Miller-Rabin 素性检验

计86 罗境佳 2018013469

运行方式

在 src 目录下, 运行 make run。

实现

本次实现了一个 Miller Rabin 算法用以检测最长为 512 bit 的大数是否为素数。

大数的实现

见文件 num.h, 定义了 u512 类。

采用长度为 65 的 u8 数组用以存储大整数,用 u8 类型是为了规避不同机器上字节序的影响,采用 65 是为了应对计算过程中溢出的麻烦。在该类中实现了 +、 -、 8、 &、 |、 >> 、 << 等运算 符。

乘法、乘幂和除法运算用单独的函数实现。

其中,除法函数定义在 u512::divide 函数中,采用二进制长除法计算商以及余数。

模数乘法以及模数乘幂则定义在 main.cpp 中的 mul 函数以及 pow 函数。

Miller Rabin 算法的实现

见 main.cpp 中的 isPrime 函数, 伪代码如下:

```
function isPrime
input: BigNumber n
output: bool is prime

calculate odd number m and k
n - 1 = m * 2 ^ k

for i in 0..TEST_ROUND:
```

```
9
       get random number a
10
       y = a^m \mod n
       if y == 1 or n-1:
11
           说明最终能通过Fermat检验和平方根检验
12
           continue
13
       for j in 1..k:
14
           x = a^{m} + 2j, y是上一步的x
15
           if x == 1 and y != 1 and y != n - 1:
16
              说明不能通过平方根检验
17
              return false
18
           else if x == 1 or x == n - 1:
19
              说明可以通过两个检验, 进入下一个test round
20
       if x != 1:
21
          说明没有通过Fermat检验
22
23
          return false
24 return true
```

正确性

收集了 6 个测例,均为最高比特为 1 的 512 位大数。其中 4 个素数,2 个合数。最终均通过了检测。

这几个大数写在了 prime.txt 文件中, 但读入方式实际上是从硬编码的 string 中读入。