

课程编号: MTH17003

北京理工大学 2009-2010 学年第一学期

工科数学分析期末试题(A卷)

班级			学号				姓名				
(本试卷	共6页,	九个大	、题,试	卷后面空	空白纸拉	斯下做革			1		
题号		二	三	四	五.	六	七	八	九	总分	
得分											
签名											
一. 填空						-2	<u>I</u>	1			
1. 读 $e^y = xy + e$, 则 $\frac{dy}{dx} = $											
2. $I_1 = \int_{e}^{+\infty} \frac{\ln^2 x}{x} dx$ 与 $I_2 = \int_{e}^{+\infty} \frac{dx}{x \ln^3 x}$ 中收敛的为											
3. $\int_{-1}^{1} 3\sqrt{1 - x^2} dx = \underline{\qquad}, \int_{-1}^{1} x\sqrt{1 - x^2} dx = \underline{\qquad}.$											
4. 变量代换											
得可分离变量的微分方程为											
5. 曲线	xy = a	(a > 0)	与直线	x = a,	x = 2a	及 x 轴 角	斤围成 图	图形绕 x	轴旋转	一周所得旋转	
体的	体积V ₁	=		_, 绕)	,轴旋转	一周所	得旋转	体的体	积V ₂ = _	·	
6. 函数	5. 函数 $f(x) = xe^x - \cos x$ 的带佩亚诺余项的 4 阶麦克劳林公式为										
f(x)) =									·	
7. 已知	$y = \frac{x^3}{2}$	是微分え	方程 $\frac{dy}{dx}$	+P(x)y	$y = x^2$ 的	解,则	P(x) =			此微分方程的	
通解	为 y = _										

二. (9 分) 求极限 $\lim_{x\to 0} \frac{(x-2)e^x + x + 2}{\sin^3 x}$.

三. (9分) 求不定积分 $\int x \ln(1+x) dx$.

四. (9分) 当船的速度为6m/sec 时,船的推进器停止工作, 5秒后船的速度减至一半,已 知船所受到的阻力与船的速度成正比,求船的速度随时间的变化规律.

六. (13 分) 设函数 f(x) 连续,且满足 $f(x)=e^{-x}+\int_0^x (t-x)f(t)dt$,求 f(x) 的表达式.

七. (8分) 一贮水池的上部是高 $h=2\,\mathrm{m}$, 半径 $R=1\,\mathrm{m}$ 的圆柱体,下部是半径 $R=1\,\mathrm{m}$ 的半球体,已知半球体部分装满了水,圆柱体部分没有水,如果将水从池中全部抽出,求 所作的功(水的密度 $\mu=1000\,\mathrm{kg/m}^3$).

八. (8 分) 设函数 f(x) 在[0,3]上可导,且 f(3) = -1, $\int_{1}^{2} f(x) dx = 1$,证明在(0,3)内存在 ξ , 使 $\xi f'(\xi) + f(\xi) = 0$.

九. (8 分) 设 f(x) 有连续导数,且 $\lim_{x\to 0} \frac{f(x)+f'(x)}{e^x-1}=2$, f(0)=0,证明 x=0 是 f(x) 的驻点,并判断 f(0) 是否为 f(x) 的极值,若是极值,指出是极大值还是极小值.