

Propiedades de las relaciones binarias:

1.

a. **R es reflexiva** $\Leftrightarrow \forall x: x \in A \rightarrow x R x$.

Matricialmente: **R es reflexiva** $\Leftrightarrow I \leq M_R$

b. **R es Arreflexiva** $\Leftrightarrow \forall x \in A, x \not R x$

Matricialmente: **R es arreflexiva** $\Leftrightarrow I \wedge M_R = N$

2.

a. **R es simétrica** $\Leftrightarrow \forall x, y \in A: x R y \rightarrow y R x$

Matricialmente: **R es simétrica** $\Leftrightarrow M_R = (M_R)^t$

b. **R es asimétrica** $\Leftrightarrow \forall x, y \in A: x R y \rightarrow y \not R x$

Matricialmente: **R es asimétrica** $\Leftrightarrow M_R \wedge M_R^{-1} = N$

3.

a. **R es antisimétrica** $\Leftrightarrow \forall x, y \in A: x R y \wedge y R x \rightarrow x = y$

Matricialmente: **R es antisimétrica** $\Leftrightarrow M_R \wedge M_R^{-1} \leq I$

4.

a. **R es transitiva** $\Leftrightarrow \forall x, y, z \in A: x R y \wedge y R z \rightarrow x R z$

Matricialmente: **R es transitiva** $\Leftrightarrow M_R \otimes M_R \leq M_R$

Condiciones de las particiones:

1. $\forall A_i \in P \rightarrow A_i \neq \emptyset$

2. Dados $A_i, A_j \in P \rightarrow A_i \cap A_j = \emptyset$, si $i \neq j$

3. $\forall a \in A \exists A_i \in P / a \in A_i$

Congruencia Módulo n:

$$a \equiv b (n) \rightarrow n \mid (a-b) \rightarrow a-b = n \cdot q, q \in \mathbb{Z} \rightarrow a = n \cdot q + b, q \in \mathbb{Z}$$