Universidad de la República, Uruguay

PROYECTO DE GRADO

Desarrollo de DSLs en lenguajes con tipos dependientes

Gonzalo Waszczuk

Supervisado por Marcos VIERA Alberto PARDO

Resumen

Pendiente: Resumen

Índice general

1.2. Tipos dependientes 2 1.3. Idris 3 1.4. Guía de trabajo 3 2. Estado del arte 5 2.1. Records extensibles como primitivas del lenguaje 5 2.2. Records extensibles como bibliotecas de usuario 7 2.3. Listas heterogéneas 8 2.3.1. HList en Haskell 9 2.3.2. HList en Idris 10 2.4. Records extensibles en Haskell 12 3. Records extensibles en Idris 14 3.1. Introducción a records extensibles en Idris 14 3.2. Predicados y propiedades en Idris 15 3.2.1. Tipos decidibles 15 3.2.2. Listas sin repetidos 21 3.2.3. Construcción de términos de prueba 22 3.2.4. Generación automática de pruebas 22 3.3. Definición de un record 26 3.3.1. HList actualizado 26 3.4.1. Proyección sobre un record 26 3.4.2. Búsqueda de un elemento en un record 36 3.4.3. Unión por izquierda 36 3.5. Comparación con otros lenguajes 36 3.5.1. Elm 38 3.5.2. Purescript	1.	Intro	oducción 1
1.3. Idris 3 1.4. Guía de trabajo 3 2. Estado del arte 5 2.1. Records extensibles como primitivas del lenguaje 5 2.2. Records extensibles como bibliotecas de usuario 7 2.3. Listas heterogéneas 8 2.3.1. HList en Haskell 9 2.3.2. HList en Idris 10 2.4. Records extensibles en Haskell 12 3. Records extensibles en Idris 14 3.1. Introducción a records extensibles en Idris 14 3.2. Predicados y propiedades en Idris 15 3.2. Predicados y propiedades en Idris 17 3.2.1. Tipos decidibles 15 3.2.2. Listas sin repetidos 21 3.2.3. Construcción de términos de prueba 22 3.2.4. Generación automática de pruebas 22 3.3. Definición de un record 26 3.3.1. HList actualizado 27 3.4.1. Proyección sobre un record 26 3.4.2. Búsqueda de un elemento en un record 36 3.4.3. Unión por izquierda 36 3.5.1. Elm 38 3.5.2. Purescript 36 4. Caso de estudio		1.1.	Records extensibles
1.3. Idris 1.4. Guía de trabajo 3 2. Estado del arte 5 2.1. Records extensibles como primitivas del lenguaje 5 2.2. Records extensibles como bibliotecas de usuario 7 2.3. Listas heterogéneas 8 2.3.1. HList en Haskell 9 2.3.2. HList en Idris 10 2.4. Records extensibles en Haskell 12 3. Records extensibles en Idris 14 3.1. Introducción a records extensibles en Idris 14 3.2. Predicados y propiedades en Idris 15 3.2.1. Tipos decidibles 15 3.2.2. Listas sin repetidos 21 3.2.3. Construcción de términos de prueba 22 3.2.4. Generación automática de pruebas 22 3.3. Definición de un record 26 3.3.1. HList actualizado 27 3.4.1. Proyección sobre un record 26 3.4.2. Búsqueda de un elemento en un record 36 3.4.3. Unión por izquierda 36 3.5. Comparación con otros lenguajes 36 3.5.1. Elm 36 3.5.2. Purescript 36 4. Caso de estudio 41		1.2.	Tipos dependientes
2. Estado del arte 5 2.1. Records extensibles como primitivas del lenguaje 5 2.2. Records extensibles como bibliotecas de usuario 7 2.3. Listas heterogéneas 8 2.3.1. HList en Haskell 9 2.3.2. HList en Idris 10 2.4. Records extensibles en Haskell 12 3. Records extensibles en Idris 14 3.1. Introducción a records extensibles en Idris 14 3.2. Predicados y propiedades en Idris 15 3.2.1. Tipos decidibles 15 3.2.2. Listas sin repetidos 21 3.2.3. Construcción de términos de prueba 22 3.2.4. Generación automática de pruebas 22 3.3.1. HList actualizado 27 3.3.1. HList actualizado 27 3.4.1. Proyección sobre un record 26 3.4.2. Búsqueda de un elemento en un record 36 3.4.3. Unión por izquierda 36 3.5. Comparación con otros lenguajes 36 3.5.1. Elm 36 3.5.2. Purescript 39 4. Caso de estudio 41 4.1. Descripción del caso de estudio 42 4.2.1. C		1.3.	
2.1. Records extensibles como primitivas del lenguaje 2.2. Records extensibles como bibliotecas de usuario 2.3. Listas heterogéneas 2.3.1. HList en Haskell 2.3.2. HList en Idris 2.4. Records extensibles en Haskell 3.1. Introducción a records extensibles en Idris 3.2. Predicados y propiedades en Idris 3.2.1. Tipos decidibles 3.2.2. Listas sin repetidos 3.2.3. Construcción de términos de prueba 3.2.4. Generación automática de pruebas 2.2.3.3. Definición de un record 3.3.1. HList actualizado 3.4. Implementación de operaciones sobre records 3.4.1. Proyección sobre un record 3.4.2. Búsqueda de un elemento en un record 3.4.3. Unión por izquierda 3.5. Comparación con otros lenguajes 3.5.1. Elm 3.5.2. Purescript 4. Caso de estudio 4.1. Descripción del caso de estudio 4.2. Definición de una expresión 4.3. Evaluación de una expresión 4.4.3. Expresiones de literales		1.4.	
2.2. Records extensibles como bibliotecas de usuario 7 2.3. Listas heterogéneas 8 2.3.1. HList en Haskell 9 2.3.2. HList en Idris 10 2.4. Records extensibles en Haskell 12 3. Records extensibles en Idris 14 3.1. Introducción a records extensibles en Idris 14 3.2. Predicados y propiedades en Idris 17 3.2.1. Tipos decidibles 19 3.2.2. Listas sin repetidos 21 3.2.3. Construcción de términos de prueba 22 3.2.4. Generación automática de pruebas 24 3.3. Definición de un record 26 3.3.1. HList actualizado 27 3.4.1. Proyección sobre un record 28 3.4.2. Búsqueda de un elemento en un record 33 3.4.3. Unión por izquierda 36 3.5.1. Elm 36 3.5.2. Purescript 36 4. Caso de estudio 41 4.1. Descripción del caso de estudio 41 4.2. Definición de una expresión 42 4.2.1. Construcción de una expresión 46 4.3. Evaluación de una expresión 46 4.3.1. Ex	2.	Esta	do del arte
2.3. Listas heterogéneas 8 2.3.1. HList en Haskell 9 2.3.2. HList en Idris 10 2.4. Records extensibles en Haskell 12 3. Records extensibles en Idris 14 3.1. Introducción a records extensibles en Idris 14 3.2. Predicados y propiedades en Idris 17 3.2.1. Tipos decidibles 19 3.2.2. Listas sin repetidos 21 3.2.3. Construcción de términos de prueba 22 3.2.4. Generación automática de pruebas 24 3.3. Definición de un record 26 3.3.1. HList actualizado 27 3.4. Implementación de operaciones sobre records 27 3.4.1. Proyección sobre un record 28 3.4.2. Búsqueda de un elemento en un record 36 3.5. Comparación con otros lenguajes 36 3.5.1. Elm 38 3.5.2. Purescript 39 4. Caso de estudio 41 4.1. Descripción del caso de estudio 41 4.2. Definición de una expresión 42 4.2.1. Construcción de una expresión 46 4.3. Evaluación de una expresión 46 4.		2.1.	
2.3.1. HList en Haskell 9 2.3.2. HList en Idris 10 2.4. Records extensibles en Haskell 12 3. Records extensibles en Idris 14 3.1. Introducción a records extensibles en Idris 14 3.2. Predicados y propiedades en Idris 15 3.2.1. Tipos decidibles 15 3.2.2. Listas sin repetidos 21 3.2.3. Construcción de términos de prueba 22 3.2.4. Generación automática de pruebas 24 3.3. Definición de un record 26 3.3.1. HList actualizado 27 3.4. Implementación de operaciones sobre records 27 3.4.1. Proyección sobre un record 26 3.4.2. Búsqueda de un elemento en un record 36 3.4.3. Unión por izquierda 36 3.5.1. Elm 36 3.5.2. Purescript 39 4. Caso de estudio 41 4.1. Descripción del caso de estudio 41 4.2. Definición de una expresión 42 4.2.1. Construcción de una expresión 46 4.3. Evaluación de una expresión 46 4.3.1. Expresiones de literales 48		2.2.	Records extensibles como bibliotecas de usuario
2.3.2. HList en Idris 10 2.4. Records extensibles en Haskell 12 3. Records extensibles en Idris 14 3.1. Introducción a records extensibles en Idris 14 3.2. Predicados y propiedades en Idris 17 3.2.1. Tipos decidibles 19 3.2.2. Listas sin repetidos 21 3.2.3. Construcción de términos de prueba 22 3.2.4. Generación automática de pruebas 24 3.3. Definición de un record 26 3.3.1. HList actualizado 27 3.4. Implementación de operaciones sobre records 27 3.4.1. Proyección sobre un record 28 3.4.2. Búsqueda de un elemento en un record 33 3.5. Comparación con otros lenguajes 36 3.5.1. Elm 38 3.5.2. Purescript 39 4. Caso de estudio 41 4.1. Descripción del caso de estudio 41 4.2.1. Construcción de una expresión 42 4.2.1. Construcción de una expresión 46 4.3.1. Expresiones de literales 48		2.3.	Listas heterogéneas
2.4. Records extensibles en Idris 12 3. Records extensibles en Idris 14 3.1. Introducción a records extensibles en Idris 15 3.2. Predicados y propiedades en Idris 17 3.2.1. Tipos decidibles 19 3.2.2. Listas sin repetidos 21 3.2.3. Construcción de términos de prueba 22 3.2.4. Generación automática de pruebas 24 3.3. Definición de un record 26 3.3.1. HList actualizado 27 3.4. Implementación de operaciones sobre records 27 3.4.1. Proyección sobre un record 28 3.4.2. Búsqueda de un elemento en un record 33 3.4.3. Unión por izquierda 36 3.5. Comparación con otros lenguajes 38 3.5.1. Elm 38 3.5.2. Purescript 39 4. Caso de estudio 41 4.1. Descripción del caso de estudio 41 4.2.1. Construcción de una expresión 42 4.2.1. Construcción de una expresión 46 4.3.1. Expresiones de literales 48			2.3.1. HList en Haskell
3. Records extensibles en Idris 14 3.1. Introducción a records extensibles en Idris 14 3.2. Predicados y propiedades en Idris 17 3.2.1. Tipos decidibles 19 3.2.2. Listas sin repetidos 21 3.2.3. Construcción de términos de prueba 22 3.2.4. Generación automática de pruebas 24 3.3. Definición de un record 26 3.3.1. HList actualizado 27 3.4. Implementación de operaciones sobre records 27 3.4.1. Proyección sobre un record 28 3.4.2. Búsqueda de un elemento en un record 33 3.4.3. Unión por izquierda 36 3.5.1. Elm 38 3.5.2. Purescript 38 4. Caso de estudio 41 4.1. Descripción del caso de estudio 41 4.2. Definición de una expresión 42 4.2.1. Construcción de una expresión 44 4.3. Evaluación de una expresión 46 4.3.1. Expresiones de literales 48			2.3.2. HList en Idris
3.1. Introducción a records extensibles en Idris 14 3.2. Predicados y propiedades en Idris 17 3.2.1. Tipos decidibles 19 3.2.2. Listas sin repetidos 21 3.2.3. Construcción de términos de prueba 22 3.2.4. Generación automática de pruebas 24 3.3. Definición de un record 26 3.3.1. HList actualizado 27 3.4. Implementación de operaciones sobre records 27 3.4.1. Proyección sobre un record 28 3.4.2. Búsqueda de un elemento en un record 33 3.4.3. Unión por izquierda 36 3.5. Comparación con otros lenguajes 38 3.5.1. Elm 38 3.5.2. Purescript 39 4. Caso de estudio 41 4.1. Descripción del caso de estudio 41 4.2.1. Construcción de una expresión 42 4.3. Evaluación de una expresión 46 4.3.1. Expresiones de literales 48		2.4.	Records extensibles en Haskell
3.2. Predicados y propiedades en Idris 17 3.2.1. Tipos decidibles 19 3.2.2. Listas sin repetidos 21 3.2.3. Construcción de términos de prueba 22 3.2.4. Generación automática de pruebas 24 3.3. Definición de un record 26 3.3.1. HList actualizado 27 3.4. Implementación de operaciones sobre records 27 3.4.1. Proyección sobre un record 28 3.4.2. Búsqueda de un elemento en un record 33 3.4.3. Unión por izquierda 36 3.5. Comparación con otros lenguajes 38 3.5.1. Elm 38 3.5.2. Purescript 39 4. Caso de estudio 41 4.1. Descripción del caso de estudio 41 4.2.1. Construcción de una expresión 42 4.3. Evaluación de una expresión 46 4.3.1. Expresiones de literales 48	3.	Rec	ords extensibles en Idris
3.2. Predicados y propiedades en Idris 17 3.2.1. Tipos decidibles 19 3.2.2. Listas sin repetidos 21 3.2.3. Construcción de términos de prueba 22 3.2.4. Generación automática de pruebas 24 3.3. Definición de un record 26 3.3.1. HList actualizado 27 3.4. Implementación de operaciones sobre records 27 3.4.1. Proyección sobre un record 28 3.4.2. Búsqueda de un elemento en un record 33 3.4.3. Unión por izquierda 36 3.5. Comparación con otros lenguajes 38 3.5.1. Elm 38 3.5.2. Purescript 39 4. Caso de estudio 41 4.1. Descripción del caso de estudio 41 4.2.1. Construcción de una expresión 42 4.3. Evaluación de una expresión 46 4.3.1. Expresiones de literales 48		3.1.	Introducción a records extensibles en Idris
3.2.1. Tipos decidibles 19 3.2.2. Listas sin repetidos 21 3.2.3. Construcción de términos de prueba 22 3.2.4. Generación automática de pruebas 24 3.3. Definición de un record 26 3.3.1. HList actualizado 27 3.4. Implementación de operaciones sobre records 27 3.4.1. Proyección sobre un record 28 3.4.2. Búsqueda de un elemento en un record 33 3.4.3. Unión por izquierda 36 3.5. Comparación con otros lenguajes 38 3.5.1. Elm 38 3.5.2. Purescript 39 4. Caso de estudio 41 4.1. Descripción del caso de estudio 41 4.2. Definición de una expresión 42 4.3. Evaluación de una expresión 46 4.3.1. Expresiones de literales 48			
3.2.2. Listas sin repetidos 21 3.2.3. Construcción de términos de prueba 22 3.2.4. Generación automática de pruebas 24 3.3. Definición de un record 26 3.3.1. HList actualizado 27 3.4. Implementación de operaciones sobre records 27 3.4.1. Proyección sobre un record 28 3.4.2. Búsqueda de un elemento en un record 33 3.4.3. Unión por izquierda 36 3.5. Comparación con otros lenguajes 38 3.5.1. Elm 38 3.5.2. Purescript 39 4. Caso de estudio 41 4.1. Descripción del caso de estudio 41 4.2. Definición de una expresión 42 4.2.1. Construcción de una expresión 44 4.3. Evaluación de una expresión 46 4.3.1. Expresiones de literales 48			
3.2.3. Construcción de términos de prueba 22 3.2.4. Generación automática de pruebas 24 3.3. Definición de un record 26 3.3.1. HList actualizado 27 3.4. Implementación de operaciones sobre records 27 3.4.1. Proyección sobre un record 28 3.4.2. Búsqueda de un elemento en un record 33 3.4.3. Unión por izquierda 36 3.5. Comparación con otros lenguajes 38 3.5.1. Elm 38 3.5.2. Purescript 39 4. Caso de estudio 41 4.1. Descripción del caso de estudio 41 4.2. Definición de una expresión 42 4.3. Evaluación de una expresión 46 4.3.1. Expresiones de literales 48			
3.2.4. Generación automática de pruebas 24 3.3. Definición de un record 26 3.3.1. HList actualizado 27 3.4. Implementación de operaciones sobre records 27 3.4.1. Proyección sobre un record 28 3.4.2. Búsqueda de un elemento en un record 33 3.4.3. Unión por izquierda 36 3.5. Comparación con otros lenguajes 38 3.5.1. Elm 38 3.5.2. Purescript 39 4. Caso de estudio 41 4.1. Descripción del caso de estudio 41 4.2. Definición de una expresión 42 4.2.1. Construcción de una expresión 46 4.3. Evaluación de una expresión 46 4.3.1. Expresiones de literales 48			
3.3. Definición de un record 26 3.3.1. HList actualizado 27 3.4. Implementación de operaciones sobre records 27 3.4.1. Proyección sobre un record 28 3.4.2. Búsqueda de un elemento en un record 33 3.4.3. Unión por izquierda 36 3.5. Comparación con otros lenguajes 38 3.5.1. Elm 38 3.5.2. Purescript 39 4. Caso de estudio 41 4.1. Descripción del caso de estudio 41 4.2. Definición de una expresión 42 4.2.1. Construcción de una expresión 44 4.3. Evaluación de una expresión 46 4.3.1. Expresiones de literales 48			·
3.4. Implementación de operaciones sobre records 27 3.4.1. Proyección sobre un record 28 3.4.2. Búsqueda de un elemento en un record 33 3.4.3. Unión por izquierda 36 3.5. Comparación con otros lenguajes 38 3.5.1. Elm 38 3.5.2. Purescript 39 4. Caso de estudio 41 4.1. Descripción del caso de estudio 41 4.2. Definición de una expresión 42 4.3.1. Construcción de una expresión 46 4.3.1. Expresiones de literales 48		3.3.	•
3.4. Implementación de operaciones sobre records 27 3.4.1. Proyección sobre un record 28 3.4.2. Búsqueda de un elemento en un record 33 3.4.3. Unión por izquierda 36 3.5. Comparación con otros lenguajes 38 3.5.1. Elm 38 3.5.2. Purescript 39 4. Caso de estudio 41 4.1. Descripción del caso de estudio 41 4.2. Definición de una expresión 42 4.3.1. Construcción de una expresión 46 4.3.1. Expresiones de literales 48			3.3.1. HList actualizado
3.4.1. Proyección sobre un record 28 3.4.2. Búsqueda de un elemento en un record 33 3.4.3. Unión por izquierda 36 3.5. Comparación con otros lenguajes 38 3.5.1. Elm 38 3.5.2. Purescript 39 4. Caso de estudio 41 4.1. Descripción del caso de estudio 41 4.2. Definición de una expresión 42 4.3.1. Construcción de una expresión 46 4.3.1. Expresiones de literales 48		3.4.	
3.4.2. Búsqueda de un elemento en un record 33 3.4.3. Unión por izquierda 36 3.5. Comparación con otros lenguajes 38 3.5.1. Elm 38 3.5.2. Purescript 39 4. Caso de estudio 41 4.1. Descripción del caso de estudio 41 4.2. Definición de una expresión 42 4.2.1. Construcción de una expresión 44 4.3. Evaluación de una expresión 46 4.3.1. Expresiones de literales 48			
3.4.3. Unión por izquierda 36 3.5. Comparación con otros lenguajes 38 3.5.1. Elm 38 3.5.2. Purescript 39 4. Caso de estudio 41 4.1. Descripción del caso de estudio 41 4.2. Definición de una expresión 42 4.2.1. Construcción de una expresión 44 4.3. Evaluación de una expresión 46 4.3.1. Expresiones de literales 48			· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
3.5. Comparación con otros lenguajes 38 3.5.1. Elm 38 3.5.2. Purescript 39 4. Caso de estudio 41 4.1. Descripción del caso de estudio 41 4.2. Definición de una expresión 42 4.2.1. Construcción de una expresión 44 4.3. Evaluación de una expresión 46 4.3.1. Expresiones de literales 48			·
3.5.1. Elm 38 3.5.2. Purescript 39 4. Caso de estudio 41 4.1. Descripción del caso de estudio 41 4.2. Definición de una expresión 42 4.2.1. Construcción de una expresión 44 4.3. Evaluación de una expresión 46 4.3.1. Expresiones de literales 48		3.5.	
3.5.2. Purescript 39 4. Caso de estudio 41 4.1. Descripción del caso de estudio 41 4.2. Definición de una expresión 42 4.2.1. Construcción de una expresión 44 4.3. Evaluación de una expresión 46 4.3.1. Expresiones de literales 48			
4.1. Descripción del caso de estudio			
4.1. Descripción del caso de estudio	4	Caso	o de estudio 41
4.2. Definición de una expresión424.2.1. Construcción de una expresión444.3. Evaluación de una expresión464.3.1. Expresiones de literales48			
4.2.1. Construcción de una expresión			
4.3. Evaluación de una expresión			4.2.1. Construcción de una expresión 44
4.3.1. Expresiones de literales		4.3	Evaluación de una expresión 46
4.3.7. Expresiones con declaración de Variable 40			4.3.2. Expresiones con declaración de variable

ĺΝ	DICE	GENERAL	iii
			19
5.	Con	clusiones 5	55
	5.1.	Viabilidad de implementar records extensibles con tipos dependientes 5	55
	5.2.	Desarrollo en Idris con tipos dependientes	6
	5.3.	Alternativas de HList en Idris	8
		5.3.1. Dinámico	8
			9
		5.3.3. Estructurado	9
6.	Trab	ajo a futuro 6	1
7.	Apé	ndice 6	3
	7.1.	Código fuente	3

Capítulo 1

Introducción

Los records extensibles son una herramienta muy útil en la programación. Surgen como una respuesta a un problema que tienen los lenguajes de programación estáticos en cuanto a records: ¿Cómo puedo modificar la estructura de un record ya definido?

En los lenguajes de programación fuertemente tipados modernos no existe una forma primitiva de definir y manipular records extensibles. Algunos lenguajes ni siquiera permiten definirlos.

Este trabajo se enfoca en presentar una manera de definir records extensibles en lenguajes funcionales fuertemente tipados. En particular, se presenta una manera de hacerlo utilizando un lenguaje de programación con *tipos dependientes* llamado ldris

1.1. Records extensibles

En varios lenguajes de programación con tipos estáticos, es posible definir una estructura estática llamada 'record'. Un record es una estructura heterogénea que permite agrupar valores de varios tipos en un único objeto, asociando una etiqueta o nombre a cada uno de esos valores.

Un ejemplo de la definición de un tipo record en Haskell sería la siguiente:

```
data Persona = Persona { edad :: Int, nombre :: String }
```

En muchos lenguajes de programación, una desventaja que tienen los records es que una vez definidos no es posible modificar su estructura de forma dinámica. Tomando el ejemplo anterior, si uno quisiera tener un nuevo record con los mismos campos de Persona pero con un nuevo campo adicional, como apellido, entonces uno solo podría definirlo de una de estas dos formas:

Definir un nuevo record con esos 3 campos.

```
data Persona2 = Persona2 {
  edad :: Int,
  nombre :: String,
  apellido :: String
}
```

■ Crear un nuevo record que contenga el campo apellido y otro campo de tipo Persona.

```
data Persona2 = Persona2 {
  datosViejos :: Persona,
  apellido :: String
}
```

En ninguno de ambos enfoques es posible obtener el nuevo record extendiendo el anterior de manera dinámica. Es decir, siempre es necesario definir un nuevo tipo, indicando que es un record e indicando sus campos.

Los records extensibles intentan resolver este problema. Si Persona fuera un record extensible, entonces definir un nuevo record idéntico a él, pero con un campo adicional, sería tan fácil como tomar un record de tipo Persona existente, y simplemente agregarle el nuevo campo apellido con su valor correspondiente. A continuación se muestra un ejemplo de record extensibles, con una sintaxis hipotética similar a Haskell:

```
p :: Persona
p = Persona { edad = 20, nombre = "Juan" }

pExtensible :: Persona + { apellido :: String }
pExtensible = p + { apellido = "Sanchez" }
```

El tipo del nuevo record debería reflejar el hecho de que es una copia de Persona pero con el campo adicional utilizado. Uno debería poder, por ejemplo, acceder al campo apellido del nuevo record como uno lo haría con cualquier otro record arbitrario.

Para poder implementar un record extensibles, es necesario poder codificar toda la información del record. Esta información incluye las etiquetas que acepta el record, y el tipo de los valores asociados a cada una de esas etiquetas.

Algunos lenguajes permiten implementar records extensibles con primitivas del lenguaje (como en Elm [9] o Purescript [23]), pero requieren de sintaxis y semántica especial para records extensibles, y no es posible implementarlos con primitivas del lenguaje más básicas.

Las propiedades de records extensibles requieren que los campos sean variables y puedan ser agregados a records previamente definidos. En el ejemplo visto más arriba, básicamente se espera poder tener un tipo Persona, y poder agregarle un campo apellido con el tipo String, y que esto sea un nuevo tipo. Esto se puede realizar con tipos dependientes.

1.2. Tipos dependientes

Tipos dependientes son tipos que dependen de valores, y no solamente de otros tipos. En el ejemplo anterior, el nuevo tipo Persona + { apellido :: String } depende de tipos (Persona y String) pero también de valores. El elemento apellido se puede representar como un valor de tipo String, quedando el tipo final Persona + { 'apellido' :: String }. Con tipos

dependientes los tipos son *first-class*, lo que permite que cualquier operación que se puede realizar sobre valores también se puede realizar sobre tipos. En particular, se pueden definir funciones que tengan tipos como parámetros y retornen tipos como resultado. En el ejemplo, + funciona como tal función, tomando el tipo Persona y el tipo { 'apellido' :: String } y uniéndolos en un nuevo tipo. :: funciona como otra función, uniendo el valor apellido y el tipo String.

En relación a records extensibles, los tipos dependientes hacen posible que dentro del tipo del record puedan existir valores para poder ser manipulados, como podría ser la lista de etiquetas del record. Como esta información se encuentra en el tipo del record, es posible definir tipos y funciones que accedan a ella y la manipulen para poder definir todas las funcionalidades de records extensibles.

Otra propiedad de los tipos dependientes es que permiten definir propiedades como tipos. Es posible definir proposiciones como tipos, y probar tales proposiciones construyendo valores de ese tipo. Como ejemplo, se puede codificar la propiedad 'Un record extensible no puede tener campos repetidos' como un tipo RecordSinRepetidos record (donde record es un valor de tipo record), y luego se puede usar un valor prueba: RecordSinRepetidos record en cualquier lugar donde uno quiera que se cumpla esa propiedad. Como se verá más adelante en el trabajo, esto permite tener chequeos y restricciones sobre la construcción de records en tiempo de compilación, ya que si un tipo que representa una propiedad no puede ser construido (lo que significa que no se pudo probar esa propiedad), entonces el código no va a compilar. Esto es una mejora a la alternativa de que se realice un chequeo en tiempo de ejecución, haciendo que falle el programa, ya que uno no necesita correr el programa para saber que éste es correcto y cumple tal propiedad.

1.3. Idris

En este trabajo se decidió utilizar el lenguaje de programación *Idris* [3] para llevar a cabo la investigación del uso de tipos dependientes aplicados a la definición de records extensibles. Idris es un lenguaje de programación funcional con tipos dependientes, con sintaxis similar a Haskell.

Otro lenguaje que cumple con los requisitos es *Agda* [22], un lenguaje funcional con tipos dependientes. Sin embargo, se decidió utilizar Idris para investigar las funcionalidades de este nuevo lenguaje.

Por este motivo, todas las conclusiones obtenidas en este trabajo pueden ser aplicadas a *Agda* también.

La versión de Idris utilizada en este trabajo es la 0.12.0

1.4. Guía de trabajo

Este trabajo se divide en varias secciones.

En el capítulo 'Estado del arte' se van a mostrar varias implementaciones de records extensibles en otros lenguajes, mostrando sus beneficios e incovenientes. Eventualmente se enfocará en una implementación específica de records extensibles en Haskell.

En el capítulo 'Records extensibles en Idris' se presentará la implementación de records extensibles en Idris llevada a cabo en este proyecto, expandiendo en el uso

de Idris y las funcionalidades de éste que hicieron posible este trabajo. También se mostrarán los problemas encontrados en este trabajo y sus respectivas soluciones.

En el capítulo 'Caso de estudio' se presentará un caso de estudio de construcción y evaluación de expresiones aritméticas, haciendo uso de lo desarrollado en este trabajo, permitiendo ver cómo es el uso de esta implementación de records extensibles y qué se puede llegar a hacer con ella.

En el capítulo 'Conclusiones' se tomarán las experiencias del desarrollo del trabajo y el caso de estudio y se analizarán los problemas encontrados, el aporte que puede llegar a tener este trabajo sobre el problema de records extensibles, entre otras cosas.

En el capítulo 'Trabajo a futuro' se indicarán aspectos de diseño e implementación que pueden realizarse sobre este trabajo para mejorarlo, como posibles tareas que surgieron y se pueden llevar a cabo.

En el 'Apéndice' se encontrarán recursos adicionales, como el código fuente de este trabajo.

Capítulo 2

Estado del arte

En este capítulo se van a presentar varias implementaciones de records extensibles en varios lenguajes. Se enfocará en lenguajes fuertemente tipados. Existen implementaciones de records extensibles en lenguajes dinámicamente tipados, pero no entran en el alcance de este trabajo ni de lo que se quiere investigar.

En términos generales, las implementaciones de records extensibles se dividen según si son proporcionadas por el lenguaje como primitivas, o si son proporcionadas por bibliotecas. Se describirán ambas alternativas, incluyendo ejemplos de lenguajes e implementaciones de cada uno.

En particular, este trabajo se enmarca dentro de los proporcionados como bibliotecas de usuario. Este trabajo fue motivado por una biblioteca de Haskell llamada *HList*, la cual va a ser presentada más adelante.

2.1. Records extensibles como primitivas del lenguaje

Algunos lenguajes de programación funcionales permiten el manejo de records extensibles como primitiva del lenguaje. Esto significa que records extensibles son funcionalidades del lenguaje en sí, y tienen sintaxis y funcionamiento especial en el lenguaje.

Uno de ellos es Elm [6]. Uno de los ejemplos que se muestra en su documentación ([9]) es el siguiente:

```
type alias Positioned a =
  { a | x : Float, y : Float }

type alias Named a =
  { a | name : String }

type alias Moving a =
  { a | velocity : Float, angle : Float }

lady : Named { age : Int }

lady =
```

```
{ name = "Lois Lane"
, age = 31
}

dude : Named (Moving (Positioned {}))
dude =
    { x = 0
    , y = 0
    , name = "Clark Kent"
    , velocity = 42
    , angle = degrees 30
}
```

Elm permite definir tipos que equivalen a records, pero agregándole campos adicionales, como es el caso de los tipos descritos arriba. Este tipo de record extensible hace uso de *row polymorphism*. Básicamente, al definir un record, éste se hace polimórfico sobre el resto de los campos (o *rows*, como es descrito en la literatura). Es decir, se puede definir un record que tenga como mínimo unos determinados campos, pero el resto de éstos puede variar. En el ejemplo de arriba, el record lady es definido extendiendo Named con otro campo adicional, sin necesidad de definir un tipo nuevo.

Una desventaja es que por el poco uso de records extensibles, en la versión 0.16 se decidió eliminar la funcionalidad de agregar y eliminar campos a records de forma dinámica [8].

Otro lenguaje con esta particularidad es *Purescript* [24]. A continuación se muestra uno de los ejemplos de su documentación [23]:

```
fullname :: forall t. { firstName :: String,
   lastName :: String | t } -> String
fullname person = person.firstName ++ " " ++ person.lastName
```

Purescript permite definir records con determinados campos, y luego definir funciones que solo actúan sobre los campos necesarios. Utiliza *row polymorphism* al igual que Elm.

Ambos lenguajes basan su implementación de records extensibles, aunque sea parcialmente, en el paper 'Extensible records with scoped labels' [20], de Daan Leijen.

También existen otras propuestas de sistemas de tipos con soporte para records extensibles. En 'First-class labels for extensible records' [21], Daan Leijen describe un sistema de tipos con etiquetas como first-class citizens del lenguaje para permitir construir records extensibles de forma expresiva.

En 'A Polymorphic Type System for Extensible Records and Variants' [12], Benedict R. Gaster y Mark P. Jones también describen un sistema de tipos con soporte para records extensibles. Ambos se basan en extensiones del sistema de tipos de Haskell y ML, incluyendo inferencia de tipos. Este paper de Gaster y Jones fue utilizado para la extensión Trex del compilador Hugs98 [1]. Hugs98 es un compilador de Haskell, cuya extensión Trex soporta records extensibles utilizando los fundamentos teóricos del paper de Gaster y Jones. Desafortunadamente, Hugs98 no está más en desarrollo.

Otra propuesta es la de 'Operations on records' [4], de Luca Cardelli y John C. Mitchell. Esta propuesta crea una teoría de records extensibles, formalizando un

sistema de tipos para soportarlos. Otra propuesta es *'Lightweight Extensible Records for Haskell'* [16], de Mark P. Jones y Simon Peyton Jones, la cual describe una extensión de Haskell98 para soportar records extensibles. Muchas de las propuestas son similares y utilizan los mismos fundamentos de la teoría de records.

Estas propuestas, al igual que cualquier propuesta de extender un lenguaje para que soporte records extensibles como primitivas, tienen algunas desventajas. La desventaja principal es que se deben agregar nuevas reglas de tipado para soportar los records, y esto puede impactar otros aspectos del lenguaje. En el paper 'Lightweight Extensible Records for Haskell' [16], los autores describen un problema de su extensión de records, donde al tener un nuevo kind (tipo de tipos) sobre records, existen ambigüedades y problemas al integrarlo con el sistema de typeclasses de Haskell. Al agregar una nueva regla al lenguaje para soportar records, esta regla puede llegar a ser inconsistente con otras partes del lenguaje, y puede requerir un rediseño de muchas partes de éste para que funcionen correctamente con estas nuevas reglas. Esto también genera que el lenguaje sea más costoso de mantener y entender, lo cual puede traer problemas futuros cuando se intenten implementar nuevas funcionalidades y extensiones del lenguaje.

Otro problema es que, al menos que se explicite, las nuevas funcionalidades del lenguaje que soportan records extensibles no son *first-class*. Esta falta de soporte limita la expresividad de tales records, ya que cualquier manipulación de ellos debe ser proporcionada por el lenguaje, cuando podrían ser proporcionadas por el usuario mismo.

Como se vió en el caso de Elm, los diseñadores del lenguaje pueden decidir quitar funcionalidades de records extensibles en versiones futuras del lenguaje. Esto es una desventaja si un usuario depende de tal funcionalidad.

Este trabajo se enfocará en records extensibles como bibliotecas de usuario. Una biblioteca no modifica el lenguaje mismo sino que hace uso de todas sus funcionalidades ya definidas, por lo que no presentan los problemas vistos anteriormente. A su vez, las bibliotecas le dan varias opciones al usuario, ya que puede elegir la implementación de records extensibles que más desea y le resulta mejor para su situación. Otra ventaja es que poder definir records extensibles como una biblioteca evita que uno necesite cambiar el lenguaje para poder soportarlos.

2.2. Records extensibles como bibliotecas de usuario

Las bibliotecas de usuario son componentes de un lenguaje de programación que están escritas en ese mismo lenguaje, proveyendo una funcionalidad al usuario que utiliza este componente. Las implementaciones de records extensibles que utilizan este mecanismo se basan en utilizar funcionalidades avanzadas del lenguaje en cuestión para poder realizar la definición de tales records.

En 'Generic Record Combinators with Static Type Checking' [14], Wolfgang Jeltsch describe un sistema de records en Haskell definiendo los records como typeclasses, y los tipos y etiquetas del record como tipos producto. Su trabajo fue liberado como una biblioteca de Haskell llamada records [15]. Esta implementación es similar a HList, pero no nos enfocaremos en ella en este trabajo.

Otras propuestas se basan en utilizar extensiones de Haskell para poder definir los records. rawr [5] utiliza type families y type-level lists para definir sus records. Vinyl

[25] también utiliza type-level lists, pero define un record como un *GADT* (Generalized Abstract Data Type). *ruin* [11] utiliza *Template Haskell* y metaprogramming para crear instancias de typeclasses específicas. Existen otras propuestas, como *labels* [7], *named-records* [10], *bookkeeper* [2], entre otras. Estas bibliotecas son muy similares en su funcionamiento, difiriendo en qué funcionalidades de GHC (Glasgow Haskell Compiler) y Haskell utilizan, qué funcionalidades de records y records extensibles le proporcionan al usuario, qué sintaxis usan, etc.

Como ejemplo de uso de una biblioteca, se tienen los records de *rawr* que se definen de la siguiente forma:

```
type Foo = R ( "a" := Int, "b" := Bool )
let foo = R ( #a := 42, #b := True ) :: Foo
```

La definición de un record se realiza llamando a funciones y tipos proporcionados por la biblioteca (como es el caso de las funciones $\mathbb R$ en este ejemplo). Para realizar la extensión de un record, generalmente también se utilizan operadores definidos en la biblioteca, como en el siguiente caso:

```
R ( #foo := True) :*: R ( #bar := False)
--> R ( bar := False, foo := True )
```

Existen muchas alternativas y propuestas, pero el trabajo actual se basó en la biblioteca HList de Haskell. HList muestra las problemáticas de definir records extensibles, a la vez que muestra soluciones a ellas. También tiene varias propiedades que son deseadas tener en un diseño de records extensibles (como flexibilidad para agregar nuevas operaciones sobre records), y el marco de este trabajo es transladarlo a un contexto de tipos dependientes en Idris y hacer uso de esas propiedades.

Uno de los mecanismos utilizados por HList y la mayoría de las bibliotecas previamente descritas son las *listas heterogéneas*, que se presentarán en la siguiente sección. Bibliotecas como HList y Records (de Wolfgang Jeltsch) son más viejas y utilizan funcionalidades más básicas de Haskell para definir listas heterogéneas (como type families y type classes). Algunas de las bibliotecas mencionadas (como *vinyl*) son más modernas y utilizan funcionalidades nuevas de GHC, como *DataKinds*, que permite definir listas heterogéneas a nivel de tipos, y así permitir definir records extensibles de una forma más sencilla.

Las listas heterogéneas son un pilar base de muchas implementaciones de records extensibles, pero en particular son fundamentales para la implementación de HList, y subsecuentemente para la implementación de records extensibles en Idris. A continuación se describirán las listas heterogéneas, luego se mostrará cómo se implementan en la biblioteca HList de Haskell, y al final se presentará cómo son implementadas en Idris.

2.3. Listas heterogéneas

El concepto de lista heterogénea (o *HList*) surge en oposición al tipo de listas más utilizado en la programación con lenguajes tipados: listas homogéneas. Las listas homogéneas son listas que pueden contener elementos de un solo tipo, y son las más comunes de utilizar en estos lenguajes.

Estos tipos de listas existen en todos o casi todos los lenguajes de programación que aceptan tipos parametrizables o genéricos, sea Java, C#, Haskell y otros. Ejemplos comunes son List<int> en Java, o [String] en Haskell.

Las listas heterogéneas, sin embargo, permiten almacenar elementos de cualquier tipo arbitrario. Estos tipos pueden o no tener una relación entre ellos, aunque en general se llama 'lista heterogénea' a la estructura de datos que no impone ninguna relación entre los tipos de sus elementos.

En lenguajes dinámicamente tipados (como lenguajes basados en LISP) este tipo de listas es fácil de construir, ya que no hay una imposición por parte del intérprete (o compilador) sobre qué tipo de elementos se pueden insertar o pueden existir en esta lista. El siguiente es un ejemplo de lista heterogénea en un lenguaje LISP como Clojure o Scheme, donde a la lista se le puede agregar un entero, un float y un texto:

```
'(1 0.2 "Text")
```

En lenguajes fuertemente tipados este tipo de lista es más difícil de construir. Para determinados lenguajes no es posible incluir la mayor cantidad de información posible en tales listas para poder trabajar con sus elementos, ya que sus sistemas de tipos no lo permiten. Esto se debe a que tales listas pueden tener elementos con tipos arbitrarios, por lo tanto los sistemas de tipos de estos lenguajes necesitan una forma de manejar tal conjunto arbitrario de tipos.

En sistemas de tipos más avanzados es posible incluir la mayor cantidad posible de información de tales tipos arbitrarios en el mismo tipo de la lista heterogénea.

A continuación se describe la forma de crear listas heterogéneas en Haskell, y luego la forma de crearlas en Idris, utilizando el poder de tipos dependientes de este lenguaje para llevarlo a cabo.

2.3.1. HList en Haskell

Para definir listas heterogéneas en Haskell nos basaremos en la propuesta presentada en 'Strongly Typed Heterogeneous Collections' [18], por Oleg Kiselyov, Ralf Lämmel y Keean Schupke. Esta propuesta está implementada en el paquete hlist de Hackage [17].

Esta biblioteca define HList de la siguiente forma:

```
data family HList (l::[*])

data instance HList '[] = HNil
data instance HList (x ': xs) = x `HCons` HList xs
```

Se utilizan data families para poder crear una familia de tipos HList, utilizando la estructura recursiva de las listas, definiendo un caso cuando una lista es vacía y otro caso cuando se quiere agregar un elemento a su cabeza.

Esta definición representa una secuencia de tipos separados por HCons y terminados por HNil.

Esto permite, por ejemplo, construir el siguiente valor:

```
10 `HCons` ("Text" `HCons` HNil) :: HList '[Int, String]
```

Esta definición hace uso de una forma de tipos dependientes, al utilizar una lista de tipos como parámetro de HList. La estructura recursiva de HList garantiza que es posible construir elementos de este tipo a la misma vez que se van construyendo elementos de la lista de tipos que se encuentra parametrizada en HList.

Para poder definir funciones sobre este tipo de listas, es necesario utilizar *type* families, como muestra el siguiente ejemplo:

```
type family HLength (x :: [k]) :: HNat
type instance HLength '[] = HZero
type instance HLength (x ': xs) = HSucc (HLength xs)
hLength :: HLengthEq l n => HList l -> Proxy n
hLength _ = Proxy
```

Type families como la anterior permite que se tenga un tipo <code>HLength ls</code> en la definición de una función y que el typechecker decida cuál de las instancias anteriores debe llamar, culminando en un valor del kind <code>HNat</code>.

Luego, la función hLength toma una lista heterogénea, calcula su largo con ${\tt HLengthEq}$ (cuya implementación no se verá, pero se basa en ${\tt HLength}$) y lo retorna en un tipo ${\tt Proxy}$ n (un phantom type que solo mantiene una referencia a n en su tipo).

Un ejemplo de uso de tal función sería el siguiente:

```
hLength (10 `HCons` ("Texto" `HCons` HNil)) =
   Proxy (HSucc (HSucc HZero))
```

2.3.2. HList en Idris

Uno de los objetivos de la investigación de listas heterogéneas en un lenguaje como Idris es poder utilizar el poder de su sistema de tipos. Esto evita que uno tenga que recurrir al tipo de construcciones de Haskell (type families, etc) para poder manejar listas heterogéneas. Una de las metas es poder programar utilizando listas heterogéneas con la misma facilidad que uno programa con listas homogéneas.

Esto último no ocurre en el caso de HList en Haskell, ya que el tipo de HList es definido con data families, y funciones sobre HList son definidas con type families y typeclasses. Esta definición se contrasta con las listas homogéneas, cuyo tipo se define como un tipo común, y funciones sobre tales se definen como funciones normales también.

A diferencia de Haskell, Idris maneja tipos dependientes completos. Esto significa que cualquier tipo puede estar parametrizado por un valor, y este tipo es un *first-class citizen* que puede ser utilizado como cualquier otro elemento del lenguaje. Esto significa que para Idris no hay diferencia en el trato de un tipo simple como String y en el de un tipo complejo con tipos dependientes como Vect 2 Nat (este tipo se verá a continuación).

Para conocer mejor el uso de tipos dependientes en Idris, veamos la definición del tipo *vector*, que representa listas cuyo largo es anotado en su tipo:

```
data Vect : Nat -> Type -> Type where
```

```
[] : Vect 0 A
(::) : (x : A) -> (xd : Vect n A) -> Vect (n + 1) A
```

Un valor del tipo Vect 1 String es una lista que contiene 1 string, mientras que un valor del tipo Vect 10 String es una lista que contiene 10 strings. En la definición Vect : Nat ->Type ->Type el tipo mismo queda parametrizado por un natural, además de un tipo cualquiera.

Tener valores en el tipo permite poder restringir el uso de funciones a determinados tipos que tengan valores específicos. Como ejemplo se tiene la siguiente función:

```
head: Vect (n + 1) a -> a head (x :: xs) = x
```

Esta función obtiene el primer valor de un vector. Es una función total, ya que restringe su uso solamente a vectores que tengan un largo mayor a 0, por lo que tal vector siempre va a tener por lo menos un elemento para obtener. Si se intenta llamar a esta función con un vector sin elementos, como head [], la llamada no va a compilar porque el typechecker no va a poder unificar el tipo Vect = 0 a con Vect = (n + 1) a (no puede encontrar un valor natural n que cumpla n + 1 = 0, por lo que falla el typechecking).

En cuanto a listas heterogéneas, la definición de HList utilizada en Idris es la siguiente:

```
data HList : List Type -> Type where
  Nil : HList []
  (::) : t -> HList ts -> HList (t :: ts)
```

Esta definición permite construir listas heterogéneas con relativa facilidad, como por ejemplo:

```
23 :: "Hello World" :: [1,2,3] : HList [Nat, String, [Nat]]
```

El tipo HList se define como una función de tipo que toma una lista de tipos (e.j [Nat, String]) y retorna un tipo. Éste se construye definiendo una lista vacía que no tiene tipos, o definiendo un operador de *cons* que tome un valor, una lista previa, y agruege ese valor a la lista. En el caso de *cons*, no solo agrega el valor a la lista, sino que agrega el tipo de tal valor a la lista de tipos que mantiene HList en su tipo.

Cada valor agregado a la lista tiene un tipo asociado que es almacenado en la lista del tipo. 23 : Nat guarda 23 en la lista pero Nat en el tipo, deforma que uno siempre puede recuperar ya sea el tipo o el valor si se quieren utilizar luego.

A su vez, a diferencia de Haskell, la posición de *first-class citizens* de los tipos dependientes en Idris permite definir funciones con pattern matching sobre HList:

```
hLength : HList ls -> Nat
hLength Nil = 0
hLength (x :: xs) = 1 + (hLength xs)
```

Aquí surge una diferencia muy importante con la implementación de HList de Haskell, ya que en Idris hLength puede ser utilizada como cualquier otra función,

y en especial opera sobre *valores*, mientras que en Haskell <code>HLength</code> solo puede ser utilizada comp type family, y solo opera sobre *tipos*. Esto permite que el uso de HList en Idris no sea distinto del uso de listas comunes (<code>List</code>), y por lo tanto puedan tener el mismo trato de ellas para los creadores de bibliotecas y los usuarios de tales, disminuyendo la dificultad de su uso para resolver problemas.

A continuación se presentará cómo la biblioteca de Haskell HList define records extensibles utilizando estas listas heterogéneas.

2.4. Records extensibles en Haskell

La propuesta de HList [18] utiliza listas heterogéneas para definir un record:

```
newtype Record (r :: [*]) = Record (HList r)
mkRecord :: HRLabelSet r => HList r -> Record r
mkRecord = Record
```

Un record se representa simplemente como una lista heterogénea de un tipo determinado (que se verá más adelante). Un record se puede cosntruir solamente utilizando mkRecord. Esta función toma una lista heterogénea, pero fuerza a que tenga una instancia de HRLabelSet.

Una lista heterogénea con una instancia de HRLabelSet implica que la lista tiene valores con etiquetas, y ninguna etiqueta se repite. Se define de la siguiente forma:

```
class (HLabelSet (LabelsOf ps), HAllTaggedLv ps) =>
   HRLabelSet (ps :: [*])
```

Para poder implementar una instancia de esta typeclass, la lista necesita cumplir el predicado HAllTaggedLV y HLabelSet. Para esto la lista debe contener este tipo:

```
data Tagged s b = Tagged b
```

Este tipo permite tener un *phantom type* en el tipo s. Esto significa que un valor de tipo Tagged s b va a contener solamente un valor de tipo b, pero en tiempo de compilación se va a tener el tipo s para manipular.

El predicado HAllTaggedLV simplemente verifica que la lista solo contenga elementos del tipo Tagged. Ambos Tagges y HAllTaggedLV pertenecen a la biblioteca tagged [19].

Un ejemplo posible de tal lista sería:

```
Tagged 10 `HCons` (Tagged "John" `HCons` HNil) ::
   HList '[Tagged s1 Nat, Tagged s2 String]
```

El valor en sí no contiene las etiquetas s1 ni s2, pero el tipo sí las contiene. Estas etiquetas no deben repetirse, y para ello la lista debe poder tener una instancia de HLabelSet (LabelsOf ps). LabelsOf es un type family que toma una lista de Tagged y obtiene sus etiquetas:

```
type family LabelsOf (ls :: [*]) :: [*]
type instance LabelsOf '[] = '[]
type instance LabelsOf (Label l ': r) = Label l ': LabelsOf r
type instance LabelsOf (Tagged l v ': r) = Label l ': LabelsOf r
```

LabelsOf 1s toma todos los phantom types de Tagged y los retorna en una lista a nivel de tipos. Como en algunas partes de la implementación se permite que la lista heterogénea tenga solo etiquetas (sin valores), tal lista también puede tener un valor del tipo Label 1. El tipo Label simplemente permite cosntruir una etiqueta a nivel de tipos para poder identificar los campos del record.

HLabelSet es una typeclass que representa el predicado de que las etiquetas de la lista no estén repetidas. Para ello se aplica la función LabelsOf antes, para poder obtener solo las etiquetas de la lista (y no sus valores). Este predicado se define de forma recursiva definiendo instancias para cada paso base y caso inductivo. Hace uso de predicados de igualdad de tipos para poder realizarlo. No se mostrará su implementación.

La biblioteca también proporciona otra forma de generar records utilizando etiquetas y operadores especiales. Un ejemplo de su uso es:

```
data PersonaNamespace = PersonaNamespace
clave = firstLabel PersonaNamespace "clave"
nombre = nextLabel clave "nombre"
edad = nextLabel nombre "edad"

persona = clave .=. (3 :: Integer)
    .*. nombre .=. "Juan"
    .*. edad .=. 27
    .*. emptyRecord
```

Funciones como firstLabel y nextLabel permiten construir elementos del tipo Label t que luego pueden usarse para definir los campos del record. Los campos del record se definen utilizando el siguiente operador:

```
(.=.) :: Label 1 -> v -> Tagged 1 v
```

A su vez, el operador (.*.) permite extender un record con un nuevo campo. Su implementación no se mostrará, pero cabe notar que ésta termina realizando un llamado a la función mkRecord vista anteriormente.

Todas las funcinose sobre records extensibles se definen utilizando typeclasses para realizar la computación en los tipos. Un ejemplo de ello es la función que obtiene un elemento de un record dada su etiqueta:

```
class HasField (l :: k) r v | l r -> v where
  hLookupByLabel :: Label l -> r -> v

(.!.) :: (HasField l r v) => r -> Label l -> v
r .! l = hLookupByLabel l r
```

Para este trabajo se tomó como motivación esta implementación de records extensibles, realizando una traducción a Idris de cada función, tipo y algoritmo. A continuación se mostrará la implementación realizada en este trabajo.

Capítulo 3

Records extensibles en Idris

En este capítulo se describirá cómo se implementaron los records extensibles en Idris. Se comenzará mostrando ejemplos de creación y uso de records. Luego se explicará el diseño de los records y cuáles funcionalidades de Idris lo hicieron posible. En otra sección se mostrará la implementación de algunas de las funciones sobre records extensibles. No se mostrarán sus implementaciones completas, sino que se describirán los rasgos más importantes de la implementación, dejando los detalles y funciones auxiliares para ver en el apéndice. El capítulo terminará comparando esta solución de records extensibles con otras vistas en el capítulo 'Estado del arte'.

3.1. Introducción a records extensibles en Idris

En este trabajo se decidió seguir el diseño de HList de Haskell para extender records. Como ejemplo, podemos tomar el siguiente caso de HList descrito en el capítulo anterior:

```
persona = clave .=. (3 :: Integer)
   .*. nombre .=. "Juan"
   .*. edad .=. 27
   .*. emptyRecord
```

Este caso puede expresarse en Idris de la siguiente forma:

```
persona : Record [("Clave", Nat), ("Nombre", String),
    ("Edad", Nat)]
persona = consRecAuto "Clave" 3 $
    consRecAuto "Nombre" "Juan" $
    consRecAuto "Edad" 27 $
    emptyRec
```

Las funciones y valores utilizados son comparables con las de HList. La única diferencia entre ambos ejemplos (además de leves diferencias sintácticas) es en la declaración de tipo de Idris.

```
persona : Record [("Clave", Nat), ("Nombre", String),
```

```
("Edad", Nat)]
```

El tipo base de este trabajo es Record. Como se ve, Record contiene en su tipo la lista [('Clave', Nat), ('Nombre', String), ('Edad', Nat)]. Esta lista representa los campos (o rows) del record. Es una lista de tuplas, donde el primer valor de la tupla es la etiqueta del campo, y el segundo valor es el tipo del campo. Aquí está el uso base de tipos dependientes de este trabajo, ya que el tipo Record depende de un valor (una lista en particular).

En Idris el tipo de Record es Record : List (String, Type) ->Type. Representa una función de tipo, que se puede aplicar a un valor y retornar un tipo nuevo, como Record [('Clave', Nat)] : Type.

Dentro del tipo del record se encuentra toda la información necesaria, ya que se encuentran todas las etiquetas del mismo y el tipo de cada campo. Tampoco es necesario definir valores externos al record como las etiquetas clave de HList (de tipo Label), sino que se pueden usar simples tipos como String para definir las etiquetas.

Otra pieza fundamental en este trabajo es consRecAuto. Ésta es la función que permite tomar un record y extenderlo con otro valor. Para poder entender su comportamiento se puede ver el mismo ejemplo con menos campos:

```
persona2 : Record [("Nombre", String), ("Edad", Nat)]
persona2 = consRecAuto "Nombre" "Juan" $
  consRecAuto "Edad" 27 $
  emptyRec
```

Al tener este nuevo record, se puede reescribir el original de la siguiente manera:

```
personal : Record [("Clave", Nat), ("Nombre", String),
    ("Edad", Nat)]
personal = consRecAuto "Clave" 3 persona2
```

Si comparamos estos dos records, podemos ver que personal contiene la tupla ('Clave', Nat) en su tipo mientras que personal no. Al comparar los argumentos pasados a consRecAuto y cómo éste modificó el tipo del record resultante, se puede deducir su tipo al siguiente:

```
consRecAuto : {A : Type} -> (1 : String) -> (a : A) ->
  Record ts -> Record ((1, A) :: ts)
```

En Idris los paréntesis {} indican argumentos implícitos mientras que () indican argumentos explícitos. El compilador intenta inferir los argumentos implícitos conociendo cuáles otros argumentos fueron pasados a la función, aunque a veces no puede hacerlo y es necesario pasarlos explícitamente. En este caso, consRecAuto 'Clave' 3 persona2 es equivalente a consRecAuto {A = Nat} 'Clave' 3 persona2.

Inductivamente, se puede seguir aplicando el razonamiento anterior para deducir el tipo de emptyRec:

```
emptyRec : Record []
```

Este trabajo también permite realizar varias operaciones de creación, manipulación y lookup de records.

```
personaConNombre : Record [("Clave", Nat), ("Nombre", String)]
personaConNombre = consRecAuto "Clave" 1 $
  consRecAuto "Nombre" "Juan" $
  emptyRec
-- { "Clave": 1, "Nombre": "Juan" }

personaConEdad : Record [("Clave", Nat), ("Edad", Nat)]
personaConEdad = consRecAuto "Clave" 2 $
  consRecAuto "Edad" 34 $
  emptyRec
-- { "Clave": 2, "Edad": 34 }
```

Si uno tiene estos dos records, que representan distintos atributos de una persona, entonces puede unirlos de la siguiente forma:

```
persona : Record [("Clave", Nat), ("Nombre", String),
    ("Edad", Nat)]
persona = hLeftUnion personaConNombre personaConEdad
-- { "Clave": 1, "Nombre": "Juan", "Edad": 34 }
```

Esta unión unifica los campos de ambos, quedándose con el valor de la izquierda para los casos de campos repetidos (como en el caso de 'Clave').

Uno también puede obtener el valor de cualquiera de sus campos:

```
nombre : String
nombre = hLookupByLabelAuto "Nombre" persona
```

Si se quiere, también se puede actualizar un campo individualmente:

```
personaActualizada : Record [("Clave", Nat), ("Nombre", String),
    ("Edad", Nat)]
personaActualizada = hUpdateAtLabelAuto "Nombre" "Pedro" persona
-- { "Clave": 1, "Nombre": "Pedro", "Edad": 34 }
```

Si uno tiene un record con valores completamente distintos, también puede simplemente añadirlos al final del record original:

```
direccion : Record [("Direccion", String)]
direccion = consRecAuto "Direccion" "18 de Julio" $
  emptyRec
-- { "Direccion" : "18 de Julio" }

personaYDireccion : Record [("Clave", Nat), ("Nombre", String),
  ("Edad", Nat), ("Direccion", String)]
personaYDireccion = hAppendAuto persona direccion
```

```
-- { "Clave": 1, "Nombre": "Juan", "Edad": 34, "Direccion": "18 de Julio" }
```

Si se tiene un record, se puede obtener un subrecord proyectando por alguno de sus campos:

```
proyeccion : Record [("Clave", Nat), ("Direccion", String)]
proyeccion = hProjectByLabelsAuto ["Clave", "Direccion"]
    personaYDireccion
-- { "Clave": 1, "Direccion": "18 de Julio" }
```

Todas estas funciones fueron traducidas de la biblioteca HList de Haskell. La implementación y descripción de ellas se verá más adelante.

3.2. Predicados y propiedades en Idris

Antes de ver la implementación de consRecAuto y emptyRec, es necesario entender la otra propiedad de estos records. Al igual que en HList, se desea que en tiempo de compilación se sepa que las etiquetas del record no son repetidas. En particular, para consRecAuto, se necesita saber que la etiqueta nueva a agregar no existe actualmente en el record. Por lo tanto, se necesita más información del record y del campo a agregar para poder extender un record.

La función que extiende un record debería tener el siguiente tipo:

```
consRec : {A : Type} -> (l : String) -> (a : A) ->
  (prf : Not (Elem l ts)) -> Record ts -> Record ((l, A) :: ts)
```

Se agregó el término prf : Not (Elem 1 ts). En Idris esto representa no solo un valor prf de un tipo en particular, sino que representa un predicado o proposición, cuya prueba es el valor prf mismo. En este caso, el tipo representa la proposición 'La etiqueta 'l' no pertenece a la lista de campos 'ts'.

Esta correspondencia entre tipos y proposiciones se llama *Curry-Howard iso-morphism* [13], la cual demuestra que todo predicado de una lógica constructivista puede ser representado (isomórficamente) con un tipo de un lenguaje con tipos dependientes que implementa el cálculo de construcciones (siempre y cuando éste sea total y consistente).

Tal predicado puede definirse como cualquier otro tipo de datos, definiendo los casos base e inductivos como constructores de tal.

```
data Elem : a -> List a -> Type where
  Here : Elem x (x :: xs)
  There : Elem x xs -> Elem x (y :: xs)
```

Esta es la definición de Idris del tipo Elem, donde $Elem \times xs$ representa el predicado 'El elemento 'x' se encuentra en la lista 'xs''. La definición es inductiva, se tiene el caso base en Here y el caso inductivo en There.

El caso base ocurre cuando el elemento a comparar es idéntico al primer elemento de la lista, representado por el tipo $Elem \ x \ (x :: xs)$. Si uno quiere probar tal caso, simplemente construye el valor Here, elige los valores $x \ y \ xs \ y$ lo obtiene.

El caso inductivo ocurre cuando uno sabe que el elemento está en el resto de la lista (teniendo un valor de $Elem \times xs$), por lo cual uno sabe que también pertenece a esa lista con cualquier otro elemento agregado a su cabeza (representado por $Elem \times (y :: xs)$).

Con esta definición se puede probar un predicado simplemente construyendo términos, como en estos ejemplos:

```
Here : Elem 3 [3]
There Here : Elem 3 [4, 3]
THere (There Here) : Elem 3 [1, 4, 3]
```

En el caso anterior, se tenía el tipo Not (Elem 1 ts). Not es una función de tipos que toma un tipo y retorna otro, representando la negación de un predicado. Si se tiene un valor prf: Not (Elem 1 ts), significa que es imposible obtener una prueba de Elem 1 ts, básicamente contradiciendo tal predicado.

Su definición es la siguiente:

```
Not : Type -> Type
Not t = t -> Void
```

Not es una simple función, que toma un tipo y retorna un tipo función de ese tipo a Void. Not (Elem 1 ts) es equivalente a Elem 1 ts ->Void.

Void es un tipo muy interesante en Idris. Es el tipo bottom, un tipo sin ninguna instancia, un tipo que no puede construirse ya que no tiene constructores. En lógica constructivista, representa el valor *False*, donde si se puede obtener una prueba de ese valor, entonces se puede obtener una prueba de cualquier otro valor arbitrario. En Idris esa regla está representada por una función proporcionada por el lenguaje llamada absurd:

```
absurd : {a : Type} -> Void -> a
```

Si en algún momento se tiene un valor v: Void, entonces siempre se puede obtener cualquier tipo con absurd v: a, sea el tipo que sea. Esta función es generalmente usada cuando se está en un caso de pattern matching 'imposible', y se quiere probar que es imposible que la ejecución del programa llegue a ese caso, por lo que se prueba Void y luego se aplica absurd para convencer al compilador.

En Idris, la forma más directa de crear pruebas de Void es mediante la imposibilidad de aplicar constructores. Si al hacer inducción o pattern matching sobre un valor es imposible encontrar un constructor que retorne un tipo compatible con él, entonces se puede utilizar el término impossible y crear una prueba de Void (básicamente, se encuentra un término que debería ser imposible de construir, por lo que se probó el absurdo).

Un ejemplo simple es el siguiente:

```
noEmptyElem : Elem x [] -> Void
noEmptyElem Here impossible
```

En este ejemplo, si se tiene un valor de tipo $Elem \times []$, no es posible construirlo. Si se hubiera construido con Here, debería tener un tipo que unifique con $Elem \times (x :: xs)$, lo cual es imposible ya que la lista proporcionada es vacía. Si se

hubiera construido con There, debería tener un tipo que unifique con Elem \times (y :: xs), el cual tiene el mismo problema. Por lo tanto es imposible construir un valor del tipo Elem \times [], por lo que si se tiene tal valor, al aplicarle la función noEmptyElem a él se puede probar Void.

Si uno recuerda la definición de Not vista anteriormente, se puede reescribir esta función de la siguiente forma:

```
noEmptyElem : Not (Elem x [])
noEmptyElem Here impossible
```

Esta forma es la forma más directa de construir pruebas de Not.

Volviendo al caso de records extensibles, vamos a mostrar la definición completa de la extensión de records. Sin embargo, primero mostraremos algunas funciones, tipos, nomenclatura y conceptos necesarios para poder hacerlo.

En una primera instancia, describiremos qué son los tipos decidibles y para qué son utilizados en este trabajo.

3.2.1. Tipos decidibles

Para poder definir los records extensibles en Idris, es necesario trabajar con tipos o proposiciones decidibles. En Idris la decidibilidad de un tipo se representa con el siguiente tipo:

```
data Dec : Type -> Type where
  Yes : (prf : prop) -> Dec prop
  No : (contra : Not prop) -> Dec prop
```

Un tipo es decidible si se puede construir un valor de sí mismo, o se puede construir un valor de su negación. Si se tiene $Dec\ P$, entonces significa que o bien existe un valor s: P o existe un valor $n: Not\ P$.

Poder obtener tipos decidibles es importante cuando se tienen tipos que funcionan como predicados y se necesita saber si ese predicado se cumple o no. Solo basta tener $\texttt{Dec}\ \texttt{P}$ para poder realizar un análisis de casos, uno cuando P es verdadero y otro cuando no.

Otra funcionalidad importante es la de poder realizar igualdad de valores:

```
interface DecEq t where
  total decEq : (x1 : t) -> (x2 : t) -> Dec (x1 = x2)
```

DecEq t indica que, siempre que se tienen dos elementos x2, x2: t, es posible tener una prueba de que son iguales o una prueba de que son distintos. La función decEq es importante cuando se quiere realizar un análisis de casos sobre la igualdad de dos elementos, un caso donde son iguales y otro caso donde se tiene una prueba de que no lo son.

Los tipos decidibles y las funciones que permiten obtener valores del estilo \mathtt{Dec} \mathtt{P} son muy importantes al momento de probar teoremas y manipular predicados.

En este trabajo los tipos decidibles son principalmente utilizados para generalizar las etiquetas a tipos que no sean String (inclusi si en este trabajo principalmente se trabaja con strings). Su uso es bastante simple, en vez de tener List (String, Type) se tiene DecEq lty =>List (lty, Type). Como solo se utiliza la

igualdad de strings, esta definición es suficiente. A su vez, es lo suficientemente flexible como para permitir otros posibles tipos de etiquetas, como pueden ser enumerados finitos, identificadores naturales, entre otros.

Otras funciones y tipos útiles para este trabajo son los siguientes:

```
LabelList: Type -> Type
LabelList lty = List (lty, Type)

labelsOf: LabelList lty -> List lty
labelsOf map fst

ElemLabel: lty -> LabelList lty -> Type
ElemLabel l ts = Elem l (labelsOf ts)

isElemLabel: DecEq lty => (l: lty) ->
  (ts: LabelList lty) ->
  Dec (ElemLabel l ts)
isElemLabel l ts = isElem l (labelsOf ts)
```

LabelList es una abstracción que representa una lista de campos con etiquetas y tipos. Por ejemplo, [('Clave', Nat)]: LabelList String.

labelsOf simplemente toma una lista de campos y obtiene solo la lista de sus
etiquetas. Por ejemplo, labelsOf [('Clave', Nat), ('Edad', Nat)]
= ['Clave', 'Edad'].

ElemLabel toma una etiqueta, una lista de campos y representa el predicado de que esa etiqueta pertenece a esa lista.

isElemLabel es una función de decisión, donde para cualquier etiqueta y cualquier lista, se puede probar que tal etiqueta pertenece a esa lista o no. Se basa en una función de decisión ya existente en las bibliotecas base de Idris llamada isElem:

```
isElem : DecEq a => (x : a) \rightarrow (xs : List a) \rightarrow
Dec (Elem x xs)
```

Con estos conceptos y definiciones podemos llegar a la definición final de extensión de un record:

```
consRec : DecEq lty => {ts : LabelList lty} ->
  {t : Type} -> (l : lty) -> (val : t) ->
  Record ts -> {notElem : Not (ElemLabel l ts)} ->
  Record ((l, t) :: ts)
```

DecEq lty indica que la etiqueta debe tener igualdad (para la mayoría de los casos basta con String). ts : LabelList lty es la lista de campos del record, actual, t es el tipo del nuevo campo, l es la nueva etiqueta, val es el valor del nuevo campo, Record ts el record a extender, Not (ElemLabel l ts) la prueba de que l no se encuentra repetida en ts, y el record resultante va a tener el tipo Record ((l, t) :: ts) con el nuevo campo.

3.2.2. Listas sin repetidos

En la sección anterior vimos que para garantizar que no hayan etiquetas repetidas, era necesario tener una prueba de Not (ElemLabel 1 ts) (utilizando los nuevos tipos y funciones definidos anteriormente). Sin embargo, existe otra forma más sencilla de definir tal predicado. En vez de indicar que 1 no debe pertenecer a 1s, se puede probar que la lista (1, A) :: ts no tiene repetidos.

Esto se define con el siguiente predicado:

```
data IsSet : List t -> Type where
  IsSetNil : IsSet []
  IsSetCons : Not (Elem x xs) -> IsSet xs ->
        IsSet (x :: xs)
```

El tipo IsSet ls funciona efectivamente como un predicado lógico, el cual indica que la lista ls es un conjunto que no tiene elementos repetidos.

Las pruebas de este predicado se contruyen de forma inductiva. Primero se prueba que la lista vacía no contiene repetidos. Luego, para el caso inductivo, si se agrega un elemento a una lista, la lista resultando no va a tener repetidos solamente si el elemento a agregar no se encuentra en la lista original.

Como en este trabajo se manejan listas de campos, se define el siguiente tipo:

```
IsLabelSet : LabelList lty -> Type
IsLabelSet ts = IsSet (labelsOf ts)
```

De esta forma, consRec pasa a tener el siguiente tipo:

```
consRec : DecEq lty => {ts : LabelList lty} ->
  {t : Type} -> (l : lty) -> (val : t) ->
  Record ts -> {isSet : IsLabelSet ((l, t) :: ts)} ->
  Record ((l, t) :: ts)
```

También definiremos una función de decisión sobre este predicado que vamos a utilizar más adelante. Se necesitaría una función que retorne un valor de tipo Dec (IsSet xs). Esta función isSet es la siguiente:

```
isSet : DecEq t => (xs : List t) -> Dec (IsSet xs)
isSet [] = Yes IsSetNil
isSet (x :: xs) with (isSet xs)
isSet (x :: xs) | No notXsIsSet =
   No $ ifNotSetHereThenNeitherThere notXsIsSet
isSet (x :: xs) | Yes xsIsSet with (isElem x xs)
isSet (x :: xs) | Yes xsIsSet | No notXInXs =
   Yes $ IsSetCons notXInXs xsIsSet
isSet (x :: xs) | Yes xsIsSet | Yes xInXs =
   No $ ifIsElemThenConsIsNotSet xInXs

ifNotSetHereThenNeitherThere : Not (IsSet xs) ->
   Not (IsSet (x :: xs))
ifNotSetHereThenNeitherThere notXsIsSet
```

```
(IsSetCons xsInXs xsIsSet) = notXsIsSet xsIsSet

ifIsElemThenConsIsNotSet : Elem x xs ->
  Not (IsSet (x :: xs))

ifIsElemThenConsIsNotSet xIsInXs
  (IsSetCons notXIsInXs xsIsSet) = notXIsInXs xIsInXs

isLabelSet : DecEq lty => (ts : LabelList lty) ->
  Dec (IsLabelSet ts)

isLabelSet ts = isSet (labelsOf ts)
```

isLabelSet simplemente permite aplicar la función isSet al tipo IsLabelSet. ifNotSetHereThenNeitherThere y ifIsElemThenConsIsNotSet son dos lemas necesarios para poder definir isSet. isSet toma una lista de valores que pueden chequearse por igualdad y retorna o una prueba de que no tiene repetidos, o una prueba de que sí los hay.

La implementación de isset realiza un análisis de casos sobre el largo de la lista. Para el caso de la lista vacía ésta no tiene elementos repetidos por definición. Para el caso de que tenga un elemento seguido de la cola de la lista, realiza dos análisis de casos seguidos, verificando si la cola de la lista no tiene repetidos (utilizando recursión), y luego verificando que la cabeza de la lista no pertenezca a la cola de ésta. En algunos casos utiliza los lemas definidos previamente si es necesario.

En Idris un análisis de casos que tiene impacto en los tipos utiliza el identificador with. Su sintaxis es del estilo

```
func params with (expression)
  func params | Caso1 val1 = ...
  func params | Caso2 val2 = ...
```

La expresión dentro del with es desconstruida en sus constructores correspondientes. La diferencia con case es que with permite redefinir los parámetros anteriores según el resultado del matcheo de la expresión. Al ser Idris un lenguaje con tipos dependienets, pueden ocurrir situaciones donde una expresión matchea solamente cuando otros valores previos de la definición tienen valores específicos. Por ejemplo:

```
eq : (n : Nat) -> (m : Nat) -> Bool
eq n m with (decEq n m)
  eq n n | Yes Refl = True
  eq n m | No notNEqM = False
```

El matcheo de Yes tiene un valor de tipo val: n = m. Como la única forma de que se tenga una prueba de ambos es que n sea efectivamente igual a m, se puede unificar val con Refl: n = n y cambiar eq n m por eq n n en la definición de la función

3.2.3. Construcción de términos de prueba

El principal problema que ocurre al utilizar la función consRec definida anteriormente se da por el parámetro isSet : IsLabelSet ((1, t) :: ts).

Para poder llamar a esta función es necesario construir una prueba de que la nueva etiqueta a agregar al record no esté repetida en el record ya existente.

Una primera opción es generar la prueba manualmente, pero esto resulta tedioso e impráctico, ya que sería necesario construir ese término de prueba cada vez que se llame a la función.

Una segunda opción es utilizar la decidibilidad del predicado a instanciar. Al tener un tipo decidible, es posible utilizar un truco del typechecker para forzar la unificación del tipo decidible con el tipo mismo o su negación. Básicamente, si uno puede generar un valor del tipo $\mathtt{Dec}\ p$, entonces puede unificarlo con p en tiempo de compilación, o con $\mathtt{Not}\ p$. Si en tiempo de compilación la unificación falla, entonces el typechecker va a fallar también.

En este caso en particular, es necesario poder obtener un valor del tipo Dec (IsLabelSet ((1, t) :: ts), lo cual puede hacerse con la función isLabelSet. Para forzar la unificación, se utilizan estas funciones auxiliares:

```
getYes : (d : Dec p) ->
   case d of { No _ => (): Yes _ => p }
getYes (No _) = ()
getYes (Yes yes) = yes

getNo : (d : Dec p) ->
   case d of { No _ => Not p; Yes _ => () }
getNo (No no) = no
getNo (Yes _) = ()
```

Se analizará el caso de getYes primero, y luego se aplicará el mismo razonamiento para getNo.

getYes toma un tipo $Dec\ p$ y retorna una computación la cual hace pattern matching sobre el valor de $Dec\ p$. Esta computación es ejecutada en tiempo de compilación, y tiene dos opciones: o retorna el tipo $top\ ()$, o retorna el tipo p.

En tiempo de typechecking se realiza pattern matching sobre $Dec\ p$. Si la prueba es de No, entonces se retorna el valor () (que efectivamente es un valor del tipo ()). Sin embargo, si la prueba es de Yes, entonces ya se tiene un valor de tipo p, por lo cual se retorna ese. El pattern matching no solo permite tener una bifurcación sobre cuál valor retornar, sino también sobre cuál es el tipo de este valor retornado, pudiendo retornar dos valores con tipos totalmente distintos.

La función getNo es idéntica, pero retorna un valor de tipo Not p. A continuación se muestran ejemplos del uso de estas funciones:

```
okYes : Elem "L1" ["L1"]
okYes = getYes $ isElem "L1" ["L1"]

okNo : Not (Elem "L1" ["L2"])
okNo = getNo $ isElem "L1" ["L2"]

-- Las siguientes no compilan
badYes : Elem "L1" ["L2"]
badYes = getYes $ isElem "L1" ["L2"]
```

```
badNo : Not (Elem "L1" ["L1"])
badNo = getNo $ isElem "L1" ["L1"]
```

En el caso de okYes, la función isElem es computada en tiempo de compilación, retornando la prueba de Elem 'L1' ['L1']. Luego getYes hace pattern matching sobre tal valor y encuentra que se corresponde al caso de Yes, por lo cual retorna ese mismo valor de tipo Elem 'L1' ['L1']. No ocurre lo mismo para el caso de badYes, donde en tiempo de compilación se retorna la prueba de Not (Elem 'L1' ['L2']. Al realizar pattern matching entonces getYes retorna (), lo cual no puede ser unificado con Elem 'L1' ['L2'], mostrando error de compilación. Lo mismo ocurre de forma inversa con okNo y badNo.

Con este truco se puede generar una prueba automática de cualquier predicado decidible, por lo que se puede simplificar el uso de consRec. Ahora puede ser utilizado de esta forma:

```
extendedRec : Record [("Nombre", String)]
extendedRec = consRec "Nombre" "Juan"
    {isSet=(getYes $ isLabelSet ["Nombre"])}
emptyRec
```

3.2.4. Generación automática de pruebas

Al utilizar getYes y getNo se simplifica bastante el proceso de construcción de pruebas, pero de todas formas se necesita llamar a esas funciones manualmente. Es posible mejorar este sistema.

A continuación se muestra un nuevo truco que utiliza el mismo concepto del anterior, donde se realiza pattern matching sobre un tipo decidible en tiempo de compilación para unificar tipos. Sin embargo, el pattern matching se realiza en el tipo mismo y no en una función auxiliar.

Esto es posible gracias a este tipo y esta función:

```
TypeOrUnit : Dec p -> Type -> Type
TypeOrUnit (Yes yes) res = res
TypeOrUnit (No _) _ = ()

mkTypeOrUnit : (d : Dec p) -> (cnst : p -> res) ->
   TypeOrUnit d res
mkTypeOrUnit (Yes prf) cnst = cnst prf
mkTypeOrUnit (No _) _ = ()
```

El tipo TypeOrUnit permite discriminar un tipo en dos casos:

- Si Dec p incluye una prueba de p, entonces se obtiene el tipo deseado
- Si Dec p incluye una contradicción de p, entonces se obtiene el tipo ()

Este método funciona cuando se necesita unificar un tipo $type \ y \ TypeOrUnit dec \ type.$ Si se tiene una prueba de p entonces la unificación va a dar correcta, pero si no se tiene una prueba entonces va a fallar en tiempo de compilación.

 ${\tt mkTypeOrUnit}$ es el constructor de este tipo. Necesita la prueba o contradicción de p y una función que construya el tipo deseado dada una prueba de p. Este constructor es utilizado solamente cuando ya se tiene tal prueba.

Como ejemplo, se tiene una función addNat que debe agregar un natural a una lista solamente si ya pertenece a ésta, y de caso contrario tirar error de compilación.

```
addNat : (n : Nat) -> (ns : List Nat) ->
   TypeOrUnit (isElem n ns) (List Nat)
addNat n ns = mkTypeOrUnit (isElem n ns)
   (\isElem => Prelude.List.(::) n ns)

myListOk : List Nat
myListOk = addNat 10 [10] -- [10, 10]

myListBad1 : List Nat
myListBad1 = addNat 9 [10] -- Error de typechecking

myListBad2 : Nat -> List Nat
myListBad2 n = addNat n [10] -- Error de typechecking
```

La función addNat hace uso de TypeOrUnit, forzando a que se cumpla el predicado Elem n ns. Si no se cumple tal predicado, la función retorna (). La llamada a addNat [10] 10 retorna el tipo TypeOrUnit (isElem 10 [10]) (List Nat), pero myListOk espera List Nat. En tiempo de compilación se evalúa isElem 10 [10], el cual retorna una prueba de Elem 10 [10], por lo que TypeOrUnit (isElem 10 [10]) (List Nat) evalúa a List Nat, compilando correctamente el código.

En el caso de myListBad1, como isElem 9 [10] retorna una contradicción de Elem 9 [10], TypeOrUnit (isElem 9 [10]) (List Nat) evalúa a (), el cual no puede ser unificado con List Nat, tirando error de compilación.

Otro caso de error ocurre con myListBad2. En este caso es imposible evaluar completamente $isElem\ n\ [10]$ ya que no se conoce el valor de n en tiempo de compilación. Por lo tanto no se puede evaluar $TypeOrUnit\ (isElem\ n\ [10])$ (List Nat), lo cual hace que falle la unificación con List Nat.

Como conclusión, con este método es posible forzar, en tiempo de compilación, a que se cumpla un predicado específico. Si el predicado puede ser evualuado y es correcto, entonces el código compila correctamente. Si el predicado no puede ser evaluado, o puede ser evaluado pero resulta ser incorrecto, entonces el código no compila.

Para poder aplicar este método a los records, es necesario utilizar la función isLabelSet definida en la sección anterior de la siguiente forma:

```
RecordOrUnit : DecEq lty => LabelList lty -> Type
RecordOrUnit ts = TypeOrUnit (isLabelSet ts) (Record ts)
```

RecordOrUnit ts evalúa a Record ts cuando se cumple que ts no tiene repetidos, pero evalúa a () cuando ésta sí tiene repetidos.

Con este tipo es posible tener la siguiente función que extiene un record:

```
consRecAuto : DecEq lty => {ts : LabelList lty} ->
  {t : Type} -> (l : lty) -> (val : t) -> Record ts ->
  RecordOrUnit ((l, t) :: ts)
consRecAuto {ts} {t} l val (MkRecord _ hs) =
  mkTypeOrUnit (isLabelSet ((l, t) :: ts))
  (\isLabelSet => MkRecord isLabelSet (val :: hs))
```

Esta función es idéntica a consRec, solamente que no es necesario pasar una prueba de IsLabelSet ((1, t) :: ts). Ahora esta prueba se calcula automáticamente en tiempo de compilación y se impacta en el tipo resultante RecordOrUnit ((1, t) :: ts). Esta implementación se explicará más a fondo más adelante.

Su uso fue demostrado al comienzo de este capítulo, con el siguiente caso:

```
persona : Record [("Clave", Nat), ("Nombre", String),
   ("Edad", Nat)]
persona = consRecAuto "Clave" 3 $
   consRecAuto "Nombre" "Juan" $
   consRecAuto "Edad" 27 $
   emptyRec
```

Con estas definiciones y técnicas es posible definir el record de arriba, sabiendo en tiempo de compilación que ninguna de las etiquetas utilizadas se repite.

En el caso de que las etiquetas sí se repitan, se mostrará el siguiente mensaje de error:

```
recordA : Record [("A", Nat), ("A", Nat)]
recordA = consRecAuto "A" 10 $
  consRecAuto "A" 10 $
  emptyRec

When checking right hand side of recordA with expected type
  Record [("A", Nat), ("A", Nat)]
Type mismatch between
  RecordOrUnit [("A", Nat), ("A", Nat)]
  (Type of consRecAuto "A" 10
        (consRecAuto "A" 10 emptyRec))
and
  Record [("A", Nat), ("A", Nat)] (Expected type)

Como RecordOrUnit evalúa a (), nunca puede unificarlo con Record.
```

3.3. Definición de un record

Un caso pendiente que quedó de la sección anterior es explicar la implementación misma de consRecAuto. Para hacerlo basta explicar la implementación del tipo Record utilizada en este trabajo:

```
data Record : LabelList lty -> Type where
   MkRecord : IsLabelSet ts -> HList ts -> Record ts
```

Esta definición se corresponde a la de HList de Haskell. Un record es una lista heterogénea donde sus etiquetas no tienen valores repetidos.

Con esta definición se puede ver cómo se implementa emptyRec y consRecAuto.

```
emptyRec : Record []
emptyRec = MkRecord IsSetNi {ts=[]} []
```

Un record vacío simplemente tiene una lista heterogénea vacía y la prueba del caso base de etiquetas no repetidas.

```
consRecAuto : DecEq lty => {ts : LabelList lty} ->
  {t : Type} -> (l : lty) -> (val : t) -> Record ts ->
  RecordOrUnit ((l, t) :: ts)
consRecAuto {ts} {t} l val (MkRecord _ hs) =
  mkTypeOrUnit (isLabelSet ((l, t) ::hs))
  (\isLabelSet => MkRecord isLabelSet (val :: hs))
```

La extensión de un record genera la prueba de que la lista resultante no tiene etiquetas repetidas, y crea el nuevo record con esa prueba y la lista heterogénea vieja con el nuevo elemento.

3.3.1. HList actualizado

En este trabajo se decidió implementar las listas heterogéneas de una forma distinta a la que utiliza Idris en general. Las listas heterogéneas de Idris permiten incluir cualquier tipo arbitrario, pero eso no es suficiente al momento de poder implementar records extensibles. Para implementar records extensibles, no solo es necesario poder tener tipos arbitrarios en tal lista, sino que es necesario asociar una etiqueta a cada uno de esos tipos.

Se decidió utilizar la siguiente solución, en donde HList no solo tiene el tipo en su lista, sino la etiqueta también:

La implementación es idéntica a la de Idris, con la diferencia de que se debe pasar no solo el valor sino la etiqueta también.

Un ejemplo sería el siguiente:

```
[("Clave", 1), ("Nombre", "Juan")] :
   HList [("Clave", Nat), ("Nombre", String)]
```

3.4. Implementación de operaciones sobre records

Al comienzo de esta sección vimos algunas operaciones sobre records y su uso. Ahora describiremos mejor cómo se implementaron éstas.

3.4.1. Proyección sobre un record

El ejemplo visto anteriormente fue el siguiente:

```
personaYDireccion : Record [("Clave", Nat), ("Nombre", String),
    ("Edad", Nat), ("Direccion", String)]

proyeccion : Record [("Clave", Nat), ("Direccion", String)]
proyeccion = hProjectByLabelsAuto ["Clave", "Direccion"]
    personaYDireccion
```

La proyección sobre un record toma una lista de etiquetas y retorna solo los campos del record asociados a esas etiquetas, es decir, realiza una proyección del record.

Esta función utiliza el mismo truco de consRecAuto. Para poder proyectar una lista de campos sobre un record, es necesario que estos campos no tengan etiquetas repetidas tampoco.

```
proyeccion : Record [("Clave", Nat), ("Clave", Nat)]
proyeccion = HProjectByLabelsAuto ["Clave", "Clave"]
  personaYDireccion
-- No compila
```

El tipo de esta función es la siguiente:

```
hProjectByLabelsAuto : DecEq lty => {ts : LabelList lty} ->
  (ls : List lty) -> Record ts ->
  TypeOrUnit (isSet ls) (Record (projectLeft ls ts))
```

Esta función toma una lista de etiquetas, un record, y automáticamente genera una prueba de IsSet ls. En caso de poder hacerlo, retorna un nuevo record Record (projectLeft ls ts).

 $\verb|projectLeft| es una función a nivel de tipos. Permite retornar una lista a nivel de tipos distinta según los campos a proyectar.$

```
projectLeft ["Clave"
   [("Clave", Nat), ("Nombre", String)] =
   [("Clave", Nat)]

projectLeft ["Clave", "Direccion"]
   [("Clave", Nat), ("Nombre", String), ("Direccion", String)] =
   [("Clave", Nat), ("Direccion", String)]
```

Esta es una función común que se puede usar sobre listas, pero puede ser también utilizada para tener distintos tipos de un record.

```
Record (projectLeft ["Clave", "Direction"]
  [("Clave", Nat), ("Nombre", String), ("Direction", String)]) =
Record [("Clave", Nat), ("Direction", String)]
```

La computación simplemente se translada a los tipos. La implementación de projectLeft es la siguiente:

```
deleteElem : (xs : List t) -> Elem x xs -> List t
deleteElem (x :: xs) Here = xs
deleteElem (x :: xs) (There inThere) =
    x :: (deleteElem xs inThere)

projectLeft : DecEq lty => List lty -> LabelList lty ->
    LabelList lty
projectLeft [] ts = []
projectLeft ls [] = []
projectLeft ls ((l, ty) :: ts) with (isElem l ls)
    projectLeft ls ((l, ty) :: ts) | Yes lIsInLs =
    let delLFromLs = deleteElem ls lIsInLs
    rest = projectLeft delLFromLs ts
    in (l, ty) :: rest
    projectLeft ls ((l, ty) :: ts) | No _ = projectLeft ls ts
```

La implementación hace recursión sobre los campos del record. Si el primer campo pertenece a la lista a proyectar, elimina ese campo de la lista a proyectar y retorna el campo elegido, aplicando el mismo razonamiento para el resto de la lista. Si no pertence, no retorna ese campo y aplica la función al resto de la lista.

Con esto se puede implementar hProjectByLabelsAuto

```
hProjectByLabelsAuto : DecEq lty => {ts : LabelList lty} ->
  (ls : List lty) -> Record ts ->
  TypeOrUnit (isSet ls) (Record (projectLeft ls ts))
hProjectByLabelsAuto {ts} ls rec =
  mkTypeOrUnit (isSet ls) (\lsisSet =>
  hProjectByLabels {ts} ls rec lsIsSet)
```

Simplemente aplica el mismo truco de consRecAuto con TypeOrUnit, delegando la llamada a hProjectByLabels, cuya implementación es la siguiente:

```
hProjectByLabels : DecEq lty => {ts : LabelList lty} ->
  (ls : List lty) -> Record ts -> IsSet ls ->
  Record (projectLeft ls ts)
hProjectByLabels {ts} ls rec lsIsSet =
  let isLabelSet = recLblIsSet rec
    hs = recToHList rec
    (lsRes ** (hsRes, prjLeftRes)) =
      fst $ hProjectByLabelsHList ls hs
    isLabelSetRes =
      hProjectByLabelsLeftIsSet_Lemma2 prjLeftRes isLabelSet
    resIsProjComp = fromIsProjectLeftToComp prjLeftRes lsIsSet
    recRes = hListToRec {prf=isLabelSetRes} hsRes
  in rewrite (sym resIsProjComp) in recRes
```

Para entender esta implementación iremos por partes:

```
isLabelSet = recLblIsSet rec
hs = recToHList rec
```

Dado un record, se obtiene su lista heterogénea y la prueba de que no tiene etiquetas repetidas, utilizando las siguientes funciones:

```
recToHList : Record ts -> HList ts
recToHList (MkRecord _ hs) = hs

recLblIsSet : Record ts -> IsLabelSet ts
recLblIsSet (MkRecord lsIsSet _) = lsIsSet

(lsRes ** (hsRes, prjLeftRes)) =
  fst $ hProjectByLabelsHList ls hs
```

Esta llamada hace uso de la siguiente función:

```
hProjectByLabelsHList : DecEq lty => {ts : LabelList lty} ->
  (ls : List lty) -> HList ts ->
  ((ls1 : LabelList lty ** (HList ls1, IsProjectLeft ls ts ls1)),
  (ls2 : LabelList lty ** (HList ls2, IsProjectRight ls ts ls2)))
```

Antes que nada, la sintaxis (x : a ** (P a)) indica que se tiene un par de valores, donde el tipo del segundo valor depende del primero. Si se tiene un tipo A y otro tipo B, se puede tener un par (A, B). Sin embargo, si B depende de un valor de A, se puede tener un par dependiente (o mejor dicho, un *existencial*) con (a : A ** (B a)).

La función anterior realiza la proyección a nivel de listas heterogéneas. También contiene otro mecanismo de manejo de tipos, donde en vez de retornar la computación en el tipo mismo, retorna un predicado que representa esa computación.

El tipo IsProjectLeft es el tipo que cumple la siguiente propiedad:

```
IsProjectLeft ls ts1 ts2 <-> ts2 = projectLeft ls ts1
```

Es la representación de la proposición 'Si se proyecta ls sobre ts1, el resultado es ts2'. IsProjectRight cumple el mismo propósito, pero realiza la proyección por derecha (retorna todos los elementos que no fueron proyectados por projectLeft). Su definición es la siguiente:

```
data DeleteElemPred : (xs : List t) -> Elem x xs ->
  List t -> Type where
  DeleteElemPredHere : DeleteElemPred (x :: xs) Here xs
  DeleteElemPredThere : {isThere : Elem y xs} ->
       DeleteElemPred xs isThere ys ->
       DeleteElemPred (x :: xs) (There isThere) (x :: ys)

data IsProjectLeft : DecEq lty => List lty -> LabelList lty ->
  LabelList lty -> Type where
  IPL_EmptyLabels : DecEq lty => IsProjectLeft {lty} [] ts []
```

```
IPL EmptyVect : DecEq lty => IsProjectLeft {lty} ls [] []
  IPL_ProjLabelElem : DecEq lty => (isElem : Elem l ls) ->
   DeleteElemPred ls isElem lsNew ->
    IsProjectLeft {lty} lsNew ts res1 ->
    IsProjectLeft ls ((l, ty) :: ts) ((l, ty) :: rs1)
  IPL_ProjLabelNotElem : DecEq lty => Not (Elem l ls) ->
    IsProjectLeft {lty} ls ts res1 ->
    IsProjectLeft ls ((l, ty) :: ts) res1
data IsProjectRight : DecEq lty => List lty -> LabelList lty ->
  LabelList lty -> Type where
  IPR_EmptyLabels : DecEq lty => IsProjectRight {lty} [] ts ts
  IPR_EmptyVect : DecEq lty => IsProjectRight {lty} ls [] []
  IPR_ProjLabelElem : DecEq lty => (isElem : Elem l ls) ->
   DeleteElemPred ls isElem lsNew ->
    IsProjectRight {lty} lsNew ts res1 ->
    IsProjectRight ls ((1, ty) :: ts) res1
  IPR_ProjLabelNotElem : DecEq lty => Not (Elem l ls) ->
    IsProjectRight {lty} ls ts res1 ->
    IsProjectRight ls ((l, ty) :: ts) ((l, ty) :: res1)
```

Como se ve, la definición de IsProjectLeft es muy similar a la de projectLeft. Esto es necesario para que se ambos sean isomorfismos (descrito por la propiedad anterior). Se pueden ver tales similitudes comparando ambas implementaciones línea a línea:

```
IPL_EMptyLabels : DecEq lty => IsProjectLeft {lty} [] ts []
projectLeft [] ts = []
IPL_EmptyVect : DecEq lty => IsProjectLeft {lty} ls [] []
projectLeft ls [] []
IPL_ProjLabelElem : DecEq lty => (isElem : Elem l ls) ->
  DeleteElemPred ls isElem lsNew ->
  IsProjectLeft {lty} lsNew ts res1 ->
  IsProjectLeft ls ((l, ty) :: ts) ((l, ty) :: resl)
projectLeft ls ((l, ty) :: ts) | Yes lIsInLs =
  let delLFromLs = deleteElem ls lIsInLs
   rest = projectLet delLFromLs ts
  in (1, ty) :: rest
IPL_ProjLabelNotElem : DecEq lty => Not (Elem l ls) ->
  IsProjectLeft {lty} ls ts res1 ->
  IsProjectLeft ls ((1, ty) :: ts) res1
projectLeft ls ((1, ty) :: ts) | No _ = projectLeft ls ts
```

Cada constructor del predicado se corresponde a cada caso de pattern matching de la definición de la función (sea pattern matching regular o utilizando with).

Algunos ejemplos son los siguientes:

```
IsProjectLeft ["Edad"] [("Edad", Nat), ("Nombre", String)]
  [("Edad", Nat)]
IsProjectRight ["Edad"] [("Edad", Nat), ("Nombre", String)]
  [("Nombre", String)]
```

Con estas definiciones, los siguientes son equivalentes:

```
(ls1 : LabelList lty ** (Hlist ls1, IsProjectLeft ls ts ls1)
HList (projectLeft ls ts)
```

En este trabajo se decidió utilizar los predicados para operaciones internas porque resulta más sencillo realizar pattern matching.

Cada vez que se tiene un llamado a una función que retorna projectLeft es necesario hacer pattern matching sobre los argumentos específicos que la implementación de esa función hace pattern matching también, en el orden exacto en que los hace. Sin embargo, con predicados como IsProjectLeft solo basta hacer pattern matching sobre los constructores y nada más. El desarrollo queda más sencillo.

El resto de la implementación de hProjectByLabelsHList se puede ver en el apéndice.

Siguiendo con la implementación de hProjectLabels, se tiene lo siguiente:

```
isLabelSetRes =
   hProjectByLabelsLeftIsSet_Lemma2 prjLeftRes isLabelSet
```

Este lema es el siguiente:

```
hProjectByLabelsLeftIsSet_Lemma2 : DecEq lty => {ls : List lty} ->
{ts1, ts2 : LabelList lty} -> IsProjectLeft ls ts1 ts2 ->
IsLabelSet ts1 -> IsLabelSet ts2
```

Indica que si se hace proyección sobre una lista de campos, si no hay etiquetas repetidas en los campos originales entonces tampoco los van a haber en los campos resultantes. Su implementación se puede encontrar en el apéndice.

```
resIsProjComp = fromIsProjectLeftToComp prfLeftRes lsIsSet
La función es la siguiente:
```

```
fromIsProjectLeftToComp : DecEq lty => {ls : List lty} ->
    {ts1, ts2 : LabelList lty} -> IsProjectLeft ls ts1 ts2 ->
    IsSet ls -> ts2 = projectLeft ls ts1
```

Esta función representa la propiedad que debe cumplir IsProjectLeft en relación a projectLeft que vimos anteriormente. Se le agrega el hecho de que ls no debe tener elementos repetidos, que es necesario para que esta función pueda ser implementada. Su implementación también está en el apéndice.

```
recRes = hListToRec {prf=isLabelSetRes} hsRes
```

La función hListToRec construye un record a partir de una lista heterogénea y una prueba de etiquetas no repetidas:

```
hListToRec : DecEq lty => {ts : LabelList lty} ->
   {prf : IsLabelSet ts} -> HList ts -> Record ts
hListToRec {prf} hs = MkRecord prf hs
```

Por último se tiene esta línea de código:

```
in rewrite (sym resIsProjComp) in recRes
```

En Idris este es un caso de reescribir un término teniendo una prueba de igualdad. Por la llamada a hProjectByLabelsHList y hListToRec se tiene un término recRes : Record ts2. Por la llamada a fromIsProjectLeftToComp se tiene un término resIsProjComp : ts2 = projectLeft ls ts1. La función sym simplemente cambia el orden de una igualdad, como (sym resIsProjComp): projectLeft ls ts1 = ts2. Por lo tanto, con esta técnica de reescritura se puede obtener un término del tipo Record (projectLeft ls ts1), tal como lo indica el tipo de la función.

3.4.2. Búsqueda de un elemento en un record

Al comienzo del capítulo vimos un ejemplo de buscar el valor de un campo en particular de un record:

La funcionalidad de lookup se puede definir de forma muy similar a las anteriores. Primero se comienza con un predicado que indica que una lista de etiquetas contiene a otra etiqueta con un determinado tipo en particular:

```
data HasField : (1 : lty) -> LabelList lty ->
   Type -> Type where
   HasFieldHere : HasField l ((1, ty) :: ts) ty
   HasFieldTHere : HasField l1 ts tyl ->
        HasField l1 ((12, ty2) :: ts) tyl
```

HasField 1 ts ty indica que en la lista de etiquetas ts existe la etiqueta 1 que tiene asociado el tipo ty. Un ejemplo de tal tipo es HasField 'Edad' [('Nombre', String), ('Edad', Nat)] Nat. Su definición es inductiva, donde HasFieldHere indica que la etiqueta se encuentra en la cabeza de la lista, y HasFieldThere indica que se encuentra en la cola de la lista.

Una primera definición es la de obtener el valor de una lista heterogénea:

```
hLookupByLabel_HList : DecEq lty => {ts : LabelList lty} ->
```

```
(1 : lty) -> HList ts -> HasField l ts ty -> ty
hLookupByLabel_HList _ (val :: _) HasFieldHere = val
hLookupByLabel_HList l (_ :: ts)
  (HasFieldThere hasFieldThere) =
  hLookupByLabel_HList l ts hasFieldThere
```

Esa función toma una etiqueta de tipo lty, una lista heterogénea de tipo HListts, y una prueba de que esa etiqueta pertenece a la lista de tipo $HasField\ lts$ ty. Con tales datos permite retornar un valor del tipo ty, el cual es el asociado a tal etiqueta.

Su implementación realiza pattern matching sobre el predicado, obteniendo el valor val: ty si la etiqueta está en la cabeza de la lista, o sino, lo obtiene realizando un llamado recursivo.

Con esta función se puede definir hLookupByLabel de la siguiente forma:

```
hLookupByLabel : DecEq lty => {ts : LabelList lty} ->
  (l : lty) -> Record ts -> HasField l ts ty -> ty
hLookupByLabel {ts} {ty} l rec hasField =
  hLookupByLabel_HList {ts} {ty} l (recToHList rec) hasField
```

Como la definición de record de este trabajo contiene la lista heterogénea dentro de él, entonces esta función simplemente aplica la función definida anteriormente a tal lista heterogénea del record.

Al igual que las funcionalidades anteriores, se puede definir una función que calcule el predicado de forma automática en tiempo de compilación. Sin embargo, con el caso de lookup ocurre un problema. Idealmente, uno quisiera tener la siguiente función:

```
hasField : DecEq lty => (l : lty) ->
  (ts : LabelList lty) -> (ty : Type) ->
  Dec (HasField l ts ty)
```

Con esta función uno podría definir la función de cálculo automático de la siguiente forma:

```
hLookupByLabelAuto : DecEq lty => {ts : LabelList lty} ->
  (l : lty) -> Record ts ->
  TypeOrUnit (hasField l ts ty) ty
hLookupByLabelAuto {ts} {ty} l rec =
  mkTypeOrUnit (hasField l ts ty)
  (\tsHasL => hLookupByLabel {ts} {ty} l rec tsHasL)
```

El problema es que no es posible definir hasField.

Para implementar hasField, se tiene una variable ty: Type que puede pertenecer a cualquier tipo. A su vez, si la etiqueta 1:1ty pertenece a la lista, entonces en la lista la etiqueta va a tener asociado un tipo ty2:Type que puede ser cualquier otro. El problema ocurre en que no se puede verificar la igualdad de los tipos ty y ty2, ya que no existe forma de igualar valores de tipo Type.

Por ejemplo, se puede tener hasField 'Edad' [('Edad', Nat)] Nat o hasField 'Edad' [('Edad', Nat)] String. El primer caso debería

retornar Yes con una prueba, mientras que el segundo deberia retornar No con una contradicción, ya que el tipo Nat y String son distintos. Sin embargo, no es posible realizar un chequeo Nat = Nat o Not (Nat = String), ya que eso requeriría que existiese una instancia de DecEq Type, la cual no existe y no es posible definir.

El hecho de que no existe una instancia DecEq Type en el lenguaje tiene varias razones:

- Dados dos tipos cualesquiera en un lenguaje de tipos dependientes, verificar si son iguales no es decidible. Es decir, teóricamente, es imposible crear una instancia de DecEq Type.
- Si existiera tal forma, rompería el polimorfismo paramétrico. El polimorfismo paramétrico permite abstraerse de un tipo y trabajar con él sin saber específicamente cuál es. Esto permite a uno deducir propiedades de la función solamente conociendo el tipo. Por ejemplo, si se tiene la función id: a ->a, se puede deducir que la única posible implementación es id val = val, ya que es imposible que la función pueda conocer información sobre el tipo a : Type.

Sin embargo, si existiera una instancia de DecEq Type, entonces la siguiente función sería válida:

```
id2 : a -> a
id2 {a} val with (decEq a Nat)
  id2 {a=Nat} val | Yes _ = 10
  id2 {a} val | No _ = val
```

La función id2: a ->a retorna el mismo valor para todos los tipos, menos para el tipo Nat, donde retorna siempre el valor 10. Esta función contradice las garantías de parametricidad del tipo a ->a.

A pesar de no poder utilizar TypeOrUnit, es posible definir una función que calcule el predicado de forma automática, utilizando la funcionalidad auto de Idris, de esa forma:

```
hLookupByLabelAuto : DecEq lty => {ts : LabelList lty} ->
  (l : lty) -> Record ts ->
  {auto hasField : HasField l ts ty} -> ty
hLookupByLabelAuto {ts} {ty} l rec {hasField} =
  hLookupByLabel_HList {ts} {ty} l (recToHList rec) hasField
```

auto hasField: HasField l ts ty indica que el typechecker de ldris va a intentar generar el predicado HasField l ts ty de forma automática. Idris se da cuenta de que la definición HasField es inductiva y tiene distintos constructores, por lo que intenta, mediante fuerza bruta, aplicar los constructores secuencialmente hasta encontrar un valor que tenga el tipo deseado. Este mecanismo se lo denominia táctica.

Por ejemplo, si se quisiera obtener una prueba de HasField 'Edad' [('Nombre', String), ('Edad', Nat)] Nat, Idris primero va a construir HasFieldHere.

Como HasFieldHere no puede unificarse con el tipo deseado, sigue con el siguiente caso. Próximamente, Idris intenta construir HasFieldThere HasFieldHere.

Idris consigue unificar el tipo de ese valor con el esperado, entonces proporciona el valor HasFieldThere HasFieldHere a la función hLookupByLabelAuto.

Como conclusión, utilizar TypeOrUnit es muy útil para definir estas funciones con un cálculo automático de los predicados correspondientes, pero solo puede usarse si el predicado no depende de un valor a : Type (o de cualquier valor que no puede verificarse por igualdad). Si es así, se deben utilizar funcionalidades propias del lenguaje, como auto.

3.4.3. Unión por izquierda

Al comienzo del capítulo se vió el siguiente ejemplo de unión por izquierda de records:

hLeftUnion toma dos records cualesquiera, y retorna uno nuevo con todos los campos del de la izquierda, más los campos del de la derecha que no están repetidos en el de la izquierda. Básicamente realiza una unión de los campos de ambos records, pero si hay campos con etiquetas repetidas toma el valor del de la izquierda.

Su definición es la siguiente:

```
hLeftUnion : DecEq lty => {ts1, ts2 : LabelList lty} ->
  Record ts1 -> Record ts2 -> Record (hLeftUnion_List ts1 ts2)
hLeftUnion ts1 ts2 =
  let (tsRes ** (resUnion, isLeftUnion)) =
     hLeftUnionPred ts1 ts2
  leftUnionEq = fromHLeftUnionPredToFunc isLeftUnion
  in rewrite (sym leftUnionEq) in resUnion
```

Antes que nada, al obtener un record nuevo se debe computar la lista de sus campos. Esto se hace con la función hLeftUnion_List:

```
LabelList lty -> LabelList lty
hLeftUnion_List ts1 ts2 =
  ts1 ++ (deleteLabels (labels0f ts1) ts2)
```

Esta función es un poco más compleja que las anteriores. Se define como la unión de dos listas tomando la primera, y agregándole todos los campos de la segunda, pero primero eliminándole los campos de la primera.

Esta eliminación se realiza con deleteLabels, que simplemente recorre toda la lista de campos a eliminar y lo elimina de la segunda (utilizando la función deleteLabelAt).

Al igual que en hProjectByLabels, hLeftUnion hace uso de un predicado que representa la computación de la unión de los campos del record, y delega la implementación a una función que retorna ese predicado.

Al igual que IsProjectLeft, IsLeftUnion es el predicado que cumple esta propiedad:

```
IsLeftUnion ts1 ts2 ts3 <-> ts3 = hLeftUnion_List ts1 ts2
```

Una de estas propiedades es la utilizada en la siguiente función vista más arriba:

```
fromHLeftUnionFuncToPred : DecEq lty =>
  {ts1, ts2 : LabelList lty} ->
  IsLeftUnion ts1 ts2 (hLeftUnion_List ts1 ts2)
```

A continuación se muestra la definición del tipo IsLeftUnion, que al igual que IsProjectLeft, se corresponde uno a uno con la definición de su función análoga (hLeftUnion_List en este caso):

```
data DeleteLabelAtPred : DecEq lty -> lty -> LabelList lty ->
  LabelList lty -> Type where
  EmptyRecord : DecEq lty => {l : lty} ->
    DeleteLabelAtPred l [] []
  IsElem : DecEq lty => {l : lty} ->
    DeleteLabelAtPred l ((l, ty) :: ts) ts
  IsNotElem : DecEq lty => {l1 : lty} -> Not (l1 = l2) ->
    DeleteLabelAtPred l1 ts1 ts2 ->
    DeleteLabelAtPred l1 ((l2, ty) :: ts1) ((l2, ty) :: ts2)

data DeleteLabelSPred : DecEq lty => List lty -> LabelList lty ->
    LabelList lty -> Type where
  EmptyLabelList : DecEq lty =>
    DeleteLabelSPred {lty} [] ts ts
  DeleteFirstOfLabelList : DecEq lty =>
    DeleteLabelAtPred l tsAux tsRes ->
```

```
DeleteLabelsPred ls ts tsAux ->
   DeleteLabelsred {lty} (l :: ls) ts tsRes

data IsLeftUnion : DecEq lty => LabelList lty -> LabelList lty ->
   LabelList lty -> Type where
   IsLeftUnionAppend : DecEq lty =>
     {ts1, ts2, ts2 : LabelList lty} ->
   DeleteLabelsPred (labelsOf ts1) ts2 ts3 ->
   IsLeftUnion ts1 ts2 (ts1 ++ ts3)
```

El resto de la implementación de hLeftUnion se puede ver en el apéndice.

3.5. Comparación con otros lenguajes

En esta sección compararemos esta solución de records extensibles en Idris con las vistas en el capítulo 'Estado del arte' para otros lenguajes.

3.5.1. Elm

El ejemplo visto para Elm era el siguiente:

```
type alias Positioned a =
  { a | x : Float, y : Float }
type alias Named a =
  { a | name : String }
type alias Moving a =
  { a | velocity : Float, angle : Float }
lady : Named { age : Int }
lady =
  { name = "Lois Lane"
  , age = 31
dude : Named (Moving (Positioned {}))
dude =
 \{ x = 0 \}
  y = 0
  , name = "Clark Kent"
  , velocity = 42
  , angle = degrees 30
```

Este código puede ser escrito en Idris de la siguiente forma:

```
Positioned : LabelList String -> LabelList String Positioned ts = ("x", Double) :: ("y", Double) :: ts
```

```
Named : LabelList String -> LabelList String
Named ts = ("name", String) :: ts

Moving : LabelList String -> LabelList String
Moving ts = ("velocity", Double) :: ("angle", Double) :: ts

lady : Record (Named [("age", Nat)])
lady = consRecAuto "name" "Lois Lane" $
  consRecAuto "age" 31 $
  emptyRec

dude : Record (Named . Moving . Positioned $ [])
dude = consRecAuto "name" "Clark Kent" $
  consRecAuto "velocity" 42 $
  consRecAuto "angle" 30 $
  consRecAuto "angle" 30 $
  consRecAuto "x" 0 $
  consRecAuto "y" 0 $
  emptyRec
```

Esta es la traducción más directa del ejemplo de Elm. Sin embargo, si se quiere mejorar el diseño, se puede utilizar la flexibilidad de Idris para diseñarlo de otra forma (sea utilizando typeclasses, tipos de datos, etc).

3.5.2. Purescript

El ejemplo visto para Purescript era el siguiente:

```
fullName :: forall t. { firstname :: String,
  lastName :: String | t } -> String
fullName person = person.firstName ++ " " ++ person.lastName
Esto puede traducirse a Idris de la siguiente forma:
fullName : {ts : LabelList String}
  {auto hasFirst : HasField "firstName" ts String} ->
  {auto hasLast : HasField "lastName" ts String} ->
  Record ts -> String
fullName {hasFirst} {hasLast} rec =
  let firstName = hLookupByLabel "firstName" rec has First
    lastName = hLookupByLabel "lastName" rec hasLast
  in firstName ++ " " ++ lastName
Un ejemplo de su uso sería el siguiente:
persona : Record [("firstName", String), ("age", Nat),
  ("lastName", String)]
persona = consRecAuto "firstName" "Juan" $
 consRecAuto "age" 23 $
  consRecAuto "lastName" "Sanchez" $
```

 ${\tt emptyRec}$

```
fullName persona : String
-- "Juan Sanchez"
```

En Idris se puede parametrizar por cualquier predicado, en particular por HasField, permitiendo la programación con *row polymorphism* de forma similar a Purescript y otros lenguajes.

Comparando con Elm y Purescript, al ser todos los resultados del tipo Record se pueden utilizar todas las operaciones vistas hasta ahora en este capítulo (como hLeftUnion, hProjectLabels, etc), lo cual estos lenguajes no soportan.

Capítulo 4

Caso de estudio

En el capítulo anterior se describió el diseño e implementación de records extensibles en Idris realizado en este trabajo. Sin embargo, el único uso de tales records visto fue en algunos ejemplos básicos. En el siguiente capítulo se mostrará un caso de estudio en el cual se utilizaron los records extensibles de este trabajo para poder solucionarlo.

4.1. Descripción del caso de estudio

El caso de estudio consiste en un pequeño lenguaje aritmético con variables y constantes. Se espera poder definir este lenguaje en Idris como un DSL (*Domain Specific Language*), poder crear términos de este lenguaje, y luego evaluarlos en Idris y obtener valores naturales que se correspondan a la expresión aritmética definida.

Este lenguaje *Exp* se define de la siguiente manera:

- Si n es un natural, entonces n pertenece a Exp como un literal.
- Si x es un string, entonces x pertenece a Exp como una variable
- Si e1 y e2 pertenecen a Exp, entonces e1 + e2 pertenece a Exp como una suma.
- Si x es un string, entonces let x := n in e pertenece a Exp como una sustitución de una variable.

Este lenguaje permite definir expresiones aritméticas donde se pueden definir valores numéricos, variables o sumar expresiones. Los siguientes son ejemplos de expresiones de este lenguaje:

```
x
x + 3
let x := 3 in x + 3
let y := 10 in (let x := 3 in x + 3)
Su gramática en BNF es:
PENDIENTE
```

Se decidió utilizar records extensibles e Idris en este caso de estudio para poder verificar que las expresiones estén bien formadas, y que las llamadas al evaluador sean válidas, todo en tiempo de compilación.

Si se tiene una expresión, como x + 3, para evaluar esa expresión es necesario tener un ambiente con valores para las variables libres. En este caso es necesario tener un ambiente con el valor de la variable x, de lo contrario la evaluación de esa expresión no es válida. Con Idris, es posible verificar en tiempo de compilación que cualquier ambiente utilizado para evaluar una expresión debe contener valores para las variables libres de ésta. Con esta implementación, al llamar al evaluador se verifican que los tipos sean correctos.

Los records extensibles fueron utilizados para poder definir tal ambiente al momento de evaluar una expresión. Como el ambiente contiene una lista de variables con sus valores, éstos pueden ser representados como un record, donde cada etiqueta es una variable libre, y éste puede ser extendido con nuevas variables, o se le pueden eliminar variables fuera de alcance. Al ser un record extensible se tiene la garantía de que ninguna variable se encuentra repetida en el ambiente, y en cada momento de la implementación se tiene una prueba de que toda variable libre pertenece al ambiente.

Sin records extensibles ni tipos dependientes, tales garantías no existen en tiempo de compilación. Al momento de llamar al evaluador con una expresión en particular, el compilador no puede saber si las variables libres pertenecen al ambiente utilizado o no. Si alguna no pertenece, la evaluación va a fallar en tiempo de ejecución. Sin records extensibles tampoco se tiene una estructura de datos adecuada (con las propiedades deseadas) para almacenar las variables en el ambiente.

4.2. Definición de una expresión

Las expresiones de este lenguaje deben seguir las siguientes reglas de buena formación:

PENDIENTE

A su vez, toda expresión tiene un conjunto de variables libres, que se definen con las siguientes reglas:

PENDIENTE

Estas reglas pueden implementarse en Idris en un único tipo Exp:

```
data VarDec : String -> Type where
  (:=) : (var : String) -> Nat -> VarDec var

data Exp : List String -> Type where
  Add : Exp fvs1 -> Exp fvs2 ->
        IsLeftUnion_List fvs1 fvs2 fvsRes ->
        Exp fvsRes
  Var : (l : String) -> Exp [l]
  Lit : Nat -> Exp []
  Let : VarDec var -> Exp fvsInner ->
        DeleteLabelAtPred_List var fvsInner fvsOuter ->
        Exp fvsOuter
```

Un valor de tipo VarDec x contiene la variable x y un natural. Representa la declaración de una variable, como 'x' := 10 : VarDec 'x'.

El tipo $\mathbb{E} \times \mathbb{P}$ se define como un tipo parametrizado por una lista de variables. Esta lista representa la lista de variables libres que ocurren en la expresión. Un valor de tipo $\mathbb{E} \times \mathbb{P}$ ['x', 'y'] es una expresión que tiene a 'x' e 'y' como variables libres. Se decidió incluir la información de variables libres en el tipo para poder facilitar tanto la implementación del evaluador, como la construcción de expresiones.

Cada constructor representa cada regla de formación de una expresión. A su vez, cada constructor sigue las reglas de construcción de variables libres definidas anteriormente.

```
Var : (l : String) -> Exp [1]
```

Crea una expresión con una variable. En el tipo retorna esa variable como libre.

```
Lit : Nat -> Exp []
```

Crea una expresión con un número como literal. No retorna variables libres.

```
Add : Exp fvs1 -> Exp fvs2 ->
   IsLeftUnion_LIst fvs1 fvs2 fvsRes ->
   Exp fvsRes
```

Toma dos subexpresiones y crea una nueva expresión que representa la suma. Las variables libres son la unión por izquierda de las de la primera subexpresión con los de la segunda subexpresión.

IsLeftUnion_List es un predicado idéntico a IsLeftUnion visto en el capítulo anterior, solo que este funciona sobre listas List lty en vez de listas de campos con etiquetas LabelList lty.

```
data DeleteLabelAtPred_List : lty -> List lty ->
  List lty -> Type where
  EmptyRecord_List : {1 : lty} -> DeleteLabelAtPred_List 1 [] []
  IsElem_List : {1 : lty} -> DeleteLabelAtPred_List 1 (1 :: ls) ls
  IsNotElem_List : {11 : lty} -> Not (11 = 12) ->
    DeleteLabelAtPred_List 11 1s1 1s2 ->
    DeleteLabelAtPred_List 11 (12 :: ls1) (12 :: ls2)
data DeleteLabelsPred_List : List lty -> List lty ->
  List lty -> Type where
  EmptyLabelList_List : DeleteLabelsPred_List { lty } [] ls ls
  DeleteFirstOfLabelList_List :
    DeleteLabelAtPred_LIst l lsAux lsRes ->
    DeleteLabelsPred_List ls1 ls2 lsAux ->
    DeleteLabelsPred_List {lty} (1 :: ls1) ls2 lsRes
data IsLeftUnion_List : List lty -> List lty ->
  List lty -> Type where
  IsLeftUnionAppend_List :
```

```
{ls1, ls2, ls3 : List lty} ->
DeleteLabelsPred_List ls1 ls2 ls3 ->
IsLeftUnion_List ls1 ls2 (ls1 ++ ls3)
```

Un ejemplo sería el siguiente:

```
IsLeftUnion_List ["A", "B"] ["B", "C"]
    ["A", "B", "C"]

Let : VarDec var -> Exp fvsInner ->
    DeleteLabelAtPred_List var fvsInner fvsOuter ->
    Exp fvsOuter
```

Crea una expresión tomando una subexpresión y una asignación de un valor a una variable. Las variables libres de esta expresión se corresponden a las variables libres de la subexpresión, eliminando la variable recientemente asignada.

DeleteLabelAtPred_List es el predicado que indica esto. Se comporta igual que DeleteLabelAtPred definido en el capítulo anterior, solo que se aplica sobre listas List lty en vez de listas de campos con etiquetas LabelList lty. Su definición se mostró más arriba.

Un ejemplo de tal predicado sería el siguiente:

```
DeleteLabelAtPred_List "A" ["A", "B", "C"]
  ["B", "C"]
```

Al igual que en el capítulo anterior, se decidió utilizar predicados que representan las computaciones de unión por izquierda y eliminación de una etiqueta porque simplifican el desarrollo, permitiendo realizar pattern matching de forma más sencilla.

4.2.1. Construcción de una expresión

Para poder construir expresiones de este lenguaje, se definieron funciones auxiliares que construyen valores del tipo $\mathbb{E} xp$.

```
var : (1 : String) -> Exp [1]
var l = Var l

lit : Nat -> Exp []
lit n = Lit n

add : Exp fvs1 -> Exp fvs2 -> Exp (leftUnion fvs1 fvs2)
add {fvs1} {fvs2} el e2 = Add el e2
   (fromLeftUnionFuncToPred {ls1=fvs1} {ls2=fvs2})

eLet : VarDec var -> Exp fvs -> Exp (deleteAtList var fvs)
eLet {var} {fvs} varDec e = Let varDec e
   (fromDeleteLabelAtListFuncToPred {l=var} {ls=fvs})
```

Las cuatro funciones simplemente aplican el constructor correspondiente. add y elet tienen la particularidad de que realizan las computaciones sobre las listas de

variables, y construyen los predicados correspondientes dadas esas computaciones. leftUnion y deleteAtList son las computaciones análogas a IsLeftUnion_List y DeleteAtLabel_List, cumpliendo las siguientes propiedades:

```
DeleteLabelAtPred_List 1 ls ls2 <-> ls1 = deleteAtList 1 ls1
IsLeftUnion_List ls1 ls2 ls2 <-> ls3 = leftUnion ls1 ls2
```

Las funciones from Left Union Func To Pred y from Delete Label At List Func To Pred son las que representan las propiedades anteriores:

```
fromDeleteLabelAtListFuncToPred : DecEq lty => {1 : lty} ->
    {ls : List lty} -> DeleteLabelAtPred_List l ls (deleteAtList l ls)
fromLeftUnionFuncToPred : DecEq lty => {ls1, ls2 : List lty} ->
    IsLeftUnion_List {lty} ls1 ls2 (leftUnion ls1 ls2)
```

A continuación se muestran ejemplos de expresiones construidas con las funciones anteriores:

```
exp1 : Exp ["x", "y"]
exp1 = add (var "x") (add (lit 1) (var "y"))

exp2 : Exp ["y"]
exp2 = eLet ("x" := 10) $ add (var "x") (var "y")

exp3 : Exp []
exp3 = eLet ("y" := 5) exp4
```

También se decidió incluir otra función útil para construir expresiones. Se trata de *local*, que permite definir un binding local de variables. Su uso sería el siguiente:

```
exp1 : Exp []
exp1 = local ["x" := 10] $ lit 1

exp2 : Exp []
exp2 = local ["x" := 10, "y" := 9] $ add (var "x") (var "y")
```

local permite declarar varias variables simultáneamente.

Su implementación es la siguiente:

```
data LocalVariables : List String -> Type where
  Nil : LocalVariables []
  (::) : VarDec l -> LocalVariables ls ->
     LocalVariables (l :: ls)

localPred : (vars : LocalVariables localVars) ->
     (innerExp : Exp fvsInner) -> {isSet : IsSet localVars} ->
     Exp (deleteList localVars fvsInner)
```

```
local : (vars : LocalVariables localVars) -> (innerExp : Exp fvsInner) ->
   TypeOrUnit (isSet localVars) (Exp (deleteList localVars fvsInner))
local {localVars} {fvsInner} vars innerExp =
   mkTypeOrUnit (isSet localVars)
   (\localIsSet => localPred vars innerExp {isSet=localIsSet})
```

Antes que nada, local utiliza el mismo truco de consRecAuto y otras funciones sobre records con TypeOrUnit. En este caso, local permite construir una prueba de IsSet localVars automáticamente en tiempo de compilación. Esta prueba evita que se defina la misma variable varias veces, como local ['x':= 1, 'x':= 2].

Tal declaración de variables se define en LocalVariables, que es un tipo que representa la lista de declaraciones locales de variables, y en su tipo mantiene la lista de variables declaradas. Por ejemplo, se tiene ['x':= 10, 'y':= 4]: LocalVariables ['x', 'y'].

La expresión resultante calcula sus variables libres con deleteList. Esta función es la análoga a DeleteLabelsPred_List que cumple esta propiedad:

```
DeleteLabelsPred List ls1 ls2 ls3 <-> ls3 = deleteList ls1 ls2
```

La implementación de localPred se puede ver en el apéndice, pero básicamente realiza una construcción secuencial de Lets para cada variable declarada en el binding. Básicamente, las siguientes expresiones son equivalentes:

```
local ["x" := 10] $ lit 1 <-> eLet ("x" := 10) $ lit 1
local ["x" := 10, "y" := 9] $ add (var "x") (var "y") <->
  eLet ("x" := 10) $ eLet ("y" := 9) $ add (var "x") (var "y)
```

4.3. Evaluación de una expresión

La evaluación de una expresión se realiza con esta función:

```
interpEnv : Ambiente fvsEnv -> IsSubSet fvs fvsEnv ->
   Exp fvs -> Nat
```

Dada una expresión Exp fvs, con una lista de variables libres fvs, se necesita tener un ambiente Ambiente fvsEnv con variables fvsEnv. El ambiente contiene los valores para todas esas variables, las cuales deben incluir a todas las variables libres de la expresión.

Si se tiene Exp ['x', 'y'], entonces se puede tener Ambiente ['x', 'y'], o Ambiente ['x', 'y', 'z'], o Ambiente ['x', 'w', 'y', 'z']. El ambiente puede tener variables extras, pero siempre debe tener valores para las variables libres de la expresión. Esto garantiza que cualquier llamada a interpEnv sea válida, ya que toda expresión puede evaluarse si se tienen valores para sus variables libres.

El tipo IsSubSet fvs fvsEnv refleja esa relación, como se puede ver en estos ejemplos:

```
IsSubSet ["x"] ["x"]
IsSubSet ["x"] ["x", "y"]
IsSubSet ["x", "y"] ["x", "y", "z"]
```

Su definición es la siguiente:

```
data IsSubSet : List lty -> List lty -> Type where
  IsSubSetNil : IsSubSet [] ls
  IsSubSetCons : IsSubSet ls1 ls2 -> Elem l ls2 ->
        IsSubSet (l :: ls1) ls2
```

En el caso base la lista vacía es subconjunto de cualquier posible lista. En el caso inductivo, si un elemento a agregar pertenece a la lista, entonces agregando ese elemento a un subconjunto de esa lista también es un subconjunto.

Por último se define el ambiente de esta forma:

```
AllNats : List lty -> LabelList lty
AllNats [] = []
AllNats (x :: xs) = (x, Nat) :: AllNats xs

data Ambiente : List String -> Type where
   MkAmbiente : Record {lty=String} (AllNats ls) -> Ambiente ls
```

AllNats es una función que toma una lista de etiquetas y les asigna el tipo Nat a todas. Por ejemplo:

```
AllNats ["x", "y"] = [("x", Nat), ("y", Nats)]
```

Esto permite poder utilizar el record Record {lty=String} (AllNats ls). El ambiente se trata de un record extensible, donde sus etiquetas son strings y sus campos siempre son del tipo Nat.

Un ejemplo (con una pseudo-sintaxis) sería:

```
{ "x": 10, "y": 20, "z": 22 } :
Record [("x", Nat), ("y", Nat), ("z", Nat)]
```

Si se quieren evaluar expresiones cerradas (sin variables libres), se puede utilizar la siguiente función evaluadora:

```
interp : Exp [] -> Nat
interp = interpEnv (MkAmbiente {ls=[]} emptyRec) IsSubSetNil
```

Ejemplos de tal evaluación serían los siguientes:

```
interp $ local ["x" := 10, "y" := 9] $ add (var "x") (var "y")
-- 19
interp $ eLet ("x" := 10) $ add (var "x") (lit 2)
-- 12
```

```
interp $ add (lit 1) (lit 2)
-- 3
```

La implementación completa del evaluador se muestra a continuación:

```
interpEnv : Ambiente fvsEnv -> IsSubSet fvs fvsEnv -> Exp fvs -> Nat
interpEnv env subSet (Add e1 e2 isUnionFvs) =
 let (subSet1, subSet2) =
      ifIsSubSetThenLeftUnionIsSubSet subSet isUnionFvs
   res1 = interpEnv env subSet1 e1
   res2 = interpEnv env subSet2 e2
  in res1 + res2
interpEnv {fvsEnv} (MkAmbiente rec) subSet (Var 1) =
 let hasField = HasFieldHere {l} {ty=Nat} {ts=[]}
   hasFieldInEnv = ifIsSubSetThenHasFieldInIt subSet hasField
  in hLookupByLabel l rec hasFieldInEnv
interpEnv env subSet (Lit c) = c
interpEnv {fvsEnv} env subSet (Let (var := n) e delAt)
    with (isElem var fvsEnv)
  interpEnv {fvsEnv} env subSet (Let (var := n) e delAt)
    | Yes varInEnv =
   let (MkAmbiente recEnv) = env
     hasField = ifIsElemThenHasFieldNat varInEnv
      newRec = hUpdateAtLabel var n recEvn hasField
     newEnv = MkAmbiente newRec
      consSubSet =
        ifIsSubSetThenSoIfYouDeleteLabel delAt subSet {l=var}
      newSubSet = ifConsIsElemThenIsSubSet consSubSet varInEnv
   in interpEnv newEnv newSubSet e
  interpEnv {fvsEnv} env subSet (Let (var := n) e delAt)
    | No notVarInEnv =
   let (MkAmbiente recEnv) = env
      newRec = consRec var n recEnv
        {notElem=ifNotElemThenNotInNats notVarInEnv}
      newEnv = MkAmbiente newRec {ls=(var :: fvsEnv)}
      newSubSet =
        ifIsSubSetThenSoIfYouDeleteLabel delAt subSet {l=var}
    in interpEnv newEnv newSubSet e
```

Se explicará su implementación para cada tipo de expresión por separado

4.3.1. Expresiones de literales

El caso de una expresión literal es el más sencillo:

```
interpEnv env subSet (Lit c) = c
```

Evaluar una expresión literal significa retornar tal valor literal como un natural.

4.3.2. Expresiones con declaración de variable

Una expresión que declara una variable, para poder ser evaluada, necesita tener esa variable en el ambiente y obtener el valor de ella:

```
interpEnv {fvsEnv} (MkAmbiente rec) subSet (Var 1) =
  let hasField = HasFieldHere {1} {ty=Nat} {ts=[]}
  hasFieldInEnv = ifIsSubSetThenHasFieldInIt subSet hasField
  in hLookupByLabel 1 rec hasFieldInEnv
```

Como el ambiente es un record Record (AllNats fvsEnv), es necesario obtener la prueba de que l pertenece a ese record, y luego hacer un lookup.

Primero, se obtiene una prueba de HasField l [(l, Nat)] Nat realizando esta llamada:

```
hasField = HasFieldHere {l} {ty=Nat} {ts=[]}
```

Luego se hace uso de la siguiente función para obtener la prueba de que 1 pertenece al ambiente:

```
ifIsSubSetThenHasFieldInIt : DecEq lty => {ls1, ls2 : List lty} ->
   IsSubSet ls1 ls2 -> HasField l (AllNats ls1) Nat ->
   HasField l (AllNats ls2) Nat
```

Esta función indica que si un elemento pertenece a una lista ls1 y tiene tipo Nat, y esa lista ls1 es un subconjunto de otra lista ls2, entonces ese elemento también pertenece a la lista ls2 con tipo Nat. Básicamente es un teorema que prueba que la propiedad de pertenencia a una lista (de tipos Nat) se preserva.

Esta función se utiliza en la siguiente llamada:

```
hasFieldInEnv = ifIsSubSetThenHasFieldInIt subSet hasField
```

hasFieldInEnv tiene tipo HasField l (Allnats fvsEnv) Nat. Como el record del ambiente tiene tipo Record (AllNats fvsEnv), entonces se tiene una prueba de que el elemento pertenece al ambiente, por lo que se puede retornar su valor con la siguiente invocación:

```
hLookupByLabel l rec hasFieldInEnv
```

En este caso la llamada a lookup es válida en tiempo de compilación. Por cómo se definió el evaluador, toda variable libre de la expresión pertenece al ambiente, por lo cual es posible probar que una variable específica de Var 1 pertenece al ambiente, y por lo tanto es posible obtener su valor. En ningún momento el lookup va a fallar en tiempo de ejecución porque no pudo encontrar la variable.

4.3.3. Expresiones con suma

Una expresión del tipo suma es sencilla de evaluar. Se necesitan evaluar las subexpresiones de ella, y luego sumar sus resultados:

```
interpEnv env subSet (Add e1 e2 isUnionFvs) =
  let (subSet1, subSet2) =
    ifIsSubSetThenLeftUnionIsSubSet subSet isUnionFvs
  res1 = interpEnv env subSet1 e1
  res2 = interpEnv env subSet2 e2
  in res1 + res2
```

El evaluador tiene tipo Ambiente fvsEnv ->IsSubSet fvs fvsEnv ->Exp fvs ->Nat. Cada subexpresión tiene tipo Exp fvs1 y Exp fvs2 respectivamente. Para poder evaluar tales subexpresiones, como ya se tiene un ambiente de tipo Ambiente fvsEnv, es necesario tener una prueba de IsSubSet fvs1 fvsEnv y IsSubSet fvs2 fvsEnv para poder llamar al evaluador.

Por suerte eso es lo que efectivamente realiza esta función:

```
ifIsSubSetThenLeftUnionIsSubSet : DecEq lty =>
  {ls1, ls2, lsSub1, lsSub2 : List lty} -> IsSubSet ls1 ls2 ->
  IsLeftUnion_List lsSub1 lsSub2 ls1 ->
  (IsSubSet lsSub1 ls2, IsSubSet lsSub2 ls2)
```

Esta función toma una prueba de que ls1 es subconjunto de ls2, una prueba de que ls1 es el resultado de la unión por izquierda de lsSub1 y lsSub2, y retorna las pruebas de que lsSub1 y lsSub2 son subconjuntos de ls2. Prueba que la unión por izquierda preserva el predicado de ser subconjunto de una lista para ambos componentes de la unión.

En el evaluador, se realiza la llamada de la siguiente forma:

```
(subSet1, subSet2) =
  ifIsSubSetThenLeftUnionIsSubSet subSet isUnionFvs
```

isUnionFvs tiene tipo IsLeftUnion_List fvs1 fvs2 fvs y subSet tipo IsSubSet fvs fvsEnv. Por lo tanto, esta llamada obtiene las pruebas de IsSubSet fvs1 fvsEnv y IsSubSet fvs2 fvsEnv deseadas.

Con tales pruebas se pueden evaluar las subexpresiones de esta forma:

```
res1 = interpEnv env subSet1 e1
res2 = interpEnv env subSet2 e2
```

Al tener ya los resultados de tales evaluaciones, el resultado final es su simple suma:

```
res1 + res2
```

4.3.4. Expresiones con sustitución de variable

Una expresión donde se declara una sustitución de una variable var por un valor n en una subexpresión e es más difícil de evaluar que los demás casos, ya que requiere la manipulación del ambiente de variables, como se verá a continuación.

```
interpEnv {fvsEnv} env subSet (Let (var := n) e delAt)
   with (isElem var fvsEnv)
  interpEnv {fvsEnv} env subSet (Let (var := n) e delAt)
    | Yes varInEnv =
   let (MkAmbiente recEnv) = env
      hasField = ifIsElemThenHasFieldNat varInEnv
      newRec = hUpdateAtLabel var n recEvn hasField
      newEnv = MkAmbiente newRec
      consSubSet =
        ifIsSubSetThenSoIfYouDeleteLabel delAt subSet {l=var}
      newSubSet = ifConsIsElemThenIsSubSet consSubSet varInEnv
    in interpEnv newEnv newSubSet e
  interpEnv {fvsEnv} env subSet (Let (var := n) e delAt)
    | No notVarInEnv =
   let (MkAmbiente recEnv) = env
      newRec = consRec var n recEnv
        {notElem=ifNotElemThenNotInNats notVarInEnv}
      newEnv = MkAmbiente newRec {ls=(var :: fvsEnv)}
      newSubSet =
        ifIsSubSetThenSoIfYouDeleteLabel delAt subSet {l=var}
   in interpEnv newEnv newSubSet e
```

El primer paso a tomar es saber si la variable var se encuentra en el ambiente o no. Es posible que la variable var ya tenga un valor n2 asignado en el ambiente, pero si es así, tal valor debe ser sustituido por n cuando se intente evaluar la subexpresión e. Si la variable no se encuentra en el ambiente, entonces debe ser agregado a tal al momento de evaluar la subexpresión.

Veremos cómo se realiza esto en la implementación misma:

```
interpEnv {fvsEnv} env subSet (Let (var := n) e delAt)
    with (isElem var fvsEnv)
```

El primer paso entonces consiste en tomar las variables del ambiente fvs y verificar si var pertenece a ellas con la llamada a isElem var fvsEnv. Esto trae dos casos posibles, uno donde pertenece y otro donde no.

Primero abarcaremos el caso donde no existe:

Se obtiene la prueba notVarInEnv : Not (Elem var fvsEnv), y luego se extrae el record de tipo Record {lty=String} (AllNats fvsEnv) del ambiente.

```
newRec = consRec var n recEnv
{notElem=ifNotElemThenNotInNats notVarInEnv}
```

Como la variable no pertenece al ambiente, entonces se agrega su etiqueta var y su valor n al record, extendiendolo con consRec. Recordemos el tipo de consRec:

```
consRec : DecEq lty => {ts : LabelList lty} -> {t : Type} ->
  (1 : lty) -> (val : t) -> Record ts ->
  {notElem : Not (ElemLabel l ts)} -> Record ((1, t) :: ts)
```

La función consRec utilizada aquí no hace uso de IsLabelSet sino que utiliza Not (Elemlabel 1 ts).

Para poder extender el record se necesita una prueba de Not (ElemLabel 1 ts), es decir, que la etiqueta a agregar no exista en el record. Como este caso surge de tener una prueba de que la variabel está en el ambiente, es posible construir la prueba con la siguiente función:

```
ifNotElemThenNotInNats : Not (Elem x xs) ->
  Not (ElemLabel x (AllNats xs))
```

Recordemos que se tiene la prueba <code>notVarInEnv</code>: Not (Elem var fvsEnv), pero para poder extender el record se necesita una prueba de Not (ElemLabel var (AllNats fvsEnv)). Esta función auxiliar realiza esa transformación, conociendo que si un elemento no pertenece a una lista como ['x', 'y'], entonces tampoco va a pertenecer a una donde se agrega el tipo Nat, como [('x', Nat), ('y', Nat)].

Luego de extender el record, se obtiene el nuevo ambiente de forma simple:

```
newEnv = MkAmbiente newRec {ls=(var :: fvsEnv)}
```

Ahora que se tiene el nuevo ambiente, para poder evaluar la subexpresión en él, es necesario tener una prueba de que las variables libres de la subexpresión son un subconjunto de las del nuevo ambiente. Esto se realiza de esta forma:

```
newSubSet =
  ifIsSubSetThenSoIfYouDeleteLabel delAt subSet {l=var}
```

Conociendo que subSet es la prueba de IsSubSet fvs fvsEnv, y delAt de DeleteLabelAtPred_List var fvsInner fvs, entonces se necesita poder obtener la prueba de IsSubSet fvsInner (var :: fvsEnv). Básicamente, si se agrega var a ambas listas la propiedad de ser un subconjunto se preserva.

Esta prueba se obtiene con la siguiente función:

```
ifIsSubSetThenSoIfYouDeleteLabel :
  DeleteLabelAtPred_List 1 ls1 ls3 ->
  IsSubSet ls3 ls2 -> IsSubSet ls1 (1 :: ls2)
```

Ahora se tiene el nuevo ambiente Ambiente (var :: fvsEnv), se tiene la prueba de IsSubSet fvsInner (var :: fvsEnv) y la subexpresión Exp fvsInner. Con estos términos se puede evaluar tal subexpresión de esta forma, terminando la evaluación de la expresión en su conjunto:

```
interpEnv newEnv newSubSet e
```

Ahora solo queda realizar la evaluación cuando la variable var sí pertenece al ambiente, en este caso:

Se tiene la prueba varInEnv : Elem var fvsEnv. Luego se extrae el record de tipo Record {lty=String} (AllNats fvsEnv) del ambiente.

Como la variable pertenece al ambiente, entonces es necesario reemplazar su valor con n. Para ello, primero se debe obtener la prueba de que tal variable pertenece al record con tipo Nat:

```
hasField = ifIsElemThenHasFieldNat varInEnv
```

Para esto se utiliza la siguiente función auxiliar:

```
ifIsElemThenHasFieldNat : Elem 1 ls -> HasField 1 (AllNats ls) Nat
```

Esta función simplemente transforma una prueba a otra. Elem l ls es equivalente a HasField l (AllNats ls) Nat, porque sabemos que AllNats no agrega información a la lista más que todos tienen el tipo Nat.

Para actualizar el record, se utiliza la siguiente función:

```
hUpdateAtLabel : DecEq lty => (l : lty) ->
ty -> Record ts -> HasField l ts ty -> Record ts
```

Esta función se vió en los ejemplos del capítulo anterior. Toma un record, una etiqueta de tal, una prueba de que esa etiqueta existe en el recordd y tiene un tipo ty, y actualiza el record con un valor del tipo ty. En este caso, se tiene una prueba de ${\tt HasField\ l\ (AllNats\ ls)\ Nat}$, por lo que se puede actualizar el record pasando un nuevo valor de tipo ${\tt Nat}$ de la siguiente forma:

```
newRec = hUpdateAtLabel var n recEnv hasField
newEnv = MkAmbiente newRec
```

Al tener el record se puede crear el nuevo ambiente de tipo Ambiente fvsEnv, idéntico al anterior, solo con el valor n para la etiqueta var.

Ahora, al igual que el caso donde var no pertenecía al ambiente, es necesario construir la prueba de que la lista de variables libres de la subexpresión es un subconjunto de las del ambiente. Al igual que el caso anterior, se utilizará la misma función:

```
consSubSet =
  ifIsSubSetThenSoIfYouDeleteLabel delAt subSet {l=var}
```

Como en el caso anterior, esta llamada retorna una prueba de IsSubSet fvsInner (var :: fvsEnv). Sin embargo, en este caso el ambiente no es de tipo Ambiente (var :: fvsEnv), sino que su tipo nunca cambió y sigue siendo Ambiente fvsEnv. Por eso es necesaria una prueba de IsSubSet fvsInner fvsEnv.

```
newSubSet = ifConsIsElemThenIsSubSet consSubSet varInEvn
```

Como se muestra más arriba, tal prueba se consigue con la siguiente función:

```
ifConsIsElemThenIsSubSet : IsSubSet ls1 (1 :: ls2) ->
   Elem 1 ls2 -> IsSubSet ls1 ls2
```

Esta función indica que si se tiene una prueba de que una lista 1s1 es subconjunto de 1 :: 1s2, pero 1 ya pertenece a 1s2, entonces es posible eliminarla y esto no altera la propiedad de ser subconjunto.

En el caso actual, al tener IsSubSet fvsInner (var :: fvsEnv) y Elem var fvsEnv, se sabe que fvsInner es subconjunto de fvsEnv, representado por la prueba de IsSubSet fvsInner fvsEnv.

Ahora se tiene el nuevo ambiente Ambiente fvsEnv, se tiene la prueba de IsSubSet fvsInner fvsEnv y la subexpresión Exp fvsInner. Con estos términos se puede evaluar la subexpresión de esta forma, terminando la evaluación de la expresión en su conjunto:

```
interpEnv newEnv newSubSet e
```

Como se pudo evaluar la subexpresión para los dos casos (si var pertenece al ambiente o no), ya termina la evaluación de la expresión let var := n in e.

Capítulo 5

Conclusiones

El objetivo principal de este trabajo era el de poder implementar una biblioteca de records extensibles en un lenguaje con tipos dependientes, de tal forma que su desarrollo y uso sean más sencillos o adecuados gracias a tales tipos dependientes (y gracias al lenguaje utilizado, Idris en este caso). Por lo que se vió en este trabajo, este objetivo se cumplió satisfactoriamente. Es posible tener una solución al problema de records extensibles en un lenguaje como Idris, y éste presenta muchas ventajas sobre otras soluciones que vale la pena tener en cuenta.

A continuación se discutirán los problemas y facilidades que se encontraron en este trabajo.

5.1. Viabilidad de implementar records extensibles con tipos dependientes

En este trabajo se vió que implementar records extensibles con tipos dependientes es viable. Una vez que se tienen claro los conceptos del lenguaje, el desarrollo y diseño de la solución se realizan con bastante simpleza y sencillez. No se utilizan técnicas muy avanzadas ni poco entendibles, y el diseño final queda entendible también.

Por ejemplo, la definición de records misma se realiza con solo dos líneas de código bastante entendibles:

```
data Record : LabelList lty -> Type where
   MkRecord : IsLabelSet ts -> HList ts -> Record ts
```

Por otra parte, este trabajo constó en intentar traducir la implementación de HList (biblioteca de Haskell) a Idris. En este aspecto, la traducción final resultó muy similar a la de HList, y no se encontraron problemas mayores en traducir conceptos, tipos y funciones de un lenguaje a otro. El diseño actual, basado en HList, permite tener una solución adecuada al problema de records extensibles que cumple con todos los requisitos y propiedades de éste.

También se cumplió el objetivo de hacer la biblioteca amigable para el usuario final. Con esta biblioteca, crear records y manipularlos se puede realizar sin tener que utilizar funcionalidades avanzadas del lenguaje, ni recurrir a técnicas complejas. Con funciones como consRecAuto y otras, se pueden crear records de forma sencilla,

garantizando que el record final cumpla con las propiedades deseadas (como que no contenga etiquetas repetidas) pero sin presentarle dificultades al usuario.

Un aspecto que no resulta muy amigable al usuario es la manipulación del record de forma genérica. Es decir, si el usuario tiene un record en particular, como { 'x': 10, 'y': 15 }, puede manipularlo de forma sencilla. Sin embargo, si el usuario tiene un record como argumento o resultado de una función, para poder manipularlo va a necesitar manipular las pruebas de sus propiedades de forma manual. Como se vió en el caso de estudio, en la implementación del evaluador de expresiones era necesario que el usuario genere las pruebas de HasField, Not (Elemlabel 1 ls), entre otras. A diferencia de otros lenguajes y soluciones de records extensibles, esto le agrega un nivel de complejidad mayor al uso de ellos en Idris, ya que el usuario necesita estar familiarizado con esas definiciones de propiedades y debe estar familiarizado con Idris para saber cómo generar sus pruebas y manipularlas.

En términos generales, se vió que esta solución tiene ventajas sobre otras realizadas en otros lenguajes. Comparándola con HList de Haskell, esta solución tiene el mismo poder de expresión de ella (al ser una traducción casi directa), pero al tener tipos dependientes *first-class* tiene ventajas sobre Haskell, como por ejemplo, poder definir funciones sobre records y listas heterogéneas con los mismos mecanismos que se definen las demás funciones (y no estar forzado a utilizar typeclasses, type families, etc). Comparándola con otros lenguajes como Elm y Purescript, como se vió en el capítulo *'Records extensibles en Idris'*, esta solución permite modelar las mismas funcionalidades de ellos, pero a su vez le da una mayor cantidad de funcionalidades y flexibilidad al usuario.

5.2. Desarrollo en Idris con tipos dependientes

En esta sección se describirán algunos problemas que se encontraron en la forma de desarrollar en Idris utilizando tipos dependientes.

El primer aspecto importante que se notó, es que el trabajo mayor de desarrollo no se encontraba en las definiciones de tipos y funciones importantes, sino en el desarrollo de las pruebas de teoremas y lemas auxiliares o intermedios. En este trabajo se mencionaron varios teoremas sin mostrar su implementación (que se encuentran en el apéndice), pero varios de esos teoremas, para poder ser probados, necesitan de varios sublemas adicionales, necesitan realizar muchos análisis de casos, y en general resulta más difícil solucionarlos, ya que se entra en el territorio de pruebas formales e inductivas.

A su vez, cuantos más predicados y funciones se agregan, se encontró que la cantidad de lemas y teoremas necesarios aumenta considerablemente. Por ejemplo, al agregar predicados como IsleftUnion o HasField, o funciones como (++) (append), es necesario crear teoremas que relacionen esos predicados y funciones con otras previamente creadas. Por ejemplo:

```
ifNotInEitherThenNotInAppend : DecEq lty =>
  {ts1, ts2 : LabelList lty} -> {l : lty} ->
  Not (ElemLabel l ts1) -> Not (ElemLabel l ts2) ->
  Not (ElemLabel l (ts1 ++ ts2))
```

En el caso de estudio se definió el predicado IsSubSet para indicar que una lista es un subconjunto de otra. En este caso también era necesario crear varios

teoremas que relacionaran este predicado con los otros utilizados en la biblioteca, como:

```
ifIsSubSetOfEachThenIsSoAppend : DecEq lty =>
  {ls1, ls2, ls3 : List lty} ->
  IsSubSet ls1 ls3 -> IsSubSet ls2 ls3 ->
  IsSubSet (ls1 ++ ls2) ls3
```

Esto resulta en varios problemas:

- El trabajo del desarrollador de la biblioteca se multiplica cada vez que éste quiera agregar nuevas funcionalidades sobre los records, o cuando quiera agregar nuevos predicados o funciones sobre ellos. Por ejemplo, si se quisiera agregar la funcionalidad unzipRecord de HList, se deberían agregar nuevos predicados y funciones para las listas de campos. Esto requeriría agregar varios teoremas de cómo se relacionan estos predicados y funciones con ElemLabel, IsLeftUnion, IsLabelSet, IsProjectLeft, entre otros.
- El usuario va a tener que implementar sus propios teoremas para cualquier predicado nuevo que él cree. En el caso de estudio, el nuevo predicado fue IsSubSet. Al crear este nuevo predicado era necesario agregar nuevos teoremas, como el teorema ifIsSubSetOfEachThenIsSoAppend descrito anteriormente. Esto puede resultar muy costoso para el usuario.

En relación a los teoremas y predicados, la biblioteca en sí debería proporcionar todos los predicados y teoremas que pueda. Para poder tener las definiciones de los tipos y predicados encapsulados, sin que sea necesario que el usuario tenga que conocer sus implementaciones y mecanismos internos, no se debe poder esperar que el usuario mismo cree teoremas sobre estos predicados de tal forma que tenga que operar con su definición o implementación explícitamente. Esto requiere de un mayor trabajo para el desarrollador de la biblioteca, ya que debe crear teoremas para cualquier posible caso de uso de sus predicados y funciones, todo con el afán de facilitarle su uso al usuario. De lo contrario, los usuarios mismos tienen que conocer la implementación interna de la biblioteca y crear sus propios teoremas, lo cual resulta inviable.

En el desarrollo de este trabajo hubo algunos problemas de diseño que surgieron a causa de los tipos dependientes. En algunos momentos hubo algunos predicados sobre listas que tuvieron código duplicado. Los predicados IsLeftUnion trabajan sobre listas de tipo LabelList lty, mientras que predicados IsLeftUnion_List trabajan sobre listas de tipo List lty. Son predicados con tipos distintos, sin embargo sus definiciones son idénticas. Parametrizar tales predicados por cualquier tipo de lista no es trivial y requiere de un rediseño de la solución. Varios de estos problemas surgen en una etapa avanzada del desarrollo (por ejemplo el problema de IsLeftUnion descrito anteriormente surgió al momento de implementar el caso de estudio), lo cual hace más costoso su cambio.

Otro problema que surgió en el desarrollo es que la lectura del código no proporciona la información necesaria al programador. Las pruebas de los teoremas y lemas se realiza paso a paso. En cada rama del código se tienen términos de prueba y valores con distintos tipos complejos, y se deben combinar ellos para poder obtener la prueba final. Muchos de estos términos son implícitos y no aparecen en el código (por ejemplo los argumentos implícitos que utilizan la sintaxis {} }

Idris). Una vez finalizada la prueba, es imposible conocer los tipos y el estado de esos términos en tales ramas, ya que o son términos implícitos o sus tipos no se muestran explícitamente en el código. Esto dificulta no solo la tarea de lectura y entendimiento de las pruebas, sino que si se realiza un cambio en la definición de un predicado o función, al desarrollador le resulta difícil entender donde tiene que realizar los cambios correspondientes para adaptarse a ese cambio de definición.

Sin ser por los problemas descritos, el desarrollo en Idris es bastante placentero y sencillo. Al tener tipos más ricos, la implementación de teoremas y funciones se simplifica bastante con la ayuda del compilador, que previene que uno tome en cuenta casos inválidos (como ${\tt Elem} \ {\tt x}\ [\]$). Los tipos dependientes ayudan mucho en este aspecto, ya que cuanta más información se tenga en el tipo que permita restringir los posibles estados de sus valores, el programador debe realizar menos análisis de casos, y se reduce la chance de introducir defectos por olvidarse de manejar alguno de esos casos, o por manejarlos de forma errónea.

5.3. Alternativas de HList en Idris

El sistema de tipos de Idris permite definir tipos de muchas maneras, por lo cual en su momento se investigaron otras formas distintas de implementar HList.

A continuación se describen tales formas, indicando por qué no se optó por cada una de ellas.

5.3.1. Dinámico

```
data HValue : Type where
  HVal : {A : Type} -> (x : A) -> HValue

HList : Type
HList = List HValue
```

Este tipo se asemeja al tipo Dynamic utilizado a veces en Haskell, o a Object en Java/C#. Esta HList mantiene valores de tipos arbitrarios dentro de ella, pero no proporciona ninguna información de ellos en su tipo. Cada valor es simplemente reconocido como HValue, y no es posible conocer su tipo u operar con él de ninguna forma. Solo es posible insertar elementos, y manipularlos en la lista (eliminarlos, reordenarlos, etc).

Este enfoque se asemeja al uso de List<Object> de Java/C# que fue usado incluso antes de que estos lenguajes tuvieran tipos parametrizables, pero sin la funcionalidad de poder realizar down-casting (castear un elemento de una superclase a una subclase).

No se utilizó este enfoque ya que al no poder obtener la información del tipo de HValue es imposible poder verificar que un record contenga campos con etiquetas no repetidas, al igual que es imposible poder trabajar con tal record luego de ser construido.

Un ejemplo de su uso sería:

```
[HVal (1, 2), HVal "Hello", HVal 42] : HList
```

5.3.2. Existencial

```
data HList : Type where
  Nil : HList
  (::) : {A : Type} -> (x : A) -> HList -> HList
```

Este enfoque se asemeja al uso de *tipos existenciales* utilizados en Haskell. Básicamente, el tipo HList se define como un tipo simple sin parámetros, pero sus constructores permiten utilizar valores de cualquier tipo.

Esta definición es muy similar a la que utiliza tipos dinámicos visto en la sección anterior, y tiene las mismas desventajas. Luego de creada una HList de esta forma, no es posible obtener ninguna información de los tipos de los valores que contiene, por lo que es imposible poder trabajar con tales valores. Por ese motivo tampoco fue utilizado.

Un ejemplo de su uso sería:

```
[1, "2"] : HList
```

5.3.3. Estructurado

```
using (x : Type, P : x -> Type)
data Hlist : (P : x -> Type) -> Type where
Nil : HList P
(::) : {head : x} -> P head -> HList P ->
HList P
```

Esta definición es un punto medio (en términos de poder) entre la definición utilizada en este trabajo y las descritas en las secciones anteriores.

Esta HList es parametrizada por un constructor de tipos. Es decir, toma como parámetro una función que toma un tipo y construye otro tipo a partir de éste. Esta definición permite imponer una estructura en común a todos los elementos de la lista, forzando a que cada uno de ellos sea construido con tal constructor de tipo, sin importar el tipo base utilizado.

La desventaja es que no es posible conocer nada de los tipos de cada elemento sin ser por la estructura que se impone en su tipo. El tipo utilizado en este trabajo (al igual que el tipo <code>HList</code> que viene en la biblioteca base de Idris) permite utilizar tipos arbitrarios y obtener información de ellos accediendo a la lista de tipos, por lo cual son más útiles. Por ejemplo, con esta HList no sería posible obtener un valor de tipo <code>Nat</code>, ya que no se tiene conocimiento de que existe el tipo <code>Nat</code> en la lista heterogénea.

Algunos ejemplos son los siguientes:

```
hListTuple : HList (\x => (String, x))
hListTuple = ("Campo 1", 1) :: ("Campo 2", "Texto") :: Nil
```

Como se ve en este ejemplo, esta HList permite agregar etiquetas a cada uno de sus valores. Sin embargo, no se puede obtener los tipos de éstos, ya que en el tipo solo se tiene un valor x arbitrario, y no se puede saber cuál es su tipo (si es Nat, String, etc).

```
hListExample : HList id
hListExample = 1 :: "1" :: (1, 2) :: Nil
```

En este ejemplo se puede reconstruir la definición de HList existencial simplemente utilizando \mathtt{HList} id. Esto indica que esta definición de HList es más poderosa que la existencial.

Capítulo 6

Trabajo a futuro

En este trabajo se encontraron varias tareas para mejorar la implementación de records extensibles:

- Una posible tarea a futuro es terminar de implementar las demás funciones y predicados de HList de Haskell que no se tradujeron a Idris en esta solución.
- En el diseño de la biblioteca y del caso de estudio, hubo varios predicados y funciones duplicados para LabelList lty y List lty. Predicados como IsLeftUnion, DeleteLabelAt, y muchos otros. Una mejora es crear predicados y funciones parametrizables por List a, con la restricción de que este a contenga una etiqueta o valor String o DecEq lty. De este modo no se repite código ni se realiza más esfuerzo en probar todos los teoremas para cada predicado en particular.
- Todavía existen muchos lemas y teoremas que relacionan todos los predicados y tipos creados que podrían ser muy útiles. Es fundamental que la biblioteca contenga estos teoremas para que el programador que la use no tenga que probarlos por sí solo cada vez (lo cual va a requerir que el usuario de esta biblioteca conozca su comportamiento interno, que es necesario para probar los teoremas). Un trabajo a futuro es investigar estos nuevos teoremas y funciones y exponerlos en la biblioteca.
- Para algunos predicados se crearon funciones que computan su mismo resultado. Por ejemplo, para el predicado IsLeftUnion se implementó la función hLeftUnion_List. Un buen trabajo a futuro sería implementar las funciones análogas de todos los predicados definidos, y definir todos los posibles teoremas y lemas interesantes entre esas funciones y los distintos predicados. Alternativamente, se puede investigar para solo utilizar las funciones que computan el resultado y no utilizar los predicados (aunque esto requeriría un rediseño grande de la solución).
- La implementación actual funciona sobre listas ordenadas. Esto hace que Record [('A', Nat), ('B', Nat)] sea distinto de Record [('B', Nat), ('A', Nat)], cuando en realidad tal orden no es necesario para utilizar las funciones definidas para records. Un posible trabajo es parametrizar el tipo del record por un tipo abstracto. Este tipo abstracto debe funcionar como una colección de etiquetas y tipos, y debe permitir operaciones como

head, index, cons, nil, entre otras. Al funcionar como tipo abstracto se podría utilizar cualquier tipo que cumpla estas propiedades, eligiendo el que se adecúe a la situación del usuario. Se podría utilizar árboles binarios, árboles Red-Black, Fingertrees, etc.

- Actualmente los records se implementaron siguiendo los pasos de *HList* de Haskell. Sin embargo, pueden existir otras implementaciones que sean mejores en otras situaciones. Una buena tarea a futuro es diseñar la biblioteca utilizando el record como tipo abstracto, tal que la implementación misma del record pueda variar sin que los usuarios de la biblioteca sean afectados.
- Como se vió en la introducción, los conceptos visitados en este trabajo aplican tanto a Agda como a Idris. Sería interesante estudiar replicar esta implementación en Agda.
- Se pueden mejorar los mensajes de error en la generación automática de predicados. Cuando se utiliza TypeOrUnit, si el compilador no puede generar el predicado esperado, entonces se muestra un error de unificación de TypeOrUnit con el tipo esperado. Se puede investigar una nueva forma de utilizar TypeOrUnit para mostrar mejores mensajes de error. Se debería poder asignar un mensaje de error para cada aplicación de TypeOrUnit, como por ejemplo el mensaje 'El elemento a agregar ya existe' al llamar a consRecAuto.

Capítulo 7

Apéndice

7.1. Código fuente

PENDIENTE

Bibliografía

- [1] An overview of Hugs extensions Extensible records: Trex. 1999. URL: https://www.haskell.org/hugs/pages/hugsman/exts.html#sect7. 2 (visitado 07-02-2017).
- [2] Julian K. Arni. *Bookkeeper*. 2015. URL: https://github.com/turingjump/bookkeeper (visitado 09-02-2017).
- [3] Edwin Brady. «Idris, a general-purpose dependently typed programming language: Design and implementation». En: *Journal of Functional Programming* 23 (sep. de 2013), págs. 552-593. ISSN: 1469-7653. DOI: 10.1017/s095679681300018x. URL: http://dx.doi.org/10.1017/s095679681300018x.
- [4] Luca Cardelli y John C. Mitchell. «Operations on Records». En: Proceedings of the Fifth International Conference on Mathematical Foundations of Programming Semantics. New Orleans, Louisiana, USA: Springer-Verlag New York, Inc., 1990, págs. 22-52. ISBN: 0-387-97375-3. URL: http://dl.acm.org/citation.cfm?id=101514.101515.
- [5] Chih-Mao Chen. *The rawr package*. 2016. URL: https://hackage.haskell.org/package/rawr (visitado 09-02-2017).
- [6] Evan Czaplicki y Stephen Chong. «Asynchronous Functional Reactive Programming for GUIs». En: SIGPLAN Not. 48.6 (jun. de 2013), págs. 411-422. ISSN: 0362-1340. DOI: 10.1145/2499370.2462161. URL: http://doi.acm.org/10.1145/2499370.2462161.
- [7] Chris Done. *The labels package*. 2016. URL: https://hackage.haskell.org/package/labels (visitado 09-02-2017).
- [8] Elm Compilers as Assistants. 2015. URL: http://elm-lang.org/blog/compilers-as-assistants (visitado 17-04-2016).
- [9] Elm Records. 2016. URL: http://elm-lang.org/docs/records (visitado 08-03-2016).
- [10] Julian Fleischer. *The named-records package*. 2013. URL: https://hackage.haskell.org/package/named-records (visitado 09-02-2017).
- [11] Nicolas Frisby. *The ruin package*. 2016. URL: https://hackage.haskell.org/package/ruin (visitado 09-02-2017).
- [12] Benedict R. Gaster y Mark P. Jones. A Polymorphic Type System for Extensible Records and Variants. Inf. téc. 1996.
- [13] William A. Howard. «The formulas-as-types notion of construction». En: *To H. B. Curry: Essays on Combinatory Logic, Lambda Calculus, and Formalism.* Ed. por J. P. Seldin y J. R. Hindley. Academic Press, 1980, págs. 479-490.

BIBLIOGRAFÍA 65

[14] Wolfgang Jeltsch. «Generic Record Combinators with Static Type Checking». En: Proceedings of the 12th International ACM SIGPLAN Symposium on Principles and Practice of Declarative Programming. PPDP '10. Hagenberg, Austria: ACM, 2010, págs. 143-154. ISBN: 978-1-4503-0132-9. DOI: 10.1145/1836089.1836108. URL: http://doi.acm.org/10.1145/1836089.1836108.

- [15] Wolfgang Jeltsch. *The records package*. 2012. URL: https://hackage.haskell.org/package/records (visitado 09-02-2017).
- [16] Mark P. Jones y Simon Peyton Jones. Lightweight Extensible Records for Haskell. 1999.
- [17] Oleg Kiselyov, Ralf Lämmel y Keean Schupke. *Hackage The HList package*. 2004. URL: https://hackage.haskell.org/package/HList (visitado 06-03-2016).
- [18] Oleg Kiselyov, Ralf Lämmel y Keean Schupke. «Strongly Typed Heterogeneous Collections». En: *Proceedings of the 2004 ACM SIGPLAN Workshop on Haskell*. Haskell '04. Snowbird, Utah, USA: ACM, 2004, págs. 96-107. ISBN: 1-58113-850-4. DOI: 10.1145/1017472.1017488. URL: http://doi.acm.org/10.1145/1017472.1017488.
- [19] Edward A. Kmett. *The tagged package*. 2010. URL: https://hackage.haskell.org/package/tagged (visitado 10-02-2017).
- [20] Daan Leijen. «Extensible records with scoped labels». En: *Proceedings of the 2005 Symposium on Trends in Functional Programming (TFP'05)*. Tallin, Estonia, sep. de 2005.
- [21] Daan Leijen. First-class labels for extensible rows. Inf. téc. UU-CS-2004-51. Department of Computer Science, Universiteit Utrecht, dic. de 2004.
- [22] Ulf Norell. «Dependently Typed Programming in Agda». En: Proceedings of the 4th International Workshop on Types in Language Design and Implementation. TLDI '09. Savannah, GA, USA: ACM, 2009, págs. 1-2. ISBN: 978-1-60558-420-1. DOI: 10.1145/1481861.1481862. URL: http://doi.acm.org/10.1145/1481861.1481862.
- [23] Purescript Handling Native Effects with the Eff Monad. 2016. URL: http://www.purescript.org/learn/eff/ (visitado 17-04-2016).
- [24] Purescript by Example. 2016. URL: https://leanpub.com/purescript (visitado 31-01-2017).
- [25] Jonathan Sterling. *The vinyl package*. 2012. URL: https://hackage.haskell.org/package/vinyl (visitado 09-02-2017).