$0 = \det(M\lambda^2 + K) = \begin{vmatrix} m\lambda^2 + c & -c \\ -c & 8m\lambda^2 + 6c \end{vmatrix}$ (5.29) $=8m^2\lambda^4 + 14cm\lambda^2 + 5c^2$ (5.30)

Aus der Forderung nach der Existenz der nicht-trivialen Lösung $\vec{r} \neq \vec{0}$ folgt das

charakteristische Polynom

$$\lambda_{1/4} = \pm i \sqrt{\frac{c}{2m}}$$

Wird
$$\lambda_{1/4}^2 = -\omega_1$$
 in Gl. (5.19) eingesetzt, dann ist

 $\lambda_{2/3} = \pm i \sqrt{\frac{5c}{4m}}$

$$0 = (-\omega_1^2 M + K)\vec{r}_1 = \begin{bmatrix} -\omega_1^2 m + c & -c \\ -c & -8\omega_1^2 m + 6c \end{bmatrix} \begin{bmatrix} r_1 \\ r_2 \end{bmatrix}_1$$

$$= \begin{bmatrix} \frac{1}{2}c & -c \\ -c & 2c \end{bmatrix} \begin{bmatrix} r_1 \\ r_2 \end{bmatrix}_1$$

$$= \begin{bmatrix} \frac{1}{2}c & -c \\ -c & 2c \end{bmatrix} \begin{bmatrix} r_1 \\ r_2 \end{bmatrix}_1$$
(5.33)

Mit \vec{r}_1 dem zur Eigenkreisfrequenz ω_1 gehörigen Eigenvektor. Die zwei Zeilen von Gl (5.26) sind linear abhängig. Das Gleichungssystem hat unendlich viele Lösun-

Gl.(5.26) sind linear abhängig. Das Gleichungssystem hat unendlich viele Lösungen – die Lösung kann also nur bis auf eine Konstante bestimmt werden. Setze
$$r_1 = s$$
, dann folgt

$$ec{r}_1 = \left[egin{array}{c} s \ rac{1}{2} s \end{array}
ight]$$

$$ec{r}_1 = \left[egin{array}{c} s \ rac{1}{2}s \end{array}
ight]$$
 Die zusätzliche Forderung nac

$$r_1 = \left\lfloor \frac{1}{2}s \right\rfloor$$
 Die zusätzliche Forderung nach $|\vec{r}_1| = \sqrt{5}s \stackrel{!}{=} 1$ führt zum *normierten Eigenvektor*

zusätzliche Forderung nach
$$|\vec{r}_1|$$
 $\vec{r}_1 = rac{1}{\sqrt{5}} \left[egin{array}{c} 2 \\ 1 \end{array}
ight]$

 $0 = (-\omega_2^2 M + K)\vec{r_2} = \begin{bmatrix} \frac{1}{4}c & -c \\ -c & 4c \end{bmatrix} \begin{bmatrix} r_1 \\ r_2 \end{bmatrix}_2$

Beim Eigenwertpaar $\lambda_{2/3} = \pm i\omega_2$ ergibt sich

rung nach
$$|\vec{r}_1| = \sqrt{5}s$$

$$|ec{r_1}|$$
 :

$$|ec{r}_1|$$
 =

$$|ec{r_1}|=1$$

$$\left[egin{array}{c} r_1 \ r_2 \end{array}
ight]_1$$

$$r_1$$

(5.32)

(5.33)

(5.34)

(5.35)

(5.36)