미리 : 08 중간고사 대비(3학년 1학기)(3)

April 12, 2015

## 1 간단한 인수분해

## 최상위68

ab - cd - ac + bd를 인수분해하여라.

### 최상위69

 $3(x-1)^2 - 2(x-1)(x-3) - (x-3)^2$ 을 인수분해 하여라.

### 최상위70

(x+y)(y+z)(z+x)+xyz을 인수분해하여라.

### 최상위71

 $a^{2}(b-c) + b^{2}(c-a) + c^{2}(a-b)$ 를 인수분해하여라.

### 최상위72

 $a^2bc + ac^2 + acd - abd - cd - d^2$ 을 인수분해하여라.

 $x^3 - yx^2 - x - y$ 를 인수분해하여라.

### 최상위74

 $x^3 + 3px^2 + (3p^2 - q^2)x + p^3 - pq^2$ 를 인수분해하여라.

## 최상위75

 $2x^2 + x^2 - y^2 + 10x + 4y + 12$ 를 인수분해하여라.

## 2 치환 및 합-차 공식의 활용

### 최상위76

 $x^4 - 14x^2 + 45$ 를 인수분해하여라.

#### 최상위77

 $x^4 - 7x^2 + 1$ 를 인수분해하여라.

치	사	o)	78
าป	<b>∕</b> ນົ	મ	10

 $x^4 - 3x^2y^2 + 2y^4$ 를 인수분해하여라.

## 최상위79

 $t^4 - 6t^2 + 1$ 을 인수분해하여라.

### 최상위80

 $p^4 - 13p^2 + 4$ 를 인수분해하여라.

### 최상위81

 $a^4 + 4b^4$ 를 인수분해하여라.

### 최상위82

 $6x^2y^2 - x^4 - y^4$ 을 인수분해하여라.

 $x^4+7x^2y^2+16y^4$ 를 인수분해하였더니  $(x^2+pxy+4y^2)(x^2+qxy+4y^2)$ 이 되었다. 이 때 상수  $p,\,q$ 의 합 p+q의 값은?

## 3 인수분해를 사용한 식의 계산

### 최상위84

1<sup>2</sup> - 2<sup>2</sup> + 3<sup>2</sup> - 4<sup>2</sup> + 5<sup>2</sup> - 6<sup>2</sup> 의 값을 구하여라.

#### 최상위85

 $20^2 - 22^2 + 24^2 - 26^2 + 28^2 - 30^2$ 의 값은?

### 최상위86

 $[a,b]=a^2-b^2$ 이라 할 때, [3,1]+[7,5]+[11,9]+[15,13]의 값은?

### 최상위87

 $21 \times 23 \times 25 \times 27 + 15 = n(n+2)$ 을 만족시키는 자연수 n의 값을 구하여라.

다음을 계산하여라.

 $356 \times 356 + 358 \times 356 - 358 \times 358 - 357 \times 355$ 

## 최상위89

 $1+2+\cdots+n=rac{n(n+1)}{2}$  일 때, 다음을 계산하여라.

$$1^2 - 2^2 + 3^2 - 4^2 + 5^2 - \dots + 99^2$$

## 최상위90

$$\frac{2005(2004^2 - 2003)}{2003 \times 2004 + 1}$$

의 값을 구하여라.

### 최상위91

$$\frac{2^{50}-2^{45}+2^5-1}{2^{45}+1}$$

의 값을 구하여라.

 $\sqrt{100 \times 102 \times 104 \times 106 + 16}$ 의 값을 구하여라.

### 최상위93

 $\sqrt{21\cdot 23\cdot 25\cdot 27+16}$ 의 값을 구하여라.

### 최상위94

 $x=2+\sqrt{3},\,y=2-\sqrt{3}$ 일 때,  $x^4-yx^3-y^3x+y^4$ 의 값을 구하여라.

## 4 삼각형의 모양

## 최상위95

삼각형의 세 변의 길이 a, b, c에 대해  $b^2 - ba - c^2 + ca = 0$ 일 때, 이 삼각형은 어떤 삼각형인가?

삼각형의 세 변의 길이 a, b, c에 대해

$$ab(a+b) - bc(b+c) - ca(c-a) = 0$$

일때, 이 삼각형은 어떤 삼각형인가?

#### 최상위97

 $c^2(a^2+b^2-c^2)=b^2(c^2+a^2-b^2)$ 일 때 a,b,c를 각 변의 길이로 하는 삼각형은 어떤 삼각형인가?

#### 최상위98

삼각형의 세 변의 길이 a,b,c에 대해  $p=a^4+b^4+c^4-2(a^2b^2+b^2c^2+c^2a^2)$ 일 때, p의 부호를 정하여라.

## 5 인수분해와 소수

### 최상위99

n이 자연수일 때,  $p=2n^2-n-1$ 이 소수가 되도록 하는 n의 값과 소수 p를 구하여라.

n이 자연수일 때,  $p=n^2+4n-21$ 이 소수가 되도록 하는 n의 값과 소수 p를 구하여라.

# 6 $x\pm \frac{1}{x}$ 이 포함된 식의 인수분해

### 최상위101

 $x^2 + \frac{1}{x^2} + x + \frac{1}{x} - 4$ 을 인수분해하여라.

## 최상위102

 $x^2 + \frac{1}{x^2} - 2x - \frac{2}{x} - 1$ 을 인수분해하여라.

### 최상위103

 $x^2 + \frac{1}{x^2} + x - \frac{1}{x} - 4$ 을 인수분해하여라.

### 최상위104

 $x^2 + \frac{1}{x^2} - x + \frac{1}{x} - 14$ 을 인수분해하여라.

 $x^2 + \frac{4}{x^2} + x + \frac{2}{x} - 2$ 을 인수분해하여라.

## 최상위106

 $x^2 + \frac{9}{x^2} - x + \frac{3}{x} - 14$ 을 인수분해하여라.

## 최상위107

 $x^2 + x - 4 + \frac{1}{x} + \frac{1}{x^2}$  을 인수분해하여라.

### 최상위108

 $x^2 + x + \frac{1}{x} + \frac{1}{x^2}$ 을 인수분해하여라.

## 최상위109

 $x^2 + 2x - 6 + \frac{2}{x} + \frac{1}{x^2}$ 을 인수분해하여라.

 $x^2 + x - 8 + \frac{2}{x} + \frac{4}{x^2}$ 을 인수분해하여라.

## 최상위111

 $a^4 - 2a^2 + 5 - \frac{4}{a^2} + \frac{4}{a^4}$ 를 인수분해하여라.

## 7 계수가 대칭인 사차식의 인수분해

## 최상위112

 $x^4 - 4x^3 + 5x^2 - 4x + 1$ 을 인수분해하여라.

### 최상위113

 $x^4 + 3x^3 - 8x^2 + 3x + 1$ 을 인수분해하여라.

#### 최상위114

 $2x^4 + x^3 + x^2 + x + 2$ 을 인수분해하여라.