수지: 함수의 연속 복습

2018년 5월 16일

함수의 극한

극한값 $\lim_{x\to a} f(x)$ 가 존재한다.

 $\iff \lim_{x\to a-} f(x) = \lim_{x\to a+} f(x)$

- (1) 좌극한값 $\lim_{x\to a^{-}} f(x)$ 가 존재한다.
- (2) 우극한값 $\lim_{x \to a+} f(x)$ 가 존재한다.
- (3) 좌극한값과 우극한값이 같다.

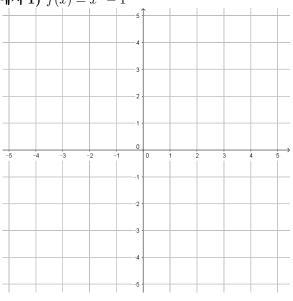
함수의 연속

f(x)가 x = a에서 연속이다.

 $\lim_{x \to a} f(x) = f(a)$

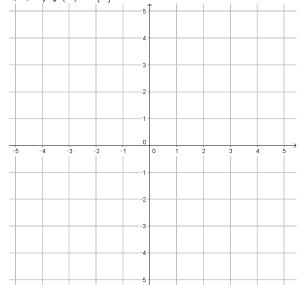
- (1) 함숫값 f(a)가 존재한다.
- $(2) \ \ \mbox{국한값} \ \Longleftrightarrow \ \lim_{x \to a} f(x) \mbox{가 존재한다}.$
- (3) 함숫값과 극한값이 같다.

예시 1) $f(x) = x^2 - 1$



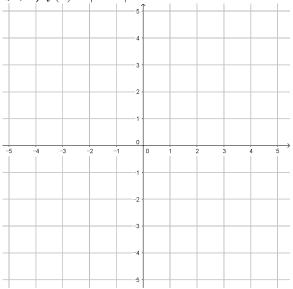
- (1) 좌극한값 $\lim_{x\to 2-} f(x)$ 가 존재한다 / 존재하지 않는다. 존재한다면 그 값은 \Box 이다.
- (2) 우극한값 $\lim_{x \to 2+} f(x)$ 가 존재한다 / 존재하지 않는다. 존재한다면 그 값은 \square 이다.
- (3) $\lim_{x\to 2} f(x)$ 가 존재한다 / 존재하지 않는다. 존재한다면 그 값은 \square 이다.
- (4) f(2)의 값은 존재한다 / 존재하지 않는다. 존재한다면 그 값은 \Box 이다.
- (5) f(x)는 x = 2에서 연속 / 연속이 아니다.

예시 2) f(x) = [x]



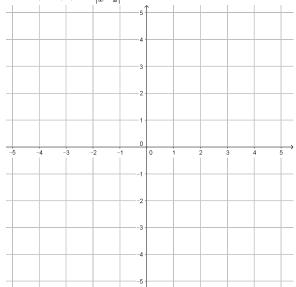
- (1) 좌극한값 $\lim_{x\to 2-} f(x)$ 가 존재한다 / 존재하지 않는다. 존재한다면 그 값은 \square 이다.
- (2) 우극한값 $\lim_{x\to 2+} f(x)$ 가 존재한다 / 존재하지 않는다. 존재한다면 그 값은 \square 이다.
- (3) $\lim_{x\to 2} f(x)$ 가 존재한다 / 존재하지 않는다. 존재한다면 그 값은 \square 이다.
- (4) f(2)의 값은 존재한다 / 존재하지 않는다. 존재한다면 그 값은 \Box 이다.
- (5) f(x)는 x = 2에서 연속 / 연속이 아니다.

예시 3) f(x) = |x-2|



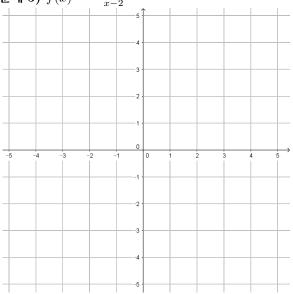
- (1) 좌극한값 $\lim_{x\to 2-} f(x)$ 가 존재한다 / 존재하지 않는다. 존재한다면 그 값은 \square 이다.
- (2) 우극한값 $\lim_{x\to 2+} f(x)$ 가 존재한다 / 존재하지 않는다. 존재한다면 그 값은 \square 이다.
- $(3) \lim_{x \to 2} f(x)$ 가 존재한다 / 존재하지 않는다. 존재한다면 그 값은 \Box 이다.
- (4) f(2)의 값은 존재한다 / 존재하지 않는다. 존재한다면 그 값은 \Box 이다.
- (5) f(x)는 x = 2에서 연속 / 연속이 아니다.

예시 4) $f(x) = \frac{x-2}{|x-2|}$



- (1) 좌극한값 $\lim_{x\to 2-} f(x)$ 가 존재한다 / 존재하지 않는다. 존재한다면 그 값은 \square 이다.
- (2) 우극한값 $\lim_{x\to 2+} f(x)$ 가 존재한다 / 존재하지 않는다. 존재한다면 그 값은 \square 이다.
- (3) $\lim_{x\to 2} f(x)$ 가 존재한다 / 존재하지 않는다. 존재한다면 그 값은 \square 이다.
- (4) f(2)의 값은 존재한다 / 존재하지 않는다. 존재한다면 그 값은 \square 이다.
- (5) f(x)는 x = 2에서 연속 / 연속이 아니다.

문제 5) $f(x) = \frac{x^2 - 3x + 2}{x - 2}$



- (1) 좌극한값 $\lim_{x \to 2-} f(x)$ 가 존재한다 / 존재하지 않는다. 존재한다면 그 값은 \square 이다.
- (2) 우극한값 $\lim_{x \to 2+} f(x)$ 가 존재한다 / 존재하지 않는다. 존재한다면 그 값은 \square 이다.
- (3) $\lim_{x\to 2} f(x)$ 가 존재한다 / 존재하지 않는다. 존재한다면 그 값은 \square 이다.
- (4) f(2)의 값은 존재한다 / 존재하지 않는다. 존재한다면 그 값은 \Box 이다.
- (5) f(x)는 x = 2에서 연속 / 연속이 아니다.