```
.Im (a+ib)=b אזי a,b\in\mathbb{R} החלק המדומה: יהיו
                                                                                                                    \overline{a+ib}=a-ib אזי a,b\in\mathbb{R} הצמוד: יהיו
                                                                                              |a+ib|=\sqrt{a^2+b^2} אזי a,b\in\mathbb{R} הערך המוחלט: יהיו
                                                                                                                \operatorname{Re}\left(z
ight)=0 עבורו z\in\mathbb{C} מספר מדומה טהור:
                                                                                                                  \operatorname{Im}\left(z
ight)=0 עבורו z\in\mathbb{C}:מספר ממשי טהור:
                                                                                                                                                            למה: יהיz\in\mathbb{C} אזי
                                                                                                                                                                    .\overline{(\overline{z})} = z \bullet
                                                                                                                                                                  |\overline{z}| = |z| \bullet
                                                                                                                                                                .z\overline{z} = |z|^2 \bullet
                                                                                                                       .z^{-1}=rac{\overline{z}}{|z|^2} אזי z\in\mathbb{C}ackslash\{0\} מסקנה: יהי
                                                                                                         מסקנה: \mathbb C עם הפעולות שהוגדרו מלעיל הינו שדה.
                                                                                                                                                   טענה: יהיו z,w\in\mathbb{C} אזי
                                                                                                                                                          .Re (z) = \frac{z + \overline{z}}{2} \bullet
                                                                                                                                                         \operatorname{Im}(z) = \frac{z - \overline{z}}{2i} \bullet
                                                                                                                                                      \overline{z+w} = \overline{z} + \overline{w} \bullet
                                                                                                                                                          .\overline{z \cdot w} = \overline{z} \cdot \overline{w} \bullet
                                                                                                                               \overline{\left(rac{z}{w}
ight)}=rac{\overline{z}}{\overline{w}} אזי w
eq 0 נניח כי
                                                                                                                              |z\cdot w|=|z|\cdot |w|י גיוח כי |z| = w אזי איז |z| = w.
                                                                                                                                             |z| \le \operatorname{Re}(z) \le |z| \bullet
                                                                                                                                              |z| \le \operatorname{Im}(z) \le |z| \bullet
.|z+w|\leq |z|+|w| איז z,w\in\mathbb{C} טענה אי שיוויון המשולש: יהיו z,w\in\mathbb{C} איז איז z,w\in\mathbb{C} טענה אי שיוויון קושי שוורץ: יהיו z_i=z_iw_i=\left(\sum_{i=1}^n|z_i|^2\right)\left(\sum_{i=1}^n|w_i|^2\right) איז z_1\ldots z_n,w_1\ldots w_n\in\mathbb{C} טענה אי שיוויון קושי שוורץ: יהיו
                                                                                                                       מסקנה: יהיו a,b\in\mathbb{R} ויהיו z,w\in\mathbb{C} אזי
                                                                                                                                               |z| - |w| \le |z - w| •
                                                                                                                                               |a+ib| \le |a|+|b|
                                                                       e^{i	heta}=\cos{(	heta)}+i\sin{(	heta)} אזי 	heta\in\mathbb{R} הצגה פולרית/הצגה קוטבית: יהי
                                                                                      \mathrm{arg}\left(z
ight)=\left\{	heta\in\mathbb{R}\mid z=|z|\,e^{i	heta}
ight\} אזי z\in\mathbb{C} הארגומנט: יהי
                                                                z=|z|\cdot e^{i	heta} עבורו 	heta\in(-\pi,\pi] אזי קיים ויחיד z\in\mathbb{C}ackslash\{0\} יהי
                                                    \operatorname{Arg}(z)=	heta אזי 	heta\in \operatorname{arg}(z)\cap (-\pi,\pi] ויהי z\in \mathbb{C}\setminus\{0\} אזי z\in \mathbb{C}\setminus\{0\}
                                                                                           . ויחיד קיים ויחיד אזי הארגומנט העיקרי קיים ויחיד z\in\mathbb{C}\backslash\left\{ 0
ight\} הערה: יהי
```

A=B+C אוי קיימות איי אוי פיימות 0 עבורן B באשר באר באשר באשר אנטי־קונפורמית או $A\in M_2\left(\mathbb{R}\right)$ אוי קיימות איי קיימות ויחידות באשר באשר אווי באשר באשר באשר אנטי־קונפורמית או

. מעל \mathbb{R}^2 עם הפעולות הסטנדרטיות מרוכבים: מרחב וקטורי

.i=(0,1) הגדרה וכן וכן $1\mapsto (1,0)$ בהתאמה ב־D הערה: נשתמש ב־משקנה: אזי קיימים ויחידים $a,b\in\mathbb{R}$ עבורם $z\in\mathbb{C}$ אזי אזי קיימים ויחידים $a,b\in\mathbb{R}$ עבורם מסקנה: $\exists a,b\in\mathbb{R}.A=\left(egin{array}{c} a-b\\ b&a \end{array}\right)$ המקיימת $0
eq A\in M_2\left(\mathbb{R}
ight)$

. היא איזומורפיזם $T\left(a+ib\right)=\left(egin{array}{c} a-b \\ b \end{array}\right)$ המוגדרת $T\in \mathrm{Hom}\left(\mathbb{C},O\left(2\right)\right)$ היא איזומורפיזם

(a+ib) (c+id)=(ac-bd)+i (ad+bc) אזי $(a,b,c,d\in\mathbb{R}$ מרפלת מרוכבים: יהיו

טענה: תהא $A \in M_2(\mathbb{R})$ אזי (A קונפורמית) אזי $A \in M_2(\mathbb{R})$ הפיכה ושומרת אווית). $\exists a,b \in \mathbb{R}. A = \left(\begin{smallmatrix} a & b \\ b & -a \end{smallmatrix} \right)$ המקיימת $A \in M_2(\mathbb{R})$ אזי (A אנטי־קונפורמית) אווית). $A \in M_2(\mathbb{R})$ הפיכה והופכת אווית). טענה: תהא $A \in M_2(\mathbb{R})$

 $\mathbb C$ סימון: נסמן את המרוכבים בעזרת

 $.i^2 = -1$:טענה

 $O\left(n
ight)=\left\{ A\in M_{2}\left(\mathbb{R}
ight)\mid$ קונפורמית $A\}$

 $\operatorname{Re}\left(a+ib
ight)=a$ אזי $a,b\in\mathbb{R}$ החלק הממשי: יהיו

```
\operatorname{arg}\left(zw
ight)=\operatorname{arg}\left(z
ight)+\operatorname{arg}\left(w
ight) אזי w,z\in\mathbb{C} מסקנה: יהיו
                                                                                                       (r \cdot e^{i\theta})^{-1} = \frac{1}{\pi} \cdot e^{-i\theta} אזי r > 0 ויהי \theta \in \mathbb{R} טענה: יהי
                                                                                        (r\cdot e^{i	heta})^n=r^n\cdot e^{in	heta} אזי n\in\mathbb{Z} ויהי r\geq 0 יהי 	heta\in\mathbb{R} יהי
                                        \left(\cos\left(	heta
ight)+i\sin\left(n	heta
ight)
ight)^{n}=\cos\left(n	heta
ight)+i\sin\left(n	heta
ight) אזי n\in\mathbb{Z} ויהי 	heta\in\mathbb{Z} ויהי 	heta\in\mathbb{Z}
                                             0.\sqrt[n]{re^{i	heta}}=\left\{\sqrt[n]{r}e^{i\left(rac{	heta+2\pi k}{n}
ight)}\mid k\in\{0,\dots,n-1\}
ight\} אזי n\in\mathbb{N}_+ יהי 0י יהי \theta\in\mathbb{R} יהי טענה: יהי
                                                                       0.\sqrt[n]{1}=\left\{e^{rac{2i\pi k}{n}}\mid k\in\{0,\ldots,n-1\}
ight\} מסקנה שורשי יחידה: יהי n\in\mathbb{N}_+ אזי
                                                                     x\in\mathbb{C} אזי קיים x\in\mathbb{C} עבורוx\in\mathbb{C} המשפט היסודי של האלגברה: יהיx\in\mathbb{C} אזי קיים
                                                           a_0 = a_0 \prod_{i=1}^n (x-a_i) עבורם a_0 \ldots a_n \in \mathbb{C} אזי קיימים p \in \mathbb{C}_{\geq 1}[x] יהי
                                                                                                                      N=(0,0,1) את \mathbb{R}^3הקוטב הצפוני: נסמן ב
                                                                                                        \mathbb{S}^n=\{x\in\mathbb{R}^{n+1}\mid \|x\|=1\} אזי n\in\mathbb{N}_+ יהי יהי יהי
                                                                                          z>0 המקיימות (x,y,z)\in\mathbb{S}^2 הנקודות כל העליונה: כל
                                                                                        z<0 המקיימות (x,y,z) המקיימות כל הנקודות כל הנקודות ההמיספרה התחתונה:
                                      f\left(x+iy
ight)=\left(rac{2x}{x^2+y^2+1},rac{2y}{x^2+y^2+1},1-rac{2}{x^2+y^2+1}
ight) כאלה סטריאוגרפית: נגדיר וגדיר f:\mathbb{C}	o\mathbb{S}^2\setminus\{N\} הטלה סטריאוגרפית:
f(p) = \mathrm{line}_{p,N} \cap \mathbb{S}^1 נגדיר את \mathbb{C} להיות שני הצירים הראשונים, אז ההטלה הסטריאוגרפית היא מבחינה מעשית \mathbb{C}
                                                                                                                                                                 .טענה: f רציפה
                                                                                                                                                          טענה: יהיz\in\mathbb{C} אזי
                                                                                                                                      (z \in \mathbb{S}^1) \iff (f(z) = z) \bullet
                                                                                                            (\mathbb{S}^1בהמיספרה העליונה) בהמיספרה f(z) •
                                                                                                             .(\mathbb{S}^1 בתוך בתוך בתוך התחתונה) בהמיספרה f(z)
                                                                   .f^{-1}\left(x,y,z
ight)=rac{x}{1-z}+irac{y}{1-z} כך כך f^{-1}:\mathbb{S}^2ackslash\left\{N
ight\}	o\mathbb{C} טענה: f הפיכה ומתקיים
                                                                                                                                                       \widehat{\mathbb{C}}=\mathbb{C}\cup\{\infty\}\cup\widehat{\mathbb{C}}
                                                                                f\left(\infty
ight)=N וכן f:\widehat{\mathbb{C}}	o\mathbb{S}^2 הספירה של רימן: f ניתנת להרחבה רציפה
                                                                                    טענה: תהא f^{-1}[A] מעגל A\subseteq \mathbb{S}^2\setminus\{N\} מעגל או ישר).
                                        (N\in P) ישר) ישר f^{-1}[C] אזי וויהי C=P\cap\mathbb{S}^2 מישור עבורו C\subseteq\mathbb{S}^2\setminus\{N\} ישר מסקנה: יהי
                                      \lim_{n	o\infty}a_n=z אזי orallarepsilon\in\mathbb{C} אזי arthetaarepsilon>0. אזי a\in\mathbb{C}^\mathbb{N} אזי a\in\mathbb{C}^\mathbb{N}
                                                                                    (a_n 	o z) \Longleftrightarrow (|a_n - z| 	o 0) אזי z \in \mathbb{C} ויהי a \in \mathbb{C}^{\mathbb{N}} אחי
                                           \lim_{n	o\infty}a_n=\infty אזי אM\in\mathbb{R}.\exists N\in\mathbb{N}. orall n\geq N. M<|a_n| עבורה a\in\mathbb{C}^\mathbb{N} אזי אזי
                                                                                                        (a_n 	o \infty) \Longleftrightarrow (|a_n| 	o \infty) אזי a \in \mathbb{C}^{\mathbb{N}} אזי טענה: תהא
                                                                               טענה: תהיינה a,b\in\mathbb{C}^{\mathbb{N}} ויהייa,b\in\mathbb{C}^{\mathbb{N}} אזי מענה: תהיינה
                                                                                                                                                   .a_n + b_n \rightarrow z + w \bullet
                                                                                                                                                       .a_n \cdot b_n \to z \cdot w \bullet
```

 $.\overline{a_n} o \overline{z} ullet$

 $|a_n| \to |z| \bullet$

 $\operatorname{Re}\left(a_{n}\right)
ightarrow \operatorname{Re}\left(z\right) \ ullet$

 $\mathrm{Arg}\,(z)=\{\mathrm{Arg}\,(z)+2k\pi\mid k\in\mathbb{Z}\}$ הערה: אזי $heta, \phi\in\mathbb{R}$ אזי טענה: יהיו

 $(r \cdot e^{i\theta}) \cdot (s \cdot e^{i\phi}) = rs \cdot e^{i(\theta + \phi)} \bullet$

 $\overline{r \cdot e^{i\theta}} = r \cdot e^{-i\theta} \bullet$

 $\operatorname{Im}(a_n) \to \operatorname{Im}(z) \bullet$

.(מתכנסות) Re (a) , Im (a)) אזי $a\in\mathbb{C}^{\mathbb{N}}$ אזי מתכנסות מענה: תהא $a\in\mathbb{C}^{\mathbb{N}}$

 $.(orall arepsilon>0.\exists N\in\mathbb{N}. orall n, m\geq N. \ |a_n-a_m|<arepsilon) \Longleftrightarrow מסקנה: תהא <math>a\in\mathbb{C}^\mathbb{N}$ אזי ($a\in\mathbb{C}^\mathbb{N}$

 $a_n o 0$ אזי ו $|a_n| o 0$ אמקיימת $a \in \mathbb{C}^{\mathbb{N}}$ אזי

 $.rac{a_n}{b_n} orac{z}{w}$ אאי w
eq 0 נניח כי ullet פענה: $a_n o z$ ויהי $z\in\widehat{\mathbb C}$ אאי $a_n o z$ אויהי

 $a_nb_n o 0$ אזי אזי $b_n o 0$ באשר $a,b\in\mathbb{C}^\mathbb{N}$ מסקנה: תהיינה

```
אזי a\in\mathbb{C} ויהי f:\mathbb{C}	o\mathbb{C} אזי a\in\mathbb{C}
        \lim_{z \to a} f(z) = \infty אזי \forall M > 0. \exists \delta > 0. \forall z \in \mathbb{C} \setminus \{a\} . |z-a| < \delta \Longrightarrow M < |f(z)| אזי אזי
                        \lim_{z\to\infty}f\left(z
ight)=a איז \forall arepsilon>0. \forall z\in\mathbb{C}. R<|z|\Longrightarrow |f\left(z
ight)-a|<arepsilon איז • שאיפה לנקודה באינטוף: אם
                       \lim_{z \to \infty} f\left(z
ight) = \infty אזי \forall M > 0. \exists R > 0. \forall z \in \mathbb{C}. R < |z| \Longrightarrow M < |f\left(z
ight)| שאיפה לאינסוף באינסוף: אם
                                                      \lim_{z	o a}f\left(z
ight)=f\left(a
ight) המקיימת f:\mathcal{U}	o\mathbb{F}_2 פונקציה רציפה: תהא \mathcal{U}\subseteq\mathbb{F}_1 פתוחה יהיa\in\mathcal{U} פונקציה רציפה:
                                                                                                                     מסקנה: כל מניפולציות הרציפות של פונקציה מחדו"א 1 מתקיימות.
                                                                   .f'\left(a
ight)=\lim_{z	o a}rac{f(z)-f(a)}{z-a} אזי f:\mathcal{U}	o\mathbb{F}_2 ותהא a\in\mathcal{U} פתוחה יהי \mathcal{U}\subseteq\mathbb{F}_1 אזי \mathcal{U}\subseteq\mathcal{F}_1
                                                                                                    \mathcal U כל כל גזירה הולומורפית: תהא \mathcal U\subseteq\mathbb C פתוחה אזי f:\mathcal U\to\mathbb C גזירה על כל
                                                                                                                       מסקנה: כל מניפולציות הנגזרת של פונקציה מחדו"א1 מתקיימות.
                                                                                                                     v,u:\mathbb{R}^2	o\mathbb{R} עבור u+iv=f נסמן f:\mathbb{C}	o\mathbb{C} הערה: תהא
                                                                                                                                     .(גזירות) אזי (f:\mathbb{R}\to\mathbb{C}) אזי אזי (f:\mathbb{R}\to\mathbb{C}) טענה: תהא
                                                                                \mathcal{L}(\exists c\in\mathbb{C}.f=c)\Longleftrightarrow(f'=0) אזי גזירה f:\mathcal{U}\to\mathbb{C} תחום ותהא \mathcal{U}\subseteq\mathbb{C} יהי למה: יהי
                           .f'\left(a
ight)=rac{\partial u}{\partial x}\left(a
ight)+irac{\partial v}{\partial x}\left(a
ight)=rac{\partial v}{\partial y}\left(a
ight)-irac{\partial u}{\partial y}\left(a
ight) אזי a\in\mathcal{U} אזי f:\mathcal{U}	o\mathbb{C} תחום תהא \mathcal{U}\subseteq\mathbb{C} יהי
                                          \left(rac{\partial u}{\partial x}=rac{\partial v}{\partial y}
ight)\wedge\left(rac{\partial v}{\partial x}=-rac{\partial u}{\partial y}
ight) גזירה אזי f:\mathcal{U}	o\mathbb{C} תחום ותהא \mathcal{U}\subseteq\mathbb{C} מסקנה משוואות קושי־רימן: יהי
                                                                                                                   הגדרה: יהי \mathcal{U} \subseteq \mathbb{R}^2 תחום ותהא \mathcal{U} \subseteq \mathbb{R}^2 דיפרנציאבילית אזי
                                                                                                                                                                                      .\frac{\partial f}{\partial z} = \frac{1}{2} \left( \frac{\partial f}{\partial x} - i \frac{\partial f}{\partial y} \right) \bullet
                                                                                                                                                                                      \frac{\partial f}{\partial \overline{z}} = \frac{1}{2} \left( \frac{\partial f}{\partial x} + i \frac{\partial f}{\partial y} \right) \bullet
                                                                           (rac{\partial f}{\partial \overline{z}}=0)\Longleftrightarrowתחום הולומורפית) אזי (f:\mathcal{U}	o\mathbb{C} תחום ותהא \mathcal{U}\subseteq\mathbb{C} מסקנה: יהי
                                                                                                                             .(\exists c \in \mathbb{R}. f = c) \Longleftrightarrowטענה: תהא f: \mathbb{C} \to \mathbb{R} אזי ענה: תהא
.\left(\left(u,v\in C^{1}\left(\mathcal{U}
ight)
ight)\wedge\left(\left(rac{\partial u}{\partial x}=rac{\partial v}{\partial y}
ight)\wedge\left(rac{\partial v}{\partial x}=-rac{\partial u}{\partial y}
ight)
ight)
ight) \iff משפט: תהא \mathcal{U}\subseteq\mathbb{C} פתוחה ותהא f:\mathcal{U}\to\mathbb{C} אזי f:\mathcal{U}\to\mathbb{C} אזי
                                                                                                                    \Delta g=rac{\partial^2 g}{\partial x^2}+rac{\partial^2 g}{\partial y^2} אזי פעמיים g:\mathbb{R}^2	o\mathbb{R} לפלסיאן: תהא
                                                                                                                     \Delta q=0 בונקציה הרמונית: q:\mathbb{R}^2	o\mathbb{R} גזירה פעמיים המקיימת
                                                                                                                                                      . אזי u,v אזי f\in C^2\left(\mathbb{C},\mathbb{C}\right) הרמוניות טענה: תהא
                                                                          . הולומורפית: u+iv בורה v:\mathbb{R}^2	o\mathbb{R} אזי u:\mathbb{R}^2	o\mathbb{R} הולומורפית: תהא
                                                          u:\mathbb{R}^2 	o \mathbb{R} אזי א צמודה הרמונית ליu:\mathbb{R}^2 	o \mathbb{R} ותהא u:\mathbb{R}^2 	o \mathbb{R} ותהא
                                                                                                               .(\sum_{i=0}^n a_i z^i)' = \sum_{i=1}^n a_i i z^{i-1} אזי \sum_{i=0}^n a_i z^i \in \mathbb{C}[z] טענה: יהי
                                                                                                                                                  \forall z \in \mathbb{C}. f\left(\overline{z}
ight) = \overline{f\left(z
ight)} אזי f \in \mathbb{R}\left[z
ight] טענה: יהי
                                                                 . מתכנסות \sum_{i=0}^n a_n אזי a_n = \sum_{i=0}^\infty a_n עבורה \sum_{i=0}^\infty a_n מתכנסת. f_n(a) אוי f \in \left(\mathbb{C}^\mathcal{U}\right)^\mathbb{N} אזי a \in \mathbb{C} אוי a \in \mathbb{C} מתכנסת. מתכנסות נקודתית: תהא \mathcal{U} \subseteq \mathbb{C} פתוחה ויהי
                                                                עבורה g:\mathbb{C}	o\mathbb{C} אזי f\in (\mathbb{C}^\mathcal{U})^\mathbb{N} אמי פתוחה תהא \mathcal{U}\subseteq \mathbb{C} עבורה עבורה במידה שווה (במ"ש): תהא
                                                                                                                                  \forall \varepsilon > 0. \exists N \in \mathbb{N}. \forall x \in \mathcal{U}. \forall n > N. |f_n(x) - g(x)| < \varepsilon
```

היא ביחס לשדה. $\mathcal U$ פתוחה הכוונה היא ביחס לשדה. $\mathbb R,\mathbb C$ וכאשר נאמר כי $\mathbb F$ פתוחה הסימון $\mathbb F$ יתאר שדה מבין

 $(\lim_{z\to a}f\left(z
ight)=A)\Longleftrightarrow\left(orall b\in\mathbb{C}^\mathbb{N}.\left(b_n o a
ight)\Longrightarrow\left(f\left(b_n
ight) o A
ight)
ight)$ פתוחה אזי $\lim_{z o a}g\left(z
ight)=B$ פתוחה ותהיינה $f,g:\mathcal{U} o\mathbb{F}_2$ באשר $f,g:\mathcal{U} o\mathbb{F}_2$ פתוחה ותהיינה מטענה: תהא

עבורה $f:\mathcal{U} o\mathbb{F}_2$ ותהא $A\in\mathbb{F}_2$ תהא תהא $a\in\mathbb{F}_1$ עבורה עבול: תהא $\mathcal{U}\subseteq\mathbb{F}_1$

 $\lim_{z o a}f\left(z
ight)=A$ באשר $f:\mathcal{U} o\widetilde{\mathbb{C}}$ פתוחה ותהא $\mathcal{U}\subseteq\mathbb{F}$ באשר $\mathcal{U}\subseteq\mathcal{F}$

 $\lim_{z \to a} (f+g)(z) = A + B \bullet$ $\lim_{z \to a} (fg)(z) = AB \bullet$

 $\lim_{z \to a} \overline{f\left(z\right)} = \overline{A} \bullet$ $\lim_{z \to a} |f\left(z\right)| = |A| \bullet$ $\lim_{z \to a} \operatorname{Re}\left(f\left(z\right)\right) = \operatorname{Re}\left(A\right) \bullet$ $\lim_{z \to a} \operatorname{Im}\left(f\left(z\right)\right) = \operatorname{Im}\left(A\right) \bullet$

 $\lim_{z o a}\left(rac{f}{g}
ight)(z)=rac{A}{B}$ אזי B
eq 0 נניח B

 $\lim_{z\to a}f\left(z\right)=A$ אזי $\forall arepsilon>0.\exists \delta>0. \forall z\in \mathcal{U}\setminus \left\{a\right\}. \left|z-a\right|<\delta\Longrightarrow \left|f\left(z\right)-A\right|<arepsilon$

```
. מתכנסת בהחלט ובמ"ש. \sum_{i=0}^n u_i אזי \forall x \in \mathbb{R}. \forall n \in \mathbb{N}. |u_n\left(x\right)| \leq M_n
                                  g\in C\left(\mathcal{U}
ight) אזי f_{n}\overset{\mathtt{u}}{
ightarrow}g וכן \forall n\in\mathbb{N}.f_{n}\in C\left(\mathcal{U}
ight) עבורה f\in\left(\mathbb{C}^{\mathcal{U}}
ight)^{\mathbb{N}} אזי g:\mathbb{C}
ightarrow\mathbb{C}
                                                                                      \sum_{i=0}^{\infty}a_{i}\left(z-b
ight)^{i} אזי b\in\mathbb{C} סדרה ויהי a\in\mathbb{C}^{\mathbb{N}} אוי תהא
                                                                                   משפט אבל: יהי R\in [0,\infty] טור חזקות אזי קיים \sum_{i=0}^\infty a_i z^i משפט אבל: יהי
                                                                                                                                |z| < R הטור מתכנס בהחלט על
                                                                                                     |z| < 
ho אזי אמר מתכנס במ"ש על 0 \leq 
ho < R יהי
                                                                                                                           . לא מתכנס אזי \sum a_n z^n אזי |z|>R יהי
.ig(\sum_{i=1}^\infty a_i z^iig)' = \sum_{i=1}^\infty i a_i z^{i-1} טענה: יהי יהי \sum_{i=0}^\infty a_i z^i טור חזקות אזי הפונקציה הולומורפית על
                                 R=rac{1}{\limsup_{n	o\infty} \sqrt[n]{|a_n|}} אזי אוי ההתכנסות היהי טור חזקות ויהי ויהי ויהי התכנסות \sum_{i=0}^\infty a_i z^i משפט קושי־הדמר: יהי
                                                    g=h אאי (f'(z)=f(z))\wedge (f(0)=1) איי של המד"ר של המד"ר g,h:\mathbb{C}	o\mathbb{C} איי
                                         (f'(z)=f(z))\wedge (f(0)=1) בונקציה מעריכית: נגדיר \exp:\mathbb{C}	o\mathbb{C} להיות פתרון של המד"ר
                                                                                                                                                   \exp(z) = \sum_{i=0}^{\infty} \frac{z^i}{i!} :טענה
                                                                                                                                                   \mathbb{C} מסקנה: exp מתכנסת על
                                                                                                                                      .\mathbb{C} טענה: e^z' = e^z , e^0 = 1 טענה:
                                                                                                                                                           \exp(z) = e^z :מסקנה
                                                                                                                             .e^{a+b}=e^a\cdot e^b אזי a,b\in\mathbb{C} מסקנה: יהיו
                                                                                                                                              .e^z 
eq 0 אזי z \in \mathbb{C} מסקנה: יהי
                                                                                                                                            .e^{\overline{z}}=\overline{e^z} אזי z\in\mathbb{C} מסקנה: יהי
                                                     \cos(z)=rac{e^{iz}+e^{-iz}}{2} אזי z\in\mathbb{C} אזי קוסינוס: יהי z\in\mathbb{C} אזי z\in\mathbb{C} סינוס: יהי z\in\mathbb{C} אזי z\in\mathbb{C} אזי z\in\mathbb{C} סינוס: יהי z\in\mathbb{C} אזי z\in\mathbb{C} סינוס: יהי z\in\mathbb{C} אזי z\in\mathbb{C} מתקיים z\in\mathbb{C} מתקיים z=\sum_{n=0}^{\infty}(-1)^n\frac{z^{2n}}{(2n)!} ,sin z=\sum_{n=0}^{\infty}(-1)^n\frac{z^{2n+1}}{(2n)!}
                                                                                     \cos\left(z
ight)'=-\sin\left(z
ight) , \sin\left(z
ight)'=\cos\left(z
ight) מסקנה: על כל \mathbb{C} מתקיים
                                                                                                              \log(w) = \operatorname{sols}(e^z = w) אזי w \in \mathbb{C} \setminus \{0\} יהי: log
                                                                                   \log\left(w
ight)=\left\{\log\left|w\right|+i\theta\mid\theta\in\arg\left(w
ight)
ight\} אזי w\in\mathbb{C}\backslash\left\{0
ight\} טענה: יהי
                                                                                                             a^b = e^{b \log a} אזי b \in \mathbb{C} ויהי a \in \mathbb{R} \setminus \{0\} חזקה: יהי
                                    \forall z \in \mathcal{U}. \alpha\left(z\right) \in \arg\left(z\right) המקיימת \alpha \in C\left(\mathcal{U},\mathbb{C}\right) אזי 0 \notin \mathcal{U} תחום עבורו \mathcal{U} \subseteq \mathbb{C} יהי \alpha \in \mathcal{U}.
                                        \forall z \in \mathcal{U}.\ell\left(z\right) \in \log\left(z\right) המקיימת \ell \in C\left(\mathcal{U},\mathbb{C}\right) אזי 0 \notin \mathcal{U} תחום עבורו \mathcal{U} \subseteq \mathbb{C} יהי והי
                                        \mathcal{U} על \log על ענף של פיים ענף של \Longleftrightarrowעל על אזי (קיים ענף של 0 \notin \mathcal{U} תחום עבורו עבורו יהי
                                                                                                                           \log טענה: בתחום \mathbb{C}\setminus\{0\} לא קיים ענף של
                                                                                     \ell'(z)=rac{1}{z} טענה: יהי \ell'(z)=rac{1}{z} ענף של ענף אזי \ell:\mathcal{U}	o\mathbb{C} יהי
                                                                                           |z| < 1 טענה: \sum_{n=1}^{\infty} \left(-1
ight)^{n-1} \frac{z^n}{n} ענף של
                                                  \int_{I}f\left(t
ight)\mathrm{d}t=\int_{I}u\left(t
ight)\mathrm{d}t+i\int_{I}v\left(t
ight)\mathrm{d}t אזי f\in C\left(I,\mathbb{C}
ight) קטע ותהא I\subseteq\mathbb{R} אינטגרל: יהי
                                                                        |\int_I f(t) \, \mathrm{d}t| \leq \int_I |f(t)| \, \mathrm{d}t אזי f \in C(I,\mathbb{C}) קטע ותהא
                                                                                                                            \gamma \in C\left(I,\mathbb{C}
ight) קטע אזי והי I \subseteq \mathbb{R} מסילה: יהי
      מסילה מכל מחלקה למקוטעין: מסילה \gamma אשר חלקה עד כדי מספר סופי של נקודות ובהן קיימות נגזרות חד־צדדיות מכל סדר.
\int_{\mathbb{R}}f\left(z
ight)\mathrm{d}z=\int_{I}f\left(\gamma\left(t
ight)
ight)\gamma'\left(t
ight)\mathrm{d}t אזי f\in C\left(\gamma\left[I
ight],\mathbb{C}
ight) מסילה ותהא \gamma:I	o\mathbb{C} אינטגרל מסילתי: יהי
      \int_{\gamma}f\left(z
ight)\mathrm{d}z=\int_{\gamma\circ\omega}f\left(z
ight)\mathrm{d}z אזי אזי עולה וחלקה למקוטעין arphi:\left(lpha,eta
ight)	o\left(a,b
ight)	o\left(a,b
ight) מסילה תהא \gamma:\left(a,b
ight)	o\mathbb{C}
                                                -\gamma מסילה ההפוכה: תהא מסילה אזי י
                                                             \int_{\sum\gamma_{i}}f\left(z
ight)\mathrm{d}z=\sum\int_{\gamma_{i}}f\left(z
ight)\mathrm{d}z מסקנה: תהיינה \gamma_{i}:\left[a_{i},a_{i+1}
ight]	o\mathbb{C} מסקנה:
```

 $(\forall arepsilon>0.\exists N\in\mathbb{N}. \forall n,m\geq N. \forall z\in\mathcal{U}\, |f_n\left(z
ight)-f_m\left(z
ight)|<arepsilon)$ אזי איז $f\in\left(\mathbb{C}^{\mathcal{U}}
ight)^\mathbb{N}$ איזי איזי מתכנסת במ"ש) פענה: תהא $\mathcal{U}\subseteq\mathbb{C}$ פתוחה ותהא

טענה מבחן $M\in\mathbb{R}^\mathbb{N}$ של ווירשטראס להתכנסות: תהא $f\in\left(\mathbb{C}^\mathcal{U}
ight)^\mathbb{N}$ וכן התאטנה מבחן של ווירשטראס להתכנסות: תהא

```
.\gamma\left(a
ight)=\gamma\left(b
ight) המקיימת \gamma:\left[a,b
ight]
ightarrow\mathbb{C} מסילה סגורה:
                                                                         \int_{\gamma}f\left(z
ight)|\mathrm{d}z|=\int_{I}f\left(\gamma\left(t
ight)
ight)|\gamma'\left(t
ight)|\,\mathrm{d}t אינטגרל לפי אורך קשת: תהא
                                                                                                            \int_{\gamma}f\left(z
ight)\mathrm{d}s=\int_{\gamma}f\left(z
ight)\left|\mathrm{d}z\right| הערה: מקובל מאוד גם הסימון
                                                                                                                                          \int_{\mathcal{D}} |\mathrm{d}z| אורך מסילה: תהא \gamma מסילה אזי
                                                                                                 \int_{\gamma}\left(f+g
ight)|\mathrm{d}z|=\int_{\gamma}f\left|\mathrm{d}z
ight|+\int_{\gamma}g\left|\mathrm{d}z
ight| אזי מסילה מסילה מסילה מסילה אזי
                                                                                 \frac{\left|\int_{\gamma}f\left(z
ight)\mathrm{d}z
ight|\leq\int_{\gamma}\left|f\left(z
ight)
ight|\mathrm{d}z}{\int_{I}\overline{f}\left(\gamma\left(t
ight)
ight)\gamma'\left(t
ight)\mathrm{d}t} אינטגרל על פי צמוד: תהא \gamma מסילה אזי מסילה אזי
                                                                                                                                                                הגדרה: תהא \gamma מסילה אזי
                                                                                                                      \label{eq:force_equation} . \! \int_{\gamma} f\left(z\right) \mathrm{d}x = \tfrac{1}{2} \left( \int_{\gamma} f\left(z\right) \mathrm{d}z + \int_{\gamma} f\left(z\right) \overline{\mathrm{d}z} \right) \ \bullet
                                                                                                                     \int_{\gamma} f(z) dy = \frac{1}{2i} \left( \int_{\gamma} f(z) dz - \int_{\gamma} f(z) \overline{dz} \right) \bullet
                       \int_{\gamma}f\left(z
ight)\mathrm{d}z=\left(\int_{\gamma}u\left(x,y
ight)\mathrm{d}x-\int_{\gamma}v\left(x,y
ight)\mathrm{d}y
ight)+i\left(\int_{\gamma}u\left(x,y
ight)\mathrm{d}y-\int_{\gamma}v\left(x,y
ight)\mathrm{d}x
ight) טענה: תהא \gamma מסילה אזי
                                                                                           \mathrm{d}z=\mathrm{d}x+i\mathrm{d}y הערה: מהמשוואה מלעיל ניתן לחשוב על כך שמתקיים
סענה: יהי g'=f אזי לכל מסילה f:\mathcal{U}	o\mathbb{C} מתקיים הולומורפית עבורה f:\mathcal{U}	o\mathbb{C} מתקיים מחום תהא
                                                                                                                                                \int_{\gamma} f(z) dz = g(\gamma(b)) - g(\gamma(a))
\int_{\partial B}f\left(z
ight)\mathrm{d}z=0 מלבן: יהי R\subseteq\mathbb{C} מלבן סגור תהא \mathcal{U}\subseteq\mathbb{C} פתוחה עבורה עבורה \mathcal{U}\to\mathbb{C} ותהא משפט קושי למלבן: יהי
ותהא \{\zeta_1,\ldots,\zeta_k\}\subseteq Rackslash\partial R יהיו יהי והא עבורה עבורה משפט מלבן סגור מלבן מלבן יהי יהי משפט קושי למלבן משופר: יהי
                 \int_{\partial R}f\left(z
ight)\mathrm{d}z=0 אזי \lim_{z	o\zeta_{i}}\left(z-\zeta_{i}
ight)f\left(z
ight)=0 מתקיים i\in\left[k
ight] אזי לכל f:\mathcal{U}\setminus\left\{ \zeta_{1},\ldots,\zeta_{k}
ight\} 	o\mathbb{C}
           \int_{\gamma} rac{\mathrm{d}z}{z-a} = 2\pi i k עבורו איי קיים k\in\mathbb{Z} איי קיים מסילה חלקה למקוטעין ותהא למקוטעין ותהא \gamma:[lpha,eta]	o\mathbb{C} איי קיים
a סביב \gamma סביב של \gamma:[lpha,eta]	o \mathbb{C} אזי מספר הליפופים של סביב \gamma:[lpha,eta]	o \mathbb{C} אזי מספר הליפופים של
                                                                                                                                                             n\left(\gamma,a
ight)=rac{1}{2\pi i}\int_{\gamma}rac{\mathrm{d}z}{z-a} הינו
                                     rac{dF}{dt}=f אזי F אזי F אזי F אזי F (t) בf f (t) בf כך f כך f בf (f f) אזי f בוכן f באזירה וכן f
     \int_{\mathbb{R}^n} f(z)\,\mathrm{d}z=0 אזי סגורה אזי \gamma:[a,b]	o D מסילה הולומורפית הא הולומורפית דיסק תהא דיסק תהא משפט קושי לדיסק: יהי
משפט קושי לדיסק משופר: יהי f:D\setminus\{\zeta_1,\ldots,\zeta_k\}	o\mathbb{C} תהא להיסק משופר: יהי D\subseteq\mathbb{C} דיסק פתוח יהיו משפט קושי לדיסק משופר: יהי
                                                                                                   \int_{\gamma}f\left(z
ight)\mathrm{d}z=0 אזי מסילה מיורה \gamma:\left[a,b
ight]
ightarrow Dackslash\left\{\zeta_{1},\ldots,\zeta_{k}
ight\}
                         A\in M_{n}\left(\mathbb{Z}_{2}
ight) אזי A\in M_{n}\left(\mathbb{Z}_{2}
ight) מטריצת השכנויות: יהי G גרף על G קודקודים אזי A\in M_{n}\left(\mathbb{Z}_{2}
ight) אזי קודקודים אזי
                                                                                                           A יסענה: יהי A גרף A־רגולרי אזי A לכסינה וכן A
                                                                                                              |\lambda| \leq k אזי \lambda \in \operatorname{spec}\left(A\right) טענה: יהי G גרף גרף אזי אזי אינה:
                                                                                                                                  .k\in\operatorname{spec}\left(A
ight) טענה: יהי G גרף גרף אזי לירי אזי
                                                                                                          (r_a(k)=1) \Longleftrightarrowמשפט: יהי G גרף אזי גרף אזי גרף משפט: יהי
                                                                            \mathbb{C}ב ב- אזי f אינה אינה z\in\mathbb{C}. תהא לz\in\mathbb{C}.
```