Es wird das ungedämpfte System

Beispiel 5.2: Modale Entopplung

 $\begin{bmatrix} 8m & 0 \\ 0 & m \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \ddot{x}_1 \\ \ddot{x}_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 6c & -c \\ -c & c \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} F_0 \cos(\Omega t) \\ 0 \end{bmatrix}$

Die Modalmatrix ist

betrachtet. Die Eigenwertpaare sind vor Normierung $\omega_1 = \sqrt{\frac{c}{2m}}$

 $\omega_3 = \sqrt{\frac{5c}{4m}}$

Die Normierung bzgl. der Massenmatrix liefert die freien Konstanten

 $\vec{r}_1 \cdot (M\vec{r}_1) = 12C_1^2 m \stackrel{!}{=} 1$ $\vec{r}_3 \cdot (M\vec{r}_3) = 24C_2^2 m \stackrel{!}{=} 1$

 $= \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$

 $R = [\vec{r_1}, \vec{r_3}] = \begin{bmatrix} \frac{1}{2\sqrt{3m}} & \frac{1}{2\sqrt{6m}} \\ \frac{1}{2\sqrt{6m}} & -\frac{2}{2\sqrt{6m}} \end{bmatrix}$

 $\vec{r}_1 = C_1 \left| \begin{array}{c} 1 \\ 2 \end{array} \right|$

 $\vec{r}_3 = C_3 \left| \begin{array}{c} 1 \\ -4 \end{array} \right|$

Die modal entkoppelte Massen- und Steifigkeitsmatrix lauten $R^{T}MR = \begin{bmatrix} \frac{1}{2\sqrt{3m}} & \frac{1}{\sqrt{3m}} \\ \frac{1}{2\sqrt{2m}} & -\frac{2}{\sqrt{2m}} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 8m & 0 \\ 0 & m \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \frac{1}{2\sqrt{3m}} & \frac{1}{2\sqrt{6m}} \\ \frac{1}{\sqrt{2m}} & -\frac{2}{\sqrt{6m}} \end{bmatrix}$

 $C_3 = \frac{1}{2\sqrt{6m}}$

 $C_1 = \frac{1}{2\sqrt{3m}}$

(5.63)(5.64)

(5.65)

(5.66)

(5.67)

(5.68)

(5.69)

(5.62)