Mechanik 3.1: Berechnung der Lösung mit äußerer Anregung

regten Systems $\ddot{x}(t) + 2D\omega_0\dot{x}(t) + \omega_0^2x(t) = y(t)$

Das Vorgehen zur Berechnung der Gesamtlösung x(t) eines durch y(t) zwangser-

ist wie folgt:

die Anregung y(t) zu Null, um das homogene System

$$\ddot{x}(t) + 2D\omega_0\dot{x}(t) + \omega_0^2 x(t) = 0$$

zu lösen. Die Lösung lautet
$$x_h(t) = e^{-\delta t} \left(C_1 \cos(\omega_d t) + C_2 \sin(\omega_d t) \right)$$
. Die Integrationskonstanten der einzelnen Fundamentallösungen werden noch nicht

an die Anfangsbedingungen angepasst.

2. Berechnung der partikulären Lösung. Hierzu wird ein **Ansatz vom Typ der rechten Seite** benötigt. Bei einer Anregung der Art
$$y(t) = y_0 + y_c \cos(\Omega t) + y_s \sin(\Omega t)$$
 lautet dieser Ansatz

$$x_p(t) = X_0 + A\cos(\Omega t) + B\sin(\Omega t)$$

angepasst werden.

3. Aus dem Ansatz
$$x_p(t)$$
 werden die Ableitungen $\dot{x}_p(t)$ und $\ddot{x}_p(t)$ gebildet und in die DGL eingesetzt. Nach Koeffizientenvergleich resultiren X_0 , A und B .

4. Die Gesamtlösung
$$x(t) = x_h(t) + x_p(t)$$
 beinhaltet nun noch die Integrationskonstanten C_1 und C_2 , die jetzt an die Anfangsbedingungen

 $\dot{x}(t=0) = v_0$ $x(t = 0) = x_0$