03 부등식의 성질

(1) 부등식의 양변에 같은 수를 더하거나 빼어도 부등호의 방향은 바뀌지 않는다.

- (2) 부등식의 양변에 같은 양수를 곱하거나 나누어도 부등호의 방향은 바뀌지 않는다.
- (3) 부등식의 양변에 같은 음수를 곱하거나 나누면 부등호의 방향이 바뀐다.

$a < b$ 이면 $\begin{bmatrix} a+c < b+c \\ a-c < b-c \end{bmatrix}$ $a < b$ , $c > 0$ 이면 $\begin{bmatrix} ac < bc \\ \frac{a}{c} < \frac{b}{c} \end{bmatrix}$	부등호의 방향이 그대로이다.
a < b, c < 0이면 $ac > bc$ $ac > bc$ $ac > bc$	부등호의 방향이 바뀐다.

유형04 부등식의 성질

[27~38] a < b일 때, 다음  $\square$  안에 알맞은 부등호를 써넣어라.

- **27** a+3 b+3
  - 부등식의 양변에 같은 수의 방향은 바뀌지 않는다.
- **28** a+(-1) b+(-1)
- **29** a-7 b-7
- **30** a-(-2) b-(-2)
- **31** 3*a* 3*b* 
  - 의 방향은 바뀌지 않는다.
- **32**  $\frac{a}{3}$   $\frac{b}{3}$

- **33** -6*a* -6*b* 
  - 부등식의 양변에 같은 음수 을 곱하면 부등호의 방향이 바뀐다.
- **34**  $a \div \left(-\frac{1}{3}\right)$   $b \div \left(-\frac{1}{3}\right)$
- **35** 2a-3 2b-3
- **36**  $1+\frac{3}{2}a$   $1+\frac{3}{2}b$
- **37** -4a+3 -4b+3
- **38** 5-2*a* 5-2*b*

[39~44] 다음 🗌 안에 알맞은 부등호를 써넣어라.

**41** 
$$\frac{2}{3}a \le \frac{2}{3}b \Rightarrow a$$

**42** 
$$-4a-2 \ge -4b-2 \Rightarrow a \qquad b$$

**44** 
$$-\frac{a}{5}+1 < -\frac{b}{5}+1 \Rightarrow a$$

# 유형05 부등식의 성질을 이용한 식의 값의 범위

[45~48] x<2일 때, 다음 식의 값의 범위를 구하여라.

				J	
해	x<2의 2	· 5변에	를 더하여도	부등호의	방향은 ㅂ
	뀌지 않으	므로	_		
	x+	<2+	∴ x-	+5<	

타

**47** 
$$-\frac{x}{4}$$



#### 개념 체크

49 다음 빈칸에 알맞은 것을 써넣어라.

부등식의 양변에 같은 [ ]를 곱하거나 나누면 부등호의 [ ]이 바뀐다. 예를 들어, -2x > 4에서 양변을 [ ]로 나누면 x[ ]-2이다.

# 04 부등식의 해와 수직선

(1) 부등식의 해 구하기

부등식을 풀 때에는 부등식의 성질을 이용하여  $x < (-), x > (-), x \le (-), x \le (-)$ 

중 어느 하나로 고쳐서 해를 구한다.

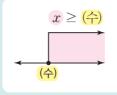
(2) 부등식의 해를 수직선 위에 나타내기







 $3x \le a$ 



(+)를 기준으로 x가 크거나 같으면 오른쪽 방향으로 화살표를 표시한다.

4  $x \ge a$ 

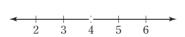


# 유형06 부등식의 해를 수직선 위에 나타내기

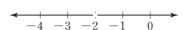
# [50~53] 다음 부등식의 해를 수직선 위에 나타내어라.

- ① x가 어떤 수보다 크거나 같으면 그 수의 오른쪽 방향으로 화살표 표시를 한다. (작거나 같으면 왼쪽 방향으로 화살표 표시)
- ② <, >이면 0, ≤, ≥이면 ●로 표시한다.

**50** x>4



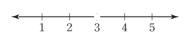
**51** x < -2



**52**  $x \ge 6$ 



**53** *x*≤3

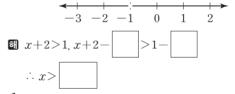


# 유형07 부등식의 해와 수직선

[54~56] 부등식의 성질을 이용하여 다음 부등식의 해를 구하고, 그 해를 수직선 위에 나타내어라.

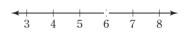
**54** x+2>1





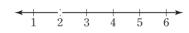
**55**  $\frac{1}{3}x \ge 2$ 





**56** -2x > -4





#### 개념 체크

57 다음 빈칸에 알맞은 것을 써넣어라.

부등식을 풀 때에는 부등식의 성질을 이용하여

$$x<(\diamondsuit), x[$$

$$x < (\updownarrow), x[$$
 ]  $(\diamondsuit), x \le (\diamondsuit), x[$  ]  $(\diamondsuit)$ 

중 어느 하나로 고쳐서 [ ]를 구한다.

# 05 일차부등식

(1) 이항: 부등식의 한 변에 있는 항을 부호를 바꾸어 다른 변으로 옮기는 것

(2) 일차부등식: 부등식의 모든 항을 좌변으로 이항하여 정리하였을 때 (일차식)>0, (일차식)<0,  $(일차식)\geq0$ ,  $(일차식)\leq0$ 중 어느 하나의 꼴로 변형되는 부등식

3x-2>4에서 4를 이항하면3x-2-4>03x - 6 > 0→일차부등식

# 유형08 부등식의 이항

[58~64] 다음 부등식에서 밑줄 친 항을 이항하여라.

**58** x + 3 > 6

답

레 밑줄친 항 의 부호를 바꾸어 우변으로 옮긴다.

**59** 2x-4<3

답

**60** 1-2x<3

답

**61**  $5x \ge 2x + 5$ 

답

**62**  $x \le 8 - 3x$ 

답

**63** 3x-4>2x+3

답

**64**  $5 \ge 2x - 4$ 

답

# 유형09 일차부등식 찾기

[65~68] 다음 중 일차부등식인 것은 ○표, 아닌 것 은 ×표를 하여라.

**65** 4-3x<5

)

해 부등식의 모든 항을 좌변으로 이항하면 -3x-1 < 0(일차식)<0의 꼴이므로 일차부등식이 (맞다. 아니다).

**66** 7+3>5

**67** 3x+2=6

)

**68** -x-2 < 5-x

)

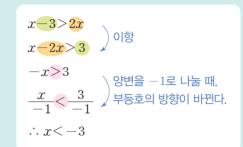
#### 개념 체크

- 69 다음 빈칸에 알맞은 것을 써넣어라.
  - 1) 부등식의 한 변에 있는 항을 [ ]를 바꾸어 다른 변으로 옮기는 것을 [이라고 한다.
  - 2) 예를 들어. x+4>9는 좌변의 +4의 [ ]를 바꾸어  $\left[ \right]$ 으로 옮기면 x>9  $\left[ \right]$ 이므로 x>[ ]이다.

06 일차부등식의 풀이

일차부등식은 다음과 같은 순서로 푼다.

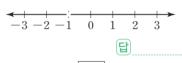
- (i) 미지수 x를 포함한 항은 좌변으로, 상수항은 우변으로 이항한다.
- (ii) 양변을 정리하여 ax>b, ax<b,  $ax\le b$ ,  $ax\le b$ ( $a\ne 0$ )의 꼴로 변형한다.
- (iii) x의 계수 a로 양변을 나눈다. 이때, a가 음수이면 부등호의 방향이 바뀐다.



유형10 일차부등식의 풀이

[70~76] 다음 일차부등식을 풀고, 그 해를 수직선 위에 나타내어라.

**70** x+4>3

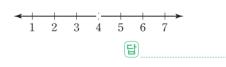


**3** x+4>3에서 x>3-

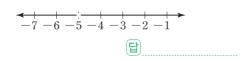
**71** x-2>5



**72** 2*x*≥8



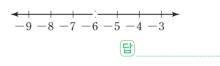
**73** -3x < 15



**74** 4*x*-7<5



**75**  $-x-1 \ge 5$ 



**76** *x*+4≤3*x* 



개념 체크

- (i) 일차부등식을 풀 때 미지수 [ ]를 포함한 항 은 좌변으로, 상수항은 [ ]으로 [ ]한다.
- (ii) 양변을 정리하여 ax>b, ax[ ]b, ax[ ]b, ax[
- (iii) *x*의 계수[ ]로 양변을 나눈다.

# 07 여러 가지 일차부등식의 풀이

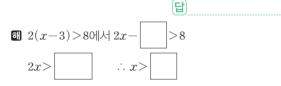
- (1) 괄호가 있는 경우 : 분배법칙을 이용하여 괄호를 풀어 간단히 한다.
- (2) 계수가 분수인 경우: 양변에 분모의 최소공배수를 곱하여 계수를 정수로 고친다.
- (3) 계수가 소수인 경우 : <u>양변에 10의 거듭제곱을 곱하여</u> 계수를 정수로 고친다.

분배법칙
a(b+c)=ab+ac
(a+b)c=ac+bc

# 유형11 괄호가 있는 일차부등식의 풀이

# [78~83] 다음 부등식을 풀어라.

**78** 
$$2(x-3) > 8$$



**79** 
$$2(3x-5) < x$$



**80** 
$$5(x+2)+4 \ge 9$$

**81** 
$$2x-3 \le -(x+3)$$

**82** 
$$3(2-x)+4x \le -x$$

**83** 
$$4-2(x+2) < 3x+5$$

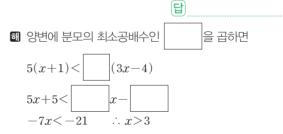
# 유형12 계수가 분수인 일차부등식의 풀이

# [84~87] 다음 부등식을 풀어라.

**84** 
$$\frac{2x-5}{3} > 1$$



**85** 
$$\frac{x+1}{4} < \frac{3x-4}{5}$$



**86** 
$$\frac{x+3}{2} \le \frac{x-2}{3}$$

답

**87** 
$$\frac{x-3}{4} - \frac{2x+1}{3} > 1$$

답

# 유형13 계수가 소수인 일차부등식의 풀이

# [88~92] 다음 부등식을 풀어라.

**88** 
$$0.2x-0.1 < -0.3$$

당변에 10을 곱하면 2x−12x<</li>∴ x<</li>

**89**  $-0.5x-0.4 \le 0.3x+1.2$ 

답

**90** 0.3x+0.1<1

답

**91**  $0.2(x-1) \ge 0.3x+1$ 

답

**92** 2(x+0.4)>1.5x-0.2

답

# 유형14 복잡한 일차부등식의 풀이

# [93~95] 다음 부등식을 풀어라.

-QIIP

계수가 소수와 분수가 섞여있는 경우

⇒ 소수를 분수로 바꾼 뒤, 분모의 최소공배수를 곱하여 간단히 한다.

**93**  $0.4x - \frac{3(x-2)}{4} < 12$ 

답

**94**  $0.3x+0.4<\frac{x}{5}+\frac{1}{2}$ 

답

**95** 
$$\frac{x}{3}$$
 -0.2(x+5) \le 1

답

#### 개념 체크

- 1) 일차부등식 중 괄호가 있는 경우는 [ ] 을 이용하여 괄호를 풀어 간단히 한다.
- 2) 일차부등식 중 계수가 분수인 경우 양변에 분모의 [ ]를 곱하여 계수를 [ ]로 고친다.
- 3) 일차부등식 중 계수가 소수인 경우는 양변에 [ ]의 거듭제곱을 곱하여 계수를 [ ]로 고치다.

# 08 미지수가 있는 일차부등식

- (1) x의 계수가 미지수인 경우 : 일차부등식 ax < 1에 대하여 a<0일 때, ax<1의 양변을 a로 나누면 부등호의 방향이 바뀌어  $x>\frac{1}{a}$ 이다.

(2) 부등식의 해가 주어진 경우

a의 값을 구한다.

- ① ax<1의 해가 x<b일 때. ax<1의 양변을 a로 나누어 x<b와 같게 만든 후 a의 값을 구한다.
- ② ax<1의 해가 x>b일 때, ax<1의 양변을 a로 나누어 x>b와 같게 만든 후
- [참고] 부등호의 방향이 미지수 x를 기준으로 바뀌었다면 x의 계수가 음수임을 알 수 있다.

- ax>b에서
- a > 0이면  $x > \frac{b}{a}$
- $a \le 0$ 이면  $x \le \frac{b}{a}$

# 유형 15 x의 계수가 미지수인 부등식의 풀이

# [97~100] a>0일 때, 다음 부등식의 해를 구하여라.

**97** ax > 1



**뤫** a > 0이므로 양변을 a로 나누어도 부등호의 방향이 바 뀌지 않는다.



**98** ax > a



[101~104] a<0일 때, 다음 부등식의 해를 구하여라.

**101** ax > 2



**테** a < 0이므로 양변을 a로 나누면 부등호의 방향이 바뀐다.

**102** ax > 3a



**99** ax+a<0



**103** ax - a < 0

답

**100** -ax < 4a



뤱 -ax < 4a에서 ax > -4aa > 00 으로 x >

**104** -ax < 5a

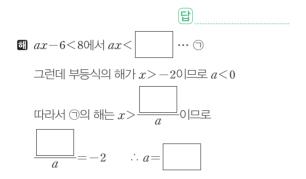
답

# 125

# 유형16 부등식의 해가 주어진 경우

[105~108] 다음을 구하여라.

**105** 일차부등식 ax-6< 8의 해가 x>-2일 때, 상수 a의 값



**106** 일차부등식 2*x*+1≤*a*의 해가 *x*≤1일 때, 상수 *a*의 값



해  $2x+1 \le a$ 에서  $2x \le a-1$ 이므로  $x \le \frac{a-1}{2}$ 

즉, 
$$\frac{a-1}{2}$$
=  $\boxed{ 0 | 므로 a-1=2 }$   $\therefore a=\boxed{ }$ 

**107** 일차부등식 3+ax≥2의 해가 x≤1일 때, 상수 a의 값



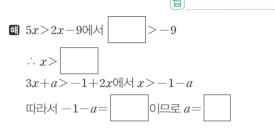
**108** 일차부등식  $ax+4 \le x-1$ 의 해가  $x \le -1$ 일 때, 상수 a의 값



### 유형17 해가 서로 같은 두 일차부등식

[109~111] 다음 두 일차부등식의 해가 같을 때, 상수 a의 값을 구하여라.

**109** 5x > 2x - 9, 3x + a > -1 + 2x



**110** 
$$\frac{x+2}{2} \ge \frac{x-1}{3}$$
,  $3+6x \ge a+2x$ 



**111** 
$$x-1 < -3x+a$$
,  $0.5(x+7) < 5$ 

#### 개념 체크

- 1) x의 계수가 [ ]인 경우 일차부등식 ax<1에 대하여 a[ ]0일 때, ax<1의 양변을 [ ]로 나누면 부등호의 [ ]이 바뀌어 x[ ] $\frac{1}{a}$ 이다.
- 2) 부등식의 해가 주어진 경우

   ax < 1의 해가 x[ ]b일 때, ax < 1의 양변

   을 [ ]x > b와 같게 만든 후

   a의 값을 구한다.

# 02 일차부등식의 활용

일차부등식의 활용 문제는 다음과 같은 순서로 푼다.

- (i) 문제의 뜻을 파악하여  $\overline{\gamma}$ 하려고 하는 값을 미지수 x로 놓는다.
- (ii) 문제의 뜻에 맞게 x에 대한 부등식을 세운다.
- (iii) 부등식을 풀어 해를 구한다.
- (iv) 구한 해가 문제의 뜻에 맞는지 확인한다
- 밑변의 길이를 몇 cm 이하로 해야하는지
   ★ x
   ≤ 또는 ≥
- 통 B에 남은 물의 양이 통 A에 남은 물의 양보다
   □ 많아지는 것은 물은 몇 번 빼냈을 때부터인지
   < 또는 >

유형18 일차부등식의 활용 - 도형의 넓이, 물 채우기

# 113 다음을 읽고, 물음에 답하여라.

높이가 6 cm이고, 넓이가 42 cm² 이상인 삼 각형을 그릴 때, 밑변의 길이는 몇 cm 이상이 어야 하는지 구하려고 한다.

**1)** 밑변의 길이를 x cm라 놓고, 부등식을 세워라.

[답]



2) 1)에서 세운 부등식을 풀어라.

		[답]	
해	$3x \ge $	$\therefore x \ge $	

3) 문제의 뜻에 맞는 해를 구하여라.

	답	 cm	이상
해	$x \ge 14$ 에서 삼각형의 밑변의 길이는	cm	이상
	이어야 한다.		

## 114 다음을 읽고, 물음에 답하여라.

600 L의 물이 든 통 A와 500 L의 물이 든 통 B가 있다. 한 번에 통 A에서는 18 L씩, 통 B 에서는 14 L씩 물을 빼낼 때, 통 B에 남은 물 의 양이 통 A에 남은 물의 양보다 많아지는 것은 물을 몇 번 빼냈을 때부터인지 구하려고 한다.

1) 물을 x번 빼냈을 때, 통 A, B에 남은 물의 양을 x를 이용하여 나타내어라.

답 통A: ,통B:

2) 1)을 이용하여 부등식을 풀어라.

3) 문제의 뜻에 맞는 해를 구하여라.

**웹** x>25에서 통 B에 남은 물의 양이 통 A에 남은 물의 양보다 많아지는 것은 물을 번 빼냈을 때부터 이다.

개념 체크

# 115 다음 빈칸에 알맞은 것을 써넣어라.

일차부등식의 활용 문제를 풀 때 구하려는 값을 미지수 [ ]로 놓고 [ ]을 세워 해를 구한 뒤, 구한 해가 문제의 뜻에 맞는지 확인한다.

# **12**፮

# 10 일차부등식의 활용 – 연속하는 정수에 관한 문제

- (1) **연속하는 두 정수에 대한 문제** 두 수를 x, x+1로 놓고 식을 세운다.
- (2) **연속하는 세 정수에 대한 문제** 세 수를 x-1, x, x+1로 놓고 식을 세운다.



# 유형19 연속하는 정수에 관한 문제

# 116 다음을 읽고, 물음에 답하여라.

연속하는 두 짝수가 있다. 작은 수의 4배에서 6을 뺀 것이 큰 수의 2배 이상일 때, 이와 같은 두 수의 합의 최소의 값을 구하려고 한다.

1) 작은 수를 x라고 할 때, 큰 수를 x에 대한 식으로 나타내어라

답

2) 부등식을 세워라.

답

- 3) 2)에서 세운 부등식을 풀어라.

답

- $\begin{array}{c|c} \blacksquare & 4x \boxed{ } \geq 2x + \boxed{ } \\ 2x \geq \boxed{ } & \therefore x \geq \boxed{ } \\ \end{array}$
- 4) 문제의 뜻에 맞는 해를 구하여라.

답

# 117 다음을 읽고, 물음에 답하여라.

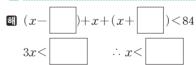
연속하는 세 자연수의 합이 84보다 작을 때, 이와 같은 수 중에서 가장 큰 세 자연수를 구 하려고 한다.

1) 연속하는 세 자연수 중 가운데 수를 x라고 할 때, 다른 두 수를 각각 x에 대한 식으로 나타내 어라.

답

2) 1)을 이용하여 부등식을 풀어라.

답



3) 문제의 뜻에 맞는 해를 구하여라

답

개념 체크

- 1) 연속하는 두 정수에 대한 문제를 풀 때, 두 수 중 작은 수를 x, 큰 수를 [ ]로 놓고 일차부등식을 푼다.

# 111 일차부등식의 활용 - 최대 개수, 금액에 관한 문제

(1) 한 개에 a원인 물건 A와 b원인 물건 B를 합하여 n개 사는 데 필요한 금액 :

 $\{ax+b(n-x)\}$  또는  $\{a(n-x)+bx\}$ 원

(2) a개의 가격이 A원이고. 추가되는 1개당 가격이 B원일 때. x(x>a)개의 가격 :  $\{A+B(x-a)\}$ 원

한 개에 500원인 초콜릿을 2000원짜리 상자에 담아서 사는데 총 금액이 6000원 이하가 될 때. 초콜릿을 초콜릿 개수 : x최대 몇 개까지 살 수 있을까?

 $500 \times x + 2000 \le 6000$ 

(3) 현재 예금액이 a원이고 매달 b원씩 예금할 때, x개월 후의 예금액 : (a+bx)원

유형20 최대 개수에 관한 문제

# 119 다음을 읽고, 물음에 답하여라.

한 개에 600원 하는 우유와 800원 하는 주스 를 합하여 15개를 사고 10000워 이하로 지출 할 때. 주스는 최대 몇 개까지 살 수 있는지 구 하려고 하다.

1) 주스를 x개 산다고 할 때. 우유와 주스를 사는 데 드는 금액을 차례로 구하여라.

달 우유 : , 주스 :

2) 1)을 이용하여 부등식을 풀어라

답 **a** 600(  $-x)+800x \le 10000$  $-600x + 800x \le 10000$ *∴ x*≤  $200x \leq$ 

3) 문제의 뜻에 맞는 해를 구하여라

개 답

유형21 추가 요금에 관한 문제

#### 120 다음을 읽고, 물음에 답하여라.

어느 전시회의 입장료는 4명까지 1인당 2500 원이고. 4명을 초과하면 초과된 사람 1인당 2000원이라고 한다. 18000원으로 이 전시회 를 관람할 때 최대 몇 명까지 입장할 수 있는 지 구하려고 한다.

1) 입장할 수 있는 인원 수를 x명이라고 할 때. 초 과된 인원의 수를 x로 나타내어라

> 답 명

2) 1)을 이용하여 부등식을 품어라

답 **❸**  $4 \times 2500 + (x - 6)$  $\times 2000 \le 18000$ 10000 + 2000x -≤18000  $2000x \le$ 

3) 문제의 뜻에 맞는 해를 구하여라.

답 명 유형22] 예금액에 관한 문제

## 121 다음을 읽고, 물음에 답하여라.

현재 형의 저축액은 15000원, 동생의 저축액은 8000원이다. 앞으로 매달 형은 1000원씩, 동생은 2000원씩 저축을 한다면 몇 개월 후부터 동생의 저축액이 형의 저축액보다 많아지는지 구하려고 한다.

1) x개월 후의 형과 동생의 저축액을 구하여 빈칸에 써넣어라.

	현재(원)	x개월 후(원)
형	15000	
동생	8000	

2) 부등식을 세워라.

답		 	 
해	15000+	< 8000 +	

3) 2)에서 세운 부등식을 풀어라.

답	 		 	
해	x > 7000	$\therefore x > $		

4) 문제의 뜻에 맞는 해를 구하여라.

답	개월 후
답	개월 후

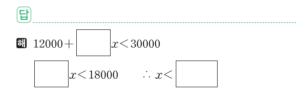
# 유형23 유리한 방법을 선택하는 문제

#### 122 다음을 읽고, 물음에 답하여라.

한 달 휴대전화 이용요금이 다음과 같은 두 통 신회사가 있을 때, B 통신회사보다 A 통신회 사를 선택하는 것이 유리하려면 한 달 휴대전 화 이용시간이 몇 초 미만이어야 하는지 구하 려고 한다.

통신회사	기본요금(원)	1초당 요금(원)
A	12000	1.8
В	30000	없음

1) 한 달 이용 시간을 x초라 놓고, 부등식을 풀어 라.



2) 문제의 뜻에 맞는 해를 구하여라.

답	<u> </u>	초 미만

#### 개념 체크

# 123 다음 빈칸에 알맞은 것을 써넣어라.

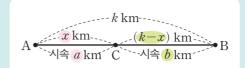
한 개에 a원인 물건 A와 b원인 물건 B를 합하여 n개 살 때, 물건 A를 산 개수를 x라 하면 물건 B를 산 개수는 [ ]이므로 필요한 금액은

[원이다.

# 12 일차부등식의 활용 - 속력에 관한 문제

- (1) (거리)=(속력)×(시간)
- (2) A 지점에서 B 지점까지 가는 데 걸리는 시간 :  $\frac{x}{a} + \frac{k-x}{b}$  (전체 걸린 시간)= (A-C 지점 가는데 걸린 시간)

(B-C 지점 가는 데 걸린 시간)



유형24 거리, 속력, 시간에 관한 문제

# 124 다음을 읽고, 물음에 답하여라.

A 지점에서 8 km 떨어진 B 지점까지 가는 데 처음에는 시속 4 km로 걷다가 도중에 시속 3 km로 걸어서 2시간 30분 이내에 B 지점에 도착하였다.

시속 4 km로 걸은 거리를 x km라고 할 때, 시속 4 km로 걸은 시간과 시속 3 km로 걸은 시간과 가을 차례로 구하여라

답

- 에 시속 4 km로 걸은 거리는 x km이므로 걸린 시간은  $\frac{x}{4}$ 시간, 시속 3 km로 걸은 거리는  $(8-\frac{x}{4})$  km 이므로 걸린 시간은  $\frac{8-\frac{x}{4}}{4}$ 시간
- 2) 1)을 이용하여 부등식을 세워라.

 $\frac{x}{4} + \frac{8 - \sqrt{3}}{3} \le \sqrt{3}$ 

3) 2)에서 세운 부등식을 풀어라.

 $3x+4(8-)\leq$   $3x+32- \leq 30 \quad \therefore x\geq$ 

4) 시속 4 km로 걸은 거리는 몇 km 이상인지 구하여라.

답 km 이상

# 125 다음을 읽고, 물음에 답하여라.

등산을 하는데 올라갈 때에는 시속 2 kmz, 내려올 때에는 같은 길을 시속 4 kmz 걸어서 전체 걸리는 시간을 3시간 이내로 하려고 한다.

1) x km까지 올라갔다 내려온다고 할 때, 올라갈 때 걸리는 시간과 내려올 때 걸리는 시간을 차례로 구하여라.

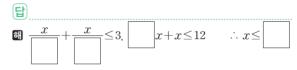
**TIP** 

등산을 할 때 같은 길을 오르고 내려오므로 거리는 x km이다.

- **1** 올라갈 때 걸린 시간 :  $\frac{x}{2}$
- ② 내려올 때 걸린 시간 :  $\frac{x}{4}$

답

2) 1)을 이용하여 부등식을 풀어라



3) 최대 몇 km까지 올라갔다 올 수 있는지 구하여라.

단	kr

#### 개념 체크

# 126 다음 빈칸에 알맞은 것을 써넣어라.

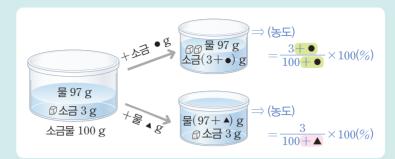
A 지점에서 B 지점까지의 거리가 k km이다. 시속 a km의 속력으로 x km만큼 걸었고, 나머지는 시속 b km의 속력으로 걸었다면 A 지점에서 B 지점까지 가는 데 걸리는 시간은  $\left[\begin{array}{cc} \\ \\ \end{array}\right] + \left[\begin{array}{cc} \\ \\ \\ \end{array}\right]$  (시간)이다.

# 13 일차부등식의 활용 - 농도에 관한 문제

Ⅲ-1 일차부등식

(1) (소금물의 농도)

- (2) 소금을 더 넣는 경우에는 소금의 양과 소금물의 양이 모두 증가한다.
- (3) 물을 더 넣는 경우에는 소금의 양은 변하지 않고, 소금물의 양만 증가한다.



# 유형25 물을 더 넣는 경우

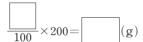
# 127 다음을 읽고, 물음에 답하여라.

6 %의 소금물 200 g에 물을 더 넣어 농도가 4 % 이하가 되게 하려고 한다.

1) 더 넣을 물의 양을 x g이라고 할 때, 다음 빈칸에 알맞은 것을 써넣어라.

	처음 소금물	나중 소금물
농도	6 %	4 % 이하
소금물의 양(g)	200	
소금의 양(g)		

**뤱** 6%의 소금물 200 g에 들어 있는 소금의 양은



2) 1)을 이용하여 부등식을 세워라.



$$\leq \frac{4}{100} \times (200 + x)$$

3) 2)에서 세운 부등식을 풀어라.



4) 물을 최소 몇 g 더 넣어야 하는지 구하여라.

# 유형26 두 소<del>금물을</del> 섞는 경우

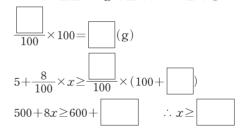
# 128 다음을 읽고, 물음에 답하여라.

5 %의 소금물 100 g에 8 %의 소금물을 섞어서 농도가 6 % 이상인 소금물을 만들려고 한다

1) 8 % 소금물에 들어있는 소금의 양을 *x* g이라 놓고, 부등식을 풀어라. 답

농도	5 %	8 %	6 %
소 <del>금물</del> 의 양(g)	100	x	
소금의 <b>양</b> (g)		$\frac{8}{100} \times x$	

**뤱** 5%의 소금물 100 g에 들어 있는 소금의 양은



2) 8 %의 소금물을 몇 g 이상 섞어야 하는지 구하 여라. 🗈 g 이상

#### 개념 체크

$$(소금물의 농도) = \frac{[}{[}$$
  $\times 100 (\%)$ 

## **21** $\boxminus$ -2, -1

x=-2일 때,  $-3\times(-2)-1\geq 2$  (참) x=-1일 때,  $-3\times(-1)-1\geq 2$  (참) x=0일 때,  $-3\times 0-1\geq 2$  (거짓)  $\therefore x=-2, -1$ 

#### 22 目 0,1

x=-2일 때,  $5-2\times(-2)<7$  (거짓) x=-1일 때,  $5-2\times(-1)<7$  (거짓) x=0일 때,  $5-2\times0<7$  (참) x=1일 때,  $5-2\times1<7$  (참)  $\therefore x=0, 1$ 

### **23** 🗟 0, 1, 2

x=0일 때,  $2\times 0-1 \le 0+1$  (참) x=1일 때,  $2\times 1-1 \le 1+1$  (참) x=2일 때,  $2\times 2-1 \le 2+1$  (참) x=3일 때,  $2\times 3-1 \le 3+1$  (거짓)  $\therefore x=0, 1, 2$ 

#### **24** 달 2

x=-1일 때,  $4\times(-1)-3\geq 5$  (거짓) x=0일 때,  $4\times0-3\geq 5$  (거짓) x=1일 때,  $4\times1-3\geq 5$  (거짓) x=2일 때,  $4\times2-3\geq 5$  (참)  $\therefore x=2$ 

#### **25** 🗟 0, 1, 2

x=-2일 때, 1-(-2)<2 (거짓) x=-1일 때, 1-(-1)<2 (거짓) x=0일 때, 1-0<2 (참) x=1일 때, 1-1<2 (참) x=2일 때, 1-2<2 (참) x=00, 1, 2

#### 26 답 1) 좌변, 우변, 양변 2) 해, 참

### 27 🖹 <

부등식의 양변에 같은 수 3 을 더하여도 부등호의 방향은 바뀌지 않는다.

#### 28 달 <

부등식의 양변에 같은  $\phi - 1$ 을 더하여도 부등호의 방향은 바뀌지 않는다.

# 29 달 <

부등식의 양변에서 같은 수 7을 빼어도 부등호의 방향은 바뀌지 않는다.

#### 30 달 <

부등식의 양변에서 같은  $\phi$  -2를 빼어도 부등호의 방향은 바뀌지 않는다.

# 31 달 <

부등식의 양변에 같은 양수 3 을 곱하여도 부등호의 방향은 바뀌지 않는다.

#### 32 달 <

부등식의 양변에 같은 양수  $\frac{1}{3}$ 을 곱하여도 부등호의 방향은 바뀌지 않는다.

#### 33 월 >

부등식의 양변에 같은 음수  $\boxed{-6}$ 을 곱하면 부등호의 방향이 바뀐다.

#### 34 🖶 >

부등식의 양변에 같은 음수  $-\frac{1}{3}$ 로 나누면 부등호의 방향이 바뀐다.

#### 35 달 <

부등식의 양변에 같은 양수 2를 곱하거나, 부등식의 양변에서 같은 수 3을 빼어도 부등호의 방향은 바뀌지 않는다.

### 36 달 <

부등식의 양변에 같은 양수  $\frac{3}{2}$ 을 곱하거나 같은 수 1을 더하여도 부등호의 방향은 바뀌지 않는다.

#### **37 □** >

부등식의 양변에 같은 음수 -4를 곱하면 부등호의 방향이 바뀐다.

#### 38 달 >

부등식의 양변에 같은 음수 -2를 곱하면 부등호의 방향이 바뀌다

#### 39 달 >

부등식의 양변에서 같은 수 5를 빼어도 부등호의 방향은 바뀌지 않는다.

# 40 🖶 ≤

부등식의 양변에 같은 양수  $\frac{1}{3}$ 을 곱하여도 부등호의 방향은 바뀌지 않는다.

# 41 🖺 ≤

부등식의 양변을 같은 양수  $\frac{2}{3}$ 로 나누어도 부등호의 방향은 바뀌지 않는다.

# 42 달 ≤

부등식의 양변을 같은 음-4로 나누면 부등호의 방향이 바뀐다.

# **43 달** >

부등식의 양변을 같은 음+ -2로 나누면 부등호의 방향이 바뀐다.

# 44 달 >

부등식의 양변에 같은 음수 -5를 곱하면 부등호의 방향이 바뀐다.

# $45 \oplus x + 5 < 7$

x<2의 양변에 5 를 더하여도 부등호의 방향은 바뀌지 않으므로 x+5 <2+5  $\therefore x+5<7$ 

#### **46** $\exists x-4<-2$

 $x{<}2$ 의 양변에 -4를 더하여도 부등호의 방향은 바뀌지 않으므로  $x{-}4{<}2{-}4$ 

x-4 < -2

# **47** $\Box$ $-\frac{x}{4} > -\frac{1}{2}$

x<2의 양변을 -4로 나누면 부등호의 방향이 바뀌므로  $-\frac{x}{4}>-\frac{1}{2}$ 

# **48 달** 2*x*−1<3

x<2의 양변에 2를 곱하면 2x<4 2x<4의 양변에서 1을 빼면 2x-1<3

# **49** 달 음수, 방향, **−**2, <

x가 4보다 크므로 4에 대응하는 수직선 위의 점을  $\circ$ , 오른쪽 방향으로 화살표 표시를 한다.

# **51 (a) (b) (b) (c) (c)**

x가 -2보다 작으므로 -2에 대응하는 수직선 위의 점을  $\circ$ , 왼쪽 방향으로 화살표 표시를 한다.

# **52 (a) (b) (c) (c)**

x가 6보다 크거나 같으므로 6에 대응하는 수직선 위의 점을  $\bullet$ , 오른쪽 방향으로 화살표 표시를 한다.

x가 3보다 크거나 같으므로 3에 대응하는 수직선 위의 점을  $\bullet$ , 왼쪽 방향으로 화살표 표시를 한다.

**54** 
$$\implies$$
  $x > -1$ ,  $\xrightarrow{-3-2-1} \xrightarrow{0} \xrightarrow{1} \xrightarrow{2}$   $x + 2 > 1$ ,  $x + 2 - 2 > 1 - 2$   $\therefore x > -1$ 

56 
$$\exists x < 2$$
,  $\frac{-2x}{1 - 2} < \frac{-4}{-2}$   $\therefore x < 2$ 

#### **57 🖹** >, ≥, 해

# **58** 탑 *x*>6−3 밑줄 친 항 +3 의 부호를 바꾸어 우변으로 옮긴다.

# 59 달 2x<3+4</li>밑줄 친 항 −4의 부호를 바꾸어 우변으로 옮긴다.

60 달 -2*x*<3-1 밑줄 친 항 1의 부호를 바꾸어 우변으로 옮긴다.

# 61 답 5x-2x≥5 밑줄 친 항 2x의 부호를 바꾸어 좌변으로 옮긴다.

# 62 답 x+3x≤8밑줄 친 항 -3x의 부호를 바꾸어 좌변으로 옮긴다.

### $63 \equiv 3x - 2x > 3 + 4$

일차항 2x는 좌변으로, 상수항 -4는 우변으로 각각 부호를 바꾸어 옮긴다.

# $\frac{64}{2}$ = $-2x \ge -4-5$

일차항 2x는 좌변으로, 상수항 5는 우변으로 각각 부호를 바꾸어 옮긴다.

# 65 월 ○

부등식의 모든 항을 좌변으로 이항하면 -3x-1<0 (일차식)<0의 꼴이므로 일차부등식이 (맞다), 아니다)

# 66 달 ×

모든 항을 좌변으로 이항하여 정리하면 (일차식)<0의 꼴이 아니므로 일차부등식이 아니다.

### 67 **달** ×

부등식이 아니다.

#### 

모든 항을 좌변으로 이항하여 정리하면 (일차식)<0의 꼴이 아니므로 일차부등식이 아니다.

# **69** 답 1) 부호, 이항 2) 부호, 우변, −4, 5

#### 70 $\exists x>-1$



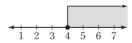
x+4>3에서 x>3-4 이므로 x>-1

#### 71 $\exists x > 7$



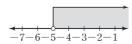
x-2>5에서 x>5+2이므로 x>7

#### **72** □ x ≥ 4



2x≥8에서 x≥8× $\frac{1}{2}$ 이므로 x≥4

#### $73 \; \boxminus \; x > -5$



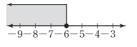
-3x<15에서  $x>15×\left(-\frac{1}{3}\right)$ 이므로 x>-5

#### **74** $\boxminus$ x < 3



4x-7<5에서 4x<12이고  $x<12 imes rac{1}{4}$ 이므로 x<3

#### 75 $\exists x \leq -6$



 $-x-1 \ge 5$ 에서  $-x \ge 6$ 이므로  $x \le -6$ 

# **76 □** *x*≥2



 $x+4 \le 3x$ 에서  $-2x \le -4$ 이고  $x \ge -4 \times \left(-\frac{1}{2}\right)$  $\therefore x \ge 2$ 

#### **77** 달 x, 우변, 이항, <, ≥, a

#### 

2(x-3)>8에서  $2x-\boxed{6}>8$ 

$$2x > \boxed{14}$$
  $\therefore x > \boxed{7}$ 

#### **79 □** *x*<2

2(3x-5) < x에서 6x-10 < x

$$5x < 10$$
  $\therefore x < 2$ 

#### **80** 탑 *x*≥-1

 $5(x+2)+4 \ge 9$ 에서  $5x+10+4 \ge 9$ 

$$5x \ge -5$$
  $\therefore x \ge -1$ 

#### 81 $\exists x \leq 0$

 $2x-3 \le -(x+3) \circ |x| 2x-3 \le -x-3$  $3x \le 0 \qquad \therefore x \le 0$ 

## 82 $\exists x \leq -3$

 $6-3x+4x \le -x$ 에서  $2x \le -6$ 

$$\therefore x \leq -3$$

#### 

4-2x-4 < 3x+5에서 -5x < 5

$$\therefore x > -1$$

# $84 \; \cong \; x > 4$

양변에 3 을 곱하면

$$2x-5>\boxed{3}$$
,  $2x>\boxed{8}$   $\therefore x>\boxed{4}$ 

# 

양변에 분모의 최소공배수인 20을 곱하면  $5(x+1) < \boxed{4} (3x-4), 5x+5 < \boxed{12} x - \boxed{16} -7x < -21$   $\therefore x > 3$ 

# **86** 🖺 *x*≤−13

양변에 분모의 최소공배수인 6을 곱하면  $3(x+3) \le 2(x-2)$ ,  $3x+9 \le 2x-4$   $\therefore x \le -13$ 

# 

양변에 분모의 최소공배수인 12를 곱하면 3(x-3)-4(2x+1)>12, 3x-9-8x-4>12-5x>25  $\therefore x<-5$ 

# **88** 目 x<-1

양변에 10을 곱하면  $2x-1 < \boxed{-3}$   $2x < \boxed{-2}$   $\therefore x < \boxed{-1}$ 

# **89** 🖺 *x*≥−2

양변에 10을 곱하면 −5*x*−4≤3*x*+12 −8*x*≤16 ∴ *x*≥−2

# **90 □** *x*<3

양변에 10을 곱하면 3*x*+1<10 3*x*<9 ∴ *x*<3

### **91** $\exists x \leq -12$

양변에 10을 곱하면  $2(x-1) \ge 3x+10, \ 2x-2 \ge 3x+10$  $-x \ge 12 \qquad \therefore x \le -12$ 

#### **92** $\exists x > -2$

양변에 10을 곱하면 20(x+0.4)>15x-2, 20x+8>15x-2 5x>-10  $\therefore x>-2$ 

#### $93 \; \boxminus \; x > -30$

양변에 20을 곱하면 8x-15(x-2)<240 팔호를 풀면 8x-15x+30<240 -7x<210 ∴ x>-30

$$94 \; \boxminus \; x < 1$$

양변에 10을 곱하면 3x+4<2x+5  $\therefore x<1$ 

# **95 말** *x*≤15

양변에 15를 곱하면  $5x-3(x+5) \le 15$  $5x-3x-15 \le 15$  $2x \le 30$   $\therefore x \le 15$ 

# 96 달 1) 분배법칙 2) 최소공배수, 정수 3) 10, 정수

# 

a>0이므로 양변을 a로 나누어도 부등호의 방향이 바뀌지 않는다.

$$\therefore x > \boxed{\frac{1}{a}}$$

# **98 ⓑ** *x*>1

ax>a에서 a>0이므로 x>1

ax+a < 0에서 ax < -aa > 0이므로 x < -1

#### 100 $\Box$ x > -4

-ax < 4a에서 ax > -4aa > 0이므로  $x > \boxed{-4}$ 

# 101 $\exists x < \frac{2}{a}$

a<0이므로 양변을 a로 나누면 부등호의 방향이 바뀐다.  $\therefore x<\boxed{\frac{2}{a}}$ 

#### **102 ▮** *x*<3

ax>3a에서 a<0이므로 x<3

#### 103 $\exists x > 1$

ax-a < 0에서 ax < aa < 0이므로 x > 1

#### **104 ▮** *x*<-5

-ax < 5a에서 ax > -5aa < 0이므로 x < -5

### 105 🖺 -7

ax-6<8에서 ax<14 …  $\bigcirc$  그런데 부등식의 해가 x>-2이므로 a<0 따라서  $\bigcirc$ 의 해는  $x>\frac{14}{a}$ 이므로  $\frac{14}{a}=-2\qquad \therefore a=\boxed{-7}$ 

### 106 閏 3

 $2x+1 \le a$ 에서  $2x \le a-1$ 이므로  $x \le \frac{a-1}{2}$  즉,  $\frac{a-1}{2} = \boxed{1}$ 에서 a-1=2이므로  $a=\boxed{3}$ 

# 107 🖶 -1

 $3+ax\ge 2$ 에서  $ax\ge -1$ 그런데 부등식의 해가  $x\le 1$ 이므로 a<0 $x\le -\frac{1}{a}$ 이므로  $-\frac{1}{a}=1$  $\therefore a=-1$ 

# **108 달** 6

 $ax+4 \le x-1$ 에서  $(a-1)x \le -5$ 그런데 부등식의 해가  $x \le -1$ 이므로 a-1>0따라서  $x \le \frac{-5}{a-1}$ 이므로  $\frac{-5}{a-1} = -1$  $\therefore a = 6$ 

#### 109 🖹 2

5x>2x-9에서 3x>-9이므로 x>-3 3x+a>-1+2x에서 x>-1-a 따라서 -1-a=-3 이므로 a=2

#### **110 □ −29**

 $\frac{x+2}{2} \ge \frac{x-1}{3}$ 에서  $3(x+2) \ge 2(x-1)$  $3x+6 \ge 2x-2 \qquad \therefore x \ge -8$  $3+6x \ge a+2x$ 에서  $4x \ge a-3$ 이므로  $x \ge \frac{a-3}{4}$ 따라서  $\frac{a-3}{4} = -8$ 이므로 a = -29

#### 111 답 11

x-1<-3x+a에서 4x< a+1  $\therefore x< \frac{a+1}{4}$  0.5(x+7)<5에서 5x+35<50이고 5x<15이므로 x<3따라서  $\frac{a+1}{4}=3$ 이므로 a=11 112 답 1) 미지수. < . a. 방향. > 2) > . a. 나누어

113  $\boxminus$  1)  $\frac{1}{2} \times x \times 6 \ge 42$  2)  $x \ge 14$  3) 14

1)  $\frac{1}{2} \times x \times \boxed{6} \ge \boxed{42}$ 

 $2) \ 3x \ge \boxed{42} \qquad \therefore \ x \ge \boxed{14}$ 

**3)** *x*>14에서 삼각형의 밑변의 길이는 14 cm 이상이 어야 한다.

114 **目 1)** 통 A:(600-18x)L, 통 B:(500-14x)L 2) x>25 3) 26번

2)  $600 - \boxed{18x} < 500 - \boxed{14x}$   $| \checkmark |$   $| \checkmark$ 

3) x>25에서 통 B에 남은 물의 양이 통 A에 남은 물의 양보다 많아지는 것은 물을 26 번 빼냈을 때부터이다.

**115** 달 x, 부등식

**2)**  $4x - \boxed{6} \ge 2(x + \boxed{2})$ 

3)  $4x - \boxed{6} \ge 2x + \boxed{4}$  $2x \ge \boxed{10}$   $\therefore x \ge \boxed{5}$ 

4)  $x \ge 5$ 를 만족하는 가장 작은 짝수 x는  $\boxed{6}$  이므로 구하는 두 짝수의 합의 최소의 값은  $\boxed{6}$  +  $\boxed{8}$  =  $\boxed{14}$  이다.

2) (x-1)+x+(x+1)<843x<84  $\therefore x<28$ 

3) *x*<28을 만족하는 가장 큰 자연수 *x*는 27이므로 구하는 세 자연수는 26, 27, 28 이다.

118 달 1) x+1

2) x-1, x+1

119 달 1) 우유 : 600(15-x)원, 주스 : 800x원 2) x≤5 3) 5개

2)  $600(\boxed{15} - x) + 800x \le 10000$   $\boxed{9000} - 600x + 800x \le 10000$   $200x \le \boxed{1000}$   $\therefore x \le \boxed{5}$ 

3)  $x \le 5$ 를 만족하는 최대 주스의 개수는 5이다.

120 달 1) (x-4)명 2) x≤8 3) 8명

2)  $4 \times 2500 + (x - 4) \times 2000 \le 18000$   $10000 + 2000x - 8000 \le 18000$  $2000x \le 16000$   $\therefore x \le 8$ 

**3)** *x*≤8를 만족하는 최대 인원은 8명이다.

- 2) 15000+1000x<8000+2000x 3) x>7
- 4) 8개월 후

2) 
$$150000 + 1000x < 8000 + 2000x$$

3) 
$$1000 x > 7000$$
  $\therefore x > 7$ 

- 122 달 1) x<10000 2) 10000초 미만
  - 1)  $12000 + \boxed{1.8} x < 30000$  $\boxed{1.8} x < 18000 \therefore x < \boxed{10000}$
- 123  $\boxminus n-x, ax+b(n-x)$
- 124 달 1)  $\frac{x}{4}$ 시간,  $\frac{8-x}{3}$ 시간 2)  $\frac{x}{4} + \frac{8-x}{3} \le 2\frac{1}{2}$ 3)  $x \ge 2$  4) 2 km 이상
  - 1) 시속 4 km로 걸은 거리는  $\boxed{x}$  km이므로 걸린 시간은  $\frac{x}{4}$ 시간, 시속 3 km로 걸은 거리는  $(8-\boxed{x})$  km이므로 걸린 시간은  $\frac{8-\boxed{x}}{3}$ 시간

2) 
$$\frac{x}{4} + \frac{8 - \boxed{x}}{3} \le \boxed{2\frac{1}{2}}$$

3) 
$$3x+4(8-x) \le 30$$
  
 $3x+32-4x \le 30$   $\therefore x \ge 2$ 

125 달 1)  $\frac{x}{2}$ 시간,  $\frac{x}{4}$ 시간 2)  $x \le 4$  3) 4 km

2) 
$$\frac{x}{2} + \frac{x}{4} \le 3$$

$$2x + x \le 12 \qquad \therefore x \le \boxed{4}$$

- 126  $\stackrel{\square}{=} \frac{x}{a}, k-x$
- X음 소금물
   나중 소금물

   농도
   6%
   4%이하

   소금물의 양(g)
   200
   200+x

   소금의 양(g)
   12
   12

2) 
$$12 \le \frac{4}{100} \times (200 + x)$$
 3)  $x \ge 100$  4)  $100 \text{ g}$ 

1) 6 %의 소금물 200 g에 들어 있는 소금의 양은

$$\frac{\boxed{6}}{100} \times 200 = \boxed{12}(g)$$

2) 
$$12 \le \frac{4}{100} \times (200 + x)$$

3) 
$$1200 \le 800 + 4x$$
  $\therefore x \ge \boxed{100}$ 

128 답 1) x≥50 2) 50 g 이상

1)	농도	5 %	8%	6 %
	소금물의 양 $(g)$	100	$\boldsymbol{x}$	100 + x
	소금의 양(g)	5	$\frac{8}{100} \times x$	$\frac{6}{100} \times (100 + x)$

1) 5 %의 소금물 100 g에 들어 있는 소금의 양은

$$\frac{5}{100} \times 100 = 5 (g)$$

$$5 + \frac{8}{100} \times x \ge \frac{6}{100} \times (100 + x)$$

$$500 + 8x \ge 600 + 6x \qquad \therefore x \ge 50$$

129 답 소금의 양, 소금물의 양

# Ⅲ - 2 연립일차방정식

pp. 80~109

- **130** 달 × 등호가 없으므로 방정식이 아니다.
- **131** 달 미지수가 2개이고, 그 차수가 모두 1인 방정식이다.
- **132** 달 미지수가 2개이고, 그 차수가 모두 1인 방정식이다.
- **133** 달 × 미지수가 *x*로 1개뿐이고, *x*<sup>2</sup>의 차수가 1이 아니다.
- 134 달 × 일차방정식이 아니다.
- 135 달  $\bigcirc$  3x+y=4-y에서 3x+2y-4=0
- 136 달 × 2x+y=3x+y에서 x=0이므로 미지수가 x로 1개뿐이다.
- 137 달 a=1, b=4 x=-4y-7에서 모든 항을 좌변으로 이항하여 정리하면 x+4y+7=0