#### Amostragem

#### Gilberto Pereira Sassi

Universidade Federal Fluminense Instituto de Matemática e Estatística Departamento de Estatística

02 de junho de 2016

1/17

#### Conceitos

**População** O conjunto de todos os elementos alvo do estudo

Amostra Uma parte da população

Variável Uma característica de um elemento da população

Parâmetro Uma característica da população

**Estimativas** Os valores estimados / calculados dos parâmetros a partir da

amostra



### Exemplos – nomenclatura

#### Exemplo

Em pesquisa de intenção de voto para as eleições de 2018, a população são todos os 100 milhões eleitores brasileiros, a amostra é o conjunto de pessoas entrevistada no estudo, variável de interesse é a intenção do eleitor e os parâmetros são a porcentagem de votos de cada candidato.

#### Exemplo

No estudo dos chefes de família no bairro Saco Grande II, a população são todos os chefes de família no bairro Saco Grande II. a amostra são os 120 chefes de família entrevistados no estudo, a variável de interesse é o grau de instrução e os parâmetros são a porcentagem de chefes com Nenhum Grau Completo, a porcentagem de chefes com Primeiro Grau Completo e a porcentagem de chefes com o Segundo Grau Completo.

## Amostragem: usar ou não usar

#### Razões para usar

Economia Mais rápido e barato estudar apenas parte da população

**Tempo** Leva menor para levantar os dados

Operacionalidade É mais fácil organizar um estudo pequeno

#### Razões para não usar

- **População pequena** Se o a população é pequena, talvez seja necessário amostrar quase toda população
- Variável fácil de medir Pode ser que seja fácil medir uma variável compense estudar toda população
- Necessidade de alta precisão Pode ser necessário ter alta precisão no estudo. Por exemplo, o IBGE realiza a cada 10 anos o censo demográficos para estudar diversas variáveis da população e as políticas públicas nacionais são projetadas usando essas informações.

# Plano de Amostragem

Em um plano de amostragem, precisamos definir:

**Unidade de amostragem** que podem ser os próprios elementos da população ou outras unidades que sejam fácil de selecionar. **Exemplos:** 

- 1) No estudo dos chefes de família no bairro Saco Grande II, podemos primeiro selecionar as residência para chegar ao chefe de família.
- Em uma manifestação, os pesquisadores escolhem uma região e conta o número de manifestantes.

Forma de seleção dos elementos da amostra.

**Exemplo:** Podemos sortear as unidades amostrais.

#### Tamanho da amostra

O foco desse curso será o estudo de técnicas de amostragem em que as unidades amostrais são selecionadas por sorteio.



# Amostragem Aleatória Simples

Para obter uma Amostra Aleatória Simples precisamos ter uma lista completa das unidades de amostragem e selecionamos as unidades de amostragem por meio de um sorteiro, sem reposição.

Características da Amostra Aleatória Simples:

- Os elementos da população podem ser sorteados no máximo uma vez
- Qualquer subconjunto da população tem a mesma probabilidade de ser amostra colhida
- Todos elementos da população tem a mesma probabilidade de fazer parte da amostra



#### Uso de Tabelas de Número Aleatórios

A tabela de número aleatórios consiste de algarismos 0, 1, 2, ..., 9 sorteados aleatoriamente com igual probabilidade e com reposição. Na Tabela 1, exibimos uma tabela de número aleatórios.

2	5	6	3	6	9	7	4	2	5	6	8	7	3	1	1
7	8	5	9	7	9	2	3	8	2	0	8	0	1	4	6
4	5	1	8	5	6	3	1	0	1	3	7	4	2	9	3
8	4	8	6	5	7	2	1	4	7	2	4	2	6	8	6
9	9	2	6	2	0	1	2	7	8	8	7	3	4	8	3
0	4	0	9	1	4	4	4	1	3	4	6	6	7	1	1

Tabela 1: Tabela de Números Aleatórios.

Com o o objetivo de estudar o perfil socio-econômico de um certa empresa Z com 15 funcionário vamos extrair uma amostra de tamanho 5. Na tabela Z, listamos todos os funcionário da empresa Z.

	Aristóteles	Anastácia	Arnaldo
İ	Bartolomeu	Bernadino	Cardoso
İ	Carlito	Cláudio	Emílio
İ	Ercílio	Ernestino	Endevaldo
	Francisco	Felício	Fabrício

Tabela 2: Funcionário da empresa Z.

Abaixo, realizamos os três passos para sortear os funcionários da empresa Z.

 Atribuímos um número inteiro a cada funcionário da empresa Z conforme Tabela 3.

1 – Aristóteles	2 – Anastácia	3 – Arnaldo
4 – Bartolomeu	5 – Bernadino	6 – Cardoso
7 – Carlito	8 – Cláudio	9 – Emílio
10 – Ercílio	11 – Ernestino	12 – Endevaldo
13 – Francisco	14 – Felício	15 – Fabrício

Tabela 3: Funcionário da empresa Z.

- Na Tabela 1, de dois em dois pego os primeiros de 01 a 15 andando da esquerda pra direita e de cima pra baixo. Em nosso caso, os números foram: 11, 08, 01, 12, 04.
- Então, os funcionários selecionados foram Ernestino, Cláudio, Aristóteles, Endevaldo e Bartolomeu.

Depois de selecionados os funcionários coletamos as características ou variáveis importantes para o estudo, como, por exemplo:

Grau de Instrução

9/17

Gilberto Sassi (UFF) Amostragem 02 de junho de 2016

Extrai uma amostra aleatória simples de 4 letras do alfabeto da língua portuguesa. Na Tabela 4 apresentamos todas as letras do alfabeto.

Α	Е	ı	М	Q	U	Υ
В	F	J	Ν	R	V	Z
С	G	K	Ο	S	W	
D	Н	L	Р	Т	Χ	

Tabela 4: Letras do alfabeto.

Abaixo, realizamos os três passos para sortear as 4 letras do alfabeto.

1) Atribuímos um número a cada letra do alfabeto conforme Tabela 5.

1 – A	5 – E	9 – I	13 – M	17 – Q	21 – U	25 – Y
2 - B	6 – F	10 – J	14 – N	18 – R	22 – V	26 – Z
3 - C	7 – G	11 – K	15 – O	19 – S	23 – W	
4 – D	8 – H	12 – L	16 – P	20 – T	24 – X	

Tabela 5: Letras do alfabeto numerado.

- Na Tabela 1, de dois em dois pego os 4 primeiros de 01 a 26 andando da esquerda pra direita e de cima pra baixo. Em nosso caso, os números foram: 25, 11,23, 08.
- 3) Então as letras selecionadas foram Y, K, W e H.

Divida aleatoriamente em dois grupos os números inteiros entre 1 e 8.

Para dividir esse números, primeiro criamos um grupo com 4 número aleatórios para o grupo 1 e os números que restarem constituem o grupo 2.

- Selecionamos quatro números na Tabela 1 entre 1 e 8: buscamos os número de um em um da esquerda pra direita de cima para baixo na tabela. Os números selecionados foram: 2, 5, 6, 3. Ou seja, O grupo 1 é composto por 2, 5, 6, 3.
- O grupo 2 é composto pelos números que não estão no grupo 1, isto é, o grupo 2 é composto por 1, 4, 7, 8.

#### Tamanho da Amostral

**Objetivo:** Determinar o tamanho mínimo da amostra aleatória simples.

**Erro Amostral** diferença entre estimativa e parâmetro

**Erro Amostral Tolerável** erro amostral máximo, em proporção, aceitável pelo pesquisador.

#### Notações:

N número de elementos da população

n número mínimo de elementos da amostra

E<sub>0</sub> erro amostral tolerável (em proporção)

Tamanho Amostral: 
$$n = \frac{N}{N \cdot E_0^2 + 1}$$



13 / 17

Planeja-se um levantamento para avaliar a porcentagem que moram em casa próprias em população em um bairro com N=200 famílias. Qual deve ser o o tamanho mínimo amostral para termos um erro amostral tolerável de 4%?

Desejamos achar n, conhecendo N=200,  $E_0=\frac{4}{100}=0,04$ . O tamanho amostral mínimo é

$$n = \frac{200}{200 \cdot (0,04)^2 + 1} = 151,52.$$

Logo, o tamanho mínimo amostral é n = 152.

Note que  $\left(\frac{152}{200}\right)\cdot 100=76\%$ , ou seja, o tamanho mínimo amostral corresponde a 76% dos elementos da população. Este é um caso em que a amostragem pode não ser vantajoso.



Suponha agora que N = 200000, então

$$n = \frac{200000}{200000 \cdot (0,04)^2 + 1} = 623,053.$$

Logo, n = 624.

Note que  $\frac{624}{200000}$ 100 = 0,312%, ou seja, o tamanho amostral corresponde a 0,312% dos elementos da população. Aqui, vemos claramente a vantagem de usar amostragem.

#### Observações:

- Com o mesmo erro amostral tolerável, usamos diferentes proporções da população.
- O erro amostral tolerável não é a proporção que devemos coletar da proporção.



iilberto Sassi (UFF) Amostragem 02 de junho de 2016 15 / 17

Considero a população composta de 200 crianças do sexo masculino (representados por  $H1, \ldots, H200$ ) e 100 crianças do sexo feminino (representados por  $M1, \ldots, M100$ ).

 a) Qual deve ser o tamanho da amostra para que o erro amostral tolerável seja 0, 1?

$$n = \frac{N}{N \cdot E_0^2 + 1} = \frac{300}{300 \cdot (0, 1)^2 + 1} = 75$$

b) Retire uma amostra aleatória simples do tamanho n=5. Primeiro atribuímos um número a cada elemento da população:

Sorteamos 5 números usando a tabela de números aleatórios: 256, 178, 013, 147, 242.

A amostra aleatória simples é: M56, H178, H13, H147, M242.

Qual o erro amostral tolerável para uma amostra de tamanho *n*10.

$$\begin{split} E_0 &= \sqrt{\frac{N-n}{N \cdot n}} \\ &= \sqrt{\frac{300-10}{300 \cdot 10}} \\ &= \sqrt{\frac{290}{300 \cdot 10}} \\ &\approxeq 0,31 \end{split}$$

17 / 17