题目 2:数列  $a_n$  的通项公式为  $a_n = n^2 - 10n + 21$ ,则该数列的前 n 项和取得最小值

时,n 的值为

A. 5 B. 7 C. 7 **或**8 D. 6 **或**7

题目 2:数列  $a_n$  的通项公式为  $a_n = n^2 - 10n + 21$ ,则该数列的前 n 项和取得最小值

时,n 的值为

A. 5 B. 7 C. 7或8 D. 6或7

解:

题目 2:数列  $a_n$  的通项公式为  $a_n = n^2 - 10n + 21$ ,则该数列的前 n 项和取得最小值时,n 的值为

A. 5 B. 7 C. 7或8 D. 6或7

解: 根据函数  $f(n) = n^2 - 10n + 21 = (n-5)^2 - 4$  的单调性可知,当  $n \le 5$  时,函数单调递减;当 n > 5 时,函数单调递增;

题目 2:数列  $a_n$  的通项公式为  $a_n = n^2 - 10n + 21$ ,则该数列的前 n 项和取得最小值时,n 的值为

A. 5 B. 7 C. 7或8 D. 6或7

解: 根据函数  $f(n) = n^2 - 10n + 21 = (n-5)^2 - 4$  的单调性可知,当  $n \le 5$  时,函数

单调递减;当  $n \geq 5$  时,函数单调递增;

$$n^2 - 10n + 21 \le 0$$

题目 2:数列  $a_n$  的通项公式为  $a_n = n^2 - 10n + 21$ ,则该数列的前 n 项和取得最小值时,n 的值为

A. 5 B. 7 C. 7或8 D. 6或7

解: 根据函数  $f(n) = n^2 - 10n + 21 = (n-5)^2 - 4$  的单调性可知,当  $n \le 5$  时,函数

单调递减;当  $n \geq 5$  时,函数单调递增;

$$n^2 - 10n + 21 \le 0$$

 $\Rightarrow (n-5)^2 - 4 \le 0$ 

题目 2:数列  $a_n$  的通项公式为  $a_n = n^2 - 10n + 21$ ,则该数列的前 n 项和取得最小值时,n 的值为

A. 5 B. 7 C. 7或8 D. 6或7

解: 根据函数  $f(n) = n^2 - 10n + 21 = (n-5)^2 - 4$  的单调性可知, 当  $n \le 5$  时, 函数

单调递减;当  $n \geq 5$  时,函数单调递增;

$$n^2 - 10n + 21 < 0$$

$$\Rightarrow (n-5)^2 - 4 \le 0$$

$$\Rightarrow (n-5)^2 \le 4$$

题目 2:数列  $a_n$  的通项公式为  $a_n = n^2 - 10n + 21$ ,则该数列的前 n 项和取得最小值时,n 的值为

A. 5 B. 7 C. 7或8 D. 6或7

解: 根据函数  $f(n) = n^2 - 10n + 21 = (n-5)^2 - 4$  的单调性可知,当  $n \le 5$  时,函数单调递减;当 n > 5 时,函数单调递增;

$$n^2 - 10n + 21 < 0$$

$$\Rightarrow (n-5)^2 - 4 \le 0$$

$$\Rightarrow (n-5)^2 \le 4$$

$$\Rightarrow n \geq 7$$
 或  $n \leq 3$ 

题目 2:数列  $a_n$  的通项公式为  $a_n = n^2 - 10n + 21$ ,则该数列的前 n 项和取得最小值时,n 的值为

A. 5 B. 7 C. 7或8 D. 6或7

解: 根据函数  $f(n) = n^2 - 10n + 21 = (n-5)^2 - 4$  的单调性可知,当  $n \le 5$  时,函数单调递减;当 n > 5 时,函数单调递增;

$$n^2 - 10n + 21 < 0$$

$$\Rightarrow (n-5)^2 - 4 \le 0$$

$$\Rightarrow (n-5)^2 \le 4$$

$$\Rightarrow n \geq 7$$
 或  $n \leq 3$ 

 $a_1, a_2$  均大于 0,  $a_3 = 0$ ,  $a_4, a_5, a_6$  均小于 0,  $a_7 = 0$ ,  $a_8, a_9, \ldots$  均大于 0, 前 6 项与 前 7 项之和均为最小值,即:

题目 2:数列  $a_n$  的通项公式为  $a_n = n^2 - 10n + 21$ ,则该数列的前 n 项和取得最小值时,n 的值为

A. 5 B. 7 C. 7或8 D. 6或7

解: 根据函数  $f(n) = n^2 - 10n + 21 = (n-5)^2 - 4$  的单调性可知,当  $n \le 5$  时,函数单调递减;当 n > 5 时,函数单调递增;

$$n^2 - 10n + 21 < 0$$

$$\Rightarrow (n-5)^2 - 4 \le 0$$

$$\Rightarrow (n-5)^2 \le 4$$

$$\Rightarrow n \geq 7$$
 或  $n \leq 3$ 

 $a_1, a_2$  均大于 0,  $a_3 = 0$ ,  $a_4, a_5, a_6$  均小于 0,  $a_7 = 0$ ,  $a_8, a_9, \ldots$  均大于 0, 前 6 项与 前 7 项之和均为最小值,即:

$$S_1 > S_2 = S_3 > S_4 > S_5 > S_6 = S_7 < S_8 < S_9$$
, 因此:

题目 2:数列  $a_n$  的通项公式为  $a_n = n^2 - 10n + 21$ ,则该数列的前 n 项和取得最小值时,n 的值为

A. 5 B. 7 C. 7或8 D. 6或7

解: 根据函数  $f(n) = n^2 - 10n + 21 = (n-5)^2 - 4$  的单调性可知,当  $n \le 5$  时,函数单调递减;当 n > 5 时,函数单调递增;

$$n^2 - 10n + 21 < 0$$

$$\Rightarrow (n-5)^2 - 4 \le 0$$

$$\Rightarrow (n-5)^2 \le 4$$

$$\Rightarrow n \geq 7$$
 或  $n \leq 3$ 

 $a_1, a_2$  均大于 0,  $a_3 = 0$ ,  $a_4, a_5, a_6$  均小于 0,  $a_7 = 0$ ,  $a_8, a_9, \ldots$  均大于 0, 前 6 项与 前 7 项之和均为最小值,即:

$$S_1 > S_2 = S_3 > S_4 > S_5 > S_6 = S_7 < S_8 < S_9$$
, 因此:

正确答案为选项 D.