민형: 07 연속확률변수와 확률밀도함수

2017년 1월 6일

1 이산확률변수

예시 1)

동전을 두 번 던졌을 때, 앞면이 나온 횟수를 X 라고 하면, X 는 0, 1, 2의 세 값을 가질 수 있다. 이때,

X	0	1	2
P(X=x)	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{4}$

이다. 평균(기댓값)과 분산을 구하면

$$E(X) = \sum_{i=0}^{2} x_i p_i$$

$$= 0 \times \frac{1}{4} + 1 \times \frac{1}{2} + 2 \times \frac{1}{4} = 1$$

$$V(X) = \sum_{i=0}^{2} (x_i - m)^2 p_i$$

$$= (0 - 1)^2 \times \frac{1}{4} + (1 - 1)^2 \times \frac{1}{2} + (1 - 0)^2 \times \frac{1}{4} = \frac{1}{2}$$

2 연속확률변수

예시 2)

 $A=(2,0),\,B=(2,2)$ 에 대해 $\triangle OAB$ 내부의 한 점 Q를 임의로 잡을 때, Q의 x좌표를 X 라고 하자. X 가 취할 수 있는 값의 범위는 $0\leq X\leq 2$ 이며, 예제 1과 달리 무한히 많은 값이 될 수 있다. 이때 다음 물음에 답하여라.

- (1) P(X = 1)을 구하여라.
- (2) $P(0 \le X \le 1)$ 를 구하여라.
- (3) $0 \le a \le b \le 1$ 인 a, b에 대하여 $P(a \le X \le b)$ 를 구하여라.
- (4) $P(a \le x \le b) = \int_a^b f(x) dx$ 가 되기 위해서는 f(x) = 이다.

예시 3)

철수는 12시에서 1시 사이의 아무때나 은행에 방문하기로 하였다. 철수가 은행에 방문한 시각을 12시 X분이라고 할 때, 다음 물음에 답하여라.

- (1) P(X = 10)을 구하여라.
- (2) $P(20 \le X \le 30)$ 를 구하여라.
- (3) $0 \le a \le b \le 60$ 인 a, b에 대하여 $P(a \le X \le b)$ 를 구하여라.
- (4) $P(a \le x \le b) = \int_a^b f(x) dx$ 가 되기 위해서는 f(x) = 이다.

문제 4)

예시 2, 3에서 X의 기댓값 E(X)를 구하여라.