

# Unidad 6: Grafos

Algoritmos y Estructuras de Datos

Concepto y Clasificación  
Implementaciones  
Algoritmo de Dijkstra

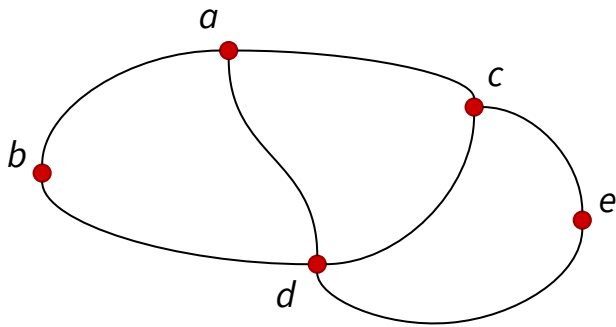
Ing. Juan Ignacio Iturriaga

# Grafos

## Concepto

Un grafo (*graph*) es una estructura no lineal y no jerárquica que consta de **colección de vértices y aristas**, donde:

- Un vértice (*vertex*) o nodo (*node*) representa un valor.
- Un arco (*arc*) o arista (*edge*) es una conexión entre 2 vértices.

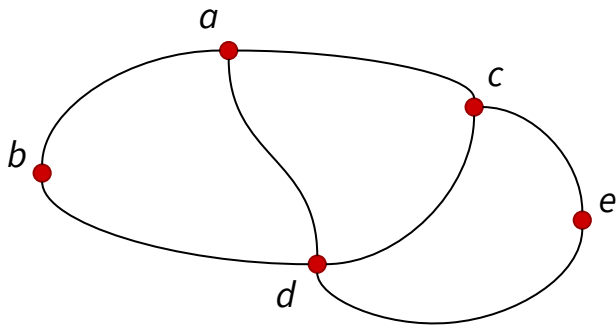


# Grafos

*Concepto - representación matemática*

Un grafo (*graph*) es una estructura no lineal y no jerárquica que consta de **colección de vértices y aristas**, donde:

- Un vértice (*vertex*) o nodo (*node*) representa un valor.
- Un arco (*arc*) o arista (*edge*) es una conexión entre 2 vértices.



$$G = (V, A)$$

$$V = \{a, b, c, d, e\}$$

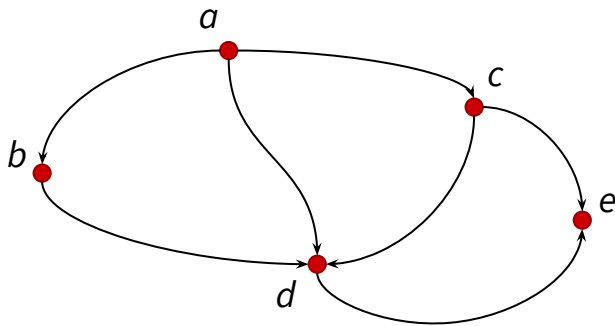
$$A = \{(a, b), (a, c), (a, d), (b, d), (c, d), (c, e), (d, e)\}$$

# Grafos

## Concepto - digráfico

Un grafo (*graph*) es una estructura no lineal y no jerárquica que consta de **colección de vértices y aristas**, donde:

- Un vértice (*vertex*) o nodo (*node*) representa un valor.
- Un arco (*arc*) o arista (*edge*) es una conexión entre 2 vértices.
- Si los arcos tienen una dirección, es un **grafo dirigido** o digrafo



$$G = (V, A)$$

$$V = \{a, b, c, d, e\}$$

$$A = \{(a, b), (a, c), (a, d), (b, d), (c, d), (c, e), (d, e)\}$$

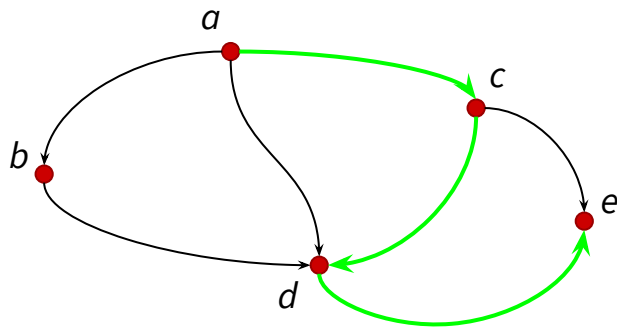
Ahora son pares  
ordenados, por lo tanto:  
 $(a, b) \neq (b, a)$

# Grafos

## Concepto - camino

Un grafo (*graph*) es una estructura no lineal y no jerárquica que consta de **colección de vértices y aristas**, donde:

- Un vértice (*vertex*) o nodo (*node*) representa un valor.
- Un arco (*arc*) o arista (*edge*) es una conexión entre 2 vértices.
- Si los arcos tienen una dirección, es un **grafo dirigido** o digrafo
- Un **camino** es una secuencia de vértices consecutivos



$C = a, c, d, e$

$G = (V, A)$

$V = \{a, b, c, d, e\}$

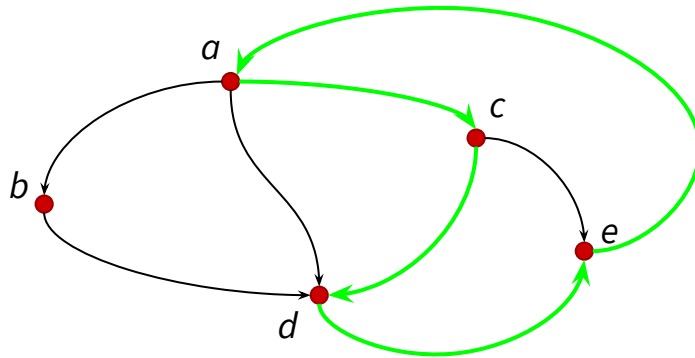
$A = \{(a, b), (a, c), (a, d), (b, d), (c, d), (c, e), (d, e)\}$

# Grafos

## Concepto - ciclo

Un grafo (*graph*) es una estructura no lineal y no jerárquica que consta de **colección de vértices y aristas**, donde:

- Un vértice (*vertex*) o nodo (*node*) representa un valor.
- Un arco (*arc*) o arista (*edge*) es una conexión entre 2 vértices.
- Si los arcos tienen una dirección, es un **grafo dirigido** o digrafo
- Un **camino** es una secuencia de vértices consecutivos
- Cuando existe un camino que retorna al mismo vértice, entonces el grafo es **cíclico**



$C = a, c, d, e, a$

$G = (V, A)$

$V = \{a, b, c, d, e\}$

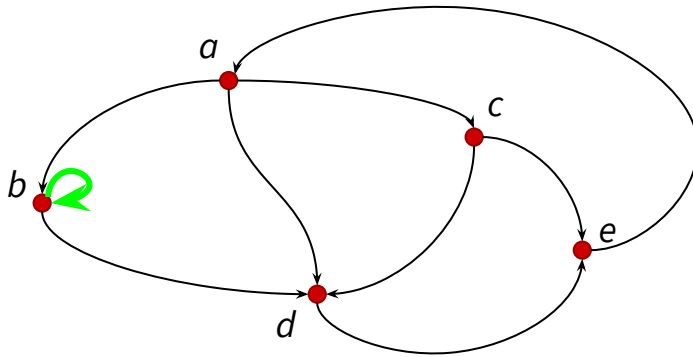
$A = \{(a, b), (a, c), (a, d), (b, d), (c, d), (c, e), (d, e),$   
 $(e, a)\}$

# Grafos

## Concepto - ciclo

Un grafo (*graph*) es una estructura no lineal y no jerárquica que consta de **colección de vértices y aristas**, donde:

- Un vértice (*vertex*) o nodo (*node*) representa un valor.
- Un arco (*arc*) o arista (*edge*) es una conexión entre 2 vértices.
- Si los arcos tienen una dirección, es un **grafo dirigido** o digrafo
- Un **camino** es una secuencia de vértices consecutivos
- Cuando existe un camino que retorna al mismo vértice, entonces el grafo es **cíclico**
- Un vértice también puede estar relacionado con sí mismo.



$G = (V, A)$

$V = \{a, b, c, d, e\}$

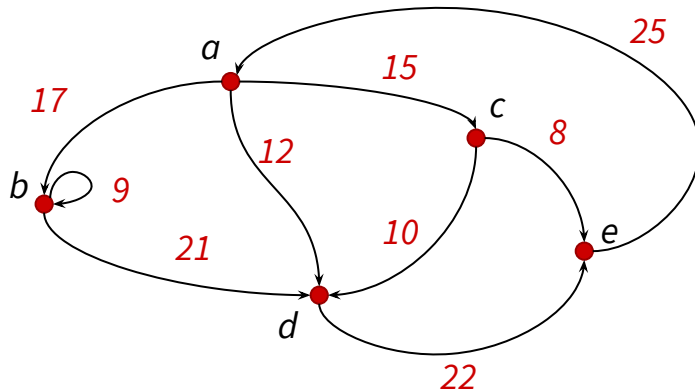
$A = \{(a, b), (a, c), (a, d), (b, d), (c, d), (c, e), (d, e), (e, a), (b, b)\}$

# Grafos

## Concepto - grafos ponderados

Un grafo (*graph*) es una estructura no lineal y no jerárquica que consta de **colección de vértices y aristas**, donde:

- Un vértice (*vertex*) o nodo (*node*) representa un valor.
- Un arco (*arc*) o arista (*edge*) es una conexión entre 2 vértices.
- Si los arcos tienen una dirección, es un **grafo dirigido** o digrafo
- Un **camino** es una secuencia de vértices consecutivos
- Cuando existe un camino que retorna al mismo vértice, entonces el grafo es **cíclico**
- Un vértice también puede estar relacionado con sí mismo.
- Un grafo es ponderado cuando las aristas tienen información adicional.



$G = (V, A)$

$V = \{a, b, c, d, e\}$

$A = \{(a, b, 17), (a, c, 15), (a, d, 12), (b, d, 21), (c, d, 10), (c, e, 8), (d, e, 22), (e, a, 25), (b, b, 9)\}$



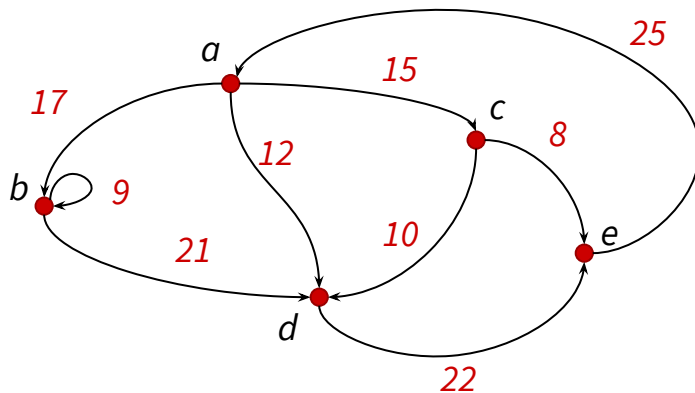
# Grafos - Implementaciones

*Matriz de adyacencia*

Matriz de adyacencia

*Adjacency Matrix*

	0	1	2	3	4
a = 0	0	17	15	12	0
b = 1	0	9	0	21	0
c = 2	0	0	0	10	8
d = 3	0	0	0	0	22
e = 4	25	0	0	0	0



$G = (V, A)$

$V = \{a, b, c, d, e\}$

$A = \{(a, b, 17), (a, c, 15), (a, d, 12), (b, d, 21),$   
 $(c, d, 10), (c, e, 8), (d, e, 22), (e, a, 25), (b, b, 9)\}$

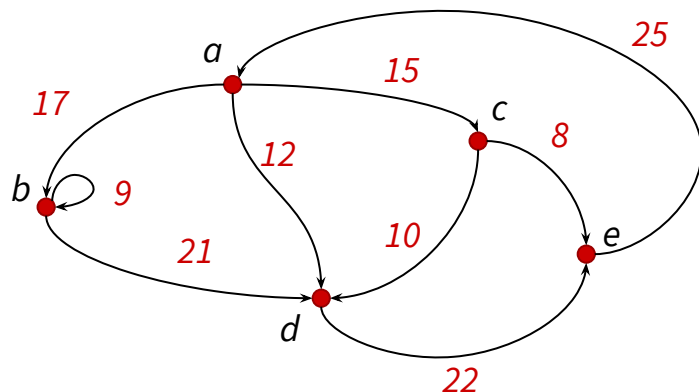
# Grafos - Implementaciones

*Matriz de adyacencia*

Matriz de adyacencia

*Adjacency Matrix*

	0	1	2	3	4
a = 0	0	17	15	12	0
b = 1	0	9	0	21	0
c = 2	0	0	0	10	8
d = 3	0	0	0	0	22
e = 4	25	0	0	0	0

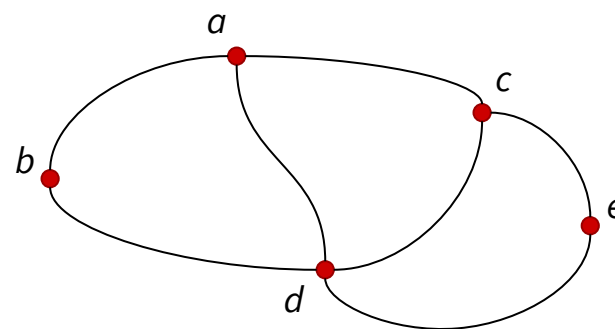


$G = (V, A)$

$V = \{a, b, c, d, e\}$

$A = \{(a, b, 17), (a, c, 15), (a, d, 12), (b, d, 21), (c, d, 10), (c, e, 8), (d, e, 22), (e, a, 25), (b, b, 9)\}$

	0	1	2	3	4
a = 0	0	1	1	1	0
b = 1	1	0	0	1	0
c = 2	1	0	0	1	1
d = 3	1	1	1	0	1
e = 4	0	0	1	1	0



$G = (V, A)$

$V = \{a, b, c, d, e\}$

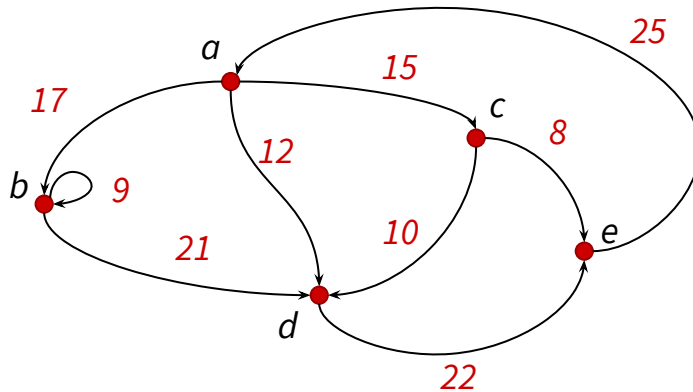
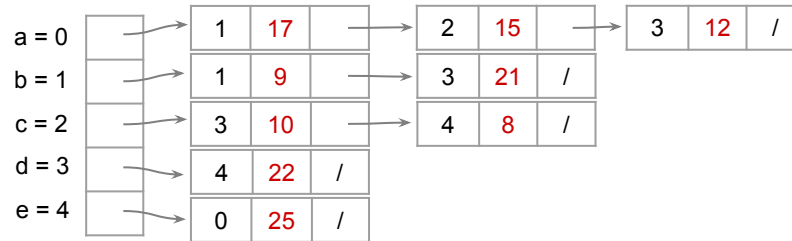
$A = \{(a, b), (a, c), (a, d), (b, d), (c, d), (c, e), (d, e)\}$

# Grafos - Implementaciones

*Listas de adyacencia*

Listas de adyacencia

*Adjacency List*



$G = (V, A)$

$V = \{a, b, c, d, e\}$

$A = \{(a, b, 17), (a, c, 15), (a, d, 12), (b, d, 21),$   
 $(c, d, 10), (c, e, 8), (d, e, 22), (e, a, 25), (b, b, 9)\}$

# Grafos - Implementaciones

*Una Implementación en C (Matriz de adyacencia)*

## Definición de tipos

```
typedef struct Graph graph;  
typedef struct GraphVertex vertex;
```

```
typedef struct GraphVertex {  
    int index;  
    char *value;  
} vertex;
```

```
typedef struct Graph {  
    vertex *V[MAX];  
    int A[MAX][MAX];  
    int size;  
} graph;
```

# Grafos - Implementaciones

*Una Implementación en C (Matriz de adyacencia)*

## Definición de tipos

```
typedef struct Graph graph;
typedef struct GraphVertex vertex;

typedef struct GraphVertex {
    int index;
    char *value;
} vertex;

typedef struct Graph {
    vertex *V[MAX];
    int A[MAX][MAX];
    int size;
} graph;
```

## Creación de vértices y grafos

```
vertex *createVertex(char *value) {
    vertex *v = (vertex
*)malloc(sizeof(vertex));
    v->index = -1;
    v->value = value;
    return v;
}

graph *createGraph() {
    graph *g = (graph
*)malloc(sizeof(graph));
    g->size = 0;
}
```

# Grafos - Implementaciones

*Una Implementación en C (Matriz de adyacencia)*

## Agregar vértice

```
int graphAddVertex(graph *g, vertex *v) {
    if (!g) return -1;
    if (!v) return -1;
    int result = -1;
    if ((g->size + 1) < MAX) {
        v->index = g->size;
        g->V[g->size++] = v;
        for (int i = 0; i < g->size; i++) {
            g->A[v->index][i] = 0;
            g->A[i][v->index] = 0;
        }
        result = v->index;
    }
    return result;
}

int graphAddNewVertex(graph *g, char *value) {
    vertex *v = createVertex(value);
    return graphAddVertex(g, v);
}
```

## Definición de tipos

```
typedef struct Graph graph;
typedef struct GraphVertex vertex;

typedef struct GraphVertex {
    int index;
    char *value;
} vertex;

typedef struct Graph {
    vertex *V[MAX];
    int A[MAX][MAX];
    int size;
} graph;
```

## Creación de vértices y grafos

```
vertex *createVertex(char *value) {
    vertex *v = (vertex
*)malloc(sizeof(vertex));
    v->index = -1;
    v->value = value;
    return v;
}

graph *createGraph() {
    graph *g = (graph
*)malloc(sizeof(graph));
    g->size = 0;
}
```

# Grafos - Implementaciones

*Una Implementación en C (Matriz de adyacencia)*

## Agregar vértice

```
int graphAddVertex(graph *g, vertex *v) {
    if (!g) return -1;
    if (!v) return -1;
    int result = -1;
    if ((g->size + 1) < MAX) {
        v->index = g->size;
        g->V[g->size++] = v;
        for (int i = 0; i < g->size; i++) {
            g->A[v->index][i] = 0;
            g->A[i][v->index] = 0;
        }
        result = v->index;
    }
    return result;
}
```

```
int graphAddNewVertex(graph *g, char *value) {
    vertex *v = createVertex(value);
    return graphAddVertex(g, v);
}
```

## Agregar Arista

```
int graphSetArc(graph *g, int fromVertex, int toVertex,
int cost) {
    if (!g) return 0;
    if (fromVertex >= g->size) return 0;
    if (toVertex >= g->size) return 0;

    g->A[fromVertex][toVertex] = cost;
    return 1;
}
```

## Definición de tipos

```
typedef struct Graph graph;
typedef struct GraphVertex vertex;

typedef struct GraphVertex {
    int index;
    char *value;
} vertex;

typedef struct Graph {
    vertex *V[MAX];
    int A[MAX][MAX];
    int size;
} graph;
```

## Creación de vértices y grafos

```
vertex *createVertex(char *value) {
    vertex *v = (vertex
*)malloc(sizeof(vertex));
    v->index = -1;
    v->value = value;
    return v;
}

graph *createGraph() {
    graph *g = (graph
*)malloc(sizeof(graph));
    g->size = 0;
}
```

# Grafos - Implementaciones

*Una Implementación en C (Matriz de adyacencia)*

## Imprimir el grafo

```
void graphPrint(graph *g) {
    if (!g) return;

    for (int i = 0; i < g->size; i++) {
        printf("%4d - %10s : ", i, g->V[i]->value);
        for (int j = 0; j < g->size; j++) {
            printf(" %4d", g->A[i][j]);
        }
        printf("\n");
    }
}
```

## Definición de tipos

```
typedef struct Graph graph;
typedef struct GraphVertex vertex;

typedef struct GraphVertex {
    int index;
    char *value;
} vertex;

typedef struct Graph {
    vertex *V[MAX];
    int A[MAX][MAX];
    int size;
} graph;
```

## Creación de vértices y grafos

```
vertex *createVertex(char *value) {
    vertex *v = (vertex
*)malloc(sizeof(vertex));
    v->index = -1;
    v->value = value;
    return v;
}

graph *createGraph() {
    graph *g = (graph
*)malloc(sizeof(graph));
    g->size = 0;
}
```



# Grafos - camino más corto

*Algoritmo de Dijkstra*





# Grafos - camino más corto

*Algoritmo de Dijkstra*





# Grafos - camino más corto

*Algoritmo de Dijkstra*





# Grafos - camino más corto

Algoritmo de Dijkstra

Costo Pred

Madrid

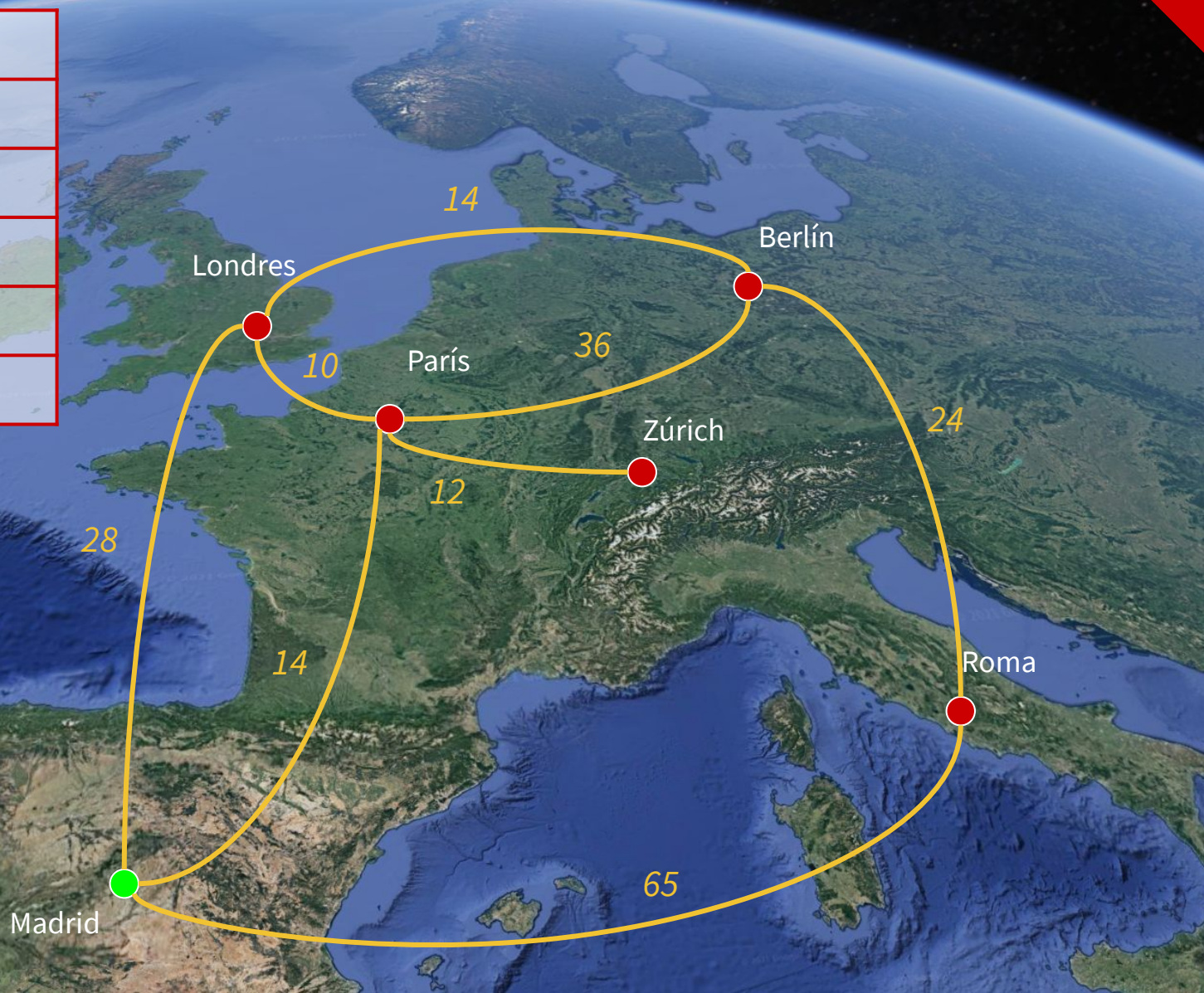
Londres

París

Zúrich

Berlín

Roma



# Grafos - camino más corto

Algoritmo de Dijkstra

	Costo	Pred
<b>Madrid</b>	9999	Madrid
Londres		
París		
Zúrich		
Berlín		
Roma		

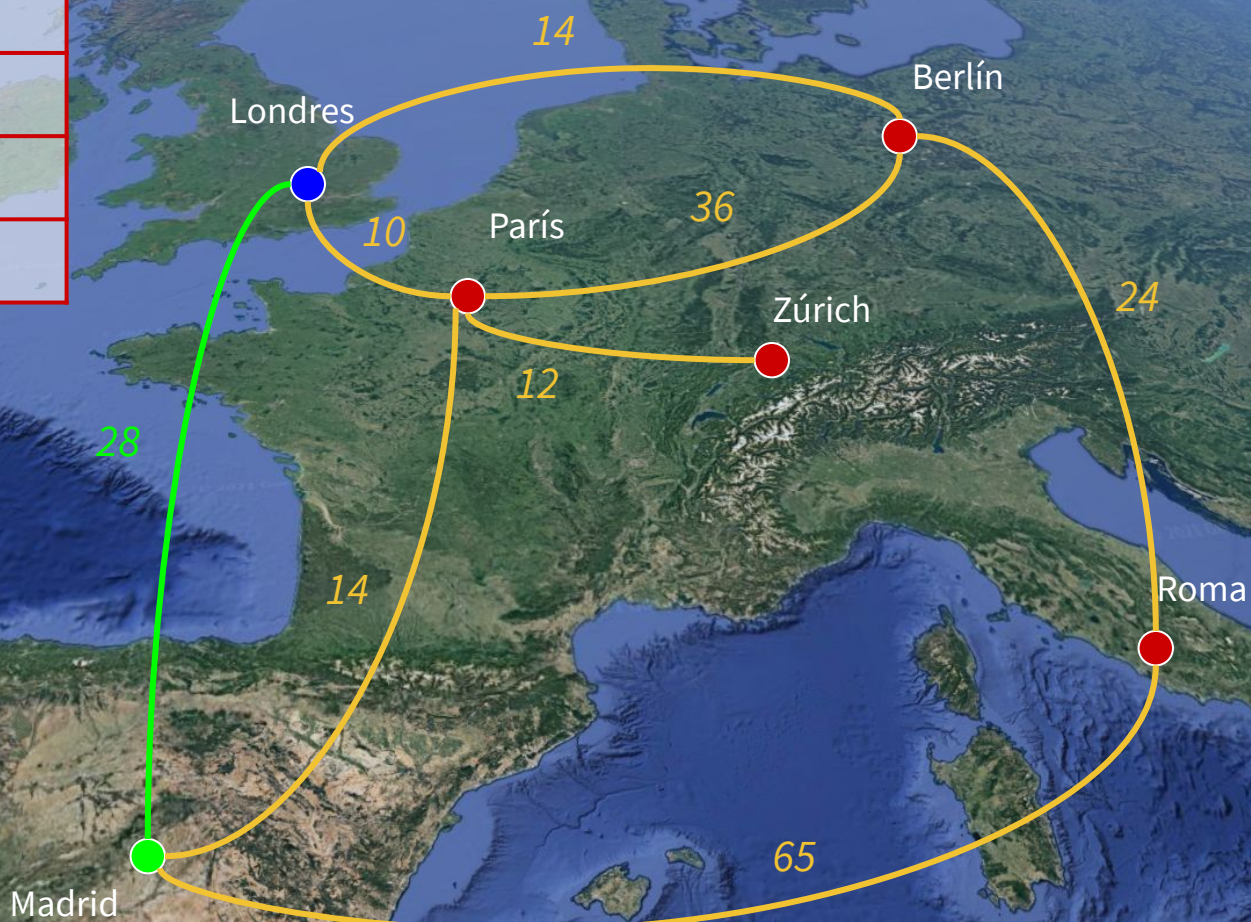




# Grafos - camino más corto

Algoritmo de Dijkstra

	Costo	Pred
<b>Madrid</b>	9999	Madrid
Londres	<b>28</b>	<b>Madrid</b>
París		
Zúrich		
Berlín		
Roma		





# Grafos - camino más corto

Algoritmo de Dijkstra

	Costo	Pred
<b>Madrid</b>	9999	Madrid
Londres	28	Madrid
París	<b>14</b>	<b>Madrid</b>
Zúrich		
Berlín		
Roma		





# Grafos - camino más corto

Algoritmo de Dijkstra

	Costo	Pred
<b>Madrid</b>	9999	Madrid
Londres	28	Madrid
París	14	Madrid
Zúrich	<b>9999</b>	<b>Madrid</b>
Berlín		
Roma		





# Grafos - camino más corto

Algoritmo de Dijkstra

	Costo	Pred
<b>Madrid</b>	9999	Madrid
Londres	28	Madrid
París	14	Madrid
Zúrich	9999	Madrid
Berlín	<b>9999</b>	<b>Madrid</b>
Roma		





# Grafos - camino más corto

Algoritmo de Dijkstra

	Costo	Pred
<b>Madrid</b>	9999	Madrid
Londres	28	Madrid
París	14	Madrid
Zúrich	9999	Madrid
Berlín	9999	Madrid
Roma	<b>65</b>	<b>Madrid</b>

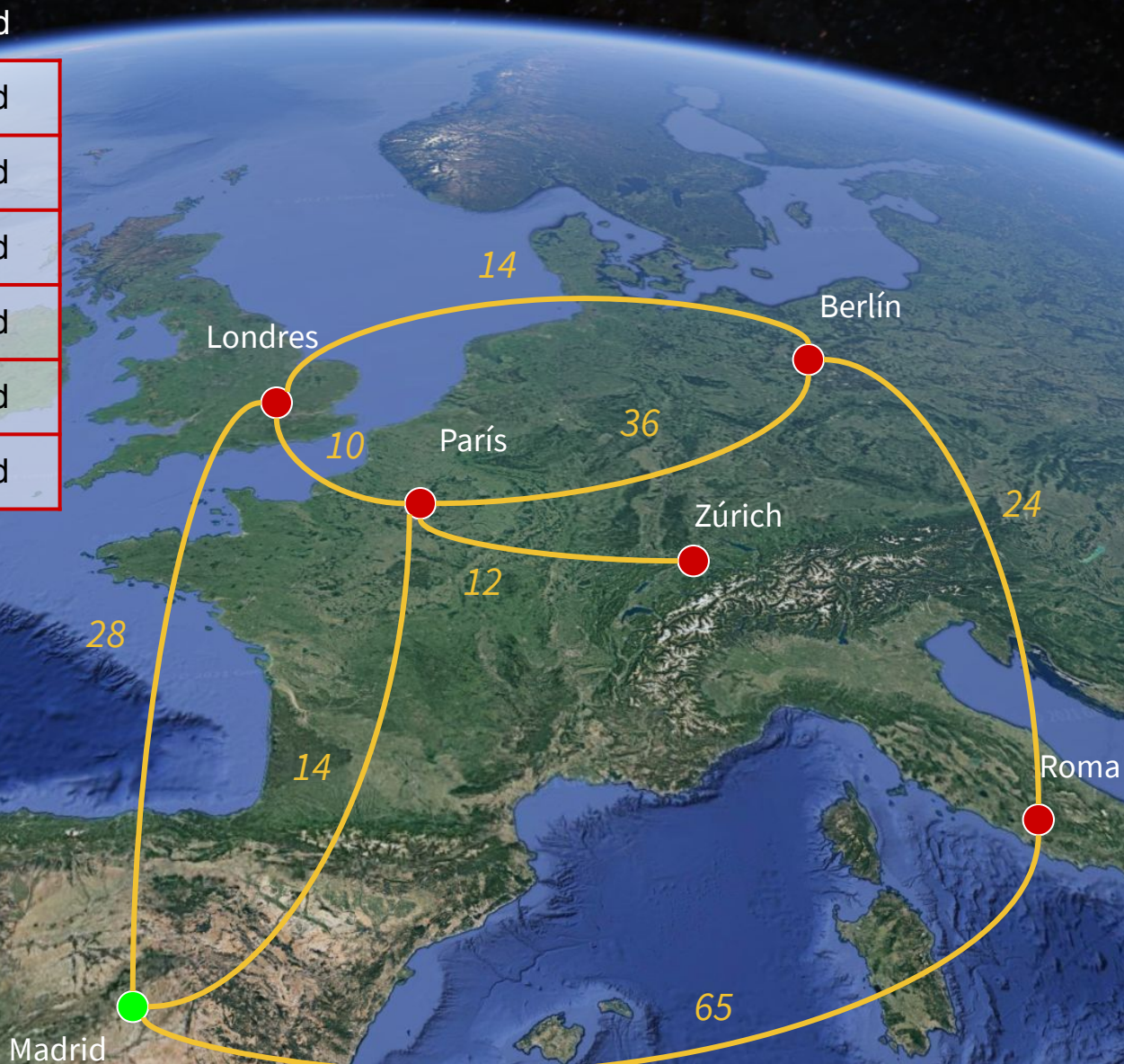




# Grafos - camino más corto

Algoritmo de Dijkstra

	Costo	Pred
<b>Madrid</b>	9999	Madrid
Londres	28	Madrid
París	14	Madrid
Zúrich	9999	Madrid
Berlín	9999	Madrid
Roma	65	Madrid



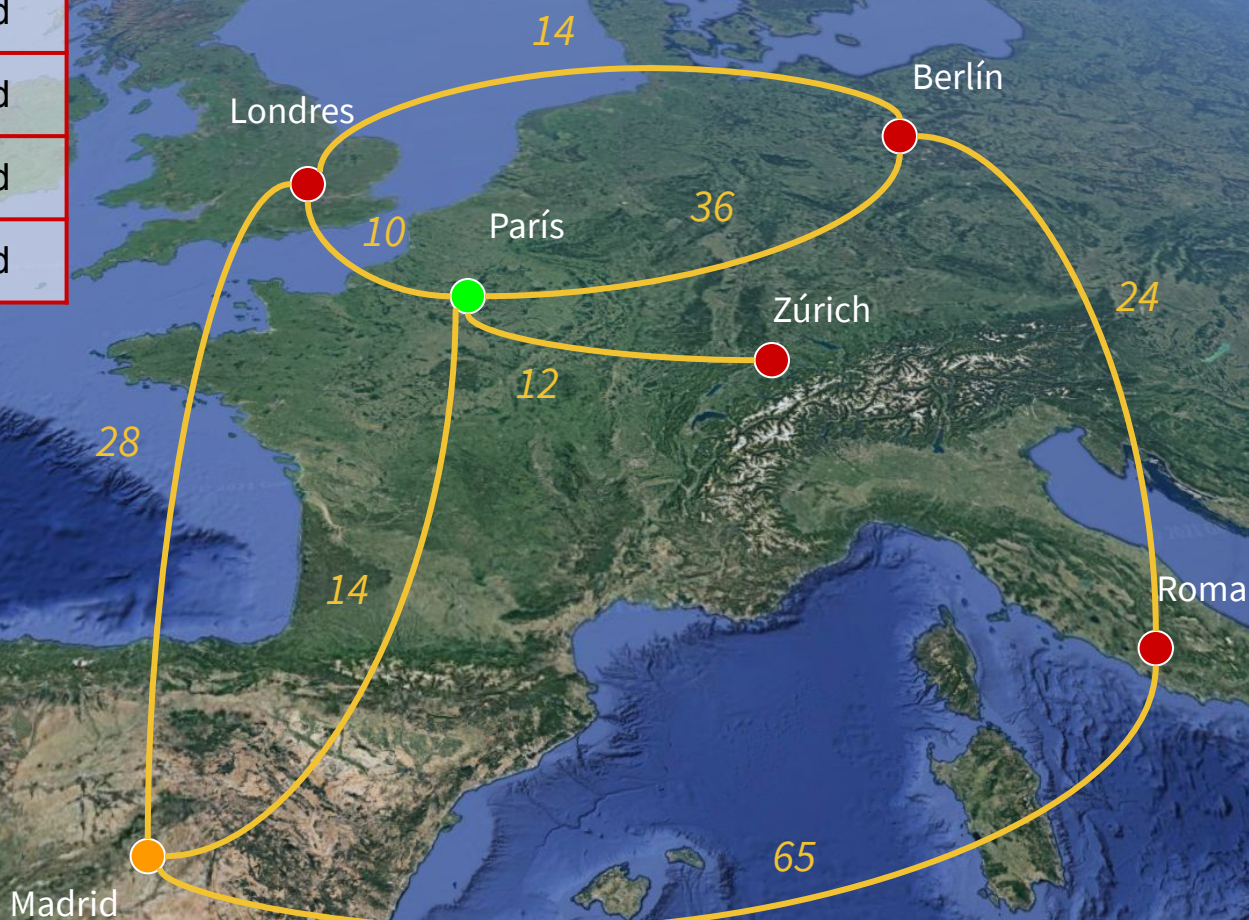


# Grafos - camino más corto

Algoritmo de Dijkstra

	Costo	Pred
<b>Madrid</b>	9999	Madrid
Londres	28	Madrid
<b>París</b>	<b>14</b>	Madrid
Zúrich	9999	Madrid
Berlín	9999	Madrid
Roma	65	Madrid

Mínimo NO visitado



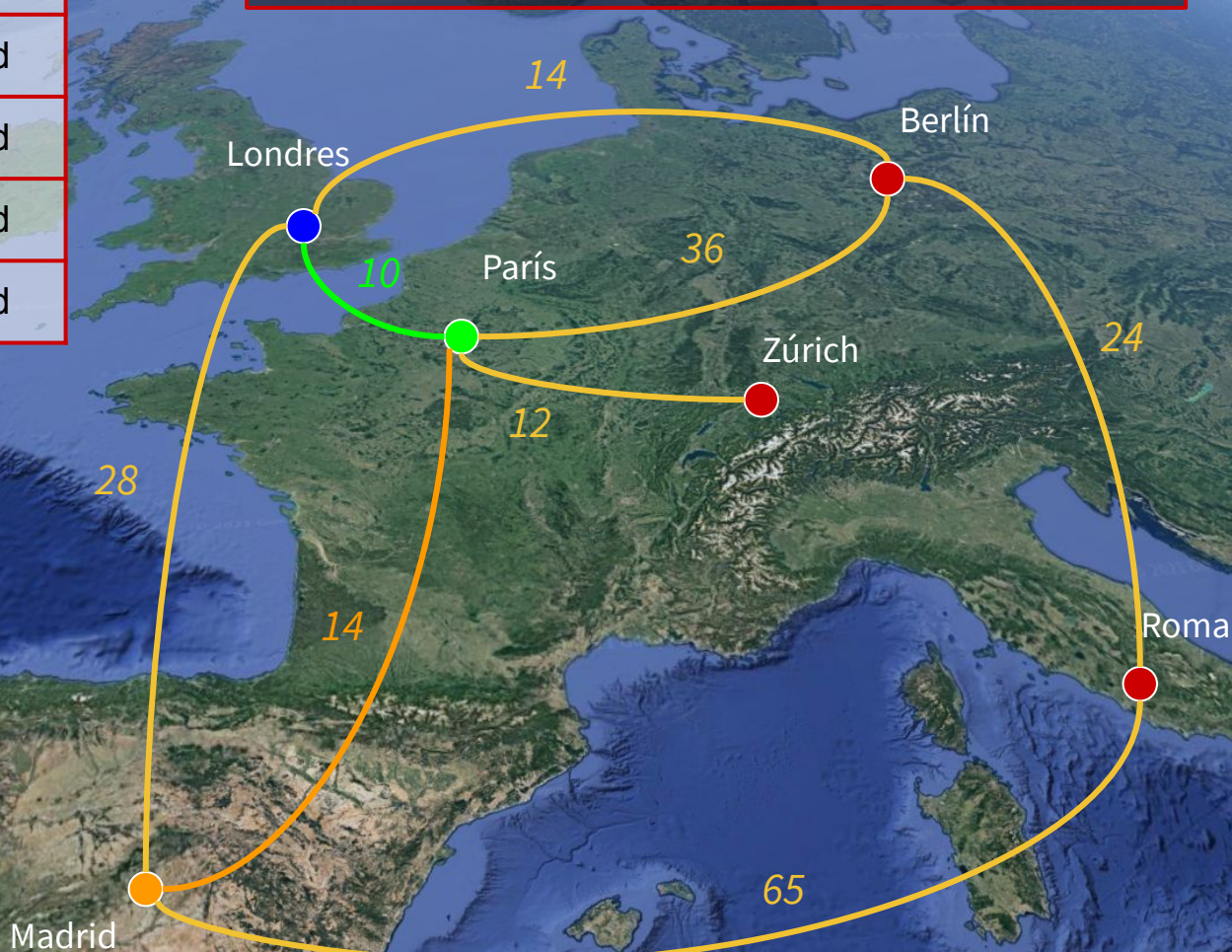


# Grafos - camino más corto

Algoritmo de Dijkstra

	Costo	Pred
<b>Madrid</b>	9999	Madrid
Londres	<b>28</b>	<b>Madrid</b>
<b>París</b>	14	Madrid
Zúrich	9999	Madrid
Berlín	9999	Madrid
Roma	65	Madrid

$$14 + 10 = 24 < 28$$



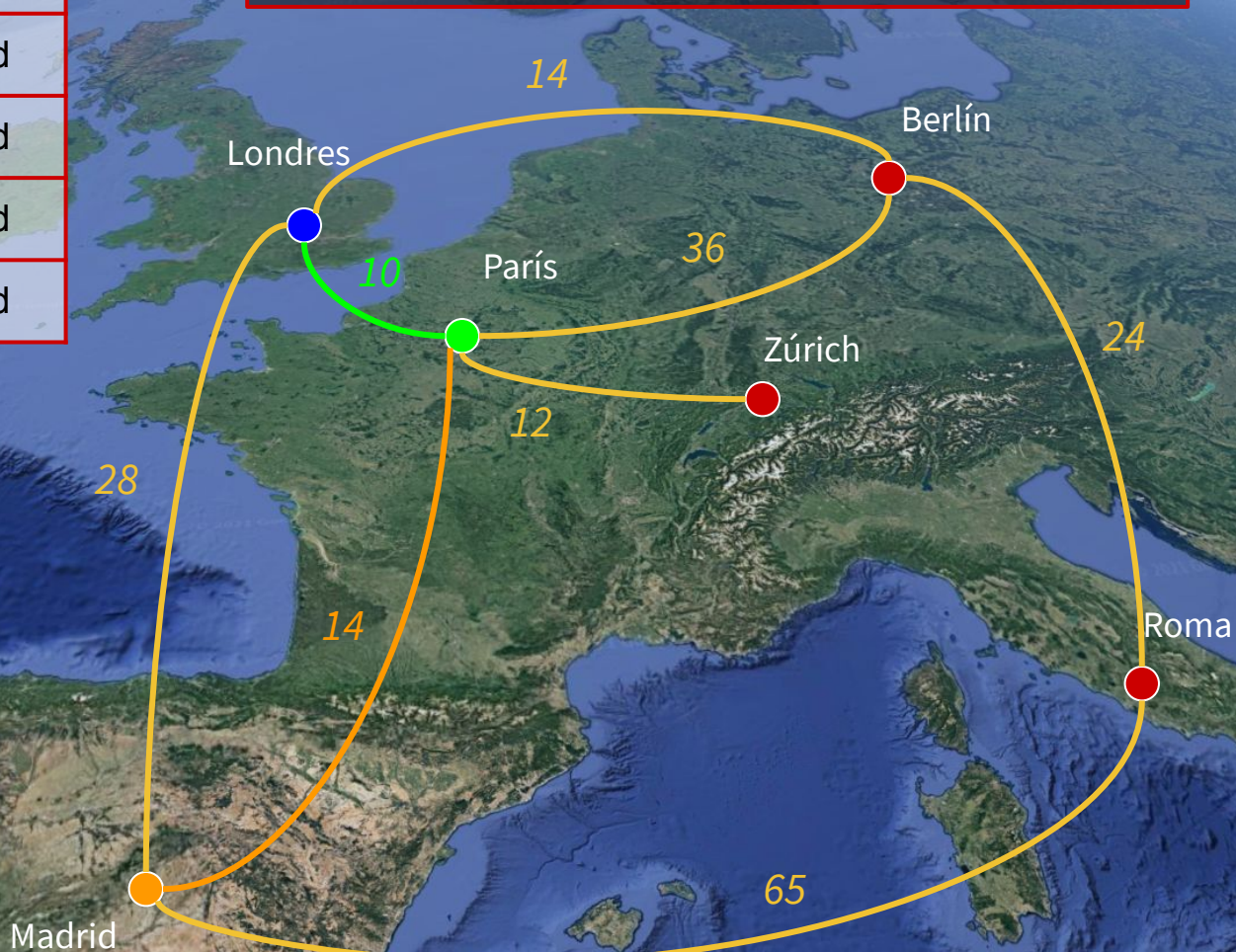


# Grafos - camino más corto

Algoritmo de Dijkstra

	Costo	Pred
<b>Madrid</b>	9999	Madrid
Londres	<b>24</b>	<b>París</b>
<b>París</b>	14	Madrid
Zúrich	9999	Madrid
Berlín	9999	Madrid
Roma	65	Madrid

$$14 + 10 = 24 < 28$$



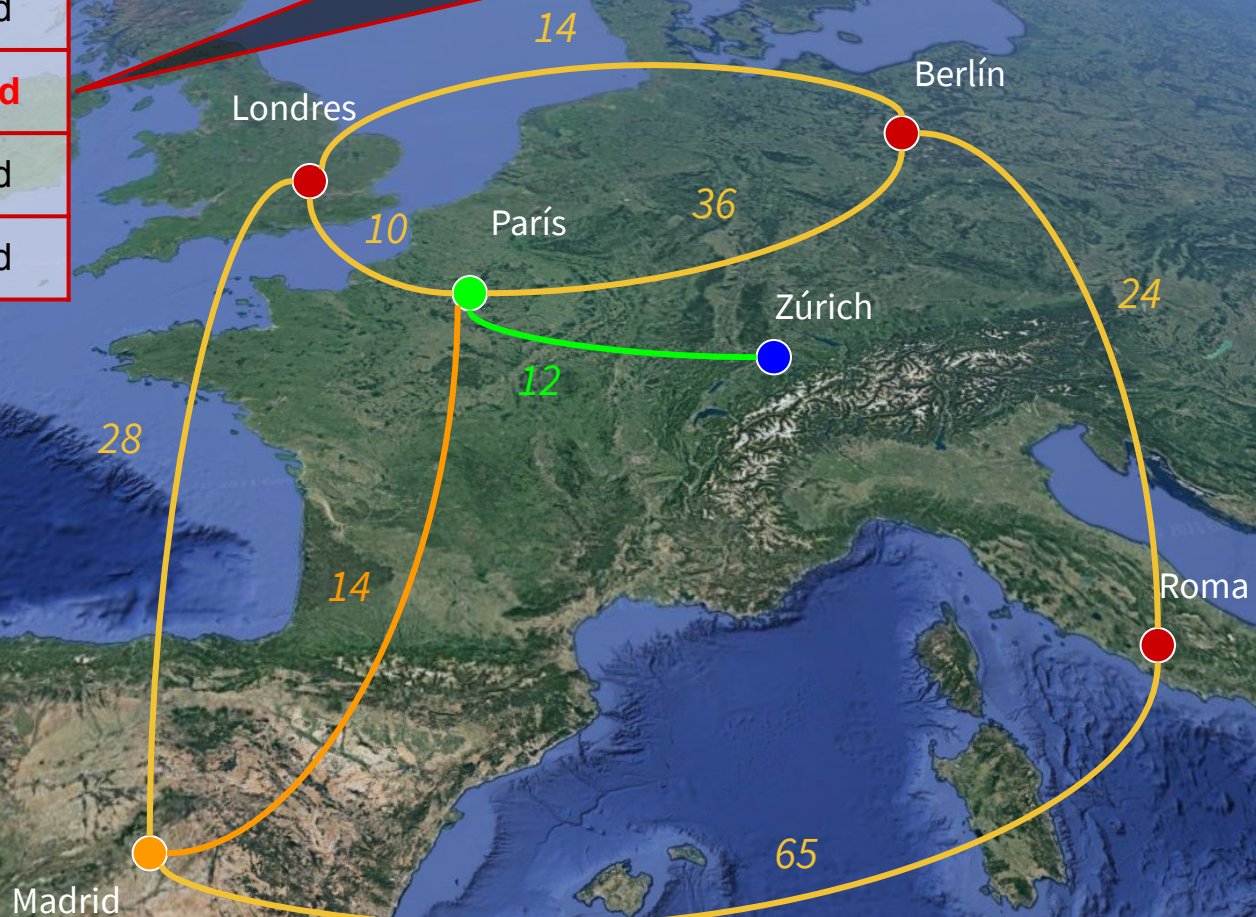


# Grafos - camino más corto

Algoritmo de Dijkstra

	Costo	Pred
<b>Madrid</b>	9999	Madrid
Londres	24	París
<b>París</b>	14	Madrid
Zúrich	<b>9999</b>	<b>Madrid</b>
Berlín	9999	Madrid
Roma	65	Madrid

$$14 + 12 = 26 < 9999$$



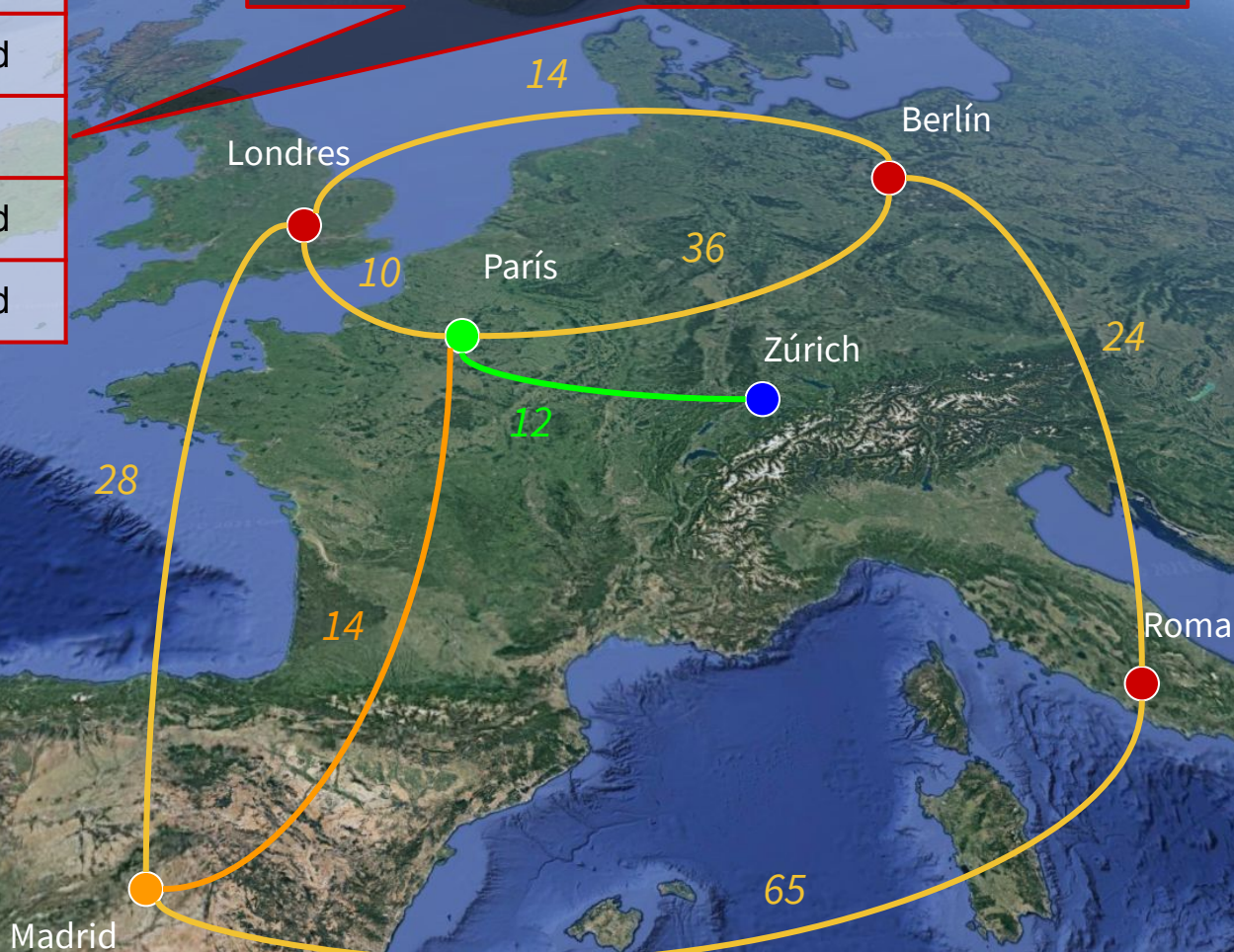


# Grafos - camino más corto

Algoritmo de Dijkstra

	Costo	Pred
<b>Madrid</b>	9999	Madrid
Londres	24	París
<b>París</b>	14	Madrid
Zúrich	<b>26</b>	<b>París</b>
Berlín	9999	Madrid
Roma	65	Madrid

$$14 + 12 = 26 < 9999$$



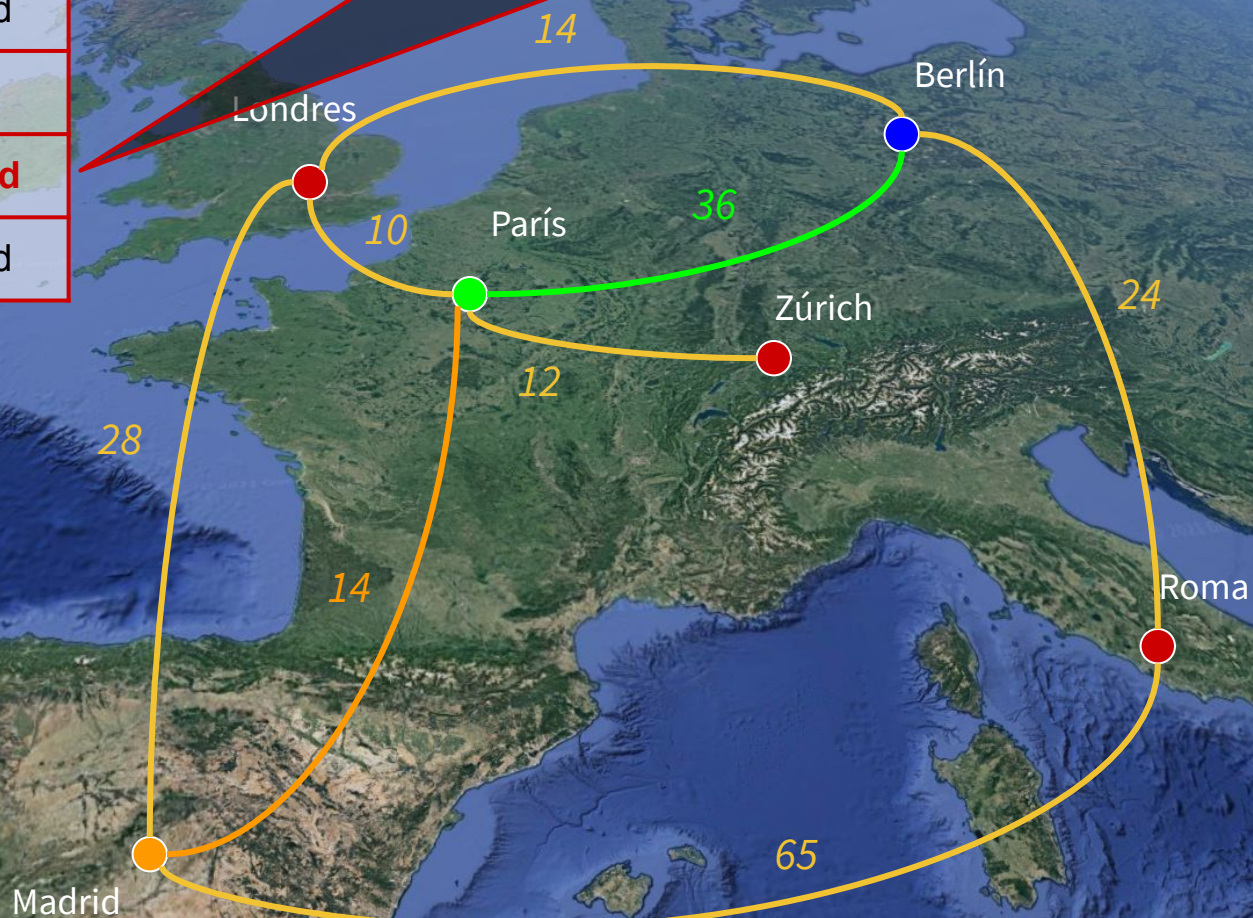


# Grafos - camino más corto

Algoritmo de Dijkstra

	Costo	Pred
<b>Madrid</b>	9999	Madrid
Londres	24	París
<b>París</b>	14	Madrid
Zúrich	26	París
Berlín	<b>9999</b>	<b>Madrid</b>
Roma	65	Madrid

$$14 + 36 = 50 < 9999$$



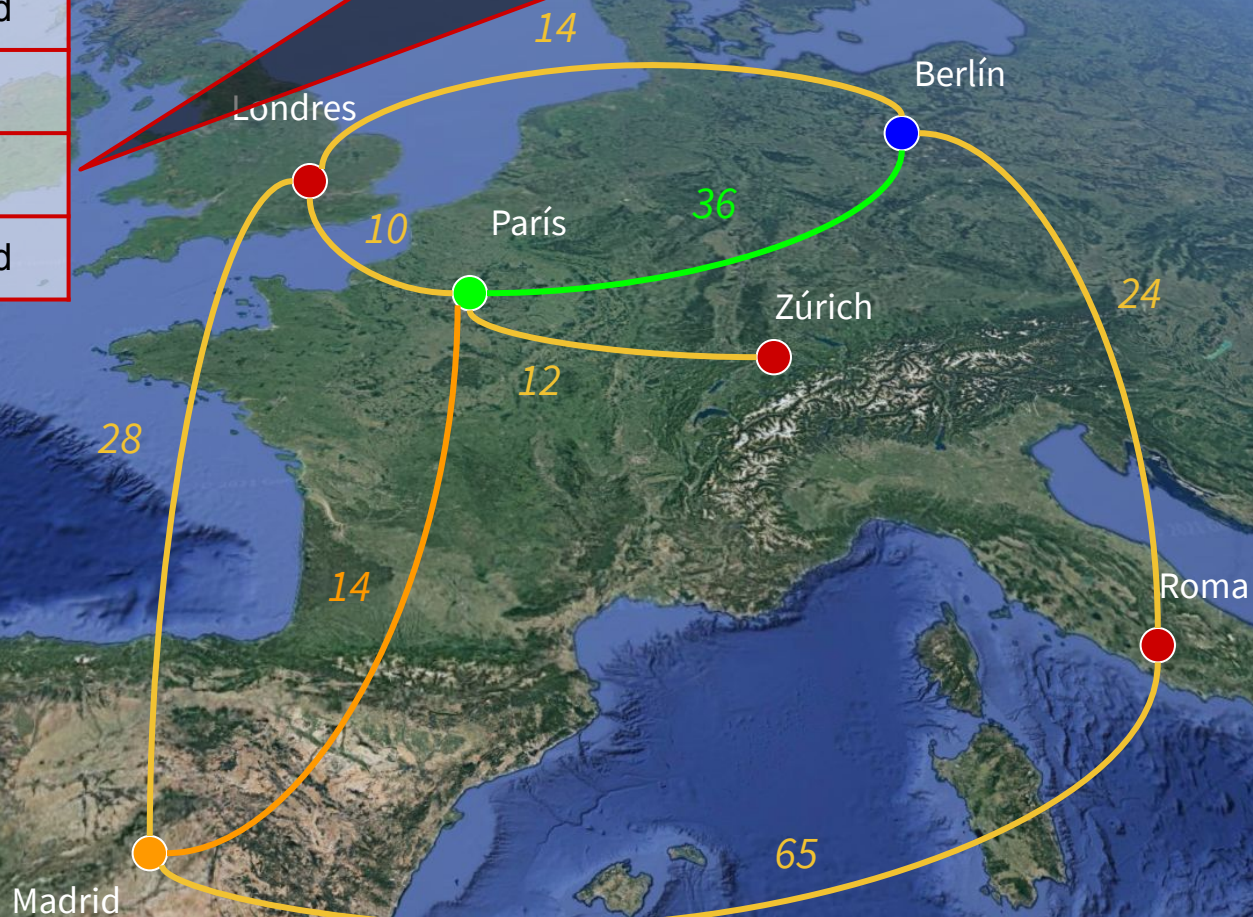


# Grafos - camino más corto

Algoritmo de Dijkstra

	Costo	Pred
<b>Madrid</b>	9999	Madrid
Londres	24	París
<b>París</b>	14	Madrid
Zúrich	26	París
Berlín	<b>50</b>	<b>París</b>
Roma	65	Madrid

$$14 + 36 = 50 < 9999$$

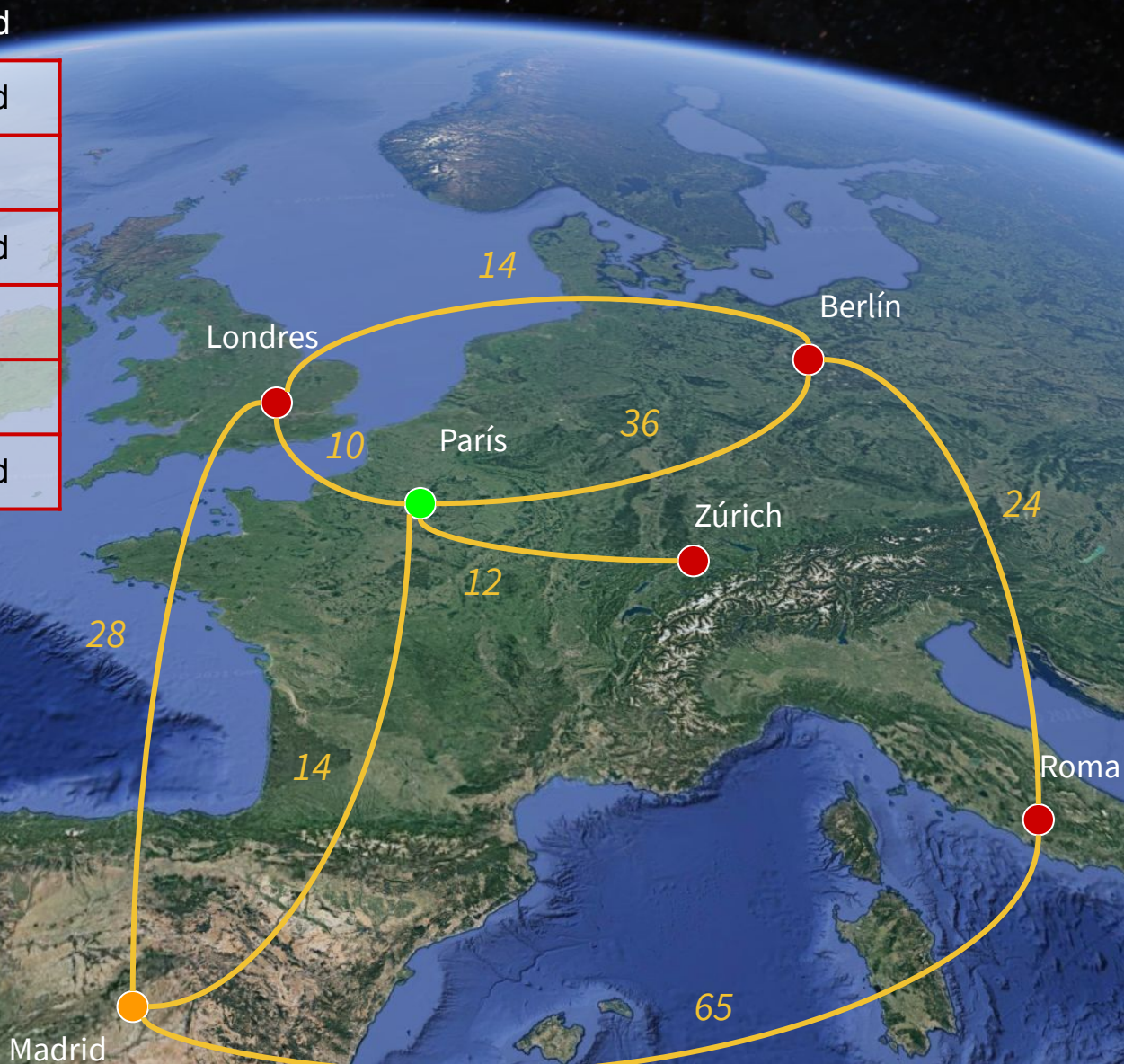




# Grafos - camino más corto

Algoritmo de Dijkstra

	Costo	Pred
<b>Madrid</b>	9999	Madrid
Londres	24	París
<b>París</b>	14	Madrid
Zúrich	26	París
Berlín	50	París
Roma	65	Madrid





# Grafos - camino más corto

Algoritmo de Dijkstra

Costo Pred

**Madrid**

9999

Madrid

**Londres**

**24**

Paris

**Paris**

14

Madrid

Zúrich

26

Paris

Berlín

50

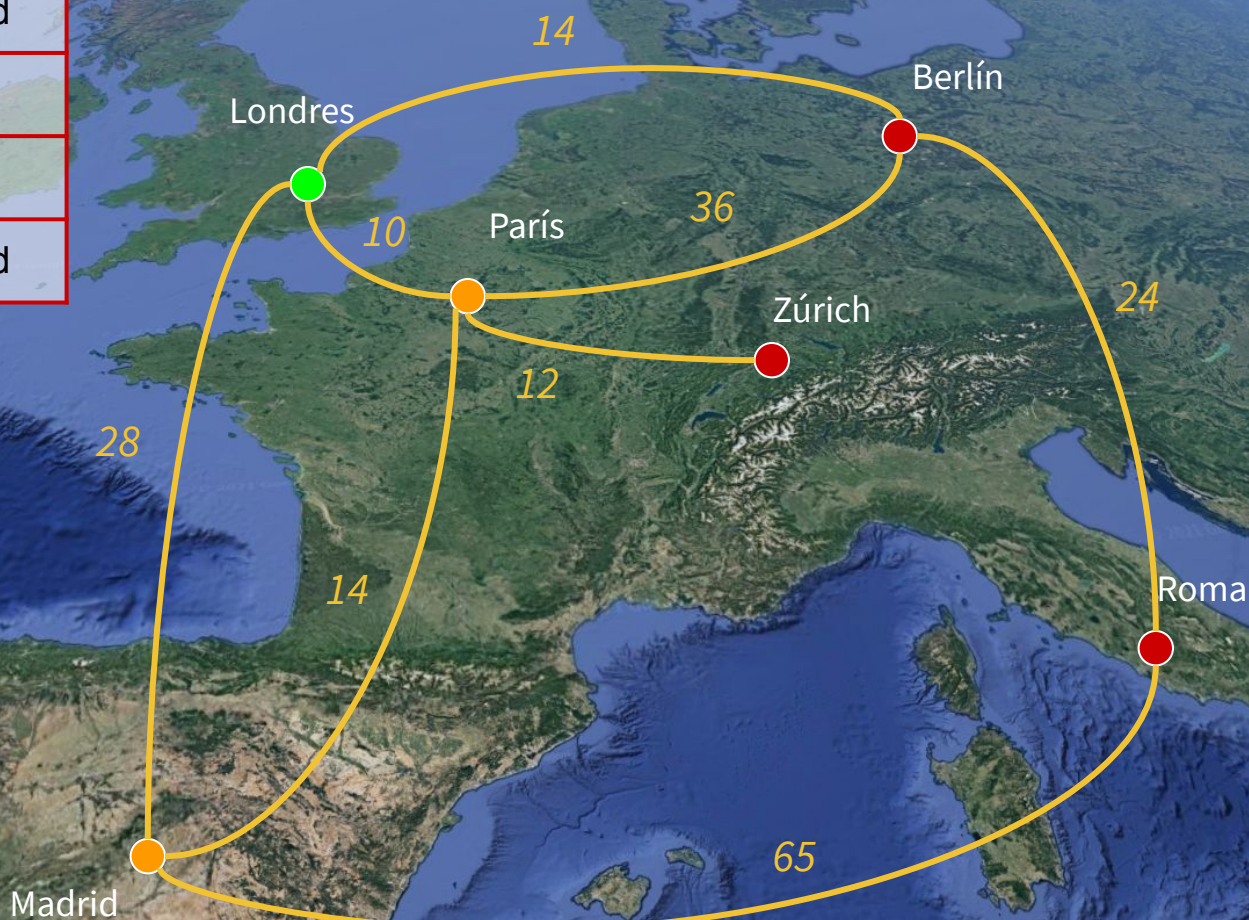
Paris

Roma

65

Madrid

Mínimo NO visitado





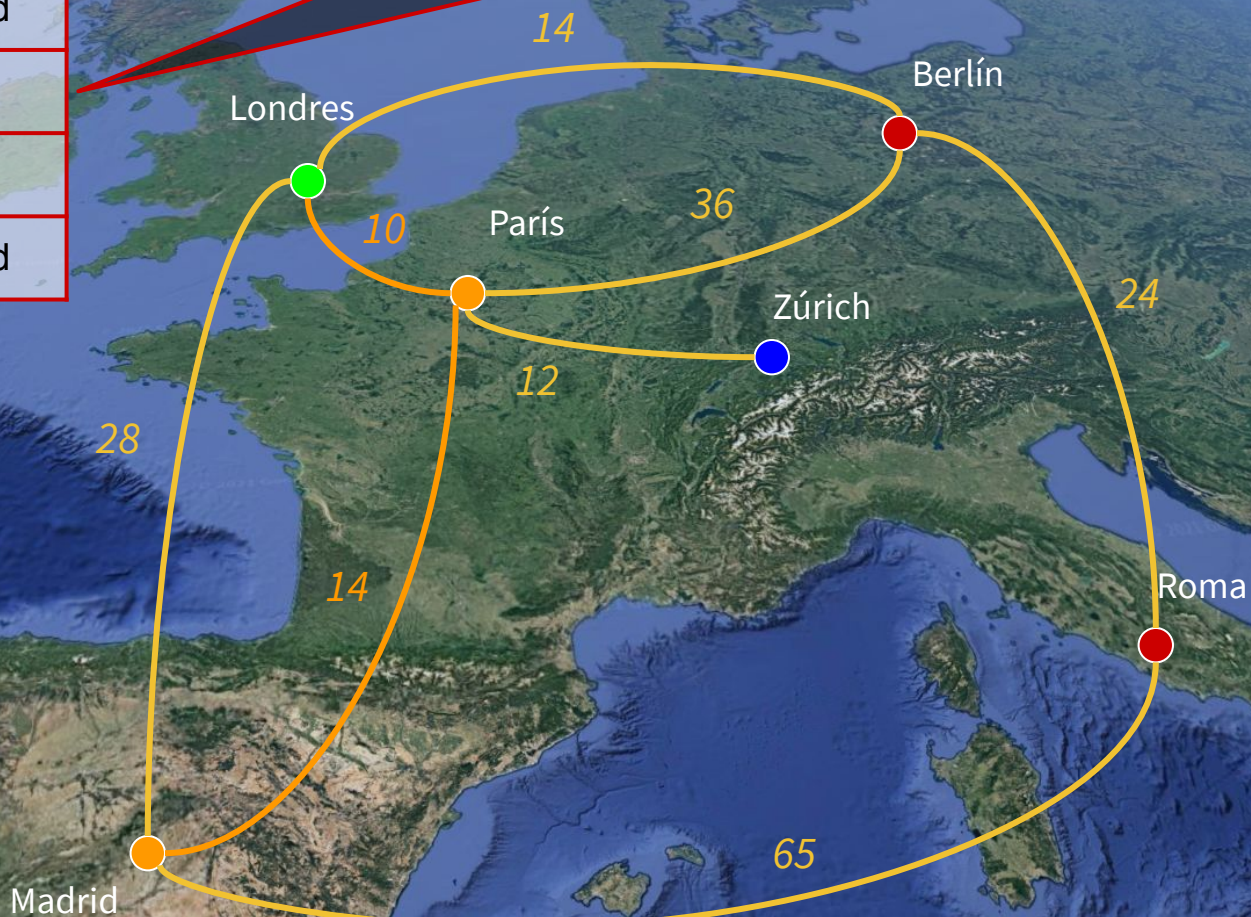
# Grafos - camino más corto

Algoritmo de Dijkstra

Costo Pred

Madrid	9999	Madrid
Londres	24	París
París	14	Madrid
Zúrich	26	París
Berlín	50	París
Roma	65	Madrid

$$24 + 9999 = 9999 > 26$$





# Grafos - camino más corto

Algoritmo de Dijkstra

Costo Pred

Madrid

9999

Madrid

Londres

24

París

París

14

Madrid

Zúrich

26

París

Berlín

50

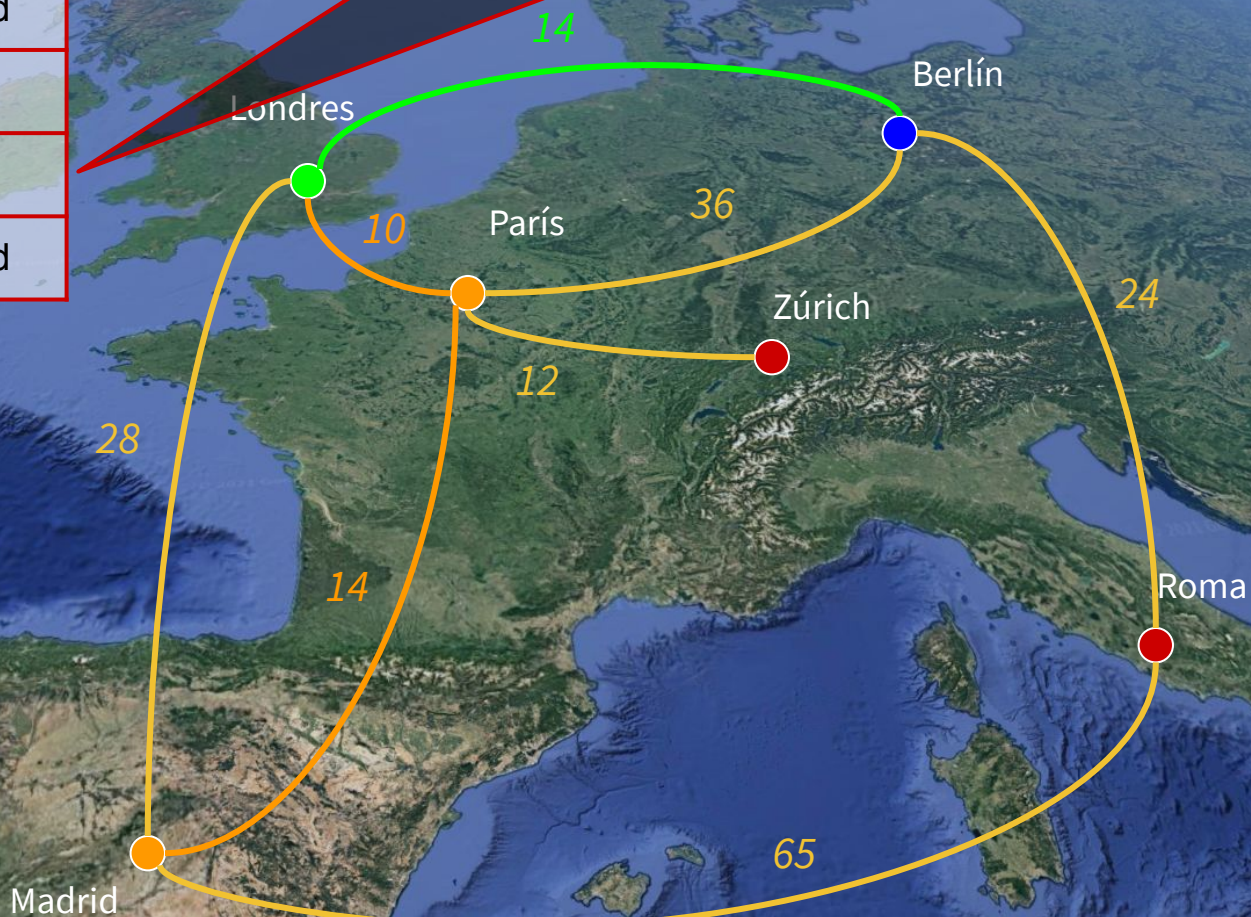
París

Roma

65

Madrid

$$24 + 14 = 38 < 50$$





# Grafos - camino más corto

Algoritmo de Dijkstra

Costo Pred

Madrid

9999

Madrid

Londres

24

París

París

14

Madrid

Zúrich

26

París

Berlín

38

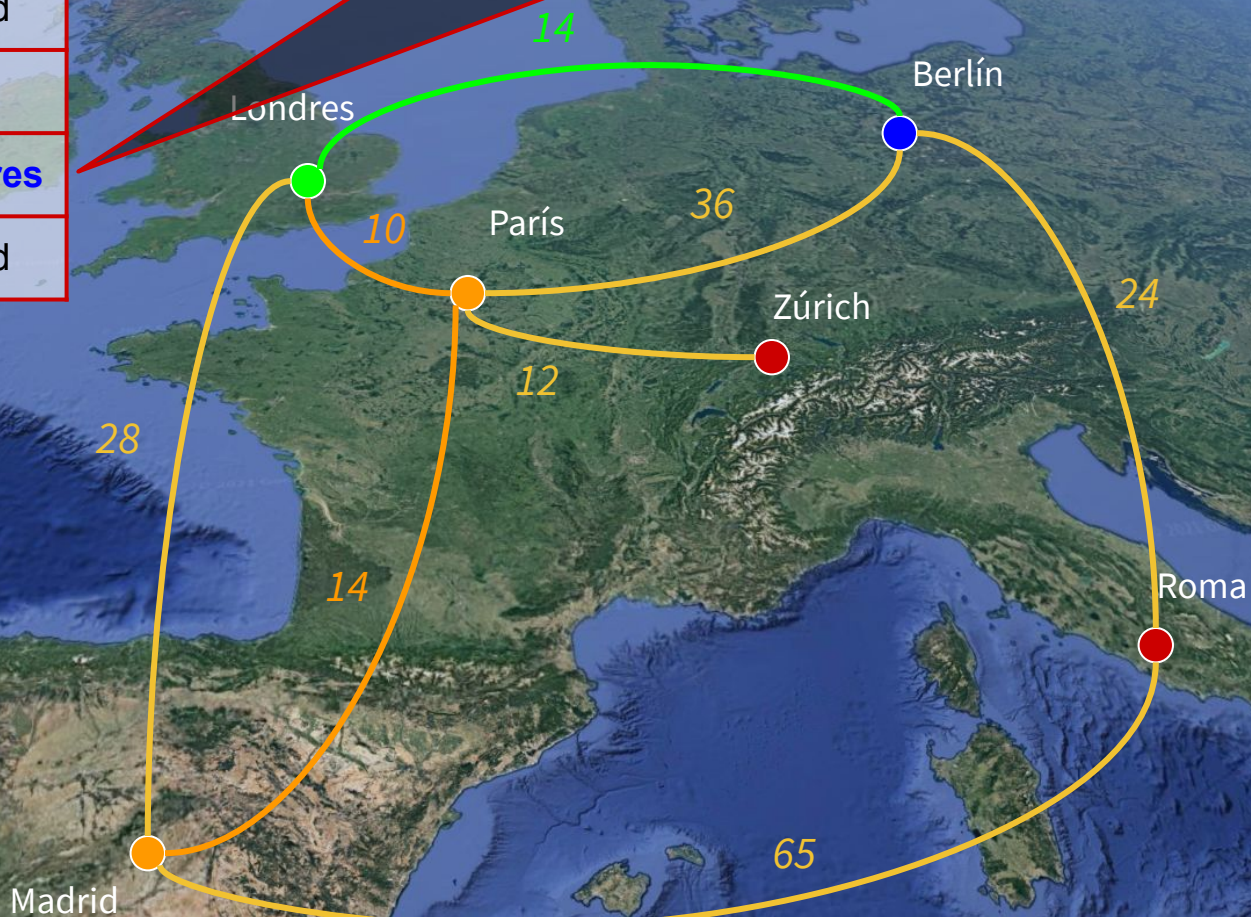
Londres

Roma

65

Madrid

$$24 + 14 = 38 < 50$$





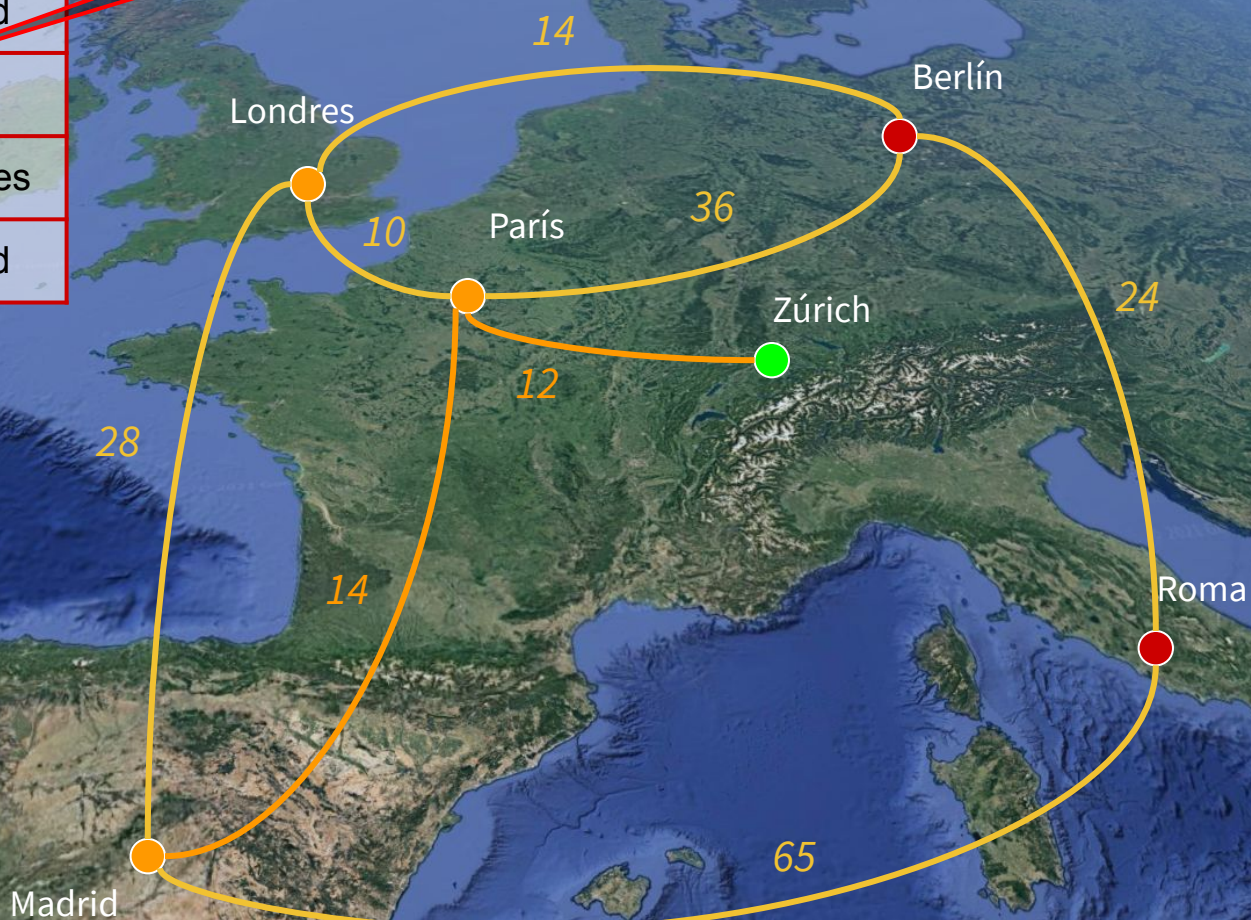
# Grafos - camino más corto

Algoritmo de Dijkstra

Costo Pred

<b>Madrid</b>	9999	Madrid
<b>Londres</b>	24	París
<b>París</b>	14	Madrid
<b>Zúrich</b>	26	París
Berlín	38	Londres
Roma	65	Madrid

Mínimo NO visitado





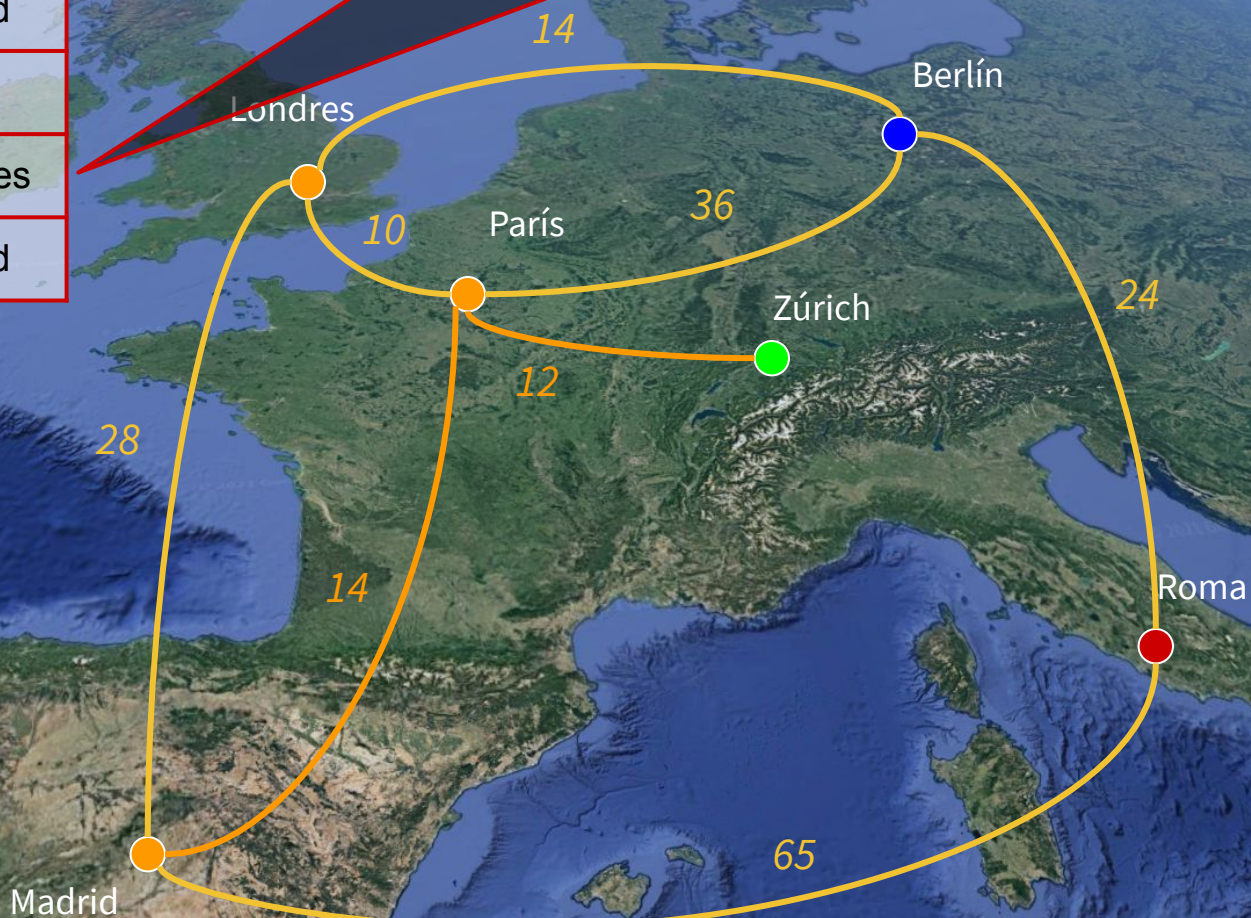
# Grafos - camino más corto

Algoritmo de Dijkstra

Costo Pred

Madrid	9999	Madrid
Londres	24	París
París	14	Madrid
Zúrich	26	París
Berlín	38	Londres
Roma	65	Madrid

$$26 + 9999 = 9999 > 38$$





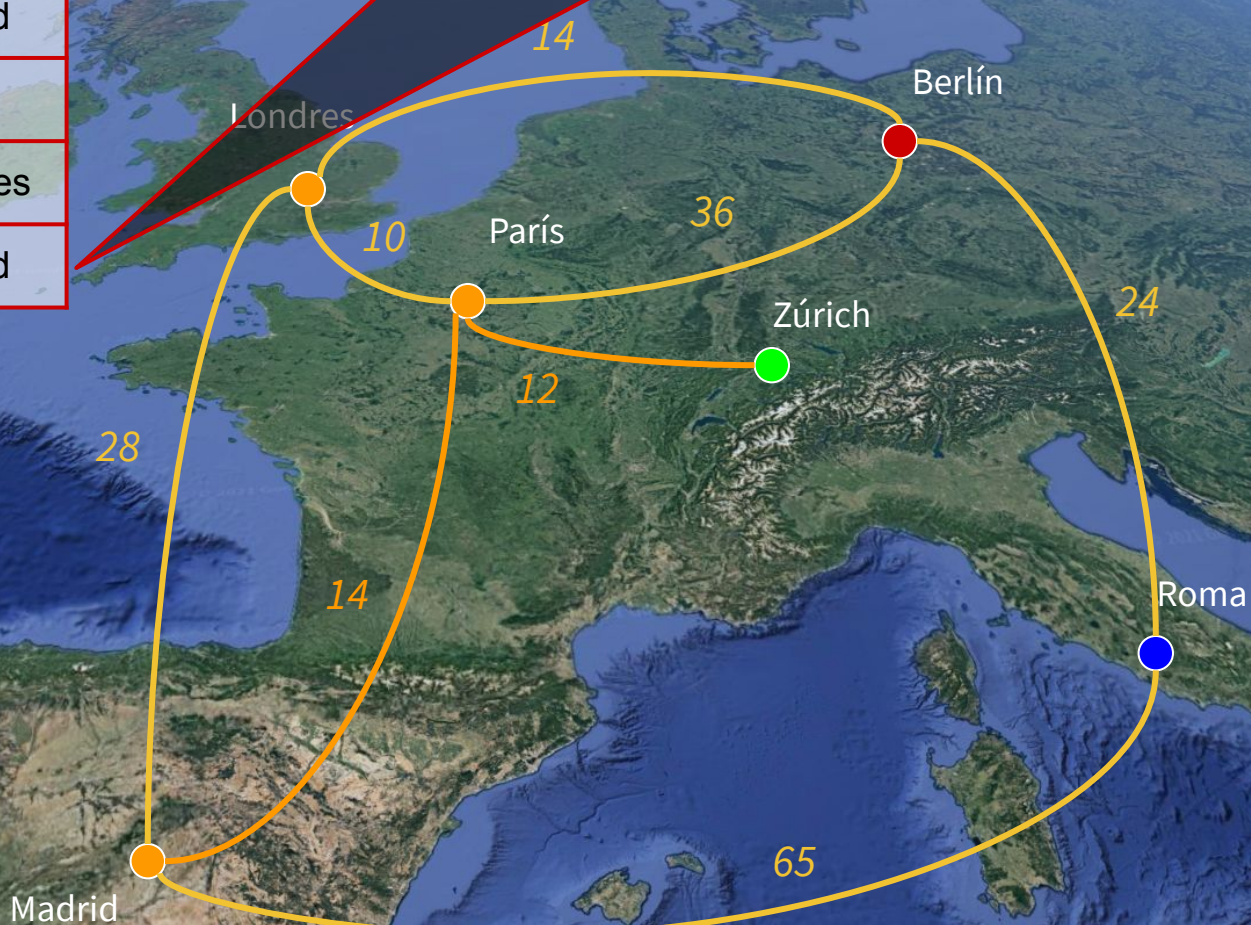
# Grafos - camino más corto

Algoritmo de Dijkstra

Costo Pred

Madrid	9999	Madrid
Londres	24	París
París	14	Madrid
Zúrich	26	París
Berlín	38	Londres
Roma	65	Madrid

$$26 + 9999 = 9999 > 65$$





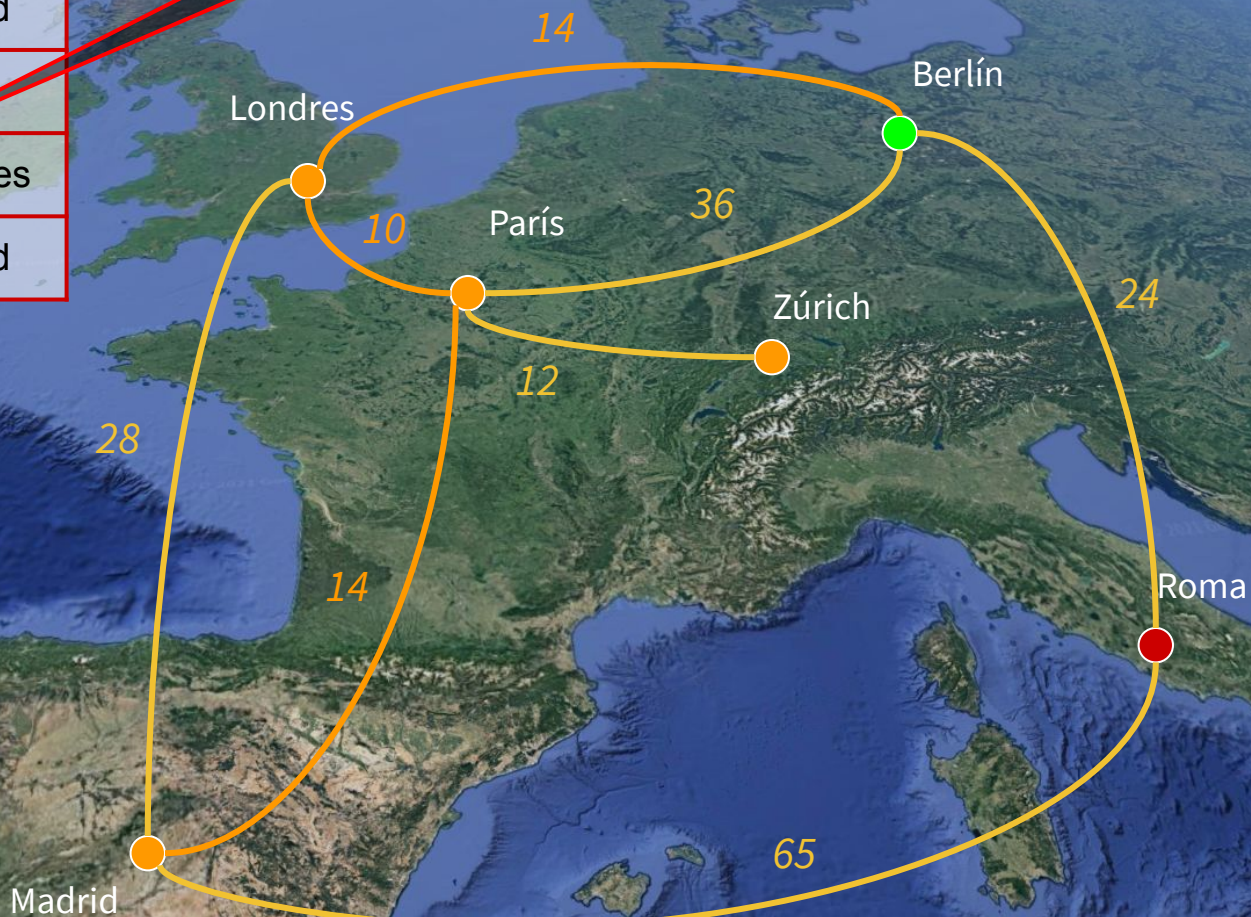
# Grafos - camino más corto

Algoritmo de Dijkstra

Costo Pred

<b>Madrid</b>	9999	Madrid
<b>Londres</b>	24	París
<b>París</b>	14	Madrid
<b>Zúrich</b>	26	París
<b>Berlín</b>	38	Londres
Roma	65	Madrid

Mínimo NO visitado





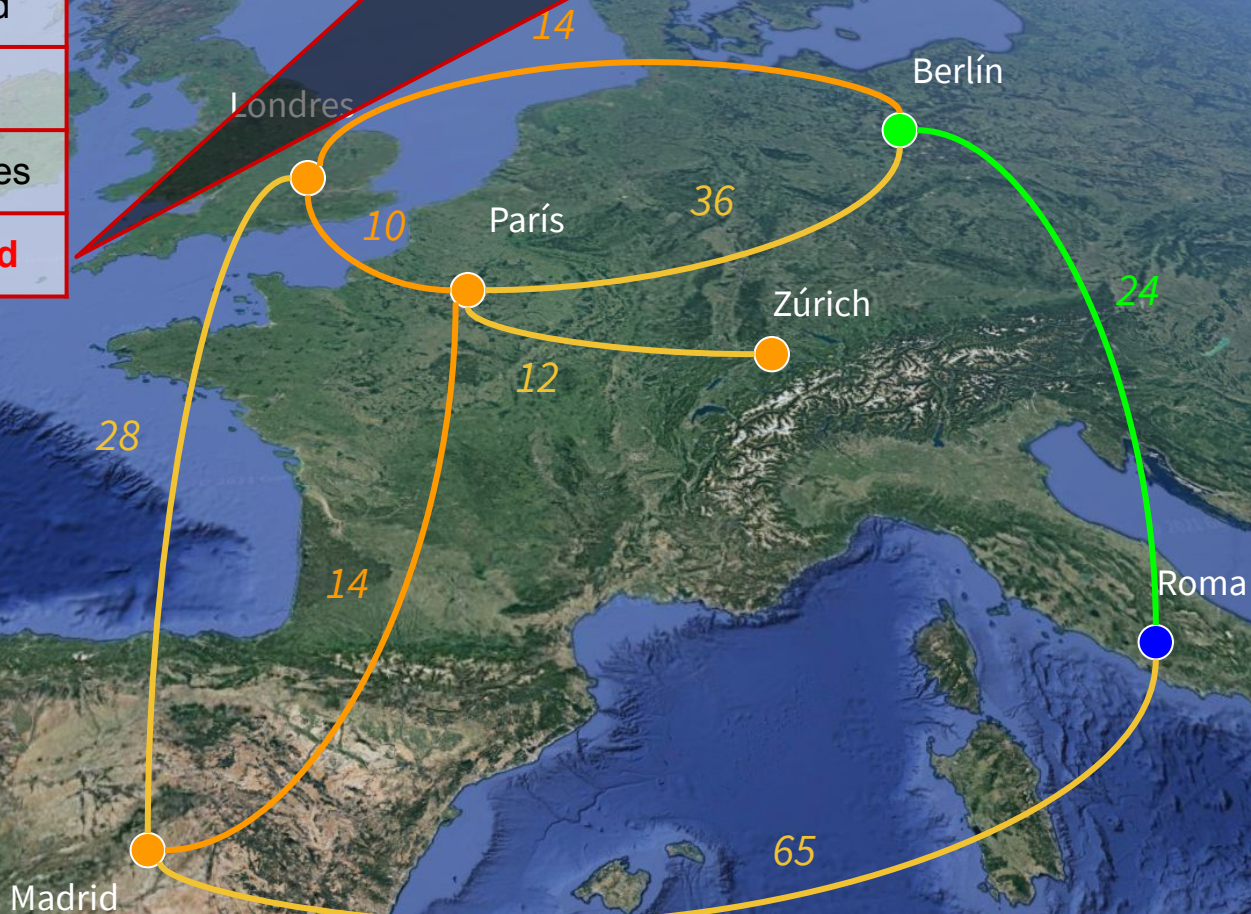
# Grafos - camino más corto

Algoritmo de Dijkstra

Costo Pred

<b>Madrid</b>	9999	Madrid
<b>Londres</b>	24	París
<b>París</b>	14	Madrid
<b>Zúrich</b>	26	París
<b>Berlín</b>	38	Londres
Roma	<b>65</b>	<b>Madrid</b>

$$38 + 24 = 62 < 65$$





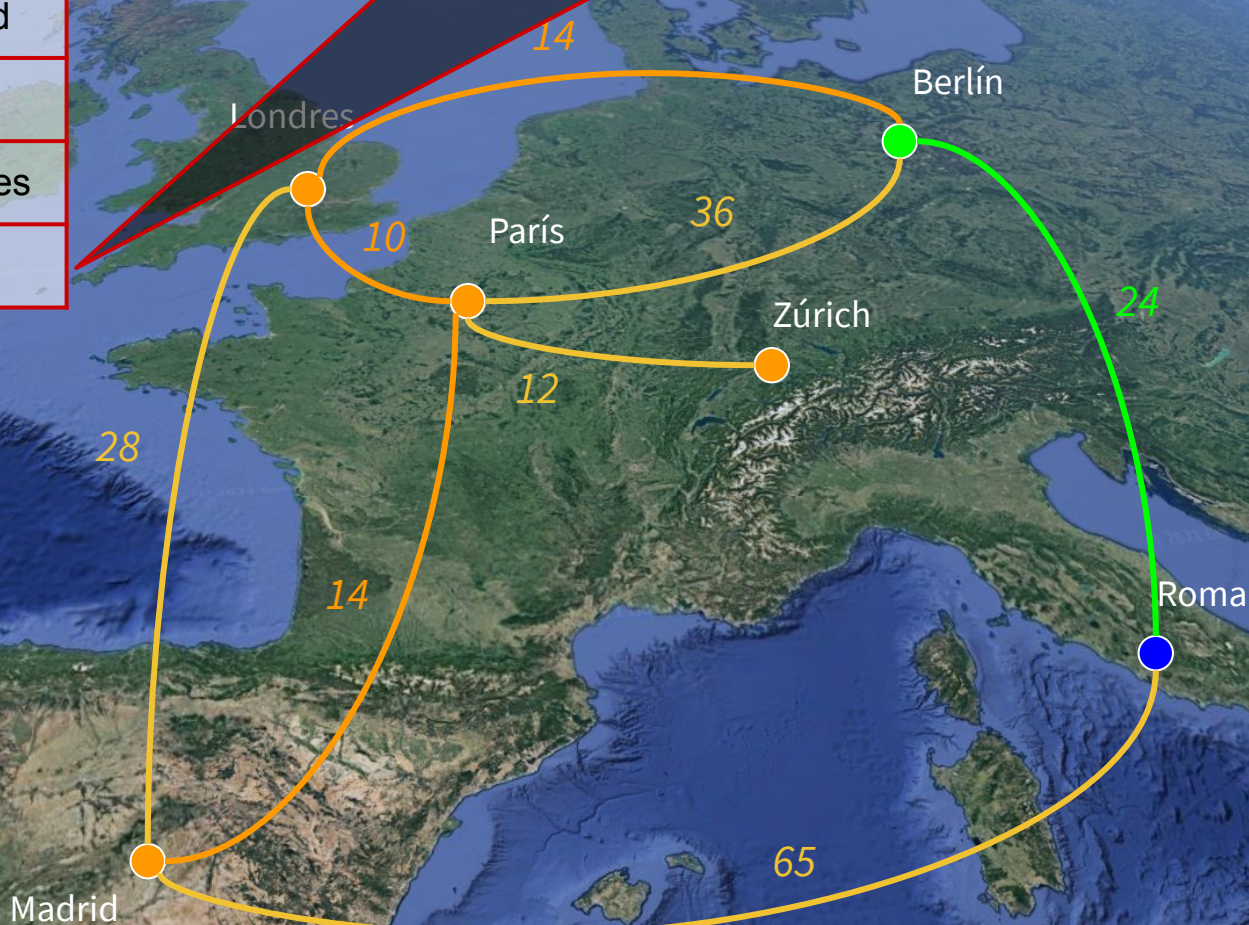
# Grafos - camino más corto

Algoritmo de Dijkstra

Costo Pred

Madrid	9999	Madrid
Londres	24	París
París	14	Madrid
Zúrich	26	París
Berlín	38	Londres
Roma	62	Berlín

$$38 + 24 = 62 < 65$$





# Grafos - camino más corto

Algoritmo de Dijkstra

Costo Pred

Madrid

9999

Madrid

Londres

24

París

París

14

Madrid

Zúrich

26

París

Berlín

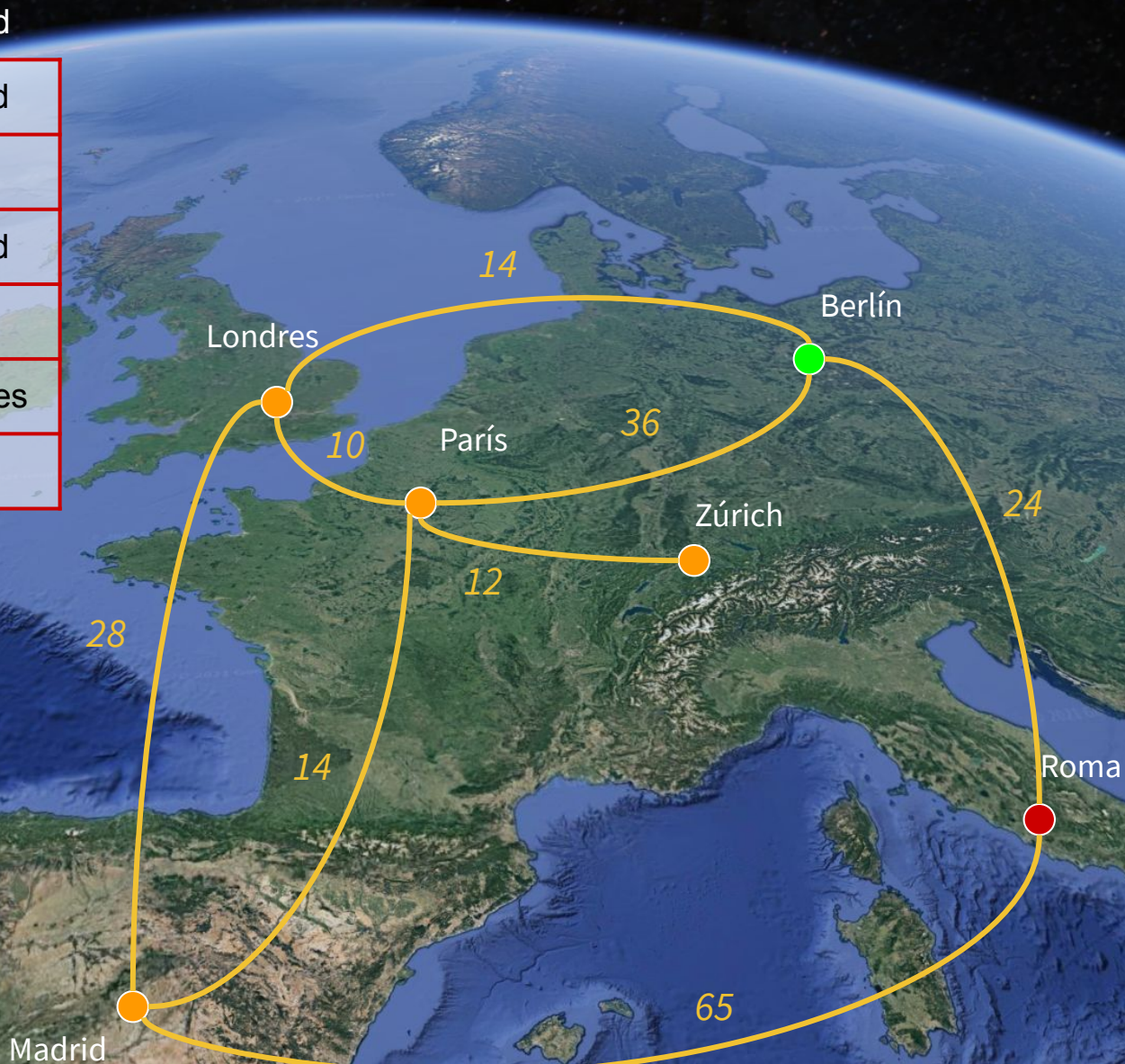
38

Londres

Roma

62

Berlín





# Grafos - camino más corto

Algoritmo de Dijkstra

Costo Pred

Madrid

9999

Madrid

Londres

24

París

París

14

Madrid

Zúrich

26

París

Berlín

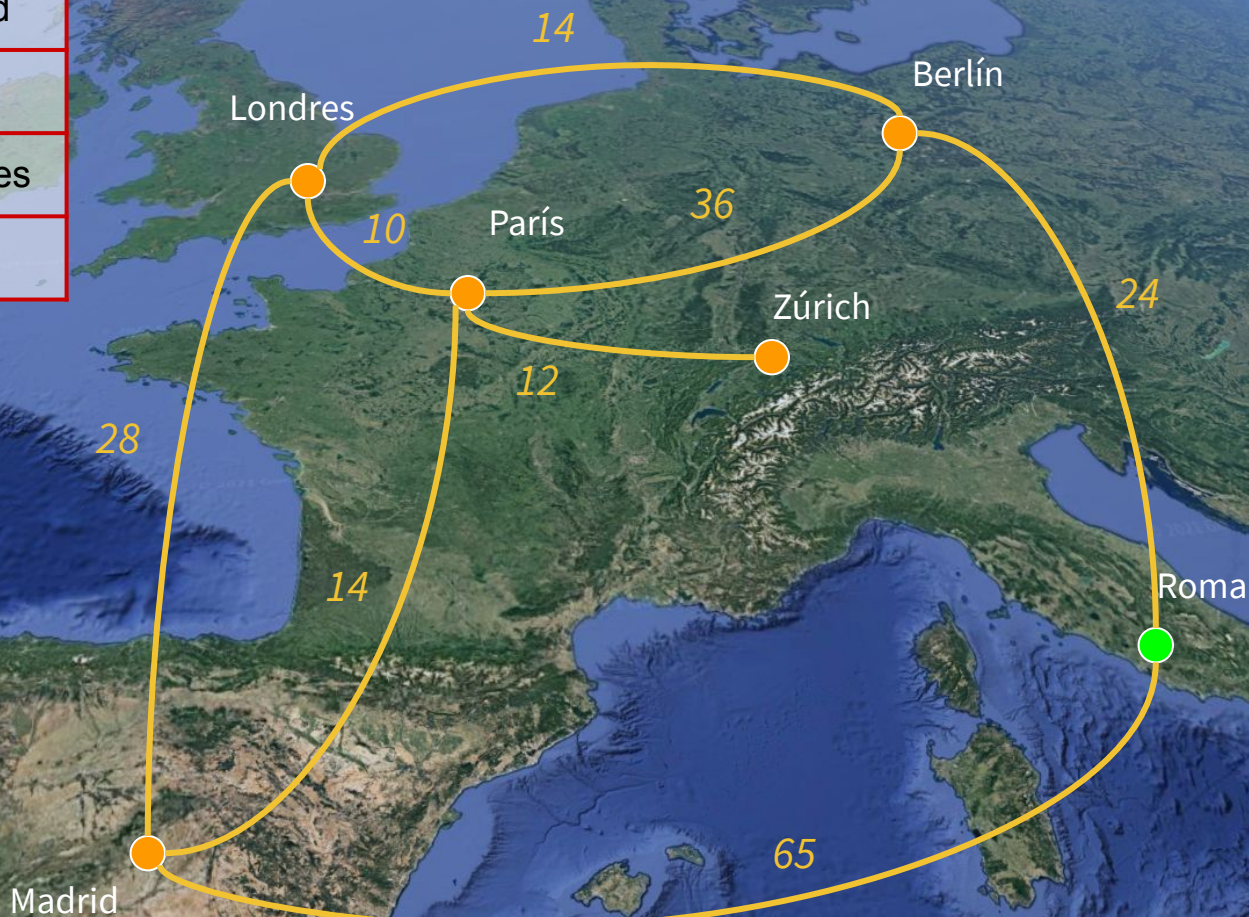
38

Londres

Roma

62

Berlín



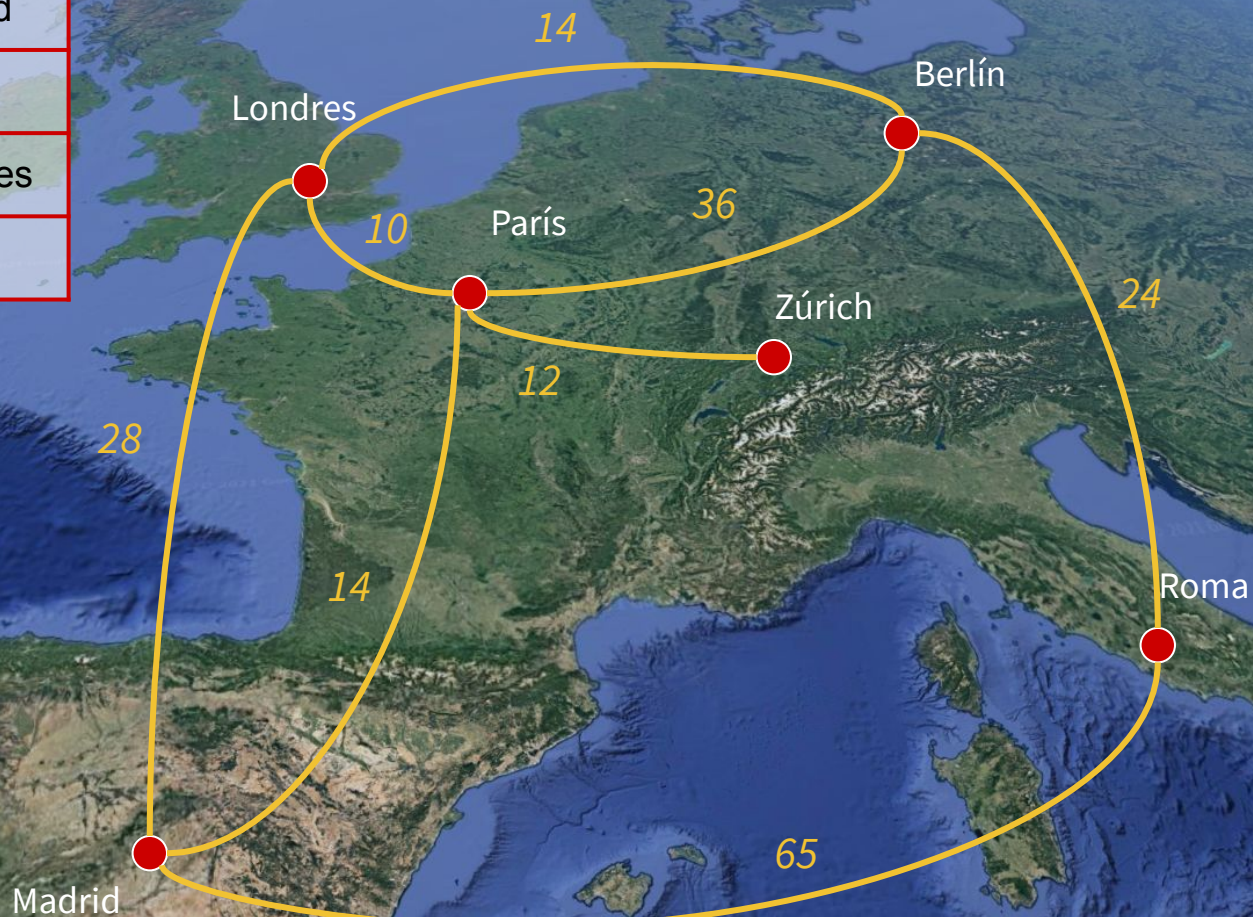


# Grafos - camino más corto

Algoritmo de Dijkstra

	Costo	Pred
Madrid	9999	Madrid
Londres	24	París
París	14	Madrid
Zúrich	26	París
Berlín	38	Londres
Roma	62	Berlín

¿Cuál es el menor costo de Madrid a Roma?





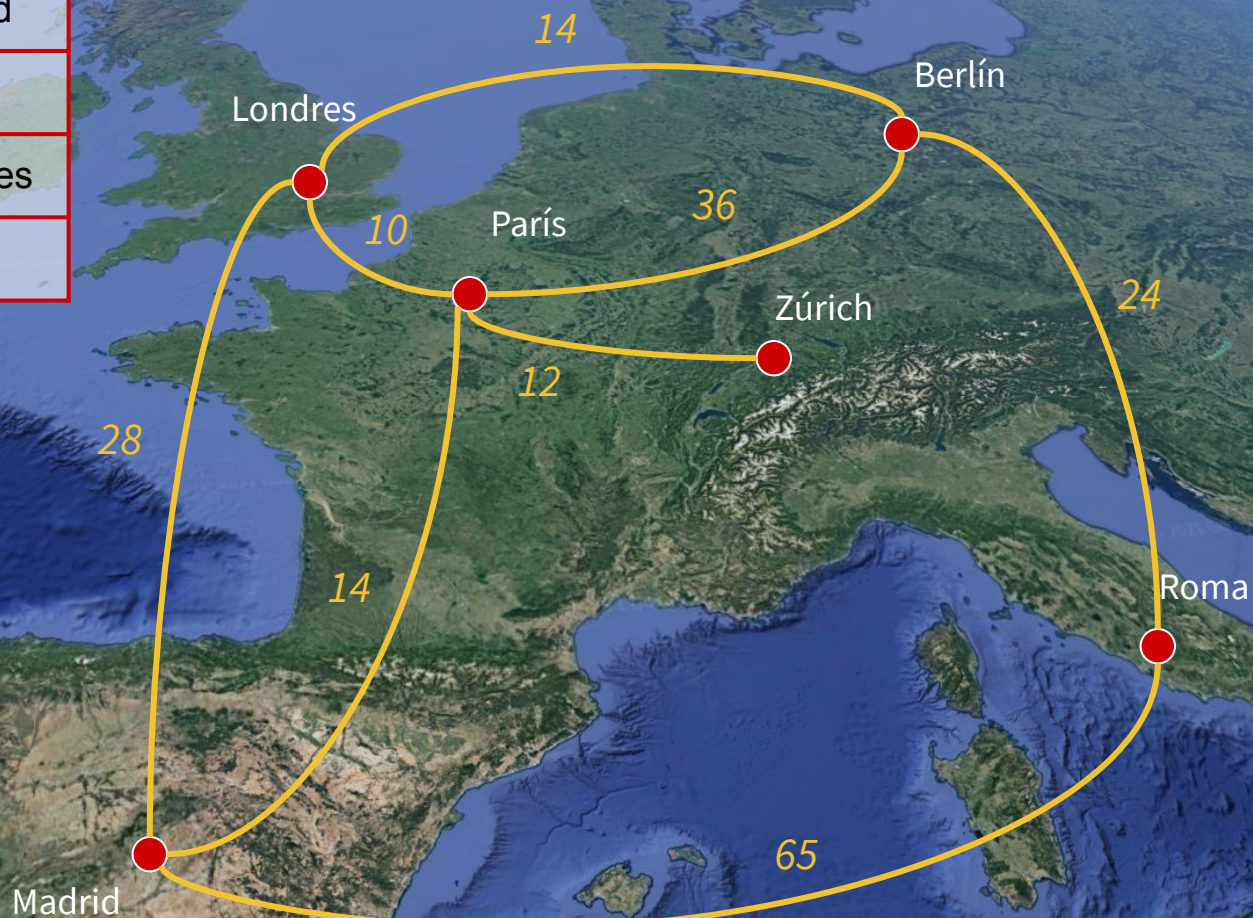
# Grafos - camino más corto

Algoritmo de Dijkstra

	Costo	Pred
Madrid	9999	Madrid
Londres	24	París
París	14	Madrid
Zúrich	26	París
Berlín	38	Londres
Roma	62	Berlín

¿Cuál es el menor costo de Madrid a Roma?

62





# Grafos - camino más corto

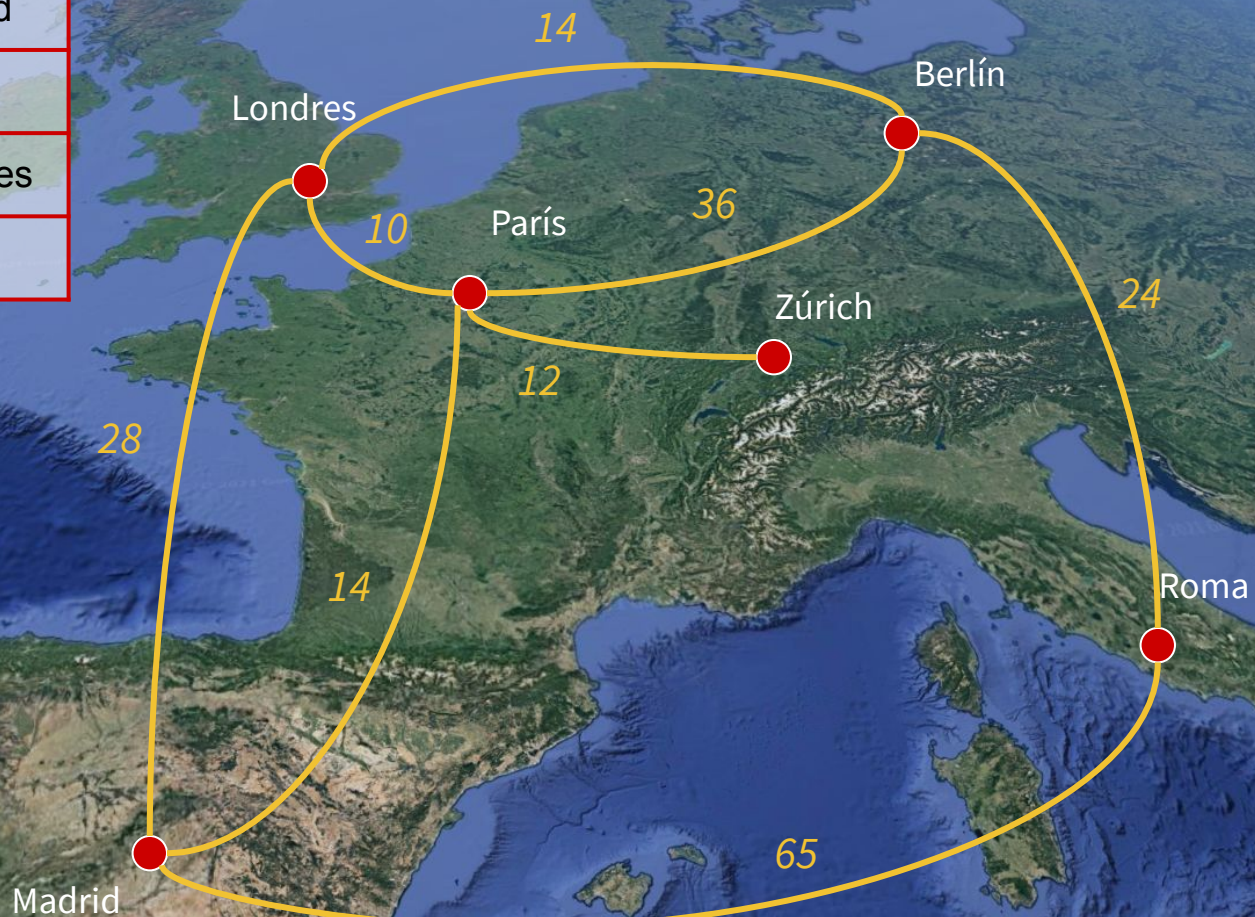
Algoritmo de Dijkstra

	Costo	Pred
Madrid	9999	Madrid
Londres	24	París
París	14	Madrid
Zúrich	26	París
Berlín	38	Londres
Roma	62	Berlín

¿Cuál es el menor costo de Madrid a Roma?

62

¿Cual es el camino más corto de Madrid a Roma?





# Grafos - camino más corto

Algoritmo de Dijkstra

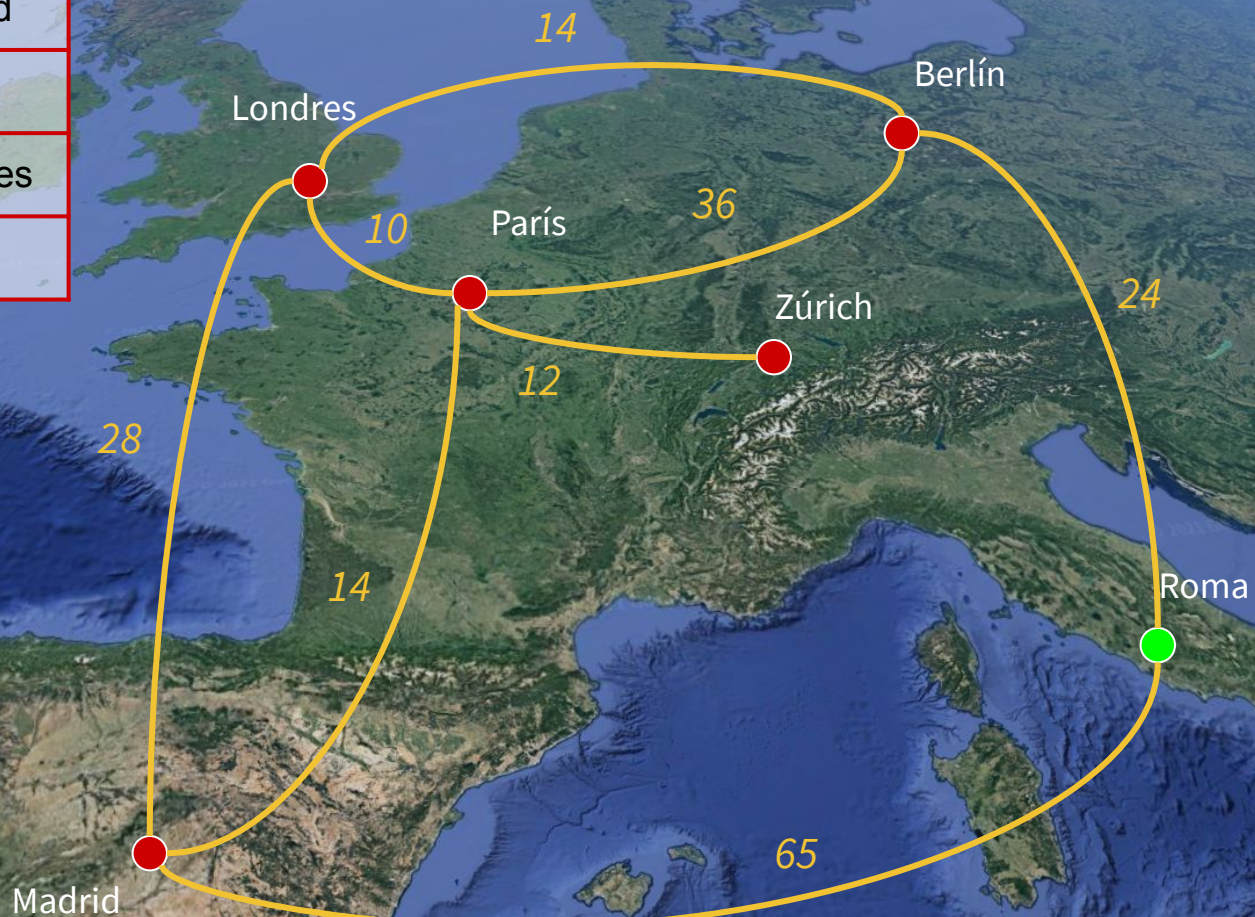
	Costo	Pred
Madrid	9999	Madrid
Londres	24	París
París	14	Madrid
Zúrich	26	París
Berlín	38	Londres
Roma	62	Berlín

¿Cuál es el menor costo de Madrid a Roma?

62

¿Cual es el camino más corto de Madrid a Roma?

Roma





# Grafos - camino más corto

Algoritmo de Dijkstra

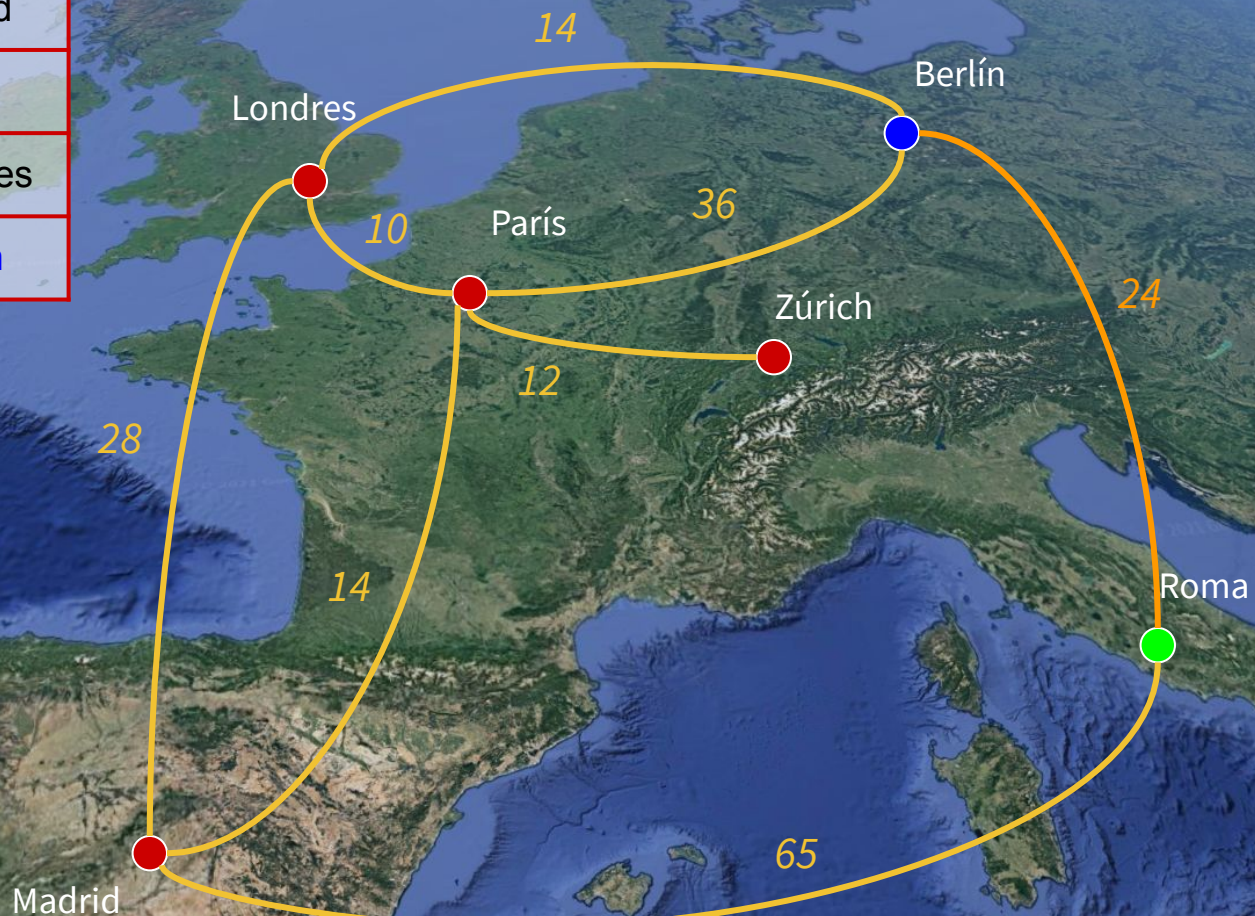
	Costo	Pred
Madrid	9999	Madrid
Londres	24	París
París	14	Madrid
Zúrich	26	París
Berlín	38	Londres
Roma	62	Berlín

¿Cuál es el menor costo de Madrid a Roma?

62

¿Cual es el camino más corto de Madrid a Roma?

Roma





# Grafos - camino más corto

Algoritmo de Dijkstra

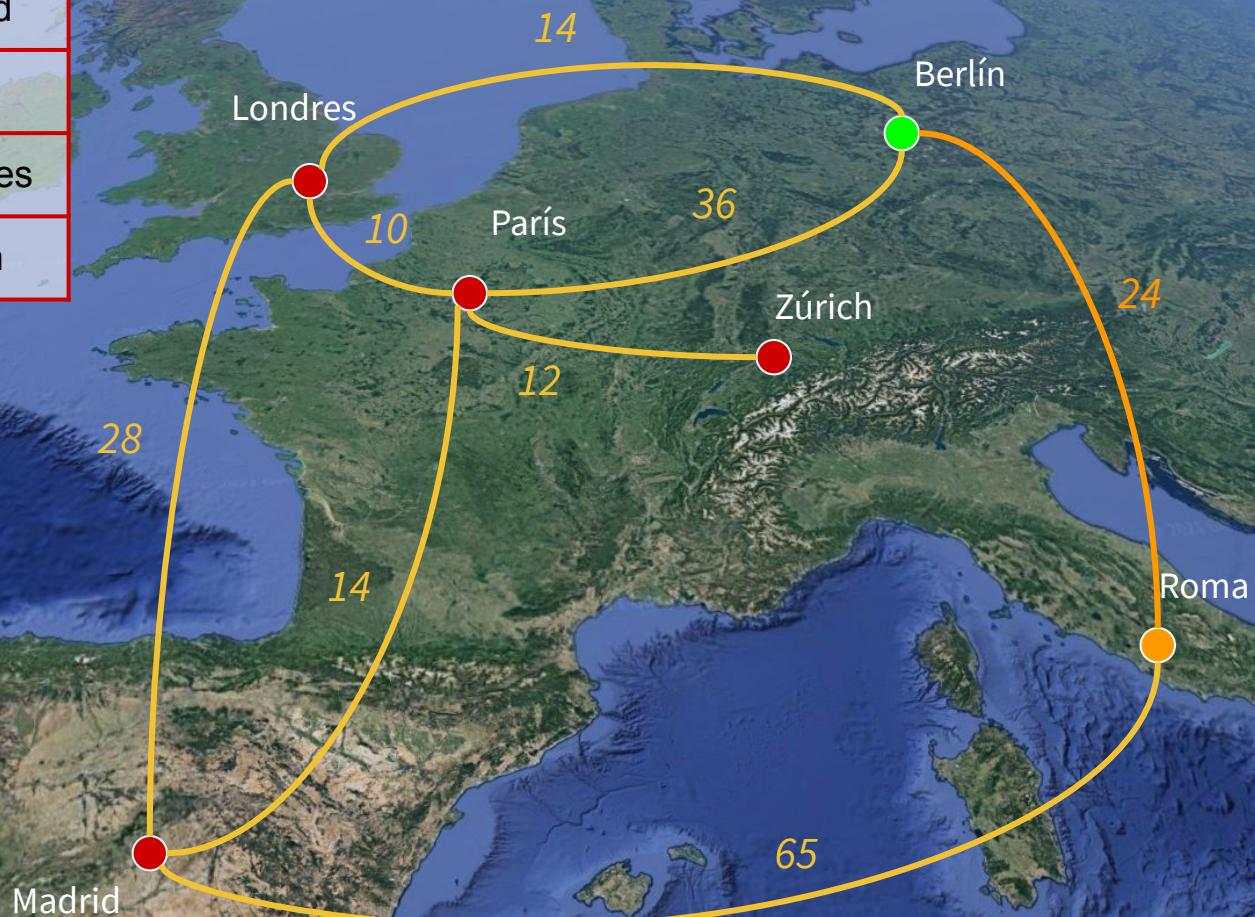
	Costo	Pred
Madrid	9999	Madrid
Londres	24	París
París	14	Madrid
Zúrich	26	París
Berlín	38	Londres
Roma	62	<b>Berlín</b>

¿Cuál es el menor costo de Madrid a Roma?

62

¿Cual es el camino más corto de Madrid a Roma?

**Berlín → Roma**





# Grafos - camino más corto

Algoritmo de Dijkstra

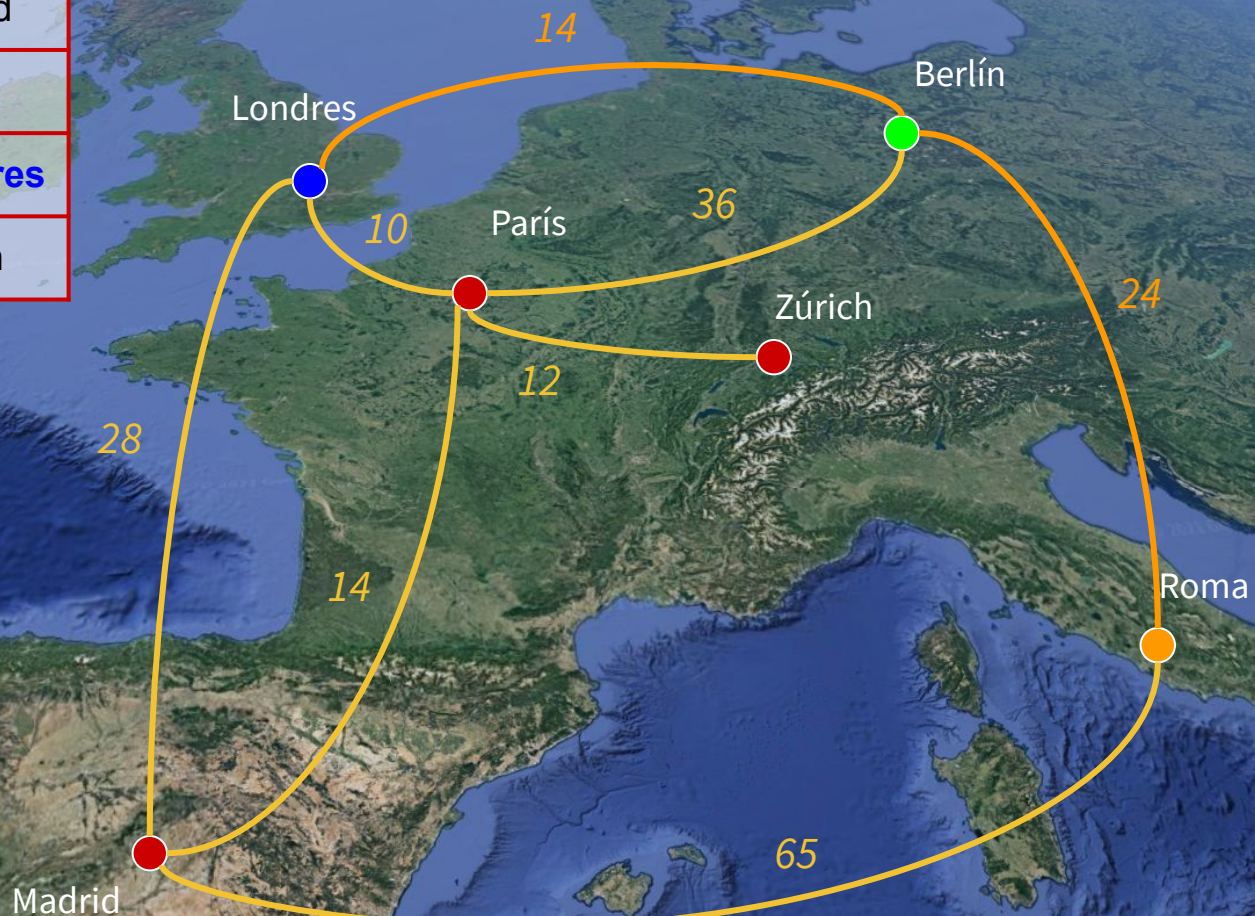
	Costo	Pred
Madrid	9999	Madrid
Londres	24	París
París	14	Madrid
Zúrich	26	París
Berlín	38	Londres
Roma	62	Berlín

¿Cuál es el menor costo de Madrid a Roma?

62

¿Cual es el camino más corto de Madrid a Roma?

**Berlín → Roma**





# Grafos - camino más corto

Algoritmo de Dijkstra

Costo Pred

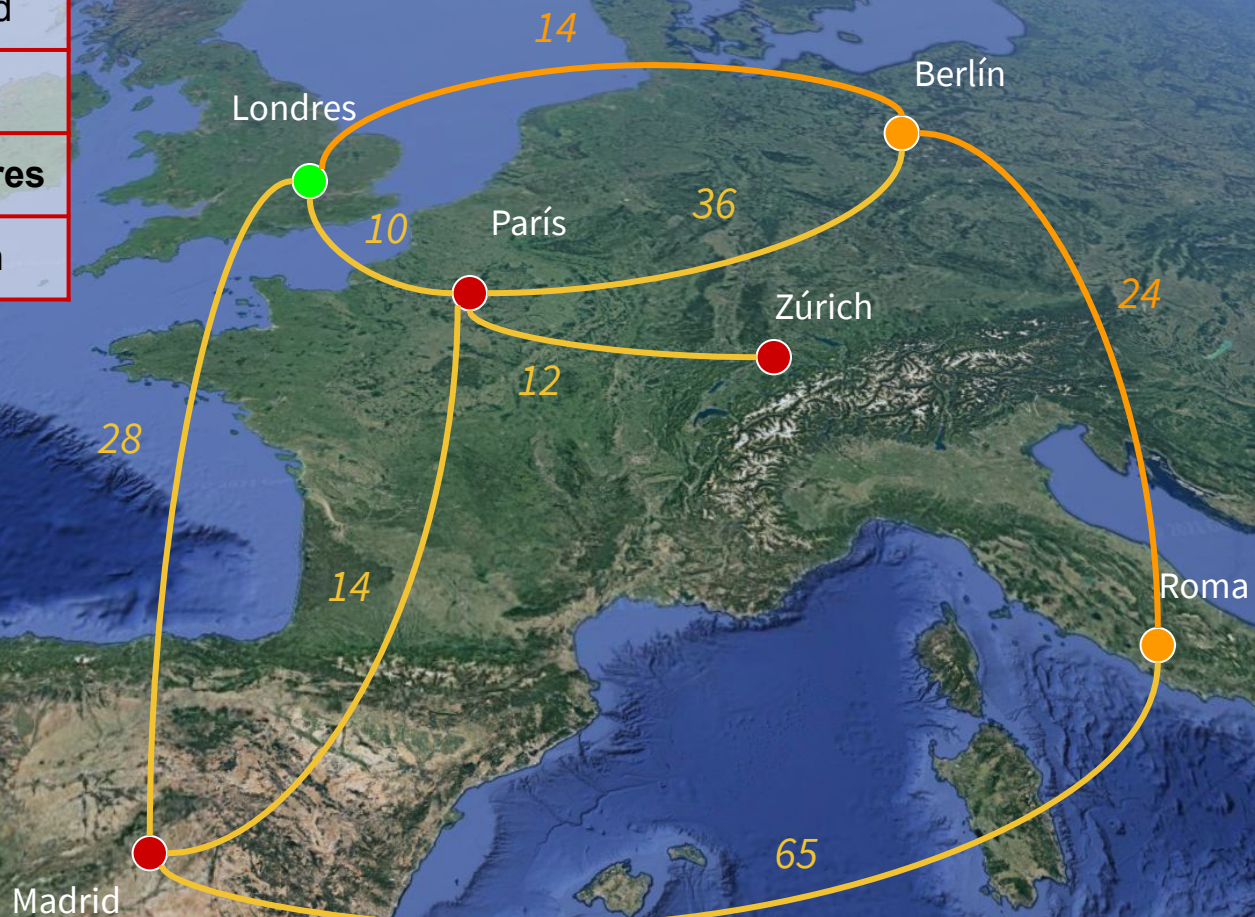
Madrid	9999	Madrid
Londres	24	París
París	14	Madrid
Zúrich	26	París
Berlín	38	Londres
Roma	62	Berlín

¿Cuál es el menor costo de Madrid a Roma?

62

¿Cual es el camino más corto de Madrid a Roma?

**Londres → Berlín → Roma**





# Grafos - camino más corto

Algoritmo de Dijkstra

Costo Pred

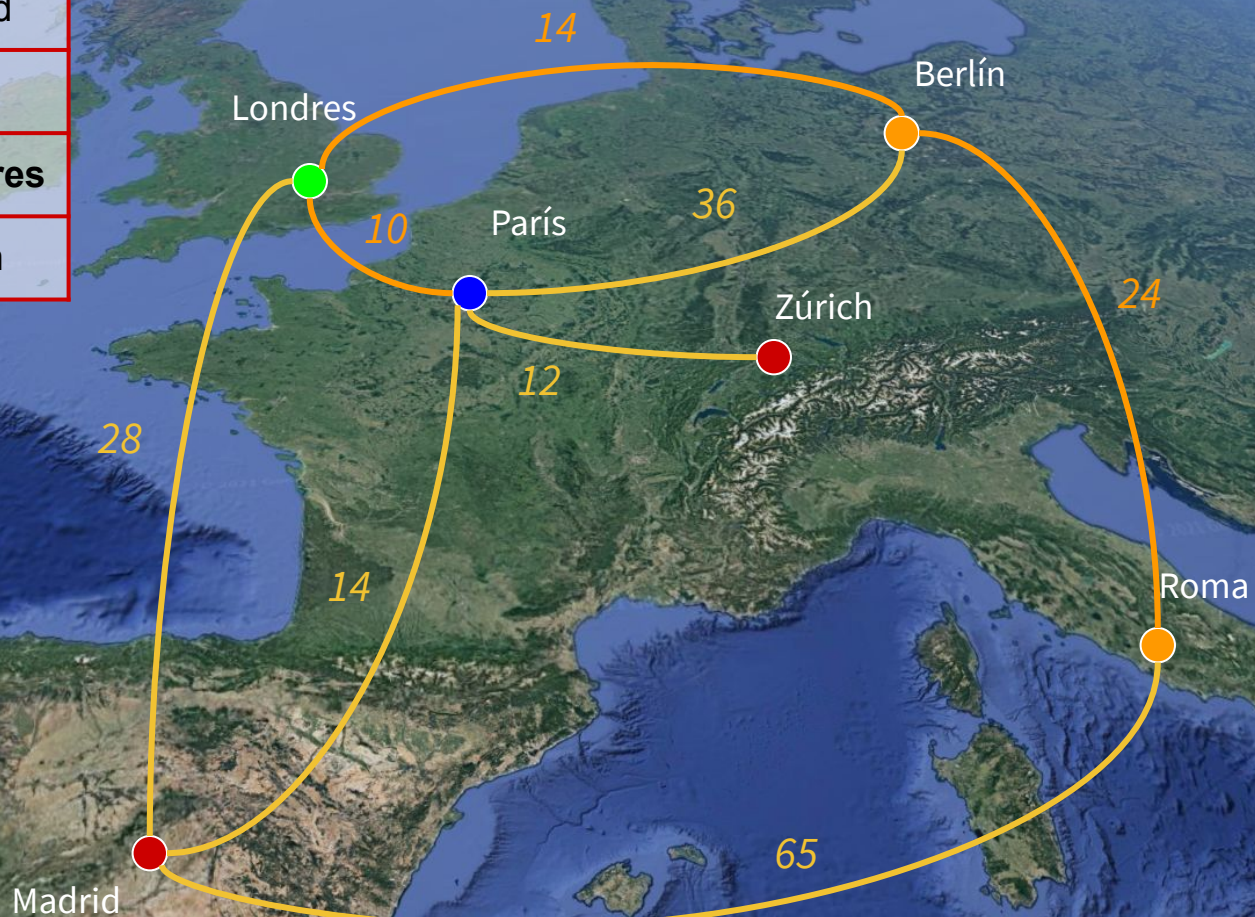
Madrid	9999	Madrid
Londres	24	París
París	14	Madrid
Zúrich	26	París
Berlín	38	Londres
Roma	62	Berlín

¿Cuál es el menor costo de Madrid a Roma?

62

¿Cual es el camino más corto de Madrid a Roma?

**Londres → Berlín → Roma**





# Grafos - camino más corto

Algoritmo de Dijkstra

Costo Pred

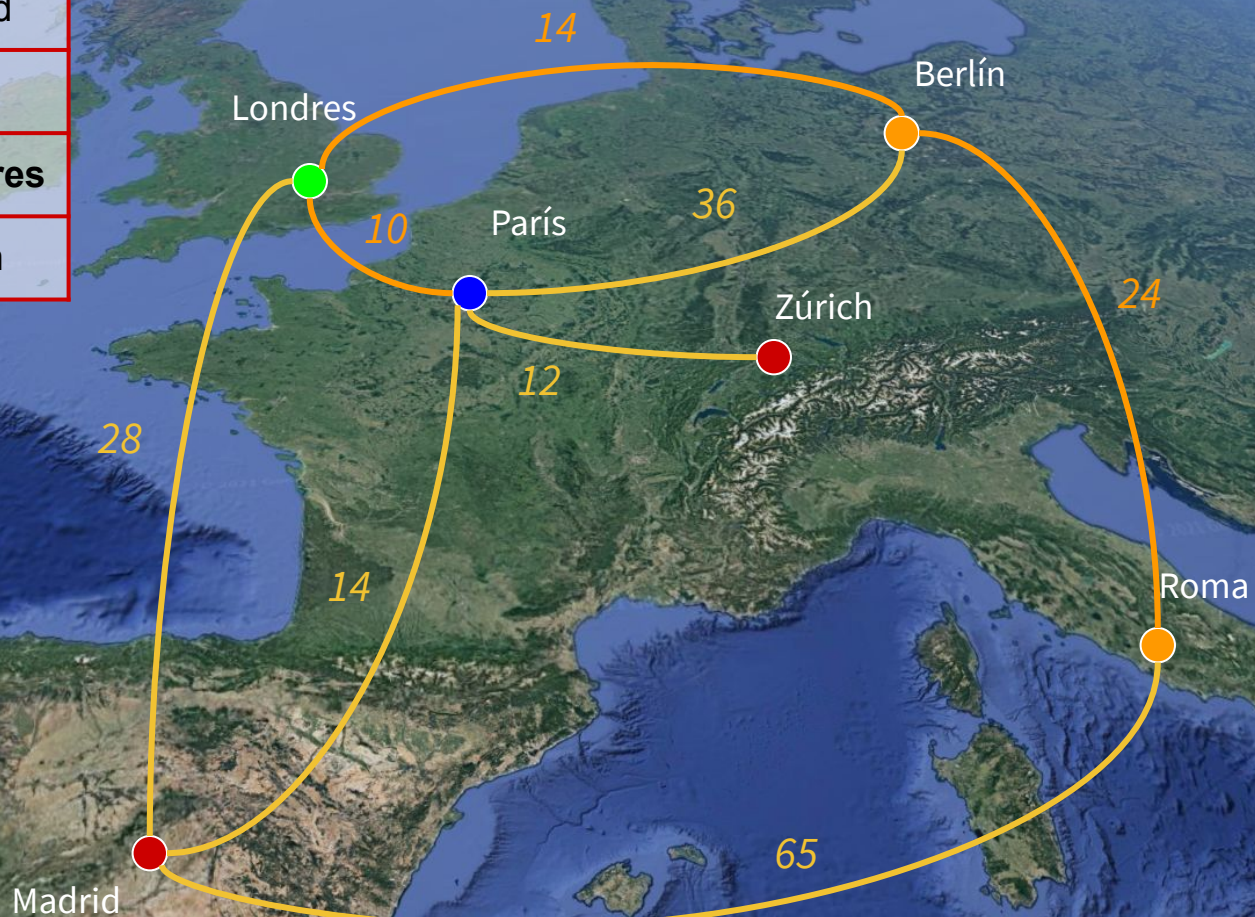
Madrid	9999	Madrid
Londres	24	París
París	14	Madrid
Zúrich	26	París
Berlín	38	Londres
Roma	62	Berlín

¿Cuál es el menor costo de Madrid a Roma?

62

¿Cual es el camino más corto de Madrid a Roma?

París → Londres → Berlín → Roma





# Grafos - camino más corto

Algoritmo de Dijkstra

Costo Pred

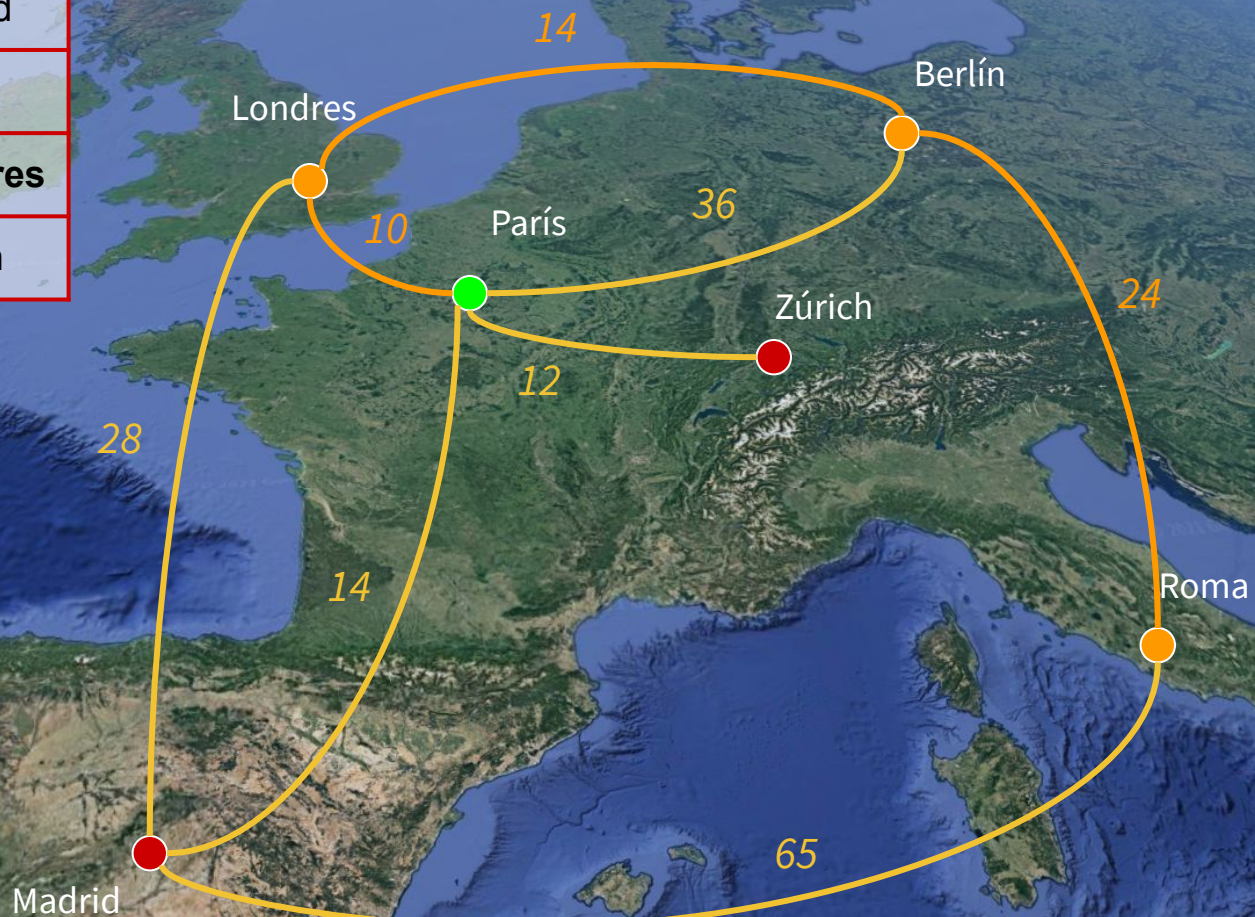
Madrid	9999	Madrid
Londres	24	París
París	14	Madrid
Zúrich	26	París
Berlín	38	Londres
Roma	62	Berlín

¿Cuál es el menor costo de Madrid a Roma?

62

¿Cual es el camino más corto de Madrid a Roma?

París → Londres → Berlín → Roma





# Grafos - camino más corto

Algoritmo de Dijkstra

Costo Pred

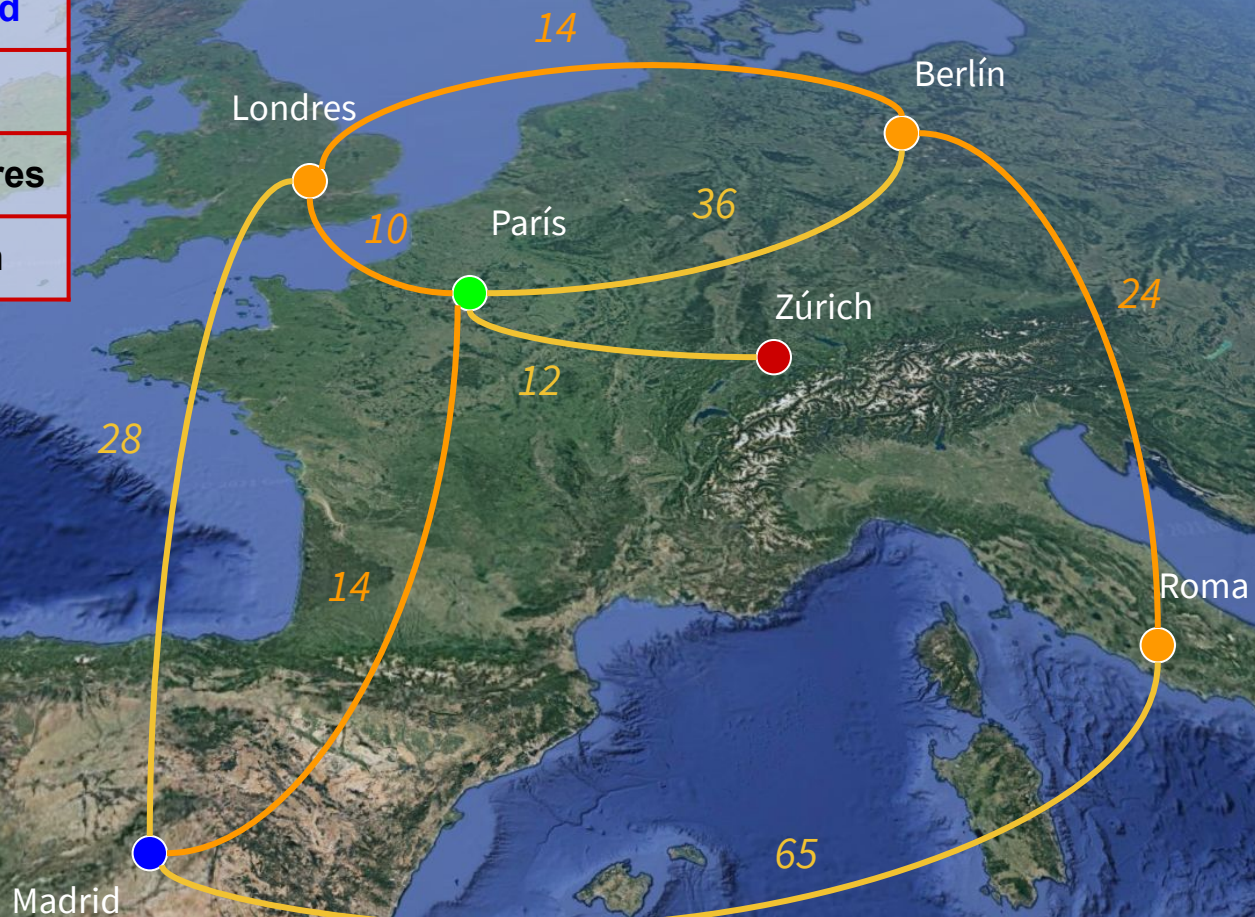
Madrid	9999	Madrid
Londres	24	París
París	14	Madrid
Zúrich	26	París
Berlín	38	Londres
Roma	62	Berlín

¿Cuál es el menor costo de Madrid a Roma?

62

¿Cual es el camino más corto de Madrid a Roma?

París → Londres → Berlín → Roma





# Grafos - camino más corto

Algoritmo de Dijkstra

Costo Pred

Madrid

9999

Madrid

Londres

24

París

París

14

Madrid

Zúrich

26

París

Berlín

38

Londres

Roma

62

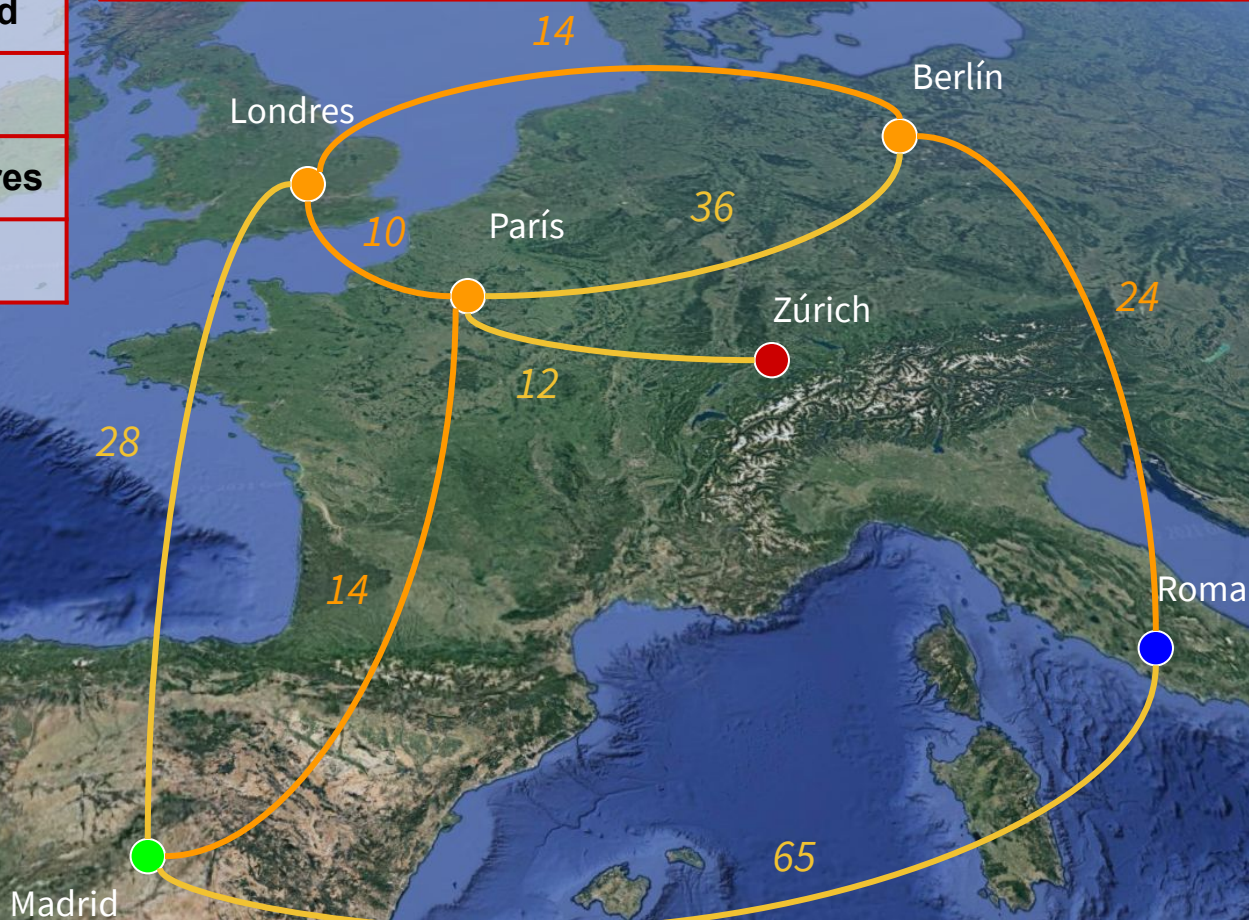
Berlín

¿Cuál es el menor costo de Madrid a Roma?

62

¿Cual es el camino más corto de Madrid a Roma?

Madrid → París → Londres → Berlín → Roma





# Unidad 6: Grafos

Algoritmos y Estructuras de Datos

Concepto y Clasificación  
Implementaciones  
Algoritmo de Dijkstra

Ing. Juan Ignacio Iturriaga