준영, 미니테스트 02

날짜: 2017년 월 일 요일, 제한시간: 분, 점수: [

문제 1) 01-5

다음 극한값을 구하시오.

(1)
$$\lim_{n \to \infty} \frac{7^{n-1} - 5^n}{7^n + 5^{n+1}}$$

(2)
$$\lim_{n \to \infty} \frac{3^{2n+1} - 2^{3n}}{3^{2n} - 2^{3n-1}}$$

문제 2)

<보기>의 수열 중 수렴하는 것만을 있는 대로 고른 것은?

<보기>

$$\neg \cdot \left\{ \frac{n^4 - 5}{3n^4} \right\}$$

$$\vdash \cdot \left\{ \frac{1}{2^n} (2^{n+2} - 1) \right\} \qquad \qquad \vdash \cdot \left\{ \left(\frac{2\sqrt{13}}{3\pi} \right)^n \right\}$$

$$\Box$$
. $\left\{ \left(\frac{2\sqrt{13}}{3\pi} \right)^n \right\}$

① ¬

② □

④ 7. ⊏

⑤ 7. L. □

문제 3)

수열 $\{a_n\}$ 에 대하여 $\lim_{n\to\infty}(n+2)^2a_n=3$ 일 때, $\lim_{n\to\infty}(2n^2-3n)a_n$ 의 값은? ① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9

⑤ 10

문제 4)

보게 4) $\lim_{n \to \infty} \frac{\sqrt{5n+1}}{n\left(\sqrt{3n+2} - \sqrt{3n-1}\right)} \, \, \mathrm{으} \, \, \mathrm{값} \, \, \mathrm{e}^{?}$ ① $\frac{5\sqrt{5}}{2}$ ② $\frac{2\sqrt{5}}{3}$

① $\frac{5\sqrt{5}}{2}$

(3) $\frac{7\sqrt{5}}{9}$

(4) $\frac{2\sqrt{15}}{3}$

 $\frac{7\sqrt{15}}{9}$

문제 5)

 $\sum_{k=1}^{n} a_k = (n+1)^2$ 일 때, $\lim_{n \to \infty} \frac{a_1 n^2}{a_{2n}^2}$ 의 값은?

① $\frac{1}{8}$

② $\frac{1}{4}$

 $\frac{3}{8}$

 $\frac{4}{2}$

 $\frac{5}{8}$

문제 6)

두 수열 $\{a_n\}$, $\{b_n\}$ 에 대하여 옳은 것만을 <보기>에서 있는 대로 고른 것은?

<보기>

ㄱ. 모든 자연수 n에 대하여 $a_n < b_n$ 이고, $\lim_{n \to \infty} a_n = \infty$ 이면 $\lim_{n \to \infty} b_n = \infty$ 이다.

ㄴ. 수열 $\{a_{2n+1}\}$ 이 수렴하면 수열 $\{a_n\}$ 은 수렴한다.

ㄷ. $\lim_{n\to\infty} a_n b_n = 0$ 이면 $\lim_{n\to\infty} a_n = 0$ 또는 $\lim_{n\to\infty} b_n = 0$ 이다.

 $\textcircled{1} \ \neg$

2 L

③ □

④ ¬, ∟

⑤ ᄀ, ⊏