미리 : 09 중간고사 대비(3학년 1학기)(4)

April 15, 2015

1 $a^2 + b^2 + c^2 \pm (ab + bc + ca)$

최상위115

$$a+b=4,\,b+c=2$$
이고

$$a(a+b) + b(b+c) + c(c+a) = \frac{29}{2}$$

일 때,

- (1) c + a의 값을 구하여라.
- (2) a+b+c의 값을 구하여라,

최상위116

$$a + b = 3, b + c = 5$$
이고

$$a(a + b) + b(b + c) + c(c + a) = 25$$

일 때,

- (1) c + a의 값을 구하여라.
- (2) a+b+c의 값을 구하여라,

최상위117

정수 a, b, c에 대해 $a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca = 3$ 이고 a < b < c이고, a = 547일 때, b + c의 값을 구하여라.

정수 a, b, c에 대해 $a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca = 1$ 이고 $a \le b \le c \ (a-b)(b-c)(c-a) = 0$ 일 때, c-a의 값을 구하여라.

2 네 문자의 대칭성 활용

최상위119

 $(ax + by)^2 + (ay - bx)^2 + c^2x^2 + x^2y^2$ 을 인수분해하여라.

최상위120

 $(ac + bd)^2 + (ad - bc)^2$ 을 인수분해하여라.

최상위121

 $a^2 + b^2 = 1$, $c^2 + d^2 = 1$, ac + bd = 1 일 때, ad - bc의 값을 구하여라.

최상위122

 $a^2+b^2=2,\,c^2+d^2=2,\,ac+bd=0$ 일 때, |ad-bc|의 값을 구하여라.

3 $\sum a^k$ 꼴의 인수분해

최상위123

$$1 + a + a^2 + a^3$$

를 인수분해하여라.

최상위124

$$1 + a + a^2 + a^3 + a^4 + a^5$$

를 인수분해하여라.

최상위125

$$1 + a + a^2 + \dots + a^7$$

를 인수분해하여라.

최상위126

$$1 + a + a^2 + \dots + a^8$$

$$1 + a + a^2 + \dots + a^9$$

를 인수분해하여라.

최상위128

$$1 + a + a^2 + \dots + a^{11}$$

를 인수분해하여라.

최상위129

$$1 + a + a^2 + \dots + a^{15}$$

를 인수분해하여라.

최상위130

$$1 + a + a^2 + \dots + a^{17}$$

를 인수분해하여라.

4 $\sum (-1)^k a^k$ 꼴의 인수분해

$$1 - a + a^2 - a^3$$

를 인수분해하여라.

최상위132

$$1 - a + a^2 - a^3 + a^4 - a^5$$

를 인수분해하여라.

최상위133

$$1 - a + a^2 - \dots - a^7$$

를 인수분해하여라.

최상위134

$$1 - a + a^2 - \dots + a^8$$

$$1 - a + a^2 - \dots - a^9$$

를 인수분해하여라.

최상위136

$$1 - a + a^2 - \dots - a^{11}$$

를 인수분해하여라.

 $\mathbf{5}$ $\sum pa^{2k} + qa^{2k+1}$ 꼴의 인수분해

최상위137

$$1 + 2a + a^2 + 2a^3$$

를 인수분해하여라.

최상위138

$$1 - 3a + a^2 - 3a^3$$

$$2 + a + 2a^2 + a^3 + 2a^4 + a^5 + 2a^6 + a^7$$

를 인수분해하여라.

$6 \quad \sum pa^{3k} + qa^{3k+1} + ra^{3k+2}$ 꼴의 인수분해

최상위140

$$1 + a - a^2 + a^3 + a^4 - a^5$$

를 인수분해하여라.

최상위141

$$1 - a + a^2 + a^3 - a^4 + a^5 + a^6 - a^7 + a^8$$

를 인수분해하여라.

최상위142

$$1 - a - a^2 + a^3 - a^4 - a^5 + a^6 - a^7 - a^8 + a^9 - a^{10} - a^{11}$$

7 $\sum a_k x^k$ 의 다양한 형태

최상위143

 $x + x^2 + x^3 + x^4$ 를 인수분해하여라.

최상위144

 $p^2 - p^3 + p^4 - p^5$ 를 인수분해하여라.

최상위145

 $x^3 + x^2y + xy^2 + y^3$ 를 인수분해하여라.

최상위146

 $x^5 - x^4y + x^3y^2 - x^2y^3$ 를 인수분해하여라.

최상위147

 $x^7 + x^6y + x^5y^2 + x^4y^3 + x^3y^4 + x^2y^5 + xy^6 + y^7$ 를 인수분해하여라.

 $p^8 - p^7q + p^6q^2 + p^5q^3 - p^4q^4 + p^3q^5 + p^2q^6 - pq^7 + q^8$ 를 인수분해하여라.

최상위149

 $n^8 + n^7 + n^6 + n^5 + n^4 + n^3 + n^2 + n + 1$ 를 인수분해하여라.

최상위150

 $t^8 - t^7 + t^6 - t^5 + t^4 - t^3 + t^2 - t + 1$ 를 인수분해하여라.

최상위151

 $k^8 - k^7 + k^6 - k^5 + k^4 - k^3 - k^2 + k - 1$ 를 인수분해하여라.

최상위152

 $a^2 + a + 1 + \frac{1}{a}$ 를 인수분해하여라.

 $a-1+rac{1}{a}-rac{1}{a^2}+rac{1}{a^3}-rac{1}{a^4}$ 를 인수분해하여라.