טענה: $\mathbb{Z}\subseteq\mathbb{R}$.

תת־קבוצה סגורה ביחס לחיבור חיסור וכפל: קבוצה $S\subseteq\mathbb{R}$ עבורה לכל $a,b\in S$ מתקיים $a+b\in S$ וכן $a-b\in S$ וכן $ab\in S$.

טענה: $\mathbb{Z}$ סגורה ביחס לחיבור חיסור וכפל.

קבוצה המקיימת את האי־שיוויון היסודי של תורת המספרים: קבוצה $S\subseteq\mathbb{R}$ המקיימת $S\cap(0,1]=\{1\}$.

טענה: $\mathbb{Z}$ מקיימת את אי־שיוויון היסודי של תורת המספרים.

טענה: תהא $S\subseteq\mathbb{R}$ המקיימת את האי־שיוויון היסודי של תורת המספרים וכן סגורה ביחס לחיבור חיסור וכפל אזי $S=\mathbb{Z}$.

מסקנה עיקרון הסדר הטוב על הטבעיים: תהא $S\subseteq\mathbb{N}$ באשר $S\neq\varnothing$ אזי $\min(S)$ קיים.

טענה: תהא $S\subseteq\mathbb{Z}$ חסומה מלרע באשר $S\neq\varnothing$ אזי $\min(S)$ קיים.

מסקנה: תהא $S\subseteq\mathbb{Z}$ חסומה מלעיל באשר $S\neq\varnothing$ אזי $\max(S)$ קיים.

מסקנה: $\mathbb{Z}$ אינה חסומה מלרע וכן אינה חסומה מלעיל.

מסקנה עיקרון האינדוקציה: יהי P פרידיקט מעל $\mathbb{N}$ באשר $P(0)$ וכן לכל $n\in\mathbb{N}$ מתקיים $P(n)\Longrightarrow P(n+1)$ אזי $P(m)$ לכל $m\in\mathbb{N}$.

טענה עיקרון האינדוקציה החזקה: יהי P פרידיקט מעל $\mathbb{N}$ באשר $P(0)$ וכן לכל $n\in\mathbb{N}$ מתקיים $(\forall m<n.P(m))\Longrightarrow P(n+1)$ אזי $P(k)$ לכל $k\in\mathbb{N}$.

מספר מתחלק במספר: יהי $b\in\mathbb{Z}$ אזי $a\in\mathbb{Z}$ עבורו קיים $c\in\mathbb{Z}$ המקיים $b=ac$.

סימון: יהיו $a,b\in\mathbb{Z}$ באשר b מתחלק ב־a אזי $a|b$.

סימון: יהיו $a,b\in\mathbb{Z}$ באשר b אינו מתחלק ב־a אזי $a\nmid b$.

טענה: יהי $a\in\mathbb{Z}$ אזי $a|0$.

טענה: יהי $a\in\mathbb{Z}$ אזי $1|a$ וכן $-1|a$.

טענה: יהיו $a,b,c\in\mathbb{Z}$ באשר $a|b$ וכן $a|c$ אזי לכל $c,d\in\mathbb{Z}$ מתקיים $a|(db+ec)$.

טענה: יהיו $a,b,c\in\mathbb{Z}$ באשר $a|b$ וכן $b|c$ אזי $a|c$.

טענה: יהיו $a,b\in\mathbb{N}$ באשר $a|b$ אזי $a\le b$.

טענה: יהיו $a,b\in\mathbb{Z}$ אזי $(a\in\{\pm b\})\Longleftrightarrow((a|b)\wedge(b|a))$.

טענה חלוקה עם שארית: יהי $d\in\mathbb{N}_+$ ויהי $a\in\mathbb{Z}$ אזי קיימים ויחידים $q,r\in\mathbb{Z}$ באשר $0\le r<d$ וכן $a=qd+r$.

מנה של חלוקה: יהי $d\in\mathbb{N}_+$ יהי $a\in\mathbb{Z}$ ויהיו $q,r\in\mathbb{Z}$ חלוקה עם שארית של a ב־d אזי q.

שארית של חלוקה: יהי $d\in\mathbb{N}_+$ יהי $a\in\mathbb{Z}$ ויהיו $q,r\in\mathbb{Z}$ חלוקה עם שארית של a ב־d אזי r.

מסקנה: יהי $d\in\mathbb{N}_+$ יהי $a\in\mathbb{Z}$ ויהיו $q,r\in\mathbb{Z}$ חלוקה עם שארית של a ב־d אזי $(d|a)\Longleftrightarrow(r=0)$.

החלק השלם/ערך שלם תחתון: יהי $x\in\mathbb{R}$ אזי $\lfloor x\rfloor=\max((-\infty,x]\cap\mathbb{Z})$.

מסקנה: יהי $d\in\mathbb{N}_+$ יהי $a\in\mathbb{Z}$ ויהיו $q,r\in\mathbb{Z}$ חלוקה עם שארית של a ב־d אזי $q=\left\lfloor\frac{a}{d}\right\rfloor$.

טענה: תהא $H\le\mathbb{Z}$ אזי קיים ויחיד $d\in\mathbb{N}$ עבורו $H=d\mathbb{Z}$.

טענה: יהיו $a,b\in\mathbb{Z}$ אזי $a\mathbb{Z}+b\mathbb{Z}\le\mathbb{Z}$.

מחלק משותף מירבי: יהיו $a,b\in\mathbb{Z}$ אזי $d\in\mathbb{N}$ עבורו $d\mathbb{Z}=a\mathbb{Z}+b\mathbb{Z}$.

סימון: יהיו $a,b\in\mathbb{Z}$ ויהי $d\in\mathbb{N}$ המחלק המשותף המירבי של a,b אזי $\gcd(a,b)=d$.

סימון: יהיו $a,b\in\mathbb{Z}$ אזי $(a,b)=\gcd(a,b)$.

טענה: יהיו $a,b\in\mathbb{Z}$ אזי $\gcd(a,b)|a$ וכן $\gcd(a,b)|b$.

מסקנה: יהיו $a,b\in\mathbb{Z}$ אזי קיימים $n,m\in\mathbb{Z}$ עבורם $\gcd(a,b)=na+mb$.

טענה: יהיו $a,b,c\in\mathbb{Z}$ באשר $c|a$ וכן $c|b$ אזי $c|\gcd(a,b)$.

טענה: יהיו $a,b\in\mathbb{Z}$ באשר $\{a,b\}\neq\{0\}$ אזי $\gcd(a,b)=\max\{d\in\mathbb{Z}\mid(d|a)\wedge(d|b)\}$.

טענה: יהיו $a,b\in\mathbb{Z}$ ויהי $d\in\mathbb{N}$ באשר $d|a$ וכן $d|b$ וכן קיימים $n,m\in\mathbb{Z}$ עבורם $d=na+mb$ אזי $\gcd(a,b)=d$.