

## Άσκηση 8 Dai16067 Κρυπτογραφία

Μιχούλης Γεώργιος

1)

a)

$\mathbb{Z}_5^*$

$a \mid 1 \ 2 \ 3 \ 4$

$\text{ord}(a) \mid 1 \ 4 \ 4 \ 2$

b)  $\mathbb{Z}_7^*$

$a \mid 1 \ 2 \ 3 \ 4 \ 5 \ 6$

$\text{ord}(a) \mid 1 \ 3 \ 6 \ 3 \ 6 \ 2$

c)  $\mathbb{Z}_{13}^*$

$a \mid 1 \ 2 \ 3 \ 4 \ 5 \ 6 \ 7 \ 8 \ 9 \ 10 \ 11 \ 12$

$\text{ord}(a) \mid 1 \ 12 \ 3 \ 6 \ 4 \ 12 \ 12 \ 4 \ 3 \ 6 \ 12 \ 2$

2)

$g^{ab} \bmod p$        $A = k_{\text{pub},A} = g^a \bmod p$     $B = k_{\text{pub},B} = g^b \bmod p$     $K_{AB} =$

1.  $K_{\text{pub}A} = 8, K_{\text{pub}B} = 32, K_{AB} = 78$

2.  $K_{\text{pub}A} = 137, K_{\text{pub}B} = 84, K_{AB} = 90$

3.  $K_{\text{pub}A} = 394, K_{\text{pub}B} = 313, K_{AB} = 206$

4)

Υπολογισμός του  $\beta$ :  $\beta = a \cdot d \bmod p$ .

Κρυπτογράφηση :  $(kE, y) = (a \cdot i \bmod p, x \cdot \beta \cdot i \bmod p)$ .

Αποκρυπτογράφηση του  $x = y(k \cdot d \cdot E)^{-1} \bmod p$ .

1.  $(kE, y) = (29, 296), x = 33$
2.  $(kE, y) = (125, 301), x = 33$
3.  $(kE, y) = (80, 174), x = 248$
4.  $(kE, y) = (320, 139), x = 248$

5) Το pub κλειδί του BOB είναι  $k_{pub,B} = (p, g, B) = (31, 3, 18)$

$(B = g^d \bmod p \Leftrightarrow \log_g B = \log_g g^d \Leftrightarrow d=2,6)$

$K_{e,1} = 6 = 3^i \bmod 31$

$K_M = 18^i \bmod p$

- υπολογίζει εφήμερο κλειδί  $kE = g^i \bmod p$
- υπολογίζει κλειδί "μάσκας"  $kM = \beta^i \bmod p$
- κρυπτογραφεί μήνυμα  $c = m * k_M \bmod p$

$X1=17$  και ID bob  $x1=21 \Rightarrow c = m * K_m \bmod p \Rightarrow K_m=20$

Με τον αντίστροφο του κλειδιού  $p=31$ , αποκρυπτογραφούμε το  $c2$  μιας και ο BOB χρησιμοποιεί το ίδιο ιδιωτικό κλειδί για την κρυπτογράφηση.

Οπότε  $K_M^{-1}=14$   $m2 = c2 * K_M^{-1} \bmod p = 9$