Universidad Simón Bolívar

Departamento de Matemáticas

Puras y Aplicadas

MA1116. Matemáticas III.

GUIA 5: Producto punto; proyecciones

- 1. Determine si \overrightarrow{u} y \overrightarrow{v} hacen un ángulo agudo, un águlo obtuso o son ortogonales.
 - (a) (a) $\overrightarrow{u} = (6, 1, 4), \ \overrightarrow{v} = (2, 0, -3)$ (b) $\overrightarrow{u} = (0, 0, -1), \ \overrightarrow{v} = (1, 1, 1)$

(b)
$$\overrightarrow{u} = (0, 0, -1), \ \overrightarrow{v} = (1, 1, 1)$$

(b) (c) $\overrightarrow{u} = (-6, 0, 4), \ \overrightarrow{v} = (3, 1, 6)$ (d) $\overrightarrow{u} = (2, 4, -8), \ \overrightarrow{v} = (5, 3, 7)$

$$(d)\overrightarrow{u} = (2, 4, -8), \overrightarrow{v} = (5, 3, 7)$$

- 2. Encuentre la proyección ortogonal de \overrightarrow{u} sobre \overrightarrow{v} . También encuentre el vector componente de \overrightarrow{u} ortogonal a \overrightarrow{v} .

(a) (a)
$$\overrightarrow{u} = (6,2), \ \overrightarrow{v} = (3,-9)$$
 (b) $\overrightarrow{u} = (-1,-2), \ \overrightarrow{v} = (-2,3)$

(b) (c) $\overrightarrow{u} = (3, 1, -7), \overrightarrow{v} = (1, 0, 5)$ (d) $\overrightarrow{u} = (1, 0, 0), \overrightarrow{v} = (4, 3, 8)$

$$(\mathbf{d})\overrightarrow{u} = (1,0,0), \ \overrightarrow{v} = (4,3,8)$$

- 3. Encuentre $\|proy_{\overrightarrow{v}}\overrightarrow{u}\|$
 - (a) (a) $\overrightarrow{u} = (1, -2), \ \overrightarrow{v} = (-4 3)$ (b) $\overrightarrow{u} = (5, 6), \ \overrightarrow{v} = (2, -1)$

(b)
$$\vec{u} = (5,6), \ \vec{v} = (2,-1)$$

(a) (a)
$$\overrightarrow{u} = (1, -2), \ \overrightarrow{v} = (-4 - 3)$$
 (b) $\overrightarrow{u} = (3, 0, 4), \ \overrightarrow{v} = (2, 3, 3)$ (d) $\overrightarrow{u} = (3, -2, 6), \ \overrightarrow{v} = (1, 2, -7)$

- 4. (a) Demuestre que $\overrightarrow{v} = (a, b)$ y $\overrightarrow{w} = (-b, a)$ son vectores ortogonales.
 - (b) Use el resultado en la parte (a) para encontrar dos vectores ortogonales a \overrightarrow{v} = (2, -3).
 - (c) Encuentre dos vectores unitarios que son ortogonales a (-3,4).
- 5. Supongamos que $\overrightarrow{u} \cdot \overrightarrow{v} = \overrightarrow{u} \cdot \overrightarrow{w}$ y $\overrightarrow{u} \neq \overrightarrow{0}$. Es necesariamente cierto que $\overrightarrow{v} = \overrightarrow{w}$.

Respuestas

- 1. (a) Ortogonal. (b) Obtuso. (c) Agudo. (d) Obtuso
- 2. (a)(0,0) y (6,2). (b) $(\frac{8}{13}, -\frac{12}{13})$ y $(-\frac{21}{13}, -\frac{14}{13})$. (c) $(\frac{-16}{13}, 0, -\frac{80}{13})$ y $(\frac{55}{13}, 1, -\frac{11}{13})$, (d) $(\frac{16}{89}, \frac{12}{89}, \frac{32}{89})$ y $(\frac{78}{89}, -\frac{12}{89}, -\frac{32}{89})$
- 3. $(a)^{\frac{2}{3}}$, $(b)^{\frac{4\sqrt{5}}{5}}$, $(c)^{\frac{18}{\sqrt{22}}}$, $\frac{43}{\sqrt{54}}$.

4.

5. No...Justificar