数学课程的总目标

通过义务教育阶段的数学学习,学生逐步:

- 1. 会用数学的眼光观察现实世界;
- 2. 会用数学的思维思考现实世界;
- 3. 会用数学的语言表达现实世界。

简称"三会"。

数学考试丢分的四大原因

- 1. 知识点不透彻;
- 2. 题型不熟练;
- 3. 计算不准确;
- 4. 计算速度慢。

简称"四因"。

学好数学的五个步骤

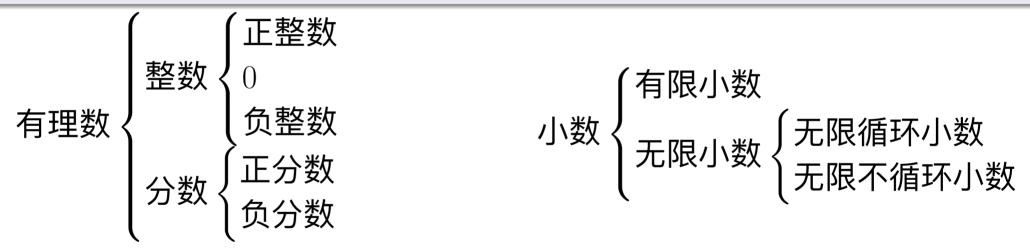
- 1. 发现个案(发现有趣的个案);
- 2. 类似案例(寻找类似的案例);
- 3. 总结规律(找到一般的规律: 从特殊到一般);
- 4. 定义证明(给出定义或证明)。
- 5. 实际应用(应用到实践中去:从一般到特殊)。

简称"五步骤", 1-3: 大胆假设; 4: 小心求证; 5: 放心应用。

1.1 有理数的引入

定义

正整数、0 和负整数统称为整数 (integer), 正分数和负分数统称为分数 (fraction). 整数和分数统称为有理数 (rational number).



0 既不是正数,也不是负数,是正数与负数的分界点。有限小数和无限循环小数是分数,无限不循环小数不是分数。

思考: 无限不循环小数是什么数?

小数如何转化为分数

有限小数如何转化为分数:

$$0.245 = \frac{245}{1000} = \frac{49}{200}$$

无限循环小数如何转化为分数?【华东师范大学七年级上册(2024)P73】

$$1000 \times 0.\dot{2}4\dot{5} = 245.\dot{2}4\dot{5} = 245 + 0.\dot{2}4\dot{5}$$

$$999 \times 0.\dot{2}4\dot{5} = 245$$

$$0.\dot{2}4\dot{5} = \frac{245}{999}$$

←□ → ←□ → ← = → = → 9

将 0.3 转化为分数

解: 设 a = 0.3, 则:

$$10a = 3.\dot{3} = 3 + 0.\dot{3} = 3 + a$$

$$9a = 3$$

$$\therefore a = \frac{3}{9} = \frac{1}{3}$$

将 0.25 转化为分数

解: 设
$$a = 0.25$$
, 则:

$$100a = 25.\dot{2}\dot{5} = 25 + a$$

$$99a = 25$$

$$\therefore a = \frac{25}{99}$$

◆ロト ◆御 ト ◆ 恵 ト ◆ 恵 ・ 夕 ♀ (

将 0.325 转化为分数

解: 设
$$a = 0.325$$
, 则:

$$10a = 3 + 0.\dot{2}\dot{5} = 3 + \frac{25}{99}$$

$$10a = \frac{3 \times 99 + 25}{99} = \frac{322}{99}$$

$$a \cdot a = \frac{322}{990} = \frac{161}{495}$$

数集与有理数集

数集的表示方法【数学 A 版必修第一册 1.1 集合的概念】: 集合 A 是小于 10 的自然数组成的集合,表示方法如下:

- **1.** 列举法: $A = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$
- **2.** 描述法: $A = \{x \in \mathbb{Z} | 0 \le x < 10\}$

有理数集的表示方法:
$$Q=\{x\in\mathbb{R}|x=rac{q}{p},p,q\in\mathbb{Z},p
eq0\}$$

数学中常见数集及其记法:

- 1. 全体非负整数组成的集合称为非负整数集(或自然数集),记作 №.
- 2. 全体正整数组成的集合称为正整数集,记作 \mathbb{N}^* 或 \mathbb{N}_+ .
- 3. 全体整数组成的集合称为整数集,记作 Z.
- 4. 全体有理数组成的集合称为有理数集,记作 Q.
- 5. 全体实数组成的集合称为实数集,记作 ℝ.

思考有理数集的表示方法

为什么可以用下面的方法表示有理数集?

$$Q = \{x \in \mathbb{R} | x = \frac{q}{p}, p, q \in \mathbb{Z}, p \neq 0\}$$

将 0.3 转化为分数

解: 设 a = 0.3, 则:

$$10a = 3.\dot{3} = 3 + 0.\dot{3} = 3 + a$$

$$9a = 3$$

$$\therefore a = \frac{3}{9} = \frac{1}{3}$$

将 0.25 转化为分数

解: 设 $a = 0.\dot{2}\dot{5}$, 则:

$$100a = 25.\dot{2}\dot{5} = 25 + a$$

$$99a = 25$$

$$\therefore a = \frac{25}{99}$$

将 0.325 转化为分数

解: 设
$$a = 0.325$$
, 则:

$$10a = 3 + 0.\dot{2}\dot{5} = 3 + \frac{25}{99}$$

$$10a = \frac{3 \times 99 + 25}{99} = \frac{322}{99}$$

$$a = \frac{322}{990} = \frac{161}{495}$$

1.2 数轴

定义

规定了原点、正方向和单位长度的直线叫做数轴 (number axis).

数轴的四要素:

- 1. 原点
- 2. 正方向
- 3. 单位长度
- 4. 直线(强调三要素的只包括前三条)

数轴示例:



最简数轴

定义

规定了原点、正方向和单位长度的直线叫做数轴 (number axis).

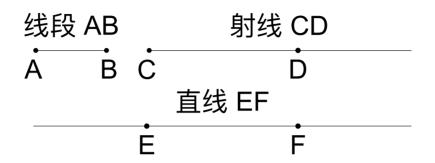
以下图形是不是一个数轴?



◆ロト ◆部 ▶ ◆ 恵 ▶ ◆ 恵 ・ 釣 ♀(

类比思维

规定了原点、正方向和单位长度的直线叫做数轴 (number axis).

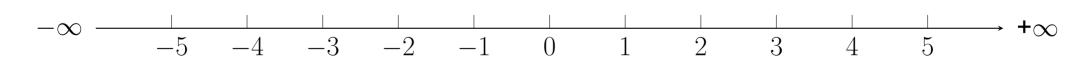


【北京师范大学四年级上册(2013)P16】

线段:线段有两个端点,线段有一定的长度。

射线: 射线有一个端点, 射线可以向一个方向无限延伸。

直线:直线没有端点,直线可以向两个方向无限延伸。



实数集 $\mathbb R$ 可以用区间表示为 $(-\infty, +\infty)$, ∞ 读作"无穷大"," $-\infty$ "读作"负无穷大"," $+\infty$ "读作"正无穷大". 【必修 A 版一册 P64】

17.2 函数图象 (平面直角坐标系)

在数学中,我们可以用一对有序实数来确 定平面上点的位置。

为此,在平面上画两条原点重合、互相垂直且具有相同单位长度的数轴,这就建立了平面直角坐标系 (rectangle coordinate system)。

通常把其中水平的数轴叫做 x 轴或横轴,取向右为正方向;铅直的数轴叫做 y 轴或纵轴,取向上为正方向;两条数轴的交点 O 叫做坐标原点。

为了纪念法国数学家笛卡儿,通常称为笛卡儿直角坐标系。

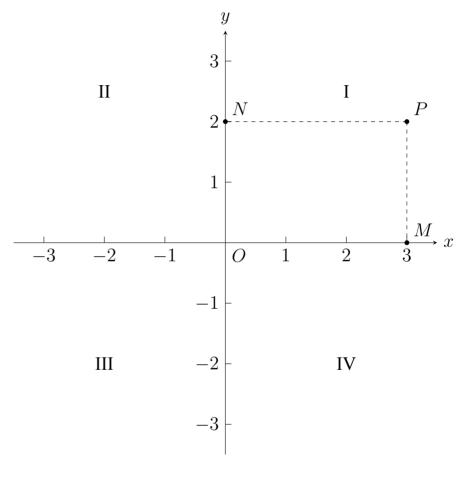


图: 17.2.2

平面直角坐标系

在平面直角坐标系中,任意一点都可以用一对有序实数来表示。例如,图 17.2.2 中的点 P,从点 P 分别向 x 轴和 y 轴作垂线,垂足分别为点 M 和点 N。

这时,点 M 在 x 轴上对应的数为 3,称为点 P 的横坐标 (abscissa)。点 N 在 y 轴上对应的数为 2,称为点 P 的纵坐标 (ordinate)。

依次写出点 P 的横坐标和纵坐标,得到一对有序实数 (3, 2),称为点 P 的坐标。这时点 P 可记作 P(3,2)。

在平面直角坐标系中,两条坐标轴把平面分成如图 17.2.2 所示的 I、II、III、IV 四个区域,分别称为第一、二、三、四象限。坐标轴上的点不属于任何一个象限。

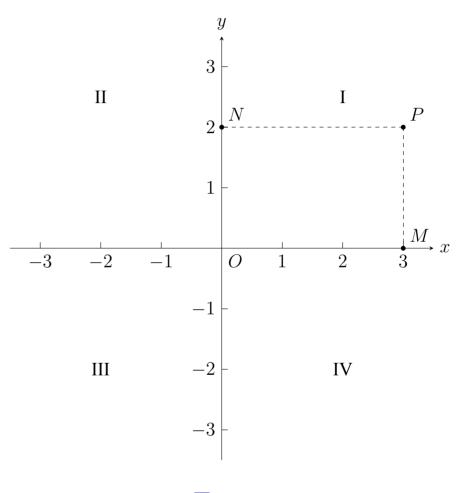


图: 17.2.2

1.3 相反数

定义

只有正负号不同的两个数称互为相反数 (opposite number)。

我们规定: 0 的相反数是 0.

数学表达式: a + b = 0 或: x + y = 0

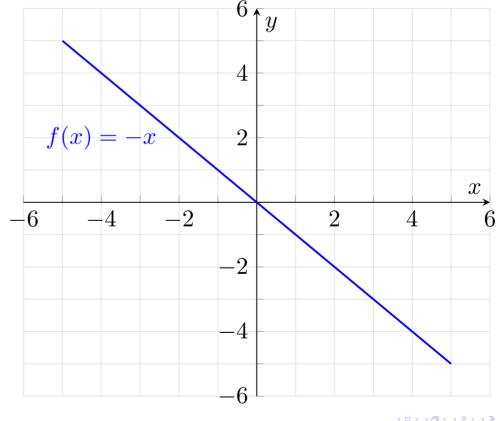
函数定义: f(x) = -x

定义域: $x \in \mathbb{R}$

值域: $y \in \mathbb{R}$

对称性: 关于原点中心对称

其它特征: 当 a, b \neq 0 时, $a \div b = -1$



倒数的定义及函数图象

定义

乘积为 1 的两个数互为倒数。

注意: 0 没有倒数。

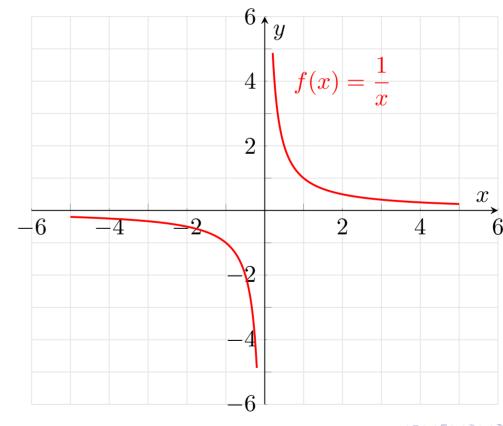
数学表达式: $a \cdot b = 1$

函数定义: $f(x) = \frac{1}{x}$

定义域: $x \in \mathbb{R}, x \neq 0$

值域: $y \in \mathbb{R}, y \neq 0$

对称性: 关于原点中心对称



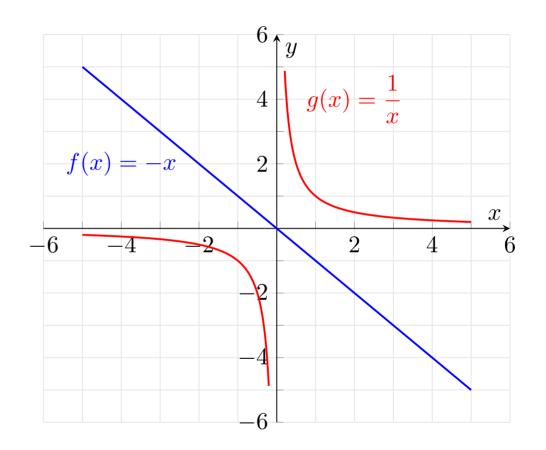
相反数与倒数的比较

相反数的表达式: a+b=0

倒数的表达式: $a \cdot b = 1$

对称性: 相反数与倒数均关于原点中心

对称



1.4 绝对值

定义:我们把在数轴上表示数 a 的点与原点的距离叫做数 a 的绝对值,记作 |a|.

- 1. 一个正数的绝对值是它本身;
- 2.0 的绝对值是 0;
- 3. 一个负数的绝对值是它的相反数.

数学表达式: |x|

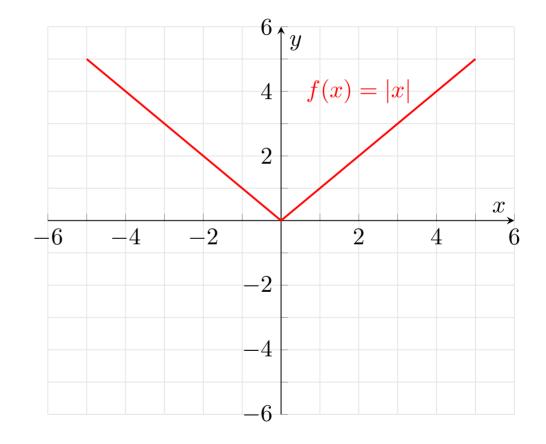
函数定义:

$$f(x) = \begin{cases} x, x > 0 \\ 0, x = 0 \\ -x, x < 0 \end{cases}$$

定义域: $x \in \mathbb{R}$

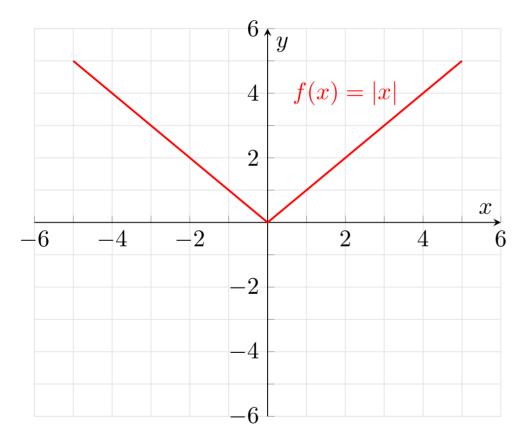
值域: $y \in \mathbb{R}, y \geq 0$

对称性: 关于 y 轴对称

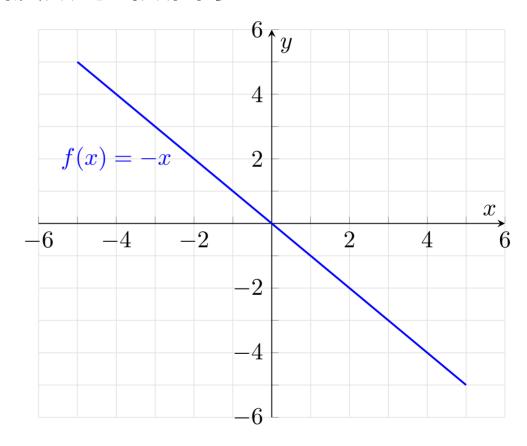


绝对值与相反数的比较

绝对值的函数图象



相反数的函数图象

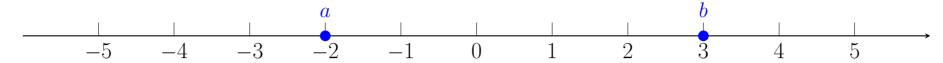


1.5 有理数的大小比较规则

- 1. 数轴上右边的数比左边的数大
- 2. 正数 > 0
- 3. 负数 < 0
- 4. 正数 > 负数
- 5. 两个负数比较,绝对值大的反而小! 如果 a > b > 0,则: -a < -b < 0

数轴比较法

1. 画数轴并标出所有数



- 2. 从左到右(从小到大)排列
- **3.** 结果: *a* < *b*

1.6 有理数的加法法则

1. 同号两数相加, 取与加数相同的正负号, 并把绝对值相加;

当
$$a,b > 0$$
时,
 $(+a) + (+b) = +(a+b) = a+b$
 $(-a) + (-b) = -(a+b)$

2. 绝对值不相等的异号两数相加, 取绝对值较大的加数的正负号, 并用较大的绝对值减去较小的绝对值;

当
$$a > b > 0$$
时,
 $(-a) + (+b) = -(a-b)$
 $(+a) + (-b) = +(a-b) = a-b$

3. 互为相反数的两个数相加得 0;

$$a + (-a) = 0$$

◆ロト ◆部 → ◆恵 → 恵 ・ りゅ(

有理数加法的运算律

1. 加法交换律:两个数相加,交换加数的位置,和不变.

$$a+b=b+a$$

2. 加法结合律: 三个数相加, 先把前两个数相加, 或者先把后两个数相加, 和不变.

$$(a + b) + c = a + (b + c)$$

有理数去括号规则

括号前的符号与数字前的符号存在下列关系,则:

1. 同号取正(去括号,取正号)

$$+(+a) = +a = a$$
$$-(-a) = +a = a$$

2. 异号取负(去括号,取负号)

$$-(+a) = -a$$
$$+(-a) = -a$$

1.7 有理数的减法

有理数的减法法则:

1. 减去一个数, 等于加上这个数的相反数.

$$a - b = a + (-b)$$

$$a - (-b) = a + (+b) = a + b$$

1.8 有理数的加减混合运算

- 1. 加减法是一级运算,优先级最低;
- 2. 加法与减法互为逆运算,加法与减法带符号统一理解为加法;
- 3. 减一个数,等于加相反数: a-b=a+(-b) 或 a-(-b)=a+b;
- **4.** 加一个数,等于减相反数: a + b = a (-b) 或 a + (-b) = a b;
- 5. 同号取正(去括号,取正号)

$$+(+a) = +a = a$$

 $-(-a) = +a = a$

6. 异号取负(去括号,取负号)

$$-(+a) = -a$$
$$+(-a) = -a$$

7. 加法具有交换律: a + b + c = a + c + b;

1.9 有理数的乘法

有理数的乘法法则:

- **1.** 同号得正: $(-a) \cdot (-b) = a \cdot b$
- 2. 异号得负 (绝对值相乘): $(-a) \cdot b = a \cdot (-b) = -a \cdot b$
- **3.** 乘零得零: $a \cdot 0 = 0 \cdot a = 0$
- **4.** 交換律: $a \cdot b \cdot c = a \cdot c \cdot b = b \cdot c \cdot a$
- **5.** 结合律: $(a \cdot b) \cdot c = a \cdot (b \cdot c)$
- **6.** 分配律: $a \cdot (b + c) = a \cdot b + a \cdot c$

1.9 有理数的乘法

有理数的乘法法则:

- 1. 同号得正: (-a)(-b) = ab
- 2. 异号得负 (绝对值相乘): (-a)b = a(-b) = -ab
- **3.** 乘零得零: $a \cdot 0 = 0a = 0$
- 4. 交換律: abc = acb = bca
- **5.** 结合律: (ab)c = a(bc)
- **6.** 分配律: a(b+c) = ab + ac

1.10 有理数的除法

有理数的乘法法则:

- 1. 同号得正: $(-a)\div(-b)=a\div b=\frac{a}{b}$
- 2. 异号得负 (绝对值相除): $(-a) \div b = a \div (-b) = -a \div b = -\frac{a}{b}$
- 3. 零除得零(0 不能为除数): $0 \div a = 0$ 4. 除以一数,等于乘其倒数: $a \div b = a \cdot \frac{1}{h} = \frac{a}{h}$

1.11 有理数的乘方

有理数的乘方: 求几个相同乘数的积的运算, 叫做乘方 (involution)。其中,

- 1. 乘方的结果叫做幂 (power)
- 2. a 叫做底数 (base number)
- 3. n 叫做指数 (exponent)
- 4. a^n 读作 a 的 n 次方
- 5. 也可读作 a 的 n 次幂

1.11 有理数的乘方

乘方的运算法则:

- 1. 乘方是第三级运算,优先级高于乘除法运算(见 P.59)
- **2.** $a^1 = a$
- 3. 乘方的乘法运算: $a^m \cdot a^n = a^{m+n}$
- **4.** 乘方的除法运算: $a^m \div a^n = a^{m-n} \quad (a \neq 0)$
- **5.** 乘方的乘方运算: $(a^m)^n = a^{mn}$
- **6.** $a^0 = a^{m-m} = a^m \div a^m = 1 \quad (a \neq 0)$
- 7. $a^{-1} = a^0 \div a^1 = \frac{1}{a} \quad (a \neq 0)$
- 8. 整数的任何次幂都是整数
- 9. 负数的偶数次幂是正数 (偶负得正), 负数的奇数次幂是负数 (奇负得负)
- **10**. 乘方运算具有右结合的性质: $a^{m^n} = a^{(m^n)}$

1.11 有理数的乘方

科学记数法:

1. 一个绝对值大于 **10** 的数可以记成 $a \times 10^n$ 的形式, 其中 $1 \le |a| < 10$, n 是正整数. 像这样的记数法叫做科学记数法. 例如:

$$8\ 000\ 000 = 8 \times 10^6$$

2. 一个绝对值小于 1 的数可以记成 $a \times 10^{-n}$ 的形式, 其中 $1 \le |a| < 10$, n 是正整数. 像这样的记数法也叫做科学记数法. 例如:

$$0.000 \ 0.08 = 8 \times 10^{-6}$$

1.12 有理数的混合运算

有理数的混合运算:

- 1. 加法和减法叫做第一级运算,互为逆运算
- 2. 乘法和除法叫做第二级运算, 互为逆运算
- 3. 乘方、开方和对数叫做第三级运算,开方是乘方求底数的逆运算,对数是乘方求指数的逆运算

运算的优先级:

- 1. 先做乘方, 再做乘除, 最后做加减;
- 2. 同级运算, 按照从左至右的顺序进行;
- 3. 如果有括号, 就先算小括号里的, 再算中括号里的, 然后算大括号里的

1.13 近似数

近似数:

- 1. 与实际值非常接近的数, 称为近似数 (approximate number)。例如: $\pi = 3.141~592\cdots$
- 2. 只取整数,精确到个位数:应用四舍五入法,应为3
- 3. 只取 1 位小数,精确到十分位(或精确到 0.1): 应为 3.1
- **4.** 只取 2 位小数,精确到百分位(或精确到 0.01): 应为 3.14
- 5. 光在真空中的传播速度: c = 299 792 458 m/s
- 6. 用科学记数法,只取整数: $c = 3 \times 10^8 m/s$
- 7. 用科学记数法,保留 1 位小数: $c = 3.0 \times 10^8 m/s$
- 8. 用科学记数法,保留 5 位小数: $c = 2.99792 \times 10^8 m/s$
- 9. 注意: 四舍五入的位置必须为精确位数的向下一位。

<□ > <□ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > < □ > <

负数的性质:假设 a > b > 0,

- 1. 负数小于零: -a = 0 a < 0
- **2.** 负数小于正数: -a < b < a
- 3. 绝对值大的负数反而小: -a < -b < 0 < b < a
- 4. 负数的绝对值等于相反数 |-a|=a
- 5. 相反数之和为零

$$a + (-a) = 0$$
$$(-a) + a = 0$$

6. 相反数之商为-1(除数不为零)

$$a \div (-a) = -1$$
$$(-a) \div a = -1$$

有理数的加法法则: 假设 a > b > 0,

1. 同号相加取其号, 绝对值作加法

$$(+a) + (+b) = +(a+b) = a+b$$

 $(-a) + (-b) = -(a+b)$

2. 异号相加取绝对值大的号,绝对值大减小

$$(-a) + (+b) = -(a - b)$$

 $(+a) + (-b) = +(a - b) = a - b$

3. 相反数之和为零

$$a + (-a) = 0$$

4. 加零和不变

$$a+0=a$$

有理数的加法法则:

1. 加法交换律:换位相加和不变

$$a + b = b + a$$

2. 加法结合律: 先加后加和不变

$$(a + b) + c = a + (b + c)$$

有理数的减法法则:

1. 减去一个数,等于加其相反数

$$a - b = a + (-b)$$

$$a - (-b) = a + (+b) = a + b$$

◆ロト→御ト→恵ト→恵 りへ(

增减括号法则:

1. 偶负取正号(正号可省略)

$$+(+a) = +a = a$$
$$-(-a) = +a = a$$

2. 奇负取负号

$$-(+a) = -a$$

$$+(-a) = -a$$

$$-[-(-a)] = -a$$

◆ロ > ◆昼 > ◆ 種 > ◆ 種 > ● ● の

有理数的乘法法则:

1. 偶负得正:

$$(-a)(-b) = ab$$

$$(-a)(-b)(-c)(-d) = abcd$$

2. 奇负得负 (绝对值相乘):

$$(-a)b = a(-b) = -ab$$

$$(-a)(-b)(-c) = -abc$$

- **3.** 乘零得零: $a \cdot 0 = 0a = 0$
- 4. 交換律: abc = acb = bca = cab
- **5.** 结合律: (ab)c = a(bc)
- **6.** 分配律: a(b+c) = ab + ac

有理数的除法法则: 假设除数不为零,

- **1.** 偶负得正: $(-a) \div (-b) = a \div b = \frac{a}{b}$
- 2. 奇负得负 (绝对值相除): $(-a) \div b = a \div (-b) = -a \div b = -\frac{a}{b}$ $(-a) \div (-b) \div (-c) = -a \div (bc) = -\frac{a}{bc}$
- 3. 零除得零 (0 不能为除数): $0 \div a = 0$
- 4. 除以一数,等于乘其倒数: $a \div b = a \cdot \frac{1}{b} = \frac{a}{b}$

$$a \div \frac{1}{b} = a \cdot b = ab$$

$$a \div \frac{n}{m} = a \cdot \frac{m}{n} = \frac{am}{n}$$

$$\frac{b}{a} \div \frac{n}{m} = \frac{b}{a} \cdot \frac{m}{n} = \frac{bm}{an}$$

有理数的乘方:求几个相同乘数的积的运算,叫做乘方 (involution)。其中,

- 1. 乘方的结果叫做幂 (power)
- 2. a 叫做底数 (base number)
- 3. n 叫做指数 (exponent)
- 4. a^n 读作 a 的 n 次方
- 5. 也可读作 a 的 n 次幂

乘方的运算法则:

- 1. 乘方是第三级运算,优先级高于乘除法运算(见 P.59)
- **2.** $a^1 = a$
- 3. 乘方的乘法运算: $a^m \cdot a^n = a^{m+n}$
- **4.** 乘方的除法运算: $a^m \div a^n = a^{m-n} \quad (a \neq 0)$
- **5.** 乘方的乘方运算: $(a^m)^n = a^{mn}$
- **6.** $a^0 = a^{m-m} = a^m \div a^m = 1 \quad (a \neq 0)$
- 7. $a^{-1} = a^0 \div a^1 = \frac{1}{a} \quad (a \neq 0)$
- 8. 整数的任何次幂都是整数
- 9. 负数的偶数次幂是正数 (偶负得正), 负数的奇数次幂是负数 (奇负得负)
- **10**. 乘方运算具有右结合的性质: $a^{m^n} = a^{(m^n)}$

<ロ > ∢回 > ∢回 > ∢ 巨 > ~ 豆 ・ 夕 Q

有理数的混合运算:

- 1. 加法和减法叫做第一级运算,互为逆运算
- 2. 乘法和除法叫做第二级运算,互为逆运算
- 3. 乘方、开方和对数叫做第三级运算,开方是乘方求底数的逆运算,对数是乘方求指数的逆运算。数的逆运算

运算的优先级:

- 1. 先做乘方, 再做乘除, 最后做加减;
- 2. 同级运算, 按照从左至右的顺序进行;
- 3. 如果有括号, 就先算小括号里的, 再算中括号里的, 然后算大括号里的

近似数:

- 1. 与实际值非常接近的数, 称为近似数 (approximate number)。例如: $\pi = 3.141~592\cdots$
- 2. 只取整数,精确到个位数:应用四舍五入法,应为3
- 3. 只取 1 位小数,精确到十分位(或精确到 0.1): 应为 3.1
- **4.** 只取 2 位小数,精确到百分位(或精确到 0.01): 应为 3.14
- 5. 光在真空中的传播速度: c = 299 792 458 m/s
- 6. 用科学记数法,只取整数: $c = 3 \times 10^8 m/s$
- 7. 用科学记数法,保留 1 位小数: $c = 3.0 \times 10^8 m/s$
- 8. 用科学记数法,保留 5 位小数: $c = 2.99792 \times 10^8 m/s$
- 9. 注意: 四舍五入的位置必须为精确位数的向下一位。

自然语言与数学语言的比较:

(a) 自然语言: - 3 与 0.3 的和乘以 2 的倒数 (P.78)

(b) 数学语言:
$$(-3+0.3) \times \frac{1}{2} = -2.7 \times \frac{1}{2} = -\frac{27}{20} = -1.35$$

(c) 自然语言: - 3 与 0.3 的和乘以 2<mark>的积</mark>的倒数

(d) 数学语言:
$$\frac{1}{(-3+0.3)\times 2} = \frac{1}{-5.4} = -\frac{10}{50} = -\frac{5}{27}$$

检查方法

常用检查方法:

- 1. 检查符号,包括中间过程的符号。牢记:
 - a. 同号相加取其号, 绝对值作加法
 - b. 异号相加取绝对值大的号, 绝对值大减小。
 - c. 绝对值大的负数反而小。
 - d. 奇负得负, 偶负得正。
- 2. 检查个位数
- 3. 检查位数
- 4. 检查进位

(ロ) (部) (車) (車) (車) のQ(