CN24NB — Cálculo Numérico

Tarefa 3: quadrados mínimos (caso contínuo)

Dados um número natural n e uma função real f definida e contínua no intervalo [-L,L], podemos determinar os valores das constantes reais $a_0,\ a_1,\ a_2,\ \cdots,\ a_n,\ b_1,\ b_2,\ \cdots,\ b_n$ tais que $g(x)=\sum_{k=0}^n a_k\cos\left(\frac{k\pi x}{L}\right)+\sum_{k=1}^n b_k\sin\left(\frac{k\pi x}{L}\right)$ seja a melhor aproximação para f(x) em [-L,L] no sentido dos quadrados mínimos. Considere, por exemplo, f(x)=x e $L=\pi$. Faça um programa que use integração numérica (dividindo o intervalo em m partes) para construir o sistema linear do problema de quadrados mínimos, resolva o sistema linear e faça os gráficos de f e g (na mesma tela). (Apresentar e enviar arquivo .m com o programa até 04/12/2019)