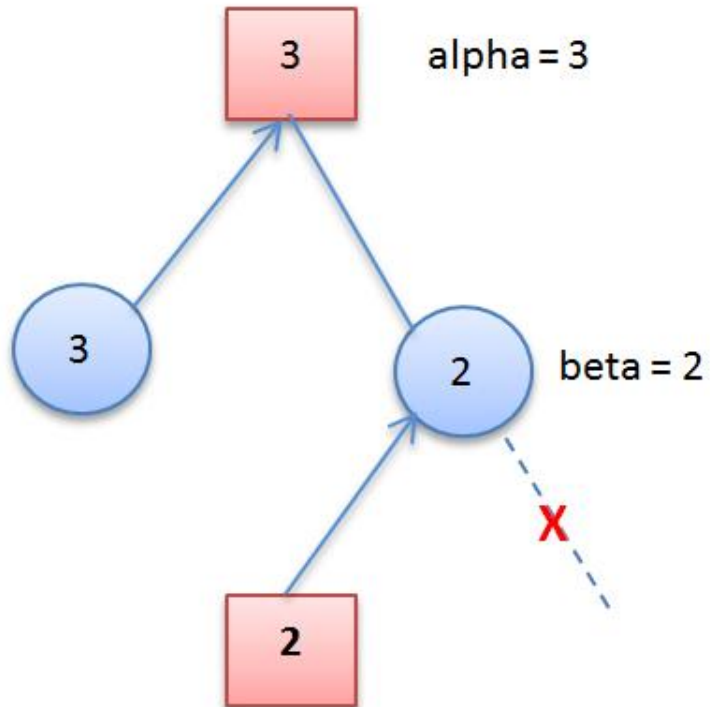
Alpha représente de la borne inférieure de la valeur du nœud :

- $\alpha = h(e)$ sur les feuilles, et initialisée à -1 ailleurs.
- Dans les nœuds joueurs, $\alpha = \text{MAX}$ des valeurs obtenues sur les fils visités jusque-là.
- Dans les nœuds adversaires, elle est égale à la valeur de son prédécesseur.

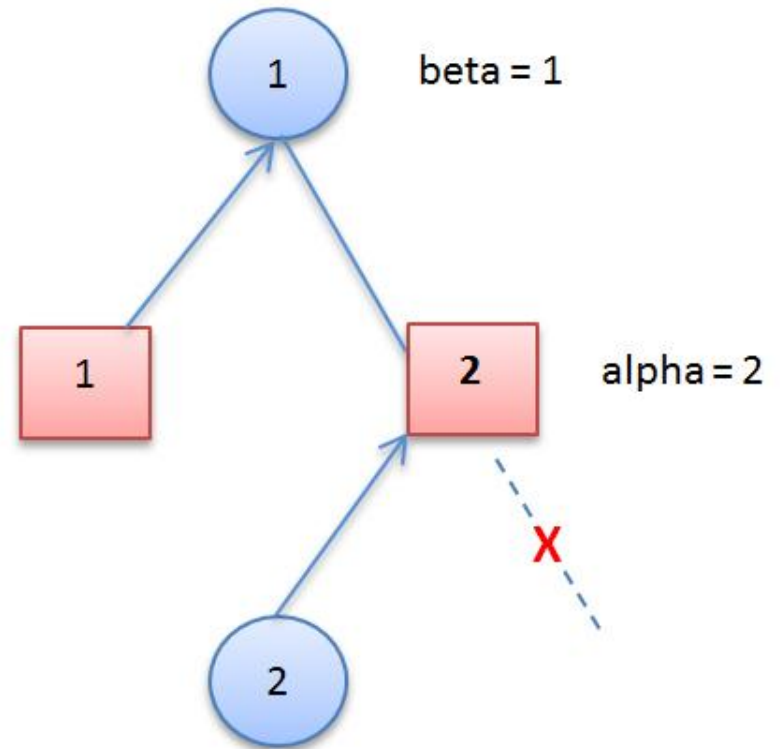
Beta représente de la borne supérieure de la valeur du nœud :

- $\beta = h(e)$ sur les feuilles, et initialisée à $+1$ ailleurs.
- Dans les nœuds adversaires, $\beta = \text{MIN}$ des valeurs obtenues sur les fils visités jusque-là.
- Dans les nœuds joueurs elle est égale à la valeur de son prédécesseur.

Elagage alpha-beta



Alpha-coupure



Beta-coupure

Elagage alpha-beta

Algorithme 3

Fonction Alphabeta(e, d, α , β)

Entrées: noeud e, profondeur d

Sorties : valeur Minimax du noeud e

Complexité dans les meilleurs
des cas $O(b^{(m/2)})$

Debut

Si final ? (e) ou (d == 0) **alors**

Return h(e)

Sinon

Si joueur ? (e) **alors**

v = -64

pour fi > f(e) **faire**

v = max(v, Alphabeta(fi, d - 1, α , β))

Si v > β **alors** return v

a = max(a, v)

Finpour

Sinon

v = +64

Pour tous les fi \in f(e) **faire**

v = min(v, Alphabeta(fi, d - 1, α , β))

Si α > v **alors** return v

β = min(β , v)

Finpour

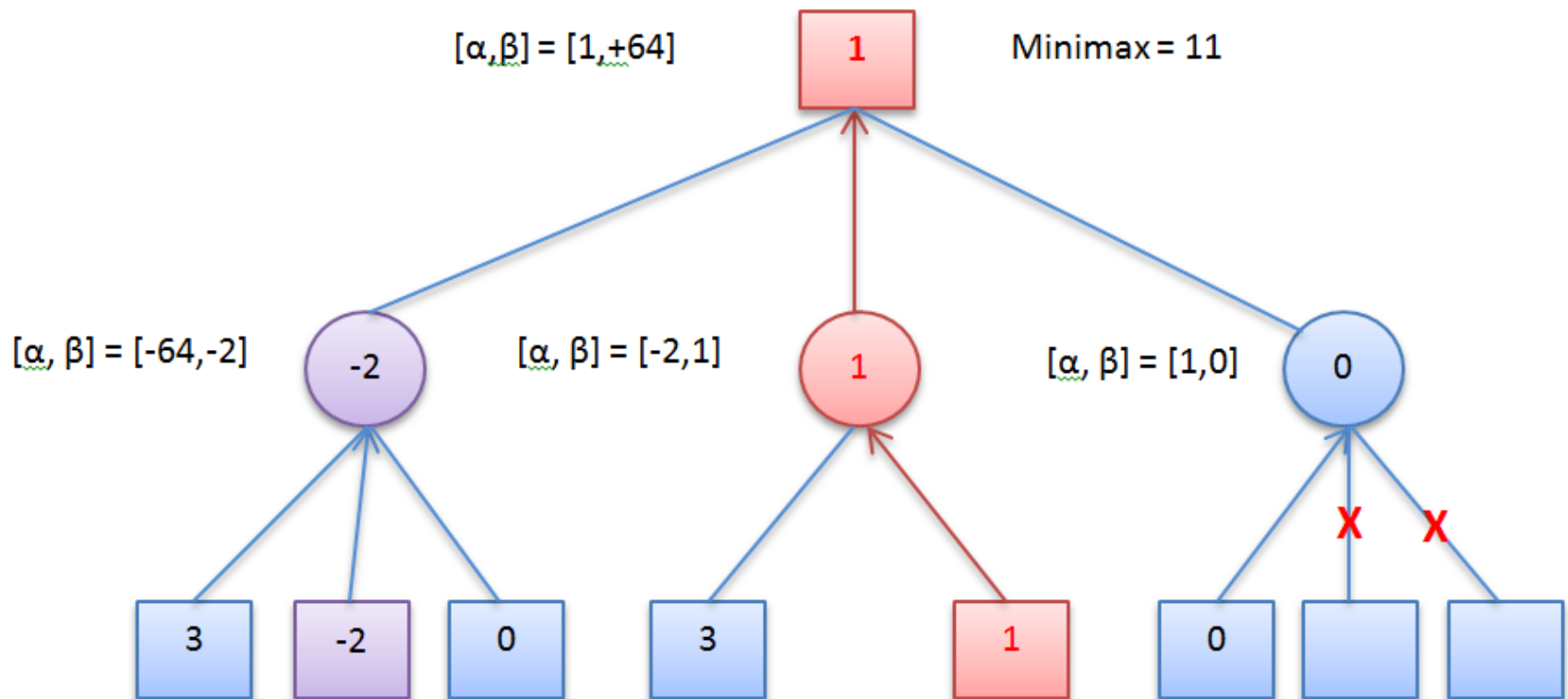
Finsi

Finsi

return v

Fin

Elagage alpha-beta



Plan

- Introduction
- Le jeu Othello
- Algorithme du Minimax
- Elagage *Alpha-beta*
- ***Démonstration de l'application***
- *Conclusion et Perspectives*

Plan

- Introduction
- Le jeu Othello
- Algorithme du Minimax
- Elagage *Alpha-beta*
- *Démonstration de l'application*
- *Conclusion et Perspectives*

Conclusion et Perspectives

- Jeu simple mais tactiques nombreuses
- Fonction heuristique simple:

$$H(e) = \text{Jetons joueur} - \text{jetons adversaire}$$

- Amélioration de $H(e)$ avec des valeurs tactique

| | | | | | | | |
|------|------|----|----|----|----|------|------|
| 500 | -150 | 30 | 10 | 10 | 30 | -150 | 500 |
| -150 | -250 | 0 | 0 | 0 | 0 | -250 | -150 |
| 30 | 0 | 1 | 2 | 2 | 1 | 0 | 30 |
| 10 | 0 | 2 | 16 | 16 | 2 | 0 | 10 |
| 10 | 0 | 2 | 16 | 16 | 2 | 0 | 10 |
| 30 | 0 | 1 | 2 | 2 | 1 | 0 | 30 |
| -150 | -250 | 0 | 0 | 0 | 0 | -250 | -150 |
| 500 | -150 | 30 | 10 | 10 | 30 | -150 | 500 |