```
n! = \prod_{k=1}^n k אזי n \in \mathbb{N} עצרת: יהי
                                                                   .
|<br/>{f\in[n]\to[n]}ועל ועל חח"ע אזי אזי n\in\mathbb{N}יהי יהי טענה: יהי אזי
                                                               A! = |\{f \in A 	o A \mid Aעצרת: תהא A קבוצה אזי ועל f\}
                                                                    A!=B! אזי |A|=|B| טענה: תהיינה A,B קבוצות עבורן
                                                                                                                                 .\aleph_0! = \aleph :טענה
                                                          .P\left(k,n
ight)=|\{f\in[k]
ightarrow[n]\midאזי אזי אין אזי n,k\in\mathbb{N} חליפות: יהיו
                                                                                         .P\left(k,n
ight)=rac{n!}{\left(n-k
ight)!} אזי n,k\in\mathbb{N} טענה: יהיו
                                                 . הערה: יהיו לסדר ובלי חזרה עם אוי P\left(n,k\right) אזי אזי n,k\in\mathbb{N} יהיו
                                               \mathcal{P}_k\left(A
ight)=\left\{B\in\mathcal{P}\left(A
ight)\mid\left|B
ight|=k
ight\} אזי k\in\mathbb{N} הגדרה: תהא
                                                                                  .C\left( n,k
ight) =\leftert \mathcal{P}_{k}\left( \left[ n
ight] 
ight) ert אזי n,k\in\mathbb{N} יהיו
                                                                                   a(n) = rac{n!}{k!(n-k)!} אזי n,k \in \mathbb{N} מקדם בינומי: יהיו
                                                                                             C(n,k)=\binom{n}{k} אזי n,k\in\mathbb{N} טענה: יהיו
                                                . הערה: יהיו לסדר ובלי אזי C\left(n,k
ight) או ספירה בלי חשיבות לסדר ובלי חזרה n,k\in\mathbb{N}
                                                         S\left(n,k
ight)=\left|\left\{x\in\mathbb{N}^{n}\mid\sum_{i=1}^{n}x_{i}=k
ight\}
ight| אזי n,k\in\mathbb{N} הלוקות: יהיו
                                                                                      S\left(n,k
ight)=inom{k+n-1}{k} אזי n,k\in\mathbb{N} טענה: יהיו
                                                 . הערה: יהיו לסדר ועם אזי S\left(n,k\right) אזי אזי n,k\in\mathbb{N} יהיו
                                                                  .(A,f) אזי f:A\to\mathbb{N}_+ותהא קבוצה תהא תהא מולטי־קבוצה:
                               |A,f|=|A|\cdot\sum_{a\in A}f\left(a
ight) אולטי־קבוצה (A,f) מולטי־קבוצה של מולטי־קבוצה: תהא
\mathcal{P}_k^{	ext{Multi}}\left(A
ight) = \{(B,f) \mid (B\subseteq A) \land (f:B	o \mathbb{N}_+) \land (|(B,f)|=k)\} אזי k\in \mathbb{N} איזי א קבוצה ויהי A
                                                                                  |\mathcal{P}_k^{	ext{Multi}}\left([n]
ight)|=S\left(n,k
ight) אזי n,k\in\mathbb{N} טענה: יהיו
                                            n! מעמים בשורה סידור עצמים בשורה: כמות האפשרויות לסדר n
                                    (n-1)! הערב סידור עצמים במעגל: כמות האפשרויות לסדר n עצמים במעגל כמות הערב הערב סידור הערב מות האפשרויות
                                                 \binom{n}{k} עצמים הינה n עצמים מתוך א עצמים הינה הערה בחירה: כמות האפשרויות לבחור
       S\left(n,k
ight) הערה חלוקת כדורים לתאים: כמות האפשרויות לחלק לכדורים הינה לחלק כדורים לתאים: כמות האפשרויות לחלק
                                                                             oldsymbol{n} oldsymbol{n} oldsymbol{k} = inom{n}{n-k} אזי k \leq n באשר n, k \in \mathbb{N} טענה: יהיו
                                                                            oxed{(n-1)} \cdot inom{n-1}{k} + inom{n-1}{k-1} אזי n,k \in \mathbb{N} זהות פסקל: יהיו
                                                                         k\cdot \binom{n}{k}=\binom{n-1}{k-1}\cdot n אזי k\in \mathbb{N}_+ ויהי n\in \mathbb{N} טענה: יהי n\in \mathbb{N}
                                                                                            .ig(ig|_{rac{n}{2}ig|}^nig)=ig(ig|_{rac{n}{2}ig|}^nig) אזי n,k\in\mathbb{N} טענה: יהיו
                                                                                               \binom{n}{k} \leq \binom{n}{\left\lfloor \frac{n}{2} \right\rfloor} אזי n,k \in \mathbb{N} משפט: יהיו
                               a(a+b)^n=\sum_{k=0}^n \binom{n}{k}a^kb^{n-k} אזי a,b\in\mathbb{R} ויהי a,b\in\mathbb{R} משפט הבינום של ניוטון: יהיו
                                                             |\{X\in\mathcal{P}\left([n]\right)\mid |X|\in\mathbb{N}_{\mathrm{even}}\}|=2^{n-1} אזי n\in\mathbb{N}_{+} יהי הי
                                                             |\{X\in\mathcal{P}\left([n]
ight)\mid|X|\in\mathbb{N}_{\mathrm{odd}}\}|=2^{n-1} אזי n\in\mathbb{N}_{+} אזי n\in\mathbb{N}_{+}
```

 $A_i = n \cdot |A_1|$ אזי $A_i = n \cdot |A_1|$ איזי $A_i = |A_j|$ איזי $A_i = i$ עיקרון הכפל: תהיינה $A_1 \dots A_n$ אזי ארות באשר לכל

עיקרון החלוקה/שיקולי סימטריה: תהיינה $A_1 \ldots A_n$ קבוצות סופיות זרות באשר לכל מתקיים $i,j \in [n]$ אזי איי

 $|[x]_R|=|[y]_R|$ מתקיים $x,y\in A$ אזי איים שקילות עבורו לכל $x,y\in A$ מתקיים וופית יהי

|X|=|Y| מתקיים $X,Y\in\Pi$ אזי חלוקה עבורה לכל חופית תהא אופית תהא |X|=|Y| אוי

 $n = \{1, \dots, n\}$ אזי $n \in \mathbb{N}_+$ סימון: יהי

 $|k| \rightarrow |n| = n^k$ טענה: יהיו $n,k \in \mathbb{N}$ טענה:

 $\forall x \in A. (|A| = |[x]_R| \cdot |A/R|)$

 $\forall X \in \Pi. (|A| = |\Pi| \cdot |X|)$

 $\cdot \frac{\left| \biguplus_{i=1}^{n} A_{i} \right|}{n} = \left| A_{1} \right|$

 $.|\biguplus_{i=1}^nA_i|=\sum_{i=1}^n|A_i|$ אזי סופיות קבוצות $A_1\dots A_n$ איינה תהיינה . $|A|+|B\backslash A|=|B|$ אזי אזי $A\subseteq B$ איי

. תמורה/פרמוטציה: תהא A קבוצה סופית אזי פונקציה f:A o A חח"ע ועל

. אזי חארה ועם חשיבות אזי $n,k\in\mathbb{N}$ הערה: יהיו

```
.inom{n}{k_1,\dots,k_\ell}=\left\{f:[n]	o[\ell]\mid orall i\in [\ell]\,.f^{-1}\left[\left\{i
ight\}
ight]=k_i
ight\} אזי \sum_{i=1}^\ell k_i=n באשר באשר והיי \ell,n\in\mathbb{N} ויהיו \ell,n\in\mathbb{N} ויהיו \ell,n\in\mathbb{N}
                     (x_1+\ldots+x_\ell)^n=\sum_{k\in\mathbb{N}^\ell} \quad \left(inom{n}{k_1,\ldots,k_\ell}\prod_{i=1}^\ell x_i^{k_i}
ight) איז x_1\ldots x_\ell\in\mathbb{R} ויהיו \ell,n\in\mathbb{N} ויהיו
                                                                                                  x^{\underline{k}}=\prod_{i=0}^{k-1}\left(r-i
ight) אזי k\in\mathbb{N} ויהי והי r\in\mathbb{R} אזי יהי מוכלל: יהי \binom{lpha}{k}=rac{lpha^{\underline{k}}}{k!} אזי k\in\mathbb{N} ויהי והי lpha\in\mathbb{R} מקדם בינומי מוכלל: יהי lpha\in\mathbb{R} ויהי ויהי a\in\mathbb{R} אזי a\in\mathbb{R} הבינום השלילי: יהיו a\in\mathbb{R} אזי a\in\mathbb{R} אזי a\in\mathbb{R}
                                                                                                       |A\cup B|=|A|+|B|-|A\cap B| טענה: תהיינה A,B קבוצות אזי
                           \left|igcup_{i=1}^n A_i
ight|=\sum_{arnothing I\subseteq [n]}\left((-1)^{|I|+1}\left|igcap_{i\in I} A_i
ight|
ight) קבוצות אזי n\in\mathbb{N}_+ יהי יהי n\in\mathbb{N}_+ ותהיינה והדחה: יהי
נוסחת ההכלה וההדחה הסימטרית: יהי I,J\in\mathcal{P}_k\left([n]\right) ותהיינה A_1\dots A_n קבוצות עבורן לכל k\in[n] ולכל I,J\in\mathcal{P}_k\left([n]\right) מתקיים .\left|\bigcup_{i=1}^nA_i\right|=\sum_{k=1}^n\left((-1)^{k+1}\binom{n}{k}\left|\bigcap_{i=1}^kA_i\right|\right) אזי \left|\bigcap_{i\in I}A_i\right|=\left|\bigcap_{i\in J}A_i\right| נקודת שבת: תהא I,J\in\mathcal{P}_k\left([n]\right) פונקציה אזי I,J\in\mathcal{P}_k\left([n]\right) עבורה I,J\in\mathcal{P}_k\left([n]\right) פונקציה אזי I,J\in\mathcal{P}_k\left([n]\right) עבורה I,J\in\mathcal{P}_k\left([n]\right) פונקציה אזי I,J\in\mathcal{P}_k\left([n]\right)
                                                                                              |\{f:[n]
ightarrow [n]\mid תמורה |\{f:[n]
ightarrow [n]
ightarrow [n] אזי n\in\mathbb{N} משפט: יהי n\in\mathbb{N} אזי איזי
                           f(i)=f(j) שונים עבורם i,j\in[n+1] אזי קיימים f:[n+1]	o[n] ותהא ותהא n\in\mathbb{N}_+ יהי יהי
                             |f^{-1}[\{i\}]| \geq \lceil rac{m}{n} 
ceil עבורו i \in [n] אזי קיים i \in [m] 	o n, m \in \mathbb{N}_+ עבורו i \in [m] עיקרון שובך היונים המוכלל: יהיו
                                                                                     A של "השטח" הו\mu(A) באשר \mu:\mathbb{R}^2	o\mathbb{R}_+ פונקציה פונקציית מידה: פונקציית באשר
                                                                                                     \mu\left(igoplus_{i=1}^mA_i
ight)=\sum_{i=1}^m\mu\left(A_i
ight) אזי מידה מידה m\in\mathbb{N} יהי הערה: יהי m\in\mathbb{N}
                                                                                       \mu\left(A
ight) \leq \mu\left(B
ight) אזי A\subseteq B אזי A,B\subseteq\mathbb{R}^2 טענה: תהא
שובך היונים הגאומטרי: תהא \sum_{i=1}^m \mu\left(A_i
ight)>\mu\left(A
ight) קבוצות עבורן A_1,\dots,A_m\subseteq A ותהיינה ותהא מידה תהא מידה \mu מידה הוא מידה \mu
                                                                                                                                                      A_i \cap A_i \neq \emptyset שונים עבורם i, j \in [m]
                                                                                                                .\mu\left(A
ight)=0 אזי |A|\leq leph_0 טענה: תהא A\subseteq \mathbb{R}^2 אזי
                         .ig|igcap_{i=1}^nA_i^{\mathcal{C}}ig|=|\mathcal{U}|+\sum_{\varnothing
eq I\subseteq[n]}\left((-1)^{|I|}\left|igcap_{i\in I}A_i
ight|
ight) סענה: תהא \mathcal{U} קבוצה ותהיינה A_1\ldots A_n\subseteq\mathcal{U}
                                                                                                               \overset{\prime}{C}_n=rac{1}{n+1}inom{2n}{n}=inom{2n}{n}-inom{2n}{n-1} אזי n\in\mathbb{N} מספר קטלן: יהי
                                                                                                                                                                               .C_0 = C_1 = 1 :מסקנה
                                   f_i(a)=(f(a))_i אזי a\in A ויהי i\in [k] תהא f:A	o B^k תהא k\in \mathbb{N}_+ אזי קבוצות יהי A,B סימון: תהיינה
                                                                              מסלול חוקי על הסריג: יהי n\in\mathbb{N} אזי f:[n]	o\mathbb{N}^2 אזי n\in\mathbb{N} מתקיים כי
                                                                                                                          f(i+1) \in \{\langle f_1(i) + 1, f_2(i) \rangle, \langle f_1(i), f_2(i) + 1 \rangle\}
                                                                                                                       מסלולים חוקיים בין נקודות על הסריג: יהיו a,b\in\mathbb{N}^2 אזי
                                                       .Path (a,b)=\bigcup_{n=0}^{\infty}\left\{ f:[n] 
ightarrow \mathbb{N}^2 \mid (מסלול חוקי על הסריג) f) \wedge (f(1)=a) \wedge (f(n)=b) \right\}
                                                                  .PC (a,b) = \bigcup_{n=0}^{\infty} \{f \in \text{Path } (a,b) \mid \exists i \in [n] . f_1(i) < f_2(i) \} אזי a,b \in \mathbb{N}^2 יהיו
                                                                                           .
Path ( \left<0,0\right>,\left< n-1,n+1\right>)=\operatorname{PC}\left(\left<0,0\right>,\left< n,n\right>\right) אזי n\in\mathbb{N}_+ יהי יהי יהי
                                                                 .
PB (a,b)=igcup_{n=0}^{\infty}\left\{ f\in \mathrm{Path}\left(a,b\right)\mid\forall i\in\left[n\right].f_{1}\left(i\right)\geq f_{2}\left(i\right)
ight\} אזי a,b\in\mathbb{N}^{2} יהיו
                                                                                                                                   .PB (\langle 0,0\rangle,\langle n,n\rangle)=C_n אזי n\in\mathbb{N}_+ משפט: יהי יהי
                                                                                                                                                          C_n = \sum_{i=1}^n (C_{i-1} \cdot C_{n-i}) משפט:
```

 $.ta+(1-t)\,b\in K$ מתקיים כי מתקיים לכל $a,b\in K$ עבורו לכל עבורו אזי $K\subseteq\mathbb{R}^n$ אזי אזי $n\in\mathbb{N}_+$ מצולע קמור: יהי

 $ar{n}_{k_1,\dots,k_\ell}=rac{n!}{k_1,\dots,k_\ell!}$ אזי $\sum_{i=1}^\ell k_i=n$ באשר היי $n,k_1\dots k_\ell\in\mathbb{N}$ אזי היי

 $|BS\left(n
ight)|=C_{n}$ אזי $n\in\mathbb{N}$ משפט: יהי

מצולע קעור: הי $n\in\mathbb{N}_+$ אזי אזינו קמור. מצולע קעור

 $f:A\stackrel{1-1}{
ightarrow}B$ סימון: אם f:A
ightarrow B חח"ע נסמן

 $a,b,c,d\in A$ עבורה לכל $A\subset \mathbb{N}$ מתקיים $a,b,c,d\in A$ עבורה לכל

```
. מונוטונית קלf_{ \mid \{ k_1, \ldots, k_{a+1} \} } כך ש<br/>דk_1 < \ldots < k_{a+1} מונוטונית פקיימים •
                                                                                                           כך ש־ f_{\restriction_{\{k_1,\dots,k_{b+1}\}}} מונוטונית יורדת. כך ש־ k_1<\dots< k_{b+1} מונוטונית יורדת. .\sum_{i=0}^n x^i=rac{1-x^{n+1}}{1-x} אזי x\in\mathbb{R}\setminus\{1\} וויהי וויהי n\in\mathbb{N}
                                                                                                                                 \sum_{i=0}^{\infty}x^i=rac{1}{1-x}טענה טור הנדסי: יהיx\in(-1,1) אזי
                                                                                                                                                         \mathrm{Dom}\,(a)=\mathbb{N} המקיימת a פונקציה פונקציה
                                                                                                                                                                      a:\mathbb{N}	o\mathbb{R} סדרה ממשית: פונקציה
                                                                                                                                          \sum_{n=0}^{\infty}a_nx^n טור חזקות: תהא a סדרה ממשית אזי
                                                                                                         \lambda n \in \mathbb{N}.a_n אור חזקות טור יוצרת יהי יהי יהי יהי טור חזקות יוצרת טור יוצרת יוצרת יהי
                                                                                                                                    rac{1}{\left(1-x
ight)^{m}}=\sum_{n=0}^{\infty}S\left(m,n
ight)x^{n} אזי m\in\mathbb{N} טענה: יהי
                                                                         f'(x)=\sum_{n=1}^{\infty}na_nx^{n-1} אור חזקות אזי f(x)=\sum_{n=0}^{\infty}a_nx^n הגדרה גזירת טור: יהי
                                                            \int f(x)=\sum_{n=0}^{n=1}rac{a_n}{n+1}x^{n+1} אינטגרציית טור: יהי f(x)=\sum_{n=0}^{\infty}a_nx^n טור חזקות אזי הגדרה אינטגרציית טור: יהי
                                                            אזי \lambda n \in \mathbb{N}.b_n אוצרת את g\left(x
ight) וכן \lambda n \in \mathbb{N}.a_n יוצרת את f\left(x
ight) יוצרת את טורים באשר
                                                                                                                                             \lambda n \in \mathbb{N}.a_n + b_n יוצרת את f(x) + g(x)
                                                                                                                                             \lambda n \in \mathbb{N}.a_n - b_n יוצרת את f(x) - g(x)
                                                                                                                                    \lambda n \in \mathbb{N}.c \cdot a_n יוצרת את c \in \mathbb{R} יהי •
                                                                                                              .\lambda n\in\mathbb{N}.\left\{ egin{array}{ll} 0 & n< m \\ a_{n-m} & \mathrm{else} \end{array} 
ight. יוצרת את x^{m}f\left(x
ight) אזי יוצרת את •
                                                                                                                                      \lambda n \in \mathbb{N}. \sum_{k=0}^{n} a_k b_{n-k} יוצרת את f(x) g(x) \bullet
                                                                                                                                                           \lambda n \in \mathbb{N}. \sum_{k=0}^n a_k יוצרת את יוצרת rac{f(x)}{1-x} •
                                                                                                                                                               טענה: יהיו m\in\mathbb{N} ויהי lpha,a,c\in\mathbb{R} אזי
                                                                                                                                             .\lambda n\in\mathbb{N}.\left\{egin{array}{ll} 1&n=m \\ 0&n
eq m \end{array}
ight. יוצרת את א\lambda x\in\mathbb{R}.x^m
                                                                                                                                                            \lambda n \in \mathbb{N}.1 אוצרת את \lambda x \in \mathbb{R}.rac{1}{1-x}
                                                                                                                                                \lambda n \in \mathbb{N}. \left(-1\right)^n יוצרת את \lambda x \in \mathbb{R}. \frac{1}{1+x}
                                                                                                                                                       \lambda n \in \mathbb{N}.c^n יוצרת את \lambda x \in \mathbb{R}.rac{1}{1-cx}
                                                                                                                                             \lambda n \in \mathbb{N}.\binom{\alpha}{n} אי יוצרת את אx \in \mathbb{R}.\left(1+x\right)^{\alpha}
                                                                                                                                        \lambda n \in \mathbb{N}.inom{n+n-1}{n} את יוצרת אx \in \mathbb{R}.rac{1}{(1-x)^{lpha}}
                                                                                                                                                      .\lambda n \in \mathbb{N}.n את יוצרת את \lambda x \in \mathbb{R}.\frac{x}{(1-x)^2}
                                                                                                           \lambda n\in\mathbb{N}. \left\{egin{array}{ll} n=0 & \text{ in } \lambda x\in\mathbb{R}. \left(-\ln\left(1-x
ight)
ight) ig . \\ rac{1}{n} & \text{ else } \end{array} 
ight. אוצרת את \lambda x\in\mathbb{R}. \left(-\ln\left(1-x
ight)
ight) ig . \\ \lambda n\in\mathbb{N}. \left\{egin{array}{ll} n=0 & \text{ in } \lambda x\in\mathbb{R}. \cos\left(\alpha x
ight) \ o & \text{ else } \end{array} 
ight. אוצרת את \lambda x\in\mathbb{R}. \cos\left(\alpha x
ight) ig . \\ \lambda n\in\mathbb{N}. \left\{egin{array}{ll} rac{lpha^n}{n!} & n\in\mathbb{N}_{\mathrm{odd}} & \text{ in } x\in\mathbb{R}. \sin\left(\alpha x
ight) \ o & \text{ else } \end{array} 
ight. אוצרת את \lambda x\in\mathbb{R}. \sin\left(\alpha x
ight) ig .  פונקציה רציונלית: יהיו \lambda x\in\mathbb{R}. \in\mathbb{R}. 
                             rac{P(x)}{\prod_{i=1}^n(x-lpha_i)}=\sum_{i=1}^nrac{A_i}{x-lpha_i} עבורם A_1,\ldots A_n אזי lpha_1,\ldots lpha_n\in\mathbb{C} ויהיו P\in\mathbb{C}_n\left[x
ight] ויהיו ויהיו
                                                                                                                         \sum_{n=0}^{\infty}a_nrac{x^n}{n!} אזי \lambda n\in\mathbb{N}.a_n פונקציה יוצרת מעריכית: תהא
                                                                                                                                  f:\mathbb{R}^n	o\mathbb{R} אזי פונקציה n\in\mathbb{N} יהי כלל/נוסחת נסיגה: יהי
                                    סדרה נוצרת מכלל נסיגה: יהי n \geq i ותהא n \in \mathbb{N} ותהא n \in \mathbb{N} ותהא n \in \mathbb{N} מתקיים
                                                                                                                                                                                        a_n = f(a_{n-1}, \dots a_{n-i})
g:\mathbb{R}^k	o\mathbb{R} מינימלי עבורו קיימת k\in[n] נוסחת נסיגה אזי וותהא i\in\mathbb{N} ותהא i\in\mathbb{N} ותהא
                                                                                                                                      x \in \mathbb{R}^n לכל f(x_1 \dots x_n) = g(x_1 \dots x_k) המקיימת
                                                                                               n הן מעומק f:\mathbb{R}^n \to \mathbb{R} הניח כי כל נוסחאות הנסיגה הערה: מכאן והלאה נניח כי כל
                                                                                                                         p \in \mathbb{R}^n אזי n \in \mathbb{N} אזי התחלה: יהי f כלל נסיגה עם עומק
וכן a_n=p_n לכל a_n=p_n לכל a_n=p_n ויהי p\in\mathbb{R}^i תנאי התחלה אזי סדרה ממשית a_n=p_n לכל a_n=p_n לכל a_n=p_n
```

f:A o B על נסמן f:A o B סימון: אם

 $a_n > i$ לכל $a_n = f(a_{n-1}, \dots a_{n-i})$

משפט ארדש סקרש: יהיו $a,b\in\mathbb{N}$ ותהא אחד מהבאים חח"ע אזי אחד מתקיים מתקיים משפט ארדש מקרש: יהיו

```
a_i(x)=\sum_{i=1}^nlpha_ix_i נוסחת נסיגה לינארית הומוגנית: נוסחת נסיגה f:\mathbb{R}^n	o\mathbb{R} עבורה קיימים lpha_1\ldotslpha_n\in\mathbb{R}
      p_f(x)=x^n-\sum_{i=0}^{n-1}lpha_ix^i אוי f(x)=\sum_{i=1}^{n-1}lpha_ix_i נוסחת נסיגה הומוגנית באשר f(x)=\sum_{i=1}^{n-1}lpha_ix_i אוי f(x)=x^n
משפט קיום ויחידות פתרון לבעיית נסיגה לינארית הומוגנית: תהא p\in\mathbb{R}^{n-1}	o \mathbb{R} נוסחת נסיגה הומוגנית ויהי p\in\mathbb{R}^{n-1}	o \mathbb{R} תנאי
                                                                                                                                 התחלה אזי קיים ויחיד פתרון לבעיית ההתחלה.
משפט פתרון לבעיית ההתחלה: תהא f:\mathbb{R}^{i-1}	o\mathbb{R} משפט התרון לבעיית ההתחלה: תהא לינארית נוסחת נסיגה לינארית ויהיו
                                                                                      . ההתחלה. עבורם a_n = \sum_{j=1}^i A_j eta_j^n עבורם A_1 \dots A_i \in \mathbb{R} פתרון
                                                                                                        .p_fהערה: המשפט מלעיל הוא רק כאשר יש i פתרונות שונים ל-
יהי p_f ויהי הפתרונות הפתרונות נסיגה לינארית נוסחת לינארית ההתחלה: תהא הפתרונות של f:\mathbb{R}^{i-1}	o\mathbb{R} הפתרונות של החלה:
פתרון a_n=\sum_{j=1}^k\sum_{\ell=0}^{r(j)-1}n^\ell A_j\beta_j^n עבורם A_1\dots A_i\in\mathbb{R} פתרונות של p_f אזי קיימים קוע בפתרונות דיימים r\left(j\right) באשר ריבוי של בפתרונות בפתרונות היימים
                                      לבעיית ההתחלה. מסקנה: הסדרה F_n=rac{1}{\sqrt{5}}\left(\left(rac{1+\sqrt{5}}{2}
ight)^n-\left(rac{1-\sqrt{5}}{2}
ight)^n\right) הינה פתרון לבעיית ההתחלה של סדרת פיבונאצ'י. \phi=\lim_{n\to\infty}\frac{F_{n+1}}{F_n} יחס הזהב: \frac{F_{n+1}}{F_n}
                                                                                                                                                                             .\phi = \frac{1+\sqrt{5}}{2} :טענה
                                          משפט: תהנא x_i \in S_i נסמן ב־a_n = \sum_{i=0}^k x_i שאי מספר הפתרונות של מa_n נסמן ב־a_n = \sum_{i=0}^k x_i אאי
                                                                                                                                       .\sum_{n=0}^{\infty} a_n x^n = \prod_{i=1}^k \left( \sum_{\ell=0}^{\infty} \mathbb{1}_{S_i} \left( \ell \right) x^{\ell} \right)
                  p_A\left(n
ight) = \left|igcup_{i=1}^n\left\{a\in A^i \ \left|\ \left(\sum_{j=1}^i a_i = n
ight) \wedge \left(n
ight) 
ight. \right| \left(n
ight) 
ight.  איז p_A\left(n
ight) = \left|igcup_{i=1}^n\left\{a\in A^i \ \left|\ \left(\sum_{j=1}^i a_i = n
ight) \wedge \left(n
ight) 
ight. \right| \left(n
ight) 
ight.  איז p_A\left(n
ight) = p_B\left(n
ight) מספר החלוקות של מספר: יהי p_A\left(n
ight) = \left|igcup_{i=1}^n\left\{a\in \mathbb{N}^i \ \left|\ \left(\sum_{j=1}^i a_i = n
ight) \wedge \left(n
ight) 
ight.  איז p_{A}\left(n
ight) = \left|igcup_{i=1}^n\left\{a\in \mathbb{N}^i \ \left|\ \left(\sum_{j=1}^i a_i = n
ight) \wedge \left(n
ight) 
ight.  מספר החלוקות האי־זוגיות של מספר: יהי p_{A}\left(n
ight) = p_{B_{A}\left(n
ight)} \left(n
ight) איז p_{A}\left(n
ight) = p_{B_{A}\left(n
ight)} \left(n
ight)
                                                                                                                              .p_{\mathrm{odd}}\left(n
ight)=p_{\mathrm{dist}}\left(n
ight) אזי n\in\mathbb{N} משפט אוילר: יהי
                                                                                                                                 \langle V,E \rangle אזי E \subseteq V^2 ותהא ותהא אזי מכוון: תהא
                                                                                                                     \langle V,E \rangle אזי E \subseteq \mathcal{P}_{2}\left(V
ight) ותהא ותהא ערף לא מכוון: תהא
                                                                                                                          V(G) = V גרף אזי \langle V, E \rangle יהי
                                                                                                                              .E\left( G
ight) =E גרף אזי גרף יהי יהי לעות: יהי
                                                                                                          \langle v,v
angle \in E\left(G
ight) אזי v\in V\left(G
ight) לולאה: יהי G גרף מכוון ויהי
                                                                                                                                                     גרף פשוט: גרף מכוון חסר לולאות.
                                                                                        הערה: בקורס מדובר רק על גרפים לא מכוונים אלא אם כן מצויין אחרת.
                                                                                                           .\langle [n]\,,\{\{k,k+1\}\mid k\in[n-1]\}
angle אזי n\in\mathbb{N} גרף שרוך: יהי
                                                                             C_n = \langle [n], \{\{k,k+1\} \mid k \in [n-1]\} \cup \{\{0,n\}\} 
angle אזי n \in \mathbb{N} הרף מעגל: יהי
עבורם לכל e\in E שונים עבורם i,j\in [n] שונים i,j\in [n] איימים e\in E עבורו לכל עבורו לכל אזי גרף עבורת אזי גרף עבורם אזי יהי
                                                                                                                                                                    |e \cap V_i| = |e \cap V_i| = 1
                                                                                                     גרף V_1 \dots V_n ותהיינה ותהיינה זרות אזי מלא: יהי מלא: יהי
                                                                                   .K_{|V_1|,...|V_n|} = \left\langle \biguplus_{i=1}^n V_i, \bigcup_{i=1}^n \bigcup_{j=i+1}^n \{\{v,u\} \mid (v \in V_i) \land (u \in V_j)\} \right\rangle
                                                                             טענה: יהי n\in\mathbb{N} ותהיינה V_1\dots V_n קבוצות זרות אזי K_{|V_1|,\dots|V_n|} גרף N-צדדי.
                                                                                                                                                                K_n אזי n \in \mathbb{N} אזי קליקה: יהי
                                                            N_{G}\left(v
ight)=\left\{ u\in V\left(G
ight)\mid\left\{ u,v
ight\} \in E\left(G
ight)
ight\}אזיל אזיל אויהי השכנים: יהי G גרף ויהי v\in V\left(G
ight) אזיל
                                                                                                \deg\left(v
ight)=d_{G}\left(v
ight)=\left|N\left(v
ight)
ight| אזי v\in V\left(G
ight) גרף ויהי G גרף אזי יהי
                                                                                                             d\left(v\right)=0 עבורו v\in V\left(G\right) גרף אזי אין יהי מבודד: יהי
                                                                                                                             d(v) = 1 עבורו v \in V(G) אזי אזי G יהי יהי
                                                                                                         \forall v \in V\left(G\right).0 \leq d\left(v\right) \leq |V\left(G\right)|-1 טענה: יהי G גרף אזי
                                                                                              .2\left|E\left(G\right)\right|=\sum_{v\in V\left(G\right)}\left(d\left(v\right)\right) אזי היים: יהי חיצות הידיים: יהיGיהי הידיים: נוסחת לחיצות הידיים
                                                         (V\left(T
ight)\subseteq V\left(G
ight))\wedge\left(E\left(T
ight)\subseteq E\left(G
ight)\cap\mathcal{P}_{2}\left(V\left(T
ight)
ight)עבורו עבורו עבורו T עבורו יהי G יהי יהי
                                                                                                                         T \lhd G אזי G אזי T תת־גרף של G אזי G
```

 $f(x)=(\sum_{i=1}^n lpha_i x_i)+lpha_{n+1}$ המקיימים $lpha_1\ldotslpha_{n+1}\in\mathbb{R}$ עבורה קיימים $f:\mathbb{R}^n o\mathbb{R}$ המקיימים נוסחת נסיגה לינארית:

 $F_n = F_{n-1} + F_{n-2}$ וכן $F_1 = 1$ וכן וכן $F_0 = 0$

```
.\overline{G} = \langle V\left(G
ight), \mathcal{P}_{2}\left(V\left(G
ight)\right) \setminus E\left(G
ight) 
angleגרף משלים: יהי G גרף אזי
. orall i \in [n-1] . \left\{a_i, a_{i+1}
ight\} \in E\left(G
ight) וכן a_n = u וכן a_1 = v אזי a \in V\left(G
ight)^n אזי v, u \in V\left(G
ight) וכן ההיו G יהי G יהי
                                                                                     \ell\left(\sigma
ight)=n-1 טיול אזי \sigma\in V\left(G
ight)^n אורך טיול: יהי
                                     \{\sigma_i,\sigma_{i+1}\} 
eq \{\sigma_j,\sigma_{j+1}\} שונים מתקיים i,j \in [\ell(\sigma)] עבורו לכל \sigma עבורו לכל יהי G גרף אזי טיול
                                        i < j באשר i,j \in [n] עבור עבור \langle a_1, \ldots, a_i \rangle מסלול אזי מסלול: יהי G גרף ויהי
                                                                                                    v \in V אזי מסלול בין v \in V(G) אזי גרף ויהי
                                                                     מסלול מעגל. אינו מעגל \sigma אינו של תת־מסלול כל עבורו אזי מסלול מסלול אינו גרף אזי יהי
                                                                            . מסלול פשוט: מעגל \langle a_1,\ldots,a_n \rangle המקיים \langle a_1,\ldots,a_n,a_1 \rangle מסלול פשוט
                                                                                                                       משפט: יהיG גרף ויהיו v_1,v_2\in V(G) אזי
                                                                                      (v_2ל ל־v_1 טיול מ־v_1 ל־v_2 ל־v_1 ל־v_1 ל-v_2 (קיים טיול מ־v_1 ל-v_2) •
                                                                                       (v_1ל־, v_1 מעגל מ"ן מעגל מ"ן ל־, v_1 ל־, ל־, v_1 פשוט מ"ן מעגל מ"ן פאיים מעגל פשוט מ"ן ל
                                                                                                   \left| E\left( G
ight) 
ight| < \left| V\left( G
ight) 
ight| משפט: יהי G גרף חסר מעגלים אזי
                                                                . עלים ער מעגלים אזי קיימים v,u\in V\left( G
ight) שונים כך שר ארי יהי למה: יהי G גרף חסר מעגלים אזי קיימים
             (v \underset{G}{\rightarrow} u) \Longleftrightarrow (u^- t^- v^- u) מתקיים מיים מתקיים עבורו לכל עבורו לכל עבורו אזי u,v \in V\left(G\right) עבורו לכל עבורו איי
                                                                                                        v\in V\left(G
ight)טענה: יהי G גרף אזיG יחס שקילות. v\in V\left(G
ight) עבור v\in V\left(G
ight) עבור יהי v\in V\left(G
ight)
                                                                          \forall v \in K.d_{G[K]}\left(v
ight) = d_{G}\left(v
ight) אזי אזי K \in {}^{C}\!\!(G)/_{\overrightarrow{G}} גרף ויהי G גרף גרף אזי מסקנה:
                                                             .\left|V^{(G)}/_{\overrightarrow{G}}
ight|=1 גרף קשיר: גרף G עבורוG עבורו G+F=\langle V\left(G
ight),E\left(G
ight)\cup F
angle אזי F\subseteq\mathcal{P}_{2}\left(V\left(G
ight)
ight) אזי G+F=\langle V\left(G
ight),E\left(G
ight)\cup F
angle אזי אזי אויי G+F=\langle V\left(G
ight),E\left(G
ight)\cup F
angle
                                                               G-F=\langle V\left(G
ight),E\left(G
ight)ackslash F
angle אזי F\subseteq\mathcal{P}_{2}\left(V\left(G
ight)
ight) ותהא גרף ותהא G
                                                                                                                          טענה: יהי v,u\in V\left( G
ight) ויהיו גרף אזי u,u\in V\left( G
ight)
                                                                                                           .\left(v \underset{G}{\rightarrow} u\right) \Longrightarrow \left([v]_{\overrightarrow{G}} = [v]_{\overrightarrow{G} + \{\{v,u\}\}}\right) .1
                                                                                     .\left(\neg\left(v\underset{G}{\rightarrow}u\right)\right)\Longrightarrow\left(\left[v\right]_{\overrightarrow{G}}\uplus\left[u\right]_{\overrightarrow{G}}=\left[v\right]_{\overrightarrow{G+\left\{\left\{v,u\right\}\right\}}}\right).2
                                                                                                \left| V^{(G)}/\overrightarrow{G} 
ight| \geq \left| V\left(G
ight) 
ight| - \left| E\left(G
ight) 
ight| אזי G מסקנה: יהי G גרף אזי
                                                                                  . מסקנה: יהי G גרף עבורו |V^{'}(G)|-1>|E\left(G
ight)| אזי לא קשיר
                                                                                                       |E\left(G
ight)|\geq |V\left(G
ight)|-1 מסקנה: יהי G גרף קשיר אזי
                                                                                              |E\left(G
ight)| \leq |V\left(G
ight)| - 1 טענה: יהי G גרף חסר מעגלים אזי
                                                                                                                           עץ: גרף T באשר T קשיר וחסר מעגלים.
                                                                                                               \left| E\left( T
ight) 
ight| = \left| V\left( T
ight) 
ight| -1 מסקנה: יהי T עץ אזי
                                                                                            .F\subseteq E\left( G
ight) באשר \langle V\left( G
ight) ,F
angle אזי עץ אזי גרף אזי יהי G ברשי יהי
                                                                                                                                    יער: גרף T באשר T חסר מעגלים.
                                                                    , אינו קשיר G-\{e\} מתקיים כי e\in E\left(G\right) אינו קשיר עבורו גרף
                                           . בעל מעגל. גרף G+\{\{v,u\}\} מתקיים כיv,u\in V\left(G
ight) בעל עבורו לכל
```

- עץ.G ullet
- |E(G)| = |V(G)| 1ער מעגלים) אור (פור מעגלים) סר G
 - |E(G)| = |V(G)| 1 (קשיר)
 - . קשיר מינימליG
 - .חסר מעגלים מקסימלי G ullet

משפט העצים: יהיG גרף התב"ש

. בין כל שני קודקודים ב־G קיים מסלול יחיד.

. גרף G באשר בעל דיאגרמה בה כל קשתות הגרף אינן נחתכות G

 $C[U] = \langle U, \mathcal{P}_2(U) \cap E(G)
angle$ אזי $U \subseteq V(G)$ גרף ותהא G גרף ותהא G יהי

```
(G^-) משפט דיראק: יהי \mathbb{N}_+ ויהי G גרף באשר והי V(G)=[n] אזי משפט דיראק: יהי n\in\mathbb{N}_+ ויהי
                                                              G + \{v\} = \langle V(G) \cup \{v\}, E(G) \rangle אזי v \in V(G) ויהי גרף ויהי הגדרה: יהי
                                 G-\left\{ v
ight\} =\left\langle V\left(G
ight)\setminus\left\{ v
ight\} ,E\left(G
ight)\setminus\left\{ \left\{ v,u
ight\} \mid u\in V\left(G
ight) 
ight\} 
ight. אזי v\in V\left(G
ight) אזי מגדרה: יהי G גרף ויהי
                                                                                        .עץ. G-\{v\} עלה אזי v\in V\left(T
ight) עץ. עלה אזי T עץ.
                                                                                                  f:E\left( G
ight) 
ightarrow\mathbb{R} ופונקציה G גרף ממושקל: גרף
                                                                                        n^{(n-2)} הוא קודקודים n על העצים על כמות העצים משפט משפט מיילי:
                                                                                               מסלול אוילר: מסלול העובר על כל הקשתות בגרף.
                                                              e \in \sigma מתקיים e \in E\left(G
ight) עבורו לכל מסלול אוילר: יהי
                                                                                    . מסלול אוילר מעגל \sigma באשר באיי גרף אזי אוילר: יהי יהי מעגל אוילר: מעגל אוילר
                                                                                                                  משפט אוילר: יהי G גרף קשיר אזי
                                                                                (\forall v \in V(G) . d(v) \in \mathbb{N}_{\text{even}}) \Longleftrightarrowיש מעגל אוילר) • (ב־Gיש מעגל אוילר)
                                                               .(|\{v\in V\left(G\right)\mid d\left(v\right)\in\mathbb{N}_{\mathrm{odd}}\}|\in\{0,2\}) אוילר) של מסלול אוילר) יש מסלול אוילר) •
                                             מתקיים v,u\in V\left(G\right) עבורה לכל f:V\left(G\right)
ightarrow V\left(S\right) גרפים אזי G,S יהיו
                                                                                             .(\lbrace v,e\rbrace \in E(G)) \iff (\lbrace f(v),f(u)\rbrace \in E(S))
                                                       . איווג. f:V\left(G
ight)
ightarrow V\left(S
ight) באשר איי הומומורפיזם איי הייו גרפים איי הומומורפיזם: יהיו
                                                 G \cong S איזומורפיזם איזי f: V(G) 
ightarrow V(S) גרפים ויהי היו היו איזי יהיו
f(\sigma)=\langle f(\sigma_1),\ldots,f(\sigma_n)
angle אזי \sigma\in V(G)^n ויהי n\in\mathbb{N}_+ ויהי f:V(G)	o V(S) איזי היו G,S איזי G,S איזי מורפיזם יהי
                                                                           טענה: יהיו G,S גרפים ויהי f:V(G) 	o V(S) גרפים ויהי
                                                                                                                           |V(G)| = |V(S)| \bullet
                                                                                                                           |E(G)| = |E(S)| \bullet
                                                                                           .d_{G}\left(v
ight)=d_{S}\left(f\left(v
ight)
ight) מתקיים v\in V\left(G
ight) •
                                                           (S^-טיול ב־f(\sigma)) \iff (G^-טיול ב\sigma \in V(G)^n טיול n \in \mathbb{N}_+ יהי n \in \mathbb{N}_+
                                                                                                                    .(קשיר) \iff (קשיר) •
                                                                                                         מסקנה: יהיו G,S גרפים איזומורפיים אזי
                                                                                                                          (YY S) \iff (YY G) \bullet
                                                                                                  .(ס חסר מעגלים) אור (מ חסר מעגלים). G
                                      טענה: יהיו n\in\mathbb{N}_{+} ויהי f:V\left(G
ight)
ightarrow V\left(S
ight) אזי ויהי היוו גרפים יהי f:V\left(G
ight)
ightarrow V\left(S
ight)
                                                                                                   (S^{-1})מסלול ב-(G^{-1})מסלול ב-(G^{-1})
                                                                                    (S^{-1})מסלול פשוט ב-(G^{-1})מסלול פשוט ב-(G^{-1})
                                                                                                      (S^-מעגל ב־f(\sigma) (G מעגל ב-\sigma) •
                                                                                       (S^{-1}) מעגל פשוט ב־f(\sigma) מעגל פשוט ב-G
```

 $\Delta\left(G
ight)=\max\left(d_G\left(v
ight)\mid v\in V\left(G
ight)
ight)$ אזי הגדרה: יהי S גרף אזי $\delta\left(G
ight)=\min\left(d_G\left(v
ight)\mid v\in V\left(G
ight)
ight)$ הגדרה: יהי S גרף אזי

 $v\in\sigma$ מסלול המילטוני/המילטון: יהי G גרף אזי מסלול פשוט σ עבורו לכל $v\in V(G)$ מתקיים מעגל המילטוני/המילטון: יהי $v\in\sigma$ גרף אזי מעגל פשוט $v\in V(G)$ עבורו לכל

 $rac{2inom{n}{2}}{n!}\leq | ext{Graph}([n])/\cong|\leq 2inom{n}{2}$ אזי $n\in\mathbb{N}_+$ אזי $n\in\mathbb{N}_+$ אזי $n\in\mathbb{N}_+$ אזי פונקציה $n\in\mathbb{N}_+$ בביעת קשתות: תהא $n\in\mathbb{N}_+$ אזי פונקציה $n\in\mathbb{N}_+$ אזי $n\in\mathbb{N}_+$ אזי פונקציה $n\in\mathbb{N}_+$ אזי $n\in\mathbb{N}_+$ אזי $n\in\mathbb{N}_+$ אזי פונקציה אזי $n\in\mathbb{N}_+$ אזי $n\in\mathbb{N}_+$ אזי $n\in\mathbb{N}_+$ אזי $n\in\mathbb{N}_+$ אזי $n\in\mathbb{N}_+$ אזי $n\in\mathbb{N}_+$ אזי פונקברומטי: יהי $n\in\mathbb{N}_+$ אזי פונקציה אזי $n\in\mathbb{N}_+$ אזי פונקציה מונוברומטי: יהי $n\in\mathbb{N}_+$ ותהא $n\in\mathbb{N}_+$ אזי פונקציה אזי $n\in\mathbb{N}_+$ אזי פונקציה מונוברומטי: יהי $n\in\mathbb{N}_+$ ותהא $n\in\mathbb{N}_+$ אזי פונקציה אזי $n\in\mathbb{N}_+$ אזי פונקציה מונוברומטי: יהי $n\in\mathbb{N}_+$ ותהא $n\in\mathbb{N}_+$ ותהא $n\in\mathbb{N}_+$ אזי פונקציה אזי $n\in\mathbb{N}_+$ אזי פונקציה $n\in\mathbb{N}_+$ וותהא $n\in\mathbb{N}_+$ וותהא $n\in\mathbb{N}_+$ אזי פונקציה אזי $n\in\mathbb{N}_+$ אזי פונקציה $n\in\mathbb{N}_+$ וותהא $n\in\mathbb{N}_+$ וותהא $n\in\mathbb{N}_+$ אזי פונקציה אזי $n\in\mathbb{N}_+$ אזי פונקציה $n\in\mathbb{N}_+$ אזי פונקציה $n\in\mathbb{N}_+$ וותהא $n\in\mathbb{N}_+$ וותהא $n\in\mathbb{N}_+$ אזי פונקציה אזי $n\in\mathbb{N}_+$ וותהא $n\in\mathbb{N}_+$ וותהא $n\in\mathbb{N}_+$ אזי פונקציה אזי $n\in\mathbb{N}_+$ וותהא $n\in\mathbb{$

 $f(\sigma)$ מסלול אוילר ב־ (G^-) מסלול אוילר ב־ (G^-) מסלול אוילר ב־ (G^-) מעגל אוילר ב־ (G^-) מעגל אוילר ב־ (G^-)

 $K \in \mathrm{Graph}(V)/\cong V$ גרף לא מסומן: תהא על קבוצה אזי

.(S־ם מסלול המילטון בG) מסלול המילטון בG0 מסלול המילטון בG3.(G5 מעגל המילטון בG6 מעגל המילטון בG7 מעגל המילטון בG8 מעגל המילטון בG9 מעגל המילטון בG9 הגדרה: תהא G9 קבוצה אזי

מספר האמזי: יהיו $f:E\left(K_n
ight) o \{0,1\}$ הוא הכל המינימלי עבורו לכל צביעת קשתות היא $f:E\left(K_n
ight) o f:E\left(K_n
ight)$ הוא הכל המינימלי עבורו לכל צביעת האזיו יהיו $f:E\left(K_n
ight) o f:E\left(K_n
ight)$ המינימלי עבורו לכל צביעת המינימלי האזיי היו $f:E\left(K_n
ight) o f:E\left(K_n
ight)$ הוא הכל המינימלי עבורו לכל צביעת המינימלי האזיי היו $f:E\left(K_n
ight) o f:E\left(K_n
ight)$ הוא הכל המינימלי עבורו לכל צביעת המינימלי עבורו לכל צביעת המינימלים האזיי היו לכל מתקיים כי וקיימת ב־ $f:E\left(K_n
ight) o f:E\left(K_n
ight)$ מונוכרומטית ב- $f:E\left(K_n
ight) o f:E\left(K_n
ight)$ מונוכרומטית ב- $f:E\left(K_n
ight) o f:E\left(K_n
ight)$ מונוכרומטית ב- $f:E\left(K_n
ight) o f:E\left(K_n
ight)$

R(3,3)=6 משפט:

 $R\left(s,t
ight) =R\left(t,s
ight)$ אזי $s,t\geq 2$ משפט: יהיו

 $R\left(s,t
ight)=n$ עבורו $n\in\mathbb{N}$ משפט ראמזי: יהיו $s,t\geq 2$ אזי קיים

 $K_{\kappa}=\langle V,\{X\subseteq V\mid |X|=2\} \rangle$ אזי איי קבוצה באשר V קבוצה ותהא עוצמה ותהא א עוצמה אזי איי

עוצמה מסוג רמזי: עוצמה K_κ קליקה לכל צביעת קשתות $f:E(K_\kappa) \to \{0,1\}$ מונוכרומטית. עוצמה מסוג רמזי: עוצמה א עבורה לכל צביעת קשתות

 $|f\left[\mathcal{P}_{2}\left(H
ight)
ight]|=1$ בת־מנייה עבורה $H\subseteq\mathbb{N}$ אזי קיימת $f\in\mathcal{P}_{2}\left(\mathbb{N}
ight) o\{0,1\}$ משפט קונינג: תהא

מסקנה: אונה עוצמה מסוג רמזי. מסקנה:

משפט ארדש־ראדו: יהי $B\subseteq A$ מונוכרומטית $f:\mathcal{P}_2\left(V\left(G
ight)
ight) o\mathbb{N}$ ותהא $\aleph<|V\left(G
ight)|$ אזי קיימת משפט ארדש־ראדו: יהי S גרף באשר. $\aleph_0<|B|$

משפט: ב־ZFC לא ניתן להוכיח ולא ניתן להפריך את קיומם של עוצמות גדולות מ־ \aleph_0 מסוג רמזי.

 $f:V\left(G
ight)
ightarrow A$ גרף אזי G יהי יהי צביעת קודקודים: יהי

 $\{v,u\}\in E\left(G
ight)$ באשר $v,u\in V\left(G
ight)$ עבורה לכל $f:V\left(G
ight)
ightarrow A$ ביעת קודקודים אזי צביעת אזי צביעת קודקודים $f:V\left(G
ight)
ightarrow A$ באשר ביעת קודקודים חוקית: $f\left(v
ight)
eq f\left(u
ight)$ באשר ביעת קודקודים חוקית: מתקיים אזי צביעת קודקודים האזי צביעת קודקודים חוקית: $f\left(v,u
ight)$

 $\{f:[n] o[n]\mid$ טענה: יהי $n\in\mathbb{N}$ אזי $n\in\mathbb{N}$ אזי אויי $f\}$

גרף G ב־עביע: גרף עבורו קיימת עביעה אביעה עבורו עבורו G עבורו גרף גרף גרף ארטיים:

טענה: יהי G גרף אזי

- $(E(G) = \varnothing) \iff (צביע) \bullet$
- .(צביע) ארף דו גרדי G (גרף G צביע) •

.(אין ב־G מעגלים באורך אי־זוגי) (אין דדיG גרף אזי G גרף אזי G גרף אזי (משפט: יהי

 $\chi\left(G
ight)=\min\left\{n\in\mathbb{N}\mid$ מספר הצביעה: יהי G גרף אזי G הינו G

 $2\leq\chi\left(G
ight)\leq\left|V\left(G
ight)
ight|$ אזי אזי $E\left(G
ight)
eqarnothing$ שמקנים גרף שמקיים מסקנה: יהי