

Universidad Simón Bolívar Departamento de Matemáticas Puras y Aplicadas

Nombre:		_
Carné:	Sección:	

Matemáticas II (MA-1112) Enero-Marzo 2005 (715930B)

 $2^{\mbox{do}}$ Examen Parcial $(35\,\%)$

Pregunta 1. Calcule las siguientes integrales:

a)

$$\int (\tan x)^3 (\sec x)^{-2} \, \mathrm{d}x$$

b)

$$\int_{1}^{e^{2}} \frac{\mathrm{d}x}{x(4 + (\ln x)^{2})}$$

c)

$$\int \ln\left(\frac{t^2+1}{t}\right) \, \mathrm{d}t$$

d) $\int \frac{x-2}{(x^2-12x+40)} \, \mathrm{d}x$

(6 puntos c/u)

Pregunta 2. Demostrar que g es decreciente para x > 0 donde:

$$g(x) = \frac{e}{e^x - 1} - \ln(1 - e^{-x})$$

(6 puntos)

Pregunta 3. Demuestre la siguiente propiedad:

$$(\log_x y)(\log_y z) = \log_x z$$

con x > 0, y > 0 y z > 0.

(5 puntos)