

Universidad Simón Bolívar Departamento de Matemáticas Puras y Aplicadas

Nombre:		
Carné: _	Sección: _	

Matemáticas II (MA-1112) Enero-Marzo 2005 (715930A)

 $2^{\mbox{do}}$ Examen Parcial $(35\,\%)$

Pregunta 1. Calcule las siguientes integrales:

a)

$$\int (\cot x)^3 (\csc x)^{-2} \, \mathrm{d}x$$

b)

$$\int_0^{\ln 5} \frac{e^x}{\sqrt{25 - e^{2x}}} \, \mathrm{d}x$$

c)

$$\int \ln(x + 1/x) \, \mathrm{d}x$$

d)

$$\int \frac{x-1}{(x^2-10x+31)} \, \mathrm{d}x$$

(6 puntos c/u)

Pregunta 2. Demostrar que f es creciente para x > 0 donde:

$$f(x) = \ln(1 - e^{-x}) + \frac{e}{1 - e^x}$$

(6 puntos)

Pregunta 3. Demuestre la siguiente propiedad:

$$(\log_a b)(\log_b c) = \log_a c$$

con a > 0, b > 0 y c > 0.

(5 puntos)