

알고리즘 스터디

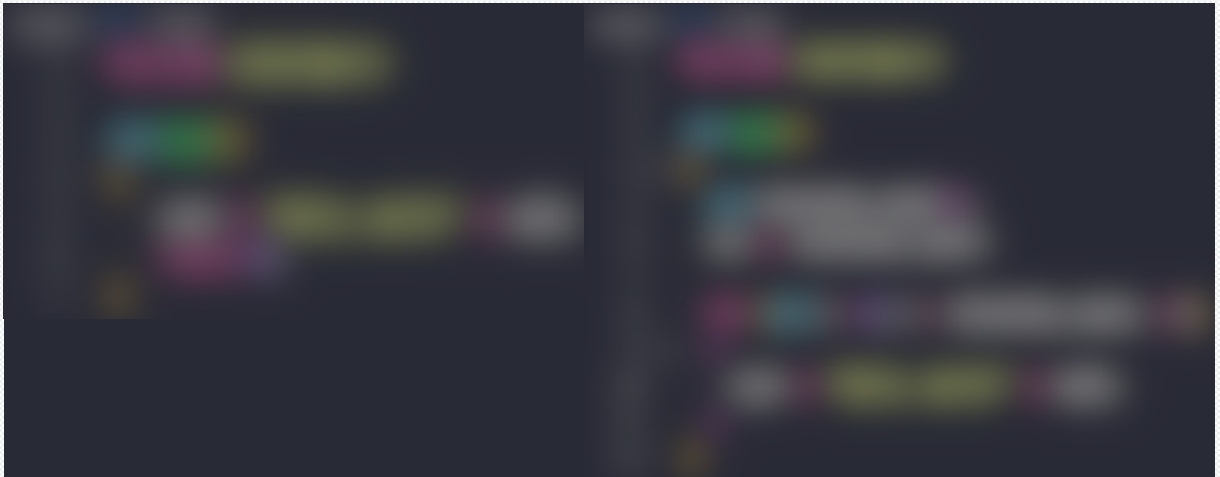
1주차: 시간/공간 복잡도, 기본 자료구조



시간복잡도: 그전에,, 아주 간단한 알고리즘 문제

"Hello, world!" 를 한번 출력하라

"Hello, world!" 를 입력받은 횟수만큼 출력하라



시간복잡도: 그전에,, 아주 간단한 알고리즘 문제

"Hello, world!" 를 한번 출력하라

```
study > C++ 1.cpp
1  #include <iostream.h>
2
3  int main()
4  {
5      cout << "Hello, world!" << endl;
6      return 0;
7  }
```

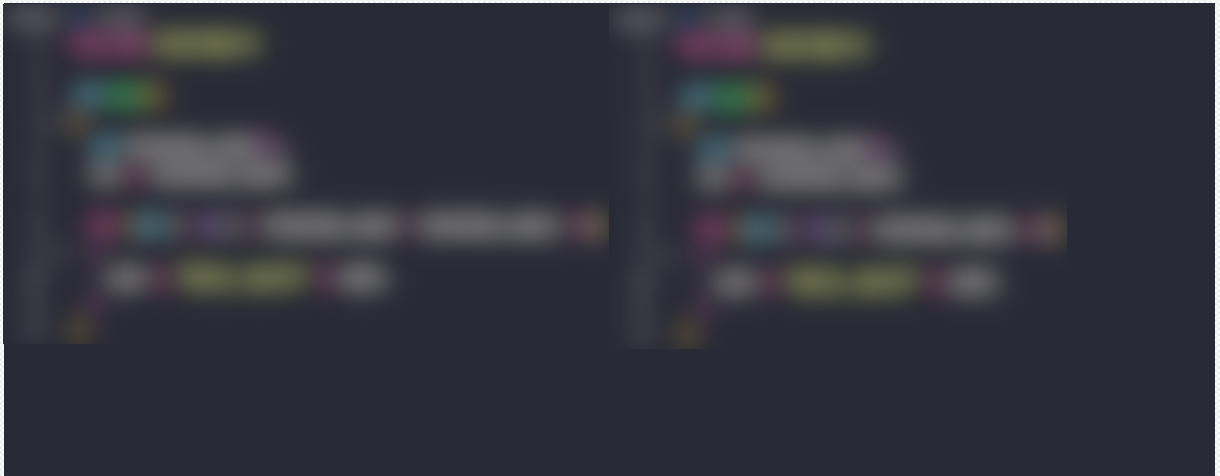
"Hello, world!" 를 입력받은 횟수만큼 출력하라

```
study > C++ 2.cpp
1  #include <iostream.h>
2
3  int main()
4  {
5      int iteration_count{};
6      cin >> iteration_count;
7
8      for (int i = 0; i < iteration_count; ++i)
9      {
10         cout << "Hello, world!" << endl;
11     }
12 }
```

시간복잡도: 그전에,, 아주 간단한 알고리즘 문제

"Hello, world!" 를 입력받은 횟수의 제곱 만큼 출력하라

"Hello, world!" 를 입력받은 횟수만큼 출력하라



시간복잡도: 그전에,, 아주 간단한 알고리즘 문제

" Hello, world!" 를 입력받은 횟수의 제곱 만큼 출력하라

" Hello, world!" 를 입력받은 횟수만큼 출력하라

study > C++ 3.cpp

```
1  #include <iostream.h>
2
3  int main()
4  {
5      int iteration_count{};
6      cin >> iteration_count;
7
8      for (int i = 0; i < iteration_count * iteration_count; ++i)
9      {
10         cout << "Hello, world!" << endl;
11     }
12 }
```

study > C++ 2.cpp

```
1  #include <iostream.h>
2
3  int main()
4  {
5      int iteration_count{};
6      cin >> iteration_count;
7
8      for (int i = 0; i < iteration_count; ++i)
9      {
10         cout << "Hello, world!" << endl;
11     }
12 }
```

시간 복잡도: 정의

- “입력된 데이터의 크기에 따라 얼마나 더 느려지는가”를 나타내는 척도
- $O(\text{polynomial of } N)$ 로 표현함
 - 입력데이터에 상관없이 일정한 시간 : $O(1)$
 - 입력데이터에 정비례 : $O(N)$
 - 입력데이터의 크기의 로그에 비례 : $O(\log N)$
- 같은 문제를 풀더라도 소요되는 시간은 달라질 수 있다
 - 문제의 시간제약조건 내에 풀릴 수 있는 시간복잡도를 갖는 알고리즘 선택
 - 그중 가장 빠르게 구현할 수 있는 것을 선택하자(웬만하면)

공간 복잡도: 정의

➤ “~ 얼마나 더 많은 공간(메모리)을 차지하는가”를 나타내는 척도

➤ $O(\text{polynomial of } N)$ 로 표현함

- 입력데이터에 상관없이 일정한 공간 : $O(1)$
- 입력데이터에 정비례 : $O(N)$
- 입력데이터의 크기의 로그에 비례 : $O(\log N)$

➤ 같은 문제를 풀더라도 소요되는 시간은 달라질 수 있다

- 문제의 시간제약조건 내에 풀릴 수 있는 시간복잡도를 갖는 알고리즘 선택
- 그중 가장 빠르게 구현할 수 있는 것을 선택하자(웬만하면)

시간/공간 복잡도

- “어떤 방법으로 문제를 풀어야 할까”에 대한 답을 얻을 수 있겠다
- 일반적으로 컴퓨터는 1초에 100,000,000회 연산 가능하다고 가정
- 길이가 $2^{10} \approx 1,000$ 인 오름차순 정렬된 배열에서 원하는 숫자가 있는지 찾는 문제
 - 선형탐색으로 풀 수 있겠다~
- 길이가 $2^{100} \approx 10^{30}$ 인 오름차순 정렬된 배열에서 원하는 숫자가 있는지 찾는 문제
 - 선형탐색 알고리즘으로 10^{22} 초 $\approx 3 \times 10^{14}$ 년 걸린다
 - TLE(Time Limit Exceeded)에러와 함께 풀이 실패
 - 다른 방법을... 찾아야 하겠지...?

배열, 링크드 리스트: Array, Linked-List

> 배열

- 연속적인 메모리 공간상에 저장되는 목록형태의 자료구조
- 인덱스 연산자를 통한 접근으로 Read에 $O(1)$ 시간

> 링크드 리스트(Linked-List)

- 요소가 인접 요소를 가리키는 방식으로 사슬(Chain)처럼 연결되는 자료구조

배열: 조금 더 자세히...

- 연속적인 메모리 공간상에 저장되는 목록형태의 자료구조
- 인덱스 연산자를 통한 접근으로 Read에 $O(1)$ 시간
 - `arr[0]` 는 곧 `*(arr + 0)` 로 치환된다
 - `[]`는 연산자예요~
- 하지만 삽입, 삭제등의 작업은 $O(n)$ 이 소요된다
 - 중간에 끼워넣거나 삭제하려면 앞/뒤 요소를 복사해야 하니까...
- 언어별 가변배열 선언 방법은...
 - C: `malloc` / C++: `new` / Java: `new` / Python: 애초에 동적이다

링크드 리스트: 조금 더 자세히...

- 요소가 인접 요소를 가리키는 방식으로 사슬(Chain)처럼 연결되는 자료구조
- 하나의 요소는 아래 성질을 가짐
 - 배열처럼 자기 자신의 값을 가짐
 - 포인터를 통해 인접 요소를 가리킨다
- 그로 인해, 삽입과 삭제가 $O(1)$ 에 가능함
- 동시에, Random Access가 불가능해짐

연습문제: 요세푸스 문제^[1]

- 1번부터 N번까지 **N명의 사람이 원을 이루면서 앉아있고**, 양의 정수 $K(\leq N)$ 가 주어진다. 이제 **순서대로 K번째 사람을 제거**한다. 한 사람이 제거되면 **남은 사람들로 이루어진 원을 따라 이 과정을 계속**해 나간다. 이 과정은 N명의 사람이 모두 제거될 때까지 계속된다. 원에서 사람들이 제거되는 순서를 (N, K)-요세푸스 순열이라고 한다. 예를 들어 (7, 3)-요세푸스 순열은 <3, 6, 2, 7, 5, 1, 4>이다.
- (N, K)-요세푸스 순열을 구하는 프로그램을 작성하시오.

[1] <https://www.acmicpc.net/problem/1158>