

## Universidad Simón Bolívar Departamento de matemáticas Puras y Aplicadas

NOMBRE:

CARNET: \_\_\_\_\_ SEC:\_\_\_\_

Examen Tipo: B

3er. Parcial de M 1112

1-. (8 puntos) Resolver la integral

$$\int \frac{dx}{x^3 + 1}$$

2.- (5 puntos cada uno ) Resolver los siguientes límites

i.- 
$$\lim_{x\to 2} \frac{\sqrt{x+2} - x}{x^2 - 4}$$

ii.- 
$$\lim_{x\to 0} (x+1)^{\cot(x)}$$

3.- (6 puntos cada uno) Estudiar la convergencia de las siguientes integrales impropias

$$\mathbf{i.-} \int_{1}^{\infty} \frac{\ln |\mathbf{x}|}{\mathbf{x}^{2}} dx$$

ii.- 
$$\int_0^2 \frac{dx}{\sqrt{4-x^2}}$$

4.- (10 puntos) Hallar el volumen del sólido generado al girar la región comprendida entre

 $\sqrt{x} + \sqrt{y} = 1$ , la recta x = 3 y la recta x + y = 1 alrededor del eje X.



## Universidad Simón Bolívar Departamento de matemáticas Puras y Aplicadas

## **SOLUCION**

3er. Parcial de M 1112

1-. (8 puntos) Resolver la integral

$$\int \frac{dx}{x^3 + 1}$$

2.- (5 puntos cada uno ) Resolver los siguientes límites

i.- 
$$\lim_{x \to 2} \frac{\sqrt{x+2} - x}{x^2 - 4}$$

ii.- 
$$\lim_{x \to 2} (x+1)^{\cot g(x)}$$

3.- ( 6 puntos cada uno) Estudiar la convergencia de las siguientes integrales impropias

$$i.-\int_{1}^{\infty} \frac{\ln |x|}{|x|^2} dx$$

ii.- 
$$\int_0^2 \frac{dx}{\sqrt{4-x^2}}$$

 $4.\mbox{-}$  (  $10~\mbox{puntos})$  Hallar el volumen del sólido generado al girar la región comprendida entre

$$\sqrt{x} + \sqrt{y} = 1$$
, la recta  $x = 3$  y la recta  $x + y = 1$  alrededor del eje X.