הקדמה: כל משפטי הגאומטריה לבגרות

- 1. זוויות צמודות משלימות זו את או ל־ 180°
 - 2. זוויות קדקודיות שוות זו לזו.
- 3. במשולש, מול זוויות שוות מונחות צלעות שוות.
- 4. במשולש שווה שוקיים, זוויות הבסיס שוות זו לזו.
- 5. סכום כל שתי צלעות במשולש גדול מהצלע השלישית.
- 6. במשולש שווה שוקיים, חוצה זווית הראש, התיכון לבסיס והגובה לבסיס מתלכדים.
 - 7. אם במשולש חוצה זווית הוא גובה, אז המשולש הוא שווה שוקיים.
 - 8. אם במשולש חוצה זווית הוא תיכון, אז המשולש הוא שווה שוקיים.
 - 9. אם במשולש גובה הוא תיכון, אז המשולש הוא שווה שוקיים.
 - 10. במשולש (שאינו שווה צלעות), מול הצלע הגדולה יותר מונחת זוית גדולה יותר.
 - .11 במשולש (שאינו שווה זוויות), מול הזווית הגדולה יותר מונחת צלע גדולה יותר.
 - 180° סכום ה11ויות של משולש הוא 180 $^\circ$.
 - 13. זווית חיצונית למשולש שווה לסכום שתי הזוויות הפנימיות שאינן צמודות לה.
 - .14 קטע אמצעים במשולש מקביל לצלע השלישית ושווה למחציתה.
 - 15. ישר החוצה צלע אחת במשולש ומקביל לצלע שניה, חוצה את הצלע השלישית.
- 16. קטע שקצותיו על שתי צלעות משולש, מקביל לצלע השלישית ושווה למחציתה הוא קטע אמצעים.
 - 17. משפט חפיפה צ.ז.צ.
 - 18. משפט חפיפה ז.צ.ז.
 - 19. משפט חפיפה צ.צ.צ.
 - .20 משפט חפיפה שתי צלעות והזווית שמול הצלע הגדולה מבין השתיים.
 - .21 האלכסון הראשי בדלתון חוצה את זוויות הראש, חוצה את האלכסון השני ומאונך לו.
- 22. שני ישרים נחתכים על ידי ישר שלישי. אם יש זוג זוויות מתאימות שוות, אז שני הישרים מקבילים.
- 23. שני ישרים נחתכים על ידי ישר שלישי. אם יש זוג זוויות מתחלפות שוות אז שני הישרים מקבילים.
- . שני ישרים נחתכים על ידי ישר שלישי. אם סכום 1ג $^{\circ}$ זוויות חד-צדדיות הוא שני הישרים מקבילים.
 - 25. אם שני ישרים מקבילים נחתכים על ידי ישר שלישי אז:
 - א) כל שתי זוויות מתאימות שוות זו לזו.
 - ב) כל שתי זוויות מתחלפות שוות זו לזו.
 - ג) סכום כל זוג זוויות חד-צדדיות הוא $^{\circ}$ 180.
 - 26. במקבילית כל שתי זוויות נגדיות שוות זו לזו.
 - .27 במקבילית כל שתי צלעות נגדיות שוות זו לזו.
 - 28. במקבילית האלכסונים חוצים זה את זה.
 - 29. מרובע שבו כל זוג זוויות נגדיות שוות הוא מקבילית.
 - 30. מרובע שבו כל שתי צלעות נגדיות שוות זו לזו הוא מקבילית.
 - .31 מרובע שבו זוג צלעות מקבילות ושוות הוא מקבילית.
 - .32 מרובע שאלכסוניו חוצים זה את זה הוא מקבילית.
 - .33 במעוין האלכסונים חוצים את הזוויות.
 - .34 מקבילית שבה אלכסון הוא חוצה זווית היא מעוין.
 - .35 במעוין האלכסונים מאונכים זה לזה.
 - 36. מקבילית שבה האלכסונים מאונכים זה לזה היא מעוין.
 - .37 אלכסוני המלבן שווים זה לזה.
 - .38 מקבילית שבה האלכסונים שווים זה לזה היא מלבן.
 - .39 בטרפז שווה שוקיים הזוויות שליד אותו בסיס שוות זו לזו.
 - .40 טרפז בו הזוויות שליד אותו בסיס שוות זו לזו הוא טרפז שווה שוקיים.
 - .41 בטרפז שווה שוקיים האלכסונים שווים זה לזה.

- 42. טרפז בו האלכסונים שווים זה לזה הוא טרפז שווה שוקיים.
- .43 קטע האמצעים בטרפז מקביל לבסיסים ושווה למחצית סכומם.
- .44 בטרפז, ישר החוצה שוק אחת ומקביל לבסיסים, חוצה את השוק השנייה.
 - 45. שלושת התיכונים במשולש נחתכים בנקודה אחת.
- 46. נקודת חיתוך התיכונים מחלקת כל תיכון ביחס 1:2. (החלק הקרוב לקדקוד הוא פי 2 מהחלק האחר).
 - 47. כל נקודה על חוצה זווית נמצאת במרחקים שווים משוקי זווית זו.
 - 48. אם נקודה נמצאת במרחקים שווים משני שוקי זווית, אז היא נמצאת על חוצה הזווית.
 - 49. שלושת חוצי הזוויות של משולש נחתכים בנקודה אחת, שהיא מרכז המעגל החסום במשולש.
 - .50 בכל משולש אפשר לחסום מעגל.
 - .51 כל נקודה הנמצאת על האנך האמצעי של קטע, נמצאת במרחקים שווים מקצות הקטע.
 - .52 כל נקודה הנמצאת במרחקים שווים מקצות קטע, נמצאת על האנך האמצעי לקטע.
 - .53 כל משולש ניתן לחסום במעגל.
- 54. במשולש, שלושת האנכים האמצעיים נחתכים בנקודה אחת, שהיא מרכז המעגל החוסם את המשולש.
 - .55 שלושת הגבהים במשולש נחתכים בנקודה אחת.
 - -56. ניתן לחסום מרובע במעגל אם ורק אם סכום זוג זוויות נגדיות שווה ל-180 $^{\circ}$
- 57. מרובע קמור חוסם מעגל אם ורק אם סכום שתי צלעות נגדיות שווה לסכום שתי הצלעות הנגדיות האחרות.
 - .58 כל מצולע משוכלל אפשר לחסום במעגל.
 - .59 בכל מצולע משוכלל אפשר לחסום מעגל.
 - 60. דרך כל שלוש נקודות שאינן על ישר אחד עובר מעגל אחד ויחיד.
 - 61. במעגל, שתי זוויות מרכזיות שוות זו לזו אם ורק אם שתי הקשתות המתאימות להן שוות זו לזו.
 - 62. במעגל, שתי זוויות מרכזיות שוות זו לזו אם ורק אם שני המיתרים המתאימים להן שווים זה לזה.
 - 63. במעגל, מיתרים שווים זה לזה אם ורק אם שתי הקשתות המתאימות להם שוות זו לזו.
 - 64. מיתרים השווים זה לזה נמצאים במרחקים שווים ממרכז המעגל.
 - .65 מיתרים במעגל אחד הנמצאים במרחקים שווים ממרכזו שווים זה לזה.
- 66. במעגל, אם מרחקו של מיתר ממרכז המעגל קטן יותר ממרחקו של מיתר אחר, אז מיתר זה ארוך יותר מהמיתר האחר.
- 67. האנך ממרכז המעגל למיתר חוצה את המיתר, חוצה את הזווית המרכזית המתאימה למיתר וחוצה את הקשת המתאימה למיתר.
 - .68 קטע ממרכז המעגל החוצה את המיתר מאונך למיתר.
 - 69. במעגל, זווית היקפית שווה למחצית הזווית המרכזית הנשענת על אותה הקשת.
 - .70 במעגל, לזוויות היקפיות שוות קשתות שוות ומיתרים שווים.
 - .71 במעגל, לקשתות שוות מתאימות זוויות היקפיות שוות.
 - .72 במעגל, כל הזוויות ההיקפיות הנשענות על מיתר מאותו צד של המיתר שוות זו לזו.
 - .00°) אווית היקפית הנשענת על קוטר היא $^{\circ}$ 10°).
 - . זווית היקפית בת $^{\circ}$ 00 נשענת על קוטר.
 - 75. במעגל, זווית פנימית שווה למחצית סכום שתי הקשתות הכלואות בין שוקי הזווית ובין המשכיהן.
 - 76. במעגל, זווית חיצונית שווה למחצית הפרש שתי הקשתות הכלואות בין שוקי הזווית ובין המשכיהן.
 - .77 המשיק למעגל מאונך לרדיוס בנקודת ההשקה.
 - .78 ישר המאונך לרדיוס בקצהו הוא משיק למעגל.
 - 79. זווית בין משיק ומיתר שווה לזווית ההיקפית הנשענת על מיתר זה מצידו השני.
 - 80. שני משיקים למעגל היוצאים מאותה נקודה שווים זה לזה.
 - 81. קטע המחבר את מרכז המעגל לנקודה ממנה יוצאים שני משיקים למעגל, חוצה את הזווית שבין המשיקים.
 - .82 קטע המרכזים של שני מעגלים נחתכים, חוצה את המיתר המשותף ומאונך לו.
 - .83 נקודת ההשקה של שני מעגלים המשיקים זה לזה, נמצאת על קטע המרכזים או על המשכו.
 - .84 משפט פיתגורס: במשולש ישר זווית, סכום ריבועי הניצבים שווה לריבוע היתר.
 - 85. משפט פיתגורס ההפוך: משולש בו סכום ריבועי שתי צלעות שווה לריבוע הצלע השלישית הוא ישר זווית.
 - 86. במשולש ישר זווית התיכון ליתר שווה למחצית היתר.

- .87 משולש בו התיכון שווה למחצית הצלע אותה הוא חוצה הוא משולש ישר זווית.
- .88 אם במשולש ישר זוית, זוית חדה של $^{\circ}$ 30, אז הניצב מול זוית זו שווה למחצית היתר.
- $.30^{\circ}$ אם במשולש ישר זוית ניצב שווה למחצית היתר, אז מול ניצב זה זוית שגודלה 89.
- 90. משפט תאלס: שני ישרים מקבילים החותכים שוקי זווית, מקצים עליהם קטעים פרופורציוניים.
- 91. משפט תאלס המורחב: ישר המקביל לאחת מצלעות המשולש חותך את שתי הצלעות האחרות או את המשכיהן בקטעים פרופורציוניים.
 - 92. משפט הפוך למשפט תאלס: שני ישרים המקצים על שוקי זווית ארבעה קטעים פרופורציוניים הם ישרים מקבילים.
- 93. חוצה זווית פנימית במשולש מחלק את הצלע שמול הזווית לשני קטעים אשר היחס ביניהם שווה ליחס הצלעות הכולאות את הזווית בהתאמה.
- 94. ישר העובר דרך קדקוד משולש ומחלק את הצלע שמול קדקוד זה חלוקה פנימית, ביחס של שתי הצלעות האחרות (בהתאמה) הוא חוצה את זווית המשולש שדרך קודקודה הוא עובר.
 - .95 משפט דמיון צ.ז.צ.
 - .96 משפט דמיון ז.ז.
 - .97 משפט דמיון צ.צ.צ.
 - 98. במשולשים דומים:
 - א) יחס גבהים מתאימים שווה ליחס הדמיון.
 - ב) יחס חוצי זוויות מתאימות שווה ליחס הדמיון.
 - ג) יחס תיכונים מתאימים שווה ליחס הדמיון.
 - ד) יחס ההיקפים שווה ליחס הדמיון.
 - ה) יחס הרדיוסים של המעגלים החוסמים שווה ליחס הדמיון.
 - ו) יחס הרדיוסים של המעגלים החסומים שווה ליחס הדמיון.
 - ז) יחס השטחים שווה לריבוע יחס הדמיון.
 - 99. אם במעגל שני מיתרים נחתכים, אז מכפלת קטעי מיתר אחד שווה למכפלת קטעי המיתר השני.
- 100. אם מנקודה מחוץ למעגל יוצאים שני חותכים, אז מכפלת חותך אחד בחלקו החיצוני שווה למכפלת החותך השני בחלקו החיצוני.
 - 101. אם מנקודה שמחוץ למעגל יוצאים חותך ומשיק, אז מכפלת החותך בחלקו החיצוני שווה לריבוע המשיק.
 - .102 במשולש ישר זווית, הניצב הוא ממוצע הנדסי של היתר והיטל ניצב זה על היתר. .103 הגובה ליתר במשולש ישר זווית הוא ממוצע הנדסי של היטלי הניצבים על היתר.

.180°
$$(n-2)$$
 האוויות הפנימיות של מצולע הפנימיות הפנימיות סכום .104

 $\pi=rac{"היקף מעגל"}{"קוטר מעגל"}$: π

."מסקנה: יהי מעגל עם רדיוס r אזי מסקנה: יהיקף מעגל

."שטח מעגל r משפט: יהי מעגל עם רדיוס אזי r אזי מעגל עם יהי מעגל

 $.\pi=180^\circ$:רדיאנים

 $\sphericalangle A=lpha$ וגם $\sphericalangle B=90^\circ$ פונקציות טריגנומטריות: יהי

- $\sin{(lpha)} = rac{BC}{AB}$: סינוס: $\cos{(lpha)} = rac{AC}{AB}$ קוסינוס: •
- .tan $(\alpha) = \frac{BC}{AC}$:טאנגנס

טענה: $\sin_{\left[-\frac{\pi}{2},\frac{\pi}{2}
ight]}$ הפיכה, $\sin_{\left[-\frac{\pi}{2},\frac{\pi}{2}
ight]}$ הגדרה:

- $.csc = \frac{1}{\sin} \bullet$ $.arcsin = \sin^{-1} \bullet$
 - $.\sec = \frac{1}{\cos} \bullet$
- $.\arccos = \cos^{-1} \ \bullet$
 - $.\cot = \frac{1}{\tan} \bullet$
- $\arctan = \tan^{-1} \bullet$

הערה: כאשר משתמשים בפונקציות טריגונומטריות מקובל להשתמש ברדיאנים.

```
\operatorname{arg}(x,y) = \begin{cases} \arctan\left(\frac{y}{x}\right) & (x>0) \land (y>0) \\ \pi - \arctan\left(\frac{y}{x}\right) & (x<0) \land (y>0) \\ 2\pi - \arctan\left(\frac{y}{x}\right) & (x>0) \land (y<0) \\ \pi + \arctan\left(\frac{y}{x}\right) & (x<0) \land (y<0) \end{cases}
                                                                                                      משפט: דרך כל שתי נקודות עובר ישר אחד ויחיד.
                                                                        f\left(x
ight)=rac{b-d}{a-c}x+rac{da-bc}{a-c} היא \left\langle a,b
ight
angle ,\left\langle c,d
ight
angle  הישר העובר דרך
                                                                                 טענה: כל שני ישרים שונים ולא מקבילים נחתכים בנקודה אחת.
                                    m_1=m_2\Longleftrightarrow הינם מקבילים: y=m_1x+b_1,y=m_2x+b_2 ישרים מקבילים: שני ישרים מקבילים:
                 f \perp g ישרים מאונכים אזי ושרים לימון: אם סימון: אם
                                                                                              d\left(\left\langle x,y
ight
angle ,mx+b
ight)=\left|rac{mx-y+b}{\sqrt{m^{2}+1}}
ight| מרחק נקודה מישר:
 rac{d(\langle a,b
angle,P)}{d(\langle c,d
angle,P)}=rac{lpha}{eta} ומתקיים ומתקיים P=\left\langlerac{lpha c+eta a}{lpha+eta},rac{lpha d+eta b}{lpha+eta}
ight
angle איי נגדיר lpha,eta\in\mathbb{R} ומתקיים lpha,eta (a,b) ומתקיים מחלוקת קטע: יהיו
                                                                 <mark>חתך חרוט/חתך קוני/שניונית</mark>: הצורה המתקבלת מחיתוך של חרוט ומישור.
                                                                                               C_r(P) = \{\langle x, y \rangle \in \mathbb{R}^2 \mid d(\langle x, y \rangle, P) = r\} מעגל:
                                                       .E_{r}\left(P_{1},P_{2}
ight)=\left\{ \left\langle x,y
ight
angle \in\mathbb{R}^{2}\mid d\left(\left\langle x,y
ight
angle ,P_{1}
ight)+d\left(\left\langle x,y
ight
angle ,P_{2}
ight)=r
ight\} אליפסה:
                                                  H_r\left(P_1,P_2
ight)=\left\{\left\langle x,y\right\rangle\in\mathbb{R}^2\mid\left|d\left(\left\langle x,y\right\rangle,P_1
ight)-d\left(\left\langle x,y\right\rangle,P_2
ight)\right|=r\right\} היפרבולה:
                                                 P(P_1, mx + b) = \{\langle x, y \rangle \in \mathbb{R}^2 \mid d(\langle x, y \rangle, P_1) = d(\langle x, y \rangle, mx + b)\} פרבולה:
                                                                   הערה: החתכים הקונים היחידיים הם מעגל, אליפסה, היפרבולה, פרבולה.
                                                                        .\left\langle -rac{b}{2a},c-rac{b^2}{4a}
ight
angle אזי f\left(x
ight)=ax^2+bx+c קודקוד הפרבולה: תהא \Delta=b^2-4ac אזי A=b^2-4ac אזי אוי איזי איזיסקרימיננטה: תהא
                                                                                                                          f(x) = ax^2 + bx + c מסקנה: תהא
                                                                                                  x יש שתי נקודות חיתוך עם ציר \Longleftrightarrow \Delta > 0
                                                                                                  x יש נקודת חיתוך אחת עם ציר \Longleftrightarrow \Delta = 0
                                                                                                         x אין נקודות חיתוך עם ציר \Longleftrightarrow \Delta < 0
                                                                                  (ax^2+bx+c=0)\Longleftrightarrow \left(x=rac{-b\pm\sqrt{\Delta}}{2a}
ight) נוסחת השורשים:
(x_1+x_2=-rac{b}{a})\wedge(x_1\cdot x_2=rac{c}{a}) נוסחאות וייטה: תהא ax^2+bx+c=0 ויהיו וייטה: תהא מוסחאות וייטה
                                                                 \forall a,b \in \mathbb{R}. \, ||a|-|b|| \leq |a+b| \leq |a|+|b| \, אי שיוויון המשולש (אש"מ):
                                                                                                \forall \langle a,b \rangle \in C_1. \exists \theta. \langle a,b \rangle = \langle \cos(\theta), \sin(\theta) \rangle משפט:
                                                                                                                                  \sin, \cos : \mathbb{R} \to [-1, 1] :הגדרה
                                                                                                                                                                          :טענה
```

 $\tan = \frac{\sin}{\cos}$ משפט:

 $.c^2=a^2+b^2-2ab\cos{(\gamma)}$ משפט הקוסינוסים:

 $rac{a}{\sin(lpha)}=rac{b}{\sin(eta)}=rac{c}{\sin(\gamma)}=2r$ משפט הסינוסים: $\sin^2{(heta)}+\cos^2{(heta)}=1$ משפט פיתגורס:

רביע: המרחב האוקלידי מתחלק לארבעה חלקים $. \left\{ \langle x,y \rangle \in \mathbb{R}^2 \mid x,y \geq 0 \right\} : \mathbf{I} \quad \bullet \\ . \left\{ \langle x,y \rangle \in \mathbb{R}^2 \mid x \leq 0 \wedge y \geq 0 \right\} : \mathbf{II} \quad \bullet \\ . \left\{ \langle x,y \rangle \in \mathbb{R}^2 \mid x,y \leq 0 \right\} : \mathbf{III} \quad \bullet \\ . \left\{ \langle x,y \rangle \in \mathbb{R}^2 \mid x \geq 0 \wedge y \leq 0 \right\} : \mathbf{IV} \quad \bullet \\ \bullet \quad \cdot \left\{ \langle x,y \rangle \in \mathbb{R}^2 \mid x \geq 0 \wedge y \leq 0 \right\} : \mathbf{IV} \quad \bullet$

ערך מוחלט: $|x|=egin{cases} x&x\geq0\\ -x&x\leq0 \end{cases}$ ינר מוחלט: . $\langle a,b
angle \equiv \left\langle \sqrt{a^2+b^2}, rg(a,b)
ight
angle$. הצגה פולרית:

 $d\left(\left\langle a,b
ight
angle ,\left\langle c,d
ight
angle
ight)=\sqrt{\left(a-c
ight)^{2}+\left(b-d
ight)^{2}}$ מרחק בין שתי נקודות:

```
.\sin(x) = \cos\left(\frac{\pi}{2} - x\right) \bullet
\cos(x) = \cos(x + 2\pi) , \sin(x) = \sin(x + 2\pi) : מחזוריות:
```

$$\cos(x) = \cos(x + 2\pi) , \sin(x) = \sin(x + 2\pi) : \sin(\pi + 2\pi)$$

$$\cos(x) = -\cos(\pi - x)$$
 , $\sin(x) = \sin(\pi - x)$ סימטריה:

$$\cos(x) = \cos(-x)$$
 ,sin $(x) = -\sin(-x)$ אגיות:

$$\cos(x+y) = \cos(x)\cos(y) - \sin(x)\sin(y)$$
, $\sin(x+y) = \sin(x)\cos(y) + \sin(y)\cos(x)$ סכום אוויות:

$$\cos(x) + \cos(y) = 2\cos(\frac{x+y}{2})\cos(\frac{x-y}{2})$$
, $\sin(x) + \sin(y) = 2\sin(\frac{x+y}{2})\cos(\frac{x-y}{2})$:סכום פונקציות:

פתרון משוואה טריגונומטריות:

$$.\sin(x) = \sin(\alpha) \Longrightarrow x \in \{\alpha + 2\pi k \mid k \in \mathbb{Z}\} \cup \{\pi - \alpha + 2\pi k \mid k \in \mathbb{Z}\} \bullet$$

$$.\cos(x) = \cos(\alpha) \Longrightarrow x \in \{\alpha + 2\pi k \mid k \in \mathbb{Z}\} \cup \{-\alpha + 2\pi k \mid k \in \mathbb{Z}\} \bullet$$

$$\tan(x) = \tan(\alpha) \Longrightarrow x \in \{\alpha + \pi k \mid k \in \mathbb{Z}\} \bullet$$

$$\sum_{i=0}^n a_i x^i$$
 אזי $a_0, \dots a_n \in \mathbb{R}$ פולינום: יהיו

.
$$\max\left(i\in[n]\mid a_i\neq 0
ight)$$
 אזי איז איז ויהי יהי יהי מעלה של פולינום: יהי אזי איז אוי

$$\deg(P)$$
 היא P מימון: המעלה של

$$\deg(0) = -\infty$$
 :הערה

$$.a_{\deg(P)}$$
 אזי איזי $P\left(x
ight) = \sum_{i=0}^{n} a_{i}x^{i}$ אזי המקדם המוביל: יהי

$$R\left[x
ight] = igcup_{n=0}^{\infty} R_n\left[x
ight]$$
 , $R_n\left[x
ight] = \left\{\sum_{i=0}^n a_i x^i \mid a_1,\dots,a_n \in R
ight\}$:חוג הפולינומים

$$.P\left(lpha
ight) =0$$
 שורש של פולינום: מספר מספר מספר

$$\exists P \in \mathbb{Z}\left[x\right].P\left(lpha
ight) = 0$$
 מספר אלגברי: $lpha \in \mathbb{R}$ המקיים

.
$$\forall f,g \in \mathbb{R}\left[x\right].\left(f+g \in \mathbb{R}\left[x\right]\right) \wedge \left(f \cdot g \in \mathbb{R}\left[x\right]\right)$$
 טענה:

$$p,q\in\mathbb{R}\left[x
ight]$$
 נוסחת המעלות: יהיו

$$\deg(p+q) \le \max(\deg(p), \deg(q)) \bullet$$

$$\deg(p \cdot q) = \deg(p) + \deg(q) \bullet$$

.
$$\forall p,q \in \mathbb{R}\left[x\right].\left(q \neq 0\right) \Longrightarrow \left(\exists !q',r \in \mathbb{R}\left[x\right].\deg\left(r\right) < \deg\left(q\right) \land p = q \cdot q' + r\right)$$
 חלוקה עם שארית:

$$(p)$$
 את משפט: לכל (p) מורש של (p) שורש מ (p) מורש מ (a)

$$. orall p_1, p_2 \in \mathbb{R}\left[x
ight] ackslash \mathbb{R}_1\left[x
ight]. p
eq p_1 \cdot p_2$$
 פולינום אי פריק: פולינום p שמקיים

$$. orall a_0 \dots a_n \in \mathbb{Z}. orall q \in \mathbb{Q}. \sum_{i=0}^n a_i q^i = 0 \Longrightarrow q \in \left\{ rac{c}{a} \mid c | a_0 \wedge a | a_n
ight\}$$
 משפט:

$$. orall r \in \mathbb{R} ackslash \{0\} \,. orall m \in \mathbb{N}_+. r^{-m} = rac{1}{r^m}$$
 איקה שלילית:

$$. orall m \in \mathbb{N}_+. \mathrm{Im} \ (\lambda x \in \mathbb{R}. x^m) = egin{cases} (0, \infty) & m \in \mathbb{N}_{even} \\ \mathbb{R} & m \in \mathbb{N}_{odd} \end{cases}$$
 :מסקנה:

$$. orall m \in \mathbb{N}. orall r \in [0,\infty) \, . \exists ! r' \in [0,\infty) \, . r' = \sqrt[m]{r}$$
 שורש:

$$.r^{\frac{1}{m}}=\sqrt[m]{r}$$
 :סימון

$$m \in \mathbb{N}_{odd} \Longrightarrow -\sqrt[m]{r} = \sqrt[m]{-r}$$
 הערה:

$$.r^{rac{n}{m}}=\sqrt[m]{r^n}$$
 :חזקה רציונלית

 $r^s=\lim_{n o\infty}r^{q_n}=s$ אזי אווו $\lim_{n o\infty}q_n=s$ סדרה המקיימת $q:\mathbb{N} o\mathbb{Q}$ אזי תהא

$$f\left(x
ight)=a^{x}$$
 אזי $a\in\left(0,\infty
ight)\setminus\left\{ 1
ight\}$ פונקציה מעריכית: יהי

$$.a^x:\mathbb{R}\xrightarrow[]{1-1}(0,\infty)$$
 משפט:

$$a^x:\mathbb{R} \xrightarrow[]{1-1} (0,\infty)$$
 משפט: $(a\cdot b)^c=a^c\cdot b^c$, $a^{b+c}=a^b\cdot a^c$, $\left(a^b\right)^c=a^{b\cdot c}$ טענה:

$$\log_a\left(a^x
ight)=x=a^{\log_a(x)}$$
 המוגדרת $\log_a:\left(0,\infty
ight) \stackrel{1-1}{\longrightarrow} \mathbb{R}$ לוגריתם:

$$\log_a\left(b
ight) = rac{\log_c\left(b
ight)}{\log_c\left(a
ight)}$$
 , $\log_a\left(b^c
ight) = c \cdot \log_a\left(b
ight)$, $\log_a\left(b \cdot c
ight) = \log_a\left(b
ight) + \log_a\left(c
ight)$ סענה:

$$\log_a(a^x) = x$$
 , $a^{\log_a(b)} = b$, $c^{\log_a(b)} = b^{\log_a(c)}$ טענה:

 $\inf\left(X
ight)$, $\sup\left(X
ight)$ (קיימים ל-X חסם עליון ותחתון $\phi
eq X\subseteq\mathbb{R}$ שלמות הממשיים: לכל $\emptyset
eq X\subseteq\mathbb{R}$ (קיים ל-X

חתך דדקינד: קבוצה $\varnothing \neq A \subset \mathbb{Q}$ המקיימת

$$\forall a \in A. \forall g \in \mathbb{Q}. g < a \Longrightarrow g \in A \bullet$$

$$\forall a \in A. \exists b \in A. a < b \bullet$$

```
\mathbb{R}=\left\{ A\in\mathcal{P}\left(\mathbb{Q}
ight)\mid הגדרה: A
                                                                       \forall r_1, r_2 \in \mathbb{R}. r_1 \leq r_2 \Longleftrightarrow r_1 \subseteq r_2 הערה:
                                             \forall r_1, r_2 \in \mathbb{R}. r_1 + r_2 = \{a + b \mid a \in r_1 \land b \in r_2\} מיבור:
                               \forall r \in \mathbb{R}. - r = \{a - b \mid (b \in \mathbb{Q} \backslash r) \land (a < 0) \land (a \in \mathbb{Q})\} מיטור:
                                   \forall r_1, r_2 \in \mathbb{R}. r_1 \cdot r_2 = \{a \cdot b \mid a \in r_1 \land b \in r_2 \land a, b \geq 0\} כפל:
                                                                                                                .i^2 = -1 :הגדרה
                                                                                                 \langle a,b
angle \in \mathbb{R}^2 :מספר מרוכב
                                                                                                      \langle a,b\rangle=a+ib :סימון
                                                                                      \mathbb{C} = \{a + ib \mid a, b \in \mathbb{R}\} :הגדרה:
                                       .Re (a+ib)=a ,Im (a+ib)=b אזי a+ib\in\mathbb{C} הגדרה: יהי
                                                                     \overline{a+ib}=a-ib אזי a+ib\in\mathbb{C} צמוד: יהי
                                                                                     . orall z \in \mathbb{C}.z = \overline{z} \Longleftrightarrow z \in \mathbb{R} :טענה
                                                                                                   \forall z \in \mathbb{C}.z \cdot \overline{z} \in \mathbb{R} טענה:
                                                         \|a+ib\|=\sqrt{a^2+b^2} אזי a+ib\in\mathbb{C} נורמה: יהי
                                                              e^{i\theta}=\cos{(\theta)}=\cos{(\theta)}+i\sin{(\theta)} :זהות אוילר:
                           z^n=r^n\left(\cos\left(n\theta\right)+i\sin\left(n\theta\right)
ight) אזי z=re^{i	heta} יהי יהי
 \exists x \in \mathbb{C} \ |x| \setminus \mathbb{C}_0 \ |x| \ \exists x \in \mathbb{C} \ |x| \in \mathbb{C} \ |x| = \log(p) המשפט היסודי של האלגברה:
\forall p \in \mathbb{C}\left[x\right].\exists! a_1,\ldots,a_{\deg(p)}, b \in \mathbb{C}.p\left(x\right) = b\left(x-a_1\right)\cdot\ldots\cdot\left(x-a_{\deg(p)}\right) מסקנה:
```