Tipologia y Ciclo de vida de los Datos. Practica 2

Autores: Alexis Germán Arroyo Peña y Gabriel Pulido de Torres

Enero 2021

Contents

| 1 | responder? | e 2 |
|---|---|--------|
| 2 | Integración y selección de los datos de interés a analizar.2.1 PersonasTicket2.2 FamilySize2.3 Revisión y conversion de tipos | 7 |
| 3 | Limpieza de los datos. 3.1 Elementos nulos y ceros. 3.2 Identificación y tratamiento de valores extremos. | |
| 4 | Análisis de los datos. 4.1 Selección de los grupos de datos que se quieren analizar/comparar (planificación de los análisis a aplicar) | 29 |
| 5 | Representación de los resultados a partir de tablas y gráficas. | 118 |
| 6 | Resolución del problema. A partir de los resultados obtenidos, ¿cuáles son las conclusiones? ¿Los resultados permiten responder al problema? 6.1 Exportación de los datos | 118 |
| 7 | Tabla de contribuciones | 119 |
| 8 | Bibliografía y referencias | 120 |

1 Descripción del dataset. ¿Por qué es importante y qué pregunta/problema pretende responder?

Hemos optado por analizar el dataset de datos del titanic.

En este conjunto de datos tenemos información acerca de los pasajeros que iban en el Titanic, naufragado en 1912 y en el que murieron 1500 personas. Además de información descriptiva del tipo de pasajero tenemos también el indicador de si sobrevivió al hundimiento o no. El objetivo es decidir si las variables aportadas son suficientes para crear un modelo predictivo que prediga la supervivencia o no de un pasajero.

Es un buen ejemplo de conjunto de datos que permiten entrenar modelos predictivos supervisados. Contiene un número manejable de datos y de atributos de distintos y variados tipos. A su vez es un conjunto que no está limpio (contiene nulos por ejemplo) lo que nos obligará a poner en práctica técnicas de limpieza de los datos.

Estructura del dataset

Realizamos un primer contacto con el conjunto de datos, visualizando su estructura.

```
# Cargamos el fichero de datos
data <- read.csv('train.csv',stringsAsFactors = FALSE, na.strings = "")
dim.data.frame(data)</pre>
```

[1] 891 12

```
# Verificamos la estructura del conjunto de datos
str(data)
```

```
'data.frame':
                    891 obs. of 12 variables:
   $ PassengerId: int
                        1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 ...
   $ Survived
                        0 1 1 1 0 0 0 0 1 1 ...
                 : int
##
   $ Pclass
                 : int
                        3 1 3 1 3 3 1 3 3 2 ...
                        "Braund, Mr. Owen Harris" "Cumings, Mrs. John Bradley (Florence Briggs Thayer)"
##
   $ Name
                 : chr
                        "male" "female" "female" ...
##
   $ Sex
                 : chr
##
   $ Age
                 : num
                        22 38 26 35 35 NA 54 2 27 14 ...
                        1 1 0 1 0 0 0 3 0 1 ...
##
   $ SibSp
                 : int
##
   $ Parch
                 : int
                        0 0 0 0 0 0 0 1 2 0 ...
                        "A/5 21171" "PC 17599" "STON/O2. 3101282" "113803" ...
##
   $ Ticket
                 : chr
##
   $ Fare
                        7.25 71.28 7.92 53.1 8.05 ...
                 : num
                        NA "C85" NA "C123" ...
##
   $ Cabin
                 : chr
                        "S" "C" "S" "S" ...
   $ Embarked
                 : chr
```

El conjunto de datos incluye 12 variables y 891 observaciones.

Descripción del conjunto de datos:

- Passengerld: Contador de pasajeros del 1 al 891.
- Survived: esta variable toma dos valores e indica si el pasajero sobrevivió. (0= No, 1= Si).
- pClass: clase del ticket. 1=1st (clase alta), 2=2nd (clase media) y 3=3rd (clase baja).
- Name: nombre completo del pasajero.
- Sex: sexo del pasajero (Female o Male).
- Age: edad del pasajero
- SibSp: número de hermanos/hermanas, hermanastros/hermanastros y marido o esposa del pasajero que también iban a bordo.
- Parch: número de hijas, hijos, padre y madre del pasajero a bordo del Titanic.

- Ticket: El número del ticket del pasajero.
- Fare: Es la tarifa del pasajero en dólares.
- Cabin: Código identificativo de la cabina.
- $\bullet\,$ Embarked: el puerto en el que embarcó el pasajero (C = Cherbourg, Q = Queenstown, S = Southampton).

2 Integración y selección de los datos de interés a analizar.

El conjunto de datos que se proporciona en Kaggle está dividido en dos partes, un conjunto de datos de train, y un conjunto de datos de test. La diferencia principal es que mientras que en el conjunto de datos de train disponemos del valor de la variable Survived, en el de test no disponemos de esa variable.

Como parte de los modelos que vamos a diseñar son modelos supervisados, a la hora de validarlos no podemos usar el conjunto de datos de test, por lo que optamos trabajar sólamente con los de train sin fusionarlos.

En el apartado anterior leímos los datos en un dataframe (al que llamamos "data"). Recordamos su dimensionalidad y comprobamos los nombres y tipos de las variables.

```
## [1] 891
            12
##
  PassengerId
                   Survived
                                  Pclass
                                                 Name
                                                               Sex
                                                                            Age
                               "integer"
                                         "character"
##
     "integer"
                  "integer"
                                                      "character"
                                                                      "numeric"
##
         SibSp
                      Parch
                                  Ticket
                                                             Cabin
                                                                      Embarked
                                                 Fare
                  "integer" "character"
                                            "numeric" "character" "character"
##
     "integer"
```

Aprovechamos para comprobar si hay registros duplicados usando el comando unique()

```
data_unique <- unique(data)
dim.data.frame(data_unique)</pre>
```

```
## [1] 891 12
```

remove(data_unique)

Se comprueba que la dimensionalidad ha quedado exactamente igual que cuando cargamos el dataset, por lo tanto, no hay registros duplicados (nos referimos a completos duplicados).

Mostramos una muestra de los primeros registros de nuestro dataframe:

summary(data)

```
##
     PassengerId
                         Survived
                                            Pclass
                                                              Name
##
    Min.
           : 1.0
                     Min.
                             :0.0000
                                        Min.
                                                :1.000
                                                          Length:891
##
    1st Qu.:223.5
                     1st Qu.:0.0000
                                        1st Qu.:2.000
                                                          Class : character
    Median :446.0
                     Median : 0.0000
                                        Median :3.000
                                                          Mode :character
##
##
    Mean
            :446.0
                             :0.3838
                                        Mean
                                                :2.309
                     Mean
##
    3rd Qu.:668.5
                     3rd Qu.:1.0000
                                        3rd Qu.:3.000
##
            :891.0
                             :1.0000
                                                :3.000
    Max.
                     Max.
                                        Max.
##
##
        Sex
                                              SibSp
                                                                Parch
                              Age
##
    Length:891
                         Min.
                                : 0.42
                                                  :0.000
                                                                   :0.0000
                                          Min.
                                                            Min.
    Class : character
                         1st Qu.:20.12
                                          1st Qu.:0.000
                                                            1st Qu.:0.0000
##
##
    Mode :character
                         Median :28.00
                                          Median :0.000
                                                            Median: 0.0000
##
                         Mean
                                :29.70
                                          Mean
                                                  :0.523
                                                            Mean
                                                                   :0.3816
##
                         3rd Qu.:38.00
                                          3rd Qu.:1.000
                                                            3rd Qu.:0.0000
##
                                                                   :6.0000
                         Max.
                                :80.00
                                          Max.
                                                  :8.000
                                                            Max.
##
                                :177
                         NA's
##
       Ticket
                              Fare
                                              Cabin
                                                                  Embarked
##
    Length:891
                         Min.
                                   0.00
                                           Length:891
                                                                Length:891
##
    Class : character
                         1st Qu.:
                                   7.91
                                           Class : character
                                                                Class : character
##
          :character
                         Median: 14.45
                                                 :character
                                                                Mode
                                                                      :character
##
                                : 32.20
                         Mean
##
                         3rd Qu.: 31.00
##
                         Max.
                                :512.33
##
```

df_status(data)

| ## | | variable | q_zeros | <pre>p_zeros</pre> | q_na | p_na | q_{inf} | p_inf | type | unique |
|----|----|---------------------|---------|--------------------|------|-------|-----------|-------|-------------------|--------|
| ## | 1 | ${\tt PassengerId}$ | 0 | 0.00 | 0 | 0.00 | 0 | 0 | integer | 891 |
| ## | 2 | Survived | 549 | 61.62 | 0 | 0.00 | 0 | 0 | integer | 2 |
| ## | 3 | Pclass | 0 | 0.00 | 0 | 0.00 | 0 | 0 | integer | 3 |
| ## | 4 | Name | 0 | 0.00 | 0 | 0.00 | 0 | 0 | ${\tt character}$ | 891 |
| ## | 5 | Sex | 0 | 0.00 | 0 | 0.00 | 0 | 0 | ${\tt character}$ | 2 |
| ## | 6 | Age | 0 | 0.00 | 177 | 19.87 | 0 | 0 | numeric | 88 |
| ## | 7 | SibSp | 608 | 68.24 | 0 | 0.00 | 0 | 0 | integer | 7 |
| ## | 8 | Parch | 678 | 76.09 | 0 | 0.00 | 0 | 0 | integer | 7 |
| ## | 9 | Ticket | 0 | 0.00 | 0 | 0.00 | 0 | 0 | ${\tt character}$ | 681 |
| ## | 10 | Fare | 15 | 1.68 | 0 | 0.00 | 0 | 0 | numeric | 248 |
| ## | 11 | Cabin | 0 | 0.00 | 687 | 77.10 | 0 | 0 | ${\tt character}$ | 147 |
| ## | 12 | Embarked | 0 | 0.00 | 2 | 0.22 | 0 | 0 | ${\tt character}$ | 3 |
| | | | | | | | | | | |

Hay algunas variables que carecen de interés por ser identificativas de cada registro. Se tratan de "PassengerId", "Ticket" y "Name". No nos interesa tener unívocamente identificado cada caso para realizar ningún tipo de análisis, no aportan nada.

2.1 PersonasTicket

Antes de eliminar la variable **Ticket**, nos va a servir para conocer el precio unitario que han pagado los pasajeros, ya que la variable **Fare** es la tarifa pagada en el ticket, pero dentro del mismo ticket pueden estar incluidas varias personas. Inicialmente vamos a obtener el número de personas que están incluidas en un mismo ticket.

```
nrow(table(data$Ticket, data$Fare))
```

[1] 681

length(unique(data\$Ticket))

[1] 681

data %>% group_by(Ticket, Fare) %>% filter(row_number() == 1)

| PassengerId | Survived | Pclass | Name |
|--------------|----------|--------|---|
| 1 assengeria | 0 | 3 | Braund, Mr. Owen Harris |
| 2 | 1 | 1 | Cumings, Mrs. John Bradley (Florence Briggs Thayer) |
| 3 | 1 | 3 | Heikkinen, Miss. Laina |
| 4 | 1 | 1 | Futrelle, Mrs. Jacques Heath (Lily May Peel) |
| 5 | 0 | 3 | Allen, Mr. William Henry |
| 6 | 0 | 3 | Moran, Mr. James |
| 7 | 0 | 1 | McCarthy, Mr. Timothy J |
| 8 | 0 | 3 | Palsson, Master. Gosta Leonard |
| 9 | 1 | 3 | Johnson, Mrs. Oscar W (Elisabeth Vilhelmina Berg) |
| 10 | 1 | 2 | Nasser, Mrs. Nicholas (Adele Achem) |
| 11 | 1 | 3 | Sandstrom, Miss. Marguerite Rut |
| 12 | 1 | 1 | Bonnell, Miss. Elizabeth |
| 13 | 0 | 3 | Saundercock, Mr. William Henry |
| 14 | 0 | 3 | Andersson, Mr. Anders Johan |
| 15 | 0 | 3 | Vestrom, Miss. Hulda Amanda Adolfina |
| 16 | 1 | 2 | Hewlett, Mrs. (Mary D Kingcome) |
| 17 | 0 | 3 | Rice, Master. Eugene |
| 18 | 1 | 2 | Williams, Mr. Charles Eugene |
| 19 | 0 | 3 | Vander Planke, Mrs. Julius (Emelia Maria Vandemoortele) |
| 20 | 1 | 3 | Masselmani, Mrs. Fatima |
| 21 | 0 | 2 | Fynney, Mr. Joseph J |
| 22 | 1 | 2 | Beesley, Mr. Lawrence |
| 23 | 1 | 3 | McGowan, Miss. Anna "Annie" |
| 24 | 1 | 1 | Sloper, Mr. William Thompson |
| 26 | 1 | 3 | Asplund, Mrs. Carl Oscar (Selma Augusta Emilia Johansson) |
| 27 | 0 | 3 | Emir, Mr. Farred Chehab |
| 28 | 0 | 1 | Fortune, Mr. Charles Alexander |
| 29 | 1 | 3 | O'Dwyer, Miss. Ellen "Nellie" |
| 30 | 0 | 3 | Todoroff, Mr. Lalio |
| 31 | 0 | 1 | Uruchurtu, Don. Manuel E |
| 32 | 1 | 1 | Spencer, Mrs. William Augustus (Marie Eugenie) |
| 33 | 1 | 3 | Glynn, Miss. Mary Agatha |
| 34 | 0 | 2 | Wheadon, Mr. Edward H |
| 35 | 0 | 1 | Meyer, Mr. Edgar Joseph |
| 36 | 0 | 1 | Holverson, Mr. Alexander Oskar |
| 37 | 1 | 3 | Mamee, Mr. Hanna |
| 38 | 0 | 3 | Cann, Mr. Ernest Charles |
| 39 | 0 | 3 | Vander Planke, Miss. Augusta Maria |
| 40 | 1 | 3 | Nicola-Yarred, Miss. Jamila |
| 41 | 0 | 3 | Ahlin, Mrs. Johan (Johanna Persdotter Larsson) |
| 42 | 0 | 2 | Turpin, Mrs. William John Robert (Dorothy Ann Wonnacott) |
| 43 | 0 | 3 | Kraeff, Mr. Theodor |
| 44 | 1 | 2 | Laroche, Miss. Simonne Marie Anne Andree |
| 45 | 1 | 3 | Devaney, Miss. Margaret Delia |
| 46 | 0 | 3 | Rogers, Mr. William John |
| 47 | 0 | 3 | Lennon, Mr. Denis |
| 48 | 1 | 3 | O'Driscoll, Miss. Bridget |
| 49 | 0 | 3 | Samaan, Mr. Youssef |
| 50 | 0 | 3 | Arnold-Franchi, Mrs. Josef (Josefine Franchi) |
| 51 | 0 | 3 | Panula, Master. Juha Niilo |
| 52 | 0 | 3 | Nosworthy, Mr. Richard Cater |
| 53 | 1 | 1 | Harper, Mrs. Henry Sleeper (Myna Haxtun) |
| 54 | 1 | 2 | Faunthorpe, Mrs. Lizzie (Elizabeth Anne Wilkinson) |
| 55 | 0 | 1 | Ostby, Mr. Engethart Cornelius |
| 56 | 1 | 1 | Woolner, Mr. Hugh |
| 57 | 1 | 2 | Rugg, Miss. Emily |
| 58 | 0 | 3 | Novel, Mr. Mansouer |
| 50 | U | 0 | TIT + DEC CO - DEC CO |

Podemos obtener el precio por persona, dividiendo Fare / integrantes del ticket:

```
## `summarise()` ungrouping output (override with `.groups` argument)
```

Creamos un nuevo dataframe (llamado "ticket_personas") con las variables Ticket y PersonasTicket

df_status(ticket_personas)

```
##
           variable q_zeros p_zeros q_na p_na q_inf p_inf
                                                                    type unique
## 1
             Ticket
                            0
                                    0
                                          0
                                               0
                                                      0
                                                            0 character
                                                                            681
## 2 PersonasTicket
                            0
                                    0
                                          0
                                               0
                                                      0
                                                            0
                                                                 integer
```

Este nuevo dataframe lo combinamos con nuestro dataframe original (un join) a través del número de ticket (variable **Ticket**) para poder incorporar el número de personas al dataframe original. Después de juntarlos eliminamos el df ticket_personas pues no lo necesitaremos.

```
data <- merge(data, ticket_personas, by = "Ticket")
remove(ticket_personas)</pre>
```

Ahora tenemos en nuestro dataframe original "data" una nueva variable "Personas Ticket". Esa variable será utilizada para dividir la tarifa del ticket "Fare" entre esta nueva columna incorporada. Con ello obtenemos una nueva variable que le llamamos "Price" y es el precio por persona que se paga en el billete (obteniendo un precio por persona lineal por billete).

```
data$Price <- data$Fare / data$PersonasTicket
```

Ahora ya podemos eliminar todas las variables que no vamos a necesitar: PassengerId, Name, Ticket, PersonasTicket:

```
data <- select(data, -PassengerId, -Name, -Ticket, -PersonasTicket)</pre>
```

2.2 FamilySize

Revisando **Parch** (número de Padres / hijos a bordo) y **SibSp** (sibling: número de hermanos, hermanas, hermanastros y hermanastras del pasajero, spouse: Marido o mujer del pasajero en el titanic) vemos que las podemos agregar en una nueva variable **FamilySize** que será la suma de estas dos variables más el propio viajero en cuestión. Por ello esta variable como mínimo valdrá uno.

```
data$FamilySize = data$SibSp + data$Parch + 1
```

2.3 Revisión y conversion de tipos

Tenemos algunas variables que, aunque a priori aparecen como "numeric" o "character" deberíamos convertir a "factor". Estas variables son: **Survived**, **Pclass**, **Embarked** y **Sex**. Tienen un número finito de valores y aunque puedan ser numéricas, ese número no nos aporta información con lo que los discretizamos convirtiendolos en factores:

```
data$Sex <- as.factor(data$Sex)
data$Survived <- as.factor(data$Survived)
data$Pclass <- as.factor(data$Pclass)
data$Embarked <- as.factor(data$Embarked)</pre>
```

La variable Cabin es de tipo character, pero como vamos a eliminarla no haremos ninguna conversión.

Finalmente nos quedarían como variables numéricas: Age, SubSp, Parch, FamilySize, Fare y Price

summary(data)

```
## Survived Pclass
                       Sex
                                                   SibSp
                                                                  Parch
                                    Age
## 0:549
          1:216
                                                              Min. :0.0000
                   female:314
                                Min. : 0.42
                                               Min. :0.000
## 1:342
            2:184
                   male :577
                                1st Qu.:20.12
                                               1st Qu.:0.000
                                                              1st Qu.:0.0000
##
            3:491
                                Median :28.00
                                               Median :0.000
                                                              Median :0.0000
##
                                Mean :29.70
                                               Mean :0.523
                                                              Mean :0.3816
##
                                3rd Qu.:38.00
                                               3rd Qu.:1.000
                                                              3rd Qu.:0.0000
##
                                Max. :80.00
                                               Max. :8.000
                                                              Max. :6.0000
##
                                NA's
                                     :177
##
       Fare
                      Cabin
                                     Embarked
                                                   Price
   Min. : 0.00
                   Length:891
                                     C :168
                                                Min. : 0.000
   1st Qu.: 7.91
                   Class :character
                                     Q : 77
                                                1st Qu.: 7.763
##
                                                Median: 8.850
   Median : 14.45
                   Mode :character
                                     S:644
##
##
   Mean : 32.20
                                     NA's: 2
                                                Mean : 17.789
   3rd Qu.: 31.00
                                                3rd Qu.: 24.288
##
   Max. :512.33
                                                Max. :221.779
##
##
     FamilySize
##
  Min. : 1.000
   1st Qu.: 1.000
##
##
   Median : 1.000
##
  Mean : 1.905
   3rd Qu.: 2.000
## Max. :11.000
##
```

3 Limpieza de los datos.

Analizamos los valores nulos y vacíos. Para ello nos valemos de la salida de la función df_status , que nos muestra un resumen del estado de nuestras 8 variables actuales:

| df. | _sta | atus(data) | | | | | | | | |
|-----|------|--------------------|---------|---------|------|-------|-------|-------|-----------|--------|
| ## | | variable | q zeros | p zeros | q na | p na | q inf | p inf | type | unique |
| ## | 1 | Survived | 549 | 61.62 | 0 | 0.00 | 0 | 0 | factor | 2 |
| ## | 2 | Pclass | 0 | 0.00 | 0 | 0.00 | 0 | 0 | factor | 3 |
| ## | 3 | Sex | 0 | 0.00 | 0 | 0.00 | 0 | 0 | factor | 2 |
| ## | 4 | Age | 0 | 0.00 | 177 | 19.87 | 0 | 0 | numeric | 88 |
| ## | 5 | SibSp | 608 | 68.24 | 0 | 0.00 | 0 | 0 | integer | 7 |
| ## | 6 | Parch | 678 | 76.09 | 0 | 0.00 | 0 | 0 | integer | 7 |
| ## | 7 | Fare | 15 | 1.68 | 0 | 0.00 | 0 | 0 | numeric | 248 |
| ## | 8 | Cabin | 0 | 0.00 | 687 | 77.10 | 0 | 0 | character | 147 |
| ## | 9 | Embarked | 0 | 0.00 | 2 | 0.22 | 0 | 0 | factor | 3 |
| ## | 10 | Price | 15 | 1.68 | 0 | 0.00 | 0 | 0 | numeric | 248 |
| ## | 11 | ${\tt FamilySize}$ | 0 | 0.00 | 0 | 0.00 | 0 | 0 | numeric | 9 |

3.1 Elementos nulos y ceros.

3.1.1 Elementos nulos

Procedemos a analizar los elementos nulos que se encuentran en el dataset

data %>% group_by(Embarked) %>% count(Embarked)

| Embarked | n |
|----------|-----|
| С | 168 |
| Q | 77 |
| S | 644 |
| NA | 2 |

En la tabla se observa que el campo **Age** tiene un 19.87% de nulos, **Cabin** más de un 77% y **Embarked** tiene dos nulos. Analizamos cada uno de los atributos para decidir la mejor decisión con respecto a los nulos.

3.1.1.1 Embarked Solo hay 2 valores nulos, al ser muy pocos casos y además la variable solo puede tomar 3 posibles valores, decidimos imputar el valor que más se repite, que es Embarked=S (Southampton)

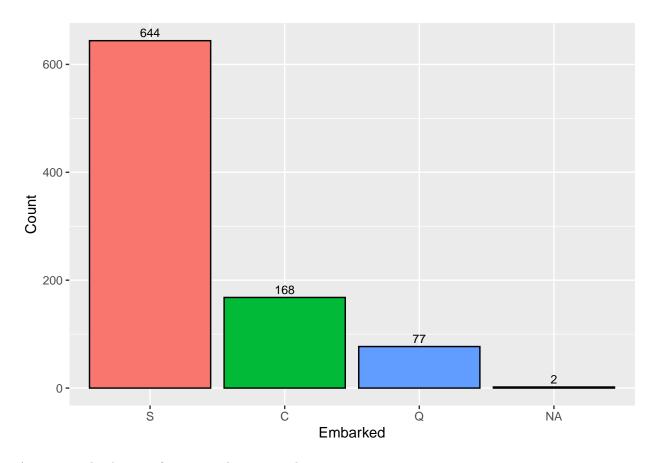
data %>% group_by(Embarked) %>% count(Embarked)

| Embarked | n |
|----------|-----|
| С | 168 |
| Q | 77 |
| S | 644 |
| NA | 2 |

data Embarked <- sort(table(data\$Embarked, useNA = "ifany"), decreasing = TRUE)

Gráficamente:

```
dat_plot <- as.data.frame(data_Embarked)
ggplot(dat_plot, aes(x=Var1, y=Freq, fill=Var1)) +
   geom_bar(stat = "identity", color = "black") +
   geom_text(aes(label=Freq), vjust = -0.4, color="black", size=3) +
   labs(x='Embarked', y='Count') +
   theme(legend.position = "none")</pre>
```



Asignamos el valor mas frecuente a los casos nulos:

data\$Embarked[is.na(data\$Embarked)] <- names(data_Embarked[1])</pre>

3.1.1.2 Cabin Dado que el número de nulos es muy elevado, un 77%, se opta por eliminar esta variable ya que tendríamos que imputar valores a una parte muy importante del dataset (con su consiguiente error). Además no parece que pueda ser una variable determinante para predecir la supervivencia.

data <- select(data, -Cabin)</pre>

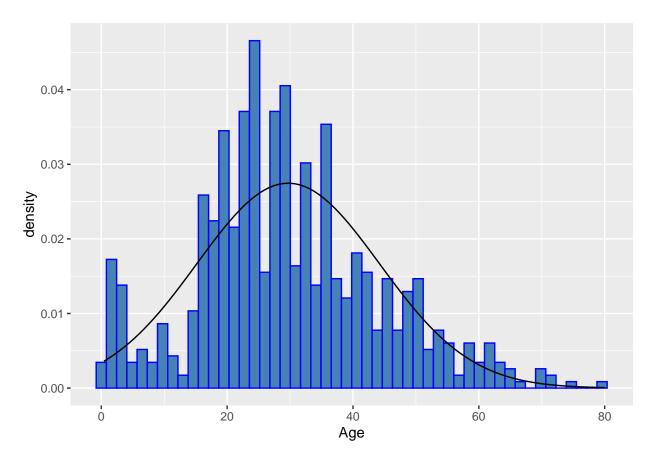
3.1.1.3 Age Tiene mas del un 19% de valores nulos (concretamente 177 registros)

Una opción para solucionarlos sería calcular la media del resto de registros e imputarla, pero vamos a estudiar si podemos delimitar la media a aplicar para obtener un resultado más depurado.

Primero analizamos la distribución de la variable **Age** teniendo en cuenta sólo los registros donde hay valores (es decir algo mas del 80% del dataframe). Para ello creamos un nuevo dataset sin los registros nulos de Age:

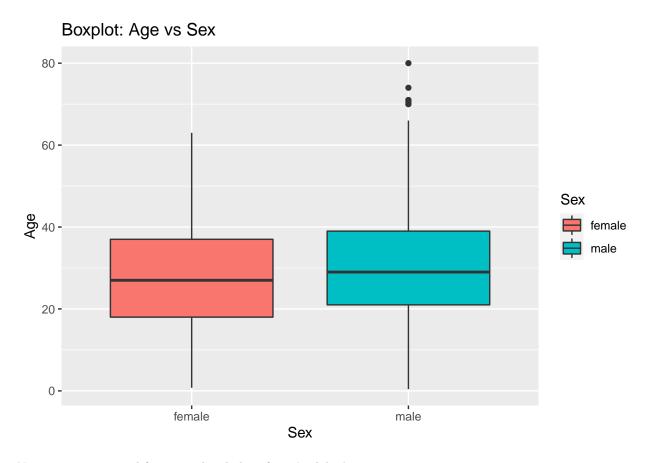
data_NoNA <- data[which(!is.na(data\$Age)),]</pre>

Observamos gráficamente como se distribuye la variable Age en este dataset:



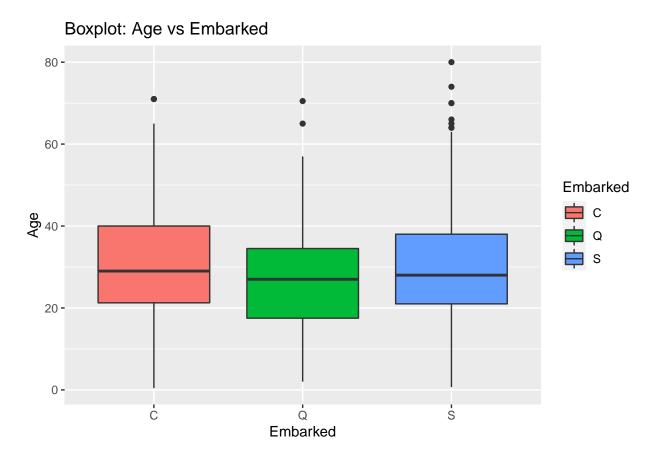
Comprobamos si hay alguna relación entre la edad y alguna otra variable del dataset para tenerlo en cuenta a la hora de imputar valores. Para ello iremos analizando Age con las distintas variables

3.1.1.3.1 Age vs Sex Observamos gráficamente la relación entre la edad y el género



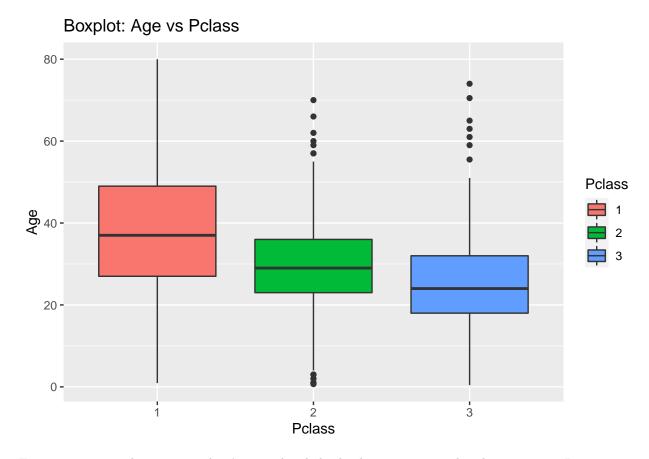
No se aprecian casi diferencias de edad en función del género

 ${\bf 3.1.1.3.2}$ ${\bf Age}$ vs ${\bf Embarked}$ Comprobamos gráficamente la relación entre la edad y el puerto de Embarque



Tampoco se aprecian diferencias significativas en este caso con respecto a las medias de edad en cada una de las clases de **Embarked**.

3.1.1.3.3 Age vs Pclass Representamos visualmente la relación entre Age y Pclass:



En este caso si se observa una relación entre la edad y la clase en que viajaban los pasajeros: Los pasajeros de clase 1 (alta) tenían generalmente mayor edad que los de clase 2 (media) e igualmente sucede con los de clase 3 (baja).

3.1.1.3.4 Age vs Variables numéricas Vemos las distintas correlaciones de las variables numéricas



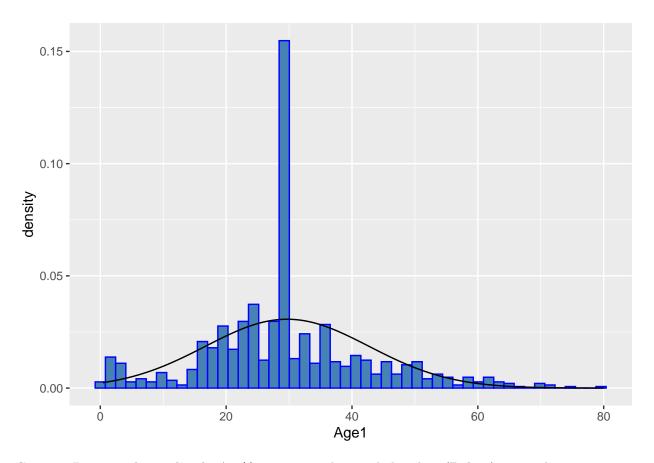
Se observa que existe correlación negativa con **SibSp** y con **Parch** (también con **FamilySize**, pero eso es completamente normal porque **FamilySize** es una transformación lineal de las otras 2). También hay correlación positiva con **Price**, pero entendemos que podemos tener en cuenta la parte familiar por el tema de esposa, hijos, hermanos, etc. puede tener efecto en la edad.

3.1.1.3.5 Imputación de valores a Age Tras el análisis de las diversas relaciones entre las variables y Age vamos a realizar cuatro simulaciones diferentes de imputación y nos quedaremos con una sola:

Caso 1: Imputar la media de Age** a todos los elementos faltantes**

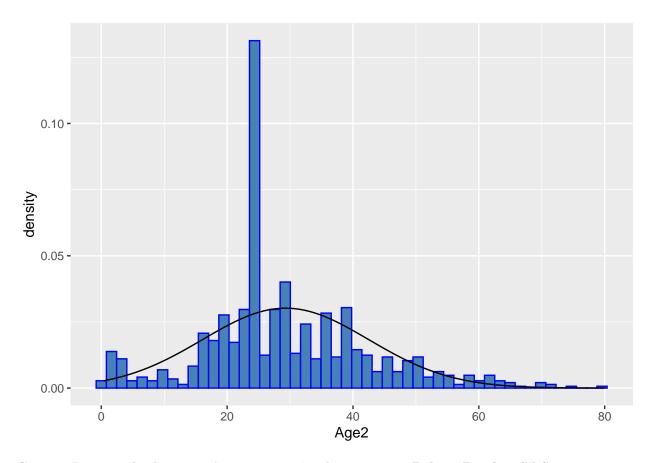
```
data$Age1 <- data$Age
data$Age1[is.na(data$Age1)] <- mean(data_NoNA$Age)

ggplot(data, aes(Age1)) +
   geom_histogram(aes(y = ..density..), bins=50, fill="steelblue", color="blue") +
   stat_function(fun = dnorm, args = list(mean = mean(data$Age1), sd = sd(data$Age1)))</pre>
```



 $\textbf{Caso 2: Imputar la media de} \ Age^{**} \ pero \ por \ cada \ una \ de \ las \ clases (\textbf{Pclass}) \ ya \ que \ hemos \ visto \ que \ hay \ una \ relación \ entre \ ambas \ variables.**$

```
data$Age2 <- data$Age
data$Age2[is.na(data$Age2)&data$Pclass == 1] <- mean(data$Age2[!is.na(data$Age2)&data$Pclass == 1])
data$Age2[is.na(data$Age2)&data$Pclass == 2] <- mean(data$Age2[!is.na(data$Age2)&data$Pclass == 2])
data$Age2[is.na(data$Age2)&data$Pclass == 3] <- mean(data$Age2[!is.na(data$Age2)&data$Pclass == 3])
ggplot(data, aes(Age2)) +
   geom_histogram(aes(y = ..density..), bins=50, fill="steelblue", color="blue") +
   stat_function(fun = dnorm, args = list(mean = mean(data$Age2), sd = sd(data$Age2)))</pre>
```



Caso 3: Imputar la datos en Age, pero teniendo en cuenta Pclass, Parch y SibSp

Este caso surge al haber visto correlación entre las variables. Para este caso lo que hacemos es tener en cuenta las 3 variables y generar una agrupación de datos calculando la media para las combinaciones (recordemos que son variables discretas). Una vez que obtenemos esos valores medios, los imputamos. Luego verificamos si quedó algún valor sin imputar (que serán muy pocos) y para esos pocos casos faltantes, imputar los valores por cada clase.

```
medias_clase_fam <- as.data.frame(data_NoNA %>% group_by(Pclass, SibSp, Parch) %>% dplyr::summarize(Med
```

`summarise()` regrouping output by 'Pclass', 'SibSp' (override with `.groups` argument)

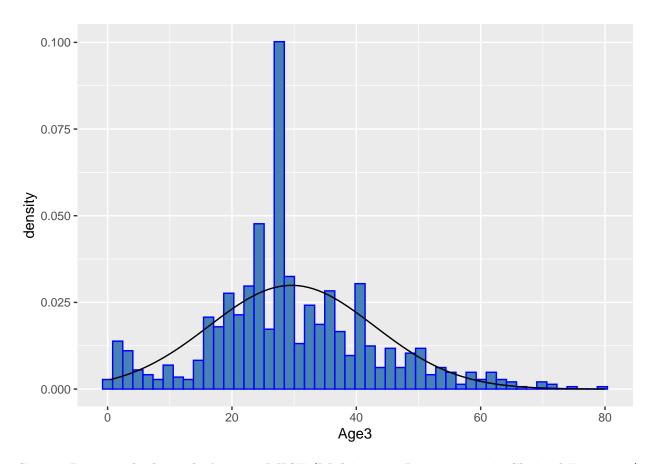
Hacemos un merge entre nuestro dataset original y el de Medias (por **Pclass**, **SibSp** y **Parch**) a través de las columnas usadas en la agrupación. El merge es un LEFT JOIN ya que puede que no existan todas las combinaciones en medias clase fam

```
data$Age3 <- data$Age
data <- merge(data, medias_clase_fam, by = c("Pclass", "SibSp", "Parch"), all.x = TRUE)
data$Age3[is.na(data$Age3)] <- data$Media_clase_fam[is.na(data$Age3)]</pre>
```

Como es posible que nos hayan quedado alguno sin poder asignar (al no existir la combinación Pclass + sibSp + Parch) a los que faltan (que son 7) les asignamos directamente por la **Pclass** sin tener en cuenta los otros valores

```
data$Age3[is.na(data$Age3)&data$Pclass == 1] <- mean(data$Age3[!is.na(data$Age3)&data$Pclass == 1])
data$Age3[is.na(data$Age3)&data$Pclass == 2] <- mean(data$Age3[!is.na(data$Age3)&data$Pclass == 2])
data$Age3[is.na(data$Age3)&data$Pclass == 3] <- mean(data$Age3[!is.na(data$Age3)&data$Pclass == 3])
```

Vemos ahora la distribución que nos queda



Caso 4: Imputando datos de Age, con MICE (Multivariate Imputation via Chained Equations) En este caso se predicen los valores de Age, con el resto de valores observados (usamos para este caso Pclass, SibSp, Parch, Sex y Age).

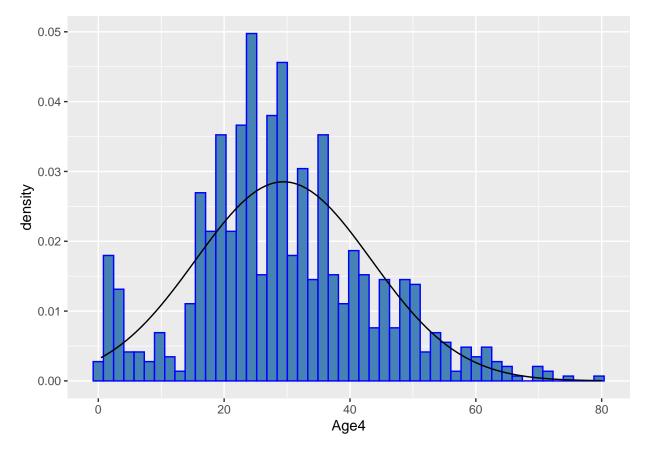
```
columnas <- c('Pclass', 'SibSp', 'Parch', 'Sex', 'Age')
mice_imputar <- mice(data = data[, columnas], method = "rf")</pre>
```

```
##
##
    iter imp variable
##
          1
             Age
          2
##
     1
             Age
##
     1
             Age
##
          4
     1
             Age
          5
##
     1
             Age
          1
##
     2
             Age
     2
          2
##
             Age
##
     2
          3
             Age
     2
##
          4
             Age
     2
##
          5
             Age
##
     3
          1
             Age
     3
          2
##
             Age
##
     3
          3
            Age
     3
##
             Age
##
     3
          5
             Age
##
     4
             Age
```

```
##
          2
              Age
##
          3
             Age
##
             Age
##
          5
             Age
      5
##
          1
              Age
##
          2
              Age
      5
##
              Age
      5
##
              Age
      5
          5
##
              Age
```

```
mice_completo <- mice::complete(mice_imputar)
data$Age4 <- data$Age
data$Age4[is.na(data$Age4)]<- mice_completo$Age[is.na(data$Age4)]</pre>
```

Tras la imputación observamos la gráfica:



Resumiendo el resultado de las 4 opciones de imputación mas la original:

| summ | ary(data\$Age) | | | | |
|------|-----------------|----------|--------------|-------|------|
| ## | Min. 1st Qu | . Median | Mean 3rd Qu. | Max. | NA's |
| ## | 0.42 20.12 | 2 28.00 | 29.70 38.00 | 80.00 | 177 |
| summ | ary(data\$Age1) |) | | | |
| ## | Min. 1st Qu | . Median | Mean 3rd Qu. | Max. | |
| ## | 0.42 22.00 | 29.70 | 29.70 35.00 | 80.00 | |

```
summary(data$Age2)
##
      Min. 1st Qu.
                      Median
                                Mean 3rd Qu.
                                                  Max.
##
      0.42
              22.00
                       26.00
                                29.29
                                        37.00
                                                 80.00
summary(data$Age3)
##
      Min. 1st Qu.
                      Median
                                 Mean 3rd Qu.
                                                  Max.
##
      0.42
              22.00
                       28.24
                                29.60
                                        37.00
                                                 80.00
summary(data$Age4)
##
      Min. 1st Qu.
                      Median
                                 Mean 3rd Qu.
                                                  Max.
##
      0.42
              21.00
                       28.00
                                29.43
                                        38.00
                                                 80.00
```

Tras ver los resultados nos decantamos por la cuarta opción (Age4), ya que la distribución se parece mucho más a la original. Asignamos y limpiamos el dataset:

```
data$Age <- data$Age4
data <- select(data, -Age1, -Age2, -Age3, -Age4, -Media_clase_fam)</pre>
```

3.1.2 Ceros

Recordamos los valores con ceros del dataset

| ## | | variable | q_zeros | p_zeros | q_na | p_na | q_{inf} | p_inf | type | unique |
|----|----|------------|---------|---------|------|------|-----------|-------|-----------------|--------|
| ## | 1 | Pclass | 0 | 0.00 | 0 | 0 | 0 | 0 | factor | 3 |
| ## | 2 | SibSp | 608 | 68.24 | 0 | 0 | 0 | 0 | integer | 7 |
| ## | 3 | Parch | 678 | 76.09 | 0 | 0 | 0 | 0 | integer | 7 |
| ## | 4 | Survived | 549 | 61.62 | 0 | 0 | 0 | 0 | factor | 2 |
| ## | 5 | Sex | 0 | 0.00 | 0 | 0 | 0 | 0 | factor | 2 |
| ## | 6 | Age | 0 | 0.00 | 0 | 0 | 0 | 0 | ${\tt numeric}$ | 88 |
| ## | 7 | Fare | 15 | 1.68 | 0 | 0 | 0 | 0 | ${\tt numeric}$ | 248 |
| ## | 8 | Embarked | 0 | 0.00 | 0 | 0 | 0 | 0 | factor | 3 |
| ## | 9 | Price | 15 | 1.68 | 0 | 0 | 0 | 0 | ${\tt numeric}$ | 248 |
| ## | 10 | FamilySize | 0 | 0.00 | 0 | 0 | 0 | 0 | ${\tt numeric}$ | 9 |

Tenemos un alto número de ceros en **SibSp** y **Parch**, pero son valores válidos dentro del rango para estas variables, pues cuentan el número de acompañantes (familiares) del pasajero. Hay también un porcentaje pequeño de ceros en **Fare** (tarifa), esto podría tener algún sentido (por ejemplo, tickets sin coste por ser un premio o un regalo) por lo que, en principio, vamos a dejar presentes estos ceros.

3.1.3 Conclusión limpieza nulos y ceros

Viendo nuevamente los resultados con $\mathbf{summary}$, hemos eliminado los nulos y tenemos un nuevo valor de media y mediana para \mathbf{Age}

```
summary(data)
##
    Pclass
                 SibSp
                                   Parch
                                                 Survived
                                                                Sex
                                                                               Age
##
    1:216
             Min.
                     :0.000
                               Min.
                                      :0.0000
                                                 0:549
                                                           female:314
                                                                          Min.
                                                                                  : 0.42
             1st Qu.:0.000
                                                                          1st Qu.:21.00
##
    2:184
                               1st Qu.:0.0000
                                                 1:342
                                                           male :577
    3:491
             Median :0.000
##
                               Median :0.0000
                                                                          Median :28.00
##
                     :0.523
                                       :0.3816
                                                                                  :29.43
             Mean
                               Mean
                                                                          Mean
##
             3rd Qu.:1.000
                               3rd Qu.:0.0000
                                                                          3rd Qu.:38.00
##
             Max.
                     :8.000
                               Max.
                                       :6.0000
                                                                          Max.
                                                                                  :80.00
##
                                                       {\tt FamilySize}
          Fare
                       Embarked
                                     Price
##
    Min.
            : 0.00
                       C:168
                                 Min.
                                         :
                                            0.000
                                                     Min.
                                                             : 1.000
```

```
1st Qu.: 7.91
                      Q: 77
                               1st Qu.:
                                          7.763
                                                   1st Qu.: 1.000
##
##
    Median : 14.45
                      S:646
                               Median :
                                                   Median : 1.000
                                          8.850
                                                          : 1.905
##
    Mean
           : 32.20
                               Mean
                                       : 17.789
                                                   Mean
##
    3rd Qu.: 31.00
                               3rd Qu.: 24.288
                                                   3rd Qu.: 2.000
##
    Max.
           :512.33
                               Max.
                                       :221.779
                                                   Max.
                                                          :11.000
```

Y con "df_status" vemos también como nos han quedado los datos después de eliminar variables, y de imputar valores en las variables a los que le faltaban algunos valores. El dataset queda libre de nulos, y con los ceros que hemos aceptado que tiene que mantener y que son valores aceptables.

df status(data) ## variable q_zeros p_zeros q_na p_na q_inf p_inf type unique ## 1 **Pclass** 0 0.00 factor 3 68.24 7 ## 2 608 0 0 0 SibSp 0 integer ## 3 Parch 678 76.09 0 0 0 0 integer 7 ## 4 549 61.62 0 factor 2 Survived 0 0 0 ## 5 0 0 2 Sex 0.00 0 0 0 factor ## 6 0 0.00 0 0 0 numeric 88 Age 0 ## 7 15 1.68 0 0 248 Fare 0 0 numeric ## 8 0 0 0 Embarked 0.00 0 factor 3 ## 9 Price 15 1.68 0 0 0 0 numeric 248 ## 10 FamilySize 0 0.00 0 0 0 0 numeric 9

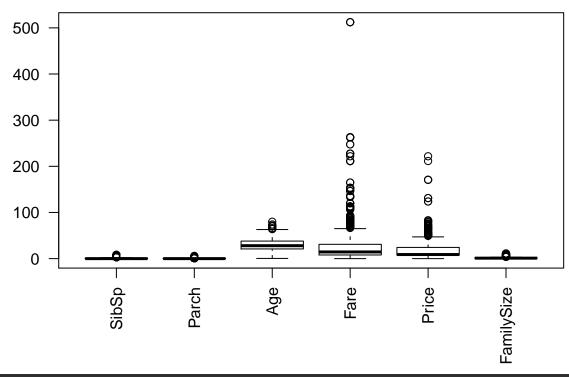
3.2 Identificación y tratamiento de valores extremos.

Se considera un valor extremo, outlier, a un valor fuera de rango. Son valores que se salen de la escala esperada visualizando el resto de las observaciones. En la actualidad, el criterio más habitual es considerar un valor extremo a aquel que se encuentra alejado de la media unas tres veces la desviación típica.

Este análisis solo tiene sentido realizarlo sobre las variables numéricas por lo que vamos a comenzar por separar aquellas variables que son numéricas y verlas en un gráfico bloxplot.

Gráfico boxplot variables numéricas

```
lista<-sapply(data, is.numeric)
data_num<-data[,lista]
boxplot(data_num,las=2)</pre>
```



var.continuas <- vector()</pre>

De todas las variables numéricas sólo 3 son contínuas: Age, Price y Fare

Analicemos esas tres variables por separado

3.2.1 Fare

El boxplot parece indicar que Fare tiene valores extremos. Los identificamos usando el criterio de tres veces la desviación típica:

```
data_out <- as.data.frame(data$Fare)
data_out$outlier <- FALSE
for (i in 1:ncol(data_out) - 1){
   columna = data_out[, i]
   if (is.numeric(columna)) {
      media = mean(columna)
      desviacion = sd(columna)
      data_out$outlier = (columna> (media+3*desviacion) | columna<(media-3*desviacion))
   }
}
table(data_out$outlier)</pre>
```

```
## ## FALSE TRUE
## 871 20
```

Con este criterio tenemos identificados 20 posibles *outliers*, observando mas detenidamente los valores que nos indica boxplot.stats y teniendo en cuenta que el máximo es 512, no parecen exagerados:

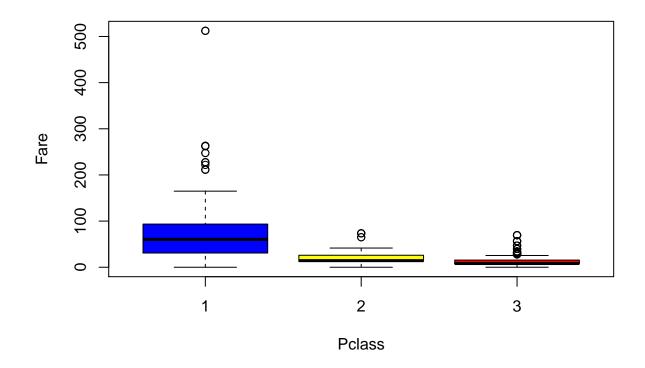
boxplot.stats(data\$Fare)\$out

```
86.5000 86.5000 86.5000 151.5500 227.5250 227.5250 211.3375 80.0000
##
     [1]
##
     [9]
          80.0000 135.6333
                           79.2000
                                     79.2000 93.5000 512.3292
                                                                69.3000 221.7792
##
    [17] 227.5250 134.5000 110.8833 135.6333
                                               83.1583 135.6333 106.4250 153.4625
##
    [25]
          76.2917
                   78.8500
                            77.9583
                                     69.3000
                                               79.2000 146.5208 512.3292
                                                                          76.7292
##
    [33] 153.4625 153.4625
                            77.2875
                                     77.2875 512.3292
                                                       83.1583 211.3375 247.5208
    [41] 211.3375 247.5208 164.8667
                                     71.0000
                                               79.6500 113.2750 110.8833 211.5000
##
    [49]
          81.8583
                   76.7292
                            82.1708
                                     90.0000
                                               66.6000
                                                        89.1042
                                                                 77.9583
                                                                          90.0000
##
##
    [57] 113.2750 113.2750
                            66.6000 106.4250
                                               78.2667
                                                        83.4750
                                                                 83.4750 133.6500
##
    [65]
          89.1042 227.5250
                            91.0792 108.9000
                                               77.9583
                                                        90.0000
                                                                 82.1708
                                                                          75.2500
##
          78.8500
                  71.2833 146.5208
                                     76.7292
                                               91.0792
                                                        78.2667 108.9000
                   79.6500 164.8667 110.8833 134.5000 110.8833
##
    [81]
          71.0000
                                                                 79.2000
                                                                          83.1583
##
    [89]
          93.5000 120.0000 120.0000 120.0000 151.5500 151.5500 151.5500 120.0000
    [97] 263.0000 133.6500
                            90.0000 262.3750 262.3750 263.0000 263.0000 263.0000
##
  [105]
          73.5000
                   73.5000
                            73.5000
                                     73.5000
                                              73.5000 69.5500
                                                                 69.5500
  [113]
          69.5500
                   69.5500
                            69.5500
                                     69.5500
```

Los valores, además, están bien distribuidos, los más altos en las clases altas.

Por todo esto, decidimos no realizar ninguna acción con estos *outliers* ya que incluso pueden estar aportando información importante:

Gráfico outlier Fare



3.2.2 Price

Hacemos un análisis similar al realizado con Fare:

```
data_out <- as.data.frame(data$Price)
data_out$outlier <- FALSE
for (i in 1:ncol(data_out) - 1){
   columna = data_out[, i]
   if (is.numeric(columna)) {
      media = mean(columna)
      desviacion = sd(columna)
      data_out$outlier = (columna> (media+3*desviacion) | columna<(media-3*desviacion))
   }
}
table(data_out$outlier)</pre>
```

```
## ## FALSE TRUE
## 878 13
```

De nuevo con boxplot.stats analizamos los outliers, el valor máximo 221:

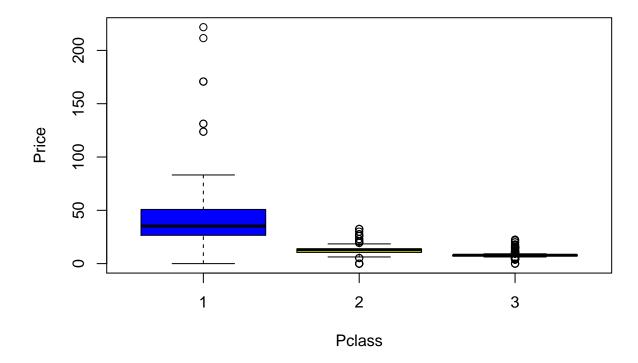
```
boxplot.stats(data$Price)$out
```

```
[1] 56.88125 56.88125 70.44583 50.00000 50.49580 170.77640 49.50420
##
##
   [8] 221.77920 56.88125
                           67.25000
                                    53.21250
                                              51.86250 51.15417
                                                                 76.29170
## [15]
       79.20000 73.26040 170.77640 49.50420 51.15417 61.97920 51.15417
## [22] 170.77640 70.44583 61.37920 123.76040 70.44583 123.76040 63.35830
        82.43335 49.50000 211.50000 81.85830 51.86250 59.40000 53.21250
## [29]
## [36]
        66.82500 61.17500 53.10000
                                    56.88125
                                              54.45000 52.55420 52.00000
## [43]
        55.44170 75.25000 71.28330
                                    73.26040 54.45000 82.43335 67.25000
## [50]
        79.20000 83.15830 65.75000
                                    66.82500 51.47920 131.18750 131.18750
        65.75000 65.75000 65.75000
## [57]
```

Y al igual que con Fare, los valores más altos en las clases altas:

Gráfico boxplot Price

```
boxplot(data$Price~data$Pclass,xlab="Pclass",ylab="Price",col=c("blue","yellow","red"))
```



Al igual que con Fare optamos por considerarlos valores válidos y no realizamos ninguna accion.

3.2.3 Age

De nuevo realizamos el mismo procedimiento que con las otras dos variables

```
data_out <- as.data.frame(data$Age)
data_out$outlier <- FALSE
for (i in 1:ncol(data_out) - 1){
   columna = data_out[, i]
   if (is.numeric(columna)) {
      media = mean(columna)
      desviacion = sd(columna)
      data_out$outlier = (columna> (media+3*desviacion) | columna<(media-3*desviacion))
   }
}
table(data_out$outlier)</pre>
```

```
## ## FALSE TRUE
## 889 2
```

y el resultado de boxplot.stats

```
boxplot.stats(data$Age)$out
```

```
## [1] 64.0 80.0 71.0 65.0 71.0 65.0 70.0 64.0 70.0 66.0 65.0 74.0 70.5
```

Donde vemos que podríamos tener 2 valores outliers, pero observando los valores devueltos por boxplot.stats

que son totalmente normales no los vamos a considerar outliers.

4 Análisis de los datos.

4.1 Selección de los grupos de datos que se quieren analizar/comparar (planificación de los análisis a aplicar).

Del dataset completo nos interesa poder realizar diferentes análisis en función de diferentes subconjuntos de datos, como puede ser el género, la clase en la que viajan los pasajeros, el puerto en el que han embarcado, incluso se pueden definir grupos por edad, y ver realmente si es cierto y se cumplió aquello que dicen en las películas "las mujeres y los niños primero" y poder comprobar si efectivamente, los niños tienen mejor índice de supervivencia que los adultos. Podemos definir diferentes agrupaciones que usaremos más adelante para estudiar los casos por grupos.

4.1.1 Niños

Vamos a definir una variable Child para aquellos registros en los que la edad sea menor que 8

```
edad_corte = 8
data$Child[data$Age <= edad_corte] <- 1
data$Child[data$Age > edad_corte] <- 0
data$Child <- as.factor((data$Child))</pre>
```

4.1.2 Género

Agrupamos por el género, creando una variable para cada uno de los géneros

```
Mujeres <- data[which(data$Sex == 'female'),]
Hombres <- data[which(data$Sex == 'male'),]</pre>
```

4.1.3 Lugar de embarque

Agrupamos por el lugar de embarque creando una variable por cada uno de los lugares

```
EmbarqueC <- data[which(data$Embarked == 'C'),]
EmbarqueQ <- data[which(data$Embarked == 'Q'),]
EmbarqueS <- data[which(data$Embarked == 'S'),]</pre>
```

4.1.4 Clase

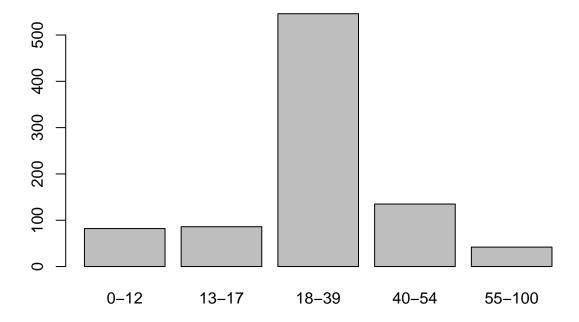
Agrupamos por clase

```
FirstClass <- data[which(data$Pclass == 1),]
SecondClass <- data[which(data$Pclass == 2),]
ThirdClass <- data[which(data$Pclass == 3),]</pre>
```

4.1.5 Edades

Vamos a discretizar los valores por grupos de edades, añadiendo una columna al dataset (AgeInterval)

```
## ## 0-12 13-17 18-39 40-54 55-100
## 82 86 546 135 42
```



4.2 Comprobación de la normalidad y homogeneidad de la varianza.

4.2.1 Normalidad

Vamos a verificar si las variables cuantitativas continuas siguen una distribución normal. Algunos test estadísticos requieren que las variables que van a ser analizadas sigan una distribución normal, por tanto tenemos que conocer cuáles son las distribuciones de nuestras variables continuas. Las únicas variables cuantitativas continuas que tenemos en el dataset original son las variables **Age** y **Fare**. Además, hemos generado una nueva variable a partir de **Fare**, que hemos llamado **Price**, y que, por tanto también es una variable cualitativa continua.

En general, la prueba de Shapiro-Wilk se considera una prueba muy potente para contrastar la normalidad de distribuciones. Se asume como hipótesis nula que la población sigue una distribución normal. Si el p-valor obtenido es inferior al nivel de significancia (normalmente = 0,05) entonces se rechaza la hipótesis nula (y por tanto se concluye que los datos no vienen de una distribución normal). En cambio, si el p-valor es superior al nivel de significancia, entonces no se puede rechazar la hipótesis nula y se asume que los datos siguen una distribución normal. Para poder tener más seguridad, vamos a aplicar otros dos métodos, la prueba de Anderson-Darling y la prueba de Kolmogorov-Smirnov (conocida también como K-S)

Creamos un data frame para resumir los tests:

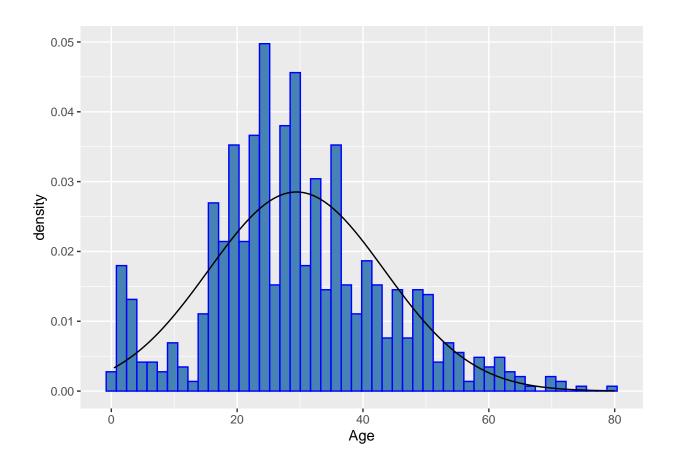
```
## 'data.frame': 0 obs. of 4 variables:
## $ variable : chr
## $ Test.de.Normalidad: chr
## $ Valor.Estadístico : num
## $ p.value : num
```

Ahora recorremos todas las variables continuas aplicando los tres tests y añadiéndolos al dataframe:

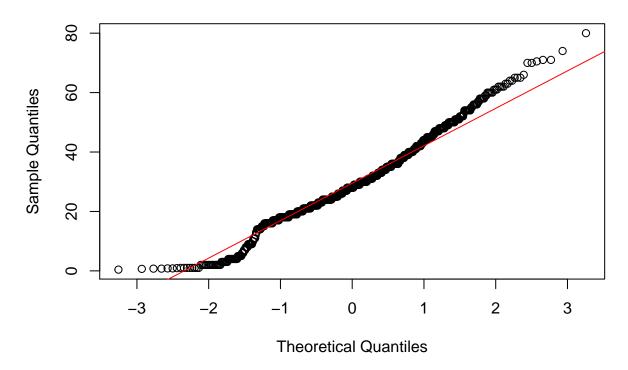
| variable | Test.de.Normalidad | Valor.Estadístico | p.value |
|----------|------------------------------------|--------------------|----------------------|
| Age | Shapiro-Wilk normality test | 0.981702996899149 | 3.98375254765562e-09 |
| Age | Anderson-Darling normality test | 4.78086247719034 | 7.64137239441468e-12 |
| Age | One-sample Kolmogorov-Smirnov test | 0.0659158201298929 | 0.00086788067716792 |
| Fare | Shapiro-Wilk normality test | 0.521891302117355 | 1.08404452322613e-43 |
| Fare | Anderson-Darling normality test | 122.169627214592 | 3.7e-24 |
| Fare | One-sample Kolmogorov-Smirnov test | 0.281848040985975 | 0 |
| Price | Shapiro-Wilk normality test | 0.566484900244852 | 3.00259150054125e-42 |
| Price | Anderson-Darling normality test | 110.325199878766 | 3.7e-24 |
| Price | One-sample Kolmogorov-Smirnov test | 0.26829589819932 | 0 |

Con estos resultados se puede decir que ninguna de las 3 variables sigue una distribución normal, en todos los casos el *p-value* ha sido inferior a 0.05 y por tanto se han rechazado la hipótesis nula (que la variable sigue una distribución normal).

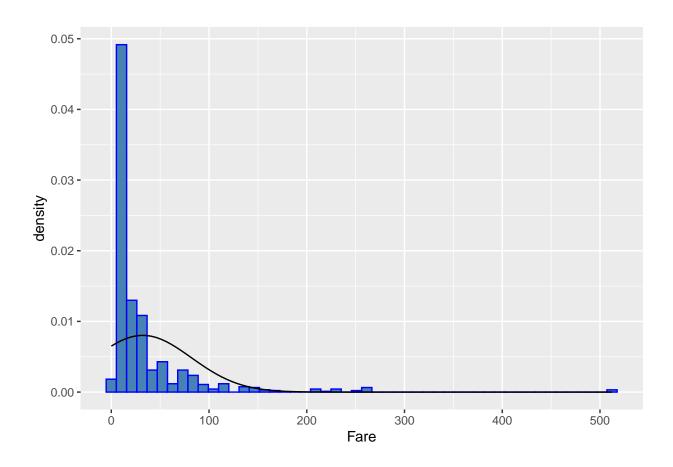
No obstante, vamos a revisar gráficamente la distribución de cada una de las variables usando su histograma, curva de densidad y gráficas Q-Q



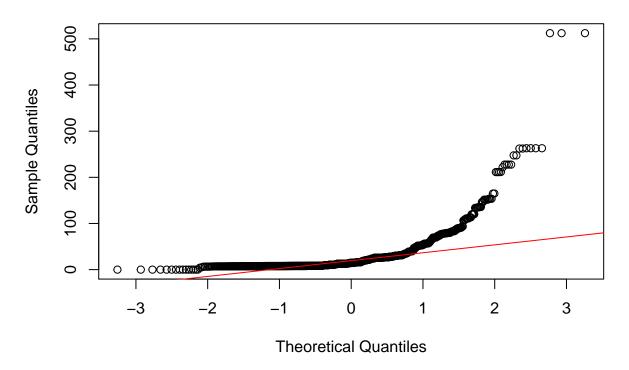
Normal Q-Q Plot (Variable "Age")



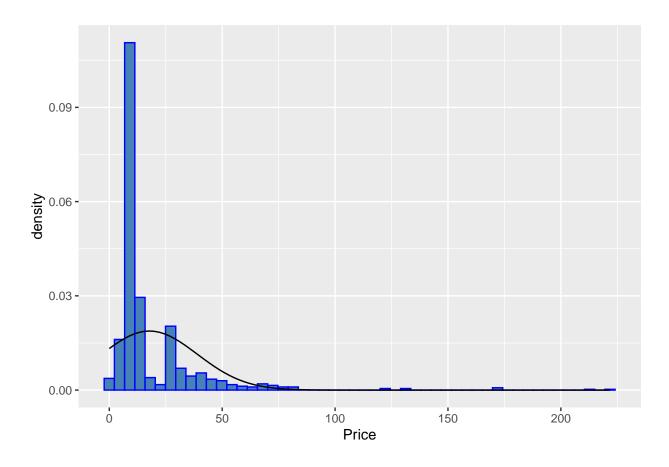
[1] "Age"



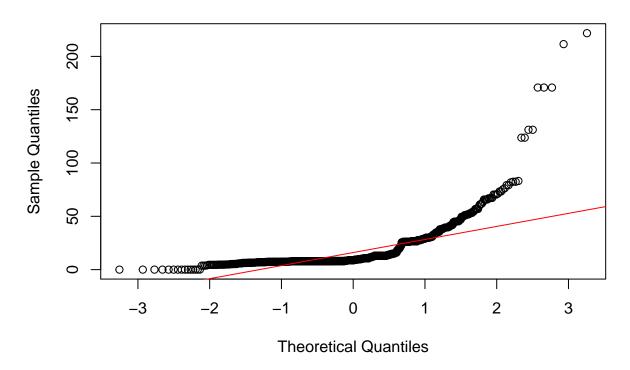
Normal Q-Q Plot (Variable "Fare")



[1] "Fare"



Normal Q-Q Plot (Variable "Price")



[1] "Price"

TODO: ¿Conclusión del análisis gráfico?

4.2.2 Homocedasticidad (comprobación de varianzas)

Cuando comparamos varianzas lo que estamos comprobando es que las varianzas entre los grupos a comparar son iguales. Si los datos siguen una distribución normal, podemos usar el test de *Levene*, en caso contrario podemos usar por ejemplo el test de *Fligner-Killeen*, que es la alternativa no paramétrica que se utiliza cuando los datos no siguen una distribución normal (o cuando hay problemas con outliers no resueltos)

En ambos test (*Levene* y *Fligner-Killeen*), la hipótesis nula asume la igualdad de varianzas en los diferentes grupos de datos, con lo que si el p-value obtenido es inferior al nivel de significancia (generalmente alpha = 0,05) se rechaza la hipótesis nula y se concluye que hay heterocedasticidad.

4.2.2.1 Age La variable Age está próxima a una distribución normal por lo cual podemos utilizar el test de *Levene* para la comprobación de varianzas.

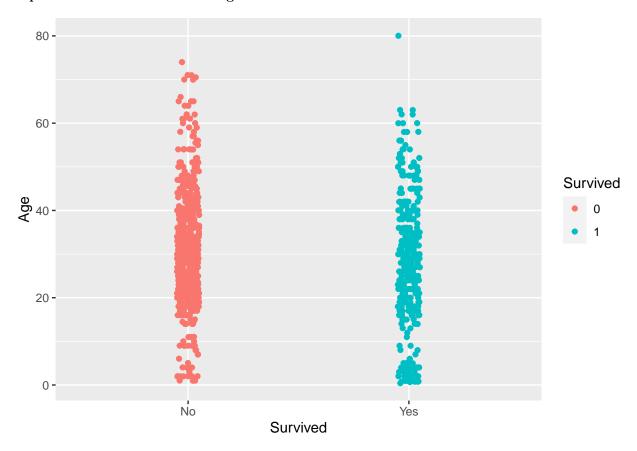
4.2.2.1.1 Age con Survived Primero analizamos si las varianzas son iguales cuando comprobamos **Age** y el grupo es **Survived**, es decir estamos comprobando la homogeneidad de varianzas de la edad en los grupos de supervivientes y no supervivientes.

| leveneTest(data = data, Age ~ Surv | <pre>ived, center = mean)</pre> |
|------------------------------------|---------------------------------|
|------------------------------------|---------------------------------|

| | Df | F value | Pr(>F) |
|-------|-----|---------|-----------|
| group | 1 | 6.05204 | 0.0140795 |
| | 889 | NA | NA |

En este caso el p-value es superior a 0.05 y por tanto asumimos que hay **homogeneidad de varianzas** entre los grupos

Representación muestras forma gráfica



```
##
## Fligner-Killeen test of homogeneity of variances
##
## data: Age by Survived
## Fligner-Killeen:med chi-squared = 5.4517, df = 1, p-value = 0.01955
```

4.2.2.1.2 Age con Embarked Ahora Comprobamos también cómo se comportan las varianzas cuando se trata de la variable edad **Age** con **Embarked**.

| leveneT | est(da | ata = data, | Age ~ Emba | arked, center = mean) |
|---------|--------|-------------|------------|-----------------------|
| | Df | F value | Pr(>F) | |
| group | 2 | 0.6346217 | 0.5303763 | |
| | 888 | NA | NA | |

En este caso hay homogeneidad de varianzas de Age en los grupos que define la variable Embarked

4.2.2.1.3 Age con Pclass Ahora Comprobamos también cómo se comportan las varianzas cuando se trata de la variable edad **Age** con **Pclass**. En este caso vamos a aplicar tanto el test de *Levene* como el de *Fligner-Killeen*:

```
leveneTest(data = data, Age ~ Pclass, center = mean)
```

| | Df | F value | Pr(>F) |
|-------|-----|----------|----------|
| group | 2 | 9.652469 | 7.13e-05 |
| | 888 | NA | NA |

fligner.test(Age ~ Pclass, data = data)

```
##
## Fligner-Killeen test of homogeneity of variances
##
## data: Age by Pclass
## Fligner-Killeen:med chi-squared = 18.821, df = 2, p-value = 8.185e-05
```

En los dos tests (paramétrico y no paramétrico), se rechaza la hipótesis nula, con lo que hay **heterogeneidad** de varianzas entre las muestras de **Age** cuando se agrupan por **Pclass**

4.2.2.1.4 Age con Sex Para concluir con el atributo **Age** realizamos tambien el análisis con respecto a **Sex**. De nuevo aplicamos *Levene* y *Fligner-Killen*

```
leveneTest(data = data, Age ~ Sex, center = mean)
```

| | Df | F value | Pr(>F) |
|-------|-----|-----------|----------|
| group | 1 | 0.8437839 | 0.358566 |
| | 889 | NA | NA |

fligner.test(Age ~ Sex, data = data)

```
##
## Fligner-Killeen test of homogeneity of variances
##
## data: Age by Sex
## Fligner-Killeen:med chi-squared = 0.84797, df = 1, p-value = 0.3571
```

En los dos tests el p-value es claramente superior a 0.05 por lo que podemos afirmar que sí hay **homogenei-** dad de varianzas para Age cuando está agrupado por Sex

4.2.2.1.5 Resumen Age Resumimos en una tabla los resultados de homogeneidad de la varianza de Age con respecto a los distintos atributos:

| Age con respecto a | resultado |
|--------------------|----------------|
| Survived | homogeneidad |
| Embarked | homogeneidad |
| Pclass | heterogeneidad |
| Sex | homogeneidad |

4.2.2.2 Fare Hacemos el mismo estudio con la variable **Fare** pero ahora usaremos *Fligner*. Mostramos los test con **Sex**, **Survived**, **Embarked**, **Pclass**

```
fligner.test(Fare ~ Sex, data = data)

##

## Fligner-Killeen test of homogeneity of variances
##

## data: Fare by Sex

## Fligner-Killeen:med chi-squared = 55.949, df = 1, p-value = 7.436e-14

fligner.test(Fare ~ Survived, data = data)
```

```
##
  Fligner-Killeen test of homogeneity of variances
##
##
## data: Fare by Survived
## Fligner-Killeen:med chi-squared = 96.253, df = 1, p-value < 2.2e-16
fligner.test(Fare ~ Embarked, data = data)
##
   Fligner-Killeen test of homogeneity of variances
##
##
## data: Fare by Embarked
## Fligner-Killeen:med chi-squared = 133.23, df = 2, p-value < 2.2e-16
fligner.test(Fare ~ Pclass, data = data)
##
   Fligner-Killeen test of homogeneity of variances
##
## data: Fare by Pclass
## Fligner-Killeen:med chi-squared = 365.8, df = 2, p-value < 2.2e-16
```

Comprobamos la variable **Fare**, los resultados indican que hay **heterogeneidad de varianza** de esas variables respecto a los grupos con los que se ha aplicado el test no paramétrico.

4.3 Aplicación de pruebas estadísticas para comparar los grupos de datos.

4.3.1 Análisis de relaciones entre variables

Primero vamos a realizar diversos análisis de relaciones variables (principalmente pares de variables), para aclarar la dependencia entre ellas y como pueden afectar a las posibilidades de supervivencia

4.3.1.1 Age y Sex Primero vamos a analizar si hay diferencias significativas entre la media de edad de mujeres y de hombres. Para hacerlo aplicamos el test paramétrico *t-test de Student*, que requiere que las muestras a comparar sigan una distribución normal.

Ya vimos que **Age** no sigue exactamente una distribución normal, pero si consideramos el teorema central del límite con una muestra suficientemente grande (mayor de 30) se puede asumir que la variable sigue una distribución normal. Si la variable no siguiese una distribución normal podríamos aplicar una prueba no paramétrica como por ejemplo el test de *Mann-Whitney*.

Para ejecutar la prueba t de Student, disponemos en R del comando "t.test". Este mismo comando nos permite realizar el test de Welch cuando las varianzas entre las muestras son diferentes. Comprobemos que la variable \mathbf{Age} sigue una distribución normal primero aplicando el F-test mediante el comando var.test

var.test(Mujeres\$Age, Hombres\$Age)

```
##
## F test to compare two variances
##
## data: Mujeres$Age and Hombres$Age
## F = 1.0213, num df = 313, denom df = 576, p-value = 0.8246
## alternative hypothesis: true ratio of variances is not equal to 1
## 95 percent confidence interval:
## 0.842776 1.244591
## sample estimates:
## ratio of variances
## 1.021252
```

El resultado nos indica que las varianzas de edad en los grupos de mujeres y hombres son iguales.

Aplicamos ahora un test para comparar las medias de los 2 grupos, la hipótesis nula será que no hay diferencias significativas entre la media de edades para hombres y mujeres. Podemos usar el t-Test indicando que las varianzas de los grupos son iguales (por el resultado anterior).

t.test(Mujeres\$Age, Hombres\$Age, var.equal = TRUE)

```
##
## Two Sample t-test
##
## data: Mujeres$Age and Hombres$Age
## t = -3.0551, df = 889, p-value = 0.002317
## alternative hypothesis: true difference in means is not equal to 0
## 95 percent confidence interval:
## -4.899236 -1.066691
## sample estimates:
## mean of x mean of y
## 27.50000 30.48296
```

El valor de p-values es inferior a 0.05, por lo que rechazamos la hipótesis nula. Es decir, **la media de edad** por género tiene una diferencia significativa.

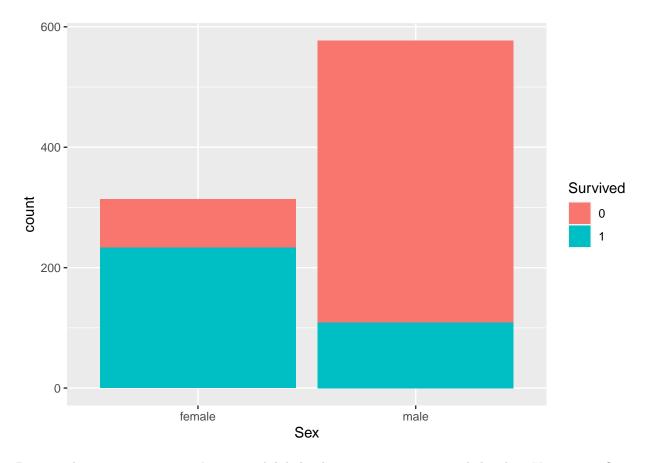
Establecemos una nueva hipótesis alternativa: que la media de edad de las mujeres es menor que la de los hombres. Por lo tanto, la hipótesis nula corresponde a que la edad de las mujeres es mayor o igual a la de los hombres:

t.test(Mujeres\$Age, Hombres\$Age, alternative = "less", var.equal = TRUE)

```
##
## Two Sample t-test
##
## data: Mujeres$Age and Hombres$Age
## t = -3.0551, df = 889, p-value = 0.001158
## alternative hypothesis: true difference in means is less than 0
## 95 percent confidence interval:
## -Inf -1.375291
## sample estimates:
## mean of x mean of y
## 27.50000 30.48296
```

Con un p-value menor de 0.5 volvemos a rechazar la hipótesis nula, es decir, podemos afirmar que la media de edad de las mujeres del Titanic es inferior a la media de edad de los hombres a bordo.

4.3.1.2 Survival y Sex Si hacemos una inspección visual de la relación entre las dos variables:



Parece indicar que ser mujer tenía mas posibilidades de supervivencia que siendo hombre. Vamos a confirmar esto realizando algunos contrastes de hipótesis.

Primero, vamos a comprobar la relación entre la supervivencia y el género, analizando si el género fue un factor importante a la hora de la supervivencia, o dicho de otro modo, si dependiendo de si se era mujer u hombre las posibilidades de supervivencia cambiaban significativamente. Para hacerlo aplicamos el test exacto de Fisher que analiza tablas de contingencia. En este caso la hipótesis nula es que la proporción de mujeres que mueren coincide con la proporción de hombre que mueren en el accidente del Titanic.

fisher.test(table(data\$Sex, data\$Survived))

```
##
## Fisher's Exact Test for Count Data
##
## data: table(data$Sex, data$Survived)
## p-value < 2.2e-16
## alternative hypothesis: true odds ratio is not equal to 1
## 95 percent confidence interval:
## 0.0575310 0.1138011
## sample estimates:
## odds ratio
## 0.08128333</pre>
```

El resultado no deja lugar a dudas con un p-valor < 0.05 rechazamos la hipótesis nula, es decir: hay diferente proporción de supervivencia entre hombres y mujeres.

Una vez confirmado que el género si que es importante a ala hora de las probabilidades de supervivencia, vamos a ver quien tiene más probabilidades de supervivencia, si las mujeres o los hombres. Para ello añadimos

una condición a la hipótesis alternativa, usamos "less" para indicar (en la hipótesis nula) que el primer grupo (en este caso las mujeres ya que en orden alfabético es female y male) tiene menor proporción (probabilidad) si se rechaza la hipótesis nula. Es decir, la hipótesis nula dice que "la proporción de mujeres que mueren es mayor que la de los hombres".

fisher.test(table(data\$Sex, data\$Survived), alternative = 'less')

```
##
## Fisher's Exact Test for Count Data
##
## data: table(data$Sex, data$Survived)
## p-value < 2.2e-16
## alternative hypothesis: true odds ratio is less than 1
## 95 percent confidence interval:
## 0.0000000 0.1081391
## sample estimates:
## odds ratio
## 0.08128333</pre>
```

De nuevo rechazamos la hipótesis nula (p-value inferior a 0.05) con lo que se cumple la hipótesis alternativa: la proporción de mujeres que mueren es inferior a la de los hombres.

Si tenemos en cuenta que la tabla de contingencia que estamos evaluando es la siguiente:

table(data\$Sex, data\$Survived)

```
## ## 0 1
## female 81 233
## male 468 109
```

El odd ratio de la tabla de contigencia lo calculamos así:

```
tab.contigencia = table(data$Sex, data$Survived)
odd_ratio = (tab.contigencia[1,1] / tab.contigencia[1,2]) /
   (tab.contigencia[2,1] / tab.contigencia[2,2])
odd_ratio
```

[1] 0.08096732

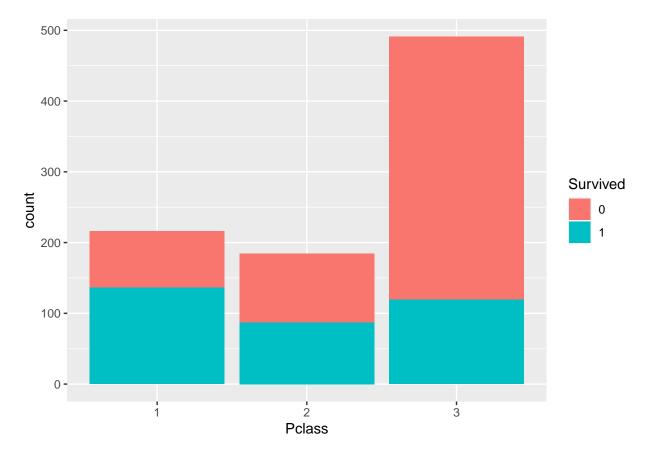
Como vimos antes en el test de Fisher, la hipótesis alternativa se hace verdadera cuando el odd_ratio se vuelve 1. Luego cuando a la hipótesis alternativa le ponemos "less", esta se hace verdadera cuando odd_ratio es menor que 1. Y si ponemos "greater" la hipótesis alternativa se hace verdadera si el odd_ratio es mayor que 1.

Podemos obtener intervalos de confianza, por ejemplo, al 99% de que la media de las edades de diferentes muestras, van a estar entre los valores 28.8 y 31.26 de media de edad.

```
test = t.test(data$Age, conf.level = 0.99)
test$conf.int

## [1] 28.22206 30.64140
## attr(,"conf.level")
## [1] 0.99
```

4.3.1.3 Survival y Pclass De nuevo hacemos una primera inspección visual



En el gráfico se aprecia claramente que el porcentaje de supervivencia por clases disminuye desde la primera hasta la tercera clase.

Para realizar el análisis numéricamente, al ser dos variables categóricas vamos a aplicar por ejemplo el test *Chi-Cuadrado*. Aquí la hipótesis nula nos dice que las variables son independientes. Vamos a comprobarlo:

```
test_chisq <- chisq.test(data$Pclass, data$Survived)
test_chisq</pre>
```

```
##
## Pearson's Chi-squared test
##
## data: data$Pclass and data$Survived
## X-squared = 102.89, df = 2, p-value < 2.2e-16</pre>
```

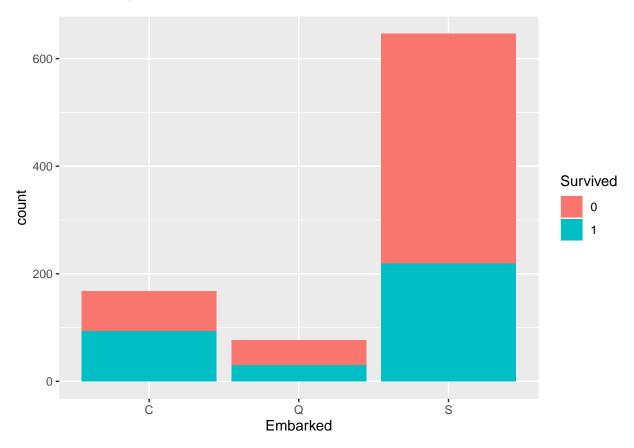
El p-value obtenido es inferior a 0.05, es decir, rechazamos la hipótesis nula, y por tanto afirmamos que las variables no son independientes. Esto quiere decir que **el grado de supervivencia era distinto dependiendo de la clase en la que estuvieses embarcado**. Confirma el análisis visual, que nos aporta también que las clases con mas superviencia eran las mejores.

También se puede observar el valor de df que son los grados de libertad, que lo podemos obtener a través de la tabla de contingencias y el estadístico de contraste. Si el estadístico de contraste obtenido supera el valor crítico entonces se rechaza la hipótesis nula.

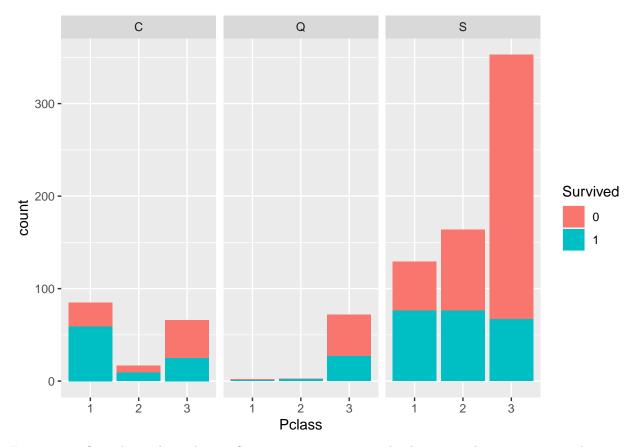
```
df_chisq <- (length(levels(data$Pclass)) -1 ) * (length(levels(data$Survived)) - 1)
valorcritico_chisq <- qchisq(p=0.05, df = df_chisq, lower.tail = FALSE)
cat(sprintf("El estadístico obtenido es: %f y el valor crítico es: %f", test_chisq$statistic, valorcrit</pre>
```

El estadístico obtenido es: 102.888989 y el valor crítico es: 5.991465

4.3.1.4 Survived y Embarked Realizamos el mismo análisis



El gráfico parece indicar que los embarcados en Southampton tenían menos posibilidades de sobrevivir. Puede ser que esté relacionado con la Pclass de cada lugar de embarque:



Este nos confirma los embarcados en S eran mayoritariamente de clase 3 por lo que tiene sentido que su ratio de supervivencia sea menor.

Vemos ahora el análisis con contrastes de hipótesis.

test_chisq <- chisq.test(data\$Embarked, data\$Survived)</pre>

Primero analizamos si hay relación entre las variables **Embarked** y **Survived** usando de nuevo la *Chi-Squared*

```
##
## Pearson's Chi-squared test
##
## data: data$Embarked and data$Survived
## X-squared = 25.964, df = 2, p-value = 2.301e-06

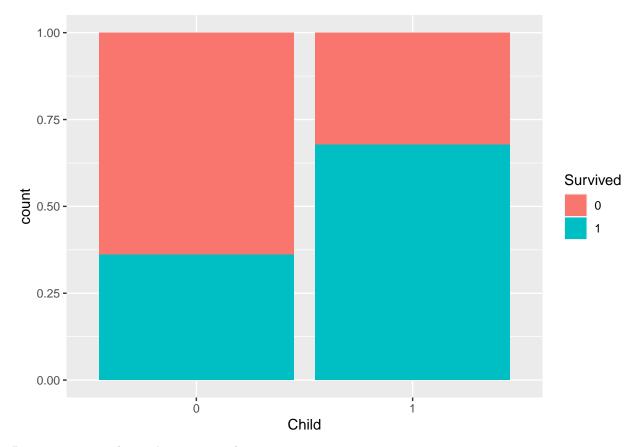
df_chisq <- (length(levels(data$Embarked)) -1 ) * (length(levels(data$Survived)) - 1)
valorcritico_chisq <- qchisq(p=0.05, df = df_chisq, lower.tail = FALSE)
cat(sprintf("El estadístico obtenido es: %f y el valor crítico es: %f", test_chisq$statistic, valorcrit</pre>
```

El estadístico obtenido es: 25.964453 y el valor crítico es: 5.991465

De nuevo se rechaza la hipótesis nula, por lo tanto las variables son dependientes.

4.3.1.5 Survived y Child Analizamos ahora la nueva variable creada Child que corresponde a los niños de edad menor o igual a 8 años (que es un 1 en el valor de la clase)

De nuevo un análisis visual primero:



Parece que si que hay más esperanza de supervivencia en ese caso.

Aplicamos el $test\ de\ Fisher$ para comprobar si tienen las mismas probabilidades de supervivencia que el resto de pasajeros.

fisher.test(table(data\$Child, data\$Survived))

```
##
## Fisher's Exact Test for Count Data
##
## data: table(data$Child, data$Survived)
## p-value = 9.463e-07
## alternative hypothesis: true odds ratio is not equal to 1
## 95 percent confidence interval:
## 2.110955 6.696679
## sample estimates:
## odds ratio
## 3.706316
```

Se rechaza la hipótesis nula, es decir que **las proporciones no coinciden**. Analizamos ahora si las probabilidades de supervivencia son mayores o menores. Para ello analizamos si la proporción de no-niños que no sobreviven es menor a la proporción de niños que no sobreviven:

fisher.test(table(data\$Child, data\$Survived), alternative = 'greater')

```
##
## Fisher's Exact Test for Count Data
##
## data: table(data$Child, data$Survived)
```

Se rechaza la hipótesis nula, y se acepta la alternativa, es decir que la **probabilidad de muerte de los** no-niños es mayor que la de los niños.

```
tab.contigencia = table(data$Child, data$Survived)
tab.contigencia

##

## 0 1
## 0 528 298
## 1 21 44

odd_ratio = (tab.contigencia[1,1] / tab.contigencia[1,2]) /
   (tab.contigencia[2,1] / tab.contigencia[2,2])
odd_ratio
```

[1] 3.712368

4.3.1.6 Survived y Age Vamos a analizar ahora si la media de edad de las personas que murieron es coincidente con la media de edad que sobrevivieron. Aplicamos el test t-Test

```
t.test(data$Age[which(data$Survived==0)], data$Age[which(data$Survived == 1)])
```

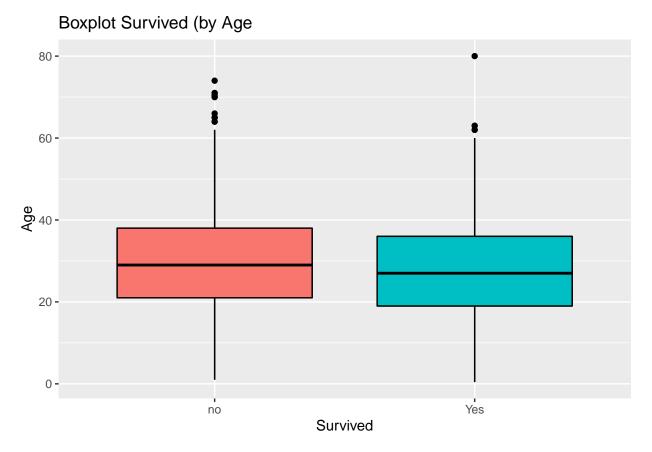
```
##
## Welch Two Sample t-test
##
## data: data$Age[which(data$Survived == 0)] and data$Age[which(data$Survived == 1)]
## t = 2.3712, df = 661.9, p-value = 0.01802
## alternative hypothesis: true difference in means is not equal to 0
## 95 percent confidence interval:
## 0.4021522 4.2767022
## sample estimates:
## mean of x mean of y
## 30.32969 27.99026
```

Se observa que el p-valor es inferior a 0.05, con lo que rechazamos la hipótesis nula (que las medias de edad son coincidentes para fallecidos y supervivientes), pero como ya sabíamos, la distribución de \mathbf{Age} no sigue exactamente una normal, por lo que vamos a aplicar el test no paramétrico U de Mann-Whitney

```
##
## Wilcoxon rank sum test with continuity correction
##
## data: data$Age[which(data$Survived == 0)] and data$Age[which(data$Survived == 1)]
## W = 101056, p-value = 0.05465
## alternative hypothesis: true location shift is not equal to 0
```

La prueba no-paramétrica nos devuelve un p-value por encima de 0.05 y por tanto no rechazamos la hipótesis nula, con lo que podemos decir que la media de edad es coincidente entre los muertos y los supervivientes del accidente del Titanic.

Gráficamente podemos comprobarlo mediante un Boxplot



Se ve claramente que las distribuciones son muy parecidas.

4.3.1.7 Age y Embarked Para analizar si **Age** es independiente del puerto de embarque **Embarked**, podemos realizar un test Anova, donde la hipótesis nula nos dice que la media de la edad es independiente del puerto de embarque, es decir que la media de edad de la gente que subió en "C" (Cherbourg), coincide con la media de los que embarcaron en "Q" (Queenstown) y también con los que embarcaron en "S" (Southampton). Y por el contrario la hipótesis nula es que alguna de las medias es diferente.

```
modelo_anova <- aov(formula = Age ~ Embarked, data =data )
resumen_anova <- summary(modelo_anova)
resumen_anova

## Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
## Embarked 2 398 199.2 1.018 0.362
```

Observamos dos filas, una que pone "Embarked" y otra que pone "Residuals". La primera fila corresponde a todo lo relativo a la varianza explicada (la de la variable independiente **Embarked**) y la segunda fila relativo a la varianza no explicada o residual.

Explicación de los resultados del test Anova:

888 173742

195.7

Residuals

Df son los grados de libertad, para el caso de la varianza explicada (la de la variable independiente) es k-1.

En nuestro caso como "Embarked" tiene 3 valores posibles, entonces Df=2.

Para la parte de la varianza residual, es n - k, por tanto el valor Df=888 (891 son los registros del dataframe, si le restamos los 2 de antes quedan los 888).

Sum Sq es la suma de la diferencia de los cuadrados, conocidos como SCDe (variación entre-grupos) y SCDi (variación intra-grupos). La función nos ha devuelto 427 y 175873 respectivamente.

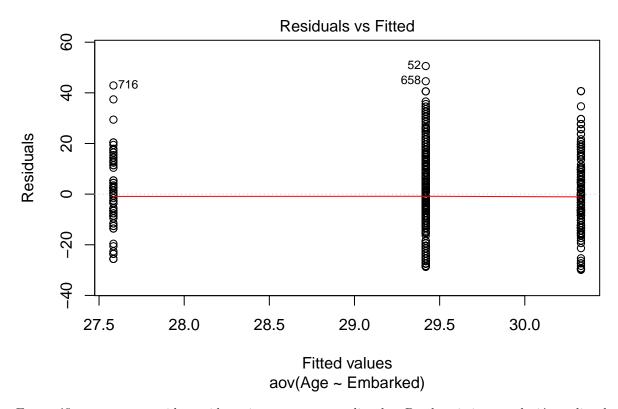
Mean Sq es la media cuadrática referente a entre-grupos e intra-grupos. Lo que también llamamos como Varianza explicada (línea superior, es decir 213.6) y varianza no explicada (línea inferior, es decir 198.1). Corresponde al cociente entre la suma de diferencias de cuadrados y los grados de libertad, es decir realmente Mean Sq = Sum Sq / Df lo que se puede comprobar realizando los cálculos sobre los datos anteriores.

F Es el estadístico (Fisher-Snedecor), que es el cociente entre la varianza explicada entre la varianza no explicada. Por tanto es el cociente entre los valores Mean Sq, siendo el numerador la fila superior (213.6) y el denominador la fila inferior (213.6). El valor del cociente es 0.956, es decir el estadístico F.

Pr(>F) Es la probabilidad asociada, el p-valor que nos indicará si se rechaza o no la hipotesis nula. En este caso el valor es: 0.442 que es mayor que 0.05 y nos permite aceptar (no rechazar) la hipótesis nula que decía que las medias de la variable "Age" en función del valor de "Embarked" eran iguales.

Revisamos los distintos gráficos que nos proporciona anova

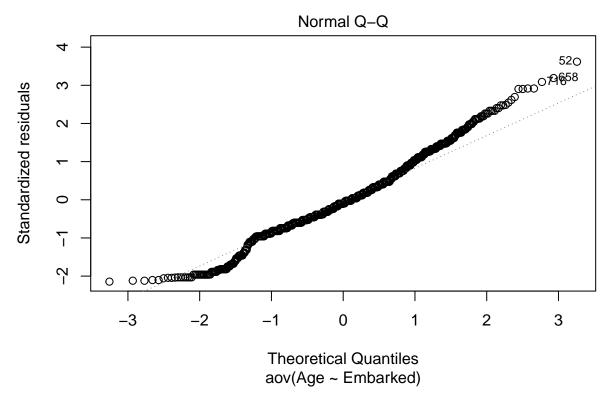
Gráfico Residuals vs Fitted



Esta gráfica nos muestra si los residuos tienen patrones no lineales. Puede existir una relación no lineal entre las variables explicativas y la variable explicada, y ese patrón podría verse en esta gráfica si el modelo no captura esa relación no lineal. Si los residuos están igualmente distribuidos alrededor de una línea horizontal sin patrones diferentes, es una buena señal de que no hay relaciones no lineales.

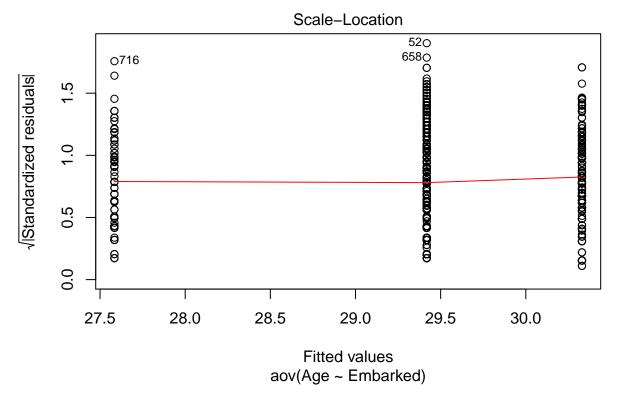
En nuestro caso concreto, se ve una línea casi horizontal (hay una mini curva) y los residuos se distribuyen alrededor de dicha línea. Podemos decir que no hay indicios de relaciones no lineales.

Gráfico Normal Q-Q



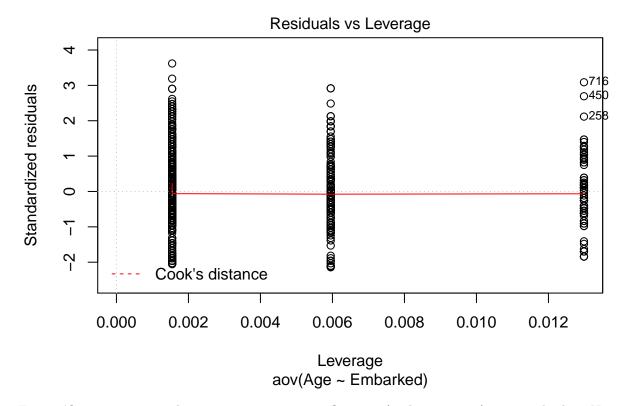
Si no nos ponemos muy estrictos en la exigencia, con el gráfico $Normal\ Q\text{-}Q$ podemos ver que la variable dependiente sigue una distribución aproximadamente normal. La mayoría de los puntos se encuentran alineados en la línea de puntos y solamente es en los extremos donde esa situación no se cumple.

Gráfica Scale-Location



La gráfica *Scale-Location* también es conocida con el nombre de gráfica *Spread-Location*. Aquí vemos si los residuos se reparten de forma equitativa. En nuestro ejemplo, vemos casi una recta horizontal y los puntos se distribuyen de forma muy similar a los lados de la línea y en los extremos también parece un gráfico simétrico (tanto en horizontal como en vertical). Es decir que el gráfico nos está indicando que se cumple la homocedasticidad en nuestro modelo.

Gráfica Residuals vs Leverage

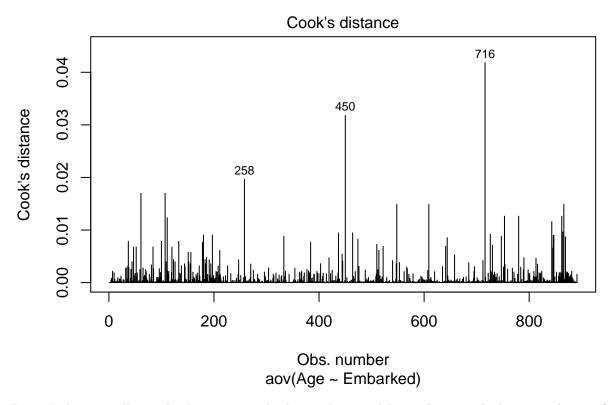


Esta gráfica sirve para ayudarnos a encontrar casos influyentes (es decir, sujetos) si es que los hay. No todos los valores atípicos son influyentes en el análisis de regresión lineal. En el caso de existir valores extremos (outliers), puede que no sean influyentes para determinar la línea de regresión. Eso significa que los resultados no serían muy diferentes si los incluimos o excluimos del análisis, es decir no son influyentes. Por otra parte, algunos casos podrían ser muy influyentes, incluso aunque parezca que están dentro de un rango razonable de los valores. Pueden ser casos extremos contra una línea de regresión y pueden alterar los resultados si los excluimos del análisis. Es decir, estos no están alineados (tendencia) con la mayoría de los casos.

Tenemos que buscar casos que estén fuera de una línea discontinua (que es la distancia de Cook). Cuando encontremos casos fuera de la distancia de Cook (es decir que tienen puntuación alta de distancia de Cook) se consideran casos influyentes en los resultados de la regresión. Y esa regresión se verá afectada si excluimos esos casos.

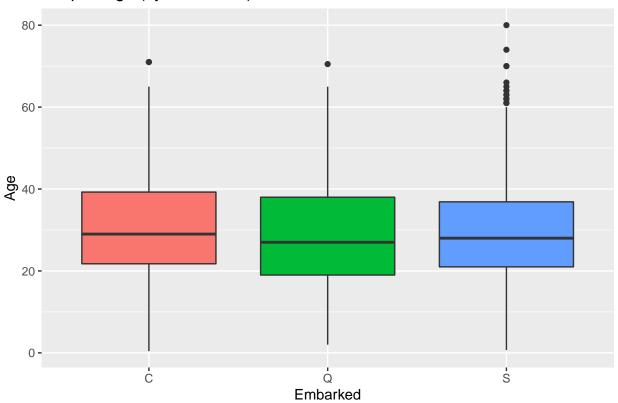
Grafica Distancia de Cook

Otra forma de mostrar la distancia de Cook es usando el gráfico que proporciona Anova



Después de este análisis y dando por aceptadas las condiciones del cumplimiento de Anova, podemos afirmar que las medias de edad en los diferentes puertos de Embarke es coincidente. Y de hecho, si vemos el Boxplot de la variable Age en función de la variable Embarked:

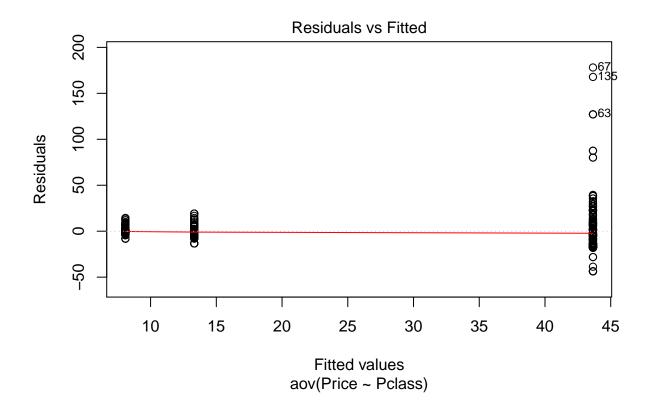
Boxplot Age (by Embarked)

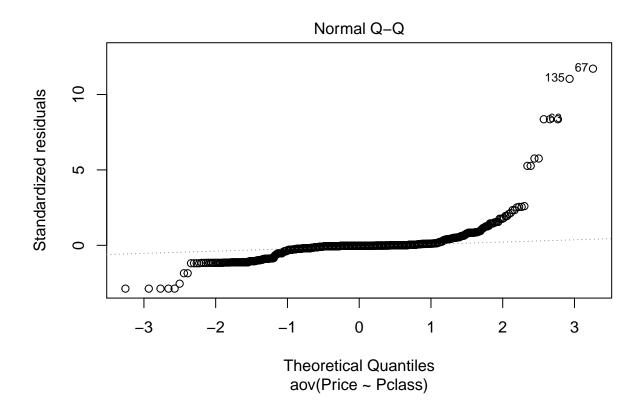


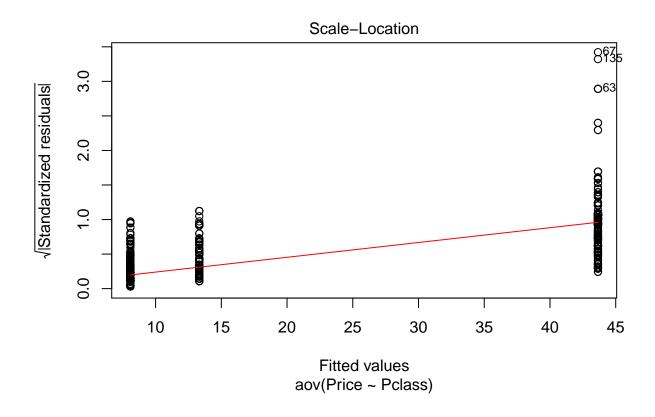
4.3.1.8 Price y Pclass Intentamos realizar Anova con estas dos variables, usando como hipótesis nula que el precio medio pagado es igual para cada una de las 3 clases

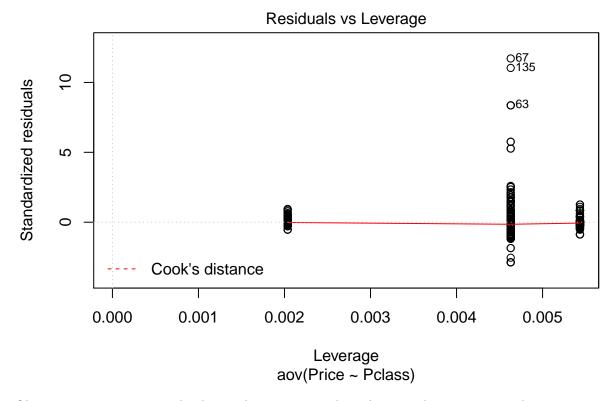
```
modelo_anova <- aov(formula = Price ~ Pclass, data =data )
resumen_anova <- summary(modelo_anova)
resumen_anova</pre>
```

Si mostramos los gráficos:









Observamos que no se cumplen las condiciones para aplicar Anova y el test no tiene valor.

Vamos a intentar usar un test no paramétrico, Kruskal Wallis

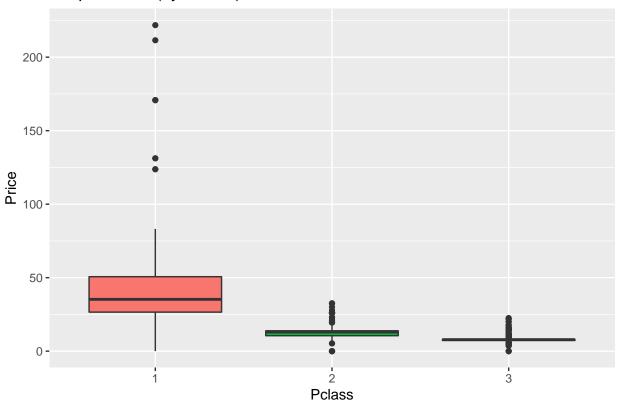
```
modelo_kruskal <- kruskal.test(formula = Price ~ Pclass, data =data )
modelo_kruskal

##
## Kruskal-Wallis rank sum test
##
## data: Price by Pclass
## Kruskal-Wallis chi-squared = 566.65, df = 2, p-value < 2.2e-16</pre>
```

El resultado de este test arroja un p-value inferior a 0.05 y por tanto rechazamos la hipótesis nula. Es decir el precio medio pagado NO es igual para cada una de las 3 clases lo cual era el resultado esperado.

Lo podemos comprobar también visualmente con el boxplot relativo a ello:

Boxplot Price (by Pclass)



4.3.2 Modelos

Vamos a aplicar diversos modelos predictivos de la variable **Survived**.

Vamos a utilizar como variables explicativas las variables que traía por defecto el conjunto de datos original (menos las que hemos eliminado en el proceso de transformación y limpieza de datos ya comentado).

Creamos un conjunto de entrenamiento y un conjunto de test. Es decir,vamos a realizar una partición, un 75% de datos para el entrenamiento, y el 25% restante para validar los modelos.

```
set.seed(123)
index_train <- createDataPartition(data$Survived, p=.75, list = FALSE)
data_train <-data[index_train,]
data_test <- data[-index_train, ]</pre>
```

Creamos una función que nos imprima la matriz de confusión

```
# Función necesaria para imprimir la matriz de confusión a partir de un CrossTable
plot_matriz_confusion <- function(par_crosstable) {
   #Obtenemos la matriz de confusion en porcentaje
   datplotconfusion <- as.data.frame(par_crosstable[2]$prop.row)
   colnames(datplotconfusion) <- c('Observacion','Prediccion','Valor')
   datplotconfusion$Valor <- datplotconfusion$Valor*100
   #Ordenamos los factores de las clases
   datplotconfusion <- datplotconfusion %>% arrange(Observacion)
   clasesord <- sort(as.character(levels(datplotconfusion$Observacion, levels = clasesord)
   datplotconfusion$Observacion <- factor(datplotconfusion$Observacion, levels = clasesord)</pre>
```

```
clasesinv<-rev(as.character(unique(datplotconfusion$Observacion)))</pre>
plot1 <- ggplot() +
  geom_tile(aes(x=Observacion, y=Prediccion,fill=Valor),
            data=datplotconfusion, color="black",size=0.1) +
 labs(x="Observación real (%)",y="Predicción (%)") +
  scale_y_discrete(limits=clasesinv)
plot1 = plot1 +
 geom_text(aes(x=Observacion, y=Prediccion, label=sprintf("%.2f", Valor)),
            data=datplotconfusion, size=3, colour="black") +
  scale fill gradient(low="gray",high="red")
datplotconfusion <- as.data.frame(par_crosstable[1]$t)</pre>
colnames(datplotconfusion) <- c('Observacion', 'Prediccion', 'Valor')</pre>
datplotconfusion <- datplotconfusion %>% arrange(Observacion)
clasesord <- sort(as.character(levels(datplotconfusion$Observacion)),decreasing = FALSE)</pre>
datplotconfusion $0bservacion <- factor(datplotconfusion $0bservacion, levels = clasesord)
clasesinv<-rev(as.character(unique(datplotconfusion$Observacion)))</pre>
plot2 <- ggplot() +</pre>
 geom_tile(aes(x=Observacion, y=Prediccion,fill=Valor),
            data=datplotconfusion, color="black",size=0.1) +
 labs(x="Observación real (n^{\circ})",y="Predicción (n^{\circ})") +
  scale_y_discrete(limits=clasesinv)
plot2 = plot2 +
 geom_text(aes(x=Observacion, y=Prediccion, label=sprintf("%d", Valor)),
            data=datplotconfusion, size=3, colour="black") +
 scale_fill_gradient(low="gray",high="red")
return(grid.arrange(plot1, plot2, ncol=2))
```

Creamos un dataframe que ira guardando los distintos valores de precisión y errores de clasificación

```
## 'data.frame': 0 obs. of 3 variables:
## $ Modelo : chr
## $ Precisión: num
## $ Errores : num
```

4.3.2.1 Modelo de regresión logística Un modelo de regresión logística es un tipo de análisis de regresión que se utiliza para predecir el resultado de una variable categórica, en función de las variables independientes. En nuestro caso, la variable objetivo **Survived** es una variable categórica binaria, es decir que tomar valor de 0 o 1 (verdadero o falso). La variable toma el valor 1 cuando el pasajero ha sobrevivido

##

Number of Fisher Scoring iterations: 5

4.3.2.1.1 Primer modelo glm Creamos un primer modelo glm1 con las variables "original": Pclass, SibSp, Parch, Sex, Age, Fare y Embarked

modelo_glm1 <- glm(formula=Survived~ Pclass+SibSp+Parch+Sex+Age+Fare+Embarked, data = data_train, famil

```
summary(modelo glm1)
##
## Call:
   glm(formula = Survived ~ Pclass + SibSp + Parch + Sex + Age +
       Fare + Embarked, family = binomial(link = "logit"), data = data_train)
##
##
## Deviance Residuals:
##
       Min
                 10
                      Median
                                    30
                                            Max
##
   -2.7171
            -0.6530
                     -0.4083
                                0.6409
                                         2.4390
##
## Coefficients:
##
                Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
## (Intercept)
                4.072933
                            0.576031
                                       7.071 1.54e-12 ***
## Pclass2
               -1.015051
                            0.364209
                                      -2.787
                                             0.00532 **
## Pclass3
               -2.285205
                                      -5.965 2.45e-09 ***
                            0.383125
## SibSp
               -0.347157
                                      -2.560
                            0.135594
                                              0.01046
               -0.089629
                                      -0.679
## Parch
                            0.132055
                                              0.49731
## Sexmale
               -2.610795
                            0.230629 -11.320
                                              < 2e-16 ***
               -0.040744
                            0.008414
                                      -4.842 1.28e-06 ***
## Age
                0.003532
## Fare
                            0.004180
                                       0.845
                                              0.39817
                0.115525
                            0.439428
                                       0.263
                                              0.79263
## EmbarkedQ
## EmbarkedS
               -0.334202
                            0.275126
                                     -1.215
                                              0.22447
##
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
##
  (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
       Null deviance: 891.19
##
                              on 668 degrees of freedom
## Residual deviance: 595.27
                              on 659
                                       degrees of freedom
## AIC: 615.27
```

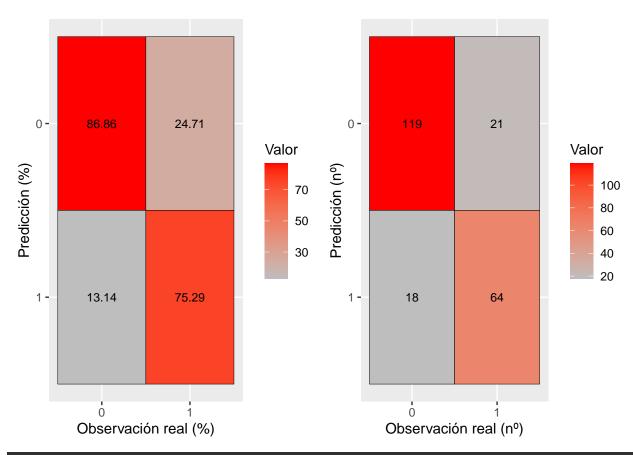
Se puede observar en este modelo que tanto las variables **Fare** como **Parch** no son significativas, es decir, no están aportando nada a la hora de predecir la variable **Survived**.

Además, podemos comprobar el "sentido" de la significación. Por ejemplo, vemos como significativa la variable dummy. Con las variables categóricas se crean automáticamente tantas variables dummy como niveles – 1. En el caso de la variable Sex, al tener 2 valores ha creado la variable Sexmale, es decir la parte correspondiente a hombres, mientras que la parte de mujeres forma parte del Intercept del modelo. Concretamente vemos que Sexmale es una variable significativa, pero con valor negativo (de las más negativas junto con Pclass3). Eso significa que esas variables son una influencia "negativa" de cara a la supervivencia. Es decir, esas variables contribuyen negativamente a la supervivencia, se puede ver por ejemplo que Pclass3 afecta más negativamente que Pclass2.

Ahora usamos el conjunto de datos de test para validar nuestro modelo. (Para este primer modelo mostramos el código como ejemplo)

```
predict_glm1 <- predict(object=modelo_glm1, newdata=data_test, type = "response")</pre>
r1 <- pROC::roc(response=data_test$Survived, predictor = predict_glm1)
## Setting levels: control = 0, case = 1
## Setting direction: controls < cases
threshold_r1 <- pROC::coords(r1, "best", ret = "threshold", transpose="FALSE")</pre>
predict_glm1 <- if_else(predict_glm1 < threshold_r1[1,1], 0, 1)</pre>
mat.confusion_glm1 <- table(data_test$Survived, predict_glm1)</pre>
mat.confusion_glm1
##
     predict_glm1
##
      0 1
##
    0 119 18
    1 21 64
##
pct.correcto_glm1 <- 100 * sum(diag(mat.confusion_glm1)) / sum(mat.confusion_glm1)</pre>
print(sprintf("El %% de registros correctamente clasificados es: %.4f %%",
           pct.correcto_glm1))
## [1] "El % de registros correctamente clasificados es: 82.4324 %"
csstab_glm1 <- CrossTable(data_test$Survived, predict_glm1,</pre>
                      prop.chisq = FALSE, prop.c = FALSE, prop.r =FALSE,
                      dnn = c('Reality', 'Prediction'))
##
##
     Cell Contents
## |-----|
## |
         N / Table Total |
## |
## |-----|
##
##
## Total Observations in Table: 222
##
##
            | Prediction
##
##
       Reality | 0 |
                               1 | Row Total |
## -----|-----|
            0 I
                   119 l
                              18 l
                 0.536 | 0.081 |
            ## -----|-----|
                            64 | 85 |
           1 | 21 |
##
           0.095 |
                           0.288 |
## -----|-----|
                   140 |
                               82 I
## Column Total |
## -----|-----|
##
##
```

plot_matriz_confusion(csstab_glm1)



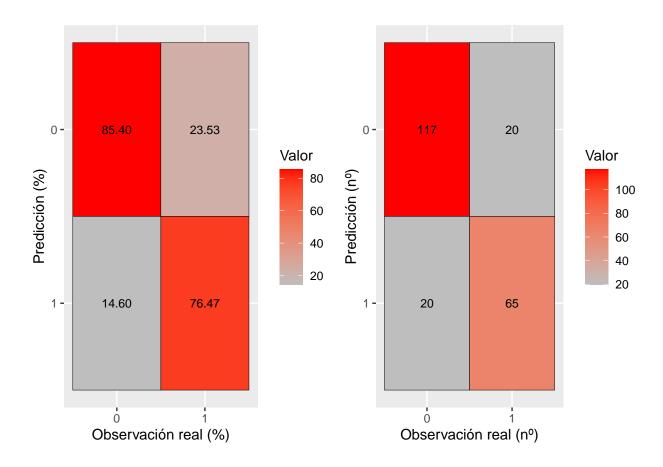
 $tabla.modelos[nrow(tabla.modelos)+1,] = c("glm1", pct.correcto_glm1, sum(mat.confusion_glm1) - sum(diag(mat.confusion_glm1) - sum(diag(mat.confusion_glm1$

4.3.2.1.2 Segundo modelo glm Construimos otro modelo (glm2), similar al anterior pero esta vez partiendo de los resultados del modelo anterior, le vamos a quitar aquellas variables que vimos que no eran significativas para el modelo de predicción. Por lo tanto, tendremos un modelo cuyas variables a utilizar serán **Pclass**, **SibSp**, **Sex** y **Age**.

```
modelo_glm2 <- glm(formula=Survived~ Pclass+SibSp+Sex+Age, data = data_train, family = binomial(link = summary(modelo_glm2)</pre>
```

```
##
## Call:
## glm(formula = Survived ~ Pclass + SibSp + Sex + Age, family = binomial(link = "logit"),
##
       data = data_train)
##
## Deviance Residuals:
##
       Min
                 1Q
                      Median
                                    3Q
                                            Max
##
  -2.7208
           -0.6362 -0.4027
                               0.6368
                                         2.4095
##
## Coefficients:
##
                Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
## (Intercept) 4.118849
                           0.455564
                                       9.041 < 2e-16 ***
## Pclass2
               -1.267603
                           0.303397
                                     -4.178 2.94e-05 ***
## Pclass3
               -2.499697
                           0.289376
                                     -8.638
                                             < 2e-16 ***
## SibSp
               -0.359234
                           0.126514
                                     -2.839
                                              0.00452 **
## Sexmale
               -2.633693
                           0.222718 -11.825 < 2e-16 ***
```

```
## Age
            ## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
      Null deviance: 891.19 on 668 degrees of freedom
## Residual deviance: 599.07 on 663 degrees of freedom
## AIC: 611.07
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 5
Se comprueba que todas las variables utilizadas son variables significativas para el modelo. Además, el
modelo parece haber mejorado un poco en cuanto a la predicción:
## Setting levels: control = 0, case = 1
## Setting direction: controls < cases
##
     predict_glm2
##
       0
##
    0 117 20
##
    1 20 65
  [1] "El % de registros correctamente clasificados es: 81.9820 %"
##
##
##
     Cell Contents
##
##
                       N
          N / Table Total |
## |
  |-----|
##
##
##
  Total Observations in Table: 222
##
##
##
             | Prediction
##
      Reality |
                  0 |
                                 1 | Row Total |
##
  -----|-----|
            0 |
                    117 |
##
                                20 |
                   0.527 |
                             0.090 |
             -
##
##
            1 l
                     20 |
                                65 |
                                          85 I
                   0.090 I
                             0.293 l
##
             -----|-----|-----|
##
## Column Total |
                    137
                                85 I
## -----|-----|
##
##
```

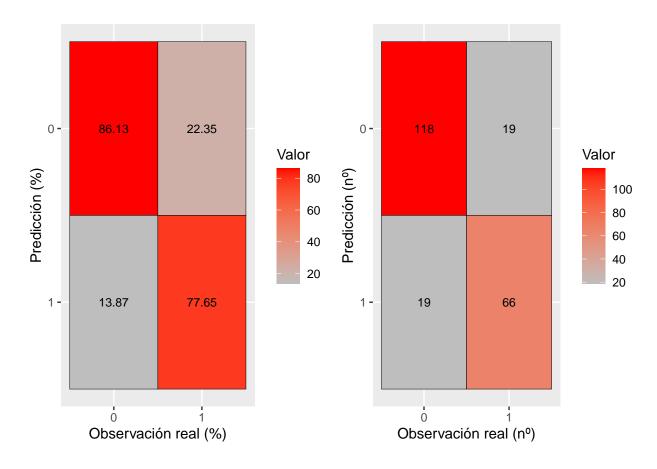


4.3.2.1.3 Tercer modelo glm Hasta ahora se han utilizado las variables del conjunto de datos "original". Vamos a construir otro modelo (glm3), pero esta vez vamos a intentar utilizar alguna de las variables que hemos construido para ayudar a predecir la supervivencia. Para este caso vamos a utilizar las variables nuevas **Child** y también **FamilySize**. Además de esas dos variables, vamos a utilizar otras tres variables originales: **Pclass**, **Sex** y **Age**.

```
modelo_glm3 <- glm(formula=Survived~ Sex+Pclass+Age+Child+FamilySize,, data = data_train, family = b
summary(modelo_glm3)</pre>
```

```
##
## Call:
## glm(formula = Survived ~ Sex + Pclass + Age + Child + FamilySize,
       family = binomial(link = "logit"), data = data_train)
##
##
## Deviance Residuals:
##
       Min
                 1Q
                      Median
                                    3Q
                                            Max
           -0.6258
                     -0.4156
                                0.5883
##
  -2.9141
                                         2.4119
##
## Coefficients:
##
                Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
## (Intercept)
               3.934466
                            0.502708
                                       7.827 5.01e-15 ***
                            0.231711 -11.869 < 2e-16 ***
## Sexmale
               -2.750264
## Pclass2
               -1.239767
                            0.301547
                                      -4.111 3.93e-05 ***
## Pclass3
               -2.378739
                            0.286891
                                      -8.291 < 2e-16 ***
## Age
               -0.026431
                            0.009294
                                     -2.844 0.004456 **
## Child1
                1.503411
                            0.514631
                                       2.921 0.003485 **
```

```
## FamilySize -0.288372 0.082927 -3.477 0.000506 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
     Null deviance: 891.19 on 668 degrees of freedom
## Residual deviance: 591.40 on 662 degrees of freedom
## AIC: 605.4
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 5
Al igual que pasaba en el modelo2, todas las variables utilizadas han resultado significativas, y además el
AIC del modelo ha mejorado ligeramente. Además la capacidad predictiva del modelo ha aumentado un
poco:
## Setting levels: control = 0, case = 1
## Setting direction: controls < cases
##
     predict_glm3
##
       0
    0 118 19
##
    1 19 66
##
  [1] "El % de registros correctamente clasificados es: 82.8829 %"
##
##
##
     Cell Contents
         N / Table Total |
  |-----|
##
##
##
## Total Observations in Table: 222
##
##
##
             | Prediction
##
                 0 |
                                1 | Row Total |
      Reality |
  -----|-----|
            0 |
                    118 |
##
                               19 |
             0.532 |
                            0.086 |
##
  -----|-----|
           1 l
                     19 l
##
                               66 l
                  0.086 |
                            0.297 |
##
             ## -----|-----|
                               85 I
## Column Total | 137 |
  -----|-----|
##
##
```



4.3.2.1.4 Cuarto modelo glm Antes de construir un cuarto modelo, vamos a analizar si existen variables independientes que afecten a la variable dependiente. Para ello primero definimos una variable 'objetivo' pero numérica

data\$SurvivedNum <- as.integer(as.character(data\$Survived))</pre>

Agrupamos el dataset por las variables Sex y Pclass

data.agrup <- data %>% group_by(Sex, Pclass)

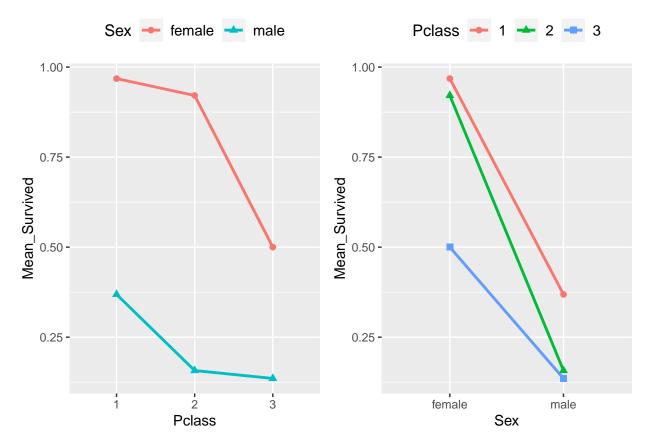
Calculamos la media creando un campo 'Mean_survived' de la media

data.mediasurvived <- summarize(.data = data.agrup, Mean_Survived = mean(SurvivedNum))</pre>

`summarise()` regrouping output by 'Sex' (override with `.groups` argument)

kable(data.mediasurvived)

| Sex | Pclass | Mean_Survived |
|--------|--------|---------------|
| female | 1 | 0.9680851 |
| female | 2 | 0.9210526 |
| female | 3 | 0.5000000 |
| male | 1 | 0.3688525 |
| male | 2 | 0.1574074 |
| male | 3 | 0.1354467 |

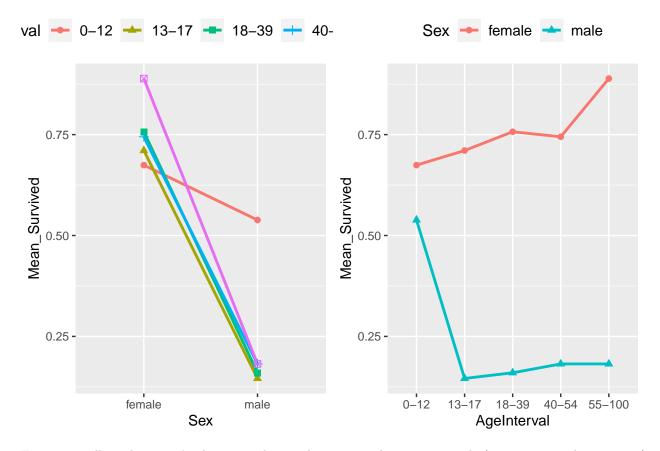


Tanto la variable **Sex** como la variable **Pclass** producen efecto en la variable **Mean_Survived**. También podemos comprobar cómo se produce interacción entre las variables **Sex** y **Pclass** respecto a **Mean_Survived**. Podemos ver cómo hay un descenso muy pronunciado cuando pasamos de mujeres a hombres y estamos tratando la clase 2ª. Observamos además cómo pasar a tercera clase afecta muy negativamente en el caso de las mujeres, ya que aunque no es una línea paralela, el hecho de estar en 1ª o 2ª clase no parece demasiado importante en el caso de las mujeres, pero al pasar a 3ª clase la caída de la media de supervivencia es muy importante.

Agrupamos el dataset por las variables AgeInterval y Sex y realizamos el mismo proceso

`summarise()` regrouping output by 'AgeInterval' (override with `.groups` argument)

| Sex | Mean_Survived |
|--------|---|
| female | 0.6744186 |
| male | 0.5384615 |
| female | 0.7105263 |
| male | 0.1458333 |
| female | 0.7570621 |
| male | 0.1598916 |
| female | 0.7446809 |
| male | 0.1818182 |
| female | 0.8888889 |
| male | 0.1818182 |
| | female male female male female male female male female female |

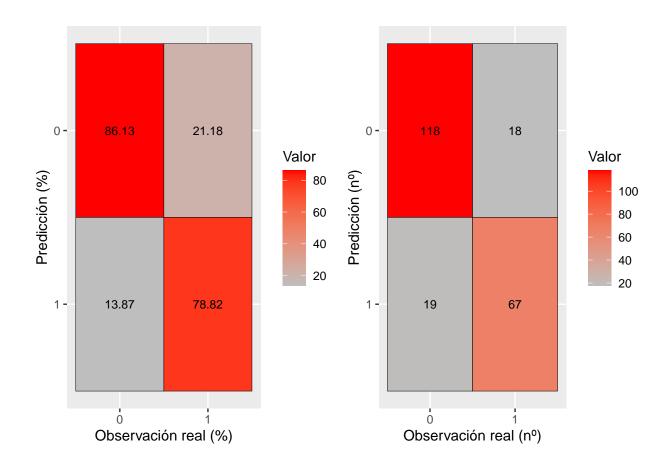


En este caso llama la atención el impacto de cuando pasamos el primer intervalo (menores o igualesa 12 años) al siguiente intervalo (de 13 a 17 años). La proporción de las mujeres aumenta mientras que en el caso de los hombres disminuye drásticamente. Además, no parece haber apenas diferencia en el primer tramo (los niños, se salvan con independencia del género)

Ahora construimos nuestro cuarto modelo de regresión logística. Utilizaremos algunas variables ya usadas en otros modelos más **AgeInterval:Sex**. También hemos añadido la interacción que generan **Sex:Pclass**. A estas variables le sumamos también las variables independientes **Sex**, **Parch** y **SibSp**.

```
##
## Call:
  glm(formula = Survived ~ Sex + Parch + SibSp + AgeInterval:Sex +
       Sex:Pclass, family = binomial(link = "logit"), data = data_train)
##
##
  Deviance Residuals:
##
##
                                     3Q
       Min
                  1Q
                       Median
                                             Max
                      -0.4750
##
   -2.8606
            -0.5282
                                0.3918
                                          2.5067
##
## Coefficients:
##
                                Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
                                              0.8805
                                                       5.647 1.64e-08 ***
## (Intercept)
                                  4.9720
## Sexmale
                                 -1.7709
                                              0.9694
                                                      -1.827 0.067719 .
## Parch
                                                      -1.239 0.215267
                                 -0.1797
                                              0.1450
## SibSp
                                 -0.5380
                                              0.1496
                                                      -3.596 0.000323 ***
## Sexfemale: AgeInterval13-17
                                 -1.0537
                                              0.7327
                                                      -1.438 0.150423
## Sexmale: AgeInterval13-17
                                 -2.8990
                                              0.6722
                                                      -4.313 1.61e-05 ***
## Sexfemale:AgeInterval18-39
                                 -1.1454
                                              0.5779
                                                      -1.982 0.047466 *
```

```
## Sexmale: AgeInterval18-39
                         -3.4344
                                   0.5532 -6.208 5.36e-10 ***
## Sexfemale:AgeInterval40-54 -1.9584
                                  0.7364 -2.660 0.007825 **
## Sexmale:AgeInterval40-54
                         -3.5379
                                  0.6278 -5.636 1.74e-08 ***
                                  1.4434 -1.381 0.167194
## Sexfemale:AgeInterval55-100 -1.9937
## Sexmale:AgeInterval55-100 -3.9265
                                   0.7515 -5.225 1.74e-07 ***
## Sexfemale:Pclass2
                         ## Sexmale:Pclass2
                         -1.6661
                                  0.4128 -4.036 5.43e-05 ***
                         -3.4259
                                  0.6596 -5.194 2.06e-07 ***
## Sexfemale:Pclass3
                                  0.3340 -5.354 8.61e-08 ***
## Sexmale:Pclass3
                         -1.7884
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## (Dispersion parameter for binomial family taken to be 1)
##
##
     Null deviance: 891.19 on 668 degrees of freedom
## Residual deviance: 554.24 on 653 degrees of freedom
## AIC: 586.24
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 5
## Setting levels: control = 0, case = 1
## Setting direction: controls < cases
##
    predict_glm4
##
      0 1
##
   0 118 19
##
   1 18 67
## [1] "El % de registros correctamente clasificados es: 83.3333 %"
##
##
##
    Cell Contents
## |-----|
                     N I
## |
        N / Table Total |
## |-----|
##
## Total Observations in Table: 222
##
##
##
            | Prediction
                          1 | Row Total |
##
      Reality | 0 |
   -----|-----|
##
                 118 | 19 |
           0 |
##
          1
##
                0.532 |
                         0.086 |
##
    -----|-----|
                                       85 I
##
           1 |
                 18 l
                             67 l
          0.081 | 0.302 |
## -----|-----|-----
                         86 I
               136 |
## Column Total |
## -----|-----|
##
##
```



4.3.2.1.5 Resumen modelos regresion Los diferentes modelos se han comportado de la siguiente forma:

knitr::kable(tabla.modelos)

| Modelo | Precisión | Errores |
|--------|------------------|---------|
| glm1 | 82.4324324324324 | 39 |
| glm2 | 81.981981981982 | 40 |
| glm3 | 82.8828828828 | 38 |
| glm4 | 83.3333333333333 | 37 |

Curvas ROC

r1\$auc

Area under the curve: 0.8753

r2\$auc

Area under the curve: 0.8705

r3\$auc

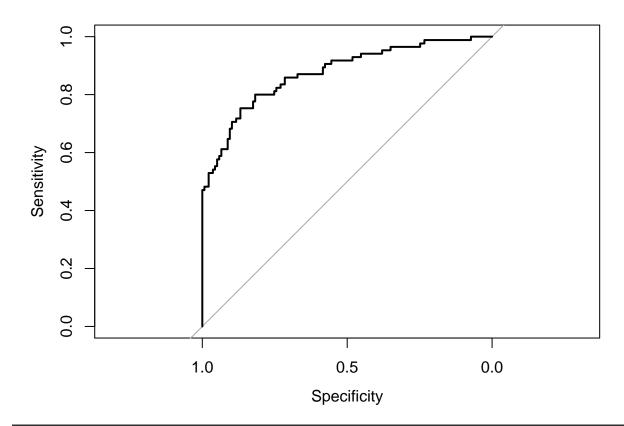
Area under the curve: 0.8769

r4\$auc

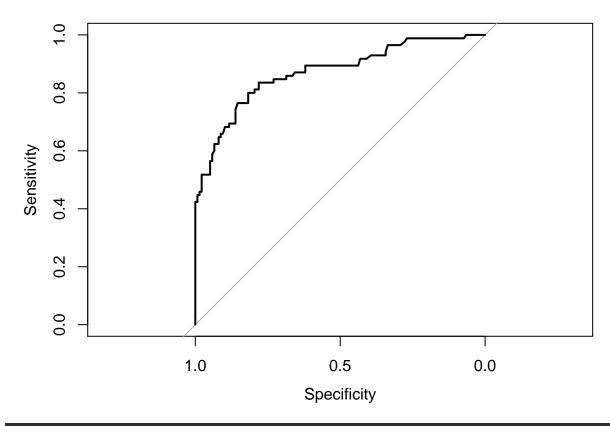
Area under the curve: 0.8802

data\$SurvivedNum <- NULL

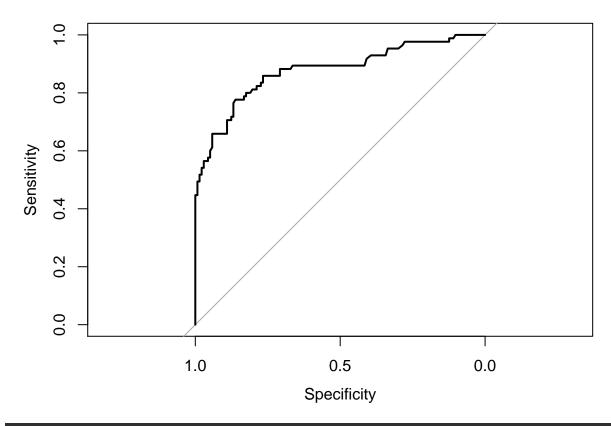
plot.roc(r1)



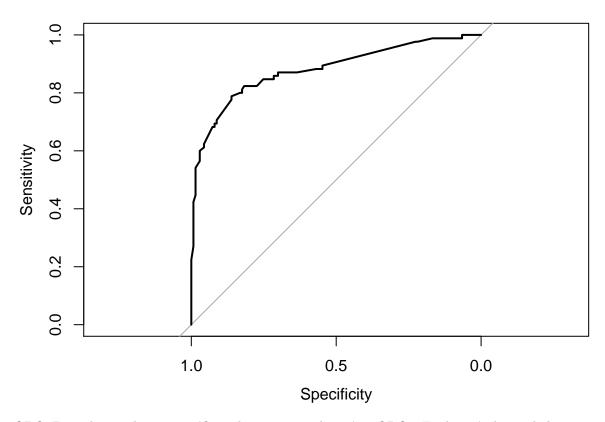
plot.roc(r2)



plot.roc(r3)



plot.roc(r4)



TODO: Pintarlas en el mismo gráfico y hacer una explicación TODO: ¿Explicación breve de las curvas?

4.3.2.2 Árboles de decisión Los árboles de decisión son modelos muy sencillos de construir. Utilizaremos los "Recursive Partitioning and Regression Tree" que proporciona la libreria rpart

4.3.2.2.1 Primer árbol de decisión Creamos un primer árbol con los parámetros básicos

```
## Call:
   (function (formula, data, weights, subset, na.action = na.rpart,
##
       method, model = FALSE, x = FALSE, y = TRUE, parms, control,
##
       cost, ...)
## {
       Call <- match.call()</pre>
##
       if (is.data.frame(model)) {
##
##
           m <- model
##
           model <- FALSE
##
       else {
##
           indx <- match(c("formula", "data", "weights", "subset"),</pre>
##
```

```
##
                names(Call), nomatch = 0)
##
            if (indx[1] == 0)
##
                stop("a 'formula' argument is required")
            temp <- Call[c(1, indx)]</pre>
##
##
            temp$na.action <- na.action
            temp[[1]] <- quote(stats::model.frame)</pre>
##
##
            m <- eval.parent(temp)</pre>
##
##
       Terms <- attr(m, "terms")</pre>
       if (any(attr(Terms, "order") > 1))
##
##
            stop("Trees cannot handle interaction terms")
##
       Y <- model.response(m)
       wt <- model.weights(m)</pre>
##
       if (any(wt < 0))
##
##
            stop("negative weights not allowed")
##
       if (!length(wt))
##
            wt <- rep(1, nrow(m))
##
       offset <- model.offset(m)
##
       X <- rpart.matrix(m)</pre>
##
       nobs <- nrow(X)
       nvar <- ncol(X)</pre>
##
##
       if (missing(method)) {
##
            method <- if (is.factor(Y) || is.character(Y))</pre>
##
##
            else if (inherits(Y, "Surv"))
##
                "exp"
##
            else if (is.matrix(Y))
                "poisson"
##
##
            else "anova"
       }
##
##
       if (is.list(method)) {
##
            mlist <- method
            method <- "user"
##
##
            init <- if (missing(parms))</pre>
##
                mlist$init(Y, offset, wt = wt)
##
            else mlist$init(Y, offset, parms, wt)
##
            keep <- rpartcallback(mlist, nobs, init)</pre>
##
            method.int <- 4
##
            parms <- init$parms</pre>
##
       }
##
       else {
##
            method.int <- pmatch(method, c("anova", "poisson", "class",</pre>
##
                "exp"))
##
            if (is.na(method.int))
                stop("Invalid method")
##
            method <- c("anova", "poisson", "class", "exp")[method.int]</pre>
##
            if (method.int == 4)
##
                method.int <- 2
##
##
            init <- if (missing(parms))</pre>
                get(paste("rpart", method, sep = "."), envir = environment())(Y,
##
##
                     offset, , wt)
            else get(paste("rpart", method, sep = "."), envir = environment())(Y,
##
##
                offset, parms, wt)
            ns <- asNamespace("rpart")</pre>
##
```

```
##
            if (!is.null(init$print))
##
                environment(init$print) <- ns</pre>
##
            if (!is.null(init$summary))
                environment(init$summary) <- ns</pre>
##
##
            if (!is.null(init$text))
                environment(init$text) <- ns</pre>
##
##
       Y <- init$y
##
##
       xlevels <- .getXlevels(Terms, m)</pre>
##
       cats <- rep(0, ncol(X))</pre>
##
       if (!is.null(xlevels))
##
            cats[match(names(xlevels), colnames(X))] <- unlist(lapply(xlevels,</pre>
                length))
##
       extraArgs <- list(...)</pre>
##
##
       if (length(extraArgs)) {
##
            controlargs <- names(formals(rpart.control))</pre>
##
            indx <- match(names(extraArgs), controlargs, nomatch = 0)</pre>
##
            if (anv(indx == 0))
##
                stop(gettextf("Argument %s not matched", names(extraArgs)[indx ==
##
                     0]), domain = NA)
##
       }
##
       controls <- rpart.control(...)</pre>
       if (!missing(control))
##
            controls[names(control)] <- control</pre>
##
       xval <- controls$xval
##
##
       if (is.null(xval) || (length(xval) == 1 && xval == 0) ||
##
            method == "user") {
            xgroups <- 0
##
            xval <- 0
##
       }
##
##
       else if (length(xval) == 1) {
##
            xgroups <- sample(rep(1:xval, length = nobs), nobs, replace = FALSE)</pre>
##
       }
##
       else if (length(xval) == nobs) {
##
            xgroups <- xval
##
            xval <- length(unique(xgroups))</pre>
##
       }
##
       else {
            if (!is.null(attr(m, "na.action"))) {
##
                temp <- as.integer(attr(m, "na.action"))</pre>
##
                xval <- xval[-temp]</pre>
##
##
                if (length(xval) == nobs) {
##
                     xgroups <- xval
                     xval <- length(unique(xgroups))</pre>
##
                }
##
                else stop("Wrong length for 'xval'")
##
##
##
            else stop("Wrong length for 'xval'")
##
##
       if (missing(cost))
##
            cost <- rep(1, nvar)</pre>
##
       else {
##
            if (length(cost) != nvar)
##
                stop("Cost vector is the wrong length")
```

```
##
            if (any(cost <= 0))
##
                 stop("Cost vector must be positive")
##
       tfun <- function(x) if (is.matrix(x))</pre>
##
##
            rep(is.ordered(x), ncol(x))
       else is.ordered(x)
##
       labs <- sub("^`(.*)`$", "\\1", attr(Terms, "term.labels"))
##
       isord <- unlist(lapply(m[labs], tfun))</pre>
##
##
       storage.mode(X) <- "double"</pre>
       storage.mode(wt) <- "double"</pre>
##
##
       temp <- as.double(unlist(init$parms))</pre>
##
       if (!length(temp))
##
            temp <- 0
       rpfit <- .Call(C_rpart, ncat = as.integer(cats * !isord),</pre>
##
##
            method = as.integer(method.int), as.double(unlist(controls)),
##
            temp, as.integer(xval), as.integer(xgroups), as.double(t(init$y)),
##
            X, wt, as.integer(init$numy), as.double(cost))
##
       nsplit <- nrow(rpfit$isplit)</pre>
##
       ncat <- if (!is.null(rpfit$csplit))</pre>
##
            nrow(rpfit$csplit)
##
       else 0
##
       if (nsplit == 0)
##
            xval <- 0
       numcp <- ncol(rpfit$cptable)</pre>
##
       temp <- if (nrow(rpfit$cptable) == 3)</pre>
##
##
            c("CP", "nsplit", "rel error")
       else c("CP", "nsplit", "rel error", "xerror", "xstd")
##
       dimnames(rpfit$cptable) <- list(temp, 1:numcp)</pre>
##
       tname <- c("<leaf>", colnames(X))
##
       splits <- matrix(c(rpfit$isplit[, 2:3], rpfit$dsplit), ncol = 5,</pre>
##
            dimnames = list(tname[rpfit$isplit[, 1] + 1], c("count",
##
##
                 "ncat", "improve", "index", "adj")))
##
       index <- rpfit$inode[, 2]</pre>
##
       nadd <- sum(isord[rpfit$isplit[, 1]])</pre>
##
        if (nadd > 0) {
            newc <- matrix(0, nadd, max(cats))</pre>
##
##
            cvar <- rpfit$isplit[, 1]</pre>
##
            indx <- isord[cvar]</pre>
            cdir <- splits[indx, 2]</pre>
##
            ccut <- floor(splits[indx, 4])</pre>
##
            splits[indx, 2] <- cats[cvar[indx]]</pre>
##
            splits[indx, 4] <- ncat + 1:nadd</pre>
##
            for (i in 1:nadd) {
##
                newc[i, 1:(cats[(cvar[indx])[i]])] <- -as.integer(cdir[i])</pre>
##
                newc[i, 1:ccut[i]] <- as.integer(cdir[i])</pre>
##
##
            catmat <- if (ncat == 0)</pre>
##
##
                newc
##
            else {
##
                cs <- rpfit$csplit
##
                ncs <- ncol(cs)</pre>
                ncc <- ncol(newc)</pre>
##
##
                 if (ncs < ncc)
##
                     cs <- cbind(cs, matrix(0, nrow(cs), ncc - ncs))
```

```
##
                rbind(cs, newc)
##
           }
##
           ncat <- ncat + nadd
##
       }
##
       else catmat <- rpfit$csplit</pre>
       if (nsplit == 0) {
##
           frame <- data.frame(row.names = 1, var = "<leaf>", n = rpfit$inode[,
##
                5], wt = rpfit$dnode[, 3], dev = rpfit$dnode[, 1],
##
##
                yval = rpfit$dnode[, 4], complexity = rpfit$dnode[,
##
                    2], ncompete = 0, nsurrogate = 0)
##
       }
##
       else {
##
           temp <- ifelse(index == 0, 1, index)</pre>
            svar <- ifelse(index == 0, 0, rpfit$isplit[temp, 1])</pre>
##
##
           frame <- data.frame(row.names = rpfit$inode[, 1], var = tname[svar +</pre>
##
                1], n = rpfit$inode[, 5], wt = rpfit$dnode[, 3],
                dev = rpfit$dnode[, 1], yval = rpfit$dnode[, 4],
##
##
                complexity = rpfit$dnode[, 2], ncompete = pmax(0,
##
                    rpfit$inode[, 3] - 1), nsurrogate = rpfit$inode[,
##
                    41)
##
       }
##
       if (method.int == 3) {
           numclass <- init$numresp - 2</pre>
##
           nodeprob <- rpfit$dnode[, numclass + 5]/sum(wt)</pre>
##
            temp <- pmax(1, init$counts)</pre>
##
##
            temp <- rpfit$dnode[, 4 + (1:numclass)] %*% diag(init$parms$prior/temp)</pre>
##
           yprob <- temp/rowSums(temp)</pre>
           yval2 <- matrix(rpfit$dnode[, 4 + (0:numclass)], ncol = numclass +</pre>
##
##
                1)
##
           frame$yval2 <- cbind(yval2, yprob, nodeprob)</pre>
##
##
       else if (init$numresp > 1)
            frame$yval2 <- rpfit$dnode[, -(1:3), drop = FALSE]</pre>
##
##
       if (is.null(init$summary))
##
            stop("Initialization routine is missing the 'summary' function")
##
       functions <- if (is.null(init$print))</pre>
##
            list(summary = init$summary)
##
       else list(summary = init$summary, print = init$print)
##
       if (!is.null(init$text))
##
            functions <- c(functions, list(text = init$text))</pre>
       if (method == "user")
##
           functions <- c(functions, mlist)</pre>
##
       where <- rpfit$which
##
##
       names(where) <- row.names(m)</pre>
       ans <- list(frame = frame, where = where, call = Call, terms = Terms,
##
            cptable = t(rpfit$cptable), method = method, parms = init$parms,
##
##
            control = controls, functions = functions, numresp = init$numresp)
##
       if (nsplit)
##
            ans$splits = splits
##
       if (ncat > 0)
##
           ans$csplit <- catmat + 2</pre>
       if (nsplit)
##
##
           ans$variable.importance <- importance(ans)</pre>
##
       if (model) {
```

```
##
          ans$model <- m
          if (missing(y))
##
##
             y <- FALSE
##
      }
      if (y)
##
##
          ans$y <- Y
##
      if (x) {
##
          ansx < - X
##
          ans$wt <- wt
##
      }
##
      ans$ordered <- isord
      if (!is.null(attr(m, "na.action")))
##
          ans$na.action <- attr(m, "na.action")</pre>
##
      if (!is.null(xlevels))
##
##
          attr(ans, "xlevels") <- xlevels
##
      if (method == "class")
##
          attr(ans, "ylevels") <- init$ylevels</pre>
##
      class(ans) <- "rpart"</pre>
##
## \})(formula = .outcome ~ ., data = list(c(0, 0, 0, 1, 1, 1, 1,
## 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 1,
## 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 0,
## 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 0,
## 1, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1,
## 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1,
## 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1,
## 1, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1,
## 0, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1,
## 0, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1,
## 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0,
## 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 0,
## 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0,
## 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 0,
## 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 0,
## 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 1,
## 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
## 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1,
## 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1,
## 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
## 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
## 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1,
## 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
## 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1,
## 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
## 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1,
## 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1,
## 1, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 1,
## 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 0,
## 1, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 1,
## 1, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
## 0, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0), c(1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
```

```
## 3, 3, 3, 3, 3, 3, 3, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 3, 3, 5, 5, 6, 6, 6,
## 2, 2, 2, 2, 2, 3, 3, 3, 3, 3, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2,
## 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 3, 3, 3, 3, 3, 3, 3, 3, 3,
## 3, 3, 3, 3, 3, 3, 3, 4, 4, 5, 3, 3, 4, 4, 4, 4, 6, 4, 1, 1,
## 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2,
## 3, 3, 3, 3, 3, 3, 3, 3, 3, 3, 4, 5, 6, 6, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2,
## 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 3, 3, 3, 3, 3, 3, 3, 3, 3, 3, 3,
## 3, 3, 3, 3, 3, 3, 4, 5, 6, 6, 7, 7, 7, 8, 3, 3, 3, 3, 3, 3,
## 4, 4, 5, 5, 5, 5, 5, 5, 5, 6, 6, 6, 6, 6, 6, 6, 6, 6, 7, 7, 7,
## 7, 7, 7, 8, 11, 11, 11, 11), c(0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
## 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
## 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
## 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
## 0, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0,
## 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
```

```
## 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
## 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0,
## 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
## 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0,
## 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1,
## 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1), c(33, 22, 58, 26, 35, 56, 45, 39,
## 27, 19, 32, 40, 40, 27, 24, 45, 30, 51, 40, 28, 29, 30, 29, 28,
## 38, 64, 58, 47, 31, 47, 46, 24, 50, 30, 36, 56, 52, 55, 80, 40.5
## 56, 34, 17, 30, 60, 71, 24, 62, 24, 41, 60, 16, 47, 24, 35, 54,
## 40, 32, 65, 19, 28, 56, 26, 32, 21, 34, 40, 24, 49, 24, 47, 49,
## 58, 36, 42, 35, 32, 71, 50, 38, 65, 58, 54, 16, 21, 22, 44, 56,
## 16, 15, 24, 43, 50, 23, 31, 36, 22, 58, 17, 4, 48, 36, 28, 35,
## 31, 49, 63, 33, 23, 27, 54, 37, 49, 54, 35, 45, 2, 35, 46, 33,
## 18, 50, 17, 42, 31, 38, 3, 38, 51, 19, 52, 48, 18, 39, 70,
## 52, 45, 49, 40, 60, 52, 47, 14, 11, 0.92, 25, 2, 36, 50, 53,
## 18, 21, 19, 24, 23, 36, 50, 18, 34, 33, 52, 18, 40, 40, 48, 30,
## 27, 27, 39, 30, 42, 27, 30, 42, 38, 30, 42, 47, 34, 30, 70, 16,
## 36, 52, 32, 30, 34, 48, 34, 57, 17, 19, 28, 21, 18, 26, 23, 32,
## 66, 21, 25, 23, 23, 59, 23, 45, 18, 23, 28, 36, 54, 39, 23, 32,
## 24, 19, 36, 27, 57, 32, 50, 34, 18, 36, 17, 25, 62, 32.5, 39,
## 19, 29, 46, 54, 51, 29, 35, 24, 17, 35, 13, 18, 6, 41, 34, 28,
## 33, 1, 8, 24, 0.83, 42, 27, 25, 29, 34, 32.5, 54, 28, 29, 27,
## 28, 29, 19, 44, 34, 14, 42, 24, 37, 44, 30, 32, 19, 45, 3, 0.83,
## 43, 34, 40, 8, 3, 25, 31, 31, 60, 0.67, 2, 4, 24, 36, 54, 32,
## 24, 21, 24, 1, 23, 4, 24, 30, 31, 19, 24, 22, 17, 27, 36, 32,
## 30, 19, 21, 42, 30, 26, 18, 45.5, 18, 17, 20, 30, 51, 28, 23,
## 48, 29, 22, 30.5, 23, 24.5, 21, 41, 28, 26, 30, 17, 65, 34, 28,
## 40, 20, 28, 27, 20, 35, 23.5, 16, 29, 42, 48, 14, 41, 22, 23,
## 32, 28, 31, 26, 2, 26, 13, 40, 22, 34, 34, 24, 21, 24, 36, 29,
## 15, 22, 17, 19, 21, 22, 18, 21, 19, 18, 43, 27, 22, 19, 45.5,
## 25, 38, 22, 44, 30, 20, 25, 45, 20, 22, 45, 21, 32, 29, 35, 49,
## 24, 38, 28, 33, 25, 32, 14, 20, 22, 28, 24, 44, 15, 2, 30, 35,
## 17, 11, 21, 17, 19, 21, 22, 26, 16, 22, 33, 26, 27, 63, 22, 5,
## 30, 47, 25, 26, 20, 19, 30, 34.5, 35, 22, 24, 29, 21, 22, 23.5,
## 30, 28.5, 33, 51, 49, 30, 16, 16, 32, 44, 59, 34, 27, 32, 27,
## 35, 31, 24, 30, 29, 19, 28, 16, 30, 25, 28, 20, 29, 33, 32, 16,
## 26, 25, 19, 39, 25, 29, 21, 47, 20, 44, 18, 19, 37, 43, 18, 25,
## 21, 21, 28, 18, 74, 22, 43, 22, 24, 39, 36, 46, 20, 24, 21, 36,
## 32, 25, 32, 23, 22, 40.5, 16, 30.5, 19, 21, 1, 16, 38, 30, 48,
## 42, 16, 23, 24, 39, 32, 28.5, 42, 20, 14, 19, 29, 70.5, 21, 24,
## 20, 36, 20, 55.5, 30, 44, 45, 2, 27, 4, 18, 6, 42, 2, 41, 27,
## 4, 24, 40.5, 35, 9, 25, 29, 24, 24, 29, 41, 39, 19, 4, 12, 24,
## 22, 28, 14.5, 26, 27, 36, 30, 25, 18, 14, 25, 32, 2, 30.5, 25,
## 21, 18, 4, 26, 24, 25, 39, 31, 14.5, 26, 25, 42, 20, 20, 40,
## 24, 36, 17, 15, 33, 4, 28, 18, 34, 18, 1, 30, 20, 36, 9, 31,
## 40, 32, 29, 30, 18, 17, 29, 48, 45, 40, 39, 39, 38, 43, 18, 36,
## 24, 41, 24, 37, 5, 0.75, 21, 26, 40, 28, 23.5, 8, 3, 9, 2, 4,
  4, 7, 7, 2, 16, 8, 3, 5, 4, 11, 9, 9, 1, 31, 20, 34.5, 28, 5)
##
      ##
      ##
      ##
```

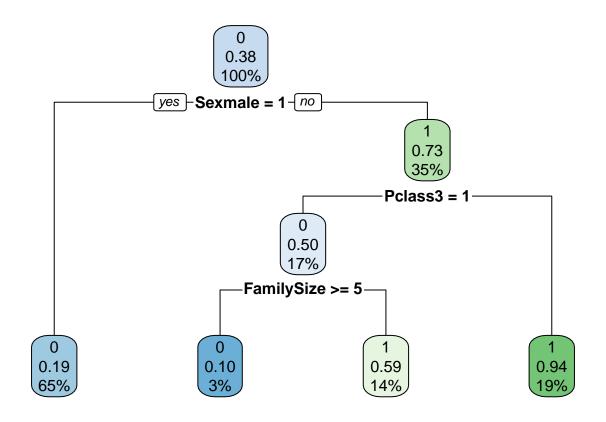
```
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
```

```
##
    ##
    ##
    ##
    ##
    ##
    ##
    ##
##
    ##
    ##
    ##
    ##
    1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1), c(2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 1, 1,
##
    2, 1, 1, 2, 1, 1, 1, 1, 2, 1, 1, 1, 2, 2, 1, 2, 1, 1, 2,
##
    1, 1, 1, 1, 1, 2, 1, 2, 2, 1, 2, 1, 1, 2, 1, 2, 1, 1, 2,
    1, 2, 2, 2, 2, 1, 2, 2, 1, 2, 2, 1, 1, 2, 1, 2, 2, 2, 2,
##
##
    1, 2, 2, 2, 1, 1, 2, 2, 2, 2, 2, 1, 1, 1, 1, 2, 1, 2, 1,
##
    2, 2, 2, 2, 2, 1, 2, 2, 2, 2, 2, 1, 2, 2, 2, 2, 1, 2,
##
    2, 2, 2, 2, 2, 2, 1, 2, 2, 1, 2, 2, 1, 2, 2, 1, 2,
##
    2, 1, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 1, 2, 1, 1, 2, 1, 2, 2, 2,
##
    2, 2, 2, 2, 1, 1, 2, 2, 2, 2, 2, 1, 2, 2, 1, 2, 1, 1, 1,
##
    1, 1, 2, 2, 2, 2, 1, 1, 1, 1, 2, 1, 1, 1, 2, 1, 2, 1, 1,
    2, 1, 1, 2, 1, 1, 1, 2, 1, 2, 1, 1, 2, 2, 2, 2, 1, 2, 1,
##
    1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 2, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 2, 1,
##
    2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 2, 1, 2, 2, 1, 1, 2, 1, 1, 1, 2, 1,
##
##
    1, 2, 1, 2, 2, 2, 2, 1, 2, 2, 2, 2, 2, 1, 2, 1, 1, 1,
##
    1, 1, 2, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 1, 2, 2, 2, 1, 1, 1, 2, 1, 2,
##
    2, 2, 1, 2, 2, 2, 2, 1, 1, 1, 2, 2, 2, 2, 1, 2, 1, 1,
##
    1, 2, 2, 1, 2, 2, 2, 1, 1, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2,
##
    1, 1, 2, 1, 1, 2, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 2, 1, 2, 1, 1, 2,
    1, 2, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 2, 1, 1, 1, 1, 2, 1, 2, 1,
##
##
    1, 1, 1, 1, 1, 2, 2, 1, 1, 2, 1, 1, 1, 1, 1, 2, 1, 1, 1,
##
    2, 1, 1, 2, 1, 2, 1, 1, 1, 2, 1, 2, 2, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
##
    1, 2, 1, 1, 2, 2, 2, 1, 2, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 2, 1,
##
    1, 1, 1, 1, 1, 2, 2, 2, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
##
    1, 2, 2, 2, 2, 2, 1, 1, 1, 2, 1, 2, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
##
    ##
    ##
    1, 1, 1, 1, 2, 2, 1, 1, 1, 2, 1, 1, 2, 1, 1, 1, 1, 1, 2,
##
    1, 2, 1, 1, 1, 1, 2, 1, 2, 1, 1, 1, 1, 1, 2, 1, 1, 1, 1,
##
    ##
    1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 2, 2, 2, 2, 1, 2, 1, 2, 2, 2, 1,
    1, 2, 1, 2, 2, 2, 1, 1, 1, 2, 2, 2, 2, 1, 1, 1, 1, 2, 2,
##
##
    1, 1, 1, 2, 2, 1, 2, 1, 1, 1, 1, 2, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
    2, 1, 1, 2, 1, 2, 1, 1, 1, 1, 2, 1, 1, 1, 1, 2, 1, 2, 1,
##
    2, 2, 1, 1, 1, 2, 2, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 2, 1, 1, 1, 2,
##
##
    ##
    1, 1, 2, 2, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1)), control = list(
##
    20, 7, 0, 4, 5, 2, 0, 30, 0))
##
   n = 669
##
         CP nsplit rel error
##
## 1 0.42801556
              0 1.0000000
## 2 0.03112840
              1 0.5719844
```

```
## 3 0.02529183
                     3 0.5097276
##
## Variable importance
##
                 Pclass3 FamilySize
                                                               Child1
      Sexmale
                                       Pclass2
                                                       Age
##
           60
                      16
                                                        5
##
## Node number 1: 669 observations,
                                       complexity param=0.4280156
     predicted class=0 expected loss=0.3841555 P(node) =1
##
##
       class counts:
                      412
                             257
##
     probabilities: 0.616 0.384
##
     left son=2 (433 obs) right son=3 (236 obs)
##
     Primary splits:
         Sexmale
                    < 0.5 to the right, improve=88.770910, (0 missing)
##
##
                    < 0.5 to the right, improve=30.645880, (0 missing)
         Pclass3
##
         FamilySize < 1.5 to the left, improve=13.464540, (0 missing)
                    < 6.5 to the right, improve= 9.768065, (0 missing)
##
         Age
##
                    < 0.5 to the left, improve= 8.254241, (0 missing)
         Child1
##
     Surrogate splits:
##
         FamilySize < 1.5 to the left, agree=0.676, adj=0.081, (0 split)
                    < 15.5 to the right, agree=0.658, adj=0.030, (0 split)
##
##
         Child1
                    < 0.5 to the left, agree=0.650, adj=0.008, (0 split)
##
## Node number 2: 433 observations
     predicted class=0 expected loss=0.1939954 P(node) =0.6472347
##
##
       class counts:
                       349
                              84
##
      probabilities: 0.806 0.194
##
## Node number 3: 236 observations,
                                       complexity param=0.0311284
     predicted class=1 expected loss=0.2669492 P(node) =0.3527653
##
                        63
##
       class counts:
                             173
##
      probabilities: 0.267 0.733
##
     left son=6 (112 obs) right son=7 (124 obs)
##
     Primary splits:
##
         Pclass3
                    < 0.5 to the right, improve=23.15473000, (0 missing)
##
         FamilySize < 4.5 to the right, improve=10.57320000, (0 missing)
##
                    < 0.5 to the left, improve= 5.41031300, (0 missing)
         Pclass2
##
         Age
                    < 50.5 to the left, improve= 1.13789500, (0 missing)
##
         Child1
                    < 0.5 to the left, improve= 0.04061531, (0 missing)
##
     Surrogate splits:
##
                    < 0.5 to the left, agree=0.708, adj=0.384, (0 split)
         Pclass2
##
                    < 22.5 to the left, agree=0.623, adj=0.205, (0 split)
         FamilySize < 4.5 to the right, agree=0.585, adj=0.125, (0 split)
##
                    < 0.5 to the right, agree=0.564, adj=0.080, (0 split)
##
##
## Node number 6: 112 observations,
                                       complexity param=0.0311284
     predicted class=0 expected loss=0.5 P(node) =0.1674141
##
##
       class counts:
                        56
##
     probabilities: 0.500 0.500
##
     left son=12 (20 obs) right son=13 (92 obs)
##
     Primary splits:
##
         FamilySize < 4.5 to the right, improve=7.791304, (0 missing)
##
                    < 27.5 to the right, improve=3.903272, (0 missing)
##
         Child1
                    < 0.5 to the left, improve=1.699071, (0 missing)
##
```

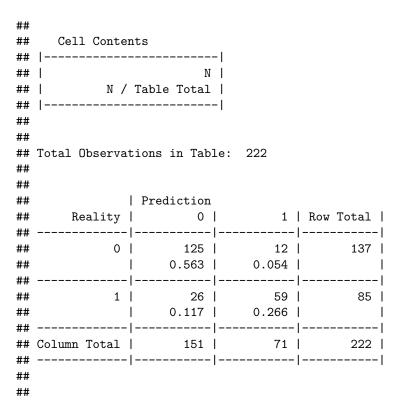
```
## Node number 7: 124 observations
##
     predicted class=1 expected loss=0.05645161 P(node) =0.1853513
##
       class counts:
                         7
                             117
##
      probabilities: 0.056 0.944
##
## Node number 12: 20 observations
##
     predicted class=0 expected loss=0.1 P(node) =0.02989537
##
       class counts:
                        18
##
      probabilities: 0.900 0.100
##
## Node number 13: 92 observations
     predicted class=1 expected loss=0.4130435 P(node) =0.1375187
##
                        38
##
       class counts:
                              54
      probabilities: 0.413 0.587
##
Dibujamos el árbol
```

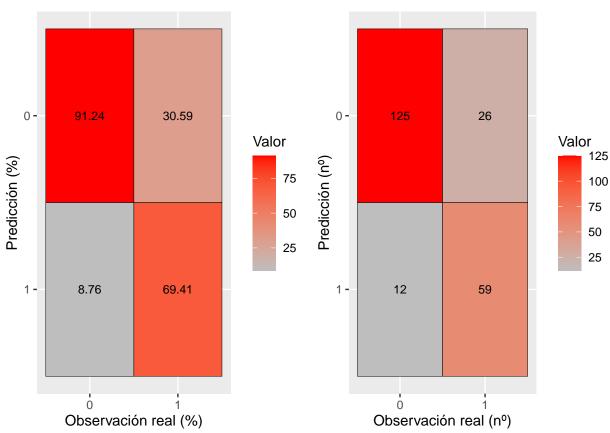
rpart.plot(model_tree1\$finalModel)



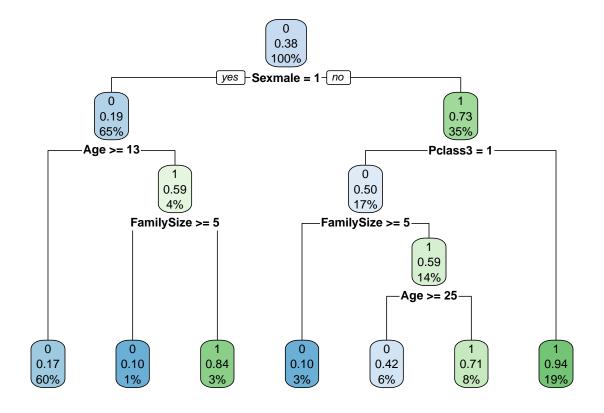
Realizamos la predicción con el modelo construido con rpart y el dataset test

```
## predict_tree1
## 0 1
## 0 125 12
## 1 26 59
## [1] "El % de registros correctamente clasificados es: 82.8829 %"
#### [1] "El % de registros correctamente clasificados es: 82.8829 %"
```





4.3.2.2.2 Segundo árbol de decisión Manteniendo las mismas variables predictivas, pero cambiando un parámetro en el modelo (concretamente maxdepth, que es la profundidad máxima del árbol) este puede llegar a mejorar los resultados obtenidos:



```
## Call:
##
  (function (formula, data, weights, subset, na.action = na.rpart,
##
       method, model = FALSE, x = FALSE, y = TRUE, parms, control,
##
       cost, ...)
## {
       Call <- match.call()</pre>
##
       if (is.data.frame(model)) {
##
##
           m <- model
           model <- FALSE
##
##
       }
##
       else {
           indx <- match(c("formula", "data", "weights", "subset"),</pre>
##
##
                names(Call), nomatch = 0)
```

```
##
            if (indx[1] == 0)
##
                stop("a 'formula' argument is required")
##
            temp <- Call[c(1, indx)]</pre>
##
            temp$na.action <- na.action
##
            temp[[1]] <- quote(stats::model.frame)</pre>
##
            m <- eval.parent(temp)</pre>
##
       Terms <- attr(m, "terms")</pre>
##
##
       if (any(attr(Terms, "order") > 1))
            stop("Trees cannot handle interaction terms")
##
##
       Y <- model.response(m)
##
       wt <- model.weights(m)
       if (any(wt < 0))
##
##
            stop("negative weights not allowed")
##
       if (!length(wt))
##
            wt <- rep(1, nrow(m))
##
       offset <- model.offset(m)
##
       X <- rpart.matrix(m)</pre>
##
       nobs <- nrow(X)
##
       nvar <- ncol(X)</pre>
##
       if (missing(method)) {
##
            method <- if (is.factor(Y) || is.character(Y))</pre>
##
                "class"
            else if (inherits(Y, "Surv"))
##
##
                "exp"
##
            else if (is.matrix(Y))
##
                "poisson"
            else "anova"
##
       }
##
       if (is.list(method)) {
##
##
            mlist <- method
            method <- "user"
##
##
            init <- if (missing(parms))</pre>
##
                mlist$init(Y, offset, wt = wt)
            else mlist$init(Y, offset, parms, wt)
##
##
            keep <- rpartcallback(mlist, nobs, init)</pre>
##
            method.int <- 4
##
            parms <- init$parms</pre>
##
##
       else {
            method.int <- pmatch(method, c("anova", "poisson", "class",</pre>
##
##
                "exp"))
##
            if (is.na(method.int))
                stop("Invalid method")
##
            method <- c("anova", "poisson", "class", "exp")[method.int]</pre>
##
            if (method.int == 4)
##
##
                method.int <- 2
##
            init <- if (missing(parms))</pre>
##
                get(paste("rpart", method, sep = "."), envir = environment())(Y,
##
                     offset, , wt)
##
            else get(paste("rpart", method, sep = "."), envir = environment())(Y,
##
                offset, parms, wt)
##
            ns <- asNamespace("rpart")</pre>
##
            if (!is.null(init$print))
```

```
##
                environment(init$print) <- ns</pre>
##
            if (!is.null(init$summary))
##
                environment(init$summary) <- ns</pre>
            if (!is.null(init$text))
##
##
                environment(init$text) <- ns</pre>
       }
##
##
       Y <- init$y
##
       xlevels <- .getXlevels(Terms, m)</pre>
##
       cats <- rep(0, ncol(X))
##
       if (!is.null(xlevels))
##
            cats[match(names(xlevels), colnames(X))] <- unlist(lapply(xlevels,</pre>
##
                length))
##
       extraArgs <- list(...)</pre>
##
       if (length(extraArgs)) {
##
            controlargs <- names(formals(rpart.control))</pre>
##
            indx <- match(names(extraArgs), controlargs, nomatch = 0)</pre>
##
            if (any(indx == 0))
##
                stop(gettextf("Argument %s not matched", names(extraArgs)[indx ==
##
                     0]), domain = NA)
       }
##
##
       controls <- rpart.control(...)</pre>
##
       if (!missing(control))
            controls[names(control)] <- control</pre>
##
       xval <- controls$xval</pre>
##
       if (is.null(xval) || (length(xval) == 1 && xval == 0) ||
##
##
            method == "user") {
##
            xgroups <- 0
            xval <- 0
##
       }
##
##
       else if (length(xval) == 1) {
##
            xgroups <- sample(rep(1:xval, length = nobs), nobs, replace = FALSE)
##
       }
##
       else if (length(xval) == nobs) {
##
            xgroups <- xval
##
            xval <- length(unique(xgroups))</pre>
##
       }
##
       else {
##
            if (!is.null(attr(m, "na.action"))) {
                temp <- as.integer(attr(m, "na.action"))</pre>
##
                xval <- xval[-temp]</pre>
##
                if (length(xval) == nobs) {
##
##
                     xgroups <- xval
                     xval <- length(unique(xgroups))</pre>
##
                }
##
                else stop("Wrong length for 'xval'")
##
##
            else stop("Wrong length for 'xval'")
##
##
##
       if (missing(cost))
##
            cost <- rep(1, nvar)</pre>
##
       else {
##
            if (length(cost) != nvar)
##
                stop("Cost vector is the wrong length")
##
            if (any(cost <= 0))</pre>
```

```
##
                 stop("Cost vector must be positive")
##
       }
##
       tfun <- function(x) if (is.matrix(x))
            rep(is.ordered(x), ncol(x))
##
##
       else is.ordered(x)
       labs <- sub("^`(.*)`$", "\\1", attr(Terms, "term.labels"))
##
       isord <- unlist(lapply(m[labs], tfun))</pre>
##
       storage.mode(X) <- "double"</pre>
##
       storage.mode(wt) <- "double"</pre>
##
##
       temp <- as.double(unlist(init$parms))</pre>
##
       if (!length(temp))
##
            temp <- 0
       rpfit <- .Call(C_rpart, ncat = as.integer(cats * !isord),</pre>
##
            method = as.integer(method.int), as.double(unlist(controls)),
##
##
            temp, as.integer(xval), as.integer(xgroups), as.double(t(init$y)),
##
            X, wt, as.integer(init$numy), as.double(cost))
##
       nsplit <- nrow(rpfit$isplit)</pre>
##
       ncat <- if (!is.null(rpfit$csplit))</pre>
##
            nrow(rpfit$csplit)
       else 0
##
       if (nsplit == 0)
##
##
            xval <- 0
##
       numcp <- ncol(rpfit$cptable)</pre>
       temp <- if (nrow(rpfit$cptable) == 3)</pre>
##
            c("CP", "nsplit", "rel error")
##
##
       else c("CP", "nsplit", "rel error", "xerror", "xstd")
##
       dimnames(rpfit$cptable) <- list(temp, 1:numcp)</pre>
       tname <- c("<leaf>", colnames(X))
##
##
       splits <- matrix(c(rpfit$isplit[, 2:3], rpfit$dsplit), ncol = 5,</pre>
##
            dimnames = list(tname[rpfit$isplit[, 1] + 1], c("count",
                 "ncat", "improve", "index", "adj")))
##
##
       index <- rpfit$inode[, 2]</pre>
       nadd <- sum(isord[rpfit$isplit[, 1]])</pre>
##
##
       if (nadd > 0) {
            newc <- matrix(0, nadd, max(cats))</pre>
##
##
            cvar <- rpfit$isplit[, 1]</pre>
##
            indx <- isord[cvar]</pre>
##
            cdir <- splits[indx, 2]</pre>
            ccut <- floor(splits[indx, 4])</pre>
##
            splits[indx, 2] <- cats[cvar[indx]]</pre>
##
            splits[indx, 4] <- ncat + 1:nadd
##
##
            for (i in 1:nadd) {
                newc[i, 1:(cats[(cvar[indx])[i]])] <- -as.integer(cdir[i])</pre>
##
                newc[i, 1:ccut[i]] <- as.integer(cdir[i])</pre>
##
##
            catmat <- if (ncat == 0)
##
##
                newc
##
            else {
##
                cs <- rpfit$csplit</pre>
##
                ncs <- ncol(cs)</pre>
##
                ncc <- ncol(newc)</pre>
##
                if (ncs < ncc)
##
                     cs <- cbind(cs, matrix(0, nrow(cs), ncc - ncs))</pre>
##
                rbind(cs, newc)
```

```
##
           }
##
           ncat <- ncat + nadd
##
##
       else catmat <- rpfit$csplit</pre>
##
       if (nsplit == 0) {
           frame <- data.frame(row.names = 1, var = "<leaf>", n = rpfit$inode[,
##
                5], wt = rpfit$dnode[, 3], dev = rpfit$dnode[, 1],
##
                yval = rpfit$dnode[, 4], complexity = rpfit$dnode[,
##
##
                    2], ncompete = 0, nsurrogate = 0)
##
       }
##
       else {
##
            temp <- ifelse(index == 0, 1, index)</pre>
            svar <- ifelse(index == 0, 0, rpfit$isplit[temp, 1])</pre>
##
            frame <- data.frame(row.names = rpfit$inode[, 1], var = tname[svar +
##
##
                1], n = rpfit$inode[, 5], wt = rpfit$dnode[, 3],
##
                dev = rpfit$dnode[, 1], yval = rpfit$dnode[, 4],
                complexity = rpfit$dnode[, 2], ncompete = pmax(0,
##
##
                    rpfit$inode[, 3] - 1), nsurrogate = rpfit$inode[,
##
                    41)
       }
##
##
       if (method.int == 3) {
##
           numclass <- init$numresp - 2</pre>
           nodeprob <- rpfit$dnode[, numclass + 5]/sum(wt)</pre>
##
            temp <- pmax(1, init$counts)</pre>
##
            temp <- rpfit$dnode[, 4 + (1:numclass)] %*% diag(init$parms$prior/temp)</pre>
##
##
           yprob <- temp/rowSums(temp)</pre>
##
           yval2 <- matrix(rpfit$dnode[, 4 + (0:numclass)], ncol = numclass +</pre>
##
##
            frame$yval2 <- cbind(yval2, yprob, nodeprob)</pre>
       }
##
##
       else if (init$numresp > 1)
##
            frame$yval2 <- rpfit$dnode[, -(1:3), drop = FALSE]</pre>
##
       if (is.null(init$summary))
##
            stop("Initialization routine is missing the 'summary' function")
##
       functions <- if (is.null(init$print))</pre>
##
           list(summary = init$summary)
##
       else list(summary = init$summary, print = init$print)
##
       if (!is.null(init$text))
            functions <- c(functions, list(text = init$text))</pre>
##
##
       if (method == "user")
           functions <- c(functions, mlist)</pre>
##
##
       where <- rpfit$which
##
       names(where) <- row.names(m)</pre>
       ans <- list(frame = frame, where = where, call = Call, terms = Terms,
##
            cptable = t(rpfit$cptable), method = method, parms = init$parms,
##
##
            control = controls, functions = functions, numresp = init$numresp)
##
       if (nsplit)
           ans$splits = splits
##
##
       if (ncat > 0)
##
            ans$csplit <- catmat + 2
##
       if (nsplit)
##
           ans$variable.importance <- importance(ans)</pre>
##
       if (model) {
##
           ans$model <- m
```

```
##
          if (missing(v))
##
             y <- FALSE
##
      }
##
      if (y)
##
          ans$y <- Y
##
      if (x) {
##
         ansx < X
##
          ans$wt <- wt
##
      }
##
      ans$ordered <- isord
##
      if (!is.null(attr(m, "na.action")))
          ans$na.action <- attr(m, "na.action")</pre>
##
##
      if (!is.null(xlevels))
##
         attr(ans, "xlevels") <- xlevels
##
      if (method == "class")
          attr(ans, "ylevels") <- init$ylevels</pre>
##
##
      class(ans) <- "rpart"</pre>
##
## \})(formula = .outcome ~ ., data = list(c(0, 0, 0, 1, 1, 1, 1,
## 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 1,
## 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 0,
## 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 0,
## 1, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1,
## 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1,
## 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1,
## 1, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1,
## 0, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1,
## 0, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 1,
## 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0,
## 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 0,
## 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0,
## 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 0,
## 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 0, 0,
## 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 1,
## 0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
## 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1,
## 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 1,
## 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
## 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
## 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1,
## 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
## 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1,
## 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
## 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1,
## 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1,
## 1, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 1,
## 0, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 0,
## 1, 1, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 1, 1,
## 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
## 0, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 0), c(1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
```

```
## 3, 3, 3, 3, 3, 3, 3, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 3, 3, 5, 5, 6, 6, 6,
## 2, 2, 2, 2, 2, 3, 3, 3, 3, 3, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2,
## 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 3, 3, 3, 3, 3, 3, 3, 3, 3,
## 3, 3, 3, 3, 3, 3, 4, 4, 5, 3, 3, 4, 4, 4, 4, 6, 4, 1, 1,
## 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2,
## 3, 3, 3, 3, 3, 3, 3, 3, 3, 4, 5, 6, 6, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2,
## 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 3, 3, 3, 3, 3, 3, 3, 3, 3, 3, 3,
## 3, 3, 3, 3, 3, 3, 4, 5, 6, 6, 7, 7, 7, 8, 3, 3, 3, 3, 3,
## 4, 4, 5, 5, 5, 5, 5, 5, 6, 6, 6, 6, 6, 6, 6, 6, 6, 7, 7, 7,
## 7, 7, 7, 8, 11, 11, 11, 11), c(0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
## 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
## 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
## 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
## 0, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0,
## 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0,
## 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
```

```
## 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0,
## 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
## 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0,
## 1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 1, 1, 1, 1,
## 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 1), c(33, 22, 58, 26, 35, 56, 45, 39,
## 27, 19, 32, 40, 40, 27, 24, 45, 30, 51, 40, 28, 29, 30, 29, 28,
## 38, 64, 58, 47, 31, 47, 46, 24, 50, 30, 36, 56, 52, 55, 80, 40.5,
## 56, 34, 17, 30, 60, 71, 24, 62, 24, 41, 60, 16, 47, 24, 35, 54,
## 40, 32, 65, 19, 28, 56, 26, 32, 21, 34, 40, 24, 49, 24, 47, 49,
## 58, 36, 42, 35, 32, 71, 50, 38, 65, 58, 54, 16, 21, 22, 44, 56,
## 16, 15, 24, 43, 50, 23, 31, 36, 22, 58, 17, 4, 48, 36, 28, 35,
## 31, 49, 63, 33, 23, 27, 54, 37, 49, 54, 35, 45, 2, 35, 46, 33,
## 18, 50, 17, 42, 31, 38, 3, 38, 51, 19, 52, 48, 18, 39, 70,
## 52, 45, 49, 40, 60, 52, 47, 14, 11, 0.92, 25, 2, 36, 50, 53,
## 18, 21, 19, 24, 23, 36, 50, 18, 34, 33, 52, 18, 40, 40, 48, 30,
## 27, 27, 39, 30, 42, 27, 30, 42, 38, 30, 42, 47, 34, 30, 70, 16,
## 36, 52, 32, 30, 34, 48, 34, 57, 17, 19, 28, 21, 18, 26, 23, 32,
## 66, 21, 25, 23, 23, 59, 23, 45, 18, 23, 28, 36, 54, 39, 23, 32,
## 24, 19, 36, 27, 57, 32, 50, 34, 18, 36, 17, 25, 62, 32.5, 39,
## 19, 29, 46, 54, 51, 29, 35, 24, 17, 35, 13, 18, 6, 41, 34, 28,
## 33, 1, 8, 24, 0.83, 42, 27, 25, 29, 34, 32.5, 54, 28, 29, 27,
## 28, 29, 19, 44, 34, 14, 42, 24, 37, 44, 30, 32, 19, 45, 3, 0.83,
## 43, 34, 40, 8, 3, 25, 31, 31, 60, 0.67, 2, 4, 24, 36, 54, 32,
## 24, 21, 24, 1, 23, 4, 24, 30, 31, 19, 24, 22, 17, 27, 36, 32,
## 30, 19, 21, 42, 30, 26, 18, 45.5, 18, 17, 20, 30, 51, 28, 23,
## 48, 29, 22, 30.5, 23, 24.5, 21, 41, 28, 26, 30, 17, 65, 34, 28,
## 40, 20, 28, 27, 20, 35, 23.5, 16, 29, 42, 48, 14, 41, 22, 23,
## 32, 28, 31, 26, 2, 26, 13, 40, 22, 34, 34, 24, 21, 24, 36, 29,
## 15, 22, 17, 19, 21, 22, 18, 21, 19, 18, 43, 27, 22, 19, 45.5,
## 25, 38, 22, 44, 30, 20, 25, 45, 20, 22, 45, 21, 32, 29, 35, 49,
## 24, 38, 28, 33, 25, 32, 14, 20, 22, 28, 24, 44, 15, 2, 30, 35,
## 17, 11, 21, 17, 19, 21, 22, 26, 16, 22, 33, 26, 27, 63, 22, 5,
## 30, 47, 25, 26, 20, 19, 30, 34.5, 35, 22, 24, 29, 21, 22, 23.5,
## 30, 28.5, 33, 51, 49, 30, 16, 16, 32, 44, 59, 34, 27, 32, 27,
## 35, 31, 24, 30, 29, 19, 28, 16, 30, 25, 28, 20, 29, 33, 32, 16,
## 26, 25, 19, 39, 25, 29, 21, 47, 20, 44, 18, 19, 37, 43, 18, 25,
## 21, 21, 28, 18, 74, 22, 43, 22, 24, 39, 36, 46, 20, 24, 21, 36,
## 32, 25, 32, 23, 22, 40.5, 16, 30.5, 19, 21, 1, 16, 38, 30, 48,
## 42, 16, 23, 24, 39, 32, 28.5, 42, 20, 14, 19, 29, 70.5, 21, 24,
## 20, 36, 20, 55.5, 30, 44, 45, 2, 27, 4, 18, 6, 42, 2, 41, 27,
## 4, 24, 40.5, 35, 9, 25, 29, 24, 24, 29, 41, 39, 19, 4, 12, 24,
## 22, 28, 14.5, 26, 27, 36, 30, 25, 18, 14, 25, 32, 2, 30.5, 25,
## 21, 18, 4, 26, 24, 25, 39, 31, 14.5, 26, 25, 42, 20, 20, 40,
## 24, 36, 17, 15, 33, 4, 28, 18, 34, 18, 1, 30, 20, 36, 9, 31,
## 40, 32, 29, 30, 18, 17, 29, 48, 45, 40, 39, 39, 38, 43, 18, 36,
## 24, 41, 24, 37, 5, 0.75, 21, 26, 40, 28, 23.5, 8, 3, 9, 2, 4,
  4, 7, 7, 2, 16, 8, 3, 5, 4, 11, 9, 9, 1, 31, 20, 34.5, 28, 5),
      ##
##
      ##
      ##
```

```
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
##
```

```
##
     ##
     ##
     ##
     ##
     ##
     ##
     ##
##
     ##
     ##
     ##
     1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1), c(2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 1, 1,
##
     2, 1, 1, 2, 1, 1, 1, 1, 2, 1, 1, 1, 2, 2, 1, 2, 1, 1, 2,
     1, 1, 1, 1, 1, 2, 1, 2, 2, 1, 2, 1, 1, 2, 1, 2, 1, 1, 2,
##
##
     1, 2, 2, 2, 2, 1, 2, 2, 1, 2, 2, 1, 1, 2, 1, 2, 2, 2, 2,
     1, 2, 2, 2, 1, 1, 2, 2, 2, 2, 2, 1, 1, 1, 1, 2, 1, 2, 1,
##
##
     2, 2, 2, 2, 2, 1, 2, 2, 2, 2, 2, 1, 2, 2, 2, 1, 2,
##
     2, 2, 2, 2, 2, 2, 1, 2, 2, 1, 2, 2, 1, 2, 2, 1, 2, 2, 1, 2,
##
     2, 1, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 1, 2, 1, 1, 2, 1, 2, 2, 2,
##
     2, 2, 2, 2, 1, 1, 2, 2, 2, 2, 1, 2, 2, 1, 2, 1, 1, 1,
##
     1, 1, 2, 2, 2, 2, 1, 1, 1, 1, 2, 1, 1, 1, 2, 1, 2, 1, 1,
##
     2, 1, 1, 2, 1, 1, 1, 2, 1, 2, 1, 1, 2, 2, 2, 2, 1, 2, 1,
     1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 2, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 2, 1,
##
     2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 2, 1, 2, 2, 1, 1, 2, 1, 1, 1, 2, 1,
##
     1, 2, 1, 2, 2, 2, 2, 1, 2, 2, 2, 2, 2, 1, 2, 1, 1, 1,
##
##
     1, 1, 2, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 1, 2, 2, 2, 1, 1, 1, 2, 1, 2,
##
     2, 2, 1, 2, 2, 2, 2, 1, 1, 1, 2, 2, 2, 2, 1, 2, 1, 1,
##
     1, 2, 2, 1, 2, 2, 2, 1, 1, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2, 1, 2,
##
     1, 1, 2, 1, 1, 2, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 2, 1, 2, 1, 1, 2,
##
     1, 2, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 2, 1, 1, 1, 1, 2, 1, 2, 1,
     1, 1, 1, 1, 1, 2, 2, 1, 1, 2, 1, 1, 1, 1, 1, 2, 1, 1, 1,
##
##
     2, 1, 1, 2, 1, 2, 1, 1, 1, 2, 1, 2, 2, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
##
     1, 2, 1, 1, 2, 2, 2, 1, 2, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 2, 1,
##
     1, 1, 1, 1, 1, 2, 2, 2, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
##
     1, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 1, 1, 1, 2, 1, 2, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
##
     ##
     ##
     1, 1, 1, 1, 2, 2, 1, 1, 1, 2, 1, 1, 2, 1, 1, 1, 1, 1, 2,
##
     1, 2, 1, 1, 1, 1, 2, 1, 2, 1, 1, 1, 1, 1, 2, 1, 1, 1, 1,
##
     ##
     1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 2, 2, 2, 2, 1, 2, 1, 2, 2, 2, 1,
##
     1, 2, 1, 2, 2, 2, 1, 1, 1, 2, 2, 2, 2, 1, 1, 1, 1, 2, 2,
     1, 1, 1, 2, 2, 1, 2, 1, 1, 1, 1, 2, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1,
##
     2, 1, 1, 2, 1, 2, 1, 1, 1, 1, 2, 1, 1, 1, 1, 2, 1, 2, 1,
##
     2, 2, 1, 1, 1, 2, 2, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 2, 1, 1, 1, 2,
##
     ##
##
     1, 1, 2, 2, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1)), control = list(
##
     20, 7, 0.01, 4, 5, 2, 0, 6, 0))
##
   n = 669
##
##
         CP nsplit rel error
## 1 0.42801556
               0 1.0000000
## 2 0.03112840
               1 0.5719844
## 3 0.02529183
               3 0.5097276
```

```
## 4 0.02334630
                     5 0.4591440
## 5 0.01000000
                     6 0.4357977
##
## Variable importance
##
      Sexmale FamilySize
                            Pclass3
                                           Age
                                                   Child1
                                                             Pclass2
##
           50
                      14
                                            12
                                 14
##
## Node number 1: 669 observations,
                                       complexity param=0.4280156
     predicted class=0 expected loss=0.3841555 P(node) =1
##
##
       class counts:
                      412
                             257
##
     probabilities: 0.616 0.384
##
     left son=2 (433 obs) right son=3 (236 obs)
##
     Primary splits:
##
                    < 0.5 to the right, improve=88.770910, (0 missing)
         Sexmale
##
         Pclass3
                    < 0.5 to the right, improve=30.645880, (0 missing)
##
         FamilySize < 1.5 to the left, improve=13.464540, (0 missing)
##
                    < 6.5 to the right, improve= 9.768065, (0 missing)
         Age
##
         Child1
                    < 0.5 to the left, improve= 8.254241, (0 missing)
##
     Surrogate splits:
##
         FamilySize < 1.5 to the left, agree=0.676, adj=0.081, (0 split)
##
         Age
                    < 15.5 to the right, agree=0.658, adj=0.030, (0 split)
##
                    < 0.5 to the left, agree=0.650, adj=0.008, (0 split)
         Child1
##
## Node number 2: 433 observations,
                                       complexity param=0.02529183
     predicted class=0 expected loss=0.1939954 P(node) =0.6472347
##
##
       class counts:
                      349
##
      probabilities: 0.806 0.194
     left son=4 (404 obs) right son=5 (29 obs)
##
     Primary splits:
##
##
                    < 13
                           to the right, improve=9.5625830, (0 missing)
         Age
                    < 0.5 to the left, improve=6.6946720, (0 missing)
##
         Child1
##
         Pclass3
                    < 0.5 to the right, improve=4.1090320, (0 missing)
##
         FamilySize < 1.5 to the left, improve=3.5994940, (0 missing)
##
                    < 0.5 to the right, improve=0.1697089, (0 missing)
         Pclass2
##
     Surrogate splits:
##
                    < 0.5 to the left, agree=0.986, adj=0.793, (0 split)
         Child1
##
         FamilySize < 5.5 to the left, agree=0.938, adj=0.069, (0 split)
##
## Node number 3: 236 observations,
                                       complexity param=0.0311284
##
     predicted class=1 expected loss=0.2669492 P(node) =0.3527653
##
                        63
       class counts:
                             173
##
      probabilities: 0.267 0.733
##
     left son=6 (112 obs) right son=7 (124 obs)
##
     Primary splits:
                    < 0.5 to the right, improve=23.15473000, (0 missing)
##
         Pclass3
         FamilySize < 4.5 to the right, improve=10.57320000, (0 missing)
##
##
         Pclass2
                    < 0.5 to the left, improve= 5.41031300, (0 missing)
##
         Age
                    < 50.5 to the left, improve= 1.13789500, (0 missing)
##
         Child1
                    < 0.5 to the left, improve= 0.04061531, (0 missing)
##
     Surrogate splits:
##
                    < 0.5 to the left, agree=0.708, adj=0.384, (0 split)
         Pclass2
##
                    < 22.5 to the left, agree=0.623, adj=0.205, (0 split)
##
         FamilySize < 4.5 to the right, agree=0.585, adj=0.125, (0 split)
                    < 0.5 to the right, agree=0.564, adj=0.080, (0 split)
##
         Child1
```

```
##
## Node number 4: 404 observations
##
     predicted class=0 expected loss=0.1658416 P(node) =0.6038864
##
                     337
                              67
       class counts:
##
      probabilities: 0.834 0.166
##
## Node number 5: 29 observations,
                                      complexity param=0.02529183
     predicted class=1 expected loss=0.4137931 P(node) =0.04334828
##
##
       class counts:
                        12
                              17
##
      probabilities: 0.414 0.586
##
     left son=10 (10 obs) right son=11 (19 obs)
##
     Primary splits:
##
         FamilySize < 5
                           to the right, improve=7.216334, (0 missing)
##
         Pclass3
                    < 0.5 to the right, improve=6.068966, (0 missing)
##
                    < 0.5 to the left, improve=3.783251, (0 missing)
         Pclass2
                    < 1.5 to the right, improve=0.592775, (0 missing)
##
         Age
##
     Surrogate splits:
##
         Pclass3 < 0.5 to the right, agree=0.724, adj=0.2, (0 split)
##
## Node number 6: 112 observations,
                                       complexity param=0.0311284
##
     predicted class=0 expected loss=0.5 P(node) =0.1674141
       class counts:
                        56
##
##
      probabilities: 0.500 0.500
##
     left son=12 (20 obs) right son=13 (92 obs)
##
     Primary splits:
##
         FamilySize < 4.5 to the right, improve=7.791304, (0 missing)
##
                    < 27.5 to the right, improve=3.903272, (0 missing)
                    < 0.5 to the left, improve=1.699071, (0 missing)
##
         Child1
##
## Node number 7: 124 observations
##
     predicted class=1 expected loss=0.05645161 P(node) =0.1853513
##
       class counts:
                         7
                             117
##
      probabilities: 0.056 0.944
##
## Node number 10: 10 observations
    predicted class=0 expected loss=0.1 P(node) =0.01494768
##
##
       class counts:
                         9
##
      probabilities: 0.900 0.100
##
## Node number 11: 19 observations
     predicted class=1 expected loss=0.1578947 P(node) =0.0284006
##
                         3
       class counts:
                              16
##
      probabilities: 0.158 0.842
##
## Node number 12: 20 observations
     predicted class=0 expected loss=0.1 P(node) =0.02989537
##
##
       class counts:
                        18
##
      probabilities: 0.900 0.100
##
## Node number 13: 92 observations,
                                       complexity param=0.0233463
    predicted class=1 expected loss=0.4130435 P(node) =0.1375187
##
##
       class counts:
                        38
                              54
     probabilities: 0.413 0.587
##
##
     left son=26 (40 obs) right son=27 (52 obs)
```

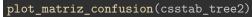
```
##
     Primary splits:
##
                    < 24.5 to the right, improve=3.7125420, (0 missing)
         Age
                    < 0.5 to the left, improve=3.0003620, (0 missing)
##
##
         FamilySize < 1.5 to the right, improve=0.3478261, (0 missing)
##
     Surrogate splits:
        FamilySize < 2.5 to the right, agree=0.587, adj=0.05, (0 split)
##
##
## Node number 26: 40 observations
##
     predicted class=0 expected loss=0.425 P(node) =0.05979073
##
       class counts:
                        23
                              17
##
      probabilities: 0.575 0.425
##
##
  Node number 27: 52 observations
    predicted class=1 expected loss=0.2884615 P(node) =0.07772795
##
##
                     15
                              37
       class counts:
##
      probabilities: 0.288 0.712
Realizamos la predicción con el modelo construido con rpart y el dataset test
##
      predict_tree2
##
       0 1
    0 128
##
            9
    1 26 59
## [1] "El % de registros correctamente clasificados es: 84.2342 %"
## [1] "El mejor parámetro para el árbol de clasificación ha sido: maxdepth=6"
Matriz de confusión
```

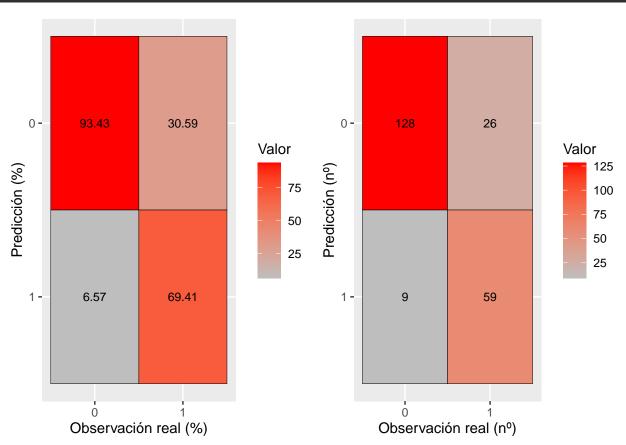
##

```
csstab_tree2 <- CrossTable(data_test$Survived, predict_tree2,</pre>
                            prop.chisq = FALSE, prop.c = FALSE, prop.r =FALSE,
                            dnn = c('Reality', 'Prediction'))
```

```
##
   Cell Contents
## |-----|
      N / Table Total |
## |-----|
##
##
## Total Observations in Table: 222
##
##
##
         | Prediction
                     1 | Row Total |
           0 |
    Reality |
## -----|-----|
                    9 |
        0 I
             128 |
             0.577 |
##
        0.041 |
            -----|-----|
               26 |
##
        1 |
                      59 I
        0.117 |
                   0.266 |
## -----|-----|
              154 l
                      68 I
## Column Total |
                             222
## -----|-----|
```

##

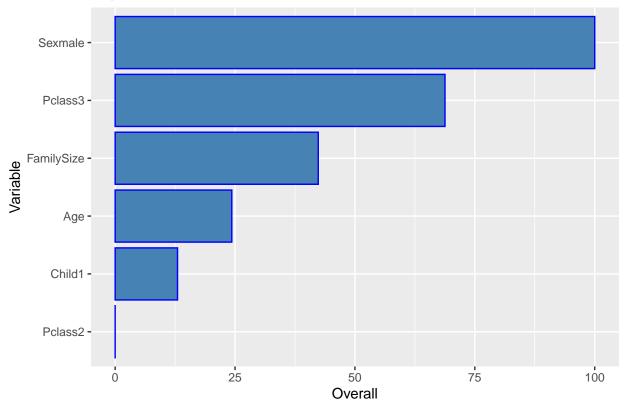




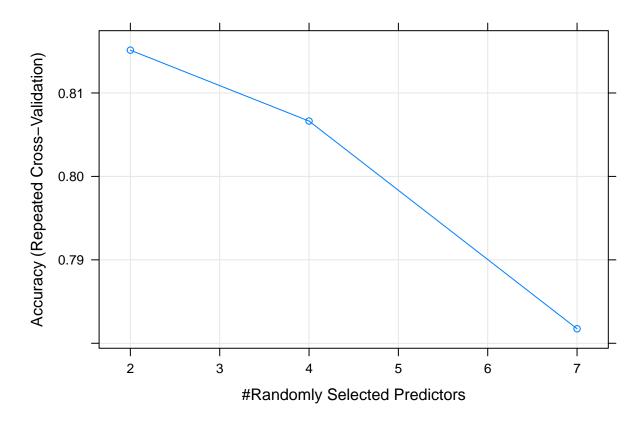
Importancia de las variables

```
datosVarImp <- varImp(model_tree2)$importance %>%
   as.data.frame() %>%
   rownames_to_column() %>%
   arrange(Overall)
datosVarImp$Variable <- reorder(datosVarImp$rowname, datosVarImp$Overall)
ggplot(datosVarImp)+
   geom_col(aes(x = Variable, y = Overall), fill="steelblue", color="blue")+
   coord_flip() + ggtitle("Importancia de las variables")</pre>
```

Importancia de las variables

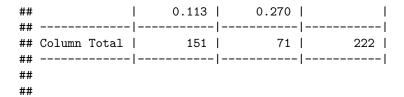


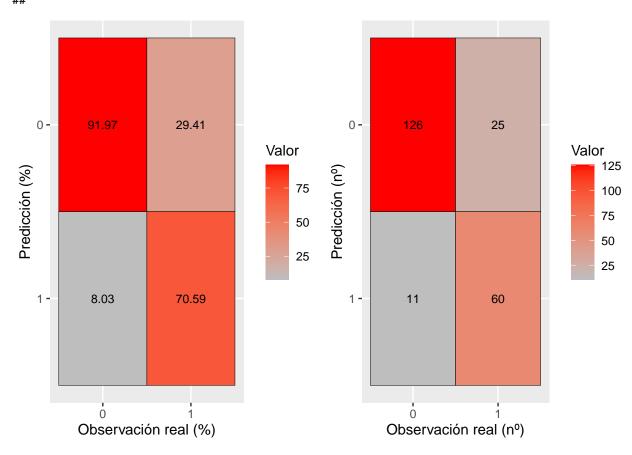
4.3.2.3 Random Forest Utilizaremos ahora Random Forest, que consiste en una combinación de árboles predictores. Cada árbol utiliza muestras con reemplazo del conjunto de datos que se le pasa al modelo. Cada árbol utiliza valores diferentes de variables, para de esa forma dar también opciones a algunas variables que podrían quedar eclipsadas por otras con más relevancia. Y de ahí que luego se pueda obtener la importancia relativa de cada variable (el clasificador altera la variable y mide el impacto). El uso de esta técnica nos va a permitir tener, respecto a los árboles de clasificación, un sistema más estable.



Matriz de confusión

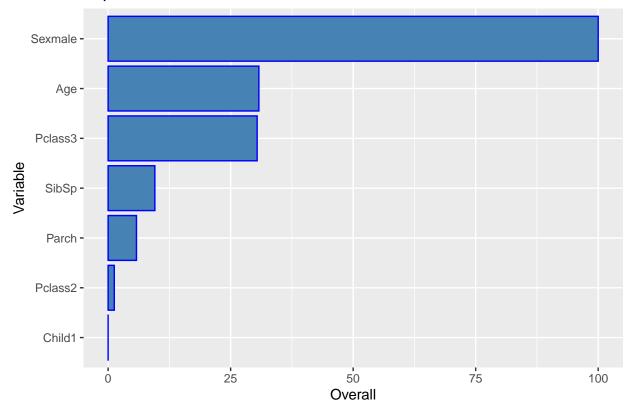
```
##
      predict_rf
##
         0
           1
     0 126 11
##
     1 25 60
   [1] "El % de registros correctamente clasificados es: 83.7838 %"
##
##
##
      Cell Contents
##
                           N |
##
##
            N / Table Total |
##
##
## Total Observations in Table: 222
##
##
                | Prediction
##
                           0 |
##
        Reality |
                                       1 | Row Total |
              0 |
##
                         126 |
                                      11 |
                                                  137 |
                                   0.050 |
##
                       0.568 |
              1 |
##
                         25 |
                                      60 l
                                                   85 I
```





Importancia de las variables

Importancia de las variables



4.3.2.4 C5.0 C5.0 es el algoritmo sucesor de C4.5, publicado por John Ross Quinlan (1992), con el objetivo de crear árboles de clasificación. Entre sus características, destacan la capacidad para generar árboles de decisión simples, modelos basados en reglas, ensembles basados en boosting y asignación de distintos pesos a los errores. Este algoritmo ha resultado de una gran utilidad a la hora de crear modelos de clasificación y todas sus capacidades son accesibles mediante el paquete C50. Aunque comparte muchas características con los algoritmos de random forest y gradient boosting, cabe tener en cuenta algunas peculiaridades:

- La medida de pureza empleada para las divisiones del árbol es la entropía.
- El podado de los árboles se realiza por defecto, y el método empleado se conoce como pessimistic pruning.
- Los árboles se pueden convertir en modelos basados en reglas.
- Emplea un algoritmo de boosting más próximo a AdaBoost que a Gradient Boosting.
- Por defecto, el algoritmo de boosting se detiene si la incorporación de nuevos modelos no aporta un mínimo de mejora.
- Incorpora una estrategia para la selección de predictores (Winnowing) previo ajuste del modelo.
- Permite asignar diferente peso a cada tipo de error.

Creamos primero unas variables para simplificar el uso de los distintos modelos. - trainX corresponde al dataframe sin la variable Survived (para el conjunto de train) - trainy es el dataframe pero sólo con la variable Survived (para el conjunto de train)

- testX corresponde al dataframe sin la variable Survived (para el conjunto de test)
- testy es el dataframe pero sólo con la variable Survived (para el conjunto de test)

```
trainX <- data_train[, c("Sex","Parch","SibSp","Child","Age","Pclass")]
trainy <- data_train[, c("Survived")]
testX <- data_test[, c("Sex","Parch","SibSp","Child","Age","Pclass")]
testy <- data_test[, c("Survived")]

#trainX <- data_train[, c(1:3,5:12)]
#trainy <- data_train[, 4]
#testX <- data_test[, c(1:3,5:12)]
#testy <- data_test[, 4]</pre>
```

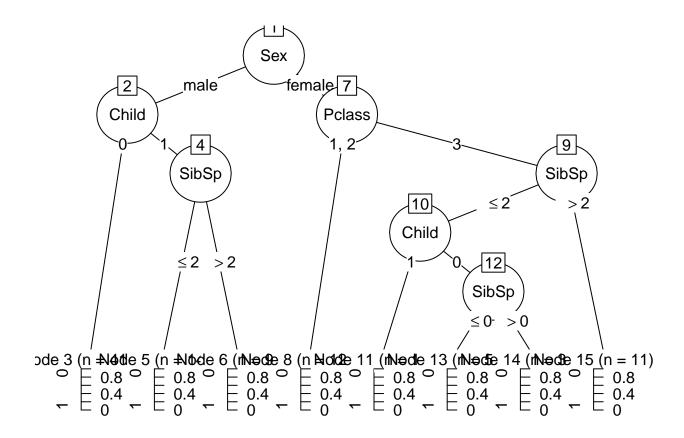
4.3.2.4.1 Importancia Atributos Definimos primero las métricas que vamos a usar en los árboles C5.0 a la hora de mostrar la importancia de los atributos:

- Usage: porcentaje de observaciones de entrenamiento que caen en todos los nodos generados tras una división en el que ha participado el predictor. Por ejemplo, en el caso de un árbol simple, el predictor empleado en la primera decisión recibe automáticamente una importancia del 100%, ya que todas las observaciones de entrenamiento caen en uno de los dos nodos hijos generados. Otros predictores puede que participen con frecuencia en divisiones, pero si en los nodos hijos solo caen unas pocas observaciones, su importancia puede ser próxima a cero. En el caso de boosting, se promedia la importancia de cada predictor en todos los árboles que forman el ensemble.
- Splits: porcentaje de divisiones en las que participa cada predictor. No tiene en cuenta la importancia de la división.

4.3.2.4.2 Primer modelo c5.0 Vamos a empezar realizando un primer modelo C5.0 con los valores por defecto y con las reglas:

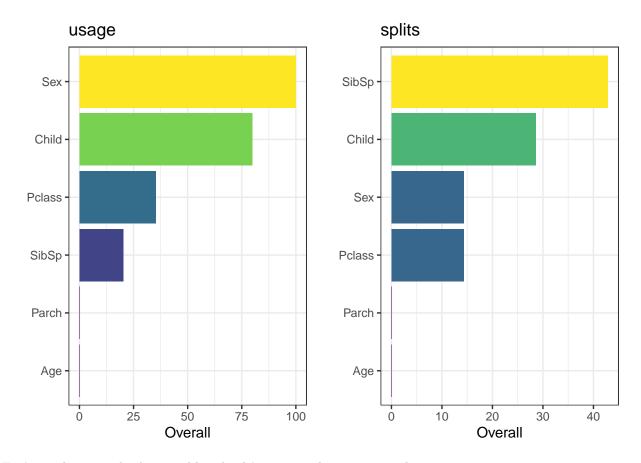
```
##
## Call:
## C5.0.default(x = trainX, y = trainy, rules = FALSE, control =
   C5.0Control(seed = 123))
##
##
## C5.0 [Release 2.07 GPL Edition]
                                      Mon Jan 4 14:39:35 2021
  _____
##
## Class specified by attribute `outcome'
##
## Read 669 cases (7 attributes) from undefined.data
##
## Decision tree:
##
## Sex = male:
## :...Child = 0: 0 (410/71)
      Child = 1:
## :
      :...SibSp <= 2: 1 (14/2)
          SibSp > 2: 0 (9/1)
## Sex = female:
```

```
## :...Pclass in {1,2}: 1 (124/7)
##
       Pclass = 3:
       :...SibSp > 2: 0 (11/1)
##
##
           SibSp <= 2:
           :...Child = 1: 1 (12/1)
##
##
               Child = 0:
##
                :...SibSp <= 0: 1 (58/24)
                    SibSp > 0: 0 (31/10)
##
##
##
## Evaluation on training data (669 cases):
##
##
        Decision Tree
##
##
      Size
               Errors
##
##
         8 117(17.5%)
                          <<
##
##
##
       (a)
             (b)
                     <-classified as
##
##
       378
              34
                     (a): class 0
##
        83
             174
                     (b): class 1
##
##
##
    Attribute usage:
##
##
    100.00% Sex
     79.82% Child
##
##
     35.28% Pclass
     20.18% SibSp
##
##
##
## Time: 0.0 secs
plot(bc_tree)
```



Aunque podríamos representar el árbol, nos han salido muchas reglas y es complicado de visualizar. Lo analizamos numéricamente.

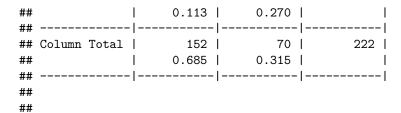
Primero veamos visualmente la importancia de cada variable:

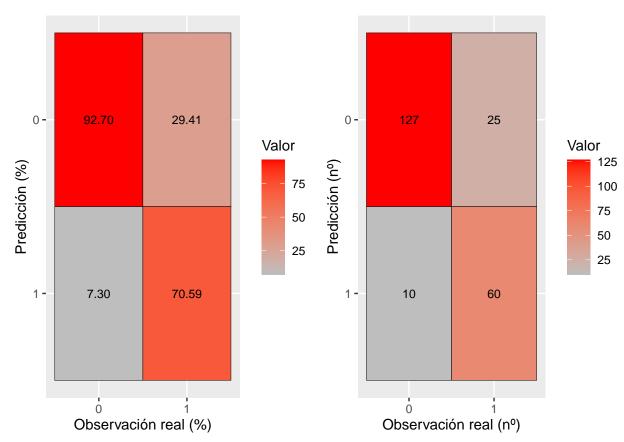


Está usando casi todas las variables, de ahí que nos salgan tantas reglas.

Vamos a ver la precisión del modelo

```
## [1] "La precisión del árbol C50 1 es: 84.2342 %"
##
##
##
      Cell Contents
##
                             N I
##
               N / Col Total |
##
             N / Table Total |
##
##
##
##
   Total Observations in Table:
##
##
##
##
                 | Prediction
##
        Reality |
                                         1 | Row Total |
##
               0 |
                                                    137 |
##
                          127 |
                                        10 |
##
                       0.836 |
                                    0.143 |
##
                        0.572 |
                                     0.045 |
##
##
               1 |
                           25 I
                                        60 I
                                                     85 I
##
                       0.164 |
                                    0.857 |
```





4.3.2.4.3 Segundo modelo C5.0 con Winnowing Winnowing consiste en aplicar un algoritmo de clasificación (algoritmo Winnow) a los atributos para eliminar aquellos que sean de poca ayuda.

Es una selección de atributos que se realiza antes de la creación del modelo.

El conjunto de datos se divide por la mitad aleatoriamente y se crea un modelo inicial. Cada predictor se va quitando por turno y se analiza el efecto sobre la calidad del modelo (usando la otra mitad de la división aleatoria)

Se marcan los predictores si su eliminación no incrementa la tasa de error. El modelo final se calcula usando todos los conjuntos de datos usando sólo los predictores no marcados.

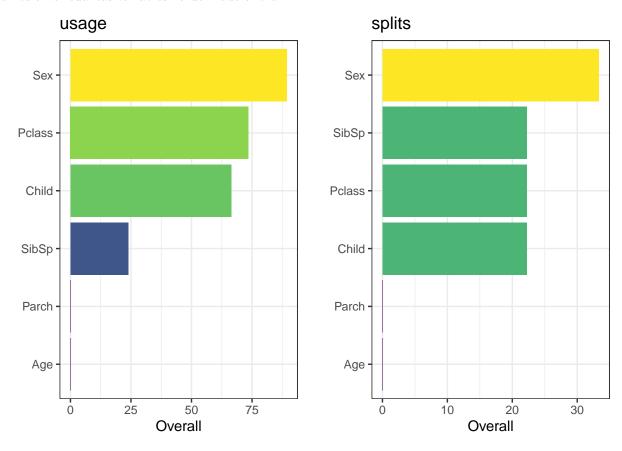
Se puede realizar winnowing en C5.0 simplemente usando un flag.

```
##
## Call:
## C5.0.default(x = trainX, y = trainy, rules = TRUE, control = C5.0Control(seed
## = 123, winnow = TRUE))
##
## C5.0 [Release 2.07 GPL Edition]
                                   Mon Jan 4 14:39:37 2021
## -----
##
## Class specified by attribute `outcome'
## Read 669 cases (7 attributes) from undefined.data
## 1 attribute winnowed
## Estimated importance of remaining attributes:
##
##
       68% Sex
        7% Child
##
        7% Pclass
##
        4% SibSp
##
##
       <1% Parch
##
## Rules:
## Rule 1: (410/71, lift 1.3)
## Sex = male
## Child = 0
## -> class 0 [0.825]
##
## Rule 2: (368/91, lift 1.2)
## Pclass = 3
## -> class 0 [0.751]
##
## Rule 3: (124/7, lift 2.4)
## Sex = female
## Pclass in {1, 2}
## -> class 1 [0.937]
##
## Rule 4: (34/4, lift 2.2)
## SibSp <= 2
## Child = 1
## -> class 1 [0.861]
## Rule 5: (134/28, lift 2.0)
## Sex = female
## SibSp <= 0
## -> class 1 [0.787]
##
## Default class: 0
##
## Evaluation on training data (669 cases):
##
##
           Rules
```

```
##
##
        No
                 Errors
##
##
         5
             117(17.5%)
                           <<
##
##
                      <-classified as
##
        (a)
              (b)
##
       378
                      (a): class 0
##
               34
##
        83
              174
                      (b): class 1
##
##
##
    Attribute usage:
##
##
     89.39% Sex
     73.54% Pclass
##
##
     66.37% Child
##
     23.92% SibSp
##
##
## Time: 0.0 secs
```

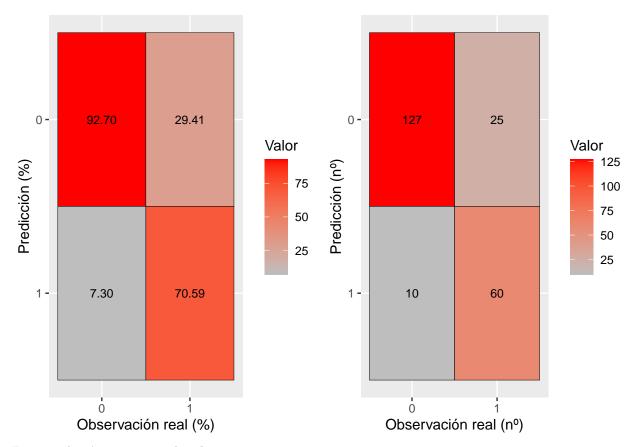
Parece que en este caso no es capaz de eliminar atributos (winnow)

Vamos a ver cuantas variables ha utilizado ahora:



[1] "La precisión del árbol C50 2 es: 84.2342 %"

```
##
## Cell Contents
## |-----|
## |
## | N / Col Total | ## | N / Table Total |
## |-----|
##
## Total Observations in Table: 222
##
##
      | Prediction
   Reality | 0 | 1 | Row Total |
##
  -----|----|
##
                 10 | 137 |
    0 | 127 |
##
      İ
##
            0.836 | 0.143 |
        0.045 |
##
           0.572
## -----|-----|
          25 | 60 |
0.164 | 0.857 |
      1 |
##
##
        | 0.113 | 0.270 |
## -----|
                  70 | 222 |
## Column Total | 152 |
           0.685 | 0.315 |
  1
## -----|-----|
##
##
```



Es una solución muy parecida a la anterior

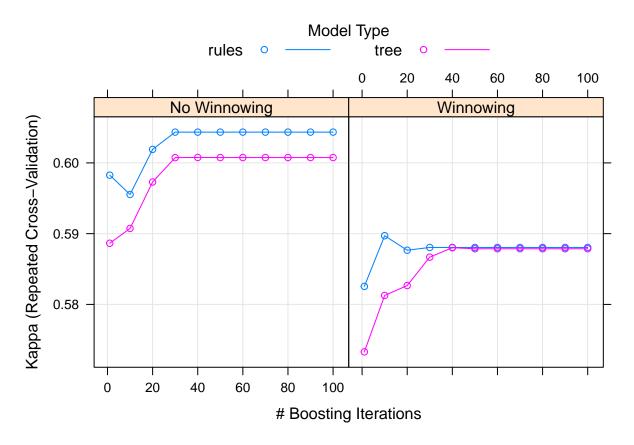
4.3.2.4.4 Tercer modelo C5.0 usando boosting La implementación del C5.0 dispone de la posibilidad de aplicar un *Boosting* similar a *AdaBoost*, que permite combinar varios árboles (técnica de *Ensemble*) para producir mejores modelos predictivos que si sólamente usasemos un árbol de decisión simple.

Para ello se utiliza el parámetro trials, en el que le indicamos cuantas iteraciones (que a la postre son árboles distintos) debe utilizar para generar el modelo *ensemble*.

Podríamos ir probando con distintos boosts variando el winnowing y los parámetros hasta encontrar el que mejor modelo nos generase. Es una labor tediosa que podemos simplificar usando la librería caret, que proporciona una forma de entrenar modelos modificando sus parámetros, vamos a usarlo para el C5.0 mostrando la comparativa posteriormente.

En este caso vamos a usar Cohen-Kappa como medición de calidad del modelo, y compararemos C5.0 generados con distintas iteraciones (boosting) combinándolo con winnowing y con rules/tree.

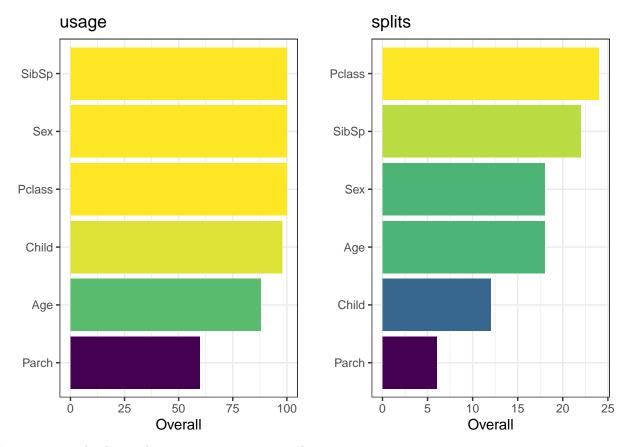
Accuracy Kappa ## 0.8243243 0.6257457



Los valores anteriores son orientativos y nos sirven para acotar más fácilmente los parámetros en los que buscar.

Vamos a crear el mejor árbol sin winnowing y boost, usando 30 trials y sin reglas:

Como antes, vemos la importancia de los atributos:

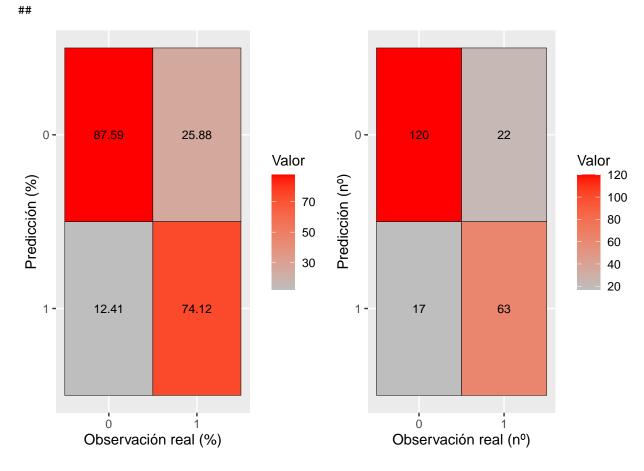


En este caso todos los atributos tienen un uso muy alto.

De nuevo calculamos matriz de confusión

```
## [1] "La precisión del árbol C50 3 es: 82.4324 %"
##
##
##
      Cell Contents
##
## |
             N / Col Total |
## |
           N / Table Total |
##
##
## Total Observations in Table: 222
##
##
##
               | Prediction
##
       Reality |
                    0 |
                                   1 | Row Total |
##
             0 |
                       120 |
                                   17 |
                                               137 |
##
##
             0.845 |
                                 0.212 |
                     0.541 |
                                 0.077 |
##
             1 |
                        22 |
##
                                    63 l
##
              0.155 |
                                 0.787 |
##
               0.099 |
                               0.284 |
```

| ## | | | | |
|----|--------------|-------|-------|-----|
| ## | Column Total | 142 | 80 | 222 |
| ## | | 0.640 | 0.360 | 1 |
| ## | | | | |
| ## | | | | |



5 Representación de los resultados a partir de tablas y gráficas.

TODO: AMPLIAR ALGO

Durante la resolución de la práctica hemos aprovechado las capacidades didácticas del formato rmd para ir generando las gráficas y tablas en cada una de las secciones y explicando sus interpretaciones, esto es especialmente relevante en el caso del análisis exploratorio pues a la hora de tomar decisiones de limpieza y de uso de variables, disponer de las gráficas en el momento de la decisión es muy útil.

Con respecta a los modelos predictivos, se han ido también creando gráficas representando las tablas de confusión y extrayendo la precisión de los modelos. En los árboles se han mostrado, cuando eran suficientemente pequeños, las representaciones gráficas de los mismos, y cuando no se han mostrado datos y tablas numéricas explicando brevemente su utilidad.

Si que podemos exponer un resumen del comportamiento de los diferentes modelos predictivos creados a lo largo del ejercicio

| Modelo | Precisión | Errores |
|-----------------|------------------|---------|
| glm1 | 82.4324324324324 | 39 |
| glm2 | 81.981981981982 | 40 |
| glm3 | 82.8828828828 | 38 |
| glm4 | 83.3333333333333 | 37 |
| Decision Tree 1 | 82.8828828828 | 38 |
| Decision Tree 2 | 84.2342342342 | 35 |
| Random Forest | 83.7837837837838 | 36 |
| C50 1 | 84.2342342342 | 35 |
| C50 2 | 84.2342342342 | 35 |
| C50 3 | 82.4324324324324 | 39 |

Resolución del problema. A partir de los resultados obtenidos, ¿cuáles son las conclusiones? ¿Los resultados permiten responder al problema?

Hemos procedido a realizar, sobre el conjunto de datos Titanic, las fases de limpieza, depuración y análisis de datos (eliminando variables innecesarias, imputando datos faltantes, comprobando supuestos estadísticos...), hasta finalmente implementar un conjunto de modelos de predicción basados en variables dadas y otras creadas nuevas.

El problema que nos planteábamos era: ¿Dado el conjunto de datos que disponemos, podemos predecir la supervivencia o no de un pasajero?.

Podemos diferenciar entre las conclusiones del análisis exploratorio y la capacidad de predecir de los modelos creados. Del análisis exploratorio podríamos responder a la pregunta: ¿Las mujeres y los niños primero? Y la respuesta es que parece que si, que tuvieron mayor proporción de supervivencia, y si ademas eras de clase rica (o viajabas en una clase mejor) tus probabilidades también aumentaban. Pero no podemos afirmar que fuese en todos los casos, como constata la dificultad para encontrar un modelo predictivo con una buena precisión.

Los diferentes modelos creados intentan resolverlo con resultados de precisión más bien discretos:

TODO: Resumir datos.

• Del resto de modelos planteado destacaríamos tres de ellos con precisión de 83,78%: Dos regresiones logísticas usando datos enriquecidos con variables sintéticas, y un árbol de decisión con profundidad 5

para el que las variables más significativas resultaron ser las siguientes: **Sexmale**, **Pclass3** y **Family-Size** (aunque también hemos visto que hay otras variables influyentes en los modelos, y que eran de esperar como **Age** y sus variables derivadas, como **Child** y **AgeInterval** y que suponen también una lógica).

También hemos comprobado que la regresión logística con interacción de variables (modelo glm4) mejora la predicción de supervivientes (a costa de fallar algo más en los no supervivientes). Aunque la precisión total de ambos modelos fue equivalente, en el modelo de regresión logística ha fallado en que fallecen el 11,68% y el modelo predice que sobreviven (y sobreviven el 23.53% y el modelo predice lo contrario), mientras que en el árbol (tree2) se ha fallado en lo siguiente, fallecen realmente un 7,30% y el modelo predice que sobreviven (y sobreviven el 30,59% y el modelo predice que mueren).

Creemos que es preferible que se equivoque más en la predicción de que no van a sobrevivir y al final si lo hacen que en lo contrario (que se prediga que sobrevive y luego no lo haga) Esto parece tener sentido, ya que si observamos las 2 variables más importantes del árbol, **Sexmale** (hombres) y **Pclass3** (3a clase), precisamente son las variables que suponen el mayor índice de mortalidad.

6.1 Exportación de los datos

Vamos a exportar dos ficheros que estarán disponibles en el repositorio github: - Un fichero "titanic_final.csv" que contiene las 12 variables con las que se ha trabajado, con la imputación de los datos realizada, con las variables no utilizadas del dataset origen eliminadas, y con las transformaciones que hemos considerado necesarias.

• Un fichero "titanic_predict.csv", en el que además de las columnas que tiene el fichero anterior, tiene una columna nueva llamada "Survived_Predicted", que es la columna con la predicción de la variable "Survived" realizada con el modelo escogido.

TODO##### Exportación de los datos

7 Tabla de contribuciones

| Contribuciones | Firma |
|-----------------------------|---|
| Investigación Previa | Alexis Germán Arroyo Peña, Gabriel Pulido de Torres |
| Redacción de las respuestas | Alexis Germán Arroyo Peña, Gabriel Pulido de Torres |
| Desarrollo código | Alexis Germán Arroyo Peña, Gabriel Pulido de Torres |

8 Bibliografía y referencias

- [1] Arboles de decision, Random Forest, Gradient Boosting y C5.0. [en línea], [sin fecha]. [Consulta: 2 enero 2021]. Disponible en: https://www.cienciadedatos.net/documentos/33_arboles_decision_random_fores t_gradient_boosting_c50#C50.
- [2] JARMAN, K.H., 2013. The Art of Data Analysis: How to Answer Almost Any Question Using Basic Statistics. S.l.: s.n. ISBN 9781118413357.
- [3] MAT, L.S., OSWALDO, D., MIREIA, T. y GONZ, C., $[\sin fecha]$. Introducción a la limpieza y análisis de los datos.
- [4] MOLINA, L.C. y SANGÜESA I SOLÉ, R., [sin fecha]. Módulo 8: Evaluación de modelos. ,