Matemáticas II (MA-1112) 3^{er} Examen Parcial (40%)

Enero - Marzo 2014 Examen tipo U

Duración: 1 hora 50 minutos

Justifique todas sus respuestas

Pregunta 1. (4 ptos.) Dibuje la región encerrada por las curvas y = x y $y = 3x - x^2$. Exprese el área de dicha región mediante una integral (sin calcularla).

Éregunta 2. (2 ptos.) Escriba la expresión racional $\frac{1}{x(x+2)^3(x^2+3)^2}$ como suma de fracciones parciales sin determinar las constantes asociadas.

Pregunta 3. Sea $f(x) = \frac{1 + \tan(x)}{1 - \tan(x)}$.

- a. (2 ptos.) Halle un cambio de variable u = u(x) tal que $\int f(x) dx = \int \frac{1+u}{(1-u)(1+u^2)} du$.
- b. (10 ptos.) Calcule, si es convergente, el valor de $\int_{\pi/4}^{\pi/2} f(x) dx$, o demuestre que es divergente.

Pregunta 4. Considere el sólido que se genera al hacer rotar la región encerrada por las curvas $y = e^{-x^2}$ y $y = e^{-x}$ alrededor del eje y.

- a. (4 ptos.) Exprese el volumen del sólido mediante el método de arandelas.
- b. (4 ptos.) Exprese el volumen del sólido mediante el método de cascarones.
- c. (3 ptos.) Calcule el volumen del sólido.

Pregunta 5. (3 ptos.) Determine si es verdadero o falso que $\int_{a}^{\pi} \tan(x) dx = 0$.

Pregunta 6. Calcule los siguientes límites:

$$\int$$
a. (4 ptos.) $\lim_{x \to \infty} (e^x + x)^{3/x}$