

02 주차 | 딥러닝 기초

상명대학교컴퓨터과학과 민경하



## 학습목차

- 1. 세상 단순한 인공 신경망
- 2. 세상 단순한 인공 신경망의 구현 (이론)
- 3. 세상 단순한 인공 신경망의 구현 (Numpy)
- 4. 세상 단순한 인공 신경망의 구현 (PyTorch)
- 5. 세상 단순한 인공 신경망의 구현 (Tnesorflow)



## 1. 세상 단순한 인공 신경망



## 세상에서 가장 단순한 분류 문제

개와 늑대를 구분하는 분류 문제



세상에서 개와 늑대를 가장 잘 구분하는 존재는? VS

사람



사람이 어떻게 분류하는지 물어보면?



## 세상에서 가장 단순한 분류 문제

개와 늑대를 구분하는 분류 문제



VS



○ 사람이 개와 늑대를 구분하는 방법은?

귀

눈

혀

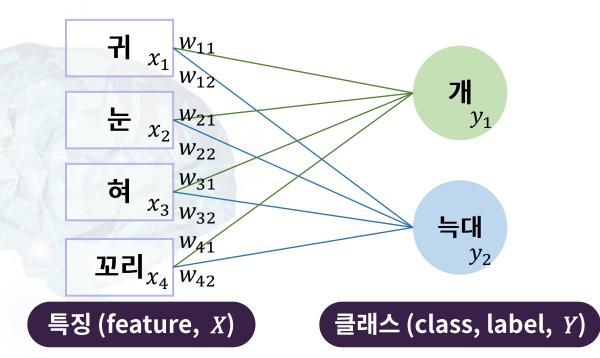
꼬리

• • • • •

귀여운가?

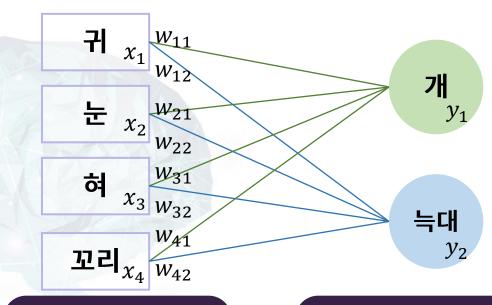


$$w_{11}x_1 + w_{21}x_2 + w_{31}x_3 + w_{41}x_4 = y_1$$
  
$$w_{12}x_1 + w_{22}x_2 + w_{32}x_3 + w_{42}x_4 = y_2$$





$$\begin{bmatrix} w_{11} & w_{21} & w_{31} & w_{41} \\ w_{12} & w_{22} & w_{32} & w_{42} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \\ x_4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} y_1 \\ y_2 \end{bmatrix} \qquad WX = Y$$

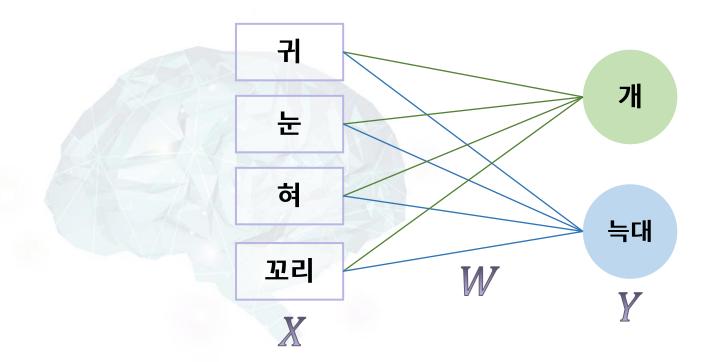


특징 (feature, X)

클래스 (class, label, Y)

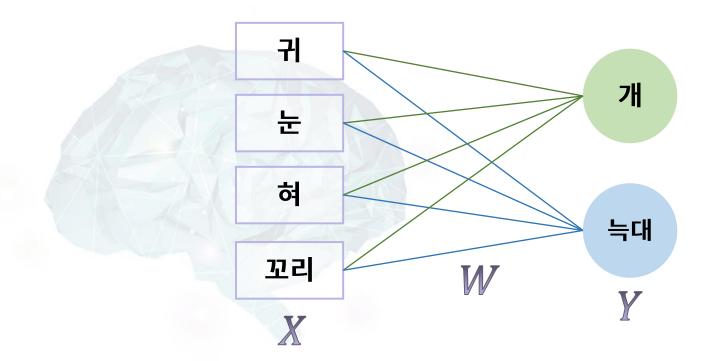


- 기존의 분류 방법 (Explicit method)
  - ☑ W를 결정하는 것이 가장 어려운 문제
  - ☑ 각 특징의 역할을 결정해야 함 → algorithm 설계



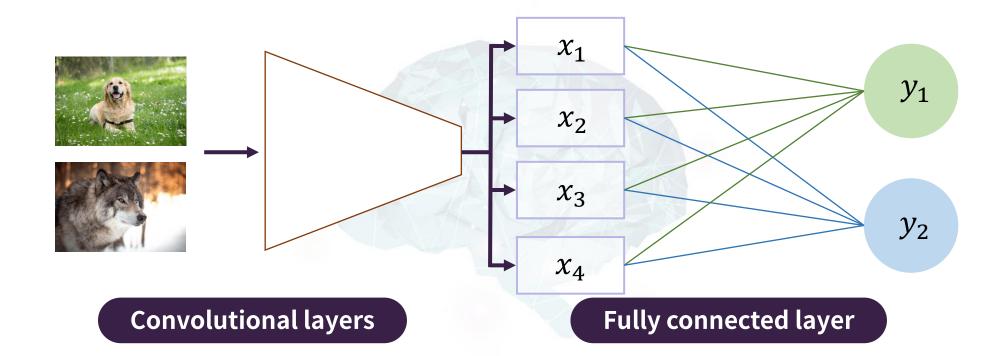


- 기존의 기계 학습 (Semi-implicit method)
  - ☑ 학습을 통해서 W를 결정함 (Implicit)
  - ☑ 어떤 요소가 X에 포함되는지 결정해야함 (Explicit)





- 심층 학습 (Implicit method)
  - ☑ 학습을 통해서 W를 결정함
  - ☑ 어떤 요소가 X에 포함되는지 학습을 통해서 결정함





## 2. 세상 단순한 인공 신경망의 구현 (이론)



### 인공 신경망의 구현의 4단계

- 인공 신경망 모델 정의
- ☑ 인공 신경망의 구조를 모델 표현
- ☑ 다양한 라이브러리를 이용한 모델 정의

#### 데이터 로딩

☑ 미리 저장된 대용량의 데이터를 읽어 들임



### 인공 신경망의 구현의 4단계

#### 훈련

- ☑ 가장 많은 시간이 요구됨
- Forward propagation: 모델에 데이터 적용 → Loss 함수 계산
- ☑ Backward propagation: Gradient 계산 → Gradient descent 수행

#### 테스트 (실행)

☑ 훈련이 끝난 파라미터를 이용해서 모델 수행 (Forward propagation)



#### Forward propagation

- $\bigcirc$  주어진 특징에 대해서 W를 적용해서 예측 레이블 (Predicted label,  $\hat{y}$ )을 계산
- $\bigcirc$  실제 레이블 (True label, y)과 비교  $\rightarrow$  Loss 함수

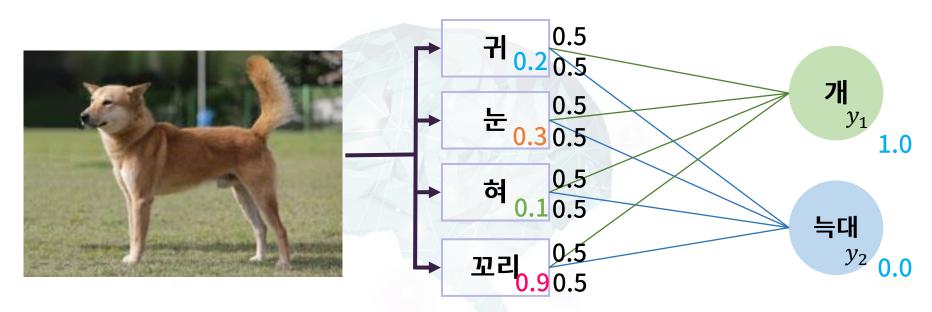
#### Backward propagation

- igoplus 파라미터 (W)가 Loss 함수 (L)에 미치는 영향을 계산 ightarrow Gradient 계산 ( $rac{\partial L}{\partial W}$ )
- Gradient descent를 적용해서 W값 갱신
- 이 과정을 Loss가 충분히 감소할 때까지 반복



- 특징 4가지
  - ☑ 귀의 크기 (0.2)
- ☑ 혀의 길이 (0.1)
- ☑ 눈의 크기 (0.3)

☑ 꼬리의 길이 (0.9)





ullet 주어진 특징에 대해서 W를 적용해서 예측 레이블 (predicted label,  $\hat{y}$ )을 계산

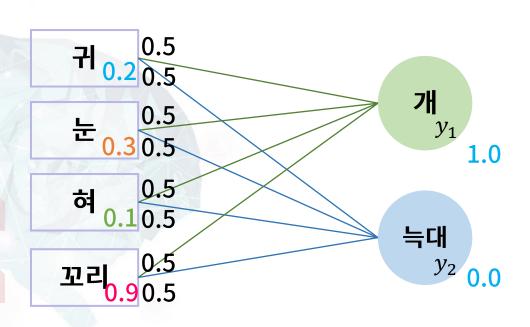
$$\hat{y} = WX$$

$$\hat{y}_i = w_{1i} * x_1 + w_{2i} * x_2 + w_{3i} * x_3 + w_{4i} * x_4$$

특징에 W를 적용해서 예측값  $\hat{y}$  계산

 $\hat{y}$ 과 y를 비교해서 loss 함수 L 계산

L에 대한 W의 gradient 계산  $(\frac{\partial L}{\partial w})$ 





ullet 주어진 특징에 대해서 W를 적용해서 예측 레이블 (predicted label,  $\hat{y}$ )을 계산

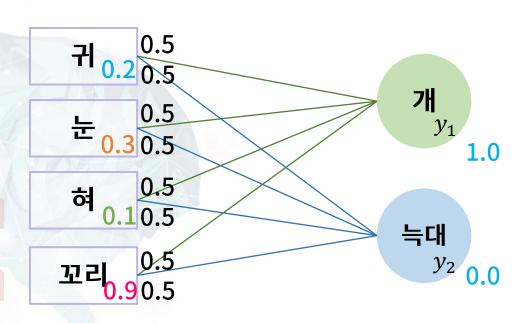
$$\hat{y}_1 = w_{11} * 0.2 + w_{21} * 0.3 + w_{31} * 0.1 + w_{41} * 0.9 = 0.5 * 0.2 + 0.5 * 0.3 + 0.5 * 0.1 + 0.5 * 0.9 = 0.75$$

$$\hat{y}_2 = w_{12} * \frac{0.2}{0.2} + w_{22} * \frac{0.3}{0.3} + w_{32} * \frac{0.1}{0.1} + w_{42} * \frac{0.9}{0.9} = 0.5 * \frac{0.2}{0.2} + 0.5 * \frac{0.3}{0.3} + 0.5 * \frac{0.1}{0.1} + 0.5 * \frac{0.9}{0.9} = 0.75$$

특징에 W를 적용해서 예측값  $\hat{y}$  계산

 $\hat{y}$ 과 y를 비교해서 loss 함수 L 계산

L에 대한 W의 gradient 계산  $(\frac{\partial L}{\partial w})$ 





● 실제 레이블 (true label, y)과 비교 → loss 함수

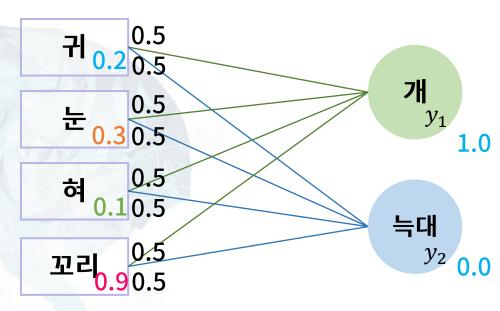
$$L = \frac{1}{2}(\|\hat{y}_1 - y_1\|^2 + \|\hat{y}_2 - y_2\|^2)$$

$$L = \frac{1}{2}(\|0.75 - 1.0\|^2 + \|0.75 - 0.0\|^2) = \frac{1}{2}(0.25^2 + 0.75^2) = 0.3125$$

특징에 W를 적용해서 예측값  $\hat{y}$  계산

 $\hat{y}$ 과 y를 비교해서 loss 함수 L 계산

L에 대한 W의 gradient 계산  $(\frac{\partial L}{\partial w})$ 





○ 파라미터 (W)가 loss 함수 (L)에 미치는 영향을 계산

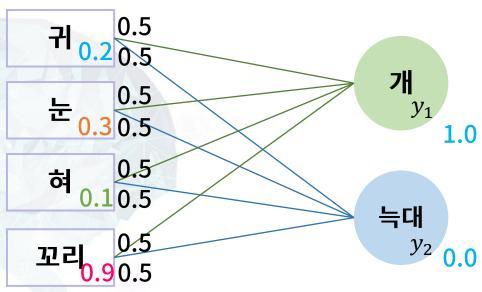
$$\frac{\partial L}{\partial w_{11}} \quad \frac{\partial L}{\partial w_{12}} \quad \frac{\partial L}{\partial w_{13}} \quad \frac{\partial L}{\partial w_{14}} \quad \frac{\partial L}{\partial w_{21}} \quad \frac{\partial L}{\partial w_{22}} \quad \frac{\partial L}{\partial w_{23}} \quad \frac{\partial L}{\partial w_{24}}$$

$$L = \frac{1}{2} (\|\hat{y}_1 - y_1\|^2 + \|\hat{y}_2 - y_2\|^2)$$
  
=  $\frac{1}{2} (\|w_{11}x_1 + w_{21}x_2 + w_{31}x_3 + w_{41}x_4 - 1.0\|^2 + \|w_{12}x_1 + w_{12}x_2 + w_{13}x_3 + w_{14}x_4 - 0.0\|^2)$ 

특징에 W를 적용해서 예측값  $\hat{y}$  계산

 $\hat{y}$ 과 y를 비교해서 loss 함수 L 계산

L에 대한 W의 gradient 계산  $(\frac{\partial L}{\partial w})$ 





○ 파라미터 (W)가 loss 함수 (L)에 미치는 영향을 계산

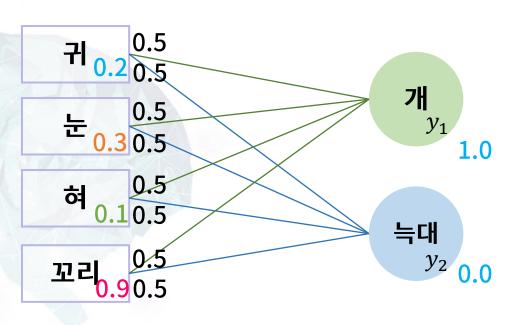
$$\frac{\partial L}{\partial w_{41}} = x_4(w_{11}x_1 + w_{21}x_2 + w_{31}x_3 + w_{41}x_4 - 1.0) = 0.9 * (0.1 + 0.15 + 0.05 + 0.45 - 1.0) = -0.225$$

$$\frac{\partial L}{\partial w_{42}} = x_4(w_{12}x_1 + w_{22}x_2 + w_{32}x_3 + w_{42}x_4 - 0.0) = 0.9 * (0.1 + 0.15 + 0.05 + 0.45 - 0.0) = 0.625$$

특징에 W를 적용해서 예측값  $\hat{y}$  계산

 $\hat{y}$ 과 y를 비교해서 loss 함수 L 계산

L에 대한 W의 gradient 계산  $(\frac{\partial L}{\partial w})$ 





○ Gradient descent를 적용해서 W값 갱신

$$w = w - lr \frac{\partial L}{\partial w}$$

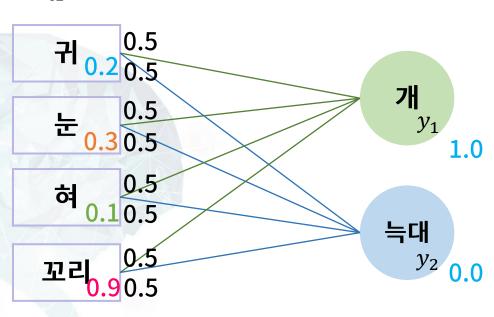
$$w_{41} = w_{41} - lr \frac{\partial L}{\partial w_{41}} = 0.5 - 0.01 * (-0.225) = 0.5025$$

$$w_{42} = w_{42} - lr \frac{\partial L}{\partial w_{42}} = 0.5 - 0.01 * (0.625) = 0.4938$$

특징에 W를 적용해서 예측값  $\hat{y}$  계산

 $\hat{y}$ 과 y를 비교해서 loss 함수 L 계산

L에 대한 W의 gradient 계산  $(\frac{\partial L}{\partial w})$ 





○ Gradient descent를 적용해서 W값 갱신

$$w = w - lr \frac{\partial L}{\partial w}$$

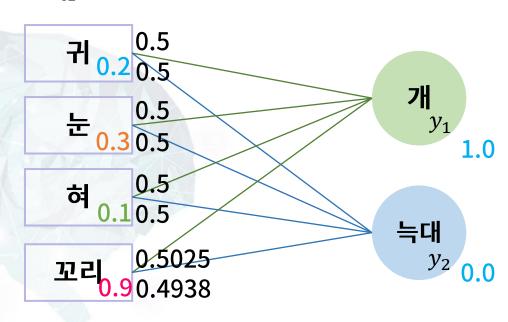
$$w_{41} = w_{41} - lr \frac{\partial L}{\partial w_{41}} = 0.5 - 0.01 * (-0.225) = 0.5025$$

$$w_{42} = w_{42} - lr \frac{\partial L}{\partial w_{42}} = 0.5 - 0.01 * (0.625) = 0.4938$$

특징에 W를 적용해서 예측값  $\hat{y}$  계산

 $\hat{y}$ 과 y를 비교해서 loss 함수 L 계산

L에 대한 W의 gradient 계산  $(\frac{\partial L}{\partial w})$ 





ullet (다시) 주어진 특징에 대해서 W를 적용해서 예측 레이블 (predicted label,  $\hat{y}$ )을 계산

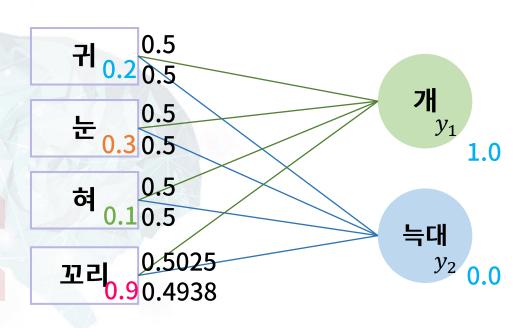
$$\hat{y}_1 = 0.5 * 0.2 + 0.5 * 0.3 + 0.5 * 0.1 + 0.5025 * 0.9 = 0.75225$$

$$\hat{y}_2 = 0.5 * 0.2 + 0.5 * 0.3 + 0.5 * 0.1 + 0.4938 * 0.9 = 0.74442$$

특징에 W를 적용해서 예측값  $\hat{y}$  계산

 $\hat{y}$ 과 y를 비교해서 loss 함수 L 계산

L에 대한 W의 gradient 계산  $(\frac{\partial L}{\partial w})$ 





(다시) 실제 레이블 (true label, y)과 비교 → loss 함수

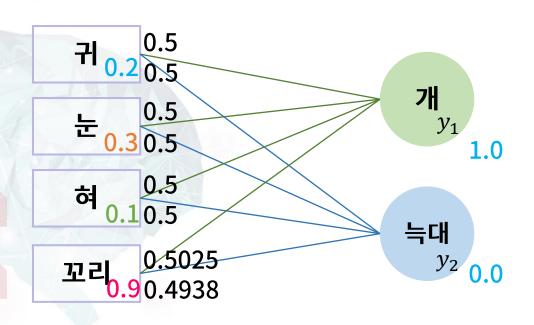
0.3125에 비해서 감소

$$L = \frac{1}{2}(\|0.75225 - 1.0\|^2 + \|0.74442 - 0.0\|^2) = \frac{1}{2}(0.24775^2 + 0.74442^2) = 0.3078$$

특징에 W를 적용해서 예측값  $\hat{y}$  계산

 $\hat{y}$ 과 y를 비교해서 loss 함수 L 계산

L에 대한 W의 gradient 계산  $(\frac{\partial L}{\partial w})$ 





## 3. 세상 단순한 인공 신경망의 구현 (Numpy)



## 인공 신경망의 구현의 4단계 (복습)

- 인공 신경망 모델 정의
- ☑ 인공 신경망의 구조를 모델 표현
- ☑ 다양한 라이브러리를 이용한 모델 정의

#### 데이터 로딩

☑ 미리 저장된 대용량의 데이터를 읽어 들임



## 인공 신경망의 구현의 4단계 (복습)

#### 훈련

- ☑ 가장 많은 시간이 요구됨
- Forward propagation: 모델에 데이터 적용 → Loss 함수 계산
- ☑ Backward propagation: Gradient 계산 → Gradient descent 수행

#### 테스트 (실행)

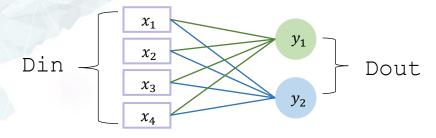
☑ 훈련이 끝난 파라미터를 이용해서 모델 수행 (Forward propagation)



### 세상 단순한 인공 신경망

- 인공 신경망 모델 정의
  - ☑ 특별히 모델 정의 안함
  - ☑ N, Din, Dout
  - ☑ 사용하는 변수: x, w, y
- 데이터 로딩
  - ☑ x, w, y: 난수 발생해서 사용
  - 훈련
    - ☑  $\hat{y}$  (y\_pred) 계산
    - ☑ loss 계산
    - ☑ gradient 계산
    - gradient descent 수행

```
import numpy as np
N, Din, Dout = 64, 4, 2
x = np.random.randn(N, Din)
y = np.random.randn(N, Dout)
w = np.random.randn(Din, Dout)
lr = 1e-6
for t in range (5000):
    y \text{ pred} = \text{np.matmul}(x, w)
    loss = (0.5*(y pred - y)**2).sum()
    grad y pred = (y pred - y)
    grad w = np.matmul (np.transpose(x),
                         grad y pred)
    w -= lr * grad w
```

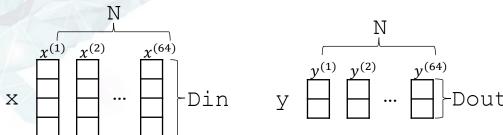




### 세상 단순한 인공 신경망

- 인공 신경망 모델 정의
  - ☑ 특별히 모델 정의 안함
  - ☑ N, Din, Dout
  - ☑ 사용하는 변수: x, w, y
- 데이터 로딩
  - ☑ x, w, y: 난수 발생해서 사용
  - 훈련
    - ☑  $\hat{y}$  (y\_pred) 계산
    - ☑ loss 계산
    - ☑ gradient 계산
    - ☑ gradient descent 수행

```
import numpy as np
N, Din, Dout = 64, 4, 2
x = np.random.randn(N, Din)
y = np.random.randn(N, Dout)
w = np.random.randn(Din, Dout)
lr = 1e-6
for t in range (5000):
    y \text{ pred} = \text{np.matmul}(x, w)
    loss = (0.5*(y pred - y)**2).sum()
    grad y pred = (y pred - y)
    grad w = np.matmul (np.transpose(x),
                         grad y pred)
    w -= lr * grad w
```





# 4. 세상 단순한 인공 신경망의 구현 (PyTorch)



# 세상 단순한 인공 신경망 (1)

- OPytorch를 이용한 구현
  - import torch
  - ☑ device 지정
    - » cpu VS gpu
  - ▼ torch.rand() 함수 사용
  - ☑ np.array → torch.tensor 기반 연산

```
import torch
device = torch.device ('cpu')
N, Din, Dout = 64, 4, 2
x = torch.randn(N, Din, device = device)
y = torch.randn(N, Dout, device = device)
w = torch.randn(Din, Dout, device = device)
1r = 1e-6
for t in range (500):
    y pred = x.mm(w)
    loss = 0.5*(y \text{ pred } - y).pow(2).sum()
    grad y pred = (y pred - y)
    grad w = x.t().mm(grad y pred)
    w -= lr * grad w
```



# 세상 단순한 인공 신경망 (2)

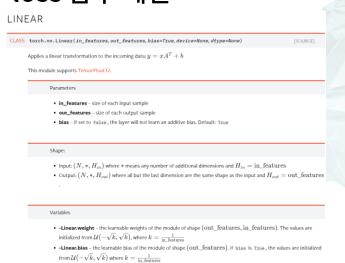
- autograd
  - ☑ backward () 함수를 이용한 자동 gradient 계산

```
import torch
N, Din, Dout = 64, 4, 2
x = torch.randn(N, Din, device = device)
y = torch.randn(N, Dout, device = device)
w = torch.randn(Din, Dout, device = device,
                 requires grad=True)
lr = 1e-6
for t in range (500):
    y pred = x.mm(w)
    loss = 0.5*(y pred - y).pow(2).sum()
    loss.backward ( )
    with torch.no grad():
        w -= lr * w.grad
        w.grad.zero ()
```



# 세상 단순한 인공 신경망 (3)

- o nn 라이브러리 이용
  - ☑ nn.Sequential ( )을 이용한 model 정의
  - ☑ nn.Linear ( )를 이용한 linear layer 표현
  - ☑ nn.functional.mse\_loss ( )를 이용한 loss 함수 계산



```
import torch
N, Din, Dout = 64, 4, 2
x = torch.randn(N, Din, device = device)
y = torch.randn(N, Dout, device = device)
w = torch.randn(Din, Dout, device = device,
                 requires grad=True)
1r = 1e-6
for t in range (500):
    y pred = x.mm(w)
    loss = 0.5*(y \text{ pred } - y).pow(2).sum()
    loss.backward ( )
    with torch.no grad():
        w -= lr * w.grad
        w.grad.zero ()
```



## 세상 단순한 인공 신경망 (4)

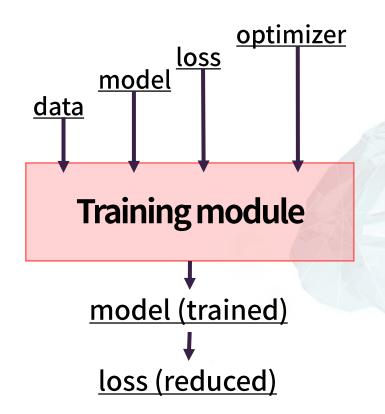
- o nn 라이브러리 이용
  - ☑ Optimizer를 이용한 gradient descent 수행
  - ☑ 많이 사용하는 Optimizer
    - » Adam
    - » SGD

```
import torch
N, Din, Dout = 64, 4, 2
x = torch.randn(N, Din, device = device)
y = torch.randn(N, Dout, device = device)
model = torch.nn.Sequential (
        torch.nn.Linear(Din, Dout))
1r = 1e-6
optimizer = torch.optim.Adam(model.parameters(),
                             lr = lr)
for t in range (500):
    y pred = x.mm(w)
    loss = torch.nn.functional.mse loss (y pred, y)
    loss.backward ( )
    optimizer.step()
    optimizer.zero grad()
```



## 세상 단순한 인공 신경망 (5)

○ nn.Module을 상속받는 class 선언을 통한 모델 구현



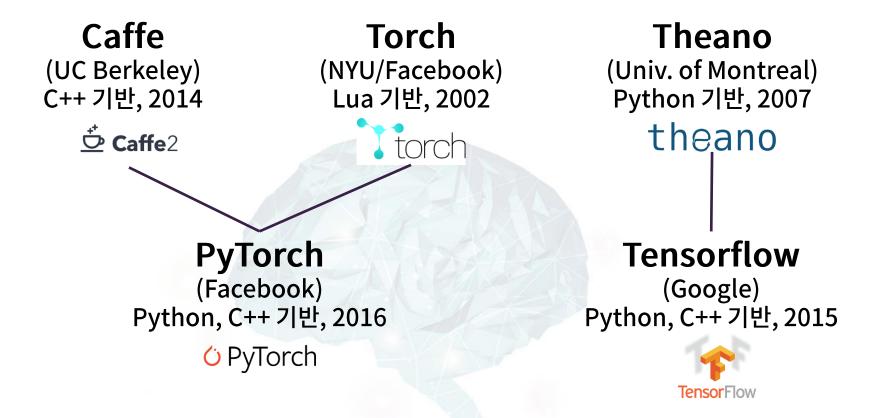
```
import torch
class MyOneLayerNet ( torch.nn.Module ):
    def init (self, Din, Dout):
        super(MyOneLayerNet, self). init ()
        self.linear = torch.nn.Linear(Din, Dout)
    def forward (self, x):
       y pred = self.linear(x)
        return y pred
N, Din, Dout = 64, 4, 2
x = torch.randn(N, Din, device = device)
y = torch.randn(N, Dout, device = device)
model = MyOneLayerNet ( Din, Dout )
optimizer = torch.optim.Adam(model.parameters(),
                             lr = 1e-6)
for t in range (500):
   y pred = model (x)
    loss = torch.nn.functional.mse loss (y pred, y)
   loss.backward ( )
    optimizer.step()
    optimizer.zero grad()
```



## 5. 세상 단순한 인공 신경망의 구현 (Tensorflow)

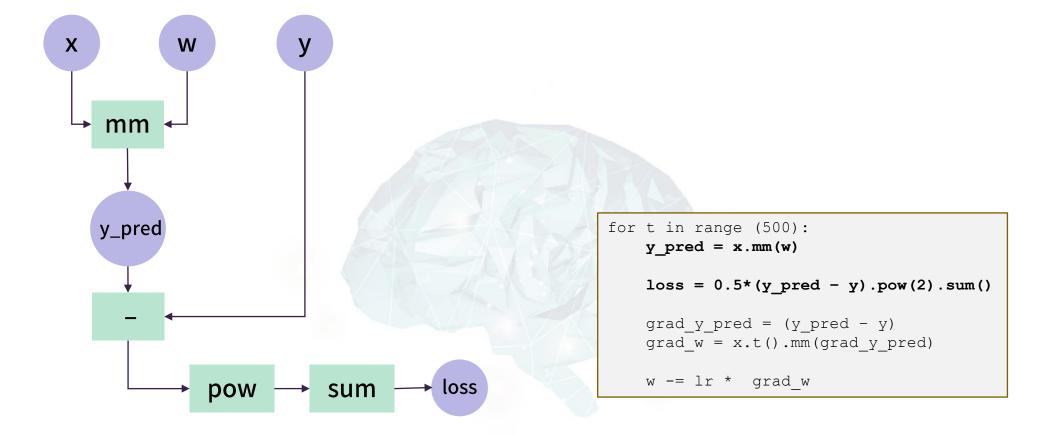


○ 가장 많이 사용되는 Deep learning 구현 도구





● Forward propagation 과정은 computational graph로 표현할 수 있음





#### **PyTorch**

### Dynamic computational graph 변수 선언과 할당을 동시에 수행

```
x = torch.randn(N, Din, device = device)
y = torch.randn(N, Dout, device = device)
w = torch.randn(Din, Dout, device = device)

for t in range (500):
    y_pred = x.mm(w)
    loss = 0.5*(y_pred - y).pow(2).sum()
    grad_y_pred = (y_pred - y)
    grad_w = x.t().mm(grad_y_pred)

w -= lr * grad_w
```

#### **TensorFlow**

### Static computational graph 변수 선언과 할당을 분리해서 수행



#### **PyTorch**

Dynamic computational graph 그래프 생성과 연산을 동시에 수행

```
for t in range (500):
    y_pred = x.mm(w)

loss = 0.5*(y_pred - y).pow(2).sum()

grad_y_pred = (y_pred - y)
    grad_w = x.t().mm(grad_y_pred)

w -= lr * grad_w
```

#### **TensorFlow**

Static computational graph 그래프 생성과 연산을 분리해서 수행



## TensorFlow 기반 구현

- 변수 선언
- Computational graph 구성
- 실행 (tf.Session())

```
import numpy as np
import tensorflow as tf
N, Din, Dout = 64, 4, 2
X = tf.placeholder(tf.float32,shape=(N, Din))
Y = tf.placeholder(tf.float32, shape=(N, Dout))
W = tf.placeholder(tf.float32, shape=(Din, Dout))
Y \text{ pred} = \text{tf.matmul}(w, x)
Diff = y pred - y
Loss = tf.reduce mean
       (tf.reduce sum (diff**2, axis=1))
grad w = tf.gradients(loss, [w])
with tf.Session() as sess:
    values = {x: np.random.randn(N, Din),
              y: np.random.randn(N, Dout),
              w: np.random.randn(Din, Dout),}
    out = sess.run([loss, grad w],
                     feed dict=values)
    loss val, grad w val = out
```



## **PyTorch**

```
import torch
device = torch.device ('cpu')
N, Din, Dout = 64, 4, 2
x = torch.randn(N, Din, device = device)
y = torch.randn(N, Dout, device = device)
w = torch.randn(Din, Dout, device = device)
lr = 1e-6
for t in range (500):
    y pred = x.mm(w)
    loss = 0.5*(y \text{ pred } - y).pow(2).sum()
    grad y pred = (y pred - y)
    grad w = x.t().mm(grad y pred)
    w -= lr * qrad w
```

### **TensorFlow**

```
import numpy as np
import tensorflow as tf
N, Din, Dout = 64, 4, 2
X = tf.placeholder(tf.float32,shape=(N, Din))
Y = tf.placeholder(tf.float32, shape=(N, Dout))
W = tf.placeholder(tf.float32, shape=(Din, Dout))
Y \text{ pred} = \text{tf.matmul}(w, x)
Diff = y pred - y
Loss = tf.reduce mean
       (tf.reduce sum (diff**2, axis=1))
grad w = tf.gradients(loss, [w])
with tf.Session() as sess:
    values = {x: np.random.randn(N, Din),
              y: np.random.randn(N, Dout),
              w: np.random.randn(Din, Dout),}
    out = sess.run([loss, grad w],
                    feed dict=values)
    loss val, grad w val = out
```