Objetivos a cubrir

Código: MAT4-EDO.15

• Ecuación diferencial ordinaria lineal de orden n a coeficientes constantes no homogénea.

• Ecuación diferencial ordinaria lineal de orden n a coeficientes variables no homogénea.

1. Utilice el método de reducción de orden para encontrar una solución de la ecuación no homogénea dada. La función asociada $y_1(x)$ es una solución de la ecuación homogénea asociada. Determine una segunda solución de esta ecuación y una solución particular de la ecuación no homogénea.

1.
$$y'' - 4y' = 2$$
; $y_1 = e^{-2x}$

2.
$$y'' + y' = 1$$
; $y_1 = 1$

3.
$$y'' - 3y' + 2y = 5e^{3x}$$
; $y_1 = e^x$

4.
$$y'' - 4y' + 3y = x$$
; $y_1 = e^x$

2. Encuentre una solución general de cada una de las siguientes ecuaciones diferenciales usando el método de variación de parámetros.

$$1. \quad y'' + y = \sec x$$

2.
$$y'' + y = \tan x$$

$$3. \quad y'' + y = \sin x$$

4.
$$y'' - 9y = \frac{9x}{e^{3x}}$$
 5. $y'' + y = \cos^2 x$ 6. $y'' + y = \sec^2 x$

$$5. \quad y'' + y = \cos^2 x$$

$$6. \quad y'' + y = \sec^2 x$$

$$7. \quad y'' - y = \cosh x$$

8.
$$y'' - y = \operatorname{senh} 2x$$

7.
$$y'' - y = \cosh x$$
 8. $y'' - y = \sinh 2x$ 9. $y'' - 2y' + y = e^x \arctan x$

$$10. \quad y'' + y = \sec x \tan x$$

10.
$$y'' + y = \sec x \tan x$$
 11. $y'' + 3y' + 2y = \frac{1}{1 + e^x}$ 12. $y'' - 2y' + 2y = e^x \sec x$

12.
$$y'' - 2y' + 2y = e^x \sec x$$

13.
$$y'' + 3y' + 2y = \sec e^x$$

13.
$$y'' + 3y' + 2y = \sec e^x$$
 14. $y'' - 3y' + 2y = \frac{e^{3x}}{1 + e^x}$ 15. $3y'' - 6y' + 30y = e^x \tan 3x$

15.
$$3y'' - 6y' + 30y = e^x \tan 3x$$

16.
$$y'' - 2y' + y = \frac{e^x}{1+x^2}$$

16.
$$y'' - 2y' + y = \frac{e^x}{1 + x^2}$$
 17. $4y'' - 4y' + y = e^{x/2}\sqrt{1 - x^2}$ 18. $y''' + y' = \tan x$

$$18. \quad y''' + y' = \tan x$$

19.
$$y''' + 4y' = \sec 2x$$

3. Encuentre una solución general de cada una de las siguientes ecuaciones diferenciales

1.
$$y'' + 16y = e^{3x}$$

1.
$$y'' + 16y = e^{3x}$$
 2. $y'' - y' - 2y = 3x + 4$ 3. $y'' - y' - 6y = 2 \operatorname{sen} 3x$

$$3 \quad y'' - y' - 6y = 2 \operatorname{sen} 3x$$

4.
$$4y'' + 4y' + y = 3xe^x$$
 5. $y^{(3)} + 4y' = 3x - 1$ 6. $2y'' + 4y' + 7y = x^2$

5.
$$y^{(3)} + 4y' = 3x - 1$$

6.
$$2y'' + 4y' + 7y = x^2$$

7.
$$y'' - 4y = e^x - e^{-x}$$

7.
$$y'' - 4y = e^x - e^{-x}$$
 8. $y'' - 4y = e^{2x} + e^{-2x}$

9.
$$y'' + 9y = 2\cos 3x + 3\sin 3x$$

10.
$$y^{(3)} + y' = 2 - \sin x$$

11.
$$y'' + y' + y = \sin^2 x$$

10.
$$y^{(3)} + y' = 2 - \sin x$$
 11. $y'' + y' + y = \sin^2 x$ 12. $y'' + 2y' - 3y = 1 + xe^x$

13.
$$y'' - 5y' + 6y = 2e^3$$

14.
$$y'' + 2y' + 5y = 3 \operatorname{sen} 2x$$

13.
$$y'' - 5y' + 6y = 2e^x$$
 14. $y'' + 2y' + 5y = 3 \sec 2x$ 15. $2y'' + 3y' + y = x^2 + 3 \sec x$

16.
$$u'' + 5v' + 6v = 17$$

17.
$$y'' + 2y' + 5y = e^x \operatorname{sen} x$$

16.
$$y'' + 5y' + 6y = 17$$
 17. $y'' + 2y' + 5y = e^x \sin x$ 18. $y^{(3)} - y'' - y' + y = 2e^{-x} + 3$

19.
$$y^{(4)} - 2y'' + y = xe^x$$

20.
$$y'' + 9y = 2x^2e^{6x} + 5$$

19.
$$y^{(4)} - 2y'' + y = xe^x$$
 20. $y'' + 9y = 2x^2e^{3x} + 5$ 21. $y^{(4)} - 5y'' + 4y = e^x - xe^{2x}$

$$22. \quad y^{(3)} - y = e^x + 7$$

23.
$$y'' + y = \sin x + x \cos x$$

23.
$$y'' + y = \sin x + x \cos x$$
 24. $y^{(5)} + 2y^{(3)} + 3y'' = 3x^2 - 1$

4. Resuelva cada uno de los siguientes problemas con condiciones iniciales

1.
$$y'' + 4y = 2x$$
: $y(0) = 1$: $y'(0) = 2$

1.
$$y'' + 4y = 2x$$
; $y(0) = 1$; $y'(0) = 2$ 2. $y'' + 3y' + 2y = e^x$; $y(0) = 0$; $y'(0) = 3$

3.
$$y'' + 9y = \sin 2x$$
; $y(0) = 1$; $y'(0) = 0$ 4. $y'' + y = \cos x$; $y(0) = 1$; $y'(0) = -1$

4.
$$y'' + y = \cos x$$
; $y(0) = 1$; $y'(0) = -1$

5.
$$y'' - 2y' + 2y = x + 1$$
; $y(0) = 3$; $y'(0) = 0$

6.
$$y^{(4)} - 4y'' = x^2$$
; $y(0) = 1$; $y'(0) = 1$; $y''(0) = -1$; $y^{(3)}(0) = -1$

7.
$$y^{(3)} - 2y'' + y' = 1 + xe^x$$
; $y(0) = 0$; $y'(0) = 0$; $y''(0) = 1$

8.
$$y'' + 2y' + 2y = \sin 3x$$
; $y(0) = 2$; $y'(0) = 0$ 7. $y'' - 2y' + y = xe^x$; $y(0) = 1$; $y'(0) = 1$

10.
$$y^{(3)} + y'' = x + e^{-x}$$
; $y(0) = 1$; $y'(0) = 0$; $y''(0) = 1$

11.
$$y^{(3)} - 3y'' + 2y' = x + e^x$$
; $y(0) = 1$; $y'(0) = -\frac{1}{4}$; $y''(0) = -\frac{3}{2}$

12.
$$y^{(4)} - y = 5$$
; $y(0) = 0$; $y'(0) = 0$; $y''(0) = 0$; $y^{(3)}(0) = 0$

13.
$$y^{(4)} + 2y'' + y = 3x + 4$$
; $y(0) = 0$; $y'(0) = 0$; $y''(0) = 1$; $y^{(3)}(0) = 1$

5. Encuentre una solución general de cada una de las siguientes ecuaciones diferenciales

1.
$$x^2y'' - xy' + y = 2x$$

2.
$$x^2y'' - xy' + 2y = \ln x$$

3.
$$x^2y'' + xy' + y = x(6 - \ln x)$$

4.
$$x^2y'' + xy' - y = x^m$$

5.
$$x^2y'' + 2xy + y = x \ln x$$

4.
$$x^2y'' + xy' - y = x^m$$
 5. $x^2y'' + 2xy + y = x \ln x$ 6. $x^2y'' - 4xy' + 4y = 24(x+1)$

$$7. \quad y'' = \frac{4}{25} \left(\frac{x - y}{x^2} \right)$$

8.
$$x^2y'' + y = 16 \operatorname{sen}(\ln x)$$

7.
$$y'' = \frac{4}{25} \left(\frac{x-y}{x^2} \right)$$
 8. $x^2 y'' + y = 16 \operatorname{sen}(\ln x)$ 9. $x^2 y'' - 2xy' + 2y = 3x - 2$

10.
$$x^2y'' - xy' - 3y = -\frac{16\ln x}{x}$$
 11. $x^2y'' + xy' - 9y = x^{1/2} + x^{-1/2}$

11.
$$x^2y'' + xy' - 9y = x^{1/2} + x^{-1/2}$$

12.
$$x^2y'' + 4xy' + 2y = 2\ln^2 x + 12x$$
 13. $x^2y'' - 2xy' + 2y = x^2 - 2x + 2x$

13.
$$x^2y'' - 2xy' + 2y = x^2 - 2x + 2$$

14.
$$x^2y'' + 5xy' + 4y = x^2 + 16\ln^2 x$$
 15. $\frac{d^3y}{dx^3} = \frac{24(x+y)}{x^3}$

15.
$$\frac{d^3y}{dx^3} = \frac{24(x+y)}{x^3}$$

16.
$$x^3y''' - 2xy' = 5\ln x$$

17.
$$x^3y''' + xy' - y = x \ln x$$

16.
$$x^3y''' - 2xy' = 5 \ln x$$
 17. $x^3y''' + xy' - y = x \ln x$ 18. $x^2y''' - xy'' + y' = \frac{\ln x}{x}$

19.
$$x^4y^{(4)} + 6x^3y''' + 7x^2y'' + xy' - y = 1 = 3 \operatorname{sen} 2x$$

Bibliografía

- 1. Edwards, C. H. y Penney, D.: "Ecuaciones Diferenciales Elementales y problemas con condiciones en la frontera". Tercera Edición. Prentice Hall.
- 2. Kiseliov, A. Krasnov, M. y Makarenko, G., "Problemas de ecuaciones diferenciales ordinarias". Editorial Mir.
- 3. Spiegel, Murray R., "Ecuaciones diferenciales aplicadas". Tercera edición. Prentice Hall.
- 4. Viola-Prioli, Ana y Viola-Prioli, Jorge, "Ecuaciones Diferenciales Ordinarias". Universidad Simón Bolívar.
- 5. Zill, Dennis, "Ecuaciones Diferenciales con Aplicaciones". Grupo Editorial Iberoamérica.

E.D.O. - Orden n no homogénea.

Prof. Farith Briceño - 2009

e-mail: farith 72@hotmail.com