# 준영 : 03 수열(1)

# 2016년 10월 19일

# 차 례

차	]	1
1	수열	2
2	등차수열	4
3	등차수열의 합	9
4	보추·시히 무제	14

# 1 수열

#### 문제 1)

다음 빈 칸에 알맞은 수를 넣어라.

(2) 1 3 9 27 81 
$$729$$
  $\cdots \{b_n\}$ 

$$(4) \ 0 \ 2 \ 6 \ 12 \ 20 \ \boxed{\phantom{a}} \ 42 \ \cdots \ \{c_n\}$$

(5) 
$$\frac{1}{3}$$
  $\frac{1}{4}$   $\frac{1}{5}$   $\frac{1}{6}$   $\frac{1}{7}$   $\boxed{ }$   $\frac{1}{9}$   $\cdots \cdots \{d_n\}$ 

(6) 6 3 2 
$$\frac{3}{2}$$
  $\frac{6}{5}$   $\boxed{\phantom{0}}$   $\frac{6}{7}$   $\cdots \qquad \{e_n\}$ 

$$(7) 1 1 2 3 5$$
 13

# 정의 2) 수열

위 문제에서처럼, 숫자들이 일정한 규칙에 의해 나열되어 있는 것을 **수열**이라고 한다. 그리고 수열을 구성하는 각각의 숫자들을 **항**이라고 한다. 예를 들어 첫번째 수열의 첫째항은 4이고 둘째항은 6이고 셋째항은 8이다.

수열을 나타낼 때에는 중괄호를 써서  $\{a_n\}$ ,  $\{b_n\}$ ,  $\cdots$ 와 같이 나타낸다. 첫번째 수열을  $\{a_n\}$  이라고 나타낸다면  $a_1=4$ ,  $a_2=6$ ,  $a_3=8$  등으로 나타낼 수 있다.

#### 문제 3)

문제 1의 (2)에 나타난 수열을  $\{b_n\}$ 으로 나타내고, (4)에 나타난 수열을  $\{c_n\}$ 으로 나타낼 때, 다음 빈칸을 채우시오.

$$b_1 =$$
  $b_3 =$   $b_5 =$   $b_7 =$   $c_2 =$   $b_4 =$   $b_6 =$ 

## 정의 4) 수열의 일반항

문제 1의 (1)에서

$$a_1 = 4$$
,  $a_2 = 6$ ,  $a_3 = 8$   $a_4 = 10$ ,  $a_5 = 12$ ,  $a_6 = 14$ ,  $a_7 = 16$ 

이다. 따라서 자연수 n에 대해

$$a_n = 2n + 2$$

임을 유추할 수 있다. 이와 같은  $a_n$ 을 수열  $\{a_n\}$ 의 **일반항**이라고 부른다.

#### 문제 5)

 $\therefore e_n =$ 

문제 1의 (2), (4), (5), (6)의 일반항을 구하시오.

$$b_{1} = 1, \quad b_{2} = 3, \quad b_{3} = 9 \quad b_{4} = 27, \quad b_{5} = 81, \quad b_{6} = 243, \quad b_{7} = 729$$

$$\therefore b_{n} = \boxed{\phantom{a}}$$

$$c_{1} = 0, \quad c_{2} = 2, \quad c_{3} = 6 \quad c_{4} = 12, \quad c_{5} = 20, \quad c_{6} = 30, \quad c_{7} = 42$$

$$\therefore c_{n} = \boxed{\phantom{a}}$$

$$d_{1} = \frac{1}{3}, \quad d_{2} = \frac{1}{4}, \quad d_{3} = \frac{1}{5} \quad d_{4} = \frac{1}{6}, \quad d_{5} = \frac{1}{7}, \quad d_{6} = \frac{1}{8}, \quad d_{7} = \frac{1}{9}$$

$$\therefore d_{n} = \boxed{\phantom{a}}$$

$$e_{1} = 6, \quad e_{2} = 3, \quad e_{3} = 2 \quad e_{4} = \frac{3}{2}, \quad e_{5} = \frac{6}{5}, \quad e_{6} = 1, \quad e_{7} = \frac{6}{7}$$

# 2 등차수열

문제 1의 (1) 번 수열을 다시 보자.

4 6 8 10 12 14 16

 $\cdots \{a_n\}$ 

이 수열은 항 사이의 차가 2로 일정하다;

$$a_2 - a_1 = 2$$
,  $a_3 - a_2 = 2$ ,  $a_4 - a_3 = 2$ ,  $a_5 - a_4 = 2$ ,  $a_6 - a_5 = 2$ ,  $\cdots$ 

이처럼, 인접한 항 사이의 차가 일정한 수열을 등차수열이라고 부른다. 이때, 등차수열에서 인접한 항 사이의 차를 공차라고 부른다. 공차는 보통 d로 쓴다.

#### 정의 6) 등차수열

수열  $\{a_n\}$ 이 다음 조건을 만족시키면 이 수열은 등차수열이다.

$$a_{n+1}-a_n=d$$
.  $(n$ 은 자연수)

#### 문제 7)

다음 수열들 중 등차수열인 것을 고르고, 등차수열인 경우 공차 d를 구하여라.

- (1) 1 3 5 7 9 11 13
- 등차수열이다/아니다 : *d* =
- (2) 2 4 8 16 32 64 128
- 등차수열이다/아니다 : d =
- (3) -10 -7 -4 -1 2 5 8
- 등차수열이다/아니다 : d = |
- (4) 5 5 5 5 5 5 5
- 등차수열이다/아니다 : *d* =
- (5) 1 0 1 0 1 0 1
- 등차수열이다/아니다 : d =
- (6) 200 300 400 500 600 700 800 등차수열이다/아니다 : d =
- (7) 2 4 6 2 4 6 2
- 등차수열이다/아니다 : *d* =
- (8) 100 99 98 97 96 95 94 등차수열이다/아니다 : d =
- (9)  $1 \quad \frac{1}{2} \quad \frac{1}{3} \quad \frac{1}{4} \quad \frac{1}{5} \quad \frac{1}{6} \quad \frac{1}{7}$
- 등차수열이다/아니다 : *d* =
- (10) 0  $-\frac{1}{3}$   $-\frac{2}{3}$  -1  $-\frac{4}{3}$   $-\frac{5}{3}$  -2 등차수열이다/아니다 :  $d=\left[\right]$

## 문제 8)

다음 등차수열의 열번째 항을 구하여라.

(1) 4 6 8 10 12 14 16

 $\cdots \{a_n\}$ 

(2) 10 20 30 40 50 60 70

 $\cdots \{b_n\}$ 

(3) 7 4 1 -2 -5 -8 -11

 $\cdots \{c_n\}$ 

(4) 50 43 36 29 22 15 8

 $(5) \ 3 \ \frac{9}{2} \ 6 \ \frac{15}{2} \ 9 \ \frac{21}{2} \ 12$ 

답: (1)  $a_{10} =$  (2)  $b_{10} =$  (3)  $c_{10} =$  $(4) d_{10} = \boxed{\phantom{a}}, \quad (5) e_{10} = \boxed{\phantom{a}}$ 

# 문제 9)

문제 8에 제시된 등차수열의 일반항을 구하여라.

(1)  $a_n =$ 

(2)  $b_n =$ 

(3)  $c_n =$ 

 $(4) d_n =$ 

(5)  $e_n =$ 

# 정리 10)

첫번째 항 $(=a_1)$ 이 a이고 공차가 d인 등차수열의 일반항은

$$a_n = a + (n-1)d$$

# 증명)

초항이 a이고 공차가 d인 등차수열의 항을 나열해보면

$$a_1 = a$$

$$a_2 = a_1 + d = a + d$$

$$a_3 = a_2 + d = a + 2d$$

$$a_4 = a_3 + d = a + 3d$$

$$a_5 = a_4 + d = a + 4d$$
:

이다. 따라서

$$a_n = a + (n-1)d$$

이다.

#### 문제 11)

문제 8에서

(1) a=4, d=2이므로

$$a_n = 4 + (n-1) \times 2 = 2n + 2$$

이다.

(2) 
$$a =$$
\_\_\_\_\_,  $d = 10$ 이므로

$$a_n = \square + (n-1) \times 10 = 10n$$

이다.

(3) 
$$a=7, d=$$
 이므로

$$a_n = 7 + (n-1) \times \boxed{\phantom{a}} = -3n + 10$$

(4) 
$$a =$$
\_\_\_\_,  $d =$ \_\_\_이므로

$$a_n = \boxed{\phantom{a}} + (n-1) \times \boxed{\phantom{a}} = \boxed{\phantom{a}}$$

이다.

(5) 
$$a = 3, d =$$
 이므로

이다. (문제 9의 결과와 비교해보자.)

#### 문제 12)

다음 등차수열들의 일반항  $a_n$ 을 구하시오.

- $(1) -11, -8, -5, -2, \cdots$
- $(2) 6, 3, 0, -3, \cdots$
- $(3) \ 3, \quad 6, \quad 9, \quad 12, \quad \cdots$
- $(4) \ \frac{1}{3}, \ \frac{1}{2}, \ \frac{2}{3}, \ \frac{5}{6}, \cdots$

#### 정리 13) 등차중항

세 숫자 a, b, c가 등차수열을 이룰 때, b를 a와 c의 **등차중항**이라고 한다. 이때 등차중항 b는 다음 조건을 만족한다.

$$b = \frac{a+c}{2}.$$

증명)

a, b, c가 등차수열을 이루므로, 인접한 항 사이의 차가 같다. 즉

$$b - a = c - b$$

이다. 이것을 b에 관한 식으로 정리하면

$$b = \frac{a+c}{2}.$$

#### 예시 14)

(1) 세 숫자

가 등차수열을 이룬다면,  $x = \frac{1+9}{2} = 5$ 이다.

(2) 다섯 숫자

$$3, \quad x, \quad y, \quad z, \quad 19$$

가 등차수열을 이룬다고 하면,

가 등차수열을 이루므로  $y = \frac{3+19}{2} = 11$ 이다. 또,

3, 
$$x$$
,  $y(=11)$ 

가 등차수열을 이루므로  $x = \frac{3+11}{2} = 7$ 이고

$$y(=11), z, 19$$

가 등차수열을 이루므로  $z=\frac{11+19}{2}=15$  이다. 따라서  $x=7,\ y=11,$  z=15 이다.

## 문제 15)

(1) 세 숫자

가 등차수열을 이룰 때, x의 값을 구하시오.

(2) 다섯 숫자

$$4, \quad x, \quad 18, \quad y, \quad z$$

가 등차수열을 이룰 때, x, y, z의 값을 구하시오.

답: 
$$(1)$$
  $x =$ \_\_\_\_,  $(2)$   $x =$ \_\_\_\_,  $y =$ \_\_\_\_,  $z =$ \_\_\_\_

# 3 등차수열의 합

#### 문제 16)

다음을 계산하시오.

$$(1) \ \ 3+4+5+6+7= \boxed{\phantom{a}}$$

$$(2) 2+4+6+8+10+12=$$

(3) 
$$1+2+3+\cdots+10=$$

# 예시 17)

문제 16은 다음과 같이 계산할 수도 있다. (3)을 다시 계산해보자. 먼저 구하려는 값을  $S=1+2+3+\cdots+10$ 라고 놓자. 이제 이 식과 이 식을 거꾸로 쓴식을 나란히 놓고,

$$S = 1 + 2 + 3 + 4 + \dots + 9 + 10$$

$$S = 10 + 9 + 8 + 7 + \dots + 2 + 1$$

두 식을 더하자.

$$2S = (1+10) + (2+9) + (3+8) + (4+7) + \dots + (9+2) + (10+1)$$
$$= 11 + 11 + 11 + 11 + \dots + 11 + 11$$
$$= 11 \times 10 = 110$$

따라서  $S = \frac{110}{2} = 55$ 이다.

# 문제 18)

예시 17의 방법을 이용해 다음 계산을 하여라.

 $(1) \ 1 + 2 + 3 + \dots + 99 + 100 = \boxed{}$ 

 $(2) 1 + 3 + 5 + \dots + 17 + 19 = \boxed{\phantom{a}}$ 

풀이:	

#### 정리 19) 등차수열의 합

등차수열  $\{a_n\}$ 의 첫번째 항을 a, 공차를 d라고 할 때, 첫째항부터 제n항까지의 합  $S(=a_1+a_2+\cdots+a_n)$ 은

$$S = \frac{n\{2a + (n-1)d\}}{2}$$

이다. 마지막 항을  $l(=a_n)$  이라고 할 때,

$$S = \frac{n(a+l)}{2}$$

이라고 쓸 수도 있다.

#### 증명)

예시 17와 같이 S를 나열한 식과, 그 식을 거꾸로 쓴 식을 나란히 놓으면

$$S = a_1 + a_2 + \dots + a_{n-1} + a_n$$
  
 $S = a_n + a_{n-1} + \dots + a_2 + a_1$ 

이다. 좀 더 자세하게 쓰면

$$S = a + (a+d) + \dots + (a+(n-2)d) + (a+(n-1)d)$$
  
$$S = (a+(n-1)d) + (a+(n-2)d) + \dots + (a+d) + a$$

이다. 두 식을 더하면

$$2S = (2a + (n-1)d) + (2a + (n-1)d) + \dots + (2a + (n-1)d) + (2a + (n-1)d)$$
$$= (2a + (n-1)d) \times n.$$

따라서

$$S = \frac{n\{2a + (n-1)d\}}{2}$$

이다.

또한,

$$l = a_n = a + (n-1)d$$

이므로

$$S = \frac{n\{2a + (n-1)d\}}{2} = \frac{n\left[a + \{a + (n-1)d\}\right]}{2} = \frac{n(a+l)}{2}$$

이다.

#### 예시 20)

문제 16의 (1)에서 a=3, d=1, n=5이므로

$$S = \frac{5 \times \{2 \times 3 + (5 - 1) \times 1\}}{2} = 25$$

이다. 혹은 l=7이므로

$$S = \frac{5(3+7)}{2} = 25$$

이다.

#### 문제 21)

등차수열의 합 공식을 이용하여 다음 계산을 하여라.

$$(1) \ \ 2+4+6+8+10+12= \boxed{\phantom{0}}$$

$$(2) \ 1 + 2 + 3 + \dots + 10 = \boxed{\phantom{a}}$$

$$(3) \ 1 + 2 + 3 + \dots + 100 = \boxed{}$$

$$(4) \ 1 + 3 + 5 + 7 + \dots + 19 = \boxed{}$$

#### 풀이:

$$(1)$$
  $a = \square$ ,  $d = \square$ ,  $n = 6$  이므로

$$S = \frac{6 \times \{2 \times \square + (6-1) \times \square\}}{2} = \square$$

이다. 혹은 l=12 이므로

$$S = \frac{6(\square + 12)}{2} = \square$$

(2) 
$$a = 1, d = 1, n =$$
이므로

이다. 혹은 l= 이므로

$$S = \frac{10(1+\square)}{2} = \square$$

이다.

$$(1)$$
  $a = \square$ ,  $d = \square$ ,  $n = \square$ 이므로

이다. 혹은 l= 이므로

이다.

$$(2)$$
  $a = \square$ ,  $d = \square$ ,  $n = \square$ 이므로

$$S = \frac{}{}$$

이다. 혹은 l= 이므로

$$S = \frac{}{2} =$$

이다.

(문제 16, 18의 결과와 비교해보자.)

# 4 보충·심화 문제

#### 문제 22)

다음 수열의 제9항을 구하여라.

- (1) 1, 4, 9, 16, 25,  $\cdots$
- (2)  $\frac{1}{3}$ ,  $\frac{1}{5}$ ,  $\frac{1}{7}$ ,  $\frac{1}{9}$ ,  $\frac{1}{11}$ , ...

#### 문제 23)

다음 수열의 일반항  $a_n$ 을 구하여라.

- (1) 1, 8, 27, 64, 81, 125,  $\cdots$
- $(2) \ 1 \cdot 2, \ 2 \cdot 3, \ 3 \cdot 4, \ 4 \cdot 5, \ 5 \cdot 6, \ \cdots$
- (3)  $-1, 1, -1, 1, -1, \cdots$

#### 문제 24)

다음 수열의 일반항  $a_n$ 을 구하여라.

- (1)  $\frac{1}{2}$ ,  $\frac{2}{3}$ ,  $\frac{3}{4}$ ,  $\frac{4}{5}$ , ...
- (2) 10, 100, 1000, 10000,  $\cdots$
- (3) 9, 99, 999, 9999,  $\cdots$
- $(4) \ \frac{3}{1\cdot 2}, \ \frac{4}{2\cdot 3}, \ \frac{5}{3\cdot 4}, \ \frac{6}{4\cdot 5}, \ \cdots$

# 문제 25)

다음 수열이 등차수열을 이루도록 전에 알맞은 수를 써넣어라

- $(1) \ 2, 5, \square, \square, 14, \cdots$
- $(2) \ 30, \ , \ , \ 24, 22, \cdots$

# 문제 26)

다음 등차수열  $\{a_n\}$ 의 공차를 구하여라.

- (1)  $a_1 = 5, a_7 = 23$
- (2)  $a_1 = 10, a_{10} = -8$

#### 문제 27)

다음 등차수열의 일반항  $a_n$ 을 구하여라.

- (1) 첫째항이 10, 공차 -4
- (2) 4, 6, 8, 10, 12,  $\cdots$
- (3) 1, 4, 7, 10, 13,  $\cdots$
- (4)  $-7, -4, -1, 2, 5, \cdots$
- $(5) 1, -\frac{1}{2}, -2, -\frac{7}{2}, -5, \cdots$

# 문제 28)

다음을 구하여라.

(1) 제3항이 5, 제8항이 -5인 등차수열의 일반항

풀이 : a+2d=5, a+7d=-5이므로 두 식을 연립하면 a= \_\_\_\_, d= \_\_\_\_ 이다. 따라서 일반항  $a_n$ 은

$$a_n = 9 + (n-1)(-2) = -2n + 7$$

이다.

(2) 제3항이 7이고, 제8항이 27인 등차수열의 일반항

(3) 등차수열  $\{a_n\}$ 에서  $a_2=3,\,a_7=13$ 일 때,  $a_{30}$ 의 값

## 문제 29)

다음 조건을 만족하는 등차수열의 일반항  $a_n$ 을 구하여라.

(1) 
$$a_1 = 2$$
,  $a_3 = \frac{2}{3}$ 

(2) 
$$a_2 = -10, a_7 = 20$$

## 문제 30)

등차수열  $\{a_n\}$ 에서  $a_4 + a_8 = 24$ ,  $a_{15} + a_{19} = 68$ 일 때, 일반항  $a_n$ 을 구하여라.

#### 문제 31)

등차수열  $\{a_n\}$ 에서  $a_7=10,\ a_{11}=4$ 일 때, 처음으로 음수가 되는 항은 제 몇 항인지 구하여라.

풀이 :  $a+6d=10,\,a+10d=4$ 이다. 두 식을 연립하면 a= \_\_\_\_\_, d= 이다. 따라서

$$a_n = 19 + (n-1)(-\frac{3}{2}) = \boxed{}$$

이고  $a_n < 0$ 을 풀면

$$-\frac{3}{2}n + \frac{41}{2} < 0$$
$$n > \frac{41}{3} = 13.666 \cdots$$

따라서 n의 최솟값은 14이고, 처음으로 음수가 되는 항은 제 항이다.

#### 문제 32)

등차수열  $\{a_n\}$ 에서 제5항이 72, 제10항이 37일 때, 처음으로 음수가 되는 항은 제 몇 항인지 구하여라.

# 문제 33)

등차수열  $\{a_n\}$  에서  $a_1+a_2+a_3=-12, a_4+a_5+a_6=33$ 일 때, 처음으로 100보다 크게 되는 항은 제 몇 항인지 구하여라.

#### 문제 34)

등차수열  $4, x_1, x_2, x_3, \dots, x_m, 34$ 의 공차가 2일 때, m의 값을 구하여라.

## 문제 35)

다음 수열이 등차수열을 이룰 때, x, y, z의 값을 구하여라.

- (1) 32, x, 22, y, 12,  $\cdots$
- $(2) -1, x, 5, y, 11, \cdots$
- $(3) x, 13, y, 5, z, \cdots$
- $(4) \ x, -1, y, 11, z, \cdots$

#### 문제 36)

네 수 28, a, b, 13 이 이 순서대로 등차수열을 이룰 때, a, b의 값을 구하여라.

#### 문제 37)

오른쪽 그림에서 가로줄과 세로줄에 있는 세 수가 각각 등차수 열을 이룬다. 예를 들어 -2, a, b가 이 순서대로 등차수열을 이루고, b, 5, f가 이 순서대로 등차수열을 이룰 때, (b-a)+(f-e)의 값을 구하여라.

-2	a	b
c	d	5
4	e	f

#### 문제 38)

세 실수  $\frac{1}{a+b}, \frac{1}{b+c}, \frac{1}{c+a}$  가 이 순서로 등차수열을 이룰 때, 세 실수 a,b,c 사이의 관계식은?

$$\mathfrak{D}a^2 = b^2 + c^2$$

$$2b^2 = a^2 + c^2$$

$$32a^2 = b^2 + c^2$$

$$2b^2 = a^2 + b^2$$

$$\mathfrak{S}2c^2 = a^2 + b^2$$

# 문제 39)

등차수열을 이루는 세 수가 있다. 다음 물음에 답하여라.

(1) 세 수의 합이 15 이고, 곱이 105 일 때, 이들 세 수를 구하여라.

풀**이:** 세 수를 a-d, a, a+d로 두면

$$\begin{cases} (a-d) + a + (a+d) = 15\\ (a-d) \times a \times (a+d) = 105 \end{cases}$$

이고, 첫 번째 식을 정리하면  $a = \boxed{\phantom{a}}$ . 이것을 두 번째 식에 대입하면,

$$(5-d) \times 5 \times (5+d) = 105$$

따라서  $25 - d^2 = 21$ ,  $d^2 = 4$ ,  $d = \pm \square$ . 그러므로 구하는 세 수는 3, 5,  $\square$ 이다.

(2) 세 수의 합이 12이고, 곱이 28일 때, 이들 세 수를 구하여라.

(3) 세 수의 합이 15이고, 제곱의 합이 83일 때, 이들 세 수를 구하여라.

# 문제 40)

다음 계산을 하시오.

(1) 
$$1+3+5+\cdots+99$$

$$(2) \ \ 3+8+13+18+\cdots+48$$

$$(3) (-2) + 2 + 6 + 10 + \dots + 394$$

# 문제 41)

등차수열  $\{a_n\}$ 에 대해 공차 d를 구하시오. (단 a는 첫째항이고,  $S_{10}=a_1+a_2+a_3+\cdots+a_{10}$ 이다.)

(1) 
$$a = 30, S_{10} = 210$$

풀이 :

$$\frac{10(2\times 30 + 9d)}{2} = 210$$

이므로  $d = \bigcirc$ 이다.

(2) 
$$a = 40, S_{10} = 175$$

(3) 
$$a = -3$$
,  $S_{10} = 285$ 

#### 문제 42)

 $a_2=4,\,a_5=22$  인 등차수열  $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제30항까지의 합  $S_{30}$ 의 값을 구하여라.

# 문제 43)

 $a_3=8,\,a_7=20$  인 등차수열  $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제20항까지의 합  $S_{20}$ 의 값을 구하여라.

# 문제 44)

10과 30 사이에 n개의 수를 넣어 만든 등차수열  $10, x_1, x_2, \dots, x_n, 30$ 의 모든 항의 합이 820일 때, n의 값과 공차 d를 구하여라.

# 문제 45)

100부터 300까지의 자연수에 대하여 다음을 구하여라.

(1) 3의 배수의 총합

풀이: 100보다 크고 300보다 작은 수는

이다. 이것은 a= \_\_\_\_\_,  $d=3,\ l=$  \_\_\_\_\_인 등차수열이다. 항수는 n=100-34+1=67이므로

$$102 + 105 + 108 + \dots + 300 = \frac{67(102 + 300)}{2} = \boxed{ }$$

(2) 4의 배수의 총합

(3) 7의 배수의 총합

# 문제 46)

100 이하의 자연수 중에서 4로 나누면 3이 남는 자연수의 총합을 구하여라.

# 문제 47)

100 이상, 200 이하의 자연수 중에서 5로 나누면 3이 남는 자연수의 총합을 구하여라.

# 문제 48)

세 자리의 자연수 중에서 9의 배수의 총합을 구하여라.

## 문제 49)

등차수열  $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제n항까지의 합을  $S_n$ 이라고 할 때, 다음 물음에 답하여라.

(1)  $S_{10}=120,\,S_{20}=440\,$ 이다. 이때  $S_{30}$ 의 값을 구하여라.

풀이 : 첫항을 a, 공차를 d로 놓고, 공식  $S_n = \frac{n\{2a + (n-1)d\}}{2}$ 을 사용하며

$$\frac{10(2a+9d)}{2} = 120, \quad \frac{20(2a+19d)}{2} = 440$$

따라서

$$2a + 9d = \boxed{\phantom{a}}, \quad 2a + 19d = \boxed{\phantom{a}}$$

이다. 두 식을 연립하면  $a = \boxed{\phantom{a}}, d = \boxed{\phantom{a}}$ . 따라서

(2)  $S_5 = 10$ ,  $S_{10} = 45$  이다. 이때  $S_{20}$ 의 값을 구하여라.

#### 문제 50)

공차가 3인 등차수열  $\{a_n\}$ 에서  $a_1+a_2+a_3+\cdots+a_{100}=200$ 일 때,  $a_2+a_3+a_4+\cdots+a_{101}$ 의 값을 구하여라.