```
a*b=*(a,b) אזי א איז פעולה A שימון: תהא A קבוצה ותהא A פעולה בינארית
                                         עבורו e \in G עבורה איי*: G 	imes G 	o G עבורה קיים *: G 	imes G 	o G
                                       a*(b*c)=(a*b)*c מתקיים a,b,c\in G לכל + אסוציאטיביות:
                                                     a*e=e*a=a מתקיים a\in G איבר יחידה: לכל
                                           a*b=e=b*a עבורו b\in G קיים a\in G לכל לכל • איבר הופכי:
                       a \in G לכל a * e = e * a = a עבורו e \in G לכל קיים ויחיד אזי קיים ויחיד a * e = e * a = a
                        a*b=e=b*a עבורו b\in G אזי קיים ויחיד a\in G אזי חבורה ויהי חבורה ויהי
                              a^{-1}=b אזי הופכי ל־a\in G איבר הופכי ל־a\in G אזי חבורה יהי סימון: תהא
                                         (a*b)^{-1} = b^{-1}*a^{-1} אזי a,b \in G חבורה ויהיו (G,*) אטענה: תהא
                                                       a\in Gטענה: תהא (G,*) חבורה ויהי a\in G אזי חבורה (G,*)
                                                S(X) = \{f: X \to X \mid \text{הפיכה } f\} הפיכה אזי קבוצה אזי
                                                                (S\left(X
ight),\circ) חבורת התמורות: תהא X קבוצה אזי
                                                        טענה: תהא X קבוצה אזי חבורת התמורות הינה חבורה.
                                                                              S_n = S\left([n]
ight) אזי n \in \mathbb{N} סימון: יהי
                                                                                  |S_n|=n! אזי n\in\mathbb{N} טענה: יהי
                                                     (\mathrm{GL}_n\left(\mathbb{F}
ight),\cdot) אזי n\in\mathbb{N} שדה ויהי \mathbb{F} שדה יהי
                                              . טענה: יהי \mathbb F שדה ויהי n\in\mathbb N אזי חבורת המטריצות הינה חבורה.
                                                         \mathbb{F}אזי \mathbb{F}\in\{\mathbb{Z},\mathbb{Q},\mathbb{R},\mathbb{C}\} אזי החבורות החיבוריות: יהי
                                                                           A^*=A\backslash\left\{0
ight\} אזי A\subseteq\mathbb{C} סימון: תהא
                                                            \mathbb{F}(\mathbb{F},\cdot) אזי \mathbb{F}\in\{\mathbb{Q}^*,\mathbb{R}^*,\mathbb{C}^*\} אזי יהי
                                                                        (\{x\}, Id) יהי אזי אזי החבורה הטריוואלית: יהי
                                       (x \sim_n y) \Longleftrightarrow (n|(x-y)) המוגדרת n \in \mathbb{N} אזי n \in \mathbb{N} הגדרה: יהי
                                                                                .C_n=\mathbb{Z}/_{\sim_n} אזי n\in\mathbb{N} סימון: יהי
                         [x]_{\sim_n}+[y]_{\sim_n}=[x+y]_{\sim_n} הגדרה: יהי n\in\mathbb{N} אזי איזי n\in\mathbb{N} הגדרה: יהי
                                                                (C_n,+) אזי n\in\mathbb{N} יהי החלוקה: אזי האריות שאריות
                                                     טענה: יהי n\in\mathbb{N} אזי חבורת שאריות החלוקה הינה חבורה.
                                                                                  |C_n|=n אזי n\in\mathbb{N} טענה: יהי
             g*h=h*g מתקיים g,h\in G עבורה לכל חבורה (G,*) חבורה חבורה אבלית/חילופית
                                                                    . טענה: יהי (S_n,\circ) אזי n\in\mathbb{N}_{\geq 3} אינה אבלית טענה:
                                                                . אינה אבלית (GL_n\left(\mathbb{F}\right),\cdot) אזי n\in\mathbb{N}_+ יהי יהי
                                                                          . אבלית (C_n,+) אזי n\in\mathbb{N}_+ אבלית טענה: יהי
                                                                    |G| \in \mathbb{N} עבורה סופית: חבורה חבורה חבורה
                                                                |G| \geq \aleph_0 עבורה אינסופית: חבורה חבורה אינסופית:
                                                 .ord (G)=|G| אזי חבורה סופית אזי (G,*) תהא
                                                         o\left(G
ight)=\operatorname{ord}\left(G
ight) אזי חבורה חבורה \left(G,st
ight)
                                        עבורה (H,st_{H	imes H}) אזי H\subseteq G עבורה ותהא חבורה (G,st)
                                                          a*b\in H סגירות לכפל: לכל לכל לכל סגירות סגירות •
                                                           a^{-1} \in H סגירות להופכי: לכל a \in H מתקיים
                                                       e \in H אזי של G איבר היחידה איבר e יהי יהי איבר \bullet
                       H \leq G אזי תר־חבורה (H, *_{\vdash_{H \times H}}) עבורה עבורה H \subseteq G חבורה אזי חבורה (G, *)
(a*b^{-1}\in H מתקיים a,b\in H מתקיים (לכלH\leq G) אזי H\in \mathcal{P}\left(G\right)\setminus\{\varnothing\} מתקיים למה: תהא
                   A*B=\{a*b\mid (a\in A)\land (b\in B)\} אזי A,B\subseteq G חבורה ותהיינה (G,*) חבורה ותהיינה
                                   g*H=\{g\}*H אזי g\in G ויהי ויהי חבורה תהא חבורה (G,*) אזי
```

A imes A o A פעולות בינאריות: תהא A קבוצה אזי

 $(n\mathbb{Z},+)\leq (\mathbb{Z},+)$ אזי $n\in\mathbb{N}$ טענה: יהי

```
SL_{n}\left(\mathbb{F}
ight),\cdot
ight)\leq\left(GL_{n}\left(\mathbb{F}
ight),\cdot
ight) שדה אזי n\in\mathbb{N} יהי יהי n\in\mathbb{N}
```

$$R_n = \{z \in \mathbb{C} \mid z^n = 1\}$$
 אזי $n \in \mathbb{N}$ סימון: יהי חי

$$(R_n,\cdot) \leq (\mathbb{C}^*,\cdot)$$
 אזי $n \in \mathbb{N}$ טענה: יהי

$$G \leq G$$
 טענה: תהא $(G,*)$ חבורה אזי

$$\{e\} \leq G$$
 טענה: תהא $(G,*)$ חבורה אזי

חבורת המכפלה: תהיינה
$$(g, h) \cdot (g', h') = (g * g', h \otimes h')$$
 חבורות נגדיר חבורות $(G, *)$, (H, \otimes) לכל $(G, h) \cdot (g', h') = (G * g', h \otimes h')$ חבורות נגדיר $(G, *)$ חבורות נגדיר $(G \times H, \cdot)$

. חבורה הינה חבורת אזי חבורת (G,*), (H,\otimes) טענה: תהיינה

. (חבורות אזי (חבורות אבליות) חבורות אזי חבורות אזי (חבורת $(G,*),(H,\otimes)$ טענה: תהיינה

.(HK=KH) \Longleftrightarrow ($H*K\leq G$) אזי $H,K\leq G$ ותהיינה (G,*) ותהיינה

הערה: מכאן והלאה כאשר ברור מהי הפעולה של החבורה נסמנה על ידי הקבוצה בלבד.