| Электричество и магнетизм. | | | | | |
|--|--|---|---|--|--|
| Закон Кулона: | $ec{F} = rac{q_1 \cdot q_2}{r^2} \cdot rac{ec{r}}{r}$ | Электрическая ёмкость сферического конденсатора: | $C = \frac{q}{\Delta \varphi} = \frac{\varepsilon R_1 R_2}{R_2 - R_1}$ | | |
| Напряжённость электрического по- ля: | $ec{E} = rac{q}{r^2} \cdot rac{ec{r}}{r}$ | Электрическая ёмкость циллиндрического конденсатора: | $C = \frac{\varepsilon l}{2\ln(b/a)} = \frac{\varepsilon al}{2d} = \frac{\varepsilon S}{4\pi d}$ | | |
| Поле диполя: | $\vec{E} = \frac{3(\vec{p}\cdot\vec{r})\vec{r} - \vec{p}\cdot r^2}{r^5}$ | Электрическая ёмкость конденсатора: | $C = \frac{q}{\Delta \varphi}$ | | |
| Теорема Гаусса (Интегральная форма): | $\oint_S \vec{E} d\vec{S} = 4\pi q$ | Электрическая ёмкость проводника: | $C = \frac{q}{\varphi}$ | | |
| Теорема Гаусса (Дифф. форма): | $\operatorname{div} \vec{E} = 4\pi\rho$ | Электрическая ёмкость плоского конденсатора: | $C = \frac{q}{\Delta \varphi} = \frac{\varepsilon S}{4\pi d}$ | | |
| Разность потенциалов: | $\int_{(1)}^{(2)} \vec{E}(\vec{r}) d\vec{r} = \varphi_1 - \varphi_2$ | Энергия электрического поля: | $\delta U = \int \frac{\vec{E}\delta\vec{D}}{8\pi} dV$ | | |
| Теорема о циркуляции в вакууме (Статика) (Интегральная форма): | $\oint_L \vec{E} d\vec{r} = 0$ | Энергия жёсткого диполя в электрическом поле: | $U(\theta_0) = 0,$ $\theta_0 = \frac{\pi}{2},$ $U = -\vec{p}\vec{E}$ $\vec{F} = (\vec{p} \cdot \vec{\nabla})$ | | |
| Теорема о циркуляции в вакууме (Статика) (Дифф. форма): | $\operatorname{rot} \vec{E} = 0$ | Сила, действующая на диполь в неод- нородном электрическом поле: | | | |
| Связь потенциала с напряженностью: | $ec{E} = -\operatorname{grad} arphi$ | Энергия упругого диполя в электрическом поле: | $kl = qE,$ $p = \frac{q^2E}{\kappa} = \beta E,$ $U = \frac{\kappa l^2}{2} = \frac{qEl}{2} = \frac{pE}{2},$ $U = \frac{1}{2}\vec{p} \cdot \vec{E}$ | | |
| Потенциал поля точечного диполя: | $\varphi = -(\vec{l} \cdot \vec{\nabla}) \frac{q}{r} = \frac{\vec{p} \cdot \vec{r}}{r^3}$ | Плотность тока: | $\vec{j} = \rho \vec{u}$ | | |
| Уравнение Пуассона: | $\Delta \varphi = -4\pi \rho$ | Ток: | $J = \int_{S} \vec{j} d\vec{S}$ $i = \frac{dJ}{dl}$ | | |
| Уравнение Лапласа (Уравнение Пуассона в случае $\rho = 0$): | $\Delta \varphi = 0$ | Линейная плотность тока (для поверхностных токов): | $i = \frac{dJ}{dl}$ | | |
| Граничные условия (Нормаль): | $\left(\vec{E}_1 - \vec{E}_2\right)\vec{n} = 4\pi\sigma$ | Закон сохранения заряда (Дифф. форма): | $\frac{\partial \rho}{\partial t} + \operatorname{div} \vec{j} = 0$ | | |
| Граничные условия (Параллельная): | $\left(\vec{E}_1 - \vec{E}_2\right)\vec{\tau} = 0$ | Закон Ома (Интегральная форма): | $J = \frac{U}{R}$ | | |
| Проводники: | $\vec{E}_{in} = 0, \varphi_{in} = C$ $\vec{P} = \frac{\vec{p}}{V}$ | Закон Ома (Дифф. форма): | $\vec{j} = \lambda \vec{E}$ | | |
| Вектор поляризации: | $\vec{P} = \frac{\vec{p}}{V}$ | Первое правило Кирхгофа (Узел): | $\sum_{k} J_k = 0$ | | |
| Величина поляризованных зарядов в диэлектрике: | $q_{pol} = -\int_{V} \operatorname{div} P dV$ | Второе правило Кирхгофа (Замкнутый контур): | $\sum_{i} \mathcal{E}_{i} = \sum_{k} J_{k} R_{k}$ | | |
| Плотность поляризованных зарядов в диэлектрике: | $\rho_{pol} = -div\vec{P}$ | Закон Джоуля—Ленца (Дифф. форма): | | | |
| Поверхностная плотность поляризованных зарядов на поверхности диэлектрика: | $P_n = \frac{\vec{P} \cdot \vec{S}}{S} = \frac{1}{S} \left(\frac{\sigma S \vec{l}}{\vec{S} \cdot \vec{l}} \right) \vec{S} = \sigma$ | Закон Джоуля—Ленца (Инт. форма): | $W = \mathcal{E}^2/R = J\mathcal{E}$ | | |
| Вектор электрической индукции: | $\vec{D} = \vec{E} + 4\pi \vec{P}$ | Сила Лоренца: | $\vec{F}_{\Pi} = \frac{q}{c} [\vec{v} \times \vec{B}]$ | | |
| Поляризуемость (α) : | $ec{P} = \alpha ec{E}$ | Сила Ампера: | $\vec{F}_{\Pi} = \frac{q}{c} [\vec{v} \times \vec{B}]$ $d\vec{F} = \frac{1}{c} [\vec{j} \times \vec{B}] dV,$ $d\vec{F} = \frac{J}{c} [\vec{dl} \times \vec{B}]$ | | |
| Диэлектрическая проницаемость: | $\vec{D} = (1 + 4\pi\alpha)\vec{E} = \varepsilon\vec{E}$ | Закон Био-Савара-Лапласа: | $d\vec{F} = \frac{J}{c}[d\vec{l} \times \vec{B}]$ $d\vec{B} = \frac{1}{c}\frac{[\vec{j} \times \vec{r}]}{r^3}dV, \ d\vec{B} = \frac{J}{c}\frac{[d\vec{l} \times \vec{r}]}{r^3}$ | | |
| Теорема Гаусса (Дифф. форма): | | Магнитный момент рамки: | $ \frac{J}{c} \frac{[d\vec{l} \times \vec{r}]}{r^3} $ $ \vec{m} = \frac{J}{c} \vec{s} $ | | |
| Теорема Гаусса (Интегральная форма): | $\oint_{S} \vec{E} d\vec{S} = 4\pi \left(q + q_{\text{pol}} \right),$ | Момент сил, действующих на рамку с током: | $ec{M} = [ec{m} 	imes ec{B}]$ | | |
| Граничные условия на границе раз- дела двух диэлектриков: | $(D_1 - D_2)n = 4\pi\sigma,$ $(\vec{E_1} - \vec{E_2})\vec{\tau} = 0$ | Теорема о циркуляции магнитного поля в вакууме (Инт. форма): | $\oint_{L(S)} \vec{B} d\vec{l} = \frac{4\pi}{c} J$ | | |

| | Электричество и магнетизм. | | | | |
|---|--|---|--|--|--|
| Взаимная энергия произвольного | U = | Теорема о циркуляции магнитного | $\cot \vec{B} = \frac{4\pi}{c}\vec{j}$ | | |
| числа зарядов: | $\begin{bmatrix} C \\ \frac{1}{2} \sum_{i} q_{i} \left(\sum_{k,k \neq i} \frac{q_{k}}{r_{ik}} \right) = 0 \end{bmatrix}$ | поля в вакууме (Дифф. форма): | | | |
| D | $\frac{1}{2}\sum_{i}q_{i}\varphi_{i}$ | 25 | $D = A\pi + A\pi$ | | |
| Взаимная энергия зарядов: | $U_{12} = \frac{q_1 \cdot q_2}{r_{12}}$ | Магнитное поле соленоида: | $B = \frac{4\pi}{c} nJ = \frac{4\pi}{c} i$ $\oint_S \vec{B} d\vec{S} = 0$ | | |
| Взаимная энергия произвольно распределенных зарядов: | $ \begin{array}{ccc} U & = \\ \frac{1}{2} \int_{V} \rho(\vec{r}) \varphi(\vec{r}) dV & + \\ \frac{1}{2} \int_{S} \sigma(\vec{r}) \varphi(\vec{r}) dS \end{array} $ | Теорема Гаусса для магнитного поля (Инт. форма): | $\oint_S BdS = 0$ | | |
| Теорема Гаусса для магнитного поля (Дифф. форма): | $\operatorname{div} \vec{B} = 0$ | Установление тока в цепи, содержащей индуктивность: | | | |
| Вектор намагниченности: | $ec{I}=rac{dec{m}}{dV}$ | Магнитная энергия тока: | $ U = \int_0^J \delta A = \frac{LJ^2}{2c^2} = $ $ \frac{J\Phi}{2c} = \frac{\Phi^2}{2J} $ | | |
| Связь вектора намагниченности с молекулярными токами (Инт. форма): | $J_m = c \oint_L \vec{I} d\vec{l}$ | Плотность энергии магнитного поля: | $\frac{J\Phi}{2c} = \frac{\Phi^2}{2L}$ $u_m = \frac{\mu \vec{H}^2}{8\pi} = \frac{\vec{B} \cdot \vec{H}}{8\pi} = \frac{\vec{B}}{8\pi}$ | | |
| Связь вектора намагниченности с молекулярными токами (Дифф. форма): | $\vec{j}_m = c \text{ rot } \vec{I}$ | Взаимная энергия токов (собственный - own, взимный - mutual): | $dU = dU_{o} + dU_{m}, dU_{o} = \frac{1}{c^{2}} \sum_{i=1}^{n} L_{ii} J_{i} dJ_{i},$ $dU_{m} = \frac{1}{c^{2}} \sum_{i,k=1; i\neq j}^{n} L_{ik} J_{i} dJ_{k}$ | | |
| Вектор магнитной напряженности: | $\vec{H} = \vec{B} - 4\pi \vec{I}$ | Взаимная энергия токов: | $\begin{array}{ccc} U & = & U_{\rm o} + U_{\rm m} & = \\ \frac{1}{2c^2} \sum_{i,k}^{n} L_{ik} J_i J_k & & & & & & & & & & & & & & & & & & &$ | | |
| Теорема о циркуляции магнитного поля в веществе (Инт. форма): | $\oint_L \vec{H} d\vec{l} = \frac{4\pi}{c} J$ | Теорема взимности: | $L_{ik} = L_{ki}$ | | |
| Теорема о циркуляции магнитного поля в веществе (Дифф. форма): | $rot \vec{H} = \frac{4\pi}{c}$ | Взаимная индуктивность двух катушек на общем магнитопроводе: | $L_{12} = L_{21} = \sqrt{L_1 L_2}$ | | |
| Граничные условия для вектора маг- нитной индукции: | $\left(\vec{B}_1 - \vec{B}_2\right)\vec{n} = 0$ | Ток смещения: | $ \text{rot } \vec{H} = \frac{4\pi}{c} \left(\vec{j} + \vec{j}_m \right) \text{div } \vec{j}_m = -\operatorname{div } \vec{j} = \frac{\partial \rho}{\partial t} \vec{j}_m = \frac{1}{4\pi} \frac{\partial \vec{D}}{\partial t} $ | | |
| Граничные условия для вектора маг- нитной напряженности: | $\left(\vec{H}_1 - \vec{H}_2\right)\vec{\tau} = \frac{4\pi}{c}i_N$ | 1 уравнение Макссвелла (Интегральная форма): | $ \oint_{S(V)} \vec{D}d\vec{S} = 4\pi Q, Q = \int_{V} \rho dV $ | | |
| Граничные условия для вектора магнитной напр. (В векторной форме): | $\left [\vec{n} \times \left(\vec{H}_1 - \vec{H}_2 \right)] = \frac{4\pi}{c} \vec{i} \right $ | 2 уравнение Макссвелла (Интегральная форма): | $ \oint_{L(S)} \vec{E} d\vec{l} = -\frac{1}{c} \int_{S} \frac{\partial \vec{B}}{\partial t} d\vec{S} $ | | |
| Магнитная восприимчивость (κ): | $ec{I}=\kappaec{H}$ | 3 уравнение Макссвелла (Интегральная форма): | $\oint_{S(V)} \vec{B} d\vec{S} = 0$ | | |
| Магнитная проницаемость (μ) : | $\begin{vmatrix} \vec{B} = \mu \vec{H}, & \mu = 1 + 4\pi \kappa \end{vmatrix}$ | 4 уравнение Макссвелла (Интегральная форма): | $ \oint_{L(S)} \vec{H} d\vec{l} = \frac{4\pi}{c} (J + J_{cu}) = \frac{4\pi}{c} J + \frac{1}{c} \int_{S} \frac{\partial \vec{D}}{\partial t} d\vec{S} $ $ \overrightarrow{div} \vec{D} = 4\pi\rho $ | | |
| Магнитная напряженность внутри намагниченного шара: | $\vec{H} = -\frac{4\pi}{3}\vec{I}$ | 1 уравнение Макссвелла (Дифф. форма): | | | |
| Магнитная напряженность вне на- магниченного шара: | $\vec{H} = \vec{B} = \frac{3(\vec{m}\cdot\vec{r})\vec{r} - \vec{m}r^2}{r^5},$ $\vec{m} = \frac{4\pi}{3}R^3\vec{I} - $ магнитный момент шара. | 2 уравнение Макссвелла (Дифф. форма): | $\cot \vec{E} = -\frac{1}{c} \frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$ | | |
| Первое правило Кирхгофа для маг- нитных цепей: | $\sum_{i} \Phi_{i} = 0$ | 3 уравнение Макссвелла (Дифф. форма): | $\operatorname{div} \vec{B} = 0$ | | |
| Второе правило Кирхгофа для магнитных цепей: | $\sum_{i} \Phi_{i} R_{mi} = \sum_{k} F_{k}$ | 4 уравнение Макссвелла (Дифф. форма): | | | |
| ЭДС индукции: | $\mathcal{E}_{\mathrm{ind}} = -\frac{1}{c} \frac{d\Phi}{dt}$ | Граничные условия: | $D_{2n} - D_{1n} = 4\pi\sigma,$ $E_{2t} = E_{1t},$ $B_{2n} = B_{1n},$ $H_{2\tau} - H_{1\tau} = \frac{4\pi}{c} i_N$ | | |
| ЭДС индукции (Дифф. форма): | $\operatorname{rot} \vec{E} = -\frac{1}{c} \frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$ | Уравнение бегущей волны: | $ \begin{array}{c c} u(x,t) & = a\cos[k(x-t)] \\ \hline v(x,t) &$ | | |
| Переход в СО, которая движется относительно старой со скоростью \vec{v} : | $\vec{E}' = \vec{E} + \frac{1}{c} [\vec{v} \times \vec{B}],$ $\vec{B}' = \vec{B} - \frac{1}{c} [\vec{v} \times \vec{E}]$ | Угловая частота: | $kv = \omega$ | | |

| | Электричество и магнетизм. | | | | |
|---|---|--|---|--|--|
| Индуктивность (самоиндук- ция): | $\Phi = \frac{1}{c}LJ$ | Уравнение бегущей волны: | $u(x,t) = a\cos(kx - \omega t)$ | | |
| Взаимная индукция (Φ_{12} - поток поля, создаваемого первым проводником, проходящее через второй): | $\Phi_{12} = \frac{1}{c} L_{12} J_2$ | Длина волны: | $\lambda = \frac{2\pi}{k}$ | | |
| Индуктивность идеального сол-да: | $L = \frac{4\pi\mu N^2 S}{l}$ | Уравнение стоячей волны (простой случай): | | | |
| Индуктивность тороидальнойой катушки ($a << R$ для второй ф-лы): | $L = 2\mu N^2 b \ln\left(1 + \frac{a}{R}\right), L = \frac{2\mu N^2 S}{R}$ | Ёмкость коаксильного кабеля $(a$ - внутренний радиус, d - внешний): | $C_1 = \frac{\tau}{\Delta \varphi} = \frac{\varepsilon}{2 \ln(d/a)}$ | | |
| Е-волна в волноводе | $ec{H} \perp z$ | Индуктивность коаксильного кабеля (а - внутренний радиус, d - внешний): | $L_1 = 2\mu \ln(d/a)$ | | |
| Н-волна в волноводе: | $ec{E} \perp z$ | Скорость волны в 2-проводной линии, кабеле: | $v = \frac{c}{\sqrt{L_1 C_1}} = \frac{c}{\sqrt{\varepsilon \mu}}$ | | |
| Уравнение Гельмольца: | $\frac{1}{v^2} \frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial t^2} = \frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial z^2},$ $v = c/\sqrt{\varepsilon \mu}$ | Вектор Пойнтинга (вектор плотности потока энергии): | $\vec{S} = \frac{c}{4\pi} [\vec{E} \times \vec{H}]$ | | |
| | | | $\frac{dW}{dt} =$ | | |
| Уравнение Гельмольца $(\vec{E}(\vec{r},t)=\vec{E}_1(\vec{r})e^{-i\omega t})$: | $\frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial z^2} + \frac{\omega^2}{c^2} \vec{E} = 0$ | Теорема Пойнтинга (Интегральная форма): | $-\oint_{\Pi(V)} \vec{S} d\vec{\Pi} - Q,$ | | |
| 11 | | (T) II v (T) 1 1 1 | $Q = \int_{V} jE dV$ $\frac{\partial w}{\partial t} = -\vec{j}\vec{E} - \text{div }\vec{S}$ | | |
| Н-волна: | $E_y = E_y(x, z, t) = E_0 \sin\left(\frac{\pi n}{a}x\right) \cdot \exp\left(ik_z z - i\omega t\right)$ $E_y = E_y(x, z, t) = E_y(x, z, t)$ | Теорема Пойнтинга (Дифф. форма): | | | |
| Уравнение волны (\vec{E}) , бегущей в влоноводе вдоль оси z, $\vec{E_0} OY, \vec{E}(\vec{r},t) = \vec{E_0}(x,y) \exp(ik_z z - i\omega t)$ | $E_y = E_y(x, z, t) = E_0 \sin\left(\frac{\pi n}{a}x\right) \cdot \exp\left(ik_z z - i\omega t\right)$ | Закон отражения: | heta = 	heta' | | |
| Критическая (мин.) частота $(\vec{E_0} OY)$: | $\omega_{\rm cr} = \pi c/a$ | Закон преломления: | $n_1 \sin \theta = n_2 \sin \theta''$ | | |
| Уравнение волны (\vec{E}) , бегущей в влоноводе вдоль оси z: | $E_x = A_x \cos(k_x x) \sin(k_y y)$ $E_y = A_y \sin(k_x x) \cos(k_y y)$ | Показатель преломления: | $n = \frac{c}{v}$ | | |
| Магнитное поле TE -волны $(E_y = E_0 \sin\left(\frac{\pi x}{a}\right) \exp\left(ik_z z - i\omega t\right), E_x = E_z = 0)$: | $\exp(ik_z z - i\omega t), H_u = 0,$ | Амплитудные коэффициенты отражения (r) и прохождения (d) волны: | $r = \frac{E_0'}{E_0}, d = \frac{E_0''}{E_0}$ | | |
| Отражение электромагнитной волны от плоской поверхности идеального проводника (<i>OZ</i> перпендикулярна поверхности): | $B_y^{(1)} = B_y + B_y' = B_0 \left(e^{i(k_z z - \omega t)} + e^{i(k_z' z - \omega t)} \right) = 2B_0 e^{-i\omega t} \cos kz$ | s-поляризованная волна (вектор \vec{E} перпендикулярен плоскости падения): | $r_{\perp} = -\frac{\sin(\theta - \theta'')}{\sin(\theta + \theta'')},$ $d_{\perp} = \frac{2\sin\theta''\cos\theta}{\sin(\theta + \theta'')}$ | | |
| Отражение электромагнитной волны от плоской поверхности идеального проводника (\vec{E}, \vec{B}, OZ) перпендикулярна поверхности): | $E_{0x} = -E'_{0x},$ $B_{0y} = E_{0x},$ $B'_{0y} = -E'_{0x},$ $B'_{0y} = B_{0y}$ | р-поляризованная волна (вектор \vec{E} перпендикулярен плоскости падения): | $r_1 = -\frac{\operatorname{tg}(\theta - \theta'')}{\operatorname{tg}(\theta + \theta'')},$ $d_{\parallel} = \frac{4\sin\theta''\cos\theta}{\sin 2\theta + \sin 2\theta''}$ | | |
| Соотношение между амплитудами полей в бегущей волне: | $\sqrt{\varepsilon}E = \pm \sqrt{\mu}H$ | Коэффициент отражения: | $R = \frac{(I_{\text{reflected}})_z}{(I_{\text{coming}})_z}$ | | |
| Плотность импульса электромагнитой волны: | $ec{g} = rac{1}{c^2} ec{S} = rac{1}{4\pi c} [ec{E} 	imes ec{H}]$ | Коэффициент прохождения: | $D = \frac{(I_{\text{through}})_z}{(I_{\text{coming}})_z}$ | | |
| Вектор магнитной напряженности, создаваемый движущимся зарядом: | $ec{H} = rac{1}{c} [ec{v} 	imes ec{E}]$ | Коэффициент отражения (ещё формула): | $R = \frac{n_1 E_0^{\prime 2} \cos \theta'}{n_1 E_0^2 \cos \theta} = r^2$ | | |

| Электричество и магнетизм. | | | | | |
|--|--|--|---|--|--|
| Средняя мощность, излучаемая диполем с дипольным моментом $\vec{p} = \vec{p}_0 \cos \omega t$ (законом Рэлея): | $\bar{Q} = \frac{p_0^2}{3c^3}\omega^4$ | Коэффициент прохождения (ещё формула): | $D = \frac{n_2 E_0'' \cos \theta^n}{n_1 E_0^2 \cos \theta} = \frac{n_2 \cos \theta''}{n_1 \cos \theta} d^2$ | | |
| Спектр волн в объёмном резонаторе (Минимальная частота - ω_{101} , если $a > b$ и ω_{011} , если $a < b$): | $\frac{\omega^2}{\frac{c^2}{c^2}} = \frac{\pi^2 n^2}{a^2} + \frac{\pi^2 m^2}{b^2} + \frac{\pi^2 p^2}{h^2}$ | Угол Брюстера: | $\operatorname{tg} 	heta_{\mathrm{E}} = rac{n_2}{n_1}$ | | |
| Соотношение между амплитудами тока и напр. в 2-полосной линии $(L_1 = \frac{dL}{dx}, C_1 = \frac{dC}{dx})$: | $V_0 = \frac{1}{c} \sqrt{\frac{L_1}{C_1}} J_0$ | Уравнение свободных колебаний: | $\frac{dJ}{dt} + JR + \frac{q}{C} = 0,$ $\ddot{q} + 2\gamma \dot{q} + \omega_0^2 q = 0$ | | |
| Формула Томсона: | $T = \frac{2\pi}{\omega_0} = 2\pi\sqrt{LC}$ $A(t) = q_0 e^{-\gamma t}$ | | | | |
| Коэффициент затухания (γ) : | $A(t) = q_0 e^{-\gamma t}$ | | | | |
| Время затухания: | $\tau = 1/\gamma$ $\delta = \gamma T = \frac{2\pi\gamma}{\omega}$ | | | | |
| Логарифмический коэффициент за- тухания: | | | | | |
| Добротность: | $Q = \omega/2\gamma = \frac{1}{B}\sqrt{\frac{L}{C}}$ | | | | |
| Добротность через энергию: | $Q = 2\pi \frac{W}{\Delta W}$ | | | | |
| Вынужденные колебания: | $Q = \omega/2\gamma = \frac{1}{R}\sqrt{\frac{L}{C}}$ $Q = 2\pi \frac{W}{\Delta W}$ $L\ddot{q} + R\dot{q} + \frac{1}{C}q =$ | | | | |
| Built March More Communication of the Communication | $\mathcal{E}(t),$ $\mathcal{E}(t) = \mathcal{E}_0 \cos \omega t$ | | | | |
| АЧХ при вынужденных колебаниях: | $V_0 =$ | | | | |
| | $\frac{\omega_0^2}{\sqrt{(\omega_0^2 - \omega^2)^2 + 4\gamma^2 \omega^2}} \mathcal{E}_0$ $\frac{V_{\text{max}}}{V_{st}} = \frac{\omega_0}{2\gamma} = Q$ $\Delta\omega = \frac{\omega_0}{Q}$ | | | | |
| V_{st} - амплитуда при малых частотах: | $\frac{\dot{V}_{\max}}{V_{et}} = \frac{\omega_0}{2\gamma} = Q$ | | | | |
| Ширина резонансной кривой на уровне $(V = \frac{V_0}{\sqrt{2}})$: | $\Delta \omega = \frac{\omega_0}{Q}$ | | | | |
| Импеданс конденсатора: | $Z_C = \frac{1}{i\omega C}$ | | | | |
| Импеданс катушки индуктивности: | $Z_L = i\omega L$ | | | | |
| Формула Эйлера: | $e^{ix} = \cos x + i\sin x$ | | | | |
| Сложение импедансов: | Аналогично R при постоянном токе. | | | | |
| Закон Джоуля-Ленца: | $ \bar{Q} = \overline{\mathcal{E}J} = \frac{1}{T} \int_{t}^{t+T} \mathcal{E}(t_1) \cdot J(t_1) dt, $ $ \bar{Q} = \mathcal{E}_{t-1} = \cos(\theta_t) $ | | | | |
| Спектр амплитудно модулированных колебаний $(x(t) = A(t) \cos \omega_0 t, A(t) = A_0(1 + m \cos \Omega t))$: | $S(t) = A_0 e^{i\omega_0 t} + \frac{mA_0}{2} e^{i(\omega_0 - \Omega)t} + \frac{mA_0}{2} e^{i(\omega_0 + \Omega)t}$ | | | | |
| Спектр фазово модулированных колебаний $(x(t) = A_0 \cos(\omega_0 t + \beta \sin \Omega t), \Omega \ll \omega)$: | $\frac{mA_0}{2}e^{i(\omega_0+\Omega)t}$ $S(t) = A_0e^{i\omega_0t} - \frac{\beta A_0}{2}e^{i(\omega_0-\Omega)t} + \frac{\beta A_0}{2}e^{i(\omega_0+\Omega)t}$ $f(t) = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} C_k e^{i\omega_k t}$ $C_k = \frac{1}{T} \int_0^T f(t) \cdot$ | | | | |
| Ряд Фурье $(\omega_k = \frac{2\pi k}{T} = k\omega, \omega = \frac{2\pi}{T})$: | $ \begin{array}{ccc} f(t) & = \\ \sum_{k=-\infty}^{+\infty} C_k e^{i\omega_k t} \end{array} $ | | | | |
| Коэффициент в ряде Фурье: | $C_k = \frac{1}{T} \int_0^T f(t) \cdot \int_{e^{-i\omega_k t} dt}^T f(t) \cdot$ | | | | |
| | $e^{-i\omega_k t} dt,$ $\omega_k = \frac{2\pi k}{T}$ | | | | |
| Коэффициент в ряде Фурье (Ещё формула): | $C_k = \frac{1}{T} \int_{t_0}^{t_0+T} f(t)e^{-i\omega_k t} dt$ | | | | |