```
.\overline{\Pi}_{a,b}=\{x\in\mathbb{R}^n\mid orall j\in [n]\,.a_i\leq x_i\leq b_i\} אזי a,b\in\mathbb{R}^n תיבה סגורה: יהיו
                                      נקודה פנימית. תהא M\subseteq\mathbb{R}^n אזי x נקודה פנימית. תהא M\subseteq\mathbb{R}^n אזי x נקודה פנימית.
                                                                         {M} = \{x \in M \mid M \; פנים של קבוצה: תהא M \subseteq \mathbb{R}^n אזי M \subseteq \mathbb{R}^n פנים של קבוצה
                                                                                                                               M=\stackrel{\circ}{M} עבורה M\subset\mathbb{R}^n קבוצה פתוחה:
                          נקודה חיצונית: תהא \exists r>0.B_r\left(x
ight)\subseteq\mathbb{R}^n המקיימת x\in\mathbb{R}^n ותהא ותהא M\subseteq\mathbb{R}^n אזי x\in\mathbb{R}^n
                     נקודה מבודדת: תהא M\subseteq\mathbb{R}^n ותהא M\subseteq\mathbb{R}^n המקיימת x\in M המהא ותהא M\subseteq\mathbb{R}^n אזי x נקודה מבודדת.
                                    . נקודת אזי x נקודת אזי אזי ג נקודה פנימית ולא נקודה אזי אזי x\in\mathbb{R}^n ותהא ותהא אזי שפה: תהא
                                                                           .\partial M=\{x\in M\mid M שפה של קבוצה: תהא M\subseteq\mathbb{R}^n אזי M\subseteq\mathbb{R}^n
                                                                                                                              AM\subseteq M עבורה שגורה: קבוצה M\subseteq \mathbb{R}^n
                                                                                                                       \overline{M} = \overset{\circ}{M} \cup \partial M אזי אזי M \subseteq \mathbb{R}^n סגור של קבוצה: תהא
                                                           (\mathbb{R}^n \backslash M) טענה: תהא M \subseteq \mathbb{R}^n אזי (x נקודה חיצונית של אזי (x נקודה פנימית של אזי (x נקודה חיצונית של
                                                                                                                . מסקנה: תהא M^{\mathcal{C}} אזי (M פתוחה)\Longrightarrow תהא M\subseteq\mathbb{R}^n סגורה).
                                                                                                   \exists r>0.M\subseteq B_{r}\left(0
ight) המקיימת M\subseteq\mathbb{R}^{n} קבוצה חסומה:
                                                                                                                             . סגורה וחסומה קבוצה קבוצה קבוצה קומפקטית: קבוצה קומפקטית
טענה היינה בורל: תהא K\subseteq\bigcup_{n\in\Lambda}I_n אזי (K\subseteq\mathbb{R}^n אזי לכל לכל היינה בורל: תהא אזי K\subseteq\mathbb{R}^n אזי אזי (לכל
                                                                                                                                                            \mathcal{A} : \exists \mathcal{B} \in \mathcal{P}_{<\aleph_0} (\Lambda) . A \subseteq \bigcup_{n \in \mathcal{B}} I_n
                                                                                                                                            a^{(k)}=a\left(k
ight) אזי a\in\left(\mathbb{R}^{n}
ight)^{\mathbb{N}} איני תהא
                                          \lim_{k	o\infty}a^{(k)}=L אזי \lim_{k	o\infty}\|a^{(k)}-L\|=0 עבורן L\in\mathbb{R}^n אוו אזי a\in(\mathbb{R}^n)^\mathbb{N} גבול: תהא
                                                                        0 \xrightarrow[x 	o a]{} \lim_{x 	o a} נשתמש באותם סימני גבול כמו במשתנה יחיד, כלומר באותם סימני גבול כמו
                                           a\in \mathbb{R}^n משפט: תהא a\in (\mathbb{R}^n) ויהי a\in \mathbb{R}^n אזי משפט: תהא a\in (\mathbb{R}^n)^\mathbb{N} ויהי a\in \mathbb{R}^n אזי מסקנה: כל מניפולציות הגבול של סדרה מחדו"אa\in \mathbb{R}^n מסקנה: כל מניפולציות הגבול של סדרה מחדו"א
                . \left(\forall \varepsilon > 0. \exists k \in \mathbb{N}. \forall m, p > k. \left\|a^{(m)} - a^{(p)}\right\| < \varepsilon\right) \Longleftrightarrow (\mathsf{DR}) \text{ (In } a) אזי (a \in (\mathbb{R}^n)^\mathbb{N} )
                                                                                   משפט בולצאנו ווירשטראס: לכל סדרה חסומה קיימת תת־סדרה מתכנסת.
     a^{(k_i)}\in K המקיימת a^{(k_i)}\in K אזי (לכל קומפקטית) קיימת a\in K^\mathbb{N} קיימת אזי (לכל קומפקטית) אזי אזי K\subseteq \mathbb{R}^n המקיימת
       f_i:A	o\mathbb{R} כאשר f=\langle f_1,\dots,f_m
angle הערה: תהא f:A	o\mathbb{R}^m כאשר f:A	o\mathbb{R}^m הערה: תהא
                                                                                  אזי L\in\mathbb{R}^m ותהא a\in\mathbb{R}^n תהא f:A	o\mathbb{R}^m תהא A\subseteq\mathbb{R}^n אזי
                                                          \lim_{x\to a} f(x) = L אזי \forall x \in A^{\mathbb{N}}. (x^{(k)} \to a) \Longrightarrow (f(x^{(k)}) \to L) היינה: אם
                 \lim_{x \to a} f\left(x
ight) = L אזי \forall \varepsilon > 0. \exists \delta > 0. \forall x \in A \setminus \{a\}. \ \|x - a\| < \delta \Longrightarrow \|f\left(x
ight) - L\| < \varepsilon סושי: אם •
                                                                                                        מסקנה: כל מניפולציות הגבול של פונקציה מחדו"א1 מתקיימות.
                                                A = \lim_{x \to a} f(x) עבורה A \in A אזי A \in \mathbb{R}^n תהא A \subseteq \mathbb{R}^n תהא רציפות בנקודה:
       A\subseteq C(B) (ביפה נקודתית עבור כל B\subseteq A אוי ותהא A\subseteq \mathbb{R}^n אוי ותהא A\subseteq \mathbb{R}^n אוי ותהא A\subseteq \mathbb{R}^n איי ותהא
                              A\subseteq A משפט: תהא A\subseteq \mathbb{R}^n תהא A\subseteq \mathbb{R}^m ותהא A\subseteq \mathbb{R}^n אזי A\subseteq \mathbb{R}^n משפט: תהא
                                                                                                  מסקנה: כל מניפולציות הרציפות של פונקציה מחדו"א1 מתקיימות.
                                 . וכן f,f^{-1} הפיכה עבורה f:A	o B אזי B\subset\mathbb{R}^n וכן A\subset\mathbb{R}^n הפיכה עבורה A\subset\mathbb{R}^n רציפות.
                                                                                                                           A:I	o\mathbb{R}^m עקומה פרמטרית: יהיI\subseteq\mathbb{R} יהי
```

 $.B_r\left(a
ight)=\{x\in\mathbb{R}\mid \|x-a\|< r\}$ אזי $r\in\mathbb{R}$ ויהי $a\in\mathbb{R}^n$ ויהי $\overline{B}_r\left(a
ight)=\{x\in\mathbb{R}\mid \|x-a\|\leq r\}$ אזי $r\in\mathbb{R}$ ויהי $a\in\mathbb{R}^n$ מבור סגור: יהי $a\in\mathbb{R}^n$ ויהי $a\in\mathbb{R}^n$ אזי $r\in\mathbb{R}$ אזי $r\in\mathbb{R}$ ויהי $r\in\mathbb{R}$ ויהי $r\in\mathbb{R}$ אזי $r\in\mathbb{R}$ אזי $r\in\mathbb{R}$

 $\Pi_{a,b} = \{x \in \mathbb{R}^n \mid \forall j \in [n] \ .a_i < x_i < b_i\}$ אזי $a,b \in \mathbb{R}^n$ יהיו תיבה פתוחה: יהיו

מסילה: עקומה פרמטרית רציפה.

 $\gamma\left(t
ight)=\left(1-t
ight)a+tb$ כך כך $\gamma:\left[0,1
ight] o \mathbb{R}^m$ מסילה של קו ישר: יהיו $a,b\in\mathbb{R}^m$ ותהא $a,b\in\mathbb{R}^m$ ותהא $a,b\in\mathbb{R}^m$ מסילה של קו ישר בין $a,b\in\mathbb{R}^m$ ותהא $a,b\in\mathbb{R}^m$ מסילה של קו ישר בין $a,b\in\mathbb{R}^m$ מסילה $a,b\in\mathbb{R}^m$ יהיו $a,b\in\mathbb{R}^m$ ותהא $a,b\in\mathbb{R}^m$ מסילה של קו ישר בין $a,b\in\mathbb{R}^m$ מסילה של קו ישר בין $a,b\in\mathbb{R}^m$

```
A,b\in M. [a,b]\subseteq M המקיימת M\subseteq \mathbb{R}^n קבוצה קמורה: קבוצה
                                                                                                . טענה: יהי B_{r}\left(a\right),\overline{B}_{r}\left(a\right) אזי r\in\mathbb{R} ויהי a\in\mathbb{R}^{n} קבוצות קמורות
       \gamma\left(1
ight)=y וכן \gamma\left(0
ight)=x המקיימת \gamma:\left[0,1
ight]	o M קיימת מסילה x,y\in M וכן עבורה לכל M\subseteq\mathbb{R}^n
                                                                                                                                                     תחום: קבוצה פתוחה וקשירה מסילתית.
                              [+]\mathcal{A}=M פענה: תהא M\subseteq\mathbb{R}^n פתוחה אזי קיימת \mathcal{A}\subseteq\mathcal{P}_{<\aleph_0}(\mathbb{R}^n) פענה: תהא M\subseteq\mathbb{R}^n פתוחה אזי קיימת
                       [f\left(a
ight),f\left(b
ight)]\subseteq f\left([a,b]
ight) מתקיים f\left(a
ight)< f\left(b
ight) עבורן a,b\in A לכל המקיימת לכל f:A	o\mathbb{R}
                                                                     טענה: תהא \mathcal{U}\subseteq\mathbb{R}^n אזי f\in C\left(\mathcal{U},\mathbb{R}
ight) קשירה ותהא \mathcal{U}\subseteq\mathbb{R}^n אזי \mathcal{U}\subseteq\mathbb{R}^n
                                            עבורם x,y\in\mathcal{K} אזי קיימים אזי f\in C\left(\mathcal{K},\mathbb{R}
ight) עבורם אזי קומפקטית תהא אזי קיימים אזי קומפקטית עבורם
                                                                                                                                                                                   f(\mathcal{K}) = [f(x), f(y)]
                                                                                      רציפה במידה שווה (במ"ש): תהא \mathcal{M}\subseteq\mathbb{R}^n אזי f:\mathcal{M}	o\mathbb{R}^n המקיימת
                                                                                           \forall \varepsilon > 0. \exists \delta > 0. \forall x, y \in \mathcal{M}. \|x - y\| < \delta \Longrightarrow \|f(x) - f(y)\| < \varepsilon
                                                                                . טענה: תהא f \in C(\mathcal{K},\mathbb{R}^m) אזי קומפקטית ותהא \mathcal{K} \subseteq \mathbb{R}^n אזי \mathcal{K} \subseteq \mathbb{R}^n
                             מתקיים \lambda \in \mathbb{R} ולכל a \in L מרחב יהי עבורה לכל v: L 	o \mathbb{R} אזי מעל n \in L מתקיים מרחב וקטורי נוצר סופית מעל
                                                                                                                                (v(a) > 0) \land ((v(a) = 0) \iff (a = 0)) \bullet
                                                                                                                                                      .\upsilon\left(\lambda a\right)=\left|\lambda\right|\cdot\upsilon\left(a\right) הומוגניות: •
                                                                                                          v\left(a+b\right)\leq v\left(a\right)+v\left(b\right) אי שיוויון המשולש (אש"מ): •
                                                                       \forall x \in \mathbb{R}^n. v\left(x
ight) \leq c \, \|x\| עבורו עבורו עבורם אזי קיים v: \mathbb{R}^n 	o \mathbb{R} עבורו טענה: תהא
                                                                                                                                 v \in C\left(\mathbb{R}^n
ight) נורמה אזי v:\mathbb{R}^n 	o \mathbb{R} טענה: תהא
                                                                       \forall x \in \mathbb{R}^n.c \, \|x\| < v \, (x) עבורו c > 0 ענה: v : \mathbb{R}^n \to \mathbb{R} טענה: תהא
                                                 a\cdot \eta \leq v \leq b\cdot \eta נורמות שקולות: v,\eta:\mathbb{R}^n 	o \mathbb{R} נורמות עבורן קיימים u,\eta:\mathbb{R}^n 	o \mathbb{R}
                                                                                                                                                    טענה: שקילות נורמות הינו יחס שקילות.
                                                                                                                          תהא v,\|\cdot\| נורמה אזי v:\mathbb{R}^n 	o \mathbb{R} שקולות.
                              (v\left(x^{(k)}
ight)	o 0) \Longleftrightarrow (
ho\left(x^{(k)}
ight)	o 0) אזי x\in (\mathbb{R}^n)^\mathbb{N} נורמות ותהא v,
ho:\mathbb{R}^n	o \mathbb{R} אזי
                                                               \|v\|_p=(\sum_{i=1}^n|v_i|^p)^{rac{1}{p}} כך \|\cdot\|_p:\mathbb{R}^n	o\mathbb{R} נגדיר נורמה p\in\mathbb{N}_+ עבור \ell_p
                                      \|v\|_{\infty}=\max_{1\leq i\leq n}|v_i| כך \|v\|_{\infty}=\max_{1\leq i\leq n}|v_i| כך \|v\|_{\infty}=\max_{1\leq i\leq n}|v_i| כך \|v\|_{\infty}=\max_{1\leq i\leq n}|v_i| כורמת \gamma:[0,1]\to\mathbb{R}^n איז \gamma:[0,1]\to\mathbb{R}^m דיפרנציאל של עקומה: תהא \gamma:[0,1]\to\mathbb{R}^m איז \gamma:[0,1]\to\mathbb{R}^m מסקנה: תהא \gamma:[0,1]\to\mathbb{R}^m ויהי \gamma:[0,1]\to\mathbb{R}^m איז \gamma:[0,1]\to\mathbb{R}^m
       המקיימת L\in \mathrm{Hom}\,(\mathbb{R}^n,\mathbb{R}) עבורה קיימת f:\mathcal{U}	o\mathbb{R} אזי a\in\mathcal{U} תחום ויהי \mathcal{U}\subseteq\mathbb{R}^n המקיימת
                                                                                                                                             f(x) = f(a) + L(x - a) + o(||x - a||)
                                                            f\in\mathcal{D}\left(a
ight) אזי a\in\mathcal{U} איני f:\mathcal{U}
ightarrow\mathbb{R} תחום ותהא \mathcal{U}\subseteq\mathbb{R}^n יהי
                                                          f\in\mathcal{D}\left(a
ight)\Longrightarrow f\in C\left(a
ight) אזי a\in\mathcal{U} ויהי f:\mathcal{U}
ightarrow\mathbb{R} תחום תהא \mathcal{U}\subseteq\mathbb{R}^{n} אזי
                                         \operatorname{grad} f(a) = [L]_{\operatorname{ct}} אזי אזי f: \mathcal{U} 	o \mathbb{R} ותהא ותהא a \in \mathcal{U} תחום יהי \mathcal{U} \subseteq \mathbb{R}^n אזי יהי
                                        .
abla f\left(a
ight) אזי קומר דיפרנציאבילית ותהא a\in\mathcal{U} ותהא תחום יהי הי יהי יהי יהי יהי \mathcal{U}\subseteq\mathbb{R}^n יהי
                             .rac{\partial f}{\partial x_i}\left(a
ight)=\lim_{h	o 0}rac{f(a+hx_i)-f(a)}{h} אזי a\in\mathcal{U} ויהי ווהי f:\mathcal{U}	o\mathbb{R} תחום תהא \mathcal{U}\subseteq\mathbb{R}^n יהי
                                               .rac{\partial f}{\partial x_{i}}\left(a
ight)=\left(
abla f\left(a
ight)
ight)_{i} אזי f\in\mathcal{D}\left(a
ight) המקיימת f:\mathcal{U}	o\mathbb{R} תחום ותהא \mathcal{U}\subseteq\mathbb{R}^{n}
                 .
abla f\left(a
ight) = \left(rac{\partial f}{\partial x_{1}}\left(a
ight), \ldots, rac{\partial f}{\partial x_{n}}\left(a
ight)
ight) אזי f\in\mathcal{D}\left(a
ight) המקיימת f:\mathcal{U}	o\mathbb{R} המקיימת \mathcal{U}\subseteq\mathbb{R}^{n} אזי
                                  (f\in\mathcal{D}\left(a
ight))בי' (g\in\mathcal{D}\left(a
ight) קיימת לכל g\in\mathcal{U} אזי f:\mathcal{U}\to\mathbb{R} תחום תהא \mathcal{U}\subseteq\mathbb{R}^n יהיה: יהי
המקיימת L\in \mathrm{Hom}\,(\mathbb{R}^n,\mathbb{R}^m) עבורה קיימת f:\mathcal{U}	o\mathbb{R}^m אזי אזי a\in\mathcal{U} תחום ויהי \mathcal{U}\subseteq\mathbb{R}^n המקיימת פונקציה דיפרנציאבילית:
                                                                                                                                             f(x) = f(a) + L(x - a) + o(||x - a||)
                (f\in\mathcal{D}\left(a
ight))\Longleftrightarrow (orall i\in\{1\dots m\}\,.f_i\in\mathcal{D}\left(a
ight)) איז a\in\mathcal{U} ויהי f:\mathcal{U}\to\mathbb{R} אויהי \mathcal{U}\subseteq\mathbb{R}^n איז \mathcal{U}\subseteq\mathbb{R}^n איז \mathcal{U}\subseteq\mathbb{R}^n איז \mathcal{U}=\mathbb{R}^n המקיימת f:\mathcal{U}\to\mathbb{R} איז \mathcal{U}=\mathbb{R}^n תחום ותהא \mathcal{U}\subseteq\mathbb{R}^n המקיימת f:\mathcal{U}\to\mathbb{R}^n איז \mathcal{U}=\mathbb{R}^n תחום ותהא \mathcal{U}=\mathbb{R}^n המקיימת \mathcal{U}=\mathbb{R}^n איז \mathcal{U}=\mathbb{R}^n תחום ותהא \mathcal{U}=\mathbb{R}^n המקיימת \mathcal{U}=\mathbb{R}^n איז \mathcal{U}=\mathbb{R}^n תחום ותהא \mathcal{U}=\mathbb{R}^n יהי \mathcal{U}=\mathbb{R}^n ויהי \mathcal{U}=\mathbb{R}^n איז \mathcal{U}=\mathbb{R}^n תחום תהיינה \mathcal{U}=\mathbb{R}^n יהי \mathcal{U}=\mathbb{R}^n וויהי \mathcal{U}=\mathbb{R}^n איז \mathcal{U}=\mathbb{R}^n
```

```
.cf, f + g \in \mathcal{D}(a) אז f, g \in \mathcal{D}(a) אם •
                                                                                                                                                              (\forall x \in \mathcal{U}.f(x) = c) \Longrightarrow (\forall x \in \mathcal{U}.\mathcal{D}_f(x) = 0) \bullet
                                                                                    .(\forall x\in\mathcal{U}.f\left(x
ight)=Ax+c)\Longrightarrow(\forall x\in\mathcal{U}.\mathcal{D}_{f}\left(x
ight)=A) אזי A\in M_{m	imes n}\left(\mathbb{R}
ight) תהא
                                                            \mathcal{D}_f\in C\left(\mathcal{U}
ight) וכן f\in\mathcal{D}\left(\mathcal{U}
ight) המקיימת f:\mathcal{U}	o\mathbb{R}^m תחום אזי תחום אזי וכן \mathcal{U}\subseteq\mathbb{R}^n פונקציה גזירה ברציפות: יהי
                                                                                                 f\in C^1\left(\mathcal{U},\mathbb{R}^m
ight) אזי ברציפות גוירה ותהא f:\mathcal{U}	o\mathbb{R}^m תחום ותהא \mathcal{U}\subseteq\mathbb{R}^n יהי
                                                                . orall i \in [m] . orall j \in [n] . rac{\partial f_i}{\partial x_j} \in C \left( \mathcal{U} 
ight) אזי f \in C^1 \left( \mathcal{U}, \mathbb{R}^m 
ight) תחום ותהא \mathcal{U} \subseteq \mathbb{R}^n אזי f \in \mathcal{D} \left( \mathcal{U} 
ight) אזי \forall i \in [m] . orall j \in [n] . rac{\partial f_i}{\partial x_j} \in C \left( \mathcal{U} 
ight) עבורה f : \mathcal{U} \to \mathbb{R}^m אזי \mathcal{U} \subseteq \mathbb{R}^n משפט: יהי
                                          .\left(orall i\in\left[m
ight].orall j\in\left[n
ight].rac{\partial f_{i}}{\partial x_{j}}\in C\left(\mathcal{U}
ight)
ight)\Longleftrightarrow\left(f\in C^{1}\left(\mathcal{U},\mathbb{R}^{m}
ight)
ight) אזי f:\mathcal{U}
ightarrow\mathbb{R}^{m} ותהא \mathcal{U}\subseteq\mathbb{R}^{n} ותהא
                            d_{av}(a)=\lim_{h	o 0}\frac{f(a+hv)-f(a)}{h} אזי a\in\mathcal{U} ויהי v\in\mathbb{S}^{n-1} יהי f:\mathcal{U}	o\mathbb{R} תחום תהא \mathcal{U}\subseteq\mathbb{R}^n אזי u\in\mathcal{U} ויהי
                                                .rac{\partial f}{\partial v}(a)=
abla f\left(a
ight)\cdot v אזי איזי f\in\mathcal{D}\left(a
ight) המקיימת f:\mathcal{U}	o\mathbb{R} ותהא v\in\mathbb{S}^{n-1} ותהא \mathcal{U}\subseteq\mathbb{R}^n טענה: יהי
                                         .rac{\partial f}{\partial v}(a)=\mathcal{D}_f\left(a
ight)\cdot v אזי f\in\mathcal{D}\left(a
ight) המקיימת f:\mathcal{U}	o\mathbb{R}^m ותהא v\in\mathbb{S}^{n-1} ותהא \mathcal{U}\subseteq\mathbb{R}^n המקיימת
                                                                                                              .(טענה: יהי \mathcal{U} \subseteq \mathbb{R}^n תחום אזי \mathcal{U} קשירה מסילתית קשירה פוליגונלית).
                                (orall x\in\mathcal{U}.f\left(x
ight)=c) \Longleftarrow (orall x\in\mathcal{U}.\mathcal{D}_{f}\left(x
ight)=0) אזי f:\mathcal{U}	o\mathbb{R}^{m} תחום תהא \mathcal{U}\subseteq\mathbb{R}^{n} ויהי
                            (\forall x\in\mathcal{U}.f\left(x
ight)=c)\Longleftrightarrow(orall x\in\mathcal{U}.\mathcal{D}_{f}\left(x
ight)=0) אזי c\in\mathbb{R}^{m} ויהי f:\mathcal{U}	o\mathbb{R}^{m} תחום ותהא \mathcal{U}\subseteq\mathbb{R}^{n}
          A \in \mathcal{U}. ויהיA \in \mathcal{U}. 
      A\in\mathcal{U}.f\left(x
ight)=Ax+c אוי היא f:\mathcal{U}	o\mathbb{R}^{m} אוי אוי f:\mathcal{U}	o\mathbb{R}^{m} אוי היא f:\mathcal{U}	o\mathbb{R}^{m} מסקנה: תהא
                                                                                                      rac{\partial\left(rac{\partial f}{\partial x_i}
ight)}{\partial x_i}=rac{\partial^2 f}{\partial x_i^2} גזירה אזי f:\mathcal{U}	o\mathbb{R} גזירה אזי f:\mathcal{U}	o\mathbb{R}
                            \frac{\partial \left(\frac{\partial f}{\partial x_j}\right)}{\partial x_i} = \frac{\partial^2 f}{\partial x_i \partial x_j} גזירה אזי גזירה אזי f:\mathcal{U} \to \mathbb{R} וכך f:\mathcal{U} \to \mathbb{R} אזי f:\mathcal{U} \to \mathbb{R} אזי f:\mathcal{U} \to \mathbb{R} וכך f:\mathcal{U} \to \mathbb{R} אזי f:\mathcal{U} \to \mathbb{R} אזי f:\mathcal{U} \to \mathbb{R} וכך f:\mathcal{U} \to \mathbb{R}
    .rac{\partial^{|K|}}{\partial x^K}(a) איי כל פרמוטציה של הנגזרות החלקיות הוא f:\mathcal{U}	o\mathbb{R} עבורה \mathcal{D}_f\in C^k\left(\mathcal{U}
ight) ויהי ויהי
                                                                                                                            \|Av\|_{
m st} \leq \|A\|_{
m st} \cdot \|v\|_{
m st} איז v \in \mathbb{R}^n ויהי A \in M_{m 	imes n}\left(\mathbb{R}
ight) טענה: תהא
אזי g\in D\left(f\left(a
ight)
ight) וכן f\in\mathcal{D}\left(a
ight) עבורן g:\mathcal{V}	o\mathbb{R}^k , f:\mathcal{U}	o\mathcal{V} ותהיינה a\in\mathcal{U} תחומים תהא \mathcal{V}\subseteq\mathbb{R}^m עבורן \mathcal{U}\subseteq\mathbb{R}^n אזי יהיו
                                                                                                                                                                      \mathcal{D}_{g \circ f}(a) = \mathcal{D}_{g}(f(a)) \cdot \mathcal{D}_{f}(a) וכן g \circ f \in \mathcal{D}(a)
                                            \Gamma_f=\{(x,y)\in\mathbb{R}^n	imes\mathbb{R}\mid (x\in\mathcal{U})\land (f(x)=y)\} אזי f:\mathcal{U}	o\mathbb{R} תחום ותהא \mathcal{U}\subseteq\mathbb{R}^n יהי יהי
                  \gamma_{f=c}=\{x\in\mathbb{R}^n\mid (x\in\mathcal{U})\land (f(x)=c)\} אזי f:\mathcal{U}	o\mathbb{R} תחום תהא \mathcal{U}\subseteq\mathbb{R}^n יהי ובה: יהי
```

 $f \in C(a)$ אז $f \in \mathcal{D}(a)$ אם •