

**מערכת מעברים מסומנת (LTS):** יהי  $\Sigma$  אלפבית ותהא  $V$  קבוצה אזי  $\Delta \subseteq V \times \Sigma \times V$ .

**גרפים מסומנים:** יהי  $\Sigma$  אלפבית ותהא  $V$  קבוצה אזי  $\text{LabelledGraph}(V) = \{(G, f) \mid (G \in \text{Graph}(V)) \wedge (f : E(G) \rightarrow \Sigma)\}$ .

**טענה:** יהי  $\Sigma$  אלפבית ותהא  $V$  קבוצה ונגדיר  $\Psi : \text{LabelledGraph}(V) \rightarrow \text{LTS}$  כך  $\Psi(G, f) = \{(v, f(v, u), u) \mid (v, u) \in E(G)\}$  אזי  $\Psi$  הפיכה.

**סימון:** יהי  $\Sigma$  אלפבית ותהא  $V$  קבוצה ותהא  $\Delta$  מערכת מעברים מסומנת ויהי  $(v, \sigma, u) \in \Delta$  אזי  $v \xrightarrow{\sigma} u$ .

**מצבים של מערכת מעברים מסומנת:** תהא  $\Delta$  מערכת מעברים מסומנת אזי  $Q_\Delta = \{u \in V \mid \exists \delta \in \Delta. (\delta_1 = u) \vee (\delta_3 = u)\}$ .

**הערה:** מכאן והלאה נניח כי הקבוצה עליה מערכת מעברים מסומנת מוגדרת היא קבוצת המצבים שלה.

**מערכת מעברים מסומנת דטרמיניסטית:** מערכת מעברים מסומנת  $\Delta$  המקיימת  $\left| \left\{ u \in Q \mid v \xrightarrow{\sigma} u \right\} \right| \leq 1$  לכל  $v \in Q$  ולכל  $\sigma \in \Sigma$ .

**מערכת מעברים מסומנת שלמה:** מערכת מעברים מסומנת  $\Delta$  המקיימת  $\left| \left\{ u \in Q \mid v \xrightarrow{\sigma} u \right\} \right| \geq 1$  לכל  $v \in Q$  ולכל  $\sigma \in \Sigma$ .

**ריצה/מסלול:** תהא  $\Delta$  מערכת מעברים מסומנת אזי  $\rho \in Q \times (\Sigma \times Q)^n$  המקיימת  $(\rho_i, \rho_{i+1}, \rho_{i+2}) \in \Delta$  לכל  $i \in [2n] \cap \mathbb{N}_{\text{odd}}$ .

**הטלה של ריצה על קבוצת המצבים:** תהא  $\Delta$  מערכת מעברים מסומנת ותהא  $\rho \in Q \times (\Sigma \times Q)^n$  ריצה אזי  $p \in Q^{n+1}$  המקיימת  $p_i = \rho_{2i-1}$  לכל  $i \in [n+1]$ .

**הטלה של ריצה על האלפבית:** תהא  $\Delta$  מערכת מעברים מסומנת ותהא  $\rho \in Q \times (\Sigma \times Q)^n$  ריצה אזי  $p \in \Sigma^n$  המקיימת  $p_i = \rho_{2i}$  לכל  $i \in [n]$ .

**ריצה על מחרוזות:** תהא  $\Delta$  מערכת מעברים מסומנת ותהא  $w \in \Sigma^*$  אזי ריצה  $\rho$  עבורה ההטלה של  $\rho$  על  $\Sigma$  הינה  $w$ .

**אוטומט סופי:** יהי  $\Sigma$  אלפבית ותהא  $\Delta$  מערכת מעברים מסומנת באשר  $|\Delta| < \aleph_0$  ותהינה  $S, F \subseteq Q$  אזי  $(Q, \Sigma, \Delta, S, F)$ .

**ריצה מתקבלת על ידי אוטומט סופי:** יהי  $\mathcal{A}$  אוטומט סופי אזי ריצה  $\rho$  של  $\Delta_{\mathcal{A}}$  המקיימת  $\rho_1 \in S_{\mathcal{A}}$  וכן  $\rho_{\text{len}(\rho)} \in F_{\mathcal{A}}$ .

**מחרוזות מתקבלת על ידי אוטומט סופי:** יהי  $\mathcal{A}$  אוטומט סופי אזי  $w \in \Sigma_{\mathcal{A}}$  עבורו קיימת ריצה  $\rho$  על  $w$  באשר  $\rho$  מתקבלת.

**שפה של אוטומט סופי:** יהי  $\mathcal{A}$  אוטומט סופי אזי  $\text{Lan}(\mathcal{A}) = \{w \in \Sigma_{\mathcal{A}} \mid w \text{ מתקבלת על ידי } \mathcal{A}\}$ .

**אוטומטים סופיים שקולים:** אוטומטיים סופיים  $\mathcal{A}, \mathcal{B}$  המקיימים  $\text{Lan}(\mathcal{A}) = \text{Lan}(\mathcal{B})$ .

**אוטומט סופי דטרמיניסטי (אס"ד/DFA):** אוטומט סופי  $\mathcal{A}$  המקיים  $|S_{\mathcal{A}}| = 1$  וכן  $\Delta_{\mathcal{A}}$  דטרמיניסטי.

**אוטומט סופי לא-דטרמיניסטי (אסל"ד/NFA):** אוטומט סופי  $\mathcal{A}$  באשר  $\mathcal{A}$  אינו דטרמיניסטי.

**מודלים שקולים:** מודליי חישוב  $M, N$  עבורם לכל שפה  $L$  מתקיים (קיים  $\mathcal{M}$  מסוג  $M$  עבורו  $\text{Lan}(\mathcal{M}) = L$ )  $\iff$  (קיים  $\mathcal{N}$  מסוג  $N$  עבורו  $\text{Lan}(\mathcal{N}) = L$ ).

**טענה:** אסל"ד ואס"ד הינם מודלים שקולים.

**משפט:** יהי  $n \in \mathbb{N}$  אזי קיימת שפה  $L$  המקיימת

- קיים אסל"ד  $\mathcal{N}$  בעל  $\mathcal{O}(n)$  מצבים עבורו  $\text{Lan}(\mathcal{N}) = L$ .

- לכל אס"ד  $\mathcal{D}$  המקיים  $\text{Lan}(\mathcal{D}) = L$  מתקיים כי  $\mathcal{D}$  בעל  $\Omega(2^n)$  מצבים.

**שפה רגולרית:** שפה  $L$  עבורה קיים אוטומט סופי  $\mathcal{A}$  המקיים  $\text{Lan}(\mathcal{A}) = L$ .

- תהינה  $L_1, L_2$  שפות רגולריות אזי  $L_1 \cup L_2$  רגולרית.

- תהינה  $L_1, L_2$  שפות רגולריות אזי  $L_1 \cap L_2$  רגולרית.

- יהיו  $\Sigma_1, \Sigma_2$  אלפביתים תהא  $f : \Sigma_1 \rightarrow \Sigma_2$  ותהא  $L$  שפה רגולרית מעל  $\Sigma_1$  אזי  $f(L)$  רגולרית.

- יהיו  $\Sigma_1, \Sigma_2$  אלפביתים ותהא  $L$  שפה רגולרית מעל  $\Sigma_1 \times \Sigma_2$  אזי  $\pi_1(L), \pi_2(L)$  רגולריות.

- תהא  $L$  שפה רגולרית אזי  $\text{co}L$  רגולרית.

- **משפט:** קיים אלגוריתם  $A$  עבורו לכל אוטומטים סופיים  $\mathcal{A}, \mathcal{B}$  מתקיים כי  $A(\mathcal{A}, \mathcal{B})$  אוטומט סופי וכן

$\text{Lan}(A(\mathcal{A}, \mathcal{B})) = \text{Lan}(\mathcal{A}) \cup \text{Lan}(\mathcal{B})$  וכן  $A(\mathcal{A}, \mathcal{B})$  בעלת  $|Q_{\mathcal{A}}| + |Q_{\mathcal{B}}|$  מצבים.

- קיים אלגוריתם  $A$  עבורו לכל אוטומטים סופיים  $\mathcal{A}, \mathcal{B}$  מתקיים כי  $A(\mathcal{A}, \mathcal{B})$  אוטומט סופי וכן

$\text{Lan}(A(\mathcal{A}, \mathcal{B})) = \text{Lan}(\mathcal{A}) \cap \text{Lan}(\mathcal{B})$  וכן  $A(\mathcal{A}, \mathcal{B})$  בעלת  $|Q_{\mathcal{A}}| \cdot |Q_{\mathcal{B}}|$  מצבים.

- יהיו  $\Sigma_1, \Sigma_2$  אלפביתים תהא  $f : \Sigma_1 \rightarrow \Sigma_2$  אזי קיים אלגוריתם  $A$  עבורו לכל אוטומט סופי  $\mathcal{A}$  מעל  $\Sigma_1$  מתקיים כי  $A(\mathcal{A})$

אוטומט סופי מעל  $\Sigma_2$  וכן  $\text{Lan}(A(\mathcal{A})) = \text{Lan}(f(\mathcal{A}))$ .

- קיים אלגוריתם  $A$  עבורו לכל אוטומט סופי  $\mathcal{A}$  מתקיים כי  $A(\mathcal{A})$  אוטומט סופי וכן  $\text{Lan}(A(\mathcal{A})) = \text{Lan}(\text{co}\mathcal{A})$ .

**טענה:** קיימת שפה  $L$  עבורה לכל אוטומט סופי  $\mathcal{A}$  באשר  $\text{Lan}(\mathcal{A}) = \text{co}L$  מתקיים כי  $\mathcal{A}$  בעלת  $2^{\min\{|Q_{\mathcal{B}}| \mid \text{Lan}(\mathcal{B})=L\}}$  מצבים.

**ω-ריצה:** תהא  $\Delta$  מערכת מעברים מסומנת אזי  $\rho \in (Q \times \Sigma)^\omega$  המקיימת  $(\rho_{2i-1}, \rho_{i+1}, \rho_{i+2}) \in \Delta$  לכל  $i \in \mathbb{N}_{\text{odd}}$ .

**הטלה של ω-ריצה על קבוצת המצבים:** תהא  $\Delta$  מערכת מעברים מסומנת ותהא  $\rho \in (Q \times \Sigma)^\omega$  ω-ריצה אזי  $p \in Q^\omega$  המקיימת  $p_i = \rho_{2i-1}$  לכל  $i \in \mathbb{N}_+$ .

**הטלה של  $\omega$ -ריצה על האלפבית:** תהא  $\Delta$  מערכת מעברים מסומנת ותהא  $\rho$   $\omega$ -ריצה אזי  $p \in \Sigma^\omega$  המקיימת  $p_i = \rho_{2i}$  לכל  $i \in \mathbb{N}_+$ .  
 **$\omega$ -ריצה על מחרוזת:** תהא  $\Delta$  מערכת מעברים מסומנת ותהא  $w \in \Sigma^*$  אזי  $\omega$ -ריצה  $\rho$  עבורה ההטלה של  $\rho$  על  $\Sigma$  הינה  $w$ .  
**אוטומט Büchi:** יהי  $\Sigma$  אלפבית תהא  $\Delta$  מערכת מעברים מסומנת באשר  $|\Delta| < \aleph_0$  ותהיינה  $S, F \subseteq Q$  אזי  $(Q, \Sigma, \Delta, S, F)$ .  
 **$\omega$ -ריצה מתקבלת על ידי אוטומט Büchi:** יהי  $\mathcal{A}$  אוטומט Büchi אזי  $\omega$ -ריצה  $\rho$  של  $\Delta_{\mathcal{A}}$  המקיימת  $\rho_1 \in S_{\mathcal{A}}$  וכן  $|\{i \in \mathbb{N}_+ \mid \rho_i \in F_{\mathcal{A}}\}| = \aleph_0$ .

**מחרוזת מתקבלת על ידי אוטומט Büchi:** יהי  $\mathcal{A}$  אוטומט Büchi אזי  $w \in \Sigma_{\mathcal{A}}^\omega$  עבורו קיימת  $\omega$ -ריצה  $\rho$  על  $w$  באשר  $\rho$  מתקבלת.  
**שפה של אוטומט Büchi:** יהי  $\mathcal{A}$  אוטומט Büchi אזי  $w \in \Sigma_{\mathcal{A}}^\omega$  מתקבלת על ידי  $\mathcal{A}$   $\text{Lan}(\mathcal{A}) = \{w \in \Sigma_{\mathcal{A}}^\omega \mid w \text{ מתקבלת על ידי } \mathcal{A}\}$ .  
**אוטומטי Büchi שקולים:** אוטומטי Büchi  $\mathcal{A}, \mathcal{B}$  המקיימים  $\text{Lan}(\mathcal{A}) = \text{Lan}(\mathcal{B})$ .  
**אוטומט Büchi דטרמיניסטי (DBA):** אוטומט Büchi  $\mathcal{A}$  המקיים  $|S_{\mathcal{A}}| = 1$  וכן  $\Delta_{\mathcal{A}}$  דטרמיניסטי.  
**אוטומט Büchi לא-דטרמיניסטי (NBA):** אוטומט Büchi  $\mathcal{A}$  באשר  $\mathcal{A}$  אינו דטרמיניסטי.

**הגדרה:**  $L_{\text{fin},a} = \{w \in \{a,b\}^\omega \mid |w^{-1}[\{a\}]| < \aleph_0\}$

**טענה:** קיים אבל"ד  $\mathcal{N}$  המקיים  $\text{Lan}(\mathcal{N}) = L_{\text{fin},a}$

**טענה:** לא קיים אבל"ד  $\mathcal{D}$  המקיים  $\text{Lan}(\mathcal{D}) = L_{\text{fin},a}$

**אוטומט Muller:** יהי  $\Sigma$  אלפבית תהא  $\Delta$  מערכת מעברים מסומנת באשר  $|\Delta| < \aleph_0$  תהא  $S \subseteq Q$  ותהא  $\mathfrak{J} \subseteq 2^{Q_{\Delta}}$  אזי  $(Q, \Sigma, \Delta, S, \mathfrak{J})$ .

**הגדרה:** יהי  $\mathcal{A}$  אוטומט Muller ותהא  $\rho$   $\omega$ -ריצה אזי  $\text{Inf}(\rho) = \{q \in Q_{\mathcal{A}} \mid |\rho^{-1}[\{q\}]| = \aleph_0\}$

**$\omega$ -ריצה מתקבלת על ידי אוטומט Muller:** יהי  $\mathcal{A}$  אוטומט Muller אזי  $\omega$ -ריצה  $\rho$  של  $\Delta_{\mathcal{A}}$  המקיימת  $\rho_1 \in S_{\mathcal{A}}$  וכן  $\text{Inf}(\rho) \in \mathfrak{J}_{\mathcal{A}}$

**מחרוזת מתקבלת על ידי אוטומט Muller:** יהי  $\mathcal{A}$  אוטומט Muller אזי  $w \in \Sigma_{\mathcal{A}}^\omega$  עבורו קיימת  $\omega$ -ריצה  $\rho$  על  $w$  באשר  $\rho$  מתקבלת.

**שפה של אוטומט Muller:** יהי  $\mathcal{A}$  אוטומט Muller אזי  $w \in \Sigma_{\mathcal{A}}^\omega$  מתקבלת על ידי  $\mathcal{A}$   $\text{Lan}(\mathcal{A}) = \{w \in \Sigma_{\mathcal{A}}^\omega \mid w \text{ מתקבלת על ידי } \mathcal{A}\}$

**אוטומטי Muller שקולים:** אוטומטי Muller  $\mathcal{A}, \mathcal{B}$  המקיימים  $\text{Lan}(\mathcal{A}) = \text{Lan}(\mathcal{B})$

**אוטומט Muller דטרמיניסטי (DMA):** אוטומט Muller  $\mathcal{A}$  המקיים  $|S_{\mathcal{A}}| = 1$  וכן  $\Delta_{\mathcal{A}}$  דטרמיניסטי.

**אוטומט Muller לא-דטרמיניסטי (NMA):** אוטומט Muller  $\mathcal{A}$  באשר  $\mathcal{A}$  אינו דטרמיניסטי.

**בעיית הריקנות:**  $\text{Emp} = \{\langle \mathcal{A} \rangle \mid (\text{Büchi } \mathcal{A}) \wedge (\text{Lan}(\mathcal{A}) = \emptyset)\}$

**טענה:** קיים אלגוריתם דטרמיניסטי המכריע את Emp בעל סיבוכיות ריצה  $\text{poly}(n)$  וסיבוכיות מקום  $\text{poly}(n)$ .

**טענה:** קיים אלגוריתם לא-דטרמיניסטי המכריע את Emp בעל סיבוכיות ריצה  $\text{poly}(n)$  וסיבוכיות מקום  $\mathcal{O}(\log^2(n))$ .

**מחרוזת מחזורית החל ממקום מסוים:** מחרוזת  $s \in \Sigma^\omega$  עבורה קיימים  $p, N \in \mathbb{N}$  המקיימים  $s(i) = s(i+p)$  לכל  $i > N$

**משפט:** יהי  $\mathcal{A}$  אוטומט Büchi באשר  $\text{Lan}(\mathcal{A}) \neq \emptyset$  אזי קיימת  $s \in \Sigma^\omega$  מחזורית החל ממקום מסוים המקיימת  $s \in \text{Lan}(\mathcal{A})$

**בעיית האוניברסליות:**  $\text{Uni} = \{\langle \mathcal{A} \rangle \mid (\text{Büchi } \mathcal{A}) \wedge (\text{Lan}(\mathcal{A}) = \Sigma^\omega)\}$

**בעיית ההכלה:**  $\text{Inc} = \{\langle \mathcal{A}, \mathcal{B} \rangle \mid (\text{Büchi } \mathcal{A}, \mathcal{B}) \wedge (\text{Lan}(\mathcal{A}) \subseteq \text{Lan}(\mathcal{B}))\}$

**משפט:** Uni, Inc הינן PSPACE-שלמות.

**מתמר/Transducer:** יהיו  $\Sigma, \Pi$  אלפביתים תהא  $\Delta$  מערכת מעברים מסומנת שלמה ודטרמיניסטית מעל  $\Sigma$  יהי  $s \in Q_{\Delta}$  ותהא

$O : \Delta \rightarrow \Pi$  אזי  $(Q_{\Delta}, \Sigma, \Pi, \Delta, s, O)$

**סימון:** יהי  $(Q_{\Delta}, \Sigma, \Pi, \Delta, s, O)$  מתמר יהיו  $q, p \in Q_{\Delta}$  יהי  $a \in \Sigma$  באשר  $q \xrightarrow{a} p$  ויהי  $b \in \Pi$  באשר  $O(q, a, p) = b$  אזי  $q \xrightarrow{a/b} p$

**מתמר סופי:** מתמר  $T$  המקיים  $|\Delta_T| < \aleph_0$

**פונקציה מושרית ממתמר:** יהי  $T$  מתמר יהי  $w \in \Sigma_T^\omega$  ותהא  $\rho$   $\omega$ -ריצה על  $w$  באשר  $\rho_1 = s_T$  אזי נגדיר  $f : \Sigma_T^\omega \rightarrow \Pi_T^\omega$  כך

$n \in \mathbb{N}_+$  לכל  $(f(w))_n = O_T(\rho_{2n-1}, \rho_{2n}, \rho_{2n+1})$

**הערה:** יהי  $T$  מתמר ותהא  $f : \Sigma_T^\omega \rightarrow \Pi_T^\omega$  הפונקציה המושרית מ- $T$  אזי נסמן את  $f$  בתור  $T$ .

**פונקציה סיבתית/Causal function:** יהיו  $\Sigma, \Pi$  אלפביתים אזי  $f : \Sigma^\omega \rightarrow \Pi^\omega$  עבורה קיימת  $g : \Sigma^* \rightarrow \Pi$  המקיימת

$t \in \mathbb{N}_+$  ולכל  $a \in \Sigma^\omega$  לכל  $(f(a))_t = g(a_1 \dots a_t)$

**פונקציה סיבתית ממש:** יהיו  $\Sigma, \Pi$  אלפביתים אזי  $f : \Sigma^\omega \rightarrow \Pi^\omega$  עבורה קיימת  $g : \Sigma^* \rightarrow \Pi$  המקיימת

$t \in \mathbb{N}_+$  ולכל  $a \in \Sigma^\omega$  לכל  $(f(a))_t = g(a_1 \dots a_{t-1})$

**טענה:** יהי  $T$  מתמר אזי  $T$  סיבתית.

**מתמר נקודתי:** מתמר  $T$  המקיים  $|Q_T| = 1$

**מתמר מחשב פונקציה:** יהיו  $\Sigma, \Pi$  אלפביתים ותהא  $f : \Sigma_T^\omega \rightarrow \Pi_T^\omega$  אזי מתמר  $T$  המקיים  $T = f$

**הגדרה:** יהי  $\Sigma$  אלפבית ויהי  $b \in \Sigma$  אזי נגדיר  $\text{Delay}^b : \Sigma^\omega \rightarrow \Sigma^\omega$  כך  $\text{Delay}^b(w) = bw$

**טענה:** יהי  $\Sigma$  אלפבית ויהי  $b \in \Sigma$  אזי  $\text{Delay}^b$  פונקציה סיבתית ממש.

**טענה:** יהי  $\Sigma$  אלפבית ויהי  $b \in \Sigma$  אזי  $\text{Delay}^b$  חשיבה על ידי מתמר סופי.

**טענה:** יהיו  $\Sigma, \Pi$  אלפביתים ותהא  $f : \Sigma^\omega \rightarrow \Pi^\omega$  סיבתית אזי  $f$  (חשיבה על ידי מתמר סופי)  $\iff$  לכל  $b \in \Pi$  מתקיים כי  $\bigcup_{i=1}^\omega \{(a_1 \dots a_i) \mid (f(a))_i = b\}$  רגולרית.

**טענה:** יהי  $T$  מתמר אזי  $(T$  סיבתית ממש)  $\iff$  לכל  $q \in Q_T$  מתקיים  $\left| \left\{ \pi \in \Pi_T \mid \exists p \in Q_T. \exists \sigma \in \Sigma_T. \left( q \xrightarrow{\sigma/\pi} p \right) \right\} \right| = 1$ .

**רשת מתמרים/ transducers of Net:** יהיו  $\Sigma_1 \dots \Sigma_{n+1}$  אלפביתים ויהיו  $T_1 \dots T_n$  מתמרים באשר  $T_i : \Sigma_i^\omega \rightarrow \Sigma_{i+1}^\omega$  לכל  $i \in [n]$  אזי  $T_n \circ \dots \circ T_1$

**טענה:** יהיו  $\Sigma, \Pi$  אלפביתים ותהא  $f : \Sigma^\omega \rightarrow \Pi^\omega$  אזי  $f$  (חשיבה על ידי מתמר סופי)  $\iff$  (קיימת רשת של מתמרים המורכבת ממתמרים נקודתיים ו- $\text{Delay}$  המחשבת את  $f$ ).

**תנאי Rabin:** תהיינה  $F_1 \dots F_n, G_1 \dots G_n \subseteq Q$  אזי נגדיר  $\mathcal{J}_{\text{Rabin}} = \{P \subseteq Q \mid \exists i \in [n]. (P \cap F_i \neq \emptyset) \wedge (P \cap G_i = \emptyset)\}$

**אוטומט Rabin:** יהי  $\Sigma$  אלפבית תהא  $\Delta$  מערכת מעברים מסומנת באשר  $|\Delta| < \aleph_0$  ותהיינה  $S, F_1 \dots F_n, G_1 \dots G_n \subseteq Q$  אזי אוטומט Muller  $(Q, \Sigma, \Delta, S, \mathcal{J}_{\text{Rabin}})$ .

**אוטומט Rabin דטרמיניסטי (DRA):** אוטומט Rabin  $\mathcal{A}$  המקיים  $|S_{\mathcal{A}}| = 1$  וכן  $\Delta_{\mathcal{A}}$  דטרמיניסטית.

**אוטומט Rabin לא-דטרמיניסטי (NRA):** אוטומט Rabin  $\mathcal{A}$  באשר  $\mathcal{A}$  אינו דטרמיניסטי.

**תנאי Street:** תהיינה  $F_1 \dots F_n, G_1 \dots G_n \subseteq Q$  אזי נגדיר  $\mathcal{J}_{\text{Street}} = \{P \subseteq Q \mid \forall i \in [n]. (P \cap F_i = \emptyset) \vee (P \cap G_i \neq \emptyset)\}$

**אוטומט Street:** יהי  $\Sigma$  אלפבית תהא  $\Delta$  מערכת מעברים מסומנת באשר  $|\Delta| < \aleph_0$  ותהיינה  $S, F_1 \dots F_n, G_1 \dots G_n \subseteq Q$  אזי אוטומט Muller  $(Q, \Sigma, \Delta, S, \mathcal{J}_{\text{Street}})$ .

**אוטומט Street דטרמיניסטי (DSA):** אוטומט Street  $\mathcal{A}$  המקיים  $|S_{\mathcal{A}}| = 1$  וכן  $\Delta_{\mathcal{A}}$  דטרמיניסטית.

**אוטומט Street לא-דטרמיניסטי (NSA):** אוטומט Street  $\mathcal{A}$  באשר  $\mathcal{A}$  אינו דטרמיניסטי.

**גליליזציה/ Cylindrification:** תהיינה  $A, B$  קבוצות ותהא  $S \subseteq A$  אזי  $\text{Cyl}_B(S) = S \times B$ .

**משפט:** • תהיינה  $L_1, L_2$  שפות המתקבלות על ידי NBA אזי  $L_1 \cup L_2$  מתקבלת על ידי NBA.

• תהיינה  $L_1, L_2$  שפות המתקבלות על ידי NBA אזי  $L_1 \cap L_2$  מתקבלת על ידי NBA.

• יהיו  $\Sigma_1, \Sigma_2$  אלפביתים ותהא  $L$  שפה מעל  $\Sigma_1 \times \Sigma_2$  המתקבלת על ידי NBA אזי  $\pi_1(L), \pi_2(L)$  מתקבלות על ידי NBA.

• יהיו  $\Sigma_1, \Sigma_2$  אלפביתים ותהא  $L$  שפה מעל  $\Sigma_1$  המתקבלת על ידי NBA אזי  $\text{Cyl}_{\Sigma_2^*}(L)$  מתקבלת על ידי NBA.

**משפט:** NBA, NRA, NSA, NMA הינם מודלים שקולים.

**למה קונינג:** יהי  $T$  עץ מכוון באשר  $|V(T)| = \aleph_0$  אזי אחד מהבאים מתקיים

• קיים  $v \in V(T)$  המקיים  $\deg^+(v) = \infty$ .

• קיים  $\rho \in V(T)^\omega$  המקיים  $(\rho_i, \rho_{i+1}) \in E(T)$  לכל  $i \in \mathbb{N}_+$ .

**הגדרה:** יהי  $\mathcal{A}$  NBA ויהי  $\alpha \in \Sigma_{\mathcal{A}}^\omega$  אזי  $Q_0 = S$  וכן  $Q_{n+1} = \{q \in Q \mid \exists p \in Q_n. (p, \alpha_{n+1}, q) \in \Delta\}$  לכל  $n \in \mathbb{N}_+$ .

**גרף חישוב של אוטומט Büchi לא-דטרמיניסטי:** יהי  $\mathcal{A}$  NBA ויהי  $\alpha \in \Sigma_{\mathcal{A}}^\omega$  נגדיר  $V = \bigcup_{i=1}^\omega (Q_i \times \{i\})$  ונגדיר

$E = \left\{ ((q, \ell), (p, n)) \in V^2 \mid (n = \ell + 1) \wedge \left( q \xrightarrow{\alpha_n} p \right) \right\}$  אזי  $\text{Dag}_{\alpha, \mathcal{A}} = (V, E)$ .

**טענה:** יהי  $\mathcal{A}$  NBA ויהי  $\alpha \in \Sigma_{\mathcal{A}}^\omega$  אזי  $\text{Dag}_{\alpha, \mathcal{A}}$  גרף מכוון אציקלי.

...

**משפט Büchi:** תהא  $L$  שפה המתקבלת על ידי NBA אזי  $\text{co}L$  מתקבלת על ידי NBA.

**משפט ספרא:** • תהא  $L$  שפה המתקבלת על ידי NBA בעל  $n$  מצבים אזי  $\text{co}L$  מתקבלת על ידי NBA בעל  $n^{O(n)}$  מצבים.

• קיימת שפה  $L$  המתקבלת על ידי NBA בעל  $n$  מצבים עבורה כל NBA המקבל את  $\text{co}L$  הינו בעל  $n^{O(n)}$  מצבים.