SY19 - Facial Recognition

Jo COLINA & Paul GOUJON

December 2016

Introduction

Introduction Ce document rend compte de notre travail au cours du dernier TP de SY19, UV de Machine Learning de l'Université de Technologie de Compiègne. Au cours de ce TP, il nous est demandé de mettre en place l'algorithme de Machine Learning le plus performant possible pour une tâche de facial recognition, à l'aide des méthodes que nous avons apprises en cours (ou en lisant des livres tels que l'Introduction to Statistical Learning).

Objectifs du TP Les objectifs du TP sont multiples, parmi lesquels :

- Produire une analyse pertinente du dataset fourni
- Proposer une diversité de modèle
- Analyser de manière pertinente les résultats obtenus
- Tirer des conclusions les plus justes possible concernant les performances des modèles testés

Code Notre code source est fourni en annexe de ce rapport, ou disponible à l'URL https://github.com/goujonpa/SY19TP7.

Ce dernier s'organise comme suit (NB : les noms de fichiers sont des hyperliens, clickables) :

- SY19.R : Script principal, à partir duquel les données sont chargées, et toutes nos fonctions d'analyse lancées.
- pc.R : contient notre PCA
- fa.R : contient notre FDA
- ldaqda.R : contient nos analyses via LDA et QDA
- svm.R : contient nos analyses via SVM
- randomf.R: contient nos analyses via Random Forest
- nn.R : contient nos analyses via Neural Networks
- dossier csv : contient les worksheets de résultats exportés
- dossier plots : contient les plots de résultats exportés
- + d'autres scripts annexes que nous ne jugeons pas utile de détailler

Analyses préliminaire des données

Introduction Nous sommes en présence d'une matrice de taille 216 x 4200 d'individus et d'un vecteur de taille 216 d'étiquettes. Chaque ligne de la matrice est en réalité une photo de taille 60×70 pixels en niveaux de gris d'un visage exprimmant une émotion parmis les six suivantes :

- joie
- surprise
- tristesse
- dégout
- colère
- peur

2.1 Analyse initiale

Dimensions La première chose qui nous frappe lorsque l'on est confronté à ce dataset est le ratio p >> n: nous sommes en présence de beaucoup plus de prédicteurs que d'individus, ce qui nous laisse penser que nous serons amenés à utiliser des méthodes de réduction de dimensions afin de contrer la fameuse "curse of dimensionality".

Pré-traitement En affichant les différentes images, on se rend également compte qu'une partie de chacune des images est totalement inutile dans le cadre de nos analyses, voire risquerait de la bruiter : il s'agit de tous les pixels noir en bas de chaque image. Nous décidons de les exclure de toute future analyse.

2.2 Répartition moyenne par expression

Répartition moyenne & variance Ensuite, afin de voir si les différentes expressions produisent des "vecteur-image moyens" significativement différents, nous décidons de ploter la réparition moyenne des prédicteurs pour chaque expression. Nous obtenons les courbes suivantes.



FIGURE 2.1 – Répartition moyenne des prédicteurs

NB : Standardized La matrice des individus est centrée et réduite une fois effectué le pré-traitement décrit précédemment. C'est le cas pour les représentations ci-dessus.

Interprétation Les répartitions obtenue semblent différer significativement selon l'expression. Nous pouvons donc envisager que l'usage de modèles de prédiction nous permettrait de distinguer les différentes expressions.

Variance CHECKER LA VARIANCE TOUT DE MEME CAR CA POURRAIT ETRE TOUT SIMPLEMENT DU A CA

Corrélation LA HEATMAP CI-DESSOUS BLABLA CORRELATION ENTRE LES DIFFERENTS PREDICTEURS

2.3 Expression moyenne

Curieux Nous avons tenté d'effectuer la moyenne pour chaque expression des images : c'est à dire produire six images issues de la moyenne mathématique des images de l'expression considérée. Ci-dessous sont les "visages moyens" issus de cette moyenne. Nous avons trouvé extrêmement curieux l'aspect humain que prend une "moyenne de visages".

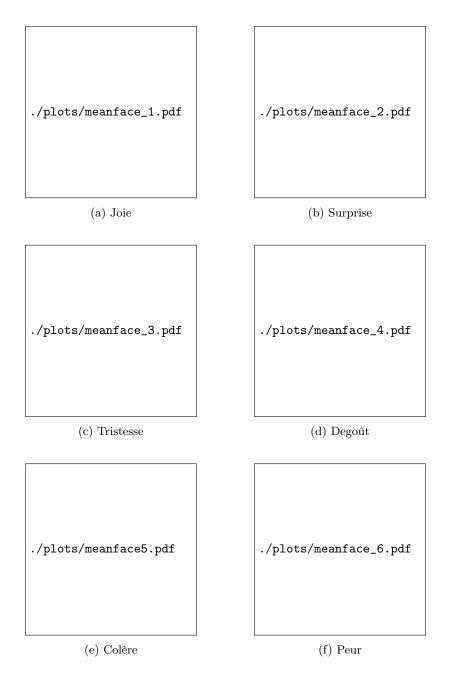


FIGURE 2.2 – Répartition moyenne des prédicteurs

2.4 Première analyse : conclusion et démarche envisagée

Conclusion Nous sommes en présence d'un dataset présentant un fort nombre de prédicteurs comparé au nombre d'individus. Les différents prédicteurs sont globalement très corrélés. Nous allons donc devoir utiliser des méthodes de réduction de dimension sur ce dataset, puis par la suite tester nos différents modèles.

Démarche Nous envisageons ainsi d'utiliser plusieurs méthodes de réduction de dimension :

- Principal Component Analysis
- Factor Analysis
- Forward Stepwise Selection
- ... + combinaisons de plusieurs d'entre elles

avant d'entrainer différents modèles sur les jeux de données résultant, et les optimiser. Nous comparerons les performances de ces différents modèles :

- Linear Discriminant
- Quadratic Discriminant Analysis
- Support Vector Machines
- Random Forest
- Neural Networks

Principal Component Analysis

3.1 Principe

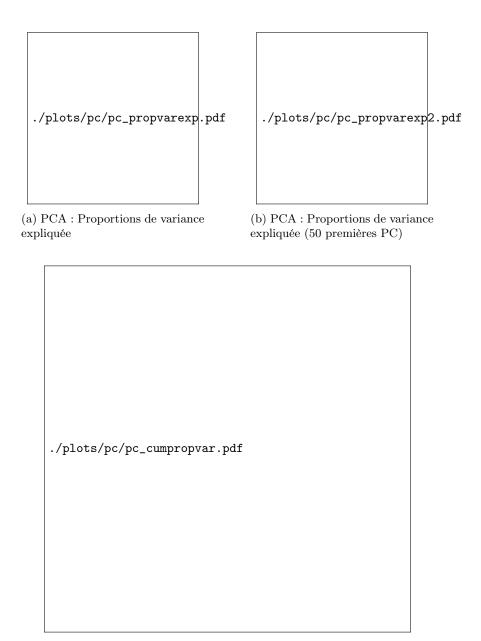
Principe L'analyse en composantes principales consiste à transformer des variables liées entre elles (dites « corrélées ») en nouvelles variables décorrélées les unes des autres. Ces nouvelles variables sont nommées « composantes principales », ou axes principaux. Elle permet de réduire le nombre de variables et de rendre l'information moins redondante.

Motivation Comme expliqué précédemment, nous sommes en présence d'un dataset comprenant un nombre restreint d'individus, chacun présentant un nombre élevé de prédicteurs, relativement corrélés. Il nous parait donc nécessaire d'utiliser un méthode de réduction de dimensions et de corrélation avant toute analyse. La PCA nous semble être l'une des méthodes s'imposant.

3.2 PCA - Réalisation

R Nous réalisons la PCA à l'aide de la fonction prcomp de R. Cette fonction effectue l'analyse en composantes principales de notre matrice d'individus de manière automatique et nous fourni ainsi la matrice de composantes principales, leurs variances, ainsi que la matrice de rotation.

Proportion de variance expliquée Afin de ne retenir qu'un certain nombre de composantes principales, nous nous intéressons à la proportion de variance expliquée par chacune d'elles en plottant leur proportion de variance expliquée brute, et cumulée. Les courbes obtenues sont les suivantes.



(c) PCA : Pourcentage de variance expliquée cumulée

FIGURE 3.1 – Résultats de PCA

Interprétation Afin de tester les performances de nos modèles sur différentes sélections de Principal Component (PC), nous décidons de composer plusieurs dataset :

- **PC15** : A partir des 15 premières PC, représentant environ 65% de variance expliquée
- **PC25** : A partir des 25 premières PC, représentant environ 75% de variance expliquée
- $\mathbf{PC50}$: A partir des 50 premières PC, représentant environ 85% de variance expliquée

 ${f NB}$: Si nous disposons d'assez de temps, nous tenterons peut être une sélection de composantes principales par Forward Stepwise Selection.

Deux premières PC Nous tentons également de plotter nos deux premières principal component, dans l'espoir de constater un quelconque pattern intéressant.

Interprétation Nous remarquons une relativement bonne répartition "par classe" des points : les vert en haut à droite, les turquoise également, les bleus de préférence vers le centre, les rouges centrés en bas, les violets et noirs à gauche, avec les noirs de préférence vers le bas. Nous ne nous attendions pas à ce que les individus aient autant tendance à être rassemblés par classe (bien que cela soit loin d'être parfait).

Cela nous laisse de nouveau penser que nous pouvons espérer des performances intéressantes de la part de nos modèles de machine learning.

Factor Discriminant Analysis

4.1 Principe & motivation

Principe La FDA est un technique de réduction de dimension supervisée, adaptée pour les problèmes de classification. Elle trouve des combinaisons linéaires des prédicteurs originaux, de manière à maximiser la variance interclasse en minimisant la variance intra-classe (c'est à dire de telle manière que les classes se "chevauchent" le moins possible).

Motivation Pour les mêmes raisons que celles décrites précédemment, nous cherchons à réduire le nombre de prédicteurs décrivant nos individus, tout en essayant de construire des prédicteurs nous permettant de les classifier le mieux possible. La FDA est l'une des méthodes nous permettant de nous approcher de ce but, c'est ce qui nous a poussé à l'utiliser.

4.2 FDA - Réalisation

 ${f R}$ A l'image de ce qui a été vu en cours, nous utilisons la méthode 1da du langage ${f R}$, et multiplions la matrice X des individus par la matrice lda.scaling des eigenvectors retenus.

4.3 FDA - Plusieurs approches

Introduction La curiosité nous a poussé à tester la FDA selon différentes approches.

4.3.1 FDA sur dataset initial entier

Description de l'approche Nous avons tout d'abord tenté d'utiliser tous les individus du dataset initial pour la détermination du scaling à appliquer à nos individus. Nous avons donc appliqué la méthode décrite dans le cours, obtenu la matrice d'eigenvectors retenus par laquelle nous avons multiplié celle de nos individus.

Génération de datasets Nous générons suivant cette approche un dataset que nous nommons :

— Raw FDA : dataset des individus obtenus en appliquant la FDA au dataset initial entier

NB - Important Ce dataset sera utilisé en utilisant la 6-folds CV pour l'entrainement et le test de nos modèles par la suite.

Représentation dans le premier plan factoriel La représentation des individus de ce dataset dans le premier plan factoriel nous donne la figure suivante :

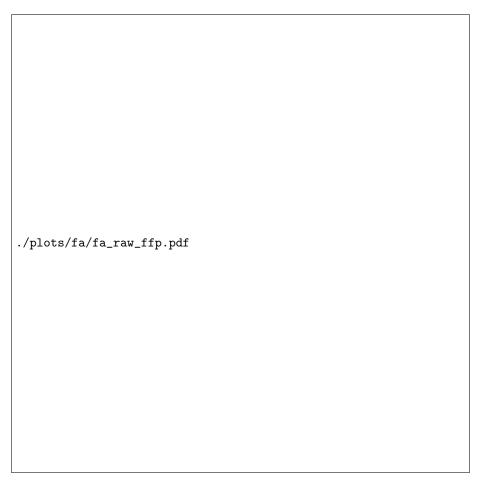


FIGURE 4.1 – Représentation de notre dataset "Raw FDA" dans le premier plan factoriel

Interprétation Nous remarquons que les individus sont désormais extrêmement bien répartis par classe, nous soupçonnons un certain overfitting de la méthode : cette méthode permet d'extrêmement bien séparer les classes du dataset initial, mais auraient elle le même effet sur un dataset dont l'étiquetage est inconnu?

C'est l'envie de répondre à cette question qui nous pousse à tester la seconde approche, que nous expliquons ci-après.

4.3.2 FDA sur dataset divisé en train et test ensemble (validation set)

Description de l'approche C'est en constatant les "un peu trop excellents" résultats de l'approche précédente que nous décidons d'effectuer la même manipulation en divisant cette fois notre dataset initial en deux ensemble : un ensemble d'apprentissage contenant 2/3 des individus initiaux, et un ensemble de test en contenant 1/3.

Nous effectuons une FDA sur l'ensemble d'apprentissage, en déduisons la matrice de transformation, grâce à laquelle nous transformons notre ensemble de test. Nous créons ainsi deux datasets :

- train FDA : dataset des individus d'apprentissage obtenus en effectuant une FDA sur 2/3 des individus du dataset initial
- test FDA : dataset des individus de test obtenus en utilisant le scaling obtenu sur 1/3 des individus du dataset initial

Représentation & comparaisons La figure ci-dessous représente à gauche les individus résultant de la FDA sur l'ensemble d'apprentissage, et à droite l'ensemble de test.

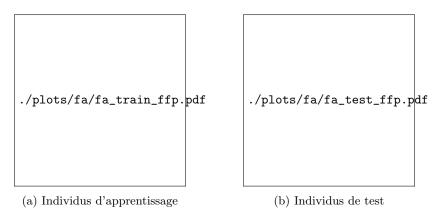


FIGURE 4.2 – Résultats de FDA sur les individus d'apprentissage et de test dans le premier plan factoriel

Interprétation Cette figure semble confirmer notre hypothèse précédente : sur un nombre peu élevé d'individus, et un nombre élevé de prédicteurs, la FDA semble overfitter les individus d'apprentissage et donc produire des performances médiocres sur les individus de test.

4.3.3 Grain de folie : FDA sur résultat de PCA

Description de l'approche Toujours par curiosité, nous avons souhaité tenter d'effectuer une FDA sur les composantes principales, obtenues précédemment via PCA. Nous avons donc procédé comme précédemment, et construit les datasets suivants :

- PC15 FDA : Individus obtenus en effectuant une FDA sur les 15 PC obtenues par PCA du dataset initial entier
- PC200 FDA : Individus obtenus en effectuant une FDA sur les 200 PC obtenues par PCA du dataset initial entier
- Train PC15 FDA : Individus obtenus en effectuant une FDA sur les 15 PC obtenues par PCA de 2/3 du dataset initial
- Test PC15 FDA : Individus obtenus utilisant la FDA précédente et après séléction des 15 PC obtenues en utilisant la PCA précédente
- Train PC100 FDA : Individus obtenus en effectuant une FDA sur les 100 PC obtenues par PCA de 2/3 du dataset initial
- Test PC100 FDA : Individus obtenus utilisant la FDA précédente et après séléction des 100 PC obtenues en utilisant la PCA précédente

Représentations La figure ci-après présente la réprésentation des individus des datasets ci-dessus, dans le premier plan factoriel

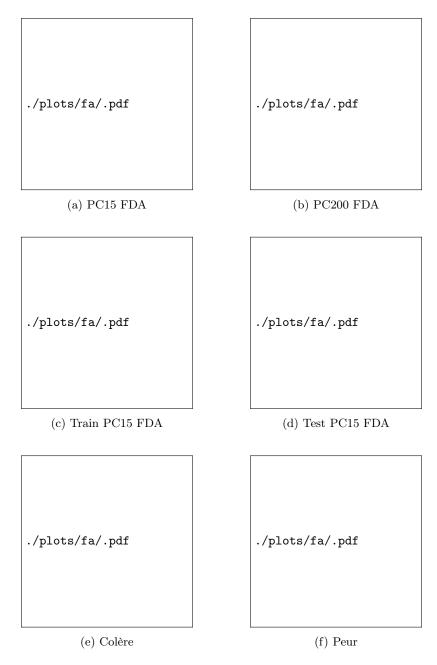


FIGURE 4.3 – Répartition moyenne des prédicteurs

Interprétation & références Les figures ci-dessus et la consultation de différentes références, notamment cet article issu de la section "cross-validated" de stack exchange semble confirmer notre hypothèse selon laquelle la FDA a tendance, dans le cas d'un faible nombre d'invidus pour un grand nombre de prédicteurs à overfit les individus d'apprentissage (notons en effet les performances d'apparence "stupéfiantes" de la FDA sur les 200 PC, qui ne sont en fait du qu'à l'overfit).

4.4 FDA - Conclusion

Conclusion Il semblerait ainsi que la FDA nous permette de très bien séparer les classes, lorsque l'on ne souhaite qu'être capables de "reconnaitre" les classes de l'ensemble d'apprentissage.

En revanche, si l'on se place dans le cas ou l'on nous fournit un jeu de nouvelle données non étiquetées à classifier, la FDA ne nous parait pas d'une grande utilité.

Datasets & Protocoles experimentaux

Récapitulatif Le tableau ci-dessous récapitule les datasets dont nous disposons, et la manière dont nous allons les utiliser. TODO LE MOTHERFUCKING TABLEAU

Protocoles experimentaux - général Globalement, nous allons pour la suite de ce TP tester différents modèles et en évaluer les performances. Pour cela nous adoptons une démarches en trois étapes pour chacun des classifieurs :

- Analyse préliminaire: nous effectuons un premier balayage, en testant un large panel de paramètres (choisis généralement du même ordre de grandeur que les paramètres par défaut choisis par les différents packages R) afin de visualiser les performances globales en fonction de ces derniers de nos modèles
- 2. **Optimisation**: nous optimisons par la suite les paramètres un à un, en les fixant tour à tour puis faisant varier les paramètres non encore fixés
- 3. Evaluation du taux d'erreur et matrices de confusions : pour finir, nous estimons le taux d'erreur optimum obtenu pour le modèle sur le jeu de données considéré, et construisons sa matrice de confusion.

Estimation du taux d'erreur Selon le dataset utilisé, nous utilisons différentes méthodes d'estimation du taux d'erreur :

- 6-folds Cross Validation : lorsque nous n'utilisons pas les ensembles d'apprentissage et de test, nous estimons nos taux d'erreur de test finaux via 6-folds CV
- Validation set method : pour les rares cas ou nous utilisons ensemble d'apprentissage et ensemble de test, l'erreur de test est évaluée sur l'ensemble de test
- **10-folds CV** : la 10-folds CV est utilisée par la fonction **tune** lors du "tuning" des paramètres

Concision du compte rendu Nous avons chronologiquement commencé par éprouver tous les modèles sur le dataset "PC15" (donc testé, débugué, optimisé), avant de réutiliser nos fonctions d'analyse sur les autres dataset.

Dans un soucis de concision (vous ne voulez surement pas un rapport de 200 pages), nous ne montrerons dans la suite de ce rapport que les figures obtenues via l'analyse de ce dataset.

L'ensemble de nos résultats sont néanmoins disponibles au sein des dossiers "plots" et "csv" fournis en annexe.

Linear Discriminant Analysis, Quadratic Discriminant Analysis

Introduction Les deux premier modèles que nous décidons d'éprouver sont la LDA et la QDA (que nous maitrisons le mieux étant donné qu'il s'agit des premiers étudiés en SY19 de ce TP).

6.1 LDA & QDA: Protocol experimental

6-folds CV Nous souhaitons estimer le taux d'erreur de test de ces deux modèles. Pour cela nous allons utiliser la méthode de resampling dite "6-folds cross validation" (Pourquoi 6 plutôt que 5? Parce que 216/6 est un chiffre rond : 36).

Apprentissage / **Prédiction** Nous effectuons donc pour chaque modèle 6 apprentissages sur les 5 folds de train, suivis de leur prédiction sur le fold de test.

Estimation de l'erreur de test Nous estimons par la suite l'erreur de test en calculant l'erreur de cross validation.

Confusion matrix Nous construisons par ailleurs la matrice de confusion issue de la prédiction.

6.2 LDA & QDA : Résultats



FIGURE 6.1 – LDA & QDA : Taux d'erreurs de test

Matrice de confusion Les matrice de confusion ci-dessous peuvent être obtenues par LDA et QDA.

Table 6.1 – LDA: Matrice de confusion

Actual \ Predicted	Joie	Surprise	Tristesse	Dégoût	Colère	Peur	Total
Joie	31	0	0	1	0	4	36
Surprise	0	34	0	0	2	0	36
Tristesse	0	0	29	2	4	1	36
Dégoût	0	0	1	29	4	2	36
Colère	0	0	3	6	27	0	36
Peur	7	0	2	0	1	26	36
Total	38	34	35	38	38	33	216

Table 6.2 – QDA : Matrice de confusion

Actual \ Predicted	Joie	Surprise	Tristesse	Dégoût	Colère	Peur	Total
Joie	21	0	0	1	0	14	36
Surprise	0	32	1	0	0	3	36
Tristesse	1	0	22	3	6	4	36
Dégoût	2	0	1	21	5	7	36
Colère	0	0	4	12	19	1	36
Peur	8	0	1	3	1	23	36
Total	32	32	29	40	31	52	216

Test error rates & Standard deviation Finalement, le tableau ci-dessous donne les valeurs des taux d'erreur de test moyens ainsi que leur écart-types.

Table 6.3 – Taux d'erreurs de test et écart-types

	LDA	QDA
Test error rate	0.19	0.36
Standard deviation	0.08	0.11

6.3 LDA & QDA : Interprétations

Observations La LDA semble délivrer de meilleures performances que la QDA. La "joie" a tendance a être étiquetée "peur". La "tristesse" a tendance a être confondue avec "dégoût", "colère", ou "peur". Le "dégoût" est quant à lui confondu avec "colère" ou "peur". La colère est très souvent classifiée "dégoût". Pour finir, la "peur" est régulièrement étiquetée "joie".

Interprétation Les classes concernées par ces confusions semblent correspondre aux classes que nous voyons superposées sur la représentation des deux principales composantes analysée précédemment.

Nous pouvons émettre l'hypothèse que certaines expressions sont difficilement différentiables les unes des autres car relativement superposées sur les composantes principales choisies.

LDA vs QDA il semblerait que la LDA nous permette d'obtenir de meilleures performances que la QDA.

Il semblerait donc que ce modèle, moins flexible, propose de meilleures frontières de décision, réduisant la variance de notre modèle (au prix, certainement, d'un certain biais).

6.4 Autres datasets - Résultats

Résultats Le tableau ci-dessous résumé les résultats que nous obtenons avec les différents autres datasets.

Dataset (method)	LDA Test Err.	LDA Test Err. Sd.	QDA Test Err.	QDA Test Err. Sd.
PC15 (6-CV)	0.19	0.08	0.36	0.11
PC25 (6-CV)	0.13	0.07	0.54	0.13
Raw FDA (6-CV)	0.05	0.02	0.06	0.02
PC200 FDA (6-CV)	0.005	0.01	0.005	0.01
Train Raw FDA (VS)	0.78	NA	0.76	NA
Train PC15 FDA (VS)	0.33	NA	0.69	NA
Train PC100 FDA (VS)	0.38	NA	0.59	NA

Table 6.4 – Taux d'erreurs de test et écart-types

Interprétation Ces résultats semblent corroborer nos hypothèses précédentes :

- La LDA s'en sort mieux que la QDA
- La FDA conduit à de l'overfitting détecté dès que l'on effectue sont fitting seulement sur une partie du dataset initial
- Doubler le nombre de PC n'améliore que relativement nos performances
- Des patterns permettent bien de différencier les différentes expressions, sans quoi nous serions incapables d'avoir un taux d'erreur de test atteignant les 13% (LDA, PC25)

Support Vector Machine

7.1 SVM - Principe

Principe En machine learning, les SVMs sont un modèle d'apprentissage supervisé adapté à la classification. Un modèle SVM représente les individus d'apprentissage dans l'espace en tentant de séparer les différentes classes par une marge aussi grande que possible.

Tout individu de test est projeté dans cet espace et classifié en fonction de son positionnement par rapport à cette marge.

7.2 Multinomial classification - Strategy

Stratégies Plusieurs stratégies peuvent être utilisées pour utiliser les SVM dans la cas de tâches de classification entre plusieurs classes.

- One vs One : la stratégie One versus One consiste à construire $\binom{K}{2}$ SVMs, comparant les classes par paires, une à une. Les individus de test sont ensuite classés en utilisant chacun des classifieurs, et on leur attribue la classe la plus fréquemment attribuée par ces derniers.
- One vs All : la stratégie One versus All consiste à construire K SVMs, comparant à chaque fois l'une des classes à toutes les autres. On attribue par la suite aux individus de test la classe ayant l'indice de confiance le plus élevé.

Librairie R - Stratégie Nous utilisons dans le cadre de notre étude la librairie e1071, nous fournissant une fonction svm. Il nous paraissait donc important de préciser la stratégie utilisée pour la classification multinomiale. La documentation du package nous a permis de trouver la réponse : la stratégie "one versus one" est utilisée dans le cadre de notre étude.

7.3 Protocol experimental, résultats & interprétations

Démarche Nous partons sans hypothèse a priori concernant le modèle le plus approprié pour notre dataset. Notre démarche va donc consister à effectuer un premier "balayage", en testant un large spectre de paramètres, puis sélectionner un ou plusieurs jeux de paramètres nous ayant donné de bons résultats puis essayer d'optimiser ces jeux de paramètres.

Première analyse Nous commençons donc au cours d'une première analyse à tester ce large spectre de paramètres. Grace à la méthode tune du package R, nous pouvons faire varier les paramètres suivants :

- **Kernel** : Le noyau utilisé par la SVM
- **Cost** : Le "budget", agissant sur le "bias-variance trade-off" du modèle en permettant plus ou moins de violation de "margin"
- **Degree** : Le degré à utiliser (seulement dans le cas d'un noyau polynomial)

Résultats La figure ci-dessous présente le résultat de ce premier "parameters tuning".

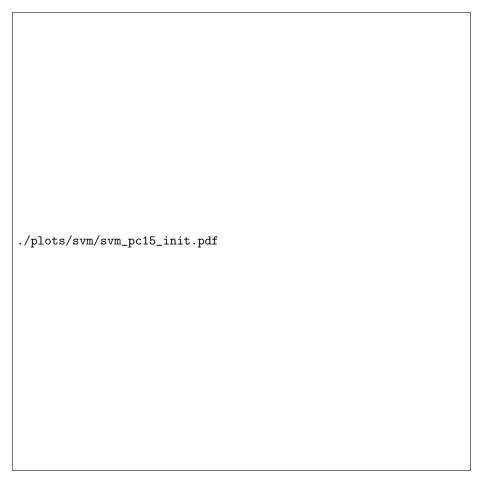


FIGURE 7.1 - SVM: Première analyse

Interprétation - modèles approfondis Au vu de la figure ci-dessus et des performances du tuning que nous avons exportées au format xlsx (annexes), il semblerait que les modèles les plus performants soient le modèle utilisant un noyau de forme sigmoid pour un cost égal à 1, et le modèle polynomial de degré 1 (linear donc), pour un cost avoisinant la valeur 5.

On remarque également les performances relativement médiocres de nos modèles pour un cost nul. Cela corrobore ce que nous avons vu en cours : l'ajout du cost permet d'optimiser notre "bias-variance tradeoff".

Nous sélections ces deux modèles, afin de leur faire passer une phase d'optimisation supplémentaire.

Modèle Sigmoid - Optimisation Nous commençons par optimiser le modèle utilisant un noyau sigmoid. nous lui faisons passer deux phases supplémentaires de "tuning". Au cours de la première, nous faisons varier la valeur de gamma et de cost, deux paramètres utilisés par ce modèle. Nous obtenons les meilleures performances pour les valeurs suivantes :

Table 7.1 – Résultats de première optimisation du modèle à noyau sigmoid

Gamma	Cost	Test error estimate
0.007	1.5	0.24

Optimisation du cost Nous fixons par la suite gamma à la valeur obtenue et réalisons notre dernière optimisation, sur le paramètre cost. La courbe cidessous représente l'évolution de de l'estimation du taux d'erreur de test en fonction de la valeur du paramètre cost.

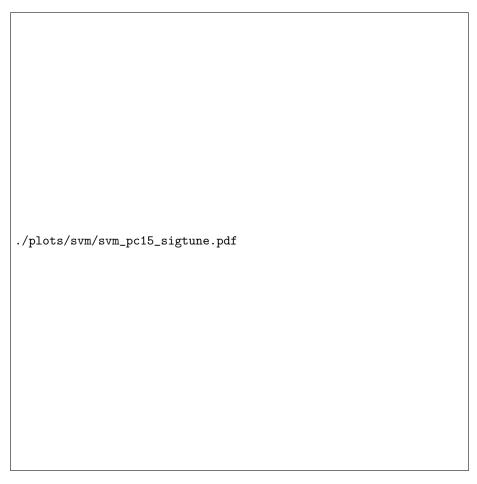


Figure 7.2 – SVM : optimisation du cost pour le modèle à noyau sigmoid

Performances finales - noyau sigmoid Finalement, nous obtenons le jeu de paramètre et les performances suivantes :

Table 7.2 – Résultats de seconde optimisation du modèle à noyau sigmoid

Gamma	Cost	Test error estimate
0.007	1.1	0.21

Modèle polynomial - optimisation Tout d'abord, il est à noter que le modèle polynomial, au degré 1 est un modèle linéaire, à un facteur gamma près. De la même manière que nous l'avons fait pour le modèle à noyau sigmoid, nous "tunons" les deux paramètres de ce modèle. Après la première optimisation, nous obtenons le jeu de paramètres suivant :

Table 7.3 – Résultats de première optimisation du modèle à noyau polynomial de degré $1\,$

Gamma	Cost	Test error estimate
0.01	4.3	0.22

Cost optimisation Une nouvelle fois, nous fixons notre gamma et effectuons le tuning du cost. Nous obtenons la courbe ci-dessous.

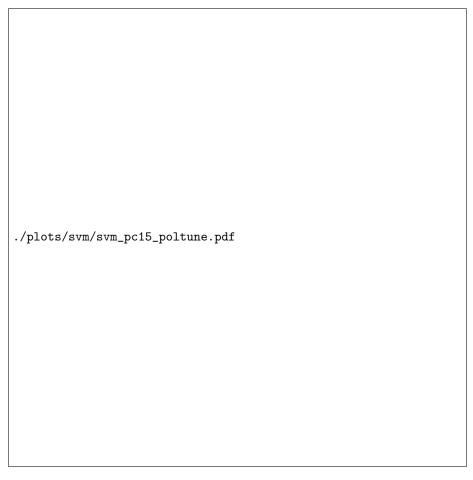


FIGURE 7.3 – SVM : optimisation du cost pour le modèle à noyau polynomial de degré $1\,$

Performances finales - noyau polynomial Après cette nouvelle optimisation, nous obtenons le jeu de paramètres et les performances suivantes :

Table 7.4 – Résultats de seconde optimisation du modèle à noyau polynomial de degré 1

Gamma	Cost	Test error estimate
0.01	6.8	0.21

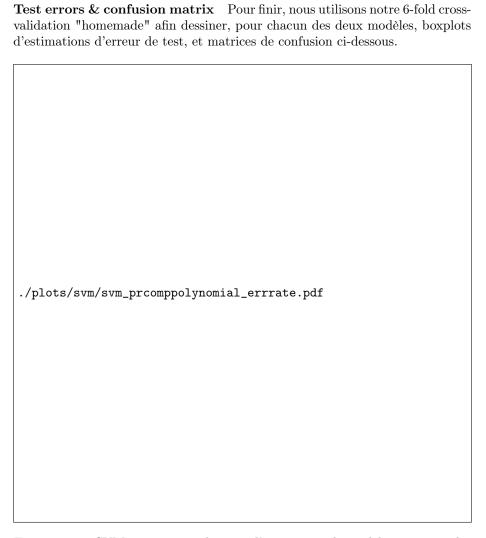


FIGURE 7.4 – SVM : estimation du taux d'erreur pour le modèle à noyau polynomial de degré 1

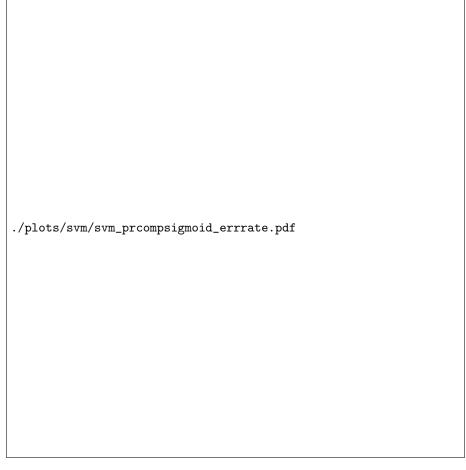


Figure 7.5 – SVM : estimation du taux d'erreur pour le modèle à noyau sigmoid

Table 7.5 – SVM - polynomial $d{=}1$: Matrice de confusion

Actual \ Predicted	Joie	Surprise	Tristesse	Dégoût	Colère	Peur	Total
Joie	33	0	0	0	0	3	36
Surprise	0	36	0	0	0	0	36
Tristesse	0	0	27	1	6	2	36
Dégoût	1	0	0	28	6	1	36
Colère	0	0	4	6	26	0	36
Peur	8	1	1	2	2	22	36
Total	42	37	32	37	34	28	216

Table 7.6 – SVM - sigmoid : Matrice de confusion

Actual \ Predicted	Joie	Surprise	Tristesse	Dégoût	Colère	Peur	Total
Joie	32	0	0	1	0	3	36
Surprise	0	32	0	0	4	0	36
Tristesse	0	0	27	2	7	0	36
Dégoût	0	0	1	23	12	0	36
Colère	0	0	4	11	20	1	36
Peur	6	0	3	3	1	23	36
Total	38	32	35	40	44	27	216

Interprétations finales Le modèle à noyau polynomial de degré 1 (donc linéaire) performe mieux que le modèle à noyau sigmoid. Son taux d'erreur de test est moins important, sa variance également. Cela semble corroborrer les résultats obtenus précédemment, lors de la LDA.

Notons également de fortes similitudes entre la matrice de confusion obtenue via SVM à noyau polynomial de degré 1, et celle de la LDA (sensiblement les mêmes confusions ont lieu).

Tout comme celles de la LDA, les performances, de la SVM linéaire sont relativement convenables pour cette tâche de facial recognition! Après avoir exposé nos résultats pour nos autres datasets, nous poursuivons notre analyse à l'aide des Random Forest.

7.4 Autres datasets - Résultats

Résultats Le tableau ci-dessous récapitule les meilleures performances obtenus pour les différents datasets testés.

Table 7.7 – Taux d'erreurs de test et écart-types

Dataset (method)	Polynomial Test Err.	Polynomial Test Err. Sd.
PC15 (6-CV)	0.22	0.07
PC25 (6-CV)	0.17	0.07
Raw FDA (6-CV)	0.05	0.02
PC200 FDA (6-CV)	0.005	0.03
Dataset (method)	Sigmoid Test Err.	Sigmoid Test Err. Sd.
PC15 (6-CV)	0.24	0.04
PC25 (6-CV)	0.15	0.04
Raw FDA (6-CV)	0.05	0.01
PC200 FDA (6-CV)	0.009	0.01

Interprétation On constate ainsi les très bonnes performances des modèles SVM, rivalisant quasiment avec les performances de la LDA.

La domination qui se dessinait sur le dataset "PC15" en faveur du noyau polynomial n'est plus si certain.

Une nouvelle fois nous constatons le très probable overfitting dû à la FDA (mais on vous laisse les résultats, pour info).

Random Forest

8.1 Introduction

Principe Les Random Forest, ou Random Decision Forest sont un ensemble de méthodes d'apprentissage adaptées aux tâches de classification (notamment). Elles consistent à construire une multitude d'arbres de décision au moment de l'apprentissange, et renvoyer la classe prédite la plus souvent pour un individu test donné au moment de la prédiction.

Les Random Forest corrigent le principal défaut des arbres de décision seuls : l'overfitting.

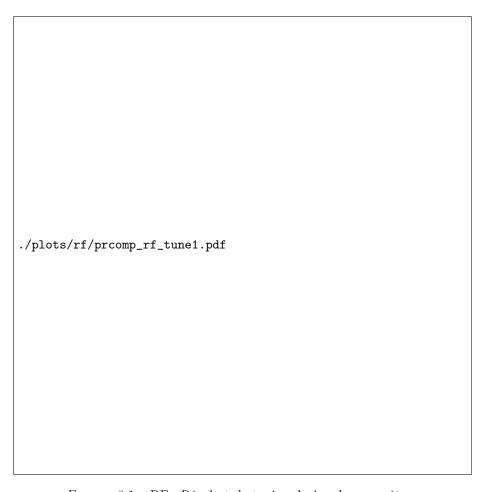
8.2 Protocol expérimental, résultat & interprétations

Démarche Une nouvelle fois, nous partons avec aucun a priori concernant le modèle de Random Forest optimal pour notre dataset. De la même manière que nous l'avons fait pour les modèles de type SVM, nous allons effectuer un premier "balayage" des différents paramètres à optimiser, afin de nous faire un première idée du jeu de paramètres optimal. Les paramètres sur lesquels nous allons travailler dans la cadre de la Random Forest sont :

- **Ntree** : Le nombre d'arbres dans notre forêt
- Mtry : Le nombre de variables candidates à chaque split

Optimisation Construisant ici la Random Forest sur les composantes principales de notre dataset, les prédicteurs sont au nombre de 15. La construction des Random Forest n'étant pas trop contraignante du point de vue temps de calcul nous allons pouvoir immédiatemment tester toutes les valeurs entre 1 et 15 pour le paramètre mtry. Ainsi, notre résultat de tuning sera notre résultat final d'optimisation.

Le "tuning" du jeu de paramètres nous donne ainsi la plot suivante :



 ${\tt Figure~8.1-RF}: R\'esultat de tuning du jeu de paramètres$

Interprétation Cette figure nous permet de voir que les performances de la Random Forest s'améliorent bien au fur et à mesure de l'augmentation du nombre d'arbres dans la forêt, jusqu'à se stabiliser pour un nombre élevé d'entre eux. Notre tuning nous retourne en tant que meilleur jeu de paramètres :

Table 8.1 – Résultat de première optimisation de la Random Forest

ntree	mtry	Test error estimate
100	2	0.31

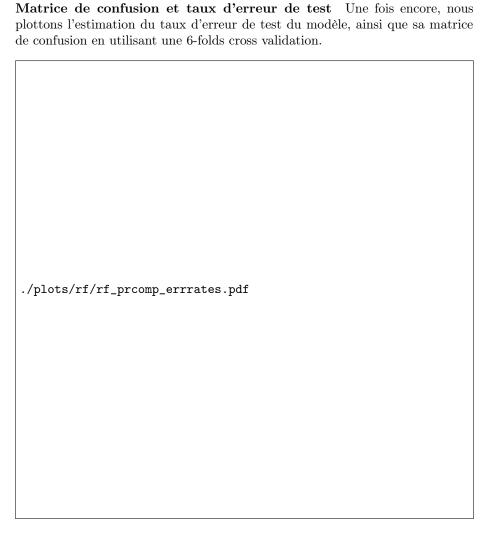


FIGURE 8.2 - RF: Estimation du taux d'erreur de test

Table 8.2 – Random Forest: Matrice de confusion

Actual \ Predicted	Joie	Surprise	Tristesse	Dégoût	Colère	Peur	Total
Joie	27	0	1	0	1	7	36
Surprise	0	32	0	2	1	1	36
Tristesse	0	0	26	5	4	1	36
Dégoût	0	2	4	20	7	3	36
Colère	0	0	5	6	24	1	36
Peur	7	1	2	2	3	21	36
Total	34	35	38	35	39	33	216

Interprétation Avec la Random Forest, nous n'obtenons des performances bien moins intéressantes qu'avec la LDA, ou la SVM polynomiale de degré 1. De plus la variance de ce modèle semble relativement élevée.

Nous pouvons émettre l'hypothèse d'un éventuel overfitting : peut être qu'en prunant les arbres composant la forêt, nous ajouterions un léger biais mais améliorerions le "bias-variance tradeoff" du modèle.

8.3 Autres datasets - Résultats

Résultats Le tableau ci-dessous récapitule les résultats que nous obtenons pour les différents datasets testés.

Table 8.3 – Taux d'erreurs de test et écart-types

Dataset (method)	RF Test Err.	RF Test Err. Sd.
PC15 (6-CV)	0.33	0.03
PC25 (6-CV)	0.30	0.06
Raw FDA (6-CV)	0.06	0.01
PC200 FDA (6-CV)	0.005	0.01

Interprétation Les résultats corroborent nos interprétations précédentes concernant les Random Forests, ainsi que la nature de nos datasets transformés.

A noter également : M. Denoeux nous a dit que "pruner" les arbres d'une Ran-

dom Forest n'est pas pratique courante, et n'améliore pas forcément les résultats de ce modèle (la multiplicité des arbres évitant en principe la problématique d'overfitting qui constituait notre hypothèse précédemmentà). Nous resterons donc sur le fait que les Random Forests ne produisent pas les performances que nous aurions pu espérer.

Neural Networks

9.1 Introduction

Principe Les réseaux de neurones artificiels, sont un ensemble d'algorithmes dont la conception est à l'origine très schématiquement inspirée du fonctionnement des neurones biologiques, et qui par la suite s'est rapproché des méthodes statistiques.

Les réseaux de neurones sont généralement optimisés par des méthodes d'apprentissage de type probabiliste, en particulier bayésien. Ils sont placés d'une part dans la famille des applications statistiques, qu'ils enrichissent avec un ensemble de paradigmes permettant de créer des classifications rapides.

9.2 Protocole expérimental, résultats & interprétations

Démarche Une nouvelle fois, nous n'avons pas d'a priori au moment de commencer nos essais sur le modèle convenant le mieux pour la résolution de notre problème. Nous allons donc procéder, comme précédemment, à un premier balayage suivi d'une optimisation du jeu de paramètre choisis suite au premier balayage. Les paramètres que nous nous apprêtons à optimiser sont les suivants :

- **Size**: Le nombre d'unité internes au Neural Network
- **Decay** : Valeur utilisée en tant que "Weight decay" (TO DO : PLUS DE PRECISIONS ICI)

NB: Package R Nous utilisons le package R le plus "basique" pour notre implémentation de Neural Network. Ce dernier ne nous permet d'implémenter qu'un simple "Single-Hidden-Layer Neural Network", c'est à dire un NN ne présentant qu'une seule couche cachée. Ainsi, nous n'implémentons pas (pour l'instant du moins) de réseau de neurones présentant des features telles qu'une "connectivité locale", ou des "poids partagés" ("Locally connected Neural Net-

par leur implémentation, si le temps ne nous manque pas.

Première optimisation Suite à notre premier "balayage", nous obtenons la plot suivante :

./plots/nn/prcomp_nn_tune1.pdf

work" et "Convolutional Neural Network"). Peut être prolongerons nous cet TP

FIGURE 9.1 – NN : Résultat de tuning du jeu de paramètres

Interprétation Les performances de notre réseau de neurone s'améliorent avec l'augmentation du nombre d'unités au sein de la "hidden layer", jusqu'à ce stabiliser pour un nombre élevé.

Cela se confirme, lorsque nous examinons l'output xlsx (ci-dessous) de notre tuning, selon lequel c'est lorsque nous avons choisi un paramètre de taille égal

à 25 (le maximum que nous ayons testé) que nous obtenons les meilleures performances.

Table 9.1 – Résultat de première optimisation du Neural Network

size	decay	Test error estimate
25	1	0.20

Optimisation du Weight Decay Fixant la taille de notre NN à 25, nous optimisons le paramètre de weight decay et obtenons la courbe ci-dessous.

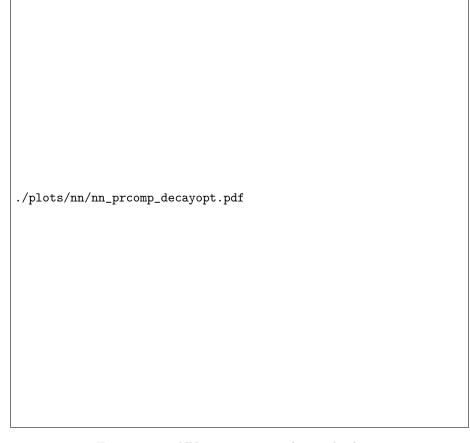


Figure 9.2 - NN: optimisation du weight decay

Jeu de paramètres optimal Nous obtenons après optimisation le jeu de paramètres suivant :

Table 9.2 – Résultat de seconde optimisation du Neural Network

size	decay	Test error estimate
25	1.27	0.19

Erreur de test et matrice de confusion Pour finir, nous utilisons une dernière fois (peut être pas la dernière) la 6-fold cross validation pour plotter notre estimation de l'erreur de test de notre NN, et sa matrice de confusion.



FIGURE 9.3 – NN : Estimation du taux d'erreur de test

Table 9.3 – Random Forest : Matrice de confusion

Actual \ Predicted	Joie	Surprise	Tristesse	Dégoût	Colère	Peur	Total
Joie	31	0	0	1	0	4	36
Surprise	0	36	0	2	1	1	36
Tristesse	0	0	27	4	4	1	36
Dégoût	1	1	1	28	4	1	36
Colère	0	0	5	8	21	2	36
Peur	7	0	2	0	2	25	36
Total	34	35	38	35	39	33	216

Interprétation L'estimation du taux d'erreur de test du NN optimisé ainsi obtenu est relativement basse, cependant sa variance est relativement élevée, ce qui n'en fait pas le modèle le plus sûr.

9.3 Autres datasets - Résultats

Résultats Le tableau ci-dessous récapitule les résultats obtenus pour les différents datasets testés.

Table 9.4 – Taux d'erreurs de test et écart-types

Dataset (method)	NN Test Err.	NN Test Err. Sd.
PC15 (6-CV)	0.22	0.08
PC25 (6-CV)	0.17	0.06
Raw FDA (6-CV)	0.06	0.03
PC200 FDA (6-CV)	0.01	0.02

Analyses complémentaires

ICI Eventuelles analyses complémentaires parmi :

- Utiliser la Forward Stepwise Selection pour choisir les principal component à envoyer à nos méthodes d'opti
- Prendre plus de princomp
- Tester les différentes méthodes optimisées sur le dataset initial? (je pense que ça fonctionne sur certaines)

— ...

Conclusion

11.1 Comparaison des classifieurs

Taux d'erreur de test ICI : boxplot rassemblant tous les modèles, et paragraphe d'interprétation tirant des conclusions blabla

11.2 Perspectives

Volonté vs time Nous aurions aimé avoir le temps de blablabla...

— Neuralnet pour réseaux de neurons plus complexes

— ...

TODO

- -- Neuralnet
- Réviser la partie du rapport ou on dit qu'on envisage la FSS pour dire qu'on a pas eu le temps
- Tester les différents modèles sur le jeu de data brut
- Insérer les plots

12.1 Conclusion

 ${\bf Conclusion}\quad {\bf Ce}\ {\bf TP}\ {\bf nous}\ {\bf aura}\ {\bf permis}\ {\bf de}\ ...\ {\bf blablagagaga}$