爱学习, 更爱学习部

课程编号: MTH17003

二. (8 分) 计算 $I = \int_{-1}^{1} (x^{10} + \sin x) \sqrt{1 - x^2} dx$.

北京理工大学 2014-2015 学年第一学期



工科数学分析期末试题(A卷))(信二学习部整理)

址 级			子亏					姓名				
(本试卷共6页,十一个大题.解答题必须有解题过程.试卷后面空白纸撕下做草稿纸.试卷不得拆散.)												
题号	1	11	11]	四	五.	六	七	八	九	+	+ 1	总分
得分												
签名												
一. 填空题 (每小题 2 分, 共 10 分)												
1. 曲线 $\rho = \cos 2\theta$ 在 $\theta = \frac{\pi}{6}$ 所对应的点处的切线方程为												
2. $\lim_{x \to 1} \left(\frac{x}{x - 1} - \frac{1}{\ln x} \right) = \underline{\hspace{1cm}}$												
3. 反常积分 $\int_{2}^{+\infty} \frac{dx}{x(x+1)}$, $\int_{0}^{+\infty} xe^{-x}dx$, $\int_{0}^{+\infty} \cos x dx$ 中收敛的是												
4. 己知 $e^x \sin x - x^2 (1+x) = ax + bx^3 + o(x^3)$, 则 $a =$, $b =$.												
5. 设 $f(x)$ 是连续函数, $\varphi(x) = \int_{0}^{x} t f(x-t) dt$,则 $\varphi''(x) = $												



三. (9 分) 求微分方程 $xy' + (1-x)y = e^{3x}$ 的通解.



四. (9 分) 设 $y = 1 - xe^y$ 确定函数 y = y(x), $f(x) = ax^2 + bx + c$. (1)求 y(0), y'(0), y''(0).

(2) 确定 a,b,c 的值, 使曲线 y = f(x) 与 y = y(x) 在 x = 0 处有共同的曲率圆.



五. (9 分)计算
$$I = \int_{\frac{\pi}{4}}^{\frac{\pi}{3}} \frac{\ln \cos x}{\cos^2 x} dx$$
.

国 廣信規數 等行不包

六. (9 分)判断曲线 $y = \ln x = 5$ 与 $y = \frac{x^2}{2} + a$ 的交点个数.



七. (9 分) 求不定积分 $\int \frac{2x^2-4x-1}{(x+2)(x^2+1)} dx$.



八. (9 分) 设
$$f(x) = \begin{cases} \frac{\arctan(ax^3)}{x - \arcsin x} & -1 \le x < 0 \\ 6 & x = 0 \\ \frac{e^{ax} + x^2 - ax - 1}{x \ln(1 + \frac{x}{4})} & x > 0 \end{cases}$$
, 且 $x = 0$ 是 $f(x)$ 的可去间断点,求 a 的值.



九. $(9 \, \beta)$ 某河道长 100m,截面是半径为a(m)的半圆,现将其挖成矩形(如图),设泥土的密度为 μ (kg/m³),求将泥土运出所作的功. (要求画出坐标系)





十. (10 分) 求 $y'' + y' - 2y = 3xe^x$ 的通解.



十一. (9分) 设 f(x) 在 [a,b] ($a \ge 0$) 上非负连续且单调减少,证明存在 $\xi \in (a,b)$,使得由曲线 y=f(x) 与直线 $y=f(\xi)$, x=a 所围平面图形绕 x 轴旋转一周所得旋转体的体积 V_1 等于由曲线 y=f(x) 与直线 $y=f(\xi)$, x=b 所围平面图形绕 y 轴旋转一周所得旋转体的体积 V_2 .



信息与电子二学部学生会 学习部