GAAL – Seção 1 – Exercício 1

E1.S1. Sejam a < b respectivamente as coordenadas dos pontos A e B sobre o eixo E. Determine as coordenadas dos pontos X_1, \ldots, X_{n-1} que dividem o segmento AB em n partes iguais.

 $Solução. \ \text{Para}\ j\in\{1,\dots,n-1\}, \ \text{observamos}\ \text{que}\ d(X_j,A)=jd(A,B)/n.$ Seja x_j a coordenada do ponto $X_j.$ Então $|x_j-a|=j|a-b|/n,$ ou seja, $x_j-a=j(b-a)/n,$ pois $x_j>a$ e b>a. Portanto $x_j=a+j(b-a)/n,$ ou ainda $x_j=(1-j/n)+(j/n)b$ para $j\in\{1,\dots,n-1\}.$