

# Tarea #3: Función de Transferencia

Carlos Vásquez 1155057

April 21, 2019

## Resolver:

Obtener la función de transferencia, asumiendo que  $\mu = 0$ , que relaciona la función  $x_1(t)$  ante la entrada  $u(t)$  del sistema que se muestra a continuación.

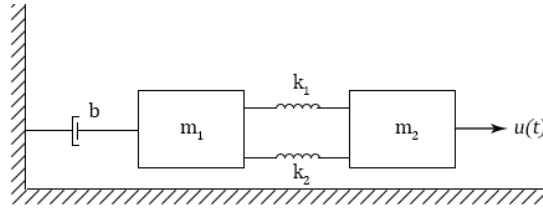


Figure 1: Sistema a analizar.

## Solución

Analizando el sistema, podemos obtener las siguientes ecuaciones que lo rigen:

$$\begin{aligned} 0 &= m_1 \ddot{x}_1 + b \dot{x}_1 + (k_1 + k_2)x_1 - (k_1 + k_2)x_2 \\ u(t) &= m_2 \ddot{x}_2 + (k_1 + k_2)x_2 - (k_1 + k_2)x_1 \end{aligned} \quad (1)$$

Aplicando la transformada de Laplace obtendremos el siguiente sistema en el espacio s:

$$\begin{aligned} 0 &= M_1 s^2 X_1(s) + B s X_1(s) + (k_1 + k_2)X_1(s) - (k_1 + k_2)X_2(s) \\ U(s) &= M_2 s^2 X_2(s) + (k_1 + k_2)X_2(s) - (k_1 + k_2)X_1(s) \end{aligned} \quad (2)$$

Posteriormente, del sistema de ecuaciones (2) despejamos a  $X_2(s)$

$$X_2(s) = \frac{X_1(s)(M_1 s^2 + B s + k_1 + k_2)}{k_1 + k_2} \quad (3)$$

Sustituyendo la ecuación (3) en el sistema (2) obtenemos

$$U(s) = X_1(s) \left( \frac{(M_2 s^2)(M_1 s^2 + B s + k_1 + k_2)}{k_1 + k_2} + M_1 s^2 + B s + k_1 + k_2 - k_1 - k_2 \right) \quad (4)$$

Simplificando la ecuación 4 y despejando para encontrar  $\frac{X_1(s)}{U(s)}$

$$\boxed{\frac{X_1(s)}{U(s)} = \frac{k_1 + k_2}{(M_1 s^2 + B s + k_1 + k_2)(M_2 s^2 + k_1 + k_2) - (k_1 + k_2)^2}} \quad (5)$$