X-Opgave 4.25

4.25 Usikkerhedsbudget for beregnet størrelse: Varmeflow

Fouriers varmelov (1D) for varmetransporten gennem et materiale med arealet A og tykkelsen Δx :

$$Q = \frac{k \cdot A \cdot (T_2 - T_1)}{\Delta x}$$

 T_1 og T_2 er temperaturen på hhv. kold og varm side

Der måles følgende:

• $A = 100,0 cm^2 \pm 2,0 cm^2$

• $k = 70 \text{ }^{W}/_{m \cdot K}$ • $T_2 = 150,00 \,^{\circ}\text{C} \, \pm 0,50 \,^{\circ}\text{C}$

• $T_1 = 80,00 \,^{\circ}\text{C} \, \pm 0,40 \,^{\circ}\text{C}$

• $\Delta x = 5,00 \ cm \pm 0,10 \ cm$

Den termiske ledningsevne, k, er et tabelopslag, uden angivelse af usikkerhed

Hint: det betyder ikke at der ikke er en usikkerhed forbundet med tallet).

A. Argumenter for fordelingstype for hvert enkelt bidrag

Hint: Der er ikke nogen rigtige eller forkerte svar, men antagelse og argument skal passe sammen – forsøg at benytte alle fordelingstyper (hvis du digter lidt)?

Opgave A

Arealet antages at være trekant fordelt, da en plades l_1 og l_2 kunne måles som en firkant fordelt variabel i begge ender. Den ene kunne variere lidt mere i bredde i den ene ende, og det samme med længden

Den termiske ledeevne antages at være trekantsfordelt, efter tabelopslag for vands varme konduktivitet, der stiger fra lave til mellem temperaturer, og falder derefter igen ved de højere temperaturer

Temperaturene antages at være firkantfordelte, da det antages at være hårde grænser, hvori målingsudfald vil være højst usandsynlige at finde

Tykkelsen antages at være U-fordelt, da vi lader som om at pladens tykkelse forløb følger den termiske ledeevnes forløb inverst, så er tyk ved lav tem, skrumper til middel temp, og udvider sig igen ved høj temp (håber det er acceptabelt digteri)

```
Opgave b
 clc; clear all;
 u = symunit;
 syms alpha
 % Usikkerhedsformler
 u_f = alpha/sqrt(3)
  u_f =
 u_t = alpha/sqrt(6)
  \frac{\sqrt{6} \alpha}{6}
 u_u = alpha/sqrt(2)
  u_u =
 % Værdier
 C = 273.15;
 A = 100*u.cm^2;
 k = 70 * u.W/(u.m*u.K);
 T1 = (80)*u.K;
 T2 = (150)*u.K;
 x = 5*u.cm;
 var\_list = [A T1 T2 x k]
  var_list =
  \left(100 \,\mathrm{cm^2} \ 80 \,\mathrm{K} \ 150 \,\mathrm{K} \ 5 \,\mathrm{cm} \ 70 \,\frac{\mathrm{W}}{\mathrm{K} \ \mathrm{m}}\right)
 % Usikkerheder
 Au = 2*u.cm^2;
 ku = 1 * u.W/(u.m*u.K); % antaget usikkerhed
 T1u = 0.4*u.K;
 T2u = 0.5*u.K;
 xu = 0.1* u.cm;
```

$f_{\text{list}} = (0.816 \, \text{cm}^2 \, 0.231 \, \text{K} \, 0.289 \, \text{K} \, 0.0707 \, \text{cm} \, 0)$

Opgave c

```
syms k A T_2 T_1 delta_x
Q = (k*A*(T_2 - T_1))/delta_x
Q =
-\frac{A k (T_1-T_2)}{s}
```

vars = symvar(Q) $vars = \begin{pmatrix} A & T_1 & T_2 & \delta_x & k \end{pmatrix}$

x = 5*u.cm;

% Fordelingsusikkerheder $f_Au = subs(u_t, alpha, Au);$ $f_{ku} = subs(u_t, alpha, ku);$ $f_T1u = subs(u_f, alpha, T1u);$ $f_T2u = subs(u_f, alpha, T2u);$ $f_xu = subs(u_u, alpha, xu);$

 $f_{\text{list}} = vpa([f_{\text{Au}}, f_{\text{T1u}}, f_{\text{T2u}}, f_{\text{xu}}, 0], 3)$

% Værdier C = 273.15; $A = 100*u.cm^2;$ k = 70 * u.W/(u.m*u.K);T1 = (80)*u.K;T2 = (150)*u.K;

var_list = $\left(100 \,\mathrm{cm^2} \ 80 \,\mathrm{K} \ 150 \,\mathrm{K} \ 5 \,\mathrm{cm} \ 70 \,\frac{\mathrm{W}}{\mathrm{K} \,\mathrm{m}}\right)$

 $var_list = [A T1 T2 x k]$

% Usikkerheder $Au = 2*u.cm^2;$ ku = 0.5 * u.W/(u.m*u.K); % antaget usikkerhedT1u = 0.4*u.K;T2u = 0.5*u.K;xu = 0.1* u.cm;% Fordelingsusikkerheder $f_{Au} = subs(u_t, alpha, Au);$ $f_{ku} = subs(u_t, alpha, ku);$ $f_T1u = subs(u_f, alpha, T1u);$ $f_{T2u} = subs(u_f, alpha, T2u);$ $f_xu = subs(u_u, alpha, xu);$ $f_{\text{list}} = vpa([f_{\text{Au}}, f_{\text{T1u}}, f_{\text{T2u}}, f_{\text{xu}}, f_{\text{ku}}], 3)$

f_list = $\left(0.816\,\mathrm{cm^2}\ 0.231\,\mathrm{K}\ 0.289\,\mathrm{K}\ 0.0707\,\mathrm{cm}\ 0.204\,\frac{\mathrm{W}}{\mathrm{K}\;\mathrm{m}}\right)$

U = Opbhobningsloven(Q, vars, var_list, f_list)

U = $1706.0480649896977154431789643592 \frac{\text{W cm}}{\text{m}}$

vpa(unitConvert(U, u.W), 3)

ans = $17.1 \, \text{W}$