

**הגדרה:** תהיינה  $X, Y$  קבוצות ותהא  $f : X \rightarrow Y$  חח"ע אזי  $|X| \leq |Y|$ .

**הגדרה:** תהיינה  $X, Y$  קבוצות ותהא  $f : X \rightarrow Y$  חח"ע ועל אזי  $|X| = |Y|$ .

**סימון:** תהיינה  $X, Y$  קבוצות עבורן  $\neg(|X| = |Y|)$  אזי  $|X| \neq |Y|$ .

**הגדרה:** תהיינה  $X, Y$  קבוצות עבורן  $|X| \leq |Y|$  וכן  $|X| \neq |Y|$  אזי  $|X| < |Y|$ .

**משפט קנטור-שרדר-ברנשטיין (קש"ב):** תהיינה  $X, Y$  קבוצות עבורן  $|X| \leq |Y|$  וכן  $|Y| \leq |X|$  אזי  $|X| = |Y|$ .

**סימון:**  $|\mathbb{N}| = \aleph_0$ .

**קבוצה בת מנייה:** קבוצה  $X$  עבורה  $|X| = \aleph_0$ .

**קבוצה סופית:** קבוצה  $A$  עבורה קיים  $n \in \mathbb{N}$  המקיים  $|A| = |[n]|$ .

**סימון:** יהי  $n \in \mathbb{N}$  אזי  $|[n]| = n$ .

**קבוצה אינסופית:** קבוצה  $A$  עבורה לא קיים  $n \in \mathbb{N}$  המקיים  $|A| = |[n]|$ .

**טענה:** תהא  $A$  בת מנייה ותהא  $B \subseteq A$  אינסופית אזי  $B$  בת מנייה.

**מסקנה:** תהא  $A$  בת מנייה ותהא  $B \subseteq A$  אזי  $B$  סופית או בת מנייה.

**טענה:** תהא  $A$  בת מנייה ותהא  $B$  קבוצה ותהא  $f : A \rightarrow B$  על אזי  $B$  סופית או בת מנייה.

**טענה:** תהיינה  $A, B$  בנות מנייה אזי  $A \cup B$  בת מנייה.

**טענה:** תהיינה  $A_1 \dots A_n$  קבוצות בנות מנייה אזי  $\bigcup_{i=1}^n A_i$  בת מנייה.

**טענה:** תהא  $\langle A_n \mid n \in \mathbb{N} \rangle$  סדרת קבוצות באשר  $A_i$  סופית או בת מנייה לכל  $i \in \mathbb{N}$  ותהא  $\langle f_n \mid n \in \mathbb{N} \rangle$  סדרת פונקציות באשר

$f_n : \mathbb{N} \rightarrow A_n$  על לכל  $n \in \mathbb{N}$  אזי  $\bigcup_{i=0}^\infty A_i$  סופית או בת מנייה.

**טענה:** תהיינה  $A, B$  בנות מנייה אזי  $A \times B$  בת מנייה.

**טענה:** תהיינה  $A_1 \dots A_n$  בנות מנייה אזי  $A_1 \times \dots \times A_n$  בת מנייה.

**הגדרה:** תהא  $A$  קבוצה אזי  $A^1 = A$ .

**הגדרה:** תהא  $A$  קבוצה ויהי  $n \in \mathbb{N}_+$  אזי  $A^n = A \times A^{n-1}$ .

**טענה:**  $\bigcup_{n=1}^\infty \mathbb{N}^n$  בת מנייה.

**מסקנה:**  $|\{A \subseteq \mathbb{N} \mid A \text{ סופית}\}| = \aleph_0$ .

**טענה:**  $|\mathbb{Z}| = \aleph_0$ .

**טענה:**  $|\mathbb{Q}| = \aleph_0$ .

**מספר אלגברי:** מספר  $a \in \mathbb{C}$  עבורו קיים  $p \in \mathbb{Z}[x]$  המקיים  $p(a) = 0$ .

**מספר טרנסצנדנטי:** מספר  $a \in \mathbb{C}$  עבורו לכל  $p \in \mathbb{Z}[x]$  מתקיים  $p(a) \neq 0$ .

**משפט קנטור:**  $|\{a \in \mathbb{C} \mid a \text{ אלגברי}\}| = \aleph_0$ .

**יחס סדר חלקי:** תהא  $A$  קבוצה ויהי  $A^2$  אזי  $\preceq \subseteq A^2$  באשר

• רפלקסיביות: יהי  $x \in A$  אזי  $x \preceq x$ .

• טרנזיטיביות: יהיו  $x, y, z \in A$  עבורם  $x \preceq y$  וכן  $y \preceq z$  אזי  $x \preceq z$ .

• אנטי סימטריות חלשה: יהיו  $x, y \in A$  עבורם  $x \preceq y$  וכן  $y \preceq x$  אזי  $x = y$ .

**יחס סדר קווי:** יחס סדר חלקי  $\langle A, \preceq \rangle$  עבורו לכל  $x, y \in A$  מתקיים  $(x \preceq y) \vee (y \preceq x)$ .

**טענה:**  $\langle \mathbb{N}, \leq \rangle$  יחס סדר קווי.

**טענה:** תהא  $A$  קבוצה אזי  $\langle \mathcal{P}(A), \subseteq \rangle$  יחס סדר חלקי.

**סדרים חלקיים איזומורפיים:** סדרים חלקיים  $\langle A, \preceq \rangle, \langle B, \sqsubseteq \rangle$  עבורם קיימת  $\pi : A \rightarrow B$  הפיכה המקיימת

$a, b \in A$  לכל  $(a \preceq b) \iff (\pi(a) \sqsubseteq \pi(b))$ .