

Errata e Soluções do Livro
Geometria Analítica e Álgebra Linear
de Elon Lages Lima
Segunda Edição–Oitava Impressão

Gustavo de Oliveira

20 de abril de 2021

Sumário

I	Errata	1
1	Seção 4 – A Distância entre Dois Pontos	2
2	Seção 11 – Desigualdades Lineares	2
3	Seção 17 – Equação da Hipérbole	2
4	Seção 26 – Distância entre Dois Pontos no Espaço	2
5	Seção 34 – Operações com Matrizes	2
II	Soluções	2
6	Seção 1 – Coordenadas na reta	3

Parte I

Errata

1 Seção 4 – A Distância entre Dois Pontos

- Página 28, linha 3: “... as reta...” em vez de “... os segmentos...”.

2 Seção 11 – Desigualdades Lineares

- Página 70, linha -9: “... a idéia é justamente tomar...”
- Página 71, Figura 11.6: Falta indicar o ponto C na figura.
- Página 72, Exercício 6: “... conjunto das soluções de...”

3 Seção 17 – Equação da Hipérbole

- Página 110, linha 21: “... as assíntotas da hipérbole.”

4 Seção 26 – Distância entre Dois Pontos no Espaço

- Página 172, linha 6: “... a um segmento como, por...”

5 Seção 34 – Operações com Matrizes

- Página 234, linha 4: “... 3×3 ...” em vez de “... 3×4 ...”
- Página 237, linha 1: Não seria “Consequentemente...” em vez de “Reciprocamente...”?

Parte II

Soluções

6 Seção 1 – Coordenadas na reta

Exercício (E1.S1). Sejam $a < b$ respectivamente as coordenadas dos pontos A e B sobre o eixo E . Determine as coordenadas dos pontos X_1, \dots, X_{n-1} que dividem o segmento AB em n partes iguais.

Solução. O comprimento de cada parte do intervalo é $l = d(A, B)/n$. Para $j \in \{1, \dots, n-1\}$, observamos que $d(X_j, A) = jl$. Seja x_j a coordenada do ponto X_j . Então $|x_j - a| = j|a - b|/n$, ou seja, $x_j - a = j(b - a)/n$, pois $x_j > a$ e $b > a$. Portanto $x_j = a + j(b - a)/n$ ou ainda $x_j = (1 - j/n)a + (j/n)b$ para $j \in \{1, \dots, n-1\}$. \square

Exercício (E2.S1). Sejam $a < x < b$ respectivamente as coordenadas dos pontos A , X e B do eixo E . Diz-se que o ponto X divide o segmento AB em *média e extrema razão* quando se tem

$$\frac{d(A, X)}{d(A, B)} = \frac{d(X, B)}{d(A, X)}.$$

(O quociente $d(A, X)/d(A, B)$ é chamado *razão áurea*.) Supondo que X divide o segmento de reta AB em média e extrema razão, calcule x em função de a e b .

Solução. Em coordenadas, a condição dada corresponde a

$$\frac{|a - x|}{|a - b|} = \frac{|x - b|}{|a - x|}.$$

Como $a < x < b$, essa igualdade é equivalente a

$$\frac{x - a}{b - a} = \frac{b - x}{x - a},$$

ou seja,

$$x^2 + (b - 3a)x + (a^2 - b^2 + ab) = 0.$$

O discriminante dessa equação é $\Delta = 5(b - a)^2$. Portanto as raízes são

$$x_{\pm} = \frac{1}{2}(3a - b \pm \sqrt{5}(b - a)).$$

Usando a condição $a < x < b$, obtemos que $a < x_+ < b$ e $x_- < a$. Logo a única raiz no intervalo $[a, b]$ é x_+ . Portanto o ponto X procurado tem coordenada

$$x = \frac{1}{2}((3 - \sqrt{5})a + (\sqrt{5} - 1)b).$$

□