Haute École d'Ingénierie et de Gestion du Canton de Vaud

Thème: Rappels

Série 2

# Exercice 1

Résoudre les inéquations suivantes:

a) 
$$-3x + 7 > 0$$
,

c) 
$$x^2 \le 0$$
.

e) 
$$x^4 - 8x^2 + 12 > 0$$
,

b) 
$$-x^2 + x < -2$$
,

d) 
$$x^2 - 8x + 12 > 0$$

d) 
$$x^2 - 8x + 12 > 0$$
, f)  $x^6 - 8x^3 + 12 > 0$ .

#### Exercice 2

Déterminer l'axe et le sommet de la parabole d'équation  $y = 3x^2 + 9x - 4$ .

## Exercice 3

Calculer le quotient et le reste de la division du polynôme f par le polynôme g dans les cas suivants:

a) 
$$f(x) = x^3 + 2x^2 - 3$$
 et  $g(x) = x^2 + x + 1$ ,

b) 
$$f(x) = x^6 - 1$$
 et  $g(x) = x + 1$ .

## Exercice 4

Exprimer les quantités suivantes à l'aide d'une seule fonction logarithme ou exponentielle :

a) 
$$\ln(18) - \ln(6) + 2\ln(3)$$

b) 
$$\sqrt{e^9} e^{2-\ln(3)} e^{-\frac{3}{2}}$$

# Exercice 5

Résoudre les équations suivantes :

a) 
$$\log(x^2 - 10x + 121) = 2$$

b) 
$$\log_2(x^2 - 3x) = 2$$

c) 
$$x^{\sqrt{\log(x)}} = 10^8$$

# Exercice 6

Le courant électrique dans un circuit est donné en fonction du temps par:

$$I(t) = \frac{V}{R}(1 - e^{-\frac{Rt}{L}})$$

Résoudre cette égalité par rapport à t. Esquisser le graphe I = I(t)

#### Exercice 7

Résoudre les équations suivantes:

a) 
$$(\sqrt{x})^x = x^{\sqrt{x}}, \quad x > 0$$

b) 
$$e^{\frac{3x}{2}} - e^{-\frac{3x}{2}} = \frac{1}{2} (e^{\frac{x}{2}} + 5e^{-\frac{x}{2}})$$