



深蓝学院  
shenlanxueyuon.com

## 融合定位-第10章作业分享

主讲人 翰文



1. 实现预积分、地图匹配、边缘化、帧间匹配四种优化因子
2. 将上述四种约束因子加入划窗，进行优化

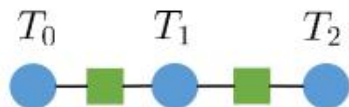
参考：<https://github.com/AlexGeControl/Sensor-Fusion>

## 1. 基于地图定位的滑动窗口模型

### 3) 激光里程计相对位姿和优化变量的残差

该残差对应的因子为激光里程计因子。

一个因子约束两个位姿，其模型如下：



残差关于优化变量的雅可比，可视化如下：

	$T_0$	$M_0$	$T_1$	$M_1$	$T_2$	$M_2$
$r_{L0}$						
$r_{L1}$						

因此，对应的Hessian矩阵可视化为：

	$T_0$	$M_0$	$T_1$	$M_1$	$T_2$	$M_2$
$T_0$						
$M_0$						
$T_1$						
$M_1$						
$T_2$						
$M_2$						

## 帧间匹配的部分代码:

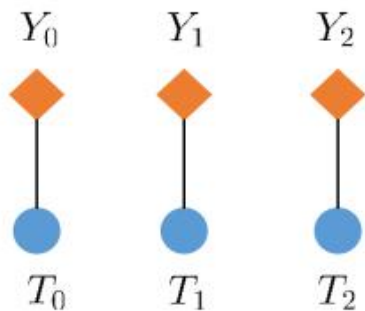
```
if ( jacobians ) {  
    // compute shared intermediate results:  
    const Eigen::Matrix3d R_i_inv = ori_i.inverse().matrix();  
    const Eigen::Matrix3d J_r_inv = JacobianRInv(residual.block(INDEX_R, 0, 3, 1)); // 右雅克比  
    const Eigen::Vector3d pos_ij = ori_i.inverse() * (pos_j - pos_i);  
  
    if ( jacobians[0] ) { // 残差rL0(rp rq) 对 T0(p q) M0(v ba bg) 的雅克比  
        // implement computing:  
        Eigen::Map<Eigen::Matrix<double, 6, 15, Eigen::RowMajor>> jacobian_i (jacobians[0]); // col : rp  
        jacobian_i.setZero();  
  
        jacobian_i.block<3, 3>(INDEX_P, INDEX_P) = -R_i_inv;  
        jacobian_i.block<3, 3>(INDEX_R, INDEX_R) = -J_r_inv*(ori_ij*ori_j.inverse()*ori_i).matrix();  
        jacobian_i.block<3, 3>(INDEX_P, INDEX_R) = Sophus::SO3d::hat(pos_ij).matrix();  
  
        jacobian_i = sqrt_info * jacobian_i; // 注意 sqrt_info 为对角的协方差矩阵对角线为观测的方差, 可理解  
    }  
  
    if ( jacobians[1] ) { // 残差rL0(rp rq) 对 T0(p q) M0(v ba bg) 的雅克比  
        // implement computing:  
        Eigen::Map<Eigen::Matrix<double, 6, 15, Eigen::RowMajor>> jacobian_j (jacobians[1]);  
        jacobian_j.setZero();  
  
        jacobian_j.block<3, 3>(INDEX_P, INDEX_P) = R_i_inv;  
        jacobian_j.block<3, 3>(INDEX_R, INDEX_R) = J_r_inv*ori_ij.matrix();  
  
        jacobian_j = sqrt_info * jacobian_j;  
    }  
}
```

## 1. 基于地图定位的滑动窗口模型

### 2) 地图匹配位姿和优化变量的残差

该残差对应的因子为地图先验因子。

一个因子仅约束一个位姿，其模型如下：



残差关于优化变量的雅可比，可视化如下：

	$T_0$	$M_0$	$T_1$	$M_1$	$T_2$	$M_2$
$r_{Y0}$						
$r_{Y1}$						
$r_{Y2}$						

因此，对应的Hessian矩阵的可视化：

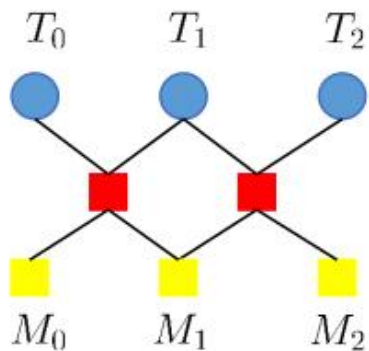
	$T_0$	$M_0$	$T_1$	$M_1$	$T_2$	$M_2$
$T_0$						
$M_0$						
$T_1$						
$M_1$						
$T_2$						
$M_2$						

## 1. 基于地图定位的滑动窗口模型

### 4) IMU预积分和优化变量的残差

该残差对应的因子为IMU因子。

一个因子约束两个位姿，并约束两个时刻 IMU 的速度与 bias。



残差关于优化变量的雅可比，可视化如下：

	$T_0$	$M_0$	$T_1$	$M_1$	$T_2$	$M_2$
$r_{M0}$						
$r_{M1}$						

因此，对应的Hessian矩阵可视化如下：

	$T_0$	$M_0$	$T_1$	$M_1$	$T_2$	$M_2$
$T_0$						
$M_0$						
$T_1$						
$M_1$						
$T_2$						
$M_2$						

加入滑窗，进行优化，边缘化及更新先验残差参考GEYAO助教和VINS的代码  
由于ceres求解需要雅可比，所以多了一个将H矩阵反解出雅可比的步骤

### 雅各比矩阵和残差获取

每次迭代需要使用奇异值分解，从H和b中获取相应的雅各比矩阵和残差便于更新：

$$H = J^T J = Q S Q^T$$

其中，s为奇异值，Q为对应的右奇异向量，那么：

$$J = \sqrt{S} Q^T$$

根据：

$$b = J^T e$$

有：

$$e = (J^T)^{-1} Q^T b$$

代码逻辑也是类似的，我们首先使用Eigen进行SVD分解，然后按照公式推导一步步走下来就可以了

## 将因子添加到优化框架中

```
if ( sliding_window_ptr_ ->GetNumParamBlocks() == 0 ) {  
    // TODO: add init key frame  
    sliding_window_ptr_ ->AddPRVAGParam(current_key_frame_, true);  
} else {  
    // TODO: add current key frame  
    sliding_window_ptr_ ->AddPRVAGParam(current_key_frame_, false);  
}
```



Ceres中添加残差块:

1. 创建问题
2. 添加待优化参数块
3. 添加四种残差块

```
problem.AddParameterBlock(target_key_frame.prvag, 15, local_parameterization);  
  
if( target_key_frame.fixed ) {  
    problem.SetParameterBlockConstant(target_key_frame.prvag);  
}
```

```
problem.AddResidualBlock(  
    factor_map_matching_pose,  
    NULL,          // loss_function  
    key_frame.prvag // 一元边  
);
```

感谢各位聆听 !  
Thanks for Listening

