```
\overline{.a+ib}=a-ib אזי a,b\in\mathbb{R} הצמוד: יהיו
                                                                                                 |a+ib|=\sqrt{a^2+b^2} אזי a,b\in\mathbb{R} הערך המוחלט: יהיו
                                                                                                                   \operatorname{Re}\left(z
ight)=0 עבורו z\in\mathbb{C} מספר מדומה טהור:
                                                                                                                     \operatorname{Im}\left(z
ight)=0 עבורו z\in\mathbb{C}:מספר ממשי טהור:
                                                                                                                                                                 למה: יהיz\in\mathbb{C} אזי
                                                                                                                                                                        .\overline{(\overline{z})} = z \bullet
                                                                                                                                                                       |\overline{z}| = |z| \bullet
                                                                                                                                                                     .z\overline{z} = |z|^2 \bullet
                                                                                                                          .z^{-1}=rac{\overline{z}}{|z|^2} אזי z\in\mathbb{C}ackslash\{0\} מסקנה: יהי
                                                                                                            מסקנה: \mathbb C עם הפעולות שהוגדרו מלעיל הינו שדה.
                                                                                                                                                        טענה: יהיו z,w\in\mathbb{C} אזי
                                                                                                                                                              .Re (z) = \frac{z + \overline{z}}{2} \bullet
                                                                                                                                                             \operatorname{Im}(z) = \frac{z - \overline{z}}{2i} \bullet
                                                                                                                                                          \overline{z+w} = \overline{z} + \overline{w} \bullet
                                                                                                                                                               .\overline{z\cdot w} = \overline{z}\cdot \overline{w} \bullet
                                                                                                                                   \overline{\left(rac{z}{w}
ight)}=rac{\overline{z}}{\overline{w}} אזי w
eq 0 נניח כי
                                                                                                                                 |z\cdot w|=|z|\cdot |w| • |z|\cdot |w|=|z|\cdot |w| • נניח כי |z|=|z| אזי
                                                                                                                                                 |z| \le \operatorname{Re}(z) \le |z| \bullet
                                                                                                                                                  |z| \le \operatorname{Im}(z) \le |z| \bullet
.|z+w|\leq |z|+|w| איז z,w\in\mathbb{C} טענה אי שיוויון המשולש: יהיו z,w\in\mathbb{C} איז איז z,w\in\mathbb{C} טענה אי שיוויון קושי שוורץ: יהיו z_i=z_iw_i=\left(\sum_{i=1}^n|z_i|^2\right)\left(\sum_{i=1}^n|w_i|^2\right) איז z_1\ldots z_n,w_1\ldots w_n\in\mathbb{C} טענה אי שיוויון קושי שוורץ: יהיו
                                                                                                                           מסקנה: יהיו a,b\in\mathbb{R} ויהיו z,w\in\mathbb{C} אזי
                                                                                                                                                   |z| - |w| \le |z - w| •
                                                                                                                                                   |a + ib| \le |a| + |b|
                                                                         e^{i	heta}=\cos{(	heta)}+i\sin{(	heta)} אזי 	heta\in\mathbb{R} הצגה פולרית/הצגה קוטבית: יהי
                                                                                         \mathrm{arg}\left(z
ight)=\left\{	heta\in\mathbb{R}\mid z=|z|\,e^{i	heta}
ight\} אזי z\in\mathbb{C} הארגומנט: יהי
                                                                  z=|z|\cdot e^{i	heta} עבורו 	heta\in(-\pi,\pi] אזי קיים ויחיד z\in\mathbb{C}ackslash\{0\} יהי
                                                     \operatorname{Arg}(z)=	heta אזי 	heta\in \operatorname{arg}(z)\cap (-\pi,\pi] ויהי z\in \mathbb{C}\setminus\{0\} אזי z\in \mathbb{C}\setminus\{0\}
                                                                                              . ויחיד קיים ויחיד אזי הארגומנט העיקרי קיים ויחיד z\in\mathbb{C}\backslash\left\{ 0
ight\} הערה: יהי
```

A=B+C אוי קיימות איי אוי פיימות 0 עבורן B באשר באר באשר באשר אנטי־קונפורמית או  $A\in M_2\left(\mathbb{R}\right)$  אוי קיימות איי קיימות ויחידות באשר באשר אווי באשר באשר באשר אנטי־קונפורמית או

. מעל  $\mathbb{R}^2$  עם הפעולות הסטנדרטיות מרוכבים: מרחב וקטורי

.i=(0,1) הגדרה וכן וכן  $1\mapsto (1,0)$  בהתאמה ב־D הערה: נשתמש ב־משקנה: אזי קיימים ויחידים  $a,b\in\mathbb{R}$  עבורם  $z\in\mathbb{C}$  אזי אזי קיימים ויחידים  $a,b\in\mathbb{R}$  עבורם מסקנה:  $\exists a,b\in\mathbb{R}.A=\left(egin{array}{c} a-b\\ b&a \end{array}\right)$  המקיימת  $0
eq A\in M_2\left(\mathbb{R}
ight)$ 

. היא איזומורפיזם  $T\left(a+ib\right)=\left(egin{array}{c} a-b \\ b \end{array}\right)$  המוגדרת  $T\in \mathrm{Hom}\left(\mathbb{C},O\left(2\right)\right)$  היא איזומורפיזם

(a+ib) (c+id)=(ac-bd)+i (ad+bc) אזי  $(a,b,c,d\in\mathbb{R}$  מרפלת מרוכבים: יהיו

טענה: תהא  $A\in M_2$  ( $\mathbb R$ ) אזי (A קונפורמית) אזי ( $A\in M_2$  ( $\mathbb R$ ) טענה: תהא ( $A\in M_2$  ( $\mathbb R$ ) אזי ( $A\in M_2$  ( $\mathbb R$ ) המקיימת (A אנטי־קונפורמית: A אזי (A אנטי־קונפורמית) אזוית). A אזי (A אנטי־קונפורמית) אזוית).

 $\mathbb C$  סימון: נסמן את המרוכבים בעזרת

 $.i^2 = -1$  :טענה

 $O\left(n
ight)=\left\{ A\in M_{2}\left(\mathbb{R}
ight)\mid$  קונפורמית  $A\}$ 

 $\operatorname{Re}\left(a+ib
ight)=a$  אזי $a,b\in\mathbb{R}$  החלק הממשי: יהיו והיו  $a,b\in\mathbb{R}$  אזי $a,b\in\mathbb{R}$  החלק המדומה: יהיו

```
(r \cdot e^{i\theta}) \cdot (s \cdot e^{i\phi}) = rs \cdot e^{i(\theta + \phi)} \bullet
                                                                                                    \operatorname{arg}\left(zw
ight)=\operatorname{arg}\left(z
ight)+\operatorname{arg}\left(w
ight) אזי w,z\in\mathbb{C} מסקנה: יהיו
                                                                                                       (r \cdot e^{i\theta})^{-1} = \frac{1}{\pi} \cdot e^{-i\theta} אזי r > 0 ויהי \theta \in \mathbb{R} טענה: יהי
                                                                                        (r\cdot e^{i	heta})^n=r^n\cdot e^{in	heta} אזי n\in\mathbb{Z} ויהי r\geq 0 יהי 	heta\in\mathbb{R} יהי
                                        \left(\cos\left(	heta
ight)+i\sin\left(n	heta
ight)
ight)^{n}=\cos\left(n	heta
ight)+i\sin\left(n	heta
ight) אזי n\in\mathbb{Z} ויהי 	heta\in\mathbb{Z} ויהי 	heta\in\mathbb{Z}
                                             0.\sqrt[n]{re^{i	heta}}=\left\{\sqrt[n]{r}e^{i\left(rac{	heta+2\pi k}{n}
ight)}\mid k\in\{0,\dots,n-1\}
ight\} אזי n\in\mathbb{N}_+ יהי 0י יהי \theta\in\mathbb{R} יהי טענה: יהי
                                                                        0.\sqrt[n]{1}=\left\{e^{rac{2i\pi k}{n}}\mid k\in\{0,\ldots,n-1\}
ight\} מסקנה שורשי יחידה: יהי n\in\mathbb{N}_+ אזי
                                                                      x\in\mathbb{C} אזי קיים x\in\mathbb{C} עבורוx\in\mathbb{C} המשפט היסודי של האלגברה: יהיx\in\mathbb{C} אזי קיים
                                                            a_0 = a_0 \prod_{i=1}^n (x-a_i) עבורם a_0 \ldots a_n \in \mathbb{C} אזי קיימים p \in \mathbb{C}_{\geq 1}[x] יהי
                                                                                                                       N=(0,0,1) את \mathbb{R}^3הקוטב הצפוני: נסמן ב
                                                                                                         \mathbb{S}^n=\{x\in\mathbb{R}^{n+1}\mid \|x\|=1\} אזי n\in\mathbb{N}_+ יהי יהי יהי
                                                                                           z>0 המקיימות (x,y,z)\in\mathbb{S}^2 הנקודות כל העליונה: כל
                                                                                         z<0 המקיימות (x,y,z) המקיימות כל הנקודות כל הנקודות ההמיספרה התחתונה:
                                      f\left(x+iy
ight)=\left(rac{2x}{x^2+y^2+1},rac{2y}{x^2+y^2+1},1-rac{2}{x^2+y^2+1}
ight) כאלה סטריאוגרפית: נגדיר וגדיר f:\mathbb{C}	o\mathbb{S}^2\setminus\{N\} הטלה סטריאוגרפית:
f(p) = \mathrm{line}_{p,N} \cap \mathbb{S}^1 נגדיר את \mathbb{C} להיות שני הצירים הראשונים, אז ההטלה הסטריאוגרפית היא מבחינה מעשית \mathbb{C}
                                                                                                                                                                  .טענה: f רציפה
                                                                                                                                                           טענה: יהיz\in\mathbb{C} אזי
                                                                                                                                        (z \in \mathbb{S}^1) \iff (f(z) = z) \bullet
                                                                                                             (\mathbb{S}^1בהמיספרה העליונה) בהמיספרה f(z) •
                                                                                                              .(\mathbb{S}^1 בתוך בתוך בתוך התחתונה) בהמיספרה f(z)
                                                                    .f^{-1}\left(x,y,z
ight)=rac{x}{1-z}+irac{y}{1-z} כך כך f^{-1}:\mathbb{S}^2ackslash\left\{N
ight\}	o\mathbb{C} טענה: f הפיכה ומתקיים
                                                                                                                                                         \widehat{\mathbb{C}}=\mathbb{C}\cup\{\infty\}\cup\widehat{\mathbb{C}}
                                                                                 f\left(\infty
ight)=N וכן f:\widehat{\mathbb{C}}	o\mathbb{S}^2 הספירה של רימן: f ניתנת להרחבה רציפה
                                                                                     טענה: תהא f^{-1}[A] מעגל A\subseteq \mathbb{S}^2\setminus\{N\} מעגל או ישר).
                                        (N\in P) ישר) ישר f^{-1}[C] אזי וויהי C=P\cap\mathbb{S}^2 מישור עבורו C\subseteq\mathbb{S}^2\setminus\{N\} ישר מסקנה: יהי
                                      \lim_{n	o\infty}a_n=z אזי orallarepsilon\in\mathbb{C} אזי arthetaarepsilon>0. אזי a\in\mathbb{C}^\mathbb{N} אזי a\in\mathbb{C}^\mathbb{N}
                                                                                     (a_n 	o z) \Longleftrightarrow (|a_n - z| 	o 0) אזי z \in \mathbb{C} ויהי a \in \mathbb{C}^{\mathbb{N}} אחי
                                            \lim_{n	o\infty}a_n=\infty אזי אM\in\mathbb{R}.\exists N\in\mathbb{N}. orall n\geq N. M<|a_n| עבורה a\in\mathbb{C}^\mathbb{N} אזי אזי
                                                                                                         (a_n 	o \infty) \Longleftrightarrow (|a_n| 	o \infty) אזי a \in \mathbb{C}^{\mathbb{N}} אזי טענה: תהא
                                                                                טענה: תהיינה a,b\in\mathbb{C}^{\mathbb{N}} ויהיו a,b\in\mathbb{C}^{\mathbb{N}} אזי מענה: תהיינה
                                                                                                                                                    .a_n + b_n \rightarrow z + w \bullet
```

. מתכנסות) Re (a) , Im (a)) אזי  $a\in\mathbb{C}^{\mathbb{N}}$  מתכנסות) מענה: תהא  $a\in\mathbb{C}^{\mathbb{N}}$ 

 $.(orall arepsilon>0.\exists N\in\mathbb{N}. orall n, m\geq N. \ |a_n-a_m|<arepsilon) \Longleftrightarrow מסקנה: תהא <math>a\in\mathbb{C}^\mathbb{N}$  אזי ( $a\in\mathbb{C}^\mathbb{N}$ 

 $a_n o 0$  אזי  $|a_n| o 0$  אזי המקיימת  $a \in \mathbb{C}^{\mathbb{N}}$  אזי

 $.rac{a_n}{b_n} orac{z}{w}$  אאי w
eq 0 נניח כי ullet פענה:  $a_n o z$  ויהי  $z\in\widehat{\mathbb C}$  אאי  $a_n o z$  אויהי

 $.a_n \cdot b_n \to z \cdot w \bullet$ 

 $.\overline{a_n} \to \overline{z} \quad \bullet$   $.|a_n| \to |z| \quad \bullet$   $.\operatorname{Re}(a_n) \to \operatorname{Re}(z) \quad \bullet$   $.\operatorname{Im}(a_n) \to \operatorname{Im}(z) \quad \bullet$ 

 $\mathrm{Arg}\,(z)=\{\mathrm{Arg}\,(z)+2k\pi\mid k\in\mathbb{Z}\}$  הערה: אזי  $heta, \phi\in\mathbb{R}$  אזי טענה: יהיו

 $\overline{r \cdot e^{i\theta}} = r \cdot e^{-i\theta} \bullet$ 

 $a_nb_n o 0$  אזי אזי  $b_n o 0$  באשר  $a,b\in\mathbb{C}^\mathbb{N}$  מסקנה: תהיינה

```
היא ביחס הכוונה היא ביחס לשדה. \mathbb{R},\mathbb{C} וכאשר נאמר כי \mathbb{F} מכאן והלאה הסימון \mathbb{F} יתאר שדה מבין \mathbb{R},\mathbb{C} וכאשר נאמר כי
orall arepsilon>0.\exists \delta>0.orall z\in \mathcal{U}ackslash\{a\}.\|z-a\|< עבורה f:\mathcal{U}	o\mathbb{F}_2 אותהא A\in\mathbb{F}_2 תהא a\in\mathbb{F}_1 פתוחה תהא \mathcal{U}\subseteq\mathbb{F}_1 עבורה \mathcal{U}\subseteq\mathbb{F}_1
                                                                                                                                                 \lim_{z\to a} f(z) = A איי \delta \Longrightarrow \|f(z) - A\| < \varepsilon
                                   (\lim_{z \to a} f\left(z
ight) = A) \Longleftrightarrow \left( orall b \in \mathbb{C}^{\mathbb{N}}. \left(b_n 	o a
ight) \Longrightarrow \left(f\left(b_n
ight) 	o A
ight) 
ight) פתוחה אזי שפט היינה: תהא \mathcal{U} \subseteq \mathbb{F}_1 פתוחה אזי
                                         טענה: תהא \lim_{z	o a}g\left(z
ight)=B וכן \lim_{z	o a}f\left(z
ight)=A באשר f,g:\mathcal{U}	o\mathbb{F}_2 פתוחה ותהיינה \mathcal{U}\subseteq\mathbb{F}_1 אזי
                                                                                                                                                                     \lim_{z\to a} (f+g)(z) = A+B \bullet
                                                                                                                                                                                \lim_{z\to a} (fg)(z) = AB \bullet
                                                                                                                                                     \lim_{z \to a} \left( \frac{f}{g} \right)(z) = \frac{A}{B} אזי B \neq 0 נניח •
                                                                                                \lim_{z	o a}f\left(z
ight)=A באשר f:\mathcal{U}	o\widetilde{\mathbb{C}} פתוחה ותהא \mathcal{U}\subseteq\mathbb{F} באשר \mathcal{U}\subseteq\mathcal{F}
                                                                                                                                                                                          \lim_{z\to a} \overline{f(z)} = \overline{A} \bullet
                                                                                                                                                                                     \lim_{z\to a} |f(z)| = |A| \bullet
                                                                                                                                                                         \lim_{z\to a} \operatorname{Re}(f(z)) = \operatorname{Re}(A) \bullet
                                                                                                                                                                         .{\lim _{z \to a} \operatorname{Im} \left( f\left( z \right) \right)} = \operatorname{Im} \left( A \right) \ \bullet
                                                                                                                                                     אזי a\in\mathbb{C} ויהי f:\mathbb{C}	o\mathbb{C} אזי אינסופי: תהא
        \lim_{z \to a} f(z) = \infty אזי \forall M > 0. \exists \delta > 0. \forall z \in \mathbb{C} \setminus \{a\} . |z-a| < \delta \Longrightarrow M < |f(z)| אזי אזי
                        \lim_{z\to\infty}f\left(z
ight)=a איז \forall arepsilon>0. \forall z\in\mathbb{C}. R<|z|\Longrightarrow |f\left(z
ight)-a|<arepsilon איז • שאיפה לנקודה באינטוף: אם
                       \lim_{z \to \infty} f\left(z
ight) = \infty אזי \forall M > 0. \exists R > 0. \forall z \in \mathbb{C}. R < |z| \Longrightarrow M < |f\left(z
ight)| שאיפה לאינסוף באינסוף: אם •
                                                      \lim_{z	o a}f\left(z
ight)=f\left(a
ight) המקיימת f:\mathcal{U}	o\mathbb{F}_2 פונקציה רציפה: תהא \mathcal{U}\subseteq\mathbb{F}_1 פתוחה יהיa\in\mathcal{U} פונקציה רציפה:
                                                                                                                    מסקנה: כל מניפולציות הרציפות של פונקציה מחדו"א 1 מתקיימות.
                                                                  .f'\left(a
ight)=\lim_{z	o a}rac{f\left(z
ight)-f\left(a
ight)}{z-a} אאז f:\mathcal{U}	o\mathbb{F}_{2} ותהא a\in\mathcal{U} פתוחה יהי \mathcal{U}\subseteq\mathbb{F}_{1} אאז \mathcal{U}\subseteq\mathcal{F}_{1}
                                                                                                   \mathcal U כל כל גזירה f:\mathcal U	o\mathbb C אזי פתוחה פונקציה הולומורפית: תהא על כל \mathcal U\subseteq\mathbb C פתוחה אזי
                                                                                                                      מסקנה: כל מניפולציות הנגזרת של פונקציה מחדו"א 1 מתקיימות.
                                                                                                                      v,u:\mathbb{C} 	o \mathbb{R} עבור v+iu=f נסמן f:\mathbb{C} 	o \mathbb{C} עבור הערה: תהא
                                                                                                                                     .(גזירות) אזי (u,u) אזי אזי (u,u) אזי אזי אזי אזי אזירות (u,u) אזי אזירות).
                                                                                \mathcal{L}(\exists c\in\mathbb{C}.f=c)\Longleftrightarrow (f'=0) גזירה אזי f:\mathcal{U}\to\mathbb{C} תחום ותהא \mathcal{U}\subseteq\mathbb{C} יהי
                           .f'\left(a
ight)=rac{\partial u}{\partial x}\left(a
ight)+irac{\partial v}{\partial x}\left(a
ight)=rac{\partial v}{\partial y}\left(a
ight)-irac{\partial u}{\partial y}\left(a
ight) אזי a\in\mathcal{U} אזי היי f:\mathcal{U}	o\mathbb{C} תחום תהא \mathcal{U}\subseteq\mathbb{C} יהיי
                                            -\left(rac{\partial u}{\partial x}=rac{\partial v}{\partial y}
ight)\wedge\left(rac{\partial v}{\partial x}=rac{\partial u}{\partial y}
ight) גיירה אזי f:\mathcal{U}	o\mathbb{C} תחום ותהא \mathcal{U}\subseteq\mathbb{C} מסקנה משוואות קושי־רימן: יהי
                                                                                                                            \exists c \in \mathbb{R}. f = c) \Longleftrightarrowטענה: תהא f: \mathbb{C} 	o \mathbb{R} אזי (f: \mathbb{C} 	o \mathbb{R} טענה)
                \left(\left(u,v\in C^{1}\left(\mathcal{U}
ight)
ight)\wedge\left(\left(rac{\partial u}{\partial x}=rac{\partial v}{\partial y}
ight)\wedge\left(rac{\partial v}{\partial x}=rac{\partial u}{\partial y}
ight)
ight)
ight)\Longrightarrowמשפט: תהא \mathcal{U}\subseteq\mathbb{C} פתוחה ותהא \mathcal{U}\subseteq\mathcal{C} אזי ל
                                                                                                                   \Delta g=rac{\partial^2 g}{\partial x^2}+rac{\partial^2 g}{\partial y^2} אזי פעמיים אזי g:\mathbb{R}^2	o\mathbb{R} לפלסיאן: תהא
                                                                                                                     \Delta q=0 בונקציה הרמונית: q:\mathbb{R}^2	o\mathbb{R} גזירה פעמיים המקיימת פונקציה
                                                                                                                                                     . אזי u,v אזי f\in C^2\left(\mathbb{C},\mathbb{C}\right) הרמוניות טענה: תהא
                                                                         . פונקציה צמודה הרמונית: תהא u+iv הולומורפית v:\mathbb{R}^2	o\mathbb{R} אזי u:\mathbb{R}^2	o\mathbb{R} הולומורפית
                                                          u:\mathbb{R}^2 	o \mathbb{R} אזי א צמודה הרמונית ליu:\mathbb{R}^2 	o \mathbb{R} ותהא u:\mathbb{R}^2 	o \mathbb{R} ותהא
                                                                                                               .(\sum_{i=0}^n a_i z^i)' = \sum_{i=1}^n a_i i z^{i-1} אזי \sum_{i=0}^n a_i z^i \in \mathbb{C}[z] טענה: יהי
                                                                                                                                                 .orall z\in\mathbb{C}.f\left(\overline{z}
ight)=\overline{f\left(z
ight)} אזי f\in\mathbb{R}\left[z
ight] טענה: יהי
                                                                 . מתכנסות טור: תהא a\in\mathbb{C}^\mathbb{N} אזי a\in\mathbb{C}^\mathbb{N} עבורה \sum_{i=0}^n a_n מתכנסת. אזי a\in\mathbb{C}^\mathbb{N} מתכנסת. מתכנסות נקודתית: תהא \mathcal{U}\subseteq\mathbb{C} פתוחה ויהי a\in\mathbb{C} אזי f\in(\mathbb{C}^\mathcal{U})^\mathbb{N} אזי f\in(\mathbb{C}^\mathcal{U})^\mathbb{N} מתכנסת.
                                                               עבורה g:\mathbb{C}	o\mathbb{C} אזי f\in \left(\mathbb{C}^\mathcal{U}
ight)^\mathbb{N} פתוחה ותהא \mathcal{U}\subseteq\mathbb{C} אזי תהא שווה (במ"ש): תהא
                                                                                                                                \forall \varepsilon > 0. \exists N \in \mathbb{N}. \forall x \in A. \forall n > N. |f_n(x) - f(x)| < \varepsilon
      (\forall arepsilon>0.\exists N\in\mathbb{N}. \forall n,m\geq N. \forall z\in\mathcal{U}\, |f_n\left(z
ight)-f_m\left(z
ight)|<arepsilon )אזי איזי f\in\left(\mathbb{C}^{\mathcal{U}}
ight)^\mathbb{N} איזי איזי מתכנסת במ"ש) פענה: תהא
                                            טענה מבחן M\in\mathbb{R}^\mathbb{N} עבורה M\in\mathbb{R}^\mathbb{N} ותהא ווירשטראס להתכנסות: תהא להתכנסות: תהא f\in\left(\mathbb{C}^\mathcal{U}
ight)^\mathbb{N}
                                                                                                       . אזי שבחלט ובמ"ש. אזי אזי \sum_{i=0}^n u_i אזי אזי \forall x \in \mathbb{R}. \forall n \in \mathbb{N}. \, |u_n\left(x\right)| \leq M_n
                                                   g\in C\left(\mathcal{U}
ight) אזי f_{n}\overset{\mathtt{u}}{	o}g וכן orall n\in\mathbb{N}.f_{n}\in C\left(\mathcal{U}
ight) עבורה f\in\left(\mathbb{C}^{\mathcal{U}}
ight)^{\mathbb{N}} אזי g:\mathbb{C}	o\mathbb{C} טענה: תהא
                                                                                                                \sum_{i=0}^{\infty}a_{i}\left(x-b
ight)^{i} אזי b\in\mathbb{R} סדרה ויהי a\in\mathbb{C}^{\mathbb{N}} אזי מור חזקות:
```

 $.e^{\overline{z}}=\overline{e^z}$  אזי  $z\in\mathbb{C}$  מסקנה: יהי

 $\cos{(z)}=rac{e^{iz}+e^{iz}}{2}$  אזי $z\in\mathbb{C}$  יהי $\sin{(z)}=rac{e^{iz}-e^{-iz}}{2i}$  אזי $z\in\mathbb{C}$  אינוס: יהי