红黑树

@M了个J

https://github.com/CoderMJLee http://cnblogs.com/mjios



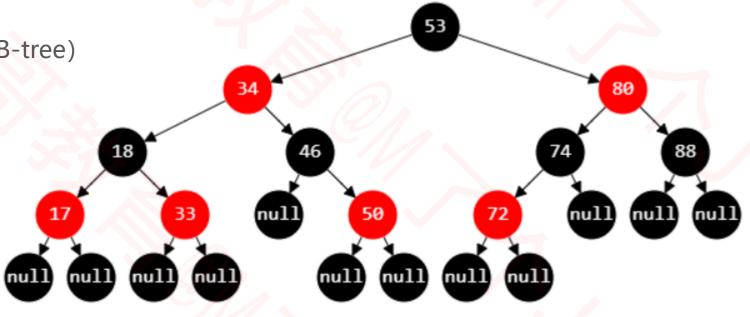
码拉松





Myganga 红黑树 (Red Black Tree)

- ■红黑树也是一种自平衡的二叉搜索树
- □以前也叫做平衡二叉B树 (Symmetric Binary B-tree)
- 红黑树必须满足以下 5 条性质
- 1. 节点是 RED 或者 BLACK
- 2. 根节点是 BLACK
- 3. 叶子节点 (外部节点, 空节点) 都是 BLACK
- 4. RED 节点的子节点都是 BLACK
- ✓ **RED** 节点的 parent 都是 **BLACK**
- ✓ 从根节点到叶子节点的所有路径上不能有 2 个连续的 RED 节点
- 5. 从任一节点到叶子节点的所有路径都包含相同数目的 BLACK 节点
- 为何这些规则下,就能保证平衡?



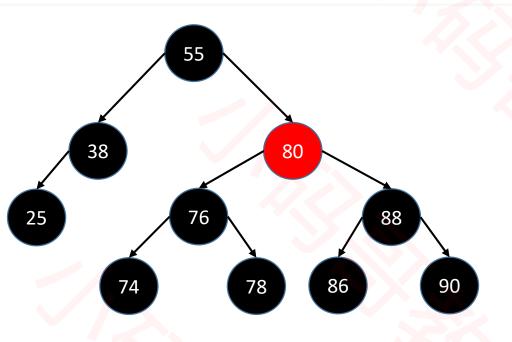






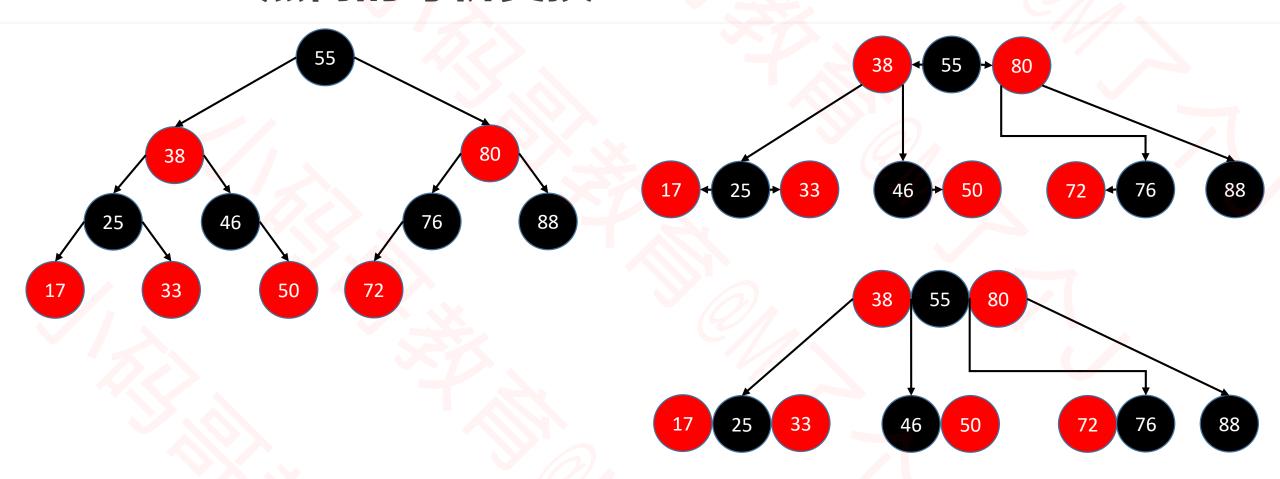


哈爾教意 请问下面这棵是红黑树么?



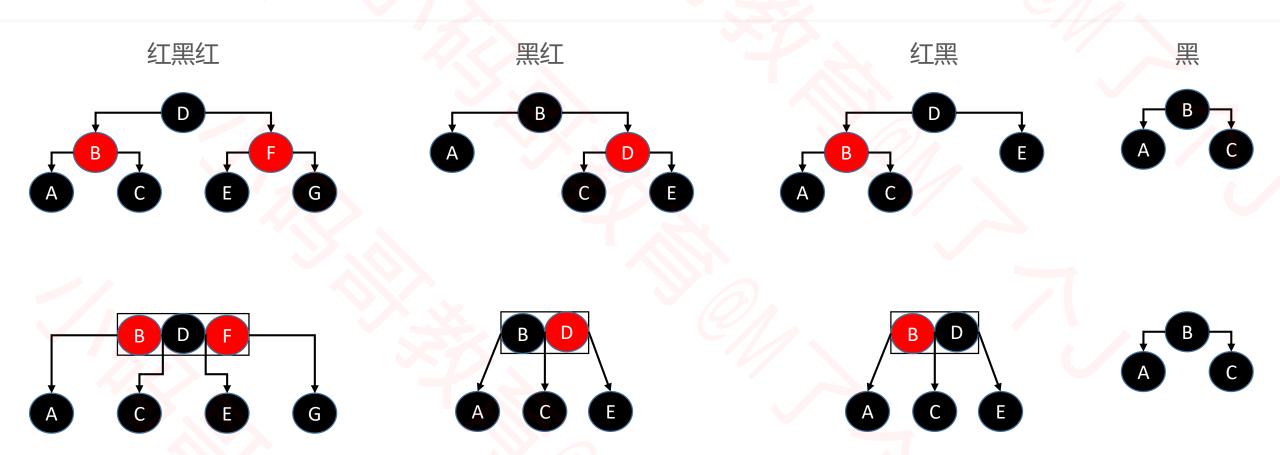
- 红黑树必须满足以下 5 条性质
- 1. 节点是 RED 或者 BLACK
- 2. 根节点是 BLACK
- 3. 叶子节点 (外部节点,空节点) 都是 BLACK
- 4. RED 节点的子节点都是 BLACK
- ✓ RED 节点的 parent 都是 BLACK
- ✓ 从根节点到叶子节点的所有路径上不能有 2 个连续的 RED 节点
- 5. 从任一节点到叶子节点的所有路径都包含相同数目的 BLACK 节点





- 红黑树 和 4阶B树 (2-3-4树) 具有等价性
- RED 节点与 BLACK parent 融合在一起,形成超级节点





- 思考:如果上图最底层的 BLACK 节点是不存在的,在B树中是什么样的情形?
- □整棵B树只有1个节点,而且是超级节点



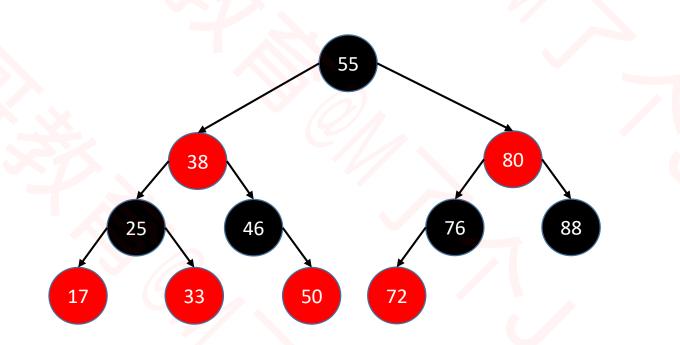
↑ 小码哥教育 几个英文单词

■ parent: 父节点

■ sibling: 兄弟节点

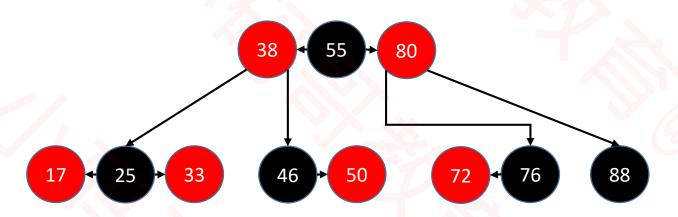
■ uncle: 叔父节点 (parent 的兄弟节点)

■ grand: 祖父节点 (parent 的父节点)



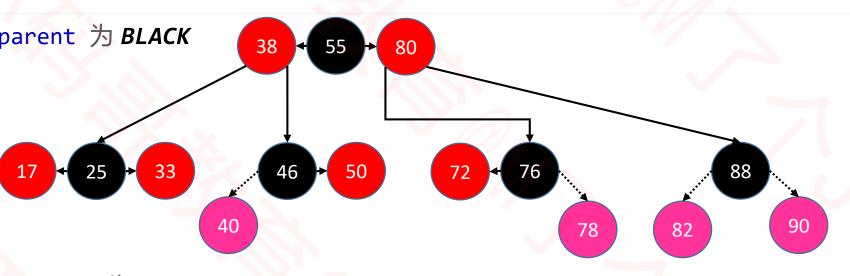


- ■已知
- □B树中,新元素必定是添加到叶子节点中
- □4阶B树所有节点的元素个数 x 都符合 1 ≤ x ≤ 3
- ■建议新添加的节点默认为 RED, 这样能够让红黑树的性质尽快满足 (性质 1、2、3、5 都满足, 性质 4 不一定)

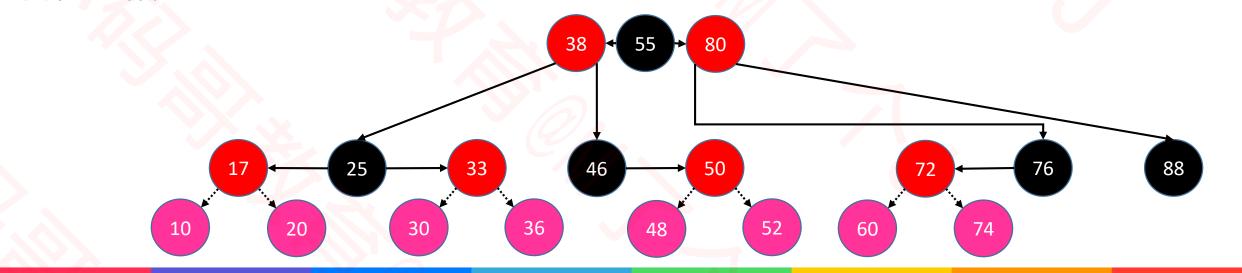




- ■有4种情况满足红黑树的性质4: parent 为 BLACK
- □同样也满足 4阶B树 的性质
- □因此不用做任何额外处理



- 有 8 种情况不满足红黑树的性质 4: parent 为 RED (Double Red)
- □其中前 4 种属于B树节点上溢的情况





↑ 小四哥教育 添加 - 修复性质4 - LL\RR

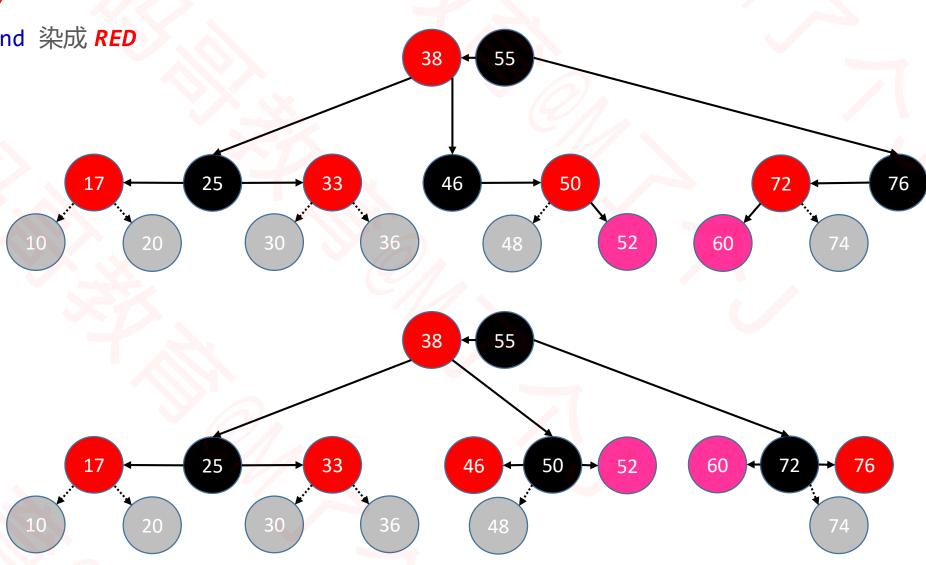
■ 判定条件: uncle 不是 *RED*

1. parent 染成 BLACK, grand 染成 RED

2. grand 进行单旋操作

□LL: 右旋转

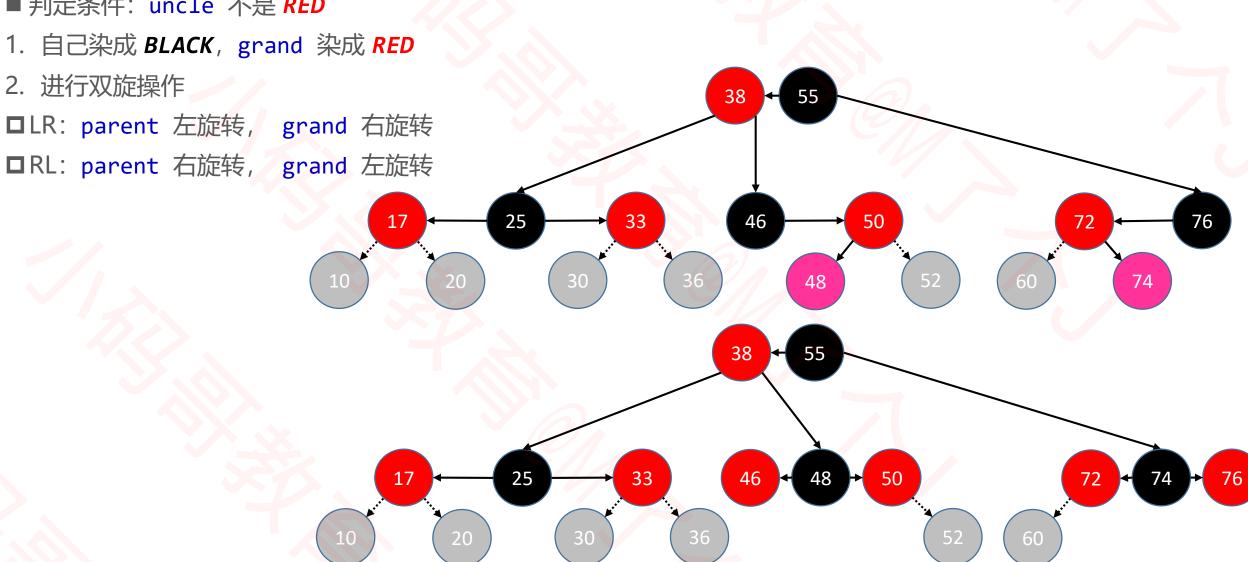
■RR: 左旋转





Myseemys。添加 - 修复性质4 - LR\RL

■ 判定条件: uncle 不是 *RED*



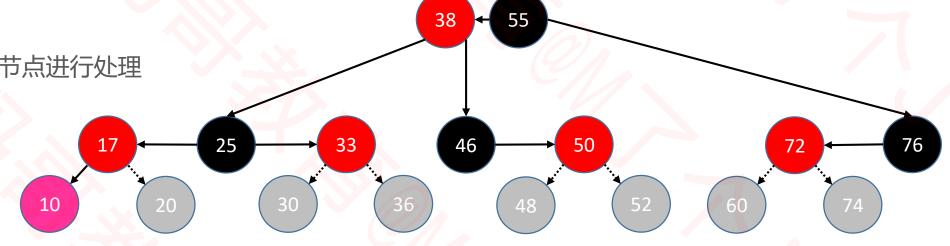






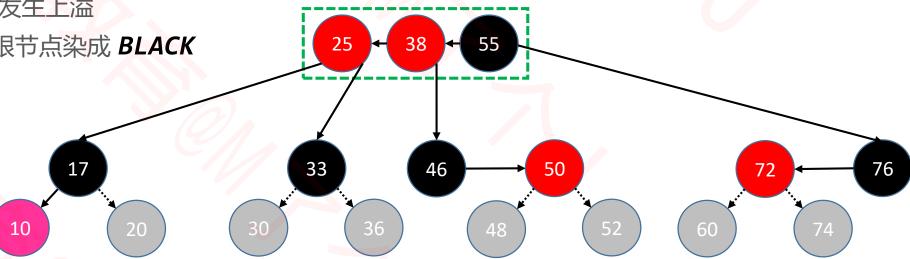
2. grand 向上合并

□染成 RED, 当做是新添加的节点进行处理



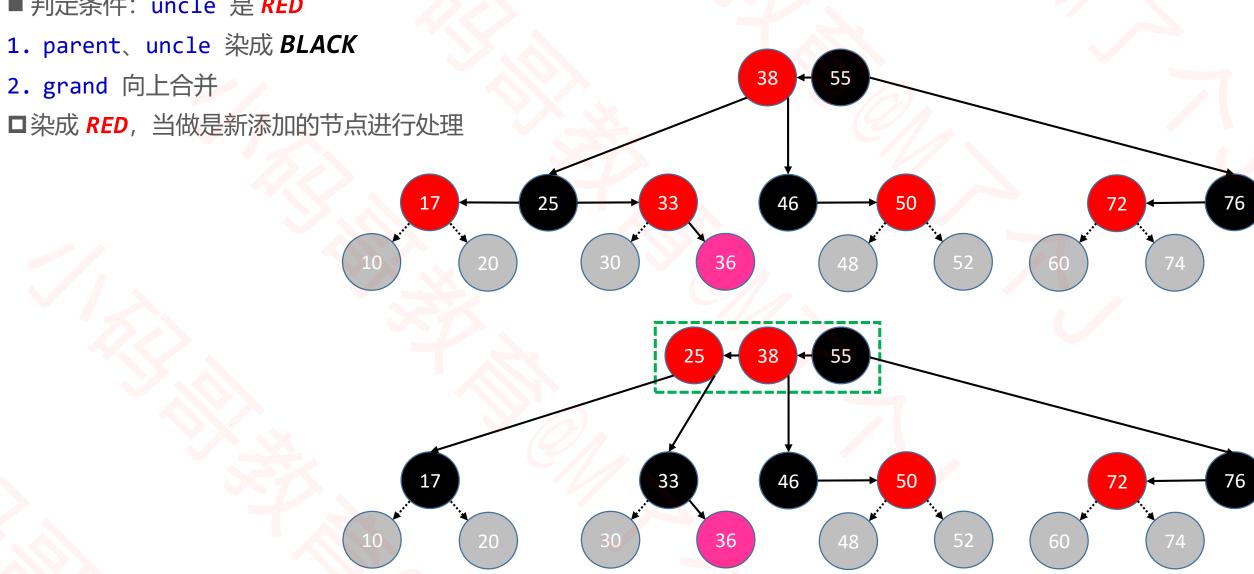






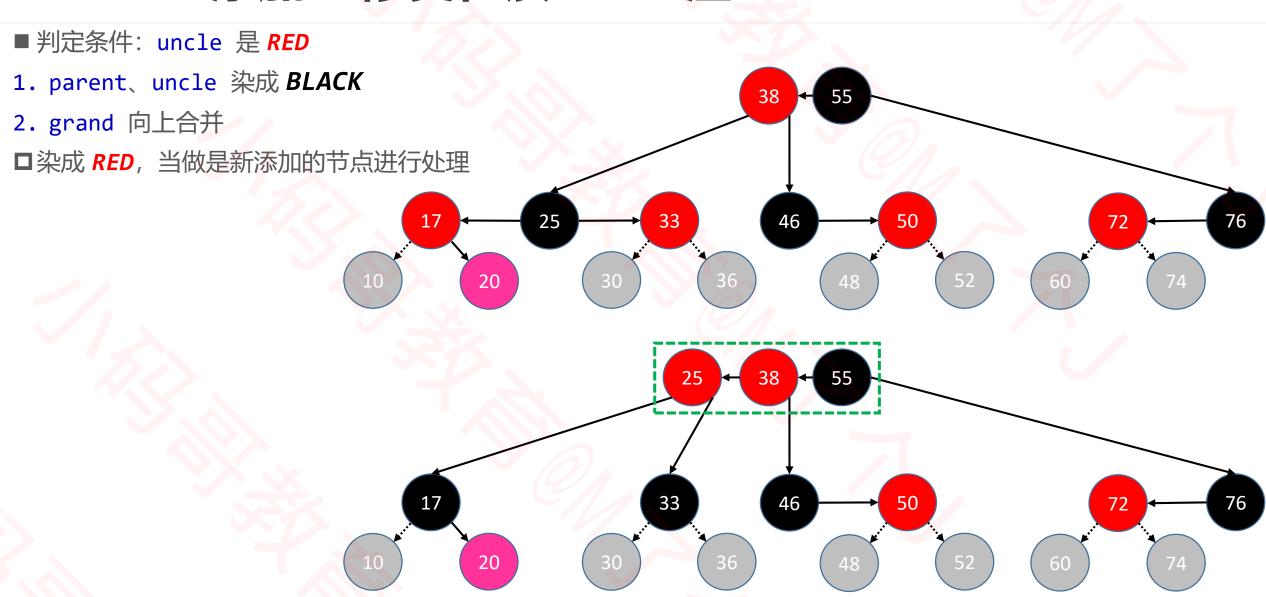


■ 判定条件: uncle 是 *RED*

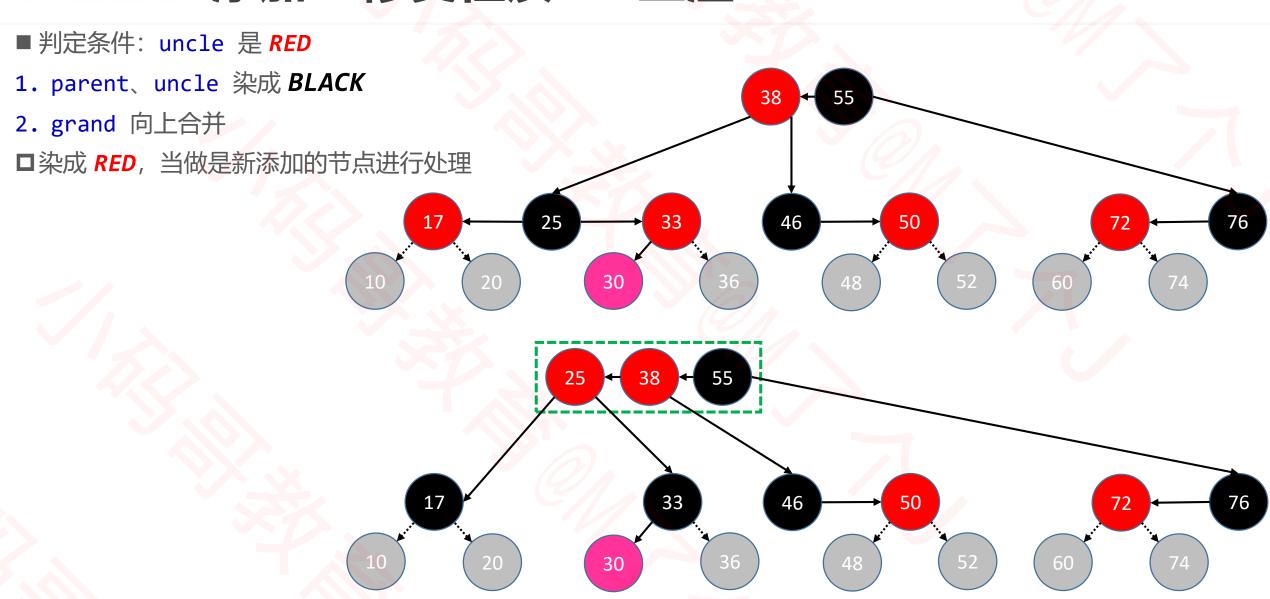




M → 上溢 - LR → 上溢 - LR

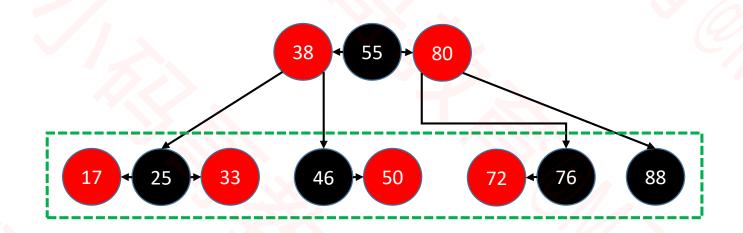








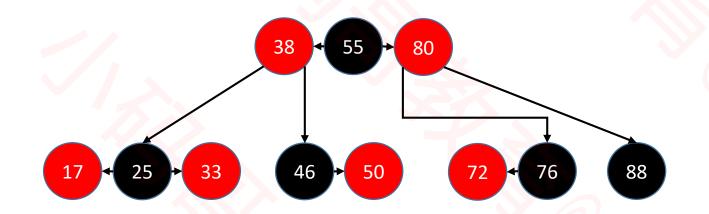
■ B树中,最后真正被删除的元素都在叶子节点中





Myseemys 删除 - RED节点

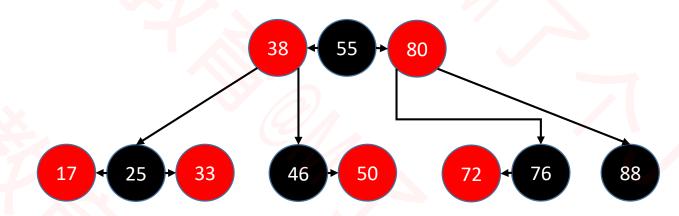
■ 直接删除,不用作任何调整





Mundan Misseemy Go 删除 — BLACK节点

- ■有3种情况
- □拥有 2 个 RED 子节点的 BLACK 节点
- ✓ 不可能被直接删除, 因为会找它的子节点替代删除
- ✓因此不用考虑这种情况
- □拥有 1 个 RED 子节点的 BLACK 节点
- □BLACK 叶子节点

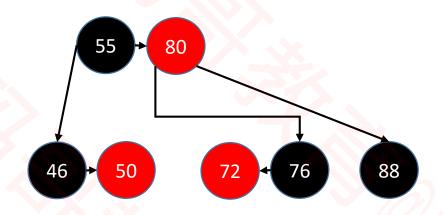


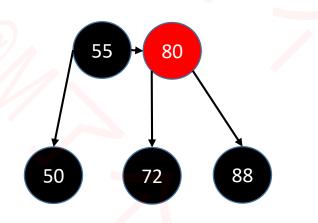


Maganga 删除 – 拥有1个RED子节点的BLACK节点

■ 判定条件:用以替代的子节点是 RED

■ 将替代的子节点染成 BLACK 即可保持红黑树性质

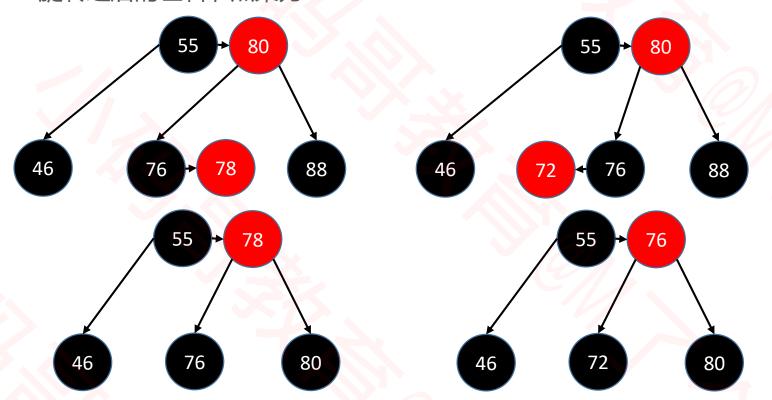


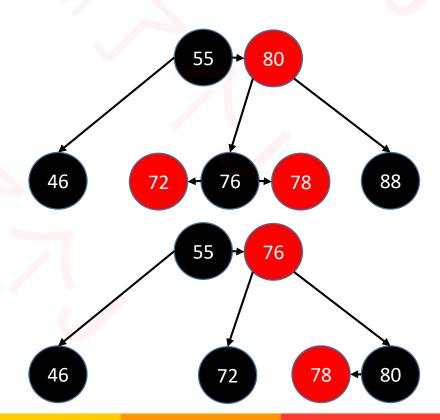




Myggaga 删除 – BLACK叶子节点 – sibling为BLACK

- ■BLACK 叶子节点被删除后,会导致B树节点下溢
- sibling 至少有 1 个 *RED* 子节点
- □进行旋转操作
- □旋转之后的中心节点继承 parent 的颜色
- □旋转之后的左右节点染为 BLACK

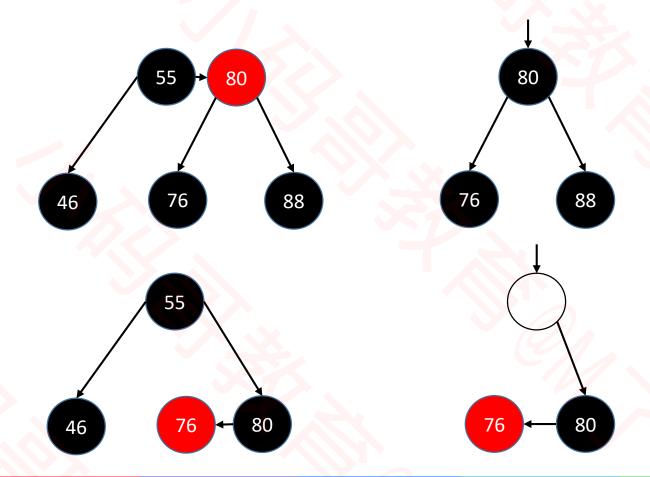






↑ৣৄৣৄৣৄৣৄৢৢৢৢৢৢৢৢৢৢ 删除 – BLACK叶子节点 – sibling为BLACK

- ■判定条件: sibling 没有 1 个 RED 子节点
- 将 sibling 染成 RED、parent 染成 BLACK 即可修复红黑树性质

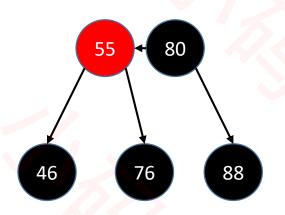


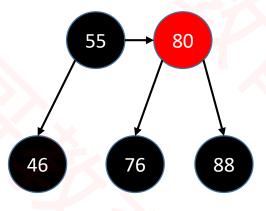
- 如果 parent 是 **BLACK**
- □会导致 parent 也下溢
- □这时只需要把 parent 当做被删除的节点处理即可



↑☆☆☆ 删除 – BLACK叶子节点 – sibling为RED

- ■如果 sibling 是 RED
- □进行旋转, sibling 染成 **BLACK**, parent 染成 **RED**
- □于是又回到 sibling 是 BLACK 的情况







Myseemys。 平均时间复杂度

■搜索: O(logn)

■ 添加: O(logn), O(1) 次的旋转操作

■ 删除: O(logn), O(1) 次的旋转操作 (据统计, 最多 3 次旋转)

Mygg AVL树 vs 红黑树

- AVL树
- □平衡条件比较严格:每个左右子树的高度差不超过1
- □最大高度是 1.44 * log₂(n + 2) 1.328 (100W个节点, AVL树最大树高28)
- □搜索、添加、删除都是 O(logn) 复杂度,其中添加仅需 O(1) 次旋转调整、删除最多需要 O(logn) 次旋转调整
- 红黑树
- □平衡条件比较宽松 (弱平衡、黑高度平衡): 没有一条路径会比其他路径长2倍
- □最大高度是 2 * log₂(n + 1) (100W个节点,红黑树最大树高40)
- □搜索、添加、删除都是 O(logn) 复杂度, 其中添加、删除都仅需 O(1) 次旋转调整
- 搜索的次数远远大于插入和删除,选择AVL树;搜索、插入、删除次数几乎差不多,选择红黑树
- 相对于AVL树来说,红黑树牺牲了部分平衡性以换取插入/删除操作时少量的旋转操作,整体来说性能要优于AVL树
- 红黑树的平均统计性能优于AVL树,实际应用中更多选择使用红黑树