title: [13--第七章]高级算法大模型辅助学习 author: - name: 赵子涵^[2024244071,计算机科学与技术]

Q01: 什么是易解问题?

• prompt: 什么是计算中"易解问题"? 请描述其定义和特性,并举一个例子说明

model_name: ChatGPTmodel version: GPT-4

• response: 易解问题 (Tractable Problems) 是指存在多项式界求解算法的问题。这类问题 的复杂性可以用多项式时间描述,例如 O(n2)或 $O(n\log n)$ 。特点是能在合理时间内解决。 示例: 排序问题(如快速排序,复杂性为 $O(n\log n)$)。

Q02: Qname

• prompt:不可解问题的定义是什么?请举例说明为什么停机问题属于不可解问题。

model_name: ChatGPT

• model_version: GPT-4

• response: 不可解问题 (Unsolvable Problems) 是指无法被确定型图灵机解决的问题,即不存在任何算法能求解此类问题。 停机问题的不可解性是通过对角线论证法证明的: 假设存在一个算法可以判断任意程序是否停机,然后构造一个矛盾程序 *Z*(*P*) *Z*(*P*), 使得它的行为与停机判断结果相悖,证明了不存在通用算法解决停机问题。

Q03: P类问题与NP类问题的关系是什么?

• prompt: P类问题和NP类问题的关系是什么? 为什么所有的P类问题都是NP类问题?

• model name: ChatGPT

model_version: GPT-4

• response: P类问题是能够通过确定型图灵机在多项式时间内解决的决策问题集合,而NP类问题是可以在多项式时间内验证其解的决策问题集合。 所有P类问题都是NP类问题,因为任何可以在多项式时间内求解的问题,其解也能在多项式时间内验证。

Q04: 如何判断一个问题是否属于NP完全问题?

• prompt:请解释如何判定一个问题是否是NP完全问题,并说明关键标准是什么。

model_name: ChatGPT

• model version: GPT-4

• response: 一个问题属于NP完全问题 (NPC) 需满足以下两个条件: 问题属于NP类 (即能在多项式时间内验证解)。 所有其他NP类问题都可以通过多项式规约 ($X \le PY$) 转化为该问题。

典型示例包括3-SAT问题和旅行商问题。

Q05: P=NP问题的研究现状如何?

• prompt: P=NP问题的研究现状是什么? 有哪些潜在影响?

model_name: ChatGPTmodel_version: GPT-4

• response: P=NP问题是计算理论中的一个未解难题,属于千禧年七大数学难题之一。至今尚无证明或反例。 如果P=NP被证明成立,将意味着所有NP类问题都能在多项式时间内解决,这对密码学、优化问题和复杂性理论将产生巨大影响; 反之,若P≠NP,将确认某些问题的固有计算难度。