Рублевская Екатерина Александровна гр. 321702

Вариант 13

Лабораторная работа №3

Задание 1:

- **1.** Даны матрицы $A = (a_{ij})$ и $B = (b_i)$, $i = \overline{1,7}$, $j = \overline{1,7}$. Используя средства пакета **Mathematica** (функции **Norm**, **Inverse**, **LinearSolve**):
 - **а)** найти число обусловленности матрицы A в норме-максимум $\|\cdot\|_{\infty}$;
 - **б)** решить точную систему линейных уравнений AX = B;
 - в) решить три возмущенные системы вида $AX = B + \Delta B$, увеличив значение правой части последнего уравнения системы AX = B последовательно на 0,01%; 0,1% и на 1%;
 - **г)** найти прогнозируемую предельную относительную погрешность решения каждой возмущенной системы;
 - д) найти относительную погрешность решения каждой возмущенной системы; сделать вывод о зависимости относительной погрешности от величины возмущения и числа обусловленности матрицы A.

Выполнить задание для двух случаев:

1)
$$a_{ij} = \begin{cases} 1, & i > j, \\ i+1, & i=j, \\ 2, & i < j, \end{cases}$$
 2) $a_{ij} = \frac{1}{i+j-1}$ $b_i = 3i-2k$,

где $i = \overline{1,7}$, $j = \overline{1,7}$, k – номер вашего варианта.

Задание: 1.1

$$In[1]:= A = \begin{pmatrix} 2 & 2 & 2 & 2 & 2 & 2 \\ 1 & 3 & 2 & 2 & 2 & 2 \\ 1 & 1 & 4 & 2 & 2 & 2 \\ 1 & 1 & 1 & 5 & 2 & 2 \\ 1 & 1 & 1 & 6 & 2 & 2 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 8 \end{pmatrix}$$

$$Out[1]= \{\{2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2, 2\}, \{1, 3, 2, 2, 2, 2, 2, 2\}, \{1, 1, 4, 2, 2, 2, 2\}, \{1, 1, 1, 5, 2, 2, 2\}, \{1, 1, 1, 1, 6, 2, 2\}, \{1, 1, 1, 1, 1, 1, 7, 2\}, \{1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 8\}\}$$

(*Решаем возмущенную систему с 0.01%*)

(*Найдем прогнозируемую предельную

```
относительную погрешность решения второй системы*)
                            Norm[dB2 - B, Infinity]
 In[15]:= OtnPogr2 = number *
                             Norm[dB2, Infinity]
Out[15]=
       0.024975
       (*Найдем прогнозируемую предельную
        относительную погрешность решения третьей системы*)
                            Norm[dB3 - B, Infinity]
 In[16]:= OtnPogr3 = number *
                             Norm[dB3, Infinity]
Out[16]=
       0.247525
       (*Найдем прогнозируемую предельную
        относительную погрешность решения первой системы*)
 In[18]:= Resh1 = X1 - X
Out[18]=
       -\{\{-31.1\}, \{-9.11\}, \{1.39\}, \{7.73\}, \{12.0\}, \{15.0\}, \{17.1\}\} +
        \{\{-31.1\}, \{-9.11\}, \{1.39\}, \{7.73\}, \{12.\}, \{15.\}, \{17.1\}\}
             Norm[Resh1, Infinity]
 In[19]:= OP1 =
               Norm[X1, Infinity]
 ln[20]:= Norm[-{{-31.1}, {-9.11}, {1.39}, {7.73}, {12.0}, {15.0}, {17.1}}] +
       норма
           \{\{-31.1\}, \{-9.11\}, \{1.39\}, \{7.73\}, \{12.\}, \{15.\}, \{17.1\}\}, \infty] / 
        Norm[\{\{-31.1\}, \{-9.11\}, \{1.39\}, \{7.73\}, \{12.\}, \{15.\}, \{17.1\}\}, \infty]
Out[20]=
       0.0000610786
       (*ПРЕДЕЛЬНАЯ ОТНОСИТЕЛЬНАЯ ПОГРЕШНОСТЬ №1*)
 In[0]:= NumberForm[PercentForm[0.00006107859751597114], 2]
       Out[•]//NumberForm=
       0.0061%
 In[21]:= Resh2 = X2 - X
Out[21]=
       -\{\{-31.1\}, \{-9.11\}, \{1.39\}, \{7.73\}, \{12.0\}, \{15.0\}, \{17.1\}\} +
        \{\{-31.1\}, \{-9.11\}, \{1.39\}, \{7.72\}, \{12.\}, \{15.\}, \{17.2\}\}
             Norm[Resh2, Infinity]
 In[22]:= OP2 = -
               Norm[X2, Infinity]
```

```
In[23]:= Norm[-{{-31.1}, {-9.11}, {1.39}, {7.73}, {12.0}, {15.0}, {17.1}} +
       норма
           \{\{-31.1\}, \{-9.11\}, \{1.39\}, \{7.72\}, \{12.\}, \{15.\}, \{17.2\}\}, \infty] / 
        Norm[\{\{-31.1\}, \{-9.11\}, \{1.39\}, \{7.72\}, \{12.\}, \{15.\}, \{17.2\}\}, \infty]
Out[23]=
       0.00061073
       (*ПРЕДЕЛЬНАЯ ОТНОСИТЕЛЬНАЯ ПОГРЕШНОСТЬ №2*)
 In[@]:= NumberForm[PercentForm[0.0006107300213601913], 2]
       числовая фо... форма процента
Out[ • ] // NumberForm =
       0.061%
 In[24]:= Resh3 = X3 - X
Out[24]=
       -\{\{-31.1\}, \{-9.11\}, \{1.39\}, \{7.73\}, \{12.0\}, \{15.0\}, \{17.1\}\} +
        \{\{-31.1\}, \{-9.14\}, \{1.36\}, \{7.69\}, \{11.9\}, \{14.9\}, \{17.3\}\}
             Norm[Resh3, Infinity]
 In[25]:= OP3 =
               Norm[X3, Infinity]
 ln[26] := Norm[-{{-31.1}, {-9.11}, {1.39}, {7.73}, {12.0}, {15.0}, {17.1}} +
           \{\{-31.1\}, \{-9.14\}, \{1.36\}, \{7.69\}, \{11.9\}, \{14.9\}, \{17.3\}\}, \infty] / 
        Norm[\{\{-31.1\}, \{-9.14\}, \{1.36\}, \{7.69\}, \{11.9\}, \{14.9\}, \{17.3\}\}, \infty]
Out[26]=
       0.00610171
       (*ПРЕДЕЛЬНАЯ ОТНОСИТЕЛЬНАЯ ПОГРЕШНОСТЬ №3*)
 In[27]:= NumberForm[PercentForm[0.006101710466956757], 2]
       Out[27]//NumberForm=
       0.61%
```

Задание 1.2:

$$In[28]:= A = \begin{pmatrix} 1 & \frac{1}{2} & \frac{1}{3} & \frac{1}{4} & \frac{1}{5} & \frac{1}{6} & \frac{1}{7} \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{3} & \frac{1}{4} & \frac{1}{5} & \frac{1}{6} & \frac{1}{7} \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{3} & \frac{1}{4} & \frac{1}{5} & \frac{1}{6} & \frac{1}{7} & \frac{1}{8} \\ \frac{1}{3} & \frac{1}{4} & \frac{1}{5} & \frac{1}{6} & \frac{1}{7} & \frac{1}{8} & \frac{1}{9} \\ \frac{1}{4} & \frac{1}{5} & \frac{1}{6} & \frac{1}{7} & \frac{1}{8} & \frac{1}{9} & \frac{1}{10} \\ \frac{1}{5} & \frac{1}{6} & \frac{1}{7} & \frac{1}{8} & \frac{1}{9} & \frac{1}{10} & \frac{1}{11} \\ \frac{1}{6} & \frac{1}{7} & \frac{1}{8} & \frac{1}{9} & \frac{1}{10} & \frac{1}{11} & \frac{1}{12} \\ \frac{1}{7} & \frac{1}{8} & \frac{1}{9} & \frac{1}{10} & \frac{1}{11} & \frac{1}{12} & \frac{1}{13} \end{pmatrix}$$

(*****Находим обратную матрице **A***)

бесконечность

(***Норма матрицы обратной А***)

In[35]:= NumberForm[N[normaInvA], 2]

<u> числовая фо</u> <u>численное приближени</u>

Out[35]//NumberForm=

 $\textbf{3.8} \times \textbf{10}^{8}$

(*Найдем число обусловленности*)

In[36]:= number = normaA * normaInvA; NumberForm[N[number], 2]

<u> числовая фо</u> <u> численное приближен</u>

Out[37]//NumberForm=

 $\textbf{9.9} \times \textbf{10}^{8}$

(*Найдем решение AX=B*)

решить линейные уравнения

NumberForm[ScientificForm[N[X]], 2]

Out[41]//NumberForm=

$$\begin{split} &\left\{ \left\{ 8.5 \times 10^2 \right\} \text{, } \left\{ -4. \times 10^4 \right\} \text{, } \left\{ 4.3 \times 10^5 \right\} \text{,} \\ &\left\{ -1.9 \times 10^6 \right\} \text{, } \left\{ 3.8 \times 10^6 \right\} \text{, } \left\{ -3.5 \times 10^6 \right\} \text{, } \left\{ 1.2 \times 10^6 \right\} \right\} \end{split}$$

(*Решаем возмущенную систему с 0.01%*)

$$In[42]:= dB1 = \begin{pmatrix} -23 \\ -20 \\ -17 \\ -14 \\ -11 \\ -8 \\ -5 * 1.0001 \end{pmatrix}$$

In[43]:= X1 = LinearSolve[A, dB1];

решить линейные уравнения

In[44]:= NumberForm[ScientificForm[N[X1]], 2]

<u> Числовая фо</u> <u>Научная запись чи</u> <u> Численное при</u>

Out[44]//NumberForm=

$$\begin{array}{l} \left\{ \left\{ 8.4 \times 10^{2} \right\}, \; \left\{ -3.9 \times 10^{4} \right\}, \; \left\{ 4.3 \times 10^{5} \right\}, \\ \left\{ -1.9 \times 10^{6} \right\}, \; \left\{ 3.8 \times 10^{6} \right\}, \; \left\{ -3.5 \times 10^{6} \right\}, \; \left\{ 1.2 \times 10^{6} \right\} \right\} \end{array}$$

(*Решаем возмущенную систему с 0.1%*)

In[45]:=
$$dB2 = \begin{pmatrix} -23 \\ -20 \\ -17 \\ -14 \\ -11 \\ -8 \\ -5 * 1.001 \end{pmatrix}$$
;

In[46]:= X2 = LinearSolve[A, dB2];

решить линейные уравнения

In[47]:= NumberForm[ScientificForm[N[X2]], 2]

_числовая фо… _ научная запись чи… _ численное при

Out[47]//NumberForm=

$$\left\{ \left\{ 7.9 \times 10^{2} \right\}, \left\{ -3.7 \times 10^{4} \right\}, \left\{ 4.1 \times 10^{5} \right\}, \\ \left\{ -1.8 \times 10^{6} \right\}, \left\{ 3.6 \times 10^{6} \right\}, \left\{ -3.4 \times 10^{6} \right\}, \left\{ 1.2 \times 10^{6} \right\} \right\}$$

(*Решаем возмущенную систему с 1%*)

$$\ln[48] = dB2 = \begin{pmatrix}
 -23 \\
 -20 \\
 -17 \\
 -14 \\
 -11 \\
 -8 \\
 -5 + 1 & 01
 \end{pmatrix}$$

In[49]:= X3 = LinearSolve[A, dB3];

решить линейные уравнения

In[50]:= NumberForm[ScientificForm[N[X3]], 2]

<u>Числовая фо</u> научная запись чи численное при

$$\begin{split} \left\{ \left\{ \mathbf{1.6} \times \mathbf{10^4} \right\}, \; \left\{ -7. \times \mathbf{10^5} \right\}, \; \left\{ 7.1 \times \mathbf{10^6} \right\}, \\ \left\{ -2.9 \times \mathbf{10^7} \right\}, \; \left\{ 5.5 \times \mathbf{10^7} \right\}, \; \left\{ -4.9 \times \mathbf{10^7} \right\}, \; \left\{ 1.7 \times \mathbf{10^7} \right\} \right\} \end{split}$$

(*Найдем прогнозируемую предельную

относительную погрешность решения первой системы*)

In[52]:= Print[OtnPogr1]

печатать

21417.3

```
(*Найдем прогнозируемую предельную
           относительную погрешность решения второй системы*)
 In[53]:= OtnPogr2 = number * Norm[dB2 - B, Infinity];
 In[54]:= Print[OtnPogr2]
         печатать
         2.14173 \times 10^6
         (*Найдем прогнозируемую предельную
           относительную погрешность решения третьей системы*)
 In[55]:= OtnPogr3 = number * Norm[dB3 - B, Infinity];
 In[56]:= Print[OtnPogr3]
         печатать
         1.02187 \times 10^9
         (*Найдем прогнозируемую предельную
           относительную погрешность решения первой системы*)
 In[59]:= Resh1 = X1 - X;
         NumberForm[N[ScientificForm[Resh1]], 2]
         _числовая фо··· [··· [научная запись числа
         \left\{\,\left\{\,\mathbf{-6.}\,\right\}\,,\;\left\{\,\mathbf{2.5}\times\mathbf{10^{2}}\,\right\}\,,\;\left\{\,\mathbf{-2.5}\times\mathbf{10^{3}}\,\right\}\,,\;\left\{\,\mathbf{1.}\,\times\mathbf{10^{4}}\,\right\}\,,\;\left\{\,\mathbf{-1.9}\times\mathbf{10^{4}}\,\right\}\,,\;\left\{\,\mathbf{1.7}\times\mathbf{10^{4}}\,\right\}\,,\;\left\{\,\mathbf{-5.5}\times\mathbf{10^{3}}\,\right\}\,\right\}
 In[61]:= OP1 = Norm[Resh1, Infinity]
Norm[X1, Infinity];
 In[62]:= NumberForm[ScientificForm[PercentForm[OP1]], 2]
         Out[62]//NumberForm=
         0.5%
         (*Найдем прогнозируемую предельную
           относительную погрешность решения второй системы*)
 In[65]:= Resh2 = X2 - X;
         NumberForm[N[ScientificForm[Resh2]], 2]
         _числовая фо⋯ _ ... _ научная запись числа
         \left\{ \left\{ -6. \times 10^{1} \right\}, \left\{ 2.5 \times 10^{3} \right\}, \left\{ -2.5 \times 10^{4} \right\}, \right.
           \left\{\textbf{1.}\times\textbf{10}^{5}\right\}\text{, }\left\{-\textbf{1.}9\times\textbf{10}^{5}\right\}\text{, }\left\{\textbf{1.}7\times\textbf{10}^{5}\right\}\text{, }\left\{-\textbf{5.}5\times\textbf{10}^{4}\right\}\right\}
 In[67]:= OP2 = Norm[Resh2, Infinity]
Norm[X2, Infinity];
         NumberForm[ScientificForm[PercentForm[OP2]], 2]
         Out[68]//NumberForm=
         5.3%
          (*Найдем прогнозируемую предельную
           относительную погрешность решения первой системы*)
```

NumberForm[N[ScientificForm[Resh3]], 2]

числовая фо... [... научная запись числа

Out[82]//NumberForm=

$$\left\{ \left\{ \mathbf{1.6} \times \mathbf{10^4} \right\}, \; \left\{ -6.6 \times \mathbf{10^5} \right\}, \; \left\{ 6.6 \times \mathbf{10^6} \right\}, \\ \left\{ -2.7 \times \mathbf{10^7} \right\}, \; \left\{ 5.1 \times \mathbf{10^7} \right\}, \; \left\{ -4.5 \times \mathbf{10^7} \right\}, \; \left\{ 1.5 \times \mathbf{10^7} \right\} \right\}$$

NumberForm[ScientificForm[PercentForm[0P3]], 2]

Out[84]//NumberForm=

93%

Задание 2:

Решить методом прогонки трехдиагональную систему, составить таблицу прогоночных коэффициентов L_i , M_i , i = 1, 5.

2.13.
$$\begin{cases} 14x_1 - x_2 = -1, \\ x_1 + 5x_2 - 3x_3 = 5, \\ 7x_2 + 9x_3 - x_4 = 6, \\ 11x_3 + 15x_4 + 2x_5 = 15, \\ -3x_4 + 4x_5 = -3. \end{cases}$$

$$In[85]:= A = \begin{pmatrix} 14 & -1 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 5 & -3 & 0 & 0 \\ 0 & 7 & 9 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 11 & 15 & 2 \\ 0 & 0 & 0 & -3 & 4 \end{pmatrix}$$

Out[85]=

$$\{\{14, -1, 0, 0, 0\}, \{1, 5, -3, 0, 0\}, \{0, 7, 9, -1, 0\}, \{0, 0, 11, 15, 2\}, \{0, 0, 0, -3, 4\}\}$$

In[86]:=
$$\mathbf{B} = \begin{pmatrix} -1 \\ 5 \\ 6 \\ 15 \\ -3 \end{pmatrix}$$

Out[86]=

$$\{\{-1\}, \{5\}, \{6\}, \{15\}, \{-3\}\}$$

(*Выделяем все элементы*)

In[93]:=
$$L[1] = -\frac{c[1]}{b[1]}$$
;

In[94]:=
$$M[1] = \frac{d[1]}{b[1]}$$
;

In[95]:= For
$$\begin{bmatrix} i = 2, i \le 5, i++, \\ \mu \text{ MKN} \end{bmatrix}$$

$$L[i] = -\frac{c[i]}{b[i] + a[i] * L[i-1]}$$

Out[96]=
$$\left\{\frac{1}{14}, \frac{42}{71}, \frac{71}{933}, -\frac{933}{7388}, 0\right\}$$

In[97]:= For
$$i = 2, i \le 5, i++,$$
 μ

$$M[i] = \frac{d[i] - a[i] * M[i - 1]}{b[i] + a[i] * L[i - 1]}$$

Out[98]=

$$\left\{-\frac{1}{14}, 1, -\frac{71}{933}, 1, 0\right\}$$

In[124]:=

$$X = \{0, 0, 0, 0, 0\};$$

 $X[5] = M[5];$

цикл ДЛЯ

$$X = N[X]$$
;

_ численное приближение

NumberForm[X, 5]

числовая форма

Out[128]//NumberForm=

Задание 3:

3. Решить систему n-го порядка AX = B методом Якоби и методом Зейделя с точностью $\varepsilon = 10^{-3}$ при n = 10 и n = 20. Сравнить число итераций, необходимых для достижения точности ε этими методами. Здесь $A = (a_n)$ – матрица с диагональным преобладанием, $B = (b_i)$ – вектор-столбец,

$$a_{ij} = \begin{cases} 1, & i \neq j, \\ 2n, & i = j, \end{cases}$$

$$b_{i} = (2n-1)i + \frac{n(n-1)}{2} + (3n-1)(k-1),$$

где $i = \overline{1, n}, j = \overline{1, n}, k$ – номер вашего варианта.

(*Задание 3.1*)

```
In[ \circ ] := n = 10;
     A = Table[If[i = j, 2*n, 1], {i, 1, n}, {j, 1, n}];
        табл... условный оператор
     B = Table[(2*n-1)*i+(n*(n+1))/2+(3*n-1)*(13-1), {i, 1, n}];
        таблица значений
     (*Метод Якоби*)
     jacobi[X0_, numberIter_, tolerance_] :=
      Module[{Y = X0, Xprev, iterations = 0, error = tolerance + 1, n = Length[X0]},
      Іпрограммный модуль
        While[iterations < maxIterations && error > tolerance, Xprev = Y;
       цикл-пока
         Y = Table[(B[i]] - Sum[A[i, j]] * Xprev[j]], {j, 1, n}] + A[i, i] * Xprev[i]) / A[i, i],
            Таблица значений Сумма
            {i, 1, n}];
         error = Max[Abs[Y - Xprev]];
                ма… абсолютное значение
         iterations++;];
        {Y, iterations}]
      (*Метод Зейделя*)
     gaussSeidel[X0_, numberIter_, tolerance_] :=
      Module[{Y = X0, Xprev, iterations = 0, error = tolerance + 1, n = Length[X0]},
      программный модуль
        While[iterations < maxIterations && error > tolerance, Xprev = Y;
       цикл-пока
         Do[Y[i]] = (B[i]] - Sum[A[i, j]] * Y[j]], {j, 1, i - 1}] -
         оператор цикла
               Sum[A[i, j] * Xprev[j], {j, i + 1, n}]) / A[i, i], {i, 1, n}];
         error = Max[Abs[Y - Xprev]];
                ма... абсолютное значение
         iterations ++;];
        {Y, iterations}]
     (*Начальное приближение*)
     X0 = ConstantArray[0, n];
         Іпостоянный массив
```

```
(*Задаем параметры*)
     maxIterations = 1000;
     tolerance = 10^{(-3)};
     (*Решаем с помощью Якоби*)
     {Xjacobi, iterationsJacobi} = jacobi[X0, numberIter, tolerance];
     (*Решаем с помощью Зейделя*)
     {Xzeidel, iterationsZeidel} = gaussSeidel[X0, numberIter, tolerance];
     (*Pезультаты: *)
     (*Метод Якоби*)
     Print["Решение:", NumberForm[N[Xjacobi], 3]];
                        Print["Кол-во итераций:", iterationsJacobi];
     печатать
     (*Метод Зейделя*)
     Print["Решение:", NumberForm[N[Xzeidel], 3]];
                        <u> числовая фо</u> <u>численное приближение</u>
     Print["Кол-во итераций:", iterationsZeidel];
     печатать
     Решение: {13., 14., 15., 16., 17., 18., 19., 20., 21., 22.}
     Кол-во итераций:14
     Решение: {13., 14., 15., 16., 17., 18., 19., 20., 21., 22.}
     Кол-во итераций:6
      Задание 3.2:
In[ \circ ] := n = 20;
     A = Table[If[i = j, 2*n, 1], {i, 1, n}, {j, 1, n}];
        Ітабл... Іусловный оператор
     B = Table[(2*n-1)*i+(n*(n+1))/2+(3*n-1)*(13-1), {i, 1, n}];
        Ітаблица значений
     (*Метод Якоби*)
     jacobi[X0_, numberIter_, tolerance_] :=
      Module[{Y = X0, Xprev, iterations = 0, error = tolerance + 1, n = Length[X0]},
      программный модуль
                                                                       Ідлина
       While[iterations < maxIterations && error > tolerance, Xprev = Y;
       Іцикл-пока
         Y = Table[(B[i]] - Sum[A[i, j]] * Xprev[j]], {j, 1, n}] + A[i, i] * Xprev[i]) / A[i, i],
            таблица значений сумма
           {i, 1, n}];
         error = Max[Abs[Y - Xprev]];
                ма... абсолютное значение
         iterations ++;1;
       {Y, iterations}]
```

```
(*Метод Зейделя*)
gaussSeidel[X0 , numberIter , tolerance ] :=
 Module[{Y = X0, Xprev, iterations = 0, error = tolerance + 1, n = Length[X0]},
 программный модуль
  While[iterations < maxIterations && error > tolerance, Xprev = Y;
   Do[Y[i]] = (B[i]] - Sum[A[i, j]] * Y[j]], {j, 1, i - 1}] -
   оператор цикла
                     сумма
          Sum[A[i, j] * Xprev[j], {j, i + 1, n}]) / A[i, i], {i, 1, n}];
   error = Max[Abs[Y - Xprev]];
           <u>[ма··· | абсолютное значение</u>
   iterations ++;];
  {Y, iterations}]
(*Начальное приближение*)
X0 = ConstantArray[0, n];
    постоянный массив
(*Задаем параметры*)
maxIterations = 1000;
tolerance = 10^{(-3)};
(*Решаем с помощью Якоби*)
{Xjacobi, iterationsJacobi} = jacobi[X0, numberIter, tolerance];
(*Решаем с помощью Зейделя*)
{Xzeidel, iterationsZeidel} = gaussSeidel[X0, NumberIter, tolerance];
(*Результаты:*)
(*Метод Якоби*)
Print["Решение:", NumberForm[N[Xjacobi], 3]];
                    <u> </u>числовая фо... <u></u>численное приближение
Print["Кол-во итераций:", iterationsJacobi];
печатать
(*Метод Зейделя*)
Print["Решение:", NumberForm[N[Xzeidel], 3]];
                    <u> числовая фо</u> <u>численное приближение</u>
Print["Кол-во итераций:", iterationsZeidel];
печатать
Решение: {13., 14., 15., 16., 17., 18., 19.,
  20., 21., 22., 23., 24., 25., 26., 27., 28., 29., 30., 31., 32.}
Кол-во итераций:15
Решение: {13., 14., 15., 16., 17., 18., 19.,
  20., 21., 22., 23., 24., 25., 26., 27., 28., 29., 30., 31., 32.}
Кол-во итераций:7
```