MAC 338 - Análise de Algoritmos

Departamento de Ciência da Computação Primeiro semestre de 2011

Lista 9

- 1. Defina algoritmo eficiente. Defina problema de decisão. Defina verificador polinomial para SIM. Defina verificador polinomial para NÃO. Defina as classes P, NP e coNP. Dê um exemplo de um problema em cada uma dessas classes, justificando a sua pertinência à classe.
- 2. Mostre que SAT está em NP. (Essa é a parte fácil do teorema de Cook.)
- 3. Uma coleção \mathcal{C} de cláusulas sobre um conjunto X de variáveis booleanas é uma tautologia se toda atribuição a X satisfaz \mathcal{C} . O problema TAUTOLOGIA consiste em, dado X e \mathcal{C} , decidir se \mathcal{C} é ou não uma tautologia. O problema TAUTOLOGIA está em NP? Está em coNP? Justifique suas respostas.
- 4. O problema 2-sat consiste na restrição de sat a instâncias X e \mathcal{C} em que toda cláusula de \mathcal{C} tem exatamente dois literais. Mostre que o 2-sat está em P, ou seja, descreva um algoritmo polinomial que resolva o 2-sat.
- 5. Mostre que 2-coloração está em P.
- 6. Seja G = (V, E) um grafo. Um conjunto $S \subseteq V$ é independente se quaisquer dois vértices de S não são adjacentes. Ou seja, não há nenhuma aresta do grafo com as duas pontas em S. O problema IS consiste no seguinte: dado um grafo G e um inteiro $k \geq 0$, existe um conjunto independente em G com k vértices? Mostre que IS é NP-completo.
- 7. Seja G = (V, E) um grafo. Uma 3-coloração de G é uma função $c: V \to \{1, 2, 3\}$ tal que $c(u) \neq c(v)$, para toda aresta $uv \in E$.

Considere o

Problema 3-COLORAÇÃO: Dado um grafo, determinar se ele tem ou não uma 3-coloração.

Mostre que o 3-coloração está em NP.