Ответы на контрольные вопросы

1. Каковы условия применимости метода Гаусса без выбора и с выбором ведущего элемента?

Пусть СЛАУ задана в матричном виде как Ax = b. Тогда главным условием применимости метода Гаусса в обоих упомянутых в вопросе случаях является неравенство нулю определителя матрицы системы: $\det A \neq 0$.

Если метод Гаусса применяется без выбора ведущего элемента, то необходимо учитывать следующее условие: $a_{ii}^{(i-1)} \neq 0$. Это нужно для того, чтобы избежать деления на ноль и, как следствие, аварийного завершения программы.

В случае выбора главного элемента достаточно неравенства нулю определителя матрицы системы, так как деление производится на наибольший по модулю коэффициент при a_{ii} , что обеспечивает устойчивость вычислений.

- 2. что-то там
- 3. В методе Гаусса с полным выбором ведущего элемента приходится не только переставлять уравнения, но и менять нумерацию неизвестных. Предложите алгоритм, позволяющий восстановить первоначальный порядок неизвестных.
- 4. smth...
- 5. Что такое число обусловленности и что оно характеризует? Имеется ли связь между обусловленностью и величиной определителя матрицы? Как влияет выбор нормы матрицы на оценку числа обусловленности?

Величину

$$\operatorname{cond} A = \|A^{-1}\| \cdot \|A\|$$

называют числом обусловленности матрицы A. Матрицы с большим числом обусловленности называются плохо обусловленными, в противном случае — хорошо обусловленными.

Из оценки $\|\delta x\| \leq \|A^{-1}\| \|\delta f\|$ следует, что чем меньше определитель A, тем больше определитель A^{-1} , а значит, больше постоянная при $\|\delta f\|$ и, соответственно, больше влияния погрешностей правой части на погрешности решения.