

פעולה בינארית: פונקציה $*$: $A \times A \rightarrow A$.

סימון: תהא $*$ פעולה בינארית אזי $a * b := *(\langle a, b \rangle)$.

אגודה: תהא G קבוצה ותהא $*$ פעולה בינארית אזי $\langle G, * \rangle$ המקיימת

• אסוציאטיביות/קיבוציות: $\forall a, b, c \in A. a * (b * c) = (a * b) * c$.

מונואיד: אגודה $\langle G, * \rangle$ המקיימת

• איבר יחידה: $\exists e \in A. \forall g \in G. e * g = g * e = g$.

טענה: יהיו $a, b \in G$ איברי יחידה אזי $a = b$.

סימון: איבר היחידה של $\langle G, * \rangle$ הוא e_G .

חבורה: מונואיד $\langle G, * \rangle$ המקיימת

• איבר הופכי/נגדי: $\forall g \in G. \exists h \in A. g * h = h * g = e_G$.

טענה: יהי $a \in G$ ויהיו $b, c \in G$ איברים הופכיים של a אזי $b = c$.

סימון: יהי $a \in G$ אזי האיבר ההופכי של a הוא a^{-1} .

קומוטטיביות/חילופיות/אבליות: $\forall a, b \in A. a * b = b * a$.

הגדרה: $GL_n(\mathbb{F}) = \{A \in M_n(\mathbb{F}) \mid \det(A) \neq 0\}$.

טענה: $\langle GL_n(\mathbb{F}), \cdot \rangle$ חבורה לא אבלית.

הגדרה: תהא A קבוצה אזי $S_A = A \xrightarrow[onto]{1-1} A$.

החבורה הסימטרית: יהי $n \in \mathbb{N}_+$ אזי $S_n = S_{[n]}$.

טענה: $\langle S_n, \circ \rangle$ חבורה לא אבלית.

תת חבורה: תהא $\langle G, * \rangle$ חבורה ותהא $H \subseteq G$ אזי החבורה $\langle H, *|_H \rangle$.

סימון: אם H תת חבורה של G אזי $H \leq G$.

טענה בוחן תת חבורה: תהא G חבורה ותהא $H \subseteq G$ אזי $H \leq G$ אם

• $e \in H$

• $\forall a, b \in H. ab \in H$

• $\forall a \in H. a^{-1} \in H$