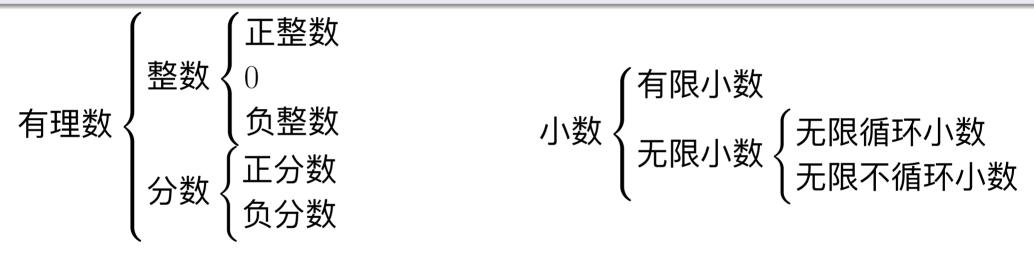
1.1 有理数的引入

定义

正整数、0 和负整数统称为整数 (integer), 正分数和负分数统称为分数 (fraction). 整数和分数统称为有理数 (rational number).



O 既不是正数,也不是负数,是正数与负数的分界点。 有限小数和无限循环小数是分数,无限不循环小数不是分数。

思考: 无限不循环小数是什么数?

小数如何转化为分数

有限小数如何转化为分数:

$$0.245 = \frac{245}{1000} = \frac{49}{200}$$

无限循环小数如何转化为分数?【华东师范大学七年级上册(2024)P73】

$$1000 \times 0.\dot{2}4\dot{5} = 245.\dot{2}4\dot{5} = 245 + 0.\dot{2}4\dot{5}$$
$$999 \times 0.\dot{2}4\dot{5} = 245$$
$$0.\dot{2}4\dot{5} = \frac{245}{999}$$

◆ロ > ◆刮 > ◆ 見 > ◆見 > も り へ で

无限循环小数化为分数

将 0.3 转化为分数

解: 设 a = 0.3, 则:

$$10a = 3.\dot{3} = 3 + 0.\dot{3} = 3 + a$$

$$9a = 3$$

$$\therefore a = \frac{3}{9} = \frac{1}{3}$$

无限循环小数化为分数

将 0.25 转化为分数

解: 设 a = 0.25, 则:

$$100a = 25.\dot{2}\dot{5} = 25 + a$$

$$99a = 25$$

$$a : a = \frac{25}{99}$$

无限循环小数化为分数

将 0.325 转化为分数

解: 设 $a = 0.3\dot{2}\dot{5}$, 则:

$$10a = 3 + 0.\dot{2}\dot{5} = 3 + \frac{25}{99}$$

$$10a = \frac{3 \times 99 + 25}{99} = \frac{322}{99}$$

$$a: a = \frac{322}{990} = \frac{161}{495}$$

数集与有理数集

数集的表示方法【数学 A 版必修第一册 1.1 集合的概念】: 集合 A 是小于 10 的自然数组成的集合,表示方法如下:

- 1. 列举法: $A = \{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$
- 2. 描述法: $A = \{x \in \mathbb{Z} | 0 \le x < 10\}$

有理数集的表示方法:
$$Q=\{x\in\mathbb{R}|x=\frac{q}{p},p,q\in\mathbb{Z},p\neq0\}$$

数学中常见数集及其记法:

- 1. 全体非负整数组成的集合称为非负整数集(或自然数集),记作 №.
- 2. 全体正整数组成的集合称为正整数集,记作 \mathbb{N}^* 或 \mathbb{N}_+ .
- 3. 全体整数组成的集合称为整数集,记作 Z.
- 4. 全体有理数组成的集合称为有理数集,记作 Q.
- 5. 全体实数组成的集合称为实数集,记作 ℝ.

(□ > <∄ > ∢ ≧ > ∢ ≧ > ≧ ∽) <

思考有理数集的表示方法

为什么可以用下面的方法表示有理数集?

$$Q = \{x \in \mathbb{R} | x = \frac{q}{p}, p, q \in \mathbb{Z}, p \neq 0\}$$

<□ > <∄ > < 분 > < 분 > 9 < €