

## **GBI Tutorium Nr. 41**

Foliensatz 13

Vincent Hahn - vincent.hahn@student.kit.edu | 31. Januar 2013



# **Outline/Gliederung**



Vincent Hahn - vincent.hahn@student.kit.edu

Wiederholung

Unentscheidbare Probleme

Äquivalenzrelationen

- Wiederholung
- 2 Unentscheidbare Probleme

## Überblick



Vincent Hahn - vincent.hahn@student.kit.edu

### Wiederholung

Unentscheidbare Probleme

- Wiederholung
- 2 Unentscheidbare Probleme
- 3 Äquivalenzrelationen

# Wiederholung



Vincent Hahn - vincent.hahn@student.kit.edu

### Wiederholung

Unentscheidbare Probleme

- Irgendwas zu Turingmaschinen
- Irgendwas zu Codierungen
- Irgendwas zu Relationen
- Reflexiv
- Transitiv
- Symmetrisch

## Überblick



Vincent Hahn - vincent.hahn@student.kit.edu

Wiederholung

Unentscheidbare Probleme

Wiederholung

Äquivalenzrelationen

Unentscheidbare Probleme



## **Unentscheidbare Probleme**



Vincent Hahn - vincent.hahn@student.kit.edu

Wiederholung

Unentscheidbare Probleme

Äquivalenzrelationen

Es gibt Probleme, die lassen sich mit einer Turing-Maschine (oder äquivalent: einem Java-Programm) nicht lösen. (Auch nicht mit unendlich viel Zeit und Platz.)

Ein solches Problem ist nicht entscheidbar

### Entscheidbarkeit

Für ein entscheidbares Problem gibt es eine Turingmaschine, die für jede Eingabe hält und das Eingabewort entweder akzeptiert oder nicht.

Vincent Hahn - vincent.hahn@student.kit.edu

Wiederholung

Unentscheidbare Probleme

Äquivalenzrelationen

## **Codierung von Turingmaschinen**



Bisher haben wir eine Turingmaschine formal so geschrieben  $T=(Z,Z_0,X,f,g,m)$ . Wir bauen uns eine Codierung, die die ganze Turingmaschine in ein Wort  $w_1$  "packt".

Dieses Wort  $w_1$  übergeben wir dann einer universellen Turingmaschine U, die

- übeprüft, ob w₁ eine Turingmaschine T codiert
- lacktriangle dann die Turingmaschine T "simuliert" und als Eingabe  $w_2$  verwendet
- und schließlich das Ergebnis davon ausgibt



## Halteproblem



Vincent Hahn - vincent.hahn@student.kit.edu

Wiederholung

Unentscheidbare Probleme

Äquivalenzrelationen

### Satz

Es ist nicht möglich, eine Turingmaschine U zu bauen, die für jede Turingmaschine T (codiert als  $w_1$ ) und jede Eingabe  $w_2$  entscheidet, ob T bei der Eingabe von  $w_2$  hält.

Das lässt sich auch beweisen.



8/8





Wiederholung

Unentscheidbare Probleme

Vincent Hahn - vincent.hahn@student.kit.edu

# Überblick

 $Vincent\ Hahn-vincent.hahn@student.kit.edu$ 

Wiederholung

Unentscheidbare Probleme

- 1 Wiederholung
- Unentscheidbare Probleme
- 3 Äquivalenzrelationen