

# Técnicas de amostragem

Gilberto Pereira Sassi

Instituto de Matemática e Estatística  
Universidade Federal Fluminense

27 de abril de 2016

# Tipos de Inferência

Em ciência, existem dois tipos principais de inferência:

**Inferência Dedutiva** Uso de argumentos lógicos para desenhar conclusões a partir das premissas.

**Exemplo:** Premissa: todas as plantas fazem fotossíntese. Mangueira é uma planta, então Mangueira faz fotossíntese.

**Inferência Indutiva** Generaliza da parte para o todo.

**Exemplo:** Em uma pesquisa de intenção de voto, entrevista-se apenas parte dos eleitores.

Denomina-se a parte de amostra e o conjunto de todos elementos alvo do estudo de população.

*Neste curso, o foco será o estudo de técnicas de inferência indutiva.*

# Tipos de Variáveis

Uma característica de um elemento da população é chamada de variável e podemos classificá-la em quatro categorias:

**Variável Qualitativa Nominal** Variável cujos os resultados são atributos sem hierarquia ou ordem

**Exemplo:** Sexo: Masculino, Feminino ou Outro

**Variável Qualitativa Ordinal** Variável cujos os resultados são atributos com hierarquia

**Exemplo:** Grau de Instrução: Ensino Fundamental, Ensino Médio ou Superior

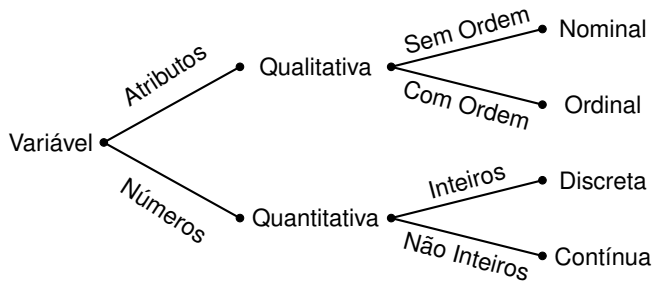
**Variável Quantitativa Discreta** Variável cujos resultados são números inteiros

**Exemplo:** Número de Filhos

**Variável Quantitativa Contínua** Variável cujos resultados são número possivelmente não inteiros

**Exemplo:** Salário

# Tipo de Variáveis



# Nomenclatura

População	O conjunto de todos elementos que podem ser mensurados é chamado de população
Amostra	Uma parte da população é chamada de amostra
Variável	Uma característica dos elementos da amostra é chamada de variável
Parâmetro	Uma característica da população é chamada de parâmetro
Inferência Estatística	O processo de produzir conhecimento sobre os parâmetros da população através da amostra é chamado de inferência estatística
Estimativas	Os valores estimadores dos parâmetros usando uma amostra são chamados de estimativas

# Exemplos – nomenclatura

## Exemplo

Em pesquisa de intenção de voto para as eleições de 2018, a população são todos os 100 milhões eleitores brasileiros, a amostra é o conjunto de pessoas entrevistada no estudo, variável de interesse é a intenção do eleitor e os parâmetros são a porcentagem de votos de cada candidato.

## Exemplo

No estudo dos chefes de família no bairro Saco Grande II, a população são todos os chefes de família no bairro Saco Grande II, a amostra são os 120 chefes de família entrevistados no estudo, a variável de interesse é o grau de instrução e os parâmetros são a porcentagem de chefes com Nenhum Grau Completo, a porcentagem de chefes com Primeiro Grau Completo e a porcentagem de chefes com o Segundo Grau Completo.

# Amostragem: usar ou não usar

## Razões para usar

- Economia** Mais rápido e barato estudar apenas parte da população
- Tempo** Leva menor para levantar os dados
- Operacionalidade** É mais fácil organizar um estudo pequeno

## Razões para não usar

- População pequena** Se o a população é pequena, talvez seja necessário amostrar quase toda população
- Variável fácil de medir** Pode ser que seja fácil medir uma variável compense estudar toda população
- Necessidade de alta precisão** Pode ser necessário ter alta precisão no estudo. Por exemplo, o IBGE realiza a cada 10 anos o censo demográficos para estudar diversas variáveis da população e as políticas públicas nacionais são projetadas usando essas informações.

# Plano de Amostragem

Em um plano de amostragem, precisamos definir:

**Unidade de amostragem** que podem ser os próprios elementos da população ou outras unidades que sejam fácil de selecionar.

**Exemplos:**

- 1) No estudo dos chefes de família no bairro Saco Grande II, podemos primeiro selecionar as residências para chegar ao chefe de família.
- 2) Em uma manifestação, os pesquisadores escolhem uma região e conta o número de manifestantes.

**Forma de seleção** dos elementos da amostra.

**Exemplo:** Podemos sortear as unidades amostrais.

**Tamanho** da amostra

*O foco desse curso será o estudo de técnicas de amostragem em que as unidades amostrais são selecionadas por sorteio.*



# Amostragem Aleatória Simples

Para obter uma Amostra Aleatória Simples precisamos ter uma lista completa das unidades de amostragem e selecionamos as unidades de amostragem por meio de um sorteio, sem reposição.

Características da Amostra Aleatória Simples:

- Os elementos da população podem ser sorteados no máximo uma vez
- Qualquer subconjunto da população tem a mesma probabilidade de ser amostra colhida
- Todos elementos da população tem a mesma probabilidade de fazer parte da amostra

# Uso de Tabelas de Número Aleatórios

A tabela de número aleatórios consiste de algarismos  $0, 1, 2, \dots, 9$  sorteados aleatoriamente com igual probabilidade e com reposição. Na Tabela 1, exibimos uma tabela de número aleatórios.

2	5	6	3	6	9	7	4	2	5	6	8	7	3	1	1
7	8	5	9	7	9	2	3	8	2	0	8	0	1	4	6
4	5	1	8	5	6	3	1	0	1	3	7	4	2	9	3
8	4	8	6	5	7	2	1	4	7	2	4	2	6	8	6
9	9	2	6	2	0	1	2	7	8	8	7	3	4	8	3
0	4	0	9	1	4	4	4	1	3	4	6	6	7	1	1

Tabela 1: Tabela de Números Aleatórios.

## Exemplo 1

Com o objetivo de estudar o perfil socio-econômico de uma certa empresa Z com 15 funcionários vamos extrair uma amostra de tamanho 5. Na tabela Z, listamos todos os funcionários da empresa Z.

Aristóteles	Anastácia	Arnaldo
Bartolomeu	Bernadino	Cardoso
Carlito	Cláudio	Emílio
Ercílio	Ernestino	Endealdo
Francisco	Felício	Fabício

Tabela 2: Funcionário da empresa Z.

## Exemplo 1

Abaixo, realizamos os três passos para sortear os funcionários da empresa Z.

- 1) Atribuímos um número inteiro a cada funcionário da empresa Z conforme Tabela 3.

1 – Aristóteles	2 – Anastácia	3 – Arnaldo
4 – Bartolomeu	5 – Bernadino	6 – Cardoso
7 – Carlito	8 – Cláudio	9 – Emílio
10 – Ercílio	11 – Ernestino	12 – Endevaldo
13 – Francisco	14 – Felício	15 – Fabrício

Tabela 3: Funcionário da empresa Z.

- 2) Na Tabela 1, de dois em dois pego os primeiros de 01 a 15 andando da esquerda pra direita e de cima pra baixo. Em nosso caso, os números foram: 11, 08, 01, 12, 04.
- 3) Então, os funcionários selecionados foram Ernestino, Cláudio, Aristóteles, Endevaldo e Bartolomeu.

Depois de selecionados os funcionários coletamos as características ou variáveis importantes para o estudo, como, por exemplo:

- Grau de Instrução
- Sexo
- Salário

## Exemplo 2

Extrai uma amostra aleatória simples de 4 letras do alfabeto da língua portuguesa. Na Tabela 4 apresentamos todas as letras do alfabeto.

A	E	I	M	Q	U	Y
B	F	J	N	R	V	Z
C	G	K	O	S	W	
D	H	L	P	T	X	

Tabela 4: Letras do alfabeto.

## Exemplo 2

Abaixo, realizamos os três passos para sortear as 4 letras do alfabeto.

1) Atribuímos um número a cada letra do alfabeto conforme Tabela 5.

1 – A	5 – E	9 – I	13 – M	17 – Q	21 – U	25 – Y
2 – B	6 – F	10 – J	14 – N	18 – R	22 – V	26 – Z
3 – C	7 – G	11 – K	15 – O	19 – S	23 – W	
4 – D	8 – H	12 – L	16 – P	20 – T	24 – X	

Tabela 5: Letras do alfabeto numerado.

- 2) Na Tabela 1, de dois em dois pego os 4 primeiros de 01 a 26 andando da esquerda pra direita e de cima pra baixo. Em nosso caso, os números foram: 25, 11, 23, 08.
- 3) Então as letras selecionadas foram Y, K, W e H.

# Exemplo

Divida aleatoriamente em dois grupos os números inteiros entre 1 e 8.

Para dividir esse números, primeiro criamos um grupo com 4 número aleatórios para o grupo 1 e os números que restarem constituem o grupo 2.

- 1) Selecionamos quatro números na Tabela 1 entre 1 e 8: buscamos os número de um em um da esquerda pra direita de cima para baixo na tabela. Os números selecionados foram: 2, 5, 6, 3. Ou seja, O grupo 1 é composto por 2, 5, 6, 3.
- 2) O grupo 2 é composto pelos números que não estão no grupo 1, isto é, o grupo 1 é composto por 1, 4, 7, 8.