Universidad Simón Bolívar. Departamento de Matemáticas Puras y Aplicadas.

Primer Parcial - MA1112 Abril-Julio 2007 Tipo 2

1. (5 ptos. c/u) Calcule las siguientes integrales:

a)
$$\int_0^{\pi^3/8} \frac{\sin \sqrt[3]{x}}{\sqrt[3]{x^2}} dx$$
 b)
$$\int \frac{x}{2x^4 + 5} dx$$

2. (5 ptos.) Aplicando el Primer Teorema Fundamental del Cálculo, encontrar $\frac{d}{dx}G(x)$ para

$$G(x) = \int_{1/x}^{\sqrt{x}} \cos t^2 dt$$

- 3. (8 ptos.) Encontrar el área de la región acotada por las curvas $y=\frac{x^2}{6},$ $y=x^2-6x$ y $y=-\frac{4}{3}x+8.$
- 4. a) (5 ptos.) Utilizando una partición regular, encuentre una expresión para la suma de Riemann S_n de f(x) = x + 1 en el intervalo [1, 10], tomando como punto de muestra el extremo izquierdo de cada subintervalo $[x_i, x_{i+1}]$.
 - b) (2 ptos.) Encuentre $\lim_{n\to\infty} S_n$