제 2 교시

## 수학 영역

## 5지 선다형(1 ~ 21)

- **1.** (3+i)-2i의 값은? (단,  $i=\sqrt{-1}$ 이다.) [2점]

- ① 1-i ② 2-i ③ 3-i ④ 4-i ⑤ 5-i
- **3.** 이차부등식  $x^2 6x + 5 \le 0$ 의 해가  $\alpha \le x \le \beta$ 일 때,  $\beta \alpha$ 의 값은? [2점]

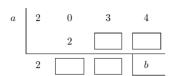
- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

- **2.** (2x+3y)(4x-y)의 전개식에서 xy의 계수는? [2점]

- ① 7 ② 8 ③ 9 ④ 10
- ⑤ 11
- **4.** 등식  $x^3 x^2 + x + 3 = (x 1)(x^2 + 1) + a$ 가 x에 대한 항등식일 때, 상수 a의 값은? [3점]
  - ① 2

- 2 4 3 6 4 8
- ⑤ 10

**5.** 다음은 조립제법을 이용하여 다항식  $2x^3 + 3x + 4$ 를 일차식 x-a로 나누었을 때, 나머지를 구하는 과정을 나타낸 것이다.



위 과정에 들어갈 두 상수 a, b에 대하여 a+b의 값은? [3점]

- ① 8 ② 9 ③ 10 ④ 11 ⑤ 12

- - ① 1
- ② 2 ③ 3

7. x에 대한 부등식

$$|x-a| < 2$$

를 만족시키는 모든 정수 x의 값의 합이 33일 때, 자연수 a의 값은? [3점]

- ① 11 ② 12

- ③ 13 ④ 14
- ⑤ 15

- **6.** x에 대한 다항식 x(x+2)+a가 이차식  $(x+b)^2$ 으로 인수분해될 때, 두 상수 a, b에 대하여 ab의 값은? [3점]

- 4 4 5 5
- **8.** *x* 에 대한 삼차방정식

$$ax^3 + x^2 + x - 3 = 0$$

의 한 근이 1일 때, 나머지 두 근의 곱은? (단, a는 상수이다.) [3점]

- 1
- 2 2
- ③ 3
- 4
- **⑤** 5

**9.** 이차함수  $y = x^2 - 5x + k$ 의 그래프와 x 축이 서로 다른 두 점 에서 만나도록 하는 자연수 k의 최댓값은? [3점]

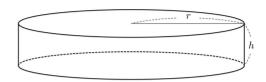
- ① 4 ② 6 ③ 8
- ④ 10 ⑤ 12

**10.** 밑면의 반지름의 길이가 r, 높이가 h인 원기둥 모양의 용기에 대하여

$$r + 2h = 8, \ r^2 - 2h^2 = 8$$

일 때, 이 용기의 부피는? (단, 용기의 두께는 무시한다.) [3점]

- ①  $16\pi$  ②  $20\pi$  ③  $24\pi$  ④  $28\pi$  ⑤  $32\pi$



고 1

**11.** x, y에 대한 두 연립방정식

$$\begin{cases} 3x+y=a\\ 2x+2y=1 \end{cases},\quad \begin{cases} x^2-y^2=\,-\,1\\ x-y=b \end{cases}$$

의 해가 일치할 때, 두 상수 a, b에 대하여 ab의 값은? [3점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

- **12.** 다항식  $2x^3 + x^2 + x 1$ 을 일차식 x a로 나누었을 때의 몫은 Q(x), 나머지는 3이다. Q(a)의 값은? (단, a는 상수이다.)

[3점]

- ① 5
- 2 6
- 3 7
- 4 8
- ⑤ 9

- 13. 5 이하의 두 자연수 a, b에 대하여 복소수 z를 z=a+bi라 할 때,  $\frac{z}{z}$  의 실수부분이 0이 되게 하는 모든 복소수 z의 개수는? (단,  $i=\sqrt{-1}$  이고,  $\overline{z}$ 는 z의 켤레복소수이다.) [3점]
  - ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

- **14.** 삼차방정식  $x^3 + 2x^2 3x + 4 = 0$ 의 세 근을  $\alpha, \beta, \gamma$ 라 할 때,  $(3+\alpha)(3+\beta)(3+\gamma)$ 의 값은? [4점]

- $\bigcirc -5$   $\bigcirc -4$   $\bigcirc -3$   $\bigcirc -2$   $\bigcirc -1$

**15.** 2018<sup>3</sup> - 27을 2018×2021+9로 나눈 몫은? [4점]

① 2015

② 2025

③ 2035 ④ 2045

⑤ 2055

**16.** 두 실수 a, b에 대하여 복소수 z = a + 2bi가  $z^2 + (\frac{z}{z})^2 = 0$  을 만족시킬 때,  $6a+12b^2+11$ 의 최솟값은? (단,  $i = \sqrt{-1}$  이고,  $\overline{z}$ 는 z의 켤레복소수이다.) [4점]

① 6 ② 7 ③ 8

④ 9

⑤ 10

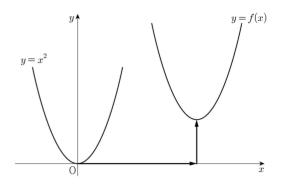
17. 실린더에 담긴 액체의 높이를 h(m), 액체의 밀도를  $\rho(kg/m^3)$ , 액체의 무게에 의한 밑면에서의 압력을  $P(N/m^2)$ 라 할 때, 다음과 같은 관계식이 성립한다.

 $P = \rho g h$  (단, g는 중력가속도이다.)

실린더 A에 담긴 액체의 높이는 실린더 B에 담긴 액체의 높이의 15배이고, 실린더 A에 담긴 액체의 밀도는 실린더 B에 담긴 액체의 밀도의  $\frac{3}{5}$ 배이다. 실린더 A에 담긴 액체의 무게에 의한 밑면에서의 압력과 실린더 B에 담긴 액체의 무게에 의한 밑면에서의 압력을 각각  $P_{\!\scriptscriptstyle A}$ ,  $P_{\!\scriptscriptstyle B}$ 라 할 때,  $\frac{P_{\!\scriptscriptstyle A}}{P_{\!\scriptscriptstyle B}}$ 의 값은? [4점]

- ① 3
- 2 5
- 3 7 4 9 5 11

**18.** 자연수 n에 대하여 그림과 같이 함수  $y=x^2$ 의 그래프를 x축의 방향으로 n만큼, y축의 방향으로 3만큼 평행이동한 그래프를 나타내는 함수를 y = f(x)라 하자. 함수 f(x)에 대하여 <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? [4점]

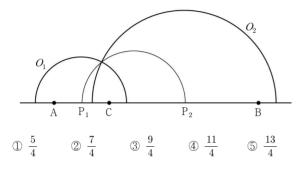


<br />
ー <<<br />
보 기> -

- $\neg$ . 함수 f(x)의 최솟값은 3이다.
- L. n=3일 때, 방정식 f(x)=10의 서로 다른 두 실근의
- ㄷ. 함수 y=f(x)의 그래프는 직선  $y=x-\frac{3n-4}{2}$  와 만나지 않는다.
- ① ¬
- ② ㄷ
- ③ ¬, ∟

- ④ ∟, ⊏
- ⑤ ᄀ, ㄴ, ㄸ

19. 그림과 같이 직선 위에  $\overline{AB}=6$ 인 두 점 A, B가 있다. 선분 AB 위의 점 C에 대하여 선분 AC의 중점을 P1, 선분 CB의 중점을  $P_2$ 라 하고  $\overline{P_1C}=a$ ,  $\overline{CP_2}=b$ 라 하자. 점  $P_1$ 을 중심으로 하고 반지름의 길이가  $a+\frac{1}{2}$ 인 반원  $O_1$ , 점  $P_2$ 를 중심으로 하고 반지름의 길이가  $b+\frac{1}{2}$ 인 반원  $O_2$ 를 각각 그린 후, 선분  $P_1P_2$ 를 지름으로 하는 반원을 그린다. 두 반원  $O_1$ 과  $O_2$ 의 교점이 호  $P_1P_2$  위에 있을 때, ab의 값은? (단, a < b) [4점]



20. 다음은 x에 대한 삼차방정식

$$2x^3 - 5x^2 + (k+3)x - k = 0$$

의 서로 다른 세 실근이 직각삼각형의 세 변의 길이일 때, 상수 k의 값을 구하는 과정의 일부이다.

삼차방정식  $2x^3 - 5x^2 + (k+3)x - k = 0$  에서

$$(x-1)((7)) + k = 0$$

이므로 삼차방정식  $2x^3 - 5x^2 + (k+3)x - k = 0$ 의 서로 다른 세 실근은 1과 이차방정식 (r) +k=0의 두 근이다. 이차방정식 (T) +k=0의 두 근을  $\alpha$ ,  $\beta$   $(\alpha > \beta)$ 라 하자.  $1, \alpha, \beta$ 가 직각삼각형의 세 변의 길이가 되는 경우는 다음과 같이 2가지로 나눌 수 있다.

(i) 빗변의 길이가 1인 경우

 $\alpha^2 + \beta^2 = 1$ 이므로  $(\alpha + \beta)^2 - 2\alpha\beta = 1$ 이다.

그러므로 k = (나) 이다.

그런데 (7) +k=0에서 판별식 D<0이므로  $\alpha$ ,  $\beta$ 는 실수가 아니다. 따라서 1,  $\alpha$ ,  $\beta$ 는 직각삼각형의 세 변의 길이가 될 수 없다.

(ii) 빗변의 길이가  $\alpha$ 인 경우

 $1+\beta^2=\alpha^2$ 이므로  $(\alpha+\beta)(\alpha-\beta)=1$ 이다.

그러므로 k= (다) 이다. 이때  $1, \alpha, \beta$ 는 직각삼각형의 세 변의 길이가 될 수 있다.

따라서 (i)과 (ii)에 의하여 k= (다) 이다.

위의 (7)에 알맞은 식을 f(x)라 하고, (4), (7)에 알맞은 수를 각각 p, q라 할 때,  $f(3) \times \frac{q}{p}$ 의 값은? [4점]

- ①  $\frac{13}{2}$  ②  $\frac{15}{2}$  ③  $\frac{17}{2}$  ④  $\frac{19}{2}$  ⑤  $\frac{21}{2}$

**21.** 모든 실수 x에 대하여 두 이차다항식 P(x), Q(x)가 다음 조건을 만족시킨다.

(7) P(x) + Q(x) = 4

(나)  ${P(x)}^3 + {Q(x)}^3 = 12x^4 + 24x^3 + 12x^2 + 16$ 

P(x)의 최고차항의 계수가 음수일 때, P(2)+Q(3)의 값은?

[4점]

1 6

2 7

3 8

④ 9

⑤ 10

단답형(22 ~ 30)

**22.** x+y=6, xy=2일 때,  $x^2y+xy^2$ 의 값을 구하시오. [3점]

**23.** x에 대한 이차방정식  $x^2 + ax + b = 0$ 의 두 근이 3, 4일 때, 두 상수 a, b에 대하여 a + b의 값을 구하시오. [3점]

구하시오. [4점]

**26.** x에 대한 다항식  $x^4 + ax + b$ 가  $(x-2)^2$ 으로 나누어떨어질 때, 몫을 Q(x)라 하자. 두 상수 a, b에 대하여 a+b+Q(2)의 값을

**24.** 연립부등식

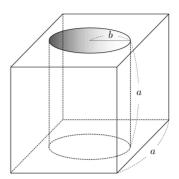
$$\begin{cases} x - 1 \ge 2 \\ x^2 - 6x \le -8 \end{cases}$$

의 해가  $\alpha \le x \le \beta$ 이다.  $\alpha + \beta$ 의 값을 구하시오. [3점]

**25.** 이차방정식  $2x^2+6x-9=0$ 의 두 근을  $\alpha$ ,  $\beta$ 라 할 때,  $2(2\alpha^2+\beta^2)+6(2\alpha+\beta)$ 의 값을 구하시오. [3점]

10 12

- **27.** 이차함수  $f(x) = x^2 + ax (b-7)^2$ 이 다음 조건을 만족시킨다.
  - (r) x = -1에서 최솟값을 가진다.
  - (나) 이차함수 y = f(x)의 그래프와 직선 y = cx가 한 점에서만 만난다.
  - 세 상수 a, b, c에 대하여 a+b+c의 값을 구하시오. [4점]
- 28. 한 모서리의 길이가 a인 정육면체 모양의 입체도형이 있다. 이 입체도형에서 그림과 같이 밑면의 반지름의 길이가 b이고 높이가 a인 원기둥 모양의 구멍을 뚫었다. 남아 있는 입체도형의 겉넓이가  $216+16\pi$ 일 때, 두 유리수 a, b에 대하여 15(a-b)의 값을 구하시오. (단, a>2b) [4점]



**29.** 최고차항의 계수가 음수인 이차다항식 P(x)가 모든 실수 x에 대하여

 ${P(x)+x}^2 = (x-a)(x+a)(x^2+5)+9$ 

를 만족시킨다.  $\{P(a)\}^2$ 의 값을 구하시오. (단, a>0) [4점]

**30.** 두 자연수 a, b에 대하여 일차식 x-a를 인수로 가지는 다항식  $P(x)=x^4-290x^2+b$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

계수와 상수항이 모두 정수인 서로 다른 세 개의 다항식의 곱으로 인수분해된다.

모든 다항식 P(x)의 개수를 p라 하고, b의 최댓값을 q라 할 때,  $\frac{q}{(p-1)^2}$ 의 값을 구하시오. [4점]

※ 확인 사항

○ 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기) 했는지 확인하시오.

12 12