



## **Tutorium 1:** Einführung

Something for XYZ 2009

Dominik Muth - dominik.muth@student.kit.edu | October 6, 2012



### **Outline/Gliederung**



- 1 Über Mich
- GBI, was ist das?
- Organisatorisches
  - Allgemeines
  - Übungsblätter
- 4 Aussagenlogik
- 6 Relationen



Dominik Muth - dominik.muth@student.kit.edu - Einführung

#### Über Mich



- Name: **Dominik Muth**
- Studiengang: Informatik
- E-Mail: dominik.muth@student.kit.edu



- Logik
- Sprachen/Grammatiken
- Relationen/Abbildunger
- Graphen
- Laufzeitabschätzung
- Automaten
- Turingmaschinen
- . . .

Über Mich

GBI, was ist das?

Organisatorisches

Aussagenlogik



- Logik
- Sprachen/Grammatiken
- Relationen/Abbildunger
- Graphen
- Laufzeitabschätzung
- Automaten
- Turingmaschinen
- . . . .

Dominik Muth - dominik.muth@student.kit.edu - Einführung

Aussagenlogik



- Logik
- Sprachen/Grammatiken
- Relationen/Abbildungen
- Graphen
- Laufzeitabschätzung
- Automaten
- Turingmaschinen
- . . . .



- Logik
- Sprachen/Grammatiken
- Relationen/Abbildungen
- Graphen
- Laufzeitabschätzung
- Automaten
- Turingmaschinen
- . . . .





- Logik
- Sprachen/Grammatiken
- Relationen/Abbildungen
- Graphen
- Laufzeitabschätzung
- Automaten
- Turingmaschinen
- . . .





- Logik
- Sprachen/Grammatiken
- Relationen/Abbildungen
- Graphen
- Laufzeitabschätzung
- Automaten





- Logik
- Sprachen/Grammatiken
- Relationen/Abbildungen
- Graphen
- Laufzeitabschätzung
- Automaten
- Turingmaschinen
- . . .



#### **Termine**



- Vorlesung: Mi. 11:30 Uhr im Audimax
- Übung: Fr. 9:45 Uhr im Audimax
- Klausur: in der Regel anfang März

#### Links



#### Vorlesung

- Website: http://gbi.ira.uka.de
- Dozentin: tanja.schultz@kit.edu

#### **Fachschaft**

- Website: http://www.fsmi.uni-karlsruhe.de/
- Forum: http://www.fsmi.uni-karlsruhe.de/forum/

## Übungsblätter



- Abgabe: Freitag? ?:? Uhr im UG des Infobaus (gegenüber der Toiletten)
- 50% der Punkte zum bestehen nötig

#### must have:

- Handgeschrieben
- Deckblatt
- keine Plagiate



## - Logische Aussagen 1



#### Einfache Logische Aussagen:

- Negation ¬A: "nicht A"
- Logisches Und (A ∧ B): "A und B"
- Logisches Oder (A ∨ B): "A oder B



Dominik Muth - dominik.muth@student.kit.edu - Einführung

Aussagenlogik

## - Logische Aussagen 1



#### Einfache Logische Aussagen:

- Negation ¬A: "nicht A"
- Logisches Und (A ∧ B): "A und B"
- Logisches Oder (A ∨ B): "A oder B'



Aussagenlogik

## - Logische Aussagen 1



#### Einfache Logische Aussagen:

- Negation ¬A: "nicht A"
- Logisches Und (A ∧ B): "A und B"
- Logisches Oder (A ∨ B): "A oder B"



## Aufgabenteil 1



#### Aufgabe 1

Stelle die Wahrheitstabelle auf:

$$(\neg A \wedge B) \vee \neg B$$

#### Aufgabe 2

Stelle die Wahrheitstabelle auf:

$$(A \wedge B \wedge \neg C) \vee (C \wedge A) \vee (C \wedge B)$$

# Aussagenlogik - Logische Aussagen 2



- Implikation (A ⇒ B): "Wenn A, dann B"
- Äquivalenz (A ⇔ B): "A genau dann, wenn B" (Implikation in beide Richtungen)

Organisatorisches



GBI, was ist das?

Aussagenlogik

Über Mich

## - Logische Aussagen 2



- Implikation (A ⇒ B): "Wenn A, dann B"
- Aquivalenz (A ⇔ B): "A genau dann, wenn B" (Implikation in beide Richtungen)

## Aufgabenteil 2



#### Aufgabe 1

Stelle die Wahrheitstabelle auf:

$$(A \Rightarrow B) \Rightarrow C$$

#### Aufgabe 2

Sind die Beiden Aussagen Äquivalent?:

$$\neg(A \Rightarrow B) \Leftrightarrow \neg(\neg A \lor B)$$

#### Relationen

## - Allgemein



#### **Definition Kartesisches Produkt**

Das Kartesisches Produkt  $A \times B$  enthällt alle Kombinationen (a,b) mit  $a \in A$  und  $b \in B$ .

#### **Definition Relation**

 $R \subseteq A \times B$ :

Eine Relation ist die Teilmenge eines Kartesischen Produktes.

Andere Schreibweise: xRy, mit  $(x, y) \in R$ 



Dominik Muth - dominik.muth@student.kit.edu - Einführung

#### Besonderheiten



#### Linkstotal

Eine Relation ist linkstotal wenn gilt: für jedes a existiert mindestens ein b für welches gilt  $(a, b) \in R$ 

#### Rechtseindeutig

Eine Relation ist rechtseindeutig wenn gilt: für kein a existiert mehr als ein b mit  $(a,b) \in R$ 

Eine Relation, welche sowohl linkstotal als auch rechtseindeutig ist, nennt man auch Abbildung oder Funktion



#### Besonderheiten



#### Rechtstotal

Eine Relation ist rechtstotal wenn gilt:

für jedes b existiert mindestens ein a für welches gilt  $(a, b) \in R$  rechtstotal = surjektiv

#### Linkseindeutig

Eine Relation ist linkseindeutig wenn gilt:

für kein b existiert mehr als ein a mit  $(a, b) \in R$  linkseindeutig = injektiv

Eine surjektive und injektive Relation nennt man bijektiv



## Aufgabenteil 3



Vervollständige folgende Tabelle, wobei gilt:  $x \in \mathbb{R}$  und  $f(x) \in \mathbb{R}$ 

rechtstotal	linkseindeutig	Begriff	Abbildung
?	?	?	$f(x) = x^3 - x$
?	?	?	$f(x) = x^2$
?	?	?	$f(x) = x^5$
?	?	?	$f(x) = e^x$

Wie verändert sich die Tabelle, wenn  $x \in \mathbb{N}$  und  $f(x) \in \mathbb{N}$ ?

Organisatorisches



GBI, was ist das?

Über Mich

## Aufgabenteil 3



Vervollständige folgende Tabelle, wobei gilt:  $x \in \mathbb{R}$  und  $f(x) \in \mathbb{R}$ 

rechtstotal	linkseindeutig	Begriff	Abbildung
?	?	?	$f(x) = x^3 - x$
?	?	?	$f(x) = x^2$
?	?	?	$f(x) = x^5$
?	?	?	$f(x) = e^x$

Wie verändert sich die Tabelle, wenn  $x \in \mathbb{N}$  und  $f(x) \in \mathbb{N}$ ?



Ende - Muss ich noch machen!!

990

October 6, 2012

Aussagenlogik

Organisatorisches

Über Mich