$0 = \det(M\lambda^2 + K) = \begin{vmatrix} m\lambda^2 + c & -c \\ -c & 8m\lambda^2 + 6c \end{vmatrix}$ (5.29) $=8m^2\lambda^4 + 14cm\lambda^2 + 5c^2$ (5.30)

charakteristische Polynom

Aus der Forderung nach der Existenz der nicht-trivialen Lösung  $ec{r} 
eq ec{0}$  folgt das

Die Eigenwerte sind 
$$\lambda_{1/4} = \pm i \sqrt{\frac{c}{c}} \qquad \qquad \lambda_{2/3} = \pm i \sqrt{\frac{5c}{c}}$$
 (5.31)

 $\lambda_{2/3} = \pm i \sqrt{\frac{5c}{4m}}$  $\lambda_{1/4} = \pm i \sqrt{\frac{c}{2m}}$ Wird  $\lambda_{1/4}^2 = -\omega_1$  in Gl. (5.19) eingesetzt, dann ist

$$0 = (-\omega_1^2 M + K) \vec{r}_1 = \begin{bmatrix} -\omega_1^2 m + c & -c \\ -c & -8\omega_1^2 m + 6c \end{bmatrix} \begin{bmatrix} r_1 \\ r_2 \end{bmatrix}_1$$

$$= \begin{bmatrix} \frac{1}{2}c & -c \\ -c & 2c \end{bmatrix} \begin{bmatrix} r_1 \\ r_2 \end{bmatrix}_1$$
(5.32)

Mit  $\vec{r}_1$  dem zur Eigenkreisfrequenz  $\omega_1$  gehörigen Eigenvektor. Die zwei Zeilen von Gl.(5.26) sind linear abhängig. Das Gleichungssystem hat unendlich viele Lösungen – die Lösung kann also nur bis auf eine Konstante bestimmt werden. Setze  $r_1 = s_1$ , dann folgt

Gl.(5.26) sind linear abhängig. Das Gleichungssystem hat unendlich viele Lösungen – die Lösung kann also nur bis auf eine Konstante bestimmt werden. Setze 
$$r_1 = s_1$$
, dann folgt 
$$\vec{r}_1 = \begin{bmatrix} s_1 \\ \frac{s_1}{2} \end{bmatrix}$$
 (5.34)

Beim Eigenwertpaar  $\lambda_{2/3} = \pm i\omega_2$  ergibt sich

 $0 = (-\omega_2^2 M + K)\vec{r_2} = \begin{vmatrix} -\frac{1}{4}c & -c \\ -c & -4c \end{vmatrix} \begin{vmatrix} r_1 \\ r_2 \end{vmatrix}$ (5.35)

und der zugehörige Eigenvektor ist

 $\vec{r}_2 = \left| \begin{array}{c} s_2 \\ -\frac{s_2}{4} \end{array} \right|$ 

(5.36)