# Exemplos – Naïve Bayes

Thiago Teixeira Santos thiago.santos@embrapa.br

24 de novembro de 2017

## 0.1 Exemplo 6 - Detecção de pele com Naïve Bayes

Neste exemplo, vamos utilizar o classificador *Naïve Bayes* para classificar os pixeis de uma imagem como *pele* e *background* ("não-pele"). Um classificador deste tipo poderia ser utilizado como parte de um sistema para detecção de pessoas, detecção de nudez em imagens, etc.

```
In [1]: import numpy as np

# Importa o módulo de plotagem
import matplotlib.pyplot as plt

# Configura a matplotlib para operar interativamente no notebook.
# Para detalhes, execute: %matplotlib?
%matplotlib inline

# Configura o tamanho padrão da figura largura X altura, em polegadas
plt.rcParams['figure.figsize'] = (10, 4)
```

# 0.2 Naïve Bayes

Aplica o **Teorema de Bayes** de forma *naïve*, isto é, assumindo *independência condicional* entre as características (entre as n\_cols variáveis).

```
P(y \mid x_1, x_2, ...., x_n) = \frac{P(x_1, x_2, ..., x_n \mid y)P(y)}{P(x_1, x_2, ..., x_n)}

Independência entre as características:

P(x_i \mid y, x_1, ...x_{i-1}, x_{i+1}, ...x_n) = P(x_i \mid y)

Daí:

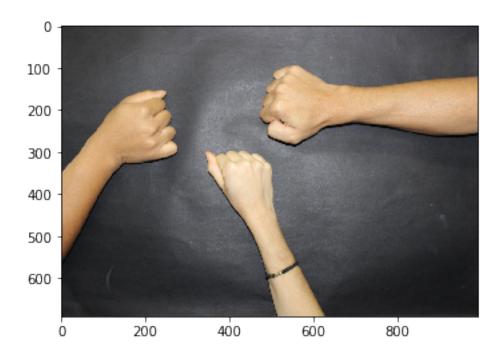
P(y \mid x_1, x_2, ...., x_n) = \frac{P(y) \prod_{i=1}^n P(x_i \mid y)}{P(x_1, x_2, ...., x_n)}

A classificação é feita de modo MAP (maximum a posteriori):

\hat{y} = \arg\max_y P(y) \prod_{i=1}^n P(x_i \mid y)
```

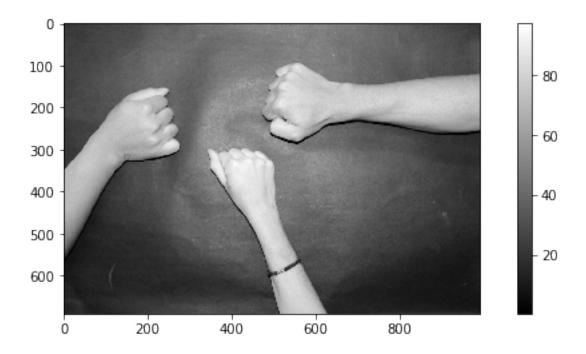
#### 0.2.1 O conjunto de treinamento

O conjunto de treinamento será obtido de um única imagem no espaço de cor CIE Lab. O espaço CIE Lab tem a vantagem de separar a informação de *luminosidade* (canal *L*) da informação de *cromaticidade* (canais *a* e *b*), permitindo maior robustez em variações de luminosidade da cena no instante de aquisição da imagem.



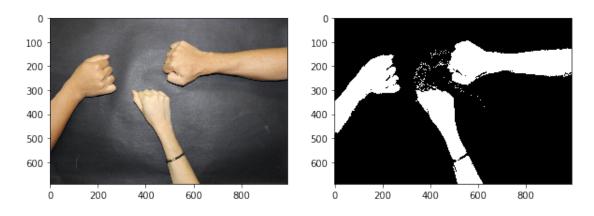
- A imagem de treinamento provê exemplos sobre um fundo escuro
- Podemos utilizar *limiarização* (thresholding) e alguns filtros para obter o conjunto de treinamento

Out[5]: <matplotlib.colorbar.Colorbar at 0x7f8adceaa190>

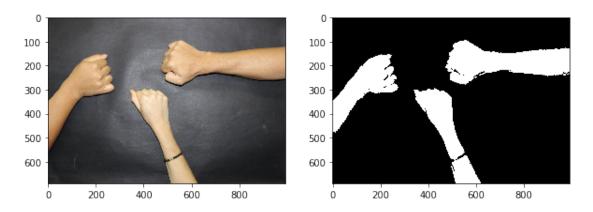


In [6]: mask = np.zeros((n\_rows, n\_cols), dtype=np.bool)
 # Selectionar onde o canal de luminância (L) é maior que um limiar
 mask[I\_train\_lab[:,:,0] > 60] = True

Out[7]: <matplotlib.image.AxesImage at 0x7f8adce08290>



Out[9]: <matplotlib.image.AxesImage at 0x7f8ac4110990>



- A imagem é formatada para mn vetores de características
- Cada vetor é 2-d, contendo os valores dos canais *a* e *b*

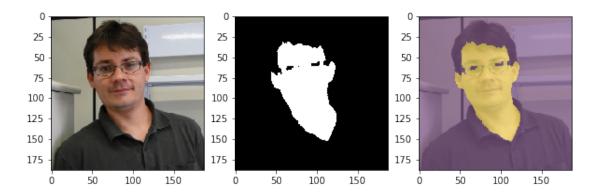
#### 0.2.2 Treinamento

Gaussian Naïve Bayes é implementado na scikit-learn por Gaussian NB

$$P(x_i | y) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma^2}} \exp{-\frac{(x_i - \mu)^2}{2\sigma^2}}$$

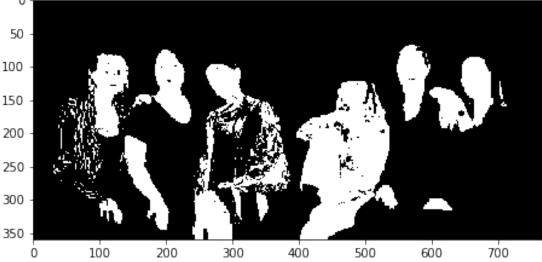
### 0.2.3 Classificação

Out[15]: <matplotlib.image.AxesImage at 0x7f8ac34879d0>



Out[18]: <matplotlib.image.AxesImage at 0x7f8ac33e57d0>





Out[19]: <matplotlib.image.AxesImage at 0x7f8ac40c3910>

