



دانشکده مهندسی

گروه مهندسی کامپیوتر

گرایش هوش مصنوعی

## الگوریتم استراتژی تکاملی

استاد:

دکتر مجتبی روحانی

دانشجو:

علی گلی

آبان ماه

سال ۱۴۰۲

## ۱ الگوریتم ES

الگوریتم استراتژی های تکاملی با توابع بنچمارک؛ با یک جمعیت یک نفره انجام شده است. نکته قابل توجه میزان step یا sigma می باشد که در کد به صورت یک عدد کوچکتر از یک بیان شده است.

ابتدا یک جمعیت تک نفره به صورت تصادفی از روی یک رشته از اعداد (بازه اعداد قابل تعیین است) ساخته می شود. سپس جهش روی همین فرد انجام می شود. در صورتی که جهش باعث بهتر شدن ژن مربوطه بشود جهش نگاه داشته می شود. در غیر اینصورت همان نسل قبلی باقی می ماند.

عملیات جهش به صورت اتفاقی یکی از اعداد بازه اعداد ژن تعریف شده را انتخاب می کند.

عملیات evaluation که برتری ژن را پیدا می کند؛ ابتدا باید یک تابع بنچمارک به عنوان ورودی بگیرد و سپس مقدار برتری ژن را محاسبه می کند. در صورت خارج شدن عدد از مقدار مشخص شده تابع بنچمارک؛ نرمال می شود.

## ۲ کد الگوریتم ES

### ۱.۲ کتابخانه های مورد نیاز

ابتدا کتابخانه های مورد نیاز را به پروژه اضافه می کنیم:

```
1 import numpy as np
2 from typing import List,
  Callable, Tuple
3 import random
4 from matplotlib import pyplot as
  plt
5
```

### ۲.۲ توابع بنچمارک

حال توابع بنچمارک که احتیاج داریم تعریف می کنیم. این توابع ژن را دریافت و یک اسکالر باز می گردانند.

```
1 # BENCHMARK FUNCTIONS DEFINITION
2 def benchmarkFunction1(individual: List)-> int:
3     return (np.sum(individual)) ** 2
4 def benchmarkFunction2(individual: List)-> int:
5     sum = 0
6     for index in range(len(individual)):
7         if index + 1 == len(individual):break
8         sum+= 100 * (individual[index+1] - individual[index]**2)**2 +
  (individual[index] - 1)**2
9     return sum
```

## ۳.۲ تابع ژن

حال تابع ژن را باید تعریف کنیم و اعداد مجازی که درون ژن می‌توانند قرار بگیرند را مشخص کنیم.

```
1 # GENE DEFINITION
2 def genes():
3     return (0,1)
```

## ۴.۲ ساخت جمعیت تک نفره

یک جمعیت تک نفره که به صورت اتفاقی ژنی با سایز `geneSize` دارد می‌سازیم.

```
1 # CREATE RANDOM POPULATION
2 def population_create(populationSize: int, geneSize: int) -> List:
3     population = []
4     for index in range(populationSize):
5         individual = [random.choice(genes()) for _ in range(geneSize)]
6         population.append(individual)
7     return population
```

## ۵.۲ تابع جهش

تابع جهشی باید نوشته شود که بر اساس سیگما جهش دهد. این تابع ژن یک فرد را دریافت و نوکلئوتیدهای ژن را؛ اگر سیگما مجاز بداند؛ تغییر خواهد داد.

```
1 # MUTATION
2 def mutate_individual(individual: List, mutation_rate) -> List:
3     mutated_individual = []
4     for gene in individual:
5         if random.random() < mutation_rate:
6             mutated_individual.append(random.choice(genes()))
7         else:
8             mutated_individual.append(gene)
9     return mutated_individual
```

## ۶.۲ تابع نرمال

این تابع اگر میزان امتیاز زن بیش از حد شود آن را به مقدار ماکسیمم؛ و اگر کمتر از حد شود آن را به مقدار مینیمم، تخمین می‌زند.

```
1 # NORAMLIZATION THE EVALUATION
2 def normalization(bound: Tuple, individual: List, func: Callable)-> int:
3     score = func(individual)
4     if score < bound[0]: return bound[0]
5     elif score > bound[1]: return bound[1]
6     else: return score
```

## ۷.۲ تابع ارزیابی

این تابع هر فردی از جامعه را دریافت و برای آن یک امتیاز برمی‌گرداند.

```
1 # Evaluation
2 def evaluation(individual: List, func: Callable, bound: Tuple)->int:
3     return normalization(bound=bound, func=func, individual=individual)
```

## ۸.۲ توابع ES

این توابع الگوریتم اصلی ES را اجرا می‌کنند. تابع اول این امکان را به شما می‌دهد که بتوانید به میزان `geneSize` های متفاوت کد خود را ارزیابی کنید. همچنین در نهایت نتایج را به شما نشان می‌دهد.

```

1 # EVOLUTIONAR STRATEGY
2 def ES(func: callable, bound:Tuple, sigma:int=.5):
3     # CHEKC IT FOR DIFFRENT SIZE OF GENES
4     N = [2, 5, 10, 50]
5     generations = 5
6     for n in N:
7         x,y=ES_SUB(n, generations, func, bound, sigma)
8         plt.plot(x,y, label=f'N={n}')
9         plt.title(f"ES for sigma={sigma}")
10        plt.legend()
11        plt.show()
12 def ES_SUB(N:int, generations: int, func: callable, bound:Tuple, sigma):
13     x,y = [0], [0]
14     population = population_create(populationSize=1, geneSize=N)
15     individual = population[0]
16     for generation in range(generations):
17         new_individual = mutate_individual(individual, mutation_rate=sigma)
18         new_score = evaluation(individual=new_individual, func=func, bound=bound)
19         score = evaluation(individual=individual, func=func, bound=bound)
20         if new_score > score:
21             individual = new_individual
22             y.append(new_score)
23         else:
24             y.append(score)
25         x.append(x[-1]+1)
26     return x,y

```

## ۹.۲ مقدار سیگما

قبل از اجرای الگوریتم اصلی می‌توانید یک حلقه بنویسید تا مقادیر مختلف سیگما را نیز به شما نشان دهد.

```

1 # CHECK FOR DIFFRENT SIGMAS
2 for _ in range(10,100,10):
3     ES(benchmarkFunction2, (-30, 30), sigma=_/100)

```

## ۱۰.۲ کد نهایی

در نهایت کد نهایی به شکل زیر خواهد بود.

```

1 import numpy as np
2 from typing import List, Callable, Tuple
3 import random
4 from matplotlib import pyplot as plt
5
6 # BENCHMARK FUNCTIONS DEFINITION
7 def benchmarkFunction1(individual: List)-> int:
8     return (np.sum(individual)) ** 2
9 def benchmarkFunction2(individual: List)-> int:
10     sum = 0
11     for index in range(len(individual)):
12         if index + 1 == len(individual):break
13         sum+= 100 * (individual[index+1] - individual[index])**2 + (individual[index] - 1)**2
14     return sum
15
16 # GENE DEFINITION
17 def genes():
18     return (0,1)
19
20
21 # CREATE RANDOM POPULATION
22 def population_create(populationSize: int, geneSize: int) -> List:
23     population = []
24     for index in range(populationSize):
25         individual = [random.choice(genes()) for _ in range(geneSize)]
26         population.append(individual)
27     return population
28
29 # MUTATION
30 def mutate_individual(individual: List, mutation_rate) -> List:
31     mutated_individual = []
32     for gene in individual:
33         if random.random() < mutation_rate:
34             mutated_individual.append(random.choice(genes()))
35         else:
36             mutated_individual.append(gene)
37     return mutated_individual
38
39 # NORMALIZATION THE EVALUATION
40 def normalization(bound: Tuple, individual: List, func: Callable)-> int:
41     score = func(individual)
42     if score < bound[0]: return bound[0]
43     elif score > bound[1]: return bound[1]
44     else: return score
45
46 # Evaluation
47 def evaluation(individual: List, func: Callable, bound: Tuple)->int:
48     return normalization(bound=bound, func=func, individual=individual)
49
50 # EVOLUTIONAR STRATEGY
51 def ES(func: callable, bound:Tuple, sigma:int=.5):
52     # CHECK IT FOR DIFFRENT SIZE OF GENES
53     N = [2, 5, 10, 50]
54     generations = 5
55     for n in N:
56         x,y=ES_SUB(n, generations, func, bound, sigma)
57         plt.plot(x,y, label=f'N={n}')
58     plt.title(f"ES for sigma={sigma}")
59     plt.legend()
60     plt.show()
61 def ES_SUB(N:int, generations: int, func: callable, bound:Tuple, sigma):
62     x,y = [0], [0]
63     population = population_create(populationSize=1, geneSize=N)
64     individual = population[0]
65     for generation in range(generations):
66         new_individual = mutate_individual(individual, mutation_rate=sigma)
67         new_score = evaluation(individual=new_individual, func=func, bound=bound)
68         score = evaluation(individual=individual, func=func, bound=bound)
69         if new_score > score:
70             individual = new_individual
71             y.append(new_score)
72         else:
73             y.append(score)
74         x.append(x[-1]+1)
75     return x,y
76
77 # CHECK FOR DIFFRENT SIGMAS
78 for _ in range(10,100,10):
79     ES(benchmarkFunction2, (-30, 30), sigma=_/100)

```

در نهایت می‌توانیم نتایج زیر را مشاهده کنیم:

