준영, 미니테스트 04

날짜: 2017년 일 일 요일, 제한시간: 분, 점수: /

문제 1)

두 수열 $\{a_n\}$, $\{b_n\}$ 에 대하여 옳은 것만을 <보기>에서 있는 대로 고른 것은?

<보기>

- ㄱ. 두 수열 $\{a_n b_n\}$, $\{a_n b_n\}$ 이 각각 수렴하면 수열 $\{a_n^2 b_n a_n b_n^2\}$ 은 수렴한다.
- ㄱ. 두 수열 $\{a_n+b_n\}$, $\{a_n\}$ 이 각각 수렴하면 수열 $\left\{\frac{b_n}{a_n}\right\}$ 은 수렴한다.
- ㄱ. 두 수열 $\{a_n\}$, $\{b_n\}$ 이 각각 수렴하고, 수열 $\{a_n-b_n\}$ 이 음의 값에 수렴하면 모든 자연수 n에 대하여 $a\leq b_n$ 이다.

문제 2)

두 수열 $\{a_n\}$, $\{b_n\}$ 이 다음 조건을 만족시킨다.

$$(7) \lim_{n \to \infty} \frac{a_n}{2n+1} = 10$$

(가) 모든 자연수 n에 대하여 $3n-1 < 2a_n - nb_n < 3n+5$

 $\lim_{n \to \infty} b_n$ 의 값을 구하시오.

문제 3)

일 년 농사의 벼 베기를 끝낸 날 밤에 형제가 서로의 어려움을 걱정해 자신의 볏단을 몰래 가져다주다 도중에 만나서로 얼싸안고 울었다는 의좋은 형제 이야기가 있다. 이 이야기에서 형제가 함께 수확한 쌀이 1200(kg) 이고, 이를 두형제가 적당히 나누어 가졌다고 하자. 다음날 밤 형은 전날 자신이 가지고 있는 쌀의 20%를 동생에게 몰래 가져다놓고, 동생도 역시 전날 자신이 가지고 있는 쌀의 10%를 형에게 몰래 가져다놓았다. n일 밤 동안 이러한 일이 반복된다고 할 때, 형이 가지게 되는 쌀은 $a_n(kg)$ 이다. $\lim_{n\to\infty}a_n$ 의 값은? (단, 수확한 쌀의 전체의 양은 줄지 않는다.) ① 320 ② 340 ③ 360 ④ 380 ⑤ 400