

GBI Tutorium Nr. 41

Foliensatz 01

Vincent Hahn – vincent.hahn@student.kit.edu | 25. Oktober 2012



Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

- 1 Allgemeines
- 2 Aussagenlogik
- 3 Relationen und Abbildungen
 - Kartesisches Produkt
 - Totalität
 - Eindeutigkeit
 - Funktionen
- 4 Mengenlehre

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

- 1 Allgemeines
- 2 Aussagenlogik
- 3 Relationen und Abbildungen
- 4 Mengenlehre

Vincent Hahn – vincent.hahn@student.kit.edu

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

■ Mail: vincent.hahn@student.kit.edu

■ Web: <http://www.stud.uni-karlsruhe.de/~uddgw/>

Vincent Hahn – vincent.hahn@student.kit.edu

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

■ Mail: vincent.hahn@student.kit.edu

Totalität

■ Web: <http://www.stud.uni-karlsruhe.de/~uddgw/>

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

- **Übungsblattabgabe: spätestens Freitag, 12:30, Briefkasten im UG. Mit Deckblatt.**
- Übung: Fr, 9:45, Audimax
- Vorlesung: Mi, 11:30 Uhr, Audimax
- Klausurtermin: gewöhnlich Anfang März des kommenden Jahres

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

- Übungsblattabgabe: spätestens Freitag, 12:30, Briefkasten im UG. Mit Deckblatt.
- Übung: Fr, 9:45, Audimax
- Vorlesung: Mi, 11:30 Uhr, Audimax
- Klausurtermin: gewöhnlich Anfang März des kommenden Jahres

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

- Übungsblattabgabe: spätestens Freitag, 12:30, Briefkasten im UG. Mit Deckblatt.
- Übung: Fr, 9:45, Audimax
- Vorlesung: Mi, 11:30 Uhr, Audimax
- Klausurtermin: gewöhnlich Anfang März des kommenden Jahres

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

Die Übungsblätter müssen. . .

- handbeschrieben sein,
- mit Deckblatt abgegeben werden und
- selbst bearbeiten sein.

Für den Übungsschein reichen 50 % der Punkte der Blätter.

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

Vorlesung

- Website: <http://gbi.ira.uka.de>
- Dozentin: tanja.schultz@kit.edu

Fachschaft

- Website: <http://www.fsmi.uni-karlsruhe.de/>
- Forum: <http://www.fsmi.uni-karlsruhe.de/forum/>

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

Vorlesung

- Website: <http://gbi.ira.uka.de>
- Dozentin: tanja.schultz@kit.edu

Fachschaft

- Website: <http://www.fsmi.uni-karlsruhe.de/>
- Forum: <http://www.fsmi.uni-karlsruhe.de/forum/>

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

- 1 Allgemeines
- 2 Aussagenlogik**
- 3 Relationen und Abbildungen
- 4 Mengenlehre

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

Definition

Ein Junktor ist eine logische Verknüpfung zwischen Aussagen innerhalb der Aussagenlogik, also ein logischer Operator.
(Aus Wikipedia)

Beispiele

- Logisches „Oder“ \vee
- Logisches „Und“ \wedge
- ...

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

Definition

Ein Junktor ist eine logische Verknüpfung zwischen Aussagen innerhalb der Aussagenlogik, also ein logischer Operator.
(Aus Wikipedia)

Beispiele

- Logisches „Oder“ \vee
- Logisches „Und“ \wedge
- ...

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

Tabelle: Wahrheitswerte für \wedge

A	B	$A \wedge B$
f	f	f
f	w	f
w	f	f
w	w	w

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

Tabelle: Wahrheitswerte für \vee

A	B	$A \vee B$
f	f	f
f	w	w
w	f	w
w	w	w

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

Tabelle: Wahrheitswerte für \neg

A	$\neg A$
f	w
w	f

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

Tabelle: Wahrheitswerte für \rightarrow

A	B	$A \rightarrow B$
f	f	w
f	w	w
w	f	f
w	w	w

Alternative Schreibweise

Finde eine Schreibweise, die nur aus \vee und \neg besteht!

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

Tabelle: Wahrheitswerte für \rightarrow

A	B	$A \rightarrow B$
f	f	w
f	w	w
w	f	f
w	w	w

Alternative Schreibweise

Finde eine Schreibweise, die nur aus \vee und \neg besteht!

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

Tabelle: Wahrheitswerte für \rightarrow

A	B	$A \rightarrow B$
f	f	w
f	w	w
w	f	f
w	w	w

Alternative Schreibweise

Finde eine Schreibweise, die nur aus \vee und \neg besteht!

$$A \rightarrow B \Leftrightarrow \neg A \vee B$$

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

Sommer 2010, Aufgabe 2
2 von 46 Punkten

Zeigen Sie (etwa mit Wahrheitstabellen), dass die Formeln äquivalent sind:

$$\begin{aligned} &(((B \Rightarrow A) \vee B) \Rightarrow (\neg A)) \wedge B \\ &\neg A \wedge B \end{aligned}$$

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

1 Allgemeines

2 Aussagenlogik

3 Relationen und Abbildungen

- Kartesisches Produkt
- Totalität
- Eindeutigkeit
- Funktionen

4 Mengenlehre

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

1 Allgemeines

2 Aussagenlogik

3 Relationen und Abbildungen

- Kartesisches Produkt

- Totalität

- Eindeutigkeit

- Funktionen

4 Mengenlehre

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

Definition Kartesisches Produkt

Das Kartesische Produkt $A \times B$ enthält alle Kombinationen (a,b) mit $a \in A$ und $b \in B$.

Beispiel: Kleiner-Gleich-Menge

Die Menge M sei $M = \{1, 2, 3\}$.

Welche Elemente sind in der Teilmenge $R_{\leq} \subseteq M \times M$?

Schreibweise: $R_{\leq} = \{(a, b) | a \leq b\}$

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

Definition Kartesisches Produkt

Das Kartesische Produkt $A \times B$ enthält alle Kombinationen (a,b) mit $a \in A$ und $b \in B$.

Beispiel: Kleiner-Gleich-Menge

Die Menge M sei $M = \{1, 2, 3\}$.

Welche Elemente sind in der Teilmenge $R_{\leq} \subseteq M \times M$?

Schreibweise: $R_{\leq} = \{(a,b) | a \leq b\}$

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

Definition Kartesisches Produkt

Das Kartesische Produkt $A \times B$ enthält alle Kombinationen (a,b) mit $a \in A$ und $b \in B$.

Beispiel: Kleiner-Gleich-Menge

Die Menge M sei $M = \{1, 2, 3\}$.

Welche Elemente sind in der Teilmenge $R_{\leq} \subseteq M \times M$?

Schreibweise: $R_{\leq} = \{(a, b) | a \leq b\}$

$R_{\leq} = \{(1, 1), (1, 2), (1, 3), (2, 2), (2, 3), (3, 3)\}$

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

1 Allgemeines

2 Aussagenlogik

3 Relationen und Abbildungen

• Kartesisches Produkt

• **Totalität**

• Eindeutigkeit

• Funktionen

4 Mengenlehre

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

Definition

Eine Relation $R \subseteq A \times B$ heißt linkstotal, wenn es zu jedem Element der Urbildmenge A ein zugehöriges Element der Bildmenge B gibt.

Die Relation heißt rechtstotal, wenn es zu jedem Element der Bildmenge B ein zugehöriges Element der Urbildmenge A gibt.

Beispiel

Welche Eigenschaft hat diese Funktion, wenn $x \in \mathbb{R}$ und $f(x) \in \mathbb{R}$?

$$f(x) = x^2$$

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

Definition

Eine Relation $R \subseteq A \times B$ heißt linkstotal, wenn es zu jedem Element der Urbildmenge A ein zugehöriges Element der Bildmenge B gibt.

Die Relation heißt rechtstotal, wenn es zu jedem Element der Bildmenge B ein zugehöriges Element der Urbildmenge A gibt.

Beispiel

Welche Eigenschaft hat diese Funktion, wenn $x \in \mathbb{R}$ und $f(x) \in \mathbb{R}$?

$$f(x) = x^2$$

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

Definition

Eine Relation $R \subseteq A \times B$ heißt linkstotal, wenn es zu jedem Element der Urbildmenge A ein zugehöriges Element der Bildmenge B gibt.

Die Relation heißt rechtstotal, wenn es zu jedem Element der Bildmenge B ein zugehöriges Element der Urbildmenge A gibt.

Beispiel

Welche Eigenschaft hat diese Funktion, wenn $x \in \mathbb{R}$ und $f(x) \in \mathbb{R}$?

$$f(x) = x^2$$

Linkstotal.

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

1 Allgemeines

2 Aussagenlogik

3 Relationen und Abbildungen

• Kartesisches Produkt

• Totalität

• **Eindeutigkeit**

• Funktionen

4 Mengenlehre

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

Definition

Eine Relation $R \subseteq A \times B$ heißt linkseindeutig, wenn einem Element der Bildmenge B höchstens ein Element der Urbildmenge A zugeordnet ist.
Eine Relation $R \subseteq A \times B$ heißt rechtseindeutig, wenn einem Element der Urbildmenge A höchstens ein Element der Bildmenge B zugeordnet ist.

Beispiel

Welche Eigenschaft hat die Funktion $f(x) = x^2$ (Wertebereiche wie oben)?

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

Definition

Eine Relation $R \subseteq A \times B$ heißt **linkseindeutig**, wenn einem Element der Bildmenge B höchstens ein Element der Urbildmenge A zugeordnet ist.
Eine Relation $R \subseteq A \times B$ heißt **rechtseindeutig**, wenn einem Element der Urbildmenge A höchstens ein Element der Bildmenge B zugeordnet ist.

Beispiel

Welche Eigenschaft hat die Funktion $f(x) = x^2$ (Wertebereiche wie oben)?

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

Definition

Eine Relation $R \subseteq A \times B$ heißt linkseindeutig, wenn einem Element der Bildmenge B höchstens ein Element der Urbildmenge A zugeordnet ist.
Eine Relation $R \subseteq A \times B$ heißt rechtseindeutig, wenn einem Element der Urbildmenge A höchstens ein Element der Bildmenge B zugeordnet ist.

Beispiel

Welche Eigenschaft hat die Funktion $f(x) = x^2$ (Wertebereiche wie oben)?
Rechtseindeutig.

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

1 Allgemeines

2 Aussagenlogik

3 Relationen und Abbildungen

- Kartesisches Produkt

- Totalität

- Eindeutigkeit

- Funktionen

4 Mengenlehre

Definition

Eine Relation $R \subseteq A \times B$ heißt Funktion, wenn sie linkstotal und rechtseindeutig ist.

Eigenschaften einer Funktion

Tabelle: Eigenschaften von Funktionen. Dabei sei $x \in \mathbb{R}$ und $f(x) \in \mathbb{R}$ (also keine komplexen Zahlen).

rechtstotal	linkseindeutig	Bezeichnung	Beispiel
			$f(x) = x^2$
			$f(x) = e^x$
			$f(x) = x^3 - x$
			$f(x) = x$

Definition

Eine Relation $R \subseteq A \times B$ heißt Funktion, wenn sie linkstotal und rechtseindeutig ist.

Eigenschaften einer Funktion

Tabelle: Eigenschaften von Funktionen. Dabei sei $x \in \mathbb{R}$ und $f(x) \in \mathbb{R}$ (also keine komplexen Zahlen).

rechtstotal	linkseindeutig	Bezeichnung	Beispiel
0	0	-	$f(x) = x^2$
			$f(x) = e^x$
			$f(x) = x^3 - x$
			$f(x) = x$

Definition

Eine Relation $R \subseteq A \times B$ heißt Funktion, wenn sie linkstotal und rechtseindeutig ist.

Eigenschaften einer Funktion

Tabelle: Eigenschaften von Funktionen. Dabei sei $x \in \mathbb{R}$ und $f(x) \in \mathbb{R}$ (also keine komplexen Zahlen).

rechtstotal	linkseindeutig	Bezeichnung	Beispiel
0	0	-	$f(x) = x^2$
0	1	injektiv	$f(x) = e^x$
			$f(x) = x^3 - x$
			$f(x) = x$

Definition

Eine Relation $R \subseteq A \times B$ heißt Funktion, wenn sie linkstotal und rechtseindeutig ist.

Eigenschaften einer Funktion

Tabelle: Eigenschaften von Funktionen. Dabei sei $x \in \mathbb{R}$ und $f(x) \in \mathbb{R}$ (also keine komplexen Zahlen).

rechtstotal	linkseindeutig	Bezeichnung	Beispiel
0	0	-	$f(x) = x^2$
0	1	injektiv	$f(x) = e^x$
1	0	surjektiv	$f(x) = x^3 - x$
			$f(x) = x$

Definition

Eine Relation $R \subseteq A \times B$ heißt Funktion, wenn sie linkstotal und rechtseindeutig ist.

Eigenschaften einer Funktion

Tabelle: Eigenschaften von Funktionen. Dabei sei $x \in \mathbb{R}$ und $f(x) \in \mathbb{R}$ (also keine komplexen Zahlen).

rechtstotal	linkseindeutig	Bezeichnung	Beispiel
0	0	-	$f(x) = x^2$
0	1	injektiv	$f(x) = e^x$
1	0	surjektiv	$f(x) = x^3 - x$
1	1	bijektiv	$f(x) = x$

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

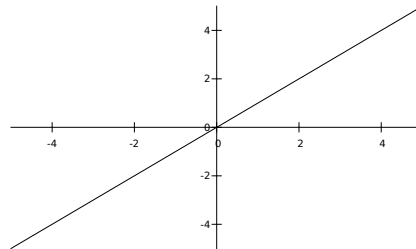
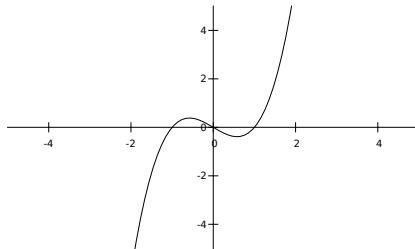
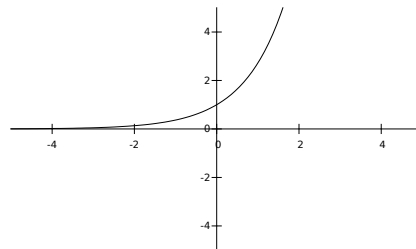
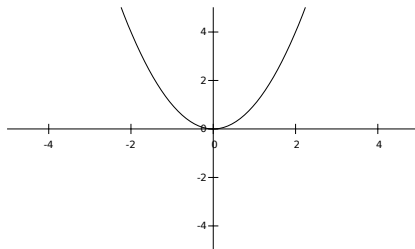
Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre



Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

Vorsicht

Unbedingt den Definitionsbereich einer Funktion beachten. Die Normalparabel ist im Bereich der komplexen Zahlen surjektiv!

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

Winter 2010/2011, Aufgabe 1.2

Es sei A die Menge aller Kinobesucher in einer Vorstellung und B die Menge aller Sitzplätze. Die Abbildung f ordnet den Kinobesuchern die Sitzplätze zu: $f : A \rightarrow B$

- Was bedeutet es im Kino, wenn f linkstotal, linkseindeutig, rechtstotal, rechtseindeutig ist?
- Was wünschen sich die Kinobesucher: Eine injektive, surjektive oder bijektive Abbildung auf die Sitzplätze? Was wünscht sich der Besitzer?
- In dieser Teilaufgabe nehmen wir an, 6 Kinobesucher besuchten ein Kino mit 8 Plätzen. Zeichnen Sie eine injektive Abbildung f . Wie viele injektive Abbildungen gibt es?

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

- 1 Allgemeines
- 2 Aussagenlogik
- 3 Relationen und Abbildungen
- 4 Mengenlehre**

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

Definition Menge

Eine Menge ist eine beliebig große Ansammlung an Elementen
 \Rightarrow es existieren Mengen ohne, endlich vielen und unendlich vielen Elementen.

Schreibweise von Mengen

Sei M eine Menge bestehend aus den Elementen 0, 1, 2, dann schreiben wir:

$$M = \{0, 1, 2\}$$

Außerdem gilt: $0, 1, 2 \in M$

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

- Die Reihenfolge der Elemente in einer Menge ist egal.

Da $x, y \in \{x, y\}$ aber auch $x, y \in \{y, x\}$

$$\Rightarrow \{x, y\} = \{y, x\}$$

- Mehrfaches Vorkommen von Elementen ist auch egal.

$$\Rightarrow \{a, b, b, 3\} = \{a, b, 3\}$$

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

- Die Reihenfolge der Elemente in einer Menge ist egal.

Da $x, y \in \{x, y\}$ aber auch $x, y \in \{y, x\}$

$$\Rightarrow \{x, y\} = \{y, x\}$$

- Mehrfaches Vorkommen von Elementen ist auch egal.

$$\Rightarrow \{a, b, b, 3\} = \{a, b, 3\}$$

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

- Die Leere Menge: $\emptyset = \{\}$
- Die Natürlichen Zahlen ohne 0: $\mathbb{N}_+ = \{1, 2, 3, \dots\}$
- Die Natürlichen Zahlen mit 0: $\mathbb{N}_0 = \{0, 1, 2, 3, \dots\}$
- Ganze Zahlen von 0 bis n-1: $\mathbb{G}_n = \{0, 1, 2, \dots, n-1\}$

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

- Die Leere Menge: $\emptyset = \{\}$
- Die Natürlichen Zahlen ohne 0: $\mathbb{N}_+ = \{1, 2, 3, \dots\}$
- Die Natürlichen Zahlen mit 0: $\mathbb{N}_0 = \{0, 1, 2, 3, \dots\}$
- Ganze Zahlen von 0 bis n-1: $\mathbb{G}_n = \{0, 1, 2, \dots, n-1\}$

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

- Die Leere Menge: $\emptyset = \{\}$
- Die Natürlichen Zahlen ohne 0: $\mathbb{N}_+ = \{1, 2, 3, \dots\}$
- Die Natürlichen Zahlen mit 0: $\mathbb{N}_0 = \{0, 1, 2, 3, \dots\}$
- Ganze Zahlen von 0 bis n-1: $\mathbb{G}_n = \{0, 1, 2, \dots, n-1\}$

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

- Die Leere Menge: $\emptyset = \{\}$
- Die Natürlichen Zahlen ohne 0: $\mathbb{N}_+ = \{1, 2, 3, \dots\}$
- Die Natürlichen Zahlen mit 0: $\mathbb{N}_0 = \{0, 1, 2, 3, \dots\}$
- Ganze Zahlen von 0 bis n-1: $\mathbb{G}_n = \{0, 1, 2, \dots, n-1\}$

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

Vereinigung von Mengen \cup

Sei $A = \{0, 1, 2\}$ und $B = \{a, b, c\}$

Dann ist die Vereinigung der Mengen A und B :

$$A \cup B = \{0, 1, 2\} \cup \{a, b, c\} = \{0, 1, 2, a, b, c\}$$

Alle Elemente aus A und B liegen somit in $A \cup B$

Durchschnitt von Mengen \cap

Sei $A = \{0, 1, 2\}$ und $B = \{1, 2, 3, 4, a\}$

Dann ist der Durchschnitt der Mengen A und B :

$$A \cap B = \{0, 1, 2\} \cap \{1, 2, 3, 4, a\} = \{1, 2\}$$

Im Durchschnitt liegen somit nur Elemente, die sowohl in A und in B liegen.

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

Vereinigung von Mengen \cup

Sei $A = \{0, 1, 2\}$ und $B = \{a, b, c\}$

Dann ist die Vereinigung der Mengen A und B :

$$A \cup B = \{0, 1, 2\} \cup \{a, b, c\} = \{0, 1, 2, a, b, c\}$$

Alle Elemente aus A und B liegen somit in $A \cup B$

Durchschnitt von Mengen \cap

Sei $A = \{0, 1, 2\}$ und $B = \{1, 2, 3, 4, a\}$

Dann ist der Durchschnitt der Mengen A und B :

$$A \cap B = \{0, 1, 2\} \cap \{1, 2, 3, 4, a\} = \{1, 2\}$$

Im Durchschnitt liegen somit nur Elemente, die sowohl in A und in B liegen.

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

Gegeben seien die Mengen A , B , C und D , mit:

$$A = \{1, 3, 5, 9\}$$

$$B = \{1, 2, 4, 8\}$$

$$C = \{x, d, 1, 2, 3, 4, 9\}$$

$$D = \{a, c, d, x\}$$

Die Menge M sei definiert durch:

$$M = \left((D \cap C) \cup ((C \cap B) \cup (A \cap C)) \right) \setminus (A \cap B)$$

Welche Elemente enthält die Menge M ?

Antwort:

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre

Gegeben seien die Mengen A , B , C und D , mit:

$$A = \{1, 3, 5, 9\}$$

$$B = \{1, 2, 4, 8\}$$

$$C = \{x, d, 1, 2, 3, 4, 9\}$$

$$D = \{a, c, d, x\}$$

Die Menge M sei definiert durch:

$$M = \left((D \cap C) \cup ((C \cap B) \cup (A \cap C)) \right) \setminus (A \cap B)$$

Welche Elemente enthält die Menge M ?

Antwort: $M = \{d, x, 2, 3, 4, 9\}$

Vincent Hahn – vincent.hahn@student.kit.edu

Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

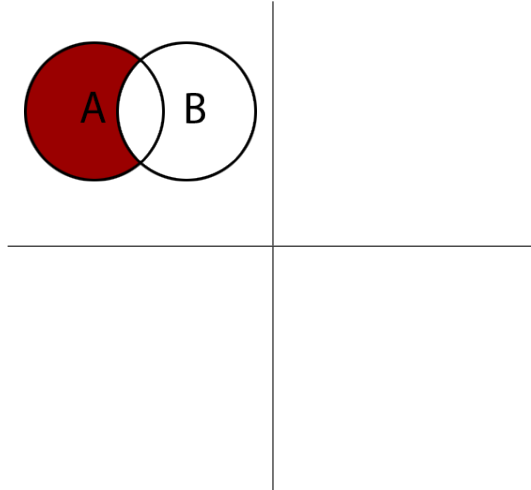
Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre



Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

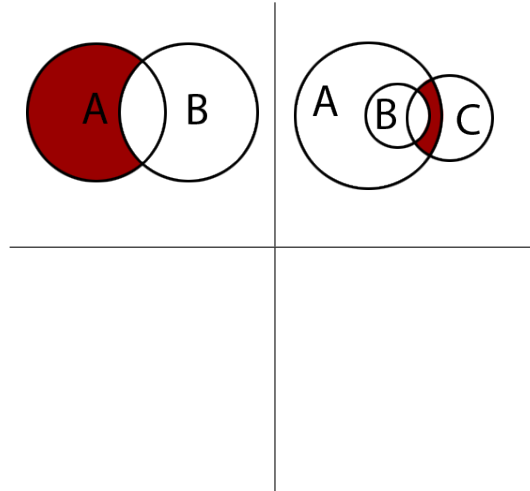
Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre



Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

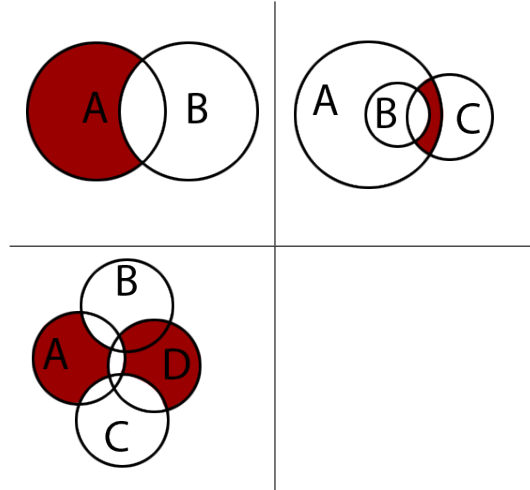
Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre



Allgemeines

Aussagenlogik

Relationen und Abbildungen

Kartesisches Produkt

Totalität

Eindeutigkeit

Funktionen

Mengenlehre