Laporan Tugas Kecil 2 IF2211 Strategi Algoritma Semester II Tahun 2022/2023

Mencari Pasangan Titik Terdekat 3D dengan Algoritma Divide and Conquer



Disusun oleh: Azmi Hasna Zahrani 13521006 K03

TEKNIK INFORMATIKA
INSTITUT TEKNOLOGI BANDUNG
BANDUNG
2023

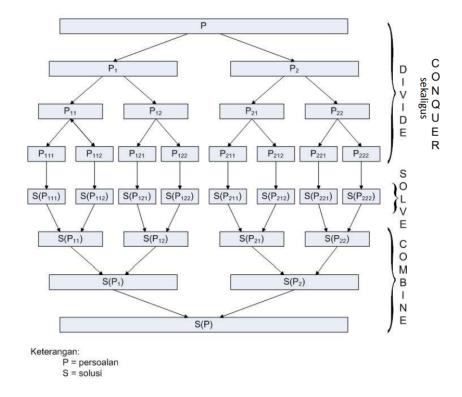
DAFTAR ISI

DAFTAR ISI	1
BAB I LATAR BELAKANG	2
1.1 Algoritma Divide and Conquer	2
1.2 Penggunaan Algoritma Divide and Conquer dalam Menyelesaikan Masalah Pencarian Titik Terdekat	3
BAB II SOURCE CODE PROGRAM DALAM BAHASA PYTHON	4
2.1 function.py	4
2.2 main.py	6
BAB III HASIL PENGUJIAN	9
3.1 Hasil Pengujian 2 Dimensi	9
3.1.1 Pengujian 16 Titik	9
3.1.2 Pengujian 64 Titik	10
3.1.3 Pengujian 128 Titik	12
3.1.4 Pengujian 1000 Titik	16
3.2. Hasil Pengujian 3 Dimensi	17
3.2.1 Pengujian 16 Titik	17
3.2.2 Pengujian 64 Titik	19
3.2.3 Pengujian 128 Titik	22
3.2.4 Pengujian 1000 Titik	25
3.3 Hasil Pengujian N-Dimensi	27
3.3.1 Pengujian 16 Titik	27
3.3.2 Pengujian 64 Titik	28
3.3.3 Pengujian 128 Titik	30
3.3.4 Pengujian 1000 Titik	30
BAB IV LAMPIRAN	32
4.1 Tautan Repository	32
4.2 Tabel Penilaian	32

BAB I LATAR BELAKANG

1.1 Algoritma Divide and Conquer

Divide and Conquer merupakan algoritma yang diambil dari salah satu strategi militer bernama Devide et Impera yang berarti memecah dan menguasai. Seperti namanya, algoritma ini dijalankan dengan beberapa langkah, yaitu divide, conquer, dan combine. Divide berarti membagi persoalan besar ke dalam sub-persoalan yang mirip dengan persoalan asli tetapi berukuran lebih kecil. Conquer berarti menyelesaikan masing-masing sub-persoalan dengan kondisi apabila persoalan masih berukuran besar maka persoalan tersebut diselesaikan secara rekursif dan apabila persoalan sudah berukuran kecil maka persoalan tersebut diselesaikan secara langsung. Combine berarti menggabungkan solusi masing-masing sub-persoalan yang telah didapat dari langkah sebelumnya sehingga membentuk solusi dari persoalan secara menyeluruh. Algoritma Divide and Conquer dapat digunakan untuk menyelesaikan beberapa persoalan seperti pencarian nilai minimum dan maksimum, menghitung perpangkatan, sorting, mencari titik terdekat, perkalian matriks, perkalian bilangan bulat besar, perkalian dua buah polinom, dan lain sebagainya.



Gambar 1.1 Bagan Divide and Conquer

Sumber: Bahan Kuliah IF2211 Strategi Algoritma: Algoritma Divide and Conquer Bagian 1

1.2 Penggunaan Algoritma *Divide and Conquer* dalam Menyelesaikan Masalah Pencarian Titik Terdekat

Pencarian titik terdekat pada bidang 3 dimensi dapat diselesaikan dengan menggunakan

pendekatan algoritma *Divide and Conquer*. Misal pada sebuah bidang 3 dimensi terdapat n buah titik yang memiliki koordinat x, y, dan z. Jarak terdekat dari dua buah titik dapat dihitung menggunakan rumus Euclidean $d = \sqrt{(x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2 + (z_1 - z_2)^2 + \dots}$ begitu pula untuk dimensi 4, 5, dst. Menggunakan algoritma *Divide and Conquer*, bidang dimensi yang memuat titik-titik akan dibagi menjadi dua sama besar (memiliki titik yang sama banyak) dan operasi perhitungan akan dilakukan secara rekursif apabila di kedua bagian masih didapati banyak titik. Titik-titik tersebut akan divisualisasikan dalam bidang 2 dimensi dan 3 dimensi.

Program yang dibuat oleh penulis akan meminta input dimensi serta banyak titik yang ingin diproses. Kemudian program akan men-generate titik-titik tersebut secara random. Setelah titik-titik target telah terbentuk, program akan langsung menghitung pasangan titik terdekat secara Divide and Conquer. Algoritma tersebut berjalan dengan mengatasi kasus dengan dua kondisi, yaitu kasus ketika titik yang diproses kurang dari sama dengan tiga dan lebih dari tiga. Apabila titik yang akan diproses berjumlah kurang dari sama dengan tiga, maka akan langsung dilakukan perhitungan secara Brute Force. Sedangkan, apabila titik yang akan diproses berjumlah lebih dari tiga, maka akan dilakukan pembagian titik menjadi dua bagian sekaligus pemanggilan fungsi secara rekursif untuk masing-masing bagian tersebut hingga jumlah titik yang ada pada masing-masing bagian kurang dari sama dengan tiga. Kemudian untuk bagian tengah (di antara kedua bagian yang menjadi hasil pembagian pertama kali) akan dilakukan perhitungan euclidean untuk menentukan pasangan titik terdekat yang terletak di bagian itu. dihitung dari tengah bagian adalah Besar jarak yang jarak titik − tengah < hasil perhitungan titik terdekat. Hasil perhitungan titik terdekat yang dimaksud adalah hasil yang didapat dari proses sebelumnya. Kemudian, titik-titik yang ada pada jarak di bagian tengah tersebut akan dihitung menggunakan rumus euclidean yang sama. Setelah itu hasil yang diperoleh akan dibandingkan dari hasil sebelumnya. Solusi yang dikeluarkan merupakan jarak antara titik yang paling minimum. Untuk memeriksa solusi yang dikeluarkan oleh program merupakan solusi yang benar, penulis juga mencantumkan hasil perhitungan jarak titik terdekat menggunakan algoritma Brute Force sebagai pembandingnya.

BABII

SOURCE CODE PROGRAM DALAM BAHASA PYTHON

Dalam program yang penulis buat, terdapat dua file program yaitu function.py dan main.py

2.1 function.py

```
import numpy as np
import random
import matplotlib.pyplot as plt
def createPoint (num, dim):
    #createPoint using randomize
    #num as number of points
   #dim as dimension of points
   #return a list of num points in dim dimensions
   points = np.zeros((num, dim))
   for i in range(num):
        for j in range(dim):
            points[i][j] = random.randint(1, 100)
   return points
def euclideanDistance (point1, point2, count):
   count = count + 1
   distance = 0
   for i in range(len(point1)):
        distance += (point1[i] - point2[i])*(point1[i] - point2[i])
   return np.sqrt(distance), count
def closestBF(points, count):
   #brute force
   distance = euclideanDistance(points[0], points[1], count)
   point1 = points[0]
   point2 = points[1]
   for i in range(len(points)):
        for j in range (1+i, len(points)):
            brute = euclideanDistance(points[i], points[j], count)
            count = count + 1
            if (brute < distance):</pre>
                distance = brute
                point1 = points[i]
                point2 = points[j]
```

```
return distance, point1, point2, count
def closestDnC (points, count):
    if (len(points) <= 3):</pre>
        return closestBF(points, count)
    else :
        #slice matrix into 2 parts
        half = len(points)//2
        disA, pointA1, pointA2, count= closestDnC(points[:int(half)],
count)
        disB, pointB1, pointB2, count = closestDnC(points[int(half):],
count)
        if disA < disB:
            distance = disA
            point1 = pointA1
            point2 = pointA2
        else:
            distance = disB
            point1 = pointB1
            point2 = pointB2
        #sStrip
        middle = points[int(half)][0]
        sStrip = []
        for i in range(len(points)):
            if (abs(points[i][0] - middle) < distance).any():</pre>
                sStrip.append(points[i])
        #compare sStrip
        for i in range(len(sStrip)):
            for j in range(1+i, len(sStrip)):
                if (abs(sStrip[i][1] - sStrip[j][1]) < distance).any():</pre>
                     strip = euclideanDistance(sStrip[i], sStrip[j], count)
                    count = count + 1
                    if strip < distance:</pre>
                         distance = strip
                         point1 = sStrip[i]
                         point2 = sStrip[j]
    return distance, point1, point2, count
```

```
def plot(points, point1, point2):
    # plot the points
    # d is the dimension of the points
    dim = len(points[0])
    if dim == 2:
        x = points[:, 0]
       y = points[:, 1]
       plt.scatter(x, y, color='black', alpha=0.5, s=10, marker='o')
       plt.scatter(point1[0], point1[1], color='red')
       plt.scatter(point2[0], point2[1], color='red')
       plt.show()
    elif dim == 3:
        x = points[:, 0]
       y = points[:, 1]
        z = points[:, 2]
       fig = plt.figure()
        ax = fig.add subplot(111, projection='3d')
        ax.scatter(x, y, z, color='black' , alpha=0.5, s=10 , marker='o')
        ax.scatter(point1[0], point1[1], point1[2], color='red')
        ax.scatter(point2[0], point2[1], point2[2], color='red')
        plt.show()
    else:
        print('Cannot plot the points in dim dimensions')
```

2.2 main.pv

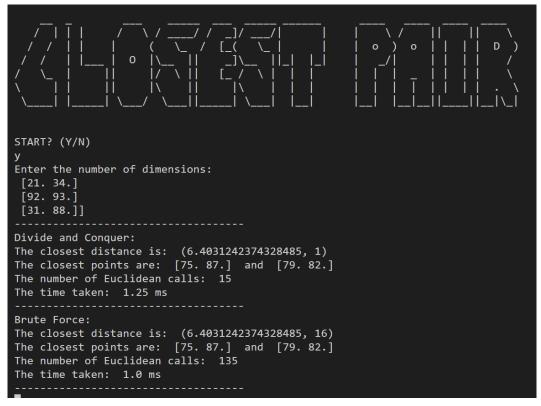
```
11
""")
print ("START? (Y/N)")
start = input()
if start == "Y" or start == "y":
   print('Enter the number of dimensions:')
   dim = int(input())
   print('Enter the number of points:')
   num = int(input())
   count = 0
   points = createPoint(num, dim)
   print(points)
   print ('-----
   print('Divide and Conquer:')
   startDnC = time.time()
   distance, point1, point2, count = closestDnC(points, count)
   endDnC = time.time()
   print('The closest distance is: ', distance)
   print('The closest points are: ', point1, ' and ', point2)
   print('The number of Euclidean calls: ', count)
   print('The time taken: ', round((endDnC - startDnC)*1000,2), "ms")
   print ('----')
   print('Brute Force:')
   startBF = time.time()
   distance, point1, point2, count = closestBF(points, count)
   endBF = time.time()
   print('The closest distance is: ', distance)
   print('The closest points are: ', point1, ' and ', point2)
   print('The number of Euclidean calls: ', count)
   print('The time taken: ', round((endBF - startBF)*1000,2), "ms")
   print ('----')
   plot(points, point1, point2)
elif start == "N" or start == "n":
   print('Goodbye')
else:
```

```
print('Invalid input')
print('Goodbye')
```

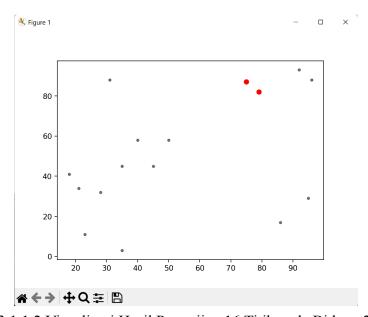
BAB III HASIL PENGUJIAN

3.1 Hasil Pengujian 2 Dimensi

3.1.1 Pengujian 16 Titik



Gambar 3.1.1.1 Hasil Pengujian 16 Titik pada Bidang 2 Dimensi



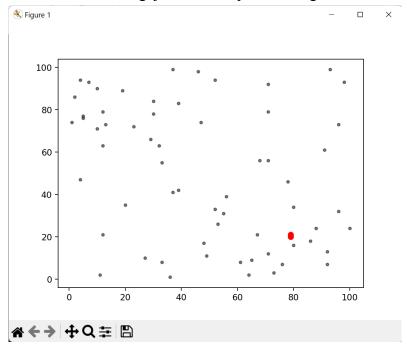
Gambar 3.1.1.2 Visualisasi Hasil Pengujian 16 Titik pada Bidang 2 Dimensi

3.1.2 Pengujian 64 Titik

Gambar 3.1.2.1 Hasil Pengujian 64 Titik pada Bidang 2 Dimensi

```
86.]
77.]
         90.]
         18.
          92.
    98.
    55.
    52.
   48.
    30.
          61.]]
Divide and Conquer:
The closest distance is: (1.0, 1455)
The closest points are: [79. 20.] and [79. 21.]
The number of Euclidean calls: 3038
The time taken: 44.83 ms
Brute Force:
The closest distance is: (1.0, 3471)
The closest points are: [79. 20.] and
                                                   [79. 21.]
The number of Euclidean calls: 5054
The time taken: 9.49 ms
```

Gambar 3.1.2.2 Hasil Pengujian 64 Titik pada Bidang 2 Dimensi



Gambar 3.1.2.3 Visualisasi Hasil Pengujian 64 Titik pada Bidang 2 Dimensi

3.1.3 Pengujian 128 Titik

```
START? (Y/N)
y
Enter the number of dimensions:
Enter the number of points:
[[ 89. 45.]
[ 34. 52.]
[ 94. 28.]
[ 5. 43.]
    15. 100.]
36. 36.]
    78.
56.
             19.
            93.
    41.
31.
            98.
            20.]
28.]
91.]
  [ 72.
[100.
    23.
69.
            32.]
31.]
    73. 53.]
79. 100.]
3. 39.]
38. 7.]
             58.]
```

Gambar 3.1.3.1 Hasil Pengujian 128 Titik pada Bidang 2 Dimensi

```
[ 86. 46.]
[ 64. 16.]
[ 10. 17.]
[ 75. 7.]
[ 34. 77.]
[ 55. 31.]
[ 63. 70.]
[ 80. 65.]
[ 71. 91.]
[ 99. 99.]
[ 17. 71.]
[ 97. 3.]
[ 13. 17.]
[ 88. 20.]
[ 74. 3.]
[ 54. 85.]
[ 85. 16.]
[ 95. 7.]
[ 27. 64.]
[ 17. 93.]
[ 70. 29.]
[ 6. 89.]
[ 27. 69.]
[ 42. 23.]
[ 92. 79.]
[ 98. 8.]
[ 61. 23.]
[ 82. 7.]
[ 62. 10.]
[ 99. 36.]
[ 33. 25.]
[ 33. 92.]
[ 18. 9.]
[ 88. 58.]
[ 70. 46.]
[ 18. 9.]
[ 82. 10.]
[ 88. 58.]
[ 70. 46.]
[ 18. 9.]
[ 88. 58.]
[ 70. 46.]
[ 88. 58.]
[ 70. 46.]
[ 70. 46.]
[ 88. 58.]
[ 70. 46.]
[ 70. 46.]
[ 71. 82.]
```

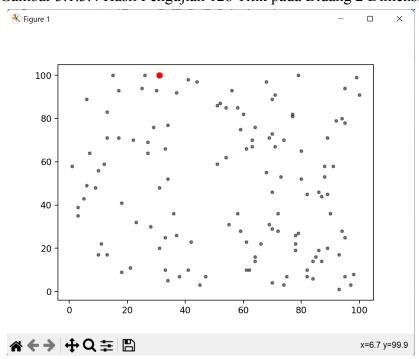
Gambar 3.1.3.2 Hasil Pengujian 128 Titik pada Bidang 2 Dimensi

```
[ 77. 82.]
[ 71. 67.]
[ 1. 58.]
[ 95. 25.]
[ 12. 59.]
[ 13. 48.]
[ 70. 73.]
[ 33. 10.]
[ 70. 89.]
[ 87. 44.]
[ 95. 94.]
[ 34. 5.]
[ 22. 70.]
[ 87. 14.]
[ 88. 53.]
[ 47. 7.]
[ 70. 4.]
[ 84. 14.]
[ 21. 11.]
[ 84. 16.]
[ 78. 22.]
[ 94. 80.]
[ 74. 70.]
[ 58. 36.]
[ 78. 26.]
[ 79. 27.]
[ 13. 83.]
[ 61. 66.]
[ 93. 17.]
[ 7. 64.]
[ 33. 66.]
[ 68. 55.]
[ 31. 100.]
[ 69. 71.]
[ 59. 75.]
[ 18. 41.]
[ 95. 78.]
[ 45. 3.]
[ 37. 26.]
[ 93. 1.]
[ 68. 97.]
[ 18. 8.]
[ 68. 97.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 27.]
[ 19. 2
```

Gambar 3.1.3.3 Hasil Pengujian 128 Titik pada Bidang 2 Dimensi

```
45.]
        30.]
   30.
        93.]
        81.]
   11.
    9.
        48.
   66.
        22.]
    3.
        35.]
   41.
        10.
   63.
        67.
   29.
        76.
   58.
        85.
   60.
        82.
   51.
   44.
        97.]
   26.
       100.]]
Divide and Conquer:
The closest distance is: (0.0, 3028)
The closest points are: [ 31. 100.] and [ 31. 100.]
The number of Euclidean calls: 13912
The time taken: 190.09 ms
Brute Force:
The closest distance is: (0.0, 21724)
The closest points are: [ 31. 100.] and [ 31. 100.]
The number of Euclidean calls: 22040
The time taken: 37.18 ms
```

Gambar 3.1.3.4 Hasil Pengujian 128 Titik pada Bidang 2 Dimensi



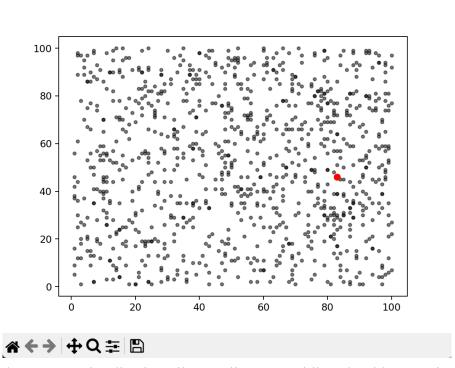
Gambar 3.1.3.5 Visualisasi Hasil Pengujian 128 Titik pada Bidang 2 Dimensi

3.1.4 Pengujian 1000 Titik

K Figure 1



Gambar 3.1.4.1 Hasil Pengujian 1000 Titik pada Bidang 2 Dimensi



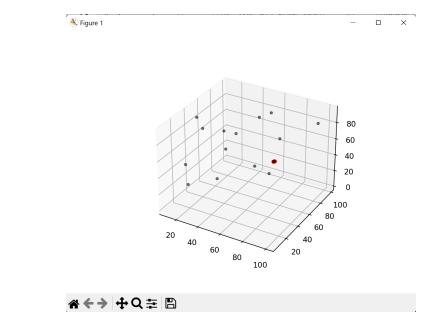
Gambar 3.1.4.2 Visualisasi Hasil Pengujian 1000 Titik pada Bidang 2 Dimensi

3.2. Hasil Pengujian 3 Dimensi

3.2.1 Pengujian 16 Titik

```
START? (Y/N)
Enter the number of dimensions:
Enter the number of points:
[[ 30. 26. 93.]
    27. 63. 66.]
          48. 86.]
    82. 46.
                  61.
                  64.
          89.
                 83.
                  40.]
  [100.
                  89.]
                  2.]
    28.
                  38.
   52. 39. 87.
61. 95. 49.
                  49.]]
Divide and Conquer:
The closest distance is: (9.38083151964686, 32)
The closest points are: [82. 46. 61.] and [78. 52. 55.]
The number of Euclidean calls: 34
The time taken: 2.0 ms
Brute Force:
The closest distance is: (9.38083151964686, 84)
The closest points are: [82. 46. 61.] and [78. 52. 55.]
The number of Euclidean calls: 154
The time taken: 1.01 ms
```

Gambar 3.2.1.1 Hasil Pengujian 16 Titik pada Bidang 3 Dimensi



Gambar 3.2.1.2 Visualisasi Hasil Pengujian 16 Titik pada Bidang 3 Dimensi

3.2.2 Pengujian 64 Titik

```
START? (Y/N)

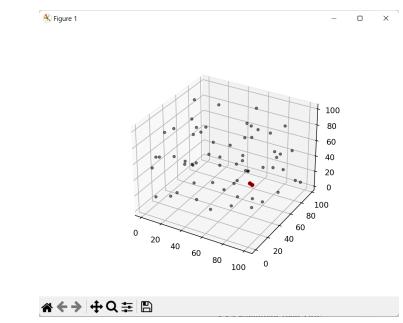
y
Enter the number of dimensions:
3
Enter the number of points:
64

[[ 30, 71. 99.]
[ 49, 4. 31.]
[ 16. 52. 5.]
[ 32. 1. 35.]
[ 20. 89. 16.]
[ 59. 91. 12.]
[ 54. 60. 39.]
[ 18. 49. 71.]
[ 18. 49. 71.]
[ 18. 49. 71.]
[ 18. 49. 71.]
[ 68. 32. 39.]
[ 63. 70. 70.]
[ 1. 15. 7.]
[ 64. 60. 50.]
[ 77. 51. 9.]
[ 97. 10.]
[ 17. 41.]
[ 78. 20. 55.]
[ 9. 61. 80.]
[ 32. 69. 23.]
[ 59. 13. 50.]
[ 88. 12. 63.]
[ 52. 81. 77.]
[ 42. 95. 46.]
[ 53. 77. 30.]
[ 88. 48. 14.]
[ 49. 89. 8.]
[ 1. 31. 79.]
[ 88. 47. 2.]
[ 68. 59. 20.]
[ 68. 59. 20.]
```

Gambar 3.2.2.1 Hasil Pengujian 64 Titik pada Bidang 3 Dimensi

```
90.
                  92.
                  66.]
                  19.]
                  15.]
    69.
                 63.]
                  71.]
                  34.]
          77.
21.
    77.
27.
                  76.]
                  55.]
    88.
                  58.]
                 43.]
                  75.]
                  4.]
                 57.]
                  94.]
    69.
4.
                  17.
                 58.]
                  47.
                  6.]
                 27.]
    75. 87.
90. 69.
                  24.]
                 10.]
    16. 22. 60.]
                 53.]
    75. 59.
98. 95.
                 91.]
          70. 16.]
17. 57.]
     5. 90. 50.]
 [ 85. 32. 15.]
[100. 42. 84.]]
Divide and Conquer:
The closest distance is: (3.7416573867739413, 2983)
The closest points are: [68. 59. 20.] and [69. 61. 17.]
The number of Euclidean calls: 3494
The time taken: 60.24 ms
Brute Force:
The closest distance is: (3.7416573867739413, 4999)
The closest points are: [68. 59. 20.] and [69. 61. 17.]
The number of Euclidean calls: 5510
The time taken: 11.33 ms
```

Gambar 3.2.2.2 Hasil Pengujian 64 Titik pada Bidang 3 Dimensi



Gambar 3.2.2.3 Visualisasi Hasil Pengujian 64 Titik pada Bidang 3 Dimensi

3.2.3 Pengujian 128 Titik

```
START? (Y/N)
y
Enter the number of dimensions:
Enter the number of points:
[[ 12.
               97. 79.]
                       77.]
16.]
53.]
     41.
47.
79.
               24.
32.
                       37.]
14.]
27.]
                        68.
                        24.
              21. 24.]
24. 3.]
15. 92.]
14. 99.]
66. 12.]
     53.
51.
    [100.
     47. 66. 12.]
95. 81. 83.]
27. 78. 88.]
92. 10. 91.]
     12. 48. 94.]
93. 17. 78.]
23. 7. 86.]
99. 91. 29.]
```

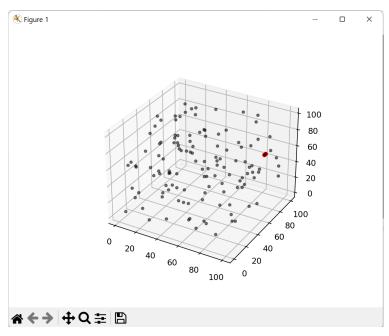
Gambar 3.2.3.1 Hasil Pengujian 128 Titik pada Bidang 3 Dimensi

```
93.]
             16.]
       24.
 17.
             68.
             45.
 20.
             52.]
             39.
 24.
             29.
             30.
 34.
       38.
             64.
 76. 100.
       75.
67.
             90.
       56.
             73.]
 68. 100.
       10.
       24.
             84.]
 92.
       53.
54.
             14.
             99.]
             25.
             92.
             54.]
             14.
             62.]
             59.
 39.
             43.
             61.
 86.
 77.
74.
             18.
             62.]
 34. 100.
[100.
       84.
       21.
96.
[100.
             73.
             78.
```

Gambar 3.2.3.2 Hasil Pengujian 128 Titik pada Bidang 3 Dimensi

```
56.]
   24.
        74.
              3.]
    2.
              59.]
   68.
        83.
             48.]
   25.
              73.]
   99.
        64.
        94.
              18.]
        81.
   66.
              8.]
   86.
        31.
              29.]
   62.
        29.
              27.]
   96.
        50.
             60.]
        42.
              79.]
   95.
             13.]
   28.
              89.]
   90.
        48.
              44.]
              25.]
        86.
        60.
              88.]
        89.
   79.
        90.
              98.]
        41.
              8.]
        57.
              21.]
   16.
        11.
              10.]
        56.
              60.]
              24.]
        19.
              9.]
   70.
        70.
              11.]
        20.
              12.]
        49.
              96.]
   51.
        32.
              78.]
              92.]
   65.
        62.
   88.
        37.
              5.]
        50.
              65.]]
Divide and Conquer:
The closest distance is: (2.0, 4419)
The closest points are: [99. 66. 73.] and [99. 64. 73.]
The number of Euclidean calls: 13134
The time taken: 189.54 ms
Brute Force:
The closest distance is: (2.0, 20675)
The closest points are: [99. 66. 73.] and [99. 64. 73.]
The number of Euclidean calls: 21262
The time taken: 42.71 ms
```

Gambar 3.2.3.3 Hasil Pengujian 128 Titik pada Bidang 3 Dimensi

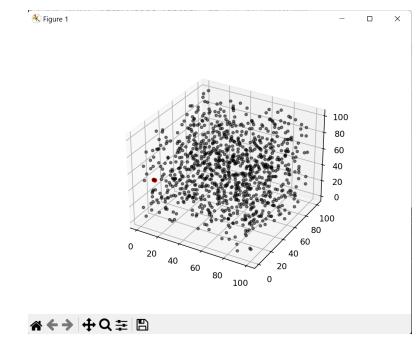


Gambar 3.2.3.4 Visualisasi Hasil Pengujian 128 Titik pada Bidang 3 Dimensi

3.2.4 Pengujian 1000 Titik

```
START? (Y/N)
Enter the number of dimensions:
Enter the number of points:
1000
[[70. 29. 81.]
 [64. 30. 54.]
[19. 67. 43.]
 [63. 32. 17.]
 [28. 19. 91.]
[ 5. 84. 38.]]
Divide and Conquer:
The closest distance is: (1.0, 762434)
The closest points are: [ 5. 13. 45.]
                                                 and [ 6. 13. 45.]
The number of Euclidean calls: 993475
The time taken: 14103.76 ms
Brute Force:
The closest distance is: (1.0, 1261934)
The closest points are: [ 5. 13. 45.] and [ 6. 13. 45.]
The number of Euclidean calls: 1492975
The time taken: 2717.63 ms
```

Gambar 3.2.4.1 Hasil Pengujian 1000 Titik pada Bidang 3 Dimensi



Gambar 3.2.4.2 Visualisasi Hasil Pengujian 1000 Titik pada Bidang 3 Dimensi

3.3 Hasil Pengujian N-Dimensi

3.3.1 Pengujian 16 Titik

```
START? (Y/N)
Enter the number of dimensions:
Enter the number of points:
[[92. 45. 88. 69. 65.]
 [25. 69. 42. 44. 90.]
[41. 13. 14. 91. 43.]
[16. 75. 18. 10. 75.]
 [32. 74. 49. 24. 50.]
[23. 61. 62. 55. 27.]
    5. 83. 55. 65. 29.
    9. 37. 18. 31. 81.
  [49. 74. 25. 83. 70.]
  [11. 93. 82. 66. 42.]
  [70. 22. 87. 17. 82.]
[57. 30. 92. 14. 91.]
 [19. 33. 78. 17. 8.]
[7. 6. 29. 5. 58.]
[66. 4. 21. 12. 65.]
 [73. 84. 2. 32. 45.]]
Divide and Conquer:
The closest distance is: (18.65475810617763, 28)
The closest points are: [70. 22. 87. 17. 82.] and [57. 30. 92. 14. 91.]
The number of Euclidean calls: 52
Brute Force:
The closest distance is: (18.65475810617763, 158)
The closest points are: [70. 22. 87. 17. 82.] and [57. 30. 92. 14. 91.]
The number of Euclidean calls: 172
The time taken: 0.82 ms
Cannot plot the points in 5 dimensions
```

Gambar 3.3.1.1 Hasil Pengujian 16 Titik pada Bidang N Dimensi

3.3.2 Pengujian 64 Titik

```
Enter the number of dimensions:
 Enter the number of points:
                                                                                                                              71.
47.
44.
43.
                                                                     84.
80.
1.
                                                                                                                                                                                                                                            1. 64.
77. 23.
95. 45.
43. 95.
10. 49.
42. 59.
34. 43.
47. 83.
11. 8.
38. 35.
59. 100.
78. 39.
92. 27.
30. 31.
9. 45.
86. 39.
73. 21.
77. 66.
34. 100.
8. 22.
46. 30.
40. 20.
80. 2.
74. 26.
82. 92.
                                                                                              28.
36.
70.
24.
84.
82.
10.
89.
30.
54.
9.
84.
81.
75.
61.
77.
26.
65.
1.
77.
27.
1.
58.
17.
68.
                                                                                                                                                         80.

26.

99.

36.

87.

46.

10.

55.

45.

45.

46.

21.

77.

49.

48.

19.

89.

38.

46.
                                                                                                                                                                                                                  18.
37.
15.
79.
68.
24.
51.
24.
30.
19.
82.
84.
64.
63.
89.
81.
55.
27.
1.
3.
                                                                                                                                                                                                                                                                         64.
23.
45.
95.
49.
59.
                                                                     96.
95.
14.
2.
78.
70.
5.
34.
94.
17.
12.
36.
55.
70.
84.
17.
32.
                                                                                                                            8.
15.
47.
34.
7.
60.
69.
17.
79.
85.
82.
12.
93.
85.
67.
8.
73.
33.
62.
48.
                                                                                                                                                                                                                  79.
92.
88.
                                                                                                                                                                                                                                            24.
99.
41.
24.
20.
                                                                                                                               99.
10.
                                                                    66.
98.
69.
                                                                                                                                                                                                                                                                         23.
93.
                                                                                                                               36. 10.
12. 100.
51. 71.
                                                                                                                                                                                                             100.
20.
                                                                                                                                                                                                                                                                         62.
74.
```

Gambar 3.3.2.1 Hasil Pengujian 64 Titik pada Bidang N Dimensi

```
89.
            22. 100.
                        19.
                              42.
                                    18.
                                           8.
                                                81.
                                                      48.]
76.
60.
     43.
            29.
                  31.
                              68.
                                    96.
                                          48.
                                                22.
                                                      45.]
            37.
                                          57.
     99.
                        41.
                              45.
                                    83.
                                                28.
                                                      54.]
      38.
            70.
                  21.
                         8.
                              38.
                                    48.
                                         100.
                                                98.
                                                      21.]
6.
      54.
            98.
                  88.
                        23.
                               1.
                                    96.
                                          33.
                                                79.
                                                      26.
      18.
                                          57.
            66.
                  34.
                        86.
                                    72.
                                                13.
                                                       4.
                              11.
68.
      2.
            12.
                  84.
                              18.
                                    72.
                                           5.
                                                60.
                                                      76.
16.
      76.
            30.
                  17.
                              38.
                                    16.
                                                64.
 9.
      55.
            44.
                  10.
                        27.
                              84.
                                    38.
                                          71.
                                                76.
                                                      34.
10.
      64.
            28.
                        10.
                              56.
                                          21.
                                    26.
                                                68.
                                                      57.
      36.
             4.
                  89.
                                          68.
                                                86.
                                                      27.]
95.
      54.
             6.
                        11.
                              47.
                                    36.
                                          86.
                                                81.
                                                      73.
56.
      67.
            25.
                  42.
                        17.
                              25.
                                    60.
                                          62.
                                                55.
                                                      91.
            64.
                  44.
                        66.
                              64.
                                                40.
69.
      98.
                                    43.
                                          22.
                                                      36.
86.
      93.
            17.
                  30.
                        37.
                              66.
                                   100.
                                          97.
                                                26.
                                                      65.
     99.
            57.
                  65.
                        76.
                              29.
                                    21.
                                          38.
                                                59.
 6.
                                                      28.
91.
      93.
            90.
                  22.
                        67.
                              34.
                                    13.
                                          99.
                                                34.
                                                      68.
13.
            67.
                  56.
                        56.
                                    55.
                                          19.
                                                39.
                                                      33.
             2.
                  85.
                              59.
                                    14.
                                          62.
                                                93.
73.
      64.
                                                      23.
90.
      27.
            90.
                  81.
                        37.
                              87.
                                    60.
                                          20.
                                                      98.]
                                                15.
24.
      4.
            89.
                  19.
                        62.
                              28.
                                    54.
                                                84.
                                                      53.
34.
      76.
            88.
                  14.
                        76.
                              24.
                                    81.
                                          47.
                                                25.
                                                      44.
     95.
             9.
                  98.
                                          44.
 5.
                        62.
                              20.
                                    81.
                                                19.
                                                      33.
                                          94.
66.
      94.
            71.
                  36.
                        85.
                                                61.
                                                      14.]
42.
      29.
            39.
                                    96.
                                          51.
                                                      49.]
      95.
                  48.
                                          29.
                                                      37.]
16.
                        46.
                                    85.
                                                54.
72.
       3.
            23.
                  68.
                        47.
                              84.
                                    63.
                                          40.
                                                 1.
                                                      70.]
34.
      84.
            55.
                  37.
                        81.
                              35.
                                    23.
                                          95.
                                                      95.
                                                62.
            74.
     97.
                  34.
                        91.
                              84.
                                          63.
                                                92.
                                                       9.
      55.
            44.
                              78.
                        91.
                                    72.
                                                47.
                                                      78.
64.
      38.
            95.
                   6.
                        11.
                               2.
                                    83.
                                          37.
                                                10.
                                                      35.]
83.
      30.
             7.
                  27.
                        80.
                              22.
                                    67.
                                          12.
                                                95.
                                                      41.
     94.
                         2.
                                          39.
                                                19.
                                                      74.]
75.
            11.
                  67.
                                   46.
                                                      17.]]
88. 100.
            12.
                  84.
                        49.
                              32. 100.
                                          29.
                                                87.
```

Gambar 3.3.2.2 Hasil Pengujian 64 Titik pada Bidang N Dimensi

Gambar 3.3.2.3 Hasil Pengujian 64 Titik pada Bidang N Dimensi

3.3.3 Pengujian 128 Titik

```
START? (Y/N)

y
Enter the number of dimensions:
15
Enter the number of points:
128

[[12, 23, 56, ..., 89, 60, 72,]
[52, 10, 27, ..., 47, 63, 97,]
[53, 10, 27, ..., 47, 63, 97,]
[57, 88, 80, ..., 47, 72, 23,]
...
[31, 79, 50, ..., 50, 70, 51,]
[17, 78, 90, ..., 42, 35, 95,]
[37, 45, 72, ..., 69, 8, 90,]]

Divide and Conquer:
The closest distance is: (68, 35202996254024, 672)
The mumber of Euclidean calls: 15808
The time taken: 372.25 ms

Brute Fonce:
The closest distance is: (68, 35202996254024, 16928)
The closest distance is: (7, 88, 79, 64, 85, 36, 89, 20, 81, 51, 22, 66, 3, 98, 26,] and [6, 55, 53, 68, 73, 29, 80, 19, 77, 34, 15, 91, 29, 92, 4.]
The number of Euclidean calls: 23936
The time taken: 134.79 ms
Cannot plot the points in 15 dimensions
```

Gambar 3.3.3.1 Hasil Pengujian 128 Titik pada Bidang N Dimensi

3.3.4 Pengujian 1000 Titik

```
START? (Y/N)

Y
Enter the number of dimensions:
100
Enter the number of points:
100
[15. 59. 47. ... 15. 78. 56.]
[96. 29. 13. ... 19. 18. 82.]
[97. 42. 92. ... 21. 17. 95.]
...
[29. 63. 14. ... 80. 33. 46.]
[11. 79. 38. ... 48. 58. 43.]
[12. 41. 60. ... 65. 28. 11.]]
Divide and Conquer:
The closest distance is: (295.37772427859215, 633646)
The closest points are: [82. 76. 49. 2. 56. 89. 57. 57. 49. 11. 80. 70. 92. 54. 62. 72. 15. 80.
84. 26. 92. 29. 71. 49. 88. 8. 12. 51. 85. 81. 21. 7. 18. 16. 81. 31.
83. 27. 46. 33. 66. 23. 53. 88. 23. 15. 26. 31. 51. 6. 77. 78. 30. 48.
94. 20. 10. 77. 17. 45. 5. 49. 59. 89. 46. 88. 22. 96. 14. 57. 67. 14.
94. 47. 19. 59. 19. 40. 27. 55. 38. 63. 25. 31. 51. 6. 30. 14. 47. 57.
36. 97. 79. 45. 77. 17. 15. 13. 81. 19.] and [25. 37. 83. 30. 22. 51. 92. 38. 74. 29. 84. 68. 100. 92.
36. 55. 75. 48. 73. 25. 37. 68. 95. 58. 60. 16. 21. 49.
57. 72. 11. 4. 76. 56. 92. 24. 28. 12. 36. 39. 91. 19.
57. 72. 11. 4. 76. 56. 92. 24. 28. 12. 36. 39. 91. 19.
59. 7. 71. 11. 50. 19. 38. 87. 68. 95. 58. 60. 16. 21. 49.
25. 96. 34. 72. 1. 27. 83. 3. 40. 65. 7. 42. 50. 67.
33. 81. 31. 58. 19. 38. 87. 46. 62. 60. 40. 13. 18. 22.
69. 4. 74. 35. 79. 83. 58. 85. 43. 30. 4. 92. 27. 55.
2. 56. 27. 62. 73. 39. 66. 37. 84. 15. 39. 32. 25. 61.
The number of Euclidean calls: 994944
The time taken: 141448.34 ms
```

Gambar 3.3.4.1 Hasil Pengujian 1000 Titik pada Bidang N Dimensi

```
Brute Force:
The closest distance is: (295.37772427859215, 1133146)
The closest points are: [82. 76. 49. 2. 56. 89. 57. 57. 49. 11. 80. 70. 92. 54. 62. 72. 15. 80.
84. 26. 92. 29. 71. 49. 88. 8. 12. 51. 85. 81. 21. 7. 18. 16. 81. 31.
83. 27. 46. 33. 86. 23. 53. 88. 23. 15. 26. 31. 51. 6. 77. 78. 30. 48.
94. 20. 10. 77. 17. 45. 5. 49. 59. 89. 46. 88. 22. 96. 14. 57. 67. 14.
94. 47. 10. 50. 19. 40. 27. 55. 53. 86. 32. 63. 15. 46. 30. 14. 47. 57.
36. 97. 79. 45. 77. 17. 15. 13. 81. 19.] and [25. 37. 83. 30. 22. 51. 92. 38. 74. 29. 84. 68. 100. 92.
36. 55. 75. 48. 73. 25. 37. 68. 95. 58. 60. 16. 21. 49.
57. 72. 11. 4. 76. 56. 92. 24. 28. 12. 36. 39. 91. 19.
25. 96. 34. 72. 1. 27. 83. 3. 40. 65. 7. 42. 50. 67.
33. 81. 31. 58. 19. 38. 87. 46. 62. 60. 40. 13. 18. 22.
69. 4. 74. 35. 79. 83. 58. 85. 43. 30. 4. 92. 27. 55.
2. 56. 27. 62. 73. 39. 66. 37. 84. 15. 39. 32. 25. 61.
99. 7.]
The number of Euclidean calls: 1493544
The time taken: 58756.59 ms
```

Gambar 3.3.4.2 Hasil Pengujian 1000 Titik pada Bidang N Dimensi

BAB IV LAMPIRAN

4.1 Tautan Repository

 $\underline{https://github.com/goodgirlwannabe/Tucil2_13521006.git}$

4.2 Tabel Penilaian

Poin		Ya	Tidak
1.	Program berhasil dikompilasi tanpa ada kesalahan	~	
2.	Program berhasil running	V	
3.	Program dapat menerima masukan dan menuliskan luaran	~	
4.	Luaran program sudah benar (solusi closest pair benar)	~	
5.	Bonus 1 dikerjakan	V	
6.	Bonus 2 dikerjakan	V	